1. (001211) 求下列各函数的单调区间, 并证明.

(1) 
$$f(x) = 2x + 3$$
;

(2) 
$$f(x) = \frac{1}{x}$$
;

(3) 
$$f(x) = x^2 + 2x$$
;

(4) 
$$f(x) = x - \frac{1}{x}$$
;

(4) 
$$f(x) = x - \frac{1}{x}$$
;  
(5)  $f(x) = ax + \frac{b}{x}$ , 其中  $a > 0$ ,  $b > 0$ ;

## 关联目标:

K0219002B|D02003B| 会运用函数单调性的定义证明一次函数、二次函数、反比例函数的单调性.

K0219003B|D02003B| 会运用函数单调性的定义以及已知的基本初等函数的单调性, 判断较为复杂的函数单 调性.

K0220001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

K0220002B|D02003B| 会求函数的单调区间.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

2016 届 11 班 1.000 0.897 0.974 0.974 0.923

2016 届 12 班 1.000 0.921 0.974 0.921 0.763

出处: 2016 届创新班作业 1139-函数的单调性

2. (009518) 证明: 函数  $y = \frac{2}{r^3}$  在区间  $(-\infty, 0)$  上是严格减函数.

## 关联目标:

K0219002B|D02003B| 会运用函数单调性的定义证明一次函数、二次函数、反比例函数的单调性.

K0219003B|D02003B| 会运用函数单调性的定义以及已知的基本初等函数的单调性, 判断较为复杂的函数单 调性.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 新教材必修第一册课堂练习

3. (001218) 判断下列各函数的单调性, 并证明.

- (1)  $f(x) = \sqrt{1+x}$ ;
- (2)  $f(x) = x + x^5, x \in [0, +\infty);$
- (3)  $f(x) = (\sqrt{x} + 1)(x^2 + 1)$ ;

#### 关联目标:

K0219003B|D02003B| 会运用函数单调性的定义以及已知的基本初等函数的单调性,判断较为复杂的函数单调性.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

2016 届 11 班 1.000 0.949 0.667

2016 届 12 班 0.974 0.895 0.737

出处: 2016 届创新班作业 1140-函数的运算复合与奇偶性单调性的关系

4. (010178) 证明: 函数  $y = \lg(1-x)$  在其定义域上是严格减函数.

关联目标:

K0219003B|D02003B| 会运用函数单调性的定义以及已知的基本初等函数的单调性,判断较为复杂的函数单调性.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 新教材必修第一册习题

5. (009521) 判断函数  $y = |x+1|, x \in [-2, 2]$  的单调性, 并求出其单调区间.

关联目标:

K0219003B|D02003B| 会运用函数单调性的定义以及已知的基本初等函数的单调性,判断较为复杂的函数单调性.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

## 使用记录:

#### 暂无使用记录

出处: 新教材必修第一册课堂练习

- 6. (002894) 设函数  $f(x) = e^x + \frac{1}{e^x}$ .
  - (1) 求证: y = f(x) 在 R 上不是增函数;
  - (2) 求证: y = f(x) 在  $[0, +\infty)$  上是增函数.

#### 关联目标:

K0219003B|D02003B| 会运用函数单调性的定义以及已知的基本初等函数的单调性,判断较为复杂的函数单调性.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 2022 届高三第一轮复习讲义

7. (000092) 作出函数  $y = (x^2 - 1)^2 - 1$  的大致图像, 写出它的单调区间, 并证明你的结论.

## 关联目标:

K0219001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

K0219003B|D02003B| 会运用函数单调性的定义以及已知的基本初等函数的单调性,判断较为复杂的函数单调性.

K0220001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 教材复习题

8. (002884) 下列函数中, 在其定义域上是单调函数的序号为\_\_\_\_\_.

① 
$$y = \frac{2-x}{x}$$
; ②  $y = x - \frac{1}{x}$ ; ③  $y = 3^{x-1}$ ; ④  $y = \ln \frac{1}{x}$ ; ⑤  $y = tanx$ .

关联目标:

K0220001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 2022 届高三第一轮复习讲义

9. (002885) 函数 y = |x - 1| 递减区间的是\_\_\_\_\_.

关联目标:

K0220001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 2022 届高三第一轮复习讲义

10. (007911) 画出函数  $y = x^2 - 2|x|$  的图像, 并写出它的定义域、奇偶性、单调区间、最小值.

关联目标:

K0220001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 二期课改练习册高一第一学期

11. (007931) 作出函数  $y = |x^2 - 4x|$  的图像, 并指出其单调区间.

关联目标:

K0220001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 二期课改练习册高一第一学期

12. (007932) 作出函数 y = 2|x| - 3 的图像, 并指出其单调区间.

关联目标:

K0220001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 二期课改练习册高一第一学期

13. (007941) 已知函数 y = f(x) 具有如下性质:

① 定义在 R 上的偶函数; ② 在  $(-\infty,0)$  上为增函数; ③ f(0) = 1; ④ f(-2) = -7; ⑤ 不是二次函数. 求 y = f(x) 的一个可能的解析式.

关联目标:

K0220001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 二期课改练习册高一第一学期

14. (007950) 已知函数  $f(x) = \frac{ax+1}{x+2}$ ,  $a \in \mathbf{Z}$ . 是否存在整数 a, 使函数 f(x) 在  $x \in [-1, +\infty)$  上递减, 并且 f(x) 不恒为负? 若存在, 找出一个满足条件的 a; 若不存在, 请说出理由.

关联目标:

K0220001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 二期课改练习册高一第一学期

15. (009517) 小明说: "如果当 x > 0 时, 总有 f(x) > f(0), 那么函数 y = f(x) 在区间  $[0, +\infty)$  上是严格增函数:" 他的说法是否正确? 说明理由.

关联目标:

K0220001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 新教材必修第一册课堂练习

16. (010187) 如果函数  $y=x^2-2mx+1$  在区间  $(-\infty,2]$  上是严格减函数, 那么实数 m 的取值范围为\_\_\_\_\_\_.

关联目标:

K0220001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 新教材必修第一册习题

17. (002895) 设常数  $a \in \mathbb{R}$ . 若  $y = \log_{\frac{1}{2}}(x^2 - ax + 2)$  在  $[-1, +\infty)$  上是减函数, 求 a 的取值范围.

关联目标:

K0220001B|D02003B| 理解单调函数、单调区间的定义.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

# 使用记录:

暂无使用记录

出处: 2022 届高三第一轮复习讲义

- 18. (001270) 写出下列函数的单调减区间:
  - (1)  $y = x^2$ ; \_\_\_\_\_
  - (2)  $y = x^2 + 2x + 3$ ; \_\_\_\_\_
  - (3)  $y = -x^2 + 2x + 3$ ;
  - (4)  $y = \sqrt{-x^2 + 2x + 3}$ .

## 关联目标:

K0220002B|D02003B| 会求函数的单调区间.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

2016 届 11 班 1.000 1.000 1.000 0.842

2016 届 12 班 1.000 1.000 0.919 0.811

出处: 2016 届创新班作业 1147-二次函数

19. (002887) 函数  $y=(\frac{1}{2})^{x^2}$  的递减区间是\_\_\_\_\_

关联目标:

K0220002B|D02003B| 会求函数的单调区间.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 2022 届高三第一轮复习讲义

20. (002888) 函数  $y = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 2x - 3}}$  的递增区间是\_\_\_\_\_\_.

关联目标:

K0220002B|D02003B| 会求函数的单调区间.

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 2022 届高三第一轮复习讲义

最小值是\_\_\_\_\_\_, 最大值是\_\_\_\_\_\_.

关联目标:

K0220002B|D02003B| 会求函数的单调区间.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 2022 届高三第一轮复习讲义

22. (002982) 函数  $y = 2x + \frac{1}{x}(x < 0)$  的递增区间是\_\_\_\_\_\_.

关联目标:

K0220002B|D02003B| 会求函数的单调区间.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 2022 届高三第一轮复习讲义

- 23. (004265) 已知 a 为实数, 函数  $f(x) = x|x-a|-a, x \in \mathbf{R}$ .
  - (1) 当 a=2 时, 求函数 f(x) 的单调递增区间;
  - (2) 若对任意  $x \in (0,1)$ , f(x) < 0 恒成立, 求 a 的取值范围.

关联目标:

K0220002B|D02003B| 会求函数的单调区间.

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

20220517 2022 届高三 1 班 0.930 0.802

出处: 2022 届高三下学期测验卷 10 第 18 题

24. (001278) 试分析函数  $y = x + \sqrt{4 - x^2}$  的单调性. (提示, 分  $x \le 0$  和  $x \ge 0$  讨论, 有一部分比较容易)

关联目标:

K0220002B|D02003B| 会求函数的单调区间.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

2016 届 11 班 0.526

2016 届 12 班 0.595

出处: 2016 届创新班作业 1147-二次函数

25. (001331) 函数  $y = \log_{x^2+x-1} 2$  的递增区间是\_\_\_\_\_\_.

关联目标:

K0220002B|D02003B| 会求函数的单调区间.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

2016 届 11 班 0.053

2016 届 12 班 0.184

出处: 2016 届创新班作业 1155-对数函数

26. (002889) 设常数  $a \in \mathbb{R}$ . 若  $y = \frac{ax}{x+1}$  在区间  $(-1,+\infty)$  上递增, 则 a 的取值范围是\_\_\_\_\_\_.

关联目标:

K0220002B|D02003B| 会求函数的单调区间.

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 2022 届高三第一轮复习讲义

27. (002893) 设常数  $a \in \mathbf{R}$ . 若函数  $f(x) = \begin{cases} x+a, & x < 1, \\ & \mathbf{c} \ \mathbf{R} \ \mathbf{L}$ 递增, 则 a 的取值范围为\_\_\_\_\_\_.  $x \geq 1$ 

关联目标:

K0220002B|D02003B| 会求函数的单调区间.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 2022 届高三第一轮复习讲义

28. (007939) 已知 y = f(x) 是定义在 (-1,1) 上的奇函数, 在区间 [0,1) 上是减函数, 且  $f(1-a) + f(1-a^2) < 0$ , 求实数 a 的取值范围.

关联目标:

K0220003B|D02003B| 能直观地感知奇偶性可用于分析单调性并能说理.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 二期课改练习册高一第一学期

29. (008392) 定义在 R 上的偶函数 f(x) 在  $[0,+\infty)$  上是增函数, 且  $f(\frac{1}{2})=0$ , 则满足  $f(\log_{\frac{1}{4}}x)>0$  的 x 的值

范围是\_\_\_\_\_.

关联目标:

K0220003B|D02003B| 能直观地感知奇偶性可用于分析单调性并能说理.

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 二期课改练习册高一第二学期

- 30.~(009522) 设 y = f(x) 是奇函数, 且它在区间 (-3,0] 上是严格增函数.
  - (1) 求证: 它在区间 [0,3) 上是严格增函数;
  - (2) y = f(x) 是否在区间 (-3,3) 上是严格增函数? 说明理由.

关联目标:

K0220003B|D02003B| 能直观地感知奇偶性可用于分析单调性并能说理.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 新教材必修第一册课堂练习

31. (002899) 已知 y = f(x) 是偶函数, 且在区间 [0,4] 上递减. 记 a = f(2), b = f(-3), c = f(-4), 则将 a,b,c 按从小到大的顺序排列是 \_\_\_\_\_\_.

关联目标:

K0220003B|D02003B| 能直观地感知奇偶性可用于分析单调性并能说理.

标签: 第二单元

答案: 暂无答案

解答或提示: 暂无解答与提示

使用记录:

暂无使用记录

出处: 2022 届高三第一轮复习讲义