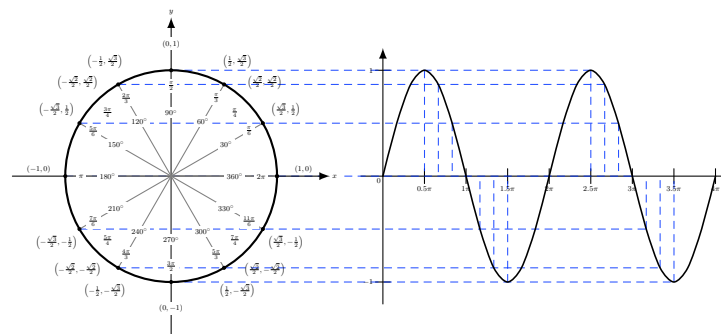
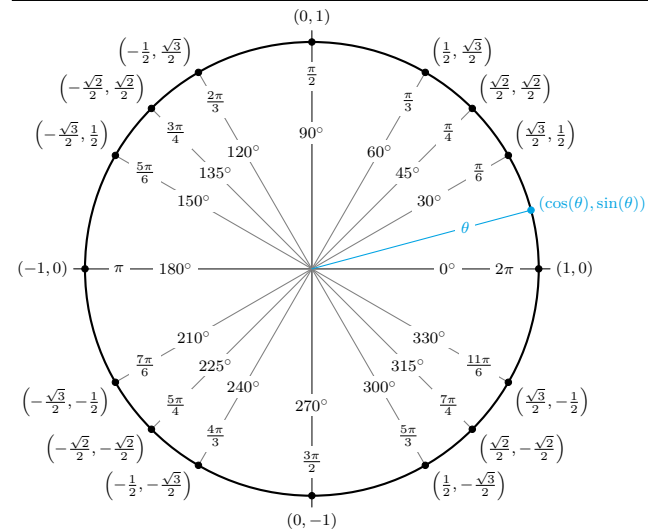


Einheitskreis



Trigonometrische Funktionen

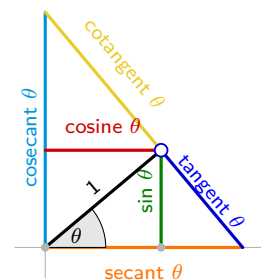
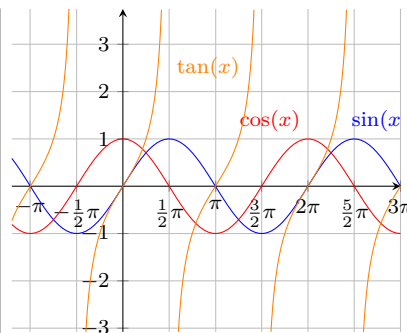
$$\sinh x = \frac{e^x e^x}{2} \quad (3)$$

$$\tan \varphi = \frac{\sin \varphi}{\cos \varphi} \quad (1) \qquad \cosh x = \frac{e^x + e^{-x}}{2} \quad (4)$$

$$\cot \varphi = \frac{\cos \varphi}{\sin \varphi} \quad (2) \qquad \tanh x = \frac{\sinh x}{\cosh x} \quad (5)$$

$$\coth x = \frac{\cosh x}{\sinh x} \quad (6)$$

Sin	Cos	Tan	Cot
G	A	G	A
H	H	A	G



Additionstheoreme

$$\frac{\sin \alpha \pm \beta = \sin \alpha \cdot \cos \beta \pm \cos \alpha \cdot \sin \beta}{(7) \tan \alpha \pm \beta = \frac{\tan \alpha \pm \tan \beta}{1 \mp \tan \alpha \cdot \tan \beta}}$$

$$\cos \alpha \pm \beta = \cos \alpha \cdot \cos \beta \mp \sin \alpha \cdot \sin \beta \quad (8)$$

$$\sin 2 \cdot \alpha = 2 \cdot \sin \alpha \cdot \cos \alpha \quad (9) \quad \cot \alpha \pm \beta = \frac{\cot \alpha \cdot \cot \beta \pm 1}{\cot \beta \pm \cot \alpha} \quad (12)$$

$$\cos 2 \cdot \alpha = \cos^2 \alpha \sin^2 \alpha \quad (10)$$

Parität

$$\sin -\varphi = -\sin \varphi \quad (13) \qquad \tan -\varphi = -\tan \varphi \quad (15)$$

$$\cos -\varphi = +\cos \varphi \quad (14) \qquad \cot -\varphi = -\cot \varphi \quad (16)$$

Allgemein

Ableiten

Quotienten Regel

$$f(x) = \frac{z}{n} \Leftrightarrow f'(x) = \frac{z' \cdot n - n' \cdot z}{n^2} \quad (17)$$

Standardableitungen

$$f(x) = a^{u(x)} \Leftrightarrow f'(x) = \ln a \cdot u'(x) \cdot a^{u(x)}$$

Linearität

$$f(x) \cdot a = f(x \cdot a) \quad \forall a \in \mathbf{R}, \forall x \in \mathbf{R}^n \quad (19)$$

$$f(x) + f(y) = f(x + y) \quad V_{x,y} \in \mathbf{R}^n \quad (20)$$

Lineares Beispiel: $f(x) = 3x$ mit $a = 3$, $x = 2$, $y = 5$

1. Homogenitätstest: $f(2 \cdot 3) \stackrel{?}{=} 3 \cdot f(2)$
 $f(6) = 6 \cdot 3 = 18$ vs. $3 \cdot 3 \cdot 2 = 3 \cdot 6 = 18 \Rightarrow 18 = 18 (\checkmark)$

2. Additivitätstest: $f(2) + f(5) \stackrel{?}{=} f(2+5)$
 $(3 \cdot 2) + (3 \cdot 5) = 6 + 15 = 21 \quad \text{vs.} \quad 3 \cdot 7 = 21 \quad \Rightarrow 21 = 21 \quad (\checkmark)$

Gegenbeispiel: $f(x) = x^2$ mit $a = 2, x = 3, y = 4$

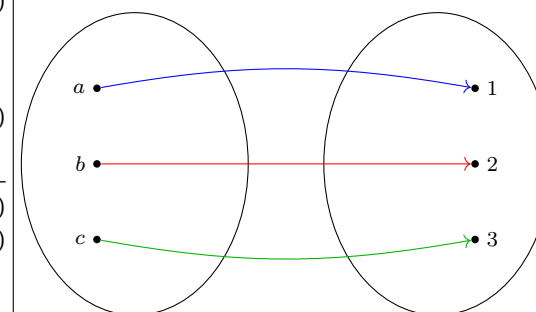
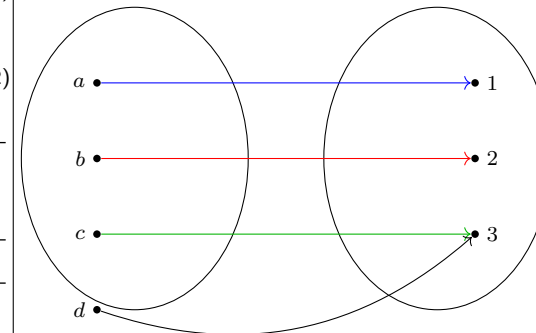
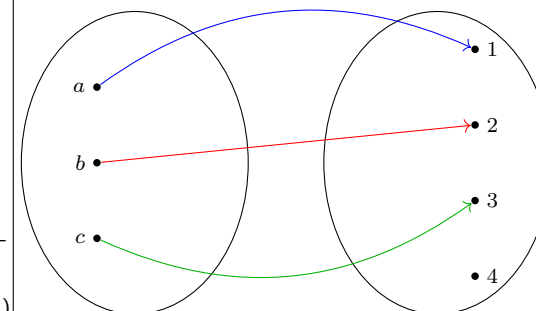
1. Homogenitätstest: $f(3 \cdot 2) \stackrel{?}{=} 2 \cdot f(3)$
 $f(6) = 6^2 = 36 \quad \text{vs.} \quad 2 \cdot 3^2 = 18 \quad \Rightarrow 36 \neq 18 (\times)$

2. Additivitätstest: $f(3) + f(4) \stackrel{?}{=} f(3+4)$
 $3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25 \quad \text{vs.} \quad 7^2 = 49 \quad \Rightarrow 25 \neq 49 (\times)$

Injektiv

Surjektiv

Bijektiv



Analysis

Polynome

Hornerschema

Polynomial example: $p(x) = 2x^3 + 3x^2 + 4x + 5$ evaluated at $x = 1$ Where factors are calculated
--

	2	3	4	5		as:	$2 \times 1 + 3 = 5$
1	·	2 ↘	5 ↘	9 ↘			$5 \times 1 + 4 = 9$
	2	5	9	14			$9 \times 1 + 5 = 14$

Nusstellen erraten
Integrale
Substitution
Normale Substitution

$$\int_a^b f(g(x))dx \quad | \quad u(x) = g(x) \quad | \quad u'(x) = g'(x) \quad | \quad du = u'(x) \cdot dx$$
$$\int_{u(a)}^{u(b)} u(x) \frac{1}{u'(x)} du \quad | \quad dx = \frac{1}{u'(x)} du \tag{21}$$

Wenn nach einer Substitution noch ein x in der Gleichung vorhanden ist, muss dieses in ein u umgewandelt werden.

$$\int \frac{e^{2x}}{1+e^2} dx \quad | \quad u = 1 + e^x \quad | \quad u' = e^x \quad | \quad du = e^x dx \Leftrightarrow du = \frac{1}{e^x}$$
$$\int \frac{e^{2x}}{u} \cdot \frac{1}{e^x} du = \int \frac{e^x}{u} du \quad | \quad u = 1 + e^x \Leftrightarrow e^x = u - 1$$
$$\int \frac{u-1}{u} du = \int \frac{u}{u} - \frac{1}{u} du = \int 1 - \frac{1}{u} du = \underline{\underline{u - \ln|u| + c}}$$

Umgekehrte Substitution (Example)

$$\int_0^1 \sqrt{1-x^2} dx \quad | \quad x = \sin u \quad | \quad x' = \cos u$$
$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{1-\sin^2 u} \cdot \cos u du \quad | \quad dx = \cos u du \Leftrightarrow du = \frac{1}{\cos u} dx$$
$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^2 u du = \left[\frac{u}{2} + \frac{\sin 2u}{4} \right]_0^{\pi/2} = \frac{\pi}{4} + 0 = \frac{\pi}{4}$$

Standardintegrale

Standard

$$\int a^x dx = \frac{a^x}{\ln x} + c \qquad \int e^x dx = e^x \tag{22}$$

$$\int x^n dx = \frac{1}{n+1} \cdot x^{n+1} + c \quad n \neq -1 \tag{23}$$

$$\int x^{-1} dx = \int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + c \tag{24}$$

Sinus

$$\int \sin x \cdot \cos x dx = \frac{1}{2} \cdot \sin^2 x + c \tag{25}$$

$$\int \sin^2 x dx = \frac{1}{2}(x - \sin x \cdot \cos x) + c \tag{26}$$

$$\int \sinh x dx = \cosh x + c \tag{27}$$

Cosinus

$$\int \frac{1}{\cos^2 x} dx = \int 1 + \tan^2 x = \tan x + c \tag{28}$$

$$\int \cosh x dx = \sinh x + c \tag{29}$$

$$\int \cot x dx = \frac{1}{\tan x} + c = \ln|\sin x| + c = \frac{\cos x}{\sin x} + c \tag{30}$$

$$\int \coth x dx = \frac{\cosh x}{\sinh x} + c \tag{31}$$

Tangents

$$\int \tan x dx = \frac{1}{\cot x} + c = -\ln|\cos x| + c = \frac{\sin x}{\cos x} + c \tag{32}$$

$$\int \tanh x dx = \frac{\sinh x}{\cosh x} + c \tag{33}$$

$$\int \frac{1}{1+x^2} dx = \arctan x \tag{34}$$

Add these derrivatives somewhere usefull

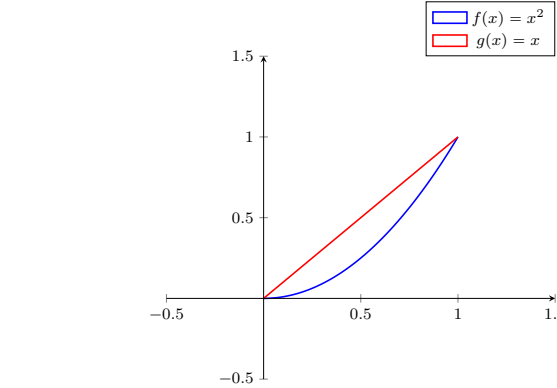
$$\frac{d}{dx} \tan x = 1 + \tan^2 x$$
$$\frac{d}{dx} \cot x = -1 - \cot^2 x \tag{36}$$

Integralfläche berechnen (analytisch)

Sobald sich Funktionen schneiden, muss das Integral aufgeteilt werden. Wenn die Fläche über/unter der X-Achse berechnet werden soll, kann diese als Funktion $g(x) = 0$ angesehen werden.

$$A = \int_a^b |f(x) - g(x)| dx \tag{37}$$

Scale Plot and make a better example



- Anleitung
- Funktionen gleich setzen, um Nullstellen zu berechnen
 - Integrale bilden
 - Berechnen

Trapezformel (Numerisch)

$$\sum_{i=1}^n \frac{h}{2} (f(x_{i-1})) + f(x_i) \tag{38}$$

- Stützstellen bestimmen und ausrechnen
- Mit Taschenrechner alle Stützstellen mittels Formel 38 zusammenrechnen

Partiale Integration

Formel

$$\int f(x) \cdot g(x) dx$$
$$\Rightarrow \sum_{k=0}^{n-1} (-1)^k \cdot f^k(x) \cdot g^{-1-k}(x) + (-1)^n \int f^n(x) \cdot g^{-n}(x) dx \tag{39}$$
$$\int f(x) \cdot g(x) dx = F(x) \cdot g(x) - \int F(x) \cdot g(x) dx \tag{40}$$

Vorzeichen	Differenzieren	Integrieren
+	$f \searrow$	$g \nearrow$
-	$f^1 \searrow$	$g^{-1} \nearrow$
+	$f^2 \searrow$	$g^{-2} \nearrow$
	$\vdots \searrow$	$\vdots \nearrow$
$(-1)^{n-1}$	$f^{n-1} \searrow$	$g^{-n+1} \nearrow$
$(-1)^n$	$f^n \searrow$	$g^{-n} \nearrow$

Volumenintegral berechnen

$$V = \pi \int_a^b f(x)^2 dx \tag{41}$$

Anleitung

1. Rotation um Y-Achse → Umkehrfunktion bestimmen
2. Mit der Formel 41 das Volumen berechnen

Schwerpunkt berechnen

$$\frac{1}{V} \pi \int_a^b x \cdot f(x)^2 \, dx$$

(42)

Anleitung

1. Integral für Fläche erstellen
2. Volumen berechnen
3. Schwerpunkt berechnen 42

Mehrfachintegrale

Satz von Fubini

$$\int_G f \, dA = \int_{y_0}^{y_E} \int_{x_0}^{x_E} f(x; y) \, dx \, dy = \int_{x_0}^{x_E} \int_{y_0}^{y_E} f(x; y) \, dy \, dx$$

(43)

Flächenintegral (Rechteck)

$$\int_G f \, dA = \int_{y_0}^{y_E} \int_{u(x)}^{v(x)} f(x; y) \, dx \, dy = \int_{x_0}^{x_E} \int_{u(y)}^{v(y)} f(x; y) \, dy \, dx$$

(44)

Flächenintegral (Dreieck)

$$\int_G f \, dA = \int_{y_0}^{y_E} \int_{x_0}^{g(x)} f(x; y) \, dx \, dy = \int_{x_0}^{x_E} \int_{y_0}^{g(y)} f(x; y) \, dy \, dx$$

(45)

Volumenintegral

$$\int_Q f \, dV = \int_{y_0}^{y_E} \int_{x_0}^{x_E} \int_{z_0}^{z_E} f(x; y; z) \, dx \, dy \, dz$$

(46)

Komplexe Zahlen

Imaginäre Zahlen

Konjugierte

Multiplikation

Division

Koordinaten

Kartesische Koordinaten

Ein System, das Punkte durch (x, y) beschreibt

Polarkoordinaten

Punkte werden durch den Abstand r und den Winkel φ dargestellt: (r, φ)

Polarkoordinaten - Komplexe Representation

$\text{cis } \varphi = \cos \varphi + i \cdot \sin \varphi$

Komplexe Zahlen: $z = r \cdot \text{cis } \varphi$

Exponential Koordinaten

Verwendung der Euler'schen Formel: $z = r e^{i \varphi}$

$$x = r \cdot \cos \phi \quad | \quad y = r \cdot \sin \phi$$

(47)

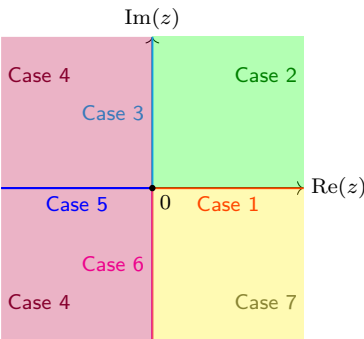
$$\varphi = \arctan \frac{x}{y}$$

(48)

$$z = r e^{i \varphi} = x + i y = r \cdot \text{cis } \varphi$$

(49)

$$\arg(z) = \begin{cases} 0 & \text{if } \operatorname{Re}(z) \geq 0 \wedge \operatorname{Im}(z) = 0 & | & \text{CASE 1} \\ \arctan \left(\frac{\operatorname{Im}(z)}{\operatorname{Re}(z)} \right) & \text{if } \operatorname{Re}(z) > 0 \wedge \operatorname{Im}(z) > 0 & | & \text{CASE 2} \\ \frac{\pi}{2} & \text{if } \operatorname{Re}(z) = 0 \wedge \operatorname{Im}(z) > 0 & | & \text{CASE 3} \\ \arctan \left(\frac{\operatorname{Im}(z)}{\operatorname{Re}(z)} \right) + \pi & \text{if } \operatorname{Re}(z) < 0 & | & \text{CASE 4} \\ \pi & \text{if } \operatorname{Re}(z) < 0 \wedge \operatorname{Im}(z) = 0 & | & \text{CASE 5} \\ \frac{3\pi}{2} & \text{if } \operatorname{Re}(z) = 0 \wedge \operatorname{Im}(z) < 0 & | & \text{CASE 6} \\ \arctan \left(\frac{\operatorname{Im}(z)}{\operatorname{Re}(z)} \right) + 2\pi & \text{if } \operatorname{Re}(z) > 0 \wedge \operatorname{Im}(z) < 0 & | & \text{CASE 7} \end{cases}$$



Koordinaten Wechsel

Kartesisch ⇒ Polar

$$z = |\operatorname{Re}\{z\} + \operatorname{Im}\{z\}| \cdot \text{cis}(\arg(z))$$

(50)

1. Betrag von $|\operatorname{Re}\{z\} + \operatorname{Im}\{z\}|$ berechnen mittels $\sqrt{\operatorname{Re}^2 z + \operatorname{Im}^2 z}$
2. Bestimmen in welchem Quadrant die Zahl liegt
3. Taschenrechner mit RAD Modus
 $\frac{\text{CASE}}{\pi} \Rightarrow$ Winkel in $\pi = \varphi$
4. $|z| \cdot \text{cis } \varphi$

Polar ⇒ Kartesisch

Lineare Algebra

Vektoranalysis

Begriffe

- Skalarfeld: Definiert was an jedem Punkt im Raum gemessen wird
- Levelmengen: Zeigen wo dieses Feld einen bestimmten Wert hat
- Gradientenfeld: Beschreibt, wie und wohin sich der Wert des Skalarfelds ändert

Levelmengen

$$f^{-1}(\{L\}) = \{p \in A | f(p) = L\}$$

(51)

Vektorfelder

$$\text{Einheitsvektorfeld: } \vec{v}(p) = \hat{v}(p)$$

(52)

$$\text{Homogenes Vektorfeld: } \vec{v}(p) = \vec{w}$$

(53)

Normalenvektor / Einheitsnormalenvektor

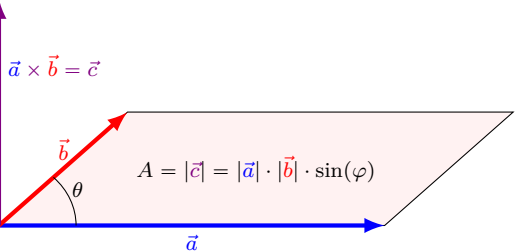
$$\vec{n} := \vec{e}_u \times \vec{e}_v$$

(54)

$$\hat{n} = \pm \frac{1}{|\vec{n}|} \cdot \vec{n}$$

(55)

Kreuzprodukt



Parameterisierte Kurve

$$s : [\tau_0, \tau_E] \Rightarrow \mathbb{R}^n$$

$$\tau \mapsto \vec{s}(\tau) := \begin{bmatrix} s_1(\tau) \\ s_2(\tau) \\ \vdots \\ s_n(\tau) \end{bmatrix}$$

(56)

- Geschwindigkeitsvektor: $\vec{v}(\tau) := \dot{s}(\tau)$
- Bahngeschwindigkeit: $\vec{v}(\tau) := |\vec{v}(\tau)|$
- Bahnvektor für $\vec{v}(\tau) \neq 0$: $\hat{e}(\tau) := \hat{v}(\tau)$
- Beschleunigungsvektor: $\vec{a}(\tau) := \dot{v}(\tau)$
- Bahnbeschleunigung: $a_B(\tau) := \langle a(\tau), \hat{e}(\tau) \rangle$
- Bahn: $B := \vec{s}([\tau_0, \tau_E])$
- Ortsvektor zeigt von Ursprung auf Punkt der Bahn

Standardkurven

Kreis mit Mittelpunkt M

$$s(\tau) = M + \begin{bmatrix} R \cdot \cos \tau \\ R \cdot \sin \tau \end{bmatrix}$$

(57)

Kegel

Zylinder

$$P(\varphi; z) = \begin{bmatrix} R \cdot \cos \varphi \\ R \cdot \sin \varphi \\ z \end{bmatrix}$$

(58)

$$\varphi \in [0, 2\pi[; z \in [0, H]$$

Kugel

$$P(\theta; \varphi) = \begin{bmatrix} R \cdot \sin \theta \cdot \cos \varphi \\ R \cdot \sin \theta \cdot \sin \varphi \\ R \cdot \cos \theta \end{bmatrix}$$

(59)

$$\theta \in [0, \pi[; \varphi \in [0, 2\pi[$$

$$P(\varphi; r) = \begin{bmatrix} r \cdot \cos \varphi \\ r \cdot \sin \varphi \\ \frac{H}{R} \cdot r \end{bmatrix}$$

(60)

$$\varphi \in [0, 2\pi[; r \in [0, R]$$

Turnus

$$P(\theta; \varphi) = \begin{bmatrix} (R + r \cdot \sin \theta) \cdot \cos \varphi \\ (R + r \cdot \sin \theta) \cdot \sin \varphi \\ r \cdot \cos \theta \end{bmatrix}$$

(61)

$$\theta, \varphi \in [0, 2\pi[$$

R = Radius | r = Variable

Bogenlänge

$$\Delta s := \int_{\tau_0}^{\tau_E} v(\tau) \, d\tau \tag{62}$$

Linienintegral

$$I := \int_{\tau_0}^{\tau_E} \langle \vec{w}, \vec{v} \rangle \, d\tau = \int_{s_0}^{s_E} \langle \vec{w}, \hat{e} \rangle \, ds \tag{63}$$

- Vektorfeld \vec{w}
- Geschwindigkeitsvektor Parameterisierte Kurve: \vec{v}
- Sei $\langle \vec{w}, \hat{e} \rangle =: C \equiv \text{konst}$ dann gilt: $I = C \cdot \Delta s$

Gradient

$$\nabla f := \begin{bmatrix} f_{,1} \\ f_{,2} \\ \vdots \\ f_{,n} \end{bmatrix} \tag{64}$$

- Faktor-Regel: $\nabla(a \cdot g(x)) = a \cdot \nabla g(x)$
- Summen-Regel: $\nabla(g(x) + h(x)) = \nabla g(x) + \nabla h(x)$
- Linearität: $\nabla(a \cdot g(x) + b \cdot h(x)) = a \cdot \nabla g(x) + b \cdot \nabla h(x)$
- Produkt-Regel:
 $\nabla(g(x) \cdot h(x)) = \nabla g(x) \cdot h(x) + g(x) \cdot \nabla h(x)$
- Ketten-Regel $\mathbb{R} \Rightarrow \mathbb{R}$: $\nabla f = g'(h(x^1; \dots; x^n)) \cdot \nabla h(x)$
- Ketten-Regel $\mathbb{R}^n \Rightarrow \mathbb{R}$: $f'(x) = \langle \nabla g(\vec{h}(x)), \vec{h}'(x) \rangle$

Divergenz

$$\nabla \cdot \vec{v} = v_{,1}^1 + v_{,2}^2 + \dots + v_{,n}^n \tag{65}$$

- Quelle: $\nabla \cdot \vec{v} > 0$
- Senke: $\nabla \cdot \vec{v} < 0$
- Quellenfrei: $\nabla \cdot \vec{v} = 0$
- Faktor-Regel: $\nabla \cdot \vec{v} > 0$
- Summen-Regel: $\nabla \cdot \vec{v} + \vec{w} = \nabla \cdot \vec{v} + \nabla \cdot \vec{w}$
- Produkt-Regel: $\nabla \cdot f \cdot \vec{v} = \langle \nabla f, \vec{v} \rangle + f \cdot \text{div} \nabla \cdot \vec{v}$

Beispiel

$$\vec{v}(x, y, z) = \begin{pmatrix} 3xz - 4e^{2z} \\ 2z + 2xe^{-4y} \\ 3xy^2z \end{pmatrix}$$
$$\text{div} \, \vec{v} = \vec{\nabla} \circ \vec{v}$$

1. Gradient berechnen :
 $\frac{\partial v_x}{\partial x} = 3z$
 $\frac{\partial v_x}{\partial y} = -4 \cdot 4x \cdot e^{-4y}$
 $\frac{\partial v_z}{\partial z} = 3xy^2$

2. Divergenz Gleichung aufstellen
 $\text{div} \, \vec{v} = \vec{\nabla} \circ \vec{v}$
 $= \sum_{i=x}^z \partial_i v_i = 3z - 16x \cdot e^{-4y} + 3xy^2$

3. Punkt in Gleichung einsetzen und Divergenz bestimmen
 $P(x_P|y_P|z_P)$

Rotation

Rotation in 3D

Rotation

$$\text{rot} \, \vec{v} = \vec{v}_{,1}^1 - \vec{v}_{,2}^1 \tag{66}$$
$$\text{rot} \, v = \begin{bmatrix} v_{,2}^3 - v_{,3}^2 \\ v_{,3}^1 - v_{,1}^3 \\ v_{,1}^2 - v_{,2}^1 \end{bmatrix} \tag{67}$$

Tangentialebene

$$z = f(x_0; y_0) + \nabla f_x(x_0; y_0) \cdot (x - x_0) + \nabla f_y(x_0; y_0) \cdot (y - y_0) \tag{68}$$
$$\vec{n} = \begin{pmatrix} f_x(x_0; y_0) \\ f_y(x_0; y_0) \\ -z \end{pmatrix} \tag{69}$$

69 Normalenvektor, welcher senkrecht auf der Tangentialebene steht

Beispiel

$$f(x, y) = x^3 + x^2 \cdot \ln y^2 + 1 - 3x$$
$$\nabla f(x, y) = \begin{matrix} 3x^2 - 2x \cdot \ln y^2 + 1 - 3 \\ -\frac{2x^2 y}{y^2 + 1} \end{matrix}$$
$$f(3; 1) = 27 - 9 \cdot \ln 2 - 9 = 18 - 9 \cdot \ln 2$$
$$\nabla f_x(3; 1) = 27 - 6 \ln 2 - 3 = 24 - 6 \ln 2$$
$$\nabla f_y(3; 1) = -9 - 45 + 9 \ln 2 - 6x \ln 2 + 24x - 9y$$

Totales Differential

Hessematrix

$$H = \nabla^2 f = \begin{bmatrix} f_{,1,1} & f_{,1,2} & \cdots & f_{,1,n} \\ f_{,2,1} & f_{,2,2} & \cdots & f_{,2,n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ f_{,n,1} & f_{,n,2} & \cdots & f_{,n,n} \end{bmatrix} \tag{70}$$

Schwarz-Clairaut-Young-Satz

$$H = H^T \tag{71}$$

Extremwertstellen

Matrizen

Begriffe

- Kern: $A \cdot \text{Kern} = \vec{0}$
- Spektrum: Menge der Eigenvektoren
- Spur: Diagonale addiert

Standardmatrizen

$$\mathbb{I} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \tag{72}$$
$$\mathbb{R}_\alpha = \begin{pmatrix} \cos \varphi & -\sin \varphi \\ \sin \varphi & \cos \varphi \end{pmatrix} \tag{74}$$

$$\mathbb{P} = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} \tag{73}$$
$$\mathbb{R}_{-\alpha} = \begin{pmatrix} \cos \varphi & \sin \varphi \\ -\sin \varphi & \cos \varphi \end{pmatrix} \tag{75}$$

Spaltenvektorkonstruktionsverfahren

- noch nicht fertig Transformationsmatrix erklärung fehlt noch
1. Vektoren definieren (Einheitsvektoren)
 2. Gleichung aufstellen S_{xy}
 3. Erhaltene Vektoren zusammenbauen
 4. Determinante berechnen

Determinante

2x2 Matrizen

$$\det \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} = (a \cdot d) - (c \cdot b) \tag{76}$$

3x3 Matrizen

$$\det \begin{pmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{pmatrix} = (a \cdot e \cdot i) + (b \cdot f \cdot g) + (c \cdot d \cdot h) - (g \cdot e \cdot c) - (h \cdot f \cdot a) - (i \cdot d \cdot b) \tag{77}$$

4x4 Matrizen / nxn Matrix

$$\begin{pmatrix} a^+ & b^- & c^+ & d^- \\ e^- & f^+ & g^- & h^+ \\ i^+ & j^- & k^+ & l^- \\ m^- & n^+ & o^- & p^+ \end{pmatrix} = A$$

1. Spalte/Reihe mit den meisten Nullen auswählen
2. Die Vorfaktoren der Spalten/Reihenwerte mit der Vorzeichenmatrix (+, -) bestimmen
3. test

Inverse berechnen mittels Adjunkter Matrix

1. Determinante berechnen

Eigenwerte

Spur

Alle Einträge der Matrix auf der Diagonalen summiert. Aussagefähigkeit:

- $\text{trace}(A) = \sum_0^n \lambda_n$