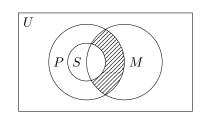
- 1. 用适当符号  $(\in, \notin, =, \subsetneq)$  填空: $\pi$ \_**Q**;  $\{x|x=2k+1, k \in \mathbf{Z}\}$ \_ $\{x|x=2k-1, k \in \mathbf{Z}\}$ ;  $\{3.14\}$ \_**Q**;  $\{y|y=x^2\}$ \_ $\{x|y=x^2\}$ .
- 2. 已知 P = {y = x² + 1}, Q = {y|y = x² + 1, x ∈ R}, E = {x|y = x² + 1, x ∈ R}, F = {(x,y)|y = x² + 1, x ∈ R}, G = {x|x ≥ 1}, H = {x|x² + 1 = 0, x ∈ R}, 则各集合间关系正确的有\_\_\_\_\_\_. (答案可能不唯一)
  (A) P = F (B) Q = E (C) E = F (D) Q ⊆ G (E) H ⊆ P
- 3. 设全集是实数集  $\mathbf{R}$ ,  $M = \{x | -2 \le x \le 2\}$ ,  $N = \{x | x < 1\}$ , 则  $\mathbf{C}_U M \cap N = \underline{\hspace{1cm}}$
- 5.  $\mathcal{U} A = \{x | x = \sqrt{k}, k \in \mathbb{N}\}, B = \{x | x \leq 3, x \in \mathbb{Q}\}, M A \cap B = \underline{\hspace{1cm}}$
- 6. 设全集  $U = \{2, 3, a^2 + 2a 3\}$ , 集合  $A = \{|2a 1|, 2\}, C_U A = \{5\}, \text{ 则实数 } a = \underline{\hspace{1cm}}$ .
- 7. (1) 设  $M = \{y | y = x^2, x \in \mathbf{R}\}, N = \{x | x = t, t \in \mathbf{R}\}, 则 M \cap N = _____.$ (2) 设  $M = \{(x, y) | y = x^2, x \in \mathbf{R}\}, N = \{(t, x) | x = t, t \in \mathbf{R}\}, 则 M \cap N = _____.$
- 8. 设全集  $U = \{1, 2, 3, 4\}$ ,  $C_U A \cap B = \{3\}$ ,  $A \cap C_U B = \{2\}$ ,  $C_U A \cup C_U B = \{2, 3, 4\}$ , 则  $C_U A \cap C_U B = \underline{\qquad}$
- 9. 集合  $C = \{x | x = \frac{k}{2} \pm \frac{1}{4}, \ k \in \mathbf{Z}\}, D = \{x | x = \frac{k}{4}, \ k \in \mathbf{Z}\},$  试判断 C 与 D 的关系, 并证明.
- 10.  $A = \{x | x^2 + 4x = 0\}, B = \{x | x^2 + 2(a+1)x + a^2 1 = 0, x \in \mathbb{R}\}.$ 
  - (1) 若  $A \cap B = A$ , 求实数 a 的取值范围;
  - (2) 若  $A \cup B = A$ , 求实数 a 的取值范围.
- 11. 若集合 A = [2,3], 集合 B = [a, 2a + 1].
  - (1) 若  $A \subseteq B$ , 求实数 a 的取值范围;
  - (2) 若  $A \cap B \neq \emptyset$ , 求实数 a 的取值范围.
- 12. 设全集  $U = \mathbf{R}$ , 集合  $A = \{x|f(x) = 0\}$ ,  $B = \{x|g(x) = 0\}$ ,  $C = \{x|h(x) = 0, x \in \mathbf{R}\}$ , 则方程  $\frac{f^2(x) + g^2(x)}{h(x)} = 0$  的解集是\_\_\_\_\_(用 U, A, B, C 表示).
- 13. (1) 已知集合  $A = \{y | y = x^2, x \in \mathbf{R}\}, B = \{y | y = 4 x^2, x \in \mathbf{R}\}, \text{则 } A \cap B = \underline{\hspace{1cm}}$ 
  - (2) 已知集合  $A = \{(x,y)|y=x^2, x \in \mathbf{R}\}, B = \{(x,y)|y=4-x^2, x \in \mathbf{R}\},$ 则  $A \cap B =$ \_\_\_\_\_\_.
- 14. 设  $m \in \mathbb{R}$ , 已知  $A = \{x|x^2 3x + 2 = 0\}$ ,  $B = \{x|mx + 1 = 0\}$ , 且  $B \subsetneq A$ , 则 m =\_\_\_\_\_\_.
- 15. (1) 集合 A 满足  $\{1\} \subseteq A \subsetneq \{1,2,3,4\}$ , 则满足条件的集合 A 有\_\_\_\_\_\_ 个. (2) 若  $A \cup B = \{1,2\}$ , 将满足条件的集合 A, B 写成有序集合对 (A,B), 则有序集合对 (A,B) 有\_\_\_\_\_\_ 个.
- 16. 已知  $A = \{x | x^2 3x + 2 = 0\}$ ,  $B = \{x | x^2 ax + a = 0, x \in \mathbf{R}\}$ , 若  $B \subsetneq A$ , 求满足题意的实数 a.
- 17. 设集合  $A = \{x | x^2 + px + 1 = 0, x \in \mathbb{R}\}$ , 若  $A \cap \mathbb{R}^+ = \emptyset$ . 求实数 p 的取值范围.

- 18. 设函数  $f(x) = \lg(\frac{2}{x+1} 1)$  的定义域为集合 A, 函数  $g(x) = \sqrt{1 |x+a|}$  的定义域为集合 B.
  - (1) 当 a = 1 时, 求集合 B.
  - (2) 问:  $a \ge 2$  是  $A \cap B = \emptyset$  的什么条件 (在"充分非必要条件、必要非充分条件、充要条件、既非充分也非 必要条件"中选一)? 并证明你的结论.
- 19. 如图, U 为全集, M, P, S 是 U 的三个子集, 则阴影部分所表示的集合是 (
  - A.  $(M \cap P) \cap S$
- B.  $(M \cap P) \cup S$
- C.  $(M \cap P) \cap \mathcal{C}_U S$  D.  $(M \cap P) \cup \mathcal{C}_U S$



- 20. 设集合  $A = \{5, \log_2(a+3)\}, B = \{a, b\}, 若 A \cap B = \{2\}, 则 A \cup B = \_____.$
- 21. 设集合  $A \cap \{-2,0,1\} = \{0,1\}, A \cup \{-2,0,2\} = \{-2,0,1,2\},$ 则满足上述条件的集合 A 的个数为\_\_\_\_\_ 个.
- 22. 若集合  $A = \{x | x \leq 2\}, B = \{x | x \geq a\},$ 满足  $A \cap B = \{2\},$ 则实数 a =\_\_\_\_\_\_.
- 23. 若集合  $M = [a-1, a+1], N = (-\infty, -1) \cup [2, +\infty),$  且  $M \cap N = \emptyset$ , 则实数 a 的取值范围为\_\_\_\_\_\_.
- 24. 集合  $A = \{(x,y)|x^2+y^2=25\}, B = \{(x,y)|x=3y=4\}, 则 A \cap B$  的子集个数是 个.
- 25. 已知集合  $M = \{x | x = 3m + 1, m \in \mathbf{Z}\}, N = \{y | y = 3m + 2, m \in \mathbf{Z}\}, 若 x_0 \in M, y_0 \in N, 则 x_0 y_0 与集合$ M, N 的关系是 ( ).
  - A.  $x_0y_0 \in M$  但  $x_0y_0 \notin N$

B.  $x_0y_0 \in N$  但  $x_0y_0 \notin M$ 

C.  $x_0y_0 \notin M \perp x_0y_0 \notin N$ 

- D.  $x_0y_0 \in M \perp x_0y_0 \in N$
- 26. 若  $A = \{x | x = 2n, n \in \mathbf{Z}\}, B = \{x | x = 4m, m \in \mathbf{Z}\}, 求证: B \subsetneq A.$
- 27. 设常数  $a \in \mathbf{R}$ , 集合  $A = \{x | \frac{3-2x}{r-1} + 1 \geq 0, \ x \in \mathbf{R}\}, \ B = \{x | 2ax < a+x, \ x \in \mathbf{R}\}.$  若  $A \cup B = B$ , 求 a 的 取值范围.
- 28. 设常数  $m \in \mathbf{R}$ ,  $A = \{(x,y)|x^2 + mx y + 2 = 0, x \in \mathbf{R}\}$ ,  $B = \{(x,y)|x y + 1 = 0, x \in M\}$ , 且  $A \cap B \neq \emptyset$ .
  - (1) 若  $M = \mathbf{R}$ , 求实数 m 的取值范围;
  - (2) 若  $M = (\frac{1}{3}, 2]$ , 求实数 m 的取值范围.
- 29. 设常数  $k \in \mathbf{R}$ , 关于 x 的不等式组  $\begin{cases} x^2 x 2 > 0, \\ 2x^2 + (2k+5)x + 5k < 0 \end{cases}$  整数解的集合为  $\{-2\}$ , 求实数 k 的取值范 围.

31.	31. 已知 $M = \{a   \frac{6}{5-a} \in \mathbb{N}, \ a \in \mathbb{Z}\}$ ,则用列举法表示 $M = \underline{\hspace{1cm}}$	<u></u> .
32.	32. 定义集合运算: $A \odot B = \{z   z = xy(x+y), \ x \in A, \ y \in B\}$ , 设集所有元素之和为	合 $A = \{0,1\}, B = \{2,3\},$ 则集合 $A \odot B$ 的
33.	33. 已知全集 $U = \mathbf{R}$ , $A = \{-1\}$ , $B = \{x   \lg(x^2 - 2) = \lg x\}$ , 则 (	)
	A. $A \subseteq B$ B. $A \cup B = \emptyset$ C. $A \subseteq$	$D. (C_U A) \cap B = \{2\}$
34.	34. 集合 $A = \{(x,y) y =  x  + 1\}, B = \{(x,y) y = \frac{1}{2}x + a\}, 若 A \cap A$	$B=\varnothing$ , 则 $a$ 的取值范围是
35.	35. 调查某班 50 名学生, 音乐爱好者有 40 人, 体育爱好者有 24 人, 最多 人.	则两方面都爱好的人数最少人
36.	36. 已知集合 $A = \{x   ax^2 - 3x + 2 = 0\}$ 至多有一个元素, 则 $a$ 的取值范围是	值范围是; 若至少有一个元素, 则
37.	$37$ . 设含有三个实数的集合既可以表示为 $\{a, \frac{b}{a}, 1\}$ , 又可以表示为 $\{a, \frac{b}{a}, 1\}$	$a^2, a+b, 0$ , 那么 $a+b=$
38.	38. 没 $f(x) = x^2 - 12x + 36$ , $A = \{a   1 \le a \le 10, a \in \mathbb{N}\}$ , $B = \{b   b = 1\}$	$=f(a),\;a\in A\},$ 又设 $C=A\cap B.$ 求集合 $C$
39.	<ul> <li>39. 设常数 m ∈ R, A = {(x,y) y = -x² + mx - 1, x ∈ R}, B = {(x 两个.</li> <li>(1) 若 M = R, 求实数 m 的值;</li> <li>(2) 若 M = [0,3], 求实数 m 的取值范围.</li> </ul>	$(x,y) x+y=3,x\in M\},$ 且 $A\cap B$ 的子集有
40.	<ul> <li>40. 填写下列命题的否定形式:</li> <li>(1) m ≤ 0 或 n &gt; 0:</li></ul>	; ; 
41.	41. 已知 $a, b$ 是整数, 写出命题 "若 $ab$ 为偶数, 则 $a + b$ 为偶数" 的运的真假.	色命题、否命题、逆否命题, 并判断所写命题
	逆命题:,真假:	_;
	否命题:,真假:	_;
	逆否命题:, 真假: _	·
42.	42. 设甲是乙的充分非必要条件, 乙是丙的充要条件, 丁是丙的必要非	三充分条件,则丁是甲的 ()
	A. 充分非必要条件 B. 必要 i	<b>三充分条件</b>
	C. 充要条件 D. 既非死	<b>还分又非必要条件</b>
43.	$43.$ 若 $A$ 是 $B$ 的必要非充分条件, 则 $\overline{A}$ 是 $\overline{B}$ 的 条件.	

44.	下列各组命题中互为等价命题的是().	
	A. $A \subseteq B = A \cup B = B$	B. $x \in A \coprod x \in B \stackrel{L}{\Rightarrow} x \in A \cup B$
	C. $a \in A \cap B$ 与 $a \in A$ 或 $a \in B$	D. $m \in A \cap B = m \in A \cup B$
45.	填空 (在"充分不必要"、"必要不充分"、"方	它要"、"既不充分也不必要" 中选一种作答):
	(1) " $\alpha \neq \beta$ " 是 $\cos \alpha \neq \cos \beta$ " 的	_ 条件;
	(2) 在 $\triangle ABC$ 中, " $A=B$ " 是 " $\sin A=\sin$	B"的条件.
46.	" $a>0b>0$ " 的一个必要非充分条件是 (	).
	A. $a > 0$ B. $b > 0$	C. $a > 0b > 0$ D. $a, b \in \mathbf{R}$
47.	"函数 $f(x)$ $(x \in \mathbf{R})$ 存在反函数"是"函数)	f(x) 在 R 上为增函数"的 $($ $)$ .
	A. 充分而不必要条件	B. 必要而不充分条件
	C. 充分必要条件	D. 既不充分也不必要条件
48.	填空: (填"充分不必要"、"必要不充分"、"	充要"、"既不充分也不必要")
	(1) 对于实数 $x, y, p$ : $xy > 1$ 且 $x + y > 2$ 長	是 q: x > 1 且 y > 1 的 条件;
	(2) 对于实数 $x, y, p$ : $x + y \neq 8$ 是 $q$ : $x \neq 2$	或 $y \neq 6$ 的 条件;
	(3) 已知 $x, y \in \mathbf{R}, p: (x-1)^2 + (y-2)^2 =$	0 是 $q$ : $(x-1)(y-2) = 0$ 的条件;
	*(4) 设 $x,y\in\mathbf{R}$ , 则 " $x^2+y^2<2$ " 是 " $ x +$	$ y  \le \sqrt{2}$ "的条件; 又是" $ x  +  y  < 2$ "的
	条件; 又是 " $ x  < \sqrt{2}$ 且 $ y  < \sqrt{2}$ " 的	条件.
		程 $a_1x^2 + b_1x + c_1 = 0$ 和方程 $a_2x^2 + b_2x + c_2 = 0$ 的实数解集分
	别为 $M$ 和 $N$ , 则 " $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$ " 是 " $M =$	= N"的条件.
49.	(1) 是否存在实数 $m$ , 使得 $2x + m < 0$ 是 $x$	$x^2 - 2x - 3 > 0$ 的充分条件? 说明理由.
	(2) 是否存在实数 $m$ , 使得 $2x + m < 0$ 是 $x$	
50.	已知关于 $x$ 的实系数二次方程 $ax^2 + bx + c$	$c = 0 \ (a > 0), $ 分别求下列命题的一个充要条件:
	(1) 方程有一正根, 一根是零;	
	(2) 两根都比 2 小.	
51	设 $a,b \in \mathbb{R}$ , 写出命题 "若 $a+b>0$ 且 $ab>$	、0 則 a > 0 日 b > 0" 的逆丕命斯
52.	填空(填"充分不必要"、"必要不充分"、"多	
	(1) 若 $x, y \in \mathbf{R}$ , 则 $x^2 + y^2 \neq 0$ 是 " $x, y$ 不全	
	(2) 若 $x, y \in \mathbf{R}$ , 则 " $xy > 0, x + y > 0$ " 是 "3	
	(3) $\mathfrak{P}(a,b) \in \mathbb{R}$ , $\mathfrak{P}(a a b a b a b a b a b a b a b a b a b a$	
		$< 0$ " 是 "对任意 $x \in \mathbf{R}$ ,有 $ax^2 + bx + c > 0$ " 的 条件
	(5) $\mathfrak{G} \ a, b \in \mathbf{R}, \ \mathfrak{M} \ b = \tan a \ \mathfrak{E} \ a = \arctan b$	,旳 余件.
53.	已知 $x,y \in \mathbf{R}$ , 有如下四个命题: ① $x^2 + y$	$y^2 < 1$ ; ② $ x  +  y  < 1$ ; ③ $ x  < 1$ 且 $ y  < 1$ ; ④ $ x + y  < 1$
	则 是 的充分非必要	条件 (答案可能不唯一).

54. 使不等式  $2x^2 - 5x - 3 \ge 0$  成立的一个充分不必要条件是 ( ).

A. x < 0

B.  $x \geq 0$ 

C.  $x \in \{-1, 3, 5\}$  D.  $x \le \frac{1}{2}$  **g**  $x \ge 3$ 

- 55. 已知  $\alpha$ : " $x \ge a$ ",  $\beta$ : " $|x-1| \le 1$ ", 若  $\alpha$  是  $\beta$  的必要非充分条件, 则实数  $\alpha$  的取值范围是\_\_\_\_\_\_
- 56. 命题甲: 关于 x 的方程  $x^2+x+m=0$  有两个相异的负根; 命题乙: 关于 x 的方程  $4x^2+x+m=0$  无实根, 若这两个命题有且只有一个是真命题, 求实数 m 的取值范围. \*
- 57. 已知  $P = \{x | x^2 8x 20 \le 0\}$ ,  $S = \{x | |x a| \le m\}$ , 求实数 a, m 的值, 使得 " $x \in P$ " 是 " $x \in S$ " 的充要条
- 58. 设  $f(x) = ax^2 + x + a$ , 写出一个 a 的值,
  - (1) 使 f(x) > 0 ( $x \in \mathbf{R}$ ) 恒成立;
  - (2) 使 f(x) > 0 ( $x \in \mathbf{R}$ ) 恒不成立;
  - (3) 使 f(x) > 0 ( $x \in \mathbf{R}$ ) 不恒成立.
- 59. 命题 (1)  $a > b \Rightarrow ac^2 > bc^2$ ; (2)  $ac^2 > bc^2 \Rightarrow a > b$ ; (3)  $a > b \Rightarrow \frac{1}{a} < \frac{1}{b}$ ; (4) a < b < 0,  $c < d < 0 \Rightarrow ac > bd$ ;

(5) 
$$\sqrt[n]{a} > \sqrt[n]{b} \Rightarrow a > b \ (n \in \mathbb{N}^*);$$
 (6)  $a + c < b + d \Leftrightarrow \begin{cases} a < b, \\ c < d; \end{cases}$  (7)  $a < b < 0 \Rightarrow a^2 > ab > b^2$ . 其中真命题

的序号是

60. 已知  $a, b \in \mathbb{R}$ , 则 ab(a-b) < 0 成立的一个充要条件是 (

A.  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b} > 0$ 

B.  $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$  C.  $0 < \frac{1}{a} < \frac{1}{b}$  D.  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$ 

61. " 
$$\begin{cases} 2 < x + y < 4, \\ 0 < xy < 3 \end{cases}$$
 " 是 " 
$$\begin{cases} 2 < x < 3, \\ 0 < y < 1 \end{cases}$$
 " 的\_\_\_\_\_ 条件.

62. 下列函数中, 最小值为 2 的函数有\_\_\_\_\_

$$(1) \ y = x + \frac{1}{x}, \ x \in (0, +\infty); \ (2) \ y = x + \frac{1}{x}, \ x \in (1, +\infty); \ (3) \ y = \frac{x^2 + 3}{\sqrt{x^2 + 2}}; \ (4)y = \log_3 x + \log_x 3.$$

- 63.  $z = (x+y)(\frac{1}{x} + \frac{1}{4y}), (x,y>0)$  的最小值是\_\_\_\_\_\_.
- 64. 若正实数 a, b 满足 a + b = 1, 则 ( ).

A.  $\frac{1}{a}+\frac{1}{b}$  的最大值是 4 B. ab 的最小值是  $\frac{1}{4}$  C.  $\sqrt{a}+\sqrt{b}$  有最大值  $\sqrt{2}$  D.  $a^2+b^2$  有最小值  $\frac{\sqrt{2}}{2}$ 

65. 如果 0 < a < b, t > 0, 设  $M = \frac{a}{b}, N = \frac{a+t}{b+t}$ , 那么 ( ).

A. M > N

B. M < N

C. M = N

D. M 与 N 的大小随 t 的变化而变化

66. 将一根铁丝切割成三段做一个面积为 2 平方米、形状为直角三角形的框架,则至少需要\_\_\_\_\_\_ 米的铁丝 (不计损失, 精确到 0.1 米).

- 67. (1) 比较  $1+a^2$  与  $\frac{1}{1-a}$  的大小;
  - (2) 设 a > 0,  $a \ne 1$ , t > 0, 比较  $\frac{1}{2} \log_a t$  和  $\log_a \frac{t+1}{2}$  的大小, 证明你的结论.
- 68. 已知  $x, y \in \mathbf{R}^+$  且 x + y = 4, 求  $\frac{1}{x} + \frac{2}{y}$  的最小值. 某学生给出如下解法: 由 x + y = 4 得,  $4 \ge 2\sqrt{xy}$ ①, 即  $\frac{1}{\sqrt{xy}} \geq \frac{1}{2}$ ②, 又因为  $\frac{1}{x} + \frac{2}{y} \geq 2\sqrt{\frac{2}{xy}}$ ③, 由②③得  $\frac{1}{x} + \frac{2}{y} \geq \sqrt{2}$ ④, 即所求最小值为  $\sqrt{2}$ ⑤. 请指出这位同学 错误的步骤,并给出正确的解法
- 69. 已知  $x, y \in \mathbb{R}^+$ , xy = x + y + 1, 求 x + y 的取值范围 (试用两种方法求解).
- 70. 设  $a, b \in \mathbb{R}$ , 若 a |b| > 0, 则下列不等式中正确的是 (

A. b - a > 0

B.  $a^3 + b^3 < 0$  C. b + a > 0 D.  $a^2 - b^2 < 0$ 

71. 已知 0 < x < y < a < 1, 则 ( ).

 $\text{A. } \log_a(xy) < 0 \qquad \qquad \text{B. } 0 < \log_a(xy) < 1 \qquad \qquad \text{C. } 1 < \log_a(xy) < 2 \qquad \qquad \text{D. } \log_a(xy) > 2$ 

72. 设 a > 1 > b > -1, 则下列不等式中恒成立的是 ( ).

A.  $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$  B.  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$ 

C.  $a > b^2$ 

D.  $a^2 > 2b$ 

- 73. 若  $1 < a < 3, -4 < b < 2, 则 <math>\frac{1}{2}a b$  的取值范围是\_\_\_\_\_\_.
- 74. 已知  $x, y \in \mathbb{R}^+$ , 且 x + 4y = 1, 则  $x \cdot y$  的最大值为\_\_\_\_\_
- 75. 函数  $y = \log_a(x+3) 1$   $(a > 0, \ a \neq 1)$  的图像恒过定点 A, 若点 A 在直线 mx + ny + 1 = 0 上, 其中 mn > 0, 则  $\frac{1}{m} + \frac{2}{n}$  的最小值为\_\_\_\_\_\_
- 76. \* 如果正数 a, b, c, d 满足 a + b = cd = 4, 那么 (
  - A.  $ab \le c + d$  且等号成立时, abcd 的取值唯一
  - B. ab > c + d 且等号成立时, abcd 的取值唯一
  - $C. ab \le c + d$  且等号成立时, abcd 的取值不唯一
  - D.  $ab \ge c + d$  且等号成立时, abcd 的取值不唯一
- - (2) 设  $0 < x < \sqrt{2}$ , 则  $x\sqrt{4-2x^2}$  的最大值是 ,此时 x =
- 78. 在等差数列  $\{a_n\}$  和等比数列  $\{b_n\}$  中,  $a_1=b_1>0$ ,  $a_3=b_3>0$ ,  $a_1\neq a_3$ , 试比较  $a_5$  与  $b_5$  的大小.
- 79. 下列不等式中解集为 R 的是 ( ).

A.  $x^2 - 6x + 9 > 0$  B.  $4x^2 + 12x + 9 < 0$  C.  $3x^2 - x + 2 > 0$  D.  $3x^2 - x + 2 < 0$ 

- 80. 不等式  $(x-1)^2(2-x) \le 0$  的解集是  $(x-1)^2(2-x) > 0$  的解集是
- 81. 已知关于 x 的不等式  $x^2 + ax + b < 0$  的解集为 (-1,2), 则 a + b =

- 82. 不等式  $-1 < x^2 + 2x 1 \le 2$  的解集是
- 83. 用一根长为 100 米的绳子能否围成一个面积大于 600 平方米的矩形?\_\_\_\_\_(用"能"或"不能"填空).
- 84. 已知关于 x 的不等式  $ax^2 bx + c > 0$  的解集是  $(-\frac{1}{2}, 2)$ , 对于 a, b, c 有以下结论: ① a > 0; ② b > 0; ③ c > 0; ④ a + b + c > 0; ⑤ a b + c > 0. 其中正确的序号有
- 85. 若关于 x 的不等式  $(a-2)x^2 + 2(a-2)x 4 < 0$  对一切  $x \in \mathbb{R}$  成立, 则实数 a 的取值范围是\_\_\_\_\_\_.
- 86. 已知关于 x 的不等式 (2a-b)x+a-5b>0 的解集是  $(-\infty,\frac{10}{7})$ , 则关于 x 的不等式 ax>b 的解集是 .
- 87. 已知关于 x 的不等式  $ax^2 + bx + c > 0$  的解集为  $\{x | 2 < x < 4\}$ , 求关于 x 的不等式  $cx^2 + bx + a < 0$  的解集.
- 88. 解关于 x 的不等式:  $(ax + 4)(x 1) > 0(a \in \mathbf{R})$ .
- 89. 已知  $f(x) = x^2 + 2(a-2)x + 4$ .
  - (1) 如果对一切  $x \in \mathbf{R}$ , f(x) > 0 恒成立, 求实数 a 的取值范围;
  - (2) 如果对  $x \in [-3,1]$ , f(x) > 0 恒成立, 求实数 a 的取值范围.
- 90. 不等式  $-6x^2 x + 2 \le 0$  的解集是
- 91. 解关于 x 的不等式  $x^2 3(a+1)x + 2(3a+1) \le 0(a \in \mathbf{R})$ .
- 92. 解关于 x 的不等式组:  $\begin{cases} ax > -1, & (a \in \mathbf{R}). \\ x + a > 0 \end{cases}$
- 93. 若关于 x 的不等式  $ax^2 + bx + c > 0$  的解集为 (-1, 2), 求关于 x 的不等式  $a(x^2 + 1) + b(x 1) + c > 2ax$  的解集.
- 94. 若关于 x 的不等式  $(a^2-4)x^2+(a+2)x-1\geq 0$  的解集为  $\varnothing$ , 求实数 a 的取值范围.
- 95. 若关于 x 的不等式  $(a^2-4)x^2+(a+2)x+1\geq 0$  对一切  $x\in \mathbf{R}$  均成立, 求实数 a 的取值范围.
- 96. \* 设 f(x) 是定义在 R 上的偶函数, 在区间  $(-\infty,0)$  上单调递增, 且满足  $f(-a^2+2a-5) < f(2a^2+a+1)$ , 求实数 a 的取值范围.
- 97. \* 已知  $A = \{x | x^2 3x + 2 \le 0\}, B = \{x | x^2 (a+1)x + a \le 0\}.$ 
  - (1) 若  $A \subsetneq B$ , 求 a 的取值范围;
  - (2) 若  $B \subseteq A$ , 求 a 的取值范围.
- 98. 下列不等式中, 与  $x^2 > 2$  同解的不等式的序号为\_\_\_\_\_\_.

$$(1)\ x^2 + \frac{1}{x-3} > 2 + \frac{1}{x-3}; \ (2)\ x^2 + \sqrt{x-4} > 2 + \sqrt{x-4}; \ (3)\ x^2 - (x-1) > 2 - (x-1); \ (4)\ x^2(x-2) > 2(x-2).$$

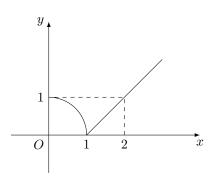
99. 不等式  $\frac{3x+4}{5-x} \ge 6$  的解集是\_\_\_\_\_.

- 100. 若不等式  $\frac{2x+a}{x+b} \le 1$  的解集为  $\{x|1 < x \le 3\}$ , 则 a+b 的值是\_\_\_\_\_\_.
- 101. 不等式  $(x-1)^2(2-x)(x+1) \le 0$  的解集是\_\_\_\_\_\_
- 102. 不等式 2 < |x+1| < 3 的解集是\_\_\_\_\_\_.
- 103. 不等式 |x-2| > 9x 的解集是\_\_\_\_\_\_.
- 104. 不等式  $4^{x-\frac{5}{x}+1} \le 2$  的解集是
- 105. 不等式  $\log_{\frac{1}{4}} 4x^2 > \log_{\frac{1}{4}} (3-x)$  的解集是\_\_\_\_\_
- 106. 解下列不等式:
  - (1) |x-5|-|2x+3|<1;
  - (2)  $\frac{2x^2 + x 3}{x^2 + x + 1} \ge 1;$
  - $(3) 4^{2x} 2^{2x+2} + 3 < 0$
  - (4)  $\log_2(x-1) < \log_4(2-x) + 1$ .
- 107. (1) 关于 x 的不等式  $|x-1| |x-2| < a^2 + a 1$  的解集是  $\mathbf{R}$ , 求实数 a 取值范围;
  - (2) 关于 x 的不等式  $|x-1| |x-2| < a^2 + a 1$  有实数解, 求实数 a 的取值范围.
- 108. \* 设全集  $U = \mathbf{R}$ , 已知关于 x 的不等式  $|x-1| + a 1 > 0 (a \in \mathbf{R})$  的解集为 A, 若  $\mathcal{C}_U A \cap \mathbf{Z}$  恰有 3 个元素, 求 a 的取值范围.
- 109. 不等式  $\left| \frac{x}{1+x} \right| > \frac{x}{1+x}$  的解集是\_\_\_\_\_\_.
- 110. 不等式  $\frac{2x}{1-x} \le 1$  的解集是\_\_\_\_\_\_.
- 111. 不等式  $\frac{1+|x|}{|x|-1} \ge 3$  的解集是\_\_\_\_\_\_.
- 112. 设函数  $f(x) = \begin{cases} 2^{-x} 1, & x \leq 0, \\ &$  若  $f(x_0) > 1,$  则  $x_0$  的取值范围是\_\_\_\_\_\_. x > 0,
- 113. 已知 a>0 且  $a\neq 1$ , 关于 x 的不等式  $a^x>\frac{1}{2}$  的解集是  $(-\infty,1)$ , 则 a=\_\_\_\_\_\_.
- 114. 关于 x 的不等式  $\log_{\frac{1}{2}}(x-\frac{1}{x})>0$  的解集是\_\_\_\_\_\_.
- 115. 若不等式 |3x b| < 4 的解集中的整数有且仅有 1, 2, 3, 则 b 的取值范围为\_\_\_\_\_.
- 116. 已知关于 x 的不等式  $\frac{ax-5}{x^2-a} < 0$  的解集为 M.
  - (1) 当 a = 5 时, 求集合 M;
  - (2) 若  $2 \in M$  且  $5 \notin M$ , 求实数 a 的取值范围.
- 117. (1) 对任意实数 x, |x-1|-|x+3|>a 恒成立, 求实数 a 的取值范围;
  - (2) \* 对任意实数 x, |x-1|-|x+3| > a 恒不成立, 求实数 a 的取值范围.

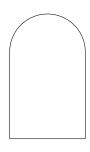
- 118. (1) 若关于 x 的不等式  $x^2 kx + 1 > 0$  的解集为  $\mathbf{R}$ , 求实数 k 的取值范围;
  - (2) \* 若关于 x 的不等式  $x^2 kx + 1 > 0$  在 [1,2] 上有解, 求实数 k 的取值范围.
- 119. 已知  $a, b \in \mathbf{R}^+$ ,求证:  $\frac{a}{\sqrt{b}} + \frac{b}{\sqrt{a}} \ge \sqrt{a} + \sqrt{b}$ .
- 120. 已知  $x, y \in \mathbf{R}$ , 求证:  $x^2 + y^2 + 1 \ge x + y + xy$ .
- 121. 已知  $a, b \in \mathbb{R}^+$  月  $a \neq b$ , 求证:  $|a^3 + b^3 2ab\sqrt{ab}| > |a^2b + ab^2 2ab\sqrt{ab}|$ .
- 122. 已知 0 < a < 1 ,0 < b < 1, 0 < c < 1, 求证: (1-a)b, (1-b)c, (1-c)a 中至少有一个小于等于  $\frac{1}{4}$ .
- 123. a、b、c 是互不相等的正数,则下列不等式中不正确的序号是\_\_\_\_\_\_.

$$(1) |a-b| \le |a-c| + |c-b|; (2) a^2 + \frac{1}{a^2} \ge a + \frac{1}{a}; (3) |a-b| + \frac{1}{a-b} \ge 2; (4) \sqrt{a+3} - \sqrt{a+1} \le \sqrt{a+2} - \sqrt{a}.$$

- 124. 已知 a > b > c > 0, 试比较  $\frac{a-c}{b}$  与  $\frac{b-c}{a}$  的大小.
- 125. 已知 a > 0, 试比较  $a = \frac{1}{a}$  的大小.
- 126. 若 x, y, m, n 均为正数, 求证:  $\sqrt{(m+n)(x+y)} \ge \sqrt{mx} + \sqrt{ny}$ .
- 127. 已知  $a, b, c \in \mathbb{R}^+$ ,求证:  $a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2 \ge a^2bc + ab^2c + abc^2$
- 128. 设  $f(x) = \sqrt{1+x}$  (x>0). 若  $x_1 \neq x_2$ , 求证:  $|f(x_1) f(x_2)| < |x_1 x_2|$ .
- 129. 若实数 x、y、m 满足 |x-m| > |y-m|, 则称 x 比 y 远离 m.
  - (1) 若  $x^2 1$  比 1 远离 0, 求 x 的取值范围;
  - (2) 定义: 在 R 上的函数 f(x) 等于  $x^2$  和 x+2 中远离 0 的那个值. 求证:  $f(x) \ge 1$  在 R 上恒成立.
- 130. 函数  $y = \frac{\sqrt{2x+1}}{x-3} + (x-1)^0$  的定义域为\_\_\_\_\_\_.
- 131. 若函数 y = f(x) 的定义域是 [-2, 4], 则函数 g(x) = f(x) + f(-x) 的定义域是\_\_\_\_\_.
- 132. 下列各组中, 两个函数是同一个函数的组的序号是\_\_\_\_\_\_
  - (1)  $y = \lg x + \frac{1}{2} \lg x^2$ ; (2)  $f(x) = 2^x$ ,  $D = \{0, 1, 2, 3\} + \frac{1}{6} g(x) = \frac{1}{6} x^3 + \frac{5}{6} x + 1$ ,  $D = \{0, 1, 2, 3\}$ ;
  - (3)  $f(x) = x^2 2x 1$ ,  $g(t) = t^2 2t 1$ ; (4)  $y = \sqrt{x^2 1}$ ,  $y = \sqrt[3]{x^3 1}$ .
- 133. 已知函数  $f(x) = 6 + 5x x^2$ , 函数  $g(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 5x 6}}$ , 则  $f(x) \cdot g(x) = \underline{\hspace{1cm}}$ .
- 134. 函数 y = f(x) 满足对于任意 x > 0, 恒有  $f(x + 1) = \lg x$ , 则 y = f(x) 在 x > 1 时的解析式为\_\_\_\_\_\_.
- 135. 函数 y = f(x) 满足对于任意  $x \neq 0$ ,恒有  $f(x \frac{1}{x}) = x^3 \frac{1}{x^3}$ . 若存在  $x_0$  使得  $f(x_0) = 0$ ,则  $x_0 = \underline{\hspace{1cm}}$
- 136. 已知 y = f(x) 为偶函数, 且 y = f(x) 的图像在  $x \in [0,1]$  时的部分是半径为 1 的圆弧, 在  $x \in [1, +\infty)$  时的部分是过点 (2,1) 的射线, 如图.



- (2) 写出 f(f(-2)) 的值:\_\_\_\_\_\_;
- (3) 写出方程  $f(x) = \frac{\sqrt{3}}{2}$  的解集:\_\_\_\_\_\_.
- 137. 某工厂生产一种仪器的元件,由于受生产能力和技术水平等因素的限制,会产生较多次品,根据经验知道,次品数 p(万件) 与日产量 x(万件) 之间满足关系:  $p = \begin{cases} \frac{x^2}{6}, & 1 \leq x < 4, \\ x + \frac{3}{x} \frac{25}{12}, & x \geq 4. \end{cases}$  已知每生产 1 万件合格的元件可以盈利 20 万元,但每产生 1 万件次品将亏损 10 万元.(实际利润 = 合格产品的盈利 生产次品的亏损),试将该工厂每天生产这种元件所获得的实际利润 T(万元) 表示为日产量 x(万件) 的函数.
- 138. 设常数 a、b 满足 1 < a < b, 函数  $f(x) = \lg(a^x b^x)$ , 求函数 y = f(x) 的定义域.
- 139. 如图, 用长为 l 的铁丝弯成下部为矩形, 上部为半圆形的空心框架, 若矩形底边长为 2x, 试用解析式将此框架 围成的面积 y 表示 x 的函数.



- 140. 已知函数  $f(x) = \sqrt{ax^2 + x + 1}$ .
  - (1) 若函数 y = f(x) 的定义域为  $(-\infty, +\infty)$ , 求实数 a 的取值范围;
  - (2) 若函数 y = f(x) 的值域为  $[0, +\infty)$ , 求实数 a 的取值范围.
- 141. 已知函数  $f(x) = \sqrt{x}$ , 函数  $g(x) = \sqrt{1-x} \sqrt{x}$ , 则函数 y = f(x) + g(x) 的定义域为\_\_\_\_\_\_.
- 142. 已知函数 y = f(x) 的定义域为 [1,4], 则函数  $y = \frac{f(2x)}{x-2}$  的定义域是\_\_\_\_\_\_.
- 143. (1) 设函数  $D(x) = \begin{cases} 1, & x \in \mathbf{Q}, \\ 0, & x \notin \mathbf{Q}. \end{cases}$  令  $F(x) = D(\sqrt{2}x)$ ,则  $F(1) = \underline{\hspace{1cm}}$ ;

$$(2) 已知函数 f(x) = \begin{cases} 2-x, & x<-2, \\ x^2, & -2 \leq x < 1, \text{ 若 } f(x) = 2, \text{ 则 } x = \____. \\ x, & x \geq 1. \end{cases}$$

144. 已知 
$$f(x) = \begin{cases} x-2, & x>8, \\ f(x+3), & x \leq 8, \end{cases}$$
则  $f(2) = \underline{\qquad}$ .

145. 设常数 
$$a \in \mathbf{R}$$
,  $f(x) = \begin{cases} x + a, & x < a, \\ \frac{1}{x} + a, & x \ge a. \end{cases}$  若  $f(2) = 2$ , 则  $a = \underline{\qquad}$ .

146. 已知函数 
$$f(x)=$$
 
$$\begin{cases} \sqrt{x}, & x>1,\\ & \text{函数 } g(x)=1-\sqrt{x}. \$$
求函数  $y=f(x)+g(x)$  的解析式及定义域. 
$$x\leq 1, \end{cases}$$

147. \* 设 D 是含数 1 的有限实数集, f(x) 是定义在 D 上的函数, 若 f(x) 的图像绕原点逆时针旋转  $\frac{\pi}{6}$  后与原图像重合,则在以下各项中, f(1) 的可能取值只能是 ( )

A. 
$$\sqrt{3}$$

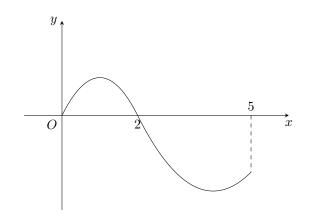
B. 
$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$

C. 
$$\frac{\sqrt{3}}{3}$$

- 148. 设常数  $p \in \mathbf{R}$ , 设函数  $f(x) = \log_2 \frac{x+1}{x-1} + \log_2(x-1) + \log_2(p-x)$ .
  - (1) 求 p 的取值范围以及函数 y = f(x) 的定义域;
  - (2) 若 y = f(x) 存在最大值, 求 p 的取值范围, 并求出最大值.
- 149. 已知 xy < 0, 且  $4x^2 9y^2 = 36$ . 问: 能否由此条件将 y 表示成 x 的函数? 若能, 求出该函数的解析式; 若不能, 说明理由.
- 150. 已知常数  $a \in \mathbf{R}$ , 函数  $g(x) = \frac{x}{x+2}$ , 函数  $h(x) = \frac{1}{x+a}$ . 设函数  $F(x) = g(x) \cdot h(x)$ ,  $D_F$  是其定义域; f(x) = g(x) h(x),  $D_f$  是其定义域.
  - (1) 设 a = 2, 求函数 F(x) 的值域;
  - (2) 对于给定的常数 a, 是否存在实数 t, 使得 f(t) = 0 成立?若存在, 求出这样的所有 t 的值;若不存在, 说明理由;
  - (3) \* 是否存在常数 a 的值, 使得对于任意  $x \in D_f \cap \mathbf{R}^+$ , 有  $f(x) \ge 0$  恒成立? 若存在, 求出所有这样的 a 的值; 若不存在, 说明理由.
- 151. 给定六个函数: ①  $y=\frac{1}{x}$ ; ②  $y=x^2+1$ ; ③  $y=x^{-\frac{1}{3}}$ ; ④  $y=2^x$ ; ⑤  $y=\log_2 x$ ; ⑥  $y=\sqrt{x^2-1}+\sqrt{1-x^2}$ . 在这六个函数中,是奇函数但不是偶函数的是\_\_\_\_\_\_\_,是偶函数但不是奇函数的是\_\_\_\_\_\_,既不是奇函数也不是偶函数的是\_\_\_\_\_\_,既是奇函数又是偶函数的是\_\_\_\_\_\_.
- 153. 设常数  $a \cdot b \in \mathbf{R}$ . 若定义在 [a-1,a+1] 上的  $f(x) = ax^2 + x + b$  是奇函数, 则  $a = \underline{\hspace{1cm}}, b = \underline{\hspace{1cm}}$

- 154. 若函数  $f(x) = \frac{(x+1)(x+a)}{x}$  为奇函数, 则实数 f(x)\_\_\_\_\_\_
- 155. 设函数 y=f(x) 为定义在 R 上的函数, 则命题: " $f(-1)\neq f(1)$  且  $f(-1)\neq -f(1)$ " 是命题 "y=f(x) 既不 是奇函数也不是偶函数"的\_\_\_\_\_\_ 条件(填"充分不必要"、"必要不充分"、"充要"、"既不充分也不必 要"之中一个).
- 156. 设 y = f(x) 是定义在 R 上的函数, 当  $x \ge 0$  时,  $f(x) = x^2 2x$ .

  - (2) 当 y = f(x) 为偶函数时,则当 x < 0 时, f(x) =\_\_\_\_\_.
- 157. 设奇函数 y = f(x) 的定义域为 [-5, 5]. 若当  $x \in [0, 5]$  时, y = f(x) 的图像如图, 则不等式 xf(x) < 0 的解



- 158. 若定义在 R 上的两个函数 y = f(x)、y = g(x) 均为奇函数. 设 F(x) = af(x) + bg(x) + 1.
  - (1) F(-2) = 10, $M F(2) = ____;$
  - (2) 若函数 y = F(x) 在  $(0, +\infty)$  上存在最大值 4, 则 y = F(x) 在  $(-\infty, 0)$  上的最小值为\_
- 159. 判断下列函数 y = f(x) 的奇偶性:

(1) 
$$f(x) = (x-1) \cdot \sqrt{\frac{1+x}{1-x}}$$

$$(1) f(x) = (x-1) \cdot \sqrt{\frac{1+x}{1-x}};$$

$$(2)f(x) = \begin{cases} x(1-x), & x < 0, \\ x(1+x), & x > 0. \end{cases}$$

- 160. 已知函数  $f(x) = x^2 2a|x-1|, x \in \mathbf{R}$ , 常数  $a \in \mathbf{R}$ .
  - (1) 求证: 函数 y = f(x) 不是奇函数;
  - (2) 若函数 y = f(x) 是偶函数, 求实数  $f(x) = \log_3 |2x + a|$  的值.
- 161. 判断下列函数 y = f(x) 的奇偶性:

(1) 
$$f(x) = \frac{1}{a^x - 1} + \frac{1}{2}$$
 (常数  $a > 0$  且  $a \ne 1$ ); (2)  $f(x) = \frac{ax}{x^2 - a}$  (常数  $a \in \mathbf{R}$ ).

$$(2) f(x) = \frac{ax}{x^2}$$
(常数  $a \in \mathbf{R}$ ).

162. 设 y = f(x) 是定义在 R 上的函数, 则下列叙述正确的是 (

	A. $y = f(x)f(-x)$ 是奇函数	<b>t</b>	B. $y = f(x) f(-x) $ 是奇函	数
	C. y = f(x) - f(-x) 是偶百	函数	D. $y = f(x) + f(-x)$ 是偶点	函数
163.	设函数 $y = f(x)$ 为定义在 R	上的函数, 则 " $f(0) \neq 0$	)" 是 "函数 $y = f(x)$ 不是奇函	函数"的( ).
	A. 充分非必要条件		B. 必要非充分条件	
	C. 充要条件		D. 既不是充分条件, 也不是	<b>上必要条件</b>
164.	设 $y = f(x)$ 是定义在 R 上的	的奇函数, 当 $x < 0$ 时, $f$	$(x) = \lg(2-x)$ ,则 $x \in \mathbf{R}$ 时,	$f(x) = \underline{\qquad}.$
165.	判断下列函数 $y = f(x)$ 的奇	偶性, 并说明理由:		
	(1) $f(x) = x^3 - \frac{1}{x}$ ;			
	(2) $f(x) = \frac{ x+3 -3}{\sqrt{4-x^2}}$ .			
166.	根据常数 a 的不同取值, 讨论	心下列函数 $y = f(x)$ 的者	f偶性, 并说明理由:	
	$(1) f(a) \ge f(0);$			
	(2) f(x) = x x - a .			
167.	设函数 $y = f(x)$ 是定义在 R	$\mathbf{L}$ 上的奇函数. 若 $x > 0$	时, $f(x) = \lg x$ .	
	(1) 求方程 $f(x) = 0$ 的解集;			
	(2) 求不等式 $f(x) > -1$ 的角	<b>军集</b> .		
168.	是否存在实数 $b$ , 使得函数 $g$	$(x) = \frac{2^x}{4^x - b}$ 是奇函数?	若存在, 求 b 的值; 若不存在,	说明理由.
169.	常数 $a \in \mathbf{R}$ . 若函数 $f(x) = 1$	$g(10^x + 1) + ax$ 是偶函数	数,则 a =	
170.	已知 $y = f(x)$ 为定义在 R	上的奇函数, $y = g(x)$	为定义在 R 上的偶函数, 且(	壬意 $x \in \mathbf{R}$ ,都有 $f(x) =$
	$g(x) + \frac{1}{x^2 + x + 1}$ , M $f(1)$ +	$-g(1) = \underline{\hspace{1cm}}.$		
171.	设常数 $a \neq 0$ . 若函数 $f(x)$ =	$= \lg \frac{x+1-2a}{x+1+2a}$ . 是否存	在实数 $a$ , 使函数 $y = f(x)$ 为	奇函数或偶函数? 若存在
	求出 a 的值, 并判断相应的 g			
172.	函数 $y = \frac{1}{x^2 - 4x + 5}$ 的图像	象关于 ( ).		
	A. y 轴对称	B. 原点对称	C. 直线 $x=2$ 对称	D. 点 (2,1) 对称
173.	函数 $y = x + \frac{1}{x-1}$ 的图像争	关于 ( ).		
	A. 点 (1,1) 对称	B. 点 (-1,1) 对称	C. 点 (1,-1) 对称	D. 点 (-1,-1) 对称

176. 已知函数 y = f(x) 满足: 对于任意  $x \in \mathbf{R}$ , 都有 f(x+1) = -f(x). 若 f(1) = 1, 则  $f(4) = _______$ ;  $f(2015) = _______$ .

175. 设常数  $a,b \in \mathbb{R}$ . 若函数  $y = x^2 + ax$  在区间 [a,b] 上的图像关于直线 x = 1 对称, 则 b =\_\_\_\_\_\_.

B. 点 (1,0) 中心对称 C. 点 (2,0) 中心对称 D. 点 (4,0) 中心对称

174. 若函数 y = f(x) 的定义域为 R, 且 f(x-1) = -f(3-x), 则 y = f(x) 的图像关于 ( ).

A. 原点中心对称

177.	已知函数 $y = f(x)$ 图像关	于 $(1,0)$ 对称. 若 $x \le 1$	时, $f(x) = x^2 - 1$ , 则 $f(x) = $	·
178.	已知函数 $y = f(x)$ 满足: 对于任意 $x \in \mathbb{R}$ , 都有 $f(x+3) = f(x)$ . 若 $x \in [0,3)$ 时, $f(x) = x - 1$ , 则 $x \in [6,9]$ 时, $f(x) = x - 1$ .			
179.	设常数 $a \in \mathbb{R}$ . 已知函数 $y$ 总是关于直线 $x = a$ 对称,		$\mathfrak{F}(x \in \mathbf{R}, $ 都有 $f(x-1) = f(1-1)$	x). 若函数 $y = f(x)$ 图像
180.	. 设常数 $a \in \mathbf{R}$ . 若直线 $x = 2$ 是函数 $f(x) = \log_3  2x + a $ 的图像的一条对称轴, 则 $a = $			
181.	1. 设函数 $y = f(x)$ 为 R 上的奇函数,且对于任意 $x \in \mathbf{R}$ 都有 $f(x+2) = -f(x)$ .  (1) 求证:函数 $y = f(x)$ 为周期函数;  (2) 对于任意 $x \in \mathbf{R}$ , 求证: $f(1+x) = f(1-x)$ ;  (3) 设 $0 \le x \le 1$ 时, $f(x) = \frac{1}{2}x$ . 求函数 $y = f(x) + \frac{1}{2}$ 在 $-4 \le x \le 4$ 时的所有零点;  (4) 设 $-1 \le x \le 1$ 时, $f(x) = \sin x$ .  ① 写出 $1 \le x \le 5$ 时, $y = f(x)$ 的解析式;  ② 求 $y = f(x)$ 在 R 上的解析式.			
182.	常数 $a$ 、 $b \in \mathbf{R}$ . 函数 $f(x)$ (1) 求 $y = f(x)$ 的解析式; (2) * 若 $y = f(x)$ 的图像关	<b>V 0</b>	引像关于点 (1,2) 对称. 出这样的一条对称轴直线的方程	(无需证明).
183.	函数 $y = \log_2 \frac{2-x}{2+x}$ 的图像关于 ( ).			
	A. 原点对称	B. y 轴对称	C. 直线 $y = x$ 对称	D. 直线 $y = -x$ 对称
184.	函数 $y = \log_2(2-2^x)$ 的图	像关于 ( ).		
	A. 原点对称	B. y 轴对称	C. 直线 $y = x$ 对称	D. 直线 $y = -x$ 对称
185.	设常数 $a,b \in \mathbb{R}$ . 若二次函	数 $f(x) = ax^2 + bx + 1$ }	满足: 对任意 $t \in \mathbf{R}$ , $f(2+t) = f($	$(2-t)$ ,则 $\frac{b}{a} =$
186.	设定义在 R 上的函数 $y = f(x) =$	f(x) 的图像关于直线	$x = 1$ 对称. 若 $x \ge 1$ 时, $f(x)$	$=1-3^{x-1}$ , 则 $x<1$ 时,
187.	设函数 $y = \log_2(x+3)$ 的 $f(a)$ 有意义,则 $f(a) =$		的图像关于直线 $x=1$ 对称. ① $\therefore$ 达式表示).	) f(1)=; ② 若
188.	已知定义域为 R 的函数 $y$ (1) 若 $f(0) = 1$ , $f(1) = 2$ ,		其图像关于直线 $x = 1$ 对称.	

(2) 设  $x \in [0,1]$  时,  $f(x) = x^3$ .

 $1 < x \le 2$  时, 求 y = f(x) 的解析式;

 $-2 \le x < 0$  时, 求 y = f(x) 的解析式;

	③ 求函数 $y = f(x) -$ ④ 求 $y = f(x)$ 在 R	$\frac{1}{8}$ 在 $[-2,2]$ 上的所有零 $L$ 的解析式.	点;	
189.	已知 $f(x)$ 是定义域为 $\cdots + f(50) = ($ ).	$(-\infty,+\infty)$ 的奇函数, 满	足 $f(1-x) = f(1+x)$ . 才	吉 $f(1) = 2$ ,则 $f(1) + f(2) + f(3) + f(3)$
	A50	B. 0	C. 2	D. 50
190.	(1) 求证: $y = f(x)$ 是	一切 u,v ∈ <b>R</b> , 都有 f(u - 奇函数; n 表示 f(6) 以及 f(300).	+v) = f(u) + f(v).	
191.	(1) 若 $f(1) = 1$ , 则 $f($	-1) + f(0) =	y = f(x) 也是以 4 为周期 ; f(10) + f(11) = 个数的最小值为	;
192.	-f(x-1). 则下面命是	$oldsymbol{oldsymbol{g}}oldsymbol{e}$ ,正确的命题的序号是 $oldsymbol{g}$ $oldsymbol{B}$ $oldsymbol{B}$ $oldsymbol{g}$ $oldsymbo$	<u>!</u>	f(x) 图像关于 $f(x)$ 列称; ④ 函数
193.	下列函数中, 在其定义 ① $y = \frac{2-x}{x}$ ; ② $y = \frac{2-x}{x}$	域上是单调函数的序号为 $x - \frac{1}{x}$ ; ③ $y = 3^{x-1}$ ; ④ $y$	$= \ln \frac{1}{x}; \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	
194.	函数 $y =  x - 1 $ 递减	区间的是		
195.	函数 $y = x + \frac{2}{x}(x > 0)$	) 的递减区间是	<u>_</u> .	
196.	函数 $y = (\frac{1}{2})^{x^2}$ 的递减	区间是		
197.	函数 $y = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 2x - x^2}}$	_ 的递增区间是 3	·	
198.	设常数 $a \in \mathbf{R}$ . 若 $y =$	$\frac{ax}{x+1}$ 在区间 $(-1,+\infty)$	上递增,则 a 的取值范围	란
199.	设常数 $a \in \mathbf{R}$ . 若函数	$y = x^2 + ax + 1 \not\equiv (-\infty)$	[a,2] 上递减, 则 $a$ 的取值范	這围是
200.			リ下列命题中, 正确的命题 ) カ増函数: (3) y = f(g(x	
	-1111 = 1111 + 0111 + 0111	$\mathbf{E} = \mathbf{E} \mathbf{E} \mathbf{E} \mathbf{E} \mathbf{E} \mathbf{E} \mathbf{E} \mathbf{E}$		11 ALBS MASS

202. 设常数  $a \in \mathbf{R}$ . 若函数  $f(x) = \begin{cases} x+a, & x<1, \\ & \text{在 } \mathbf{R} \text{ 上递增, 则 } a \text{ 的取值范围为}\_\_\_. \end{cases}$ 

201. 若 y = f(x) 为 R 上的奇函数, 且在  $(-\infty, 0)$  上是减函数, 又 f(-2) = 0, 则  $f(x) \le 0$  的解集为\_\_\_\_\_\_.

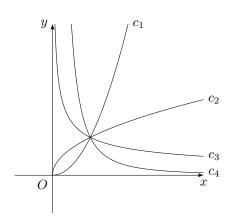
- 203. 设函数  $f(x) = e^x + \frac{1}{e^x}$ .
  - (1) 求证: y = f(x) 在 R 上不是增函数;
  - (2) 求证: y = f(x) 在  $[0, +\infty)$  上是增函数.
- 204. 设常数  $a \in \mathbb{R}$ . 若  $y = \log_{\frac{1}{a}}(x^2 ax + 2)$  在  $[-1, +\infty)$  上是减函数, 求 a 的取值范围.
- 205. 已知定义在区间 (-1,1) 上的函数 y=f(x) 是奇函数, 也是减函数. 若  $f(1-a)+f(1-a^2)<0$ , 求实数 a 的 取值范围.
- 206. 下列函数中, 在区间  $(0,+\infty)$  上递增的函数的序号为\_
  - ① y = |x+1|; ②  $y = x \frac{1}{x}$ ; ③  $y = x^{\frac{1}{2}}$ ; ④  $y = \sqrt{1 \frac{1}{x}}$ ; ⑤  $y = \lg x$ .
- 207. 函数  $y = \log_{0.7}(x^2 3x + 2)$  的单调减区间为\_\_\_\_\_.
- 208. 已知 y = f(x) 是偶函数, 且在区间 [0,4] 上递减. 记 a = f(2), b = f(-3), c = f(-4), 则将 a,b,c 按从小到 大的顺序排列是 \_
- 209. 设常数  $a \in \mathbb{R}$ . "a = 1" 是 "f(x) = |x a| 在区间  $[1, +\infty)$  上为增函数"的\_\_\_\_\_\_ 条件 (填: "充分不必 要"、"必要不充分"、"充要"、"既不充分也不必要"之一).
- - (2) 设常数  $k \in \mathbb{R}$ . 若函数  $f(x) = kx^2 4x + 8$  在区间 [5, 20] 上单调递减, 则 k 的取值范围是
- 211. \* 设 f(x)、g(x)、h(x) 是定义域为 R 的三个函数, 对于下列命题:
  - ① 若 f(x) + g(x)、f(x) + h(x)、g(x) + h(x) 均为增函数,则 f(x)、g(x)、h(x) 中至少有一个是增函数;
  - (2) 若 f(x) + g(x)、f(x) + h(x)、g(x) + h(x) 均是以 T 为周期的函数, 则 f(x)、g(x)、h(x) 均是以 T 为周 期的函数,下列判断正确的是(
  - A. ①和②均为真命题

B. ①和②均为假命题

C. ①为真命题, ②为假命题

- D. ①为假命题, ②为真命题
- 212. 设常数  $a, b \in \mathbf{R}$ . 已知  $f(x) = \frac{ax^2 + 1}{x + b}$  是奇函数, f(1) = 5.
  - (1) 求 a,b 的值;
  - (2) 求证: y = f(x) 在区间  $(0, \frac{1}{2}]$  上是减函数.
- 213. 求证: 函数  $f(x) = \frac{1}{x} \lg \frac{1+x}{1-x}$  是奇函数, 且在区间 (0,1) 上递减.
- 214. 设常数  $a \in \mathbf{R}$ . 若函数  $f(x) = \log_a(2 ax)$  在 [0,1] 上是减函数, 求 a 的取值范围.
- 215. 已知定义 R 上的函数 y = f(x) 满足下面两个条件:
  - (I) 对于任意  $x_1, x_2 \in \mathbb{R}$ , 都有  $f(x_1 + x_2) = f(x_1) + f(x_2)$ ; (II) 当 x > 0 时, f(x) > 0, 且 f(1) = 1.
  - (1) 求证: y = f(x) 是奇函数;
  - (2) 求证: y = f(x) 在 R 上是增函数;
  - (3) \* 解不等式  $f(x^2-1) < 2$ .

- 216. 函数  $y = x^{-\frac{3}{2}}$  的定义域为\_\_\_\_\_\_.
- 217. 下列命题中, 正确的命题的序号是\_\_
  - ① 当  $\alpha = 0$  时, 函数  $y = x^{\alpha}$  的图像是一条直线;
  - ② 幂函数的图像都经过 (0,0) 和 (1,1) 点;
  - ③ 当  $\alpha < 0$  且  $y = x^{\alpha}$  是奇函数时, 它也是减函数;
  - ④ 第四象限不可能有幂函数的图像.
- 218. 图中曲线是幂函数  $y=x^n$  在第一象限的图像,已知 n 取  $\pm 2$ , $\pm \frac{1}{2}$  四个值,则相应于曲线  $c_1,c_2,c_3,c_4$  的 n 依 次为().



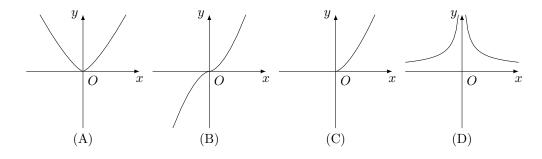
A. 
$$-2, -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 2$$
 B.  $2, \frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, -2$  C.  $-\frac{1}{2}, -2, 2, \frac{1}{2}$  D.  $2, \frac{1}{2}, -2, -\frac{1}{2}$ 

B. 
$$2, \frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, -2$$

C. 
$$-\frac{1}{2}$$
,  $-2$ ,  $2$ ,  $\frac{1}{2}$ 

D. 
$$2, \frac{1}{2}, -2, -\frac{1}{2}$$

219. 下列函数的图像为 (A)、(B)、(C)、(D) 之一, 试将正确的字母标号填在相应函数后面的横线上.



(1) 
$$y = x^{\frac{3}{2}}$$
; (2)  $y = x^{\frac{4}{3}}$ ; (3)  $y = x^{\frac{5}{3}}$ ; (4)  $y = x^{-\frac{2}{3}}$ .

- 220. 已知  $\alpha \in \{-2, -1, -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 1, 2, 3\}$ ,若幂函数  $f(x) = x^{\alpha}$  为奇函数,且在  $(0, +\infty)$  上递减,则  $\alpha =$ \_\_\_\_\_\_.
- 221. 函数 y=f(x) 满足两个条件: ① y=f(x) 是两个幂函数的和函数; ② y=f(x) 的最小值为 2, 则 y=f(x)的解析式可以是\_\_\_\_\_
- 222. 若集合  $A = \{y|y = x^{\frac{1}{3}}, -1 \le x \le 1\}, B = \{y|y = x^{-\frac{1}{2}}\}, 则 A \cap B$ 等于 ( ).

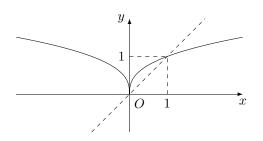
A. 
$$(0,1]$$

B. 
$$[-1,1]$$

D. 
$$\{0,1\}$$

223. 设常数  $m \in \mathbf{R}$ . 若幂函数  $y = (m^2 - m - 1)x^{m^2 - 2m - 1}$  在  $(0, +\infty)$  上是增函数, 则 m 的值为\_\_\_\_\_\_.

224.	设常数 $n\in {\bf Z}$ . 若函数 $y=x^{n^2-2n-3}$ 的图像与两条坐标轴都无公共点,且图像关于 $y$ 轴对称,则 $n$ 的值为
225.	函数 $y=1-(x+2)^{-2}$ 可以先将幂函数 $y=x^{-2}$ 的图像向 平移 2 个单位,再以 轴为 对称轴作对称变换,最后向 平移 1 个单位.
226.	在 $f(x) = (2m^2 - 7m - 9)x^{m^2 - 9m + 19}$ 中, 当实数 $m$ 为何值时, $(1) y = f(x)$ 是正比例函数, 且它的图像的倾斜角为钝角? $(2) y = f(x)$ 是反比例函数, 且它的图像在第一, 三象限?
227.	设常数 $t\in \mathbf{Z}$ . 已知幂函数 $y=(t^3-t+1)x^{\frac{1}{3}(1+2t-t^2)}$ 是偶函数, 且在区间 $(0,+\infty)$ 上是增函数, 求整数 $t$ 的值, 并作出相应的幂函数的大致图像.
	设 $a \in \mathbf{R}$ . $(1) 若 (a+2)^{\frac{2}{3}} > (1-2a)^{\frac{2}{3}},  求 a 的取值范围; (2) 若 (a+2)^{-\frac{1}{3}} > (1-2a)^{-\frac{1}{3}},  求 a 的取值范围.$
229.	已知函数: ① $y=\frac{1}{x}$ ; ② $y=x^{\frac{1}{2}}$ ; ③ $y=x^{-\frac{1}{2}}$ ; ④ $y=x^{\frac{2}{3}}$ ; ⑤ $y=x^{-\frac{2}{3}}$ , 填写分别具有下列性质的函数序号: (1) 图像与 $x$ 轴有公共点的:; (2) 图像关于原点对称的:; (3) 定义域内递减的:; (4) 在定义域内有反函数的:
230.	函数 $y=-(x+1)^{-3}$ 的图像可以先将幂函数 $y=x^{-3}$ 的图像向 平移 1 个单位,再以 轴为对称轴作对称变换.
231.	设 $\alpha \in \{-3, -\frac{2}{3}, -\frac{1}{2}, -\frac{1}{3}, \frac{1}{3}, 1, \frac{3}{2}, 2\}$ . 已知幂函数 $y = x^{\alpha}$ 是奇函数, 且在区间 $(0, +\infty)$ 上是减函数, 则满足条件的 $\alpha$ 的值是
232.	下列关于幂函数图像及性质的叙述中,正确的叙述的序号是 ① 对于一个确定的幂函数,第二、三象限不可能同时有该幂函数的图像上的点; ② 若某个幂函数图像过 $(-1,-1)$ ,则该幂函数是奇函数; ③ 若某个幂函数在定义域上递增,则该幂函数图像必经过原点; ④ 幂函数图像不会经过点 $(-\frac{1}{2},8)$ 以及 $(-8,-4)$ .
233.	设 $y=f(x)$ 与 $y=g(x)$ 是两个不同的幂函数, 集合 $M=\{x f(x)=g(x)\},$ 则集合 $M$ 中的元素是 ( ).
00.4	A. 1 或 2 B. 1 或 3 C. 1 或 2 或 3 D. 1 或 2 或 3 或 4
<i>2</i> 34.	已知幂函数 $y=x^{\frac{q}{p}}(p\in\mathbf{N}^*,\ q\in\mathbf{N}^*,\ p,q$ 互质) 的图像如图所示,则 ( ).



A. p, q 均为奇数

C. p 是偶数, q 是奇数

B. p 是奇数, q 是偶数, 且  $0 < \frac{q}{p} < 1$  D. p 是奇数, q 是偶数, 且  $\frac{q}{p} > 1$ 

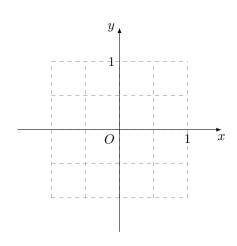
- 235. 若  $(x+1)^{-\frac{1}{3}} < (3-2x)^{-\frac{1}{3}}$ , 求实数 x 的取值范围.
- 236. 设常数 a, b 满足 a > b > 0. 已知函数  $f(x) = \frac{x+a}{x+b}$ . (1) 写出函数 y = f(x) 的单调性;

(2) 写出函数 y = f(x) 图像的一个对称中心的坐标.

- 237. 已知函数  $f(x) = \frac{x^{\frac{1}{3}} x^{-\frac{1}{3}}}{5}, g(x) = \frac{x^{\frac{1}{3}} + x^{-\frac{1}{3}}}{5}.$ 
  - (1) 分别计算 f(4) 5f(2)g(2) 和 f(9) 5f(3)g(3) 的值;
  - (2) 由 (1) 概括出涉及函数 y = f(x) 和 y = g(x) 的, 对所有不等于零的实数 x 都成立的一个等式, 并加以证
- 238. \* 设常数 a,b 满足 a>b>0. 已知函数  $f(x)=\dfrac{x+a}{x+b}.$  证明: 该函数图像的对称中心是唯一的.
- 239. 函数  $y = \log_2 \frac{1}{x-1}$  的反函数是\_\_\_\_\_.
- 240. 函数  $y = x^2 (x \le 0)$  的反函数是\_\_\_\_\_.
- 241. 函数  $y = \frac{2^x}{2^x 1}(x > 0)$  的反函数是\_
- 242. 已知函数 y = f(x) 的反函数是  $f^{-1}(x) = \frac{4x+3}{2x-1}$ , 则  $f(x) = \underline{\hspace{1cm}}$
- 243. 记  $y = f^{-1}(x)$  是 y = f(x) 的反函数. 若函数  $f(x) = \log_3 x$ , 则  $f^{-1}(-\log_9 2) =$ \_\_\_\_\_\_
- 244. 若命题 "函数  $y=x+\frac{a}{x}$  在区间 [1,2] 上存在反函数" 为真命题, 则在下列值中, 能作为实数 a 的值的序号

(1) a = -1; (2) a = 1; (3)  $a = \sqrt{2}$ ; (4)  $a = \sqrt{5}$ .

245. 若函数  $f(x) = 1 - \sqrt{1 - x^2}$  (-1  $\leq x \leq 0$ ), 请画出函数  $y = f^{-1}(x)$  的大致图像.



- 246. 已知定义在 R 上的函数 y = f(x) 是奇函数, 且有反函数  $y = f^{-1}(x)$ . 若 a, b 是两个实数, 则下列点中, 必在  $y = f^{-1}(x)$  的图像上的点的序号是\_\_\_\_\_
  - ① (-f(a), a); ② (-f(a), -a);③ (-b, -f(b)); ④  $(b, -f^{-1}(-b))$ .
- 247. 已知定义在 R 上的函数 y = f(x) 的反函数为  $y = f^{-1}(x)$ . 若 y = f(x+1) 的图像过点  $(-\frac{1}{2},1)$ , 则  $y = f^{-1}(x+1)$  的图像必过 (

A. 
$$(1, -\frac{1}{2})$$

B. 
$$(1, \frac{1}{2})$$

B. 
$$(1, \frac{1}{2})$$
 C.  $(0, -\frac{1}{2})$  D.  $(0, \frac{1}{2})$ 

D. 
$$(0, \frac{1}{2})$$

- 248. 设常数  $a \neq 0$ . 若函数  $f(x) = \frac{1-ax}{1+ax}$  的图像关于直线 y = x 对称, 求实数 a 的值以及 y = f(x) 的反函数  $y = f^{-1}(x)$ .
- 249. 记  $y = f^{-1}(x)$  是 y = f(x) 的反函数.

  - 的解析式.
- 250. (1) 函数  $y = x^2 + 2x 3$   $(x \ge 0)$  的反函数为\_\_\_\_\_\_;

  - (3) 函数 y = x|x| 的反函数为
- 251. 已知函数 y = f(x) 是奇函数, 且 y = g(x) 是 y = f(x) 的反函数. 若  $x \ge 0$  时,  $f(x) = 3^x 1$ , 则
- 252. 设常数  $a \in \mathbf{R}$ . 若函数  $y = x + \frac{a}{x}$  在区间 [1,2] 上存在反函数, 求 a 的取值范围.
- 253. 求函数  $y = \begin{cases} x^2 2x + 2, & x \le 1, \\ (\frac{1}{2})^x, & x > 1 \end{cases}$  的反函数.
- 254. 设常数 a > 0 且  $a \neq 1$ . 求函数  $f(x) = \log_a(x + \sqrt{x^2 1})$  的反函数.
- 255. 已知函数 y = f(x) 的图像经过点 (0, -1). 若函数 y = f(x + 4) 存在反函数 y = g(x), 则 y = g(x) 的图像总 经过的定点的坐标为\_

- 256. 设  $y = f^{-1}(x)$ ,  $y = g^{-1}(x)$  分别是定义在 R 上的函数 y = f(x), y = g(x) 的反函数. 若函数 y = f(x 1) 和  $y = g^{-1}(x 3)$  的图像关于直线 y = x 对称, 且 g(5) = 2018, 则 f(4) 的值为\_\_\_\_\_\_\_.
- 257. 设 a > 0, 函数  $f(x) = \frac{1}{1 + a \cdot 2^x}$ .
  - (1) 若 a = 1, 求 f(x) 的反函数  $f^{-1}(x)$ ;
  - (2) 求函数  $y = f(x) \cdot f(-x)$  的最大值 (用 a 表示);
  - (3) \* 设 g(x) = f(x) f(x-1). 若对任意  $x \in (-\infty, 0], g(x) \ge g(0)$  恒成立, 求 a 的取值范围.
- 258. 已知函数  $y = f^{-1}(x)$  是 y = f(x) 的反函数. 定义: 若对给定的实数  $a(a \neq 0)$ , 函数 y = f(x + a) 与  $y = f^{-1}(x + a)$  互为反函数, 则称 y = f(x) 满足 "a 和性质".
  - (1) 判断函数  $g(x) = x^2 + 1(x > 0)$  是否满足 "1 和性质", 并说明理由;
  - (2)\*求所有满足"2和性质"的一次函数.
- 259. 若  $\log_3 5 = a$ ,  $\log_5 7 = b$ , 用 a, b 表示  $\log_{75} 63 =$ \_\_\_\_\_.
- 260. 若  $3^a = 4^b = 6^c$ , 且 a, b, c 都是正数, 则  $\frac{-2ab + 2bc + ac}{abc}$  的值为\_\_\_\_\_\_.
- 261. 若不等式  $(a-1)^x < 1$  的解集为  $(-\infty, 0)$ , 则实数 a 的取值范围是\_\_\_\_\_\_
- 262. 函数  $f(x) = \frac{\sqrt{4-x^2}}{\lg|x-1|}$  的定义域为\_\_\_\_\_.
- 263. 为了得到函数  $y = \lg \frac{x+3}{10}$  的图像, 只需把函数  $y = \lg x$  的图像上所有的点 ( ).
  - A. 向左平移 3 个单位长度, 再向上平移 1 个单位长度
  - B. 向右平移 3 个单位长度, 再向上平移 1 个单位长度
  - C. 向左平移 3 个单位长度, 再向下平移 1 个单位长度
  - D. 向右平移 3 个单位长度, 再向下平移 1 个单位长度
- 264. 设常数 a > 0,  $a \ne 1$ . 函数  $f(x) = a^x$  在 [0,1] 上的最大值和最小值之和为  $a^2$ , 则 a =\_\_\_\_\_\_.
- 265. 若集合  $A = \{y|y = 2 \cdot (\frac{1}{3})^{|x|}\}, B = \{a|\log_a(3a-1) > 0\}, 则 A \cap B = _____.$
- 266. \* 已知函数  $f(x) = |3^x 1|$ , c < b < a, 且 f(b) < f(a) < f(c), 在下列关系式中,一定成立的关系式的序号是\_\_\_\_\_\_. ①  $3^a + 3^b > 2$ ; ②  $3^a + 3^b < 2$ ; ③  $3^c < 1$ ; ④  $3^a + 3^c < 2$ .
- 267. 已知函数  $f(x) = \frac{3^x 3^{-x}}{3^x \perp 3^{-x}}$ .
  - (1) 证明 f(x) 在  $(-\infty, +\infty)$  上是增函数;
  - (2) 求 f(x) 的值域.
- 268. 已知函数  $y = (\log_2 \frac{x}{2^a})(\log_2 \frac{x}{4}), x \in [\sqrt{2}, 4],$  试求该函数的最大值 g(a).
- 269. 已知函数  $f(x) = a \cdot 2^x + b \cdot 3^x$ , 其中常数 a, b 满足  $ab \neq 0$ .
  - (1) 若 ab > 0, 判断函数 y = f(x) 的单调性;
  - (2) 若 ab < 0, 求 f(x+1) > f(x) 时 x 的取值范围.

- 270. 不等式  $\log_{\frac{1}{5}}(x-1) \ge 1$  的解集为\_\_\_\_\_\_.
- 271. 设常数  $a \in \mathbf{R}$ . 若函数  $f(x) = \frac{1}{2^x 1} + a$  为奇函数, 则 a =\_\_\_\_\_.
- 272. 若  $\log_2 3 = a$ ,  $3^b = 7$ , 用 a, b 表示  $\log_{3\sqrt{7}} 2$ , 则  $\log_{3\sqrt{7}} 2 =$ \_\_\_\_\_\_.
- 273. 对于函数 y = f(x) 的定义域中的任意的  $x_1, x_2(x_1 \neq x_2)$ , 有如下结论:
  - ①  $f(x_1 + x_2) = f(x_1) \cdot f(x_2)$ ; ②  $f(x_1 \cdot x_2) = f(x_1) + f(x_2)$ ;

当  $y = \ln x$  时, 上述结论中, 正确结论的序号是\_

274. (1) \* 函数  $y = \log_a |x - b|$  在  $(0, +\infty)$  上递增, 则  $a \cdot b$  满足 (

- A.  $a > 1 \perp b \geq 0$  B.  $a > 1 \perp b \leq 0$  C.  $0 < a < 1 \perp b \geq 0$  D.  $0 < a < 1 \perp b \leq 0$
- (2) 函数  $f(x) = \log_a |ax^2 x|$   $(a > 0, a \neq 1)$  在区间 [3,4] 上是增函数, 则实数 a 的范围是\_\_\_\_\_
- 275. \* 已知常数 a>1, 函数  $y=|\log_a x|$  的定义域为区间 [m,n], 值域为区间 [0,1]. 若 n-m 的最小值为  $\frac{5}{6}$ , 则 a=\_\_\_\_.
- 276. \* 设常数 a > 0 ,  $a \neq 1$ . 已知函数  $f(x) = \log_a x$ . 若对于任意  $x \in [3, +\infty)$  都有  $|f(x)| \geq 1$  成立, 则 a 的取值 范围为 .
- 277. \* 已知函数  $f(x) = 2 + \log_3 x$  (3  $\leq x \leq 27$ ).
  - (1) 求函数  $y = f(x^2)$  的定义域;
  - (2) 求函数  $g(x) = [f(x)]^2 + f(x^2)$  的值域.
- 278. 已知定义域为 R 的函数 y = f(x) 为奇函数, 且满足 f(x+2) = -f(x). 当  $x \in [0,1]$  时,  $f(x) = 2^x 1$ .
  - (1) 求 y = f(x) 在区间 [-1,0) 上的解析式;
  - (2) 求  $f(\log_{\frac{1}{2}} 24)$  的值.
- 279. \* 已知函数  $f(x) = 1 + a \cdot (\frac{1}{2})^x + (\frac{1}{4})^x$ .
  - (1) 当 a = 1 时, 求函数 y = f(x) 在  $(-\infty, 0)$  上的值域;
  - (2) 对于定义在集合 D 上的函数 y = f(x), 如果存在常数 M > 0, 满足: 对任意  $x \in D$ , 都有  $|f(x)| \leq M$  成 立, 则称 f(x) 是 D 上的有界函数, 其中 M 称为函数 f(x) 的一个上界. 若函数 y = f(x) 在  $[0, +\infty)$  上是以 3 为一个上界的有界函数, 求实数 a 的取值范围.