Máquina de Turing

Esdras Lins Bispo Jr. bispojr@ufg.br

Teoria da Computação Bacharelado em Ciência da Computação

08 de maio de 2017





Plano de Aula

- Revisão
 - O que é Teoria da Computação?
 - Máquina de Turing

2 Máquina de Turing





Bônus (0,5 pt)

Desafio

- Mostre que a linguagem $B = \{\omega \# \omega \mid \omega \in \{0,1\}^*\}$ não é regular;
- Candidaturas até o fim da aula;
- Apresentação e resposta por escrito → Quinta (11 de maio, 17lh30);
- 10 minutos de apresentação.

Candidato escolhido

???





Sumário

- Revisão
 - O que é Teoria da Computação?
 - Máquina de Turing

2 Máquina de Turing





O que é Teoria da Computação?

Pode ser dividida em três grandes áreas:

- Teoria dos Autômatos;
- Teoria da Computabilidade;
- Teoria da Complexidade.

São interligadas pela pergunta:

Quais são as capacidades e limitações fundamentais dos computadores?





O que é Teoria da Computação?

Teoria dos Autômatos

Quais são as definições e propriedades dos modelos matemáticos de computação?

Teoria da Computabilidade

O que faz alguns problemas serem solúveis e outros não?

Teoria da Complexidade

O que faz alguns problemas serem computacionalmente difíceis e outros fáceis?





Modelos Básicos Computacionais

AFDs, AFNs, e Expressões Regulares

- Potencialidades: reconhecem linguagens como $(10 \cup 1)^*$;
- Fragilidades: não reconhecem linguagens como $A = \{0^n 1^n \mid n > 0 \text{ e } n \in \mathbb{N}\}.$

GLCs e Autômatos com Pilha

- Potencialidades: reconhecem linguagens como $A = \{0^n 1^n \mid n \ge 0 \text{ e } n \in \mathbb{N}\}.;$
- Fragilidades: não reconhecem linguagens como $A = \{a^n b^n c^n \mid n \ge 0 \text{ e } n \in \mathbb{N}\}.$

Portanto são bem restritos para servir de modelo de computadores de propósito geral.





- Modelo mais poderoso que GLCs e AFDs;
- Turing, 1936;
- Características importantes:
 - faz tudo o que um computador real pode fazer;
 - existem certos problemas que uma MT não pode resolver.







- Salaminh salah-mês... tranforme as figuras em inglês!





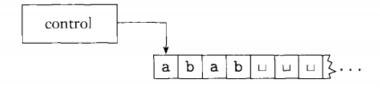
Sumário

- Revisão
 - O que é Teoria da Computação?
 - Máquina de Turing

2 Máquina de Turing











Diferenças entre MT e AFDs

 Uma MT pode tanto escrever sobre a fita quanto ler a partir dela;





Diferencas entre MT e AFDs

- Uma MT pode tanto escrever sobre a fita quanto ler a partir dela;
- A cabeça de leitura-escrita pode mover-se tanto para a esquerda quanto para a direita;





Diferenças entre MT e AFDs

- Uma MT pode tanto escrever sobre a fita quanto ler a partir dela;
- A cabeça de leitura-escrita pode mover-se tanto para a esquerda quanto para a direita;
- A fita é infinita;





Diferenças entre MT e AFDs

- Uma MT pode tanto escrever sobre a fita quanto ler a partir dela;
- A cabeça de leitura-escrita pode mover-se tanto para a esquerda quanto para a direita;
- A fita é infinita;
- Os estados especiais para rejeitar e aceitar fazem efeito imediatamente.





Construindo uma MT

Construir M_1 que reconheça a linguagem $B = \{\omega \# \omega \mid \omega \in \{0, 1\}^*\}.$





Descrição de M₁

 $M_1 =$ "Sobre a cadeia de entrada ω :

- Faça um zigue-zague ao longo da fita checando posições correspondentes de ambos os lados do símbolo # para verificar se elas contêm o mesmo símbolo. Se elas não contêm, ou se nenhum # for encontrado, rejeite. Marque os símbolos à medida que eles são verificados para manter registro de quais símbolos têm correspondência.
- Quando todos os símbolos à esquerda do # tiverem sido marcados, verifique a existência de algum símbolo remanecente à direta do #. Se resta algum símbolo, rejeite; caso contrário, aceite.





```
° 1 1 0 0 0 # 0 1 1 0 0 0 u ...
x 1 1 0 0 0 # 0 1 1 0 0 0 u ...
x 1 1 0 0 0 # x 1 1 0 0 0 \( \dots \)...
<sup>*</sup> 1 1 0 0 0 # x 1 1 0 0 0 ⊔ ...
х × 1 0 0 0 # х 1 1 0 0 0 ц ...
x x x x x x # x x x x x
                            accept
```





Uma máquina de Turing é uma 7-upla

 $(Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, q_{aceita}, q_{rejeita})$, de forma que Q, Σ, Γ são todos conjuntos finitos e

- Q é o conjunto de estados,
- $oldsymbol{\circ}$ Σ é o alfabeto de entrada sem o **símbolo branco** \Box ,
- lacktriangledown Γ é o alfabeto da fita, em que $\sqcup \in \Gamma$ e $\Sigma \subseteq \Gamma$,
- **4** $\delta: Q \times \Gamma \rightarrow Q \times \Gamma \times \{E, D\}$ é a função de transição,
- $g_0 \in Q$ é o estado inicial,
- $\mathbf{0}$ $q_{aceita} \in Q$ é o estado de aceitação, e
- $m{0}$ $q_{rejeita} \in Q$ é o estado de rejeição, em que $q_{rejeita}
 eq q_{aceita}$





Uma configuração de uma MT leva em consideração:

- o estado atual da fita;
- o conteúdo atual da fita;
- a posição atual da cabeça.





Uma configuração de uma MT leva em consideração:

- o estado atual da fita;
- o conteúdo atual da fita;
- a posição atual da cabeça.

Uma forma especial de representar...

uqv em que

- u e v são cadeias sobre Γ;
- uv é o conteúdo atual da fita;
- q é o estado atual; e
- a posição atual da cabeça está sobre o primeiro símbolo de v.







- Salaminh salah-mês... tranforme as figuras para português!





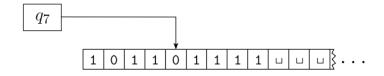


FIGURA 3.4

Uma máquina de Turing com configuração $1011q_701111$





A configuração C_1 origina a configuração C_2 , se a máquina de Turing puder legitimamente ir de C_1 para C_2 .

Mais formalmente...

Para:

- a, b, $c \in \Gamma$,
- u, $v \in \Gamma^*$,
- os estados q_i e q_j ,
- ullet as configurações uaq_i by e uq_j acv.





A configuração C_1 origina a configuração C_2 , se a máquina de Turing puder legitimamente ir de C_1 para C_2 .

Mais formalmente...

Para:

- a, b, $c \in \Gamma$,
- u, $v \in \Gamma^*$,
- os estados q_i e q_i,
- as configurações uaq_i bv e uq_i acv.

Digamos que

 uaq_i bv origina uq_i acv

se na função de transição $\delta(q_i, b) = (q_i, c, E)$.





Mais formalmente...

Digamos que

 uaq_i bv origina uq_j acv

se na função de transição $\delta(q_i,b)=(q_j,c,E)$. Ou

 uaq_i bv origina $uacq_j$ v

se na função de transição $\delta(q_i,b)=(q_j,c,D)$.





Termos importantes:

- configuração inicial;
- configuração de aceitação;
- configuração de rejeição;
- o configuração de parada.





Linguagem de uma MT

Uma máquina de Turing M aceita a entrada ω se uma sequência de configurações C_1, C_2, \ldots, C_k existe, de forma que

- C_1 é a configuração inicial de M sobre a entrada ω ;
- cada C_i origina C_{i+1} ;
- C_k é uma configuração de aceitação.





Linguagem de uma MT

Uma máquina de Turing M aceita a entrada ω se uma sequência de configurações C_1, C_2, \ldots, C_k existe, de forma que

- C_1 é a configuração inicial de M sobre a entrada ω ;
- cada C_i origina C_{i+1} ;
- C_k é uma configuração de aceitação.

Linguagem de M

É a coleção de cadeias que M aceita. Também chamada de linguagem reconhecida por M e denotada por L(M).





Máquina de Turing

Esdras Lins Bispo Jr. bispojr@ufg.br

Teoria da Computação Bacharelado em Ciência da Computação

08 de maio de 2017



