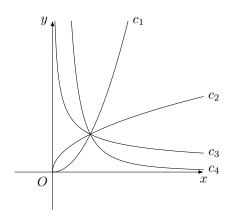
1. (000061) 填空题:

- (1) 若点 $(2,\sqrt{2})$ 在幂函数 $y=x^a$ 的图像上,则该幂函数的表达式为 ; 若点 $(2,\sqrt{2})$ 在指数函 数 $y=a^x(a>0$ 且 $a\neq 1)$ 的图像上,则该指数函数的表达式为_________; 若点 $(\sqrt{2},2)$ 在对数函数 $y = \log_a x (a > 0$ 且 $a \neq 1$) 的图像上,则该对数函数的表达式为_____.
- (2) 若幂函数 $y = x^k$ 在区间 $(0, +\infty)$ 上是严格减函数, 则实数 k 的取值范围为_____.
- (3) 已知常数 a>0 且 $a\neq 1$,假设无论 a 为何值,函数 $y=a^{x-2}+1$ 的图像恒经过一个定点. 则这个点的坐 标为_____.
- 2. (002909) 图中曲线是幂函数 $y=x^n$ 在第一象限的图像,已知 n 取 ± 2 , $\pm \frac{1}{2}$ 四个值,则相应于曲线 c_1,c_2,c_3,c_4 的 n 依次为 ().

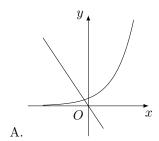


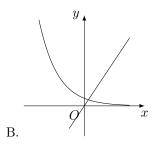
A. $-2, -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 2$ B. $2, \frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, -2$ C. $-\frac{1}{2}, -2, 2, \frac{1}{2}$ D. $2, \frac{1}{2}, -2, -\frac{1}{2}$

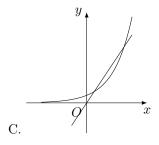
3. (000069) 填空题:

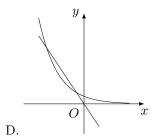
- (1) 已知 $m \in \mathbb{Z}$, 设幂函数 $y = x^{m^2 4m}$ 的图像关于原点成中心对称, 且与 x 轴及 y 轴均无交点, 则 m 的值 为 .
- 则 p,q 应满足的条件是_____
- 5. (010137) 下列命题中, 正确的是 ().
 - A. 当 n=0 时, 函数 $y=x^n$ 的图像是一条直线
 - B. 幂函数 $y = x^n$ 的图像都经过 (0,0) 和 (1,1) 两个点
 - C. 若幂函数 $y = x^n$ 的图像关于原点成中心对称, 则 $y = x^n$ 在区间 $(-\infty, 0)$ 上是严格增函数
 - D. 幂函数的图像不可能在第四象限
- 6. (002914) 设常数 $m \in \mathbf{R}$. 若幂函数 $y = (m^2 m 1)x^{m^2 2m 1}$ 在 $(0, +\infty)$ 上是增函数, 则 m 的值为______.
- 7. (005464) 若实数 a 满足 $2.4^a > 2.5^a$, 求 a 的取值范围.
- 8. (009488)(1) 已知函数 $y=x^{\frac{2}{3}}$ 和 $y=(x-1)^{\frac{2}{3}}$, 说明这两个函数图像之间的关系, 并在同一平面直角坐标系中作 出它们的大致图像;

- (2) 已知函数 $y=x^{\frac{2}{3}}$ 和 $y=x^{\frac{2}{3}}+1$, 说明这两个函数图像之间的关系, 并在同一平面直角坐标系中作出它们 的大致图像.
- 9. (005569) 在同一平面直角坐标系中, 函数 f(x) = ax 与 $g(x) = a^x$ 的图像可能是 (









- 10. (005592) 若 0.9 < a < 1, 则 a, a^a , a^{a^a} 从小到大的排列顺序是
- 11. (000738) 函数 $f(x) = \lg(3^x 2^x)$ 的定义域为_
- 12. (001345) **解方程**: $3^x + 4^x = 5^x$.
- 13. (001343) 方程 $9^x + 4^x = \frac{5}{2} \cdot 6^x$ 的解集为______.
- 14. (001329) 已知函数 $f(x) = \lg(kx^2 6x + k + 3)$ 的定义域为 \mathbf{R} , 则 k 的取值范围为______
- 15. (003041) 已知实数 ab 满足等式 $(\frac{1}{2})^a=(\frac{1}{3})^b,$ 下列五个关系式:

① 0 < b < a; ② a < b < 0; ③ 0 < a < b; ④ b < a < 0; ⑤ a = b = 0. 其中不可能成立的关系式的序号 为_____

16. $_{(002874)}$ 函数 $y = \log_2 \frac{2-x}{2+x}$ 的图像关于 ().

A. 原点对称

- B. y 轴对称
- C. 直线 y = x 对称
- D. 直线 y = -x 对称
- 17. (005720) 若函数 $f(x) = |\log_a x|$, 其中 0 < a < 1, 则下列各式中成立的是 ().

$$\text{A. } f(\frac{1}{3}) > f(2) > f(\frac{1}{4}) \qquad \text{B. } f(\frac{1}{4}) > f(\frac{1}{3}) > f(2) \qquad \text{C. } f(2) > f(\frac{1}{3}) > f(\frac{1}{4}) \qquad \text{D. } f(\frac{1}{4}) > f(2) > f(\frac{1}{3}) > f(\frac{1}{4}) >$$

B.
$$f(\frac{1}{4}) > f(\frac{1}{2}) > f(2)$$

C.
$$f(2) > f(\frac{1}{3}) > f(\frac{1}{4})$$

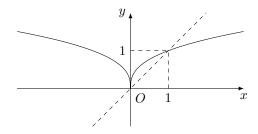
D.
$$f(\frac{1}{4}) > f(2) > f(\frac{1}{3})$$

- 18. (001325) 函数 $y = \log_2(x^2 + x 1)$ 的递增区间是
- 19. (002905) 设常数 $a \in \mathbb{R}$. 若函数 $f(x) = \log_a(2 ax)$ 在 [0,1] 上是减函数, 求 a 的取值范围.
- 20. (001330) 已知函数 $f(x) = \lg(kx^2 6x + k + 3)$ 的值域为 R, 则 k 的取值范围为_
- 21. $_{(004902)}$ 若 $a=\log_{0.2}0.3,\,b=\log_{0.3}0.2,\,c=1,\,$ 则 a,b,c 的大小关系是 (

A. a > b > c

- B. b > a > c
- C. b > c > a
- D. c > b > a
- 22. (000795) 若函数 $f(x) = \log_a(x^2 ax + 1)$ $(a > 0, \ a \neq 1)$ 没有最小值, 则 a 的取值范围是_______.
- 23. (001328) 不等式 $\log_{\frac{1}{2}}(x^2+x+1) < \log_{\frac{1}{2}}(4x-1)$ 的解集为_____
- 24. (001352) 解方程: $\log_x(x^2 x) \le \log_x 2$.

- 25. (005723) 若 $a > a^2 > b > 0$, 并记 $p = \log_a b$, $q = \log_b a$, $r = \log_a \frac{a}{b}$, $s = \log_b \frac{b}{a}$, 则 p, q, r, s 的大小关系是
 - A. r < q < p < s
- B. r C. <math>r
- 26. (001340) 在下列幂函数 (1) $y=x^{-\frac{3}{2}},$ (2) $y=x^{\frac{5}{4}},$ (3) $y=x^{-\frac{4}{3}},$ (4) $y=x^{4},$ (5) $y=x^{\frac{3}{7}},$ (6) $y=x^{-6}$ 中, 定义域
- 27. (002925) 已知幂函数 $y = x^{\frac{q}{p}}(p \in \mathbf{N}^*, q \in \mathbf{N}^*, p, q 互质)$ 的图像如图所示,则 ().



A. p,q 均为奇数

C. p 是偶数, q 是奇数

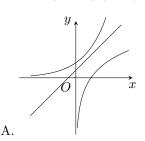
- B. p 是奇数, q 是偶数, 且 $0 < \frac{q}{p} < 1$ D. p 是奇数, q 是偶数, 且 $\frac{q}{p} > 1$

- 29. (002918) 设常数 $t \in \mathbf{Z}$. 已知幂函数 $y = (t^3 t + 1)x^{\frac{1}{3}(1 + 2t t^2)}$ 是偶函数, 且在区间 $(0, +\infty)$ 上是增函数, 求整 数 t 的值, 并作出相应的幂函数的大致图像.
- 中, 恒成立的有(
 - A. 1 个

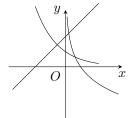
C. 3 个

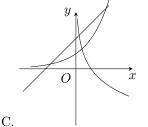
D. 4 个

- 31. (009490) 作出函数 $y = \frac{-x-1}{x+2}$ 的大致图像.
- 32. (003815) 在同一坐标系中画出函数 $y = \log_a x, \ y = a^x, y = x + a$ 的图像, 可能正确的是



В.





D.

0

- 33. (000954) 函数 $y = \sqrt{2^x 1}$ 的定义域是
- 34. (001324) 函数 $y = \log_{x^2+x-1} 2$ 的定义域是_
- 35. (001326) 函数 $y = \log_2(x^2 + x 1)$ 的定义域是______, 值域是

- 36. (002871) 设常数 $a \in \mathbb{R}$. 若直线 x = 2 是函数 $f(x) = \log_3 |2x + a|$ 的图像的一条对称轴, 则 a =_____.
- 37. (002878) 设函数 $y = \log_2(x+3)$ 的图像与函数 y = f(x) 的图像关于直线 x = 1 对称. ① f(1) =______; ② 若 f(a) 有意义,则 f(a) =_____(结果用 a 的表达式表示).
- 38. (002898) 函数 $y = \log_{0.7}(x^2 3x + 2)$ 的单调减区间为_____.
- 39. (000362) 方程 $\log_2(9^x 5) = 2 + \log_2(3^x 2)$ 的解 x =_____.
- 40. (004907) 若 x > y > 1, 0 < a < 1, 则下列各式中正确的一个是 ().

- A. $x^{-a} > y^{-a}$ B. $(\sin a)^x > (\sin a)^y$ C. $\log_{\frac{1}{a}} x < \log_{\frac{1}{a}} y$ D. $1 + a^{x+y} > a^x + a^y$
- 41. (001351) 若函数 $f(x) = \log_a x$ 在区间 [a, 2a] 上的最大值与最小值之差为 $\frac{1}{2}$, 则 a =______.
- 42. (003747) 若 $\log_a \frac{2}{3} < 1$ $(a > 0, a \neq 1)$, 则实数 a 的取值范围为______.
- 43. (005199) 解关于 x 的不等式: $\log_{\frac{1}{2}}(3x-2) > \log_{\frac{1}{2}}(x+1)$.