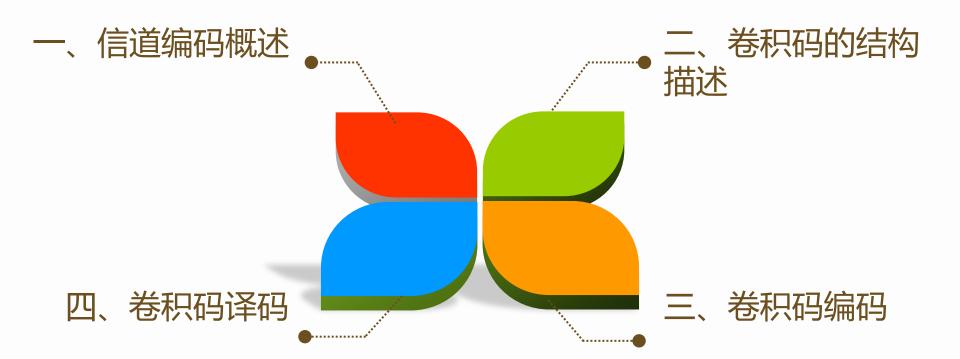


殷蔚华

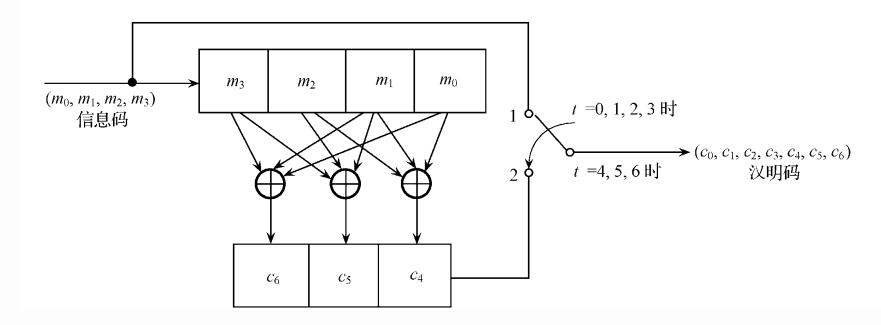




信道编码概述

- 信道编码又称检纠错编码,通过增加一定的 冗余度以提高数字通信系统的可靠性。
- 在数字通信系统中,信道编码位于信源编码 之后,数字调制之前;相应的,信道译码位 于数字解调之后,信源译码之前。
- 信道编码的两大基本类型为线性分组码和卷积码,前者为无记忆编码,后者为有记忆编码。

- Example 1: (7, 4) 线性分组码的编码器
- m₀~m₃为信息码,直接对应c₀~c₃(系统码)。信息码长k=4;
- $c_4 \sim c_6$ 为加入的冗余位,由 $m_0 \sim m_3$ 的线性组合构成。线性分组**码长** n=7, $c_0 \sim c_6$ 称为一个**码字**;
- 码率=k/n=4/7, 称为 (n, k) 线性分组码。

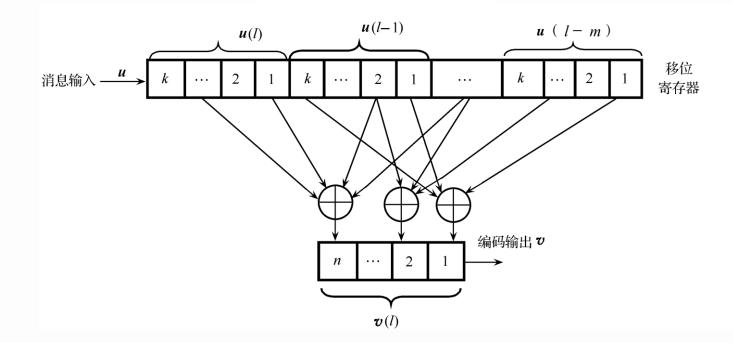


线性分组码的常用概念:

- 两个码字逐位比较,若有d个对应位上的值不同,则称两者间码距为d;
- 将一个线性分组码的所有码字两两比较,找到的最小码距称为该码的最小码距d_{min};
- d_{min}可用于判断该码的检纠错能力,如下:
 - 要求能检测出I位错,则需 $d_{\min} \geq l+1$
 - 要求能纠正t位错,则需 $d_{\min} \ge 2t + 1$
 - 要求能检测出I位错,并能纠正其中的t位错,则需 $d_{\min} \ge l + t + 1$

● **Example 2:** (n, k, m) 前馈型卷积码的编码器

- 每k位信息码输入,相应输出n位卷积码;
- 当前n位编码输出=当前k位信息码的线性组合+此前m组的k位信息码的线性组合,即有记忆码;
- 输入无限长时, 码率 × k/n, 称为 (n, k, m) 卷积码。



卷积码的码距与检纠错能力:

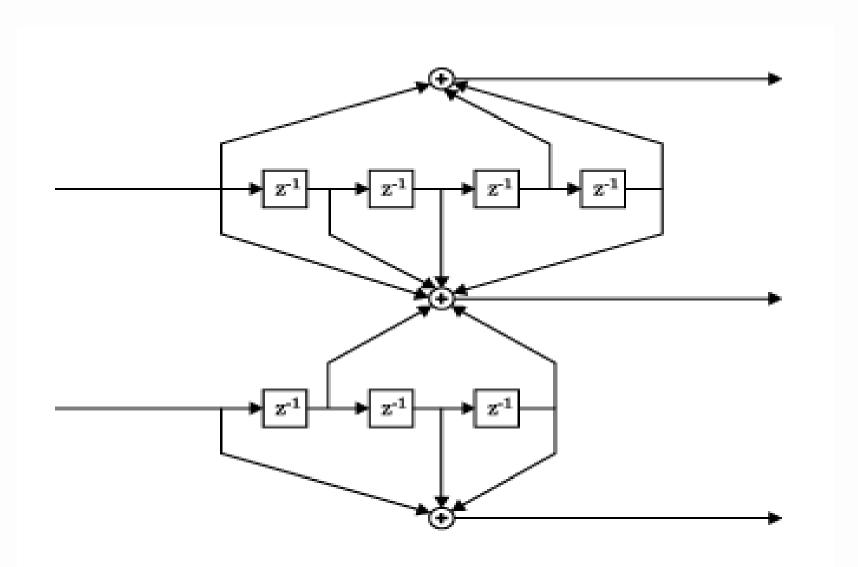
- 卷积码的检纠错能力与码距的关系可套用线性分组码的三个公式;
- 但由于卷积码是有记忆码,其最小码距有几种不同的定义,采用哪一个与选择的译码方式有关;
- 目前广泛使用维特比译码,此时的最小码距称为自由距离d_f,定义为码长为无限长时两两码字间的最小距离。计算自由距离d_f要用到卷积码的状态图描述,在此略。

- MATLAB提供了通信系统仿真的各种常用函数,其中关于信道编码的常用函数在/Communications Toolbox/ End-to-End Simulation/ <u>Error Detection and Correction</u>下。
- MATLAB中,关于卷积码最常用的是以下几个函数:
 - poly2trellis 将卷积码的码多项式转换为网格结构
 - <u>convenc</u> 卷积码的编码(二进制数据)
 - <u>vitdec</u> 卷积码的维特比译码(二进制数据)

二、卷积码的结构描述

- 卷积码有多种描述方式,在MATLAB中主要使用码多项 式和网格结构两种描述方式,主要函数为:
 - poly2trellis 将卷积码的码多项式转换为网格结构
- 最常用的函数格式为: trellis = poly2trellis(ConstraintLength,CodeGenerator)
 - 输入参数1——ConstraintLength,约束长度,=编码器中产生 延迟的移位寄存器的个数+1;
 - 输入参数2——<u>CodeGenerator</u>,用于表示编码器输入输出关系的码多项式;
 - 输出参数——<u>trellis</u>,用于表示编码器输入输出关系的网格结构。

● Example 3: 码率为2/3的前馈型卷积码的编码器结构



- 输入为每符号2bit (u1, u2) , 输出为每符号3bit (v1, v2, v3) , 则码率=输入比特数/输出比特数=2/3。
 - 上支路的约束长度=4+1=5, 下支路的约束长度=3+1=4,
- 则ConstraintLength=[5 4]。
 - 上支路的输入输出关系为: u1—v1: (10011)₂=(23)₀;
 - $u1-v2: (11101)_2=(35)_8; u1-v3: (00000)_2=(00)_8;$
 - 下支路的输入输出关系为: u2—v1: (0000)₂=(00)₈;
 - $u2-v2: (1101)_2=(15)_8; u2-v3: (1011)_2=(13)_8;$
- 则CodeGenerator=[23 35 0; 0 5 13]。
- 最终得到网格结构为:

trellis = poly2trellis([5 4],[23 35 0; 0 5 13])

三、卷积码编码

- 卷积码编码的MATLAB函数为:
 - <u>convenc</u> 卷积码的编码 (二进制数据)

- 最常用的函数格式为: code = convenc(msg,trellis)
 - 输入参数1——msg. 未编码的信息符号序列,二进制矢量形式;
 - 输入参数2——trellis, 卷积码编码器的网格结构;
 - 输出参数——<u>code</u>,编码后的卷积码符号序列,二进制矢量形式。

四、卷积的译码

- 卷积码译码的MATLAB函数为:
 - <u>vitdec</u> 卷积码的维特比译码 (二进制数据)
- 最常用的函数格式为:

decoded = vitdec(code,trellis,tblen,opmode,dectype);
decoded = vitdec(code,trellis,tblen,opmode,'soft',nsdec)

- 输入参数1——<u>code</u>,维特比译码器的输入符号序列,矢量形式。以前述2/3码率的编码器结构为例,每个符号代表编码器输出的3个bit;
- 输入参数2——trellis, 卷积码编码器的网格结构;
- 輸入参数3——<u>tblen</u>, a positive integer scalar, 用于规定回溯深度。If the code rate is 1/2, a typical value for tblen is about five times the constraint length of the code;

● 输入参数4——<u>opmode</u>,指示译码器的操作模式,与编码器的结尾处理方式有关。通常取值='term',此时假设编码器是从移位寄存器的全零状态开始,也结束于全零状态。为此,编码时,信息符号输入完毕后,需要额外输入若干0比特,以使移位寄存器恢复为全零状态;

● 输出参数——<u>decoded</u>, 维特比译码器的输出符号序列, 矢量形式。以前述2/3码率的编码器结构为例, 每个符号代表编码器输入的2个bit。

● 输入参数5—— <u>dectype</u>,指示译码器的判决类型。其取值不同,对应的输入参数1——code的数据类型也不同。其取值如下表:

Values of dectype Input	Meaning
'unquant'	软判决, code的数据类型为实数(未量化), 其中1表示逻辑 '0', -1表示逻辑 '1'。
'hard'	硬判决,code 的数据类型为二进制。
'soft'	软判决,code 的数据类型为0及正整数(表示不同的量化值)。此时需与输入参数nsdec 一起用,函数格式为decoded = vitdec(code,trellis,tblen,opmode,'soft',nsdec)

