# 第 20 章 电磁辐射的量子性

# 一 黑体辐射

## 1. 基本概念

- ① 辐射
  - · 物体内部因带电粒子热运动发射电磁波的现象。物体发射辐射能的同时也在吸收辐射能
- ② 单色辐出度 $M_{\gamma}(T)$ 
  - ·单位时间、单位表面积上发射的波长在 $\lambda$ 到 $\lambda$ +d $\lambda$ 范围内的辐射能为dM<sub>1</sub>,则

$$M_{\lambda}(T) = \frac{\mathrm{d}M_{\lambda}}{\mathrm{d}\lambda}$$
  $\rightarrow T$ 和  $\lambda$  的函数

- ③ 辐射出射度
  - · 单位时间、单位表面积上发射全波长范围内的辐射能

$$M(T) = \int_0^\infty M_{\lambda}(T) d\lambda$$

③ 吸收、反射、透射

入射进来的能量 = 吸收进来 + 反射出去 + 透射过去的能量,占比就是吸收系数 $\alpha$ 与反射系数r

- ·  $\alpha$ 和r是 $\lambda$ 与T的二元函数,对于不透明物体 $\alpha+r=1$
- ④ 绝对黑体
  - · 入射进来的能量全部吸收的物体  $\alpha_{R}(\lambda, T) = 1$
  - · 基尔霍夫定律:任何物体的单色辐出度与单色吸收系数的比值都满足  $\frac{M_{_{\lambda}}(T)}{\alpha(\lambda,T)} = M_{_{B\lambda}}(T)$

#### 2. 绝对黑体辐射的特征

① Stefan-Boltzmann 定律

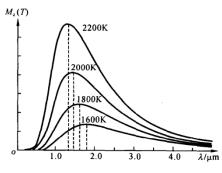
$$M_{\mathrm{B}}(T) = \int_{0}^{\infty} M_{\mathrm{B}\lambda}(T) \mathrm{d}\lambda = \sigma T^{4}$$

- ·  $M_{\scriptscriptstyle B}(T)$ : 特定温度下绝对黑体的总辐射能量
- ·  $\sigma$ : 常数,  $5.67 \times 10^{-8} \text{ W/m}^2 \cdot \text{K}^4$

#### ② Wien 位移定律

$$T\lambda_{\scriptscriptstyle \mathrm{m}} = b$$

- ·  $λ_m$ : 图中曲线峰值对应波长 b: 常数,  $2.898 \times 10^{-3} \text{m·K}$
- **例 1** 黑体在某温度时的辐射出射度为  $5.7 \times 10^4 \text{W/m}^2$ ,则该温度  $T = \_\_\_$ ,该温度下辐射 波谱的峰值波长  $\lambda_m = \_\_\_$ 。
- 解 由 S-B 定律, $\sigma T^4 = 5.7 \times 10^4 \,\mathrm{W/m^2}$ ,解得  $T = 1.001 \times 10^3 \,\mathrm{K}$  由维恩位移定律, $T\lambda_{\mathrm{m}} = b$ ,代人数据解得  $\lambda_{\mathrm{m}} = 2.898 \times 10^{-6} \,\mathrm{m}$



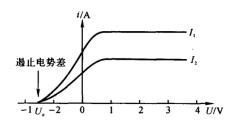
# 二 光电效应

## 1. 光子

· 电磁辐射在空间中的传播是离散的,量子化的,称为光子(视为一种粒子)

## 2. 光电效应

- ① 基本现象: 在光的照射下电子从金属表面逸出
- ② 解释与性质
  - · 一个电子获得一个光子的能量,首先用于克服表面阻力所需的**逸出功** A ,剩余的能量作为**最大初动能**  $E_{km}$



$$h\nu = E_{km} + A$$

· 因此需要加反向电压才能遏制光电子运动,加**遏止电压** $U_a$ 时,光电流为 0

$$E_{\rm km} = e \, |\, U_a \, |$$

· 当光频率小于等于**截止频率**(又称**红限频率**)ν<sub>0</sub>时,电子获得的能量小于等于逸出功 无光电子激发或激发的光电子没有动能,因而无光电流

$$h v_0 = A$$

· 随着电压增大, 光电流增大至饱和值, 该值与激发的光电子数量有关(等于光子数量) 光子数量 *n* 与光强 *I* 的关系为

$$I = nhv$$

- 例 2 设用频率为 $\nu_1$ 和 $\nu_2$ 的两种单色光,先后照射同一种金属均能产生光电效应。已知金属的红限频率为 $\nu_0$ ,测得两次照射时的遏止电压 $\left|U_{a2}\right|=2\left|U_{a1}\right|$ ,则这两种单色光的频率关系式为\_\_\_\_\_。(用 $\nu_1$ 、 $\nu_2$ 和 $\nu_0$ 表示)
- 解 由光电效应中遏止电压与光频率的关系  $h \nu = E_{km} + A$ ,代人  $E_{km} = e \mid U_a \mid$  以及  $h \nu_0 = A$ :

$$h\mathbf{v}-h\mathbf{v}_{\scriptscriptstyle{0}}=e\,|\,U_{\scriptscriptstyle{a}}\,|$$

两束单色光照射的是同一金属,因此 A 相等,即 v。相同,从而有

- 例 3 分别以频率 $\nu_1$ 和 $\nu_2$ 的单色光照射某一光电管。若 $\nu_1>\nu_2$ (均大于红限频率 $\nu_0$ ),则当两种频率的人射光的光强相同时,所产生的饱和光电流  $I_{s1}$ \_\_\_\_\_\_\_ $I_{s2}$ (填">""="或"<")
- 解 饱和光电流与光电子数正相关,因而与光子数正相关,由  $I=nh\nu$  ,光强 I 相同时,频率越大,光电子越少,因此  $I_{c1} < I_{c2}$

# 康普顿效应

#### 1. 现象

· 单色 X 射线投射到石墨晶体及其他材料上时,散射光线除了有与入射线波长  $\lambda_0$  相同的成分外 还含有波长大于 $\lambda_0$ 的部分,且波长变化 $\Delta\lambda = \lambda - \lambda_0$ 随散射角 $\varphi$ 增大而增大,并与 $\lambda_0$ 及物质无关

## 2. 解释: 电子与光子碰撞模型

· 入射光子与电子发生碰撞(假设是弹性碰撞), 光子部分能量转化为电子动能

· m<sub>e</sub>: 电子静止质量 m: 电子相对论质量

## 3. 常考物理量

① 波长改变量与散射角的关系

$$\Delta \lambda = \lambda - \lambda_0 = \frac{h}{m_e c} (1 - \cos \varphi)$$

 $\boxed{ \Delta\lambda = \lambda - \lambda_0 = \frac{h}{m_e c} (1 - \cos\varphi) }$  ·  $\frac{h}{m_e c} = 0.0024$ nm 称为电子的康普顿波长 · 散射角 $\varphi$ 可以取到  $180^\circ$ 

② 电子获得的动能

$$E_{k} = h v_{0} - h v$$

光子能量为 0.5MeV 的 X 射线, 入射到某种物质上而发生康普顿散射。若反冲电子获得的能量为 0.1 MeV,则散射光波长的改变量  $\Delta \lambda$  与入射光波长  $\lambda_0$  的比值为 .

由光子能量表达式  $hc/\lambda_0=0.5 {
m MeV}$  ,  $hc/\lambda=0.4 {
m MeV}$  , 两式相除得  $\lambda/\lambda_0=1.25$ 解 因此  $\Delta \lambda / \lambda_0 = (\lambda - \lambda_0) / \lambda_0 = \lambda / \lambda_0 - 1 = 0.25$ 

康普顿散射实验中,入射光的波长为 0.0030nm,反冲电子的速度 v = 0.6c,求 例 5

(1) 散射光子的波长; (2) 散射光子的散射角; (3)

(1) 由能量守恒  $h\nu_0 + m_e c^2 = h\nu + mc^2$ , 代人  $m = \frac{m_e}{\sqrt{1 - (v/c)^2}}$  与 v = 0.6c: 解

$$h\frac{c}{\lambda_0} - 0.25m_e c^2 = h\frac{c}{\lambda} \rightarrow \frac{1}{\lambda_0} - 0.25\frac{m_e c}{h} = \frac{1}{\lambda}$$

代入 $h/(m_e c) = 0.0024$ nm 与 $\lambda_0 = 0.0030$ nm ,得 $\lambda = 0.00434$ nm

(2) 由 $\lambda - \lambda_0 = \frac{h}{mc} (1 - \cos \varphi)$ ,代人解得 $\varphi \approx 63^\circ$ (算出 $\cos \varphi$ 后用计算器的 arccos 函数)