Assignment 4 ADT

Assignment 4 ADT

```
1. 自然数前驱
  题目描述
  输入输出格式
  数据范围
2. 洪水
  题目描述
  输入输出格式
  数据范围
  提示
3. ASM虚拟机
  栈机器
    计算模型
     语言
     程序执行
     示例: factorial
  错误处理
  输入输出格式
  数据范围
  提示
提交格式
```

本次作业中建议大家使用 StanfordCppLib 中的ADT,关于如何使用 StanfordCppLib 在配置的文档中已经有详细说明,接口的使用方法大家可以通过到StanfordCppLib进行搜索。

judger 的使用方法与上次作业相同,但这次如果你要使用 StanfordCppLib,那么需要将编译StanfordCppLib产生的cs1604文件夹的**绝对路径**复制到 source/cs1604.txt 下(需要自己创建),以让 judger 成功编译你的程序。

详细可参考canvas上第三次作业的教程,注意这次不需要给judger提供--cs1604 选项(第3点),judger会根据你 source 目录下是否有 cs1604.txt 来决定是否引入StanfordCppLib。提交的时候,如果使用了StanfordCppLib,那么在你提交的文件夹的目录下需要有 cs1604.txt 这个文件。

1. 自然数前驱

课上我们讲了如何使用 vector 实现一个任意长度的自然数并实现了它的后继函数 succ ,即加一函数。在本题中你需要实现一个任意长度自然数的前驱 predecessor ,也就是减一函数,并使用这个函数实现一个自然数相减的功能。

题目描述

给定任意长度的自然数 n,它的前缀函数 pred 的数学定义如下:

- pred(n) = n 1 (n > 0)
- pred(n) = 0 (n == 0)

有了 pred 的定义后,我们可以定义一种简单的自然数相减函数 sub(n,m) ,即调用 m 次 pred(n) ,计算结果是自然数意义下的 n-m 的值,注意如果 n < m ,计算的结果为 0 (根据 pred 的定义)。

输入输出格式

在本题中,我们程序会输入两串数字序列分别代表上面的 n, m, 你需要输出自然数意义下 n-m 的值,例如:

输入

输出

9999999999999999999999999999

需要注意的是,代表 n 的数字序列可能会超出 c++ 中整型的表示范围,所以你应该用 string 来接收 n 并转换成 vector ,另外你需要忽略输入的数字中开头连续的 0

为了降低计算的复杂度, 我们控制 m 的范围为 [0,10000]

数据范围

对于100%的数据, 0<length(n)<200, 0<=m<=10000

2. 洪水

在本题中,会给你一个带有海拔数据的"地形图",并给出洪水的高度,让你确定最终被淹没的陆地面积。你需要利用合适的 ADT 去表示海拔和泛洪的过程。

题目描述

我们的海拔地图可以用一个二维向量或者说网格(Grid)来表示,其中每个点的值表示这个地方的海拔,用整数表示。如下图所示:

0	1	2	3	4	2	1
1		3		5	4	
3	4	5	6	6	5	4
2				5	3	2
1	2	4	5	3	2	1
0	1	2	3	1	1	1
0	0	1	2			1

我们假设有一个或多个洪水的源头,并且我们知道它的高度(洪水的高度固定),洪水只会朝四个方向(↑↓←→)进行扩散,而且扩散只会往比洪水海拔**低或相等**的方向。如下图所示,纵向表示不同洪水高度导致最后被淹没的面积,横向是不同的地形图,其中洪水的源头为左上角(0,0)。需要注意的是源头可能**不止一个**,源头的位置可能是网格中的任意一个点,但是保证每个源头的水位高度一样。

Water source at top-left corner

			T
	0 1 2 3 4 3	2 1	-1004001 0123456
Height: 0m		4 2	0 0 4 0 -1 -1 0 0 1 2 3 4 5 5
		5 4	0 4 0 0 0 0 0 0 0 1 2 3 3 4 4
		3 2	40-1-1003 0012333
		2 1	0-1-2-1030 0011222
	\rightarrow	1 1	0 0 - 1 0 3 0 0 - 1 - 1 0 0 1 1 1
		1 1	
		T T	0 0 0 3 0 0 - 1 - 2 - 1 0 0 0 0 0
	0 1 2 3 4 3	2 1	-1004001 0123456
		4 2	0 0 4 0 -1 -1 0 0 1 2 3 4 5 5
		5 4	0 4 0 0 0 0 0 0 1 2 3 3 4 4
Height: 1m		3 2	40-1-1003 0012333
Height. IIII		2 1	0-1-2-1030 00112222
		1 1	
	1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -	_	
	0 0 1 2 1	1 1	0 0 0 3 0 0 -1 -2 -1 0 0 0 0 0
	0 1 2 3 4 3	2 1	-1004001 0123456
Height: 2m		4 2	0 0 4 0 -1 -1 0 0 1 2 3 4 5 5
		5 4	0 4 0 0 0 0 0 0 1 2 3 3 4 4
		3 2	4 0 -1 -1 0 0 3 0 0 1 2 3 3 3
		_	
		1 1	0 0 -1 0 3 0 0 -1 -1 0 0 1 1 1
	0 0 1 2 1 :	1 1	0 0 0 3 0 0 -1 -2 -1 0 0 0 0 0

你的任务是计算出**被淹没的陆地面积**,即图中蓝色的部分,每一块蓝色的区域面积算 1 ,所以你实现中的核心函数可能类似于下面的形式

```
int flooded
Area (const Grid<int>& terrain, const Vector<pair<int,int>>& sources, int height)
```

其中 terrain 为海拔网格,sources 为洪水的源头,其中每个元素是一个点的坐标,height 是洪水的高度。

我们在这里使用 pair < int , int > 类型来表示一个点对(当然你可以使用其他方法表示点对,比如说 vector < int >)。如果 p 是一个点对,那么它的两个点的坐标可以通过 p . first 和 p . second来获取,详细可以参考C++中pair的用法。下面是一些基本的初始化方法

```
typedef pair<int,int> point;
...
point p1(1,1);
point p2;
p2.first=2;
p2.second=2;
```

输入输出格式

输入的第一行为 n m k h 表示地图为 n 行 m 列,有k个源头,洪水高度为 h

接下来k行输入k个源头的坐标 xi yi

接下来输入地图,每个值表示对应点的海拔高度

```
7 7 1 2
0 0
0 1 2 3 4 2 1
1 2 3 4 5 4 2
3 4 5 6 6 5 4
2 3 5 7 5 3 2
1 2 4 5 3 2 1
0 1 2 3 1 1 1
0 0 1 2 1 1 1
```

输出为被淹没的面积大小,上面例子的输出结果为

```
5
```

我们保证输入数据合法

数据范围

对于80%的数据, 0<n<10, 0<m<10, 0<k<5

对于100%的数据,0<n<1000,0<m<1000,0<k<5

提示

你要实现的算法是如何模拟洪水扩散的过程,图算法**广度优先搜索(Breath First Search)**可以很好地解决这一个问题,这个算法可以用 queue 来实现。在本题中,用队列中的元素表示洪水已经扩散到的点,把队首元素出队,并判断它四周的点是否会被淹没,若会被淹没,则加入队尾。伪代码如下:

```
create an empty queue;
for (each water source at or below the water level) {
    flood that square;
    add that square to the queue;
}
while (the queue is not empty) {
```

```
dequeue a position from the front of the queue;
for (each square adjacent to the position in a cardinal direction) {
    if (that square is at or below the water level and isn't yet flooded) {
        flood that square;
        add that square to the queue;
    }
}
```

3. ASM虚拟机

在这次作业中,你将会实现一个简单的"ASM"语言(Assembly)的虚拟机。虚拟机也是一个计算机程序,它的功能如名所示就是模拟真实的计算机系统,而在这次作业中要实现的虚拟机功能是模拟一段程序的执行,不过这个程序不是用C, Java, 和Python等语言写的,而是用一个更加简单,更加接近计算机底层的语言——"ASM"

我们要实现的虚拟机的核心部件正是大家学过的 Stack ,一般基于栈的虚拟机称为**Stack Machine**(wiki),实际中Stack Machine的例子有Java虚拟机JVM(wiki),运行web应用的 WebAssembly(wiki)和Python的字节码解释器CPython(wiki)等。

除此之外,另一种常见的计算模型是**Register Machine**(<u>wiki)</u>,它是一种更加符合现代计算机体系结构的模型。

栈机器

我们的虚拟机通过输入一段程序,对这段程序进行解析,并模拟运行,最终输出结果。

Stack Machine的核心是如何根据输入的程序进行计算(计算模型)。

计算模型

Stack Machine的计算模型包含三部分:

- A program counter(pc): 指向现在执行的语句, 值为整数, 从0开始
- A state: 存储变量到其值的映射,变量的类型是 string , 值的类型是 int
- An evaluation stack: 存储操作数,操作数都是 int 类型
- Language: 该栈机器的执行语言

语言

我们的机器输入的是一个小型的程序语言"ASM",它是一种更接近计算机底层的语言,也可以称为指令。

具体我们要实现的语言有:

- Add:将栈顶两个元素出栈,两者相加,并将结果放入栈顶
- Sub:将栈顶两个元素出栈,第二个出栈的元素减去第一个出栈的元素,并将结果放入栈顶
- Mul: 乘法,与Add类似
- Div:整数除法,与 Sub 类似
- Setvar x: 将栈顶元素a出栈,并更新state将变量x映射到a, 其中x是一个类型为string的变量名
- Var x:将state中变量x的值放入栈顶
- Jmp n: 跳转到pc=n处
- JmpEq n:将栈顶两个元素出栈,若两者相等,则跳转到pc=n处
- JmpGt n:将栈顶两个元素出栈,若第二个出栈的元素大于第一个出栈的元素,则跳转到pc=n处
- JmpLt n:小于关系,执行方式与 JmpGt 类似
- Const n: 将整数n放入栈顶
- Print x:打印变量x的值并换行
- Halt:程序结束

程序执行

从pc=0开始,程序每一步会读取当前 pc 所指向的指令,并执行指令,每执行一条非跳转(不是 Jmp 类型)指令,pc=pc+1。若遇到 Jmp n, JmpEq n, JmpGt n, JmpLt n 这类的指令,则根据执行结果选择是否跳转到 pc=n 处,如果不跳转,则 pc=pc+1。更新 pc 后重复这一过程,直到遇到 pc 指向 Halt 或者程序运行错误。

程序的执行伴随着**stack**和**state**的变化,在你实现Stack Machine的程序中,应该使用两个**ADT**来分别表示它们。

程序结果的正确性通过 Print x 指令的输出以及错误的处理来判断,我们的测试会比较你的输出与正确的输出。

示例: factorial

计算10的阶乘,输入的第一行代表指令的数量。

Input

这里为了解释的方便起见把指令所在的位置标出来,实际输入中不会有这些值。

```
18
0: Const 10
1: SetVar z
2: Const 1
3: SetVar y
4: Var z
5: Const 0
6: JmpEq 16
7: Var y
8: Var z
9: Mul
10: SetVar y
11: Var z
12: Const 1
13: Sub
14: SetVar z
15: Jmp 4
16: Print y
17: Halt
```

Output

```
3628800
```

其对应的C++代码为, 注释中标出每条语句对应输入的哪些指令

```
//C++ like language
//Every statement correspond to serval commands
z = 10; //pc from 0 to 1
y = 1; //pc from 2 to 3
while(z != 0) { //pc from 4 to 6
        y = y * z; // pc from 7 to 10
        z = z - 1; // pc from 11 to 14
} // pc 15
cout<<y<<endl; // pc 16</pre>
```

其中 pc=4 到 pc=6 是判断 z 的值是否为 0 ,如果是,则跳转到 pc=16 输出阶乘的结果,不是则进入循环。 pc=15 是执行完循环体并跳回到循环条件判断语句,也就是 pc=4

错误处理

用这个语言写的程序并不保证安全,它有可能出现各种各样的错误,比如说除零错误,跳转越界,操作数不足以及输出未定义变量,我们需要你在出现这些错误时,输出 Error 并终止程序(在碰到这个错误前你有可能已经输出了一些数据)

输入输出格式

我们保证输入格式都是合法的

Input format

```
n: number of commands
line 1: command 0
line 2: command 1
...
line n: command n-1
```

Output

对于运行中遇到的 Print x 指令都要输出一行数据或者在运行错误时输出 Error 并终止程序

数据范围

对于100%的数据, 0<n<100

提示

- 关于指令的读取,这里推荐一种方法: 你可以通过 getline 方法读取一行指令,比如 "Const 10"。接下来你需要将它分解(split),根据中间的空格来将指令分成一个个的 token,这里的 token 分别为 "Const","10",然后将之存储到 vector 中。关于如何根据空格来分解 string,这里贴出网上提供的解决方法How do literate over the words of a string?
- 关于如何将数字 string 转换为 int , 可以使用 stoi(str) 函数

```
string str = "10";
int a = stoi(str);
```

提交格式

你提交的文件结构应该类似如下形式:

```
<your student number>.zip
|- 1_nat_pred
| |- main.cpp
|
|- 2_flooding
| |- main.cpp
|
|- 3_asm_vm
| |- main.cpp
|
|- cs1604.txt (include it if you use StanfordCppLib)
```