- 1. 用列举法表示下列集合:
 - (1) 十二生肖组成的集合;
 - (2) 中国国旗上所有颜色组成的集合.

- 2. 用描述法表示下列集合:
 - (1) 平面直角坐标系中第一象限的角平分线上的所有点组成的集合;
 - (2) 3 的所有倍数组成的集合.

答案: 暂无答案

3. (1) 若 α : $x^2 - 5x + 6 = 0$, β : x = 2, 则 α 是 β 的_______ 条件; (2) 若 α : 四边形 ABCD 是正方形, β : 四边形 ABCD 的两条对角线互相垂直平分, 则 α 是 β 的_______ 条件.

答案: 暂无答案

4. 已知方程 $x^2 + px + 4 = 0$ 的所有解组成的集合为 A, 方程 $x^2 + x + q = 0$ 的所有解组成的集合为 B, 且 $A \cap B = \{4\}$. 求集合 $A \cup B$ 的所有子集.

答案: 暂无答案

5. 已知集合 $A = (-2,1), B = (-\infty, -2) \cup [1, +\infty)$. 求: $A \cup B, A \cap B$.

答案: 暂无答案

6. 已知全集 $U = (-\infty, 1) \cup [2, +\infty)$, 集合 $A = (-1, 1) \cup [3, +\infty)$. 求 \overline{A} .

答案: 暂无答案

7. 已知集合 $A = \{x|x^2 + px + q = 0\}$, $B = \{x|x^2 - x + r = 0\}$, 且 $A \cap B = \{-1\}$, $A \cup B = \{-1,2\}$. 求实数 $p \in Q$ 、r 的值.

答案: 暂无答案

8. 设 a 是实数. 若 x = 1 是 x > a 的一个充分条件, 则 a 的取值范围为 .

答案: 暂无答案

9. 已知陈述句 α 是 β 的充分非必要条件. 若集合 $M=\{x|x$ 满足 $\alpha\},\ N=\{x|x$ 满足 $\beta\},\ 则\ M\ 与\ N$ 的关系为 ().

A. $M \subset N$

B. $M \supset N$

C. M = N

D. $M \cap N = \emptyset$

答案: 暂无答案

10. 证明: 若梯形的对角线不相等, 则该梯形不是等腰梯形.

	A. $M \subseteq \mathbf{Q}$	B. $M = \mathbf{Q}$	C. $M \supset \mathbf{Q}$	D. $M \subset \mathbf{Q}$
	答案: 暂无答案			
12.	若 α 是 β 的必要非充 γ 是 α 的		$+, \gamma$ 是 δ 的必要非充分条件,	则 δ 是 α 的 条件,
	答案: 暂无答案			
13.	已知全集 $U = \{x x\}$ A=, B= 答案: 暂无答案	-	$A \cap \overline{B} = \{3, 5\}, \ \overline{A} \cap B = \{3, 5\}, \ \overline{A} \cap $	$\{7,19\}, \ \overline{A \cup B} = \{2,17\}, \ 则$
14.		$\leq x \leq 5$, $Q = \{x x \geq k - 1\}$	$+1$ 且 $x \le 2k-1$ },且 $Q \subseteq P$.	求实数 k 的取值范围.
15.	已知全集 $U = \mathbf{R}$, 集合数 a 的取值范围.	$A = \{x x \le a - 1\}, B = $	${x x > a+2}, C = {x x < 0}$	或 $x \geq 4$ }, 且 $\overline{A \cup B} \subseteq C$. 求实
	答案: 暂无答案			
16.		$(1)x^2 + 3x - 2 = 0$ }. 是否 立的两个子集; 若不存在, ù		A 有且仅有两个子集 $?$ 若存在 $,$
	答案: 暂无答案			
17.	证明: $\sqrt[3]{2}$ 是无理数.			
	答案: 暂无答案			
18.	设 <i>a,b</i> 是正整数. 求证	⋮ 若 ab − 1 是 3 的倍数,	则 a 与 b 被 3 除的余数相同.	
	答案: 暂无答案			
19.	已知非空数集 <i>S</i> 满足: (1) 哪个数一定是 <i>S</i> 中 (2) 若 <i>S</i> 是有限集, 求	中的元素?说明理由;	$,y$ 可以相同) $,$ 有 $x+y\in S$ 且	$1 x - y \in S.$
	(3) 若 <i>S</i> 中最小的正数			
	答案: 暂无答案			
20.	设一元二次方程 $2x^2$ - $(1)(x_1+1)(x_2+1);$ $(2)(x_1^2-1)(x_2^2-1).$	-6x-3=0 的两个实根为	x_1, x_2 ,求下列各式的值:	
	答案: 暂无答案			

11. 若集合 $M=\{a|a=x+\sqrt{2}y,x,y\in\mathbf{Q}\},$ 则下列结论正确的是 ().

21. 设 a>b>0, 比较 $\frac{b+2a}{a+2b}$ 与 $\frac{a}{b}$ 的值的大小.

答案: 暂无答案

22. 已知 x > y, 求证: $x^3 - y^3 > x^2y - xy^2$.

答案: 暂无答案

23. 若关于 x 的不等式 (a+1)x-a<0 的解集为 $(2,+\infty)$, 求实数 a 的值, 并求不等式 (a-1)x+3-a>0 的 解集.

答案: 暂无答案

24. 解下列一元二次不等式:

$$(1) -x^2 + 11 < -2x - 4;$$

(2)
$$3x^2 < 13x + 10$$
;

(3)
$$6x + 2 \ge 5x^2$$
;

(4)
$$x^2 \le 8(1-x)$$
;

$$(5) -x^2 \ge 9(9-2x);$$

(6)
$$3(x-3) \le x^2$$
.

答案: 暂无答案

25. 试写出一个二次项系数为1的一元二次不等式, 使它的解集分别为:

$$(1) (-\infty, \sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, +\infty);$$

(2)
$$[2-\sqrt{3},2+\sqrt{3}].$$

答案: 暂无答案

26. 求不等式 $5 \le x^2 - 2x + 2 < 26$ 的所有正整数解.

答案: 暂无答案

27. 解下列分式不等式:

$$(1) \ \frac{2x+1}{x+7} > -3;$$

$$(2) \ \frac{3x}{x^2+2} \geq 1.$$

$$(2) \frac{3x}{x^2+2} \ge 1.$$

答案: 暂无答案

28. 设关于 x 的不等式 $a_1x^2 + b_1x + c_1 > 0$ 与 $a_2x^2 + b_2x + c_2 > 0$ 的解集分别为 $A \setminus B$, 试用集合运算表示下列 不等式组的解集:

(1)
$$\begin{cases} a_1 x^2 + b_1 x + c_1 > 0, \\ a_2 x^2 + b_2 x + c_2 > 0; \end{cases}$$

(2)
$$\begin{cases} a_1 x^2 + b_1 x + c_1 \le 0, \\ a_2 x^2 + b_2 x + c_2 > 0; \\ a_1 x^2 + b_1 x + c_1 \le 0, \\ a_2 x^2 + b_2 x + c_2 \le 0. \end{cases}$$

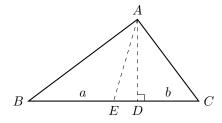
- 29. 解下列含绝对值的不等式:
 - (1) $|2x 1| \le x$;
 - (2) |2x+1| + |x-2| < 8.

答案: 暂无答案

30. 已知 a、b 是正数, 求证: $\sqrt{(1+a)(1+b)} \ge 1 + \sqrt{ab}$.

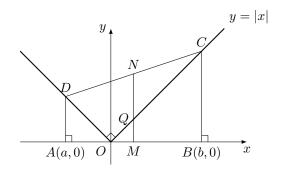
答案: 暂无答案

- 31. 如图, 在直角三角形 ABC 中, AD 垂直于斜边 BC, 且垂足为 D. 设 BD 及 CD 的长度分别为 a 与 b.
 - (1) 求斜边上的高 AD 与中线 AE 的长;
 - (2) 用不等式表示斜边上的高 AD 与中线 AE 长度的大小关系.



答案: 暂无答案

- 32. 如图, 已知直角梯形 ABCD 的顶点 A(a,0)、B(b,0) 位于 x 轴上, 顶点 C、D 落在函数 y=|x| 的图像上, M、N 分别为线段 AB、CD 的中点, O 为坐标原点, Q 为线段 OC 与线段 MN 的交点.
 - (1) 求中点 M 的坐标, 以及线段 MQ、MN 的长度;
 - (2) 用不等式表示 MQ、MN 长度的大小关系.



33. 已知一元二次方程 $x^2 + px + p = 0$ 的两个实根分别为 α 、 β , 且 $\alpha^2 + \beta^2 = 3$, 求实数 p 的值.

答案: 暂无答案

34. 已知一元二次方程 $2x^2 - 4x + m + 3 = 0$ 有两个同号实根, 求实数 m 的取值范围.

答案: 暂无答案

35. 设 $a, b \in \mathbb{R}$, 已知关于 x 的不等式 (a+b)x + (b-2a) < 0 的解集为 $(1, +\infty)$, 求不等式 (a-b)x + 3b - a > 0 的解集.

答案: 暂无答案

- 36. 解下列不等式:
 - $(1) -2 < \frac{1}{2x+1} \le 3;$
 - $(2) \ 2 < |x+1| \le 3.$

答案: 暂无答案

37. 已知集合 $A = \{x | |x-a| < 2\}, B = \{x | \frac{2x-1}{x+2} < 1\}, 且 A \subseteq B. 求实数 a 的取值范围$

答案: 暂无答案

38. 证明: 若 x > -1, 则 $x + \frac{1}{x+1} \ge 1$, 并指出等号成立的条件.

答案: 暂无答案

39. 设 a、b 为正数, 且 a+b=2. 求 $\frac{1}{a}+\frac{1}{b}$ 的最小值.

答案: 暂无答案

40. 已知 a、b、c 都是正数, 求证: $\frac{b+c}{a} + \frac{c+a}{b} + \frac{a+b}{c} \ge 6$.

答案: 暂无答案

41. 设实数 $x \setminus y$ 满足 |x + y| = 1, 求 xy 的最大值.

答案: 暂无答案

42. 已知 a、b 为实数, 求证: $|a| + |b| \le |a + b| + |a - b|$, 并指出等号成立的条件.

答案: 暂无答案

- 43. 已知 a、b 是实数,
 - (1) 求证: $a^2 + ab + b^2 \ge 0$, 并指出等号成立的条件;
 - (2) 求证: 如果 a > b, 那么 $a^3 > b^3$.

- 44. 解下列不等式:
 - $(1) \ \frac{3x 11}{x^2 6x + 9} \le 1;$
 - (2) |3 2x| > |x + 1|.

45. 已知集合 $A = \{x|x^2 - 2x - 3 > 0\}$, $B = \{x|x^2 + px + q \le 0\}$. 若 $A \cup B = \mathbb{R}$, 且 $A \cap B = [-2, -1)$, 求实数 p 及 q 的值.

答案: 暂无答案

46. 已知实数 0 < a < b, 求证: $a < \frac{2ab}{a+b} < \sqrt{ab} < \frac{a+b}{2} < \sqrt{\frac{a^2+b^2}{2}} < b$.

答案: 暂无答案

- 47. 方程 (x-1)(x-2)(x-3)=0 的三个根 1、2、3 将数轴划分为四个区间,即 $(-\infty,1),(1,2),(2,3),(3,+\infty)$. 试在这四个区间上分别考察 (x-1)(x-2)(x-3) 的符号,从而得出不等式 (x-1)(x-2)(x-3)>0 与 (x-1)(x-2)(x-3)<0 的解集.
 - 一般地,对 x_1 、 x_2 、 $x_3 \in \mathbf{R}$,且 $x_1 \le x_2 \le x_3$,试分别求不等式 $(x-x_1)(x-x_2)(x-x_3) > 0$ 与 $(x-x_1)(x-x_2)(x-x_3) < 0$ 的解集 (提示: x_1 、 x_2 、 x_3 相互之间可能相等,需要分情况讨论).

答案: 暂无答案

- 48. 填空题:

 - (2) 将 $\sqrt[4]{a\sqrt[3]{a}}$ (a > 0) 化成有理数指数幂的形式为_____.
 - (3) 若 $\log_8 x = -\frac{2}{3}$, 则 x =_____.
 - (4) 若 $\log_a b \cdot \log_5 a = 3(a > 0$ 且 $a \neq 1$), 则 b =_____.

答案: 暂无答案

- 49. 选择题:
 - (1) 若 $\lg a$ 与 $\lg b$ 互为相反数,则有().

A.
$$a + b = 0$$

B.
$$ab = 1$$

C.
$$\frac{a}{b} = 1$$

D. 以上答案均不对

(2) 设 a > 0, 下列计算中正确的是 ().

A.
$$a^{\frac{2}{3}} \cdot a^{\frac{3}{2}} = a$$

B.
$$a^{\frac{2}{3}} \div a^{\frac{3}{2}} = a$$

C.
$$a^{-4} \cdot a^4 = 0$$

D.
$$(a^{\frac{2}{3}})^{\frac{3}{2}} = a$$

答案: 暂无答案

50. 已知 $10^{\alpha} = 3$, $10^{\beta} = 4$. 求 $10^{\alpha+\beta}$ 及 $10^{\alpha-\frac{\beta}{2}}$ 的值.

- 51. 求下列各式的值:
 - (1) $\frac{1}{4^x + 1} + \frac{1}{4^{-x} + 1}$; (2) $4^{\sqrt{2}+1} \times 2^{3-2\sqrt{2}} \times 8^{-\frac{2}{3}}$.

52. 已知 $\lg a < 1$,化简 $\sqrt{\lg^2 a - \lg \frac{a^2}{10}}$.

答案: 暂无答案

53. 已知 $m = \log_2 10$, 求 $2^m - m \lg 2 - 4$ 的值.

答案: 暂无答案

- 54. 填空颗:

 - (2) 若 $\log_3(\log_4 x) = 1$, 则 x =_____.
 - (3) 若 $3^a = 7^b = 63$, 则 $\frac{2}{a} + \frac{1}{b}$ 的值为______.

答案: 暂无答案

- 55. 已知 $\log_{18} 9 = a$, $18^b = 5$, 则 $\log_{36} 45$ 等于 ().
- B. $\frac{a+b}{2-a}$
- C. $\frac{a+b}{2a}$
- D. $\frac{a+b}{a^2}$

答案: 暂无答案

56. 设 $\log_{0.2} a > 0$, $\log_{0.2} b > 0$, 且 $\log_{0.2} a \cdot \log_{0.2} b = 1$, 求 $\log_{0.2}(ab)$ 的最小值.

答案: 暂无答案

57. 化简 $\frac{(1+2^x)(1+2^{2x})(1+2^{4x})(1+2^{8x})(1+2^{16x})}{1-2^{32x}}$ (其中 $x \neq 0$).

答案: 暂无答案

58. 已知 a > 1, b > 0. 求证: 对任意给定的实数 $k, a^{2b+k} - a^{b+k} > a^{b+k} - a^k$.

答案: 暂无答案

59. 甲、乙两人同时解关于 x 的方程: $\log_2 x + b + c \log_x 2 = 0$. 甲写错了常数 b, 得两根 $\frac{1}{4}$ 及 $\frac{1}{8}$; 乙写错了常数 c, 得两根 $\frac{1}{2}$ 及 64. 求这个方程的真正根.

答案: 暂无答案

60. 已知 a、b 及 c 是不为 1 的正数,且 $\lg a + \lg b + \lg c = 0$. 求证: $a^{\frac{1}{\lg b} + \frac{1}{\lg c}} \cdot b^{\frac{1}{\lg c} + \frac{1}{\lg a}} \cdot c^{\frac{1}{\lg a} + \frac{1}{\lg b}} = \frac{1}{1000}$.

61. 填空颗:

- 数 $y = a^x(a > 0$ 且 $a \neq 1$) 的图像上,则该指数函数的表达式为________; 若点 $(\sqrt{2},2)$ 在对数函数 $y = \log_a x (a > 0$ 且 $a \neq 1$) 的图像上,则该对数函数的表达式为_____.
- (2) 若幂函数 $y = x^k$ 在区间 $(0, +\infty)$ 上是严格减函数,则实数 k 的取值范围为_____.
- (3) 已知常数 a>0 且 $a\neq 1$,假设无论 a 为何值,函数 $y=a^{x-2}+1$ 的图像恒经过一个定点. 则这个点的坐 标为_____.

答案: 暂无答案

62. 选择题:

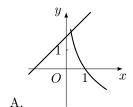
(1) 若指数函数 $y = a^x (a > 0$ 且 $a \neq 1$) 在 **R** 上是严格减函数,则下列不等式中,一定能成立的是 ().

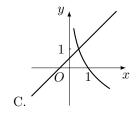
A. a > 1

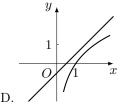
B. a < 0

C. a(a-1) < 0 D. a(a-1) > 0

(2) 在同一平面直角坐标系中, 一次函数 y = x + a 与对数函数 $y = \log_a x (a > 0$ 且 $a \neq 1$) 的图像关系可能 是 (







答案: 暂无答案

63. 求下列函数的的定义域:

- (1) $y = (x-1)^{\frac{5}{2}}$;
- (2) $y = 3^{\sqrt{x-1}}$;
- (3) $y = \lg \frac{1+x}{1-x}$

答案: 暂无答案

64. 比较下列各题中两个数的大小:

- (1) $0.1^{0.7} = 0.2^{0.7}$;
- (2) $0.7^{0.1} = 0.7^{0.2}$;
- $(3) \log_{0.7} 0.1 = \log_{0.7} 0.2.$

答案: 暂无答案

65. 设点 $(\sqrt{2},2)$ 在幂函数 $y_1=x^a$ 的图像上, 点 $(-2,\frac{1}{4})$ 在幂函数 $y_2=x^b$ 的图像上. 当 x 取何值时, $y_1=y_2$?

66. 设 $a=(\frac{2}{3})^x,\,b=x^{\frac{3}{2}}$ 及 $c=\log_{\frac{2}{3}}x,\,$ 当 x>1 时,试比较 a、b 及 c 之间的大小关系.

67. 设常数 a > 0 且 $a \neq 1$, 若函数 $y = \log_a(x+1)$ 在区间 [0,1] 上的最大值为 1, 最小值为 0, 求实数 a 的值.

答案: 暂无答案

68. 如果光线每通过一块玻璃其强度要减少 10%, 那么至少需要将多少块这样的玻璃重叠起来, 才能使通过它们 的光线强度低于原来的 $\frac{1}{2}$?

答案: 暂无答案

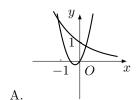
- 69. 填空题:
 - (1) 已知 $m \in \mathbf{Z}$, 设幂函数 $y = x^{m^2 4m}$ 的图像关于原点成中心对称, 且与 x 轴及 y 轴均无交点, 则 m 的值
 - (2) 设 $a \setminus b$ 为常数, 若 $0 < a < 1, b < -1, 则函数 <math>y = a^x + b$ 的图像必定不经过第 象限.

答案: 暂无答案

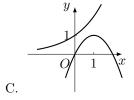
- 70. 选择题:
 - (1) 若 m > n > 1, 而 0 < x < 1, 则下列不等式正确的是 (

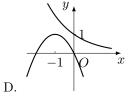
A. $m^x < n^x$

- B. $x^m < x^n$
- C. $\log_x m > \log_x n$ D. $\log_m x < \log_n x$
- (2) 在同一平面直角坐标系中,二次函数 $y=ax^2+bx$ 与指数函数 $y=(\frac{b}{a})^x$ 的图像关系可能为 (



В.





答案: 暂无答案

71. 设 a 为常数且 0 < a < 1, 若 $y = (\log_a \frac{3}{5})^x$ 在 ${\bf R}$ 上是严格增函数, 求实数 a 的取值范围.

答案: 暂无答案

72. 在同一平面直角坐标系中,作出函数 $y=(\frac{1}{2})^x$ 及 $y=x^{\frac{1}{2}}$ 的大致图像,并求方程 $(\frac{1}{2})^x=x^{\frac{1}{2}}$ 的解的个数.

答案: 暂无答案

73. 已知集合 $A = \{y|y = (\frac{1}{2})^x, \ x \in [-2,0)\}$,用列举法表示集合 $B = \{y|y = \log_3 x, \ x \in A$ 且 $y \in \mathbf{Z}\}$.

答案: 暂无答案

74. log₂ 3 是有理数吗?请证明你的结论.

答案: 暂无答案

75. 仅利用对数函数的单调性和计算器上的乘方功能来确定对数 $\log_2 3$ 第二位小数的值.

76. 求函数 $y = \frac{1}{2-x} + \sqrt{x^2 - 1}$ 的定义域.

答案: 暂无答案

77. 判断下列函数 y = f(x) 的奇偶性, 并说明理由:

(1)
$$f(x) = \left|\frac{1}{2}x - 3\right| + \left|\frac{1}{2}x + 3\right|;$$

(2)
$$f(x) = x^3 + \frac{2}{x}$$
;

$$f(x) = x^2, x \in (k,2)$$
(其中常数 $k < 2$).

答案: 暂无答案

78. 已知 m、n 是常数, 而函数 $y = (m-1)x^2 + 3x + (2-n)$ 为奇函数. 求 m、n 的值.

答案: 暂无答案

79. 求函数 $y = x + \frac{4}{x}$ 的单调区间.

答案: 暂无答案

80. 分别作出下列函数的大致图像, 并指出它们的单调区间:

(1)
$$y = |x^2 - 4x|$$
;

(2)
$$y = 2|x| - 3$$
.

答案: 暂无答案

81. 已知二次函数 y = f(x), 其中 $f(x) = ax^2 - 2ax + 3 - a$ (a > 0). 比较 f(-1) 和 f(2) 的大小.

答案: 暂无答案

82. 已知 k 是常数, 设 α 、 β 是二次方程 $x^2 - 2kx + k + 20 = 0$ 的两个实根. 问: 当 k 为何值时, $(\alpha + 1)^2 + (\beta + 1)^2$ 取到最小值?

答案: 暂无答案

83. 邮局规定: 当邮件质量不超过 100g 时,每 20g 邮费 0.8 元,且不足 20g 时按 20g 计算;超过 100g 时,超过 100g 的部分按每 100g 邮费 2 元计算,且不足 100g 按 100g 计算;同时规定邮件总质量不得超过 2000g.请写出邮费关于邮件质量的函数表达式,并计算 50g 和 500g 的邮件分别收多少邮费.

答案: 暂无答案

84. 若函数 $y = (a^2 + 4a - 5)x^2 - 4(a - 1)x + 3$ 的图像都在 x 轴上方 (不含 x 轴), 求实数 a 的取值范围.

答案: 暂无答案

85. 已知 y = f(x) 是奇函数, 其定义域为 \mathbf{R} ; 而 y = g(x) 是偶函数, 其定义域为 D. 判断函数 y = f(x)g(x) 的奇偶性, 并说明理由.

86. 设函数 $y = x^2 + 10x - a + 3$, 当 $x \in [-2, +\infty)$ 时, 其函数值恒大于等于零. 求实数 a 的取值范围.

答案: 暂无答案

87. 已知函数 $y = -x^2 + 2ax + 1 - a$, $x \in [0,1]$ 的最大值为 2. 求实数 a 的值.

答案: 暂无答案

88. 设 $f(x) = x^2 + ax + 1$. 若对任意给定的实数 x, f(2+x) = f(2-x) 恒成立, 求实数 a 的值.

答案: 暂无答案

89. 已知 y = f(x) 是定义在 (-1,1) 上的奇函数, 在区间 [0,1) 上是严格减函数, 且 $f(1-a) + f(1-a^2) < 0$, 求 实数 a 的取值范围.

答案: 暂无答案

90. 已知 $f(x) = 2 - x^2$ 及 g(x) = x. 定义 h(x) 如下: 当 $f(x) \geq g(x)$ 时, h(x) = g(x); 而当 f(x) < g(x) 时, h(x) = f(x). 求函数 y = h(x) 的最大值.

答案: 暂无答案

91. 试讨论函数 $y = \frac{x}{1 - x^2}$ 的单调性.

答案: 暂无答案

92. 作出函数 $y = (x^2 - 1)^2 - 1$ 的大致图像, 写出它的单调区间, 并证明你的结论.

答案: 暂无答案

93. 已知函数 y = f(x) 为偶函数, y = g(x) 为奇函数, 且 $f(x) + g(x) = x^2 + 2|x - 1| + 3$. 求 y = f(x) 及 y = g(x)的表达式.

答案: 暂无答案

- 94. 设函数 $y = f(x), x \in \mathbf{R}$ 的反函数是 $y = f^{-1}(x)$.
 - (1) 如果 y = f(x) 是奇函数, 那么 $y = f^{-1}(x)$ 的奇偶性如何?
 - (2) 如果 y = f(x) 在定义域上是严格增函数, 那么 $y = f^{-1}(x)$ 的单调性如何?

答案: 暂无答案

- 95. 选择题:
 - (1) 与 $\sin(\theta \frac{\pi}{2})$ 一定相等的是 ().

A.
$$\sin(\frac{3\pi}{2} - \theta)$$

A. $\sin(\frac{3\pi}{2}-\theta)$ B. $\cos(\theta-\frac{\pi}{2})$ C. $\cos(2\pi-\theta)$ D. $\sin(\theta+\frac{\pi}{2})$ (2) 当 $0<\alpha<\frac{\pi}{4}$ 时,化简 $\sqrt{1-\sin2\alpha}$ 的结果是().

A. $\cos \alpha$

B. $\sin \alpha - \cos \alpha$

C. $\cos \alpha - \sin \alpha$

D. $\sin \alpha + \cos \alpha$

- 96. 填空题:
 - (1) 若 θ 为锐角, 则 $\log_{\sin \theta} (1 + \cot^2 \theta) =$ ______;
 - (2) 若 $-\frac{\pi}{2} < \alpha < 0$,则点 $(\cot \alpha, \cos \alpha)$ 必在第_____ 象限;
 - (3) 若 $\sin(\pi \alpha) = \frac{2}{3}$, $\alpha \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$, 则 $\sin 2\alpha =$ _____.

97. 已知圆 O 上的一段圆弧长等于该圆的内接正方形的边长, 求这段圆弧所对的圆心角的弧度.

答案: 暂无答案

98. 已知角 α 的终边经过点 $P(3a, 4a)(a \neq 0)$, 求 $\sin \alpha \setminus \cos \alpha$ 和 $\tan \alpha$.

答案: 暂无答案

99. 化简:

(1)
$$\frac{\sin(\theta - 5\pi)}{\tan(3\pi - \theta)} \cdot \frac{\cot(\frac{\pi}{2} - \theta)}{\tan(\theta - \frac{3\pi}{2})} \cdot \frac{\cos(8\pi - \theta)}{\sin(-\theta - 4\pi)};$$

 $(2) \sin(\theta - \frac{\pi}{4}) + \cos(\theta + \frac{\pi}{4})$

答案: 暂无答案

100. 已知 $\tan \alpha = 3$, 求 $\frac{1}{\sin^2 \alpha + 2 \sin \alpha \cos \alpha}$ 的值.

答案: 暂无答案

101. 在 $\triangle ABC$ 中, 已知 a = 5, b = 4, A = 2B. 求 $\cos B$.

答案: 暂无答案

102. 已知 $\triangle ABC$ 的面积为 S, 求证:

$$(1) S = \frac{a^2 \sin B \sin C}{2 \sin(B+C)}$$

(1)
$$S = \frac{a^2 \sin B \sin C}{2 \sin(B+C)};$$

(2) $S = \frac{a^2}{2(\cot B + \cot C)}.$

答案: 暂无答案

- 103. (1) 已知 $\sin\alpha=\frac{\sqrt{5}}{5},\,\sin\beta=\frac{\sqrt{10}}{10},\,$ 且 α 及 β 都是锐角. 求 $\alpha+\beta$ 的值;
 - (2) 在 $\triangle ABC$ 中, 已知 $\tan A$ 与 $\tan B$ 是方程 $x^2 6x + 7 = 0$ 的两个根, 求 $\tan C$.

答案: 暂无答案

104. 证明: $(\sin \alpha + \sin \beta)^2 + (\cos \alpha + \cos \beta)^2 = 4\cos^2 \frac{\alpha - \beta}{2}$.

答案: 暂无答案

105. 选择题:

(1) 若
$$0 < x < \frac{\pi}{4}$$
, 且 $\lg(\sin x + \cos x) = \frac{1}{2}(3\lg 2 - \lg 5)$, 则 $\cos x - \sin x$ 的值为 ().

A.
$$\frac{\sqrt{6}}{3}$$

B.
$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$

C.
$$\frac{\sqrt{10}}{5}$$

D.
$$\frac{\sqrt{5}}{4}$$

- (2) 下列命题中, 真命题为(
- A. 若点 $P(a,2a)(a \neq 0)$ 为角 α 的终边上一点, 则 $\sin \alpha = \frac{2\sqrt{5}}{5}$
- B. 同时满足 $\sin\alpha=\frac{1}{2},\cos\alpha=\frac{\sqrt{3}}{2}$ 的角 α 有且只有一个 C. 如果角 α 满足 $-3\pi<\alpha<-\frac{5}{2}\pi$,那么角 α 是第二象限的角
- D. $\tan x = -\sqrt{3}$ 的解集为 $\{x|x = k\pi \frac{\pi}{3}, k \in \mathbf{Z}\}$

- 106. 填空题:
 - (1) 在 $\triangle ABC$ 中, 若 $a^2 + b^2 + ab = c^2$, 则 C =
 - (2) 若 $\sin \theta = a$, $\cos \theta = -2a$, 且 θ 为第四象限的角, 则实数 a =

答案: 暂无答案

107. 已知 $\sin \alpha = a \sin \beta$, $b \cos \alpha = a \cos \beta$, 且 α 及 β 均为锐角, 求证: $\cos \alpha = \sqrt{\frac{a^2 - 1}{h^2 - 1}}$.

答案: 暂无答案

108. 已知 $0 < \alpha < \frac{\pi}{2} < \beta < \pi$, 且 $\cos \beta = -\frac{1}{3}$, $\sin(\alpha + \beta) = \frac{7}{9}$, 求 $\sin \alpha$ 的值.

答案: 暂无答案

109. 已知 $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$, $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$, 且 $\sin \alpha = -\frac{\sqrt{5}}{5}$, $\cos \beta = -\frac{\sqrt{10}}{10}$. 求 $\alpha - \beta$ 的值.

答案: 暂无答案

110. 已知 $(1 + \tan \alpha)(1 + \tan \beta) = 2$, 且 α 及 β 都是锐角. 求证: $\alpha + \beta = \frac{\pi}{4}$.

答案: 暂无答案

111. 已知 α 是第二象限的角,且 $\sin \alpha = \frac{\sqrt{15}}{4}$. 求 $\frac{\sin(\alpha + \frac{\pi}{4})}{1 + \sin 2\alpha + \cos 2\alpha}$ 的值.

答案: 暂无答案

- 112. 证明:
 - $(1) \frac{2(1+\sin 2\alpha)}{1+\sin 2\alpha+\cos 2\alpha} = 1+\tan \alpha;$ $(2) 2\sin \alpha+\sin 2\alpha = \frac{2\sin^3 \alpha}{1-\cos \alpha}.$

答案: 暂无答案

- 113. 根据下列条件, 分别判断三角形 ABC 的形状:
 - $(1) \sin C + \sin(B A) = \sin 2A;$
 - $(2) \ \frac{\tan A}{\tan B} = \frac{a^2}{b^2}.$

114. 在 $\triangle ABC$ 中, 求证: $\tan \frac{A}{2} \tan \frac{B}{2} + \tan \frac{B}{2} \tan \frac{C}{2} + \tan \frac{C}{2} \tan \frac{A}{2} = 1$.

答案: 暂无答案

115. (1) 完成下表 (θ 为弧度数):

θ	1	0.5	0.1	0.01	0.001
$\sin \theta$					
$\frac{\sin \theta}{\theta}$					

(2) 观察上表中的数据, 你能发现什么规律?

(3) 已知 $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$,利用图形面积公式证明 $\sin \theta < \theta < \tan \theta$,并应用该公式说明 (2) 中猜想的合理性.

答案: 暂无答案

116. 在 $\triangle ABC$ 中, 已知 $A=30^{\circ}$, b=18. 分别根据下列条件求 B:

(1) ① a = 6, ② a = 9, ③ a = 13, ④ a = 18, ⑤ a = 22;

(2) 根据上述计算结果, 讨论使 B 有一解、两解或无解时 a 的取值情况.

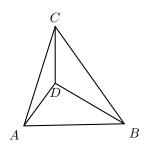
答案: 暂无答案

117. (1) 根据 $\cos 54^{\circ} = \sin 36^{\circ}$ 和三倍角公式, 求 $\sin 18^{\circ}$ 的值;

(2) 你还能使用其他方法求 sin 18° 的值吗? 若能, 请给出你的求法.

答案: 暂无答案

118. 如图, 要在 A 和 D 两地之间修建一条笔直的隧道, 现在从 B 地和 C 地测量得到: $\angle DBC = 24.2^{\circ}$, $\angle DCB = 35.4^{\circ}$, $\angle DBA = 31.6^{\circ}$, $\angle DCA = 17.5^{\circ}$. 试求 $\angle DAB$ 以确定隧道 AD 的方向 (结果精确到 0.1°).



答案: 暂无答案

119. 求下列函数的最小正周期:

$$(1) y = \sin \frac{x}{2};$$

(2)
$$y = 2\cos(3x - \frac{\pi}{4})$$
.

答案: 暂无答案

120. 判断下列函数的奇偶性, 并说明理由:

(1) $y = \sin |2x|$;

- (2) $y = \tan 5x$;
- $(3) y = \frac{1}{\cos x};$
- $(4) \ y = \sin(x + \frac{\pi}{6}).$

121. 已知 $2\sin(2x) = \sqrt{3}, x \in (-\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4})$. 求 x 的值.

答案: 暂无答案

- 122. 求下列函数的单调区间:
 - (1) $y = -\sin 2x$;

 - (2) $y = 2\sin(x + \frac{\pi}{3});$ (3) $y = \cos(\frac{x}{2} \frac{\pi}{4});$
 - (4) $y = 2\tan(2x + \frac{\pi}{4})$.

答案: 暂无答案

123. 作出函数 $y = 2\sin(2x + \frac{\pi}{3})$ 的大致图像.

答案: 暂无答案

124. 已知函数 $y=A\sin(\omega x+\varphi)$ $(A>0,\ \omega>0)$ 的振幅是 3, 最小正周期是 $\frac{2\pi}{3}$, 初始相位是 $\frac{\pi}{6}$. 求这个函数的表 达式.

答案: 暂无答案

- 125. 求下列函数的最大值和最小值, 并求出取得最大值和最小值时所有 x 的值:
 - (1) $y = \cos^2 x + \cos x 2$;
 - (2) $y = \sin 2x, \ x \in [-\frac{2\pi}{3}, \frac{\pi}{3}];$
 - (3) $y = \sin^2 2x 2\sin 2x$;
 - (4) $y = \cos(x \frac{\pi}{6}), \ x \in [-\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}].$

答案: 暂无答案

- 126. 某实验室一天的温度 y(单位:°C) 随时间 t(单位:h) 的变化近似满足函数关系 $y = 10 \sqrt{3}\cos\frac{\pi}{12}t \sin\frac{\pi}{12}t, \ t \in \mathbb{R}$ [0, 24).
 - (1) 求实验室一天中的最大温差;
 - (2) 若要求实验室温度不高于 11°C, 则在哪段时间实验室需要降温?

答案: 暂无答案

127. 求函数 $y = \sin(2x - \frac{\pi}{4}) - 2\sqrt{2}\sin^2 x$ 的最小正周期.

128. 在 $(0,2\pi)$ 内, 求使 $\sin x > \cos x$ 成立的 x 的取值范围.

答案: 暂无答案

- 129. 求下列函数的最大值, 并求出取得最大值时所有 x 的值:
 - (1) $y = 2\sin^2 x + \sin 2x 1$;

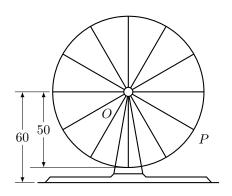
(2)
$$y = 1 - \sin x - 2\cos^2 x$$
, $x \in \left[\frac{\pi}{3}, \frac{4\pi}{3}\right]$.

答案: 暂无答案

130. 若函数 $y=2\sin\omega x$ (其中常数 ω 是小于 1 的正数) 在区间 $[0,\frac{\pi}{3}]$ 上的最大值是 $\sqrt{2}$, 求 ω 的值.

答案: 暂无答案

131. 如图, 摩天轮上一点 P 距离地面的高度 y 关于时间 t 的函数表达式为 $y=A\sin(\omega t+\varphi)+b,$ $\varphi\in[-\pi,\pi]$. 已 知摩天轮的半径为 50m, 其中心点 O 距地面 60m, 摩天轮以每 30 分钟转一圈的方式做匀速转动, 而点 P 的 起始位置在摩天轮的最低点处.



- (1) 根据条件具体写出 y(m) 关于 t(min) 的函数表达式;
- (2) 在摩天轮转动的一圈内, 点 P 有多长时间距离地面超过 85m?

答案: 暂无答案

132. 说明: 用上一章 6.3 节给出的记号 $\arcsin 5$ $\arcsin 5$ $\arcsin 7$ (3) 不证的,可以定义函数 30 31 中国的 32 中国的 33 中国的 33 中国的 33 中国的 34 中国的 35 中 [0,1]) $\ni y = \arccos x \ (x \in [0,1]).$

验证:

- (1) 函数 $y = \sin x \ (x \in [0, \frac{\pi}{2}])$ 与函数 $y = \arcsin x \ (x \in [0, 1])$ 互为反函数; (2) 函数 $y = \cos x \ (x \in [0, \frac{\pi}{2}])$ 与函数 $y = \arccos x \ (x \in [0, 1])$ 互为反函数.

答案: 暂无答案

133. 把上题的记号略作推广: 对实数 $x\in[-1,1]$, 若实数 $y\in[-\frac{\pi}{2},\frac{\pi}{2}]$ 使得 $\sin y=x$, 则记 $y=\arcsin x$; 类似地, 对实数 $x \in [-1,1]$, 若实数 $y \in [0,\pi]$ 使得 $\cos y = x$, 则记 $y = \arccos x$. 说明: 经过推广的记号 \arcsin 与 \arccos , 定义了函数 $y = \arcsin x \ (x \in [-1,1])$ 与 $y = \arccos x \ (x \in [-1,1])$.

验证: (1) 函数 $y=\sin x$ $(x\in[-\frac{\pi}{2},\frac{\pi}{2}])$ 与函数 $y=\arcsin x$ $(x\in[-1,1])$ 互为反函数;

(2) 函数 $y = \cos x \ (x \in [0, \pi])$ 与函数 $y = \arccos x \ (x \in [-1, 1])$ 互为反函数.

134. 对 $y = \tan x$ 与 $y = \arctan x$ 做类似的工作.

答案: 暂无答案

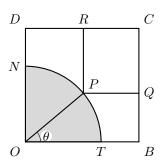
135. 定义在区间 $(0,\frac{\pi}{2})$ 上的函数 $y=6\cos x$ 的图像与 $y=5\tan x$ 的图像的交点为 P, 过点 P 作垂直于 x 轴的 垂线 PP_1 , 其垂足为 P_1 . 设直线 PP_1 与 $y=\sin x$ 的图像交于点 P_2 , 求线段 P_1P_2 的长.

答案: 暂无答案

- 136. 已知定义在 **R** 上的偶函数 y = f(x) 的最小正周期为 2, 当 $0 \le x \le 1$ 时, f(x) = x.
 - (1) 求当 $5 \le x \le 6$ 时函数 y = f(x) 的表达式;
 - (2) 若函数 y = kx, $x \in \mathbf{R}$ 与函数 y = f(x) 的图像恰有 7 个不同的交点, 求 k 的值.

答案: 暂无答案

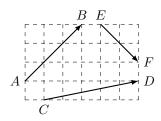
137. 如图, 有一块边长为 3m 的正方形铁皮 ABCD, 其中阴影部分 ATN 是一个半径为 2m 的扇形. 设这个扇形已经腐蚀不能使用, 但其余部分均完好. 工人师傅想在未被腐蚀的部分截下一块其边落在 BC 与 CD 上的矩形铁皮 PQCR, 使点 P 在弧 TN 上. 设 $\angle TAP = \theta$, 矩形 PQCR 的面积为 Sm^2 .



- (1) 求 S 关于 θ 的函数表达式;
- (2) 求 S 的最大值及 S 取得最大值时 θ 的值.

答案: 暂无答案

138. 如图, 在边长为1的小正方形组成的网格上, 求:



- $(1) |\overrightarrow{AB}|;$
- $(2) |\overrightarrow{CD}|;$
- (3) $|\overrightarrow{EF}|$.

139. 已知 \overrightarrow{a} 、 \overrightarrow{b} 均为非零向量, 写出 $|\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}| = |\overrightarrow{a}| + |\overrightarrow{b}|$ 成立的充要条件.

答案: 暂无答案

140. 已知 \overrightarrow{a} 、 \overrightarrow{b} 为非零向量,且 \overrightarrow{a} 、 \overrightarrow{b} 、 $5\overrightarrow{a}$ — $4\overrightarrow{b}$ 在同一起点上. 求证: 它们的终点在同一条直线上.

答案: 暂无答案

141. 在矩形 ABCD 中, 边 AB、AD 的长分别为 2、1, 若 M、N 分别是边 BC、CD 上的点, 且满足 $\frac{|\overrightarrow{BM}|}{|\overrightarrow{BC}|} = \frac{|\overrightarrow{CN}|}{|\overrightarrow{CD}|}$, 则 $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AN}$ 的取值范围是_______.

答案: 暂无答案

142. 已知两个向量 $\overrightarrow{e_1}$ 、 $\overrightarrow{e_2}$ 满足 $|\overrightarrow{e_1}|=2$, $|\overrightarrow{e_2}|=1$, $\langle \overrightarrow{e_1},\overrightarrow{e_2}\rangle=60^\circ$, 且向量 $2\lambda\overrightarrow{e_1}+7\overrightarrow{e_2}$ 与向量 $\overrightarrow{e_1}+\lambda\overrightarrow{e_2}$ 的夹角为 钝角. 求实数 λ 的取值范围.

答案: 暂无答案

- 143. 已知向量 $\overrightarrow{a} = (1,0), \ \overrightarrow{b} = (2,1).$
 - $(1) \ \vec{x} \ |\overrightarrow{a} + 3\overrightarrow{b}|;$
 - (2) 当 k 为何实数时, $k\overrightarrow{a} \overrightarrow{b}$ 与 $\overrightarrow{a} + 3\overrightarrow{b}$ 平行? 平行时它们是同向还是反向?

答案: 暂无答案

- 144. 已知在平面直角坐标系中, O 为原点, 点 A(4,-3), B(-5,12).
 - (1) 求向量 \overrightarrow{AB} 的坐标及 $|\overrightarrow{AB}|$;
 - $(2) \ \texttt{已知向量} \ \overrightarrow{OC} = 2\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB}, \ \overrightarrow{OD} = \overrightarrow{OA} 3\overrightarrow{OB}, \ \vec{x} \ \overrightarrow{OC} \ \not B \ \overrightarrow{OD} \ \text{的坐标};$
 - (3) 求 $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB}$.

答案: 暂无答案

145. 已知向量 $\overrightarrow{a} = (3, -2), \overrightarrow{b} = (-2, 1), \overrightarrow{c} = (7, -4), 求 \lambda, \mu,$ 使得 $\overrightarrow{c} = \lambda \overrightarrow{a} + \mu \overrightarrow{b}$.

答案: 暂无答案

146. 已知点 M(3,-2)、N(-5,-1), 且 $\overrightarrow{MP} = \frac{1}{3} \overrightarrow{MN}$. 求点 P 的坐标.

答案: 暂无答案

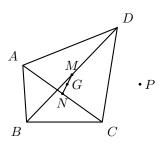
147. 在等腰三角形 ABC 中, 已知 D 为底边 BC 的中点. 求证: $AD \perp BC$.

答案: 暂无答案

148. 如图, 在四边形 ABCD 中, G 为对角线 AC 与 BD 中点连线 MN 的中点, P 为平面上任意给定的一点. 求证: $4\overrightarrow{PG} = \overrightarrow{PA} + \overrightarrow{PB} + \overrightarrow{PC} + \overrightarrow{PD}$.

答案: 暂无答案

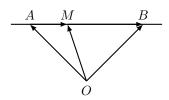
149. 在四边形 ABCD 中,向量 $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{i} + 2\overrightarrow{j}$, $\overrightarrow{BC} = -4\overrightarrow{i} - \overrightarrow{j}$, $\overrightarrow{CD} = -5\overrightarrow{i} - 3\overrightarrow{j}$. 求证: ABCD 为梯形.



150. 已知 \overrightarrow{a} 、 \overrightarrow{b} 、 \overrightarrow{c} 均为非零向量,其中的任意两个向量都不平行,且 \overrightarrow{a} + \overrightarrow{b} 与 \overrightarrow{c} 是平行向量, \overrightarrow{a} + \overrightarrow{c} 与 \overrightarrow{b} 是平行向量。 求证: \overrightarrow{b} + \overrightarrow{c} 与 \overrightarrow{a} 是平行向量。

答案: 暂无答案

151. 如图, 点 A、M、B 在同一条直线上, 点 O 不在该直线上, 且 $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$. 设 $\overrightarrow{OA} = \overrightarrow{a}$, $\overrightarrow{OB} = \overrightarrow{b}$, $\overrightarrow{OM} = \overrightarrow{c}$, 试用向量 \overrightarrow{a} 、 \overrightarrow{b} 表示 \overrightarrow{c} .

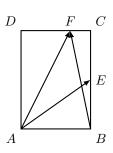


答案: 暂无答案

- 152. 设平面上有两个向量 $\overrightarrow{a} = (\cos \alpha, \sin \alpha)(0^{\circ} \leq \alpha < 360^{\circ}), \ \overrightarrow{b} = (-\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}).$
 - (1) 求证: 向量 $\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}$ 与 $\overrightarrow{a} \overrightarrow{b}$ 垂直;
 - (2) 当向量 $\sqrt{3}\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}$ 与 $\overrightarrow{a} \sqrt{3}\overrightarrow{b}$ 的模相等时, 求 α 的大小.

答案: 暂无答案

153. 如图, 在矩形 ABCD 中, $AB=\sqrt{2}$, BC=2, E 为 BC 的中点, 点 F 在边 CD 上且 $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AF} = \sqrt{2}$. 求 $\overrightarrow{AE} \cdot \overrightarrow{BF}$ 的值.



答案: 暂无答案

154. 已知等边三角形 ABC 的边长为 1, $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{a}$, $\overrightarrow{CA} = \overrightarrow{b}$, $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{c}$. 求 $\overrightarrow{a} \cdot \overrightarrow{b} + \overrightarrow{b} \cdot \overrightarrow{c} + \overrightarrow{c} \cdot \overrightarrow{a}$.

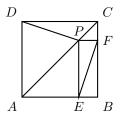
155. 已知向量 $\overrightarrow{OA} = (k, 12)$, $\overrightarrow{OB} = (4, 5)$, $\overrightarrow{OC} = (-k, 10)$, 且 $A \setminus B \setminus C$ 三点共线. 求实数 k 的值.

答案: 暂无答案

156. 已知向量 $\overrightarrow{OA} = (1,7)$, $\overrightarrow{OB} = (5,1)$, $\overrightarrow{OP} = (2,1)$, K 为直线 OP 上的一个动点,当 $\overrightarrow{KA} \cdot \overrightarrow{KB}$ 取最小值时,求 向量 \overrightarrow{OK} 的坐标.

答案: 暂无答案

157. 如图, 在正方形 ABCD 中, P 是对角线 AC 上一点, PE 垂直 AB 于点 E, PF 垂直 BC 于点 F. 求证: $PD \perp EF$.

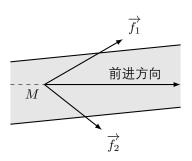


答案: 暂无答案

158. 证明: 三角形的三条高相交于一点.

答案: 暂无答案

159. 如图,甲、乙分处河的两岸,欲拉船 M 逆流而上,需在正前方有 3000N 的力.已知甲所用的力 $\overrightarrow{f_1}$ 的大小为 2000N,且与 M 的前进方向的夹角为 $\frac{\pi}{6}$,求乙所用的力 $\overrightarrow{f_2}$.



答案: 暂无答案

160. 在 $\triangle ABC$ 中, AB=AC=5, BC=6, M 是边 AC 上靠近 A 的一个三等分点. 问: 在线段 BM 上是否存在点 P, 使得 $PC\perp BM$?

答案: 暂无答案

161. 在 $\triangle ABC$ 中,已知点 O 、G 、H 分别是三角形的外心、重心和垂心. 求证: O 、G 、H 三点共线 (此直线称为欧拉线).

(1) 虚数的平方一定是().

A. 正实数

- B. 负实数
- C. 虚数
- D. 虚数或负实数

(2) 如果复平面上的向量 \overrightarrow{AB} 所对应的复数是 -3 + 2i, 那么向量 \overrightarrow{BA} 所对应的复数是 ().

A. 3 - 2i

B. 3 + 2i

C. -3 + 2i

D. -3 - 2i

答案: 暂无答案

163. 填空题:

(1) 设 z = 11 - 60i, 则 $\text{Re}z = _____; \text{Im}z = ____; |z| = ____; \overline{z} = ____.$

- (2) 下列三个命题中, 真命题是_____
- ① 在复平面上, 表示实数的点都在实轴上, 表示虚数的点都在虚轴上;
- ② 任何一个表示虚数的点一定在某一个象限内;
- ③ 复数的模表示该复数在复平面上所对应的点到原点的距离.

答案: 暂无答案

164. 已知复数 $z = (a^2 - 2a - 3) + (a^2 - 4a + 3)i$, 其中 a 是实数.

- (1) 若 $z \in \mathbf{R}$, 求 a 的值;
- (2) 若 z 在复平面上所对应的点位于第一象限, 求 a 的取值范围.

答案: 暂无答案

165. 已知复数 $z_1 = (a^2 - a - 6) + (1 - 2a)i$, $z_2 = (a - 3) + (a^2 - 2a + 2)i$, 其中 $a \in \mathbb{R}$. 若 $\overline{z_1} = z_2$, 求 a 的值.

答案: 暂无答案

166. 计算:

- (1) (4+i)(3+2i);
- (2) $(\sqrt{2} + \sqrt{3}i)(\sqrt{2} \sqrt{3}i)(-\sqrt{3} + \sqrt{2}i)(-\sqrt{3} \sqrt{2}i);$
- (3) $\frac{-3+29i}{1+2i}$; (4) $\frac{(1+i)^4}{1+2i} + \frac{(1-i)^4}{1-2i}$;
- (5) $[(\sqrt{3}+1)+(\sqrt{3}-1)i]^2$.

答案: 暂无答案

167. 已知复数 $z = \frac{(-3-\mathrm{i})^2(2-\mathrm{i})}{(1+2\mathrm{i})^3}$, 求 |z|.

答案: 暂无答案

168. 在复数范围内解下列方程:

- (1) $x^2 4x + 8 = 0$;
- (2) $3x^2 + 2x 3 = 0$.

169. 选择题:

A. 充分非必要条件

B. 必要非充分条件

C. 充要条件

D. 既非充分也非必要条件

(2) 设复数 $z = a + bi(a, b \in \mathbf{R})$, 则 z^2 是纯虚数的充要条件是 ().

A. $a^2 = b^2$

B. $a^2 + b^2 = 0$

C. $|a| = |b| \neq 0$

D. $ab \neq 0$

答案: 暂无答案

170. 若复数 z 满足 $z + \overline{z} = 2$, $(z - \overline{z})i = 2$, 求 |z|.

答案: 暂无答案

171. 若复数 z_1 和复数 z_2 满足 $z_1z_2=3-4i$, $|z_1|=2$, 求 $|z_2|$.

答案: 暂无答案

172. 若 x_1 和 x_2 是方程 $x^2 - 5x + 8 = 0$ 的两个根, 求 $|x_1| + |x_2|$ 的值.

答案: 暂无答案

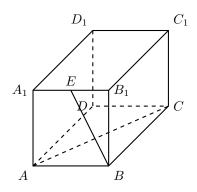
173. 若复数 z_1 和复数 z_2 满足 $|z_1| = 3$, $|z_2| = 4$, $|z_1 + z_2| = 5$, 求 $|z_1 - z_2|$.

答案: 暂无答案

174. 已知复数 z_1 和复数 z_2 满足 $z_1 + z_2 = 3 - 5i$, $\overline{z_1} - \overline{z_2} = -2 + 3i$. 求 $z_1^2 - z_2^2$.

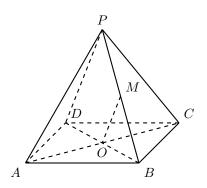
答案: 暂无答案

175. 如图, 在长方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中, E 为 A_1B_1 的中点, $AB = BB_1 = 2$, $AC = 2\sqrt{5}$. 求异面直线 BE 与 AC 所成角的大小.



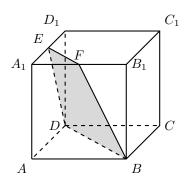
答案: 暂无答案

176. 如图, 设 P 为矩形 ABCD 所在平面外的一点, 矩形对角线的交点为 O, M 为 PB 的中点. 判断下列结论是否正确, 并说明理由:



- (1) $OM \parallel PD$;
- (2) $OM \parallel$ 平面PCD;
- (3) OM || 平面PDA;
- (4) OM || 平面PBA;
- (5) $OM \parallel$ 平面PBC.

177. 如图, 正方体的棱长是 a, 点 $E \setminus F$ 分别是两条棱的中点.



- (1) 求证: 四边形 BDEF(图中阴影部分) 是一个梯形;
- (2) 求四边形 BDEF 的面积.

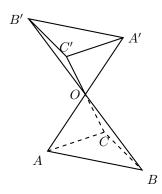
答案: 暂无答案

- 178. 判断下列命题的真假, 并说明理由:
 - (1) 若直线 l 与平面 M 斜交, 则 M 内不存在与 l 垂直的直线;
 - (2) 若直线 $l \perp$ 平面M, 则 M 内不存在与 l 不垂直的直线;
 - (3) 若直线 l 与平面 M 斜交, 则 M 内不存在与 l 平行的直线;
 - (4) 若直线 $l \parallel$ 平面M, 则 M 内不存在与 l 不平行的直线.

答案: 暂无答案

179. 如果不在平面上的一条直线上有两点到这个平面的距离相等,那么这条直线和这个平面有什么位置关系?画 示意图表示.

180. 如图, 直线 AA'、BB'、CC' 相交于点 O, 且 AO = A'O, BO = B'O, CO = C'O. 求证: 平面 $ABC \parallel$ 平面A'B'C'.

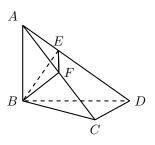


答案: 暂无答案

- 181. 已知直线 $l \perp$ 平面 α , 直线 $m \subset$ 平面 β , 判断下列命题的真假, 并说明理由:
 - (1) 若 $\alpha \parallel \beta$, 则 $l \perp m$;
 - (2) 若 $\alpha \perp \beta$, 则 $l \parallel m$;
 - (3) 若 $l \parallel m$, 则 $\alpha \perp \beta$;
 - (4) 若 $l \perp m$, 则 $\alpha \parallel \beta$.

答案: 暂无答案

182. 如图, 已知线段 AB 垂直于三角形 BCD 所在的平面, 且 AB = BC = CD = 1, $\angle BCD = 90^{\circ}$. $BE \perp AD$, E 为垂足, F 为 AC 的中点. 求 EF 的长.



答案: 暂无答案

183. 设正六边形 ABCDEF 的边长为 a, 线段 PA 垂直于正六边形所在的平面, 且 PA=2a. 分别求点 P 到 CD、 DE 与 BC 所在直线的距离.

答案: 暂无答案

- 184. 已知直线 a、b 和平面 α 、 β , 判断下列命题的真假, 并说明理由:
 - (1) 若 $a \parallel \alpha$, $b \perp a$, 则 $b \perp \alpha$;
 - (2) 若 $a \parallel \alpha$, $\alpha \perp \beta$, 则 $a \perp \beta$;
 - (3) 若 $a \parallel b, b \subset \alpha$, 则 $a \parallel \alpha$.

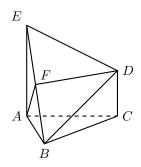
185. 证明: 如果平面 α 和不在这个平面上的直线 a 都垂直于平面 β , 那么直线 a 必平行于平面 α .

答案: 暂无答案

186. 三个平面两两相交,得到三条交线. 求证: 这三条交线交于一点或两两平行.

答案: 暂无答案

187. 如图, 已知 $\triangle ABC$ 是正三角形, EA、CD 都垂直于平面 ABC, 且 EA = AB = 2a, DC = a, F 是 BE 的中点.



(1) 求证: $FD \parallel$ 平面ABC;

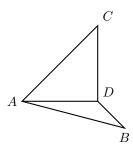
(2) 求证: $AF \perp$ 平面EDB.

答案: 暂无答案

188. 证明: 如果一个平面的一条平行线垂直于另一个平面, 那么这两个平面互相垂直.

答案: 暂无答案

189. 如图, 以等腰直角三角形 ABC 斜边 BC 上的高 AD 为折痕, 使 $\triangle ABD$ 和 $\triangle ACD$ 折成互相垂直的两个面. 求证: $BD \perp CD$, 且 $\angle BAC = 60^\circ$.

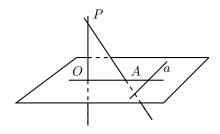


答案: 暂无答案

190. 证明: 如果共点的三条直线两两垂直, 那么它们中每两条直线所确定的平面也两两垂直.

答案: 暂无答案

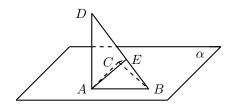
191. 如图, P 是平面 α 外一点, 直线 PA 与平面 α 斜交于点 A, 从点 P 作平面 α 上的一条直线 OA 的垂线 PO, 垂足为 O. 又设 a 是平面 α 上的一条直线, 且 $a \perp OA$, $a \perp PA$.



求证: $PO \perp$ 平面 α , 从而 $OA \in PA$ 在平面 α 上的投影.

答案: 暂无答案

192. 如图, 直角三角形 ABC 在平面 α 上, 且 $\angle BAC = 90^\circ$. 以 A 为垂足作 $DA \perp \alpha$, 在 DB 上取一点 E, 使 $AE \perp DB$. 求证: $CE \perp DB$.

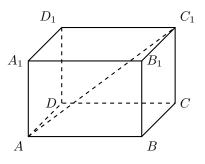


答案: 暂无答案

193. 设平面 α 与平面 β 平行, $A \in \alpha$, $B \in \beta$, C 是 AB 的中点. 当 $A \setminus B$ 分别在 $\alpha \setminus \beta$ 上运动时, 所有的动点 C 是否保持在同一个平面上? 证明你的结论.

答案: 暂无答案

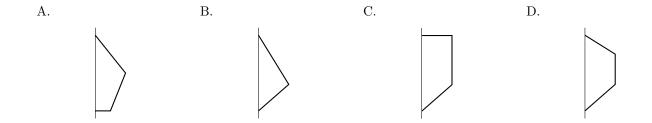
194. 在长方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, 如果对角线 AC_1 与过点 A 的相邻三个面所成的角分别为 α 、 β 、 γ , 那么 $\cos^2\alpha+\cos^2\beta+\cos^2\gamma=$ _____.



答案: 暂无答案

195. 如图, 该几何体是由哪个平面图形旋转得到的? 画出其余平面图形旋转得到的几何体.





196. 判断下列命题是否正确, 并说明理由:

- (1) 以直角三角形的一直角边为轴旋转所形成的旋转体是圆锥;
- (2) 以直角梯形的一腰为轴旋转所形成的旋转体是圆台;
- (3) 圆柱、圆锥、圆台都有两个底面;
- (4) 圆锥的侧面展开图为扇形, 这个扇形所在圆的半径等于圆锥底面圆的半径.

答案: 暂无答案

197. 已知一个圆锥的侧面展开图恰是一个半圆. 用通过圆锥的轴的平面截此圆锥, 求截面三角形的顶角.

答案: 暂无答案

198. 过圆锥高的三等分点分别作平行于底面的截面, 求它们把圆锥侧面分成的三部分的面积之比.

答案: 暂无答案

199. 在棱长为 1 的正方体上, 用过同一顶点的三条棱中点的平面分别截该正方体, 截去 8 个三棱锥. 求剩下的几何体的体积.

答案: 暂无答案

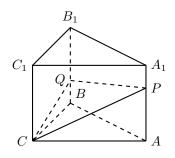
200. 已知长方体一个顶点上的三条棱长分别是 3、4、5, 且它的 8 个顶点都在同一球面上. 求这个球的表面积.

答案: 暂无答案

201. 在等边圆柱(底面直径等于高的圆柱)、球、正方体的体积相等的情况下,讨论它们的表面积的大小关系.

答案: 暂无答案

202. 如图, 在三棱柱的侧棱 A_1A 和 B_1B 上分别取 P、Q 两点, 使 PQ 平分侧面 ABB_1A_1 的面积. 求平面 PQC 把棱柱所分成的两部分的体积之比.



203. 已知用通过圆锥的轴的平面去截一个圆锥,得到的截面是面积为 $9\sqrt{3} \mathrm{cm}^2$ 的正三角形. 求此圆锥内接球的半 径.

答案: 暂无答案

204. 若一个长方体长、宽、高之比为 2:1:3, 表面积为 22, 求它的体积.

答案: 暂无答案

205. 如果两个球的体积之比为8:27, 求这两个球的表面积之比.

答案: 暂无答案

206. 设点 O_1 为圆锥的高靠近顶点的三等分点, 求过 O_1 与底面平行的截面面积与底面面积之比.

答案: 暂无答案

207. 若棱锥的高为 16, 底面积为 256, 平行于底面的截面面积为 50, 求该截面与棱锥底面之间的距离.

答案: 暂无答案

208. 设圆锥的母线长为 1, 高为 $\frac{1}{2}$, 过圆锥的任意给定的两条母线作一个截面. 求截面面积的最大值.

答案: 暂无答案

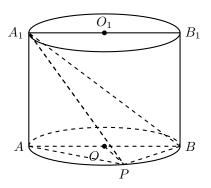
209. 将若干毫升水倒入底面半径为 2cm 的圆柱形器皿中,量得水面高度为 6cm. 若将这些水倒入底面半径等于母线的倒圆锥形器皿中,且恰好装满,求圆锥形器皿的高.

答案: 暂无答案

210. 已知长方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 的三条棱长分别为 $3\mathrm{cm}$ 、 $2\mathrm{cm}$ 、 $1\mathrm{cm}$,求表面有一只蜘蛛从 A 爬行到 C_1 的最短距离.

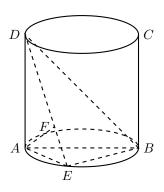
答案: 暂无答案

211. 如图, 已知点 P 在圆柱 O_1O 的底面圆 O 的圆周上, AB 为圆 O 的直径, 圆柱的表面积为 20π , OA=2, $\angle AOP=120^{\circ}.$



- (1) 求三棱锥 $A_1 ABP$ 的体积;
- (2) 求异面直线 A_1B 与 AP 所成角的大小.

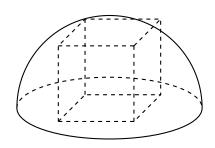
212. 如图, 在圆柱中, 底面直径 AB 等于母线 AD, 点 E 在底面的圆周上, 且 $AF \perp DE$, F 是垂足.



- (1) 求证: $AF \perp DB$;
- (2) 若圆柱与三棱锥 D-ABE 的体积的比等于 3π , 求直线 DE 与平面 ABD 所成角的大小.

答案: 暂无答案

213. 如图, 半球内有一内接正方体 (即正方体的一个面在半球的底面圆上, 其余顶点在半球面上). 若正方体的棱长为 $\sqrt{6}$, 求半球的表面积和体积.

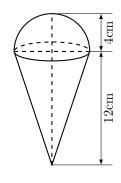


答案: 暂无答案

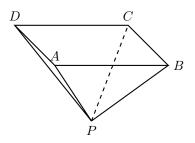
214. 已知圆锥的底面半径为 r, 高为 h, 正方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 内接于该圆锥. 求这个正方体的棱长.

答案: 暂无答案

215. 如图, 一个圆锥形的空杯子上放着一个半球形的冰激凌, 如果冰激凌融化了, 会溢出来吗?



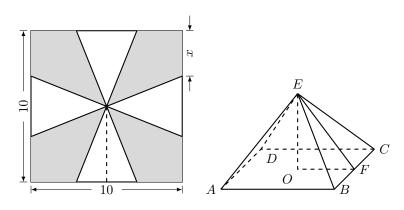
216. 如图, 用一块钢锭浇铸一个厚度均匀, 且表面积为 $2\mathrm{m}^2$ 的正四棱锥形有盖容器. 设容器的高为 $h\mathrm{m}$, 盖子的边长为 $a\mathrm{m}$.



- (1) 求 a 关于 h 的函数表达式;
- (2) 当 h 为何值时, 容器的容积 V 最大? 并求出 V 的最大值.

答案: 暂无答案

217. 将一块边长为 10cm 的正方形铁片裁下如图所示的阴影部分, 用余下的四个全等的等腰三角形加工成一个无盖的正四棱锥形容器罩.



- (1) 试把容器罩的表面积 S 表示为 x 的函数;
- (2) 试把容器罩的体积 V 表示为 x 的函数.

答案: 暂无答案

218. 从字母 $a \times b \times c \times d \times e$ 中任取两个, 求取到字母 a 的概率.

答案: 暂无答案

219. 现有 5 根细木棍, 长度 (单位: cm) 分别为 1、3、5、7、9, 从中任取 3 根. 求能搭成一个三角形的概率.

答案: 暂无答案

220. 将 2 本不同的英语书和 1 本语文书在书架上随机排成一行, 求 2 本英语书相邻的概率.

221. 从编号分别为 1、2、3、4、5、6 的 6 个大小与质地相同的小球中随机取出 3 个, 求恰有 2 个小球编号相邻的概率.

答案: 暂无答案

222. 袋中装有大小与质地相同的 5 个球, 其中红色球 3 个, 标号分别为 1、2、3; 蓝色球 2 个, 标号分别为 1、2. 从袋中任取 2 个球, 求这 2 个球颜色不同且标号之和不小于 4 的概率.

答案: 暂无答案

- 223. 袋中装有大小与质地相同的 5 个球, 其中白球 3 个, 黑球 2 个, 从中一次摸出 2 个球.
 - (1) 写出该随机试验的一个等可能的样本空间;
 - (2) 求摸出来的 2 个球都是白球的概率;
 - (3) 求摸出来的 2 个球颜色不同的概率.

答案: 暂无答案

224. 对某工厂生产的产品质量进行抽查, 数据如下表所示.

抽查件数	50	100	200	300	500
合格件数	47	95	192	285	478

根据上表所提供的数据,问:合格品的概率约为多少?(结果保留两位小数)

答案: 暂无答案

225. 射击队某选手命中环数的概率如下表所示.

命中环数	10	9	8	7
概率	0.32	0.28	0.18	0.12

该选手射击一次, 求:

- (1) 命中 9 环或 10 环的概率;
- (2) 至少命中 8 环的概率;
- (3) 命中不足 8 环的概率.

答案: 暂无答案

226. 某学生做两道选择题, 已知每道题均有 4 个选项, 其中有且只有一个正确答案. 该学生随意填写两个答案, 求两个答案都选错的概率.

答案: 暂无答案

227. 盒子中有标号为 1、2、3 的 3 个大小与质地相同的球, 随机地取 1 个球, 放回后再取 1 个球, 把这 2 个球对应的号码按照取的先后顺序组成一个两位数. 求个位数与十位数不相同的概率.

- 228. 一个盒子中装有 4 张卡片, 卡片上分别写有数字 1、2、3、4. 现从盒子中随机抽取卡片.
 - (1) 若一次抽取 3 张卡片, 求 3 张卡片上数字之和大于 7 的概率;
 - (2) 若第一次抽取 1 张卡片, 放回后再抽取 1 张卡片, 求两次抽取的卡片上数字之和大于 7 的概率.

229. 盒子中有散落的黑白棋子若干粒,已知从中取出 2 粒都是黑子的概率是 $\frac{1}{7}$,从中取出 2 粒都是白子的概率是 $\frac{1}{6}$. 问: 从中任意取出 2 粒恰好是同一颜色的概率是多少?

答案: 暂无答案

230. 社会调查人员总希望从对人群的随机抽样调查中得到对他们所提问题的诚实回答,但是被采访者常常不愿意如实做出应答. 1965 年,华纳(Stanley L. Warner)发明了一种应用概率知识来消除这种不愿意如实回答的情绪的方法. 华纳的随机化应答方法要求人们随机地回答所提两个问题中的一个,而不必告诉采访者究竟回答的是哪个问题,在这两个问题中有一个是敏感的或者令人为难的,另一个则是无关紧要的. 这样,应答者将乐意如实地回答问题,因为只有他自己知道回答的是哪个问题. 例如,在调查运动员是否服用兴奋剂的时候,设计一个从袋中摸球的试验:袋中放有1黑1白两个大小与质地相同的小球,运动员从中随意摸出1个小球.无关紧要的问题是:你摸出的小球是白色的吗?而敏感的问题是:你服用过兴奋剂吗?然后要求被调查的运动员抛掷一枚硬币,如果出现正面,就回答第一个问题,否则回答第二个问题. 假设用这个方法调查了 200 名运动员,得到 56 个"是"的回答,请你估计这群运动员中大约有百分之几的人服用过兴奋剂.

答案: 暂无答案

231. 在一次知识竞赛中,假设 A、B、C、D 四人独立答题,且答对的概率分别为 $P(A) = \frac{1}{3}$, $P(B) = \frac{1}{4}$, $P(C) = \frac{1}{5}$, $P(D) = \frac{2}{3}$,如果将 A、B、C 组成一组与 D 比赛,且 A、B、C 三人中有一人答对即算该组答对,那么哪一方答对的概率大?

答案: 暂无答案

- 232. 某高校研究人员希望调查该校大学生平均每天的自习时间. 他调查了 100 名大学生, 发现他们每天的平均自习时间是 3.5h. 这里的总体是 ().
 - A. 该校的所有大学生
 - B. 该校所有大学生的平均每天自习时间
 - C. 所调查的 100 名大学生
 - D. 所调查的 100 名大学生的平均每天自习时间

答案: 暂无答案

233. 某家大型超市的日客流量 (单位: 千人次) 分别为: 3.4、3.6、5.6、1.8、3.7、4.0、2.5、2.8、4.4、3.6. 下列图 形中不利于描述这些数据的是 ().

A. 散点图

B. 条形图

C. 茎叶图

D. 扇形图

234. 某汽车销售商销售某品牌的 A、B、C 三类轿车, 每类轿车均有舒适型和经济型两种型号, 其某月的销量 (单位: 辆) 如下表所示.

	A	В	С
舒适型/辆	35	28	15
经济型/辆	50	72	40

试设计一个抽样方案,从该月购买轿车的客户中抽取20位,调查他们的满意度.

答案: 暂无答案

235. 某校 30 名高一女生的扔手球记录如下 (单位: m):

- (1) 选择适当的组距, 制作一张频率分布表;
- (2) 在(1) 的基础上, 绘制一幅频率分布直方图.

答案: 暂无答案

236. 某公司对应聘人员进行能力测试, 测试成绩总分为 150 分, 下面是 50 位应聘人员的测试成绩:

64	67	70	72	74	76	76	79	80	81
82	82	83	85	86	88	91	91	92	93
93	93	95	96	96	97	97	99	100	100
102	104	106	106	107	108	108	112	112	114
116	118	119	119	122	123	125	126	128	133

试用这些数据绘制一幅茎叶图.

答案: 暂无答案

237. 某超市从一家食品有限公司购进一批茶叶,每罐茶叶的标准质量是 125g,为了解该批茶叶的质量情况,从中 随机抽取 20 罐,称得各罐质量 (单位: g) 如下:

回答下列问题:

(1) 20 罐茶叶的平均质量 \bar{x} 是多少, 标准差 s 是多少? (2) 有多少罐茶叶的质量位于 $\bar{x}-s$ 与 $\bar{x}+s$ 之间, 所占的百分比是多少?

238. 数据 x_1 、 x_2 、 \cdots 、 x_n 的方差为 s_x^2 , 数据 y_1 、 y_2 、 \cdots 、 y_n 的方差为 s_y^2 , 若 $y_1 = ax_1 + b$, $y_2 = ax_2 + b$, \cdots , $y_n = ax_n + b$ 成立, a、b 为常数, 求证: $s_y^2 = a^2 s_x^2$.

答案: 暂无答案

239. 下表是上海市 2007 年至 2016 年的月平均气温 (单位: °C).

年份	1月	2 月	3 月	4 月	5月	6 月	7月	8月	9月	10 月	11 月	12 月
2007	5.9	9.8	12.1	15.9	22.9	25	30.4	29.7	25.4	20.6	14.2	9.8
2008	4.5	4.2	11.6	16.1	21.8	24.2	30.4	28.6	26	21	13.3	7.9
2009	4.3	9.3	10.8	16.7	22.5	26.3	29	28.1	25.4	21.4	12.4	6.9
2010	5.7	7.7	9.6	13.3	20.9	24.1	28.8	30.9	26.2	19.3	14.2	8.1
2011	1.9	6.5	9.5	16.2	21.9	24.4	30.2	28.3	24.7	19.3	16.7	6.9
2012	5.1	4.8	9.8	17.6	21.6	24.7	29.9	29	23.9	20.1	12.6	6.6
2013	4.6	6.8	11	15.3	21.3	24.1	32	31	25	20	13.4	6.1
2014	6.6	6.1	11.5	15.7	21.7	23.3	27.4	26.3	24.2	20.2	14.8	5.7
2015	6	6.8	10.6	15.9	20.5	24.2	26.7	27.8	24.2	19.6	14	7.8
2016	4.4	6.9	11	16.7	20.6	24.2	29.9	29.5	24.9	20.8	13.6	9.1

数据来源:上海统计年鉴.

回答下列问题:

- (1) 10 年中每年最冷的月份相同吗?
- (2) 10 年中哪个月份的气温波动最大?
- (3) 10 年中哪一年的气温波动最大?
- (4) 绘制 10 年中 7 月份与 8 月份气温的折线图, 比较气温的高低.

答案: 暂无答案

240. 某高校数学专业共有850名学生,从中选取20名学生参加学生代表大会. 试写出具体抽样方案.

答案: 暂无答案

241. 某校高一年级学生进行了 4 次测验, 成绩 (单位: 分) 如下表所示. 根据 4 次测验的结果, 我们如何比较这 10 名学生的成绩? 下周有一场数学竞赛活动, 如果需要 1 名学生参赛, 那么推荐谁去最好? 如果需要 4 名学生参赛, 那么又该推荐谁去?

学生编号	第1次	第2次	第3次	第4次
1	90	82	97	100
2	103	86	101	92
3	77	83	106	87
4	94	93	99	99
5	89	97	93	90
6	101	79	87	95
7	91	92	91	93
8	82	94	100	106
9	88	78	95	78
10	83	88	104	89

242. 某客服部门计划根据员工每个月接通的电话数给予奖金奖励, 并且要保证 50% 的员工能拿到基本奖励, 拿到基本奖励的员工中至多 10% 的人能够拿到额外奖励. 该部门随机抽取了 30 名员工, 调查了他们上半个月与客户的通话数量, 数据如下:

请利用百分位数来为该部门设计奖励方案.

答案: 暂无答案

243. 求直线 $\sqrt{2}x - 4y + 5 = 0$ 的倾斜角 (用 arctan 表示).

答案: 暂无答案

244. 若直线 ax + 2y + 6 = 0 和直线 $x + a(a+1)y + (a^2 - 1) = 0$ 互相垂直, 求实数 a 的值.

答案: 暂无答案

245. 直线 x-y+1=0 上一点 P 的横坐标是 3, 若该直线绕点 P 逆时针旋转 90° 得到直线 l, 求直线 l 的方程.

答案: 暂无答案

246. 设直线 x - ay - 4 = 0 与直线 y = -2x + 4 的夹角为 $\arccos \frac{2\sqrt{5}}{5}$, 求实数 a 的值.

答案: 暂无答案

247. 已知 $\alpha \in [0, \frac{\pi}{2})$, 求直线 $x \cos \alpha + \sqrt{3}y + 2 = 0$ 的倾斜角的取值范围.

248. 求过点 (3,-2) 且在 x 轴、y 轴上截距相等的直线的方程.

答案: 暂无答案

249. 已知点 P(1,1) 到直线 x + ay - 2 = 0 的距离为 1, 求实数 a 的值.

答案: 暂无答案

- 250. 已知平行四边形 ABCD 中, 边 AB 所在直线的方程为 x+y-1=0, 边 AD 所在直线的方程为 3x-y+4=0.
 - (1) 求点 A 的坐标;
 - (2) 若点 C 的坐标为 (3,3), 分别求边 BC 与 DC 所在直线的方程.

答案: 暂无答案

- 251. 已知直线 $l_1: x + my + 6 = 0$, $l_2: (m-2)x + 3y + 2m = 0$, 求实数 m 的取值范围, 使得:
 - $(1) l_1 与 l_2 相交;$
 - (2) $l_1 \perp l_2$;
 - (3) $l_1 \parallel l_2$;
 - $(4) l_1 与 l_2 重合.$

答案: 暂无答案

252. 已知直线 l 与两坐标轴围成一个等腰直角三角形,且此三角形的面积为 $\frac{49}{2}$. 求直线 l 的方程.

答案: 暂无答案

253. 在 $\triangle ABC$ 中, 边 AB、AC 上的高所在直线的方程分别为 2x-3y+1=0 与 x+y=0, 点 A 的坐标为 (1,2). 求边 BC 所在直线的方程.

答案: 暂无答案

254. 已知直线 l 垂直于直线 3x + 4y - 9 = 0, 点 A(2,3) 到直线 l 的距离为 1. 求直线 l 的方程.

答案: 暂无答案

- 255. 已知三条直线 $l_1: ax + by + 4 = 0$, $l_2: (a-1)x + y + b = 0$, $l_3: x + 2y + 3 = 0$.
 - (1) 若 $l_1 \perp l_2$ 且 l_1 经过点 (-1,1), 求 $a \setminus b$ 的值;
 - (2) 若 $l_1 \parallel l_2 \parallel l_3$, 求 a、b 的值.

答案: 暂无答案

256. 已知过点 (0,-2) 且具有斜率 k 的直线 l 与以点 A(3,1) 和 B(-2,5) 为端点的线段 AB 相交, 求实数 k 的取值范围.

答案: 暂无答案

257. 已知两条直线 $l_1: y-x=0, l_2: y=ax,$ 其中 $a \in \mathbf{R}$. 当这两条直线的夹角在 $(0, \frac{\pi}{12})$ 内变化时, 求实数 a 的取值范围.

258. 直线 l 过原点且平分平行四边形 ABCD 的面积, 若此平行四边形的两个顶点为 B(1,4)、D(5,0), 求直线 l 的方程.

答案: 暂无答案

259. 求直线 $l_1: 3x-2y-6=0$ 关于直线 $l_2: 2x-3y+1=0$ 对称的直线 l_3 的方程.

答案: 暂无答案

260. 已知动点 M(a,b) 在直线 3x + 4y - 15 = 0 上, 求 $\sqrt{a^2 + b^2}$ 的最小值.

答案: 暂无答案

261. 已知两条平行直线 l_1 与 l_2 分别过点 $P_1(1,0)$ 与点 $P_2(0,5)$, l_1 、 l_2 之间的距离为 d. 求 d 的最大值, 并指出此时 l_1 、 l_2 的方程.

答案: 暂无答案

- 262. 已知直线 l 经过点 C(2,1), 且与 x 轴、y 轴的正半轴分别交于点 A、点 B, O 是坐标原点.
 - (1) 当 $\triangle AOB$ 的面积最小时, 求直线 l 的方程;
 - (2) 当 $|CA| \cdot |CB|$ 取最小值时, 求直线 l 的方程, 并求此最小值.

答案: 暂无答案

263. 作出方程 |x| + |y| = 1 所表示的图形, 并求该图形围成的区域的面积.

答案: 暂无答案

264. 给定直线 $l_1: y = k_1x + b_1$ 与 $l_2: y = k_2x + b_2$, 求证: 如果直线 l_1 与 l_2 不互相垂直, 那么它们的夹角 α 满足 $\tan \alpha = |\frac{k_1 - k_2}{1 + k_1k_2}|$.

答案: 暂无答案

265. 已知直线 $l_1: 4x + y = 4, l_2: mx + y = 0, l_3: 2x - 3my = 4$. 当 m 为何值时, 它们不能围成三角形?

答案: 暂无答案

266. 点到直线的距离是该点到直线上任意一点距离的最小值. 如果把一个给定点到线段上任意一点的距离的最小值定义为该点到该线段的距离, 试求点 P(1,1) 到线段 l: x-y-3=0 $(3 \le x \le 5)$ 的距离.

答案: 暂无答案

- 267. 判断下列命题是否正确, 并说明理由:
 - (1) 到两坐标轴距离相等的点的轨迹方程为 y = x;
 - (2) 若 $\triangle ABC$ 的三个顶点的坐标分别为 A(1,1)、B(3,1)、C(1,3), 则边 BC 上的中线所在直线的方程为 y=x;
 - (3) 与两点 A(-1,0)、B(1,0) 的连线的夹角为 90° 的动点的轨迹方程为 $x^2 + y^2 = 1$.

268. 讨论圆 $x^2 + y^2 + 6x - 7 = 0$ 与抛物线 $y^2 = -4x$ 准线的位置关系.

答案: 暂无答案

- 269. 对圆 $(x-a)^2 + (y+b)^2 = a^2 + b^2$ (a > 0, b > 0), 下列说法是否正确, 请说明理由:
 - (1) 该圆的圆心为 (a,b);
 - (2) 该圆过原点;
 - (3) 该圆与 x 轴相交于两个不同点.

答案: 暂无答案

270. 若椭圆 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{a^2} = 1$ 与双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{2} = 1$ 有相同的焦点, 求实数 a 的值.

答案: 暂无答案

271. 设椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ (a > b > 0) 的焦距为 2c. 若 $b^2 = ac$, 求该椭圆的离心率.

答案: 暂无答案

272. 已知圆 C 的半径为 3, 它与双曲线 $\frac{x^2}{4} - y^2 = 1$ 的两条渐近线均相切, 且与该双曲线的右支相交. 求圆 C 的方程.

答案: 暂无答案

273. 已知直线 y=x+b 被曲线 $y=\frac{1}{2}x^2$ 截得的弦长为 $4\sqrt{2}$, 求实数 b 的值.

答案: 暂无答案

274. 点 P 是圆 $x^2+y^2=4$ 上的动点, 过点 P 作 x 轴的垂线, 垂足为 M. 若 $\overrightarrow{PQ}=2\overrightarrow{QM}$, 求点 Q 的轨迹方程.

答案: 暂无答案

275. 设 AB 是过抛物线 $y^2=2px$ 焦点 F 的一条弦, 过点 A 、B 分别作该抛物线准线的垂线, 垂足分别为 A_1 、 B_1 . 求证: $\angle A_1FB_1=\frac{\pi}{2}$.

答案: 暂无答案

- 276. 已知圆 O 的方程是 $x^2 + y^2 = 1$, 直线 l 与圆 O 相切.
 - (1) 若直线 l 的斜率等于 1, 求直线 l 的方程;
 - (2) 若直线 l 在 y 轴上的截距为 $\sqrt{2}$, 求直线 l 的方程.

答案: 暂无答案

- 277. 直线 $x \sqrt{3}y = 0$ 绕原点按逆时针方向旋转 30° 后所得的直线 l 与圆 $(x 2)^2 + y^2 = 3$ 的位置关系是 ().
 - A. 直线 l 过圆心

B. 直线 l 与圆相交, 但不过圆心

C. 直线 l 与圆相切

D. 直线 l 与圆无公共点

278. 已知点 $A(-\frac{1}{2},0)$, B 是圆 $C:(x-\frac{1}{2})^2+y^2=4(C$ 是圆心) 上一动点,线段 AB 的垂直平分线交 BC 于 M. 求动点 M 的轨迹方程.

答案: 暂无答案

279. 过抛物线 $y^2 = 4x$ 的焦点 F 作动直线交抛物线于 A、B 两点, 并从原点 O 作 AB 的垂线, 垂足为 M. 求动点 M 的轨迹方程.

答案: 暂无答案

280. 已知点 P 是双曲线 $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$ 右支上的一点, 点 M、N 分别是圆 $(x+5)^2 + y^2 = 4$ 和 $(x-5)^2 + y^2 = 1$ 上的点. 求 |PM| - |PN| 的最大值.

答案: 暂无答案

281. 已知圆 $x^2 + y^2 + x - 6y + m = 0$ 与直线 x + 2y - 3 = 0 相交于 $P \setminus Q$ 两点, O 为坐标原点. 若 $OP \perp OQ$, 求实数 m 的值.

答案: 暂无答案

282. 已知直线 y = ax - 1 与曲线 $y^2 = 2x$ 只有一个公共点, 求实数 a 的值.

答案: 暂无答案

283. 对于实数 k 的不同取值范围, 讨论方程 $kx^2 + y^2 - 2 = 0$ 所表示的曲线的形状.

答案: 暂无答案

284. 过椭圆 $b^2x^2 + a^2y^2 = a^2b^2$ (a > b > 0) 的顶点 B(0, -b) 引一条弦 BP, 求弦 BP 的最大长度.

答案: 暂无答案

285. 已知定点 A(a,0) (0 < a < 3) 到椭圆 $\frac{x^2}{0} + \frac{y^2}{4} = 1$ 上的点的距离的最小值为 1, 求 a 的值.

答案: 暂无答案

286. 据气象预报, 在气象台 A 处向东 400kmB 处的海面上有一个台风中心形成, 测得台风以 40km/h 的速度向西北方向移动, 距中心不超过 300km 的地方都会受到台风的影响. 从现在起, 多少时间后气象台受到台风影响? 气象台受到台风影响的时长大约是多少 (结果精确到 0.1h)?

答案: 暂无答案

287. 已知 $\triangle ABC$ 的两个顶点 $A \setminus B$ 的坐标分别是 $(-6,0) \setminus (6,0)$, 且边 $AC \setminus BC$ 所在直线的斜率之积等于 k. 讨论顶点 C 的轨迹方程.

答案: 暂无答案

288. 以 P 为圆心的动圆与圆 $C_1: (x+2)^2+y^2=1$ 和圆 $C_2: (x-2)^2+y^2=r^2$ 均相切, 请分别写出 r 的某个值, 使点 P 的轨迹为椭圆和双曲线.

289. 求双曲线 $y=\frac{1}{x}$ 的焦点坐标与准线方程.

答案: 暂无答案

290. 请验证到点 $(1,\frac{1}{4})$ 的距离和到直线 $y=-\frac{1}{4}$ 的距离相等的动点的轨迹方程是二次函数 $y=x^2-2x+1,$ 并探 究一般情况.

答案: 暂无答案

291. 求连接点 A(x,y,z) 与点 B(x',y',z') 的线段 AB 的中点 M 的坐标.

答案: 暂无答案

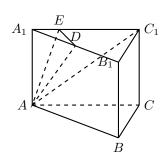
292. 设正四面体 ABCD 的棱长为 a, E 为 BC 的中点, F 为 CD 的中点. 求 $\overrightarrow{BF} \cdot \overrightarrow{AE}$.

答案: 暂无答案

- 293. 给定点 A(1,0,0)、B(3,1,1)、C(2,0,1) 与点 D(5,-4,3).
 - (1) 求 \overrightarrow{AD} 在 \overrightarrow{AB} 、 \overrightarrow{BC} 、 \overrightarrow{CA} 方向上的投影向量;
 - (2) 求点 D 到平面 ABC 的距离.

答案: 暂无答案

294. 如图, 在正三棱柱 $ABC - A_1B_1C_1$ 中, $|AB| = \sqrt{2}|AA_1|$, D 是 A_1B_1 的中点, 点 E 在 A_1C_1 上, 且 $DE \perp AE$.



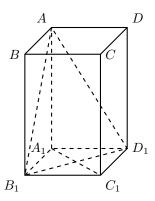
- (1) 求证: 平面 $ADE \perp$ 平面 ACC_1A_1 ;
- (2) 求直线 AD 和平面 ABC_1 所成角的大小.

答案: 暂无答案

295. 已知正四棱锥的体积为 12, 底面对角线的长为 $2\sqrt{6}$. 求侧面与底面所成二面角的大小.

答案: 暂无答案

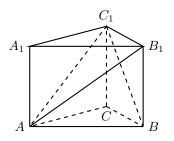
296. 如图, 已知 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 是底面边长为 1 的正四棱柱, O_1 是 A_1C_1 和 B_1D_1 的交点.



- (1) 设 AB_1 与底面 $A_1B_1C_1D_1$ 所成角的大小为 α , 二面角 $A-B_1D_1-A_1$ 的大小为 β . 求证: $\tan\beta=\sqrt{2}\tan\alpha$;
- (2) 若点 C 到平面 AB_1D_1 的距离为 $\frac{4}{3}$, 求此正四棱柱的高.

答案: 暂无答案

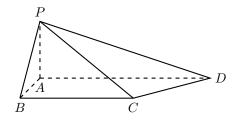
297. 如图, 在直三棱柱 $ABC - A_1B_1C_1$ 中, $\angle ACB = 90^{\circ}$, $|AC| = |BC| = |CC_1| = 2$.



- (1) 求证: $AB_1 \perp BC_1$;
- (2) 求点 B 到平面 AB_1C_1 的距离.

答案: 暂无答案

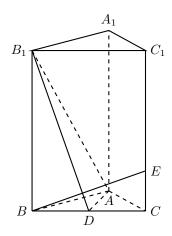
298. 如图, 四棱锥 P-ABCD 的底面 ABCD 为梯形, $AD \parallel BC$, $AB \perp BC$, |AB|=1, |AD|=3, $\angle ADC=45^\circ$, 且 $PA \perp$ 平面ABCD, |PA|=1.



- (1) 求异面直线 PB 与 CD 所成角的大小;
- (2) 求四棱锥 P-ABCD 的体积.

答案: 暂无答案

299. 如图, 在直三棱柱 $ABC - A_1B_1C_1$ 中, $\angle BAC = 90^\circ$, |AB| = |AC| = a, $|AA_1| = 2a$, D 为 BC 的中点, E 为 CC_1 上的点, 且 $|CE| = \frac{1}{4}|CC_1|$.



(1) 求证: $BE \perp$ 平面 ADB_1 ;

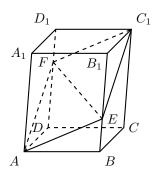
(2) 求二面角 $B-AB_1-D$ 的大小.

答案: 暂无答案

300. 在长方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, |AB|=|BC|=2, A_1D 与 BC_1 所成的角为 $\frac{\pi}{2}$. 求 BC_1 与平面 BB_1D_1D 所成角的大小.

答案: 暂无答案

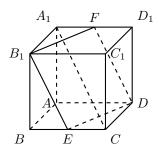
301. 如图,在平行六面体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中,点 E、F 分别在 B_1B 和 D_1D 上,且 $|BE|=\frac{1}{3}|BB_1|$, $|DF|=\frac{2}{3}|DD_1|$.



- (1) 求证: A、E、 C_1 、F 四点共面;
- (2) 若 $\overrightarrow{EF} = \lambda \overrightarrow{AB} + \mu \overrightarrow{AD} + \nu \overrightarrow{AA_1}$, 求 $\lambda + \mu + \nu$ 的值.

答案: 暂无答案

302. 如图, 在正方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中, $E \setminus F$ 分别是 $BC \setminus A_1D_1$ 的中点.



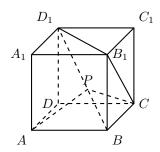
- (1) 求证: 四边形 B_1EDF 是菱形;
- (2) 求异面直线 A_1C 与 DE 所成角的大小.

答案: 暂无答案

- 303. 在正方体 $ABCD A_1B_1C_1D_1$ 中, $E \setminus F$ 分别是 $BC \setminus CC_1$ 的中点.
 - (1) 求证: 点 D_1 在平面 AEF 上;
 - (2) 求平面 $AEFD_1$ 与底面 ABCD 所成二面角的大小.

答案: 暂无答案

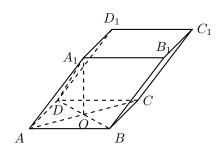
304. 如图, $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 为正方体, 动点 P 在对角线 BD_1 上, 记 $\frac{|D_1P|}{|D_1B|} = \lambda$.



- (1) 求证: $AP \perp B_1C$;
- (2) 若异面直线 AP 与 D_1B_1 所成角为 $\frac{\pi}{4}$, 求 λ 的值;
- (3) 当 $\angle APC$ 为钝角时, 求 λ 的取值范围.

答案: 暂无答案

305. 如图, 平行六面体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 的底面 ABCD 是正方形, O 为底面的中心, $A_1O\perp$ 平面ABCD, $|AB|=|AA_1|=\sqrt{2}.$



- (1) 求证: $A_1C \perp$ 平面 BB_1D_1D ;
- (2) 求平面 OCB_1 与平面 BB_1D_1D 所成二面角的大小.

答案: 暂无答案

306. 填空题:

- (1) 已知数列 $\{a_n\}$ 是等差数列,下面的数列中必为等差数列的序号是____
- ① $\{a_{2n}\}$ ② $\{a_n + a_{n+1}\}$ ③ $\{3a_n + 1\}$ ④ $\{|a_n|\}$

(2) 已知数列 $\{a_n\}$ 是等比数列,下面的数列中必为等比数列的序号是______

①
$$\{a_n^2\}$$
 ② $\{a_n + a_{n+1}\}$ ③ $\{\frac{1}{a_n}\}$ ④ $\{2^{a_n}\}$

答案: 暂无答案

307. 选择题:

(1) 我国古代数学名著《算法统宗》中有如下问题:"远望巍巍塔七层,红光点点倍加增,共灯三百八十一,请问尖头几盏灯?"意思是:一座 7 层塔共挂了 381 盏灯,且相邻两层中的下一层灯的盏数是上一层灯的盏数的 2 倍,则塔的顶层灯的盏数是().

A. 1

B. 3

C. 5

D. 9

(2) 已知数列 $\{a_n\}$, 若 $a_1=3$, $a_2=6$, 且 $a_{n+2}=a_{n+1}-a_n(n)$ 为正整数), 则数列的第 35 项为 ().

A. 6

B. -3

C. -12

D. -6

答案: 暂无答案

308. 在等差数列 $\{a_n\}$ 中,已知公差 $d=\frac{1}{2}$,且 $a_1+a_3+a_5+\cdots+a_{99}=60$. 求 $a_1+a_2+a_3+\cdots+a_{99}+a_{100}$ 的值.

答案: 暂无答案

309. 已知存在常数 t, 使得等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 $S_n = tn^2 + (t-9)n + t - \frac{3}{2}$. 求该数列 $\{a_n\}$ 的通项公式. 答案: 暂无答案

310. 设 S_n 为等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 求证: 数列 $\{\frac{S_n}{n}\}$ 是等差数列.

答案: 暂无答案

311. 已知数列 $\{\log_3 a_n\}$ 是等差数列, 且 $\log_3 a_1 + \log_3 a_2 + \cdots + \log_3 a_{10} = 10$. 求 $a_5 a_6$.

答案: 暂无答案

312. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 且满足 $a_1=29$, $S_{10}=S_{20}$. 这个数列的前多少项和最大? 并求此最大值.

答案: 暂无答案

313. 在 2 与 9 之间插入两个数, 使前三个数成等差数列, 后三个数成等比数列. 试写出这个数列.

答案: 暂无答案

314. 已知数列 $\{a_n\}$ 是等比数列, 且 a_1, a_2, a_4 成等差数列. 求数列 $\{a_n\}$ 的公比.

答案: 暂无答案

315. 用数学归纳法证明: $\frac{1}{2} + \frac{2}{2^2} + \frac{3}{2^3} + \dots + \frac{n}{2^n} = 2 - \frac{n+2}{2^n} (n)$ 为正整数).

316. (1) 依次计算下列各式的值: $\frac{1}{1}, \frac{1}{1} + \frac{1}{1+2}, \frac{1}{1} + \frac{1}{1+2} + \frac{1}{1+2+3}, \frac{1}{1} + \frac{1}{1+2} + \frac{1}{1+2+3} + \frac{1}{1+2+3} + \frac{1}{1+2+3+4}$. (2) 根据 (1) 中的计算结果,猜想 $S_n = \frac{1}{1} + \frac{1}{1+2} + \frac{1}{1+2+3} + \cdots + \frac{1}{1+2+3+\cdots+n}$ (n 为正整数) 的表

达式,并用数学归纳法证明相应的结论.

答案: 暂无答案

317. 选择题:

(1) 已知 a, x, b 和 b, y, c 均为等差数列, 而 a, b, c 为等比数列, 且 $xy \neq 0$, 则 $\frac{a}{x} + \frac{c}{y}$ 的值等于 ().

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4

(2) 已知两个等差数列 $\{a_n\}$ 和 $\{b_n\}$ 的前 n 项和分别为 A_n 和 B_n , 且满足 $\frac{A_n}{B_n} = \frac{7n+45}{n+3}$, 则使得 $\frac{a_n}{b_n}$ 为整数的正整数 n 的个数为 ().

A. 2

B. 3

C. 4

D. 5

答案: 暂无答案

318. 已知 S_n 是等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 且 S_3 , S_9 , S_6 成等差数列. 求证: a_2 , a_8 , a_5 成等差数列.

答案: 暂无答案

319. 已知在等差数列 $\{a_n\}$ 中, $a_{10}=0$.

(1) 求证: $a_1 + a_2 + \cdots + a_n = a_1 + a_2 + \cdots + a_{19-n}$ 对一切小于 19 的正整数 n 都成立;

(2) 类比上述性质, 在等比数列 $\{b_n\}$ 中, 若 $b_9 = 1$, 可以得到什么结论?

答案: 暂无答案

320. 已知数列 $\{a_n\}$ 的各项均为正数, $a_1 = \frac{1}{3}$, 且 $a_n = \frac{a_{n-1}}{2a_{n-1}+1}$ $(n \ge 2)$.

(1) 求证: 数列 $\{\frac{1}{a_n}\}$ 是等差数列;

(2) 若数列 $\{b_n\}$ 满足 $b_n = \begin{cases} 2, & n = 1, \\ & \text{求数列 } \{b_n\} \text{ 中的最大项与最小项.} \\ na_n, & n \geq 2, \end{cases}$

答案: 暂无答案

321. 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 且 $S_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2}$. 求证: 数列 $\{a_n\}$ 为等差数列.

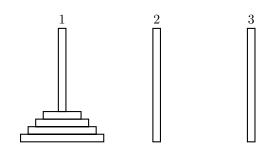
答案: 暂无答案

322. 用数学归纳法证明: $1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{2n-1} - \frac{1}{2n} = \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \dots + \frac{1}{2n} (n)$ 为正整数).

答案: 暂无答案

323. 是否存在常数 a、b、c, 使等式 $1 \cdot (n^2 - 1^2) + 2 \cdot (n^2 - 2^2) + \cdots + n \cdot (n^2 - n^2) = an^4 + bn^2 + c$ 对任意正整数 n 都成立?证明你的结论.

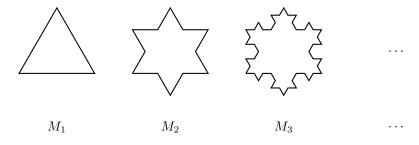
- 324. 如图所示, 有三根直杆和套在一根直杆上的若干金属片, 把金属片按下列规则从一根直杆上全部移到另一根 直杆上:
 - ① 每次只移动 1 个金属片;
 - ② 较大的金属片不能放在较小的金属片上面.



试推测: 把 n 个金属片从 1 号直杆移到 3 号直杆, 最少需要移动多少次?

答案: 暂无答案

325. 如图, 将一个边长为 1 的正三角形的每条边三等分, 以中间一段为边向外作正三角形, 并擦去中间这一段, 如此继续下去得到的曲线称为科克雪花曲线. 将下面的图形依次记作 M_1 、 M_2 、 M_3 、 \cdots 、 M_n 、 \cdots .



- (1) 求 M_n 的周长;
- (2) 求 M_n 的面积;
- (3) 当 $n \to +\infty$ 时, 科克雪花曲线所围成的图形是周长无限增大而面积却有极限的图形吗?若是, 请求出其面积的极限;若不是, 请说明理由.

答案: 暂无答案

326. 若 "a > b", 则 " $a^3 > b^3$ " 是______ 命题 (填: 真、假).

答案: 真

327. 已知 $A = (-\infty, 0], B = (a, +\infty),$ 若 $A \cup B = \mathbf{R},$ 则 a 的取值范围是______. 答案: $a \le 0$

328. $z + 2\bar{z} = 9 + 4i(i 为虚数单位), 则 |z| = _____.$

答案: 5

329. 若 $\triangle ABC$ 中, a + b = 4, $\angle C = 30^{\circ}$, 则 $\triangle ABC$ 面积的最大值是______.

答案: 1

- 330. 若函数 $f(x) = \log_2 \frac{x-a}{x+1}$ 的反函数的图像过点 (-2,3), 则 a =______. 答案: 2
- 331. 若半径为 2 的球 O 表面上一点 A 作球 O 的截面, 若 OA 与该截面所成的角是 60° ,则该截面的面积 是_______. 答案: π
- 332. 抛掷一枚均匀的骰子 (刻有 1、2、3、4、5、6) 三次,得到的数字依次记作 a、b、c, 则 a+bi(i 为虚数单位) 是方程 $x^2-2x+c=0$ 的根的概率是

答案: $\frac{1}{108}$

- 333. 设常数 $a>0, (x+\frac{a}{\sqrt{x}})^9$ 展开式中 x^6 的系数为 4,则 $\lim_{n\to\infty}(a+a^2+\cdots+a^n)=$ ______. 答案: $\frac{1}{2}$
- 334. 已知直线 l 经过点 $(-\sqrt{5},0)$ 且方向向量为 (2,-1), 则原点 O 到直线 l 的距离为______. 答案: 1
- 335. 若双曲线的一条渐近线为 x+2y=0, 且双曲线与抛物线 $y=x^2$ 的准线仅有一个公共点, 则此双曲线的标准 方程为______.

答案: $16y^2 - 4x^2 = 1$

- 336. $\lim_{n \to \infty} \frac{2n-5}{n+1} =$ ______. 答案: 2
- 337. 已知抛物线 C 的顶点在平面直角坐标系原点,焦点在 x 轴上,若 C 经过点 M(1,3),则其焦点到准线的距离为______。 答案: $\frac{9}{2}$
- 338. 若线性方程组的增广矩阵为 $\begin{pmatrix} a & 0 & 2 \\ 0 & 1 & b \end{pmatrix}$,解为 $\begin{cases} x=2, \\ y=1. \end{cases}$ 则 a+b=______.

答案: 2

339. 若复数 z 满足: $\mathbf{i}\cdot z=\sqrt{3}+\mathbf{i}(\mathbf{i}$ 是虚数单位), 则 |z|=_____.

答案: 2

340. 在 $(x + \frac{2}{x^2})^6$ 的二项展开式中第四项的系数是_____(结果用数值表示).

答案: 160

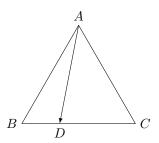
341. 在长方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中,若 AB = BC = 1, $AA_1 = \sqrt{2}$,则异面直线 BD_1 与 CC_1 所成角的大小为______.

答案: $\frac{\pi}{4}$

342. 若函数 $f(x) = egin{cases} 2^x, & x \leq 0, \\ -x^2 + m, & x > 0 \end{cases}$ 的值域为 $(-\infty, 1]$, 则实数 m 的取值范围是______.

答案: $0 < m \le 1$

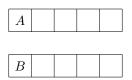
343. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, 若 AB = AC = 3, $\cos \angle BAC = \frac{1}{2}$, $\overrightarrow{DC} = 2\overrightarrow{BD}$, 则 $\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{BC} = \underline{\hspace{1cm}}$.



答案: $-\frac{3}{2}$

答案: 4

345. 将 6 辆不同的小汽车和 2 辆不同的卡车驶入如图所示的 10 个车位中的某 8 个内, 其中 2 辆卡车必须停在 A 与 B 的位置, 那么不同的停车位置安排共有______ 种 (结果用数值表示).



答案: 40320

346. 设集合 $A = \{x | |x-2| < 1, x \in \mathbf{R}\}$, 集合 $B = \mathbf{Z}$, 则 $A \cap B = \underline{\hspace{1cm}}$.

答案: {2}

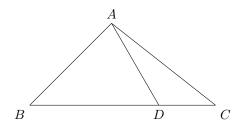
347. 函数 $y=\sin(\omega x-\frac{\pi}{3})(\omega>0)$ 的最小正周期是 π , 则 $\omega=$ _____.

答案: 2

348. 设 i 为虚数单位,在复平面上,复数 $\frac{3}{(2-i)^2}$ 对应的点到原点的距离为______.

答案: $\frac{3}{5}$

- 349. 若函数 $f(x) = \log_2(x+1) + a$ 的反函数的图像经过点 (4,1), 则实数 a =_____. 答案: 3
- 350. 已知 $(a+3b)^n$ 的展开式中,各项系数的和与各项二项式系数的和之比为 64,则 n=_______. 答案: 6
- 351. 甲、乙两人从 5 门不同的选修课中各选修 2 门,则甲、乙所选的课程中恰有 1 门相同的选法有______ 种. 答案: 60
- 352. 若圆锥的侧面展开图是半径为 $2 {
 m cm}$, 圆心角为 $270 {
 m ^\circ}$ 的扇形, 则这个圆锥的体积为_____cm³. 答案: $\frac{3\sqrt{7}}{8}\pi$
- 353. 若数列 $\{a_n\}$ 的所有项都是正数,且 $\sqrt{a_1} + \sqrt{a_2} + \dots + \sqrt{a_n} = n^2 + 3n(n \in \mathbf{N}^*)$,则 $\lim_{n \to \infty} \frac{1}{n^2} (\frac{a_1}{2} + \frac{a_2}{3} + \dots + \frac{a_n}{n+1}) = \underline{\qquad}$
- 354. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle B = 45^{\circ}$, D 是 BC 边上的一点, AD = 5, AC = 7, DC = 3, 则 AB 的长为______



答案: $\frac{5\sqrt{6}}{2}$

- 355. 有以下命题:
 - ① 若函数 f(x) 既是奇函数又是偶函数,则 f(x) 的值域为 $\{0\}$;
 - ② 若函数 f(x) 是偶函数,则 f(|x|) = f(x);
 - ③ 若函数 f(x) 在其定义域内不是单调函数,则 f(x) 不存在反函数;
 - ④ 若函数 f(x) 存在反函数 $f^{-1}(x)$, 且 $f^{-1}(x)$ 与 f(x) 不完全相同,则 f(x) 与 $f^{-1}(x)$ 图像的公共点必在直线 y=x 上;

其中真命题的序号是_____(写出所有真命题的序号).

答案: ①②

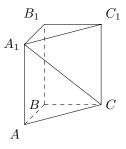
- 356. 若集合 $A = \{x|y^2 = x, y \in \mathbf{R}\}, B = \{y|y = \sin x, x \in \mathbf{R}\}, 则 A \cap B = _____.$ 答案: [0,1]
- 357. 若 $-\frac{\pi}{2} < \alpha < \frac{\pi}{2}$, $\sin \alpha = \frac{3}{5}$, 则 $\cot 2\alpha =$ _____. 答案: $\frac{7}{24}$

358. 函数 $f(x) = 1 + \log_2 x (x \ge 1)$ 的反函数 $f^{-1}(x) =$ ______. 答案: $2^{x-1} (x \ge 1)$

- 359. 若 $(1+x)^5 = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \dots + a_5 x^5$,则 $a_1 + a_2 + \dots + a_5 = \underline{\qquad}$
- 360. 设 $k \in \mathbf{R}, \frac{y^2}{k} \frac{x^2}{k-2} = 1$ 表示焦点在 y 轴上的双曲线,则半焦距的取值范围是______. 答案: $(\sqrt{2}, +\infty)$
- 361. 设 $m \in \mathbf{R}$, 若 $f(x) = (m+1)x^{\frac{2}{3}} + mx + 1$ 是偶函数, 则 f(x) 的单调递增区间是______. 答案: $[0, +\infty)$
- 363. 已知圆 $C: x^2 + y^2 + 2kx + 2y + k^2 = 0 (k \in \mathbf{R})$ 和定点 P(1, -1), 若过 P 可以作两条直线与圆 C 相切, 则 k 的取值范围是______.

答案: k < -2 或 k > 0

364. 如图, 在直三棱柱 $ABC - A_1B_1C_1$ 中, $\angle ABC = 90^\circ$, AB = BC = 1, 若 A_1C 与平面 B_1BCC_1 所成的角为 $\frac{\pi}{6}$, 则三棱锥 $A_1 - ABC$ 的体积为______.



答案: $\frac{\sqrt{2}}{6}$

365. 设地球半径为 R, 若 A、B 两地均位于北纬 45°, 且两地所在纬度圈上的弧长为 $\frac{\sqrt{2}}{4}\pi R$, 则 A、B 之间的球面距离是______(结果用含有 R 的代数式表示).

答案: $\frac{\pi}{3}R$

366. 复数 i(2+i) 的虚部为_____.

答案: 2

367. 设函数
$$f(x) = \begin{cases} \log_2 x, & x > 0, \\ 4^x, & x \le 0, \end{cases}$$
则 $f(f(-1)) = \underline{\qquad}$.

答案: -2

368. 已知 $M=\{x||x-1|\leq 2, x\in \mathbf{R}\},\ P=\{x|\frac{1-x}{x+2}\geq 0, x\in \mathbf{R}\},\$ 则 $M\cap P=$ ______. 答案: [-1,1]

- 369. 抛物线 $y=x^2$ 上一点 M 到焦点的距离为 1, 则点 M 的纵坐标为_____. 答案: $\frac{3}{4}$
- 370. 已知无穷数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_{n+1}=\frac{1}{2}a_n(n\in \mathbf{N}^*)$,且 $a_2=1$,记 S_n 为数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和,则 $\lim_{n\to\infty}S_n=$ ______. 答案: 4
- 371. 已知 $x, y \in \mathbf{R}^+$, 且 x + 2y = 1, 则 xy 的最大值为______. 答案: $\frac{1}{8}$
- 373. 若 $(2x^2 + \frac{1}{x})^n (n \in \mathbf{N}^*)$ 的二项展开式中的第 9 项是常数项, 则 $n = \underline{\hspace{1cm}}$. 答案: 12
- 374. 已知 A,B 分别是函数 $f(x)=2\sin\omega x(\omega>0)$ 在 y 轴右侧图像上的第一个最高点和第一个最低点,且 $\angle AOB=\frac{\pi}{2},$ 则该函数的最小正周期是______. 答案: $\frac{8\sqrt{3}}{2}$
- 375. 将序号分别为 1、2、3、4、5 的 5 张参观券全部分给 4 人,每人至少一张,如果分给同一人的 2 张参观券连号,那么不同的分法种数是______.

答案: 96

376.
$$\lim_{n \to \infty} \frac{2n+3}{n+1} = \underline{\hspace{1cm}}.$$

377. 设全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{-1, 0, 1, 2, 3\}$, $B = \{x | x \ge 2\}$, 则 $A \cap \mathsf{C}_U B = \underline{\hspace{1cm}}$

378. 不等式 $\frac{x+1}{x+2} < 0$ 的解集为______.

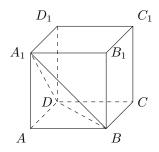
答案: {-1,0,1}

379. 椭圆 $\begin{cases} x = 5\cos\theta, \\ y = 4\sin\theta \end{cases} \quad (\theta \ 为参数) \ 的焦距为_____.$

答案: 6

380.	若函数 $y = \begin{vmatrix} \cos x & \sin x \\ \sin x & \cos x \end{vmatrix}$ 的最小正周期为 $a\pi$, 则实数 a 的值为
	答案: 1
381.	若点 $(8,4)$ 在函数 $f(x) = 1 + \log_a x$ 图像上,则 $f(x)$ 的反函数为
	答案: 2^{x-1}
382.	已知向量 $\overrightarrow{a}=(1,2),\ \overrightarrow{b}=(0,3),\ $ 则 \overrightarrow{b} 在 \overrightarrow{a} 的方向上的投影为
	答案: $\frac{6\sqrt{5}}{5}$
383.	已知一个底面置于水平面上的圆锥, 其左视图是边长为 6 的正三角形, 则该圆锥的侧面积为
	答案: 18π
384.	某班级要从5名男生和2名女生中选出3人参加公益活动,则在选出的3人中男、女生均有的概率为(结
	果用最简分数表示).
	答案: $\frac{5}{7}$
385.	设常数 $a>0$,若 $(x+\frac{a}{x})^9$ 的二项展开式中 x^5 的系数为 144 ,则 $a=$
	答案: 2
386.	设集合 $M = \{x x^2 = x\}, N = \{x \lg x \le 0\}, 则 M \cap N =$
	答案: {1}
387.	已知 a 、 $b \in \mathbf{R}$, \mathbf{i} 是虚数单位,若 $a+\mathbf{i}=2-b\mathbf{i}$,则 $(a+b\mathbf{i})^2=$
	答案: 3 – 4i
388.	已知函数 $f(x) = a^x - 1$ 的图像经过 $(1,1)$ 点,则 $f^{-1}(3) =$
	答案: 2
389.	不等式 $x x-1 > 0$ 的解集为
	答案: $(0,1) \cup (1,+\infty)$
390.	已知 $\overrightarrow{d} = (\sin x, \cos x), \ \overrightarrow{b} = (\sin x, \sin x), $ 则函数 $f(x) = \overrightarrow{d} \cdot \overrightarrow{b}$ 的最小正周期为
	答案: π
391.	里约奥运会游泳小组赛采用抽签方法决定运动员比赛的泳道, 在由 2 名中国运动员和 6 名外国运动员组成的
	小组中, 2 名中国运动员恰好抽在相邻泳道的概率为
	答案: $\frac{1}{4}$

392. 如图, 在棱长为 1 的正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, 点 P 在截面 A_1DB 上, 则线段 AP 的最小值为______.



答案: $\frac{\sqrt{3}}{3}$

393. 设
$$(1+x)^n = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + a_3 x^3 + \dots + a_n x^n$$
,若 $\frac{a_2}{a_3} = \frac{1}{3}$,则 $n = \underline{\hspace{1cm}}$ 答案: 11

394. 已知圆锥底面半径与球的半径都是 1 cm,如果圆锥的体积与球的体积恰好也相等,那么这个圆锥的侧面积是_____ cm^2 .

答案: $\sqrt{17}\pi$

- 395. 设 P(x,y) 是曲线 $C:\sqrt{\frac{x^2}{25}}+\sqrt{\frac{y^2}{9}}=1$ 上的点, $F_1(-4,0),\,F_2(4,0),\,$ 则 $|PF_1|+|PF_2|$ 的最大值为______. 答案: 10
- 396. 已知复数 $z=2+{\rm i}({\rm i}$ 为虚数单位), 则 $\overline{z^2}=$ ______.

答案: 3 – 4i

- 397. 已知集合 $A=\{x|\frac{1}{2}\leq 2^x<16\},$ $B=\{x|y=\log_2(9-x^2)\},$ 则 $A\cap B=$ ______. 答案: [-1,3)
- 398. 在二项式 $(x + \frac{2}{x})^6$ 的展开式中,常数项是______. 答案: 160
- 399. 等轴双曲线 $x^2-y^2=a^2$ 与抛物线 $y^2=16x$ 的准线交于 A 、B 两点,且 $|AB|=4\sqrt{3}$,则该双曲线的实轴长等于______.

答案: 4

- 400. 若由矩阵 $\begin{pmatrix} a & 2 \\ 2 & a \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a+2 \\ 2a \end{pmatrix}$ 表示 x、y 的二元一次方程组无解,则实数 a=______. 答案: -2
- 401. 已知 $f(x) = \sin \frac{\pi}{3} x$, $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$, 现从集合 A 中任取两个不同元素 s、t, 则使得 $f(s) \cdot f(t) = 0$ 发生的概率是_____.

答案: $\frac{13}{28}$

402. 若圆锥侧面积为 20π , 且母线与底面所成角为 $\arccos\frac{4}{5}$, 则该圆锥的体积为______. 答案: 16π

- 404. 将边长为 10 的正三角形 ABC,按 "斜二测" 画法在水平放置的平面上画出为 $\triangle A'B'C'$,则 $\triangle A'B'C'$ 中最短边的边长为______(精确到 0.01).

答案: 3.62

405. 已知点 A 是圆 $O: x^2+y^2=4$ 上的一个定点,点 B 是圆 O 上的一个动点,若满足 $|\overrightarrow{AO}+\overrightarrow{BO}|=|\overrightarrow{AO}-\overrightarrow{BO}|$,则 $|\overrightarrow{AO}\cdot\overrightarrow{AB}=$ ______.

答案: 4

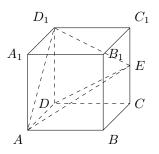
406. 方程 $\lg(3x+4)=1$ 的解 x=_____.

答案: 2

- 407. 若关于 x 的不等式 $\frac{x-a}{x-b} > 0(a,b \in \mathbf{R})$ 的解集为 $(-\infty,1) \cup (4,+\infty)$,则 $a+b = \underline{\hspace{1cm}}$. 答案: 5
- 408. 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 $S_n=2^n-1$, 则此数列的通项公式为______. 答案: $a_n=2^{n-1}$
- 409. 函数 $f(x) = \sqrt{x} + 1$ 的反函数是_____. 答案: $f^{-1}(x) = (x 1)^2 \ (x \ge 1)$
- 410. $(1+2x)^6$ 展开式中 x^3 项的系数为_____(用数字作答).

答案: 160

411. 如图, 已知正方形 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$, $AA_1 = 2$, E 为棱 CC_1 的中点, 则三棱锥 $D_1 - ADE$ 的体积为______.



答案: $\frac{4}{3}$

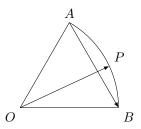
412. 从单词 "shadow" 中任意选取 4 个不同的字母排成一排,则其中含有 "a" 的共有_____ 种排法 (用数字 作答).

答案: 240

413. 集合 $\{x | \cos(\pi \cos x) = 0, x \in [0, \pi]\} =$ _____(用列举法表示).

答案: $\{\frac{\pi}{3}, \frac{2\pi}{3}\}$

414. 如图,已知半径为 1 的扇形 AOB, $\angle AOB = 60^{\circ}$,P 为弧 $\stackrel{\frown}{AB}$ 上的一个动点,则 $\overrightarrow{OP} \cdot \overrightarrow{AB}$ 取值范围



答案: $\left[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right]$

- 415. 已知 x、y 满足曲线方程 $x^2 + \frac{1}{y^2} = 2$, 则 $x^2 + y^2$ 的取值范围是_ 答案: $\left[\frac{1}{2}, +\infty\right)$
- 416. 已知 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x | 4 2x \ge x + 1\}$, 则 $\mathbb{C}_U A = \underline{\hspace{1cm}}$.

答案: $\{x|x>1\}$

3 -5 1 2 3 -6 中元素 -5 的代数余子式的值为______. -7 2 4

答案: 34

418. $(1-\frac{x}{2})^8$ 的二项展开式中含 x^2 项的系数是______.

答案: 7

419. 已知一个球的表面积为 16π , 则它的体积为_____.

答案: $\frac{32}{3}π$

420. 一个袋子中共有 6 个球, 其中 4 个红色球, 2 个蓝色球, 这些球的质地和形状一样, 从中任意抽取 2 个球, 则 所抽的球都是红色球的概率是_____.

答案: 25

421. 已知直线 l: x-y+b=0 被圆 $C: x^2+y^2=25$ 所截得的弦长为 6, 则 b=______.

答案: $\pm 4\sqrt{2}$

422.	若复数 $(1+ai)(2-i)$ 在复平面上所对应的点在直线 $y=x$ 上, 则实数 $a=$
	答案: 3

- 424. 过双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} \frac{y^2}{4} = 1$ 的右焦点 F 作一条垂直于 x 轴的垂线交双曲线 C 的两条渐近线于 A 、 B 两点, O 为坐标原点,则 $\triangle OAB$ 的面积的最小值为______.

答案: 8

- 425. 若关于 x 的不等式 $|2^x m| \frac{1}{2^x} < 0$ 在区间 [0,1] 内恒成立,则实数 m 的范围______. 答案: $(\frac{3}{2},2)$
- 426. 已知集合 $A=\{1,2,4,6,8\},\,B=\{x|x=2k,k\in A\},\,$ 则 $A\cap B=$ ______. 答案: $\{2,4,8\}$
- 427. 已知 $\frac{\overline{z}}{1-i} = 2+i$, 则复数 z 的虚部为______. 答案: 1
- 428. 设函数 $f(x) = \sin x \cos x$, 且 f(a) = 1, 则 $\sin 2a =$ ______. 答案: 0

- 431. 已知角 A 是 $\triangle ABC$ 的内角,则 " $\cos A = \frac{1}{2}$ " 是 " $\sin A = \frac{\sqrt{3}}{2}$ " 的_______ 条件(填 "充分非必要"、"必要非充分"、"充要条件"、"既非充分又非必要"之一).

答案: 充分非必要

- 432. 若双曲线 $x^2 \frac{y^2}{b^2} = 1$ 的一个焦点到其渐近线距离为 $2\sqrt{2}$, 则该双曲线焦距等于______. 答案: 6
- 433. 若正项等比数列 $\{a_n\}$ 满足: $a_3 + a_5 = 4$, 则 a_4 的最大值为______. 答案: 2

434.	. 已知函数 $f(x)=\sin(2x+\frac{\pi}{3})$ 在区间 $[0,a]$ (其中 $a>0$) 上单调递增, 则实数 a 的取值范围是	
	答案: $0 < a \le \frac{\pi}{12}$	

435. 设函数
$$f(x) = \begin{cases} x^6, & x \ge 1, \\ & \text{则当 } x \le -1 \text{ 时, } f[f(x)] \text{ 表达式的展开式中含 } x^2 \text{ 项的系数是} \\ -2x - 1, & x \le -1, \end{cases}$$

答案: 60

436. "
$$x < 0$$
" 是 " $x < a$ " 的充分非必要条件, 则 a 的取值范围是______. 答案: $a > 0$

437. 函数
$$f(x) = 1 - 3\sin^2(x + \frac{\pi}{4})$$
 的最小正周期为______. 答案: π

438. 若复数
$$z$$
 为纯虚数, 且满足 $(2-i)z=a+i(i$ 为虚数单位), 则实数 a 的值为_______. 答案: $\frac{1}{2}$

439. 二项式
$$(x^2 + \frac{1}{x})^5$$
 的展开式中, x 的系数为______. 答案: 10

441. 已知
$$\alpha$$
 为锐角,且 $\cos(\alpha + \frac{\pi}{4}) = \frac{3}{5}$,则 $\sin \alpha =$ _____. 答案: $\frac{\sqrt{2}}{10}$

442. 已知正四棱柱 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$, AB=a, $AA_1=2a$, E, F 分别是棱 AD, CD 的中点, 则异面直线 BC_1 与 EF 所成角是______.

答案:
$$(0,\frac{1}{2})\cup(\frac{1}{2},1)$$

答案: 336

答案: $\arccos \frac{\sqrt{10}}{10}$

445. 已知奇函数
$$f(x)$$
 是定义在 \mathbf{R} 上的增函数, 数列 $\{x_n\}$ 是一个公差为 2 的等差数列, 满足 $f(x_7)+f(x_8)=0$, 则 x_{2017} 的值为______.

答案: 4019

446. 若集合 $M = \{x|x^2 - 2x < 0\}$, $N = \{x||x| > 1\}$, 则 $M \cap N =$ _____. 答案: (1,2)

- 447. 若复数 $\angle OFA + \angle OFB = 180^\circ$ 满足 $2z + \overline{z} = 3 2i$, 其中 i 为虚数单位,则 $z = \underline{\hspace{1cm}}$ 答案: 1 2i
- 448. 如果 $\sin\alpha=-\frac{5}{13}$, 且 α 为第四象限角, 则 $\tan\alpha$ 的值是______. 答案: $-\frac{5}{12}$
- 449. 函数 $f(x) = \begin{vmatrix} \cos x & \sin x \\ \sin x & \cos x \end{vmatrix}$ 的最小正周期是______.

450. 函数 $f(x) = 2^x + m$ 的反函数为 $y = f^{-1}(x)$, 且 $y = f^{-1}(x)$ 的图像过点 Q(5,2), 那么 m =______.

答案: 1

答案: π

451. 点 (1,0) 到双曲线 $\frac{x^2}{4} - y^2 = 1$ 的渐近线的距离是______. 答案: $\sqrt{5}$

答案: 4

答案: 48

454. 方程 $x^2 + y^2 - 4tx - 2ty + 3t^2 - 4 = 0(t$ 为参数) 所表示的圆的圆心轨迹方程是______(结果化为普通方程).

答案: x - 2y = 0

455. 若 a_n 是 $(2+x)^n (n \in \mathbf{N}^*, n \ge 2, x \in \mathbf{R})$ 展开式中 x^2 项的二项式系数,则 $\lim_{n \to \infty} (\frac{1}{a_2} + \frac{1}{a_3} + \cdots + \frac{1}{a_n}) =$ ______.

答案: 2

456. 设集合 $A = \{2,3,4,12\}, B = \{0,1,2,3\},$ 则 $A \cap B =$ ______. 答案: $\{2,3\}$

- 458. 函数 $y = 2\cos^2(3\pi x) 1$ 的最小正周期为______. 答案: $\frac{1}{3}$
- 459. 不等式 $\frac{x+2}{x+1} > 1$ 的解集为______. 答案: $(-1, +\infty)$
- 460. 若 $z = \frac{-2 + 3i}{i}$ (其中 i 为虚数单位), 则 $\mathrm{Im}z =$ _____. 答案: 2
- 461. 若从五个数 -1,0,1,2,3 中任选一个数 m, 则使得函数 $f(x) = (m^2 1)x + 1$ 在 \mathbf{R} 上单调递增的概率 为______(结果用最简分数表示).

答案: ²/₅

答案: 104

- 462. 在 $(\frac{3}{x^2} + \sqrt{x})^n$ 的二项展开式中,所有项的二项式系数之和为 1024,则常数项的值等于______. 答案: 405
- 463. 半径为 4 的圆内接三角形 ABC 的面积是 $\frac{1}{16}$,角 A,B,C 所对应的边依次为 a,b,c,则 abc 的值为______. 答案: 1
- 464. 已知抛物线 C 的顶点为坐标原点, 双曲线 $\frac{x^2}{25} \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点是 C 的焦点 F. 若斜率为 -1, 且过 F 的 直线与 C 交于 A,B 两点, 则 |AB| =______.

465. 直角坐标系 xOy 内有点 P(-2,-1), Q(0,-2), 将 $\triangle POQ$ 绕 x 轴旋转一周,则所得几何体的体积为______. 答案: 4π

- 466. 已知集合 $A=\{1,2,5\},\,B=\{2,a\}.$ 若 $A\cup B=\{1,2,3,5\},\,$ 则 $a=_$ _____. 答案: 3
- 467. 抛物线 $y^2 = 4x$ 的焦点坐标是______. 答案: (1,0)
- 468. 不等式 $\frac{x}{x+1} < 0$ 的解是_____. 答案: (-1,0)
- 469. 若复数 z 满足 $\mathrm{i}z=1+\mathrm{i}(\mathrm{i}$ 为虚数单位), 则 z=______. 答案: $1-\mathrm{i}$

470.	在代数式 $(x + \frac{1}{x^2})^7$ 的展开式中,一次项的系数是(用数字作答).
	答案: 21
471.	若函数 $y=2\sin(\omega x-\frac{\pi}{3})+1$ $(\omega>0)$ 的最小正周期是 π , 则 $\omega=$
	答案: 2
472.	若函数 $f(x) = x^a$ 的反函数的图像经过点 $(\frac{1}{2}, \frac{1}{4})$, 则 $a = \phantom{aaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaa$
	答案: $\frac{1}{2}$
473.	将一个正方形绕着它的一边所在的直线旋转一周,所得几何体的体积为 $27\pi\mathrm{cm}^3$,则该几何体的侧面积为 cm^3 .
	答案: 18π
474.	已知函数 $y = f(x)$ 是奇函数, 当 $x < 0$ 时, $f(x) = 2^x - ax$, 且 $f(2) = 2$, 则 $a = $
	答案: $-\frac{9}{8}$
475.	若无穷等比数列 $\{a_n\}$ 的各项和为 S_n ,首项 $a_1=1$,公比为 $a-\frac{3}{2}$,且 $\lim_{n\to\infty}S_n=a$,则 $a=$
	答案: 2
476.	已知全集 $U = \mathbb{N}$, 集合 $A = \{1, 2, 3, 4\}$, 集合 $B = \{3, 4, 5\}$, 则 $(C_U A) \cap B = \underline{\hspace{1cm}}$.
	答案: {5}
477.	复数 $\frac{2}{1+i}$ 的虚部是
	答案: -1
478.	用 1,2,3,4,5 共 5 个数排成一个没有重复数字的三位数,则这样的三位数有 个.
	答案: 60
	已知 $\tan \theta = -2$, 且 $\theta \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$, 则 $\cos \theta =$
	答案: $-\frac{\sqrt{5}}{5}$
480.	圆锥的底面半径为 1, 母线长为 3, 则圆锥的侧面积等于
	答案: 3π
481.	已知向量 $\overrightarrow{a}=(1,\sqrt{3}),$ $\overrightarrow{b}=(3,m).$ 若向量 \overrightarrow{b} 在 \overrightarrow{a} 方向上的投影为 $3,$ 则实数 $m=$
	答案: $\sqrt{3}$
482.	已知球主视图的面积等于 9π ,则该球的体积为
	答案: 36π
483.	$(x + \frac{1}{x^2})^9$ 的二项展开式中,常数项的值为
	答案: 84

484. 已知 A(2,0), B(4,0), 动点 P 满足 $|PA| = \frac{\sqrt{2}}{2}|PB|,$ 则 P 到原点的距离为_____. 答案: $2\sqrt{2}$

- 485. 设焦点为 F_1 、 F_2 的椭圆 $\frac{x^2}{a^2}+\frac{y^2}{3}=1$ (a>0) 上的一点 P 也在抛物线 $y^2=\frac{9}{4}x$ 上,抛物线焦点为 F_3 ,若 $|PF_3|=\frac{25}{16}$,则 $\triangle PF_1F_2$ 的面积为______. 答案: $\frac{3}{2}$

答案: $y = \pm \frac{1}{3}x$

- 488. 首项和公比均为 $\frac{1}{2}$ 的等比数列 $\{a_n\}$, S_n 是它的前 n 项和, 则 $\lim_{n\to\infty}S_n=$ ______. 答案: 1
- 489. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$ 所对的边分别是 a,b,c, 若 a:b:c=2:3:4, 则 $\cos C=$ ______. 答案: $-\frac{1}{4}$
- 490. 已知复数 $z=a+b\mathrm{i}(a,b\in\mathbf{R})$ 满足 |z|=1, 则 $a\cdot b$ 范围是_____. 答案: $[-\frac{1}{2},\frac{1}{2}]$
- 491. 某学生要从物理、化学、生物、政治、历史、地理这六门学科中选三门参加等级考,要求是物理、化学、生物 这三门至少要选一门,政治、历史、地理这三门也至少要选一门,则该生的可能选法总数是______. 答案: 18
- 492. 已知 M 、N 是三棱锥 P-ABC 的棱 AB, PC 的中点,记三棱锥 P-ABC 的体积为 V_1 ,三棱锥 N-MBC 的体积为 V_2 ,则 $\frac{V_2}{V_1}$ 等于______. 答案: $\frac{1}{4}$
- 493. 在平面直角坐标系中, 双曲线 $\frac{x^2}{a^2}-y^2=1$ 的一个顶点与抛物线 $y^2=12x$ 的焦点重合, 则双曲线的两条渐近线的方程为______.
- 494. 已知 $y=\sin x$ 和 $y=\cos x$ 的图像的连续的三个交点 A、B、C 构成三角形 $\triangle ABC$,则 $\triangle ABC$ 的面积等于______. 答案: $\sqrt{2}\pi$

495. 已知函数
$$f(x) = \begin{cases} 2^x, & x \leq 0, \\ f(x-2), & x > 0, \end{cases}$$
则 $f(1) + f(2) + f(3) + \dots + f(2017) = \underline{\qquad}$.

答案: $\frac{3025}{2}$

- 496. 已知全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x | |x-1| > 1\}$, $B = \{x | \frac{x-3}{x+1} < 0\}$, 则 $(\mathbf{C}_U A) \cap B = \underline{\hspace{1cm}}$. 答案: [0,2]
- 497. 已知角 θ 的顶点在坐标原点,始边与 x 轴的正半轴重合,若角 θ 的终边落在第三象限内,且 $\cos(\frac{\pi}{2}+\theta)=\frac{3}{5}$,则 $\cos 2\theta=$ _______. 答案: $\frac{7}{25}$
- 498. 已知幂函数的图像过点 $(2, \frac{1}{4})$, 则该幂函数的单调递增区间是______. 答案: $(-\infty, 0)$
- 499. 若 S_n 是等差数列 $\{a_n\}$ $(n \in \mathbf{N}^*)$: $-1, 2, 5, 8, \cdots$ 的前 n 项和,则 $\lim_{n \to \infty} \frac{S_n}{n^2 + 1} =$ ______. 答案: $\frac{3}{2}$
- 500. 某圆锥体的底面圆的半径长为 $\sqrt{2}$,其侧面展开图是圆心角为 $\frac{2}{3}\pi$ 的扇形,则该圆锥体的体积是______. 答案: $\frac{8}{3}\pi$
- 502. 已知二项式展开式 $(1-2x)^7=a_0+a_1x+a_2x^2+\cdots+a_7x^7$, 且复数 $z=\frac{1}{2}a_1+\frac{a_7}{128}$ i, 则复数 z 的模 |z|=_____(其中 i 是虚数单位).
- 503. 某高级中学欲从本校的7位古诗词爱好者(其中男生2人、女生5人)中随机选取3名同学作为学校诗词朗读比赛的主持人. 若要求主持人中至少有一位是男同学,则不同选取方法的种数是_____(结果用数值表示).

答案: 25

答案: $5\sqrt{2}$

504. 已知 $\triangle ABC$ 的三个内角 A,B,C 所对边长分别为 a,b,c, 记 $\triangle ABC$ 的面积为 S, 若 $S=a^2-(b-c)^2$, 则内角 A=_____(结果用反三角函数值表示).

答案: $\arccos \frac{15}{17}$

505. 已知函数 $f(x) = \left| \frac{1}{|x|-1} \right|$,关于 x 的方程 $f^2(x) + bf(x) + c = 0$ 有 7 个不同实数根,则实数 b, c 满足的关系式是______.

答案:
$$\begin{cases} b+c=-1, \\ b<-2. \end{cases}$$

506. 若全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x | x \le 0$ 或 $x \ge 2\}$, 则 $\complement_U A = \underline{\hspace{1cm}}$.

答案: $A = \{x | 0 < x < 2\}$

507. 不等式 $\frac{x-1}{x} < 0$ 的解为______.

答案: 0 < x < 1

508. 方程组 $\begin{cases} 3x - 2y = 1, & \text{ h增广矩阵是} \\ 2x + 3y = 5 \end{cases}$

答案: $\begin{pmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 2 & 3 & 5 \end{pmatrix}$)

509. 若复数 z = 2 - i(i) 为虚数单位),则 $z \cdot \overline{z} + z = \underline{\hspace{1cm}}$.

答案: 7-i

510. 已知 F_1 、 F_2 是椭圆 $\frac{x^2}{25}+\frac{y^2}{9}=1$ 的两个焦点,P 是椭圆上的一个动点,则 $|PF1|\times |PF2|$ 的最大值是______.

答案: 25

511. 已知 x,y 满足 $\begin{cases} x-y+1\geq 0,\\ x+y-3\geq 0, & \text{则目标函数 } k=2x+y \text{ 的最大值为}___.\\ x\leq 2, \end{cases}$

答案: 7

512. 从一副混合后的扑克牌 (52 张) 中随机抽取 1 张, 事件 A 为 "抽得红桃 K", 事件 B 为 "抽得为黑桃", 则概率 $P(A \cup B) =$ _____(结果用最简分数表示).

答案: $\frac{7}{26}$

513. 已知点 A(2,3)、点 $B(-2,\sqrt{3})$,直线 l 过点 P(-1,0),若直线 l 与线段 AB 相交,则直线 l 的倾斜角的取值范围是

答案: $\left[\frac{\pi}{4}, \frac{2\pi}{3}\right]$

514. 数列 $\{a_n\}$ 的通项公式是 $a_n=2n-1$ $(n\in \mathbf{N}^*)$, 数列 $\{b_n\}$ 的通项公式是 $b_n=3n$ $(n\in \mathbf{N}^*)$, 令集合 $A=\{a_1,a_2,\cdots,a_n,\cdots\},\ B=\{b_1,b_2,\cdots,b_n,\cdots\},\ n\in \mathbf{N}^*$. 将集合 $A\cup B$ 中的所有元素按从小到大的顺序 排列, 构成的数列记为 $\{c_n\}$. 则数列 $\{c_n\}$ 的前 28 项的和 $S_{28}=$ ________.

答案: 820

515. 向量 \overrightarrow{i} 、 \overrightarrow{j} 是平面直角坐标系 x 轴、y 轴的基本单位向量,且 $|\overrightarrow{a}-\overrightarrow{i}|+|\overrightarrow{a}-2\overrightarrow{j}|=\sqrt{5}$,则 $|\overrightarrow{a}+2\overrightarrow{i}|$ 的取值范围为

答案: $\left[\frac{6}{5}\sqrt{5},3\right]$

516. 计算:
$$\lim_{n \to \infty} (1 - \frac{n}{n+1}) =$$
______. 答案: 0

$$517.$$
 计算行列式 $\begin{vmatrix} 1-i & 2 \\ 3i+1 & 1+i \end{vmatrix}$ 的结果是_____(其中 i 为虚数单位).

答案: -6i

518. 与双曲线
$$\frac{x^2}{9}-\frac{y^2}{16}=1$$
 的渐近线相同,且经过点 $A(-3,2\sqrt{3})$ 的双曲线的方程是______. 答案: $\frac{4x^2}{9}-\frac{y^2}{4}=1$

519. 从 5 名志愿者中选出 3 名, 分别从事布置、迎宾、策划三项不同的工作, 每人承担一项工作, 则不同的选派方案共有__________种 (结果用数值表示).

答案: 60 种

520. 已知函数 $f(x) = a \cdot 2^x + 3 - a \ (a \in \mathbf{R})$ 的反函数为 $y = f^{-1}(x)$, 则函数 $y = f^{-1}(x)$ 的图像经过的定点的坐标为______.

答案: (3,0)

- 521. 在 $(x-a)^{10}$ 的展开式中, x^7 的系数是 15, 则实数 a=_____. 答案: $-\frac{1}{2}$
- 522. 已知点 A(2,3) 到直线 ax + (a-1)y + 3 = 0 的距离不小于 3, 则实数 a 的取值范围是______. 答案: $(-\infty, -3] \cup [\frac{3}{7}, +\infty)$
- 523. 类似平面直角坐标系,我们把平面内两条相交但不垂直的数轴构成的坐标系(两条数轴的原点重合于 O 点且单位长度相同)称为斜坐标系. 在斜坐标系 xOy 中,若 $\overrightarrow{OP} = x\overrightarrow{e_1} + y\overrightarrow{e_2}$ (其中 $\overrightarrow{e_1}$, $\overrightarrow{e_2}$ 分别为斜坐标系的 x 轴、y 轴正方向上的单位向量, $x,y \in \mathbf{R}$),则点 P 的坐标为 (x,y). 若在斜坐标系 xOy 中, $\angle xOy = 60^\circ$,点 M 的坐标为 (1,2),则点 M 到原点 O 的距离为_______.

答案: √7

524. 已知圆锥的轴截面是等腰直角三角形,该圆锥的体积为 $\frac{8}{3}\pi$,则该圆锥的侧面积等于______. 答案: $4\sqrt{2}\pi$

526. 集合 $P = \{x | 0 \le x < 3, x \in \mathbf{Z}\}, M = \{x | x^2 \le 9\}, 则 <math>P \cap M = \underline{\hspace{1cm}}$

答案: {0,1,2}

527. 计算
$$\lim_{n \to \infty} \frac{C_n^2}{n^2 + 1} = \underline{\qquad}$$
. 答案: $\frac{1}{2}$

528. 方程
$$\begin{vmatrix} 1 + \lg x & 3 - \lg x \\ 1 & 1 \end{vmatrix} = 0$$
 的根是_____

答案: 10

529. 已知
$$\sin \alpha - \frac{3}{5} + (\cos \alpha - \frac{4}{5})$$
i 是纯虚数 (i 是虚数单位),则 $sin(\alpha + \frac{\pi}{4}) =$ _____. 答案: $-\frac{\sqrt{2}}{10}$

530. 已知直线 l 的一个法向量是 $\overrightarrow{n} = (\sqrt{3}, -1)$, 则 l 的倾斜角的大小是_____.

答案: $\frac{\pi}{3}$

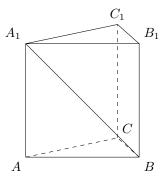
531. 从 4 名男同学和 6 名女同学中选取 3 人参加某社团活动,选出的 3 人中男女同学都有的不同选法种数是______(用数字作答).

答案: 96

532. 在 $(1+2x)^5$ 的展开式中, x^2 项系数为_____(用数字作答).

答案: 40

533. 如图, 在直三棱柱 $ABC - A_1B_1C_1$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$, AC = 4, BC = 3, $AB = BB_1$, 则异面直线 A_1B 与 B_1C_1 所成角的大小是_____(结果用反三角函数表示).

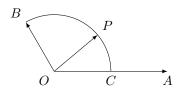


答案: $\arccos \frac{3\sqrt{2}}{10}$

534. 已知数列 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 满足 $b_n = \ln a_n$, $n \in \mathbb{N}^*$, 其中 $\{b_n\}$ 是等差数列, 且 $a_3 \cdot a_{1007} = \mathrm{e}^4$, 则 $b_1 + b_2 + \cdots + b_{1009} = \underline{\hspace{1cm}}$.

答案: 2018

535. 如图, 向量 \overrightarrow{OA} 与 \overrightarrow{OB} 的夹角为 120° , $|\overrightarrow{OA}|=2$, $|\overrightarrow{OB}|=1$, P 是以 O 为圆心、 $|\overrightarrow{OB}|$ 为半径的弧 $\overset{\frown}{BC}$ 上的 动点, 若 $\overrightarrow{OP}=\lambda\overrightarrow{OA}+\mu\overrightarrow{OB}$, 则 $\lambda\mu$ 的最大值是______.



答案: $\frac{1}{2}$

536. 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, 若集合 $A = \{3, 4, 5\}$, 则 $\mathcal{C}_U A = \underline{\hspace{1cm}}$.

答案: {1,2}

答案: ½

538. 方程 $\log_2(2-x) + \log_2(3-x) = \log_2 12$ 的解 x =_____.

答案: -1

539. $(\sqrt{x} - \frac{1}{x})^9$ 的二项展开式中的常数项的值为______.

答案: -84

540. 不等式 $\frac{1}{|x-1|} \ge 1$ 的解集为_____.

答案: $[0,1) \cup (1,2]$

541. 函数 $f(x) = \sqrt{3}\sin x + 2\cos^2\frac{x}{2}$ 的值域为_____.

答案: [-1,3]

答案: 一

544. 若直线 l: x+y=5 与曲线 $C: x^2+y^2=16$ 交于两点 $A(x_1,y_1), B(x_2,y_2),$ 则 $x_1y_2+x_2y_1$ 的值为______. 答案: 16

545. 设 a_1, a_2, a_3, a_4 是 1, 2, 3, 4 的一个排列,若至少有一个 i (i = 1, 2, 3, 4) 使得 $a_i = i$ 成立,则满足此条件的不同排列的个数为______.

答案: 15

546. 计算: $\lim_{n \to \infty} \frac{2n}{3n-1} =$ _____.

答案: 2/3

- 547. 已知集合 $A = \{x | 0 < x < 3\}, B = \{x | x^2 \ge 4\}, 则 A \cap B = _____.$ 答案: [2,3)
- 548. 已知 $\{a_n\}$ 为等差数列, S_n 为其前 n 项和, 若 $a_1+a_9=18$, $a_4=7$, 则 $S_{10}=$ ______. 答案: 100
- 549. 已知函数 $f(x) = \log_2(x+a)$ 的反函数为 $y = f^{-1}(x)$, 且 $f^{-1}(2) = 1$, 则实数 a =______. 答案: 3
- 550. 已知角 α 的终边与单位圆 $x^2+y^2=1$ 交于点 $P(\frac{1}{2},y_0),$ 则 $\cos 2\alpha=$ ______. 答案: $-\frac{1}{2}$
- 551. 若存在 $x \in [0, +\infty)$ 使 $\begin{vmatrix} 2^x & 2^x \\ m & x \end{vmatrix} < 1$ 成立, 则实数 m 的取值范围是______. 答案: $(-1, +\infty)$
- 553. 若直线 ax y + 3 = 0 与圆 $(x 1)^2 + (y 2)^2 = 4$ 相交于 A、B 两点,且 $|AB| = 2\sqrt{3}$,则 a =______. 答案: 0
- 554. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A=90^\circ$, $\triangle ABC$ 的面积为 1. 若 $\overrightarrow{BM}=\overrightarrow{MC}$, $\overrightarrow{BN}=4\overrightarrow{NC}$,则 $\overrightarrow{AM}\cdot\overrightarrow{AN}$ 的最小值为_______. 答案: $\frac{4}{8}$
- 555. 已知函数 f(x) = x|2x a| 1 有三个零点, 则实数 a 的取值范围为_____. 答案: $(2\sqrt{2}, +\infty)$
- 556. 设全集 $U=\mathbf{Z}$, 集合 $M=\{1,2\},$ $P=\{-2,-1,0,1,2\},$ 则 $P\cap \mathbb{C}_U M=$ ______. 答案: $\{-2,-1,0\}$
- 557. 已知复数 $z=\frac{\mathrm{i}}{2+\mathrm{i}}(\mathrm{i}$ 为虚数单位),则 $z\cdot\overline{z}=$ ______. 答案: $\frac{1}{5}$
- 558. 不等式 $2^{x^2-4x-3}>(\frac{1}{2})^{3(x-1)}$ 的解集为_____. 答案: $(-\infty,-2)\cup(3,+\infty)$
- 559. 函数 $f(x) = \sqrt{3} \sin x \cos x + \cos^2 x$ 的最大值为______. 答案: $\frac{3}{2}$

560. 在平面直角坐标系 xOy 中,以直线 $y=\pm 2x$ 为渐近线,且经过椭圆 $x^2+\frac{y^2}{4}=1$ 右顶点的双曲线的方程是_______. 答案: $x^2-\frac{y^2}{4}=1$

- 562. 设等差数列 $\{a_n\}$ 的公差 d 不为 0, $a_1 = 9d$. 若 a_k 是 a_1 与 a_{2k} 的等比中项,则 k =______. 答案: 4
- 563. 已知 $(1+2x)^6$ 展开式的二项式系数的最大值为 a, 系数的最大值为 b, 则 $\frac{b}{a} =$ ______. 答案: 12
- 564. 同时掷两枚质地均匀的骰子,则两个点数之积不小于 4 的概率为______. 答案: 31
- 565. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} \log_2(x+a), & x \leq 0, \\ x^2 3ax + a, & x > 0 \end{cases}$ 有三个不同的零点,则实数 a 的取值范围是______.

答案: $a \ge 1$

- 568. 二项式 $(x \frac{1}{2x})^4$ 的展开式中的常数项为______. 答案: $\frac{3}{2}$

569. 若
$$\begin{vmatrix} 4^x & 2 \\ 2^x & 1 \end{vmatrix} = 0$$
,则 $x =$ ______.

答案: 1

- 570. 已知圆 $O: x^2 + y^2 = 1$ 与圆 O' 关于直线 x + y = 5 对称, 则圆 O' 的方程是______. 答案: $(x 5)^2 + (y 5)^2 = 1$
- 571. 在坐标平面 xOy 内, O 为坐标原点,已知点 $A(-\frac{1}{2},\frac{\sqrt{3}}{2})$,将 \overrightarrow{OA} 绕原点按顺时针方向旋转 $\frac{\pi}{2}$,得到 $\overrightarrow{OA'}$,则 $\overrightarrow{OA'}$ 的坐标为______. 答案: $(\frac{\sqrt{3}}{2},\frac{1}{2})$

答案: 4.2

- 573. 若存在公差为 d 的等差数列 $\{a_n\}$ $(n \in \mathbb{N}^*)$ 满足 $a_3a_4+1=0$,则公差 d 的取值范围是______. 答案: $(-\infty,-2] \cup [2,+\infty)$
- 574. 著名的斐波那契数列 $\{a_n\}: 1,1,2,3,5,8,\cdots$,满足 $a_1=a_2=1,a_{n+2}=a_{n+1}+a_n$ $(n\in \mathbf{N}^*)$,那么 $1+a_3+a_5+a_7+a_9+\cdots+a_{2017}$ 是斐波那契数列中的第______ 项.

答案: 2018

- 575. 若不等式 $(-1)^n \cdot a < 3 + \frac{(-1)^{n+1}}{n+1}$ 对任意正整数 n 恒成立, 则实数 a 的取值范围是_____. 答案: $[-3,\frac{8}{3})$
- 576. 已知集合 $A = \{1, 2, m\}, B = \{3, 4\}.$ 若 $A \cap B = \{3\},$ 则实数 $m = _____$. 答案: $-\frac{3}{5}$
- 577. 已知 $\cos \theta = -\frac{3}{5}$, 则 $\sin(\theta + \frac{\pi}{2}) =$ ______.

答案: 2

578. 若行列式 $\begin{vmatrix} 2^{x-1} & 4 \\ 1 & 2 \end{vmatrix}$, 则 x =_____.

答案: 6

579. 已知一个关于 x,y 的二元一次方程组的增广矩阵是 $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$,则 x+y=______. 答案: -160

580. 在 $(x-\frac{2}{x})^6$ 的二项展开式中,常数项的值为______. 答案: $\frac{1}{12}$

581. 若将一颗质地均匀的骰子 (一种各面上分别标有 1, 2, 3, 4, 5, 6 六个点的正方体玩具), 先后抛掷 2 次, 则出现向上的点数之和为 4 的概率是______.

答案: 1

582. 数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ,若点 (n,S_n) $(n\in {\bf N}^*)$ 在函数 $y=\log_2(x+1)$ 的反函数的图像上,则 $a_n=$ ______.

答案: $a_n = 2^{n-1}$

583. 在 $\triangle ABC$ 中, 若 $\sin A$, $\sin B$, $\sin C$ 成等比数列, 则角 B 的最大值为______

答案: $\frac{\pi}{3}$

- 585. 已知函数 $f(x) = \cos x (\sin x + \sqrt{3}\cos x) \frac{\sqrt{3}}{2}, x \in \mathbf{R}$. 设 $\alpha > 0$, 若函数 $g(x) = f(x + \alpha)$ 为奇函数, 则 α 的值为______.

答案: $\alpha = \frac{k\pi}{2} - \frac{\pi}{6} \ (k \in \mathbf{N}^*)$

586. 不等式 $\frac{x}{x+1} \le 0$ 的解集为______.

答案: (-1,0]

587. 已知 $\sin \alpha = \frac{4}{5}$, 则 $\cos(\alpha + \frac{\pi}{2}) =$ _____.

答案: $-\frac{4}{5}$

588. $\lim_{n \to \infty} \frac{3^n - 1}{3^{n+1} + 1} = \underline{\qquad}.$

答案: $\frac{1}{3}$

589. 已知球的表面积为 16π, 则该球的体积为**_____**

答案: $\frac{32\pi}{3}$

590. 已知函数 $f(x) = 1 + \log_a x$, $y = f^{-1}(x)$ 是函数 y = f(x) 的反函数, 若 $y = f^{-1}(x)$ 的图像过点 (2,4), 则 a 的值为______.

答案: 4

591. 若数列 $\{a_n\}$ 为等比数列,且 $a_5=3$,则 $\begin{vmatrix} a_2 & -a_7 \\ a_3 & a_8 \end{vmatrix} =$ ______.

答案: 18

- 592. 在 $\triangle ABC$ 中,角 A、B、C 所对的边分别为 a、b、c, 若 (a+b+c)(a-b+c) = ac,则 B =______. 答案: $\frac{2\pi}{3}$
- 594. 已知函数 f(x) 是定义在 $\mathbf R$ 上且周期为 4 的偶函数. 当 $x \in [2,4]$ 时, $f(x) = \left|\log_4(x-\frac32)\right|$,则 $f(\frac12)$ 的值为______. 答案: $\frac12$
- 595. 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 且 $a_1=1$, $2S_n=a_na_{n+1}(n\in \mathbf{N}^*)$, 若 $b_n=(-1)^n\frac{2n+1}{a_na_{n+1}}$, 则数列 $\{b_n\}$ 的前 n 项和 $T_n=$ ______.

答案: $-1 + \frac{(-1)^n}{n+1}$

596. 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4\}$, 集合 $A = \{x | x^2 - 5x + 4 < 0, x \in \mathbf{Z}\}$, 则 $\mathbb{C}_U A = \underline{\hspace{1cm}}$. 答案: $\{1, 4\}$

$$\begin{cases} x=t^2, \\ y=2t, \end{cases}$$
 (t 为参数) 的曲线的焦点坐标为_____.

答案: (1,0)

598. 已知复数 z 满足 |z|=1, 则 |z-2| 的取值范围是______

答案: [1,3]

- 599. 设数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 若 $S_n=1-\frac{2}{3}a_n$ $(n\in \mathbf{N}^*)$, 则 $\lim_{n\to\infty}S_n=$ ______. 答案: 1
- 601. 把 1,2,3,4,5,6,7,8,9,10 分别写在 10 张形状大小一样的卡片上, 随机抽取一张卡片, 则抽到写着偶数或大于 6 的数的卡片的概率为_____(结果用最简分数表示).

答案: $\frac{7}{10}$

602. 若行列式
$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 4 \\ \cos \frac{x}{2} & \sin \frac{x}{2} & 0 \\ \sin \frac{x}{2} & \cos \frac{x}{2} & 8 \end{vmatrix}$$
 中元素 4 的代数余子式的值为 $\frac{1}{2}$, 则实数 x 的取值集合为_____.

答案: $\{x|x=2k\pi\pm\frac{\pi}{3},\ k\in\mathbf{Z}\}$

603. 满足约束条件 $|x|+2|y|\leq 2$ 的目标函数 z=y-x 的最小值是______.

答案: -2

604. 已知函数
$$f(x)=$$

$$\begin{cases} \log_2 x, & 0< x<2,\\ (\frac{2}{3})^x+\frac{5}{9}, & x\geq 2. \end{cases}$$
 若函数 $g(x)=f(x)-k$ 有两个不同的零点,则实数 k 的取值范围是

答案: $(\frac{5}{9}, 1)$

605. 某部门有 8 位员工, 其中 6 位员工的月工资分别为 8200, 8300, 8500, 9100, 9500, 9600(单位:元), 另两位员工的月工资数据不清楚, 但两人的月工资和为 17000元, 则这 8 位员工月工资的中位数可能的最大值为_____元.

答案: 8800

606. 计算:
$$\lim_{n \to \infty} (1 + \frac{1}{n})^3 = \underline{\hspace{1cm}}$$

答案: 1

608. 若
$$\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$$
, $\sin \alpha = \frac{3}{5}$, 则 $\tan \frac{\alpha}{2} =$ _____.

答案: 3

609. 若复数 $z=(1+\mathrm{i})\cdot\mathrm{i}^2(\mathrm{i}$ 表示虚数单位),则 $\overline{z}=$ _____. 答案: $-1+\mathrm{i}$

610. 曲线
$$C$$
:
$$\begin{cases} x = \sec \theta, \\ (\theta \ \text{为参数}) \ \text{的两个顶点之间的距离为} \\ y = \tan \theta, \end{cases}$$

答案: 2

611. 若从一副 52 张的扑克牌中随机抽取 2 张,则在放回抽取的情形下,两张牌都是 K 的概率为_____(结果用最简分数表示).

答案: $\frac{1}{169}$

- 612. 若关于 x 的方程 $\sin x + \cos x m = 0$ 在区间 $[0, \frac{\pi}{2}]$ 上有解, 则实数 m 的取值范围是______. 答案: $1 \le m \le \sqrt{2}$.
- 613. 若一个圆锥的母线与底面所成的角为 $\frac{\pi}{6}$, 体积为 125π , 则此圆锥的高为______. 答案: 5
- 614. 若函数 $f(x) = \log_2^2 x \log_2 x + 1$ $(x \ge 2)$ 的反函数为 $f^{-1}(x)$,则 $f^{-1}(3) =$ ______. 答案: 4
- 615. 若三棱锥 S-ABC 的所有的顶点都在球 O 的球面上, $SA \perp$ 平面 ABC, SA = AB = 2, AC = 4, $\angle BAC = \frac{\pi}{3}$, 则球 O 的表面积为______.

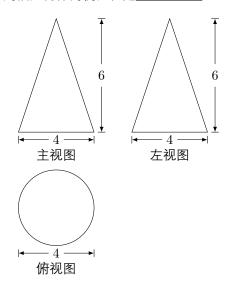
答案: 20π

616. 方程 $\log_3(2x+1)=2$ 的解是_____. 答案: x=4

- 617. 已知集合 $M=\{x||x+1|\leq 1\}, N=\{-1,0,1\},$ 则 $M\cap N=$ _____. 答案: $\{-1,0\}$
- 618. 若复数 $z_1=a+2\mathrm{i},\ z_2=2+\mathrm{i}(\mathrm{i}$ 是虚数单位),且 z_1z_2 为纯虚数,则实数 a=______. 答案: 1

答案: x + y - 1 = 0

- 621. 某空间几何体的三视图如图所示,则该几何体的侧面积是______.



答案: $4\sqrt{10}\pi$

- 622. 若函数 $f(x) = 2^x(x+a) 1$ 在区间 [0,1] 上有零点, 则实数 a 的取值范围是______. 答案: $[-\frac{1}{2},1]$
- 623. 在约束条件 $|x+1|+|y-2| \le 3$ 下,目标函数 z=x+2y 的最大值为______. 答案: 9
- 624. 某学生在上学的路上要经过 2 个路口,假设在各路口是否遇到红灯是相互独立的,遇到红灯的概率都是 $\frac{1}{3}$,则这名学生在上学的路上到第二个路口时第一次遇到红灯的概率是_______. 答案: $\frac{2}{5}$
- 625. 已知椭圆 $x^2+\frac{y^2}{b^2}=1$ (0< b<1),其左、右焦点分别为 $F_1,\,F_2,\,|F_1F_2|=2c$. 若此椭圆上存在点 P,使 P 到直线 $x=\frac{1}{c}$ 的距离是 $|PF_1|$ 与 $|PF_2|$ 的等差中项,则 b 的最大值为______. 答案: $\frac{\sqrt{3}}{c}$
- 626. 函数 $y = 1 2\sin^2(2x)$ 的最小正周期是______. 答案: $\frac{\pi}{9}$

- 627. 若全集 $U=\mathbf{R}$, 集合 $A=\{x|x\geq 1\}\cup \{x|x<0\}$, 则 $\mathbb{C}_UA=$ _____. 答案: [0,1)
- 628. 若复数 z 满足 $z+\mathrm{i}=\frac{2+\mathrm{i}}{\mathrm{i}}(\mathrm{i}$ 为虚数单位),则 |z|=______. 答案: $\sqrt{10}$
- 629. 设 m 为常数, 若点 F(0,5) 是双曲线 $\frac{y^2}{m} \frac{x^2}{9} = 1$ 的一个焦点, 则 m =_____. 答案: 16
- 630. 已知正四棱锥的底面边长是 2, 侧棱长是 $\sqrt{3}$, 则该正四棱锥的体积为______. 答案: $\frac{4}{3}$
- 631. 若实数 x,y 满足 $\begin{cases} x-y+1 \leq 0, \\ x+y-3 \geq 0, \end{cases}$ 则目标函数 z=2x-y 的最大值为______. $y \leq 4,$

- 632. 若 $(\sqrt{x} \frac{1}{x})^n$ 的二项展开式中各项的二项式系数的和是 64,则展开式中的常数项的值为______. 答案: 15
- 633. 数列 $\{a_n\}$ 是等比数列,前 n 项和为 S_n ,若 $a_1+a_2=2$, $a_2+a_3=-1$,则 $\lim_{n\to\infty}S_n=$ _____. 答案: $\frac{8}{3}$
- 635. 甲与其四位朋友各有一辆私家车, 甲的车牌尾数是 0, 其四位朋友的车牌尾数分别是 0, 2, 1, 5, 为遵守当地 4 月 1 日至 5 日 5 天的限行规定 (奇数日车牌尾数为奇数的车通行, 偶数日车牌尾数为偶数的车通行), 五人商议拼车出行, 每天任选一辆符合规定的车, 但甲的车最多只能用一天, 则不同的用车方案总数为______. 答案: 64
- 636. 集合 $A = \{1, 2, 3, 4\}, B = \{x | (x 1)(x 5) < 0\},$ 则 $A \cap B =$ ______. 答案: $\{2, 3, 4\}$
- 637. 复数 $z = \frac{2-\mathrm{i}}{1+\mathrm{i}}$ 所对应的点在复平面内位于第______ 象限. 答案: 四
- 638. 已知首项为 1 公差为 2 的等差数列 $\{a_n\}$, 其前 n 项和为 S_n , 则 $\lim_{n\to\infty} \frac{a_n^2}{S_n} =$ ______. 答案: 4

639. 若方程组
$$\begin{cases} ax + 2y = 3, \\ & \text{无解, 则实数 } a = ___. \end{cases}$$

答案: ±2

640. 若 $(x+a)^7$ 的二项展开式中, 含 x^6 项的系数为 7, 则实数 a=_____.

答案: 1

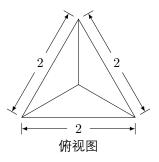
- 641. 已知双曲线 $x^2 \frac{y^2}{a^2} = 1$ (a > 0),它的渐近线方程是 $y = \pm 2x$,则 a 的值为______. 答案: 2
- 642. 在 $\triangle ABC$ 中, 三边长分别为 $a=2,\,b=3,\,c=4,\,$ 则 $\frac{\sin 2A}{\sin B}=$ ______. 答案: $\frac{7}{6}$
- 643. 在平面直角坐标系中, 已知点 P(-2,2), 对于任意不全为零的实数 a、b, 直线 l: a(x-1)+b(y+2)=0, 若点 P 到直线 l 的距离为 d, 则 d 的取值范围是______.

答案: [0,5]

644. 函数 $f(x) = \begin{cases} |x|, & x \le 1, \\ & \text{如果方程 } f(x) = b \text{ 有四个不同的实数解 } x_1, x_2, x_3, x_4, \text{则 } x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = \underline{\qquad}$

答案: 4

645. 三条侧棱两两垂直的正三棱锥, 其俯视图如图所示, 主视图的边界是底边长为 2 的等腰三角形, 则主视图的面积等于______.



答案: $\frac{\sqrt{6}}{3}$

646. 函数 $y = \sqrt{2x - x^2}$ 的定义域是 .

答案: [0,2]

647. 若关于 x,y 的方程组 $\begin{cases} ax+y-1=0, & \\ & \text{ 有无数多组解, 则实数 } a=\underline{\qquad}. \\ 4x+ay-2=0 & \end{cases}$

- 648. 若 " $x^2 2x 3 > 0$ " 是 "x < a" 的必要不充分条件, 则 a 的最大值为______. 答案: -1
- 649. 已知复数 $z_1=3+4{\rm i},\ z_2=t+{\rm i}($ 其中 i 为虚数单位),且 $z_1\cdot \overline{z_2}$ 是实数,则实数 t 等于_______. 答案: $\frac{3}{4}$
- 650. 若函数 $f(x) = \begin{cases} -x + 3a, & x < 0, \\ & (a > 0, \text{ 且 } a \neq 1) \text{ 是 } \mathbf{R} \text{ 上的减函数, 则 } a \text{ 的取值范围是} \underline{\qquad}. \end{cases}$ 答案: $\left[\frac{2}{3}, 1\right)$
- 651. 设变量 x,y 满足约束条件 $\begin{cases} x+y\geq 2,\\ x-y\leq 1, & \text{则目标函数 } z=-2x+y \text{ 的最小值为}___. \end{cases}$ $y\leq 2,$

答案: -4

652. 已知圆 $C:(x-4)^2+(y-3)^2=4$ 和两点 $A(-m,0),\ B(m,0)(m>0),\ 若圆 <math>C$ 上至少存在一点 P, 使得 $\angle APB=90^\circ,\ 则\ m$ 的取值范围是______.

答案: [3,7]

- 653. 已知向量 $\overrightarrow{a}=(\cos(\frac{\pi}{3}+\alpha),1),\ \overrightarrow{b}=(1,4),$ 如果 $\overrightarrow{a}\parallel\overrightarrow{b},$ 那么 $\cos(\frac{\pi}{3}-2\alpha)$ 的值为_____. 答案: $\frac{7}{8}$
- 654. 若从正八边形的 8 个顶点中随机选取 3 个顶点,则以它们作为顶点的三角形是直角三角形的概率是_______. 答案: $\frac{3}{7}$
- 655. 若将函数 $f(x) = |\sin(\omega x \frac{\pi}{8})|$ $(\omega > 0)$ 的图像向左平移 $\frac{\pi}{12}$ 个单位后,所得图像对应的函数为偶函数,则 ω 的最小值是_______. 答案: $\frac{3}{2}$
- 656. 已知集合 $A = \{x | \ln x > 0\}, B = \{x | 2^x < 3\}, 则$ ______. 答案: $(1, \log_2 3)$
- 657. 若实数 x,y 满足约束条件 $\begin{cases} x \geq 0, \\ y \leq x, \\ 2x + y 9 \leq 0, \end{cases}$ 则 z = x + 3y 的最大值等于______.

答案: 12

658. 已知 $(x - \frac{a}{x})^7$ 展开式中 x^3 的系数为 84, 则正实数 a 的值为______.

659.	盒中装有形状、	大小完全相同的 5	个球, 其中红色球	3 个, 黄色	色球 2 个. 若	从中随机取出 2	2 个球,	则所取出的
	2 个球颜色不同	的概率为	·					

答案: $\frac{3}{5}$

660. 设
$$f(x)$$
 为 R 上的奇函数. 当 $x \ge 0$ 时, $f(x) = 2^x + 2x + b(b$ 为常数), 则 $f(-1)$ 的值为______. 答案: -3

661. 设
$$P,Q$$
 分别为直线
$$\begin{cases} x=t,\\ y=6-2t, \end{cases} \qquad (t\ 为参数)\ 和曲线 \ C: \begin{cases} x=1+\sqrt{5}\cos\theta,\\ y=-2+\sqrt{5}\sin\theta, \end{cases} \qquad (\theta\ 为参数)\ 的点,则\ |PQ|$$
 的最小值为______.

答案:
$$\frac{\sqrt{5}}{5}$$

662. 各项均不为零的数列
$$\{a_n\}$$
 的前 n 项和为 S_n . 对任意 $n \in \mathbf{N}^*$, $\overrightarrow{m_n} = (a_{n+1} - a_n, 2a_{n+1})$ 都是直线 $y = kx$ 的 法向量. 若 $\lim_{n \to \infty} S_n$ 存在, 则实数 k 的取值范围是______.

答案:
$$(-\infty, -1) \cup (0, +\infty)$$

663. 已知正四棱锥
$$P-ABCD$$
 的棱长都相等,侧棱 PB 、 PD 的中点分别为 M 、 N ,则截面 AMN 与底面 $ABCD$ 所成的二面角的余弦值是______.

答案: $\frac{2\sqrt{5}}{5}$

664. 设
$$a>0$$
, 若对于任意的 $x>0$, 都有 $\frac{1}{a}-\frac{1}{x}\leq 2x$, 则 a 的取值范围是______. 答案: $(\frac{\sqrt{2}}{4},+\infty)$

666. 已知集合
$$A=\{x|\frac{x-2}{x+1}\geq 0\}$$
, 集合 $B=\{y|0\leq y<4\}$, 则 $A\cap B=$ ______. 答案: $[2,4)$

667. 若直线
$$l$$
 的参数方程为
$$\begin{cases} x=4-4t, & t\in\mathbf{R}, \ \text{则直线 } l \ \text{在 } y \ \text{轴上的截距是} \underline{\qquad}. \\ y=-2+3t, & \end{cases}$$

答案: 1

668. 已知圆锥的母线长为
$$4$$
,母线与旋转轴的夹角为 30° ,则该圆锥的侧面积为______.
答案: 8π

669. 抛物线
$$y = \frac{1}{4}x^2$$
 的焦点到准线的距离为______.

670. 已知关于
$$x,y$$
 的二元一次方程组的增广矩阵为 $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 5 \\ 1 & -2 & 0 \end{pmatrix}$,则 $3x-y=$ ______. 答案: 5

- 672. 已知射手甲击中 A 目标的概率为 0.9, 射手乙击中 A 目标的概率为 0.8, 若甲、乙两人各向 A 目标射击一次,则射手甲或射手乙击中 A 目标的概率是______.

答案: 0.98

- 673. 函数 $y=\sin(\frac{\pi}{6}-x),\;x\in[0,\frac{3}{2}\pi]$ 的单调递减区间是______. 答案: $[0,\frac{2}{3}\pi]$
- 674. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 的公差为 2, 前 n 项和为 S_n , 则 $\lim_{n\to\infty}\frac{S_n}{a_na_{n+1}}=$ ______. 答案: $\frac{1}{4}$
- 675. 已知定义在 R 上的函数 f(x) 满足: ① f(x)+f(2-x)=0; ② f(x)-f(-2-x)=0; ③ 在 [-1,1] 上的表达式为 $f(x)=\begin{cases} \sqrt{1-x^2}, & x\in[-1,0],\\ 1-x, & x\in(0,1] \end{cases}$,则函数 f(x) 与函数 $g(x)=\begin{cases} 2^x, & x\leq0,\\ \log_{\frac{1}{2}}x, & x>0 \end{cases}$ 的图像在区间 [-3,3] 上的交点的个数为______.

答案: 6

676. 函数 $y = 2\sin^2(2x) - 1$ 的最小正周期是_____.

答案: $\frac{\pi}{2}$

- 677. 设 i 为虚数单位,复数 $z=\frac{1-2\mathrm{i}}{2+\mathrm{i}},$ 则 |z|=______. 答案: 1
- 678. 设 $f^{-1}(x)$ 为 $f(x) = \frac{2x}{x+1}$ 的反函数,则 $f^{-1}(1) = \underline{\hspace{1cm}}$. 答案: 1

679.
$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{n+1} + 3^{n+1}}{2^n + 3^n} = \underline{\qquad}.$$

- 681. 设等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ,若 $\frac{a_5}{a_3}=\frac{5}{3}$,则 $\frac{S_5}{S_3}=$ ______. 答案: $\frac{5}{2}$

682. 直线
$$\begin{cases} x = 2 + t, \\ y = 4 - t, \end{cases} (t 为参数) 与曲线 \begin{cases} x = 3 + \sqrt{2}\cos\theta, \\ y = 5 + \sqrt{2}\sin\theta \end{cases} (\theta 为参数) 的公共点的个数是_____.$$

答案: 1

683. 已知双曲线 C_1 与双曲线 C_2 的焦点重合, C_1 的方程为 $\frac{x^2}{3}-y^2=1$,若 C_2 的一条渐近线的倾斜角是 C_1 的一条渐近线的倾斜角的 2 倍,则 C_2 的方程为_____.

答案: $x^2 - \frac{y^2}{3} = 1$

684. 若 $f(x) = x^{\frac{1}{3}} - x^{-\frac{1}{2}}$,则满足 f(x) > 0 的 x 的取值范围是______.

答案: $(1, +\infty)$

685. 某企业有甲、乙两个研发小组,他们研发新产品成功的概率分别为 $\frac{2}{3}$ 和 $\frac{3}{5}$. 现安排甲组研发新产品 A,乙组研发新产品 B,设甲、乙两组的研发相互独立,则至少有一种新产品研发成功的概率为______.

答案: $\frac{13}{15}$

- 686. 已知集合 $A = \{x | x > -1, \ x \in \mathbf{R}\}$, 集合 $B = \{x | x < 2, \ x \in \mathbf{R}\}$, 则 $A \cap B =$ ______. 答案: (-1,2)
- 687. 已知复数 z 满足 (2-3i)z=3+2i(i 为虚数单位),则 |z|=______.
- 688. 函数 $f(x) = \begin{vmatrix} \sin x & 2\cos x \\ 2\cos x & \sin x \end{vmatrix}$ 的最小正周期是______.

答案: π

- 689. 已知双曲线 $\frac{x^2}{a^2} \frac{y^2}{(a+3)^2} = 1 \ (a>0)$ 的一条渐近线方程为 $y=\pm 2x$, 则 a=______. 答案: 3
- 690. 若圆柱的侧面展开图是边长为 $4\mathrm{cm}$ 的正方形, 则圆柱的体积为_____ cm^3 (结果精确到 $0.1\mathrm{cm}^3$).

答案: 5.1

691. 已知
$$x, y$$
 满足
$$\begin{cases} x - y \le 0, \\ x + y \le 2, & \text{则 } z = 2x + y \text{ 的最大值是} \\ x + 2 \ge 0, \end{cases}$$

公安⋅3

692. 直线
$$\begin{cases} x=t-1, \\ y=2-t, \end{cases} \quad (t \ 为参数) \ 与曲线 \begin{cases} x=3\cos\theta, \\ y=2\sin\theta, \end{cases} \quad (\theta \ 为参数) \ 的交点个数是_____.$$

答室: 2

693. 已知函数
$$f(x) = \begin{cases} 2^x, & x \leq 0, \\ \log_2 x, & 0 < x \leq 1 \end{cases}$$
 的反函数是 $f^{-1}(x)$,则 $f^{-1}(\frac{1}{2}) =$ ______. 答案: -1

- 694. 设多项式 $1+x+(1+x)^2+(1+x)^3+\cdots+(1+x)^n$ $(x\neq 0,\ n\in {\bf N}^*)$ 的展开式中 x 项的系数为 T_n , 则 $\lim_{n \to \infty} \frac{T_n}{n^2} = \underline{\qquad}.$ 答案: 1/2
- 695. 生产零件需要经过两道工序, 在第一、第二道工序中产生废品的概率分别为 0.01 和 p, 每道工序产生废品相 互独立. 若经过两道工序后得到的零件不是废品的概率是 0.9603, 则 $p = _____$.

答案: 0.03

- 697. 设实数 $\omega > 0$, 若函数 $f(x) = \cos(\omega x) + \sin(\omega x)$ 的最小正周期为 π , 则 $\omega =$ ______. 答案: 2
- 698. 已知圆锥的底面半径和高均为 1, 则该圆锥的侧面积为_____ 答案: $\sqrt{2\pi}$
- 699. 设向量 $\overrightarrow{a}=(2,3)$, 向量 $\overrightarrow{b}=(6,t)$. 若 \overrightarrow{a} 与 \overrightarrow{b} 的夹角为钝角, 则实数 t 的取值范围为______. 答案: $(-\infty, -4)$
- 700. 集合 $A = \{1, 3, a^2\}$, 集合 $B = \{a+1, a+2\}$. 若 $B \cup A = A$, 则实数 a =______. 答案: 2
- 701. 设 z_1, z_2 是方程 $z^2 + 2z + 3 = 0$ 的两根, 则 $|z_1 z_2| =$ ______. 答案: $2\sqrt{2}$
- 702. 设 f(x) 是定义在 **R** 上的奇函数, 当 x > 0 时, $f(x) = 2^x 3$. 则不等式 f(x) < -5 的解为______ 答案: $(-\infty, -3)$

703. 若变量
$$x,y$$
 满足约束条件
$$\begin{cases} x+y\leq 12,\\ 2x-y\geq 0, & \text{则 } z=y-x \text{ 的最小值为}\underline{\qquad}\\ x-2y\leq 0, \end{cases}$$

答案: -4

704. 小明和小红各自掷一颗均匀的正方体骰子, 两人相互独立地进行. 则小明掷出的点数不大于 2 或小红掷出的点数不小于 3 的概率为______.

答案: $\frac{7}{9}$

705. 设 A 是椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{a^2 - 4} = 1$ (a > 0) 上的动点,点 F 的坐标为 (-2,0),若满足 |AF| = 10 的点 A 有且仅有两个,则实数 a 的取值范围为______.

答案: (8,12)

706. 设全集 $U = \mathbf{R}$, 若集合 $A = \{2\}, B = \{x | -1 < x < 2\}$, 则 $A \cap (\mathcal{C}_U B) = \underline{\hspace{1cm}}$

答案: {2}

707. 设抛物线的焦点坐标为 (1,0), 则此抛物线的标准方程为______.

答案: $y^2 = 4x$

708. 某次体检, 8 位同学的身高 (单位: 米) 分别为. 1.68, 1.71, 1.73, 1.63, 1.81, 1.74, 1.66, 1.78, 则这组数据的中位数是_____(米).

答案: 1.72

709. 函数 $f(x) = 2\sin 4x \cos 4x$ 的最小正周期为______.

答案: $\frac{\pi}{4}$

710. 已知球的俯视图面积为 π ,则该球的表面积为_____

答案: 4π

711. 若线性方程组的增广矩阵为
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & c_1 \\ 2 & 0 & c_2 \end{pmatrix}$$
、解为 $\begin{cases} x=1, \\ y=3, \end{cases}$ 则 $c_1+c_2=$ ______.

答案: 9

712. 在报名的 8 名男生和 5 名女生中, 选取 6 人参加志愿者活动, 要求男、女生都有, 则不同的选取方式的种数为_____(结果用数值表示).

答案: 1688

713. 设无穷等比数列 $\{a_n\}$ 的公比为 q, 若 $a_2 = \lim_{n \to \infty} (a_4 + a_5 + \dots + a_n)$, 则 $q = \underline{\hspace{1cm}}$

答案: $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$

714. 若事件 A、B 满足 $P(A)=\frac{1}{2},\ P(B)=\frac{4}{5},\ P(AB)=\frac{2}{5},\ 则\ P(\overline{A}B)-P(A\overline{B})=$ ______. 答案: $\frac{3}{10}$

715. 设奇函数 f(x) 的定义域为 \mathbf{R} , 当 x>0 时, $f(x)=x+\frac{m^2}{x}-1$ (这里 m 为正常数). 若 $f(x)\leq m-2$ 对一切 $x\leq 0$ 成立, 则 m 的取值范围为______.

答案: $[2, +\infty)$

716. 已知集合 $U = \{-1, 0, 1, 2, -3\}, A = \{-1, 0, 2\}, 则 <math>\mathcal{C}_U A = \underline{\hspace{1cm}}$ 答案: {1,3}

717. 已知一个关于
$$x,y$$
 的二元一次方程组的增广矩阵是 $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$, 则 $x+y=$ _______. 答案: 5

718. i 是虚数单位, 若复数 (1-2i)(a+i) 是纯虚数, 则实数 a 的值为

答案: -2

719. 若
$$\begin{vmatrix} \log_2 x & -1 \\ -4 & 2 \end{vmatrix} = 0$$
, 则 $x =$ _____.

- 720. 我国古代数学名著《九章算术》有"米谷粒分"题: 粮仓开仓收粮, 有人送来米 1534 石, 验得米内夹谷, 抽样 取米一把, 数得 254 粒内夹谷 28 粒, 则这批米内夹谷约为______ 石 (精确到小数点后一位数字). 答案: 169.1
- 721. 已知圆锥的母线长为 5, 侧面积为 15π , 则此圆锥的体积为_____(结果保留 π). 答案: 12π
- 722. 若二项式 $(2x + \frac{a}{r})^7$ 的展开式中一次项的系数是 -70, 则 $\lim_{n \to \infty} (a + a^2 + a^3 + \dots + a^n) =$ ______. 答案: - 1/3
- 723. 已知椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + y^2 = 1$ (a > 0) 的焦点 F_1 、 F_2 ,抛物线 $y^2 = 2x$ 的焦点为 F,若 $\overrightarrow{F_1F} = 3\overrightarrow{FF_2}$,则 a =_______
- 724. 设 f(x) 是定义在 R 上以 2 为周期的偶函数, 当 $x \in [0,1]$ 时, $f(x) = \log_2(x+1)$, 则函数 f(x) 在 [1,2] 上的 解析式是

答案: $4\sqrt{3} - \frac{\pi}{6}$

726. 集合
$$A = \{x | \frac{x}{x-2} < 0\}, B = \{x | x \in \mathbf{Z}\}, 则 A \cap B 等于______.$$
 答案: $\{1\}$

727. 已知半径为 2R 和 R 的两个球,则大球和小球的体积比为_____.

答案: 8:1

728. 抛物线 $y = x^2$ 的焦点坐标是______.

答案: $(0,\frac{1}{4})$

729. 已知实数
$$x,y$$
 满足 $\begin{cases} x-2 \leq 0, \\ y-1 \leq 0, \end{cases}$ 则目标函数 $u=x+2y$ 的最大值是______. $x+y \geq 2,$

答案: 4

730. 已知在 $\triangle ABC$ 中, a, b, c 分别为 $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$ 所对的边. 若 $b^2+c^2-a^2=\sqrt{2}bc$, 则 $\angle A=$ ______. 答案: $\frac{\pi}{4}$

731. 三阶行列式
$$\begin{vmatrix} -5 & 6 & 7 \\ 4 & 2^x & 1 \\ 0 & 3 & 1 \end{vmatrix}$$
 中元素 -5 的代数余子式为 $f(x)$, 则方程 $f(x)=0$ 的解为______.

答案: $x = \log_2 3$

732. 设 z 是复数,a(z) 表示满足 $z^n=1$ 时的最小正整数 n, i 是虚数单位,则 $a(\frac{1+\mathrm{i}}{1-\mathrm{i}})=$ ______. 答案: 4

733. 无穷等比数列 $\{a_n\}$ 的通项公式 $a_n = (\sin x)^n$, 前 n 项的和为 S_n , 若 $\lim_{n \to \infty} S_n = 1, x \in (0, \pi)$, 则 $x = \underline{\hspace{1cm}}$ 答案: $\frac{\pi}{6}$ 或 $\frac{5\pi}{6}$

734. 给出下列函数: ① $y = x + \frac{1}{x}$; ② $y = x^2 + x$; ③ $y = 2^{|x|}$; ④ $y = x^{\frac{2}{3}}$; ⑤ $y = \tan x$; ⑥ $y = \sin(\arccos x)$; ① $y = \lg(x + \sqrt{x^2 + 4}) - \lg 2$. 从这 7 个函数中任取两个函数,则其中一个是奇函数另一个是偶函数的概率是______.

答案: $\frac{3}{7}$

735. 代数式 $(x^2+2)(\frac{1}{x^2}-1)^5$ 的展开式的常数项是______(用数字作答). 答案: 3

736. 已知全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x|x^2 - 2x - 3 > 0\}$, 则 $\mathbb{C}_U A = \underline{\hspace{1cm}}$. 答案: [-1,3]

737. 在 $(x + \frac{1}{x})^6$ 的二项展开式中,常数项是______. 答案: 20

738. 函数 $f(x) = \lg(3^x - 2^x)$ 的定义域为_____.

答案: $(0, +\infty)$

739. 已知抛物线 $x^2 = ay$ 的准线方程是 $y = -\frac{1}{4}$, 则 $a = _____$

答案: 1

740. 若一个球的体积为 $\frac{32\pi}{3}$, 则该球的表面积为_____.

答案: 16π

741. 已知实数 x,y 满足 $\begin{cases} x \geq 0, \\ y \geq 0, \end{cases} \qquad \text{则目标函数 } z = x-y \text{ 的最小值为}\underline{\hspace{1cm}}.$ $x+y \leq 1,$

答案: -1

742. 函数 $f(x) = \begin{vmatrix} (\sin x + \cos x)^2 & -1 \\ 1 & 1 \end{vmatrix}$ 的最小正周期是______.

答案: π

743. 若一圆锥的底面半径为 3, 体积是 12π , 则该圆锥的侧面积等于_____.

答案: 15π

744. 将两颗质地均匀的骰子抛掷一次,记第一颗骰子出现的点数是 m,记第二颗骰子出现的点数是 n,向量 $\overrightarrow{a}=(m-2,2-n)$,向量 $\overrightarrow{b}=(1,1)$,则向量 $\overrightarrow{a}\perp\overrightarrow{b}$ 的概率是______.

答案: $\frac{1}{6}$

745. 已知直线 $l_1: mx - y = 0, l_2: x + my - m - 2 = 0$. 当 m 在实数范围内变化时, l_1 与 l_2 的交点 P 恒在一个 定圆上,则定圆方程是_____.

答案: $x^2 + y^2 - 2x - y = 0$

746. 已知 $A = (-\infty, a], B = [1, 2], 且 A \cap B \neq \emptyset$, 则实数 a 的范围是______.

答案: $a \ge 1$

747. 直线 ax + (a-1)y + 1 = 0 与直线 4x + ay - 2 = 0 互相平行, 则实数 a =_____.

答案: 2

748. 已知 $\alpha \in (0,\pi)$, $\cos \alpha = -\frac{3}{5}$, 则 $\tan(\alpha + \frac{\pi}{4}) =$ _____

答案: $-\frac{1}{7}$

749. 长方体的对角线与过同一个顶点的三个表面所成的角分别为 α , β , γ , 则 $\cos^2\alpha + \cos^2\beta + \cos^2\gamma =$ ______.

750. 已知函数
$$f(x) = \begin{cases} -x^2, & x \ge 0, \\ 2^{-x} - 1, & x < 0, \end{cases}$$
 则 $f^{-1}[f^{-1}(-9)] = \underline{\qquad}$.

答案: -2

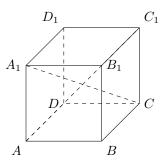
751. 从集合 $\{-1,1,2,3\}$ 随机取一个为 m,从集合 $\{-2,-1,1,2\}$ 随机取一个为 n,则方程 $\frac{x^2}{m}+\frac{y^2}{n}=1$ 表示双曲 线的概率为______.

答案: ½

- 752. 已知数列 $\{a_n\}$ 是公比为 q 的等比数列,且 a_2, a_4, a_3 成等差数列,则 q =______. 答案: 1 或 $-\frac{1}{2}$
- 753. 若将函数 $f(x) = x^6$ 表示成 $f(x) = a_0 + a_1(x-1) + a_2(x-1)^2 + a_3(x-1)^3 + \dots + a_6(x-1)^6$ 则 a_3 的值等于______.

答案: 20

754. 如图, 长方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 的边长 $AB = AA_1 = 1$, $AD = \sqrt{2}$, 它的外接球是球 O, 则 A, A_1 这两点的球面距离等于______.



答案: # 3

- 756. 已知集合 $A = \{1, 2, 3\}B = \{1, m\}$, 若 $3 m \in A$, 则非零实数 m 的数值是______. 答案: 2
- 757. 不等式 |1-x| > 1 的解集是______. 答案: $(-\infty, 0) \cup (2, +\infty)$
- 758. 若函数 $f(x) = \sqrt{8 ax 2x^2}$ 是偶函数,则该函数的定义域是__________ 答案: [-2, 2]

759. 已知 $\triangle ABC$ 的三内角 A,B,C 所对的边长分别为 a,b,c, 若 $a^2=b^2+c^2-2bc\sin A$, 则内角 A 的大小是______.

答案: $\frac{\pi}{4}$

- 762. 已知函数 $f(x) = \begin{vmatrix} 2\sin x & -\cos 2x \\ 1 & \cos x \end{vmatrix}$, 则函数 f(x) 的单调递增区间是______. 答案: $[k\pi \frac{3}{8}\pi, k\pi + \frac{\pi}{8}], \ k \in \mathbf{Z}$
- 763. 已知 α 是实系数一元二次方程 $x^2-(2m-1)x+m^2+1=0$ 的一个虚数根, 且 $|\alpha|\leq 2$, 则实数 m 的取值范围是______. 答案: $\left(-\frac{3}{4},\sqrt{3}\right]$

- 767. 函数 $y = \lg x$ 的反函数是_____. 答案: $y = 10^x$
- 768. 已知集合 $P = \{x | (x+1)(x-3) < 0\}, Q = \{x | |x| > 2\}, 则 P \cap Q = ______$. 答案: $\{x | 2 < x < 3\}$
- 769. 函数 $y = x + \frac{9}{x}, x \in (0, +\infty)$ 的最小值是______.

771. 记球 O_1 和 O_2 的半径、体积分别为 r_1 、 V_1 和 r_2 、 V_2 ,若 $\dfrac{V_1}{V_2}=\dfrac{8}{27}$,则 $\dfrac{r_1}{r_2}=$ ______. 答案: $\frac{2}{3}$

772. 若某线性方程组对应的增广矩阵是 $\begin{pmatrix} m & 4 & 2 \\ 1 & m & m \end{pmatrix}$,且此方程组有唯一一组解,则实数 m 的取值范围是______. 答案: $m \neq \pm 2$

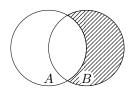
773. 若一个布袋中有大小、质地相同的三个黑球和两个白球,从中任取两个球,则取出的两球中恰是一个白球和一个黑球的概率是______.

答案: 0.6

- 775. 平面上三条直线 x-2y+1=0, x-1=0, x+ky=0, 如果这三条直线将平面划分为六个部分, 则实数 k 的 取值组成的集合 A=______.

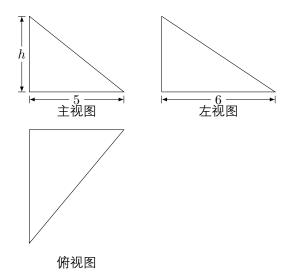
答案: {-1,0,-2}

776. 已知集合 $A = \{1,3,5,7,9\}, B = \{0,1,2,3,4,5\},$ 则图中阴影部分集合用列举法表示的结果是

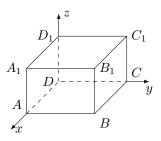


答案: {0,2,4}

- 779. 在从 4 个字母 a、b、c、d 中任意选出 2 个不同字母的试验中, 其中含有字母 d 事件的概率是______. 答案: $\frac{1}{2}$
- 780. 如图的三个直角三角形是一个体积为 20cm^3 的几何体的三视图, 则 h =______.



答案: 4



答案: (-4,-3,2)

782. 方程 $\cos 2x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ 的解集为_____. 答案: $\{x|x=k\pi\pm\frac{5\pi}{12},\ k\in {\bf Z}\}$

783. 已知抛物线的顶点在坐标原点, 焦点在 y 轴上, 抛物线上一点 M(a,-4) (a>0) 到焦点 F 的距离为 5. 则该 抛物线的标准方程为______.

答案: $x^2 = -4y$

784. 已知等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 $S_n(n \in \mathbf{N}*)$, 且 $\frac{S_6}{S_3} = -\frac{19}{8}, a_4 - a_2 = -\frac{15}{8}$, 则 a_3 的值为______. 答案: $\frac{9}{4}$

785. 在直角三角形 ABC 中, $\angle A=\frac{\pi}{2},\ AB=3,\ AC=4,\ E$ 为三角形 ABC 内一点,且 $AE=\frac{\sqrt{2}}{2}$. 若 $\overrightarrow{AE}=\lambda\overrightarrow{AB}+\mu\overrightarrow{AC},\$ 则 $3\lambda+4\mu$ 的最大值等于______.

答案: 1

786. 双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{9} = 1 \ (a > 0)$ 的渐近线方程为 $3x \pm 2y = 0$, 则 a =______. 答案: 2

787. 若二元一次方程组的增广矩阵是
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & c_1 \\ 3 & 4 & c_2 \end{pmatrix}$$
,其解为 $\begin{cases} x = 10, \\ y = 0, \end{cases}$ 则 $c_1 + c_2 =$ ______. 答案: 40

- 789. 定义在 ${f R}$ 上的函数 $f(x)=2^x-1$ 的反函数为 $y=f^{-1}(x)$,则 $f^{-1}(3)=$ _______. 答案: 2
- 790. 直线 l 的参数方程为 $\begin{cases} x = 1 + t, \\ y = -1 + 2t, \end{cases}$ (t 为参数), 则 l 的一个法向量为_____. 答案: (2,-1)(不唯一)
- 791. 已知数列 $\{a_n\}$, 其通项公式为 $a_n=3n+1,\,n\in\mathbf{N}^*,\,\{a_n\}$ 的前 n 项和为 $S_n,\,$ 则 $\lim_{n\to\infty}\frac{S_n}{n\cdot a_n}=$ ______. 答案: $\frac{1}{2}$
- 792. 已知向量 \overrightarrow{a} 、 \overrightarrow{b} 的夹角为 60° , $|\overrightarrow{a}|=1$, $|\overrightarrow{b}|=2$, 若 $(\overrightarrow{a}+2\overrightarrow{b})\perp(x\overrightarrow{a}-\overrightarrow{b})$, 则实数 x 的值为______. 答案: 3
- 793. 若球的表面积为 100π , 平面 α 与球心的距离为 3, 则平面 α 截球所得的圆面面积为______. 答案: 16π
- 794. 若平面区域的点 (x,y) 满足不等式 $\frac{|x|}{k} + \frac{|y|}{4} \le 1$ (k>0), 且 z=x+y 的最小值为 -5, 则常数 k=_______. 答案: 5
- 795. 若函数 $f(x) = \log_a(x^2 ax + 1)$ $(a > 0, a \neq 1)$ 没有最小值,则 a 的取值范围是______. 答案: $(0,1) \cup [2,+\infty)$
- 796. $\lim_{n \to \infty} \frac{2n+1}{n-1} = _____.$ 答案: 2
- 798. 已知 $\{a_n\}$ 是等比数列, 它的前 n 项和为 S_n , 且 $a_3=4$, $a_4=-8$, 则 $S_5=$ _______. 答案: 11
- 799. 已知 $f^{-1}(x)$ 是函数 $f(x) = \log_2(x+1)$ 的反函数, 则 $f^{-1}(2) =$ ______. 答案: 3

800.
$$(\sqrt{x} + \frac{1}{x})^9$$
 二项展开式中的常数项为______.

答案: 84

801. 椭圆
$$\begin{cases} x=2\cos\theta,\\ y=\sqrt{3}\sin\theta \end{cases} \quad (\theta\ 为参数)\ 的右焦点为_____.$$

答案: (1,0)

802. 满足约束条件
$$\begin{cases} x+2y\leq 4,\\ 2x+y\leq 3,\\ x\geq 0,\\ y\geq 0 \end{cases}$$
 的目标函数 $f=3x+2y$ 的最大值为______.

答案: $\frac{16}{3}$

803. 函数
$$f(x) = \cos^2 x + \frac{\sqrt{3}}{2} \sin 2x, \ x \in \mathbf{R}$$
 的单调递增区间为_____. 答案: $[k\pi - \frac{\pi}{3}, k\pi + \frac{\pi}{6}], \ k \in \mathbf{Z}$

- 804. 已知抛物线型拱桥的顶点距水面 2 米时,量得水面宽为 8 米. 当水面下降 1 米后,水面的宽为______ 米. 答案: $4\sqrt{6}$
- 805. 一个四面体的顶点在空间直角坐标系 O-xyz 中的坐标分别是 (0,0,0), (1,0,1), (0,1,1), (1,1,0), 则该四面体的体积为______.

答案: $\frac{1}{3}$

806. 抛物线 $x^2 = 12y$ 的准线方程为_____.

答案: y = -3

807. 若函数
$$f(x)=\frac{1}{x-2m+1}$$
 是奇函数, 则实数 $m=$ _____. 答案: $\frac{1}{2}$

808. 若函数
$$f(x) = \sqrt{2x+3}$$
 的反函数为 $g(x)$, 则函数 $g(x)$ 的零点为_______. 答案: $x = \sqrt{3}$

809. 书架上有上、中、下三册的《白话史记》和上、下两册的《古诗文鉴赏辞典》, 现将这五本书从左到右摆放在一起, 则中间位置摆放中册《白话史记》的不同摆放种数为_____(结果用数值表示).

答案: 24

810. 在锐角三角形 ABC 中,角 A 、B 、C 的对边分别为 a 、b 、c ,若 $(b^2+c^2-a^2)\tan A=bc$,则角 A 的大小为______.

答案: #6

- 811. 若 $(x^3 \frac{1}{x^2})^n$ 的展开式中含有非零常数项, 则正整数 n 的最小值为_____. 答案: 5
- 812. 某单位年初有两辆车参加某种事故保险,对在当年内发生此种事故的每辆车,单位均可获赔(假设每辆车最多 只获一次赔偿). 设这两辆车在一年内发生此种事故的概率分别为 $\frac{1}{20}$ 和 $\frac{1}{21}$, 且各车是否发生事故相互独立, 则一年内该单位在此种保险中获赔的概率为_____(结果用最简分数表示).

答案: 🔒

813. 在平面直角坐标系 xOy 中,直线 l 的参数方程为 $\begin{cases} x=\frac{\sqrt{2}}{2}t-\sqrt{2},\\ y=\frac{\sqrt{2}}{4}t, \end{cases} \qquad (t\ \, 为参数), 椭圆 \ \, C\ \, 的参数方程为 \\ \begin{cases} x=\cos\theta,\\ y=\frac{1}{2}\sin\theta, \end{cases} \qquad (\theta\ \, 为参数), 则直线 <math>l$ 与椭圆 C 的公共点坐标为______.

$$\begin{cases} x = \cos \theta, \\ (\theta \ \text{为参数}), 则直线 \ l \ 与椭圆 \ C \ 的公共点坐标为_____. \end{cases}$$
 $y = \frac{1}{2} \sin \theta,$

814. 设函数 $f(x) = \log_m x (m > 0$ 且 $m \neq 1$), 若 m 是等比数列 $\{a_n\} (n \in \mathbf{N}^*)$ 的公比, 且 $f(a_2 a_4 a_6 \cdots a_{2018}) = 7$, 则 $f(a_1^2) + f(a_2^2) + f(a_3^2) + \dots + f(a_{2018}^2)$ 的值为_____.

答案: -1990

815. 设变量 x,y 满足条件 $\begin{cases} x-y\geq 0,\\ 2x+y\leq 2,\\ y\geq 0,\\ x+y\leq m, \end{cases}$ 若该条件表示的平面区域是三角形, 则实数 m 的取值范围是_

答案: $(0,1] \cup \left[\frac{4}{3}, +\infty\right)$

816. 不等式 |x-3| < 2 的解集为_____.

答案: $\{x | 1 < x < 5\}$

817. 若复数 z 满足 $2\bar{z} - 3 = 1 + 5i(i$ 是虚数单位), 则 z = 1 + 5i(i

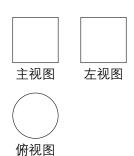
答案: $2-\frac{5}{2}i$

818. 若 $\sin \alpha = \frac{1}{3}$, 则 $\cos(\alpha - \frac{\pi}{2}) =$ _____.

- 819. 已知两个不同向量 $\overrightarrow{OA}=(1,m),$ $\overrightarrow{OB}=(m-1,2),$ 若 $\overrightarrow{OA}\perp\overrightarrow{AB},$ 则实数 m=_____. 答案: 1
- 820. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, 公比 q=2, 前 n 项和为 S_n , 若 $S_5=1$, 则 $S_{10}=$ ______.

821. 若
$$x,y$$
 满足
$$\begin{cases} x \le 2, \\ x - y + 1 \ge 0, \quad \text{则 } z = 2x - y \text{ 的最小值为} \\ x + y - 2 \ge 0, \end{cases}$$

答案: $-\frac{1}{2}$



答案: $\frac{\pi}{4}$

823. $(1+\frac{1}{x^2})(1+x)^6$ 展开式中 x^2 的系数为______. 答案: 30

824. 已知 f(x) 是定义在 [-2,2] 上的奇函数,当 $x \in (0,2]$ 时, $f(x) = 2^x - 1$,函数 $g(x) = x^2 - 2x + m$. 如果对于任意的 $x_1 \in [-2,2]$,总存在 $x_2 \in [-2,2]$,使得 $f(x_1) \leq g(x_2)$,则实数 m 的取值范围是______.

825. 已知曲线 $C:y=-\sqrt{9-x^2},$ 直线 l:y=2, 若对于点 A(0,m), 存在 C 上的点 P 和 l 上的点 Q, 使得 $\overrightarrow{AP}+\overrightarrow{AQ}=\overrightarrow{0},$ 则 m 取值范围是______.

答案: $\left[-\frac{1}{2}, 1\right]$

答案: m > -5

826. 函数 $y = \lg x - 1$ 的零点是_____.

答案: x = 10

827. 计算: $\lim_{n\to\infty} \frac{2n}{4n+1} =$ _____. 答案: $\frac{1}{2}$

828. 若 $(1+3x)^n$ 的二项展开式中 x^2 项的系数是 54, 则 n=_____. 答案: 4

829. 掷一颗均匀的骰子, 出现奇数点的概率为______

答案: $\frac{1}{2}$

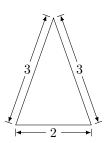
830. 若 x, y 满足 $\begin{cases} x - y \ge 0, \\ x + y \le 2, & \text{则目标函数 } f = x + 2y \text{ 的最大值为} \\ y \ge 0, \end{cases}$

答案: 3

831. 若复数 z 满足 |z|=1, 则 $|z-\mathrm{i}|$ 的最大值是______.

答案: 2

832. 若一个圆锥的主视图 (如图所示) 是边长为 3,3,2 的三角形,则该圆锥的体积是



答案: $\frac{2\sqrt{2}}{3}\pi$

- 833. 若双曲线 $\frac{x^2}{3} \frac{16y^2}{p^2} = 1 \; (p>0)$ 的左焦点在抛物线 $y^2 = 2px$ 的准线上, 则 p =_____. 答案: 4
- 834. 若 $\sin(x-y)\cos x \cos(x-y)\sin x = \frac{3}{5}$,则 $\tan 2y$ 的值为______. 答案: $-\frac{24}{7}$ 或 $\frac{24}{7}$
- 835. 若 $\{a_n\}$ 为等比数列, $a_n > 0$, 且 $a_{2018} = \frac{\sqrt{2}}{2}$, 则 $\frac{1}{a_{2017}} + \frac{2}{a_{2019}}$ 的最小值为______. 答案: 4
- 836. 已知集合 $A=\{1,2,m\}, B=\{2,4\},$ 若 $A\cup B=\{1,2,3,4\},$ 则实数 m=______. 答案: 3
- 837. $(x + \frac{1}{x})^n$ 的展开式中的第 3 项为常数项, 则正整数 n =______. 答案: 4
- 838. 已知复数 z 满足 $z^2=4+3\mathrm{i}(\mathrm{i}$ 为虚数单位), 则 |z|=______. 答案: $\sqrt{5}$
- 839. 已知平面直角坐标系 xOy 中动点 P(x,y) 到定点 (1,0) 的距离等于 P 到定直线 x=-1 的距离, 则点 P 的轨迹方程为______.

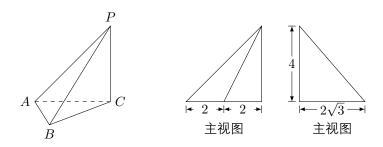
答案: $y^2 = 4x$

840. 已知数列 $\{a_n\}$ 是首项为 1, 公差为 2 的等差数列, S_n 是其前 n 项和, 则 $\lim_{n\to\infty} \frac{S_n}{a_n^2} =$ ______. 答案: $\frac{1}{4}$

841. 设变量
$$x,y$$
 满足条件
$$\begin{cases} x \geq 1, \\ x+y-4 \leq 0, \end{cases}$$
 则目标函数 $z=3x-y$ 的最大值为______.

答案: 4

- 842. 将圆心角为 $\frac{2\pi}{3}$, 面积为 3π 的扇形围成一个圆锥的侧面, 则此圆锥的体积为_____. 答案: $\frac{2\sqrt{2}}{3}\pi$
- 843. 三棱锥 P-ABC 及其三视图中的主视图和左视图如图所示,则棱 PB 的长为______.



答案: $4\sqrt{2}$

844. 某商场举行购物抽奖促销活动, 规定每位顾客从装有编号为 0、1、2、3 的四个相同小球的抽奖箱中, 每次取出一球记下编号后放回, 连续取两次, 若取出的两个小球编号相加之和等于 6, 则中一等奖, 等于 5 中二等奖, 等于 4 或 3 中三等奖. 则顾客抽奖中三等奖的概率为_______.

答案: $\frac{7}{16}$

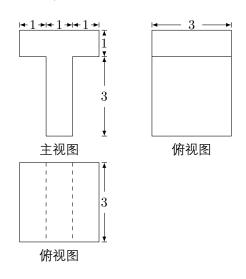
- 845. 已知函数 $f(x) = \lg(\sqrt{x^2 + 1} + ax)$ 的定义域为 ${\bf R}$, 则实数 a 的取值范围是______. 答案: [-1,1]
- 846. 已知全集 $U={\bf R},$ 若集合 $A=\{x|\frac{x}{x-1}>0\},$ 则 ${\bf C}_UA=$ _____. 答案: [0,1]
- 847. 已知复数 z满足 $z\cdot(1-\mathrm{i})=2\mathrm{i},$ 其中 i 为虚数单位, 则 $|z|=___$. 答案: $\sqrt{2}$
- 848. 双曲线 $2x^2 y^2 = 6$ 的焦距为______. 答案: 6
- 849. 已知 $(ax + \frac{1}{x})^6$ 二项展开式中的第五项系数为 $\frac{15}{2}$, 则正实数 a______. 答案: $\frac{\sqrt{2}}{2}$

850. 方程 $\log_2(9^x + 7) = 2 + \log_2(3^x + 1)$ 的解为_____. 答案: $\{0, 1\}$

- 852. 在 $\triangle ABC$ 中, 边 a,b,c 所对角分别为 A,B,C, 若 $\begin{vmatrix} a & \sin(\frac{\pi}{2}+B) \\ b & \cos A \end{vmatrix} = 0, \, \text{则 } \triangle ABC \text{ 的形状为} \underline{\hspace{1cm}}.$

答案: 等腰或直角三角形

853. 若某几何体的三视图 (单位:cm) 如图所示,则此几何体的体积是_____cm3.



答案: 18

854. 已知四面体 ABCD 中, AB=CD=2, E, F 分别为 BC, AD 的中点, 且异面直线 AB 与 CD 所成的角为 $\frac{\pi}{3}$, 则 EF=_______.

答案: 1 或 $\sqrt{3}$.

855. 设 m,n 分别为连续两次投掷骰子得到的点数, 且向量 $\overrightarrow{a}=(m,n), \overrightarrow{b}=(1,-1),$ 则 \overrightarrow{a} 与 \overrightarrow{b} 的夹角为锐角的概率是______.

答案: $\frac{5}{12}$

- 856. 已知数列 $\{a_n\}$ 的通项公式为 $a_n=(-1)^n\cdot n+2^n,\ n\in \mathbf{N}^*,$ 则这个数列的前 2n 项和 $S_{2n}=$ ______. 答案: $S_{2n}=n+2^{2n+1}-2$
- 857. 设集合 $A=\{x||x|<2,\ x\in\mathbf{R}\},$ $B=\{x|x^2-4x+3\geq0,\ x\in\mathbf{R}\},$ 则 $A\cap B=$ _______. 答案: (-2,1]
- 858. 已知 i 为虚数单位,复数 z 满足 $\frac{1-z}{1+z}=$ i, 则 |z|=______. 答案: 1

861. 在平面直角坐标系内, 直线 l:2x+y-2=0, 将 l 与两条坐标轴围成的封闭图形绕 y 轴旋转一周, 所得几何体的体积为______.

答案: $\frac{2\pi}{3}$

- 862. 已知 $\sin 2\theta + \sin \theta = 0, \theta \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$,则 $\tan 2\theta =$ ______. 答案: $\sqrt{3}$
- 863. 设定义在 R 上的奇函数 y=f(x), 当 x>0 时, $f(x)=2^x-4$, 则不等式 $f(x)\leq 0$ 的解集是______. 答案: $(-\infty,-2]\cup[0,2]$
- 864. 在平面直角坐标系 xOy 中,有一定点 A(1,1),若线段 OA 的垂直平分线过抛物线 $C: y^2 = 2px \ (p>0)$ 的焦点,则抛物线 C 的方程为______.

答案: $y^2 = 4x$

865. 曲线
$$\begin{cases} x = 1 - \frac{\sqrt{5}}{5}t, \\ y = -1 + \frac{2\sqrt{5}}{5}t, \end{cases} (t 为参数) 与曲线 \begin{cases} x = \sin\theta \cdot \cos\theta, \\ y = \sin\theta + \cos\theta, \end{cases} (\theta 为参数) 的公共点的坐标为_____.$$
 答案: $(0,1)$

- 866. 记 $(2x + \frac{1}{x})^n$ $(n \in \mathbf{N}^*)$ 的展开式中第 m 项的系数为 b_m , 若 $b_3 = 2b_4$, 则 $n = _____$. 答案: 5
- 867. 已知各项均为正数的数列 $\{a_n\}$ 满足 $\sqrt{a_1} + \sqrt{a_2} + \dots + \sqrt{a_n} = n^2 + 3n(n \in \mathbf{N}^*)$, 则 $\frac{a_1}{2} + \frac{a_2}{3} + \dots + \frac{a_n}{n+1} = \underline{\qquad}$. 答案: $2n^2 + 6n$
- 868. 函数 $f(x) = \frac{\sqrt{x+2}}{x-1}$ 的定义域为_____. 答案: $[-2,1) \cup (1,+\infty)$
- 869. 已知线性方程组的增广矩阵为 $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ a & 3 & 4 \end{pmatrix}$,若该线性方程组的解为 $\begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix}$,则实数 a =________.

870. 计算
$$\lim_{n\to\infty} \frac{1+2+3+\cdots+n}{n^2+1} = \underline{\hspace{1cm}}$$
. 答案: $\frac{1}{2}$

- 872. 若复数 $z_1 = 3 + 4i$, $z_2 = 1 2i$, 其中 i 是虚数单位, 则复数 $\frac{|z_1|}{i} + \overline{z_2}$ 的虚部为______. 答案: -3
- 873. $(\frac{1}{x} \sqrt{x})^6$ 的展开式中,常数项为______. 答案: 15
- 874. 已知 $\triangle ABC$ 的内角 A、B、C 所对应边的长度分别为 a、b、c, 若 $\begin{vmatrix} a & c \\ c & a \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -b & -a \\ b & b \end{vmatrix}$,则角 C 的大小是______. 答案: $\frac{\pi}{2}$
- 875. 已知等比数列 $\{a_n\}$ 的各项均为正数,且满足: $a_1a_7=4$,则数列 $\{\log_2 a_n\}$ 的前 7 项之和为______. 答案: 7
- 876. 已知双曲线 $x^2-\frac{y^2}{4}=1$ 的右焦点为 F,过点 F 且平行于双曲线的一条渐近线的直线与双曲线交于点 P,M 在直线 PF 上,且满足 $\overrightarrow{OM}\cdot\overrightarrow{PF}=0$,则 $\frac{|\overrightarrow{PM}|}{|\overrightarrow{PF}|}=$ ______.
- 877. 现有 5 位教师要带 3 个班级外出参加志愿者服务,要求每个班级至多两位老师带队,且教师甲、乙不能单独带队,则不同的带队方案有_____(用数字作答).

答案: 54

- 878. 抛物线 $y^2 = 4x$ 的焦点坐标是_____. 答案: (1,0)
- 879. 若集合 $A = \{x|3x+1>0\}$, $B = \{x||x-1|<2\}$, 则 $A \cap B =$ _____. 答案: $\left(-\frac{1}{3},3\right)$
- 880. 若 $\overrightarrow{d}=(3,2)$ 是直线 l 的一个方向向量,则 l 的倾斜角的大小为______(结果用反三角函数值表示). 答案: $\arctan \frac{2}{3}$

882. 求值:
$$\begin{vmatrix} \arcsin \frac{\sqrt{3}}{2} & 2 \\ \arctan \frac{\sqrt{3}}{3} & 3 \end{vmatrix} =$$
______ 弧度.

答案: 2 元

883. 已知 $\overrightarrow{AB}=3\overrightarrow{AP},$ 设 $\overrightarrow{BP}=\lambda\overrightarrow{PA},$ 则实数 $\lambda=$ ______. 答案: 2

- 884. 函数 $y = \sqrt{x^2 + 2} + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 2}}$ 的最小值为_____. 答案: $\frac{3\sqrt{2}}{2}$
- 885. 试写出 $(x-\frac{1}{x})^7$ 展开式中系数最大的项______. 答案: $\frac{35}{x}$
- 886. 已知三个球的表面积之比是 1:2:3,则这三个球的体积之比为______. 答案: $1:2\sqrt{2}:3\sqrt{3}$
- 887. 已知实数 x,y 满足 $\begin{cases} x+y\geq 2,\\ x-y\leq 2, & \text{则目标函数 } z=-\frac{3}{2}x-y \text{ 的最大值为}___.\\ 0\leq y\leq 3, \end{cases}$

答案: $-\frac{3}{2}$

- 888. 若不等式 $x^2-5x+6<0$ 的解集为 (a,b), 则 $\lim_{n\to\infty}\frac{a^n-2b^n}{3a^n-4b^n}=$ ______. 答案: $\frac{1}{2}$
- 889. 从集合 $A=\{1,2,3,4,5,6,7,8,9,10\}$ 中任取两个数,欲使取到的一个数大于 k,另一个数小于 k(其中 $k\in A$) 的概率是 $\frac{2}{5}$,则 k=______. 答案: 4 或 7
- 890. 设函数 $f(x) = a^x + a^{-x}$ $(a > 0, a \neq 1)$, 且 f(1) = 3, 则 f(0) + f(1) + f(2) 的值是______. 答案: 12
- 891. 已知集合 $A=\{x||x-2|< a\},$ $B=\{x|x^2-2x-3<0\},$ 若 $B\subseteq A,$ 则实数 a 的取值范围是______. 答案: $a\geq 3$
- 892. 如果复数 z 满足 |z|=1 且 $z^2=a+b{\rm i}$, 其中 $a,b\in{\bf R}$, 则 a+b 的最大值是______. 答案: $\sqrt{2}$

答案: -1

894. 在直角坐标系 xOy 中,已知三点 A(a,1), B(2,b), C(3,4),若向量 $\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB}$ 在向量 \overrightarrow{OC} 方向上的投影相同,则 3a-4b 的值是______.

答案: 2

895. 已知 F_1, F_2 是椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \ (a > b > 0)$ 的两个焦点,P 为椭圆上一点,且 $\overrightarrow{PF_1} \perp \overrightarrow{PF_2}$,若 $\triangle PF_1F_2$ 的面积为 9,则 $b = \underline{\hspace{1cm}}$.

答案: 3

896. $\triangle ABC$ 中,a,b,c 分别是 $\angle A, \angle B, \angle C$ 的对边且 $ac+c^2=b^2-a^2,$ 若 $\triangle ABC$ 最大边长是 $\sqrt{7}$ 且 $\sin C=2\sin A,$ 则 $\triangle ABC$ 最小边的边长为_____.

答案: 1

897. 设等差数列 $\{a_n\}$ 的公差为 d, 若 $a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, a_7$ 的方差为 1, 则 d=______.

答案: 5

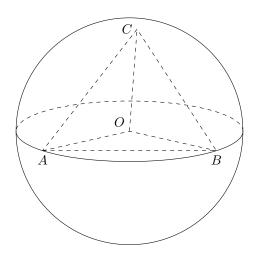
- 899. 设集合 $M=\{x|x^2=x\},\ N=\{x|\log_2 x\leq 0\},\ 则\ M\cup N=_$ ______. 答案: [0,1]
- 900. 已知虚数 1+2i 是方程 $x^2+ax+b=0 (a\,b\in\mathbf{R})$ 的一个根,则 a+b=______. 答案: 3
- 901. 在报名的 5 名男生和 4 名女生中, 选取 5 人参加志愿者服务, 要求男、女生都有, 则不同的选取方式的种数为_____(结果用数值表示).

- 902. 已知复数 z 在复平面上对应的点在曲线 $y=\frac{2}{x}$ 上运动,则 |z| 的最小值等于______. 答案: 2
- 903. 在正项等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1a_3=1$, $a_2+a_3=\frac{4}{3}$, 则 $\lim_{n\to\infty}(a_1+a_2+\cdots+a_n)=$ ______. 答案: $\frac{9}{2}$
- 904. 已知 $f(x)=2\sin\omega x\;(\omega>0)$ 在 $[0,\frac{\pi}{3}]$ 单调递增, 则实数 ω 的最大值为______. 答案: $\frac{3}{2}$

905. 若行列式
$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 4 \\ \cos(\pi + x) & 2 & 0 \\ -1 & 1 & 6 \end{vmatrix}$$
 中的元素 4 的代数余子式的值等于 $\frac{3}{2}$, 则实数 x 的取值集合为______.

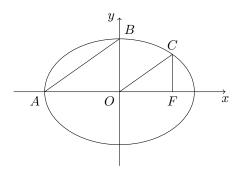
答案: $\{x|x=2k\pi\pm\frac{\pi}{3},\ k\in\mathbf{Z}\}$

- 906. 若二项式 $(2x \frac{1}{\sqrt{x}})^n$ 展开式中的第 5 项为常数项,则展开式中各项的二项式系数之和为______.
- 907. 已知 A、B 是球 O 的球面上两点, $\angle AOB=90^\circ$, C 为该球面上的动点, 若三棱锥 O-ABC 体积的最大值为 $\frac{32}{3}$, 则球 O 的表面积为_____.



答案: 64π

908. 如图, A、B 为椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ (a > b > 0) 的两个顶点, 过椭圆的右焦点 F 作 x 轴的垂线, 与其交于点 C. 若 $AB \parallel OC(O$ 为坐标原点), 则直线 AB 的斜率为______.



答案: $\frac{\sqrt{2}}{2}$

- 909. 若经过抛物线 $y^2=4x$ 焦点的直线 l 与圆 $(x-4)^2+y^2=4$ 相切, 则直线 l 的方程为______. 答案: $x\pm \frac{\sqrt{5}}{2}y-1=0$
- 910. 若集合 $A = \{x|y = \sqrt{x-1}, \ x \in \mathbf{R}\}, B = \{x||x| \le 1, \ x \in \mathbf{R}\}, 则 \ A \cap B = _____.$ 答案: $\{1\}$

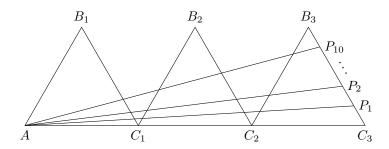
- 911. 若函数 $f(x)=1+\frac{1}{x}(x>0)$ 的反函数为 $f^{-1}(x)$,则不等式 $f^{-1}(x)>2$ 的解集为______. 答案: $(1,\frac{3}{2})$
- 912. 若 $\sin\alpha=\frac{3}{5}$ 且 α 是第二象限角,则 $\tan(\alpha-\frac{\pi}{4})=$ _____. 答案: -7
- 913. 若函数 f(x) 是定义在 R 上的奇函数,且满足 f(x+2) = -f(x),则 f(2016) =______. 答案: 0
- 914. 在 $(x^3 \frac{1}{x})^8$ 的展开式中,其常数项的值为______. 答案: 28
- 915. 若函数 $f(x) = \sin 2x$, $g(x) = f(x + \frac{\pi}{6})$, 则函数 g(x) 的单调递增区间为_____. 答案: $[k\pi \frac{5\pi}{12}, k\pi + \frac{\pi}{12}]$, $k \in \mathbf{Z}$
- 916. 设 P 是曲线 $\begin{cases} x=\frac{\sqrt{2}}{2}\sec\theta,\\ y=\tan\theta \end{cases}$ $(\theta$ 为参数) 上的一动点, O 为坐标原点, M 为线段 OP 的中点, 则点 M 的轨 迹的普通方程为______.

答案: $8x^2 - 4y^2 = 1$.

917. 不等式组
$$\begin{cases} x \leq 3, \\ x+y \geq 0, \end{cases}$$
 所表示的区域的面积为______.
$$x-y+2 \geq 0$$

答案: 16

- 918. 若函数 $f(x) = \log_5 x(x > 0)$,则方程 f(x + 1) + f(x 3) = 1 的解 x =______. 答案: 4.
- 919. 如图所示, 三个边长为 2 的等边三角形有一条边在同一直线上, 边 B_3C_3 上有 10 个不同的点 P_1, P_2, \cdots, P_{10} , 记 $M_i = \overrightarrow{AB_2} \cdot \overrightarrow{AP_i} (i=1,2,\cdots,10)$, 则 $M_1 + M_2 + \cdots + M_{10} =$ ______.



- 920. 已知全集 $U = \mathbf{R}$, $A = \{x | x^2 2x < 0\}$, $B = \{x | x \ge 1\}$, 则 $A \cap \mathbb{C}_U B =$ ______. 答案: (0,1)
- 921. 若函数 $y=\cos^2\omega x(\omega>0)$ 的最小正周期是 π , 则 $\omega=$ _____.
- 922. 圆 $C: x^2 + y^2 2x 4y + 4 = 0$ 的圆心到直线 3x + 4y + 4 = 0 的距离 d =______. 答案: 3
- 923. 已知圆锥的母线长为 $5 \mathrm{cm}$, 侧面积为 $15 \pi \mathrm{cm}^2$, 则此圆锥的体积为_____ cm^3 . 答案: 12π
- 924. 已知 $x, y \in \mathbf{R}^+$, 且满足 $\frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 1$, 则 xy 的最大值为______. 答案: 3
- 925. 已知双曲线 $\frac{x^2}{a^2} \frac{y^2}{b^2} = 1 \; (a>0,\; b>0)$ 的一条渐近线方程是 $y=\sqrt{3}x,$ 它的一个焦点与抛物线 $y^2=16x$ 的焦点相同,则双曲线的标准方程为______.

答案:
$$\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{12} = 1$$

926. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} 2^x + a, & x \ge 0, \\ x^2 - ax, & x < 0. \end{cases}$ 若 f(x) 的最小值是 a, 则 $a = \underline{\qquad}$.

答案: -4

答案: 120

- 928. 若数列 $\{a_n\}$ 是首项为 1, 公比为 $a-\frac{3}{2}$ 的无穷等比数列, 且 $\{a_n\}$ 各项的和为 a, 则 a 的值是______. 答案: 2
- 929. 设 $a \neq 0$, n 是大于 1 的自然数, $(1 + \frac{x}{a})^n$ 的展开式为 $a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \dots + a_n x^n$. 若 $a_1 = 3$, $a_2 = 4$, 则 $a = \underline{\qquad}$.

答案: 3

930. 矩形 ABCD 中, AB=2, AD=1, P 为矩形内部一点, 且 AP=1. 若 $\overrightarrow{AP}=\lambda \overrightarrow{AB}+\mu \overrightarrow{AD}$ $(\lambda,\ \mu\in\mathbf{R})$, 则 $2\lambda+\sqrt{3}\mu$ 的最大值是______.

答案: -1

931. 函数 $y = \log_3(x-1)$ 的定义域是_____.

答案: $(1, +\infty)$

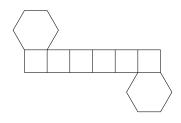
- 932. 集合 $A = \{x|x^2 3x < 0\}$, $B = \{x||x| < 2\}$, 则 $A \cup B$ 等于______. 答案: (-2,3)
- 934. 已知函数 $f(x) = \begin{vmatrix} \log_3 x & 1 \\ 2 & 1 \end{vmatrix}$, 则 $f^{-1}(0) = \underline{\qquad}$.
- 935. 若一个圆锥的母线长是底面半径的 3 倍,则该圆锥的侧面积是底面积的______ 倍答案: 3
- 936. 平面向量 \overrightarrow{a} 与 \overrightarrow{b} 的夹角为 60° , $|\overrightarrow{a}|=1$, $|\overrightarrow{b}|=(3,0)$, 则 $|2\overrightarrow{a}+\overrightarrow{b}|=$ ______. 答案: $\sqrt{19}$
- 938. 若 a_n 为 $(1+x)^n$ 的展开式中的 x^2 项的系数, 则 $\lim_{n\to\infty}\frac{2a_n}{n^2+1}=$ _______. 答案: 1
- 939. 若 $m>0,\, n>0,\, m+n=1,\,$ 且 $\frac{t}{m}+\frac{1}{n}(t>0)$ 的最小值为 9, 则 t=______. 答案: 4
- 940. 若以 x 轴正方向为始边,曲线上的点与圆心的连线为终边的角 θ 为参数,则圆 $x^2+y^2-2x=0$ 的参数方程为_______. $\int_{x=1+\cos\theta}.$

答案:
$$\begin{cases} x = 1 + \cos \theta, \\ y = \sin \theta \end{cases} \quad (0 \le \theta < 2\pi)$$

- 941. 若 AB 是圆 $x^2+(y-3)^2=1$ 的任意一条直径, O 为坐标原点, 则 $\overrightarrow{OA}\cdot\overrightarrow{OB}$ 的值为______. 答案: 8
- 942. 已知集合 $A = \{-1, 3, 2m-1\}$, 集合 $B = \{3, m^2\}$. 若 $B \subseteq A$, 则实数 m =_____. 答案: 1
- 943. 计算: $\lim_{n\to\infty} \frac{3^n+1}{3^{n+1}+2^n} =$ _____. 答案: $\frac{1}{3}$
- 944. 函数 $f(x) = \sqrt[3]{x} + 1$ 的反函数 $f^{-1}(x) =$ ______. 答案: $(x-1)^3, x \in \mathbf{R}$

945. 函数 $f(x) = (\sin x - \cos x)^2$ 的最小正周期为_____. 答案: π

- 946. 直线 x + 2y 1 = 0 与直线 y = 1 的夹角大小为_____(结果用反三角函数值表示). 答案: $\arccos \frac{2\sqrt{5}}{5}$
- 947. 已知菱形 ABCD,若 $|\overrightarrow{AB}|=1$, $A=\frac{\pi}{3}$,则向量 \overrightarrow{AC} 在 \overrightarrow{AB} 上的投影为______. 答案: $\frac{3}{2}$
- 948. 已知一个凸多面体的平面展开图由两个正六边形和六个正方形构成,如图所示,若该凸多面体所有棱长均为 1, 则其体积 $V = _____$.



答案: $\frac{3\sqrt{3}}{2}$

949. 已知函数 $f(x) = x^3 + \lg(\sqrt{x^2 + 1} + x)$,若 f(x) 的定义域中的 a、b 满足 f(-a) + f(-b) - 3 = f(a) + f(b) + 3,则 $f(a) + f(b) = \underline{\hspace{1cm}}$.

答案: -3

- 950. 数列 $\{a_n\}$ 中, 若 $a_1=3, \sqrt{a_{n+1}}=a_n(n\in \mathbf{N}^*)$, 则数列 $\{a_n\}$ 的通项公式 $a_n=$ _____. 答案: $3^{2^{n-1}}$
- 951. 在代数式 $(4x^2 2x 5)(1 + \frac{1}{x^2})^5$ 的展开式中,常数等于______. 答案: 15
- 953. 若 i(bi+1) 是纯虚数, i 是虚数单位, 则实数 b=_____. 答案: 0
- 954. 函数 $y=\sqrt{2^x-1}$ 的定义域是_____(用区间表示). 答案: $[0,+\infty)$
- 955. 已知 $\triangle ABC$ 中, $|\overrightarrow{AB}|=2$, $|\overrightarrow{AC}|=3$, $\overrightarrow{AB}\cdot\overrightarrow{AC}<0$, 且 $\triangle ABC$ 的面积为 $\frac{3}{2}$, 则 $\angle BAC=$ ______. 答案: $\frac{5\pi}{6}$

- 956. 双曲线 $4x^2-y^2=1$ 的一条渐近线与直线 tx+y+1=0 垂直, 则 t=_____. 答案: $\pm \frac{1}{2}$
- 957. 已知抛物线上一点 $M(x_0, 2\sqrt{3})$, 则点 M 到抛物线焦点的距离为________ 答案: 4
- 958. 无穷等比数列首项为 1, 公比为 q (q>0), 前 n 项和为 S_n , 若 $\lim_{n\to\infty} S_n=2$, 则 q=______. 答案: $\frac{1}{2}$
- 959. 在一个水平放置的底面半径为 $\sqrt{3}$ 的圆柱形量杯中装有适量的水, 现放入一个半径为 R 的实心铁球, 球完全 浸没于水中且无水溢出, 若水面高度恰好上升 R, 则 R=______.

答案: $\frac{3}{2}$

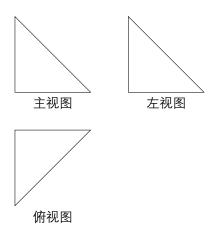
960. 在平面直角坐标系 xOy 中,将点 A(2,1) 绕原点 O 逆时针旋转 $\frac{\pi}{4}$ 到点 B,若直线 OB 的倾斜角为 α ,则 $\cos\alpha$ 的值为______.

答案: $\frac{\sqrt{10}}{10}$

- 961. 已知函数 $f(x) = 2^x a \cdot 2^{-x}$ 的反函数是 $f^{-1}(x)$, $f^{-1}(x)$ 在定义域上是奇函数, 则正实数 a =______. 答案: a = 1
- 962. 已知 $x \ge 1$, $y \ge 0$, 集合 $A = \{(x,y)|x+y \le 4\}$, $B = \{(x,y)|x-y+t=0\}$. 如果 $A \cap B \ne \emptyset$, 则 t 的取值范围是______.

答案: [-4,2]

963. 如图,一个空间几何体的主视图、左视图、俯视图均为全等的等腰直角三角形,如果直角三角形的直角边长都为 1,那么这个几何体的表面积为______.



答案: $\frac{3+\sqrt{3}}{2}$

964. 已知全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x | (x-1)(x-4) \le 0\}$, 则集合 A 的补集 $\mathbb{C}_U A = \underline{\hspace{1cm}}$. 答案: $(-\infty, 1) \cup (4, +\infty)$

965. 指数方程 $4^x - 6 \times 2^x - 16 = 0$ 的解是_____

答案: x = 3

966. 已知无穷等比数列 $\{a_n\}$ 的首项 $a_1=18$, 公比 $q=-\frac{1}{2}$, 则无穷等比数列 $\{a_n\}$ 各项的和是_______.

答案: 12

967. 函数 $y = \cos 2x, x \in [0, \pi]$ 的递增区间为 . .

答案: $\left[\frac{\pi}{2}, \pi\right]$

968. 抛物线 $y^2 = x$ 上一点 M 到焦点的距离为 1, 则点 M 的横坐标是______.

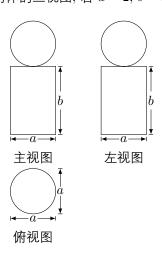
答案: $\frac{3}{4}$

969. 一盒中装有 12 个同样大小的球, 其中 5 个红球, 4 个黑球, 2 个白球, 1 个绿球. 从中随机取出 1 个球, 则取出的 1 个球是红球或黑球或白球的概率为______.

答案: $\frac{11}{12}$

970. 关于 θ 的函数 $f(\theta) = \cos^2 \theta - 2x \cos \theta - 1$ 的最大值记为 M(x), 则 M(x) 的解析式为______

答案:
$$M(x) = \begin{cases} 2x, & x \ge 0, \\ -2x, & x < 0. \end{cases}$$



答案: $\frac{13\pi}{3}$

972. 已知双曲线 $x^2-\frac{y^2}{m^2}=1\ (m>0)$ 的渐近线与圆 $x^2+(y+2)^2=1$ 没有公共点,则该双曲线的焦距的取值范围为______.

答案: (2,4)

973. 已知 $\triangle ABC$ 外接圆的半径为 2, 圆心为 O, 且 $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = 2\overrightarrow{AO}$, $|\overrightarrow{AB}| = |\overrightarrow{AO}|$, 则 $\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB} = \underline{\hspace{1cm}}$.