

绪论2：数据和程序的存储与表示

内 容

- (1) 计算机的数字系统有哪些？
- (2) 如何进行不同进制数之间的转换？
- (3) 计算机中如何表示正、负数？
- (4) 计算机中如何表示整数和小数？

1、计算机的数字系统

■ **基数**为R的进制数：逢R进1

进制	基数	进位原则	基本符号
2进制	2	逢2进1	0 1
10进制	10	逢10进1	0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
16进制	16	逢16进1	0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F

■ 所有的计算机都采用2进制的数字系统

■ 优点：易于实现、运算简单、可靠性高、通用性强

2、不同进制数之间的转换

■任意R进制数X，其10进制值可表示为

$$V(X) = \underbrace{\sum_{i=0}^{n-1} X_i R^i}_{\text{整数部分}} + \underbrace{\sum_{i=-1}^{-m} X_i R^i}_{\text{小数部分}}$$

权

■10进制数

$$\begin{aligned} 8844.43 &= 8000 + 800 + 40 + 4 + 0.4 + 0.03 \\ &= 8 \times 10^3 + 8 \times 10^2 + 4 \times 10^1 + 4 \times 10^0 + 4 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2} \end{aligned}$$

■常用的转换形式有：

(1) 2进制、16进制 \longleftrightarrow 10进制

(2) 2进制 \longleftrightarrow 16进制

2.A、2/16进制数→十进制的转换

$$V(X) = \underbrace{\sum_{i=0}^{n-1} X_i R^i}_{\text{整数部分}} + \underbrace{\sum_{i=-1}^{-m} X_i R^i}_{\text{小数部分}}$$

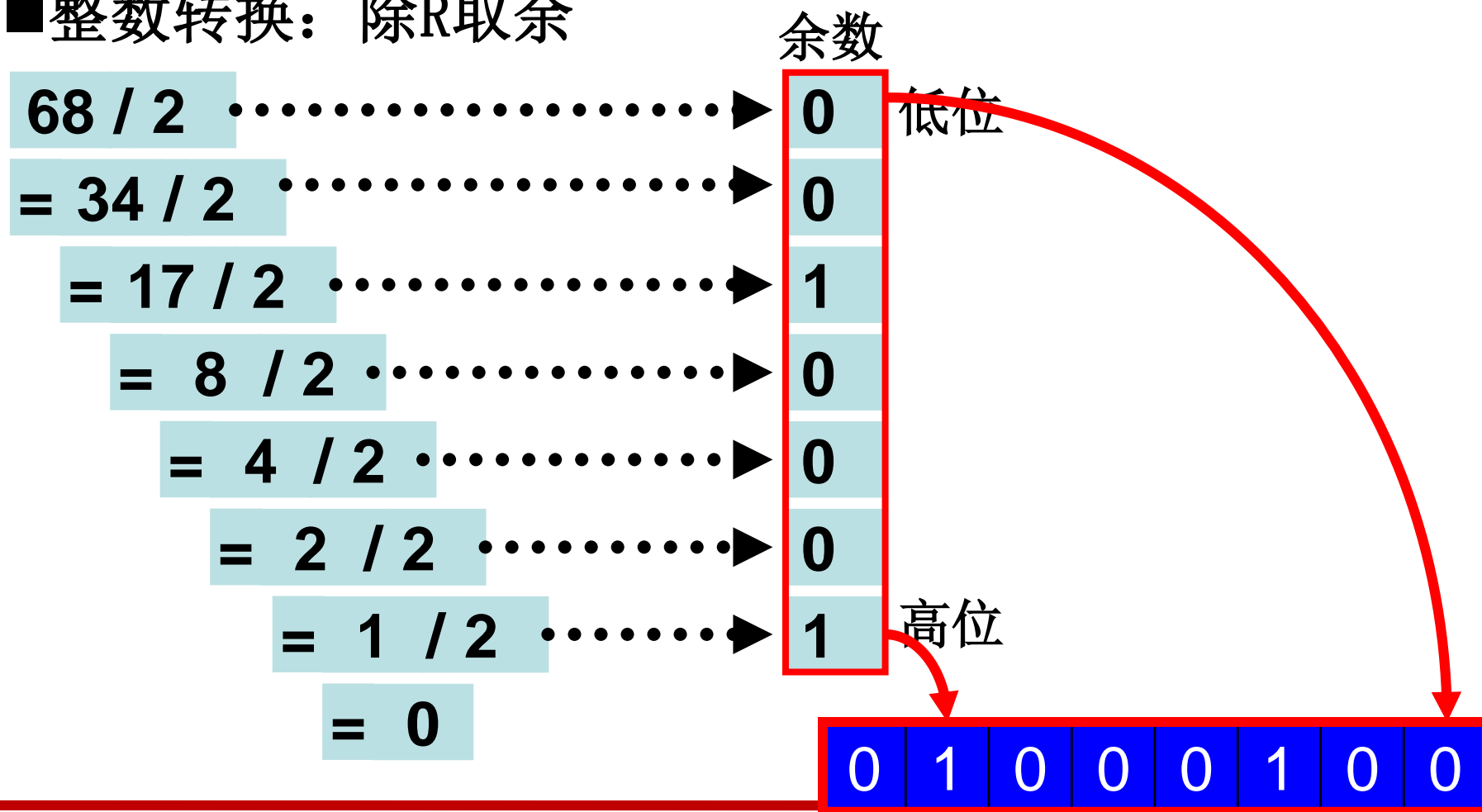
■各位数与权相成，积相加

$$\begin{aligned}(10001001.11)_2 &= 1 \times 2^7 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} \\ &= (137.75)_{10}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(0.2A)_{16} &= 2 \times 16^{-1} + 10 \times 16^{-2} \\ &= (0.1640625)_{10}\end{aligned}$$

2.B、十进制数→R进制的转换

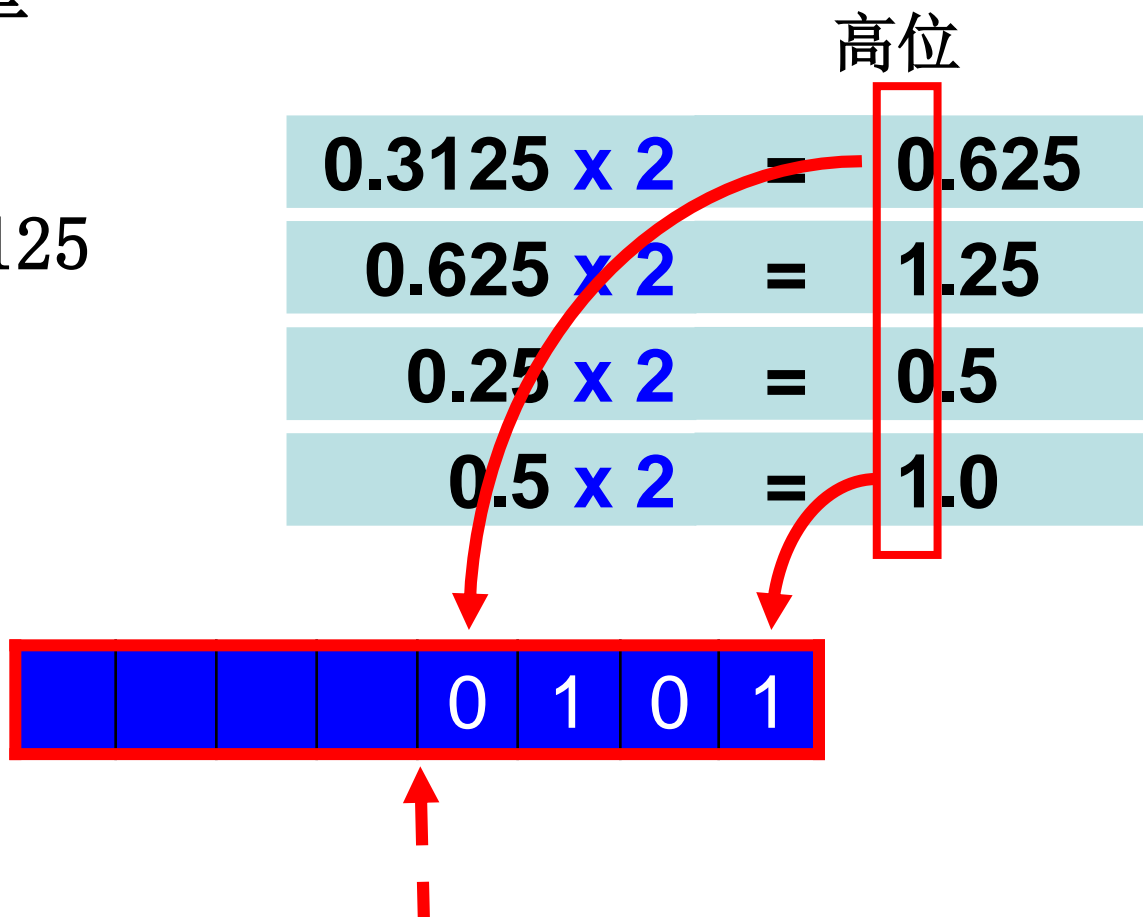
■整数转换：除R取余



2.C、十进制数→R进制的转换

■小数转换：乘R取整

例：10进制整0.3125



2.D、16进制 \longleftrightarrow 2进制

- **1:4**（每位16进制数相当于4位2进制数）

$$(1011010.10)_2 = (\underline{0101} \ \underline{1010} \ .\underline{1000})_2 = (5A.8)_{16}$$

$$(F7)_{16} = (\underline{1111} \ \underline{0111})_2 = (11110111)_2$$

练习：2进制数到10进制数

2进制数	10进制值	
0000 000 1	$=2^0$	=1
0000 00 1 0	$=2^1$	=2
0000 0 1 00	$=2^2$	=4
0000 1 000	$=2^3$	=8
000 1 0000	$=2^4$	=16
00 1 0 0000	$=2^5$	=32
0 1 00 0000	$=2^6$	=64
1 000 0000	$=2^7$	=128
0 1 00 00 1 0	$=2^6 + 2^1$	=66

练习：2进制数到16进制数

2进制	16进制
0000 0001	=0x01
0000 0010	=0x02
0000 0011	=0x03
0000 0100	=0x04
0000 0101	=0x05
0000 0110	=0x06
0000 0111	=0x07
0000 1000	=0x08
0000 1001	=0x09

2进制	16进制
0000 1010	=0x0A
0000 1011	=0x0B
0000 1100	=0x0C
0000 1101	=0x0D
0000 1110	=0x0E
0000 1111	=0x0F

练习：2进制数到16进制数

2进制	16进制
0001 1000	=0x18
0011 1100	=0x3C
1110 0000	=0xE0
0101 0100	=0x54
0111 0111	=0x77
1001 1010	=0x9A
1011 0010	=0xB2
0110 0001	=0x61
1111 0100	=0xF4

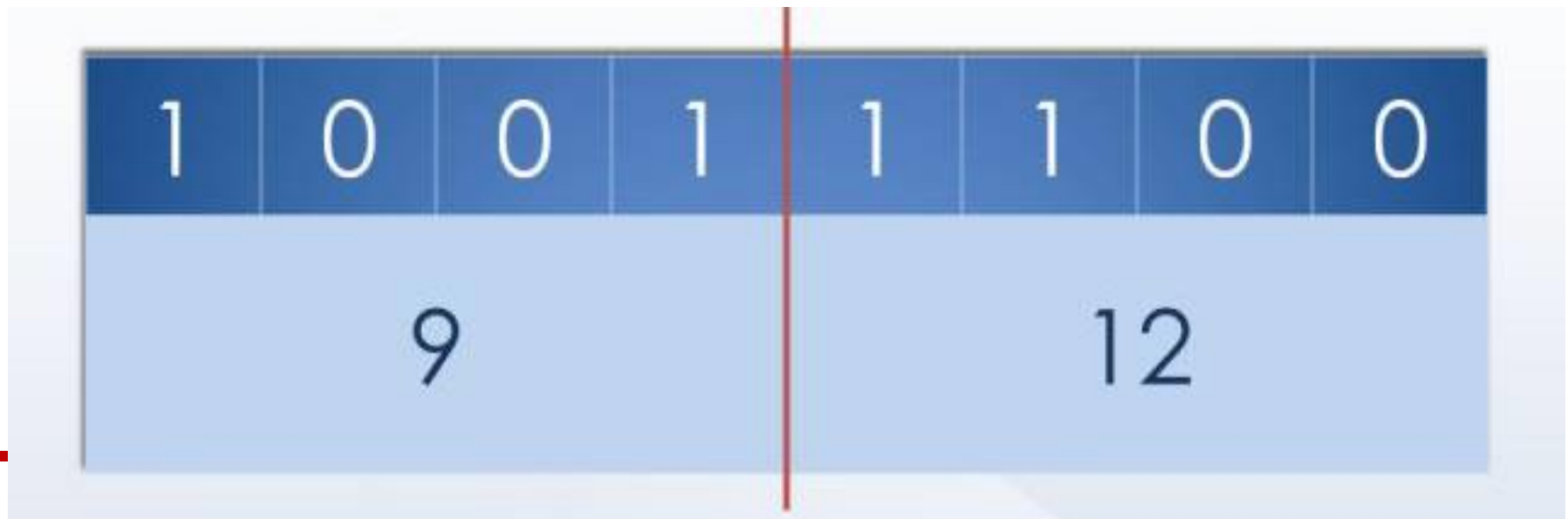
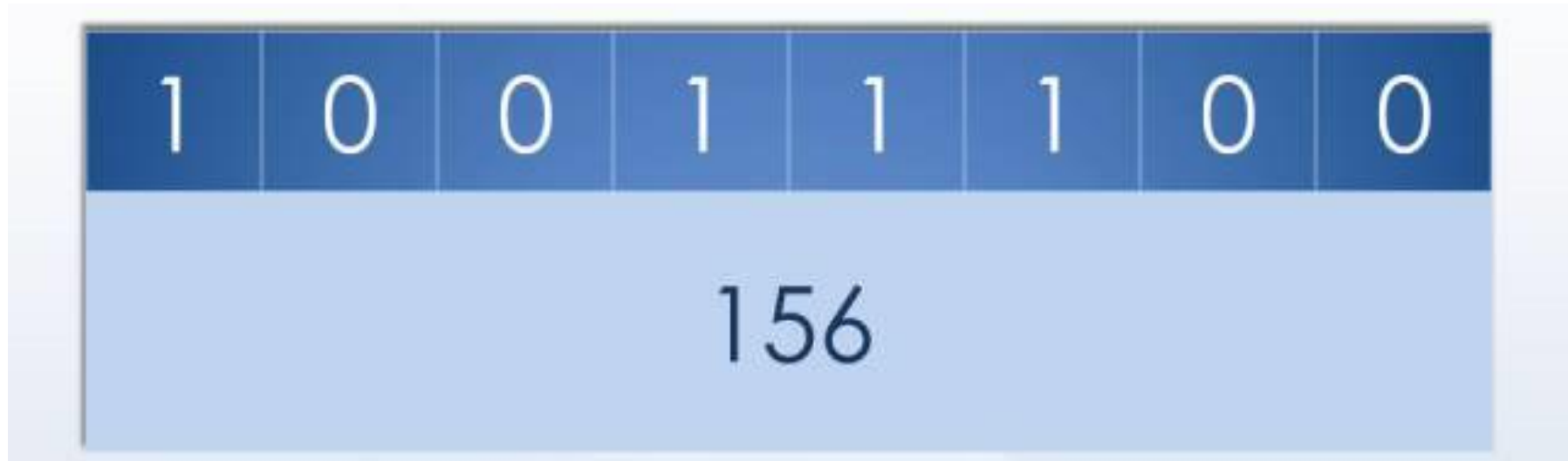
2进制	16进制
1000 0101	=0x85
1010 1010	=0xAA
0101 1011	=0x5B
0110 1101	=0x6D
1101 0000	=0xD0
1110 0100	=0xE4
0001 0111	=0x17
0011 1000	=0x38
1001 1001	=0x99

- 3.A 数据的不同理解



在墙上看到一个X，什么意思呢？

- 数据在存储器中的表示



- 数据在存储器中的表示



- 3.B -1如何表示

$$\begin{array}{r} 0000 \\ - 0001 \\ \hline ???? \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1\ 0000 \\ - 0001 \\ \hline ???? \end{array}$$

- -1 的表示

$$\begin{array}{r} 0000 \\ - 0001 \\ \hline 1111 \end{array}$$

• 3.C 负数的一般表达

二进制补码	表示的数字
0111	7
0110	6
0101	5
0100	4
0011	3
0010	2
0001	1
0000	0
1111	-1
1110	-2
1101	-3
1100	-4
1011	-5
1010	-6
1001	-7
1000	-8

特点:

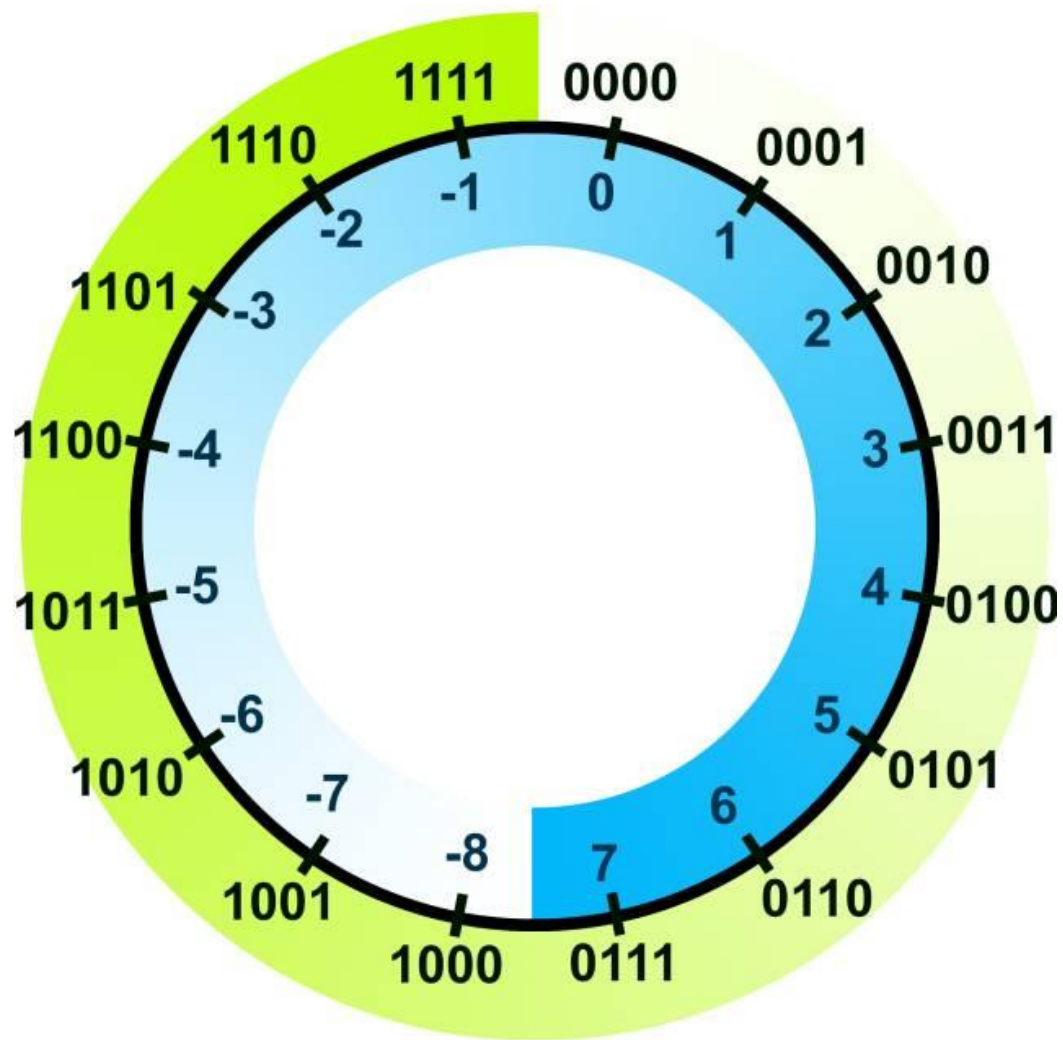
1. 以0开头的为非负数，以1开头的为负数。

2. 从0000到0111是递增的。从1000 ~ 1111是递增的。

3. 二进制数据0111表达的是最大整数7，0111只要加上1，就会变成1000，而1000表达的是最小数字 - 8。

4. 0和-1同样只有一步之遥，但是表达他们的二进制数字却是最小的0000和最大的1111。

- 补码环



3.D 补码的计算

补码的一大优点就是计算机在做加法或减法运算时，不需要考虑补码的存在而直接运算，结果却依然正确。我们可以利用竖式计算 $-2+5$ ，以及 $2-5$ （ -2 、 2 、 5 在四位补码系统中分别为 1110 、 0010 和 0101 ）：

$$\begin{array}{r} 1110 \\ + 0101 \\ \hline (1) 0011 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} (1)0010 \\ - 0101 \\ \hline 1101 \end{array}$$

从左式中我们可以看到， 1110 （ -2 ）和 0101 （ 5 ）求和，得到 10011 ，去掉首位进位 1 ，留下 0011 ，即为答案 3 。右式中， 0010 （ 2 ）强行借位后减去 0101 （ 5 ），得到 1101 ，在表1 5中我们看到， 1101 即为答案 -3 。

3.E 补码的计算中的溢出

这种计算其实不总是正确的，如果 $0110+0110$ ，也就是 $6+6$ ，会得到 1100 。而 1100 在补码表示的是 -4 ，却不是我们希望的 12 。究其原因是 12 已经超出了四位补码系统所能表达的最大数字 7 （ 0111 ）。我们把这种现象叫做“溢出”。“溢出”的问题我们之前在上一讲中已经介绍了，防止溢出通常是采用更多的数据位，有时候调整一下计算次序也可以避免溢出。

3.F 扩展到N位的补码

我们可以将四位补码推广到N位补码系统。在N位补码系统中，有以下规律：

1. 各位全部为0，总是表示0；
2. 各位全部为1，总是表示 -1；
3. 首位为0，后面全部为1，表示的是最大整数： 2^{N-1} 减去1；
4. 首位为1，后面全部为0，表示的是最小整数：负的 2^{N-1} 。

	数值	8位
正数部分	127	0111 1111
	126	0111 1110
	125	0111 1101

	2	0000 0010
	1	0000 0001
	0	0000 0000
负数部分	-1	1111 1111
	-2	1111 1110
	-3	1111 1101

	-126	1000 0010
	-127	1000 0001
	-128	1000 0000

	数值	16位
正数部分	32767	0111 1111 1111 1111
	32766	0111 1111 1111 1110
	32765	0111 1111 1111 1101

	2	0000 0000 0000 0010
	1	0000 0000 0000 0001
	0	0000 0000 0000 0000
负数部分	-1	1111 1111 1111 1111
	-2	1111 1111 1111 1110
	-3	1111 1111 1111 1101

	-32766	1000 0000 0000 0010
	-32767	1000 0000 0000 0001
	-32768	1000 0000 0000 0000

	数值	32位
正数部分	$2^{31} - 1$	0111 ... 1111
	$2^{31} - 2$	0111 ... 1110
	$2^{31} - 3$	0111 ... 1101

	2	0000 ... 0010
	1	0000 ... 0001
	0	0000 ... 0000
负数部分	-1	1111 ... 1111
	-2	1111 ... 1110
	-3	1111 ... 1101

	$-2^{31} + 2$	1000 ... 0010
	$-2^{31} + 1$	1000 ... 0001
	-2^{31}	1000 ... 0000

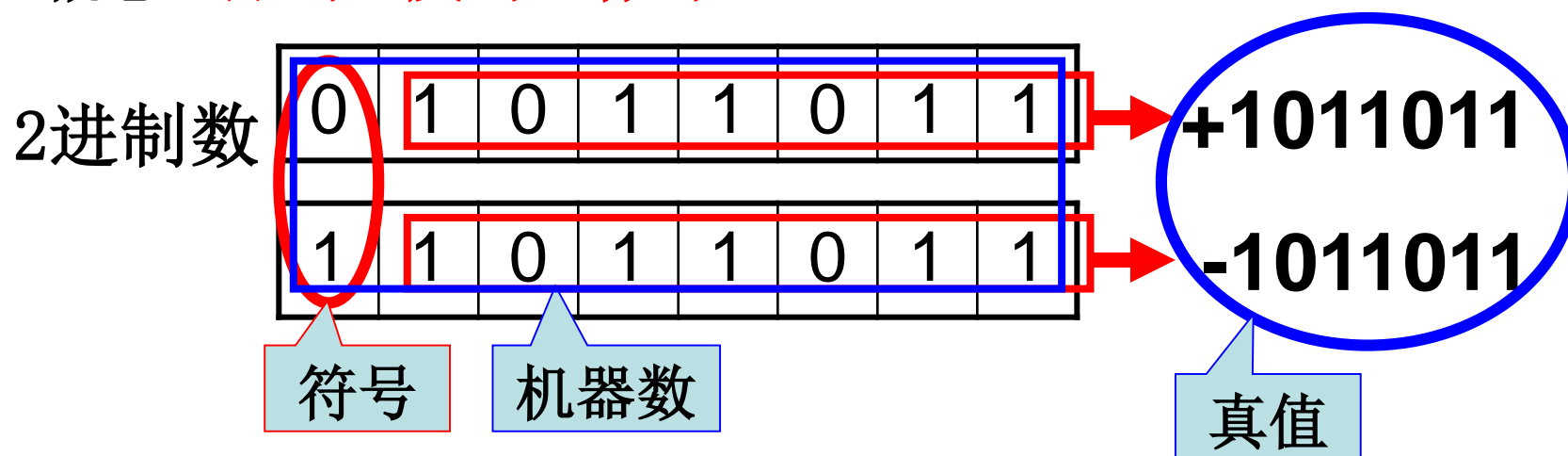
	数值	64位
正数部分	$2^{63} - 1$	0111 ... 1111
	$2^{63} - 2$	0111 ... 1110
	$2^{63} - 3$	0111 ... 1101

	2	0000 ... 0010
	1	0000 ... 0001
	0	0000 ... 0000
负数部分	-1	1111 ... 1111
	-2	1111 ... 1110
	-3	1111 ... 1101

	$-2^{63} + 2$	1000 ... 0010
	$-2^{63} + 1$	1000 ... 0001
	-2^{63}	1000 ... 0000

3.C、正数和负数的表示

- 在计算机中，各种信息都是以二进制编码形式存储
- 一般用最高位作为符号位，0表示正，1表示负
- 计算机中一般用原码表示“正数”，用“补码”表示负数
- 概念：原码、反码、补码



- “符号—绝对值”表示的编码称为原码

原码的表示规则和优缺点

- 最左1位作符号位，“符号—绝对值”表示法
- 表示规则：正数不变、负数用“1—绝对值”表示

2进制真值	原码表示的机器数
+0101011	00101011
—0101011	10101011
+0.1011	0.1011
—0.1011	1.1011
+0	00000000
—0	10000000

- 优点：
简单直观
与真值转换方便
- 缺点：
判0麻烦
符号处理且很复杂

反码的表示规则

- 正数的反码与原码相同
- 负数的反码符号位与原码相同，其余取反（0变1、1变0）

2进制真值	原码表示的机器数	反码表示的机器数
+0101011	00101011	00101011
-0101011	10101011	11010100
+0.1011	0.1011	0.1011
-0.1011	1.1011	1.0100
+0	00000000	00000000
-0	10000000	11111111

补码的表示规则

- 正数：原码、反码、补码相同
- 负数：补码=反码的最后一位+1

2进制真值	反码表示的机器数	补码表示的机器数
+0101011	00101011	00101011
-0101011	11010100	11010101
+0.1011	0.1011	0.1011
-0.1011	1.0100	1.0101
+0	00000000	00000000
-0	11111111	00000000

7、整数的表示

- 用“补码”表示
- 正整数：原码
- 负整数：反码最后一位+1

8、浮点数的表示

3.1415926535		$0.31415926535 \times 10^1$
312563810.28		$0.31256381028 \times 10^9$
-11.2357823122		$-0.112357823122 \times 10^2$
0.0000000000963		0.963×10^{-9}

■ 整数部分. 小数部分

■ 科学表示法: $N = M \times R^E$

尾数, N的
有效数字

基数

阶码: 小数
点的位置

8、浮点数的表示

■float科学表示法: $N = M \times R^E$

符号位 (s)	阶码 (E)	尾数 (M)
1	8	23

■float表示法范围:

-3.4×10^{38} — $-3.4 \times 10^{-38}, 0, 3.4 \times 10^{-38}$ — 3.4×10^{38}

■double科学表示法: $N = M \times R^E$

符号位 (s)	阶码 (E)	尾数 (M)
1	11	52

■double表示法范围:

-1.7×10^{308} — $-1.7 \times 10^{-308}, 0, 1.7 \times 10^{-308}$ — 1.7×10^{308}

9、字符的表示

(1) 西文字符（如：a, b, c, d, 1, 2, 3, 4, A, B, C等）

■ASCII码：用7位二进制数表示一个字符，可表示128个字符

■EBCDIC码：用8位二进制数表示一个字符，可表示256个字符

(2) 汉字

■国标码（GB2312-80标准）：

应用较为广泛的是“国家标准信息交换用汉字编码”

二字节码，用二个七位二进制数编码表示一个汉字。

(3) 日、韩、俄等全球其他语言字符（如：サブアセ）

■Unicode

全球统一多字节编码字符集

低4位

编七位ASCII码表

高3位

	000	001	010	011	100	101	110	111
0000	NUL	DLE		0	@	P		p
0001	SOH	DC1	!	1	A	Q	a	q
0010	STX	DC2	“	2	B	R	b	r
0011	ETX	DC3	#	3	C	S	c	s
0100	EOT	DC4	\$	4	D	T	d	t
0101	ENQ	NAK	%	5	E	U	e	u
0110	ACK	\$		6	F	V	f	v
0111	BEL	ETB		7	G	W	g	w
1000	BS	CAN	(8	H	X	h	x
1001	HT	EM)	9	I	Y	i	y
1010	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z
1011	VT	ESC	+	;	K	[k	{
1100	FF	FS	,	<	L	\	l	
1101	CR	GS	-	=	M]	m	}
1110	SO	RS	。	>	N		n	_
1111	SI	US	/	?	O	—	o	DEL

0x31

0x41

0x61

模数与补码

■模数：类似于某种计量器的容量，如时钟。

■R进制的模数=R

■模运算、取余运算（mod）：

C++中用%作为模运算符

■R进制的模运算结果 ≥ 0 ， $\leq R-1$

■模运算、取余运算示例：

$$3\%12 = 3$$

$$14\%12 = 2$$

■模运算的特点：减法统一为加法

$$8-2 = (8+10)\%12$$

10是-2在模12下的补码



课后阅读

(1) 《计算机高级语言》学习材料, **Page 4**

课后作业

(1) 完成《计算机高级语言》第1次作业

谢 谢！