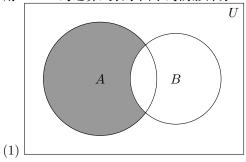
1.	用列举法表示下列集合:				
	(1) 十二生肖名称的集合;				
	(2) 10 以内的素数组成的集合	<b>à</b> ;			
	(3) $\{y y = x^2 - 1, -1 < x < 0\}$	$\{3, x \in \mathbf{Z}\}.$			
2.	用描述法表示下列集合:				
	(1) 被 3 除余数等于 1 的整数	数的集合;			
	(2) 比 1 大又比 10 小的实数	组成的集合;			
	(3) 平面直角坐标系内横轴上	的点的坐标组成的集合.			
3.	下面写法正确的是().				
	, ,	D 1 = ((0.1))	C (0.1) = ((0.1))	D (0.1) = (0.1)	
	A. $0 \in \{(0,1)\}$	B. $1 \in \{(0,1)\}$	C. $(0,1) \in \{(0,1)\}$	D. $(0,1) \in \{0,1\}$	
4.	集合 $\{(x,y) xy\geq 0,\ x\in\mathbf{R},$	$y \in \mathbf{R}$ 是指 ( ).			
	A. 第一象限内的所有点		B. 第三象限内的所有点		
	C. 第一象限和第三象限内的	的所有点	D. 不在第二象限、第四象限[	内的所有点	
5.	用适当的方法表示下列集合:				
	(1) 方程 $x^2 - 2 = 0$ 的实数解	<b>军组成的集合</b> ;			
	(2) 两直线 $y = 2x + 1$ 和 $y =$	=x-2 的交点组成的集合	·.		
6.	已知集合 $A = \{2, (a+1)^2, a^2\}$	$a^2 + 3a + 3$ , 且 $a \in A$ , 求会	实数 a 的值.		
7.	指出下列各集合之间存在的美	关系:			
	(1) $A = \{x x^2 - 2x + 1 = 0\}$	$, B = \{x x^2 - 1 = 0\};$			
	(2) $A = \{1, 2, 4, 8\}, B = \{x   x\}$	c是8的正约数}.			
8.	下列写法正确的是().				
	$A. \varnothing \subsetneq \{0\}$	B. $0 \subsetneq \varnothing$	C. $\emptyset \in \{0\}$	D. $0 \in \emptyset$	
9.	若集合 $A = \{x   x = 2n + 1, x \in A \}$	$n \in \mathbf{Z}$ }, 集合 $B = \{x   x =$	$4n-1, \ n \in \mathbf{Z}$ }, 则 $A$ 、 $B$ 的关	系是 ( ).	
	A. $A \subseteq B$	B. $A = B$	C. $A \subsetneq B$	D. $B \subsetneq A$	
10.	已知集合 $A = \{1\}$ , 集合 $B = \{1\}$	$= \{x x^2 - 3x + a = 0\}, \text{ II.}$	$A \subsetneq B$ , 求实数 $a$ 的值.		
11.	已知集合 $A = \{x, y\}$ , 集合 $B = \{2x, 2x^2\}$ , 且 $A = B$ , 求集合 $A$ .				
12.	已知集合 $S = \{1, 2\}$ , 集合 $T$	$ = \{x ax^2 - 3x + 2 = 0\},\$	且 $S = T$ , 求实数 $a$ 的值.		

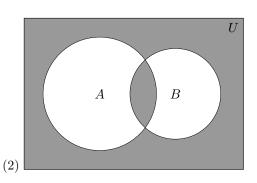
13. 已知 a 是常数, 集合  $M = \{x|x^2 + x - 6 = 0\}$ , 集合  $N = \{y|ay + 2 = 0\}$ , 且  $N \subseteq M$ , 求实数 a 的值.

15. 已知集合  $A = \{x | x \le 7\}$ , 集合  $B = \{x | x < 2\}$ , 集合  $C = \{x | x > 5\}$ , 求  $A \cap B$ ,  $A \cap C$ ,  $A \cap (B \cap C)$ .

14. 已知所有菱形组成的集合为 A, 所有矩形组成的集合为 B, 求  $A \cap B$ .

- 16. 已知集合  $A = \{(x,y)|u = -x+1\}$ , 集合  $B = \{(x,y)|y = x^2-1\}$ , 求  $A \cap B$ .
- 17. 已知集合  $A = \{x | x$  是锐角三角形 $\}$ , 集合  $B = \{x | x$  是钝角三角形 $\}$ , 求  $A \cap B$ ,  $A \cup B$ .
- 18. 已知集合  $A = \{x | x^2 + px + 15 = 0\}$ , 集合  $B = \{x | x^2 5x + q = 0\}$ , 且  $A \cap B = \{3\}$ , 求 p、q 的值和  $A \cup B$ .
- 19. 已知集合  $A = \{x | x \le 1\}$ , 集合  $B = \{x | x \ge a\}$ , 且  $A \cup B = \mathbb{R}$ , 求 a 的取值范围.
- 20. 已知集合  $A = \{x | x$ 是平行四边形 $\}$ , 集合  $U = \{x | x$ 是至少有一组对边平行的四边形 $\}$ , 求  $\mathcal{C}_U A$ .
- 21. 设  $U = \mathbf{R}$ , 集合  $A = \{x | 4 x > 2x + 1\}$ , 求  $\mathcal{C}_U A$ .
- 22. 已知集合  $U = \{x | 0 < x \le 10, \ x \in \mathbb{N}\}$ , 集合  $A = \{1, 2, 4, 5, 9\}$ , 集合  $B = \{4, 6, 7, 8, 10\}$ , 求  $C_U A$ ,  $C_U B$ ,  $C_U A \cup C_U B$ ,  $C_U A \cap C_U B$ ,  $C_U (A \cap B)$ ,  $C_U (A \cup B)$ , 并指出其中相等的集合.
- 23. 用 A、B 的运算式表示图中的阴影部分:





- 24. 已知集合  $A = \{1, 4, x\}$ , 集合  $B = \{1, x^2\}$ , 且  $A \cup B = A$ , 求 x 的值及集合 A、B.
- 25. 已知集合  $A = \{x | -2 \le x \le 4\}$ , 集合  $B = \{x | -3 < x < 2\}$ , 集合  $C = \{x | -3 \le x < 0\}$ , 求  $A \cup B$ ,  $(A \cap B) \cup C$ ,  $(A \cup C) \cap (B \cup C)$ .
- 26. 已知集合  $U = \{x | x \ge 2\}$ , 集合  $A = \{y | 3 \le y < 4\}$ , 集合  $B = \{z | 2 \le z < 5\}$ , 求  $\mathcal{C}_U A \cap B$ ,  $\mathcal{C}_U B \cup A$ .
- 27. 已知集合  $U = \{a, b, c, d, e, f\}$ , 集合  $A = \{a, b, c, d\}$ ,  $A \cap B = \{a\}$ ,  $\mathcal{C}_U(A \cup B) = \{f\}$ , 求集合 B.
- 28. 判断下列语句是否为命题, 并在相应的括号内填入"是"或"否".
  - (1) 正方形是四边形; \_\_\_\_
  - (2) 0 是自然数吗; \_\_\_\_
  - (3) 交集和并集;
  - (4)  $3 < \pi$ . \_\_\_\_
- 29. 判断下列命题的真假, 并在相应的括号内填入"真命题"或"假命题".
  - (1) 如果 a、b 都是奇数, 那么 a + b 是偶数; \_\_\_\_
  - (2) 一组对边平行且两对角线相等的四边形是平行四边形; \_\_\_\_
  - (3) 如果 |a| < 2, 那么 a < 2; \_\_\_\_\_
  - (4) 如果  $A \cap B = A$ , 那么  $A \cup B = B$ . \_\_\_\_

30.	0. 如果 a、b、c 为实数, 设 A: a = b = c = 0; B: a, b, c 至少AC; BC.(用符号 "⇒"、"⇐" 或 "⇔" 填空)	有一个为 $0; C: a^2 + \sqrt{b} +$	$ c  = 0$ , 那么 $A_{\_\_\_}B$ ;			
31.	<ol> <li>已知命题 A: 如果 x &lt; 3, 那么 x &lt; 5; 命题 B: 如果 x ≥ 3</li> <li>写各命题之间的关系: A 与 B 互为 命题, B 与 C 互为</li> </ol>					
32.	2. 写出命题 "在 $\triangle ABC$ 中, 如果 $\angle C > \angle B$ , 那么 $AB > AC$	"的逆命题、否命题和逆否	命题, 并判断其真假.			
33.	$3.$ 写出命题 "如果 $\alpha$ , 那么 $\beta$ " 的逆命题、否命题和逆否命题					
34.	4. 写出命题 "已知 $a$ 、 $b$ 、 $c$ 是实数, 如果 $ac < 0$ , 那么 $ax^2 +$ 逆否命题, 并判断其真假.	写出命题 "已知 $a$ 、 $b$ 、 $c$ 是实数, 如果 $ac < 0$ , 那么 $ax^2 + bx + c = 0 (a \neq 0)$ 有实数根"的逆命题. 否命题和 逆否命题, 并判断其真假.				
35.	5. 命题 "若 $x \neq 3$ 且 $x \neq 4$ , 则 $x^2 - 7x + 12 \neq 0$ " 的逆否命是	<b>ē是</b> ( ).				
	A. 若 $x^2 - 7x + 12 = 0$ , 则 $x = 3$ 或 $x = 4$ B.	若 $x^2 - 7x + 12 = 0$ , 则 $x_{\bar{7}}$	$\neq 3$ 或 $x \neq 4$			
	C. 若 $x^2 - 7x + 12 \neq 0$ , 则 $x \neq 3$ 且 $x \neq 4$ D.	著 $x^2 - 7x + 12 = 0$ , 则 $x =$	= 3   L   x = 4			
36.	6. 如果命题 $A$ 的逆命题是 $B$ , 命题 $A$ 的否命题是 $C$ , 那么命	题 B 是命题 C 的 ( ).				
	A. 逆命题 B. 否命题	C. 逆否命题	D. 以上都不正确			
37.	<ol> <li>(元) (1) (1) (1) (2) (2) (2) (3) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4</li></ol>	τ题 B: "△ABC <b>是直角三</b> ∫	角形"是否为等价命题,			
38.	8. 试判断命题 A: "三角形任意两边之和大于第三边"与命题价命题,并说明理由.	. 试判断命题 A: "三角形任意两边之和大于第三边"与命题 B: "三角形任意两边之差小于第三边"是否为等价命题,并说明理由.				
39.	9. 求证: 对角线不互相平分的四边形不是平行四边形.	. 求证: 对角线不互相平分的四边形不是平行四边形.				
40.	0. 判断下列命题的真假, 并在相应的横线上填入"真命题"或	"假命题".				
	(1) 若 $A \cap B \neq \emptyset$ , $B \subsetneq C$ , 则 $A \cap C \neq \emptyset$ ; (2) 方程 $(a+1)x + b = 0$ ( $a$ 、 $b \in \mathbf{R}$ ) 的解为 $x = -\frac{b}{a+1}$ ; (3) 若命题 $\alpha$ 、 $\beta$ 、 $\gamma$ 满足 $\alpha \Rightarrow \beta$ , $\beta \Rightarrow \gamma$ , $\gamma \Rightarrow \alpha$ , 则 $\alpha \Leftrightarrow \gamma$					
41.	1. 若 $\alpha$ : $\{2\} \subsetneq B \subseteq \{2,3,4\}, \ \beta: B = \{2,4\}, \ \c M \ \c eta \ \c B$ 的推出	出关系是 ( ).				
	A. $\alpha \Rightarrow \beta$ B. $\beta \Rightarrow \alpha$	C. $\alpha \Leftrightarrow \beta$	D. $\alpha \not\Rightarrow \beta$ H. $\beta \not\Rightarrow \alpha$			
	(2) 由命题甲成立, 可推出命题乙不成立, 下列说法一定正确	角的是 ( ).				
	A. 命题甲不成立, 可推出命题乙成立 B.	命题甲不成立,可推出命题。	乙不成立			
	C. 命题乙成立, 可推出命题甲成立 D.	命题乙成立, 可推出命题甲	不成立			
42.	2. 已知一个命题的否命题是"两组对边分别相等的四边形是	平行四边形", 试写出原命题	的逆命题, 并判断原命			

原命题的真假.

44. 类比 $A \subseteq B \Leftrightarrow A \cap B = A$ , 试再写出两个等价命题:							
$A \subseteq B \Leftrightarrow \underline{\hspace{1cm}};$							
$A \subseteq B \Leftrightarrow \underline{\hspace{1cm}}$ .							
45. 下列各题中命题 $P$ 是命题 $Q$ 的什么条件?							
(1) P: 四边形的四条边相等, Q: 四边形是正方形;							
(2) $P: \triangle ABC \cong \triangle DEF, Q: \triangle ABC$ 的面积 = $\triangle DEF$ 的面积;							
(3) P: x 是 2 的倍数, Q: x 是 6 的倍数;							
(4) P: 两个三角形全等, Q: 两个三角形的两角和一边对应相等.							
46. 若 $x$ 、 $y$ 都是实数, 则 " $xy = 0$ " 是 " $x = 0$ " 的 条件.							
47. 若 $x$ 、 $y$ 、 $z$ 都是实数, 则 " $x \cdot y = y \cdot z$ " 是 " $x = z$ " 的 条件.							
48. 若 $x$ 、 $y$ 、 $z$ 都是实数, 则 " $\frac{x}{y} = \frac{y}{z}$ " 是 " $xz = y^2$ " 的 条件.							
49. 若 $x$ 、 $y$ 都是实数, 则 " $ x  >  y $ " 是 " $x > y > 0$ " 的 条件.							
50. 已知 $l$ 、 $m$ 、 $n$ 都是自然数, " $l+m+n$ 为偶数" 是" $l$ 、 $m$ 、 $n$ 都是偶数" 的什么条件? 为什么?							
51. 有下列四组命题: ① $P$ : 集合 $A \subseteq B, B \subseteq C, C \subseteq A, Q$ : 集合 $A = B = C$ ; ② $P$ : $A \cap B = A \cap C, Q$ :	B=C;						
③ $P: (x-2)(x-3) = 0, Q: \frac{x-2}{x-3} = 0;$ ④ $P:$ 抛物线 $y = ax^2 + bx + c(a \neq 0)$ 过原点, $Q: c = 0$ . 其	中 P 是						
Q 的充要条件的有 ( ).							
A. ①、② B. ①、④ C. ②、③ D. ②、④							
52. 写出使实数 a、b 一正一负的充要条件.							
$53.$ 求证: 实数 $a$ 、 $b$ 均大于 $0$ 的充要条件是 $\begin{cases} a+b>0, \\ ab>0. \end{cases}$							
54. 命题 " $x \in M$ 或 $x \in P$ " 是命题 " $x \in M \cap P$ " 的什么条件?							
55. 写出命题 " $x > 3$ " 的一个充分条件和一个必要条件.							
$56.$ 如果 $\alpha$ 是 $\beta$ 的充分非必要条件, 那么 $\overline{\alpha}$ 是 $\overline{\beta}$ 的什么条件?							
57. 如果 $A$ 是 $B$ 的必要条件, $C$ 是 $B$ 的充分条件, $A$ 是 $C$ 的充分条件, 那么 $B$ 、 $C$ 分别是 $A$ 的什么条件	件?						
58. 填空: 已知集合 $A = \{a   a \ $ 具有性质 $p\}$ , $B = \{b   b \ $ 具有性质 $q\}$ .							
(1) 若 $A \subseteq B$ , 则 $p$ 是 $q$ 的 条件;							
(2) 若 A ⊇ B, 则 p 是 q 的 条件;							
(3) 若 $A = B$ , 则 $p$ 是 $q$ 的 条件.							

- 59. 试用子集与推出关系来判断命题 A 是命题 B 的什么条件.
  - (1) A: 该平面图形是四边形, B: 该平面图形是梯形;
  - (2) A: x = 2, B: (x 5)(x 2) = 0;
  - (3)  $A: x^2 = y^2, B: x = y;$
  - (4)  $A: a = 2, B: a \le 2.$
- 60. 如果命题 p: m < -3, 命题  $q: 方程 x^2 x m = 0$  无实数根, 那么  $p \neq q$  的什么条件?
- 61. 已知命题  $\alpha$ :  $2 \le x < 4$ , 命题  $\beta$ :  $3m-1 \le x \le -m$ , 且  $\alpha$  是  $\beta$  的充分条件, 求实数 m 的取值范围.
- 62. 如果命题  $p: A \subseteq B$ , 命题  $q: A \subsetneq B$ , 那么  $p \neq Q$  的什么条件?
- 63. 已知 a 为实数, 写出关于 x 的方程  $ax^2 + 2x + 1 = 0$  至少有一个实数根的一个充要条件、一个充分条件、一 个必要条件.
- 64. 下列命题中正确的是().
  - A. 自然数集 N 中最小的数是 1

- B. 空集是任何集合的真子集
- C. 如果  $A \subseteq B$ , 且  $A \neq B$ , 那么 A 是 B 的真子集 D.  $\{y|y=x+3, x \in \mathbb{N}\}$  中的最小值是 4

65. 若  $A \cap B = A$ , 则 ( ).

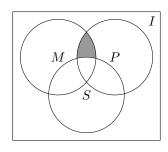
A. 
$$C_B A \cup A = \emptyset$$

B. 
$$C_B A \cap A = \emptyset$$

A. 
$$C_B A \cup A = \emptyset$$
 B.  $C_B A \cap A = \emptyset$  C.  $C_B A \cup C_B B = \emptyset$  D.  $C_B A \cap A = \emptyset$ 

D. 
$$C_B A \cap A = \emptyset$$

66. 已知 I 是全集. 若 M、P、S 是 I 的 3 个子集, 则图中阴影部分所表示的集合是 ( ).



A.  $(M \cap P) \cap S$  B.  $(M \cap P) \cup S$  C.  $(M \cap P) \cap \mathcal{C}_I S$  D.  $(M \cap P) \cup \mathcal{C}_I S$ 

- 67. 若命题  $p: x^2 5x + 6 = 0$ , 命题 q: x = 2, 则  $p \neq q$  的 条件。
- 68. 若 p: 四边形是正方形, q: 四边形的两条对角线互相垂直平分, 则 p 是 q 的 条件.
- 69. 若 p: 抛物线  $y = ax^2 + bx + c$  过原点, q: c = 0, 则 p 是 q 的\_\_\_\_\_\_ 条件.
- 70. 若  $p: a > b, q: a^2 > b^2, 则 p 是 q 的______条件.$
- 71. 若方程  $x^2 + px + 4 = 0$  的解集为 A, 方程  $x^2 + x + q = 0$  的解集为 B, 且  $A \cap B = \{4\}$ , 则集合  $A \cup B$  的所 有子集是 .
- 72. 对上海市某校学生进行调查, 结果如下: 成语同典拥有率为 84%, 古汉语词典拥有率为 78%. 同时拥有上述两 种词典的学生占全校学生的 66%, 求上述两种词典都没有的学生所占的比例.

- 73. 已知集合  $A = \{x \mid -2 < x \le 1\}$ , 集合  $B = \{x \mid x \ge 1x < -2\}$ , 求  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ .
- 74. 已知集合  $A = \{x \mid -1 < x < 1$ 或  $x \ge 3\}$ , 集合  $U = \{x \mid x \ge 2x < 1\}$ , 求  $C_U A$ .
- 75. 写出命题: 若 x > 1, 则 x > 0 的逆命题、否命题、逆否命题, 并指出哪些是真命题.
- 76. 已知集合  $A = \{x|x^2 + px + q = 0\}$ , 集合  $B = \{x|x^2 x + r = 0\}$ , 且  $A \cap B = \{-1\}$ ,  $A \cup B = \{-1,2\}$ , 求 p、 q、r 的值.
- 77. 已知全集  $U = \mathbb{R}$ , 集合  $A = \{x | x \le a 1\}$ , 集合  $B = \{x | x > a + 2\}$ , 集合  $C = \{x | x < 0$ 或  $x \ge 4\}$ . 若  $C_U(A \cup B) \subseteq C$ , 求实数 a 的取值范围.
- 78. 若集合  $M = \{a | a = x + \sqrt{2}y, x, y \in \mathbf{Q}\}$ , 则下列结论正确的是 ( ).

A.  $M \subseteq \mathbf{Q}$ 

B.  $M = \mathbf{Q}$ 

C.  $M \supseteq \mathbf{Q}$ 

D.  $M \subseteq \mathbf{Q}$ 

- 79. 若 A 是 B 的必要非充分条件, B 是 C 的充要条件, C 是 D 的必要非充分条件, 则 D 是 A 的\_\_\_\_\_\_\_ 条 件,  $C \neq A$  的 条件.
- 80. 已知全集  $U = \{x | x$  为不大于 20 的素数  $\}$ . 若  $A \cap C_U B = \{3, 5\}, C_U A \cap B = \{7, 19\}, C_U (A \cup B) = \{2, 17\},$ 则  $A = _____, B = _____.$
- 81. 已知集合  $P = \{x \mid -2 \le x \le 5\}$ , 集合  $Q = \{x \mid k+1 \le x \le 2k-1\}$ , 且  $Q \subseteq P$ , 求实数 k 的取值范围.
- 82. 已知集合  $A = \{x | (a-1)x^2 + 3x 2 = 0\}$ , 是否存在这样的实数 a, 使得集合 A 有且仅有两个子集? 若存在, 求出实数 a 的值及对应的两个子集; 若不存在. 请说明理由.
- 83. 解不等式: 2(x+1) 3(x-2) > 8.
- 84. 解不等式组:  $\begin{cases} 3x 2(5 3x) > 8, \\ 2x \le 2(2x + 3). \end{cases}$
- 85. 判断下列语句是否正确, 并在相应的横线内填入"√"或"×".
  - (1) 若 ax > b, 则  $x > \frac{b}{a} (a \neq 0)$ .\_\_\_\_\_;
  - (2) 若  $a^2x > a^2y$ , 则 x > y.\_\_\_\_\_;
  - (3) **a**> b > 0, c > d > 0,**m**<math>**a**> <math>**b**.....;
  - (4) 若 a > b, 则  $a^2 > ab$ .
- 86. 如果  $a^2 > b^2$ , 那么下列不等式中正确的是 ( ).

A. a > 0 > b

B. a > b > 0

C. |a| > |b|

D. a > |b|

87. 如果 a < b < 0, 那么下列不等式中正确的是 ( ).

A.  $\frac{-a}{-b} < 1$  B.  $a^2 > ab$ 

C.  $\frac{1}{h^2} < \frac{1}{a^2}$ 

D.  $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$ 

88. 如果 a < 0 < b, 那么下列不等式中正确的是 ( ).

A. 
$$\sqrt{-a} < \sqrt{b}$$
 B.  $a^2 < b^2$ 

B. 
$$a^2 < b^2$$

C. 
$$a^3 < b^3$$

D. 
$$ab > b^2$$

- 89. 证明: 如果 a > b, c < 0, 那么 (a b)c < 0.
- 90. 证明: 如果 a < b < 0, 那么  $0 > \frac{1}{a} > \frac{1}{b}$ .
- 91. 用 ">" 或 "<" 号填空: 如果 a < b < 0, 那么

  - (1)  $\sqrt[n]{-a}$   $\sqrt[n]{-b}(n \ge 2, n \in \mathbf{N}^*);$ (2)  $\frac{1}{a^{2n}}$   $\frac{1}{b^{2n}}(n \in \mathbf{N}^*).$
- 92. 比较 x(x-y) 与  $y(x-y)(x \neq y)$  的大小.
- 93. 比较 (3a+1)(a+1) 与  $2(a+1)^2-3$  的大小.
- 94. 比较 (t+1)(t-5) 与  $(t-2)^2$  的大小.
- 95. 已知 a > 2, 解关于 x 的方程  $ax + 4 < 2x + a^2$ .
- 96. 已知 m < 1, 解关于 x 的方程  $mx + 1 < x + m^3$ .
- 97. 已知  $p \neq q$ , 解关于 x 的方程  $(p-q)x < p^2 q^2$ .
- 98. 解关于 x 的方程  $mx + 4 < m^2 + 2x$ .
- 99. 甲乙两个工厂今年的产值分别为 25000 万元、20000 万元. 如果甲工厂每年增加产值 500 万元, 乙工厂每年 增加产值 1000 万元, 那么几年后乙工厂的产值超过甲工厂的产值?
- 100. 如果 a > b, 那么  $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$  成立的充要条件是\_\_\_\_\_\_.
- 101. 解关于 x 的不等式:  $a^2(x-1) > b^2(1+x) + 2ab$ , 其中 a、 $b \in \mathbb{R}^+$ .
- 102. 已知 x、 $y \in \mathbb{R}$ , 比较  $x^2 + y^2 = 2(2x y) 5$  的大小.
- 103. 解不等式:  $2x^2 3x + 1 < 0$ .
- 104. 解不等式:  $(x+1)^2 6 > 0$ .
- 105. 解不等式: x(x-1) < x(2x-3) + 1.
- 106. 解不等式:  $-x^2 + 2x + 35 > 0$ .
- 107. 解不等式: (x-2)(3-x) < 0.
- 108. 解不等式:  $2x 1 \ge x^2$ .
- 109. 解关于 x 的不等式: (x-a)(x-1) < 0(a > 1).
- 110. 解关于 x 的不等式: (x-a)(x-2a) < 0(a > 0).

111. 写出一个解集只含一个元素的一元二次不等式.

112. 解不等式组: 
$$\begin{cases} 6 - x - x^2 \le 0, \\ x^2 + 3x - 4 < 0. \end{cases}$$

113. 解不等式组: 
$$\begin{cases} 4x^2 - 27x + 18 > 0, \\ x^2 - 6x + 4 < 0. \end{cases}$$

- 114. 已知集合  $U = \mathbf{R}$ , 且集合  $A = \{x|x^2 16 < 0\}$ , 集合  $B = \{x|x^2 4x + 3 \ge 0\}$ , 求:
  - (1)  $A \cap B$ ;
  - (2)  $A \cup B$ ;
  - (3)  $C_U(A \cap B)$ ;
  - (4)  $C_U A \cup C_U B$ .
- 115. 已知不等式  $x^2 + ax + b < 0$  的解集为 (-3, -1), 求实数  $a \cdot b$  的值.
- 116. 已知关于 x 的二次方程  $2x^2 + ax + 1 = 0$  无实数解, 求实数 a 的取值范围.
- 117. 已知 P(a,b) 为正比例函数 y=2x 的图像上的点, 且 P 与 B(2,-1) 之间的距离不超过 3, 求 a 的取值范围.
- 118. 某船从甲码头沿河顺流航行 75 千米到达乙码头, 停留 30 分钟后再逆流航行 126 千米到达丙码头. 如果水流的速度为每小时 4 千米, 该船要在 5 小时内完成航行任务, 那么船的速度每小时至少为多少千米?

119. 解不等式组: 
$$\begin{cases} 3x^2 + x - 2 \ge 0, \\ 4x^2 - 15x + 9 > 0. \end{cases}$$

120. 已知关于 
$$x$$
 的不等式组 
$$\begin{cases} (2x-3)(3x+2) \leq 0, \\ x-a>0 \end{cases}$$
 无实数解, 求实数  $a$  的取值范围.

- 121. 当 k 取何值时, 关于 x 的不等式  $2kx^2 + kx \frac{3}{8} < 0$  对于一切实数 x 都成立?
- 122. 已知关于 x 的不等式  $ax^2 + bx + c > 0$  的解集是  $\{x|x>2$  或  $x<\frac{1}{2}\}$ , 求关于 x 的不等式  $ax^2 bx + c \le 0$  的解集.
- 123. 某商品每件成本为 80 元, 售价为 100 元, 每天售出 100 件. 若售价降低 x 成 (1 成即 10%), 售出商品的数量 就增加  $\frac{8}{5}x$  成. 若要求该商品一天的营业额至少为 10260 元, 且又不能亏本, 求 x 的取值范围.

124. 解不等式: 
$$\frac{1}{x} < 1$$
.

125. 解不等式: 
$$\frac{4x+3}{x-1} > 5$$
.

126. 解不等式: 
$$\frac{2}{x} < \frac{2}{x-3}$$
.

127. 解不等式: 
$$\frac{1}{x-4} \le 1 - \frac{x}{4-x}$$
.

- 128. 求当 k 为何值时, 关于 x 的方程  $\frac{4k-3x}{k+2} = 2x$  的解分别是:

  - (2) 负数.
- 129. 解不等式:  $|x^2 3| < 2$ .
- 130. 解不等式:  $\left|\frac{1}{2-x}\right| \geq 2$ .
- 131. 解不等式:  $|x^2 3x + 2| \le 0$ .
- 132. 解不等式:  $\left| \frac{x}{x+1} \right| > \frac{x}{x+1}$ .
- 133. 解不等式: |x-3| < x-1.
- 134. 若 a < b < 0, 则不等式  $\frac{x+a}{x+b} > 0$  的解集是\_
- 135. 解不等式:  $4 \le |x^2 4x| < 5$ .
- 136. 解不等式:  $\frac{1}{|x|} > x$ .
- 137. 已知不等式  $|ax + 1| \le b$  的解集是 [-1, 3], 求  $a \times b$  的值.
- 138. 如果 a、 $b \in \mathbb{R}$ , 且 ab > 0, 那么下列不等式中正确的是(

A. 
$$a^2 + b^2 > 2ab$$

B. 
$$a+b \ge 2\sqrt{ab}$$

A. 
$$a^2 + b^2 > 2ab$$
 B.  $a + b \ge 2\sqrt{ab}$  C.  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} > \frac{2}{\sqrt{ab}}$  D.  $\frac{b}{a} + \frac{a}{b} \ge 2$ 

D. 
$$\frac{b}{a} + \frac{a}{b} \ge 2$$

- 139. 设  $ab \neq 0$ , 利用基本不等式有如下证明:  $\frac{b}{a} + \frac{a}{b} = \frac{b^2 + a^2}{ab} \geq \frac{2ab}{ab} = 2$ . 试判断这个证明过程是否正确. 若正 确, 请说明每一步的依据; 若不正确, 请说明理由.
- 140. 已知  $a \cdot b \in \mathbf{R}$ , 比较  $|a| + \frac{|b|}{2}$  与  $\sqrt{2} \cdot \sqrt{|ab|}$  的大小.
- 141. 已知  $0 < x < \frac{1}{2}$ , 求当 x 取何值时, x(1-2x) 的值最大.
- 142. 已知 a > 0, 求证:  $a + a^3 \ge 2a^2$ .
- 143. 用一根长为 l 的铁丝制成一个矩形框架. 当长、宽分别为多少时, 框架的面积最大?
- 144. 已知 x、 $y \in \mathbb{R}^+$ , 且 x + y = 1, 求当 x、y 分别取何值时,  $\frac{1}{x} + \frac{1}{y}$  的值最小.
- 145. 已知 x > -1, 求当 x 取何值时,  $x + \frac{4}{x+1}$  的值最小.
- 146. 已知 a+b=1, 求证:  $a^2+b^2\geq \frac{1}{2}$ .
- 147. 建造一个容积为 8 立方米、深为 2 米的长方形无盖水池. 如果池底和池壁的造价每平方米分别为 120 元和 80 元, 那么水池的最低造价是多少元?
- 148.  $\Re iF$ :  $(ac+bd)^2 < (a^2+b^2)(c^2+d^2)$ .

- 149. 已知 x > y, 求证:  $x^3 y^3 > x^2y xy^2$
- 150. 已知实数 a > 3、求证:  $\sqrt{a} \sqrt{a-1} < \sqrt{a-2} \sqrt{a-3}$ .
- 151. 已知 a、b、c 是不全相等的整数, 求证:  $(a^2+1)(b^2+1)(c^2+1) > 8abc$ .
- 152. 设 a、b、 $c \in \mathbb{R}^+$ ,求证:  $\frac{b+c}{a} + \frac{c+a}{b} + \frac{a+b}{c} \ge 6$ .
- 153. 已知 a > 0, b > 0, 求证:  $\frac{a}{\sqrt{b}} + \frac{b}{\sqrt{a}} \ge \sqrt{a} + \sqrt{b}$ .
- 154. 求证:  $\left| \frac{a^2 1}{a^2 + 1} \right| \le 1$ .
- 155. 如果  $a \in \mathbb{R}$ , 且  $a^2 + a < 0$ , 那么  $a \cdot a^2 \cdot -a \cdot -a^2$  的大小关系是 ( ).
- A.  $-a < -a^2 < a < a^2$  B.  $a < -a^2 < a^2 < -a$  C.  $-a^2 < a < a^2 < -a$  D.  $-a^2 < a < -a < a^2$

- 156. 不等式  $\frac{x^2}{x-1} \ge 0$  的解是 ( ).
  - A.  $(1, +\infty)$
- B.  $[1 + \infty)$
- C.  $(1, +\infty) \cup \{0\}$  D.  $[1, +\infty) \cup \{0\}$

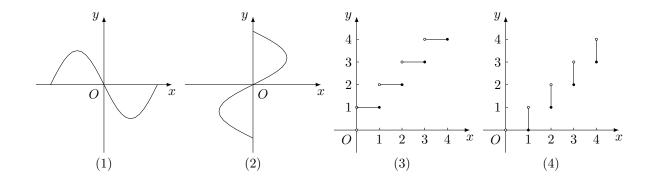
- 157. 不等式 1 + |x + 1| < 0 的解集是 ( ).
  - A.  $(-\infty, -2)$  B. (-2, 0)
- C. R

D.  $\emptyset$ 

- 158. 证明: 如果 a > b > 0, c > d > 0, 那么  $a^2c > b^2d$ .
- 159. 证明:  $a^2 + b^2 + 2 \ge 2(a+b)$ .
- 160. 证明: 如果 a、b、c 都是正数, 那么  $(a+b)(b+c)(c+a) \ge 8abc$ .
- 161. 解不等式: 2(x+1)(x+2) > (x+3)(x+4).
- 162. 解不等式:  $-3x^25x 4 < 0$ .
- 163. 解不等式:  $4x^2 20x + 25 \le 0$ .
- 164. 解不等式:  $x^2 16x + 64 > 0$ .
- 165. 解不等式组:  $\begin{cases} x^2 16 < 0, \\ x^2 4x + 3 \ge 0. \end{cases}$
- 166. 解不等式组:  $4 < x^2 x 2 < 10$ .
- 167. 解不等式:  $\left| \frac{3x-9}{2} \right| \le 6$ .
- 168. 解不等式: 3 < |x-2| < 5.
- 169. 解不等式:  $|\frac{1}{r}| < \frac{4}{5}$ .

- 170. 下列四对不等式(组)中,哪几对具有相同的解集?
  - $(1) \ -\frac{1}{2}x^2 + 3x + \frac{27}{2} > 0 \ -\frac{1}{5} \ x^2 6x 27 > 0;$
  - (2)  $4 < x^2 x + 2 < 10$  与  $\begin{cases} x^2 x + 2 < 10, \\ x^2 x + 2 > 4; \end{cases}$ (3) |2x + 1| < 5 与 2x + 1 < 5 或 2x + 1 > -5;

  - (4)  $\frac{x-1}{x+1} < 2 3 \times x 1 < 2(x+1)$ .
- 171. 已知关于 x 的不等式  $2x^2 2(a-1)x + (a+3) > 0$  的解集是  $\mathbf{R}$ , 求实数 a 的取值范围
- 172. 已知函数  $y = (m-1)x^2 + (m-3)x + (m-1)$ , m 取什么实数时, 函数图像与 x 轴
  - (1) 没有公共点?
  - (2) 只有一个公共点?
  - (3) 有两个不同的公共点?
- 173. 当 k 是什么实数时, 关于 x 的方程 2x + k(x+3) = 4 的解是正数?
- 174. 已知直角三角形的周长为 4, 求这个直角三角形面积的最大值, 并求此时各边的长.
- 175. 求证:  $(\frac{a+b}{2})^2 \le \frac{a^2+b^2}{2}$ .
- 176. 求不等式  $5 \le x^2 2x + 2 < 26$  的正整数解.
- 177. 已知 x、 $y \in [a, b]$ .
  - (1) 求 x + y 的范围;
  - (2) 若 x < y, 求 x y 的范围.
- 178. 当 k 为什么实数时,方程组  $\begin{cases} 3x-6y=1,\\ 5x-ky=2 \end{cases}$  的解满足 x<0 且 y<0 的条件?  $\begin{cases} 4x+3y=60,\\ kx+(k+2)y=60 \end{cases}$  的解满足 x>y>0 的条件?
- 180. 已知 m < n, 试写出一个形如  $ax^2 + bx + c > 0$  的一元二次不等式, 使它的解集分别为:
  - $(1) (-\infty, m) \cup (n, +\infty);$
  - (2) (m, n).
- 181. 下列各图像中, 哪些是函数的图像, 哪些不是函数的图像? 为什么?



182. 选择题: 下列各组函数 f(x) 与 g(x) 表示同一个函数的是 ( )

A. 
$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x + 1}$$
,  $g(x) = x - 1$ 

B. 
$$f(x) = |x|, g(x) = \begin{cases} x, & x \ge 0, \\ -x, & x < 0 \end{cases}$$

C. 
$$f(x) = x^0$$
,  $g(x) = 1$ 

D. 
$$f(x) = (\sqrt{x})^2$$
,  $g(x) = \sqrt{x^2}$ 

183. 求函数 
$$y = \frac{1}{x^2 + 2x - 3}$$
 的定义域.

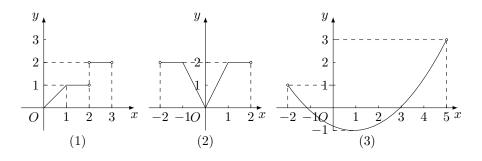
184. 求函数 
$$y = \sqrt{4 - 3x - x^2}$$
 的定义域.

185. 求函数 
$$y = \sqrt{x-2} + \sqrt{x+3}$$
 的定义域.

186. 求函数 
$$y = \frac{1}{x+2} + \frac{1}{\sqrt{5-x}}$$
 的定义域.

187. 若 
$$f(x) = x^2 + px + q$$
, 且  $f(1) = 0$ ,  $f(2) = 0$ , 求  $f(-1)$  的值.

188. 观察下列各函数, 并写出他们的值域:



189. 某企业去年四个季度生产某种型号机器的数量 y(万台) 与季度的函数关系是:

x(季度)	1	2	3	4
y(万台)	10	12	14	16

试写出函数的定义域,并作出函数的图像.

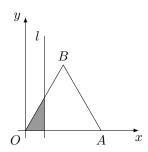
190. 求函数 
$$y = \frac{1}{|x+3|-1}$$
 的定义域.

191. 求函数  $y = \sqrt{(a-x)(x-1)}(x$  为自变量) 的定义域.

192. 已知 
$$f(x) = \begin{cases} 2x(3+x), & x \ge 0, \\ 2x(3-x), & x < 0. \end{cases}$$
 求  $f(2)$ 、 $f(-4)$ 、 $f(-a)$  的值.

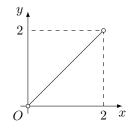
- 193. 试举出一个定义域为 [-2,2] 的函数例子.
- 194. 为分流短途乘客, 减缓轨道交通高峰压力, 上海地铁实行新的计费标准. 新标准的分段计程制度如下: 0-6 千米(含6千米)3元; 6-16千米(含16千米)4元; 16千米以上每6千米递增1元, 但总票价不超过8元.
  - (1) 试作出票价 y(元) 关于路程 x(千米) 的函数图像;
  - (2) 某人买了 5 元的车票, 他途经路程不能超过多少千米?
- 195. 试用解析式将圆的面积 S 表示成圆的周长 C 的函数.
- 196. 一个矩形的对角线长为 10 厘米, 试用解析式将它的一条边长 y(厘米) 表示成与这条边相邻的另一条边长 x(厘米) 的函数.
- 197. 已知上海到北京火车行驶路程为 1318 千米, 高速火车以每小时 300 千米的速度, 由上海开往北京. 试用解析式将行进中的火车到北京的路程 s(千米) 表示成行驶的时间 t(时) 的函数.
- 198. 某中学的高一学生进行野外生存训练, 从甲地步行到乙地. 已知甲乙两地相距 32 千米, 在前 3 小时内学生们每小时走 4 千米, 随后以每小时 5 千米的速度一直走到乙地. 设他们离开甲地的距离为 s(千米) 时, 所用的时间为 t(时), 试用解析式将 s(千米) 表示成 t(时) 的函数.
- 199. 某地区住宅电话费收取标准为:接通后 3 分钟内(含 3 分钟)收费 0.20元,以后每分钟(不足一分钟按一分钟计)收费 0.18元,如果一次通话 t分钟,写出通话费: y(元)关于通话时间 t(分)的函数关系式.
- 200. 某商场对顾客实行购物优惠活动, 规定一次购物总额:
  - (1) 如果不超过 500 元, 那么不予优惠;
  - (2) 如果超过 500 元但不超过 1000 元, 那么按标价给予 9 折优惠;
  - (3) 如果超过 1000 元, 那么其中的 1000 元按 (2) 给予优惠, 超过 1000 元的部分给予 7 折优惠. 设一次购物总额为 x 元, 优惠后实际付款额为 y 元, 试写出用 x(元) 表示少 y(元) 的函数关系式.
- 201. 已知等腰三角形的周长为 12 厘米, 试将该三角形的一条腰长 y(厘米) 表示成底边长 x(厘米) 的函数.
- 202. 某物流公司在上海、杭州各有库存的某种机器 12 台和 6 台, 现销售给 A 市 10 台、B 市 8 台. 已知上海调运一台机器到 A 市、B 市的运费分别为 400 元、800 元; 杭州调运一台机器到 A 市、B 市的运费分别为 300 元、500 元. 设从上海调往 A 市 x 台, 求总运费 W(元) 关于 x(台) 的函数关系式.
- 203. 某地区有一种上网服务项目, 收费方法为:每个月付 75 元, 一年中 1、2、7、8 月为无限时包月上网, 其余月份为每月 30 小时有限包月, 超过 30 小时部分按 0.05 元/分计费. 设上网时间为 t 小时, 每月上网的费用为 y 元.

- (1) 写出一年中 1、2、7、8 月中每个月上网费用: y(元) 关于上网时间 t(时) 的函数解析式;
- (2) 写出一年中除  $1 \times 2 \times 7 \times 8$  月以外的每个月上网费用 (元) 关于上网时间  $y(\pi)$  的函数解析式.
- 204. 如图, 在直角坐标系的第一象限内,  $\triangle OAB$  是边长为 2 的等边三角形, 设直线  $l: x = t(0 \le t \le 2)$  截这个三 角形. 图中阴影部分的面积为 S, 求函数 S = f(t) 的解析式.



- 205. 已知函数  $f(x) = \sqrt{x+1} + \sqrt{1-x}$ , 函数  $g(x) = \sqrt{2-x} \sqrt{1-x}$ , 求函数 y = f(x) + g(x).
- 206. 已知函数  $f(x) = \frac{1}{x}$ , 函数  $g(x) = x^2 x$ , 求函数  $y = f(x) \cdot g(x)$ .
- 207. 已知函数  $f(x) = 2x \frac{1}{x^2 1}$ , 函数  $g(x) = \frac{1}{x^2 1} 1$ .
  - (1) 求函数 y = f(x) + g(x);
  - (2) 画出函数 y = f(x) + g(x) 的图像.
- 208. 已知函数  $f(x) = x\sqrt{x-1}$ , 函数  $g(x) = \sqrt{x-1}$ , 设  $F(x) = f(x) \cdot g(x)$ .
  - (1) 写出 F(x) 的解析式;
  - (2) 画出 F(x) 的图像.
- 209. 已知函数  $f(x) = x^2 + x + 1$ , 求函数 y = g(x), 使 f(x) + g(x) = 2x + 4.
- 210. 已知函数  $f(x) = \frac{x^2 + 1}{x}$ ,函数  $g(x) = \frac{2x^2 + 1}{x}$ ,函数  $h(x) = x^2 + 1$ ,求 F(x) = f(x) g(x), $H(x) = \frac{f(x)}{h(x)}$ .
- 211. 已知函数  $f(x) = \frac{x^2}{\sqrt{4-x^2}}$ , 函数  $g(x) = \sqrt{4-x^2}$ .

  - (1) 求函数  $y = f(x) \cdot g(x)$ ; (2) 作出函数  $F(x) = \begin{cases} f(x) \cdot g(x), & x \leq 0, \\ x, & 0 < x \leq 2 \end{cases}$  的图像.
- 212. 已知函数  $f(x) = x^2, x \in (0,2)$ , 函数 y = f(x) + g(x) 的图像如图所示, 写出函数 y = g(x) 的一个解析式.



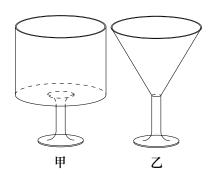
- 213. 若函数 y = f(x) 的定义域为 R, 则 y = f(x) 为奇函数的充要条件为 ( ).
  - A. f(0) = 0

- B. 对任意  $x \in \mathbf{R}, f(x) = 0$
- C. 存在某个  $x_0 \in \mathbf{R}$ , 使得  $f(x_0) + f(-x_0) = 0$
- D. 对任意的  $x \in \mathbf{R}$ , f(x) + f(-x) = 0 都成立

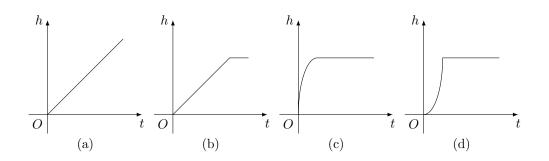
- 214. 求证函数  $f(x) = x^{-3}$  是奇函数.
- 215. 求证函数  $f(x) = \frac{x}{1 x^2}$  是奇函数.
- 216. 判断函数  $f(x) = 2x + \sqrt[3]{x}$  的奇偶性.
- 217. 判断函数  $f(x) = 2x^4 x^2$  的奇偶性.
- 218. 判断函数  $f(x) = x^2 x$  的奇偶性.
- 219. 判断函数  $f(x) = \frac{1-x}{1+x}$  的奇偶性.
- 220. 已知函数 y = f(x) 的定义域为  $[0, +\infty)$ . 如果对任意的 x > 0, 都有 f(x) < f(0), 那么函数 y = f(x) 有  $[0, +\infty)$  上是否一定是减函数?
- 221. 求证: 函数  $f(x) = x \frac{1}{x}, x \in (-\infty, 0)$  是增函数.
- 222. 判断函数  $f(x) = 2x + \frac{2}{x}, x \in [\frac{1}{2}, 3]$  的单调性, 并求出它的单调区间.
- 223. 如果函数  $y = x^2 2mx + 1$  在  $(-\infty, 2]$  上是减函数, 那么实数 m 的取值范围是\_\_\_\_\_\_.
- 224. 当函数 f(x) = 时, 函数 f(x) 同时满足条件: ① 函数 f(x) 不是偶函数; ② 在区间  $(-\infty, -1)$  上是减函数; ③ 在区间 (0,1) 上是增函数 (写出一个你认为正确的函数解析式).
- 225. 求函数  $f(x) = x^2 4x 2$  的最小值, 并求出取最值时相应的自变量 x 的值.
- 226. 求函数  $f(x) = 6x 3x^2$  的最小值, 并求出取最值时相应的自变量 x 的值.
- 227. 求函数  $f(x) = -x^2 4x 3, x \in [-3,1]$  的最小值, 并求出取最值时相应的自变量 x 的值.
- 228. 求函数  $f(x) = x^2 2x 3, x \in [-2, 0]$  的最小值, 并求出取最值时相应的自变量 x 的值.
- 229. 已知 p、q 分别是函数 f(x) = -2x + 3 在 [-2,2] 上的最大值和最小值, 求函数  $g(x) = 2x^2 px + q$  在 [-2,2] 上的最大值和最小值.
- 230. 求函数  $y = \frac{2}{x-1} (2 \le x \le 6)$  的最大值与最小值.
- 231. 求函数  $f(x) = x^3 + x^2 + x 1$  在区间 (0,1) 内的零点 (精确到 0.1).
- 232. 画出函数  $y = x^2 2|x|$  的图像, 并写出它的定义域、奇偶性、单调区间、最小值.
- 233. 研究函数  $f(x) = \frac{1}{1+x^2}$  的定义域、奇偶性、单调性、最大值.

- 234. 已知函数 f(x) = |x a|, 且 f(1) = 0.
  - (1) 求函数 y = f(x) 的解析式;
  - (2) 比较 f(2) 与 f(-3) 的大小.
- 235. 已知函数  $f(x) = x^2 + ax + 1, x \in [b, 2]$  是偶函数, 求 a、b 的值.
- 236. 已知函数 f(x) 为偶函数, g(x) 为奇函数, 且  $f(x) + g(x) = x^2 + 2x + 3$ , 求 y = f(x)、 y = g(x) 的解析式.
- 237. 已知  $a \neq 0$ , 试讨论函数  $f(x) = \frac{a}{1-x^2}$  在区间 (0,1) 上的单调性.
- 238. 已知  $\alpha, \beta$  是方程  $4x^2 4mx + m + 2 = 0$  的两个实数根, 当 m 为何值时,  $\alpha^2 + \beta^2$  有最小值? 并求出这个最小值.
- 239. 求函数  $y = x^2 4x + 1$  在  $x \in [t, 4]$  上的最小值和最大值, 其中 t < 4.
- 240. 已知集合  $A = \{x | 1 \le x \le 4\}$ ,  $f(x) = x^2 + px + q$  和  $g(x) = x + \frac{4}{x}$  是定义在 A 上的函数, 且在  $x_0$  处同时取到最小值, 并满足  $f(x_0) = g(x_0)$ , 求 f(x) 在 A 上的最大值.
- 241. 已知某气垫船的最大船速是 48 海里/时, 船每小时使用的燃料费用和船速的平方成正比, 若船速为 30 海里/时, 则船每小时的燃料费用为 600 元. 其余费用 (不论船速为多少) 都是每小时 864 元. 甲乙两地相距 100 海里, 船从甲地行驶到乙地.
  - (1) 试把船每小时使用的燃料费用 P(元) 表示成船速 v(海里/时) 的函数;
  - (2) 试把船从甲地到乙地所需的总费用 y 表示成船速 v(海里/时) 的函数;
  - (3) 当船速为每小时多少海里时, 船从甲地到乙地所需的总费用最少?
- 242. 已知函数 y = f(x), 定义 F(x) = f(x+1) f(x). 某公司每月最多生产 100 台报警系统装置, 生产 x 台 (x>0) 的收入函数为  $R(x) = 3000x 20x^2$ (单位: 元), 其成本函数为 G(x) = 5000x + 4000(单位: 元), 利润是收入与成本之差.
  - (1) 求利润函数 y = f(x) 及相应的 y = F(x);
  - (2) 利润函数 y = f(x) 与 y = F(x) 是否具有相等的最大值?
- 243. 求方程的近似解  $x^2 + 2 + \frac{1}{x} = 0$ (精确到 0.1).
- 244. 研究函数  $f(x) = x + \frac{a}{x}(a > 0)$  的定义域、奇偶性、单调性.
- 245. 求函数  $y = \frac{1}{2-x} + \sqrt{x^2-1}$  的定义域.
- 246. 判断函数  $f(x) = |\frac{1}{2}x 3| + |\frac{1}{2}x + 3|$  的奇偶性.
- 247. 判断函数  $f(x) = x^3 + \frac{2}{x}$  的奇偶性.
- 248. 判断函数  $f(x) = x^2, x \in (k, 2)$  的奇偶性.
- 249. 已知 y = f(x) 是奇函数, 定义域为  $\mathbf{R}$ , y = g(x) 是偶函数, 定义域为 D. 设  $F(x) = f(x) \cdot g(x)$ , 判断 y = F(x) 奇偶性.

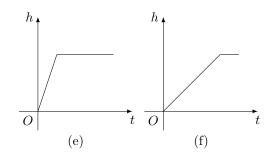
- 250. 已知函数  $f(x) = (m-1)x^2 + 3x + (2-n)$ , 且此函数为奇函数, 求 m、n 的值.
- 251. 已知函数 f(x) = x,  $g(x) = -\frac{4}{x}$ , p(x) = f(x) g(x), 求 y = p(x) 的函数表达式, 并写出 y = p(x) 的单调递减区间.
- 252. 作出函数  $y = |x^2 4x|$  的图像, 并指出其单调区间.
- 253. 作出函数 y = 2|x| 3 的图像, 并指出其单调区间.
- 254. 设函数  $f(x) = (a^2 + 4a 5)x^2 4(a 1)x + 3$  的图像都在 x 轴的上方, 求实数 a 的取值范围.
- 255. 已知函数  $f(x) = x^2 + 10x a + 3$ , 当  $x \in [-2, +\infty)$  时,  $f(x) \ge 0$  恒成立, 求实数 a 的取值范围.
- 256. 设  $\alpha, \beta$  是二次方程  $x^2 2kx + k + 20 = 0$  的两个实数根, 当 k 为何值时,  $(\alpha + 1)^2 + (\beta + 1)^2$  有最小值?
- 257. 已知  $f(x) = x^2 + ax + 1$ , 若对任意的实数 x, 均有 f(2+x) = f(2-x) 恒成立, 求实数 a 的值.
- 258. 已知二次函数  $f(x) = ax^2 2ax + 3 a(a > 0)$ , 比较 f(-1) 和 f(2) 的大小.
- 259. 已知函数  $f(x) = -x^2 + 2ax + 1 a$  在 [0,1] 上有最大值 2, 求实数 a 的值.
- 260. 已知 y = f(x) 是定义在 (-1,1) 上的奇函数, 在区间 [0,1) 上是减函数, 且  $f(1-a) + f(1-a^2) < 0$ , 求实数 a 的取值范围.
- 261. 已知函数  $f(x) = 2 x^2$ , 函数 g(x) = x, 定义函数 F(x) 如下: 当  $f(x) \ge g(x)$  时, F(x) = g(x); 当 f(x) < g(x) 时, F(x) = f(x). 求 F(x) 的最大值.
- 262. 已知函数 y = f(x) 具有如下性质:
  - ① 定义在 R 上的偶函数; ② 在  $(-\infty,0)$  上为增函数; ③ f(0) = 1; ④ f(-2) = -7; ⑤ 不是二次函数. 求 y = f(x) 的一个可能的解析式.
- 263. 打开水龙头, 让水匀速地注入一个杯子内, 随着时间的增加, 杯中水面的高度不断增加, 直至水满溢出. 在这个过程中, 杯中水面的高度 h 关于注水时间 t 的函数为 h = f(t).



(1) 如果甲杯、乙杯的形状分别如图所示, 那么下列草图中, 甲杯相应函数 h = f(t) 的图像是\_\_\_\_\_\_, 乙杯相应函数 h = f(t) 的图像是\_\_\_\_\_\_.(只有杯子的圆柱和圆锥形部分可以盛水)



(2) 下列是两个杯子相应函数 h = f(t) 的图像, 试说明这两个杯子形状有何差别.



264. 已知幂函数 f(x) 的图像经过  $(2, \frac{\sqrt{2}}{2})$ , 试求出这个函数的解析式.

265. 幂函数  $y=x^s$  与  $y=x^t$  的图像在第一象限都通过定点\_\_\_\_\_\_\_,若它们在第一象限的部分关于直线 y=x 对称,则 s、t 应满足的条件是\_\_\_\_\_\_\_.

266. 研究幂函数  $f(x) = x^{\frac{2}{5}}$  的定义域、奇偶性、单调性、值域.

267. 作函数  $y = \frac{|x|+1}{|x+1|}$  的大致图像.

268. 已知函数  $f(x) = x^3 - 3x$ .

(1) 试求函数 y = f(x) 的零点;

(2) 求证: 函数  $f(x) = x^3 - 3x$  在  $[1, +\infty)$  上是增函数;

(3) 是否存在自然数 n, 使 f(n) = 1000? 若存在, 求出一个满足条件的 n; 若不存在, 请问明理由.

269. 在下列函数中, 哪一个既是奇函数, 又在区间  $(+\infty,0)$  内是减函数?

①  $y = x^{\frac{1}{2}}$ ; ②  $y = x^{\frac{1}{3}}$ ; ③  $y = x^{\frac{2}{3}}$ ; ④  $y = x^{-\frac{1}{3}}$ .

270. 已知幂函数 f(x) 的定义域是  $(+\infty,0)\cup(0,+\infty)$ ,且它的图像关于 y 轴对称,写出一个满足要求的幂函数 f(x).

271. 已知函数  $f(x)=\frac{ax+1}{x+2},\ a\in \mathbf{Z}$ . 是否存在整数 a, 使函数 f(x) 在  $x\in [-1,+\infty)$  上递减, 并且 f(x) 不恒为负? 若存在, 找出一个满足条件的 a; 若不存在, 请说出理由.

272. 比较 30.8, 30.7 两个值的大小.

273. 比较 0.75<sup>0.1</sup>, 0.75<sup>-0.1</sup> 两个值的大小.

274. 设 $a^{2x} = 2$ , 且 $a > 0$ , $a \neq 1$ , 求	$\frac{a^{3x} + a^{-3x}}{a^x + a^{-x}}$	的值.
--	---	-----

- 275. 已知  $f(x) = a \cdot b^x$ , f(4) = 648, f(5) = 1944.
  - (1) 估算 f(4.5);
  - (2) 计算 f(4.5), 利用计算的结果评判你的估算.
- 276. 已知  $f(x) = 3^x$ ,  $u, v \in \mathbf{R}$ .
  - (1) 求证: 对任意的 u、v, 都有  $f(u) \cdot f(v) = f(u+v)$  成立.
  - (2) 写出一个关于  $f(u) \div f(v)$  类似上式的等式, 并证明你的结论.

277. 求证: 
$$f(x) = \frac{a^x - a^{-x}}{2} (a > 0, a \neq 1)$$
 是奇函数.

278. 求证: 
$$f(x) = \frac{(a^x - 1) \cdot x}{a^x + 1} (a > 0, a \neq 1)$$
 是偶函数.

279. 若指数函数  $y = a^x$  是减函数,则下列不等式中,能够成立的是 ( ).

A. 
$$a > 1$$

B. 
$$a < 1$$

C. 
$$a(a-1) < 0$$

D. 
$$a(a-1) > 0$$

280. 若函数  $y=2^x-m$  的图像不经过第二象限, 则 m 的取值范围是 ( ).

A. 
$$m > 1$$

B. 
$$m < 1$$

C. 
$$m > -1$$

D. 
$$m < -1$$

- 281. 某地区的中小学 2003 年、2004 年共购置电脑 100 台,为了加快中小学的电脑普及程度,准备新购置的电脑数按每两年递增 10% 的比例增长,从 2005 年至 2010 年,该地区中小学新购置的电脑总数是多少?
- 282. 已知集合  $M = \{y | y = 2^x, x \in \mathbf{R}\},$  集合  $N = \{y | y = x^2, x \in \mathbf{R}\},$  求  $M \cap N$ .
- 283. 作函数  $y = 2^{|x|}$  的大致图像.
- 284. 作函数  $y = 2^{-|x|}$  的大致图像.
- 285. 判断并证明函数  $y = \frac{10^x 10^{-x}}{10^x + 10^{-x}}$  的奇偶性.
- 286. 判断并证明函数  $y = x(\frac{1}{2^x 1} + \frac{1}{2})$  的奇偶性.
- 287. 函数  $y = 4^x 2^{x+1} + 1(x < 0)$  的值域是 ( ).

A. 
$$[0, +\infty)$$

B. 
$$(1, +\infty)$$

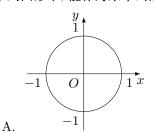
D. 
$$(0,1]$$

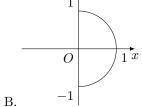
288. 填写下表, 比较 f(x) = 3x 和  $g(x) = x^3$  函数值递增的快慢.

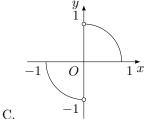
x	f(x) = 3x	增加量	$g(x) = x^3$	增加量
		f(x) - f(x-1)		g(x) - g(x-1)
0		/		/
1				
2				
3				
4				
5				

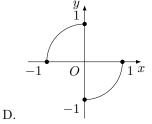
- 289. 试比较  $f(x) = x^2$  和  $g(x) = x^3$  在  $x \in (0,1)$  时, 函数值递增的快慢程度.
- 290. 试比较  $f(x) = x^2$  和 g(x) = 2x 在  $x \in [0, +\infty)$  时, 函数值递增的快慢程度.
- 291. A 国现有人口 3500 万, 年粮食产量 800 万吨. 根据历年的资料统计, A 国人口的平均年增长率为 2%, 每人平均每年消耗粮食 200 千克. 假定他们国家既不出口粮食, 也不进口粮食.
  - (1) 预测多少年后, A 国会出现粮食短缺的情况;
  - (2) 如果 A 国的粮食每年增产 10 万吨, 还会出现粮食短缺的情况吗? 如果会, 约在多少年以后?
  - (3) 如果从现在开始, A 国的粮食每年增产 10 万吨,同时将人口的年增长率控制在 1%,还会出现粮食短缺的情况吗?如果会,约在多少年以后?
- 292. 幂函数 y = f(x), 当 x = 2 时, y = 16.
  - (1) 求函数 f(x) 的解析式;
  - (2) 比较 f(2) 和 f(-3) 的大小.
- 293. (1) 若关于 x 的方程  $5^x = \frac{a+3}{5-a}$  有负数根,则 a 的取值范围是\_\_\_\_\_.
- 294. 方程  $(\frac{1}{2})^x = x^{\frac{1}{2}}$  的实数根个数为\_\_\_\_\_.
- 295. 设在海拔 x 米处的大气压强是 y 帕, y 与 x 之间的函数关系式是  $y = c \cdot e^{k\tau}$ , 其中 c、k 是常量. 已知某地某天在海平面的大气压强为  $1.01 \times 10^5$  帕, 1000 米高空的大气压强为  $0.90 \times 10^5$  帕, 求 600 米高空的大气压强3. (结果保留 3 位有效数字)
- 296. 2005 年 1 月 6 日, 我国人口总数为 13 亿, 称该天为"中国人口 13 亿日", 如果 2005 年 1 月 6 日后我国人口的年自然增长率保持在 0.6%, 问到哪一年我国人口总数将超过 14 亿?
- 297. 当 x 充分大时, 试比较下列各函数:  $y_1 = 10x, y_2 = 8x^2, y_3 = 4x^4, y_4 = 2 \times 3^x, y_5 = 5^x$  值的大小. 你能从中归纳出一些规律性的结论吗?
- 298. 比较  $a^2$  和  $a^a$  两个值的大小 (其中 a > 0, 且  $a \neq 1$ ).
- 299. 比较  $2^a$  和  $a^a$  两个值的大小 (其中 a > 0, 且  $a \neq 1$ ).

- 300. 把物体放在温度为  $\theta_0^{\circ}$ C 的空气中冷却, 若物体原来的温度是  $\theta_0^{\circ}$ C( $\theta_1 > \theta_0$ ), t 分钟后物体温度  $\theta_0^{\circ}$ C 可由公式  $\theta = \theta_0 + (\theta_1 \theta_0)e^{-kt}$  求得, 其中 k 是一个随着物体与空气的接触状况而定的常量, 现有 62°C 的物体, 放在  $15^{\circ}$ C 的空气中冷却 1 分钟以后物体的温度是  $52^{\circ}$ C, 求上式中 k 的值 (精确到 0.01). 开始冷却 2 分钟后物体 的温度是多少? 开始冷却 10 分钟后,物体的温度是多少? (精确到  $1^{\circ}$ C).
- 301. 若集合  $A = \{y|y = x^2 + 2c + 3\}$ , 集合  $B = \{y|y = x + \frac{4}{x}\}$ , 则  $A \cup B =$ \_\_\_\_\_\_.
- 302. 已知  $x, y \in \mathbb{R}$ , 集合  $\alpha = \{(x, y) | xy \ge 0\}$ , 集合  $\beta = \{(x, y) | |x + y| = |x| + |y|\}$ , 用推出关系表示  $\alpha$  与  $\beta$  的关系\_\_\_\_\_\_\_.
- 303. 若函数 f(x) = 3x + 1 的定义域为  $\{1, 3, k\}$ . 值域为  $\{4, a^4, a^2 + 3a\}$ , 且 a、k 为自然数, 则 a + k =\_\_\_\_\_\_\_
- 304. 已知函数  $f(x) = \begin{cases} -2^x 1, & x \le 0, \\ x = 0, & x \le 1, \end{cases}$  若  $f(x_0) = 1$ , 则  $x_0$  的值为\_\_\_\_\_\_.
- 305. 下列图形中, 能作为某个函数的图像的只能是()









- 306. 若集合  $A = \{x|0.1 < \frac{1}{x} < 0.3, \ x \in \mathbf{N}\},$  集合  $B = \{x||x| \le 5, \ x \in \mathbf{Z}\},$  则  $A \cup B$  中的元素个数是( )
  - A. 11

B. 13

C. 15

D. 17

- 307. " $x \neq 1$  且  $y \neq 2$ " 是 " $x + y \neq 3$ " 的 ( ).
  - A. 充分非必要条件

B. 必要非充分条件

C. 充要条件

- D. 既非充分又非必要条件
- 308. 点  $(\sqrt{2},2)$  在幂函数 y=f(x) 的图像上, 点  $(-2,\frac{1}{4})$  在幂函数 y=g(x) 的图像上. 当 x 为何值时, f(x)=g(x)?
- 309. 已知集合  $A = \{x | 3x^2 + x 2 \ge 0, \ x \in \mathbf{R}\},$  集合  $B = \{x | \frac{4x 3}{x 3} > 0, \ x \in \mathbf{R}\},$  求  $A \cap B$ .
- 310. 已知函数  $f(x)=a^x(a>0, a\neq 1)$  在区间 [1,2] 上的最大值比最小值大  $\frac{1}{4}$ , 求实数 a 的值.
- 311. 已知集合  $A = (-2, -1) \cup (0, +\infty)$ , 集合  $B = \{x | x^2 + ax + b \le 0\}$ , 且  $A \cap B = (0, 2]$ ,  $A \cup B = (-2, +\infty)$ , 求实数  $a \setminus b$  的信.
- 312. 已知关于 x 的不等式  $ax^2 + 3ax 2 < 0$  的解集为 R, 求实数 a 的取值范围.
- 313. 某地区某日海拔高度与气温的对照表为:

高度 h(米)	0	500	1000	2000
气温 t(°C)	15.00	11.75	8.50	2.00

- (1) 根据表中 t 与 h 的对应关系, 写出 t 关于 h 的函数解析式;
- (2) 根据(1)的结论, 求海拔高度 1500 米处的气温.
- 314. 已知函数  $f(x) = ax^2 + \frac{b}{x^2}(a$ 、b 是正常数). (1) 列出所具有的基本性质, 并加以说明;
  - (2) 当  $a = \frac{1}{4}$ , b = 4 时, 画出函数 y = f(x) 的简图.
- 315. 若 2x + y = 1, 求  $4^x + 2^y$  的最小值.
- 316. 已知集合  $A = \{x | |x-a| < 2\}$ , 集合  $B = \{x | \frac{2x-1}{x-2} < 1\}$ , 且  $A \subseteq B$ , 求实数 a 的取值范围.
- 317. 已知全集  $U = \mathbb{R}$ , 集合  $A = \{x|x^2 + px + 12 = 0\}$ , 集合  $B = \{x|x 5x q = 0\}$ , 满足  $(C_U A) \cap B = \{2\}$ . 求实数  $p \vdash q$  的值.
- 318. 试讨论函数  $f(x) = \frac{x}{1-x^2}$  在区间 (-1,1) 上的单调性.
- 319. 甲乙两地的高速公路全长 166 千米, 在高速公路上最高行驶时速不得高于 120 千米/时, 假设汽车从甲地进入 该高速公路以不低于 70 千米/时的速度匀速行驶到乙地, 已知汽车每小时的运输成本 (以元为单位) 由可变部分和固定部分组成: 可变部分与速度 v(千米/时) 的平方成正比, 比例系数为 0.02; 固定部分为 220 元.
  - (1) 把全程运输成本 y(元) 表示为速度 v(千米/时) 的函数, 并指出这个函数的定义域;
  - (2) 汽车应以多大速度行驶才能使全程运输成本最小? 最小运输成本约为多少元?
- 320. 某居民小区供水站的蓄水池现有水 40 吨, 自来水厂每小时可向蓄水池中注水 8 吨, 同时蓄水池又向居民小区供水, t 小时内供水总量为  $32\sqrt{t}$  吨. 现在开始向池中注水并同时向居民小区供水, 若蓄水池中存水量少于 10 吨, 就会出现供水紧张现象.
  - (1) 试建立蓄水池中存水量 S 与供水时间 t 之间的函数关系;
  - (2) 供水多少时间开始出现供水紧张? 这一天内供水紧张的有几小时?