# 第9章 排序(sorting)

概述

插入排序

交换排序

选择排序

归并排序

本章小结

# 概述

1. 排序: n个对象的序列R[0],R[1],R[2],...R[n-1] 按其关键码的大小,进行由小到大(非递减)或由大到小(非递增)的次序重新排序的。

2. 关键码 (key)

3.两大类:内排序:对内存中的n个对象进行排序。

外排序: 内存放不下, 还要使用外存的

排序。

### 4. 排序算法的稳定性:

如果待排序的对象序列中,含有多个关键码值 相等的对象,用某种方法排序后,这些对象的 相对次序不变的,则是稳定的,否则为不稳定 的。

例: 35 8<sub>1</sub> 20 15 8<sub>2</sub> 28 8<sub>1</sub> 8<sub>2</sub> 15 20 28 35 稳定的

### 5. 排序种类:

-内排序

插入排序,交换排序,选择排序,归并排序, 基数排序

-外排序

- 6. 排序的算法分析:
  - 1) 时间开销—比较次数,移动次数
  - 2) 所需的附加空间

下面是静态排序过程中所用到的数据表类定义:

| vector        | key | otherdata |
|---------------|-----|-----------|
| 0             |     |           |
| 1             |     |           |
|               |     |           |
| currentsize-1 |     |           |
| maxsize-1     |     |           |

```
const int DefaultSize=100;
template<class Type>class datalist
template<class Type>class Element
{ private:
     Type key;
     field otherdata;
  public:
    Type getkey(){return key;}
    void setKey(const Type x){key=x;}
    Element \langle \text{Type} \rangle \& \text{operator} = (\text{Element} \langle \text{Type} \rangle \& x) \{ \text{this} = x; \}
    int operator= =(Type & x){return !(this<x||x<this);}
    int operator !=(Type & x){return this<x||x<this;}
    int operator \leftarrow (Type & x){return !(this>x);}
    int operator>=(Type & x)\{return!(this < x);\}
    int operator < (Type & x){return this>x;}
```

```
template<class Type> class datalist
{ public:
  datalist(int MaxSz=DefaultSize):MaxSize(MaxSz),CurrentSize(0)
     { vector=new Element<Type>[MaxSz];}
   void swap (Element < Type> & x, Element < Type> & y)
     {Element <Type> temp=x; x=y; y=temp;}
 private:
   Element <Type> * vector;
   int MaxSize; CurrentSize;
```

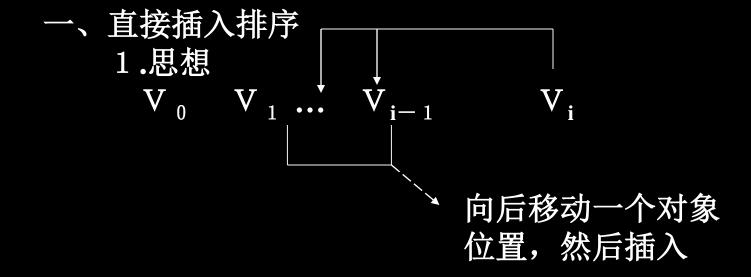
# 插入排序(insert Sorting)

思想:  $V_0$ ,  $V_1$ , ...,  $V_{i-1}$ 个对象已排好序,

现要插入Vi到适当位置

例子: 体育课迟到的人

方法: 直接插入排序, 链表插入排序, 折半插入排序, 希尔排序



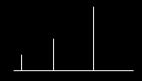
```
2.例子
   3 8
   2 3 8
   2 3 5 8
 3.主程序
template<class Type> void InsertionSort(datalist<Type> & list)
{ for (int i=1; i<list.CurrentSize; i++) Insert(list, i);
```

```
子程序
template<class Type> void Insert(datalist<Type> & list, int i)
{ Element<Type> temp=list.vector[i]; int j=i;
  while(j>0&& temp.getkey()<list.vector[j-1].getkey())
  { list.Vector[j]=list.Vector[j-1]; j-- }
  list.Vector[j]=temp;
}
```

```
java program
public static void insertionSort( Comparable [ ] a )
  int j;
  for (int p = 1; p < a.length; p++)
  { Comparable tmp = a[p];
     for (j = p; j > 0 && tmp.compareTo(a[j-1]) < 0; j--)
         a[j] = a[j-1];
      a[j] = tmp;
```

### 4.算法分析

1)n个对象已有序



比较总次数 KCN=n-1=O(n) 移动次数 RMN=0

2) n个对象逆序

## 3).对一般情况 处理第i个对象r<sub>i</sub>时,它有i个可能的插入位置

 $r_1, r_2, r_3, ..., r_i, r_{i+1}, ..., r_n$ 

- ▶不被移动(0次),仍在第i个位置上。比较了一次;
- ▶可能向左移动了一个位置(比较2次,移动3次)、两个位置(比较3次,移动4次)、...直至i-1个位置(比较i次,移动i+1次)而到达表的前端。

假设r<sub>i</sub>被插在这i个位置上的概率是相等的,则:

不被移动的可能性为1/i(比较次数为1); 被移动的可能性为(i-1)/i。 ::被移动情况下的平均比较次数为(2+3+...+i-1+i)/(i-1)=i/2+1 平均移动次数为(1+2+...+i-1)/(i-1)+2=i/2+2

用各自的概率组合这两种情况: 第i个元素的平均比较与移动次数 C=1/i\*1+((i-1)/i)\*(i/2+1)=(i+1)/2

m=((i-1)/i)\*(i/2+2)  $m\leq(i+3)/2$ 

i从2~n变化,所以结果为

$$KCN = \sum_{i=2}^{n} [(i+1)/2] = 1/4n^2 + 3/4n + 1 = O(n^2)$$

RMN 
$$\leq \sum_{i=2}^{n} [(i+3)/2]=1/4n^2+7/4n-2=O(n^2)$$

5.稳定性: 稳定的

## 二、折半插入排序(Binary Insert Sort) 也称二分法插入排序



left 的位置就是最后要插入的位置

```
template <class Type> void BinaryInsertSort( datalist<Type> &list)
  for (int i=1; iiist.currentSize; i++) BinaryInsert(list, i);
template <class Type> void BinaryInsert( datalist<Type> &list, int i)
   int left=0, Right=i-1;
    Element<Type>temp=list.Vector[i];
    while (left<=Right)
     int middle=(left+Right)/2;
     if (temp.getkey()t.Vector[middle].getkey())
        Right=middle-1;
     else left=middle+1;
   for (int k=i-1; k>=left; k--) list.Vector[k+1]=list.Vector[k];
   list.Vector[left]=temp;
```

### 4.算法分析

折半查找所需比较次数与初始排序无关,仅依赖 于对象个数

比较次数:  $v_0$ ,  $v_1$ ,  $v_2$ ,..., $v_{i-1}$ ,  $v_i$ ,..., $v_{n-1}$ 

设n=2<sup>k</sup>,插入第i个对象时,需要经过\_log<sub>2</sub>i\_+1 次关键码比较

:折半查找所需的关键码比较次数为:

$$\sum_{i=1}^{n-1} \lfloor \log_{2}i \rfloor + 1 \rangle = 1 + 2 + 2 + 3 + 3 + \dots + 3 + 4 + \dots + 4 + 4 + \dots + k + k + \dots + k$$

$$2^{0} \uparrow 1 \ 2^{1} \uparrow 2 \ 2^{2} \uparrow 3 \ 2^{3} \uparrow 4 \ 2^{k-1} \uparrow k$$

$$= 2^{0} + 2^{1} + 2^{2} + \dots + 2^{k-1}$$

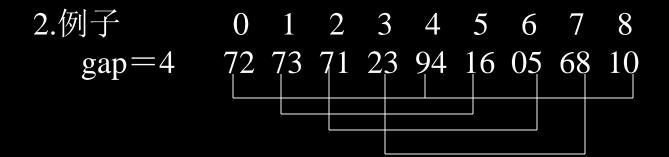
$$+ 2^{1} + 2^{2} + \dots + 2^{k-1}$$

$$+ 2^{k-2} + 2^{k-1}$$

$$+ 2^{k-2} + 2^{k-1}$$

### 5.稳定性: 稳定

- 三、希尔排序(Shell Sort) 又称为缩小增量排序(diminishing—increament sort)
- 1.方法
  - 1)取一增量(间隔gap<n),按增量分组,对每组使用直接插入排序或其他方法进行排序。
  - 2)减少增量(分的组减少,但每组记录增多)。直至增量为1,即为一个组时。



05 10 16 23 68 71 72 73 94

#### 3.算法

```
template <class Type> void Shellsort( datalist <Type> & list)
{ int gap=list.CurrentSize/2;
   while (gap)
   { ShellInsert(list, gap); gap=gap==2? 1: (int)(gap/2); }
template<class Type> void ShellInsert( datalist<Type> &list;
                                const int gap)
   for (int i=gap; ii<CurrentSize; i++)
    Element<Type>temp=list.Vector[i];
     int j=i;
     while(j>=gap &&temp.getkey()<list.Vector[j-gap].getkey())
     { list.Vector[j]=list.Vector[j-gap]; j-=gap; }
       list.Vector[j]=temp;
```

```
java program
public static void shellsort( Comparable [ ] a )
{ for ( int gap = a.length / 2; gap > 0; gap \neq 2)
    for (int i = gap; i < a.length; i++)
   { Comparable tmp = a[i];
      int j = i;
      for (;j) = gap \&\& tmp.compareTo(a[j-gap]) < 0; j-=gap)
          a[j] = a[j - gap];
      a[j] = tmp;
```

4.稳定性:不稳定

5.算法分析:与选择的缩小增量有关,但到目前还不知如何选择最好结果的缩小增量序列。

平均比较次数与移动次数大约n1.3左右。

# 交换排序

方法的本质:不断的交换反序的对偶,直到不再有

反序的对偶为止。

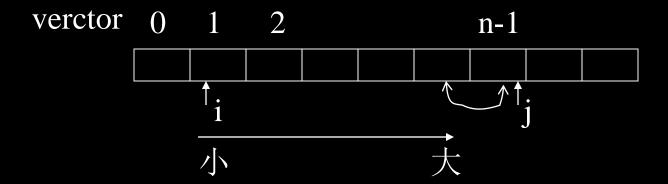
两种方法: 起泡排序(Bubble sort)

快速排序(Quick sort)

- 一、起泡排序
  - 1. 方法: 1) 从头到尾做一遍相邻两元素的比较,有颠倒则交换,记下交换的位置。一趟结束,一个或多个最大(最小)元素定位。
    - 2) 去掉已定位的的元素,重复1,直至一 趟无交换。

### 3.算法

```
template<class Type> void BubbleSort( datalist<Type> & list)
 int pass=1;
  int exchange=1;
  while (pass<list.CurrentSize &&exchange)
  { BubbleExchange(list, pass, exchange); pass++;
template<class Type> void BubbleExchange(datalist<Type> &list, const
                                            int i, int & exchange)
   exchange=0;
   for (int j=list.CurrentSize-1; j>=i; j--)
      if (list.Vector[j-1].getkey( )>list.Vector[j].getkey( ))
        swap( list.Vector[j-1], list.Vector[j] );
         exchange=1;
```



# 4.算法分析 最小比较次数 有序: n-1次比较,移动次数为0

## 最大比较次数

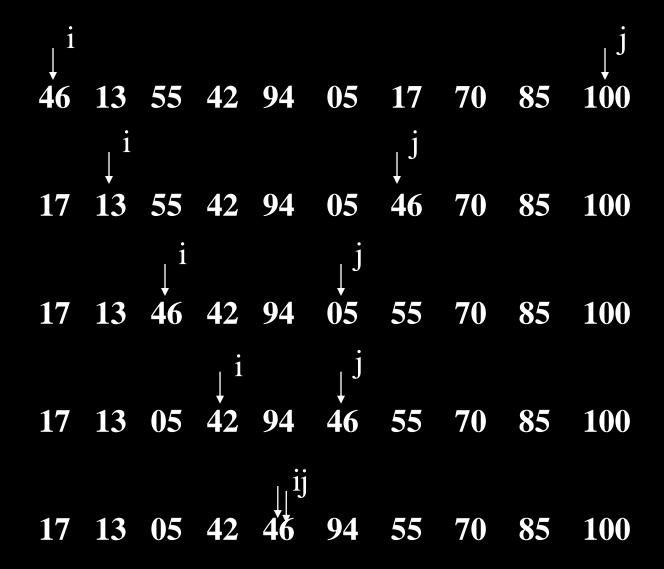
5.稳定性 起泡排序是稳定的

- 二、快速排序(分划交换排序) 1962年Hoare提出的。
- 1. 方法:
  - 1) 在n个对象中,取一个对象(如第一个对象——基准pivot),按该对象的关键码把所有≤ 该关键码的对象分划在它的左边。>该关键码的对象分划在它的右边。
  - 2) 对左边和右边(子序列)分别再用快排序。

### 2. 例子

```
55
                  05 17 70
                            82
    13
          42 94
   13 05 42] 46 [94 55 70
[17
                            82 100]
   13] 17 [42] 46 [94 55 70
                            82 100]
[05
              46 [94 55 70 82 100]
05
   13
      17
          42
                  [82 55 70] 94 [100]
          42
05
   13
       17
              46
          42
                  [70 55] 82 94
05
   13
       17
              46
                               100
          42
05
   13
       17
              46 55
                     70
                          82 94
                                100
```

一次分划:

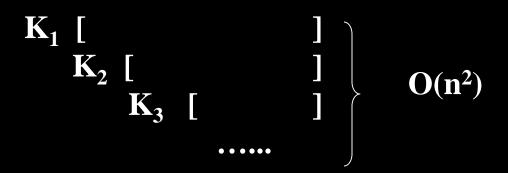


### 3.算法: 用递归方法实现

```
template <class Type> int partition(datalist<Type> &list,
                               const int low, const int high)
 int i=low, j=high;
   Element<Type>pivot=list.Vector[low];
   while (i != j)
  { while(list.Vector[j].getkey()>pivot.getkey() && i<j) j--;
     if (i<j) {list.Vector[i]=list.Vector[j]; i++;}</pre>
    while(list.Vector[i].getkey()<pivot.getkey() && i<j) i++;
     if (i<j) {list.Vector[j]=list.Vector[i]; j--;}</pre>
   list.Vector[i]=pivot;
   return i;
  4.稳定性:
         不稳定的排序方法
```

### 5. 算法分析

1) 最差的情况(当选第一个对象为分划对象时) 如果原对象已按关键码排好序



2) 最理想的情况 每次分划第一个对象定位在中间

可以证明Quicksort的平均计算时间也是O(nlog2n)

### 下面讨论空间复杂性:

以上讨论的是递归算法,也可用非递归算法来实现。 不管是递归(由编译程序来实现)还是非递归。第一次 分划后,左部、右部要分别处理。

所以,栈来存放:

- 1) 存放什么: 左部或右部的上、下界的下标。
- 2) 栈要多大: O(log<sub>2</sub>n)~O(n)

对应于有序情况

### 快速排序(分划交换排序)

#### 1.选取pivot(枢纽元)

用第一个元素作pivot是不太好的。

方法1: 随机选取pivot,但随机数的生成一般是昂贵的。

方法2: 三数中值分割法(Median-of-Three partitioning)

N个数,最好选第[N/2]个最大数,这是最好的中值,但这是很困难的。

一般选左端、右端和中心位置上的三个元素的中值作为枢纽元。

8, 1, 4, 9, 6, 3, 5, 2, 7, 0 (8, 6, 0)

具体实现时:将8,6,0 先排序,即0,1,4,9,6,3,5,2,7,8,得到中值pivot为6。

#### 2.分割策略

将pivot与最后倒数第二个元素交换,使得pivot离开要被分割的数据段。然后, i 指向第一个元素, j 指向倒数第二个元素。

然后进行分划

# Java Quicksort algorithm

```
public static void quicksort( Comparable [ ] a)
   quicksort( a, 0, a.length - 1);
private static Comparable median3 (Comparable [] a, int left, int right)
  int center = ( left + right ) / 2;
  if (a[center].compareTo(a[left]) < 0)
      swapReferences( a, left, center );
  if (a[right].compareTo(a[left]) < 0)
      swapReferences( a, left, right );
  if (a[right].compare To (a[center]) < 0)
      swapReferences( a, center, right );
   swapReferences( a, center, right -1);
  return a[right - 1];
    8, 1, 4, 9, 6, 3, 5, 2, 7, 0
                                   0, 1, 4, 9, 7, 3, 5, 2, 6, 8
```

# Java Quicksort algorithm

```
private static void quicksort( Comparable [ ] a, int left, int right )
  if( left + CUTOFF <= right )
     Comparable pivot = median3( a, left, right );
      int i = left, j = right - 1;
      for(;;)
     \{ \text{ while}(a[++i].comparaTo(pivot}) < 0) \}
        while (a[--j] \cdot compare To(pivot) > 0) \{ \}
        if(i < j)
            swapReferences(a, i, j);
        else break;
     swapReferences(a, i, right -1);
     quicksort( a, left, i - 1);
     quicksort(a, i + 1, right);
   else
     insertionSort( a, left, right );
```

### 选择排序

方法: 1.直接选择排序

2.锦标赛排序

3.堆排序

### 一、直接选择排序

思想:首先在n个记录中选出关键码最小(最大)的记录,然后与第一个记录(最后第n个记录)交换位置,再在其余的n-1个记录中选关键码最小(最大)的记录,然后与第二个记录(第n-1个记录)交换位置,直至选择了n-1个记录。

```
3
           0
                               2
                                                 4
                                                         5
                                       25*
                               49
                                                        <u>08</u>
           21
                     25
                                                16
例子:
                                        25*
           08
                     [25]
                               49
                                                <u>16</u>
                                                        21]
                                        25*
                              [49
                                                25
           08
                     16
                                                        <u>21</u>]
                                       [\underline{25}^*]
                                                        49]
           08
                     16
                                                25
                               21
                                        25*
           08
                     16
                               21
                                                [25]
                                                         49]
                                        25*
           08
                     16
                               21
                                                 25
                                                         49
```

### 算法:

算法分析: 比较次数: n-1+n-2+...+1=n(n-1)/2=O(n<sup>2</sup>) 与原始记录次序无关。

稳定性 : 不稳定的。

二、锦标赛排序(树形选择排序) 直接选择排序存在重复做比较的情况,锦标赛 排序克服了这一缺点。

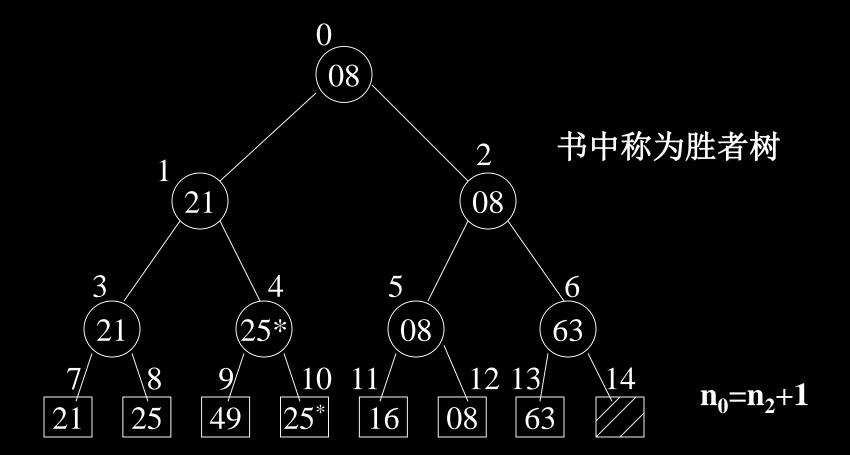
#### 方法:

1. n个对象的关键码两两比较得到 [ n/2 ] 个比较的优胜者(关键码小者)保留下来, 再对这 [ n/2 ] 个对象再进行关键码的两两比较, ......直至选出一个最小的关键码为止。

如果n不是2的K次幂,则让叶结点数补足到满足2<sup>k</sup><n≤2<sup>k</sup>个。

2. 输出最小关键码。 再进行调整:

即把叶子结点上,该最小关键码改为最大值后,再进行由底向上的比较,直至找到一个最小的关键码(即次小关键码)为止。重复2,直至把关键码排好序。



算法分析: 树的深度 log<sub>2</sub>n 。总的比较次数

$$(n-1)+(n-1)(\lceil \log_2 n \rceil -1)\approx (n-1)*\lceil \log_2 n \rceil = O(n\log_2 n)$$

↑ 建树 但需要 n −1个 附加 空间。而且n要满足2<sup>k-1</sup><n≤2<sup>k</sup>

算法实现:

每个结点: data—关键码

Active—表示此对象(结点)是否要参选

1:要参选; 0: 不要参选

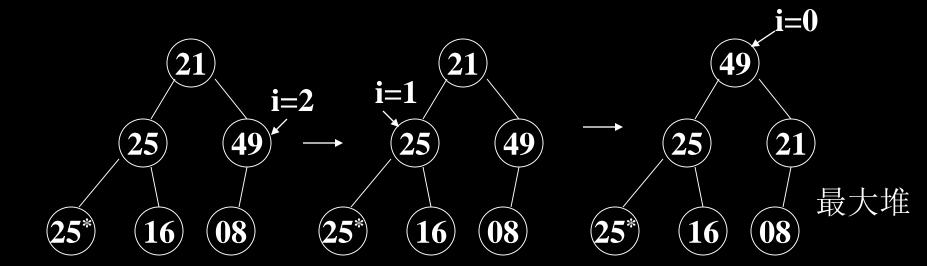
index—表示此对象在完全二叉树中的

序号

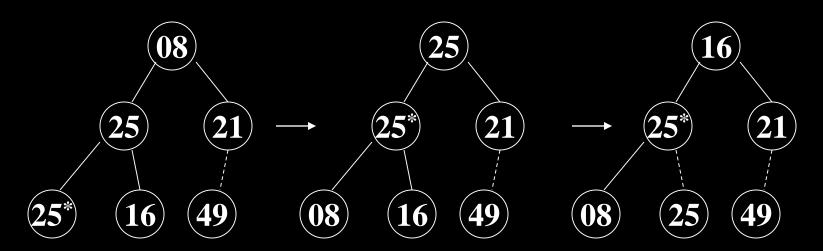
算法是稳定的。

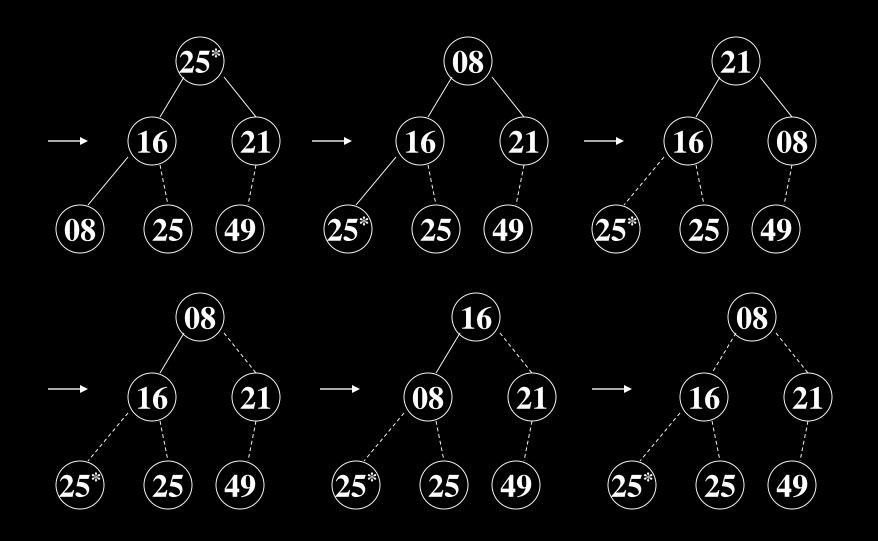
为了实现不要重复比较,又不要增加额外的存储, 下面介绍堆排序。

- 三、堆排序(由 J.W.J.Willman 提出的) 第6章已经介绍了堆结构和形成堆的算法。
  - 1.思想:第一步,建堆,根据初始输入数据,利用 堆的调整算法FilterDown(),形成初始 堆。(形成最大堆) 第二步,一系列的对象交换和重新调整堆



调整:





从以上例子可以看出堆排序是不稳定的

### 3.算法

其中,FilterDown()就是第6章中的,但要改一下:那里是建最小堆,这里是建最大堆。

# Heap sort

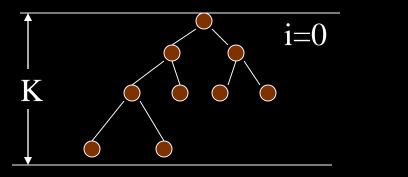
```
java program
public static void heapsort( Comparable [ ] a )
{ for(int i = a.length / 2; i >= 0; i--)}
     percDown( a, i, a.length );
   for( int i = a.length - 1; i > 0; i-- )
   { swapReferences(a, 0, i);
     percDown(a, 0, i);
private static int leftChild( int i )
   return 2 * i + 1;
```

# Heap sort

```
private static void percDown( Comparable [ ] a, int i, int n )
  int child;
   Comparable tmp;
   for(tmp = a[i]; leftChild(i) < n; i = child)
    child = leftchild( i );
     if (child != n-1 & a = (child ] \cdot compare To(a[child + 1]) < 0)
          child ++;
     if(tmp.compareTo(a[child] < 0)
           a[i] = a[child];
     else
        break;
  a[i] = tmp;
```

#### 4.算法分析

初始建堆: n个结点, $K=\lfloor \log_2 n \rfloor$ ,从0层开始



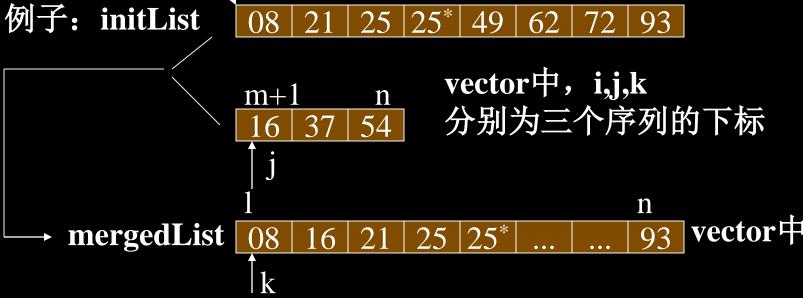
第i层交换的最大次数为k-i 第i层有2<sup>i</sup>个结点

总交换次数: 
$$\sum_{i=0}^{k-1} 2^{i} \cdot (k-i) = \sum_{j=1}^{k} j \cdot 2^{k-j} = \sum_{j=1}^{k} j (2^{k} \cdot 2^{-j})$$
 令  $k-i=j$  =  $2^{k} \cdot \sum_{j=1}^{k} j \cdot 2^{-j} \le 2^{k} \cdot 2 \le 2^{\log 2n} \cdot 2 = 2n = O(n)$   $j=1$ 

调整n-1次FilterDown(),时间为O(nlog<sub>2</sub>n) 所以,O(n)+O(nlog<sub>2</sub>n)=O(nlog<sub>2</sub>n)

# 归并排序(merge sort)

一、归并: 两个(多个) <u>有序</u>的文件组合成一个有序文件方法: 每次取出两个序列中的小的元素输出之; 当一序列完,则输出另一序列的剩余部分 i 1 08 21 25 25\* 49 62 72 93



```
template<class Type> void merge(datalist<Type> & initList, datalist<Type>
      & mergedList, const int l, const int m, const int n)
   int i=1, j=m+1, k=1;
   while ( i \le m \&\& j \le n )
      if (initList.Vector[i].getkey( )<initList.Vector[j].getkey( ))</pre>
          { mergedList.Vector[k]=initList.Vector[i]; i++;k++;}
      else {mergedList.Vector[k]=initList.Vector[j]; j++; k++;}
   if ( i<=m)
       for (int n1=k, n2=i; n1 <= n && n2 <= m; n1++, n2++)
          mergedList.Vector[n1]=initList.Vector[n2];
   else
       for (int n1=k, n2=j; n1<=n && n2<=n; n1++, n2++)
          mergedList.Vector[n1]=initList.Vector[n2];
```

二、迭代的归并排序算法

例子: 21 25 49 25\* 93 62 72 08 37 16 54

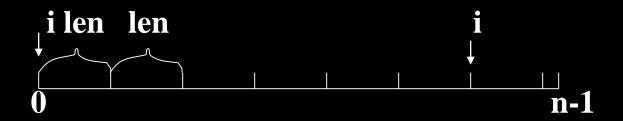
1.方法:

n个长为1的对象两两合并,得n/2个长为2的文件n/2个长为2......得n/4个长为4的文件

2个长为n/2的对象两两合并,得1个长为n的文件

```
[08 21 25 25* 49 62 72 93][16 37 54]
                                                         len=8
四趟
     [08 16 21 25 25* 37 49 54 62 72 93]
                                                         len=16
3.算法:
     主程序(多趟)→一趟 → 多次merge
template <class Type> void MergeSort(datalist <Type> & list)
{ datalist <Type> tempList(list.MaxSize);
 int len=1;
  while (lenlist.CurrentSize)
    { MergePass(list, tempList, len); len *=2;
       if (len >= list.CurrentSize)
       { for (int i=0; i< list.CurrentSize; i++)
           list.Vector[i]=tempList.Vector[i];
       else { MergePass (tempList, list, len); len*=2;}
  delete[]tempList;
```

## 一趟归并算法: mergepass(initList, mergedList, len)



当两段均满len长时调用merge 当一长一短时也调用merge(但第二段的参数不同) 当只有一段时,则复抄

```
template <class Type> void MergePass( datalist<Type> & initList, datalist
                                        <Type> & mergedList, const int len)
   int i=0;
   while (i+2*len<=initList.CurrentSize-1)
      merge(initList, mergedList, i, i+len-1, i+2*len-1);
      i+=2*len;
   if (i+len <= initList.CurrentSize-1)
      merge(initList, mergedList, i, i+len-1, initList.CurrentSize-1);
   else for (int j=i; j<= initList.CurrentSize; j++)
             mergedList.Vector[j]=initList.Vector[j];
```

4.算法分析:合并趟数log<sub>2</sub>n,每趟比较n次,所以为O(nlog<sub>2</sub>n) 5.稳定性:稳定。

# Merge sort

```
java program (递归的归并排序算法)
public static void mergeSort( Comparable [ ] a )
   Comparable [] tmpArray = new Comparable[a.length];
   mergeSort( a, tmpArray, 0, a.length -1 );
private static void mergeSort( Comparable [ ] a, Comparable [ ] tmpArray,
                                                             int left, int right )
   if( left < right )
     int center = ( left + right ) / 2;
      mergeSort( a, tmparray, left, center );
      mergeSort( a, tmpArray, center + 1, right );
      merge( a, tmpArray, left, center + 1, right );
```

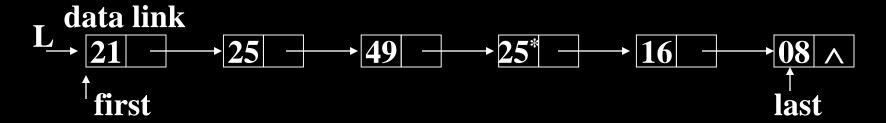
### Merge sort

```
private static void merge( Comparable [ ] a, Comparable [ ] tmpArray,
                                 int leftPos, int rightPos, int rightEnd )
  int leftEnd = rightPos - 1;
  int tmpPos = leftPos;
  int numElements = rightEnd – leftPos + 1;
   while( leftPos <= leftEnd && rightPos <= rightEnd )
     if( a[ leftPos ].compareTo( a[ rightPos ] ) <= 0 )
         tmpArray[tmpPos++] = a[leftPos++];
     else tmpArray[ tmpPos++ ] = a[ rightPos++ ];
   while( leftPos <= leftEnd )
     tmpArray[tmpPos++] = a[leftPos++];
   while( rightpos <= rightEnd)</pre>
     tmpArray[ tmpPos++] = a[ rightpos++ ];
  for(int i = 0; i < numElements; i++, rightEnd--)
     a[ rightEnd ] = tmpArray[ rightEnd ];
```

## 三、递归的表归并排序 书中用静态链表的方法来实现

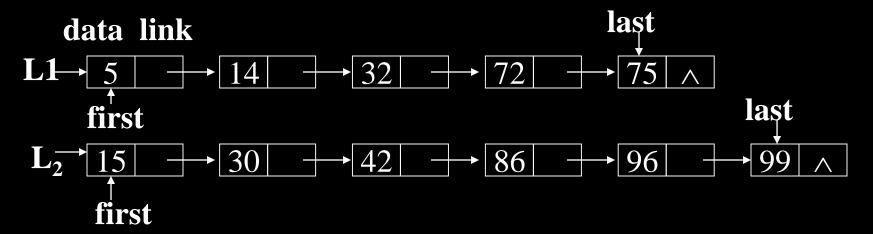
|   | key | other | link |          |
|---|-----|-------|------|----------|
| 0 |     |       |      |          |
| 1 | 21  |       |      | /        |
| 2 | 25  |       |      | <i>ا</i> |
| 3 | 49  |       |      | Ļ        |
|   | :   |       |      | L        |

这里介绍用一般链表来实现归并排序(递归)



```
1.主程序 mergesort(L)
2.子程序 divide(L,L<sub>1</sub>) 将L划分成两个子表
3.合并两有序序列 merge(L,L<sub>1</sub>)
 void MergeSort (List < Type> &L)
   List <Type> L1;
    if (L.first!=NULL)
      if (L.first->link != NULL)
                                //至少有两个结点
       divide (L, L1);
        MergeSort(L);
        MergeSort(L1);
        L=merge(L, L1);
```

# 下面讨论两个有序链表的 merge算法

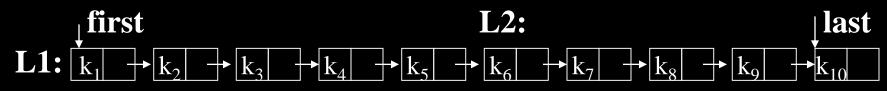


```
List<Type> & merge (List<Type> &L1, List<Type> & L2)
  ListNode<Type>*p=L1.first, *q=L2.first, *r;
   List<Type> temp;
 1. if ((p = = NULL)) or (q = = NULL)
  { if (p!=NULL){temp.first=p; temp.last=L1. last;}
      else{temp.first=q; temp.last=L2. last;}
   else
 2. { 1) if (p->data <= q->data) \{r = p ; p = p->link; \}
        else{ r = q ; q = q->link ;}
     2) temp.first = r;
      3) while((p!=NULL) && (q!=NULL))
        { if (p->data<=q->data)
             {r->link=p; r=p; p=p->link; }
         else \{r-> link=q; r=q; q=q-> link; \}
      4) if (p = NULL) \{r - link = q ; temp.last = L2. last ; \}
         else {r->link=p; temp. last=L1. last;}
  3. return temp;
```

## 下面讨论divide(List<type>&L1,List<type>L2)

将L1表分为两个长度几乎相等的表,L1.first指向前半部分,L2.first指向后半部分,要求被划分的表至少含有两个结点。

如何做?



方法:设两个流动指针p,q指向表的结点 一般来讲让p前进一步,q前进二步,最后当q= NULL时,这时p恰好指向前半张表的最后一个 结点。

如果有10个结点, p走5次, q走10次正好走到表末尾。

```
void divide(List<Type> & L1, List <Type> & L2)
{    ListNode <Type> *p, *q; L2.last=L1.last;
    p=L1.first;
    q=p->link; q=q->link;
    while (q!=NULL)
{        p=p->link;
            q=q->link;
            if (q!=NULL) q=q->link;
        }
        q=p->link; p->link=NULL; L1.last=p; L2.first=q;
}
```

# 内排序小结

| 排序方法    | 比较次数                   |                   | 平均比较次数       | 稳定性 | 移动次数   |                   | 辅助存储         |
|---------|------------------------|-------------------|--------------|-----|--------|-------------------|--------------|
|         | 最小                     | 最大                |              |     | 最小     | 最大                |              |
| 1、插入排序  |                        |                   |              |     |        |                   |              |
| 直接插入排序  | n                      | n <sup>2</sup> /2 | $O(n^2)$     | 稳定  | 2n     | n <sup>2</sup> /2 | <b>O</b> (1) |
| 二分法插入排序 | nlog <sub>2</sub> n    |                   | $O(nlog_2n)$ | 稳定  | 2n     | n <sup>2</sup> /2 | <b>O</b> (1) |
| 表插入排序   | n                      | n <sup>2</sup> /2 | $O(n^2)$     | 稳定  | 0      | 0                 | O(n)         |
| shell排序 |                        |                   |              | 不稳定 |        |                   | <b>O</b> (1) |
| 2、选择排序  |                        |                   |              |     |        |                   |              |
| 直接选择排序  | n(n-1)/2               |                   | $O(n^2)$     | 不稳定 | 3(n-1) |                   | <b>O</b> (1) |
|         | O(nlog <sub>2</sub> n) |                   | $O(nlog_2n)$ | 不稳定 |        |                   | <b>O</b> (1) |

| 3、交换排序             |                     |                      |                 |     |                       |               |
|--------------------|---------------------|----------------------|-----------------|-----|-----------------------|---------------|
| <b>Bubble Sort</b> | n-1                 | n(n-1)/2             | $O(n^2)$        | 稳定  | $0 \ 3/2 \ n(n-1)$    | O(1)          |
| Quick Sort         | nlog <sub>2</sub> n | $n^2/2$              | $O(nlog_2n)$    | 不稳定 | ≤ nlog <sub>2</sub> n | $O(\log_2 n)$ |
| 4、分配排序             |                     |                      |                 |     |                       |               |
| 基数排序               | O(d (               | (n+r)                | O(d (n+r))      | 稳定  | 拉链                    | O(n+r)        |
| 5、归并排序             | O(n ł               | $\overline{og_2n))}$ | $O(n \log_2 n)$ | )稳定 |                       | O(n)          |

以上量的分析与具体的算法、原始记录在机内存放方式、原始记录的排序情况有关。但一般取平均的比较次数。稳定性也有这个问题,不太严格。

### 2009年统考题:

- 9. 若数据元素序列 11, 12, 13, 7, 8, 9, 23, 4, 5 是采用下列排序方法之一得到的第二趟排序后的结果,则该排序算法只能是
  - A. 起泡排序 B. 插入排序 C. 选择排序 D. 二路归并排序

### 作业

#### exercises:

- 1. Sort the sequence 3, 1, 4, 1, 5, 9, 2, 6, 5 using insertion sort.
- 2. Show the result of running Shellsort on the input 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1 using the increments { 1, 3, 7 }.
- 3. Show how heapsort processes the input 142, 543, 123, 65, 453, 879, 572, 434, 111, 242, 811, 102.
- 4. Rewrite heapsort so that it sorts only iterms that are in the range low to high which are passed as additional parameters.
- 5. Sort 3, 1, 4, 1, 5, 9, 2, 6 using mergesort.