

UNIVERSIDADE FEDERAL DO CARIRI CENTRO DE CIÊNCIAS E TECNOLOGIA BACHARELADO EM CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO

Lista de exercícios - Cônicas Nome do Professor

Wanderson Faustino Patricio, Francisco Anderson Maciel Cruz, Raissa Karoliny da Silva Rodrigues, Pedro Henrique Bezerra Simeão

1 Seção 7.1.6 - Questão 22: Determinar o vértice, o foco, uma equação para a diretriz e uma equação para o eixo da parábola dada. Esboçar o gráfico.

$$y^2 - x = 0$$

Solução: Reorganizando a equação temos:

$$y^2 = x$$

$$y^2 = 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot x$$

Percebemos que essa é a euação de uma parábola com eixo paralelo ao eixo das abscissas.

Da equação geral:

$$(y-h)^2 = 2p(x-k)$$

tiramos:

$$k = 0, \ h = 0 \ e \ p = \frac{1}{2}$$

A posição do vértice será:

O foco será o ponto:

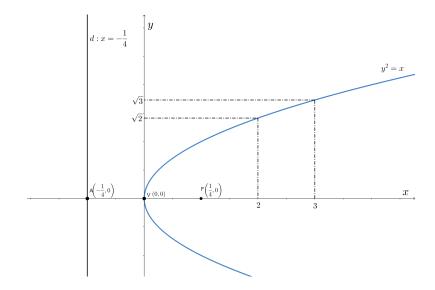
$$F\left(\frac{1}{4},0\right)$$

Como o eixo é paralelo ao eixo das abscissas e passa por (0,0), a sua equação será:

$$e: y = 0$$

A equação da diretriz é:

$$d: x = -\frac{1}{4}$$



2 Seção 7.3.4 - Questão 06: Determinar os vértices, os focos, a excentricidade da hipérbole dada. Esboçar o gráfico.

$$3x^2 - y^2 + 3 = 0$$

Solução:

Reorganizando a equação

$$\frac{y^2}{\left(\sqrt{3}\right)^2} - \frac{x^2}{1^2} = 1$$

O eixo real está paralelo ao eixo das ordenadas.

Dessa equação tiramos: $a = \sqrt{3}$ e b = 1

$$c^2 = a^2 + b^2 = 3 + 1$$

$$c = 2$$

Excentricidade:

$$\varepsilon = \frac{c}{a} \to \boxed{\varepsilon = \frac{2}{\sqrt{3}}}$$

Os vértices serão;

$$A(0,\pm a)$$

$$A_1(0,\sqrt{3}) \ e \ A_2(0,-\sqrt{3})$$

Os focos serão:

$$F(0,\pm c)$$

$$F_1(0,2) \ e \ F_2(0,-2)$$

