## TERCEIRO TESTE

Universidade Federal de Goiás (UFG) - Regional Jataí Bacharelado em Ciência da Computação Teoria da Computação Esdras Lins Bispo Jr.

25 de janeiro de 2018

## ORIENTAÇÕES PARA A RESOLUÇÃO

- A avaliação é individual, sem consulta;
- A pontuação máxima desta avaliação é 10,0 (dez) pontos, sendo uma das 06 (seis) componentes que formarão a média final da disciplina: quatro testes, uma prova e exercícios;
- $\bullet$  A média final (MF) será calculada assim como se segue

$$MF = MIN(10, S)$$
  
 $S = (\sum_{i=1}^{4} 0, 2.T_i) + 0, 2.P + EB$ 

em que

- -S é o somatório da pontuação de todas as avaliações,
- $-T_i$  é a pontuação obtida no teste i,
- P é a pontuação obtida na prova, e
- -EB é a pontuação total dos exercícios-bônus.
- O conteúdo exigido desta avaliação compreende o seguinte ponto apresentado no Plano de Ensino da disciplina: (3) Problemas Decidíveis e (4) Problemas indecidíveis.

Nome:

## Terceiro Teste

- 1. (5,0 pt) [Sipser 4.11] Seja  $A = \{ \langle M \rangle \mid M \text{ \'e um AFD que n\~ao} \text{ aceita nenhuma cadeia contendo um n\'umero \'impar de 1s} \}$ . Mostre que A 'e decid'ivel.
- 2. (5,0 pt) Seja  $\mathcal{C}$  o conjunto de todas as sequências infinitas sobre os símbolos  $\{a,b,c\}$ . Mostre que  $\mathcal{C}$  é incontável, usando uma prova por diagonalização.

## Teoremas Auxiliares

**Definição 1.16:** Uma linguagem é chamada de uma linguagem regular se algum autômato finito a reconhece.

**Teorema 1.25:** A classe de linguagens regulares é fechada sob a operação de união.

**Teorema 1.26:** A classe de linguagens regulares é fechada sob a operação de concatenação.

**Teorema 1.26.1:** A classe de linguagens regulares é fechada sob a operação de complemento.

**Teorema 1.39:** Todo autômato finito não-determinístico tem um autômato finito determinístico equivalente.

**Teorema 1.49:** A classe de linguagens regulares é fechada sob a operação estrela.

**Teorema 1.49.1:** A classe de linguagens regulares é fechada sob a operação de intersecção.

**Teorema 1.54:** Uma linguagem é regular se e somente se alguma expressão regular a descreve.

**Definição 3.5:** Chame uma linguagem de Turing-reconhecível se alguma máquina de Turing a reconhece.

**Definição 3.6:** Chame uma linguagem de Turing-decidível ou simplesmente decidível se alguma máquina de Turing a decide.

**Teorema 3.13:** Toda máquina de Turing multifita tem uma máquina de Turing que lhe é equivalente.

Teorema 3.16: Toda máquina de Turing não-determinística tem uma máquina de Turing determinística que lhe é equivalente.

**Teorema 3.21:** Uma linguagem é Turing-reconhecível se e somente se algum enumerador a enumera.

Teorema 4.1:  $A_{AFD}$  é uma linguagem decidível.

**Teorema 4.2:**  $A_{AFN}$  é uma linguagem decidível.

Teorema 4.3:  $A_{EXR}$  é uma linguagem decidível.

**Teorema 4.4:**  $V_{AFD}$  é uma linguagem decidível.

**Teorema 4.5:**  $EQ_{AFD}$  é uma linguagem decidível.

Teorema 4.9: Toda linguagem livre-de-contexto é decidível.

Teorema 4.11:  $A_{MT}$  é uma linguagem indecidível.

**Definição 4.14:** Um conjunto A é contável se é finito ou tem o mesmo tamanho que N.