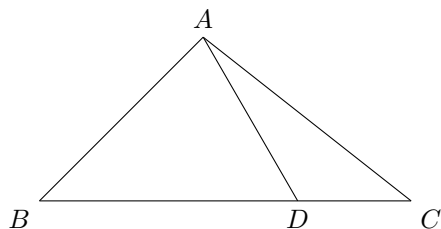


赋能正确率介于 0.85 至 0.9 的题目

3,5,0.884 已知  $(a+3b)^n$  的展开式中, 各项系数的和与各项二项式系数的和之比为 64, 则  $n =$ \_\_\_\_\_.

3,9,0.884 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $\angle B = 45^\circ$ ,  $D$  是  $BC$  边上的一点,  $AD = 5$ ,  $AC = 7$ ,  $DC = 3$ , 则  $AB$  的长为\_\_\_\_\_.



8,10,0.886 已知点  $A$  是圆  $O: x^2 + y^2 = 4$  上的一个定点, 点  $B$  是圆  $O$  上的一个动点, 若满足  $|\vec{AO} + \vec{BO}| = |\vec{AO} - \vec{BO}|$ , 则  $\vec{AO} \cdot \vec{AB} =$ \_\_\_\_\_.

9,8,0.872 集合  $\{x | \cos(\pi \cos x) = 0, x \in [0, \pi]\}$  = \_\_\_\_\_ (用列举法表示).

9,10,0.897 已知  $x, y$  满足曲线方程  $x^2 + \frac{1}{y^2} = 2$ , 则  $x^2 + y^2$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

12,6,0.886 已知  $\alpha$  为锐角, 且  $\cos(\alpha + \frac{\pi}{4}) = \frac{3}{5}$ , 则  $\sin \alpha =$ \_\_\_\_\_.

12,7,0.886 已知正四棱柱  $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ ,  $AB = a$ ,  $AA_1 = 2a$ ,  $E, F$  分别是棱  $AD, CD$  的中点, 则异面直线  $BC_1$  与  $EF$  所成角是\_\_\_\_\_.

13,7,0.886 如果实数  $x, y$  满足  $\begin{cases} 2x - y \leq 0, \\ x + y \leq 3, \\ x \geq 0, \end{cases}$ , 则  $2x + y$  的最大值是\_\_\_\_\_.

13,9,0.886 方程  $x^2 + y^2 - 4tx - 2ty + 3t^2 - 4 = 0$  ( $t$  为参数) 所表示的圆的圆心轨迹方程是\_\_\_\_\_ (结果化为普通方程).

15,8,0.884 将一个正方形绕着它的一边所在的直线旋转一周, 所得几何体的体积为  $27\pi \text{cm}^3$ , 则该几何体的侧面积为\_\_\_\_\_  $\text{cm}^2$ .

17,5,0.884 已知复数  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbf{R}$ ) 满足  $|z| = 1$ , 则  $a \cdot b$  范围是\_\_\_\_\_.

17,6,0.860 某学生要从物理、化学、生物、政治、历史、地理这六门学科中选三门参加等级考, 要求是物理、化学、生物这三门至少要选一门, 政治、历史、地理这三门也至少要选一门, 则该生的可能选法总数是\_\_\_\_\_.

20,9,0.884 已知圆锥的轴截面是等腰直角三角形, 该圆锥的体积为  $\frac{8}{3}\pi$ , 则该圆锥的侧面积等于\_\_\_\_\_.

21,5,0.886 已知直线  $l$  的一个法向量是  $\vec{n} = (\sqrt{3}, -1)$ , 则  $l$  的倾斜角的大小是\_\_\_\_\_.

22,7,0.857 已知  $i$  是虚数单位,  $\bar{z}$  是复数  $z$  的共轭复数, 若  $\begin{vmatrix} z & 1+i \\ 1 & 2i \end{vmatrix} = 0$ , 则  $\bar{z}$  在复平面内所对应的点所在的象限为第\_\_\_\_\_ 象限.

22,9,0.881 若直线  $l: x + y = 5$  与曲线  $C: x^2 + y^2 = 16$  交于两点  $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ , 则  $x_1y_2 + x_2y_1$  的值为\_\_\_\_\_.

23,6,0.886 若存在  $x \in [0, +\infty)$  使  $\begin{vmatrix} 2^x & 2^x \\ m & x \end{vmatrix} < 1$  成立, 则实数  $m$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

24,3,0.864 不等式  $2^{x^2-4x-3} > (\frac{1}{2})^{3(x-1)}$  的解集为\_\_\_\_\_.

25,9,0.884 著名的斐波那契数列  $\{a_n\} : 1, 1, 2, 3, 5, 8, \dots$ , 满足  $a_1 = a_2 = 1, a_{n+2} = a_{n+1} + a_n (n \in \mathbf{N}^*)$ , 那么  $1 + a_3 + a_5 + a_7 + a_9 + \dots + a_{2017}$  是斐波那契数列中的第\_\_\_\_\_项.

28,2,0.884 参数方程为  $\begin{cases} x = t^2, \\ y = 2t, \end{cases} (t \text{ 为参数})$  的曲线的焦点坐标为\_\_\_\_\_.

30,7,0.860 若函数  $f(x) = 2^x(x+a) - 1$  在区间  $[0, 1]$  上有零点, 则实数  $a$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

31,5,0.884 已知正四棱锥的底面边长是 2, 侧棱长是  $\sqrt{3}$ , 则该正四棱锥的体积为\_\_\_\_\_.

34,9,0.884 设  $a > 0$ , 若对于任意的  $x > 0$ , 都有  $\frac{1}{a} - \frac{1}{x} \leq 2x$ , 则  $a$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

35,9,0.884 已知等差数列  $\{a_n\}$  的公差为 2, 前  $n$  项和为  $S_n$ , 则  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n}{a_n a_{n+1}} =$ \_\_\_\_\_.

37,4,0.884 已知双曲线  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{(a+3)^2} = 1 (a > 0)$  的一条渐近线方程为  $y = \pm 2x$ , 则  $a =$ \_\_\_\_\_.

38,10,0.884 设  $A$  是椭圆  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{a^2-4} = 1 (a > 0)$  上的动点, 点  $F$  的坐标为  $(-2, 0)$ , 若满足  $|AF| = 10$  的点  $A$  有且仅有两个, 则实数  $a$  的取值范围为\_\_\_\_\_.

39,7,0.884 在报名的 8 名男生和 5 名女生中, 选取 6 人参加志愿者活动, 要求男、女生都有, 则不同的选取方式的种数为\_\_\_\_\_ (结果用数值表示).

40,4,0.860 若  $\begin{vmatrix} \log_2 x & -1 \\ -4 & 2 \end{vmatrix} = 0$ , 则  $x =$ \_\_\_\_\_.

40,7,0.860 若二项式  $(2x + \frac{a}{x})^7$  的展开式中一次项的系数是  $-70$ , 则  $\lim_{n \rightarrow \infty} (a + a^2 + a^3 + \dots + a^n) =$ \_\_\_\_\_.

42,3,0.860 函数  $f(x) = \lg(3^x - 2^x)$  的定义域为\_\_\_\_\_.

42,9,0.860 将两颗质地均匀的骰子抛掷一次, 记第一颗骰子出现的点数是  $m$ , 记第二颗骰子出现的点数是  $n$ , 向量  $\vec{a} = (m-2, 2-n)$ , 向量  $\vec{b} = (1, 1)$ , 则向量  $\vec{a} \perp \vec{b}$  的概率是\_\_\_\_\_.

44,1,0.860 已知集合  $A = \{1, 2, 3\} B = \{1, m\}$ , 若  $3-m \in A$ , 则非零实数  $m$  的数值是\_\_\_\_\_.

46,8,0.884 已知抛物线的顶点在坐标原点, 焦点在  $y$  轴上, 抛物线上一点  $M(a, -4) (a > 0)$  到焦点  $F$  的距离为 5. 则该抛物线的标准方程为\_\_\_\_\_.

48,10,0.860 一个四面体的顶点在空间直角坐标系  $O-xyz$  中的坐标分别是  $(0, 0, 0), (1, 0, 1), (0, 1, 1), (1, 1, 0)$ , 则该四面体的体积为\_\_\_\_\_.

49,1,0.884 抛物线  $x^2 = 12y$  的准线方程为\_\_\_\_\_.

49,3,0.860 若函数  $f(x) = \sqrt{2x+3}$  的反函数为  $g(x)$ , 则函数  $g(x)$  的零点为\_\_\_\_\_.

49,8,0.860 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 直线  $l$  的参数方程为  $\begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2}t - \sqrt{2}, \\ y = \frac{\sqrt{2}}{4}t, \end{cases} (t \text{ 为参数})$ , 椭圆  $C$  的参数方程

为  $\begin{cases} x = \cos \theta, \\ y = \frac{1}{2} \sin \theta, \end{cases} (\theta \text{ 为参数})$ , 则直线  $l$  与椭圆  $C$  的公共点坐标为\_\_\_\_\_.

50,10,0.884 已知曲线  $C: y = -\sqrt{9-x^2}$ , 直线  $l: y = 2$ , 若对于点  $A(0, m)$ , 存在  $C$  上的点  $P$  和  $l$  上的点  $Q$ , 使得  $\vec{AP} + \vec{AQ} = \vec{0}$ , 则  $m$  取值范围是\_\_\_\_\_.

52,2,0.884  $(x + \frac{1}{x})^n$  的展开式中的第 3 项为常数项, 则正整数  $n =$ \_\_\_\_\_.

53,7,0.860 在  $\triangle ABC$  中, 边  $a, b, c$  所对角分别为  $A, B, C$ , 若  $\begin{vmatrix} a & \sin(\frac{\pi}{2} + B) \\ b & \cos A \end{vmatrix} = 0$ , 则  $\triangle ABC$  的形状为\_\_\_\_\_.

55,9,0.860 已知双曲线  $x^2 - \frac{y^2}{4} = 1$  的右焦点为  $F$ , 过点  $F$  且平行于双曲线的一条渐近线的直线与双曲线交于点  $P, M$  在直线  $PF$  上, 且满足  $\overrightarrow{OM} \cdot \overrightarrow{PF} = 0$ , 则  $\frac{|\overrightarrow{PM}|}{|\overrightarrow{PF}|} =$ \_\_\_\_\_.

56,10,0.860 已知实数  $x, y$  满足  $\begin{cases} x + y \geq 2, \\ x - y \leq 2, \\ 0 \leq y \leq 3, \end{cases}$  则目标函数  $z = -\frac{3}{2}x - y$  的最大值为\_\_\_\_\_.

56,12,0.860 从集合  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$  中任取两个数, 欲使取到的一个数大于  $k$ , 另一个数小于  $k$  (其中  $k \in A$ ) 的概率是  $\frac{2}{5}$ , 则  $k =$ \_\_\_\_\_.