DLNLP_2023 第一次作业: 计算中文平均信息熵

ZY2203114 王彪

1. 环境配置

```
conda create -n NLP_homework1 python=3.8
activate NLP_homework1

pip install numpy
pip install math
pip install jieba
pip install matplotlib
pip install logging
pip3 install multiprocessing
pip3 install opencc-python-reimplemented
```

2. 运行

```
|--data/
|--util/
| |--tools.py
|--CN_stopwords/
| |--cn_stopwords.txt
| |--cn_punctuation.txt
|--figs/
|--test.py
|--ZY2203114-Report.pdf
|--运行记录_最最最最新再也不改版.txt
```

```
cd ./NLP/Homework1/DLNLP2023
python test.py
```

3. 算法流程

1. 预处理并保存文件,去除stopwords

```
def SentencePreprocessing():
    line = ''
    data_txt, filenames = read_data(data_dir='./data')
    len_data_txt = len(data_txt)
    punctuations = stop_punctuation('./CN_stopwords/cn_stopwords.txt') # 停词
# 省略
```

2. jieba分词 (区分以词与以字为单位)

```
def get_split_words(file_path,flag):
```

```
with open(file_path, 'r', encoding='utf-8') as f:
    corpus = []
    split_words = []
    count = 0
    for line in f:
        if line != '\n':
            corpus.append(line.strip())
            count += len(line.strip())

corpus = ''.join(corpus)
    if flag is False:
        split_words = list(jieba.cut(corpus)) # 利用jieba分词
    elif flag is True:
        split_words = [x for x in corpus]
return split_words,len(corpus)
```

3. 计算词频

```
# 一元模型词频统计
def get_unigram_tf(tf_dic, words):
    for i in range(len(words)-1):
        tf_dic[words[i]] = tf_dic.get(words[i], 0) + 1
```

```
# 二元模型词频统计
def get_bigram_tf(tf_dic, words):
    for i in range(len(words)-1):
        tf_dic[(words[i], words[i+1])] = tf_dic.get((words[i], words[i+1]), 0) +
1
```

```
# 三元模型词频统计

def get_trigram_tf(tf_dic, words):
    for i in range(len(words)-2):
        tf_dic[((words[i], words[i+1]), words[i+2])] = tf_dic.get(((words[i], words[i+1]), words[i+2]), 0) + 1
```

4. 计算信息熵 (以一元模型为例)

```
# 计算一元模型信息熵

def calculate_unigram_entropy(file_path,words_tf,len_):
    before = time.time()

    begin = time.time()

    words_num = sum([item[1] for item in words_tf.items()])
    logging.info(file_path)
    print("分词个数: {}".format(words_num))
    print('分词种类数: {}'.format((len(words_tf))))
    print("平均词长: {:.4f}".format(len_ / float(words_num)))

entropy = 0

for item in words_tf.items():
    entropy += -(item[1] / words_num) * math.log(item[1] / words_num, 2)
    print("基于词的一元模型中文信息熵为: {:.4f} 比特/词".format(entropy))

end = time.time()
    runtime = round(end - before, 4)
```

```
print("一元模型运行时间: {:.4f} s".format(runtime))
return entropy
```

5. 绘图

```
def draw_results(data,novel_name,color,title,path): # 画柱状图
length = len(data)
x = np.arange(length)
plt.figure(figsize=(12.96, 7.2))
width = 0.6 # 单个柱状图的宽度
x1 = x + width / 2 # 第一组数据柱状图横坐标起始位置
plt.title(title, fontsize=18) # 柱状图标题
plt.ylabel("Bit per word", fontsize=15) # 纵坐标label
plt.bar(x1, data, width=width, color=color)
plt.xticks(x, novel_name, rotation=25, fontsize=12)
for a, b in zip(x1, data): # 柱子上的数字显示
    plt.text(a, b, '%.2f' % b, ha='center', va='bottom', fontsize=12)
# plt.legend() # 给出图例
# plt.show()
plt.savefig(path)
```

4. 中文信息熵计算结果

• 以下仅作记录参考,具体运行结果见 <u>./运行记录 最最最最最新再也不改版.txt</u>

4.1 以词为单位(使用jieba.cut)

| | 小说名称 | 语料字数 | 1-gram 分词种 类数 | 1- gram 平均词 长 | 1-gram 信息熵 | 2-gram 分词种类 数 | 2- gram 平均词 长 | 2- gram 信息熵 | 3-gram 分词种类 数 | 3- gram 平均词 长 | 3- gram 信息熵 | Average Entropy |
|----|----------------|---------|---------------------|------------------------|---------------|---------------------|------------------------|-------------------|---------------------|------------------------|-------------------|--------------------|
| 1 | 三十 三剑 客图 | 27398 | 8425 | 1.8942 | 12.4196 | 14057 | 3.3165 | 1.4006 | 14368 | 3.8957 | 0.1607 | 4.6603 |
| 2 | 书剑 恩仇 录 | 215458 | 33345 | 1.8919 | 12.9941 | 102998 | 3.3751 | 3.5019 | 112828 | 3.8923 | 0.5026 | 5.6662 |
| 3 | 侠客 行 | 138000 | 22964 | 1.8788 | 12.6135 | 65764 | 3.3832 | 3.1879 | 72329 | 3.8807 | 0.5604 | 5.4539 |
| 4 | 倚天 屠龙 记 | 392821 | 50580 | 1.8960 | 13.2114 | 180007 | 3.3142 | 3.9723 | 204110 | 3.8973 | 0.6782 | 5.9540 |
| 5 | 天龙 八部 | 474427 | 60545 | 1.8845 | 13.4500 | 219292 | 3.3811 | 3.9611 | 247541 | 3.8871 | 0.6653 | 6.0255 |
| 6 | 射雕 英雄 传 | 377964 | 50881 | 1.8983 | 13.2815 | 176327 | 3.4100 | 3.9054 | 197050 | 3.8990 | 0.5102 | 5.8990 |
| 7 | 白马 啸西 风 | 25942 | 5772 | 1.8670 | 11.1289 | 12914 | 3.5787 | 2.3833 | 13820 | 3.8674 | 0.2703 | 4.5942 |
| 8 | 碧血 剑 | 203908 | 32668 | 1.9016 | 13.0251 | 96933 | 3.3243 | 3.4451 | 106247 | 3.9035 | 0.4520 | 5.6407 |
| 9 | 神雕侠侣 | 402542 | 52217 | 1.7951 | 12.8229 | 187089 | 2.9787 | 4.1433 | 215194 | 3.8185 | 0.7912 | 5.9191 |
| 10 | 笑傲 江湖 | 369800 | 48065 | 1.9002 | 13.0726 | 166367 | 3.4234 | 3.9301 | 190108 | 3.9033 | 0.8444 | 5.9490 |
| 11 | 越女 | 6924 | 1972 | 1.8439 | 10.0099 | 3473 | 3.3353 | 1.5652 | 3708 | 3.8452 | 0.5575 | 4.0442 |
| 12 | 连城 | 87089 | 16172 | 1.8542 | 12.3949 | 43149 | 3.4111 | 2.8637 | 46575 | 3.8557 | 0.4076 | 5.2221 |
| 13 | 雪山 | 52964 | 11309 | 1.8577 | 12.1144 | 26389 | 3.3049 | 2.5544 | 28009 | 3.8577 | 0.3165 | 4.9951 |
| 14 | 飞狐 | 179486 | 28087 | 1.8921 | 12.8401 | 85512 | 3.3485 | 3.3577 | 93739 | 3.8931 | 0.5476 | 5.5818 |
| 15 | 鸳鸯 刀 | 14263 | 3784 | 1.8635 | 10.9532 | 7262 | 3.4813 | 1.7207 | 7607 | 3.8633 | 0.2418 | 4.3052 |
| 16 | 鹿鼎记 | 471579 | 55751 | 1.8741 | 13.0667 | 211499 | 3.4972 | 4.1419 | 246776 | 3.8793 | 0.7544 | 5.9877 |
| ** | ALL | 3440565 | 273057 | 1.8768 | 14.3238 | 1459121 | 3.3387 | 5.7377 | 1788317 | 3.8838 | 0.6441 | 6.9019 |

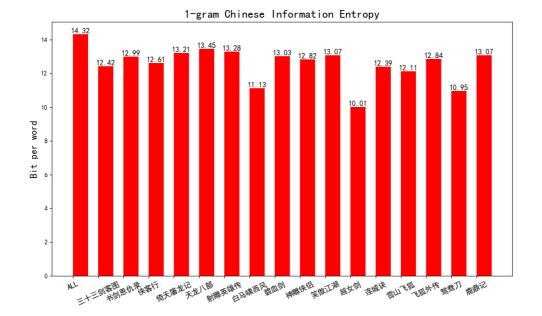
4.2 以字为单位(不使用jieba)

| # | 小说名称 | 语料字数 | 1-gram模型 信息熵 | 2-gram信 息熵 | 3-gram信 息熵 | Average Entropy |
|----|------------|---------|-----------------|---------------|---------------|--------------------|
| 1 | 三十三剑 客图 | 27398 | 10.0503 | 3.4441 | 0.7263 | 4.7402 |
| 2 | 书剑恩仇 录 | 215458 | 9.8583 | 4.6374 | 1.8821 | 5.4593 |
| 3 | 侠客行 | 138000 | 9.5035 | 4.4237 | 1.8183 | 5.2485 |
| 4 | 倚天屠龙 记 | 392821 | 9.7706 | 5.0116 | 2.1675 | 5.6499 |
| 5 | 天龙八部 | 474427 | 9.8887 | 5.0866 | 2.1783 | 5.7179 |
| 6 | 射雕英雄 传 | 377964 | 9.8168 | 4.9754 | 2.1798 | 5.6573 |
| 7 | 白马啸西 风 | 25942 | 9.1982 | 3.0427 | 1.3212 | 4.5207 |
| 8 | 碧血剑 | 203908 | 9.8010 | 4.7115 | 1.7905 | 5.4343 |
| 9 | 神雕侠侣 | 402542 | 9.6743 | 5.1705 | 2.1787 | 5.6745 |
| 10 | 笑傲江湖 | 369800 | 9.6102 | 4.9143 | 2.1251 | 5.5499 |
| 11 | 越女剑 | 6924 | 8.6164 | 2.4000 | 0.9969 | 4.0044 |
| 12 | 连城诀 | 87089 | 9.5919 | 4.1782 | 1.5627 | 5.1109 |
| 13 | 雪山飞狐 | 52964 | 9.5337 | 3.8860 | 1.3864 | 4.9354 |
| 14 | 飞狐外传 | 179486 | 9.6787 | 4.5618 | 1.8642 | 5.3682 |
| 15 | 鸳鸯刀 | 14263 | 9.2049 | 2.7862 | 0.9888 | 4.3266 |
| 16 | 鹿鼎记 | 471579 | 9.7428 | 4.9523 | 2.2457 | 5.6469 |
| ** | ALL | 3440565 | 10.0916 | 7.0873 | 3.2491 | 6.8094 |

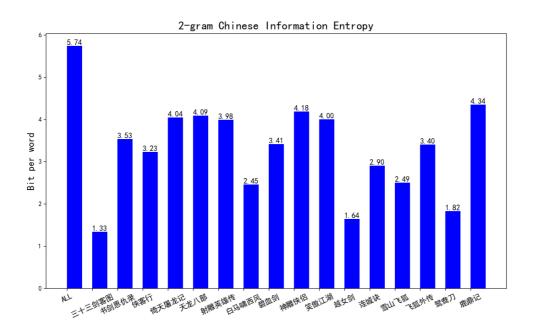
5. 图片绘制

5.1 以词为单位

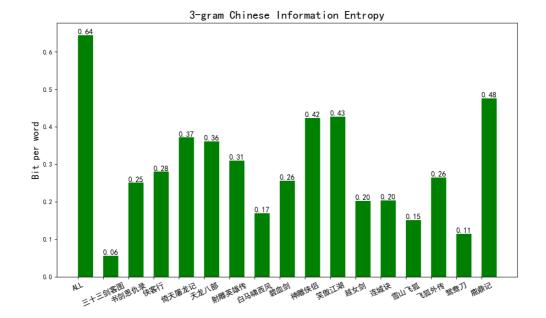
5.1.1 1-gram-byword



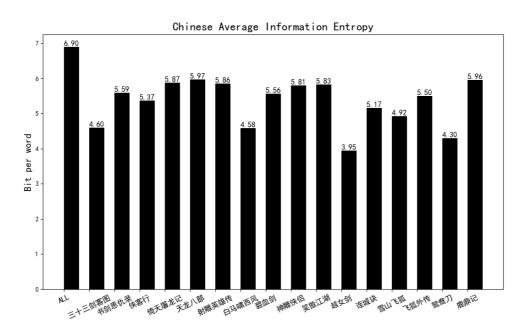
5.1.2 2-gram-byword



5.1.3 3-gram-byword

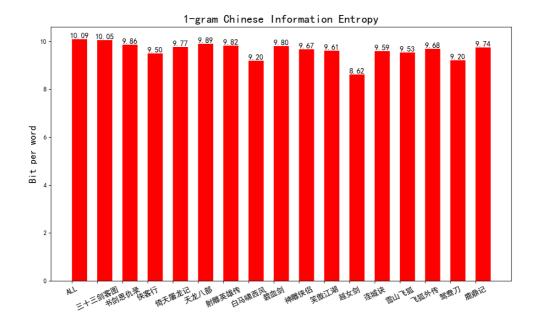


5.1.4 Average-Entropy-byword

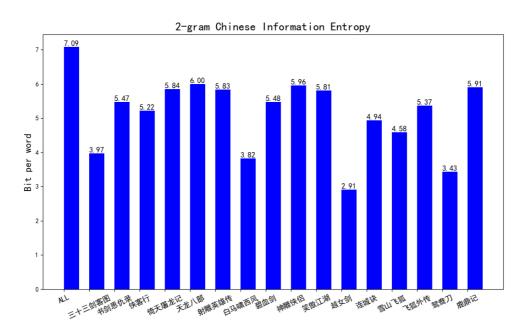


5.2 以字为单位

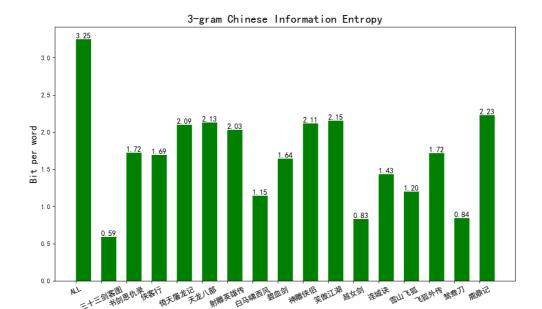
5.2.1 1-gram-bychar



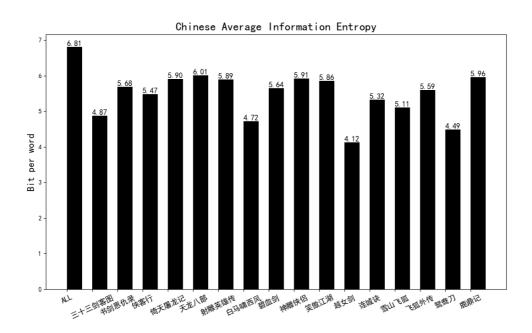
5.2.2 2-gram-bychar



5.2.3 3-gram-bychar



5.2.4 Average-Entropy-bychar



6. 理论原理推导

6.1 信息熵

<u>熵</u>在信息论中是接收的每条消息中包含的信息的平均量,又被称为信息熵、信源熵、平均自信息量。依据 Boltzmann's H-theorem,香农把随机变量X的熵值H定义如下,其值域为 x_1,x_2,\ldots,x_n :

$$\mathrm{H}(X) = \mathrm{E}[\mathrm{I}(X)] = \mathrm{E}[-\ln{(\mathrm{P}(X))}]$$

其中,P(X)为 X的概率质量函数(probability mass function),E为期望函数,而I(X)是X的信息量(又称为自信息)。I(X)本身是个随机变量。

当取自有限的样本时,熵的公式可以表示为:

$$\mathrm{H}(X) = \sum_{i} \mathrm{P}\left(x_{i}
ight) \mathrm{I}\left(x_{i}
ight) = -\sum_{i} \mathrm{P}\left(x_{i}
ight) \log_{b} \mathrm{P}\left(x_{i}
ight)$$

在这里b是对数所使用的底,通常是 2, 自然常数 e,或是 10。当 b=2,熵的单位是 bit; 当 b=e,熵的单位是 nat; 而当 b=10,熵的单位是 Hart。

当 $p_i=0$ 时,对于一些 i值,对应的被加数 $0\times log_b0$ 的值将会是 0,与极限一致:

$$\lim_{p o 0+}p\log p=0$$

还可以定义事件 X与Y分别取 x_i 和 y_i 时的条件熵为:

$$\mathrm{H}(X\mid Y) = -\sum_{i,j} p\left(x_i,y_j
ight) \log rac{p\left(x_i,y_j
ight)}{p\left(y_j
ight)}$$

其中 $p(x_i,y_j)$ 为 $X=x_i$ 且 $Y=y_j$ 时的概率。这个量应当理解为知道Y的值前提下随机变量X的随机性的量。

6.2 分词模型

6.2.1 一元模型 (1-gram)

$$H(X) = -\sum_{x \in X} p(x) \log p(x)$$

6.2.2 n元模型 (n-gram)

将自然语言句子视作N-1阶马尔可夫模型,即规定句子中某词出现的概率只同它前面出现的 N-1个词有关。常见的二元模型、三元模型:

$$egin{aligned} H(X \mid Y) &= -\sum_{x \in X} \sum_{y \in Y} p(x,y) \log p(x \mid y) \ H(X \mid Y, Z) &= -\sum_{x \in X} \sum_{y \in Y} \sum_{z \in Z} p(x,y,z) \log p(x \mid y,z) \end{aligned}$$

本文计算到3元模型, 计算16本小说各自的1元、2元、3元信息熵, 并计算其平均信息熵。

7. 结论

- 1. **存在的问题**:本程序计算语料字数、分词个数与参考资料有些出入,分析原因,语料字数是因为导入停词文件导致,分词个数应是程序编写的bug。
- 2. **中英文对比**:本实验中计算出在分词模式下,一元词的信息熵为**14.3238**,在字符模式下,单个字的信息熵为**10.0916**,而论文中提出的模型计算出的英文单个词信息熵为**1.75**,这一点说明,无论是以字为单位还是词为单位,中文的信息熵都要比英文高,即中文混乱程度更高,包含的信息量也更多。
- 3. **n-gram对比**: 在分词模式下,一元词的信息熵为**14.3238**,二元词的信息熵为**5.7377**,三元词的信息熵为**0.6441**,可以看出随着N的增大,平均信息熵在下降,这是因为N取值越大,通过分词后得到的文本中词组的分布就越简单,N越大使得固定的词数量越多,固定的词能减少由字或者短词打乱文章的机会,使得文章变得更加有序,减少了由字组成词和组成句的不确定性,也即减少了文本的信息熵,符合实际认知。但在分字符模式下,一元字符的信息熵为**10.0916**,二元字符的信息熵为**7.0873**,三元字符的信息熵为**3.2491**,也符合上述规律。
- 4. 两种模式对比:分词模式在一元和二元下得到的信息熵比分字符模式更高,而在三元时得到的信息熵比分字符模式更低,由分词个数我们可以发现其背后的原因,在分词模式下,一元词的数目远大于一元字符的数目,这是由于不同字符组合成词的方式非常多样,这就导致了词这一单位信息熵的增大,而当N增大时,由于词与词之间常常有一些固定的组合搭配,会形成一些固定的意思,这就使得整体的信息熵降了下来,而对于字符,虽然也有同样的趋势,字符间的组合往往比词语的组合要更加随机,因此在三元时,分字符模式的信息熵要比分词模式高。

8. 参考链接

参考链接1

参考链接2

参考链接3