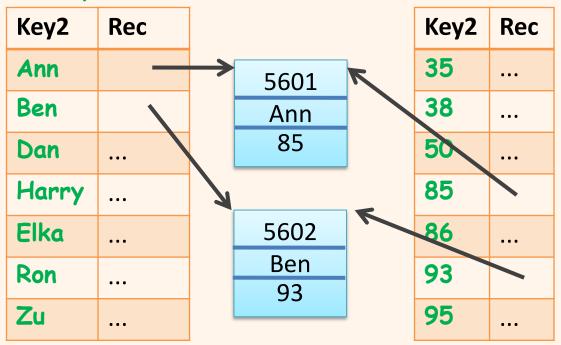


Searching Terminology

- Search, Record, Table/File
- Key
 - Internal Key(Embedded Key)

5601	5602	5603	•••	•••
Ann	Ben	Dan	•••	•••
85	93	50	•••	•••
record table/file				

- External Key



- Successful Search/Unsuccessful Search
- Internal Search / External Search

Searching

Search Unordered Table

- Sentinel Search
- Move to Front
- Transposition

Search Ordered Table

Array	List & Tree Search
- Sequential Search (Linear Search)	- Sequential Search (Linear Search)
- Binary Search	-Binary Search Tree

- Hashing

- Heap

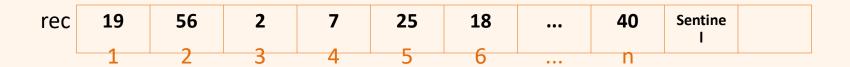
Searching Unorder List

```
rec 19 56 2 7 25 18 ... 40 1 2 3 4 5 6 ... n pos
```

```
found = false; //Typical version
i= 1;
loop (i<=n) and (not found)
  if (key == rec[i].key) {
    foundIndex = i;
    found = true;
    else
        i= i +1;
    end if
end loop</pre>
```

```
pos = n+1; //More efficient version
i = 1;
loop (i<>pos)
  if (key == rec[i].key)
    pos = i;
  else
    i = i+1;
  end if
endloop
if (i<=n)
  search = i;
else
  search = 0;
end if
```

Sentinel Search

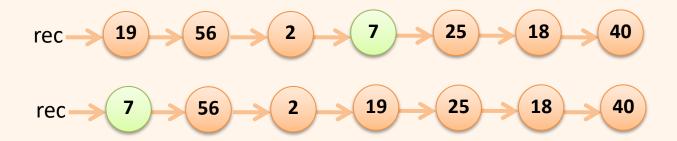


```
rec[n+1] = key;  //adding sentinel
i = 1;
loop (key <>rec[i].key)
        i = i+1;
end loop
if (i<=n)
        search = i;
else
        search = 0;
end if</pre>
```

```
O(n)
Best Case 1
Worst Case n
Avg Case (n+1)/2
```



Move to Front Heuristic



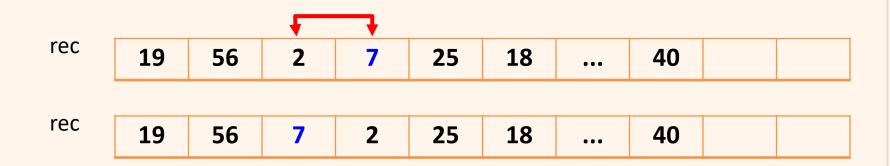
Move to Front

- แต่ละครั้งที่ search พบ ให้เลื่อน record นั้นขึ้นไปอยู่หน้าสุดของ list (ต้องเป็น linked list version)
- แนวคิด : ของอะไรที่ใช้แล้วมีแนวโน้มที่น่าจะถูกใช้อีกจึงเอามาไว้ข้างหน้า

A heuristic is a mental shortcut that allows people to quickly make judgments and solve problems. These mental shortcuts are typically informed by our past experiences and allow us to act quickly. However, heuristics are really more of a rule-of-thumb; they don't always guarantee a correct solution.



Transposition Heuristic



Transposition

- แต่ละครั้งที่ search พบ ให้สลับ record ที่ search พบขึ้นมาข้างหน้า 1 ตำแหน่ง
- แนวคิด : การใช้ครั้งเดียวไม่ได้แปลว่าจะใช้อีกครั้งหนึ่งเสมอไป แต่การสลับแบบนี้ หากใช้มากๆ ก็จะเลื่อนขึ้นมาอยู่ข้างหน้าเอง

Searching Unordered Table

• Sentinel Search rec 19 56 2 7 25 18 ... 40 Sentinel



Move to Front





Transposition



Searching

Search Unordered Table

- Sentinel Search
- Move to Front
- Transposition

Search Ordered Table

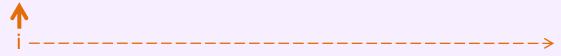
Array	List & Tree Search
- Sequential Search (Linear Search)	- Sequential Search (Linear Search)
- Binary Search	-Binary Search Tree

- Hashing

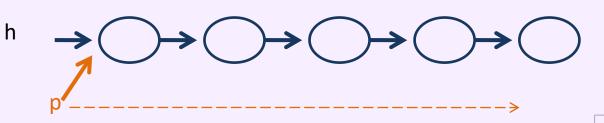
- Heap

Sequential Search (Linear Search)









O(n)
Best Case 1
Worst Case n
Avg Case (n+1)/2

Searching

Search Unordered Table

- Sentinel Search
- Move to Front
- Transposition

Search Ordered Table

Array	List & Tree Search	
- Sequential Search (Linear Search)	- Sequential Search (Linear Search)	
- Binary Search	-Binary Tree Search	

- Hashing

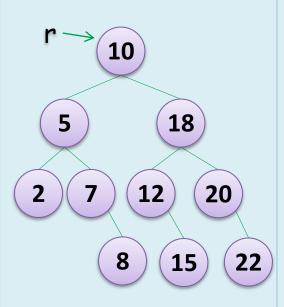
- Heap

Binary (Tree) Search



binarySearch

low = 1, high = dataSize loop (low <= high)</pre> mid = (low + high)/2if(a[mid] < target)</pre> low = mid + 1else if(a[mid] > x) high = mid - 1else low = hight + 1end if end loop if (target == a[mid] return mid else return -1 end if





binarySearch

p = q = root

```
loop (p is not null)
  if( target < p(data))</pre>
      p = p - |
  else if (target > p(data))
      p = p->right;
  else
        q = p
        p = null
  end if
end loop
if (target == q->data
  return q
else return null
end if
```

Hashing concepts



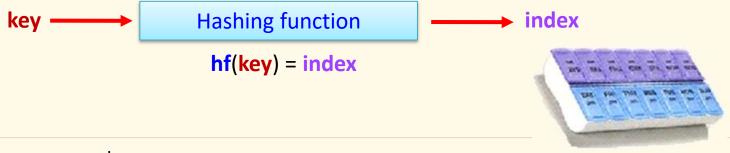
- 1. searches ก่อนๆ นี้ต้องเช็คเทียบหลายครั้งจึงพบหรือพบว่าไม่มี การเช็คเทียบแต่ละครั้ง เรียก probe
- 2. ความต้องการของ hashing :
 - ทำอย่างไรเราจะหาของได้ใน 1 probe ?



เราต้องรู้ว่ามันอยู่ที่ไหน → เก็บอย่างมีหลักการณ์

Hasing Function

ตัวตนของแต่ละ record อยู่ที่ใหน ?
 อยู่ที่ key ของมัน ดังนั้นต้อง
 โยง key เข้ากับ ที่เก็บ (array index)



- การโยง key ให้เป็นที่เก็บเรียก hashing algorithm ฟังก์ชั่นที่ใช้เรียกว่า hashing function เรา hash key ไปสู่ index
- Array ที่เก็บ records เรียก hash table.

Mapping Techniques

Subtraction

ถ้าทุก id นำหน้าด้วย 54011

$$hf(key) = key-54 01 1000$$

 $hf(54\ 01\ 1004) = 4$

hf(54 01 1037) = 37

hf(54 01 1576) = 576

Extraction

เอาแค่บางส่วนของ key

54 01 1576 -> 4156

Summation, Division, ...

- Folding.

- แบ่ง key เป็นส่วนๆ
- summation(/subtraction/...) ส่วนนั้นๆ

54091576

= 540 **+915+7**6

= 1531

= 531 //array size = 1000

- Modulo เพื่อให้อยู่ใน range
- Midsquare

key² หรือ part_of_key²

เอาตรงกลางมา

54011576 -> 576*576

= 331776 -> 177

Mapping String 1 - 2

Mapping String 1

string → sum all ASCII chars →int

Mapping String 2

string → (k[0] + 27 k[1] + 27² k[2]) → int

% Tablesize

HashString1

k = address of first char
HashVal = 0;
loop (*k != null)
HashVal += *k++
endloop

HashString2

• ปัญหา: table ใหญ่ 10,000 => กระจาย distribute ไม่ดี

return HashVal mod TableSize

• ASCII 0-127, 8 chars =>

127*8 =>[0-1,016]

ถ้าคิด 26 ตัวไม่นับ blank คิดเฉพาะ 3 chars แรก ==> 17,576 combinations ==> แต่จริง ๆ แล้ว Eng. ไม่ random ดูตาม dic. ได้ 2,851 combinations = 28% (ของ 10,000) ดังนั้น table ใหญ่ ใช้ไม่เต็ม กระจายไม่ดี

Mapping String 3 Horner's rule: Polynomial of 32

string
$$\rightarrow$$
 (32⁴ k[0]+32³k[1]+32²k[2]+32k[3]+k[4]) \rightarrow int

Horner's rule: Polynomial of 32

k = address of first char
loop (*k != null)
 hv += (hv<<5) + *k++
end loop
hv = hv % Tablesize
return hv</pre>

$$\sum_{i=0}^{keysize^{-1}} k[keysize-i-1] + 32^{i}$$

Mapping String 3

Horner's rule: Polynomial of 32

Mapping String

- string ยาวๆ ใช้เวลามาก ==> truncation
- 438 Washington NY
 - = 438WaNY

map -> array range

Collission, Synonym

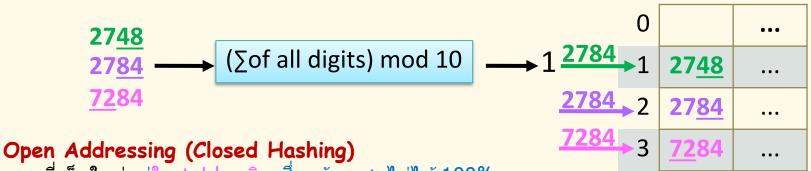
Collission เกิดเมื่อ hash แล้วได้ index ที่มีของอยู่แล้ว เช่น

- insert 2748 hash(2748) = 1 ว่าง ใส่ใน slot 1
- ,, 27<u>84</u> hash(27<u>84</u>) = 1 ไม่ว่าง collission ชน กับ 2748 ต้องหาที่เก็บใหม่ให้



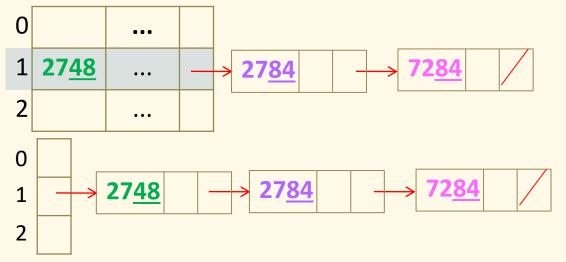
- Open Addressing (Closed Hashing) ที่เก็บใหม่อยู่ใน table เดิม ซึ่งแก้การชน<u>ไม่ได้</u> 100%
- Seperate Chainning ที่เก็บใหม่อยู่นอก table เดิม แก้การชนได้ 100%

Collission Resolutions



ที่เก็บใหม่อยู่ใน table เดิม ซึ่งแก้การชน<u>ไม่ได้</u> 100% เช่น2784 ชนกับ 2748 จึงหาที่ใหม่ให้ ในตัวอย่าง - ให้อยู่ถัดมา 1 ช่อง วิธีนี้เรียกว่า Linear Probing

Seperate Chaining ที่เก็บใหม่อยู่นอก table เดิม แก้การชนได้ 100%



นอกจาก <u>sorted(นิยม)</u> linked list อาจใช้โครงสร้างอื่นได้ เช่น

binary search tree hash table

Good Hashing Function, Load Factor

Hashing Function ที่ดี

- อยู่ใน index range
 ==> mod tablesize
 ==> table size ควรเป็น prime.
- คำนวณ ง่าย รวดเร็ว
- กระจายดี กระจายทั่วถึง
- collision น้อย
- การคำนวณที่ใช้ทั้ง key แทนได้ดีกว่าที่ใช้บางส่วน

Collision การชนกัน

Collision (การชน) เกิดขึ้นเมื่อ hash ได้ index ที่มีของอยู่แล้ว จึงต้องหาที่เก็บใหม่ให้ มีทางแก้ 2 วิธี

1. Seperate Chaining

ที่เก็บใหม่อยู่นอก table เดิม แก้การชนได้ 100%

2. Open Addressing

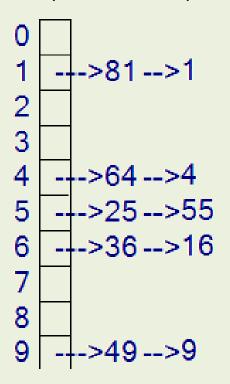
ที่เก็บใหม่อยู่ใน table เดิม ซึ่งแก้การชน<u>ไม่ได้</u> 100%

Seperate Chaining ที่เก็บใหม่อยู่นอก table เดิม แก้การชนได้ 100%

Seperate Chaining (cont.)

- Load factor A = จำนวน element ใน hash table / table size
 ในรูปตัวอย่าง A = 10/10 = 1.0
- จากการวิเคราะห์ : table size ไม่ค่อยสำคัญเท่าไหร่ ที่สำคัญคือ A
- general rule สำหรับ separate chaining hash table
 - 人~1
 - table size เป็น prime
- ข้อเสียของ separate chaining คือ ใช้ data structure ที่ 2 เช่น linked list ซึ่งทำให้ช้าลง (allocate new node, implement 2nd data structure)
- ข้อดี: 100% solved collission

- $h(x) = x \mod 10$
- Table size = 10
 (not prime for simplicity)



Open Addressing ที่เก็บใหม่อยู่ใน table เดิม ซึ่งแก้การชน<u>ไม่ได้</u> 100%

Linear Probing

```
probe ชนครั้งที่ i ลอง h(k) + f(i)

Linear Probing f(i) = i ลอง : h(k), h(k)+1, h(k)+2, h(k)+3,...

Quadratic Probing f(i) = i² ลอง : h(k), h(k)+1, h(k)+4, h(k)+9,...
```

Rehash: hash อีกครั้งเพื่อให้ได้ที่ใหม่

hf(key) = key mod 10

h(1111) = 1
 rehash ครั้งที่ 1 = 1+1 = 2 ชน
 rehash ครั้งที่ 2 = 1+2 = 3 ชน
 rehash ครั้งที่ 3 = 1+3 = 4 ว่าง
 รวมทั้งหมด 4 probes

Line	ar P	rob	ina

- การคำนวณง่าย search ง่าย
- มีแนวโน้มให้เกิด
 การกระจุกตัว (Clustering) ของ data
 -> collission

array size = 10 (not prime for simplicity)

9

2151

2872

4553

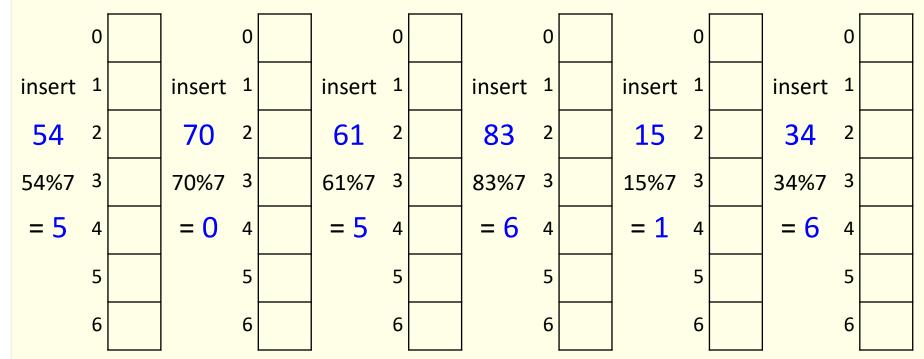
1111

Linear Probing

```
probe ชนครั้งที่ i ลอง h(k) + f( i )

Linear Probing f(i) = i ลอง : h(k), h(k)+1, h(k)+2, h(k)+3,...
```

KMITL



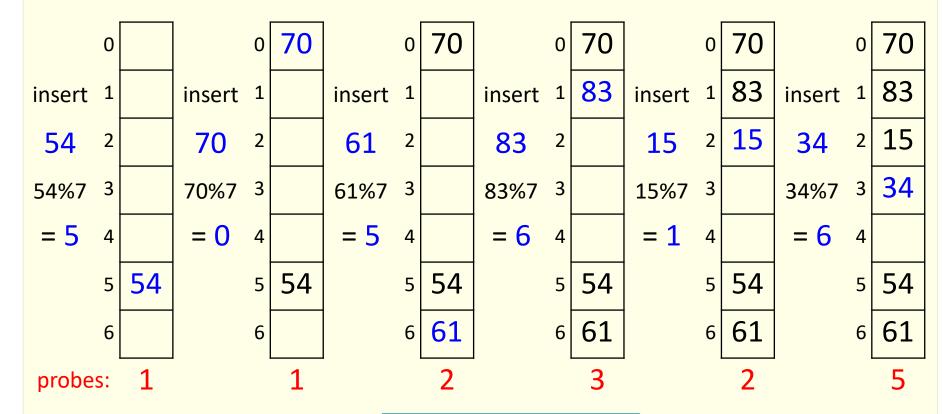
probes:

 $h(key) = key \mod 7$

Linear Probing

```
probe ชนครั้งที่ i aaง h(k) + f( i )

Linear Probing f(i) = i aaง : h(k), h(k)+1, h(k)+2, h(k)+3,...
```



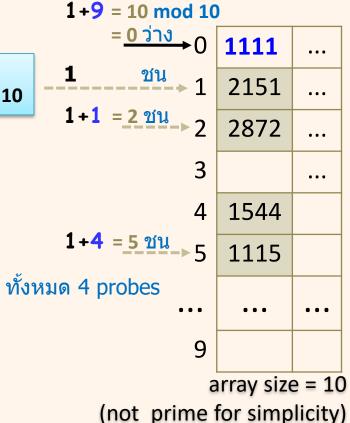
 $h(key) = key \mod 7$

Quadratic Probing



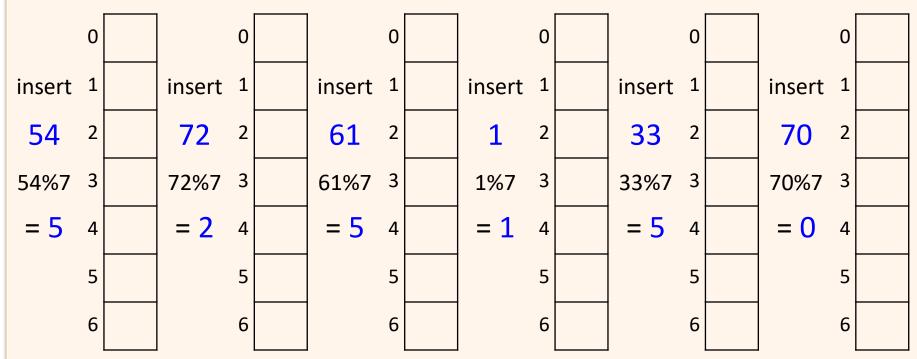
Quadratic Probing

- มีการกระจาย(distributes) มากกว่า Linear Probing
- ปัญหาของ quadratic probing คือ เราไม่ได้ probe ทุก ช่องของ table แต่สามารถพิสูจน์ได้ว่า หาก table size เป็น prime และ table ว่างอย่างน้อย ½ quadratic probing จะสามารถหาช่องว่างได้ และ ไม่มี การ probe ซ้ำช่องเดิม
- แต่การที่ table ต้องว่างอย่างน้อย ½ ทำให้ quadratic probing : space inefficient



Quadratic Probing

Quadratic Probing
$$f(i) = i^2$$
 and $h(k)$, $h(k)+1$, $h(k)+4$, $h(k)+9$,...



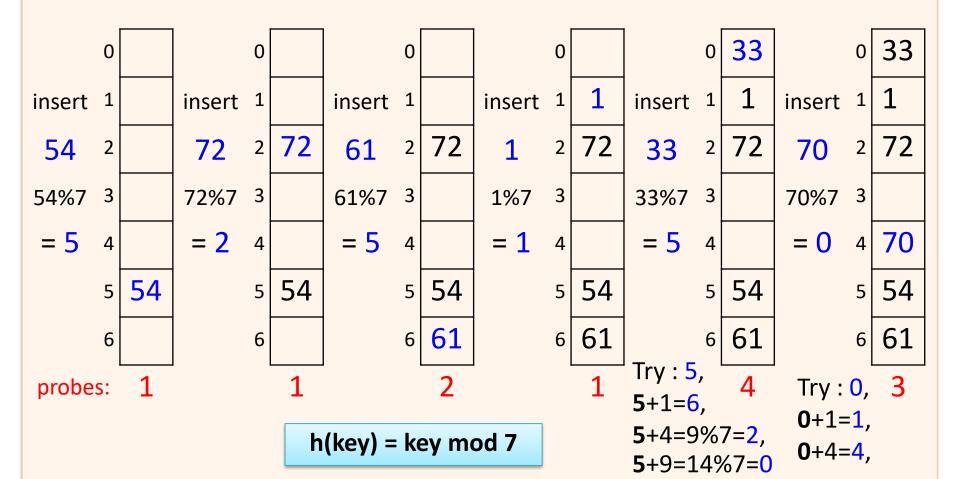
probes:

 $h(key) = key \mod 7$

Quadratic Probing

```
probe ชนครั้งที่ i ลอง h(k) + f( i )

Quadratic Probing f(i) = i² ลอง : h(k), h(k)+1, h(k)+4, h(k)+9,...
```

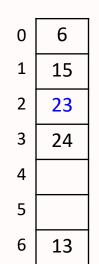


Rehashing

Rehashing

- ถ้า table แน่นเกินไปจะเริ่มทำให้แต่ละ operation ใช้เวลานาน และอาจ insert ไม่ได้สำหรับ open addressing แบบ quadratic
- แก้ได้โดย สร้าง table ขึ้นใหม่ ใหญ่ขึ้น 2 เท่า และนำ data จาก table เดิมทั้งหมด มา hash ใส่ table ใหม่ เรียกว่า rehashing (rehash ทุก data เข้า table ใหม่)
 (rehash อีกความหมายหนึ่งคือ hash อีกครั้งเมื่อ collission)
- เมื่อใดบ้างที่ต้อง rehash
 - ทันทีที่ table เต็ม
 - เมื่อ insert ไม่ได้ (นโยบายเข้มงวด)
 - table เต็มถึงระดับที่กำหนดไว้ (ถึงค่า load factor ที่กำหนด) (นโยบาย
 เข้มงวดปานกลาง)

Rehashing



Rehashing

- สร้าง table ขึ้นใหม่ ขนาด 17
 (ค่า prime ถัดไปที่ใหญ่ขึ้น 2 เท่า)
- insert data ใหม่ทั้งหมด ด้วย

$$h(x) = x \mod 17$$

Insert: Insert: 23 13, 15, 6, 24 Over 70 % full

$$h(x) = x \mod 7$$
, Linear Probing

Rehashing

Done