- 1. 判断下列各组对象能否组成集合, 若能组成集合, 指出是有限集还是无限集.
  - (1) 上海市控江中学 2022 年入学的全体高一年级新生;
  - (2) 中国现有各省的名称;
  - (3) 太阳、2、上海市;
  - (4) 大于 10 且小于 15 的有理数;
  - (5) 末位是 3 的自然数;
  - (6) 影响力比较大的中国数学家;
  - (7) 方程  $x^2 + x + 3 = 0$  的所有实数解;
  - (8) 函数  $y = \frac{1}{x}$  图像上所有的点;
  - (9) 在平面直角坐标系中, 到定点 (0,0) 的距离等于 1 的所有点;
  - (10) 不等式 3x 10 < 0 的所有正整数解;
  - (11) 所有的平面四边形.
- 2. 用 "∈" 或 " ∉" 填空:
  - $(1) -3_{--}N;$
  - $(2) \ 3.14_{\mathbf{Q}};$
  - (3) 5\_\_\_**Z**;
  - (4)  $\frac{1}{2}$ \_N;
  - $(5) -2_{\mathbf{Q}};$

  - (6)  $\pi$ \_\_\_R; (7)  $0.\dot{1}\dot{3}$ \_\_Q; (8)  $\frac{1}{\sqrt{2}-1} \sqrt{2}$ \_\_Z; (9)  $\frac{\pi}{2}$ \_Q; (10)  $\frac{1}{1 \frac{1}{1 \frac{1}{2}}}$ \_N;
  - $(11) 0 \varnothing;$
  - (12) 0\_\_\_**N**.
- 3. 对于一个确定的实数 x, 由 x, -x, |x|,  $-\sqrt{x^2}$  中的一个值或几个值组成的所有集合中, 元素的个数最多有多 少个?
- 4. 已知关于 x 的方程  $\sqrt{x^2+4x+a}=x+2$ ,若以该方程的所有解为元素组成的集合是无限集,求实数 a 满足 的条件.
- 5. 用列举法表示下列集合:
  - (1) 12 以内的素数组成的集合;
  - (2) 绝对值小于 3 的所有整数的集合;
  - (3)  $\{x | \frac{6}{3-x} \in \mathbf{N}, \ x \in \mathbf{Z}\};$
  - (4)  $\{y|y=x^2-1, |x| \le 2, x \in \mathbf{Z}\};$

- (5)  $\{(x,y)|y=x^2-1, |x| \le 2, x \in \mathbf{Z}\};$
- (6)  $\{(x,y)|x+y=5, x \in \mathbb{N}, y \in \mathbb{N}\}.$
- 6. 用描述法表示下列集合:
  - (1) 所有奇数组成的集合;
  - (2) 被 3 除余数等于 2 的正整数的集合;
  - (3) 不小于 10 的实数组成的集合;
  - (4) 绝对值大于 4 的所有整数组成的集合;
  - (5) 平面直角坐标系内 y 轴上的点的坐标组成的集合;
  - (6) 在直线 y = 2x + 1 上所有的点的坐标组成的集合.
- 7. 用区间表示下列集合:
  - (1)  $\{x | -2 < x < 7\};$
  - (2)  $\{x | -2 \le x \le 7\};$
  - (3)  $\{x | -2 \le x < 7\};$
  - (4) 不等式 2x < 5 的解集;
  - (5) 不等式 -x < 5 的解集;
  - (6) 非负实数集.
- 8. 用适当的方法表示下列集合:
  - (1) 能整除 10 的所有正整数组成的集合;
  - (2) 能整除 10 的所有正整数组成的集合;
  - (3) 方程  $x^2 + 2 = 0$  的实数解组成的集合;

(4) 方程组 
$$\begin{cases} 2x + y = 0, & \text{的所有解组成的集合:} \\ x - y + 3 = 0 & \end{cases}$$

- (5) 两直线 y = 2x + 1 和 y = x 2 的交点组成的集合.
- 9. 下面写法正确的有\_\_\_\_\_
  - ①  $\emptyset \in \{a\}; ② (0,1) \in \{0,1\}; ③ 1 \in \{(0,1)\}; ④ (0,1) \in \{(0,1)\}; ⑤ 0 \in \{0,1\}; ⑥ 0 \notin \{0,1\}.$
- 10. 集合  $\{(x,y)|xy \ge 0, x \in \mathbb{R}, y \in \mathbb{R}\}$  是指 ( ).
  - A. 第一象限内的所有点

- B. 第三象限内的所有点
- C. 第一象限和第三象限内的所有点
- D. 不在第二象限、第四象限内的所有点
- 11. 若集合  $M = \{0, 2, 3, 7\}, P = \{x | x = ab, a, b \in M, a \neq b\}$ . 用列举法写出集合 P.
- 12. 已知集合  $A = 2, a^2, a,$  且  $1 \in A,$  求实数 a 的值.
- 13. 设集合  $M = \{a | a = x^2 y^2, x, y \in \mathbb{Z}\}$ , 下列数中不属于 M 的为 ( ).
  - A. 3

B. 6

C. 9

D. 12

- 14. 已知集合  $A = \{x | x = a + \sqrt{2}b, \ a, b \in \mathbf{Z}\},$ 若  $x_1, x_2 \in A$ , 证明:  $x_1x_2 \in A$ .
- 15. 已知集合  $A = \{x | (k+1)x^2 + x k = 0\}$  中只有一个元素, 求实数 k 的值.
- 16. 用符号 "⊂"、"=" 或 "⊃" 填空:
  - (1)  $\{a\}$ \_\_\_\_\_ $\{a,b,c\}$ ;
  - (2)  $\{a, b, c\}$ \_\_\_\_ $\{a, c\}$ ;
  - (3)  $\{1,2\}$ \_\_\_\_ $\{x|x^2-3x+2=0\};$
  - (4)  $A = \{x|x^2 2x + 1 = 0\}$ \_\_\_\_\_B =  $\{x|x^2 + 2x 3 = 0\}$ ;
  - (5)  $A = \{1, 2\}$ \_\_\_\_\_B =  $\{x | x \neq 2 \text{ neg } b\}$ ;
  - (6)  $A = \{(x,y)|xy > 0\}$ \_\_\_\_\_B =  $\{(x,y)|x > 0, y > 0\}$ .
- 17. (1) 集合  $\{1,2,3\}$  的子集共有\_\_\_\_\_\_ 个. (2) 已知集合  $A = \{1,2\}$ , 集合  $B = \{1,2,3,4,5\}$ . 若集合 M 满足  $A \subset M$  且  $M \subseteq B$ , 则这样的集合 M 有\_\_\_\_\_ 个. (3) 满足  $\{a,b\} \subset M \subset \{a,b,c,d,e\}$  的集合 M 有\_\_\_\_\_\_ 个.
- 18. (1) 下列写法正确的有\_\_\_\_\_
  - ①  $\varnothing \subset \{0\};$  ②  $\varnothing = \varnothing;$  ③  $\varnothing \in \{0\};$  ④  $0 \in \varnothing.$
  - (2) 下列各选项中, M 与 P 表示同一个集合的有\_\_\_\_\_.
  - ①  $M = \{(1, -3)\}, P = \{(-3, 1)\};$  ②  $M = \{1, -3\}, P = \{-3, 1\};$  ③  $M = \emptyset, P = \{\emptyset\};$  ④  $M = \{y|y = x^2 + 1, x \in \mathbf{R}\}, P = \{(x, y)|y = x^2 + 1, x \in \mathbf{R}\};$  ⑤  $M = \{y|y = x^2 + 1, x \in \mathbf{R}\}, P = \{t|t = y^2 + 1, y \in \mathbf{R}\};$
  - (6)  $M = \{y | y = x^2 + 1, x \in \mathbf{R}\}, P = \{x | y = \sqrt{x 1}, x \in \mathbf{R}\}.$
  - (3) 下列说法正确的有\_\_\_\_\_
  - ① 若  $a \in A$  且  $A \subseteq B$ , 则  $a \in B$ ; ② 若  $A \subseteq B$  且  $A \subseteq C$ , 则 B = C; ③ 若  $A \subset B$  且  $B \subseteq C$ , 则  $A \subset C$ .
- 19. 设常数  $x, y \in \mathbb{R}$ , 已知集合  $A = \{x, y\}, B = \{2x, x^2\}, \mathbb{L}$  A = B, 求集合 A.
- 20. (1) 证明: 集合  $A = \{1, 2, 3\}$  是集合  $B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  的子集.
  - (2) 判断集合  $A = \{n | n = 2k 1, k \in \mathbb{Z}\}, B = \{n | n = 2m + 1, m \in \mathbb{Z}\}$  的关系, 并说明理由;
  - (3) 证明集合  $A = \{n | n = 2k 1, k \in \mathbb{N}\}$  不是集合  $B = \{n | n = 2m + 1, m \in \mathbb{N}\}$  的子集, 且集合 A 真包含集合 B.
- 21. 已知集  $B = \{0, 2, 4\}, C = \{0, 2, 6\},$  若集合 A 满足  $A \subseteq B, A \subseteq C,$  写出所有满足条件的集合 A.
- 22. 已知集合  $A = \{1\}, B = \{x | x \subseteq A\},$  用列举法表示集合 B. 并指出 A 与 B 的关系.