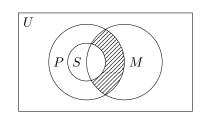
- 1. 用适当符号 $(\in, \notin, =, \subsetneq)$ 填空: π _**Q**; $\{x|x=2k+1, k \in \mathbf{Z}\}$ _ $\{x|x=2k-1, k \in \mathbf{Z}\}$; $\{3.14\}$ _**Q**; $\{y|y=x^2\}$ _ $\{x|y=x^2\}$.
- 2. 已知 P = {y = x² + 1}, Q = {y|y = x² + 1, x ∈ R}, E = {x|y = x² + 1, x ∈ R}, F = {(x,y)|y = x² + 1, x ∈ R}, G = {x|x ≥ 1}, H = {x|x² + 1 = 0, x ∈ R}, 则各集合间关系正确的有______. (答案可能不唯一)
 (A) P = F (B) Q = E (C) E = F (D) Q ⊆ G (E) H ⊆ P
- 3. 设全集是实数集 \mathbf{R} , $M = \{x | -2 \le x \le 2\}$, $N = \{x | x < 1\}$, 则 $\mathbf{C}_U M \cap N = \underline{\hspace{1cm}}$
- 5. $\mathcal{U} A = \{x | x = \sqrt{k}, k \in \mathbb{N}\}, B = \{x | x \leq 3, x \in \mathbb{Q}\}, M A \cap B = \underline{\hspace{1cm}}$
- 6. 设全集 $U = \{2, 3, a^2 + 2a 3\}$, 集合 $A = \{|2a 1|, 2\}$, $C_U A = \{5\}$, 则实数 $a = \underline{\hspace{1cm}}$.
- 7. (1) 设 $M = \{y | y = x^2, x \in \mathbf{R}\}, N = \{x | x = t, t \in \mathbf{R}\}, 则 M \cap N = _____.$ (2) 设 $M = \{(x, y) | y = x^2, x \in \mathbf{R}\}, N = \{(t, x) | x = t, t \in \mathbf{R}\}, 则 M \cap N = _____.$
- 8. 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4\}$, $C_U A \cap B = \{3\}$, $A \cap C_U B = \{2\}$, $C_U A \cup C_U B = \{2, 3, 4\}$, 则 $C_U A \cap C_U B = \underline{\qquad}$
- 9. 集合 $C = \{x | x = \frac{k}{2} \pm \frac{1}{4}, \ k \in \mathbf{Z}\}, D = \{x | x = \frac{k}{4}, \ k \in \mathbf{Z}\},$ 试判断 C 与 D 的关系, 并证明.
- 10. $A = \{x | x^2 + 4x = 0\}, B = \{x | x^2 + 2(a+1)x + a^2 1 = 0, x \in \mathbb{R}\}.$
 - (1) 若 $A \cap B = A$, 求实数 a 的取值范围;
 - (2) 若 $A \cup B = A$, 求实数 a 的取值范围.
- 11. 若集合 A = [2,3], 集合 B = [a, 2a + 1].
 - (1) 若 $A \subseteq B$, 求实数 a 的取值范围;
 - (2) 若 $A \cap B \neq \emptyset$, 求实数 a 的取值范围.
- 12. 设全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x|f(x) = 0\}$, $B = \{x|g(x) = 0\}$, $C = \{x|h(x) = 0, x \in \mathbf{R}\}$, 则方程 $\frac{f^2(x) + g^2(x)}{h(x)} = 0$ 的解集是_____(用 U, A, B, C 表示).
- 13. (1) 已知集合 $A = \{y | y = x^2, x \in \mathbf{R}\}, B = \{y | y = 4 x^2, x \in \mathbf{R}\}, \text{则 } A \cap B = \underline{\hspace{1cm}}$
 - (2) 已知集合 $A = \{(x,y)|y=x^2, x \in \mathbf{R}\}, B = \{(x,y)|y=4-x^2, x \in \mathbf{R}\},$ 则 $A \cap B =$ ______.
- 14. 设 $m \in \mathbb{R}$, 已知 $A = \{x|x^2 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x|mx + 1 = 0\}$, 且 $B \subsetneq A$, 则 m =______.
- 15. (1) 集合 A 满足 $\{1\} \subseteq A \subsetneq \{1,2,3,4\}$, 则满足条件的集合 A 有______ 个. (2) 若 $A \cup B = \{1,2\}$, 将满足条件的集合 A, B 写成有序集合对 (A,B), 则有序集合对 (A,B) 有______ 个.
- 16. 已知 $A = \{x | x^2 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x | x^2 ax + a = 0, x \in \mathbf{R}\}$, 若 $B \subsetneq A$, 求满足题意的实数 a.
- 17. 设集合 $A = \{x | x^2 + px + 1 = 0, x \in \mathbb{R}\}$, 若 $A \cap \mathbb{R}^+ = \emptyset$. 求实数 p 的取值范围.

- 18. 设函数 $f(x) = \lg(\frac{2}{x+1} 1)$ 的定义域为集合 A, 函数 $g(x) = \sqrt{1 |x+a|}$ 的定义域为集合 B.
 - (1) 当 a = 1 时, 求集合 B.
 - (2) 问: $a \ge 2$ 是 $A \cap B = \emptyset$ 的什么条件 (在"充分非必要条件、必要非充分条件、充要条件、既非充分也非 必要条件"中选一)? 并证明你的结论.
- 19. 如图, U 为全集, M, P, S 是 U 的三个子集, 则阴影部分所表示的集合是 (
 - A. $(M \cap P) \cap S$
- B. $(M \cap P) \cup S$
- C. $(M \cap P) \cap \mathcal{C}_U S$ D. $(M \cap P) \cup \mathcal{C}_U S$



- 20. 设集合 $A = \{5, \log_2(a+3)\}, B = \{a, b\}, 若 A \cap B = \{2\}, 则 A \cup B = _____.$
- 21. 设集合 $A \cap \{-2,0,1\} = \{0,1\}, A \cup \{-2,0,2\} = \{-2,0,1,2\},$ 则满足上述条件的集合 A 的个数为_____ 个.
- 22. 若集合 $A = \{x | x \leq 2\}, B = \{x | x \geq a\},$ 满足 $A \cap B = \{2\},$ 则实数 a =______.
- 23. 若集合 $M = [a-1, a+1], N = (-\infty, -1) \cup [2, +\infty),$ 且 $M \cap N = \emptyset$, 则实数 a 的取值范围为______.
- 24. 集合 $A = \{(x,y)|x^2+y^2=25\}, B = \{(x,y)|x=3y=4\}, 则 A \cap B$ 的子集个数是 个.
- 25. 已知集合 $M = \{x | x = 3m + 1, m \in \mathbf{Z}\}, N = \{y | y = 3m + 2, m \in \mathbf{Z}\}, 若 x_0 \in M, y_0 \in N, 则 x_0 y_0 与集合$ M, N 的关系是 ().
 - A. $x_0y_0 \in M$ 但 $x_0y_0 \notin N$

B. $x_0y_0 \in N$ 但 $x_0y_0 \notin M$

C. $x_0y_0 \notin M \perp x_0y_0 \notin N$

- D. $x_0y_0 \in M \perp x_0y_0 \in N$
- 26. 若 $A = \{x | x = 2n, n \in \mathbf{Z}\}, B = \{x | x = 4m, m \in \mathbf{Z}\}, 求证: B \subsetneq A.$
- 27. 设常数 $a \in \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x | \frac{3-2x}{r-1} + 1 \geq 0, \ x \in \mathbf{R}\}, \ B = \{x | 2ax < a+x, \ x \in \mathbf{R}\}.$ 若 $A \cup B = B$, 求 a 的 取值范围.
- 28. 设常数 $m \in \mathbf{R}$, $A = \{(x,y)|x^2 + mx y + 2 = 0, x \in \mathbf{R}\}$, $B = \{(x,y)|x y + 1 = 0, x \in M\}$, 且 $A \cap B \neq \emptyset$.
 - (1) 若 $M = \mathbf{R}$, 求实数 m 的取值范围;
 - (2) 若 $M = (\frac{1}{3}, 2]$, 求实数 m 的取值范围.
- 29. 设常数 $k \in \mathbf{R}$, 关于 x 的不等式组 $\begin{cases} x^2 x 2 > 0, \\ 2x^2 + (2k+5)x + 5k < 0 \end{cases}$ 整数解的集合为 $\{-2\}$, 求实数 k 的取值范 围.

31.	31. 已知 $M = \{a \frac{6}{5-a} \in \mathbb{N}, \ a \in \mathbb{Z}\}$,则用列举法表示 $M = \underline{\hspace{1cm}}$	<u></u> .
32.	32. 定义集合运算: $A \odot B = \{z z = xy(x+y), \ x \in A, \ y \in B\}$, 设集所有元素之和为	合 $A = \{0,1\}, B = \{2,3\},$ 则集合 $A \odot B$ 的
33.	33. 已知全集 $U = \mathbf{R}$, $A = \{-1\}$, $B = \{x \lg(x^2 - 2) = \lg x\}$, 则 ()
	A. $A \subseteq B$ B. $A \cup B = \emptyset$ C. $A \subseteq$	$D. (C_U A) \cap B = \{2\}$
34.	34. 集合 $A = \{(x,y) y = x + 1\}, B = \{(x,y) y = \frac{1}{2}x + a\}, 若 A \cap A$	$B=\varnothing$, 则 a 的取值范围是
35.	35. 调查某班 50 名学生, 音乐爱好者有 40 人, 体育爱好者有 24 人, 最多 人.	则两方面都爱好的人数最少人
36.	36. 已知集合 $A = \{x ax^2 - 3x + 2 = 0\}$ 至多有一个元素, 则 a 的取值范围是	值范围是; 若至少有一个元素, 则
37.	37 . 设含有三个实数的集合既可以表示为 $\{a, \frac{b}{a}, 1\}$, 又可以表示为 $\{a, \frac{b}{a}, 1\}$	$a^2, a+b, 0$, 那么 $a+b=$
38.	38. 没 $f(x) = x^2 - 12x + 36$, $A = \{a 1 \le a \le 10, a \in \mathbb{N}\}$, $B = \{b b = 1\}$	$=f(a),\;a\in A\},$ 又设 $C=A\cap B.$ 求集合 C
39.	 39. 设常数 m ∈ R, A = {(x,y) y = -x² + mx - 1, x ∈ R}, B = {(x 两个. (1) 若 M = R, 求实数 m 的值; (2) 若 M = [0,3], 求实数 m 的取值范围. 	$(x,y) x+y=3,x\in M\},$ 且 $A\cap B$ 的子集有
40.	 40. 填写下列命题的否定形式: (1) m ≤ 0 或 n > 0:	; ;
41.	41. 已知 a, b 是整数, 写出命题 "若 ab 为偶数, 则 $a + b$ 为偶数" 的运的真假.	色命题、否命题、逆否命题, 并判断所写命题
	逆命题:,真假:	_;
	否命题:,真假:	_;
	逆否命题:, 真假: _	·
42.	42. 设甲是乙的充分非必要条件, 乙是丙的充要条件, 丁是丙的必要非	三充分条件,则丁是甲的 ()
	A. 充分非必要条件 B. 必要 i	三充分条件
	C. 充要条件 D. 既非死	还分又非必要条件
43.	$43.$ 若 A 是 B 的必要非充分条件, 则 \overline{A} 是 \overline{B} 的 条件.	

44.	下列各组命题中互为等价命题的是().	
	A. $A \subseteq B = A \cup B = B$	B. $x \in A \coprod x \in B \stackrel{L}{\Rightarrow} x \in A \cup B$
	C. $a \in A \cap B$ 与 $a \in A$ 或 $a \in B$	D. $m \in A \cap B = m \in A \cup B$
45.	填空 (在"充分不必要"、"必要不充分"、"方	它要"、"既不充分也不必要" 中选一种作答):
	(1) " $\alpha \neq \beta$ " 是 $\cos \alpha \neq \cos \beta$ " 的	_ 条件;
	(2) 在 $\triangle ABC$ 中, " $A=B$ " 是 " $\sin A=\sin$	B"的条件.
46.	" $a>0b>0$ " 的一个必要非充分条件是 ().
	A. $a > 0$ B. $b > 0$	C. $a > 0b > 0$ D. $a, b \in \mathbf{R}$
47.	"函数 $f(x)$ $(x \in \mathbf{R})$ 存在反函数"是"函数)	f(x) 在 R 上为增函数"的 $($ $)$.
	A. 充分而不必要条件	B. 必要而不充分条件
	C. 充分必要条件	D. 既不充分也不必要条件
48.	填空: (填"充分不必要"、"必要不充分"、"	充要"、"既不充分也不必要")
	(1) 对于实数 x, y, p : $xy > 1$ 且 $x + y > 2$ 長	是 q: x > 1 且 y > 1 的 条件;
	(2) 对于实数 x, y, p : $x + y \neq 8$ 是 q : $x \neq 2$	或 $y \neq 6$ 的 条件;
	(3) 已知 $x, y \in \mathbf{R}, p: (x-1)^2 + (y-2)^2 =$	0 是 q : $(x-1)(y-2) = 0$ 的条件;
	*(4) 设 $x,y\in\mathbf{R}$, 则 " $x^2+y^2<2$ " 是 " $ x +$	$ y \le \sqrt{2}$ "的条件; 又是" $ x + y < 2$ "的
	条件; 又是 " $ x < \sqrt{2}$ 且 $ y < \sqrt{2}$ " 的	条件.
		程 $a_1x^2 + b_1x + c_1 = 0$ 和方程 $a_2x^2 + b_2x + c_2 = 0$ 的实数解集分
	别为 M 和 N , 则 " $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$ " 是 " $M =$	= N"的条件.
49.	(1) 是否存在实数 m , 使得 $2x + m < 0$ 是 x	$x^2 - 2x - 3 > 0$ 的充分条件? 说明理由.
	(2) 是否存在实数 m , 使得 $2x + m < 0$ 是 x	
50.	已知关于 x 的实系数二次方程 $ax^2 + bx + c$	$c = 0 \ (a > 0), $ 分别求下列命题的一个充要条件:
	(1) 方程有一正根, 一根是零;	
	(2) 两根都比 2 小.	
51	设 $a,b \in \mathbb{R}$, 写出命题 "若 $a+b>0$ 且 $ab>$	、0 則 a > 0 日 b > 0" 的逆丕命斯
52.	填空(填"充分不必要"、"必要不充分"、"多	
	(1) 若 $x, y \in \mathbf{R}$, 则 $x^2 + y^2 \neq 0$ 是 " x, y 不全	
	(2) 若 $x, y \in \mathbf{R}$, 则 " $xy > 0, x + y > 0$ " 是 "3	
	(3) $\mathfrak{P}(a,b) \in \mathbb{R}$, $\mathfrak{P}(a a b a b a b a b a b a b a b a b a b a$	
		< 0 " 是 "对任意 $x \in \mathbf{R}$,有 $ax^2 + bx + c > 0$ " 的 条件
	(5) $\mathfrak{G} \ a, b \in \mathbf{R}, \ \mathfrak{M} \ b = \tan a \ \mathfrak{E} \ a = \arctan b$,旳 余件.
53.	已知 $x,y \in \mathbf{R}$, 有如下四个命题: ① $x^2 + y$	$y^2 < 1$; ② $ x + y < 1$; ③ $ x < 1$ 且 $ y < 1$; ④ $ x + y < 1$
	则 是 的充分非必要	条件 (答案可能不唯一).

54. 使不等式 $2x^2 - 5x - 3 \ge 0$ 成立的一个充分不必要条件是 ().

A. x < 0

B. $x \geq 0$

C. $x \in \{-1, 3, 5\}$ D. $x \le \frac{1}{2}$ **g** $x \ge 3$

- 55. 已知 α : " $x \ge a$ ", β : " $|x-1| \le 1$ ", 若 α 是 β 的必要非充分条件, 则实数 α 的取值范围是______
- 56. 命题甲: 关于 x 的方程 $x^2+x+m=0$ 有两个相异的负根; 命题乙: 关于 x 的方程 $4x^2+x+m=0$ 无实根, 若这两个命题有且只有一个是真命题, 求实数 m 的取值范围. *
- 57. 已知 $P = \{x|x^2 8x 20 \le 0\}, S = \{x||x a| \le m\}$, 求实数 a, m 的值, 使得 " $x \in P$ " 是 " $x \in S$ " 的充要条
- 58. 设 $f(x) = ax^2 + x + a$, 写出一个 a 的值,
 - (1) 使 f(x) > 0 ($x \in \mathbf{R}$) 恒成立;
 - (2) 使 f(x) > 0 ($x \in \mathbf{R}$) 恒不成立;
 - (3) 使 f(x) > 0 ($x \in \mathbf{R}$) 不恒成立.
- 59. 命题 (1) $a > b \Rightarrow ac^2 > bc^2$; (2) $ac^2 > bc^2 \Rightarrow a > b$; (3) $a > b \Rightarrow \frac{1}{a} < \frac{1}{b}$; (4) a < b < 0, $c < d < 0 \Rightarrow ac > bd$;

(5)
$$\sqrt[n]{a} > \sqrt[n]{b} \Rightarrow a > b \ (n \in \mathbb{N}^*);$$
 (6) $a + c < b + d \Leftrightarrow \begin{cases} a < b, \\ c < d; \end{cases}$ (7) $a < b < 0 \Rightarrow a^2 > ab > b^2$. 其中真命题

的序号是

60. 已知 $a, b \in \mathbb{R}$, 则 ab(a-b) < 0 成立的一个充要条件是 (

A. $\frac{1}{a} > \frac{1}{b} > 0$

B. $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$ C. $0 < \frac{1}{a} < \frac{1}{b}$ D. $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$

61. "
$$\begin{cases} 2 < x + y < 4, \\ 0 < xy < 3 \end{cases}$$
 " 是 "
$$\begin{cases} 2 < x < 3, \\ 0 < y < 1 \end{cases}$$
 " 的_____ 条件.

62. 下列函数中, 最小值为 2 的函数有_____

$$(1) \ y = x + \frac{1}{x}, \ x \in (0, +\infty); \ (2) \ y = x + \frac{1}{x}, \ x \in (1, +\infty); \ (3) \ y = \frac{x^2 + 3}{\sqrt{x^2 + 2}}; \ (4)y = \log_3 x + \log_x 3.$$

- 63. $z = (x+y)(\frac{1}{x} + \frac{1}{4y}), (x,y>0)$ 的最小值是______.
- 64. 若正实数 a, b 满足 a + b = 1, 则 ().

A. $\frac{1}{a}+\frac{1}{b}$ 的最大值是 4 B. ab 的最小值是 $\frac{1}{4}$ C. $\sqrt{a}+\sqrt{b}$ 有最大值 $\sqrt{2}$ D. a^2+b^2 有最小值 $\frac{\sqrt{2}}{2}$

65. 如果 0 < a < b, t > 0, 设 $M = \frac{a}{b}, N = \frac{a+t}{b+t}$, 那么 ().

A. M > N

B. M < N

C. M = N

D. M 与 N 的大小随 t 的变化而变化

66. 将一根铁丝切割成三段做一个面积为 2 平方米、形状为直角三角形的框架,则至少需要______ 米的铁丝 (不计损失, 精确到 0.1 米).

- 67. (1) 比较 $1+a^2$ 与 $\frac{1}{1-a}$ 的大小;
 - (2) 设 a > 0, $a \ne 1$, t > 0, 比较 $\frac{1}{2} \log_a t$ 和 $\log_a \frac{t+1}{2}$ 的大小, 证明你的结论.
- 68. 已知 $x, y \in \mathbf{R}^+$ 且 x + y = 4, 求 $\frac{1}{x} + \frac{2}{y}$ 的最小值. 某学生给出如下解法: 由 x + y = 4 得, $4 \ge 2\sqrt{xy}$ ①, 即 $\frac{1}{\sqrt{xy}} \geq \frac{1}{2}$ ②, 又因为 $\frac{1}{x} + \frac{2}{y} \geq 2\sqrt{\frac{2}{xy}}$ ③, 由②③得 $\frac{1}{x} + \frac{2}{y} \geq \sqrt{2}$ ④, 即所求最小值为 $\sqrt{2}$ ⑤. 请指出这位同学 错误的步骤,并给出正确的解法
- 69. 已知 $x, y \in \mathbb{R}^+$, xy = x + y + 1, 求 x + y 的取值范围 (试用两种方法求解).
- 70. 设 $a, b \in \mathbb{R}$, 若 a |b| > 0, 则下列不等式中正确的是 (

A. b - a > 0

B. $a^3 + b^3 < 0$ C. b + a > 0 D. $a^2 - b^2 < 0$

71. 已知 0 < x < y < a < 1, 则 ().

 $\text{A. } \log_a(xy) < 0 \qquad \qquad \text{B. } 0 < \log_a(xy) < 1 \qquad \qquad \text{C. } 1 < \log_a(xy) < 2 \qquad \qquad \text{D. } \log_a(xy) > 2$

72. 设 a > 1 > b > -1, 则下列不等式中恒成立的是 ().

A. $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$ B. $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$

C. $a > b^2$

D. $a^2 > 2b$

- 73. 若 $1 < a < 3, -4 < b < 2, 则 <math>\frac{1}{2}a b$ 的取值范围是______.
- 74. 已知 $x, y \in \mathbb{R}^+$, 且 x + 4y = 1, 则 $x \cdot y$ 的最大值为_____
- 75. 函数 $y = \log_a(x+3) 1$ $(a > 0, \ a \neq 1)$ 的图像恒过定点 A, 若点 A 在直线 mx + ny + 1 = 0 上, 其中 mn > 0, 则 $\frac{1}{m} + \frac{2}{n}$ 的最小值为______
- 76. * 如果正数 a, b, c, d 满足 a + b = cd = 4, 那么 (
 - A. $ab \le c + d$ 且等号成立时, abcd 的取值唯一
 - B. ab > c + d 且等号成立时, abcd 的取值唯一
 - $C. ab \le c + d$ 且等号成立时, abcd 的取值不唯一
 - D. $ab \ge c + d$ 且等号成立时, abcd 的取值不唯一
- - (2) 设 $0 < x < \sqrt{2}$, 则 $x\sqrt{4-2x^2}$ 的最大值是 ,此时 x =
- 78. 在等差数列 $\{a_n\}$ 和等比数列 $\{b_n\}$ 中, $a_1=b_1>0$, $a_3=b_3>0$, $a_1\neq a_3$, 试比较 a_5 与 b_5 的大小.
- 79. 下列不等式中解集为 R 的是 ().

A. $x^2 - 6x + 9 > 0$ B. $4x^2 + 12x + 9 < 0$ C. $3x^2 - x + 2 > 0$ D. $3x^2 - x + 2 < 0$

- 80. 不等式 $(x-1)^2(2-x) \le 0$ 的解集是 $(x-1)^2(2-x) > 0$ 的解集是
- 81. 已知关于 x 的不等式 $x^2 + ax + b < 0$ 的解集为 (-1,2), 则 a + b =

- 82. 不等式 $-1 < x^2 + 2x 1 \le 2$ 的解集是
- 83. 用一根长为 100 米的绳子能否围成一个面积大于 600 平方米的矩形?_____(用"能"或"不能"填空).
- 84. 已知关于 x 的不等式 $ax^2 bx + c > 0$ 的解集是 $(-\frac{1}{2}, 2)$, 对于 a, b, c 有以下结论: ① a > 0; ② b > 0; ③ c > 0; ④ a + b + c > 0; ⑤ a b + c > 0. 其中正确的序号有
- 85. 若关于 x 的不等式 $(a-2)x^2 + 2(a-2)x 4 < 0$ 对一切 $x \in \mathbb{R}$ 成立, 则实数 a 的取值范围是______.
- 86. 已知关于 x 的不等式 (2a-b)x+a-5b>0 的解集是 $(-\infty,\frac{10}{7})$, 则关于 x 的不等式 ax>b 的解集是 .
- 87. 已知关于 x 的不等式 $ax^2 + bx + c > 0$ 的解集为 $\{x | 2 < x < 4\}$, 求关于 x 的不等式 $cx^2 + bx + a < 0$ 的解集.
- 88. 解关于 x 的不等式: $(ax + 4)(x 1) > 0(a \in \mathbf{R})$.
- 89. 已知 $f(x) = x^2 + 2(a-2)x + 4$.
 - (1) 如果对一切 $x \in \mathbf{R}$, f(x) > 0 恒成立, 求实数 a 的取值范围;
 - (2) 如果对 $x \in [-3,1]$, f(x) > 0 恒成立, 求实数 a 的取值范围.
- 90. 不等式 $-6x^2 x + 2 \le 0$ 的解集是
- 91. 解关于 x 的不等式 $x^2 3(a+1)x + 2(3a+1) \le 0(a \in \mathbf{R})$.
- 92. 解关于 x 的不等式组: $\begin{cases} ax > -1, & (a \in \mathbf{R}). \\ x + a > 0 \end{cases}$
- 93. 若关于 x 的不等式 $ax^2 + bx + c > 0$ 的解集为 (-1, 2), 求关于 x 的不等式 $a(x^2 + 1) + b(x 1) + c > 2ax$ 的解集.
- 94. 若关于 x 的不等式 $(a^2-4)x^2+(a+2)x-1\geq 0$ 的解集为 \varnothing , 求实数 a 的取值范围.
- 95. 若关于 x 的不等式 $(a^2-4)x^2+(a+2)x+1\geq 0$ 对一切 $x\in \mathbf{R}$ 均成立, 求实数 a 的取值范围.
- 96. * 设 f(x) 是定义在 R 上的偶函数, 在区间 $(-\infty,0)$ 上单调递增, 且满足 $f(-a^2+2a-5) < f(2a^2+a+1)$, 求实数 a 的取值范围.
- 97. * 已知 $A = \{x | x^2 3x + 2 \le 0\}, B = \{x | x^2 (a+1)x + a \le 0\}.$
 - (1) 若 $A \subsetneq B$, 求 a 的取值范围;
 - (2) 若 $B \subseteq A$, 求 a 的取值范围.
- 98. 下列不等式中, 与 $x^2 > 2$ 同解的不等式的序号为______.

$$(1)\ x^2 + \frac{1}{x-3} > 2 + \frac{1}{x-3}; \ (2)\ x^2 + \sqrt{x-4} > 2 + \sqrt{x-4}; \ (3)\ x^2 - (x-1) > 2 - (x-1); \ (4)\ x^2(x-2) > 2(x-2).$$

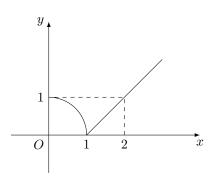
99. 不等式 $\frac{3x+4}{5-x} \ge 6$ 的解集是_____.

- 100. 若不等式 $\frac{2x+a}{x+b} \le 1$ 的解集为 $\{x|1 < x \le 3\}$, 则 a+b 的值是______.
- 101. 不等式 $(x-1)^2(2-x)(x+1) \le 0$ 的解集是______
- 102. 不等式 2 < |x+1| < 3 的解集是______.
- 103. 不等式 |x-2| > 9x 的解集是______.
- 104. 不等式 $4^{x-\frac{5}{x}+1} \le 2$ 的解集是
- 105. 不等式 $\log_{\frac{1}{4}} 4x^2 > \log_{\frac{1}{4}} (3-x)$ 的解集是_____
- 106. 解下列不等式:
 - (1) |x-5|-|2x+3|<1;
 - (2) $\frac{2x^2 + x 3}{x^2 + x + 1} \ge 1;$
 - $(3) 4^{2x} 2^{2x+2} + 3 < 0$
 - (4) $\log_2(x-1) < \log_4(2-x) + 1$.
- 107. (1) 关于 x 的不等式 $|x-1| |x-2| < a^2 + a 1$ 的解集是 \mathbf{R} , 求实数 a 取值范围;
 - (2) 关于 x 的不等式 $|x-1| |x-2| < a^2 + a 1$ 有实数解, 求实数 a 的取值范围.
- 108. * 设全集 $U = \mathbf{R}$, 已知关于 x 的不等式 $|x-1| + a 1 > 0 (a \in \mathbf{R})$ 的解集为 A, 若 $\mathcal{C}_U A \cap \mathbf{Z}$ 恰有 3 个元素, 求 a 的取值范围.
- 109. 不等式 $\left| \frac{x}{1+x} \right| > \frac{x}{1+x}$ 的解集是______.
- 110. 不等式 $\frac{2x}{1-x} \le 1$ 的解集是______.
- 111. 不等式 $\frac{1+|x|}{|x|-1} \ge 3$ 的解集是______.
- 112. 设函数 $f(x) = \begin{cases} 2^{-x} 1, & x \leq 0, \\ &$ 若 $f(x_0) > 1,$ 则 x_0 的取值范围是______. x > 0,
- 113. 已知 a>0 且 $a\neq 1$, 关于 x 的不等式 $a^x>\frac{1}{2}$ 的解集是 $(-\infty,1)$, 则 a=______.
- 114. 关于 x 的不等式 $\log_{\frac{1}{2}}(x-\frac{1}{x})>0$ 的解集是______.
- 115. 若不等式 |3x b| < 4 的解集中的整数有且仅有 1, 2, 3, 则 b 的取值范围为_____.
- 116. 已知关于 x 的不等式 $\frac{ax-5}{x^2-a} < 0$ 的解集为 M.
 - (1) 当 a = 5 时, 求集合 M;
 - (2) 若 $2 \in M$ 且 $5 \notin M$, 求实数 a 的取值范围.
- 117. (1) 对任意实数 x, |x-1|-|x+3|>a 恒成立, 求实数 a 的取值范围;
 - (2) * 对任意实数 x, |x-1| |x+3| > a 恒不成立, 求实数 a 的取值范围.

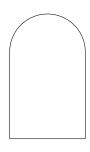
- 118. (1) 若关于 x 的不等式 $x^2 kx + 1 > 0$ 的解集为 \mathbf{R} , 求实数 k 的取值范围;
 - (2) * 若关于 x 的不等式 $x^2 kx + 1 > 0$ 在 [1, 2] 上有解, 求实数 k 的取值范围.
- 119. 已知 $a, b \in \mathbf{R}^+$,求证: $\frac{a}{\sqrt{b}} + \frac{b}{\sqrt{a}} \ge \sqrt{a} + \sqrt{b}$.
- 120. 已知 $x, y \in \mathbf{R}$, 求证: $x^2 + y^2 + 1 \ge x + y + xy$.
- 121. 已知 $a, b \in \mathbb{R}^+$ 月 $a \neq b$, 求证: $|a^3 + b^3 2ab\sqrt{ab}| > |a^2b + ab^2 2ab\sqrt{ab}|$.
- 122. 已知 0 < a < 1 ,0 < b < 1, 0 < c < 1, 求证: (1-a)b, (1-b)c, (1-c)a 中至少有一个小于等于 $\frac{1}{4}$.
- 123. a、b、c 是互不相等的正数,则下列不等式中不正确的序号是______.

$$(1) |a-b| \le |a-c| + |c-b|; (2) a^2 + \frac{1}{a^2} \ge a + \frac{1}{a}; (3) |a-b| + \frac{1}{a-b} \ge 2; (4) \sqrt{a+3} - \sqrt{a+1} \le \sqrt{a+2} - \sqrt{a}.$$

- 124. 已知 a > b > c > 0, 试比较 $\frac{a-c}{b}$ 与 $\frac{b-c}{a}$ 的大小.
- 125. 已知 a > 0, 试比较 $a = \frac{1}{a}$ 的大小.
- 126. 若 x, y, m, n 均为正数, 求证: $\sqrt{(m+n)(x+y)} \ge \sqrt{mx} + \sqrt{ny}$.
- 127. 已知 $a, b, c \in \mathbb{R}^+$,求证: $a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2 \ge a^2bc + ab^2c + abc^2$
- 128. 设 $f(x) = \sqrt{1+x}$ (x>0). 若 $x_1 \neq x_2$, 求证: $|f(x_1) f(x_2)| < |x_1 x_2|$.
- 129. 若实数 x、y、m 满足 |x-m| > |y-m|, 则称 x 比 y 远离 m.
 - (1) 若 $x^2 1$ 比 1 远离 0, 求 x 的取值范围;
 - (2) 定义: 在 R 上的函数 f(x) 等于 x^2 和 x+2 中远离 0 的那个值. 求证: $f(x) \ge 1$ 在 R 上恒成立.
- 130. 函数 $y = \frac{\sqrt{2x+1}}{x-3} + (x-1)^0$ 的定义域为______.
- 131. 若函数 y = f(x) 的定义域是 [-2, 4], 则函数 g(x) = f(x) + f(-x) 的定义域是_____.
- 132. 下列各组中, 两个函数是同一个函数的组的序号是______
 - (1) $y = \lg x + \frac{1}{2} \lg x^2$; (2) $f(x) = 2^x$, $D = \{0, 1, 2, 3\} + \frac{1}{6} g(x) = \frac{1}{6} x^3 + \frac{5}{6} x + 1$, $D = \{0, 1, 2, 3\}$;
 - (3) $f(x) = x^2 2x 1$, $g(t) = t^2 2t 1$; (4) $y = \sqrt{x^2 1}$, $y = \sqrt[3]{x^3 1}$.
- 133. 已知函数 $f(x) = 6 + 5x x^2$, 函数 $g(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 5x 6}}$, 则 $f(x) \cdot g(x) = \underline{\hspace{1cm}}$.
- 134. 函数 y = f(x) 满足对于任意 x > 0, 恒有 $f(x+1) = \lg x$, 则 y = f(x) 在 x > 1 时的解析式为______.
- 135. 函数 y = f(x) 满足对于任意 $x \neq 0$,恒有 $f(x \frac{1}{x}) = x^3 \frac{1}{x^3}$. 若存在 x_0 使得 $f(x_0) = 0$,则 $x_0 = \underline{\hspace{1cm}}$
- 136. 已知 y = f(x) 为偶函数, 且 y = f(x) 的图像在 $x \in [0,1]$ 时的部分是半径为 1 的圆弧, 在 $x \in [1, +\infty)$ 时的部分是过点 (2,1) 的射线, 如图.



- (2) 写出 f(f(-2)) 的值:______;
- (3) 写出方程 $f(x) = \frac{\sqrt{3}}{2}$ 的解集:______.
- 137. 某工厂生产一种仪器的元件,由于受生产能力和技术水平等因素的限制,会产生较多次品,根据经验知道,次品数 p(万件) 与日产量 x(万件) 之间满足关系: $p = \begin{cases} \frac{x^2}{6}, & 1 \leq x < 4, \\ x + \frac{3}{x} \frac{25}{12}, & x \geq 4. \end{cases}$ 已知每生产 1 万件合格的元件可以盈利 20 万元,但每产生 1 万件次品将亏损 10 万元. (实际利润 = 合格产品的盈利 生产次品的亏损),试将该工厂每天生产这种元件所获得的实际利润 T(万元) 表示为日产量 x(万件) 的函数.
- 138. 设常数 a、b 满足 1 < a < b, 函数 $f(x) = \lg(a^x b^x)$, 求函数 y = f(x) 的定义域.
- 139. 如图, 用长为 l 的铁丝弯成下部为矩形, 上部为半圆形的空心框架, 若矩形底边长为 2x, 试用解析式将此框架 围成的面积 y 表示 x 的函数.



- 140. 已知函数 $f(x) = \sqrt{ax^2 + x + 1}$.
 - (1) 若函数 y = f(x) 的定义域为 $(-\infty, +\infty)$, 求实数 a 的取值范围;
 - (2) 若函数 y = f(x) 的值域为 $[0, +\infty)$, 求实数 a 的取值范围.
- 141. 已知函数 $f(x) = \sqrt{x}$, 函数 $g(x) = \sqrt{1-x} \sqrt{x}$, 则函数 y = f(x) + g(x) 的定义域为______.
- 142. 已知函数 y = f(x) 的定义域为 [1,4], 则函数 $y = \frac{f(2x)}{x-2}$ 的定义域是______.
- 143. (1) 设函数 $D(x) = \begin{cases} 1, & x \in \mathbf{Q}, \\ 0, & x \notin \mathbf{Q}. \end{cases}$ 令 $F(x) = D(\sqrt{2}x)$,则 $F(1) = \underline{\hspace{1cm}}$;

$$(2) 已知函数 f(x) = \begin{cases} 2-x, & x<-2, \\ x^2, & -2 \leq x < 1, \text{ 若 } f(x) = 2, \text{ 则 } x = ____. \\ x, & x \geq 1. \end{cases}$$

144. 已知
$$f(x) = \begin{cases} x-2, & x>8, \\ f(x+3), & x \leq 8, \end{cases}$$
则 $f(2) = \underline{\qquad}$.

145. 设常数
$$a \in \mathbf{R}$$
, $f(x) = \begin{cases} x + a, & x < a, \\ \frac{1}{x} + a, & x \ge a. \end{cases}$ 若 $f(2) = 2$, 则 $a = \underline{\qquad}$.

146. 已知函数
$$f(x)=$$

$$\begin{cases} \sqrt{x}, & x>1,\\ & \text{函数 } g(x)=1-\sqrt{x}. \$$
求函数 $y=f(x)+g(x)$ 的解析式及定义域.
$$x\leq 1, \end{cases}$$

147. * 设 D 是含数 1 的有限实数集, f(x) 是定义在 D 上的函数, 若 f(x) 的图像绕原点逆时针旋转 $\frac{\pi}{6}$ 后与原图像重合,则在以下各项中, f(1) 的可能取值只能是 ()

A.
$$\sqrt{3}$$

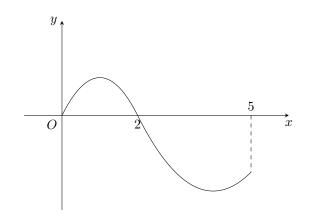
B.
$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$

C.
$$\frac{\sqrt{3}}{3}$$

- 148. 设常数 $p \in \mathbf{R}$, 设函数 $f(x) = \log_2 \frac{x+1}{x-1} + \log_2(x-1) + \log_2(p-x)$.
 - (1) 求 p 的取值范围以及函数 y = f(x) 的定义域;
 - (2) 若 y = f(x) 存在最大值, 求 p 的取值范围, 并求出最大值.
- 149. 已知 xy < 0, 且 $4x^2 9y^2 = 36$. 问: 能否由此条件将 y 表示成 x 的函数? 若能, 求出该函数的解析式; 若不能, 说明理由.
- 150. 已知常数 $a \in \mathbf{R}$, 函数 $g(x) = \frac{x}{x+2}$, 函数 $h(x) = \frac{1}{x+a}$. 设函数 $F(x) = g(x) \cdot h(x)$, D_F 是其定义域; f(x) = g(x) h(x), D_f 是其定义域.
 - (1) 设 a = 2, 求函数 F(x) 的值域;
 - (2) 对于给定的常数 a, 是否存在实数 t, 使得 f(t) = 0 成立?若存在, 求出这样的所有 t 的值;若不存在, 说明理由;
 - (3) * 是否存在常数 a 的值, 使得对于任意 $x \in D_f \cap \mathbf{R}^+$, 有 $f(x) \ge 0$ 恒成立? 若存在, 求出所有这样的 a 的值; 若不存在, 说明理由.
- 151. 给定六个函数: ① $y=\frac{1}{x}$; ② $y=x^2+1$; ③ $y=x^{-\frac{1}{3}}$; ④ $y=2^x$; ⑤ $y=\log_2 x$; ⑥ $y=\sqrt{x^2-1}+\sqrt{1-x^2}$. 在这六个函数中,是奇函数但不是偶函数的是_______,是偶函数但不是奇函数的是______,既不是奇函数也不是偶函数的是______,既是奇函数又是偶函数的是______.
- 152. 设常数 a、 $b \in \mathbb{R}$. 若定义在 [a-2,2a] 上的 $f(x)=ax^2+bx$ 是偶函数, 则 a=________, b=________.
- 153. 设常数 $a \cdot b \in \mathbf{R}$. 若定义在 [a-1,a+1] 上的 $f(x) = ax^2 + x + b$ 是奇函数, 则 $a = \underline{\hspace{1cm}}, b = \underline{\hspace{1cm}}$

- 154. 若函数 $f(x) = \frac{(x+1)(x+a)}{x}$ 为奇函数, 则实数 f(x)______
- 155. 设函数 y=f(x) 为定义在 R 上的函数, 则命题: " $f(-1)\neq f(1)$ 且 $f(-1)\neq -f(1)$ " 是命题 "y=f(x) 既不 是奇函数也不是偶函数"的______ 条件(填"充分不必要"、"必要不充分"、"充要"、"既不充分也不必 要"之中一个).
- 156. 设 y = f(x) 是定义在 R 上的函数, 当 $x \ge 0$ 时, $f(x) = x^2 2x$.

 - (2) 当 y = f(x) 为偶函数时,则当 x < 0 时, f(x) =_____.
- 157. 设奇函数 y = f(x) 的定义域为 [-5, 5]. 若当 $x \in [0, 5]$ 时, y = f(x) 的图像如图, 则不等式 xf(x) < 0 的解



- 158. 若定义在 R 上的两个函数 y = f(x)、y = g(x) 均为奇函数. 设 F(x) = af(x) + bg(x) + 1.
 - (1) F(-2) = 10, $M F(2) = ____;$
 - (2) 若函数 y = F(x) 在 $(0, +\infty)$ 上存在最大值 4, 则 y = F(x) 在 $(-\infty, 0)$ 上的最小值为_
- 159. 判断下列函数 y = f(x) 的奇偶性:

(1)
$$f(x) = (x-1) \cdot \sqrt{\frac{1+x}{1-x}}$$

$$(1) f(x) = (x-1) \cdot \sqrt{\frac{1+x}{1-x}};$$

$$(2)f(x) = \begin{cases} x(1-x), & x < 0, \\ x(1+x), & x > 0. \end{cases}$$

- 160. 已知函数 $f(x) = x^2 2a|x-1|, x \in \mathbf{R}$, 常数 $a \in \mathbf{R}$.
 - (1) 求证: 函数 y = f(x) 不是奇函数;
 - (2) 若函数 y = f(x) 是偶函数, 求实数 $f(x) = \log_3 |2x + a|$ 的值.
- 161. 判断下列函数 y = f(x) 的奇偶性:

(1)
$$f(x) = \frac{1}{a^x - 1} + \frac{1}{2}$$
 (常数 $a > 0$ 且 $a \ne 1$); (2) $f(x) = \frac{ax}{x^2 - a}$ (常数 $a \in \mathbf{R}$).

$$(2) f(x) = \frac{ax}{x^2}$$
(常数 $a \in \mathbf{R}$).

162. 设 y = f(x) 是定义在 R 上的函数, 则下列叙述正确的是 (

	A. $y = f(x)f(-x)$ 是奇函数	t	B. $y = f(x) f(-x) $ 是奇函	数
	C. y = f(x) - f(-x) 是偶百	函数	D. $y = f(x) + f(-x)$ 是偶点	函数
163.	设函数 $y = f(x)$ 为定义在 R	上的函数, 则 " $f(0) \neq 0$)" 是 "函数 $y = f(x)$ 不是奇函	函数"的().
	A. 充分非必要条件		B. 必要非充分条件	
	C. 充要条件		D. 既不是充分条件, 也不是	上必要条件
164.	设 $y = f(x)$ 是定义在 R 上的	的奇函数, 当 $x < 0$ 时, f	$(x) = \lg(2-x)$,则 $x \in \mathbf{R}$ 时,	$f(x) = \underline{\qquad}.$
165.	判断下列函数 $y = f(x)$ 的奇	偶性, 并说明理由:		
	(1) $f(x) = x^3 - \frac{1}{x}$;			
	(2) $f(x) = \frac{ x+3 -3}{\sqrt{4-x^2}}$.			
166.	根据常数 a 的不同取值, 讨论	心下列函数 $y = f(x)$ 的者	f偶性, 并说明理由:	
	$(1) f(a) \ge f(0);$			
	(2) f(x) = x x - a .			
167.	设函数 $y = f(x)$ 是定义在 R	\mathbf{L} 上的奇函数. 若 $x > 0$	时, $f(x) = \lg x$.	
	(1) 求方程 $f(x) = 0$ 的解集;			
	(2) 求不等式 $f(x) > -1$ 的角	军集 .		
168.	是否存在实数 b , 使得函数 g	$(x) = \frac{2^x}{4^x - b}$ 是奇函数?	若存在, 求 b 的值; 若不存在,	说明理由.
169.	常数 $a \in \mathbf{R}$. 若函数 $f(x) = 1$	$g(10^x + 1) + ax$ 是偶函数	数,则 a =	
170.	已知 $y = f(x)$ 为定义在 R	上的奇函数, $y = g(x)$	为定义在 R 上的偶函数, 且(壬意 $x \in \mathbf{R}$,都有 $f(x) =$
	$g(x) + \frac{1}{x^2 + x + 1}$, M $f(1)$ +	$-g(1) = \underline{\hspace{1cm}}.$		
171.	设常数 $a \neq 0$. 若函数 $f(x)$ =	$= \lg \frac{x+1-2a}{x+1+2a}$. 是否存	在实数 a , 使函数 $y = f(x)$ 为	奇函数或偶函数? 若存在
	求出 a 的值, 并判断相应的 g			
172.	函数 $y = \frac{1}{x^2 - 4x + 5}$ 的图像	象关于 ().		
	A. y 轴对称	B. 原点对称	C. 直线 $x=2$ 对称	D. 点 (2,1) 对称
173.	函数 $y = x + \frac{1}{x-1}$ 的图像争	关于 ().		
	A. 点 (1,1) 对称	B. 点 (-1,1) 对称	C. 点 (1,-1) 对称	D. 点 (-1,-1) 对称

176. 已知函数 y = f(x) 满足: 对于任意 $x \in \mathbf{R}$, 都有 f(x+1) = -f(x). 若 f(1) = 1, 则 $f(4) = _______$; $f(2015) = _______$.

175. 设常数 $a,b \in \mathbb{R}$. 若函数 $y = x^2 + ax$ 在区间 [a,b] 上的图像关于直线 x = 1 对称, 则 b =______.

B. 点 (1,0) 中心对称 C. 点 (2,0) 中心对称 D. 点 (4,0) 中心对称

174. 若函数 y = f(x) 的定义域为 R, 且 f(x-1) = -f(3-x), 则 y = f(x) 的图像关于 ().

A. 原点中心对称

177.	已知函数 $y = f(x)$ 图像关	于 $(1,0)$ 对称. 若 $x \le 1$	时, $f(x) = x^2 - 1$, 则 $f(x) = $	·
178.	已知函数 $y = f(x)$ 满足: 对于任意 $x \in \mathbb{R}$, 都有 $f(x+3) = f(x)$. 若 $x \in [0,3)$ 时, $f(x) = x - 1$, 则 $x \in [6,9]$ 时, $f(x) = x - 1$.			
179.	设常数 $a \in \mathbb{R}$. 已知函数 y 总是关于直线 $x = a$ 对称,		$\mathfrak{F}(x \in \mathbf{R}, $ 都有 $f(x-1) = f(1-1)$	x). 若函数 $y = f(x)$ 图像
180.	. 设常数 $a \in \mathbf{R}$. 若直线 $x = 2$ 是函数 $f(x) = \log_3 2x + a $ 的图像的一条对称轴, 则 $a = $			
181.	1. 设函数 $y = f(x)$ 为 R 上的奇函数,且对于任意 $x \in \mathbf{R}$ 都有 $f(x+2) = -f(x)$. (1) 求证:函数 $y = f(x)$ 为周期函数; (2) 对于任意 $x \in \mathbf{R}$, 求证: $f(1+x) = f(1-x)$; (3) 设 $0 \le x \le 1$ 时, $f(x) = \frac{1}{2}x$. 求函数 $y = f(x) + \frac{1}{2}$ 在 $-4 \le x \le 4$ 时的所有零点; (4) 设 $-1 \le x \le 1$ 时, $f(x) = \sin x$. ① 写出 $1 \le x \le 5$ 时, $y = f(x)$ 的解析式; ② 求 $y = f(x)$ 在 R 上的解析式.			
182.	常数 a 、 $b \in \mathbf{R}$. 函数 $f(x)$ (1) 求 $y = f(x)$ 的解析式; (2) * 若 $y = f(x)$ 的图像关	V 0	引像关于点 (1,2) 对称. 出这样的一条对称轴直线的方程	(无需证明).
183.	函数 $y = \log_2 \frac{2-x}{2+x}$ 的图像关于 ().			
	A. 原点对称	B. y 轴对称	C. 直线 $y = x$ 对称	D. 直线 $y = -x$ 对称
184.	函数 $y = \log_2(2-2^x)$ 的图	像关于 ().		
	A. 原点对称	B. y 轴对称	C. 直线 $y = x$ 对称	D. 直线 $y = -x$ 对称
185.	设常数 $a,b \in \mathbb{R}$. 若二次函	数 $f(x) = ax^2 + bx + 1$ }	满足: 对任意 $t \in \mathbf{R}$, $f(2+t) = f($	$(2-t)$,则 $\frac{b}{a} =$
186.	设定义在 R 上的函数 $y = f(x) =$	f(x) 的图像关于直线	$x = 1$ 对称. 若 $x \ge 1$ 时, $f(x)$	$=1-3^{x-1}$, 则 $x<1$ 时,
187.	设函数 $y = \log_2(x+3)$ 的 $f(a)$ 有意义,则 $f(a) =$		的图像关于直线 $x=1$ 对称. ① \therefore 达式表示).) f(1)=; ② 若
188.	已知定义域为 R 的函数 y (1) 若 $f(0) = 1$, $f(1) = 2$,		其图像关于直线 $x = 1$ 对称.	

(2) 设 $x \in [0,1]$ 时, $f(x) = x^3$.

 $1 < x \le 2$ 时, 求 y = f(x) 的解析式;

 $-2 \le x < 0$ 时, 求 y = f(x) 的解析式;

	③ 求函数 $y = f(x) -$ ④ 求 $y = f(x)$ 在 R	$\frac{1}{8}$ 在 $[-2,2]$ 上的所有零 L 的解析式.	点;	
189.	已知 $f(x)$ 是定义域为 $\cdots + f(50) = ($).	$(-\infty,+\infty)$ 的奇函数, 满	足 $f(1-x) = f(1+x)$. 才	吉 $f(1) = 2$,则 $f(1) + f(2) + f(3) + f(3)$
	A50	B. 0	C. 2	D. 50
190.	(1) 求证: $y = f(x)$ 是	一切 u,v ∈ R , 都有 f(u - 奇函数; n 表示 f(6) 以及 f(300).	+v) = f(u) + f(v).	
191.	(1) 若 $f(1) = 1$, 则 $f($	-1) + f(0) =	y = f(x) 也是以 4 为周期 ; f(10) + f(11) = 个数的最小值为	;
192.	-f(x-1). 则下面命是	$oldsymbol{oldsymbol{g}}oldsymbol{e}$,正确的命题的序号是 $oldsymbol{g}$ $oldsymbol{B}$ $oldsymbol{B}$ $oldsymbol{g}$ $oldsymbo$	<u>!</u>	f(x) 图像关于 $f(x)$ 列称; ④ 函数
193.	下列函数中, 在其定义 ① $y = \frac{2-x}{x}$; ② $y = \frac{2-x}{x}$	域上是单调函数的序号为 $x - \frac{1}{x}$; ③ $y = 3^{x-1}$; ④ y	$= \ln \frac{1}{x}; \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	
194.	函数 $y = x - 1 $ 递减	区间的是		
195.	函数 $y = x + \frac{2}{x}(x > 0)$) 的递减区间是	<u>_</u> .	
196.	函数 $y = (\frac{1}{2})^{x^2}$ 的递减	区间是		
197.	函数 $y = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 2x - x^2}}$	_ 的递增区间是 3	·	
198.	设常数 $a \in \mathbf{R}$. 若 $y =$	$\frac{ax}{x+1}$ 在区间 $(-1,+\infty)$	上递增,则 a 的取值范围	란
199.	设常数 $a \in \mathbf{R}$. 若函数	$y = x^2 + ax + 1 \not\equiv (-\infty)$	[a,2] 上递减, 则 a 的取值范	這围是
200.			リ下列命题中, 正确的命题) カ増函数: (3) y = f(g(x	
	-1111 = 1111 + 0111 + 0111	$\mathbf{E} = \mathbf{E} \mathbf{E} \mathbf{E} \mathbf{E} \mathbf{E} \mathbf{E} \mathbf{E} \mathbf{E}$		11 ALBS MASS

202. 设常数 $a \in \mathbf{R}$. 若函数 $f(x) = \begin{cases} x+a, & x<1, \\ & \text{在 } \mathbf{R} \text{ 上递增, 则 } a \text{ 的取值范围为}___. \end{cases}$

201. 若 y = f(x) 为 R 上的奇函数, 且在 $(-\infty, 0)$ 上是减函数, 又 f(-2) = 0, 则 $f(x) \le 0$ 的解集为______.

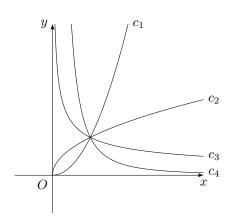
- 203. 设函数 $f(x) = e^x + \frac{1}{e^x}$.
 - (1) 求证: y = f(x) 在 R 上不是增函数;
 - (2) 求证: y = f(x) 在 $[0, +\infty)$ 上是增函数.
- 204. 设常数 $a \in \mathbb{R}$. 若 $y = \log_{\frac{1}{a}}(x^2 ax + 2)$ 在 $[-1, +\infty)$ 上是减函数, 求 a 的取值范围.
- 205. 已知定义在区间 (-1,1) 上的函数 y=f(x) 是奇函数, 也是减函数. 若 $f(1-a)+f(1-a^2)<0$, 求实数 a 的 取值范围.
- 206. 下列函数中, 在区间 $(0,+\infty)$ 上递增的函数的序号为_
 - ① y = |x+1|; ② $y = x \frac{1}{x}$; ③ $y = x^{\frac{1}{2}}$; ④ $y = \sqrt{1 \frac{1}{x}}$; ⑤ $y = \lg x$.
- 207. 函数 $y = \log_{0.7}(x^2 3x + 2)$ 的单调减区间为_____.
- 208. 已知 y = f(x) 是偶函数, 且在区间 [0,4] 上递减. 记 a = f(2), b = f(-3), c = f(-4), 则将 a,b,c 按从小到 大的顺序排列是 _
- 209. 设常数 $a \in \mathbb{R}$. "a = 1" 是 "f(x) = |x a| 在区间 $[1, +\infty)$ 上为增函数"的______ 条件 (填: "充分不必 要"、"必要不充分"、"充要"、"既不充分也不必要"之一).
- - (2) 设常数 $k \in \mathbb{R}$. 若函数 $f(x) = kx^2 4x + 8$ 在区间 [5, 20] 上单调递减, 则 k 的取值范围是
- 211. * 设 f(x)、g(x)、h(x) 是定义域为 R 的三个函数, 对于下列命题:
 - ① 若 f(x) + g(x)、f(x) + h(x)、g(x) + h(x) 均为增函数,则 f(x)、g(x)、h(x) 中至少有一个是增函数;
 - (2) 若 f(x) + g(x)、f(x) + h(x)、g(x) + h(x) 均是以 T 为周期的函数, 则 f(x)、g(x)、h(x) 均是以 T 为周 期的函数,下列判断正确的是(
 - A. ①和②均为真命题

B. ①和②均为假命题

C. ①为真命题, ②为假命题

- D. ①为假命题, ②为真命题
- 212. 设常数 $a, b \in \mathbf{R}$. 已知 $f(x) = \frac{ax^2 + 1}{x + b}$ 是奇函数, f(1) = 5.
 - (1) 求 a,b 的值;
 - (2) 求证: y = f(x) 在区间 $(0, \frac{1}{2}]$ 上是减函数.
- 213. 求证: 函数 $f(x) = \frac{1}{x} \lg \frac{1+x}{1-x}$ 是奇函数, 且在区间 (0,1) 上递减.
- 214. 设常数 $a \in \mathbf{R}$. 若函数 $f(x) = \log_a(2 ax)$ 在 [0,1] 上是减函数, 求 a 的取值范围.
- 215. 已知定义 R 上的函数 y = f(x) 满足下面两个条件:
 - (I) 对于任意 $x_1, x_2 \in \mathbb{R}$, 都有 $f(x_1 + x_2) = f(x_1) + f(x_2)$; (II) 当 x > 0 时, f(x) > 0, 且 f(1) = 1.
 - (1) 求证: y = f(x) 是奇函数;
 - (2) 求证: y = f(x) 在 R 上是增函数;
 - (3) * 解不等式 $f(x^2-1) < 2$.

- 216. 函数 $y = x^{-\frac{3}{2}}$ 的定义域为______.
- 217. 下列命题中, 正确的命题的序号是__
 - ① 当 $\alpha = 0$ 时, 函数 $y = x^{\alpha}$ 的图像是一条直线;
 - ② 幂函数的图像都经过 (0,0) 和 (1,1) 点;
 - ③ 当 $\alpha < 0$ 且 $y = x^{\alpha}$ 是奇函数时, 它也是减函数;
 - ④ 第四象限不可能有幂函数的图像.
- 218. 图中曲线是幂函数 $y=x^n$ 在第一象限的图像,已知 n 取 ± 2 , $\pm \frac{1}{2}$ 四个值,则相应于曲线 c_1,c_2,c_3,c_4 的 n 依 次为().



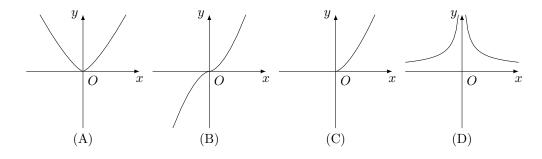
A.
$$-2, -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 2$$
 B. $2, \frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, -2$ C. $-\frac{1}{2}, -2, 2, \frac{1}{2}$ D. $2, \frac{1}{2}, -2, -\frac{1}{2}$

B.
$$2, \frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, -2$$

C.
$$-\frac{1}{2}$$
, -2 , 2 , $\frac{1}{2}$

D.
$$2, \frac{1}{2}, -2, -\frac{1}{2}$$

219. 下列函数的图像为 (A)、(B)、(C)、(D) 之一, 试将正确的字母标号填在相应函数后面的横线上.



(1)
$$y = x^{\frac{3}{2}}$$
; (2) $y = x^{\frac{4}{3}}$; (3) $y = x^{\frac{5}{3}}$; (4) $y = x^{-\frac{2}{3}}$.

- 220. 已知 $\alpha \in \{-2, -1, -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 1, 2, 3\}$,若幂函数 $f(x) = x^{\alpha}$ 为奇函数,且在 $(0, +\infty)$ 上递减,则 $\alpha =$ ______.
- 221. 函数 y=f(x) 满足两个条件: ① y=f(x) 是两个幂函数的和函数; ② y=f(x) 的最小值为 2, 则 y=f(x)的解析式可以是_____
- 222. 若集合 $A = \{y|y = x^{\frac{1}{3}}, -1 \le x \le 1\}, B = \{y|y = x^{-\frac{1}{2}}\}, 则 A \cap B$ 等于 ().

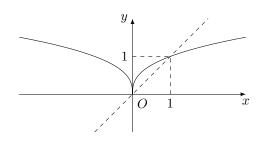
A.
$$(0,1]$$

B.
$$[-1,1]$$

D.
$$\{0,1\}$$

223. 设常数 $m \in \mathbf{R}$. 若幂函数 $y = (m^2 - m - 1)x^{m^2 - 2m - 1}$ 在 $(0, +\infty)$ 上是增函数, 则 m 的值为______.

224.	设常数 $n\in {\bf Z}$. 若函数 $y=x^{n^2-2n-3}$ 的图像与两条坐标轴都无公共点,且图像关于 y 轴对称,则 n 的值为
225.	函数 $y=1-(x+2)^{-2}$ 可以先将幂函数 $y=x^{-2}$ 的图像向 平移 2 个单位,再以 轴为 对称轴作对称变换,最后向 平移 1 个单位.
226.	在 $f(x) = (2m^2 - 7m - 9)x^{m^2 - 9m + 19}$ 中, 当实数 m 为何值时, $(1) y = f(x)$ 是正比例函数, 且它的图像的倾斜角为钝角? $(2) y = f(x)$ 是反比例函数, 且它的图像在第一, 三象限?
227.	设常数 $t\in \mathbf{Z}$. 已知幂函数 $y=(t^3-t+1)x^{\frac{1}{3}(1+2t-t^2)}$ 是偶函数, 且在区间 $(0,+\infty)$ 上是增函数, 求整数 t 的值, 并作出相应的幂函数的大致图像.
	设 $a \in \mathbf{R}$. $(1) 若 (a+2)^{\frac{2}{3}} > (1-2a)^{\frac{2}{3}}, 求 a 的取值范围; (2) 若 (a+2)^{-\frac{1}{3}} > (1-2a)^{-\frac{1}{3}}, 求 a 的取值范围.$
229.	已知函数: ① $y=\frac{1}{x}$; ② $y=x^{\frac{1}{2}}$; ③ $y=x^{-\frac{1}{2}}$; ④ $y=x^{\frac{2}{3}}$; ⑤ $y=x^{-\frac{2}{3}}$, 填写分别具有下列性质的函数序号: (1) 图像与 x 轴有公共点的:; (2) 图像关于原点对称的:; (3) 定义域内递减的:; (4) 在定义域内有反函数的:
230.	函数 $y=-(x+1)^{-3}$ 的图像可以先将幂函数 $y=x^{-3}$ 的图像向 平移 1 个单位,再以 轴为对称轴作对称变换.
231.	设 $\alpha \in \{-3, -\frac{2}{3}, -\frac{1}{2}, -\frac{1}{3}, \frac{1}{3}, 1, \frac{3}{2}, 2\}$. 已知幂函数 $y = x^{\alpha}$ 是奇函数, 且在区间 $(0, +\infty)$ 上是减函数, 则满足条件的 α 的值是
232.	下列关于幂函数图像及性质的叙述中,正确的叙述的序号是 ① 对于一个确定的幂函数,第二、三象限不可能同时有该幂函数的图像上的点; ② 若某个幂函数图像过 $(-1,-1)$,则该幂函数是奇函数; ③ 若某个幂函数在定义域上递增,则该幂函数图像必经过原点; ④ 幂函数图像不会经过点 $(-\frac{1}{2},8)$ 以及 $(-8,-4)$.
233.	设 $y=f(x)$ 与 $y=g(x)$ 是两个不同的幂函数, 集合 $M=\{x f(x)=g(x)\},$ 则集合 M 中的元素是 ().
00.4	A. 1 或 2 B. 1 或 3 C. 1 或 2 或 3 D. 1 或 2 或 3 或 4
<i>2</i> 34.	已知幂函数 $y=x^{\frac{q}{p}}(p\in\mathbf{N}^*,\ q\in\mathbf{N}^*,\ p,q$ 互质) 的图像如图所示,则 ().



A. p,q 均为奇数

C. p 是偶数, q 是奇数

B. p 是奇数, q 是偶数, 且 $0 < \frac{q}{p} < 1$ D. p 是奇数, q 是偶数, 且 $\frac{q}{p} > 1$

235. 若 $(x+1)^{-\frac{1}{3}} < (3-2x)^{-\frac{1}{3}}$, 求实数 x 的取值范围.

236. 设常数 a, b 满足 a > b > 0. 已知函数 $f(x) = \frac{x+a}{x+b}$. (1) 写出函数 y = f(x) 的单调性;

(2) 写出函数 y = f(x) 图像的一个对称中心的坐标.

237. 已知函数 $f(x) = \frac{x^{\frac{1}{3}} - x^{-\frac{1}{3}}}{5}, g(x) = \frac{x^{\frac{1}{3}} + x^{-\frac{1}{3}}}{5}.$

(1) 分别计算 f(4) - 5f(2)g(2) 和 f(9) - 5f(3)g(3) 的值;

(2) 由 (1) 概括出涉及函数 y=f(x) 和 y=g(x) 的, 对所有不等于零的实数 x 都成立的一个等式, 并加以证 明.

238. *证明第8题中的对称中心是唯一的.