1	I MI 人佬 II	(住人 1	(l., -1) ii	ati (° 4	
l.	已知全集 $U =$	$\{x x < 2\},\$	集合 $A =$	$\{x x < 1\}, y$	则 $\mathbf{b}_{II}A =$	

2. 设集合
$$A = \{x | |x-2| < 1, x \in \mathbf{R}\}, B = \{x | \frac{x-3}{x-1} \ge 0\}, 则 A \cup B = \underline{\hspace{1cm}}$$

3. 若函数
$$f(x) = 2^x - 3$$
, 则 $f^{-1}(1) =$ _____.

4. 设函数
$$f(x) = \begin{cases} 2^{-x} - 1, & x \leq 0, \\ & x \leq x \end{cases}$$
 若 $f(x_0) > 1$, 则 x_0 的取值范围是______.

5. 已知
$$x \in (0, \frac{\pi}{2})$$
, 则方程 $\begin{vmatrix} 2\sin x & 1 \\ 1 & 2\cos x \end{vmatrix} = 0$ 的解集是______.

6. 关于
$$x$$
 的不等式 $^2 + ax + 1 > 0$ 有解, 则实数 a 的取值范围是______.

7. 已知
$$f(x) = x^2 + 2(a-2)x + 4$$
, 对 $x \in [-3,1]$, $f(x) > 0$ 恒成立, 则实数 a 的取值范围是______.

9. 设椭圆
$$\Gamma: \frac{x^2}{a^2} + y^2 = 1 (a > 1)$$
 的左顶点为 A , 过点 A 的直线 l 与 Γ 相交于另一点 B , 与 y 轴相交于点 C . 若 $|OA| = |OC|$, $|AB| = |BC|$, 则 $a =$ ______.

10. 已知常数
$$b, c \in \mathbb{R}$$
. 若函数 $f(x) = (x^2 + x - 2)(x^2 + bx + c)$ 为偶函数, 则 $b + c =$ _____.

- 11. 记 a, b, c, d, e, f 为 1, 2, 3, 4, 5, 6 的任意一个排列, 则使得 (a+b)(c+d)(e+f) 为奇数的排列共有 个.
- 12. 已知函数 $f(x)=|x+\frac{1}{x}+a|$, 若对任意实数 a, 关于 x 的不等式 $f(x)\geq m$ 在区间 $[\frac{1}{2},3]$ 上总有解, 则实数 m的取值范围为___

13. 已知
$$x \in \mathbb{R}$$
, 则" $x > 0$ " 是" $x > 1$ " 的 ().

D. 既非充分又非必要条

14. 已知 a,b,c 是互不相等的正数,则下列不等式中正确的是 (

A.
$$|a - b| < |a - c| + |c - b|$$

B.
$$a^2 + \frac{1}{a^2} \le a + \frac{1}{a}$$

C.
$$|a-b| + \frac{1}{a-b} \ge 2$$

D.
$$\sqrt{a+3} - \sqrt{a+1} \le \sqrt{a+2} - \sqrt{a}$$

15. 设 a,b,c 表示三条互不重合的直线, α,β 表示两个不重合的平面, 则使得 " $a\parallel b$ " 成立的一个充分条件为 ().

A.
$$a \perp c$$
, $b \perp c$

B.
$$a \parallel \alpha, b \parallel \alpha$$

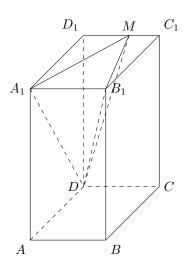
C.
$$a \parallel \alpha$$
, $a \parallel \beta$, $\alpha \cap \beta = b$

D.
$$b \perp \alpha$$
, $c \parallel \alpha$, $a \perp c$

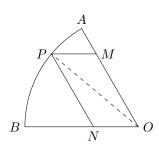
16. 已知函数 y = f(x) 的定义域为 $(0, +\infty)$, 满足对任意 $x \in (0, +\infty)$, 恒有 $f[f(x) - \frac{1}{x}] = 4$. 若函数 y = f(x) - 4的零点个数为有限的 $n(n \in \mathbb{N}^*)$ 个, 则 n 的最大值为 (

件

17. 如图, 在长方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中, $2AB = BC = AA_1$, 点 M 为棱 C_1D_1 上的动点.



- (1) 求三棱锥 $D A_1B_1M$ 与长方体 $ABCD A_1B_1C_1D_1$ 的体积比;
- (2) 若 M 为棱 C_1D_1 的中点, 求直线 DB_1 与平面 DA_1M 所成角的大小.
- 18. 已知常数 $a \in \mathbb{R}^+$, 函数 $f(x) = 3^x + a^2 \cdot 3^{-x}$.
 - (1) 若 $a = \sqrt{3}$, 解关于 x 的不等式 f(x) < 4;
 - (2) 若 f(x) 在 $[3,+\infty)$ 上为增函数, 求 a 的取值范围.
- 19. 某居民小区为缓解业主停车难的问题,拟对小区内一块扇形空地 AOB 进行改建. 如图所示,平行四边形 OMPN 区域为停车场,其余部分建成绿地,点 P 在围墙 $\stackrel{\frown}{AB}$ 上,点 M 和 N 分别在道路 OA 和道路 OB 上,且 $OA=60\mathrm{m}$, $\angle AOB=\frac{\pi}{3}$. 设 $\angle POB=\theta$.



- (1) 求停车场面积 $S(单位: m^2)$ 关于 θ 的函数关系式, 并写出 θ 的取值范围;
- (2) 求停车场面积 S 的最大值以及相应 θ 的值.
- 20. 在平面直角坐标系 xOy 中,抛物线 $\Gamma:y^2=4x$,点 C(1,0). A,B 为 Γ 上的两点,A 在第一象限,满足 $\overrightarrow{OA}\cdot\overrightarrow{OB}=-4$.
 - (1) 求证: 直线 AB 过定点, 并求定点坐标;
 - (2) 设 P 为 Γ 上的动点, 求 $\frac{|OP|}{|CP|}$ 的取值范围;
 - (3) 记 $\triangle AOB$ 的面积为 S_1 , $\triangle BOC$ 的面积为 S_2 , 求 $S_1 + S_2$ 的最小值.

- 21. 已知函数 f(x) = x|x a|, 其中 a 为常数.
 - (1) 当 a = 1 时, 解不等式 f(x) < 2;
 - (2) 已知 g(x) 是以 2 为周期的偶函数, 且当 $0 \le x \le 1$ 时, 有 g(x) = f(x). 若 a < 0, 且 $g(\frac{3}{2}) = \frac{5}{4}$, 求函数 $y = g(x)(x \in [1,2])$ 的反函数;
 - (3) 若在 [0,2] 上存在 n 个不同的点 $x_i (i=1,2,\cdots,n,\ n\geq 3),\ x_1 < x_2 < \cdots < x_n,\$ 使得 $|f(x_1)-f(x_2)|+$ $|f(x_2)-f(x_3)|+\cdots+|f(x_{n-1})-f(x_n)|=8,\ 求实数 a$ 的取值范围.
- 22. 设集合 $A = \{1, 2, 3\}, B = \{x | x < 3\}, 则 A \cap B = _____.$
- 23. 已知常数 $a \in \mathbb{R}$, 函数 $f(x) = x^2(-1 \le x \le a)$ 是偶函数, 则 $a = \underline{\hspace{1cm}}$.
- 24. 设函数 $f(x) = \lg(x+1)$ 的反函数为 $f^{-1}(x)$, 则 $f^{-1}(1) =$ _____.
- 25. 函数 $f(x) = \sqrt{\frac{1-x}{x}}$ 的定义域为_____.
- 26. 已知常数 $a \in \mathbb{R}$, 设 $p: 1 \le x < 2$, q: x < a. 若 $p \neq p \neq q$ 的充分条件, 则 a 的取值范围为______.
- 27. 关于 x 的方程 $\log_2 x + \log_2 (x 3) = 2$ 的解为_____.
- 28. 已知函数 f(x) 的定义域为 R, 满足对任意 $x \in \mathbb{R}$, 恒有 f(x) + f(x+2) = 4. 若 f(1) + f(2) = 1, 则 f(2021) f(2020) =______.
- 29. 已知常数 $a \in \mathbb{R}$, 函数 $f(x) = a \cdot 4^x + 2^x + 1$ 在 $[3, +\infty)$ 上单调递减, 则 a 的取值范围为______
- 30. 已知常数 $m,n \in {\bf Z}$, 若对任意 $x \in [0,+\infty)$, 不等式 $(mx-2)(x^2-2n) \ge 0$ 恒成立, 则 m+n 的取值集合 为
- 31. 已知常数 $a \in \mathbf{R}$, 函数 $f(x) = x^2 4x + a$, $g(x) = ax^2 8x + 4$. 若存在 $x_0 \in (0, +\infty)$, 使得 $f(x_0)$ 与 $g(x_0)$ 都不是正数, 则 a 的取值范围为______.
- 32. 对任意的非零实数 a,b, 下列不等式恒成立的是 ().

A.
$$\frac{b}{a} + \frac{a}{b} \ge 2$$
 B. $(a+b)(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}) \ge 4$ C. $\frac{|a+b|}{2} \ge 2\sqrt{|ab|}$ D. $\frac{a^2+b^2}{2} \ge (\frac{a+b}{2})^2$

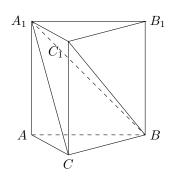
- 33. 设函数 f(x) 的定义域为 R, f(x) 满足对任意 x₁, x₂ ∈ R, 当 x₁ ≠ x₂ 时, 恒有 |f(x₁) f(x₂)| > 2|x₁ x₂|.
 对于命题: ① f(x) 的解析式可以是 f(x) = x³ + 2021x; ② f(x) 的解析式可以是 f(x) = 2021^{-x}, 下列判断正确的是 ().
 - A. ①、②均为真命题

B. ①、②均为假命题

C. ①为真命题、②为假命题

- D. ①为假命题、②为真命题
- 34. 已知常数 $a \in \mathbf{R}$, 函数 $f(x) = ax^2 + \lg \frac{1+x}{1-x}$.
 - (1) 若 a = 0, 判断 f(x) 的单调性并证明;
 - (2) 问: 是否存在 a, 使得 f(x) 为奇函数? 若存在, 求出所有 a 的值; 若不存在, 说明理由.

- 35. 设函数 f(x) 的定义域为 $(0, +\infty)$, 若对任意 $x \in (0, +\infty)$, 恒有 f(2x) = 2f(x), 则称 f(x) 为 "2 阶缩放函数".
 - (1) 已知函数 f(x) 为 "2 阶缩放函数", 当 $x \in (1,2]$ 时, $f(x) = 1 \log_2 x$, 求 $f(2\sqrt{2})$ 的值;
 - (2) 已知函数 f(x) 为 "2 阶缩放函数", 当 $x \in (1,2]$ 时, $f(x) = \sqrt{2x x^2}$, 求证: 函数 y = f(x) x 在 $(1, +\infty)$ 上无零点.
- 36. 设全集 $U = \mathbf{R}, A = (-\infty, 3), 则 <math>\mathcal{C}_U A =$
- 37. 函数 $f(x) = x^{-\frac{1}{2}}$ 的定义域为
- 38. 已知函数 f(x) 的反函数 $f^{-1}(x) = \log_2 x$, 则 f(-1) =______
- 39. 已知球的半径为 2, 则它的体积为_____
- 40. 已知 $\sin \alpha = -\frac{\sqrt{5}}{5}$, $\alpha \in (-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2})$,则 $\sin(\alpha + \frac{3\pi}{2}) =$ ______
- 41. 已知圆锥的底面半径为 1cm, 侧面积为 2πcm², 则母线与底面所成角的大小为_____
- 42. 已知 $(x^2 + \frac{2}{x})^n$ 的二项展开式中,所有二项式系数的和为 512, 则展开式中的常数项为______(结果用数值表示).
- 43. f(x) 是偶函数, 当 $x \ge 0$ 时, $f(x) = 2^x 1$, 则不等式 f(x) > 1 的解集为______.
- 44. $\mathbf{5}$ 程 $1 + \log_2 x = \log_2(x^2 3)$ 的解为_____
- 45. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} x^2 + (4a-3)x + 3a, & x < 0, \\ (a > 0, \, a \neq 1) \text{ 在 R } 上单调递减, 且关于 } x \text{ 的方程 } |f(x)| = \\ \log_a(x+1) + 1, & x \geq 0, \end{cases}$ 2 -x 恰好有两个不相等的实数解,则 a 的取值范围是______.
- 46. 我国古代数学名著《九章算术》中记载了有关特殊几何体的定义: 阳马指底面为矩形, 一侧棱垂直于底面的四棱锥, 堑堵指底面是直角三角形, 且侧棱垂直于底面的三棱柱. 某堑堵 $ABC-A_1B_1C_1$, $AC\perp BC$, 若 $A_1A=AB=2$, 当阳马 $B-AA_1C_1C$ 的体积最大时, 二面角 $C-A_1B-C_1$ 的大小为______.



- 47. 对于全集 R 的子集 A, 定义函数 $f_A(x)=$ $\begin{cases} 1, & x\in A,\\ & \text{为 }A\text{ 的特征函数, } \text{设 }A,B\text{ 为全集 R 的子集,}\\ 0, & x\in \mathbb{C}_{\mathbf{R}}A \end{cases}$
 - ① 若 $A \subseteq B$, 则 $f_A(x) \le f_B(x)$; ② $f_{\mathbb{C}_{\mathbf{R}}A}(x) = 1 f_A(x)$;

- ⑤ $f_{A \cap C_{\mathbf{R}}B}(x) = f_A(x) f_B(x)$; ⑥ 对于任意 $x \in \mathbf{R}$, 若 $f_A(x) \cdot f_B(x) = 0$ 恒成立, 则 $A \cap B = \emptyset$. 其中正确的命题为______(填所有正确命题的序号).
- 48. 已知实数 a, b 满足 a > b, 则下列不等式中恒成立的是 ()。

A. $a^2 > b^2$

B. $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$

C. |a| > |b|

D. $2^a > 2^b$

49. 下列函数中, 值域为 $(0, +\infty)$ 的是 ().

A. $y = x^2$

B. $y = \frac{2}{x}$

C. $y = 2^x$

 $D. y = |\log_2 x|$

50. 从正方体的 8 个顶点中选取 4 个作为顶点, 可得到四面体的个数为 ().

A. $C_8^4 - 12$

B. $C_8^4 - 8$

C. $C_8^4 - 6$

D. $C_8^4 - 4$

51. 设集合 $A = \{y|y = a^x, x > 0\}$ (其中常数 $a > 0, a \neq 1$), $B = \{y|y = x^k, x \in A\}$ (其中常数 $k \in \mathbf{Q}$), 则 "k < 0" 是 " $A \cap B = \emptyset$ " 的 ().

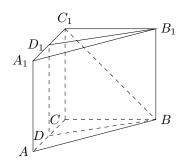
A. 充分非必要条件

B. 必要非充分条件

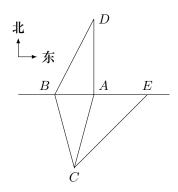
C. 充分必要条件

D. 既非充分又非必要条件

52. 如图所示, 在直三棱柱 $ABC - A_1B_1C_1$ 中, 底面是等腰直角三角形, $\angle ACB = 90^{\circ}$, $CA = CB = CC_1 = 2$. 点 D, D_1 分别是棱 AC, A_1C_1 的中点.



- (1) 求四棱锥 $C AA_1B_1B$ 的体积;
- (2) 求直线 BC_1 与平面 DBB_1D_1 所成角的大小.
- 53. 设常数 $k \in \mathbf{R}$, $f(x) = k \cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x$, $x \in \mathbf{R}$.
 - (1) 若 $\tan \alpha = 2$ 且 $f(\alpha) = \sqrt{3}$, 求实数 k 的值;
 - (2) 设 $k=1, \triangle ABC$ 中, 内角 A,B,C 的对边分别为 a,b,c. 若 $f(A)=1, a=\sqrt{7}, b=3,$ 求 $\triangle ABC$ 的面积 S.
- 54. 东西向的铁路上有两个道口 AB, 铁路两侧的公路分布如图, C 位于 A 的南偏西 15° , 且位于 B 的南偏东 15° 方向, D 位于 A 的正北方向, AC = AD = 2km, C 处一辆救护车欲通过道口前往 D 处的医院送病人, 发现北偏东 45° 方向的 E 处 (火车头位置) 有一列火车自东向西驶来, 若火车通过每个道口都需要 1 分钟, 救护车和火车的速度均为 60 km/h.



- (1) 判断救护车通过道口 A 是否会受火车影响, 并说明理由;
- (2) 为了尽快将病人送到医院, 救护车应选择 AB 中的哪个道口? 通过计算说明.
- 55. 已知函数 $f(x) = \frac{ax^2 + 1}{bx + c}$ 是奇函数, a, b, c 为常数.
 - (1) 求实数 c 的值
 - (2) 若 $a, b \in \mathbb{Z}$, 且 f(1) = 2, f(2) < 3, 求 f(x) 的解析式;
 - (3) 已知 b > 0, 若 $f(x) \ge f(1)$ 在 $(0, +\infty)$ 上恒成立, 且 $\{x | f[f(x)] \ge x\} \cap [1, 2] \ne \emptyset$, 求 b 的取值范围.
- 56. 记函数 f(x) 的定义域为 D. 如果存在实数 a、b 使得 f(a-x)+f(a+x)=b 对任意满足 $a-x\in D$ 且 $a + x \in D$ 的 x 恒成立, 则称 f(x) 为 Ψ 函数.

 - (3) 若 h(x) 是定义在 R 上的 Ψ 函数, 且函数 h(x) 的图像关于直线 x=m(m 为常数) 对称, 试判断 h(x) 是 否为周期函数?并证明你的结论.
- 57. 不等式 $\frac{1}{x} \le 3$ 的解集是______.
- 58. 若函数 $y = \sin(2x + \frac{\pi}{4})$,则它的最小正周期 T =______.
- 59. 若函数 $y = \log_2(x m) + 1$ 的反函数的图像经过点 (1,3), 则实数 m =_____.
- 60. 函数 $f(x) = x + \frac{1}{x-2}$ 的值域是______.
- 61. 已知函数 f(x) 的周期为 2, 且当 $0 < x \le 1$ 时, $f(x) = \log_4 x$, 那么 $f(\frac{9}{2}) =$ _____
- 62. 已知集合 $M = \{y | y = 3 \sin x, x \in \mathbf{R}\}, N = \{x | |x| < a\}, 若 M \subseteq N, 则实数 a 的取值范围是_$
- 63. 函数 $f(x) = |x^2 1| + |x 2|$ 的最小值是______.
- 64. 已知函数 f(x)= $\begin{cases} -x^2-2x, & x\leq a,\\ & extbf{若存在实数}\ x_0,\ \text{使得对于任意的实数}\ x\ \text{都有}\ f(x)\leq f(x_0)\ 成立,\ 则\\ -x+2, & x>a, \end{cases}$
- 65. 函数 $f(x) = \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} + \frac{x+2}{x+3}$ 图像的对称中心的坐标是______.

- 66. 若 $f(x) = |x+1| + |x+2| + \cdots + |x+2020| + |x-1| + |x-2| + \cdots + |x-2020|, x \in \mathbb{R}$, 且 $f(a^2 3a + 2) = f(a 1)$, 则满足条件的所有整数 a 的和是
- 67. 王昌龄《从军行》中两句诗"黄沙百战穿金甲,不破楼兰终不还",其中后一句中"攻破楼兰"是"返回家乡" 的() 条件.

A. 充分

B. 必要

C. 充要

D. 既不充分也不必要

68. 为了得到函数 $y=\sin(2x+\frac{\pi}{3})$ 的图像,可将函数 $y=\sin x$ 的图像(). A. 左移 $\frac{\pi}{3}$ 个长度 B. 右移 $\frac{\pi}{3}$ 个长度 C. 左移 $\frac{\pi}{6}$ 个长度 D. 右移 $\frac{\pi}{6}$ 个长度

69. 已知 M、N、 $P \subseteq \mathbf{R}$, $M = \{x | f(x) = 0\}$, $N = \{x | g(x) = 0\}$, $P = \{x | f(x)g(x) = 0\}$, 则集合 P 恒满足的关 系为().

A. $P = M \cup N$ B. $P \neq \emptyset$

C. $P = \emptyset$ D. $P \subseteq (M \cup N)$

70. 已知 a_1 、 a_2 与 b_1 、 b_2 是 4 个不同的实数, 关于 x 的方程 $|x-a_1|+|x-a_2|=|x-b_1|+|x-b_2|$ 的解集为 A, 则集合 A 中元素的个数为 ().

A. 1 个

B. 0 个或 1 个或 2 个

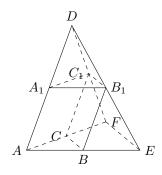
C. 0 个或 1 个或 2 个或无限个

D. 1 个或无限个

- 71. 设函数 f(x) 是定义在 [a,b] 上的函数, 若存在 $x_0 \in (a,b)$, 使得 f(x) 在 $[a,x_0]$ 上单调递增, 在 $[x_0,b]$ 上单调 递减, 则称 f(x) 为 [a,b] 上的单峰函数, x_0 称为峰点.
 - (1) 判断下列函数中, 哪些是 [0,2] 上的单峰函数? 若是, 指出峰点; 若不是, 说出原因;
 - ① $f_1(x) = 3x x^2$; ② $f_2(x) = \frac{2x}{x^2 + 1}$;
 - (2) 若函数 f(x) 是区间 [0,1] 上的单峰函数, 证明: 对任意的 x_1 、 $x_2 \in (0,1), x_1 < x_2$, 若 $f(x_1) \geq f(x_2)$, 则 峰点在区间 $(0, x_2)$ 内; 若 $f(x_1) \leq f(x_2)$, 则峰点在区间 $(x_1, 1)$ 内.
- 72. 设 $\mu(x)$ 表示不小于 x 的最小整数, 例如 $\mu(0.3) = 1$, $\mu(-2.5) = 2$.
 - (1) **解方程** $\mu(x-1) = 3$;
 - (2) 设 $f(x) = \mu(x \cdot \mu(x)), n \in \mathbb{N}^*$, 试分别求出 f(x) 在区间 (0,1]、(1,2] 以及 (2,3] 上的值域; 若 f(x) 在区 间 (0,n] 上的值域为 M_n , 求集合 M_n 中的元素的个数;
 - $(3) \textbf{ 设实数} \ a>0, \ g(x)=x+a\cdot\frac{\mu(x)}{x}-2, \ h(x)=\frac{\sin(\pi x)+2}{x^2-5x+7}, \ \textbf{若对于任意} \ x_1,x_2\in(2,4] \ \textbf{都有} \ g(x_1)>h(x_2),$ 求实数 a 的取值范围.
- 73. 函数 $y = \log_2(4 x^2)$ 的定义域是_____.
- 74. 如图所示, 弧长为 $\frac{\pi}{2}$, 半径为 1 的扇形 (及其内部) 绕 OB 所在的直线旋转一周, 所形成的几何体的表面积



- 75. 函数 $f(x) = 1 3\sin^2(x + \frac{\pi}{4})$ 的最小正周期为_____
- 77. 已知函数 $f(x) = a \cdot 2^x + 3 a(a \in \mathbf{R} \ \mathbf{L} \ a \neq 0)$ 的反函数为 $y = f^{-1}(x)$, 则函数 $y = f^{-1}(x)$ 的图像经过的 定点的坐标为______.
- 78. 在 $(x-a)^{10}$ 的展开式中, x^7 的系数是 15, 则实数 a =_____.
- 79. 已知 $\cos(\frac{\pi}{4} + \alpha) = \frac{1}{3}$, 则 $\cos(\frac{\pi}{2} 2\alpha) =$ _____.
- 80. 集合 $\{x | \cos(\pi \cos x) = 0, x \in [0, \pi]\} =$ _____(用列举法表示).
- 81. 在 $\triangle ABC$ 中,角 A,B,C 的对边分别为 a,b,c,面积为 S, 且 $4S = (a+b)^2 c^2$,则 $\cos C =$ ______.
- 82. 如图, 在三棱锥 D-AEF 中, A_1,B_1,C_1 分别是 DA,DE,DF 的中点, B,C 分别是 AE,AF 的中点, 设三棱柱 $ABC-A_1B_1C_1$ 的体积为 V_1 , 三棱锥 D-AEF 的体积为 V_2 , 则 $V_1:V_2=$ ______.



- 83. 集合 $A = \{y|y = \log_{\frac{1}{2}} x x, 1 \le x \le 2\}, B = \{x|x^2 5tx + 1 \le 0\},$ 若 $A \cap B = A$, 则实数 t 的取值范围是______.
- 84. 若定义在实数集 R 上的奇函数 y=f(x) 的图像关于直线 x=1 对称, 且当 $0 \le x \le 1$ 时, $f(x)=x^{\frac{1}{3}}$, 则方程 $f(x)=\frac{1}{3}$ 在区间 (-4,10) 内的所有实根之和为______.
- 85. 若空间中三条不同的直线 l_1 、 l_2 、 l_3 ,满足 $l_1 \perp l_2$, $l_2 \parallel l_3$,则下列结论一定正确的是 ().

A.
$$l_1 \perp l_3$$

B. $l_1 || l_3$

 $C. l_1$ 、 l_3 既不平行也不垂直

D. l₁、l₃ 相交且垂直

86. 若 a > b > 0, c < d < 0, 则一定有 ().

A. ad > bc

B. ad < bc

C. ac < bd

D. ac > bd

87. 函数 $f(x) = |x^2 - a|$ 在区间 [-1, 1] 上的最大值是 a, 那么实数 a 的取值范围是 ().

A. $[0, +\infty)$

B. $\left[\frac{1}{2}, 1\right]$

C. $[\frac{1}{2}, +\infty)$

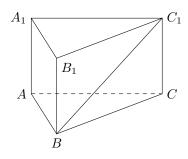
D. $[1, +\infty)$

88. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} \log_{\frac{1}{2}}(1-x), & -1 \leq x \leq n, \\ 2^{2-|x-1|} - 3, & n < x \leq m, \end{cases}$ 取值范围为 (0,2]; ② 当 $n = \frac{1}{2}$ 时, m 的取值范围为 $(\frac{1}{2},2];$ ③ 当 $n \in [0,\frac{1}{2})$ 时, m 的取值范围为 [1,2]; ④ 当

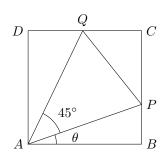
 $n\in[0,\frac{1}{2})$ 时, m 的取值范围为 (n,2]; 其中结论正确的所有的序号是 $(\hspace{1cm}).$

A. (1)(2)

- D. (2)(4)
- 89. 如图, 在正三棱柱 $ABC A_1B_1C_1$ 中, $AA_1 = 4$, 异面直线 BC_1 与 AA_1 所成角的大小为 $\frac{\pi}{3}$.



- (1) 求正三棱柱 $ABC A_1B_1C_1$ 的体积;
- (2) 求直线 BC_1 与平面 AA_1C_1C 所成角的大小.
- 90. 已知函数 $f(x) = \frac{3}{2} \sin \omega x + \frac{\sqrt{3}}{2} \cos \omega x$ (其中 $\omega > 0$).
 - (1) 若 $\omega = 2$, $0 < \alpha < \pi$, 且 $f(\alpha) = \frac{3}{2}$, 求 α 的值;
 - (2) 若函数 f(x) 的最小正周期为 3π , 求 ω 的值, 并求函数 f(x) 在 $[0,\pi]$ 上的单调递增区间.
- 91. 如图, 有一块边长为 1 的正方形区域 ABCD, 在点 A 处有一个可转动的探照灯, 其照射角 $\angle PAQ$ 始终为 45° (其中点 $P \setminus Q$ 分别在边 $BC \setminus CD$ 上), 设 $\angle PAB = \theta$, $\tan \theta = t$.



- (1) 当三点 C、P、Q 不共线时, 求直角 $\triangle CPQ$ 的周长;
- (2) 设探照灯照射在正方形 ABCD 内部区域 PAQC 的面积为 S, 试求 S 的最大值.
- 92. 定义区间 (m,n)、[m,n]、(m,n]、[m,n) 的长度均为 n-m, 已知不等式 $\frac{7}{6-x} \geq 1$ 的解集为 A.
 - (1) 求 A 的长度;
 - (2) 函数 $f(x) = \frac{(a^2 + a)x 1}{a^2 x} (a \in \mathbf{R}, \ a \neq 0)$ 的定义域与值域都是 [m, n](n > m), 求区间 [m, n] 的最大长 度;
 - (3) 关于 x 的不等式 $\log_2 x + \log_2 (tx + 3t) < 2$ 的解集为 B, 若 $A \cap B$ 的长度为 6, 求实数 t 的取值范围.

- 93. 对于函数 $y = f(x)(x \in D)$, 如果存在实数 $a \cdot b(a \neq 0, \, \, \text{且} \, a = 1, \, b = 0 \, \, \text{不同时成立})$, 使得 f(x) = f(ax + b) 对 $x \in D$ 恒成立, 则称函数 f(x) 为 "(a,b) 映像函数".
 - (1) 判断函数 $f(x)=x^2-2$ 是否是 "(a,b) 映像函数", 如果是, 请求出相应的 a、b 的值, 若不是, 请说明理由;
 - (2) 已知函数 y=f(x) 是定义在 $[0,+\infty)$ 上的 "(2,1) 映像函数",且当 $x\in[0,1)$ 时, $f(x)=2^x$,求函数 $y=f(x)(x\in[3,7))$ 的反函数;
 - (3) 在 (2) 的条件下, 试构造一个数列 $\{a_n\}$, 使得当 $x \in [a_n, a_{n+1})(n \in \mathbb{N}^*)$ 时, 2x + 1 的取值范围为 $[a_{n+1}, a_{n+2})$, 并求 $x \in [a_n, a_{n+1})(n \in \mathbb{N}^*)$ 时, 函数 y = f(x) 的解析式, 及 $y = f(x)(x \in [0, +\infty))$ 的值域.