1.	函数 $y = \log_2(x-2)$ 的定义域为						
2.	设圆锥的底面半径为 1 ,体积为 $\frac{2\sqrt{2}}{3}\pi$,则该圆锥的侧面积为						
3.	等差数列 $\{a_n\}$ 中, $a_3 + a_{10} = 25$, 则其前 12 项之和 S_{12} 的值为						
4.	幂函数 $y=x^k$ 的图像经过点 $(4,\frac{1}{2})$, 则它的单调减区间为						
5.	三角形 ABC 中, $A=45^{\circ}$, $B=75^{\circ}$, AB 边的长为 $2\sqrt{6}$, 则 BC 边的长为						
6.	已知 a 是实数, 方程 $x^2+2x+a=0$ 的两根在复平面上对应的点分别为 P 和 Q . 若三角形 POQ 是等腰直角三角形, 则 $a=$						
7.	设实数 x,y 满足 $ x + y \le 1$, 则 $2x+y$ 的最大值为						
8.	. 已知偶函数 $y = f(x)$ 的定义域为 R, 且当 $x \ge 0$ 时, $f(x) = x - 4$, 则不等式 $xf(x) \le 5$ 的解为						
9.	. 等比数列 $\{a_n\}$ 的首项为 1 , 公比为 3 , 则极限 $\lim_{n\to\infty} \frac{a_1a_2+a_2a_3+\cdots+a_na_{n+1}}{a_1+a_2+\cdots+a_{2n-1}}$ 的值为						
10.	甲乙两人分别投掷两颗骰子与一颗骰子,设甲的两颗骰子的点数分别为 a 与 b , 乙的骰子的点数为 c . 则掷出的点数满足 $ a-b =c$ 的概率为(用最简分数表示).						
11.	已知 a 是实数, 在 $(1+ax)^8$ 的二项展开式中,第 $k+1$ 项的系数为 $c_{k+1}=C_8^k\cdot a^k$ $(k=0,1,2,3,\cdots,8)$. 若 $c_1< c_2< c_3< \cdots < c_9$,则 a 的取值范围为						
12.	设 $P_1P_2P_3\cdots P_8$ 是平面直角坐标系中的一个正八边形,点 P_i 的坐标为 (x_i,y_i) $(i=1,2,\cdots,8)$. 集合 $A=\{y $ 存在 $i\in\{1,2,\cdots,8\}$,使得 $y=y_i\}$,则集合 A 的元素个数可能为(写出所有可能的值).						
13.	方程 $2\sin(2x+\frac{\pi}{3})-1=0$ 在区间 $[0,4\pi)$ 上的解的个数为 ().						
	A. 2 B. 4 C. 6 D. 8						
14.	已知直线 l 平行于平面 α , 平面 β 垂直于平面 α . 则以下关于直线 l 与平面 β 的位置关系的表述, 正确的是 ().						
	A. l 与 β 不平行 B. l 与 β 不相交						
	C. l 不在平面 β 上 D. l 在 β 上, 与 β 平行, 与 β 相交都有可能						
15.	设三角形 ABC 是位于平面直角坐标系 xOy 的第一象限中的一个不等边三角形. 该平面上的动点 P 满足: $ PA ^2+ PB ^2+ PC ^2= OA ^2+ OB ^2+ OC ^2.$ 已知动点 P 的轨迹是一个圆,则该圆的圆心位于三角形 ABC 的 ().						
	A. 内心 B. 外心 C. 重心 D. 垂心						
16.	已知 $y = f(x)$ 与 $y = g(x)$ 皆是定义域、值域均为 R 的函数. 若对任意 $x \in \mathbf{R}$, $f(x) > g(x)$ 恒成立, 且 $y = f(x)$ 与 $y = g(x)$ 的反函数 $y = f^{-1}(x)$ 、 $y = g^{-1}(x)$ 均存在. 命题 P : "对任意 $x \in \mathbf{R}$, $f^{-1}(x) < g^{-1}(x)$ 恒成立"; 命题 Q : "函数 $y = f(x) + g(x)$ 的反函数一定存在". 以下关于这两个命题的真假判断, 正确的是						

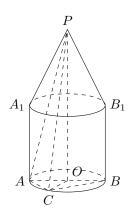
().

A. 命题 P 真, 命题 Q 真

B. 命题 P 真, 命题 Q 假

C. 命题 P 假, 命题 Q 真

- D. 命题 P 假, 命题 Q 假
- 17. 如图, 空间几何体由两部分构成, 上部是一个底面半径为 1, 高为 2 的圆锥, 下部是一个底面半径为 1, 高为 2 的圆柱. 圆锥和圆柱的轴在同一直线上, 圆锥的下底面与圆柱的上底面重合. 点 P 是圆锥的顶点, AB 是圆柱 下底面的一条直径, AA_1 、 BB_1 是圆柱的两条母线. C 是弧 AB 的中点.



- (1) 求异面直线 PA_1 与 BC 所成的角的大小;
- (2) 求点 B_1 到平面 PAC 的距离.
- 18. 已知 α, λ 是实常数, $f(x) = \begin{vmatrix} \lambda \cos x \sin(x \alpha) \\ \sin(x + \alpha) \cos x \end{vmatrix}$. $(1) \ \mathbf{\dot{y}} \ \lambda = 1, \ \alpha = \frac{\pi}{3} \ \mathbf{\dot{p}}, \ \mathbf{\ddot{x}}$ 函数 y = f(x) 的最小正周期、单调增区间与最大值;

 - (2) 是否存在 λ , 使得 f(x) 是与 α 有关的常数函数 (即 f(x) 的值与 x 的取值无关)? 若存在, 求出所有满足 条件的 λ ; 若不存在, 说明理由.
- 19. 已知 a 是实常数, a > 0, $f(x) = ax 1 + \frac{1}{x^2}$.
 - (1) 当 a=2 时, 判断函数 y=f(x) 在区间 $[1,+\infty)$ 上的单调性, 并说明理由;
 - (2) 写出一个 a 的值, 使得 f(x) = 0 在区间 $(0, +\infty)$ 上有至少两个不同的解, 并严格证明你的结论.
- 20. 设抛物线 Γ 的方程为 $y^2=2px$, 其中常数 p>0. F 是抛物线 Γ 的焦点.
 - (1) 若直线 x=3 被抛物线 Γ 所載得的弦长为 6, 求 p 的值;
 - (2) 设 A 是点 F 关于顶点 O 的对称点. P 是抛物线 Γ 上的动点, 求 $\frac{|PA|}{|PF|}$ 的最大值;
 - (3) 设 $p=2, l_1, l_2$ 是两条互相垂直, 且均经过点 F 的直线. l_1 与抛物线 Γ 交于点 A、B, l_2 与抛物线交于点 C, D, $\overrightarrow{A} = \overrightarrow{B} + \overrightarrow{A} + \overrightarrow{B} + \overrightarrow{B}$
- 21. 设各项均为整数的无穷数列 $\{a_n\}$ 满足: $a_1=1$, 且对所有 $n\in \mathbb{N}^*$, 均成立 $|a_{n+1}-a_n|=n$.
 - (1) 写出 a4 的所有可能值 (不需要写计算过程);
 - (2) 若 $\{a_{2n-1}\}$ 是公差为 1 的等差数列, 求 $\{a_n\}$ 的通项公式;
 - (3) 证明: 存在满足条件的数列 $\{a_n\}$, 使得在该数列中, 有无穷多项为 2019.
- 22. 设 $m \in \mathbb{R}$. 已知集合 $A = \{2,3\}, B = \{1,m\}$. 若 $4 m \in A$, 则 $m = \underline{\hspace{1cm}}$

23.	不等式 $ 1 - x > 1$ 的解集是	·•				
24.	设 $a \in \mathbf{R}$. 若 a 使得函数 $f(x) = \sqrt{8 - ax - 2x^2}$ 是偶函数, 则函数 $y = f(x)$ 的定义域是					
25.	已知 $\triangle ABC$ 的三内角 A,B,C 所对的边长分别为 a,b,c , 若 $a^2=b^2+c^2+2bc\sin A$, 则内角 A 的大小是					
26.	已知向量 \overrightarrow{a} 在向量 \overrightarrow{b} 方向	上的投影为 -2 , 且 $ \overrightarrow{b} =3$	\overrightarrow{a} ,则 $\overrightarrow{a} \cdot \overrightarrow{b} =$ (结身	果用数值表示).		
27.	方程 $\log_3 \frac{1}{2^x + 4} + \log_3(4^x - 2) = 0$ 的解 $x = \underline{\hspace{1cm}}$.					
28.	已知函数 $f(x) = \begin{vmatrix} \sin x \cos x \\ \cos x \cos x \end{vmatrix}$,则函数 $y = f(x)$ 的最小正周期是					
29.	已知某市 A 社区 35 岁至 45 人. 为了解该社区 35 岁至 6 查, 若从 46 岁至 55 岁的居民	5 岁居民的身体健康状况,	社区负责人采用分层抽样技术	於抽取若干人进行体检调		
30.	已知 α 是实系数一元二次方 围是	程 $x^2 - (2m-1)x + m^2 +$	$1=0$ 的一个虚数根, 且 $ lpha \leq$	≤ 2 , 则实数 m 的取值范		
31.	设 $a \in \mathbf{R}$. 若函数 $y = f(x)$ 有范围为	是奇函数, 且 $x > 0$ 时, $f(x)$	a(x-1) + 1. $ $) 是单调增函数, 则 a 取		
32.	. 已知数列 $\{a_n\}$ 是共有 k 个项的有限数列,且满足 $a_{n+1}=a_{n-1}-\frac{n}{a_n}\;(n=2,\cdots,k-1),$ 若 $a_1=24,$ $a_2=51$ $a_k=0,$ 则 $k=$					
33.	设 $\varphi \in (0,\pi)$. 若存在实数 a,b 使得关于 x 的方程 $a\sin(2x+\varphi)+b=0$ 在 $[0,2\pi]$ 时恰有 5 个解, 且解的和为 $\frac{63}{11}\pi$, 则 $\varphi =$					
34.	设 $x \in \mathbb{R}, y \in \mathbb{R}$. 那么 " $x >$	0"是"xy > 0"的().				
	A. 充分非必要条件		B. 必要非充分条件			
	C. 充要条件		D. 既非充分又非必要条件			
35.	在某段时间内, 甲地不下雨的 两地下雨相互独立, 则这段时			$f_2 < 1$). 若在这段时间内		
	A. P_1P_2		C. $P_1(1-P_2)$	$D_{i}(1 D_{i})(1 D_{i})$		
36.	已知梯形 $ABCD$, $AB \parallel CD$ 中任意的非零向量 \overrightarrow{a} , 都可以					
	A. 6	B. 8	C. 10	D. 12		

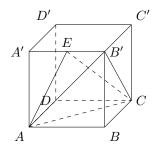
- 37. 在 $\triangle ABC$ 中,BC=a,CA=b,AB=c,对于下面两个说法: ① 对于任意 $\triangle ABC$,以 \sqrt{a} , \sqrt{b} , \sqrt{c} 为三边的三角形存在,且总是一个锐角三角形; ② 存在一个 $\triangle ABC$,以 $\frac{1}{a}$, $\frac{1}{b}$, $\frac{1}{c}$ 为三边的三角形是一个钝角三角形. 下面判断正确的是 ().
 - A. ①正确, ②错误

B. ①错误, ②正确

C. ①正确, ②正确

D. ①错误, ②错误

38. 如图, 在棱长为 2 的正方体 *ABCD* - *A'B'C'D'* 中, *E* 为 *AB* 的中点.



- (1) 求证: 直线 AE 平行于平面 CC'D'D;
- (2) 求点 E 到平面 AB'C 的距离.
- 39. 经济订货批量模型,是目前大多数工厂、企业等最常采用的订货方式,即某种物资在单位时间的需求量为某常数,经过某段时间后,存储量消耗下降到零,此时开始订货并随即到货,然后开始下一个存储周期. 该模型适用于整批间隔进货、不允许缺货的存储问题. 具体如下:

年存储成本费 T(元) 关于每次订货 x(单位: 吨) 的函数关系为 $T(x)=\frac{Bx}{2}+\frac{AC}{x},$ 其中 A 为年需求量, B 为每单位物资的年存储费, C 为每次订货费.

某化工厂需用甲醇作为原料, 年需求量为 6000 吨, 每吨存储费为 120 元/年, 每次订货费为 2500 元. (1) 若该化工厂每次订购 300 吨甲醇, 求年存储成本费;

- (2) 每次需订购多少吨甲醇, 可使该化工厂年存储成本费最少? 最少费用为多少?
- 40. 已知函数 $f(x) = \sin x$.
 - (1) 设 $a \in \mathbf{R}$, 判断函数 $g(x) = a \cdot f(x) + f(x + \frac{\pi}{2})$ 的奇偶性, 并说明理由;
 - (2) 设函数 $F(x) = 2f(x) \sqrt{3}$. 对任意 $b \in \mathbb{R}$, 求 y = F(x) 在区间 $[b, b + 100\pi]$ 上零点个数的所有可能值.
- 41. 双曲线 Γ : $x^2 \frac{y^2}{h^2} = 1(b > 0)$.
 - (1) 若 Γ 的一条渐近线方程为 y = 2x, 求 Γ 的方程;
 - (2) 设 F_1 、 F_2 是 Γ 的两个焦点, P 为 Γ 上一点, 且 $PF_1 \perp PF_2$, $\triangle PF_1F_2$ 的面积为 9, 求 b 的值;
 - (3) 已知斜率为 2 的直线与 Γ 交于 A、B 两点,点 M 是线段 AB 的中点,设点 M 的横坐标的集合为 Ω . 若 $\{x|x=2n,\ n\in {\bf N}^*\}\subseteq \Omega$,求正数 b 的取值范围.
- 42. 已知以 a_1 为首项的数列 $\{a_n\}$ 满足: $|a_{n+1}| = |a_n + 1| (n \in \mathbb{N}^*)$.
 - (1) 当 $a_1 = -\frac{1}{3}$ 时, 且 $-1 < a_n < 0$, 写出 a_2, a_3 ;
 - (2) 若数列 $\{|a_n|\}(1 \le n \le 10, n \in \mathbb{N}^*)$ 是公差为 -1 的等差数列, 求 a_1 的取值范围;

- (3) 设 $a_1=0$. 记 S_n 为 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 给定正整数 $m\geq 4$, 求 S_{m-1} 的最小值, 并证明取到最小值的数 列 $\{a_n\}$ 不唯一.
- 43. 函数 $y = 3\sin(2x + \frac{\pi}{3})$ 的最小正周期 $T = _____$
- 44. 函数 $y = \lg x$ 的反函数是__
- 45. 已知集合 $P = \{x | (x+1)(x-3) < 0\}, Q = \{x | |x| > 2\}, 则 P \cap Q = _____.$
- 46. 函数 $y = x + \frac{9}{x}, x \in (0, +\infty)$ 的最小值是______.
- 47. 计算: $\lim_{n\to\infty} \left[\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \ldots + (\frac{1}{2})^n\right] = \underline{\hspace{1cm}}$
- 49. 若某线性方程组对应的增广矩阵是 $egin{pmatrix} m & 4 & 2 \\ 1 & m & m \end{pmatrix}$, 且此方程组有唯一的一组解, 则实数 m 的取值范围是_
- 50. 若一个布袋中有大小、质地相同的三个黑球和两个白球, 从中任取两个球, 则取出的两球中恰是一个白球和一 个黑球的概率是
- 51. $(1+2x)^n$ 的二项展开式中, 含 x^3 项的系数等于含 x 项的系数的 8 倍, 则正整数 n=
- 52. 平面上三条直线 x 2y + 1 = 0, x 1 = 0, x + ky = 0, 如果这三条直线将平面划分为六个部分, 则实数 k 的 取值组成的集合 A =______.
- 53. 已知双曲线 $C: \frac{x^2}{9} \frac{y^2}{8} = 1$, 左、右焦点分别为 F_1 、 F_2 , 过点 F_2 作一直线与双曲线 C 的右支交于 P、Q两点, 使得 $\angle F_1PQ = 90^\circ$, 则 $\triangle F_1PQ$ 的内切圆的半径 r =____
- 54. 已知点 B(4,0),~C(2,2),~平面直角坐标系上的动点 P 满足 $\overrightarrow{OP}=\lambda\cdot\overrightarrow{OB}+\mu\cdot\overrightarrow{OC}$ (其中 O 是坐标原点, 且 $1 < \lambda \le a, 1 < \mu \le b$), 若动点 P 组成的区域的面积为 8, 则 a + b 的最小值是
- 55. 若向量 $\overrightarrow{a} = (2,0), \overrightarrow{b} = (1,1), 则下列结论中正确的是()$.

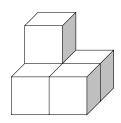
A.
$$\overrightarrow{a} \cdot \overrightarrow{b} = 1$$

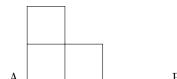
B.
$$|\overrightarrow{a}| = |\overrightarrow{b}|$$

$$\text{A. } \overrightarrow{a} \cdot \overrightarrow{b} = 1 \\ \text{B. } |\overrightarrow{a}| = |\overrightarrow{b}| \\ \text{C. } (\overrightarrow{a} - \overrightarrow{b}) \perp \overrightarrow{b} \\ \text{D. } \overrightarrow{a} \parallel \overrightarrow{b}$$

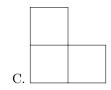
D.
$$\overrightarrow{a} \parallel \overrightarrow{b}$$

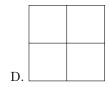
- - A. $(\pm 4, 0)$
- B. $(0, \pm 4)$
- C. $(\pm 5, 0)$
- D. $(0, \pm 3)$
- 57. 如图几何体是由五个相同正方体叠成的, 其三视图中的左视图序号是().











- 58. 定义 $F(a,b) = \begin{cases} a, & a \leq b, \\ &, \text{ 已知函数 } f(x) \text{、} g(x)$ 定义域都是 \mathbf{R} , 给出下列命题: $b, & a > b, \end{cases}$
 - (1) 若 f(x)、g(x) 都是奇函数, 则函数 F(f(x),g(x)) 为奇函数;
 - (2) 若 f(x)、g(x) 都是减函数, 则函数 F(f(x),g(x)) 为减函数;
 - (3) 若 $f_{\min}(x) = m$, $g_{\min}(x) = n$, 则 $F_{\min}(f(x), g(x)) = F(m, n)$;
 - (4) 若 f(x)、g(x) 都是周期函数, 则函数 F(f(x),g(x)) 是周期函数.

其中正确命题的个数为().

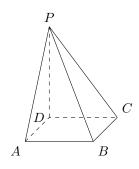
A. 1 个

B. 2 个

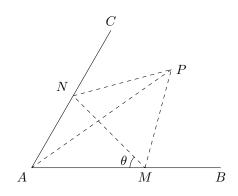
C. 3 个

D. 4 个

59. 在四棱锥 P-ABCD 中, 底面 ABCD 是边长为 6 的正方形, $PD \perp$ 平面ABCD, PD=8.



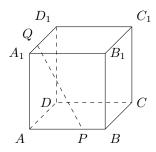
- (1) 求 PB 与平面 ABCD 所成角的大小;
- (2) 求异面直线 PB 与 DC 所成角的大小.
- 60. 复数 $z=(\frac{1}{2}-\frac{\sqrt{3}}{2}\mathrm{i})^2$ 是一元二次方程 $mx^2+nx+1=0(m,n\in\mathbf{R})$ 的一个根.
 - (1) 求 m 和 n 的值;
 - (2) 若 $(m+ni)\overline{u}+u=z(u\in\mathbf{C})$, 求 u.
- 61. 如图, 经过村庄 A 有两条夹角为 60° 的公路 AB、AC, 根据规划拟在两条公路之间的区域内建一工厂 P, 分别在两条公路边上建两个仓库 M、N(异于村庄 A), 要求 PM = PN = MN = 2(单位: 千米). 记 $\angle MN = \theta$.



- (1) 将 AN、AM 用含 θ 的关系式表示出来;
- (2) 如何设计 (即 AN、AM 为多长时), 使得工厂产生的噪声对居民的影响最小 (即工厂与村庄的距离 AP 最大)?
- 62. 已知椭圆 $C: \frac{x^2}{2} + y^2 = 1$ 的左、右焦点分别为 F_1 、 F_2 .
 - (1) 点 P 在椭圆 C 上运动 (点 P 不在 x 轴上), 设 F_2 关于 $\angle F_1PF_2$ 的外角平分线所在直线的对称点为 Q, 求 Q 的轨迹方程;
 - (2) 设 M、N 分别是曲线 C 上的两个不同点,且点 M 在第一象限,点 N 在第三象限,若 $\overrightarrow{OM} + 2\overrightarrow{ON} = 2\overrightarrow{OF_1}$, O 为坐标原点,求直线 MN 的斜率;
 - (3) 过点 $S(0, -\frac{1}{3})$ 的动直线 l 交曲线 C 于 A、B 两点, 在 y 轴上是否存在定点 T, 使以 AB 为直径的圆恒过这个点? 若存在, 求出点 T 的坐标; 若不存在, 请说明理由.
- 63. 已知无穷数列 $\{a_n\}(a_n \in \mathbf{Z})$ 的前 n 项和为 S_n , 记 S_1 、 S_2 、 \cdots 、 S_n 中奇数的个数为 b_n .
 - (1) 若 $a_n = n$, 请写出数列 $\{b_n\}$ 的前 5 项;
 - (2) 求证: " a_1 为奇数, $a_i (i = 2, 3, 4, \cdots)$ 均为偶数" 是 "数列 $\{b_n\}$ 是单调递增数列" 的充分不必要条件;
 - (3) 若 $a_i = b_i$, $i = 1, 2, 3, \dots$, 求数列 $\{a_n\}$ 的通项公式.
- 64. 函数 $f(x) = 3\cos 2x + 1$ 的最小值为_____.
- 65. 函数 $f(x) = \sqrt{\frac{1-x}{3+x}}$ 的定义域为_____.
- 66. 若集合 $A = \{2, 4, 6, 8\}, B = \{x | x^2 4x \le 0\}, 则 A \cap B = \underline{\hspace{1cm}}$
- 67. 已知函数 g(x) 的图像与函数 $f(x) = \log_2(3^x 1)$ 的图像关于直线 y = x 对称,则 g(3) =_____.
- 68. 设复数 $z=\begin{vmatrix}\cos\alpha & \mathrm{i}\\\sin\alpha & \sqrt{2}+\mathrm{i}\end{vmatrix}$ (i 为虚数单位),若 $|z|=\sqrt{2}$,则 $\tan2\alpha=$ ______.
- 69. 设 $\triangle ABC$ 的内角 A,B,C 的对边分别为 a,b,c,若 $b=2\sqrt{3},\,c=8,\,A=30^{\circ}$,则 $\sin C=$ ______.
- 70. 已知点 A(3,-2),点 P 满足线性约束条件 $\begin{cases} x+2\geq 0,\\ y-1\leq 0, & \text{设 }O\text{ 为坐标原点}, \text{则 }\overrightarrow{OA}\cdot\overrightarrow{OP}\text{ 的最大值为}_____ \\ x-2y\leq 4, \end{cases}$
- 71. 若函数 $f(x) = \log_2(2^x + 1) + kx$ 是偶函数, 则 k =_____
- 72. 已知等边 $\triangle ABC$ 的边长为 $2\sqrt{3}$, 点 P 是其外接圆上的一个动点, 则 $\overrightarrow{PA} \cdot \overrightarrow{PB}$ 的取值范围是______.
- 73. 已知函数 $f(x) = \cos(2x \frac{\pi}{6})$,若对于任意的 $x_1 \in [-\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4}]$,总存在 $x_2 \in [m, n]$,使得 $f(x_1) + f(x_2) = 0$,则 |m n| 的最小值为______.
- 74. 已知 AB 为单位圆 O 的一条弦, P 为单位圆 O 上的点, 若 $f(\lambda) = |\overrightarrow{AP} \lambda \overrightarrow{AB}| (\lambda \in \mathbf{R})$ 的最小值为 m, 当点 P 在单位圆上运动时, m 的最大值为 $\frac{4}{3}$, 则线段 AB 长度为______.

- 76. 若 O 为坐标原点, P 是直线 x-y+2=0 上的动点, 则 |OP| 的最小值为 ().
 - A. $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- B. $\sqrt{2}$

- D. 2
- 77. 若 $|x-a| \le 1$ 成立的一个充分不必要条件是 $1 \le x \le 2$, 则实数 a 的取值范围是 (
 - A. $1 \le a \le 2$
- B. $a \ge 1$
- C. $a \leq 2$
- D. $a \ge 1$ 或 $a \le 2$
- 78. 在正方体 $ABCD A_1B_1C_1D_1$ 中, $P \setminus Q$ 两点分别从点 B 和点 A_1 出发, 以相同的速度在棱 BA 和 A_1D_1 上运动至点 A 和点 D_1 , 在运动过程中, 直线 PQ 与平面 ABCD 所成角 θ 的变化范围为 (

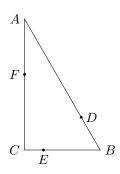


A. $\left[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}\right]$ C. $\left[\frac{\pi}{4}, \arctan \sqrt{2}\right]$

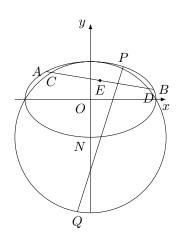
- B. $\left[\arctan \frac{\sqrt{2}}{2}, \arctan \sqrt{2}\right]$ D. $\left[\arctan \frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$
- 79. 已知函数 $f(x) = m \cdot 2^x + x^2 + nx$, 记集合 $A = \{x | f(x) = 0, x \in \mathbf{R}\}$, 集合 $B = \{x | f(f(x)) = 0, x \in \mathbf{R}\}$. 若 A = B, 且 $A \cdot B$ 都不是空集, 则 m + n 的取值范围是 (
 - A. [0,4)

- B. [-1, 4)
- C. [-3, 5]
- D. [0,7)

- 80. 已知函数 $f(x) = 2\cos^2 x + 2\sqrt{3}\sin x \cos x$.
 - (1) 求 f(x) 的最大值和最小正周期 T;
 - (2) 在 $\triangle ABC$ 中, 内角 A、B、C 所对的边分别为 a、B、C, 已知 $f(\frac{A}{2})=3$, 且 a=1, 求 $\triangle ABC$ 面积的最 大值.
- 81. 已知函数 $f(x) = a \frac{4}{3^x + 1} (a$ 为实常数).
 - (1) 讨论函数 f(x) 的奇偶性, 并说明理由;
 - (2) 当 f(x) 为奇函数时, 对任意的 $x \in [1,5]$, 不等式 $f(x) \ge \frac{u}{3^x}$ 恒成立, 求实数 u 的最大值.
- 82. 如图, 某公园有三条观光大道 AB、BC、CA 围成直角三角形, 其中直角边 $BC = 200 \mathrm{m}$, 斜边 $AB = 400 \mathrm{m}$, 现有甲、乙、丙三位小朋友分别在 AB、BC、AC 大道上嬉戏, 所在位置分别记为点 D、E、F.



- (1) 若甲乙都以每分钟 100m 的速度从点 B 出发在各自的大道上奔走, 到大道的另一端时即停, 乙比甲迟 2 分钟出发, 当乙出发 1 分钟后, 求此时甲乙两人之间的距离;
- (2) 设 $\angle CEF=\theta,$ 乙丙之间的距离是甲乙之间距离的 2 倍,且 $\angle DEF=\frac{\pi}{3},$ 请将甲乙之间的距离 y 表示为 θ 的函数,并求甲乙之间的最小距离.
- 83. 如图, 已知椭圆 $M: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 经过圆 $N: x^2 + (y+1)^2 = 4$ 与 x 轴的两个交点和与 y 轴正半轴的交点.



- (1) 求椭圆 M 的方程;
- (2) 若点 P 为椭圆 M 上的动点, 点 Q 为圆 N 上的动点, 求线段 PQ 长的最大值;
- (3) 若不平行于坐标轴的直线 L 交椭圆 M 于 A、B 两点, 交圆 N 于 C、D 两点, 且满足 $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{DB}$, 求证: 线段 AB 的中点 E 在定直线上.
- 84. 已知函数 f(x) 的定义域为 D, 若存在实常数 λ 及 $a(a \neq 0)$, 对任意 $x \in D$, 当 $x + a \in D$ 且 $x a \in D$ 时, 都有 $f(x + a) + f(x a) = \lambda f(x)$ 成立, 则称函数 f(x) 具有性质 $M(\lambda, a)$.
 - (1) 判断函数 $f(x) = x^2$ 是否具有性质 $M(\lambda, a)$, 并说明理由;
 - (2) 若函数 $g(x) = \sin 2x + \sin x$ 具有性质 $M(\lambda, a)$, 求 λ 及 a 应满足的条件;
 - (3) 已知定义域为 R 的函数 y=h(x) 不存在零点,且具有性质 $M(t+\frac{1}{t},t)$ (其中 $t>0,\ t\neq 1$),记 $a_n=h(n)(n\in {\bf N}^*)$,求证: 数列 $\{a_n\}$ 为等比数列的充要条件是 $\frac{a_2}{a_1}=t$ 或 $\frac{a_2}{a_1}=\frac{1}{t}$.
- 85. 已知 $\tan \alpha = \frac{1}{2}$, 则 $\tan 2\alpha =$ _____

- 86. 不等式 $\frac{1}{r-1} > 1$ 的解集为______
- 87. 在 $(x \frac{1}{\sqrt[3]{x}})^6$ 的二项展开式中, x^2 项的系数为______.
- 88. 已知球的体积为 $\frac{4}{3}\pi$, 则该球的左视图所表示图形的面积为______.
- 89. 己知圆的方程为 $x^2 + y^2 2x 4y + 4 = 0$, 则圆心到直线 l: 3x + 4y + 4 = 0 的距离 d =
- 90. 若关于 x 的实系数一元二次方程 $x^2 bx + c = 0$ 的一根为 1 i(i) 为虚数单位), 则 b + c =______
- 91. 已知 $m \in \mathbb{R}$, 若直线 $l_1: mx + y + 1 = 0$ 与直线 $l_2: 9x + my + 2m + 3 = 0$ 平行, 则 m = 0
- 92. 己知实数 x, y 满足约束条件 $\begin{cases} x+2y \geq 3, \\ 2x+y \geq 3, \\ y \geq 0, \\ x \geq 0, \end{cases}$ 则 z=x+y 的最小值是_____.
- 93. 设 f(x) 是定义在 R 上的奇函数, 当 x > 0 时, $f(x) = a^x + b(0 < a < 1, b \in \mathbf{R})$, 若 f(x) 存在反函数, 则 b 的取值范围是
- 94. 上海某高校哲学专业的 4 名研究生到指定的 4 所高级中学宣讲习近平新时代中国特色社会主义思想. 若他们 每人都随机地从 4 所学校选择一所, 则 4 人中至少有 2 人选择到同一所学校的概率是 简分数表示).
- 95. 在 $\triangle ABC$ 中,已知 AB=1, AC=2, $\angle A=120^\circ$,若点 P 是 $\triangle ABC$ 所在平面上一点,且满足 $\overrightarrow{AP}=120^\circ$ $\overrightarrow{AB} + \lambda \overrightarrow{AC}, \overrightarrow{BP} \cdot \overrightarrow{CP} = -1, \text{ Mys } \lambda \text{ hff}$
- 96. 已知定义在 R 上的函数 f(x) 满足 f(x+1) = 2f(x) + 1, 当 $x \in [0,1)$ 时, $f(x) = x^3$. 设 f(x) 在区间 $[n, n+1)(n \in \mathbb{N}^*)$ 上的最小值为 a_n , 若存在 $n \in \mathbb{N}^*$, 使得 $\lambda(a_n+1) < 2n-7$ 成立, 则实数 λ 的取值范围
- 97. 下列以 t 为参数的参数方程中, 其表示的曲线与方程 xy = 1 表示的曲线完全一致的是 (

A.
$$\begin{cases} x = t^{\frac{1}{2}}, \\ y = t^{-\frac{1}{2}} \end{cases}$$
 B.
$$\begin{cases} x = |t|, \\ y = \frac{1}{|t|} \end{cases}$$
 C.
$$\begin{cases} x = \cos t, \\ y = \sec t \end{cases}$$
 D.
$$\begin{cases} x = \tan t, \\ y = \cot t \end{cases}$$

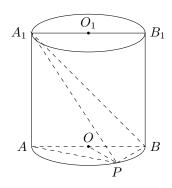
A. 充分不必要

- 98. 已知函数 $f(x) = \sin 2x, x \in [a,b], 则 "<math>b-a \ge \frac{\pi}{2}$ " 是 "f(x) 的值域为 [-1,1]" 的 () 条件
 - B. 必要不充分 C. 充要
- 99. 某高校举行科普知识竞赛, 所有参赛的 500 名选手成绩的平均数为 82, 方差为 0.82, 则下列四个数据中不可 能是参赛选手成绩的是(

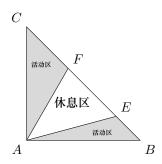
D. 既不充分也不必要

A. 60 B. 70 C. 80 D. 100

- 100. 设数列 $\{a_n\}$, 若存在常数 t, 对任意小的正数 s, 总存在正整数 n_0 , 当 $n \ge n_0$ 时, $|a_n t| < s$, 则数列 $\{a_n\}$ 为 收敛数列. 下列关于收敛数列说法正确的是 ().
 - A. 若等比数列 $\{a_n\}$ 是收敛数列, 则公比 $q \in (0,1)$
 - B. 等差数列不可能是收敛数列
 - C. 设公差不为 0 的等差数列 $\{a_n\}$ 前 n 项和为 $S_n(S_n \neq 0)$, 则数列 $\{\frac{1}{S_n}\}$ 一定是收敛数列
 - D. 设数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 满足 $a_1=1,\,S_{n+1}=a_n+1,\,$ 则数列 $\{a_n\}$ 是收敛数列
- 101. 如图, 已知 AB 为圆柱 OO_1 的底面圆 O 的一条直径, P 为圆周上的一点, OA=2, $\angle BOP=60^\circ$, 圆柱 OO_1 的表面积为 24π .



- (1) 求三棱锥 $A_1 APB$ 的体积;
- (2) 求直线 AP 与平面 A₁PB 所成的角的大小.
- 102. 已知 a 为实数, 函数 $f(x) = x|x a| a, x \in \mathbf{R}$.
 - (1) 当 a=2 时, 求函数 f(x) 的单调递增区间;
 - (2) 若对任意 $x \in (0,1)$, f(x) < 0 恒成立, 求 a 的取值范围.
- 103. 某动物园喜迎虎年的到来,拟用一块形如直角三角形 ABC 的地块建造小老虎的休息区和活动区. 如图, $\angle BAC = 90^\circ$,AB = AC = 20(单位: 米), $E \circ F$ 为 BC 上的两点,且 $\angle EAF = 45^\circ$, $\triangle AEF$ 区域为休息区, $\triangle ABE$ 和 $\triangle ACF$ 区域均为活动区. 设 $\angle EAB = \alpha(0 < \alpha < 45^\circ)$.



- (1) 求 AE、AF 的长; (用 α 的代数式表示) (2) 为了使小老虎能健康成长,要求所建造的活动区面积尽可能大 (即休息区尽可能小). 当 α 为多少时,活动区的面积最大? 最大面积活动区为多少?
- 104. 在平面直角坐标系中,已知点 $A(0,\sqrt{2})$ 、 $B(0,-\sqrt{2})$,动点 C(x,y) 关于直线 y=x 的对称点为 D,且 \overrightarrow{AD} · $\overrightarrow{BD}=\frac{1}{2}x^2$,动点 C 的轨迹为曲线 E.

- (1) 求曲线 E 的方程;
- (2) 已知动点 P 在曲线 E 上, 点 Q 在直线 $y = 2\sqrt{2}$ 上, 且 $\overrightarrow{OP} \cdot \overrightarrow{OQ} = 0$, 求线段 PQ 长的最小值;
- (3) 过点 $(-\sqrt{2},0)$ 且不垂直于 x 轴的直线交曲线 E 于 M、N 两点,点 M 关于 x 轴的对称点为 M',试问: 在 x 轴上是否存在一定点 T,使得 M'、N、T 三点共线? 若存在,求出定点 T 的坐标;若不存在,说明理由.
- 105. 对于数列 $\{a_n\}$, 记 $V(n) = |a_2 a_1| + |a_3 a_2| + \cdots + |a_n a_{n-1}| (n > 1, n \in \mathbb{N}^*)$.
 - (1) 若数列 $\{a_n\}$ 通项公式为: $a_n = \frac{1 + (-1)^n}{2} (n \in \mathbf{N}^*)$, 求 V(5);
 - (2) 若数列 $\{a_n\}$ 满足: $a_1=a,\ a_n=b,\$ 且 $a>b,\$ 求证: V(n)=a-b 的充分必要条件是 $a_{i+1}\leq a_i(i=1,2,\cdots,n-1);$
 - (3) 已知 V(2022) = 2022, 若 $y_t = \frac{1}{t}(a_1 + a_2 + \dots + a_t)$, $t = 1, 2, \dots, 2022$, 求 $|y_2 y_1| + |y_3 y_2| + \dots + |y_{2022} y_{2021}|$ 的最大值.
- 106. 已知集合 $A = \{1, 3, m\}, B = \{3, 5\},$ 且 $B \subseteq A$, 则实数 m 的值是______.
- 107. 函数 $f(x) = \sqrt{1 \frac{2}{x}}$ 的定义域是_____.
- 108. 函数 $y = 2^x (x \ge 2)$ 的反函数是
- 109. 如果圆锥的底面积为 π, 母线长为 2, 那么该圆锥的高为______
- 110. 二项式 $(\sqrt[3]{x} \frac{2}{x})^8$ 的展开式中的常数项为______.
- 111. 某班从 4 位男生和 3 位女生志愿者选出 4 人参加校运会的点名签到工作,则选出的志愿者中既有男生又有女生的概率的是______(结果用最简分数表示).
- 112. 在复平面内,三点 A、B、C 分别对应复数 z_A 、 z_B 、 z_C ,若 $\frac{z_B-z_A}{z_C-z_A}=1+\frac{4}{3}$ i,则 $\triangle ABC$ 的三边长之比为
- 113. 已知函数 $f(x)=\sin(\omega x+\frac{\pi}{6}),\ \omega>0,$ 若函数 f(x) 满足 $f(x)=f(x+12),\ x\in\mathbf{R}$ 恒成立, 且在"任意两个相邻奇数所形成的闭区间"内总存在至少两个零点, 则 ω 的最小值为______.
- 114. 在 $\triangle ABC$ 中, 角 A、B、C 所对的边分别为 a、b、c, 如果对任意的实数 λ , $|\overrightarrow{BA} \lambda \overrightarrow{BC}| \ge |\overrightarrow{BC}|$ 恒成立, 则 $\frac{c}{b} + \frac{b}{c}$ 的最大值是______.
- 115. 在边长为 1 的正方形 ABCD 中, $P \times Q$ 分别为边 $BC \times CD$ 上的动点, 如果 $\triangle PCQ$ 的周长为定值 2, 那么 $\triangle PAQ$ 的外接圆直径的最小值为______.
- 116. 已知平面直角坐标系中两点 $A(a_1,a_2)$ 、 $B(b_1,b_2)$,有 $S_{\triangle AOB}=\frac{1}{2}|a_1b_2-a_2b_1|$. 设 (x_1,y_1) 、 (x_2,y_2) 、 (x_3,y_3) 是平面曲线 $x^2+y^2=2x-4y$ 上任意三点,则 $T=x_1y_2-x_2y_1+x_2y_3-x_3y_2$ 的最大值为______.
- 117. 对实数 $x \in \mathbf{R}$, 函数 f(x) 满足: $f(x+1) = \sqrt{f(x) f^2(x)} + \frac{1}{2}$, $a_n = f^2(n) f(n)$, 数列 $\{a_n\}$ 的前 15 项和为 $-\frac{31}{16}$, 数列 $\{c_n\}$ 满足 $c_n + c_{n+1} = [f(2019)]^n$, 若数列 $\{c_n\}$ 的前 n 项和 S_n 的极限存在, 则 $c_1 = \underline{\hspace{1cm}}$.

- 118. 关于 x、y 的二元一次方程组 $\begin{cases} 3x + 4y = 1, \\ x 3y = 10 \end{cases}$ 的增广矩阵为 (). $A. \begin{pmatrix} 3 & 4 & -1 \\ 1 & -3 & 10 \end{pmatrix}$ $B. \begin{pmatrix} 3 & 4 & -1 \\ 1 & -3 & -10 \end{pmatrix}$ $C. \begin{pmatrix} 3 & 4 & 1 \\ 1 & -3 & 10 \end{pmatrix}$ $D. \begin{pmatrix} 3 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 10 \end{pmatrix}$

- 119. 已知函数 $f(x) = \cos(3x + \varphi)$ 满足 $f(x) \le f(1)$ 恒成立, 则 ().
 - A. 函数 f(x-1) 一定是奇函数

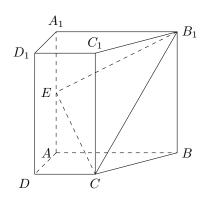
B. 函数 f(x+1) 一定是奇函数

C. 函数 f(x-1) 一定是偶函数

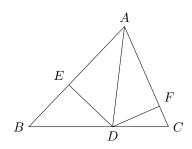
- D. 函数 f(x+1) 一定是偶函数
- 120. 如果一个几何体绕着一条直线旋转 θ 角与原几何体重合, 其中 $0^{\circ} < \theta \le 180^{\circ}$, 称该直线为该几何体的一条旋 转轴. 正四面体的不同旋转轴有() 条.

- 121. 已知点 P 为椭圆 $\frac{x^2}{9}+\frac{y^2}{16}=1$ 上的任意一点,点 F_1 、 F_2 分别为该椭圆的上下焦点,设 $\alpha=\angle PF_1F_2$, $\beta = \angle PF_2F_1$, 则 $\sin \alpha + \sin \beta$ 的最大值为 ().
 - A. $\frac{3\sqrt{7}}{7}$
- B. $\frac{4\sqrt{7}}{7}$

- 122. 如图, 四棱柱 $ABCD A_1B_1C_1D_1$ 中, 侧棱 $AA_1 \perp$ 底面 ABCD, $AB \parallel CD$, $AB \perp AD$, AD = DC = 1, $AA_1 = AB = 2$, E 为棱 AA_1 的中点.



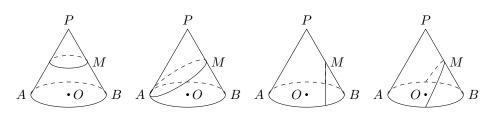
- (1) 求二面角 $B_1 CE C_1$ 的正弦值;
- (2) 设点 M 为线段 C_1E 上, 且直线 AM 与平面 ADD_1A_1 所成角正弦值为 $\frac{\sqrt{2}}{6}$, 求线段 AM 的长.
- 123. 在锐角 $\triangle ABC$ 中,已知 $\cos A=\frac{5}{13},$ $S_{\triangle ABC}=6,$ 若点 D 是线段 BC 上一点 (不含端点), 过 D 作 $DE\perp AB$ 于 E, $DF \perp AC$ 于 F.



- (1) 求 BC 的取值范围;
- (2) 问点 D 在何处时, $\triangle DEF$ 的面积最大, 最大值为多少?
- 124. 已知各项都不为零的无穷数列 $\{a_n\}$ 满足: $a_{n+1}a_n + a_{n+1} a_n = 0.n \in \mathbb{N}^*$.
 - (1) 证明 $\{\frac{1}{a}\}$ 为等差数列, 并求 $a_1 = 1$ 时数列 $\{a_n\}$ 中的最大项;
 - (2) 若 a_{2018} 为数列 $\{a_n\}$ 中的最小项, 求 a_1 的取值范围.
- 125. 已知曲线 $\Gamma: F(x,y) = 0$, 对坐标平面上任意一点 P(x,y), 定义 F[P] = F(x,y). 若两点 $P \cdot Q$, 满足 $F[P] \cdot F[Q] > 0$, 称点 $P \cdot Q$ 在曲线 Γ 同侧; 若 $F[P] \cdot F[Q] < 0$, 称点 $P \cdot Q$ 在曲线 Γ 两侧.
 - (1) 直线 l: kx y = 0 过原点, 线段 AB 上所有点都在直线 l 同侧, 其中 A(-1,1)、B(2,3), 求直线 l 的倾斜角的取值范围;
 - (2) 已知曲线 $F(x,y) = (3x + 4y 5) \cdot \sqrt{4 x^2 y^2} = 0$, O 为坐标原点, 求点集 $S = \{P|F[P] \cdot F[O] > 0\}$ 的面积:
 - (3) 记到点 (0,1) 与到 x 轴距离和为 5 的点的轨迹为曲线 C, 曲线 $\Gamma: F(x,y) = x^2 + y^2 y a = 0$, 若曲线 C 上总存在两点 M、N 在曲线 Γ 两侧, 求曲线 C 的方程与实数 a 的取值范围.
- 126. 设函数 f(x) 在 $[1, +\infty)$ 上有定义, 实数 a 和 b 满足 $1 \le a < b$, 若 f(x) 在区间 (a, b] 上不存在最小值, 则称 f(x) 在区间 (a, b] 上具有性质 P.
 - (1) 当 $f(x) = x^2 + cx$, 且 f(x) 在区间 (1,2] 上具有性质 P, 求实数 c 的取值范围;
 - (2) 已知 $f(x+1) = f(x) + 1(x \ge 1)$, 且当 $1 \le x < 2$ 时, f(x) = 1 x, 判别 f(x) 在区间 (1,4] 上是否具有性质 P;
 - (3) 若对于满足 $1 \le a < b$ 的任意实数 a 和 b, f(x) 在区间 (a,b] 上具有性质 P, 且对于任意 $n \in \mathbb{N}^*$, 当 $x \in (n, n+1)$ 时, 有 |f(n) f(x)| + |f(x) f(n+1)| = |f(n) f(n+1)|, 证明: 当 $x \ge 1$ 时, f(2x) > f(x).
- 127. 在复平面内, 复数 $\frac{2}{1+i}$ 对应的点与原点的距离是______.
- 128. 将参数方程 $\begin{cases} x=\cos\theta,\\ (\theta\in[0,\pi]) \text{ 化为普通方程, 所得方程是}___. \end{cases}$
- 129. 已知向量 $\overrightarrow{a}=(1,4,-5), \ \overrightarrow{b}=(1,1,4),$ 则 \overrightarrow{a} 在 \overrightarrow{b} 方向上的投影是______.
- 130. 若函数 $y = \tan 2x \cdot (2\cos^2 x 1)$ 的定义域是_____
- 131. 在等差数列 $\{a_n\}$ 中, 已知 $a_4 + a_8 = 16$, 则该数列前 11 项和 $S_{11} =$ ______.
- 132. 在 $(\sqrt[3]{x} + \frac{2}{x})^n$ 的二项展开式中,所有项的系数之和为 81,则其常数项为______.
- 133. 在均匀分布的条件下,某些概率问题可转化为几何图形的面积比来计算,勒洛三角形是由德国机械工程专家勒洛首先发现,作法为: 以等边三角形的每个顶点为圆心,以边长为半径,在另两个顶点间作一段弧,三段弧围成的曲边三角形就是勒洛三角形,在勒洛三角形中随机取一点,此点取自正三角形的概率为______.



- 134. 平面上整点 (横、纵坐标都为整数的点) 到直线 $y = \frac{5}{3}x + \frac{4}{5}$ 的距离的最小值是______.
- 135. 设定义域为 R 的函数 f(x)、g(x) 都有反函数, 且函数 f(x-1) 和 $g^{-1}(x-3)$ 图像关于直线 y=x 对称, 若 g(5)=2015, 则 f(4)=______.
- 136. 在 $\triangle ABC$ 中, $\frac{\sin A}{a} = \frac{\sqrt{3}\cos B}{b}$, 如果 b = 2, 则 $\triangle ABC$ 面积的最大值为______.
- 137. 数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1=2$, $a_2=7$, a_{n+2} 等于 $a_n \cdot a_{n+1}$ 的个位数, 则 $a_{2019}=$ ______.
- 138. 已知函数 f(x) 满足: ① 对任意 $x \in (0, +\infty)$ 恒有 f(2x) = 2f(x) 成立; ② $x \in (1, 2]$ 时, f(x) = 2 x; 若 f(a) = f(2020), 则满足条件的最小的正实数 a 是______.
- 139. 给出下列命题, 其中正确的命题为()
 - A. 若直线 a 和 b 共面, 直线 b 和 c 共面, 则 a 和 c 共面
 - B. 直线 a 与平面 α 不垂直, 则 a 与平面 α 内的所有直线都不垂直
 - C. 直线 a 与平面 α 不平行, 则 a 与平面 α 内的所有直线都不平行
 - D. 异面直线 a、b 不垂直, 则过 a 的任何平面与 b 都不垂直
- 140. 已知平面向量 \overrightarrow{OA} 、 \overrightarrow{OB} 、 \overrightarrow{OC} 为三个单位向量,且 \overrightarrow{OA} · \overrightarrow{OB} = 0,若 \overrightarrow{OC} = $x\overrightarrow{OA}$ + $y\overrightarrow{OB}(x,y \in \mathbf{R})$,则 x + y 的最大值为 ().
 - A. 1 B. $\sqrt{2}$ C. $\sqrt{3}$ D. 2
- 141. 已知函数① $f(x) = 3 \ln x$; ② $f(x) = 3 \mathrm{e}^{\cos x}$; ③ $f(x) = 3 \mathrm{e}^{x}$; ④ $f(x) = 3 \cos x$; 其中对于 f(x) 定义域内的任意一个自变量 x_1 都存在唯一一个自变量 x_2 , 使 $\sqrt{f(x_1)f(x_2)} = 3$ 成立的函数是 ().
 - A. ③ B. ②③ C. ①②④ D. ④
- 142. 在圆锥 PO 中,已知高 PO = 2,底面圆的直径 AB = 8,M 为母线 PB 的中点.根据圆锥曲线的定义,下列四个图中的截面边界曲线分别为圆 (截面平行于底面)、椭圆 (椭圆长轴为线段 AM)、双曲线的一部分 (双曲线所在平面垂直于 AB) 及抛物线的一部分 (抛物线对称轴为 MO 所在直线),下面四个命题:
 - ① 圆的面积为 4π ; ② 椭圆的长轴为 $\sqrt{37}$; ③ 双曲线两渐近线的夹角为 $\arcsin\frac{3}{5}$; ④ 抛物线中焦点到准线的 距离为 $\frac{8\sqrt{5}}{5}$ 中,正确的个数为 ().



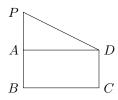
A. 1 个

B. 2 个

C. 3 个

D. 4 个

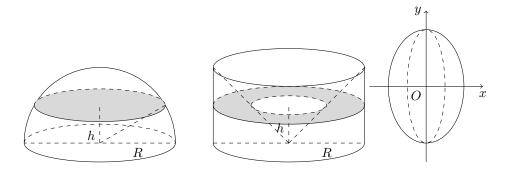
- 143. 已知复数 $z_1 = \sin 2x + \lambda i$, $z_2 = m + (m \sqrt{3}\cos 2x)i(\lambda, m, x \in \mathbf{R})$, 且 $z_1 = z_2$.
 - (1) 若 $\lambda = 0$ 且 $0 < x < \pi$, 求 x 的值;
 - (2) 设 $\lambda = f(x)$, 求 f(x) 的最小正周期和单调递减区间.
- 144. 如图, 在直角梯形 PBCD 中, $PB \parallel DC$, $DC \perp BC$, PB = BC = 2CD = 2, 点 $A \neq B$ 的中点, 现沿 AD 将平面 PAD 折起, 设 $\angle PAB = \theta$.



- (1) 当 θ 为直角时, 求异面直线 PC 与 BD 所成角的大小;
- (2) 当 θ 为多少时, 三棱锥 P-ABD 的体积为 $\frac{\sqrt{2}}{6}$.
- 145. 对于两个定义域相同的函数 f(x)、 g(x),若存在实数 m、 n, 使 h(x) = mf(x) + ng(x),则称函数 h(x) 是由 "基函数 f(x)、 g(x)" 生成的.
 - (1) $f(x) = x^2 + 3x$ 和 g(x) = 3x + 4 生成一个偶函数 h(x), 求 h(2) 的值;
 - (2) 若 $h(x) = 2x^2 + 3x 1$ 由 $f(x) = x^2 + ax$, $g(x) = x + b(a, b \in \mathbf{R} \ \mathbf{L} \ ab \neq 0)$ 生成, 求 a + 2b 的取值范围.
- 146. 设抛物线 $y^2 = 4px$ (p > 0) 的准线与 x 轴的交点为 M, 过 M 作直线 l 交抛物线于 A、B 两点.
 - (1) 求线段 AB 中点的轨迹方程;
 - (2) 若线段 AB 的垂直平分线交对称轴于 $N(x_0,0)$, 求 x_0 的取值范围;
 - (3) 若直线 <math>l 的斜率依次取 $p, p^2, p^3, \cdots, p^n, \cdots$ 时,线段 AB 的垂直平分线与对称轴的交点依次为 $N_1, N_2, N_3, \cdots, N_n, \cdots$,当 $0 时,求: <math>S = \frac{1}{|N_1 N_2|} + \frac{1}{|N_2 N_3|} + \frac{1}{|N_3 N_4|} + \cdots + \frac{1}{|N_n N_{n+1}|} + \cdots$ 的值.
- 147. 给定无穷数列 $\{a_n\}$, 若无穷数列 $\{b_n\}$ 满足: 对任意 $n \in \mathbb{N}^*$, 都有 $|b_n a_n| \le 1$, 则称 $\{a_n\}$ 与 $\{b_n\}$ "接近".
 - (1) 设 $\{a_n\}$ 是首项为 1, 公比为 $\frac{1}{2}$ 的等比数列, $b_n = a_{n+1} + 1$, $n \in \mathbb{N}^*$, 判断数列 $\{b_n\}$ 是否与 $\{a_n\}$ 接近, 并说明理由;
 - (2) 设数列 $\{a_n\}$ 的前四项为: $a_1=1,\ a_2=2,\ a_3=4,\ a_4=8$, $\{b_n\}$ 是一个与 $\{a_n\}$ 接近的数列, 记集合 $M=\{x|x=b_i,\ i=1,2,3,4\}$,求 M 中元素的个数 m 的所有可能值;
 - (3) 已知 $\{a_n\}$ 是公差为 d 的等差数列, 若存在数列 $\{b_n\}$ 满足: $\{b_n\}$ 与 $\{a_n\}$ 接近, 且在 $b_2-b_1,b_3-b_2,\cdots,b_{201}-b_{200}$ 中至少有 100 个为正数, 求 d 的取值范围.
- 148. 己知复数 z 满足 $z(1+i^{2020})=2-4i(其中, i 为虚数单位), 则 <math>z=$ _____.
- 149. 函数 $y = \arcsin(x+1)$ 的定义域是
- 150. 计算行列式的值, $\begin{vmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 3 \end{vmatrix} = _____.$

- 151. 已知双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 的实轴与虚轴长度相等, 则 C 的渐近线方程是______.
- 152. 已知无穷数列 $a_n = \frac{2}{(-3)^n}, n \in \mathbb{N}^*,$ 则数列 $\{a_n\}$ 的各项和为______.
- 153. 一个圆锥的表面积为 π , 母线长为 $\frac{5}{6}$, 则其底面半径为_____.
- 154. 某种微生物的日增长率为 r, 经过 n 天后其数量由 p_0 变化为 p, 并且满足方程 $p=p_0\mathrm{e}^{rn}$. 实验检测, 这种微
- 155. 已知 $(x-\frac{1}{2x})^n$ 的展开式的常数项为第 6 项, 则常数项为______.
- 156. 某医院 ICU 从 3 名男医生和 2 名女医生中任选 2 位赴武汉抗疫, 则选出的 2 位医生中至少有 1 位女医生的
- 157. 已知方程 $x^2 + tx + 1 = 0$ ($t \in \mathbb{R}$) 的两个根是 $x_1, x_2,$ 若 $|x_1 x_2| = 2\sqrt{2}$, 则 t = -1.
- 158. 已知 O 是坐标原点,点 A(-1,1),若点 M(x,y) 为平面区域 $\begin{cases} x+y\geq 2,\\ x\leq 1, \end{cases}$ 上的一个动点,则 $\overrightarrow{OA}\cdot\overrightarrow{OM}$ 的 取值范围是_____.

159. 课本中介绍了应用祖暅原理推导棱锥体积公式的做法. 祖暅原理也可用来求旋转体的体积. 现介绍用祖暅原 理求球体体积公式的做法: 可构造一个底面半径和高都与球半径相等的圆柱, 然后在圆柱内挖去一个以圆柱 下底面圆心为顶点, 圆柱上底面为底面的圆锥, 用这样一个几何体与半球应用祖暅原理 (左图), 即可求得球的 体积公式. 请研究和理解球的体积公式求法的基础上, 解答以下问题: 已知椭圆的标准方程为 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{25} = 1$, 将此椭圆绕 y 轴旋转一周后, 得一橄榄状的几何体 (右图), 其体积等于



160. 抛物线 $y = 4x^2$ 的准线方程是 ().

A.
$$x = -2$$

B.
$$x = -1$$

C.
$$y = -\frac{1}{8}$$

C.
$$y = -\frac{1}{8}$$
 D. $y = -\frac{1}{16}$

161. 若函数 $f(x) = \sin x + a \cos x$ 的图像关于直线 $x = \frac{\pi}{4}$ 对称,则 a 的值为 ().

B.
$$-1$$

C.
$$\sqrt{3}$$

D
$$-\sqrt{3}$$

162. 已知 \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} 是平面内两个互相垂直的单位向量, 若向量 \overrightarrow{c} 满足 $(\overrightarrow{c}-\overrightarrow{a})\cdot(\overrightarrow{c}-\overrightarrow{b})=0$, 则 $|\overrightarrow{c}|$ 的最大值是 ().

A. 1 B. 2 C. $\sqrt{2}$ D. $\frac{\sqrt{2}}{2}$

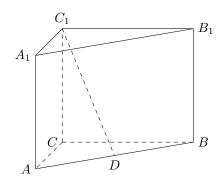
163. 已知命题: "若 a,b 为异面直线, 平面 α 过直线 a 且与直线 b 平行, 则直线 b 与平面 α 的距离等于异面直线 a,b 之间的距离"为真命题. 根据上述命题, 若 a,b 为异面直线, 且它们之间的距离为 d, 则空间中与 a,b 均异面且距离也均为 d 的直线 c 的条数为 ().

A. 0 条 B. 1 条

C. 多于1条, 但为有限条

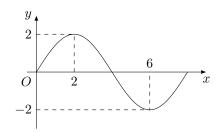
D. 无数多条

164. 如图, 在直三棱柱 $ABC - A_1B_1C_1$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$, AB = 2AC = 2, D 是 AB 的中点.



- (1) 若三棱柱 $ABC A_1B_1C_1$ 的体积为 $3\sqrt{3}$, 求三棱柱 $ABC A_1B_1C_1$ 的高;
- (2) 若 $C_1C = 2$, 求二面角 $D B_1C_1 A_1$ 的大小.
- 165. 已知函数 $f(x) = \sqrt{2}\sin(\omega x + \varphi)$, $g(x) = \sqrt{2}\cos(\omega x)$, $\omega > 0$, $\varphi \in [0, \pi)$, 它们的最小正周期为 π .
 - (1) 若 y = f(x) 是奇函数, 求 f(x) 和 g(x) 在 $[0,\pi]$ 上的公共递减区间 D;
 - (2) 若 h(x) = f(x) + g(x) 的一个零点为 $x = -\frac{\pi}{6}$, 求 h(x) 的最大值.
- 166. 已知函数 $f(x) = ax + \log_2(2^x + 1)$, 其中 $a \in \mathbf{R}$.
 - (1) 根据 a 的不同取值, 讨论 f(x) 的奇偶性, 并说明理由;
 - (2) 已知 a>0, 函数 f(x) 的反函数为 $f^{-1}(x)$, 若函数 $y=f(x)+f^{-1}(x)$ 在区间 [1,2] 上的最小值为 $1+\log_2 3$, 求函数 f(x) 在区间 [1,2] 上的最大值.
- 167. 设椭圆 Γ : $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 的右焦点为 F(1,0), 短轴的一个端点 B 到 F 的距离等于焦距. (1) 求椭圆 Γ 的标准方程;
 - (2) 设 C、D 是四条直线 $x=\pm a, y=\pm b$ 所围成的矩形在第一、第二象限的两个顶点, P 是椭圆 Γ 上任意一点, 若 $\overrightarrow{OP}=m\overrightarrow{OC}+n\overrightarrow{OD}$, 求证: m^2+n^2 为定值;
 - (3) 过点 F 的直线 l 与椭圆 Γ 交于不同的两点 M、N, 且满足 $\triangle BFM$ 与 $\triangle BFN$ 的面积的比值为 2, 求直线 l 的方程.
- 168. 定义: 设 $\{a_n\}$ 是无穷数列, 若存在正整数 k 使得对任意 $n \in \mathbb{N}^*$, 均有 $a_{n+k} > a_n(a_{n+k} < a_n)$, 则称 $\{a_n\}$ 是近似递增 (减) 数列, 其中 k 叫近似递增 (减) 数列 $\{a_n\}$ 的间隔数.

- (1) 若 $a_n = n + (-1)^n$, $\{a_n\}$ 是不是近似递增数列? 并说明理由;
- (2) 已知数列 $\{a_n\}$ 的通项公式为 $a_n = \frac{1}{(-2)^{n-1}} + a$, 其前 n 项的和为 S_n , 若 2 是近似递增数列 $\{S_n\}$ 的间隔数, 求 a 的取值范围;
- (3) 已知 $a_n = -\frac{n}{2} + \sin n$, 证明 $\{a_n\}$ 是近似递减数列, 并且 4 是它的最小间隔数.
- 169. 集合 $A = \{x|x^2 2x < 0\}, B = \{x||x| < 1\}, 则 <math>A \cup B =$ _____.
- 170. 已知函数 $f(x) = \log_3(\frac{4}{x+2})$, 则方程 $f^{-1}(x) = 4$ 的解 x =______
- 171. 等比数列 $\{a_n\}(n \in \mathbf{N}^*)$ 中, 若 $a_2 = \frac{1}{16}$, $a_5 = \frac{1}{2}$, 则 $a_8 =$ ______.
- 172. 若方程 $x^2 2x + 3 = 0$ 的两个根为 α 和 β , 则 $|\alpha| + |\beta| = _____.$
- 173. 函数 $f(x)=A\sin(\omega x+\varphi)(A>0,\,\omega>0,\,|\varphi|<\frac{\pi}{2})$ 的部分图像如图所示,则 f(x)=______.



- 174. 双曲线 $\frac{x^2}{4} \frac{y^2}{9} = 1$ 的焦点到渐近线的距离等于______
- 175. 在二项式 $(1+ax)^7(a \in \mathbf{R})$ 的展开式中, x 的系数为 $\frac{7}{3}$, 则 $\lim_{n \to \infty} (a+a^2+a^3+\cdots+a^n)$ 的值是______.
- 176. 已知正四棱柱 $ABCD A_1B_1C_1D_1$ 的八个顶点都在同一球面上,若 AB = 1, $AA_1 = \sqrt{2}$,则 A、C 两点间的 球面距离是_______.
- 177. 在 $\triangle ABC$ 中,已知 AB=1, BC=2, 若 $y=\begin{vmatrix} \cos C & \sin C \\ \sin C & \cos C \end{vmatrix}$, 则 y 的最小值是______.
- 178. 已知双曲线 $C: \frac{x^2}{9} \frac{y^2}{8} = 1$,左、右焦点分别为 F_1 、 F_2 ,过点 F_2 作一直线与双曲线 C 的右支交于 P、Q 两点,使得 $\angle F_1 PQ = 90^\circ$,则 $\Delta F_1 PQ$ 的内切圆的半径 $r = _$
- 179. 若函数 $f(x) = (1 + \sin x)^{2021} + (1 \sin x)^{2021}$, 其中 $\frac{\pi}{6} \le x \le \frac{2\pi}{3}$, 则 f(x) 的最大值为______
- 180. 已知实数 a、b 使得不等式 $|ax^2 + bx + a| \le x$ 对任意 $x \in [1,2]$ 都成立, 在平面直角坐标系 xOy 中, 点 (a,b) 形成的区域记为 Ω , 若圆 $x^2 + y^2 = r^2$ 上的任一点都在 Ω 中, 则 r 的最大值为______
- 181. 设 z_1 、 z_2 为复数, 下列命题一定成立的是 ().
 - A. 如果 $z_1^2 + z_2^2 = 0$, 那么 $z_1 = z_2 = 0$
 - B. 如果 $|z_1| = |z_2|$, 那么 $z_1 = \pm z_2$
 - C. 如果 $|z_1| \le a$, a 是正实数, 那么 $-a \le z_1 \le a$
 - D. 如果 $|z_1| = a$, a 是正实数, 那么 $z_1 \cdot \overline{z_1} = a^2$

- 182. 下列命题为真命题的是(
 - A. 若直线 l 与平面 α 上的两条直线垂直, 则直线 l 与平面 α 垂直
 - B. 若两条直线同时垂直于一个平面,则这两条直线平行
 - C. 若两个平面同时垂直于第三个平面,则这两个平面垂直
 - D. 若直线 l 上的不同两点到平面 α 的距离相等, 则直线 l 与平面 α 平行
- 183. 若数列 $\{a_n\}$ 、 $\{b_n\}$ 的通项公式分别为 $a_n = (-1)^{n+2020}a$, $b_n = 2 + \frac{(-1)^{n+2019}}{n}$, 且 $a_n < b_n$ 对任意 $n \in \mathbb{N}^*$ 恒成立, 则实数 a 的取值范围为(

A.
$$[-2,1)$$

B.
$$\left[-2, \frac{3}{2}\right)$$

C.
$$\left[-1, \frac{1}{2}\right)$$

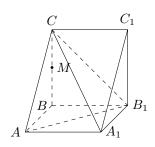
D.
$$[-1, 1]$$

184. 已知定义在实数集 R 上的函数 f(x) 满足 $f(x+1) = \frac{1}{2} + \sqrt{f(x) - f^2(x)}$,则 f(0) + f(2021) 的最小值与最 大值的和为().

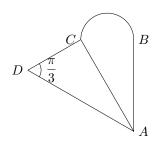
C.
$$\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}$$

C.
$$\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}$$
 D. $\frac{5}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}$

185. 如图, 在直三棱柱 $ABC - A_1B_1C_1$ 中, $BA \perp BC$, $BA = BC = BB_1 = 2$.



- (1) 求异面直线 AB_1 与 A_1C_1 所成角的大小;
- (2) 若 M 是棱 BC 的中点. 求点 M 到平面 A_1B_1C 的距离.
- 186. 随着生活水平的不断提高, 人们更加关注健康, 重视锻炼, 通过"小步道", 走出"大健康", 健康步道成为引领 健康生活的一道亮丽风景线. 如图, A-B-C-A 为某区的一条健康步道, AB、AC 为线段, $\stackrel{\frown}{BC}$ 是以 BC为直径的半圆, $AB = 2\sqrt{3}$ km, AC = 4km, $\angle BAC = \frac{\pi}{6}$.



- (1) 求 $\stackrel{\frown}{BC}$ 的长度:
- (2) 为满足市民健康生活需要, 提升城市品位, 改善人居环境, 现计划新建健康步道 $A-D-C(B,\,D$ 在 $AC(B,\,D)$ 两侧), 其中 AD, CD 为线段. 若 $\angle ADC = \frac{\pi}{3}$, 求新建的健康步道 A-D-C 的路程最多可比原有健康步道 A-B-C 的路程增加多少长度 (精确到 0.01km)?

- 187. 已知椭圆 $\frac{x^2}{6} + \frac{y^2}{3} = 1$ 上有两点 P(-2,1) 及 Q(2,-1), 直线 l: y = kx + b 与椭圆交于 A、B 两点, 与线段 PQ 交于点 C(异于 P、Q).
 - (1) 当 k=1 且 $\overrightarrow{PC}=\frac{1}{2}\overrightarrow{CQ}$ 时, 求直线 l 的方程;
 - (2) 当 k=2 时, 求四边形 PAQB 面积的取值范围
- 188. 在数列 $\{a_n\}$ 中,已知 $a_1=2$, $a_{n+1}a_n=2a_n-a_{n+1}(n\in \mathbb{N}^*)$.

 - $(1) 证明: 数列 <math>\{\frac{1}{a_n}-1\}$ 为等比数列; $(2) \ \text{ld}\ b_n=\frac{a_na_{n+1}}{2^n},$ 数列 $\{b_n\}$ 的前 n 项和为 S_n . 求使得 $S_n>1.999$ 的整数 n 的最小值;
 - (3) 是否存在正整数 m、n、k, 且 m < n < k, 使得 a_m 、 a_n 、 a_k 成等差数列? 若存在, 求出 m、n、k 的值; 若不存在, 请说明理由.
- 189. 设 m 为给定的实常数, 若函数 y = f(x) 在其定义域内存在实数 x_0 , 使得 $f(x_0 + m) = f(x_0) + f(m)$ 成立, 则称函数 f(x) 为 "G(m) 函数".
 - (1) 若函数 $f(x) = 2^x$ 为 "G(2) 函数", 求实数 x_0 的值;

 - 都有 $\frac{g(x_1) - g(x_2)}{f(x_1) - f(x_2)} > 2$ 成立, 求实数 t 的最大值.
- 190. 方程 $\log_3(2x+1) = 2$ 的解是
- 191. 已知集合 $M = \{x | |x+1| \le 1\}, N = \{-1, 0, 1\}, 则 M \cap N = _____.$
- 192. 若复数 $z_1 = a + 2i$, $z_2 = 2 + i(i$ 是虚数单位), 且 $z_1 z_2$ 为纯虚数, 则实数 a =_____.
- 193. 直线 $\begin{cases} x = -2 \sqrt{2}t, \\ y = 3 + \sqrt{2}t \end{cases}$ (t 为参数) 对应的普通方程是______.

 194. 函数 $y = \begin{vmatrix} \sin x & 1 \\ 0 & \cos x \end{vmatrix}$ 的最小正周期为______.
- 195. 若 $(x+2)^n = x^n + ax^{n-1} + \dots + bx + c(n \in \mathbb{N}^*, n \ge 3)$, 且 b = 4c, 则 a 的值为______.
- 196. 若函数 $f(x) = 2^x(x+a) 1$ 在区间 [0,1] 上有零点, 则实数 a 的取值范围是______
- 197. 某学生在上学路上要经过 2 个路口,假设在各路口是否遇到红灯是相互独立的,遇到红灯概率都是 $\frac{1}{2}$,则这名 学生在上学路上到第二个路口时第一次遇到红灯的概率是__
- 198. 设不等式组 $\begin{cases} x+y-6\geq 0,\\ x-y+2\geq 0, \end{cases}$ 表示的可行域为 Ω , 若指数函数 $y=a^x$ 的图像与 Ω 有公共点, 则 a 的取值 $x-3y+6\leq 0$

- 199. 已知椭圆 $x^2 + \frac{y^2}{b^2} = 1(0 < b < 1)$, 其左、右焦点分别为 F_1 、 F_2 , $|F_1F_2| = 2c$, 若椭圆上存在点 P, 使 P 到直 线 $x=\frac{1}{c}$ 距离是 $|PF_1|$ 与 $|PF_2|$ 的等差中项, 则 b 的最大值为_____.
- 200. 已知 $f(x) = 1 + ax \sqrt{1 + ax^2}$, 若对任意 $x \in [0, \sqrt{2}]$, $f(x) \le 0$ 恒成立, 则实数 a 的取值范围为______
- 201. 已知函数 $f(x) = |\sin x| + |\cos x| 4\sin x \cos x k$, 若函数 f(x) 在区间 $(0,\pi)$ 内恰好有奇数个零点, 则实数 k 的所有取值之和为 $_{----}$.
- 202. 函数 $y = x^2 (x \le 0)$ 的反函数为 ().

A. $y = \sqrt{x}, \ x \ge 0$ B. $y = -\sqrt{x}, \ x \ge 0$ C. $y = \sqrt{x}, \ x \le 0$ D. $y = -\sqrt{x}, \ x \le 0$

203. 某高科技公司所有雇员的工资情况如下表所示.

年薪 (万元)	135	95	80	70	60	52	40	31
人数	1	1	2	1	3	4	1	12

该公司雇员年薪的标准差约为().

A. 24.5(万元)

B. 25.5(万元)

C. 26.5(万元)

D. 27.5(万元)

- 204. 已知函数 $f(x) = x + \frac{a}{x}(a > 0), \ 0 < x_1 < x_2, \$ 且 $f(x_1) = f(x_2),$ 给出以下结论:
 - ① $\frac{x_1 + x_2}{2} > \sqrt{a}$ 恒成立; ② $f(2\sqrt{a} x_1) < f(x_2)$ 恒成立. 则 ().

A. ①正确, ②正确

B. ①正确, ②错误 C. ①错误, ②正确 D. ①错误, ②错误

205. 在直角坐标平面上, 到两条直线 y=0 与 y=x 的距离和为 3 的点的轨迹所围成的图形的面积是 ().

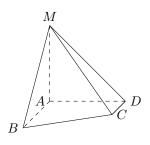
A. 18

B. $18\sqrt{2}$

C. 36

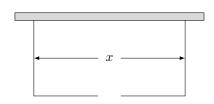
D. $36\sqrt{2}$

206. 如图, 在四棱锥 M-ABCD 中, 已知 $AM\perp$ 平面ABCD, $AB\perp AD$, $AB\parallel CD$, AB=2CD, 且 AB=AM = AD = 2.

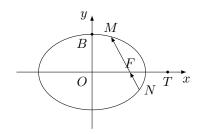


- (1) 求四棱锥 M ABCD 的体积;
- (2) 求直线 MC 与平面 ADM 所成的角.
- 207. $\overrightarrow{R} = (2\cos x, 2\sqrt{3}\sin x), \overrightarrow{n} = (\cos x, \cos x).$
 - (1) 设 $f(x) = \overrightarrow{m} \cdot \overrightarrow{n}$, 求函数 y = f(x) 的解析式及最大值;
 - (2) 设 $\triangle ABC$ 的三个内角 A,B,C 的对边分别为 a,b,c, 当 x=A 时, $\overrightarrow{m}=a\overrightarrow{n},$ 且 $c=2\sqrt{3},$ 求 $\triangle ABC$ 的 面积.

208. 某学校对面有一块空地要围建成一个面积为 360m² 的矩形场地,要求矩形场地的一面利用旧墙 (旧墙需要整修),其它三面围墙要新建,在旧墙对面的新墙上要留一个宽度为 2m 的进出口,如图所示. 已知旧墙的整修费用为 45元/m,新建墙的造价为 180元/m,建 2m 宽的进出口需 2360 元的单独费用,设利用的旧墙的长度为 x(单位: m),设修建此矩形场地围墙的总费用(含建进出口的费用)为 y(单位:元).



- (1) 将 y 表示为 x 的函数;
- (2) 试确定 x, 使修建此矩形场地围墙的总费用 (含建进出口的费用) 最少, 并求出最少总费用.
- 209. 已知椭圆 Γ 的中心是坐标原点 O, 焦点在 x 轴上, 点 B 是椭圆 Γ 的上顶点, 椭圆 Γ 上一点 $A(1,\frac{\sqrt{2}}{2})$ 到两焦点距离之和为 $2\sqrt{2}$.



- (1) 求椭圆 Γ 的标准方程;
- (2) 若点 P,Q 是椭圆 Γ 上异于点 B 的两点, $BP \perp BQ$, 且满足 $3\overrightarrow{PC} = 2\overrightarrow{CQ}$ 的点 C 在 y 轴上, 求直线 BP 的方程:
- (3) 设 x 轴上点 T 坐标为 (2,0), 过椭圆 Γ 的右焦点 F 作直线 l(不与 x 轴重合) 与椭圆 Γ 交于 M 、N 两点, 如图, 点 M 在 x 轴上方, 点 N 在 x 轴下方, 且 $\overrightarrow{FM} = 2\overrightarrow{NF}$, 求 $|\overrightarrow{TM} + \overrightarrow{TN}|$ 的值.
- 210. 已知数列 $\{x_n\}$, 若对任意 $n \in \mathbf{N}^*$, 都有 $\frac{x_n + x_{n+2}}{2} > x_{n+1}$, 则称数列 $\{x_n\}$ 为 "差增数列".
 - (1) 试判断数列 $a_n = n^2 (n \in \mathbf{N}^*)$ 是否为 "差增数列", 并说明理由;
 - (2) 对于所有各项均为正整数的"差增数列" $\{a_n\}$, 其中 $a_1 = a_2 = 1$, 若使得 $a_k = m$ 成立的序数 k 的最大值为 20, 求正整数 m 的所有可能取值的集合;
 - (3) 若数列 $\{\lg x_n\}$ 为 "差增数列" $(n \in \mathbb{N}^*, n \le 2020)$ 且 $\lg x_1 + \lg x_2 + \cdots + \lg x_{2020} = 0$, 证明: $x_{1010} \cdot x_{1011} < 1$.
- 211. 若 $\sin \alpha = \frac{1}{4}$, 则 $\sin(\pi + \alpha) =$ _____.
- 212. 设集合 $A = \{1, 2, 3\}, B = \{y | y = \sin x, x \in \mathbf{R}\}, 则 A \cap B = _____.$
- 213. 已知圆锥的底面半径为 1, 母线长为 2, 则该圆锥的体积为______.
- 214. 关于 x 的不等式 $\frac{1}{x} > 1$ 的解集为______.

215.	已知常数 $a\in\mathbf{R},$ 若复数 $z=(a+\mathrm{i})(2+\mathrm{i})(\mathrm{i}$ 为虚数单位) 的实部与虚部相等, 则 $ z =$
216.	在 $(x^2 + \frac{2}{x})^7$ 的二项展开式中, x^2 的系数为
217.	各项都不为零的等差数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_2 - 2a_8^2 + 3a_{10} = 0$,则 $a_8 = $
218.	设椭圆 $\Gamma: \frac{x^2}{a^2} + y^2 = 1 (a>1)$ 的左顶点为 A , 过点 A 的直线 l 与 Γ 相交于另一点 B , 与 y 轴相交于点 C .
	若 $ OA = OC $, $ AB = AC $, 则 $a = $

- 219. 已知常数 $b, c \in \mathbb{R}$. 若函数 $f(x) = (x^2 + x 2)(x^2 + bx + c)$ 为偶函数, 则 b + c =
- 220. 设 a, b, c, d, e, f 为 1, 2, 3, 4, 5, 6 的任意一个排列, 则使得 (a+b)(c+d)(e+f) 为偶数的排列共有_ 个.
- 221. 已知定点 A(1,0), 圆 $\omega:x^2+y^2=4,\ M,N$ 为 ω 上的动点, 满足 $|MN|=2\sqrt{3},\ 则$ $\overrightarrow{AM}\cdot\overrightarrow{AN}$ 的取值范围
- 222. 空间中, 给定两条异面直线 m,n 以及平面 α , 满足: $m \perp n, n$ 在平面 α 上, m 与 α 所成的角 $\theta \in [60^\circ, 90^\circ]$. 动点 $P \propto \alpha$ 上, 满足 $P \sim 10$ 加 的距离与 $P \sim 10$ 和 的距离相等, 记 $P \sim 10$ 的轨迹为曲线 Γ . 对于下列命题: ① $\Gamma \sim 10$ 以是椭圆; (2) Γ 可以是双曲线, 且两条渐近线的夹角为 30°; (3) Γ 可以是双曲线, 且两条渐近线的夹角为 60°; ④ Γ 可以是抛物线, 所有真命题的序号为__
- 223. 行列式 $\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{vmatrix} = ($).

A. -4

B. -2

C. 2

D. 4

224. 函数 $f(x) = \sin(2x + \frac{\pi}{4})$ 的图像关于 () 对称.

- A. 直线 $x = \frac{\pi}{4}$ B. 直线 $x = \frac{3\pi}{9}$
- C. 点 $(\frac{\pi}{4}, 0)$
- D. 点 $(\frac{3\pi}{2},0)$
- 225. 设 a,b,c 表示三条互不重合的直线, α 、 β 表示两个不重合的平面, 则使得 $a\parallel b$ 成立的一个充分条件为 (

A. $a \perp c$, $b \perp c$

B. $a \parallel \alpha$, $b \parallel \alpha$

C. $a \parallel \alpha$, $a \parallel \beta$, $\alpha \cap \beta = b$

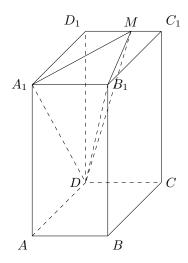
- D. $b \perp \alpha$, $c \parallel \alpha$, $a \perp c$
- 226. 在锐角 $\triangle ABC$ 中, O 为 $\triangle ABC$ 的外心, 设 O 到直线 BC, AC, AB 的距离分别为 d_1, d_2, d_2 . 若将所有的全 等三角形看作同一个三角形,则对于命题: ① 对任意给定的 $d_1,d_2\in\mathbf{R}^+$ 以及 $\angle C\in(0,\frac{\pi}{2})$,锐角 $\triangle ABC$ 都 存在且唯一;② 对任意给定的 $d_1, d_2, d_3 \in \mathbf{R}^+$, 锐角 $\triangle ABC$ 都存在且唯一, 下列判断正确的是 (

A. (1)、(2)均为真命题

B. (1)、(2)均为假命题

C. ①为真命题, ②为假命题

- D. ①为假命题, ②为真命题
- 227. 如图, 在长方体 $ABCD A_1B_1C_1D_1$ 中, $2AB = BC = AA_1$, 点 M 为棱 C_1D_1 上的动点.



- (1) 求三棱锥 $D-A_1B_1M$ 与长方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 的体积比;
- (2) 若 M 为棱 C_1D_1 的中点, 求直线 DB_1 与平面 DA_1M 所成角的大小.