# 洲沙大学实验报告

专业:信息工程姓名:王英杰学号:3190103370日期:2021/10/28地点:

课程名称:	数字信号处理	指导老师:	潘翔	成绩:	

实验名称: DFT/FFT 的应用之一 — 确定性信号谱分析 实验类型: \_\_验证\_ 同组学生姓名: \_\_\_

## 一、实验目的和要求

谱分析即求信号的频谱。本实验采用 DFT/FFT 技术对周期性信号进行谱分析。通过实验,了解用 X(k)近似地表示频谱  $X(ej\omega)$ 带来的栅栏效应、混叠现象和频谱泄漏,了解如何正确地选择参数(抽样间隔 T、抽样点数 N)。

# 二、实验内容和步骤

- 2-1 选用最简单的周期信号: 单频正弦信号、频率 f=50 赫兹,进行谱分析。
- 2-2 谱分析参数可以从下表中任选一组(也可自定)。对各组参数时的序列,计算:一个正弦周期是 否对应整数个抽样间隔?观察区间是否对应整数个正弦周期?

信号频率 f (赫兹)	谱分析参数	抽样间隔 T (秒)	截断长度 N (抽样个数)
50	第一组参数	0.000625	32
50	第二组参数	0.005	32
50	第三组参数	0.0046875	32
50	第四组参数	0.004	32
50	第五组参数	0.0025	16

- 2-3 对以上几个正弦序列,依次进行以下过程。
- 2-3-1 观察并记录一个正弦序列的图形(时域)、频谱(幅度谱、频谱实部、频谱虚部)形状、幅度谱的第一个峰的坐标(U, V)。
- 2-3-2 分析抽样间隔 T、截断长度 N(抽样个数)对谱分析结果的影响;
- 2-3-3 思考 X(k)与 X(e<sup>jω</sup>)的关系;
- 2-3-4 讨论用 X(k)近似表示  $X(ej\omega)$ 时的栅栏效应、混叠现象、频谱泄漏。

# 三、主要仪器设备

MATLAB 编程。

实验名称: <u>DFT/FFT 的应用之一 — 确定性信号谱分析</u> 姓名: <u>工英杰</u> 学号: <u>3190103370</u> **P.2** 

#### 四、操作方法和实验步骤

(参见"二、实验内容和步骤")

# 五、实验数据记录和处理

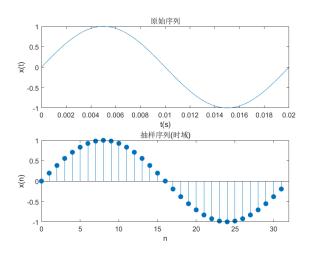
以第一组为例,其他组只需要改变参数 T 和 N。

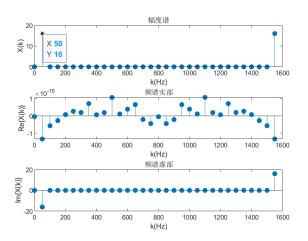
```
% f = 50Hz, T = 0.000625s, N = 32
clear;clc;
‰ 参数设定
f = 50; T = 0.000625; N = 32;
‰ 生成序列
n = [0:N-1];
t = [0:T/100:T*N];
x t = \sin(2*pi*f*t);
x n = \sin(2*pi*f*T*n);
X k = fft(x n, N);
% 时域
figure(1);
subplot (2, 1, 1);
plot(t, x t);
title('原始序列');xlabel('t(s)');ylabel('x(t)');
axis([0 T*N -1 1]);
subplot (2, 1, 2);
stem(n, x_n, 'filled');
axis([0 N -1 1]);
title('抽样序列(时域)');xlabel('n');ylabel('x(n)');
figure (2);
% 幅度谱
delta f = 1/(N*T);
                               %频谱分辨率
k = [0:delta \ f:delta \ f*(N-1)];
subplot (3, 1, 1);
stem(k, abs(X_k), 'filled');
title('幅度谱');xlabel('k(Hz)');ylabel('X(k)');
% 频谱实部
subplot(3, 1, 2);
stem(k, real(X k), 'filled');
title('频谱实部');xlabel('k(Hz)');ylabel('Re\{X(k)\}');
% 频谱虚部
subplot(3, 1, 3);
stem(k, imag(X k), 'filled');
title('频谱虚部');xlabel('k(Hz)');ylabel('Im\{X(k)\}');
```

# 实验名称: <u>DFT/FFT 的应用之一 — 确定性信号谱分析</u> 姓名: <u>工英杰</u> 学号: <u>3190103370</u> **P.3**

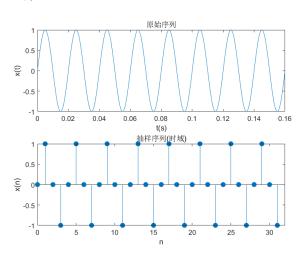
# 实验数据如下所示:

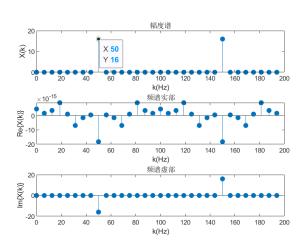
第一组:



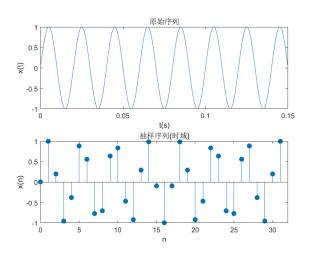


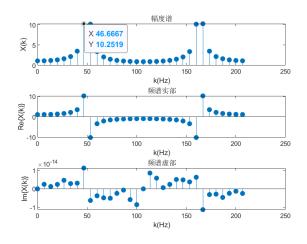
# 第二组:

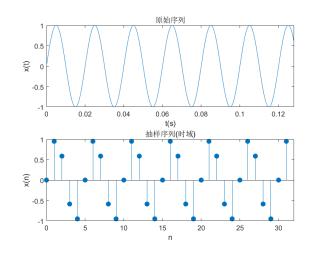


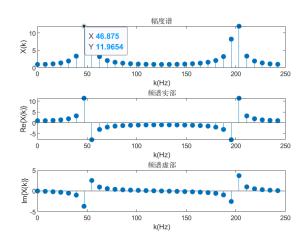


# 第三组:

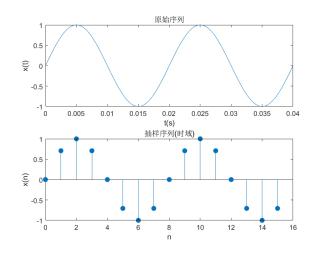


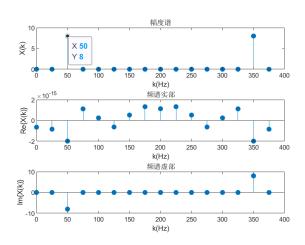






#### 第五组:





上方有关频域的图像已将频点位置转换成实际对应的频率值,单位为 Hz。

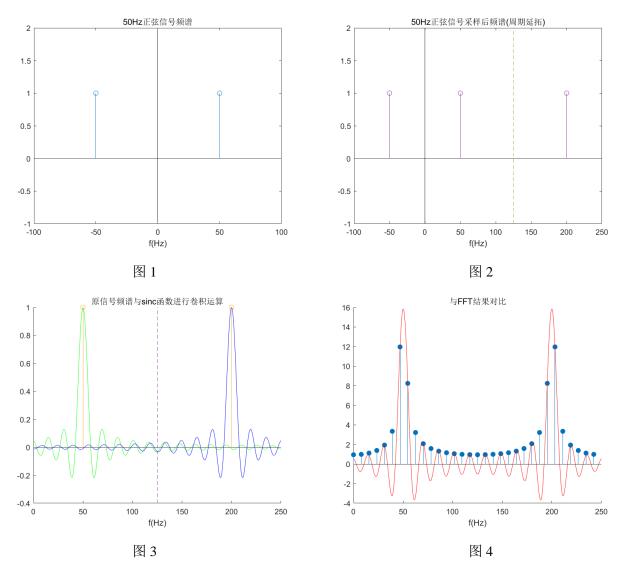
#### 5-1 分析抽样间隔 T、截断长度 N(抽样个数)对谱分析结果的影响;

抽样间隔 T、截断长度 N 将会影响分辨率  $\Delta$  f,而又因为 DFT 的栅栏效应,其结果只反映频率分辨率整数倍的频率点的 DFT 结果;由于频谱泄露引起的问题,所以在非原信号的频点处也会有非零值出现,例如第三组中的 46.67Hz 点。

## 5-2 思考 X(k)与 X(e<sup>jω</sup>)的关系;

50Hz 正弦信号的频谱如下图 1 所示,即为 X(e<sup>j</sup>°),经采样后的频谱周期延拓后如图 2 所示。取 0Hz 到采样频率 fs 的区间。由于加窗函数截断相当于在频域中原信号频谱与 sinc 函数进行卷积运算,如图 3 所示。由于 DFT 栅栏效应,取频率分辨率的整数倍,与前面所得到的 FFT 计算结果比较,发现两者相同,如图 4 所示。





# 六、实验结果与分析

# 6-1 实验前预习有关概念,并根据上列参数来推测相应频谱的形状、谱峰所在频率(U)和谱峰的数值 (V)、混叠现象和频谱泄漏的有无。

序	抽样间隔	截断长	谱峰所在	谱峰的数	归一化	采样频率	分辨率△f	混叠	频谱
号	T(s)	度 N	频率(Hz)	值 V	幅度	(Hz)	(Hz)	现象	泄漏
1	0.000625	32	50	16	1	1600	50	有	有
2	0.005	32	50	16	1	200	6.25	有	有
3	0.0046875	32	46.667	10.252	0.641	213.33	6.667	有	有
4	0.004	32	46.875	11.965	0.748	250	7.8125	有	有
5	0.0025	16	50	8	1	400	25	有	有

实验名称: <u>DFT/FFT 的应用之一 — 确定性信号谱分析</u> 姓名: <u>王英杰</u>学号: <u>3190103370</u> **P. 6** 6-2 用基本理论、基本概念来解释各种现象。

#### (1) 栅栏效应

对任何一个有限长序列,其 DFT 结果仅能直接反映有限个离散频率点处该序列表现出来的特性。例 如第三组和第四组,由频谱分辨率  $\Delta$  f = 1/NT 得第三组和第四组的频谱分辨率分别为 6.667Hz、7.8125Hz。50Hz 原始信号的频率均不是该频率的整数倍,故在 DFT 结果中不能够反映出原始信号 50Hz 的特性。

#### (2) 频谱泄露

由于在利用 DFT 求序列的频谱时,使用在时域上长度有限的窗函数对原始信号序列进行了截断,因而使得结果中包含了更多频率分量。在时域上加窗截断可以认为是在时域上原始信号  $\mathbf{x}(\mathbf{n})$ 和  $\mathbf{R}_N(\mathbf{n})$ 相乘,则在时域上是  $\mathbf{X}(\mathbf{k})$ 与  $\mathbf{sinc}(\omega)$ 的卷积,那么其频带随之被延展了。频谱泄露是由时域加窗处理所导致的一个必然结果。为减小由频谱泄露产生的误差,可以通过调整窗函数的形状来较为有效的实现。

#### (3) 频谱混叠

在时域采样的过程中,如果信号不具有限带的特点,或者采样频率不满足奈奎斯特采样定理,那么 在频域中将会有频谱混叠现象。而在 DFT 的过程中进行了加窗处理,本次过程中使用的是矩形窗,其频 谱是覆盖整个频段的,以致不满足奈奎斯特采样定理,因而会出现频谱混叠。

#### (注:

- A、黑色部分不要改动。
- B、蓝色部分,学生根据本人情况填写。
- C、"五、实验数据记录和处理"和"六、实验结果与分析"根据要求(见红色部分),逐条撰写。
- D、从第二页起,在每页头部填写实验名称、姓名、学号,标上页码。不够时自行加页。
- E、上交纸质报告)