

QUARTO TESTE

Universidade Federal de Goiás (UFG) - Regional Jataí
Bacharelado em Ciência da Computação
Teoria da Computação
Esdras Lins Bispo Jr.

21 de agosto de 2017

ORIENTAÇÕES PARA A RESOLUÇÃO

- A avaliação é individual, sem consulta;
- A pontuação máxima desta avaliação é 10,0 (dez) pontos, sendo uma das 06 (seis) componentes que formarão a média final da disciplina: quatro testes, uma prova e exercícios;
- A média final (MF) será calculada assim como se segue

$$MF = MIN(10, S)$$
$$S = \left(\sum_{i=1}^4 0,2.T_i \right) + 0,2.P + 0,1.EA + EB$$

em que

- S é o somatório da pontuação de todas as avaliações,
 - T_i é a pontuação obtida no teste i ,
 - P é a pontuação obtida na prova,
 - EA é a pontuação total dos exercícios de aquecimentos, e
 - EB é a pontuação total dos exercícios-bônus.
- O conteúdo exigido desta avaliação compreende o seguinte ponto apresentado no Plano de Ensino da disciplina: (3) Problemas Decidíveis, (4) Problemas Indecidíveis e (5) Complexidade de Tempo.

Nome:

Quarto Teste

1. (5,0 pt) Seja $TODAS_{AFD} = \{\langle A \rangle \mid A \text{ é um AFD e } L(A) = \Sigma^*\}$. Mostre que $TODAS_{AFD} \in \mathbf{P}$.
2. (5,0 pt) Mostre que \mathbf{NP} é fechada sob operação de união.

Teoremas Auxiliares

Definição 1.16: Uma linguagem é chamada de uma linguagem regular se algum autômato finito a reconhece.

Teorema 1.25: A classe de linguagens regulares é fechada sob a operação de união.

Teorema 1.26: A classe de linguagens regulares é fechada sob a operação de concatenação.

Teorema 1.39: Todo autômato finito não-determinístico tem um autômato finito determinístico equivalente.

Teorema 1.49: A classe de linguagens regulares é fechada sob a operação estrela.

Teorema 1.54: Uma linguagem é regular se e somente se alguma expressão regular a descreve.

Definição 3.5: Chame uma linguagem de Turing-reconhecível se alguma máquina de Turing a reconhece.

Definição 3.6: Chame uma linguagem de Turing-decidível ou simplesmente decidível se alguma máquina de Turing a decide.

Teorema 3.13: Toda máquina de Turing multifita tem uma máquina de Turing que lhe é equivalente.

Teorema 3.16: Toda máquina de Turing não-determinística tem uma máquina de Turing determinística que lhe é equivalente.

Teorema 3.21: Uma linguagem é Turing-reconhecível se e somente se algum enumerador a enumera.

Teorema 4.1: A_{AFD} é uma linguagem decidível.

Teorema 4.2: A_{AFN} é uma linguagem decidível.

Teorema 4.3: A_{EXR} é uma linguagem decidível.

Teorema 4.4: V_{AFD} é uma linguagem decidível.

Teorema 4.5: EQ_{AFD} é uma linguagem decidível.

Teorema 4.9: Toda linguagem livre-de-contexto é decidível.

Teorema 4.11: A_{MT} é uma linguagem indecidível.

Definição 4.14: Um conjunto A é contável se é finito ou tem o mesmo tamanho que \mathbb{N} .

Teorema 4.15: \mathbb{Q} é contável.

Teorema 4.17: \mathbb{R} é incontável.

Corolário 4.18: Algumas linguagens não são Turing-reconhecíveis.

Teorema 4.22: Uma linguagem é decidível sse ela é Turing-reconhecível e co-Turing-reconhecível.

Corolário 4.23: $\overline{A_{MT}}$ não é Turing-reconhecível.

Teorema 7.8: Seja $t(n)$ uma função, em que $t(n) \geq n$. Então toda máquina de Turing multifita de tempo $t(n)$ tem uma máquina de Turing de uma única fita equivalente de tempo $O(t^2(n))$.

Teorema 7.11: Seja $t(n)$ uma função, em que $t(n) \geq n$. Então toda máquina de Turing não-determinística de uma única fita de tempo $t(n)$ tem uma máquina de Turing de uma única fita equivalente de tempo $2^{O(t(n))}$.

Definição 7.12: \mathbf{P} é a classe de linguagens que são decidíveis em tempo polinomial sobre uma máquina de Turing determinística de uma única fita. Em outras palavras, $\mathbf{P} = \bigcup_k \mathbf{TIME}(n^k)$.

Definição 7.19: \mathbf{NP} é a classe das linguagens que têm verificadores de tempo polinomial.

Teorema 7.20: Uma linguagem está em \mathbf{NP} sse ela é decidida por alguma máquina de Turing não-determinística de tempo polinomial. Em outras palavras, $\mathbf{NP} = \bigcup_k \mathbf{NTIME}(n^k)$.