

1. (000326) 若 “ $a > b$ ”, 则 “ $a^3 > b^3$ ” 是_____ 命题 (填: 真、假).

答案: 真

使用记录:

20211119 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

2. (000327) 已知 $A = (-\infty, 0]$, $B = (a, +\infty)$, 若 $A \cup B = \mathbf{R}$, 则 a 的取值范围是_____.

答案: $a \leq 0$

使用记录:

20211119 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

3. (000328) $z + 2\bar{z} = 9 + 4i$ (i 为虚数单位), 则 $|z| =$ _____.

答案: 5

使用记录:

20211119 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

4. (000329) 若 $\triangle ABC$ 中, $a + b = 4$, $\angle C = 30^\circ$, 则 $\triangle ABC$ 面积的最大值是_____.

答案: 1

使用记录:

20211119 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

5. (000330) 若函数 $f(x) = \log_2 \frac{x-a}{x+1}$ 的反函数的图像过点 $(-2, 3)$, 则 $a =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20211119 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

6. (000331) 若半径为 2 的球 O 表面上一点 A 作球 O 的截面, 若 OA 与该截面所成的角是 60° , 则该截面的面积是_____.

答案: π

使用记录:

20211119 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

7. (000332) 抛掷一枚均匀的骰子 (刻有 1、2、3、4、5、6) 三次, 得到的数字依次记作 a 、 b 、 c , 则 $a+bi$ (i 为虚数单位) 是方程 $x^2 - 2x + c = 0$ 的根的概率是_____.

答案: $\frac{1}{108}$

使用记录:

20211119 2022 届高三 1 班 0.814

出处: 赋能练习

8. (000333) 设常数 $a > 0$, $(x + \frac{a}{\sqrt{x}})^9$ 展开式中 x^6 的系数为 4, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} (a + a^2 + \cdots + a^n) =$ _____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20211119 2022 届高三 1 班 0.814

出处: 赋能练习

9. (000334) 已知直线 l 经过点 $(-\sqrt{5}, 0)$ 且方向向量为 $(2, -1)$, 则原点 O 到直线 l 的距离为_____.

答案: 1

使用记录:

20211119 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

10. (000335) 若双曲线的一条渐近线为 $x + 2y = 0$, 且双曲线与抛物线 $y = x^2$ 的准线仅有一个公共点, 则此双曲线的标准方程为_____.

答案: $16y^2 - 4x^2 = 1$

使用记录:

20211119 2022 届高三 1 班 0.512

20220622 2022 届高三 1 班 0.488

出处: 赋能练习

11. (000336) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n-5}{n+1} =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20211126 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

12. (000337) 已知抛物线 C 的顶点在平面直角坐标系原点, 焦点在 x 轴上, 若 C 经过点 $M(1, 3)$, 则其焦点到准线的距离为_____.

答案: $\frac{9}{2}$

使用记录:

20211126 2022 届高三 1 班 0.814

出处: 赋能练习

13. (000338) 若线性方程组的增广矩阵为 $\begin{pmatrix} a & 0 & 2 \\ 0 & 1 & b \end{pmatrix}$, 解为 $\begin{cases} x = 2, \\ y = 1. \end{cases}$ 则 $a + b =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20211126 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

14. (000339) 若复数 z 满足: $i \cdot z = \sqrt{3} + i$ (i 是虚数单位), 则 $|z| =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20211126 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

15. (000340) 在 $(x + \frac{2}{x^2})^6$ 的二项展开式中第四项的系数是_____ (结果用数值表示).

答案: 160

使用记录:

20211126 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

16. (000341) 在长方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中, 若 $AB = BC = 1$, $AA_1 = \sqrt{2}$, 则异面直线 BD_1 与 CC_1 所成角的大小为_____.

答案: $\frac{\pi}{4}$

使用记录:

20211126 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

17. (000342) 若函数 $f(x) = \begin{cases} 2^x, & x \leq 0, \\ -x^2 + m, & x > 0 \end{cases}$ 的值域为 $(-\infty, 1]$, 则实数 m 的取值范围是_____.

答案: $0 < m \leq 1$

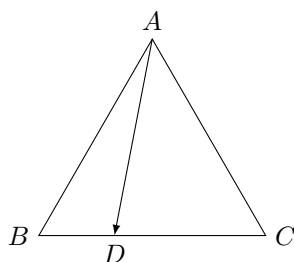
使用记录:

20211126 2022 届高三 1 班 0.488

20220622 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

18. (000343) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, 若 $AB = AC = 3$, $\cos \angle BAC = \frac{1}{2}$, $\overrightarrow{DC} = 2\overrightarrow{BD}$, 则 $\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{BC} =$ _____.



答案: $-\frac{3}{2}$

使用记录:

20211126 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

19. (000344) 定义在 \mathbf{R} 上的偶函数 $y = f(x)$, 当 $x \geq 0$ 时, $f(x) = \lg(x^2 - 3x + 3)$, 则 $f(x)$ 在 \mathbf{R} 上的零点个数
为_____个.

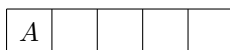
答案: 4

使用记录:

20211126 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

20. (000345) 将 6 辆不同的小汽车和 2 辆不同的卡车驶入如图所示的 10 个车位中的某 8 个内, 其中 2 辆卡车必须停在 A 与 B 的位置, 那么不同的停车位置安排共有_____种 (结果用数值表示).



答案: 40320

使用记录:

20211126 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

21. (000346) 设集合 $A = \{x ||x - 2| < 1, x \in \mathbf{R}\}$, 集合 $B = \mathbf{Z}$, 则 $A \cap B =$ _____.

答案: $\{2\}$

使用记录:

20211203 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

22. (000347) 函数 $y = \sin(\omega x - \frac{\pi}{3}) (\omega > 0)$ 的最小正周期是 π , 则 $\omega =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20211203 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

23. (000348) 设 i 为虚数单位, 在复平面上, 复数 $\frac{3}{(2-i)^2}$ 对应的点到原点的距离为_____.

答案: $\frac{3}{5}$

使用记录:

20211203 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

24. (000349) 若函数 $f(x) = \log_2(x+1) + a$ 的反函数的图像经过点 $(4, 1)$, 则实数 $a =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20211203 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

25. (000350) 已知 $(a+3b)^n$ 的展开式中, 各项系数的和与各项二项式系数的和之比为 64, 则 $n =$ _____.

答案: 6

使用记录:

20211203 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

26. (000351) 甲、乙两人从 5 门不同的选修课中各选修 2 门, 则甲、乙所选的课程中恰有 1 门相同的选法有_____种.

答案: 60

使用记录:

20211203 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

27. (000352) 若圆锥的侧面展开图是半径为 2cm, 圆心角为 270° 的扇形, 则这个圆锥的体积为_____ cm^3 .

答案: $\frac{3\sqrt{7}}{8}\pi$

使用记录:

20211203 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

28. (000353) 若数列 $\{a_n\}$ 的所有项都是正数, 且 $\sqrt{a_1} + \sqrt{a_2} + \cdots + \sqrt{a_n} = n^2 + 3n (n \in \mathbf{N}^*)$, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n^2} \left(\frac{a_1}{2} + \frac{a_2}{3} + \cdots + \frac{a_n}{n+1} \right) =$ _____.

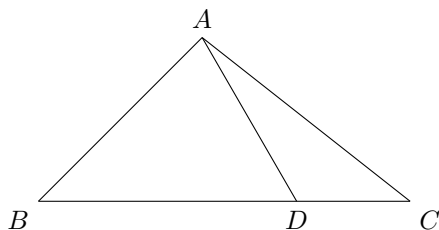
答案: 2

使用记录:

20211203 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

29. (000354) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle B = 45^\circ$, D 是 BC 边上的一点, $AD = 5$, $AC = 7$, $DC = 3$, 则 AB 的长为_____.



答案: $\frac{5\sqrt{6}}{2}$

使用记录:

20211203 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

30. (000355) 有以下命题:

① 若函数 $f(x)$ 既是奇函数又是偶函数, 则 $f(x)$ 的值域为 $\{0\}$;

② 若函数 $f(x)$ 是偶函数, 则 $f(|x|) = f(x)$;

③ 若函数 $f(x)$ 在其定义域内不是单调函数, 则 $f(x)$ 不存在反函数;

④ 若函数 $f(x)$ 存在反函数 $f^{-1}(x)$, 且 $f^{-1}(x)$ 与 $f(x)$ 不完全相同, 则 $f(x)$ 与 $f^{-1}(x)$ 图像的公共点必在直线 $y = x$ 上;

其中真命题的序号是_____ (写出所有真命题的序号).

答案: ①②

使用记录:

20211203 2022 届高三 1 班 0.605

20220622 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

31. (000356) 若集合 $A = \{x|y^2 = x, y \in \mathbf{R}\}$, $B = \{y|y = \sin x, x \in \mathbf{R}\}$, 则 $A \cap B =$ _____.

答案: $[0, 1]$

使用记录:

20211210 2022 届高三 1 班 0.909

出处: 赋能练习

32. (000357) 若 $-\frac{\pi}{2} < \alpha < \frac{\pi}{2}$, $\sin \alpha = \frac{3}{5}$, 则 $\cot 2\alpha =$ _____.

答案: $\frac{7}{24}$

使用记录:

20211210 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

33. (000358) 函数 $f(x) = 1 + \log_2 x (x \geq 1)$ 的反函数 $f^{-1}(x) =$ _____.

答案: $2^{x-1} (x \geq 1)$

使用记录:

20211210 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

34. (000359) 若 $(1+x)^5 = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \cdots + a_5x^5$, 则 $a_1 + a_2 + \cdots + a_5 =$ _____.

答案: 31

使用记录:

20211210 2022 届高三 1 班 0.523

20220622 2022 届高三 1 班 0.954

出处: 赋能练习

35. (000360) 设 $k \in \mathbf{R}$, $\frac{y^2}{k} - \frac{x^2}{k-2} = 1$ 表示焦点在 y 轴上的双曲线, 则半焦距的取值范围是_____.

答案: $(\sqrt{2}, +\infty)$

使用记录:

20211210 2022 届高三 1 班 0.750

20220622 2022 届高三 1 班 0.861

出处: 赋能练习

36. (000361) 设 $m \in \mathbf{R}$, 若 $f(x) = (m+1)x^{\frac{2}{3}} + mx + 1$ 是偶函数, 则 $f(x)$ 的单调递增区间是_____.

答案: $[0, +\infty)$

使用记录:

20211210 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

37. (000362) 方程 $\log_2(9^x - 5) = 2 + \log_2(3^x - 2)$ 的解 $x =$ _____.

答案: $x = 1$

使用记录:

20211210 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

38. (000363) 已知圆 $C: x^2 + y^2 + 2kx + 2y + k^2 = 0 (k \in \mathbf{R})$ 和定点 $P(1, -1)$, 若过 P 可以作两条直线与圆 C 相切, 则 k 的取值范围是_____.

答案: $k < -2$ 或 $k > 0$

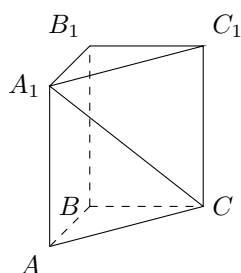
使用记录:

20211210 2022 届高三 1 班 0.727

20220622 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

39. (000364) 如图, 在直三棱柱 $ABC - A_1B_1C_1$ 中, $\angle ABC = 90^\circ$, $AB = BC = 1$, 若 A_1C 与平面 B_1BCC_1 所成的角为 $\frac{\pi}{6}$, 则三棱锥 $A_1 - ABC$ 的体积为_____.



答案: $\frac{\sqrt{2}}{6}$

使用记录:

20211210 2022 届高三 1 班 0.750

20220622 2022 届高三 1 班 0.954

出处: 赋能练习

40. (000365) 设地球半径为 R , 若 A 、 B 两地均位于北纬 45° , 且两地所在纬度圈上的弧长为 $\frac{\sqrt{2}}{4}\pi R$, 则 A 、 B 之间的球面距离是_____ (结果用含有 R 的代数式表示).

答案: $\frac{\pi}{3}R$

使用记录:

20211210 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

41. (000366) 复数 $i(2+i)$ 的虚部为_____.

答案: 2

使用记录:

20211217 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

42. (000367) 设函数 $f(x) = \begin{cases} \log_2 x, & x > 0, \\ 4^x, & x \leq 0, \end{cases}$ 则 $f(f(-1)) =$ _____.

答案: -2

使用记录:

20211217 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

43. (000368) 已知 $M = \{x | |x-1| \leq 2, x \in \mathbf{R}\}$, $P = \{x | \frac{1-x}{x+2} \geq 0, x \in \mathbf{R}\}$, 则 $M \cap P =$ _____.

答案: $[-1, 1]$

使用记录:

20211217 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

44. (000369) 抛物线 $y = x^2$ 上一点 M 到焦点的距离为 1, 则点 M 的纵坐标为_____.

答案: $\frac{3}{4}$

使用记录:

20211217 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

45. (000370) 已知无穷数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_{n+1} = \frac{1}{2}a_n (n \in \mathbf{N}^*)$, 且 $a_2 = 1$, 记 S_n 为数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n =$ _____.

答案: 4

使用记录:

20211217 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

46. (000371) 已知 $x, y \in \mathbf{R}^+$, 且 $x + 2y = 1$, 则 xy 的最大值为_____.

答案: $\frac{1}{8}$

使用记录:

20211217 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

47. (000372) 已知圆锥的母线 $l = 10$, 母线与旋转轴的夹角 $\alpha = 30^\circ$, 则圆锥的表面积为_____.

答案: 75π

使用记录:

20211217 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

48. (000373) 若 $(2x^2 + \frac{1}{x})^n (n \in \mathbf{N}^*)$ 的二项展开式中的第 9 项是常数项, 则 $n =$ _____.

答案: 12

使用记录:

20211217 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

49. (000374) 已知 A, B 分别是函数 $f(x) = 2\sin\omega x (\omega > 0)$ 在 y 轴右侧图像上的第一个最高点和第一个最低点, 且 $\angle AOB = \frac{\pi}{2}$, 则该函数的最小正周期是_____.

答案: $\frac{8\sqrt{3}}{3}$

使用记录:

20211217 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

50. (000375) 将序号分别为 1、2、3、4、5 的 5 张参观券全部分给 4 人, 每人至少一张, 如果分给同一人的 2 张参观券连号, 那么不同的分法种数是_____.

答案: 96

使用记录:

20211217 2022 届高三 1 班 0.909

出处: 赋能练习

51. (000376) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n+3}{n+1} =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20211223 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

52. (000377) 设全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{-1, 0, 1, 2, 3\}$, $B = \{x | x \geq 2\}$, 则 $A \cap \complement_U B =$ _____.

答案: $\{-1, 0, 1\}$

使用记录:

20211223 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

53. (000378) 不等式 $\frac{x+1}{x+2} < 0$ 的解集为_____.

答案: $(-2, -1)$

使用记录:

20211223 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

54. (000379) 椭圆 $\begin{cases} x = 5 \cos \theta, \\ y = 4 \sin \theta \end{cases}$ (θ 为参数) 的焦距为_____.

答案: 6

使用记录:

20211223 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

55. (000380) 若函数 $y = \begin{vmatrix} \cos x & \sin x \\ \sin x & \cos x \end{vmatrix}$ 的最小正周期为 $a\pi$, 则实数 a 的值为_____.

答案: 1

使用记录:

20211223 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

56. (000381) 若点 $(8, 4)$ 在函数 $f(x) = 1 + \log_a x$ 图像上, 则 $f(x)$ 的反函数为_____.

答案: 2^{x-1}

使用记录:

20211223 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

57. (000382) 已知向量 $\vec{a} = (1, 2)$, $\vec{b} = (0, 3)$, 则 \vec{b} 在 \vec{a} 的方向上的投影为_____.

答案: $\frac{6\sqrt{5}}{5}$

使用记录:

20211223 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

58. (000383) 已知一个底面置于水平面上的圆锥, 其左视图是边长为 6 的正三角形, 则该圆锥的侧面积为_____.

答案: 18π

使用记录:

20211223 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

59. (000384) 某班级要从 5 名男生和 2 名女生中选出 3 人参加公益活动, 则在选出的 3 人中男、女生均有的概率为_____(结果用最简分数表示).

答案: $\frac{5}{7}$

使用记录:

20211223 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

60. (000385) 设常数 $a > 0$, 若 $(x + \frac{a}{x})^9$ 的二项展开式中 x^5 的系数为 144, 则 $a =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20211223 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

61. (000386) 设集合 $M = \{x|x^2 = x\}$, $N = \{x|\lg x \leq 0\}$, 则 $M \cap N =$ _____.

答案: $\{1\}$

使用记录:

20211230 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

62. (000387) 已知 $a, b \in \mathbf{R}$, i 是虚数单位, 若 $a + i = 2 - bi$, 则 $(a + bi)^2 =$ _____.

答案: $3 - 4i$

使用记录:

20211230 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

63. (000388) 已知函数 $f(x) = a^x - 1$ 的图像经过 $(1, 1)$ 点, 则 $f^{-1}(3) =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20211230 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

64. (000389) 不等式 $x|x - 1| > 0$ 的解集为_____.

答案: $(0, 1) \cup (1, +\infty)$

使用记录:

20211230 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

65. (000390) 已知 $\vec{a} = (\sin x, \cos x)$, $\vec{b} = (\sin x, \sin x)$, 则函数 $f(x) = \vec{a} \cdot \vec{b}$ 的最小正周期为_____.

答案: π

使用记录:

20211230 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

66. (000391) 里约奥运会游泳小组赛采用抽签方法决定运动员比赛的泳道, 在由 2 名中国运动员和 6 名外国运动员组成的小组中, 2 名中国运动员恰好抽在相邻泳道的概率为_____.

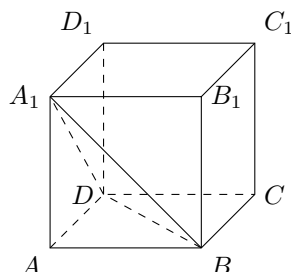
答案: $\frac{1}{4}$

使用记录:

20211230 2022 届高三 1 班 0.818

出处: 赋能练习

67. (000392) 如图, 在棱长为 1 的正方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中, 点 P 在截面 A_1DB 上, 则线段 AP 的最小值为_____.



答案: $\frac{\sqrt{3}}{3}$

使用记录:

20211230 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

68. (000393) 设 $(1+x)^n = a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + \cdots + a_nx^n$, 若 $\frac{a_2}{a_3} = \frac{1}{3}$, 则 $n =$ _____.

答案: 11

使用记录:

20211230 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

69. (000394) 已知圆锥底面半径与球的半径都是 1cm, 如果圆锥的体积与球的体积恰好也相等, 那么这个圆锥的侧面积是_____ cm^2 .

答案: $\sqrt{17}\pi$

使用记录:

20211230 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

70. (000395) 设 $P(x, y)$ 是曲线 $C: \sqrt{\frac{x^2}{25}} + \sqrt{\frac{y^2}{9}} = 1$ 上的点, $F_1(-4, 0)$, $F_2(4, 0)$, 则 $|PF_1| + |PF_2|$ 的最大值为_____.

答案: 10

使用记录:

20211230 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

71. (000396) 已知复数 $z = 2 + i$ (i 为虚数单位), 则 $\overline{z^2} =$ _____.

答案: $3 - 4i$

使用记录:

20211231 2022 届高三 1 班 0.909

出处: 赋能练习

72. (000397) 已知集合 $A = \{x | \frac{1}{2} \leq 2^x < 16\}$, $B = \{x | y = \log_2(9 - x^2)\}$, 则 $A \cap B =$ _____.

答案: $[-1, 3)$

使用记录:

20211231 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

73. (000398) 在二项式 $(x + \frac{2}{x})^6$ 的展开式中, 常数项是_____.

答案: 160

使用记录:

20211231 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

74. (000399) 等轴双曲线 $x^2 - y^2 = a^2$ 与抛物线 $y^2 = 16x$ 的准线交于 A 、 B 两点, 且 $|AB| = 4\sqrt{3}$, 则该双曲线的实轴长等于_____.

答案: 4

使用记录:

20211231 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

75. (000400) 若由矩阵 $\begin{pmatrix} a & 2 \\ 2 & a \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a+2 \\ 2a \end{pmatrix}$ 表示 x 、 y 的二元一次方程组无解, 则实数 $a =$ _____.

答案: -2

使用记录:

20211231 2022 届高三 1 班 0.909

出处: 赋能练习

76. (000401) 已知 $f(x) = \sin \frac{\pi}{3}x$, $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$, 现从集合 A 中任取两个不同元素 s 、 t , 则使得 $f(s) \cdot f(t) = 0$ 发生的概率是_____.

答案: $\frac{13}{28}$

使用记录:

20211231 2022 届高三 1 班 0.795

出处: 赋能练习

77. (000402) 若圆锥侧面积为 20π , 且母线与底面所成角为 $\arccos \frac{4}{5}$, 则该圆锥的体积为_____.

答案: 16π

使用记录:

20211231 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

78. (000403) 已知数列 $\{a_n\}$ 的通项公式为 $a_n = n^2 + bn$, 若数列 $\{a_n\}$ 是单调递增数列, 则实数 b 的取值范围是_____.

答案: $b > -3$

使用记录:

20211231 2022 届高三 1 班 0.705

20220622 2022 届高三 1 班 0.861

出处: 赋能练习

79. (000404) 将边长为 10 的正三角形 ABC , 按“斜二测”画法在水平放置的平面上画出为 $\triangle A'B'C'$, 则 $\triangle A'B'C'$ 中最短边的边长为_____(精确到 0.01).

答案: 3.62

使用记录:

20211231 2022 届高三 1 班 0.773

出处: 赋能练习

80. (000405) 已知点 A 是圆 $O: x^2 + y^2 = 4$ 上的一个定点, 点 B 是圆 O 上的一个动点, 若满足 $|\vec{AO} + \vec{BO}| = |\vec{AO} - \vec{BO}|$, 则 $\vec{AO} \cdot \vec{AB} =$ _____.

答案: 4

使用记录:

20211231 2022 届高三 1 班 0.886

出处: 赋能练习

81. (000406) 方程 $\lg(3x + 4) = 1$ 的解 $x =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220105 2022 届高三 1 班 0.974

出处: 赋能练习

82. (000407) 若关于 x 的不等式 $\frac{x-a}{x-b} > 0 (a, b \in \mathbf{R})$ 的解集为 $(-\infty, 1) \cup (4, +\infty)$, 则 $a+b =$ _____.

答案: 5

使用记录:

20220105 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

83. (000408) 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 $S_n = 2^n - 1$, 则此数列的通项公式为_____.

答案: $a_n = 2^{n-1}$

使用记录:

20220105 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

84. (000409) 函数 $f(x) = \sqrt{x} + 1$ 的反函数是_____.

答案: $f^{-1}(x) = (x-1)^2 (x \geq 1)$

使用记录:

20220105 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

85. (000410) $(1+2x)^6$ 展开式中 x^3 项的系数为_____ (用数字作答).

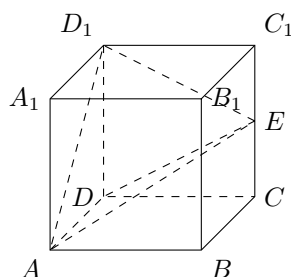
答案: 160

使用记录:

20220105 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

86. (000411) 如图, 已知正方形 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$, $AA_1 = 2$, E 为棱 CC_1 的中点, 则三棱锥 $D_1 - ADE$ 的体积为_____.



答案: $\frac{4}{3}$

使用记录:

20220105 2022 届高三 1 班 0.974

出处: 赋能练习

87. (000412) 从单词 “shadow” 中任意选取 4 个不同的字母排成一排, 则其中含有 “a” 的共有_____种排法 (用数字作答).

答案: 240

使用记录:

20220105 2022 届高三 1 班 0.949

出处: 赋能练习

88. (000413) 集合 $\{x | \cos(\pi \cos x) = 0, x \in [0, \pi]\}$ =_____ (用列举法表示).

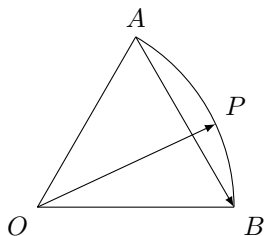
答案: $\{\frac{\pi}{3}, \frac{2\pi}{3}\}$

使用记录:

20220105 2022 届高三 1 班 0.872

出处: 赋能练习

89. (000414) 如图, 已知半径为 1 的扇形 AOB , $\angle AOB = 60^\circ$, P 为弧 \widehat{AB} 上的一个动点, 则 $\overrightarrow{OP} \cdot \overrightarrow{AB}$ 取值范围是_____.



答案: $[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}]$

使用记录:

20220105 2022 届高三 1 班 0.949

出处: 赋能练习

90. (000415) 已知 x, y 满足曲线方程 $x^2 + \frac{1}{y^2} = 2$, 则 $x^2 + y^2$ 的取值范围是_____.

答案: $[\frac{1}{2}, +\infty)$

使用记录:

20220105 2022 届高三 1 班 0.897

出处: 赋能练习

91. (000416) 已知 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x | 4 - 2x \geq x + 1\}$, 则 $\complement_U A =$ _____.

答案: $\{x | x > 1\}$

使用记录:

20220106 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

92. (000417) 三阶行列式 $\begin{vmatrix} 3 & -5 & 1 \\ 2 & 3 & -6 \\ -7 & 2 & 4 \end{vmatrix}$ 中元素 -5 的代数余子式的值为_____.

答案: 34

使用记录:

20220106 2022 届高三 1 班 0.780

出处: 赋能练习

93. (000418) $(1 - \frac{x}{2})^8$ 的二项展开式中含 x^2 项的系数是_____.

答案: 7

使用记录:

20220106 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

94. (000419) 已知一个球的表面积为 16π , 则它的体积为_____.

答案: $\frac{32}{3}\pi$

使用记录:

20220106 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

95. (000420) 一个袋子中共有 6 个球, 其中 4 个红色球, 2 个蓝色球, 这些球的质地和形状一样, 从中任意抽取 2 个球, 则所抽的球都是红色球的概率是_____.

答案: $\frac{2}{5}$

使用记录:

20220106 2022 届高三 1 班 0.927

出处: 赋能练习

96. (000421) 已知直线 $l: x - y + b = 0$ 被圆 $C: x^2 + y^2 = 25$ 所截得的弦长为 6, 则 $b =$ _____.

答案: $\pm 4\sqrt{2}$

使用记录:

20220106 2022 届高三 1 班 0.951

出处: 赋能练习

97. (000422) 若复数 $(1 + ai)(2 - i)$ 在复平面上所对应的点在直线 $y = x$ 上, 则实数 $a =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20220106 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

98. (000423) 函数 $f(x) = (\sqrt{3} \sin x + \cos x)(\sqrt{3} \cos x - \sin x)$ 的最小正周期为_____.

答案: π

使用记录:

20220106 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

99. (000424) 过双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{4} = 1$ 的右焦点 F 作一条垂直于 x 轴的垂线交双曲线 C 的两条渐近线于 A 、 B 两点, O 为坐标原点, 则 $\triangle OAB$ 的面积的最小值为_____.

答案: 8

使用记录:

20220106 2022 届高三 1 班 0.902

出处: 赋能练习

100. (000425) 若关于 x 的不等式 $|2^x - m| - \frac{1}{2^x} < 0$ 在区间 $[0, 1]$ 内恒成立, 则实数 m 的范围_____.

答案: $(\frac{3}{2}, 2)$

使用记录:

20220106 2022 届高三 1 班 0.902

出处: 赋能练习

101. (000426) 已知集合 $A = \{1, 2, 4, 6, 8\}$, $B = \{x | x = 2k, k \in A\}$, 则 $A \cap B =$ _____.

答案: $\{2, 4, 8\}$

使用记录:

20220111 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

102. (000427) 已知 $\frac{\bar{z}}{1-i} = 2+i$, 则复数 z 的虚部为_____.

答案: 1

使用记录:

20220111 2022 届高三 1 班 0.909

出处: 赋能练习

103. (000428) 设函数 $f(x) = \sin x - \cos x$, 且 $f(a) = 1$, 则 $\sin 2a =$ _____.

答案: 0

使用记录:

20220111 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

104. (000429) 已知二元一次方程 $\begin{cases} a_1x + b_1y = c_1, \\ a_2x + b_2y = c_2 \end{cases}$ 的增广矩阵是 $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & 3 \end{pmatrix}$, 则此方程组的解是_____.

答案: $\begin{cases} x = 2, \\ y = 1. \end{cases}$

使用记录:

20220111 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

105. (000430) 数列 $\{a_n\}$ 是首项为 1, 公差为 2 的等差数列, S_n 是它前 n 项和, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n}{a_n^2} =$ _____.

答案: $\frac{1}{4}$

使用记录:

20220111 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

106. (000431) 已知角 A 是 $\triangle ABC$ 的内角, 则 “ $\cos A = \frac{1}{2}$ ” 是 “ $\sin A = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ” 的_____条件 (填 “充分非必要”、“必要非充分”、“充要条件”、“既非充分又非必要” 之一).

答案: 充分非必要

使用记录:

20220111 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

107. (000432) 若双曲线 $x^2 - \frac{y^2}{b^2} = 1$ 的一个焦点到其渐近线距离为 $2\sqrt{2}$, 则该双曲线焦距等于_____.

答案: 6

使用记录:

20220111 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

108. (000433) 若正项等比数列 $\{a_n\}$ 满足: $a_3 + a_5 = 4$, 则 a_4 的最大值为_____.

答案: 2

使用记录:

20220111 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

109. (000434) 已知函数 $f(x) = \sin(2x + \frac{\pi}{3})$ 在区间 $[0, a]$ (其中 $a > 0$) 上单调递增, 则实数 a 的取值范围是_____.

答案: $0 < a \leq \frac{\pi}{12}$

使用记录:

20220111 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

110. (000435) 设函数 $f(x) = \begin{cases} x^6, & x \geq 1, \\ -2x - 1, & x \leq -1, \end{cases}$ 则当 $x \leq -1$ 时, $f[f(x)]$ 表达式的展开式中含 x^2 项的系数是_____.

答案: 60

使用记录:

20220111 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

111. (000436) “ $x < 0$ ” 是 “ $x < a$ ” 的充分非必要条件, 则 a 的取值范围是_____.

答案: $a > 0$

使用记录:

20220218 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

112. (000437) 函数 $f(x) = 1 - 3\sin^2(x + \frac{\pi}{4})$ 的最小正周期为_____.

答案: π

使用记录:

20220218 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

113. (000438) 若复数 z 为纯虚数, 且满足 $(2 - i)z = a + i$ (i 为虚数单位), 则实数 a 的值为_____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220218 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

114. (000439) 二项式 $(x^2 + \frac{1}{x})^5$ 的展开式中, x 的系数为_____.

答案: 10

使用记录:

20220218 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

115. (000440) 用半径 1 米的半圆形薄铁皮制作圆锥型无盖容器, 其容积为_____ 立方米.

答案: $\frac{\sqrt{3}\pi}{24}$

使用记录:

20220218 2022 届高三 1 班 0.841

出处: 赋能练习

116. (000441) 已知 α 为锐角, 且 $\cos(\alpha + \frac{\pi}{4}) = \frac{3}{5}$, 则 $\sin \alpha =$ _____.

答案: $\frac{\sqrt{2}}{10}$

使用记录:

20220218 2022 届高三 1 班 0.886

出处: 赋能练习

117. (000442) 已知正四棱柱 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$, $AB = a$, $AA_1 = 2a$, E 、 F 分别是棱 AD 、 CD 的中点, 则异面直线 BC_1 与 EF 所成角是_____.

答案: $\arccos \frac{\sqrt{10}}{10}$

使用记录:

20220218 2022 届高三 1 班 0.886

出处: 赋能练习

118. (000443) 在无穷等比数列 $\{a_n\}$ 中, $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_1 + a_2 + \cdots + a_n) = \frac{1}{2}$, 则 a_1 的取值范围是_____.

答案: $(0, \frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, 1)$

使用记录:

20220218 2022 届高三 1 班 0.773

出处: 赋能练习

119. (000444) 某班班会准备从含甲、乙的 6 名学生中选取 4 人发言, 要求甲、乙两人至少有一人参加, 那么不同的发言顺序有_____种.

答案: 336

使用记录:

20220218 2022 届高三 1 班 0.841

出处: 赋能练习

120. (000445) 已知奇函数 $f(x)$ 是定义在 \mathbf{R} 上的增函数, 数列 $\{x_n\}$ 是一个公差为 2 的等差数列, 满足 $f(x_7) + f(x_8) = 0$, 则 x_{2017} 的值为_____.

答案: 4019

使用记录:

20220218 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

121. (000446) 若集合 $M = \{x|x^2 - 2x < 0\}$, $N = \{x||x| > 1\}$, 则 $M \cap N =$ _____.

答案: $(1, 2)$

使用记录:

20220221 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

122. (000447) 若复数 $\angle OFA + \angle OFB = 180^\circ$ 满足 $2z + \bar{z} = 3 - 2i$, 其中 i 为虚数单位, 则 $z =$ _____.

答案: $1 - 2i$

使用记录:

20220221 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

123. (000448) 如果 $\sin \alpha = -\frac{5}{13}$, 且 α 为第四象限角, 则 $\tan \alpha$ 的值是_____.

答案: $-\frac{5}{12}$

使用记录:

20220221 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

124. (000449) 函数 $f(x) = \begin{vmatrix} \cos x & \sin x \\ \sin x & \cos x \end{vmatrix}$ 的最小正周期是_____.

答案: π

使用记录:

20220221 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

125. (000450) 函数 $f(x) = 2^x + m$ 的反函数为 $y = f^{-1}(x)$, 且 $y = f^{-1}(x)$ 的图像过点 $Q(5, 2)$, 那么 $m =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220221 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

126. (000451) 点 $(1, 0)$ 到双曲线 $\frac{x^2}{4} - y^2 = 1$ 的渐近线的距离是_____.

答案: $\frac{\sqrt{5}}{5}$

使用记录:

20220221 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

127. (000452) 如果实数 x, y 满足 $\begin{cases} 2x - y \leq 0, \\ x + y \leq 3, \\ x \geq 0, \end{cases}$, 则 $2x + y$ 的最大值是_____.

答案: 4

使用记录:

20220221 2022 届高三 1 班 0.886

出处: 赋能练习

128. (000453) 从 5 名学生中任选 3 人分别担任语文、数学、英语课代表, 其中学生甲不能担任数学课代表, 共有_____ 种不同的选法 (结果用数值表示).

答案: 48

使用记录:

20220221 2022 届高三 1 班 0.909

出处: 赋能练习

129. (000454) 方程 $x^2 + y^2 - 4tx - 2ty + 3t^2 - 4 = 0$ (t 为参数) 所表示的圆的圆心轨迹方程是_____ (结果化为普通方程).

答案: $x - 2y = 0$

使用记录:

20220221 2022 届高三 1 班 0.886

出处: 赋能练习

130. (000455) 若 a_n 是 $(2+x)^n$ ($n \in \mathbf{N}^*$, $n \geq 2$, $x \in \mathbf{R}$) 展开式中 x^2 项的二项式系数, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} (\frac{1}{a_2} + \frac{1}{a_3} + \cdots + \frac{1}{a_n}) =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220221 2022 届高三 1 班 0.545

20220622 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

131. (000456) 设集合 $A = \{2, 3, 4, 12\}$, $B = \{0, 1, 2, 3\}$, 则 $A \cap B =$ _____.

答案: $\{2, 3\}$

使用记录:

20220222 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

132. (000457) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5^n - 7^n}{5^n + 7^n} =$ _____.

答案: -1

使用记录:

20220222 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

133. (000458) 函数 $y = 2 \cos^2(3\pi x) - 1$ 的最小正周期为_____.

答案: $\frac{1}{3}$

使用记录:

20220222 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

134. (000459) 不等式 $\frac{x+2}{x+1} > 1$ 的解集为_____.

答案: $(-1, +\infty)$

使用记录:

20220222 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

135. (000460) 若 $z = \frac{-2+3i}{i}$ (其中 i 为虚数单位), 则 $\operatorname{Im} z =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220222 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

136. (000461) 若从五个数 $-1, 0, 1, 2, 3$ 中任选一个数 m , 则使得函数 $f(x) = (m^2 - 1)x + 1$ 在 \mathbf{R} 上单调递增的概率为_____ (结果用最简分数表示).

答案: $\frac{2}{5}$

使用记录:

20220222 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

137. (000462) 在 $(\frac{3}{x^2} + \sqrt{x})^n$ 的二项展开式中, 所有项的二项式系数之和为 1024, 则常数项的值等于_____.

答案: 405

使用记录:

20220222 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

138. (000463) 半径为 4 的圆内接三角形 ABC 的面积是 $\frac{1}{16}$, 角 A, B, C 所对应的边依次为 a, b, c , 则 abc 的值为_____.

答案: 1

使用记录:

20220222 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

139. (000464) 已知抛物线 C 的顶点为坐标原点, 双曲线 $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点是 C 的焦点 F . 若斜率为 -1 , 且过 F 的直线与 C 交于 A, B 两点, 则 $|AB| =$ _____.

答案: 104

使用记录:

20220222 2022 届高三 1 班 0.674

出处: 赋能练习

140. (000465) 直角坐标系 xOy 内有点 $P(-2, -1)$, $Q(0, -2)$, 将 $\triangle POQ$ 绕 x 轴旋转一周, 则所得几何体的体积为_____.

答案: 4π

使用记录:

20220222 2022 届高三 1 班 0.744

20220622 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

141. (000466) 已知集合 $A = \{1, 2, 5\}$, $B = \{2, a\}$. 若 $A \cup B = \{1, 2, 3, 5\}$, 则 $a =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20220223 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

142. (000467) 抛物线 $y^2 = 4x$ 的焦点坐标是_____.

答案: $(1, 0)$

使用记录:

20220223 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

143. (000468) 不等式 $\frac{x}{x+1} < 0$ 的解是_____.

答案: $(-1, 0)$

使用记录:

20220223 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

144. (000469) 若复数 z 满足 $iz = 1 + i$ (i 为虚数单位), 则 $z =$ _____.

答案: $1 - i$

使用记录:

20220223 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

145. (000470) 在代数式 $(x + \frac{1}{x^2})^7$ 的展开式中, 一次项的系数是_____ (用数字作答).

答案: 21

使用记录:

20220223 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

146. (000471) 若函数 $y = 2\sin(\omega x - \frac{\pi}{3}) + 1$ ($\omega > 0$) 的最小正周期是 π , 则 $\omega =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220223 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

147. (000472) 若函数 $f(x) = x^a$ 的反函数的图像经过点 $(\frac{1}{2}, \frac{1}{4})$, 则 $a =$ _____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220223 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

148. (000473) 将一个正方形绕着它的一边所在的直线旋转一周, 所得几何体的体积为 $27\pi\text{cm}^3$, 则该几何体的侧面积为_____ cm^2 .

答案: 18π

使用记录:

20220223 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

149. (000474) 已知函数 $y = f(x)$ 是奇函数, 当 $x < 0$ 时, $f(x) = 2^x - ax$, 且 $f(2) = 2$, 则 $a =$ _____.

答案: $-\frac{9}{8}$

使用记录:

20220223 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

150. (000475) 若无穷等比数列 $\{a_n\}$ 的各项和为 S_n , 首项 $a_1 = 1$, 公比为 $a - \frac{3}{2}$, 且 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n = a$, 则 $a =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220223 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

151. (000476) 已知全集 $U = \mathbf{N}$, 集合 $A = \{1, 2, 3, 4\}$, 集合 $B = \{3, 4, 5\}$, 则 $(\complement_U A) \cap B =$ _____.

答案: $\{5\}$

使用记录:

20220224 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

152. (000477) 复数 $\frac{2}{1+i}$ 的虚部是_____.

答案: -1

使用记录:

20220224 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

153. (000478) 用 1, 2, 3, 4, 5 共 5 个数排成一个没有重复数字的三位数, 则这样的三位数有_____ 个.

答案: 60

使用记录:

20220224 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

154. (000479) 已知 $\tan \theta = -2$, 且 $\theta \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$, 则 $\cos \theta =$ _____.

答案: $-\frac{\sqrt{5}}{5}$

使用记录:

20220224 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

155. (000480) 圆锥的底面半径为 1, 母线长为 3, 则圆锥的侧面积等于_____.

答案: 3π

使用记录:

20220224 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

156. (000481) 已知向量 $\vec{a} = (1, \sqrt{3})$, $\vec{b} = (3, m)$. 若向量 \vec{b} 在 \vec{a} 方向上的投影为 3, 则实数 $m =$ _____.

答案: $\sqrt{3}$

使用记录:

20220224 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

157. (000482) 已知球主视图的面积等于 9π , 则该球的体积为_____.

答案: 36π

使用记录:

20220224 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

158. (000483) $(x + \frac{1}{x^2})^9$ 的二项展开式中, 常数项的值为_____.

答案: 84

使用记录:

20220224 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

159. (000484) 已知 $A(2, 0)$, $B(4, 0)$, 动点 P 满足 $|PA| = \frac{\sqrt{2}}{2}|PB|$, 则 P 到原点的距离为_____.

答案: $2\sqrt{2}$

使用记录:

20220224 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

160. (000485) 设焦点为 F_1 、 F_2 的椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{3} = 1$ ($a > 0$) 上的一点 P 也在抛物线 $y^2 = \frac{9}{4}x$ 上, 抛物线焦点为 F_3 , 若 $|PF_3| = \frac{25}{16}$, 则 $\triangle PF_1F_2$ 的面积为_____.

答案: $\frac{3}{2}$

使用记录:

20220224 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

161. (000486) 函数 $f(x) = \lg(2-x)$ 的定义域是_____.

答案: $(-\infty, 2)$

使用记录:

20220225 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

162. (000487) 已知 $f(x)$ 是定义在 \mathbf{R} 上的奇函数, 则 $f(-1) + f(0) + f(1) =$ _____.

答案: 0

使用记录:

20220225 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

163. (000488) 首项和公比均为 $\frac{1}{2}$ 的等比数列 $\{a_n\}$, S_n 是它的前 n 项和, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220225 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

164. (000489) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A, \angle B, \angle C$ 所对的边分别是 a, b, c , 若 $a : b : c = 2 : 3 : 4$, 则 $\cos C =$ _____.

答案: $-\frac{1}{4}$

使用记录:

20220225 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

165. (000490) 已知复数 $z = a + bi (a, b \in \mathbf{R})$ 满足 $|z| = 1$, 则 $a \cdot b$ 范围是_____.

答案: $[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}]$

使用记录:

20220225 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

166. (000491) 某学生要从物理、化学、生物、政治、历史、地理这六门学科中选三门参加等级考, 要求是物理、化学、生物这三门至少要选一门, 政治、历史、地理这三门也至少要选一门, 则该生的可能选法总数是_____.

答案: 18

使用记录:

20220225 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

167. (000492) 已知 M 、 N 是三棱锥 $P-ABC$ 的棱 AB , PC 的中点, 记三棱锥 $P-ABC$ 的体积为 V_1 , 三棱锥 $N-MBC$ 的体积为 V_2 , 则 $\frac{V_2}{V_1}$ 等于_____.

答案: $\frac{1}{4}$

使用记录:

20220225 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

168. (000493) 在平面直角坐标系中, 双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - y^2 = 1$ 的一个顶点与抛物线 $y^2 = 12x$ 的焦点重合, 则双曲线的两条渐近线的方程为_____.

答案: $y = \pm \frac{1}{3}x$

使用记录:

20220225 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

169. (000494) 已知 $y = \sin x$ 和 $y = \cos x$ 的图像的连续三个交点 A 、 B 、 C 构成三角形 $\triangle ABC$, 则 $\triangle ABC$ 的面积等于_____.

答案: $\sqrt{2}\pi$

使用记录:

20220225 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

170. (000495) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} 2^x, & x \leq 0, \\ f(x-2), & x > 0, \end{cases}$ 则 $f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(2017) =$ _____.

答案: $\frac{3025}{2}$

使用记录:

20220225 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

171. (000496) 已知全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x | |x-1| > 1\}$, $B = \{x | \frac{x-3}{x+1} < 0\}$, 则 $(\complement_U A) \cap B =$ _____.

答案: $[0, 2]$

使用记录:

20220228 2022 届高三 1 班 0.929

出处: 赋能练习

172. (000497) 已知角 θ 的顶点在坐标原点, 始边与 x 轴的正半轴重合, 若角 θ 的终边落在第三象限内, 且 $\cos(\frac{\pi}{2} + \theta) = \frac{3}{5}$, 则 $\cos 2\theta =$ _____.

答案: $\frac{7}{25}$

使用记录:

20220228 2022 届高三 1 班 0.952

出处: 赋能练习

173. (000498) 已知幂函数的图像过点 $(2, \frac{1}{4})$, 则该幂函数的单调递增区间是_____.

答案: $(-\infty, 0)$

使用记录:

20220228 2022 届高三 1 班 0.905

出处: 赋能练习

174. (000499) 若 S_n 是等差数列 $\{a_n\}$ ($n \in \mathbf{N}^*$): $-1, 2, 5, 8, \dots$ 的前 n 项和, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n}{n^2 + 1} =$ _____.

答案: $\frac{3}{2}$

使用记录:

20220228 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

175. (000500) 某圆锥体的底面圆的半径长为 $\sqrt{2}$, 其侧面展开图是圆心角为 $\frac{2}{3}\pi$ 的扇形, 则该圆锥体的体积是_____.

答案: $\frac{8}{3}\pi$

使用记录:

20220228 2022 届高三 1 班 0.929

出处: 赋能练习

176. (000501) 过点 $P(-2, 1)$ 作圆 $x^2 + y^2 = 5$ 的切线, 则该切线的点法向式方程是_____.

答案: $-2 \cdot (x + 2) + 1 \cdot (y - 1) = 0$

使用记录:

20220228 2022 届高三 1 班 0.595

20220622 2022 届高三 1 班 0.698

出处: 赋能练习

177. (000502) 已知二项式展开式 $(1-2x)^7 = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \cdots + a_7x^7$, 且复数 $z = \frac{1}{2}a_1 + \frac{a_7}{128}i$, 则复数 z 的模 $|z| =$ _____ (其中 i 是虚数单位).

答案: $5\sqrt{2}$

使用记录:

20220228 2022 届高三 1 班 0.952

出处: 赋能练习

178. (000503) 某高级中学欲从本校的 7 位古诗词爱好者 (其中男生 2 人、女生 5 人) 中随机选取 3 名同学作为学校诗词朗诵比赛的主持人. 若要求主持人中至少有一位是男同学, 则不同选取方法的种数是 _____ (结果用数值表示).

答案: 25

使用记录:

20220228 2022 届高三 1 班 0.929

出处: 赋能练习

179. (000504) 已知 $\triangle ABC$ 的三个内角 A, B, C 所对边长分别为 a, b, c , 记 $\triangle ABC$ 的面积为 S , 若 $S = a^2 - (b-c)^2$, 则内角 $A =$ _____ (结果用反三角函数值表示).

答案: $\arccos \frac{15}{17}$

使用记录:

20220228 2022 届高三 1 班 0.619

20220622 2022 届高三 1 班 0.954

出处: 赋能练习

180. (000505) 已知函数 $f(x) = \left| \frac{1}{|x|-1} \right|$, 关于 x 的方程 $f^2(x) + bf(x) + c = 0$ 有 7 个不同实数根, 则实数 b, c 满足的关系式是 _____.

答案:
$$\begin{cases} b+c=-1, \\ b<-2. \end{cases}$$

使用记录:

20220228 2022 届高三 1 班 0.381

20220622 2022 届高三 1 班 0.744

出处: 赋能练习

181. (000506) 若全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x|x \leq 0 \text{ 或 } x \geq 2\}$, 则 $\complement_U A =$ _____.

答案: $A = \{x|0 < x < 2\}$

使用记录:

20220302 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

182. (000507) 不等式 $\frac{x-1}{x} < 0$ 的解为_____.

答案: $0 < x < 1$

使用记录:

20220302 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

183. (000508) 方程组 $\begin{cases} 3x - 2y = 1, \\ 2x + 3y = 5 \end{cases}$ 的增广矩阵是_____.

答案: $\begin{pmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 2 & 3 & 5 \end{pmatrix}$

使用记录:

20220302 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

184. (000509) 若复数 $z = 2 - i$ (i 为虚数单位), 则 $z \cdot \bar{z} + z =$ _____.

答案: $7 - i$

使用记录:

20220302 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

185. (000510) 已知 F_1, F_2 是椭圆 $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ 的两个焦点, P 是椭圆上的一个动点, 则 $|PF_1| \times |PF_2|$ 的最大值是_____.

答案: 25

使用记录:

20220302 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

186. (000511) 已知 x, y 满足 $\begin{cases} x - y + 1 \geq 0, \\ x + y - 3 \geq 0, \\ x \leq 2, \end{cases}$ 则目标函数 $k = 2x + y$ 的最大值为_____.

答案: 7

使用记录:

20220302 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

187. (000512) 从一副混合后的扑克牌 (52 张) 中随机抽取 1 张, 事件 A 为“抽得红桃 K”, 事件 B 为“抽得为黑桃”, 则概率 $P(A \cup B) =$ _____ (结果用最简分数表示).

答案: $\frac{7}{26}$

使用记录:

20220302 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

188. (000513) 已知点 $A(2, 3)$ 、点 $B(-2, \sqrt{3})$, 直线 l 过点 $P(-1, 0)$, 若直线 l 与线段 AB 相交, 则直线 l 的倾斜角的取值范围是 _____.

答案: $[\frac{\pi}{4}, \frac{2\pi}{3}]$

使用记录:

20220302 2022 届高三 1 班 0.721

20220622 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

189. (000514) 数列 $\{a_n\}$ 的通项公式是 $a_n = 2n - 1$ ($n \in \mathbf{N}^*$), 数列 $\{b_n\}$ 的通项公式是 $b_n = 3n$ ($n \in \mathbf{N}^*$), 令集合 $A = \{a_1, a_2, \dots, a_n, \dots\}$, $B = \{b_1, b_2, \dots, b_n, \dots\}$, $n \in \mathbf{N}^*$. 将集合 $A \cup B$ 中的所有元素按从小到大的顺序排列, 构成的数列记为 $\{c_n\}$. 则数列 $\{c_n\}$ 的前 28 项的和 $S_{28} =$ _____.

答案: 820

使用记录:

20220302 2022 届高三 1 班 0.814

出处: 赋能练习

190. (000515) 向量 \vec{i} 、 \vec{j} 是平面直角坐标系 x 轴、 y 轴的基本单位向量, 且 $|\vec{a} - \vec{i}| + |\vec{a} - 2\vec{j}| = \sqrt{5}$, 则 $|\vec{a} + 2\vec{i}|$ 的取值范围为 _____.

答案: $[\frac{6}{5}\sqrt{5}, 3]$

使用记录:

20220302 2022 届高三 1 班 0.581

20220622 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

191. (000516) 计算: $\lim_{n \rightarrow \infty} (1 - \frac{n}{n+1}) =$ _____.

答案: 0

使用记录:

20220303 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

192. (000517) 计算行列式 $\begin{vmatrix} 1-i & 2 \\ 3i+1 & 1+i \end{vmatrix}$ 的结果是_____ (其中 i 为虚数单位).

答案: $-6i$

使用记录:

20220303 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

193. (000518) 与双曲线 $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相同, 且经过点 $A(-3, 2\sqrt{3})$ 的双曲线的方程是_____.

答案: $\frac{4x^2}{9} - \frac{y^2}{4} = 1$

使用记录:

20220303 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

194. (000519) 从 5 名志愿者中选出 3 名, 分别从事布置、迎宾、策划三项不同的工作, 每人承担一项工作, 则不同的选派方案共有_____ 种 (结果用数值表示).

答案: 60 种

使用记录:

20220303 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

195. (000520) 已知函数 $f(x) = a \cdot 2^x + 3 - a$ ($a \in \mathbf{R}$) 的反函数为 $y = f^{-1}(x)$, 则函数 $y = f^{-1}(x)$ 的图像经过的定点的坐标为_____.

答案: (3, 0)

使用记录:

20220303 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

196. (000521) 在 $(x-a)^{10}$ 的展开式中, x^7 的系数是 15, 则实数 $a =$ _____.

答案: $-\frac{1}{2}$

使用记录:

20220303 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

197. (000522) 已知点 $A(2, 3)$ 到直线 $ax + (a - 1)y + 3 = 0$ 的距离不小于 3, 则实数 a 的取值范围是_____.

答案: $(-\infty, -3] \cup [\frac{3}{7}, +\infty)$

使用记录:

20220303 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

198. (000523) 类似平面直角坐标系, 我们把平面内两条相交但不垂直的数轴构成的坐标系 (两条数轴的原点重合于 O 点且单位长度相同) 称为斜坐标系. 在斜坐标系 xOy 中, 若 $\overrightarrow{OP} = x\vec{e}_1 + y\vec{e}_2$ (其中 \vec{e}_1, \vec{e}_2 分别为斜坐标系的 x 轴、 y 轴正方向上的单位向量, $x, y \in \mathbf{R}$), 则点 P 的坐标为 (x, y) . 若在斜坐标系 xOy 中, $\angle xOy = 60^\circ$, 点 M 的坐标为 $(1, 2)$, 则点 M 到原点 O 的距离为_____.

答案: $\sqrt{7}$

使用记录:

20220303 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

199. (000524) 已知圆锥的轴截面是等腰直角三角形, 该圆锥的体积为 $\frac{8}{3}\pi$, 则该圆锥的侧面积等于_____.

答案: $4\sqrt{2}\pi$

使用记录:

20220303 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

200. (000525) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} (5-a)x + 1, & x < 1, \\ a^x, & x \geq 1 \end{cases}$ ($a > 0, a \neq 1$) 是实数集 \mathbf{R} 上的增函数, 则实数 a 的取值范围为_____.

答案: $[3, 5)$

使用记录:

20220303 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

201. (000526) 集合 $P = \{x | 0 \leq x < 3, x \in \mathbf{Z}\}$, $M = \{x | x^2 \leq 9\}$, 则 $P \cap M =$ _____.

答案: $\{0, 1, 2\}$

使用记录:

20220304 2022 届高三 1 班 0.818

出处: 赋能练习

202. (000527) 计算 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{C_n^2}{n^2 + 1} =$ _____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220304 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

203. (000528) 方程 $\begin{vmatrix} 1 + \lg x & 3 - \lg x \\ 1 & 1 \end{vmatrix} = 0$ 的根是_____.

答案: 10

使用记录:

20220304 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

204. (000529) 已知 $\sin \alpha - \frac{3}{5} + (\cos \alpha - \frac{4}{5})i$ 是纯虚数 (i 是虚数单位), 则 $\sin(\alpha + \frac{\pi}{4}) =$ _____.

答案: $-\frac{\sqrt{2}}{10}$

使用记录:

20220304 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

205. (000530) 已知直线 l 的一个法向量是 $\vec{n} = (\sqrt{3}, -1)$, 则 l 的倾斜角的大小是_____.

答案: $\frac{\pi}{3}$

使用记录:

20220304 2022 届高三 1 班 0.886

出处: 赋能练习

206. (000531) 从 4 名男同学和 6 名女同学中选取 3 人参加某社团活动, 选出的 3 人中男女同学都有的不同选法种数是_____ (用数字作答).

答案: 96

使用记录:

20220304 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

207. (000532) 在 $(1+2x)^5$ 的展开式中, x^2 项系数为_____ (用数字作答).

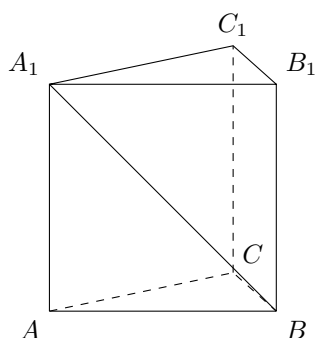
答案: 40

使用记录:

20220304 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

208. (000533) 如图, 在直三棱柱 $ABC-A_1B_1C_1$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$, $AC = 4$, $BC = 3$, $AB = BB_1$, 则异面直线 A_1B 与 B_1C_1 所成角的大小是_____ (结果用反三角函数表示).



答案: $\arccos \frac{3\sqrt{2}}{10}$

使用记录:

20220304 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

209. (000534) 已知数列 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 满足 $b_n = \ln a_n$, $n \in \mathbf{N}^*$, 其中 $\{b_n\}$ 是等差数列, 且 $a_3 \cdot a_{1007} = e^4$, 则 $b_1 + b_2 + \cdots + b_{1009} =$ _____.

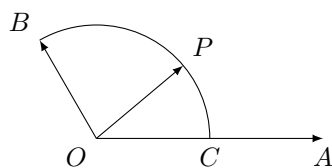
答案: 2018

使用记录:

20220304 2022 届高三 1 班 0.909

出处: 赋能练习

210. (000535) 如图, 向量 \vec{OA} 与 \vec{OB} 的夹角为 120° , $|\vec{OA}| = 2$, $|\vec{OB}| = 1$, P 是以 O 为圆心、 $|\vec{OB}|$ 为半径的弧 \widehat{BC} 上的动点, 若 $\vec{OP} = \lambda \vec{OA} + \mu \vec{OB}$, 则 $\lambda\mu$ 的最大值是_____.



答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220304 2022 届高三 1 班 0.750

出处: 赋能练习

211. (000536) 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, 若集合 $A = \{3, 4, 5\}$, 则 $\complement_U A =$ _____.

答案: $\{1, 2\}$

使用记录:

20220307 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

212. (000537) 若 $\sin \theta = \frac{1}{4}$, 则 $\cos(\frac{3\pi}{2} + \theta) =$ _____.

答案: $\frac{1}{4}$

使用记录:

20220307 2022 届高三 1 班 0.905

出处: 赋能练习

213. (000538) 方程 $\log_2(2-x) + \log_2(3-x) = \log_2 12$ 的解 $x =$ _____.

答案: -1

使用记录:

20220307 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

214. (000539) $(\sqrt{x} - \frac{1}{x})^9$ 的二项展开式中的常数项的值为_____.

答案: -84

使用记录:

20220307 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

215. (000540) 不等式 $\frac{1}{|x-1|} \geq 1$ 的解集为_____.

答案: $[0, 1) \cup (1, 2]$

使用记录:

20220307 2022 届高三 1 班 0.810

出处: 赋能练习

216. (000541) 函数 $f(x) = \sqrt{3} \sin x + 2 \cos^2 \frac{x}{2}$ 的值域为_____.

答案: $[-1, 3]$

使用记录:

20220307 2022 届高三 1 班 0.929

出处: 赋能练习

217. (000542) 已知 i 是虚数单位, \bar{z} 是复数 z 的共轭复数, 若 $\begin{vmatrix} z & 1+i \\ 1 & 2i \end{vmatrix} = 0$, 则 \bar{z} 在复平面内所对应的点所在的象限为第_____象限.

答案: 一

使用记录:

20220307 2022 届高三 1 班 0.857

出处: 赋能练习

218. (000543) 若数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 $S_n = -3n^2 + 2n + 1$ ($n \in \mathbf{N}^*$), 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{3n} =$ _____.

答案: -2

使用记录:

20220307 2022 届高三 1 班 0.905

出处: 赋能练习

219. (000544) 若直线 $l: x + y = 5$ 与曲线 $C: x^2 + y^2 = 16$ 交于两点 $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$, 则 $x_1 y_2 + x_2 y_1$ 的值为_____.

答案: 16

使用记录:

20220307 2022 届高三 1 班 0.881

出处: 赋能练习

220. (000545) 设 a_1, a_2, a_3, a_4 是 $1, 2, 3, 4$ 的一个排列, 若至少有一个 i ($i = 1, 2, 3, 4$) 使得 $a_i = i$ 成立, 则满足此条件的不同排列的个数为_____.

答案: 15

使用记录:

20220307 2022 届高三 1 班 0.810

出处: 赋能练习

221. (000546) 计算: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n}{3n-1} =$ _____.

答案: $\frac{2}{3}$

使用记录:

20220309 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

222. (000547) 已知集合 $A = \{x|0 < x < 3\}$, $B = \{x|x^2 \geq 4\}$, 则 $A \cap B =$ _____.

答案: $[2, 3)$

使用记录:

20220309 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

223. (000548) 已知 $\{a_n\}$ 为等差数列, S_n 为其前 n 项和, 若 $a_1 + a_9 = 18$, $a_4 = 7$, 则 $S_{10} =$ _____.

答案: 100

使用记录:

20220309 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

224. (000549) 已知函数 $f(x) = \log_2(x+a)$ 的反函数为 $y = f^{-1}(x)$, 且 $f^{-1}(2) = 1$, 则实数 $a =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20220309 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

225. (000550) 已知角 α 的终边与单位圆 $x^2 + y^2 = 1$ 交于点 $P(\frac{1}{2}, y_0)$, 则 $\cos 2\alpha =$ _____.

答案: $-\frac{1}{2}$

使用记录:

20220309 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

226. (000551) 若存在 $x \in [0, +\infty)$ 使 $\begin{vmatrix} 2^x & 2^x \\ m & x \end{vmatrix} < 1$ 成立, 则实数 m 的取值范围是_____.

答案: $(-1, +\infty)$

使用记录:

20220309 2022 届高三 1 班 0.886

出处: 赋能练习

227. (000552) 函数 $y = \sin 2x$ 的图像与 $y = \cos x$ 的图像在区间 $[0, 2\pi]$ 上交点的个数是_____.

答案: 4

使用记录:

20220309 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

228. (000553) 若直线 $ax - y + 3 = 0$ 与圆 $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 = 4$ 相交于 A 、 B 两点, 且 $|AB| = 2\sqrt{3}$, 则 $a =$ _____.

答案: 0

使用记录:

20220309 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

229. (000554) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A = 90^\circ$, $\triangle ABC$ 的面积为 1. 若 $\overrightarrow{BM} = \overrightarrow{MC}$, $\overrightarrow{BN} = 4\overrightarrow{NC}$, 则 $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AN}$ 的最小值为_____.

答案: $\frac{4}{5}$

使用记录:

20220309 2022 届高三 1 班 0.795

出处: 赋能练习

230. (000555) 已知函数 $f(x) = x|2x - a| - 1$ 有三个零点, 则实数 a 的取值范围为_____.

答案: $(2\sqrt{2}, +\infty)$

使用记录:

20220309 2022 届高三 1 班 0.568

20220622 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

231. (000556) 设全集 $U = \mathbf{Z}$, 集合 $M = \{1, 2\}$, $P = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$, 则 $P \cap \complement_U M =$ _____.

答案: $\{-2, -1, 0\}$

使用记录:

20220310 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

232. (000557) 已知复数 $z = \frac{i}{2+i}$ (i 为虚数单位), 则 $z \cdot \bar{z} =$ _____.

答案: $\frac{1}{5}$

使用记录:

20220310 2022 届高三 1 班 0.955

出处: 赋能练习

233. (000558) 不等式 $2^{x^2-4x-3} > (\frac{1}{2})^{3(x-1)}$ 的解集为_____.

答案: $(-\infty, -2) \cup (3, +\infty)$

使用记录:

20220310 2022 届高三 1 班 0.864

出处: 赋能练习

234. (000559) 函数 $f(x) = \sqrt{3} \sin x \cos x + \cos^2 x$ 的最大值为_____.

答案: $\frac{3}{2}$

使用记录:

20220310 2022 届高三 1 班 0.909

出处: 赋能练习

235. (000560) 在平面直角坐标系 xOy 中, 以直线 $y = \pm 2x$ 为渐近线, 且经过椭圆 $x^2 + \frac{y^2}{4} = 1$ 右顶点的双曲线的方程是_____.

答案: $x^2 - \frac{y^2}{4} = 1$

使用记录:

20220310 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

236. (000561) 将圆锥的侧面展开后得到一个半径为 2 的半圆, 则此圆锥的体积为_____.

答案: $\frac{\sqrt{3}}{3}\pi$

使用记录:

20220310 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

237. (000562) 设等差数列 $\{a_n\}$ 的公差 d 不为 0, $a_1 = 9d$. 若 a_k 是 a_1 与 a_{2k} 的等比中项, 则 $k =$ _____.

答案: 4

使用记录:

20220310 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

238. (000563) 已知 $(1+2x)^6$ 展开式的二项式系数的最大值为 a , 系数的最大值为 b , 则 $\frac{b}{a} =$ _____.

答案: 12

使用记录:

20220310 2022 届高三 1 班 0.932

出处: 赋能练习

239. (000564) 同时掷两枚质地均匀的骰子, 则两个点数之积不小于 4 的概率为_____.

答案: $\frac{31}{36}$

使用记录:

20220310 2022 届高三 1 班 0.682

20220622 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

240. (000565) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} \log_2(x+a), & x \leq 0, \\ x^2 - 3ax + a, & x > 0 \end{cases}$ 有三个不同的零点, 则实数 a 的取值范围是_____.

答案: $a \geq 1$

使用记录:

20220310 2022 届高三 1 班 0.909

出处: 赋能练习

241. (000566) 在复平面内, 复数 $\frac{5+4i}{i}$ (i 为虚数单位) 对应的点的坐标为_____.

答案: $(4, -5)$

使用记录:

20220315 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

242. (000567) 函数 $f(x) = \sqrt{1 - \lg x}$ 的定义域为_____.

答案: $(0, 10]$

使用记录:

20220315 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

243. (000568) 二项式 $(x - \frac{1}{2x})^4$ 的展开式中的常数项为_____.

答案: $\frac{3}{2}$

使用记录:

20220315 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

244. (000569) 若 $\begin{vmatrix} 4^x & 2 \\ 2^x & 1 \end{vmatrix} = 0$, 则 $x =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220315 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

245. (000570) 已知圆 $O: x^2 + y^2 = 1$ 与圆 O' 关于直线 $x + y = 5$ 对称, 则圆 O' 的方程是_____.

答案: $(x - 5)^2 + (y - 5)^2 = 1$

使用记录:

20220315 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

246. (000571) 在坐标平面 xOy 内, O 为坐标原点, 已知点 $A(-\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2})$, 将 \overrightarrow{OA} 绕原点按顺时针方向旋转 $\frac{\pi}{2}$, 得到 $\overrightarrow{OA'}$, 则 $\overrightarrow{OA'}$ 的坐标为_____.

答案: $(\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2})$

使用记录:

20220315 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

247. (000572) 某船在海平面 A 处测得灯塔 B 在北偏东 30° 方向, 与 A 相距 6.0 海里. 船由 A 向正北方向航行 8.1 海里到达 C 处, 这时灯塔 B 与船相距_____海里 (精确到 0.1 海里).

答案: 4.2

使用记录:

20220315 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

248. (000573) 若存在公差为 d 的等差数列 $\{a_n\}$ ($n \in \mathbb{N}^*$) 满足 $a_3 a_4 + 1 = 0$, 则公差 d 的取值范围是_____.

答案: $(-\infty, -2] \cup [2, +\infty)$

使用记录:

20220315 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

249. (000574) 著名的斐波那契数列 $\{a_n\}: 1, 1, 2, 3, 5, 8, \dots$, 满足 $a_1 = a_2 = 1, a_{n+2} = a_{n+1} + a_n (n \in \mathbf{N}^*)$, 那么 $1 + a_3 + a_5 + a_7 + a_9 + \dots + a_{2017}$ 是斐波那契数列中的第_____项.

答案: 2018

使用记录:

20220315 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

250. (000575) 若不等式 $(-1)^n \cdot a < 3 + \frac{(-1)^{n+1}}{n+1}$ 对任意正整数 n 恒成立, 则实数 a 的取值范围是_____.

答案: $[-3, \frac{8}{3})$

使用记录:

20220315 2022 届高三 1 班 0.605

20220622 2022 届高三 1 班 0.605

出处: 赋能练习

251. (000576) 已知集合 $A = \{1, 2, m\}, B = \{3, 4\}$. 若 $A \cap B = \{3\}$, 则实数 $m =$ _____.

答案: $-\frac{3}{5}$

使用记录:

20220316 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

252. (000577) 已知 $\cos \theta = -\frac{3}{5}$, 则 $\sin(\theta + \frac{\pi}{2}) =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220316 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

253. (000578) 若行列式 $\begin{vmatrix} 2^{x-1} & 4 \\ 1 & 2 \end{vmatrix}$, 则 $x =$ _____.

答案: 6

使用记录:

20220316 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

254. (000579) 已知一个关于 x, y 的二元一次方程组的增广矩阵是 $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$, 则 $x + y =$ _____.

答案: -160

使用记录:

20220316 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

255. (000580) 在 $(x - \frac{2}{x})^6$ 的二项展开式中, 常数项的值为_____.

答案: $\frac{1}{12}$

使用记录:

20220316 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

256. (000581) 若将一颗质地均匀的骰子 (一种各面上分别标有 1, 2, 3, 4, 5, 6 六个点的正方体玩具), 先后抛掷 2 次, 则出现向上的点数之和为 4 的概率是_____.

答案: $\frac{1}{12}$

使用记录:

20220316 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

257. (000582) 数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 若点 (n, S_n) ($n \in \mathbf{N}^*$) 在函数 $y = \log_2(x + 1)$ 的反函数的图像上, 则 $a_n =$ _____.

答案: $a_n = 2^{n-1}$

使用记录:

20220316 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

258. (000583) 在 $\triangle ABC$ 中, 若 $\sin A, \sin B, \sin C$ 成等比数列, 则角 B 的最大值为_____.

答案: $\frac{\pi}{3}$

使用记录:

20220316 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

259. (000584) 抛物线 $y^2 = -8x$ 的焦点与双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - y^2 = 1$ 的左焦点重合, 则这条双曲线的两条渐近线的夹角为_____.

答案: $\frac{\pi}{3}$

使用记录:

20220316 2022 届高三 1 班 0.814

出处: 赋能练习

260. (000585) 已知函数 $f(x) = \cos x(\sin x + \sqrt{3}\cos x) - \frac{\sqrt{3}}{2}$, $x \in \mathbf{R}$. 设 $\alpha > 0$, 若函数 $g(x) = f(x + \alpha)$ 为奇函数, 则 α 的值为_____.

答案: $\alpha = \frac{k\pi}{2} - \frac{\pi}{6}$ ($k \in \mathbf{N}^*$)

使用记录:

20220316 2022 届高三 1 班 0.535

20220622 2022 届高三 1 班 0.372

出处: 赋能练习

261. (000586) 不等式 $\frac{x}{x+1} \leq 0$ 的解集为_____.

答案: $(-1, 0]$

使用记录:

20220322 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

262. (000587) 已知 $\sin \alpha = \frac{4}{5}$, 则 $\cos(\alpha + \frac{\pi}{2}) =$ _____.

答案: $-\frac{4}{5}$

使用记录:

20220322 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

263. (000588) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^n - 1}{3^{n+1} + 1} =$ _____.

答案: $\frac{1}{3}$

使用记录:

20220322 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

264. (000589) 已知球的表面积为 16π , 则该球的体积为_____.

答案: $\frac{32\pi}{3}$

使用记录:

20220322 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

265. (000590) 已知函数 $f(x) = 1 + \log_a x$, $y = f^{-1}(x)$ 是函数 $y = f(x)$ 的反函数, 若 $y = f^{-1}(x)$ 的图像过点 $(2, 4)$, 则 a 的值为_____.

答案: 4

使用记录:

20220322 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

266. (000591) 若数列 $\{a_n\}$ 为等比数列, 且 $a_5 = 3$, 则 $\begin{vmatrix} a_2 & -a_7 \\ a_3 & a_8 \end{vmatrix} =$ _____.

答案: 18

使用记录:

20220322 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

267. (000592) 在 $\triangle ABC$ 中, 角 A, B, C 所对的边分别为 a, b, c , 若 $(a+b+c)(a-b+c) = ac$, 则 $B =$ _____.

答案: $\frac{2\pi}{3}$

使用记录:

20220322 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

268. (000593) 若 $(2x + \frac{1}{x})^n$ 的二项展开式中的所有二项式系数之和等于 256, 则该展开式中常数项的值为_____.

答案: 1120

使用记录:

20220322 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

269. (000594) 已知函数 $f(x)$ 是定义在 \mathbf{R} 上且周期为 4 的偶函数. 当 $x \in [2, 4]$ 时, $f(x) = \left| \log_4(x - \frac{3}{2}) \right|$, 则 $f(\frac{1}{2})$ 的值为_____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220322 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

270. (000595) 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 且 $a_1 = 1$, $2S_n = a_n a_{n+1} (n \in \mathbf{N}^*)$, 若 $b_n = (-1)^n \frac{2n+1}{a_n a_{n+1}}$, 则数列 $\{b_n\}$ 的前 n 项和 $T_n =$ _____.

答案: $-1 + \frac{(-1)^n}{n+1}$

使用记录:

20220322 2022 届高三 1 班 0.814

出处: 赋能练习

271. (000596) 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4\}$, 集合 $A = \{x | x^2 - 5x + 4 < 0, x \in \mathbf{Z}\}$, 则 $\complement_U A =$ _____.

答案: $\{1, 4\}$

使用记录:

20220323 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

272. (000597) 参数方程为 $\begin{cases} x = t^2, \\ y = 2t, \end{cases}$ (t 为参数) 的曲线的焦点坐标为_____.

答案: $(1, 0)$

使用记录:

20220323 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

273. (000598) 已知复数 z 满足 $|z| = 1$, 则 $|z - 2|$ 的取值范围是_____.

答案: $[1, 3]$

使用记录:

20220323 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

274. (000599) 设数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 若 $S_n = 1 - \frac{2}{3}a_n (n \in \mathbf{N}^*)$, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220323 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

275. (000600) 若 $(x + \frac{1}{2x})^n$ ($n \geq 4, n \in \mathbf{N}^*$) 的二项展开式中前三项的系数依次成等差数列, 则 $n =$ _____.

答案: 8

使用记录:

20220323 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

276. (000601) 把 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10 分别写在 10 张形状大小一样的卡片上, 随机抽取一张卡片, 则抽到写着偶数或大于 6 的数的卡片的概率为_____ (结果用最简分数表示).

答案: $\frac{7}{10}$

使用记录:

20220323 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

277. (000602) 若行列式 $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 4 \\ \cos \frac{x}{2} & \sin \frac{x}{2} & 0 \\ \sin \frac{x}{2} & \cos \frac{x}{2} & 8 \end{vmatrix}$ 中元素 4 的代数余子式的值为 $\frac{1}{2}$, 则实数 x 的取值集合为_____.

答案: $\{x | x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3}, k \in \mathbf{Z}\}$

使用记录:

20220323 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

278. (000603) 满足约束条件 $|x| + 2|y| \leq 2$ 的目标函数 $z = y - x$ 的最小值是_____.

答案: -2

使用记录:

20220323 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

279. (000604) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} \log_2 x, & 0 < x < 2, \\ (\frac{2}{3})^x + \frac{5}{9}, & x \geq 2. \end{cases}$ 若函数 $g(x) = f(x) - k$ 有两个不同的零点, 则实数 k 的取值范围是_____.

答案: $(\frac{5}{9}, 1)$

使用记录:

20220323 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

280. (000605) 某部门有 8 位员工, 其中 6 位员工的月工资分别为 8200, 8300, 8500, 9100, 9500, 9600(单位: 元), 另两位员工的月工资数据不清楚, 但两人的月工资和为 17000 元, 则这 8 位员工月工资的中位数可能的最大值为_____元.

答案: 8800

使用记录:

20220323 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

281. (000606) 计算: $\lim_{n \rightarrow \infty} (1 + \frac{1}{n})^3 =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220324 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

282. (000607) 函数 $y = \log_2(1 - \frac{1}{x})$ 的定义域为_____.

答案: $(-\infty, 0) \cup (1, +\infty)$

使用记录:

20220324 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

283. (000608) 若 $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$, $\sin \alpha = \frac{3}{5}$, 则 $\tan \frac{\alpha}{2} =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20220324 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

284. (000609) 若复数 $z = (1 + i) \cdot i^2$ (i 表示虚数单位), 则 $\bar{z} =$ _____.

答案: $-1 + i$

使用记录:

20220324 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

285. (000610) 曲线 $C: \begin{cases} x = \sec \theta, \\ y = \tan \theta, \end{cases}$ (θ 为参数) 的两个顶点之间的距离为_____.

答案: 2

使用记录:

20220324 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

286. (000611) 若从一副 52 张的扑克牌中随机抽取 2 张, 则在放回抽取的情形下, 两张牌都是 K 的概率为_____ (结果用最简分数表示).

答案: $\frac{1}{169}$

使用记录:

20220324 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

287. (000612) 若关于 x 的方程 $\sin x + \cos x - m = 0$ 在区间 $[0, \frac{\pi}{2}]$ 上有解, 则实数 m 的取值范围是_____.

答案: $1 \leq m \leq \sqrt{2}$.

使用记录:

20220324 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

288. (000613) 若一个圆锥的母线与底面所成的角为 $\frac{\pi}{6}$, 体积为 125π , 则此圆锥的高为_____.

答案: 5

使用记录:

20220324 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

289. (000614) 若函数 $f(x) = \log_2^2 x - \log_2 x + 1$ ($x \geq 2$) 的反函数为 $f^{-1}(x)$, 则 $f^{-1}(3) =$ _____.

答案: 4

使用记录:

20220324 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

290. (000615) 若三棱锥 $S - ABC$ 的所有的顶点都在球 O 的球面上, $SA \perp$ 平面 ABC , $SA = AB = 2$, $AC = 4$, $\angle BAC = \frac{\pi}{3}$, 则球 O 的表面积为_____.

答案: 20π

使用记录:

20220324 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

291. (000616) 方程 $\log_3(2x+1) = 2$ 的解是_____.

答案: $x = 4$

使用记录:

20220325 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

292. (000617) 已知集合 $M = \{x ||x+1| \leq 1\}$, $N = \{-1, 0, 1\}$, 则 $M \cap N =$ _____.

答案: $\{-1, 0\}$

使用记录:

20220325 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

293. (000618) 若复数 $z_1 = a + 2i$, $z_2 = 2 + i$ (i 是虚数单位), 且 $z_1 z_2$ 为纯虚数, 则实数 $a =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220325 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

294. (000619) 直线 $\begin{cases} x = -2 - \sqrt{2}t, \\ y = 3 + \sqrt{2}t, \end{cases}$ (t 为参数) 对应的普通方程是_____.

答案: $x + y - 1 = 0$

使用记录:

20220325 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

295. (000620) 若 $(x+2)^n = x^n + ax^{n-1} + \cdots + bx + c$ ($n \in \mathbf{N}^*$, $n \geq 3$), 且 $b = 4c$, 则 a 的值为_____.

答案: 16

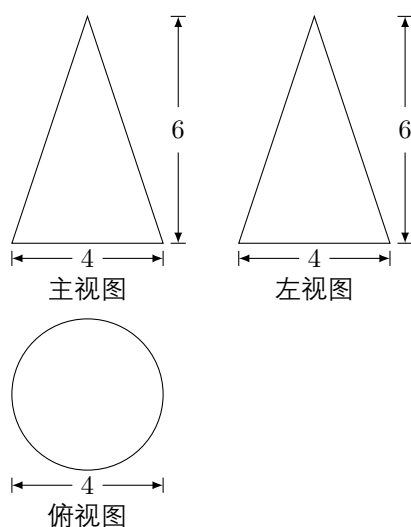
使用记录:

20220325 2022 届高三 1 班 0.698

20220622 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

296. (000621) 某空间几何体的三视图如图所示, 则该几何体的侧面积是_____.



答案: $4\sqrt{10}\pi$

使用记录:

20220325 2022 届高三 1 班 0.558

20220622 2022 届高三 1 班 0.861

出处: 赋能练习

297. (000622) 若函数 $f(x) = 2^x(x + a) - 1$ 在区间 $[0, 1]$ 上有零点, 则实数 a 的取值范围是_____.

答案: $[-\frac{1}{2}, 1]$

使用记录:

20220325 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

298. (000623) 在约束条件 $|x + 1| + |y - 2| \leq 3$ 下, 目标函数 $z = x + 2y$ 的最大值为_____.

答案: 9

使用记录:

20220325 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

299. (000624) 某学生在上学的路上要经过 2 个路口, 假设在各路口是否遇到红灯是相互独立的, 遇到红灯的概率都是 $\frac{1}{3}$, 则这名学生在上学的路上到第二个路口时第一次遇到红灯的概率是_____.

答案: $\frac{2}{9}$

使用记录:

20220325 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

300. (000625) 已知椭圆 $x^2 + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($0 < b < 1$), 其左、右焦点分别为 F_1, F_2 , $|F_1F_2| = 2c$. 若此椭圆上存在点 P , 使 P 到直线 $x = \frac{1}{c}$ 的距离是 $|PF_1|$ 与 $|PF_2|$ 的等差中项, 则 b 的最大值为_____.

答案: $\frac{\sqrt{3}}{2}$

使用记录:

20220325 2022 届高三 1 班 0.744

20220622 2022 届高三 1 班 0.954

出处: 赋能练习

301. (000626) 函数 $y = 1 - 2\sin^2(2x)$ 的最小正周期是_____.

答案: $\frac{\pi}{2}$

使用记录:

20220329 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

302. (000627) 若全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x|x \geq 1\} \cup \{x|x < 0\}$, 则 $\complement_U A =$ _____.

答案: $[0, 1)$

使用记录:

20220329 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

303. (000628) 若复数 z 满足 $z + i = \frac{2+i}{i}$ (i 为虚数单位), 则 $|z| =$ _____.

答案: $\sqrt{10}$

使用记录:

20220329 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

304. (000629) 设 m 为常数, 若点 $F(0, 5)$ 是双曲线 $\frac{y^2}{m} - \frac{x^2}{9} = 1$ 的一个焦点, 则 $m =$ _____.

答案: 16

使用记录:

20220329 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

305. (000630) 已知正四棱锥的底面边长是 2, 侧棱长是 $\sqrt{3}$, 则该正四棱锥的体积为_____.

答案: $\frac{4}{3}$

使用记录:

20220329 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

306. (000631) 若实数 x, y 满足
$$\begin{cases} x - y + 1 \leq 0, \\ x + y - 3 \geq 0, \\ y \leq 4, \end{cases}$$
 则目标函数 $z = 2x - y$ 的最大值为_____.

答案: 2

使用记录:

20220329 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

307. (000632) 若 $(\sqrt{x} - \frac{1}{x})^n$ 的二项展开式中各项的二项式系数的和是 64, 则展开式中的常数项的值为_____.

答案: 15

使用记录:

20220329 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

308. (000633) 数列 $\{a_n\}$ 是等比数列, 前 n 项和为 S_n , 若 $a_1 + a_2 = 2$, $a_2 + a_3 = -1$, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n =$ _____.

答案: $\frac{8}{3}$

使用记录:

20220329 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

309. (000634) 若函数 $f(x) = 4^x + 2^{x+1}$ 的图像与函数 $y = g(x)$ 的图像关于直线 $y = x$ 对称, 则 $g(3) =$ _____.

答案: 0

使用记录:

20220329 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

310. (000635) 甲与其四位朋友各有一辆私家车, 甲的车牌尾数是 0, 其四位朋友的车牌尾数分别是 0, 2, 1, 5, 为遵守当地 4 月 1 日至 5 日 5 天的限行规定 (奇数日车牌尾数为奇数的车通行, 偶数日车牌尾数为偶数的车

通行), 五人商议拼车出行, 每天任选一辆符合规定的车, 但甲的车最多只能用一天, 则不同的用车方案总数为_____.

答案: 64

使用记录:

20220329 2022 届高三 1 班 0.721

20220622 2022 届高三 1 班 0.861

出处: 赋能练习

311. (000636) 集合 $A = \{1, 2, 3, 4\}$, $B = \{x | (x-1)(x-5) < 0\}$, 则 $A \cap B =$ _____.

答案: $\{2, 3, 4\}$

使用记录:

20220330 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

312. (000637) 复数 $z = \frac{2-i}{1+i}$ 所对应的点在复平面内位于第_____象限.

答案: 四

使用记录:

20220330 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

313. (000638) 已知首项为 1 公差为 2 的等差数列 $\{a_n\}$, 其前 n 项和为 S_n , 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n^2}{S_n} =$ _____.

答案: 4

使用记录:

20220330 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

314. (000639) 若方程组
$$\begin{cases} ax + 2y = 3, \\ 2x + ay = 2 \end{cases}$$
 无解, 则实数 $a =$ _____.

答案: ± 2

使用记录:

20220330 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

315. (000640) 若 $(x+a)^7$ 的二项展开式中, 含 x^6 项的系数为 7, 则实数 $a =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220330 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

316. (000641) 已知双曲线 $x^2 - \frac{y^2}{a^2} = 1$ ($a > 0$), 它的渐近线方程是 $y = \pm 2x$, 则 a 的值为_____.

答案: 2

使用记录:

20220330 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

317. (000642) 在 $\triangle ABC$ 中, 三边长分别为 $a = 2, b = 3, c = 4$, 则 $\frac{\sin 2A}{\sin B} =$ _____.

答案: $\frac{7}{6}$

使用记录:

20220330 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

318. (000643) 在平面直角坐标系中, 已知点 $P(-2, 2)$, 对于任意不全为零的实数 a, b , 直线 $l: a(x-1)+b(y+2)=0$, 若点 P 到直线 l 的距离为 d , 则 d 的取值范围是_____.

答案: $[0, 5]$

使用记录:

20220330 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

319. (000644) 函数 $f(x) = \begin{cases} |x|, & x \leq 1, \\ (x-2)^2, & x > 1, \end{cases}$ 如果方程 $f(x) = b$ 有四个不同的实数解 x_1, x_2, x_3, x_4 , 则 $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 =$ _____.

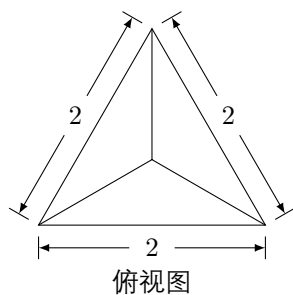
答案: 4

使用记录:

20220330 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

320. (000645) 三条侧棱两两垂直的正三棱锥, 其俯视图如图所示, 主视图的边界是底边长为 2 的等腰三角形, 则主视图的面积等于_____.



答案: $\frac{\sqrt{6}}{3}$

使用记录:

20220330 2022 届高三 1 班 0.767

出处: 赋能练习

321. (000646) 函数 $y = \sqrt{2x - x^2}$ 的定义域是_____.

答案: $[0, 2]$

使用记录:

20220401 2022 届高三 1 班 0.905

出处: 赋能练习

322. (000647) 若关于 x, y 的方程组 $\begin{cases} ax + y - 1 = 0, \\ 4x + ay - 2 = 0 \end{cases}$ 有无数多组解, 则实数 $a =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220401 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

323. (000648) 若 “ $x^2 - 2x - 3 > 0$ ” 是 “ $x < a$ ” 的必要不充分条件, 则 a 的最大值为_____.

答案: -1

使用记录:

20220401 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

324. (000649) 已知复数 $z_1 = 3 + 4i$, $z_2 = t + i$ (其中 i 为虚数单位), 且 $z_1 \cdot \bar{z}_2$ 是实数, 则实数 t 等于_____.

答案: $\frac{3}{4}$

使用记录:

20220401 2022 届高三 1 班 0.905

出处: 赋能练习

325. (000650) 若函数 $f(x) = \begin{cases} -x + 3a, & x < 0, \\ a^x + 1, & x \geq 0 \end{cases}$ ($a > 0$, 且 $a \neq 1$) 是 \mathbf{R} 上的减函数, 则 a 的取值范围是_____.

答案: $[\frac{2}{3}, 1)$

使用记录:

20220401 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

326. (000651) 设变量 x, y 满足约束条件 $\begin{cases} x + y \geq 2, \\ x - y \leq 1, \\ y \leq 2, \end{cases}$ 则目标函数 $z = -2x + y$ 的最小值为_____.

答案: -4

使用记录:

20220401 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

327. (000652) 已知圆 $C: (x-4)^2 + (y-3)^2 = 4$ 和两点 $A(-m, 0), B(m, 0) (m > 0)$, 若圆 C 上至少存在一点 P , 使得 $\angle APB = 90^\circ$, 则 m 的取值范围是_____.

答案: $[3, 7]$

使用记录:

20220401 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

328. (000653) 已知向量 $\vec{a} = (\cos(\frac{\pi}{3} + \alpha), 1)$, $\vec{b} = (1, 4)$, 如果 $\vec{a} \parallel \vec{b}$, 那么 $\cos(\frac{\pi}{3} - 2\alpha)$ 的值为_____.

答案: $\frac{7}{8}$

使用记录:

20220401 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

329. (000654) 若从正八边形的 8 个顶点中随机选取 3 个顶点, 则以它们作为顶点的三角形是直角三角形的概率是_____.

答案: $\frac{3}{7}$

使用记录:

20220401 2022 届高三 1 班 0.524

20220622 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

330. (000655) 若将函数 $f(x) = |\sin(\omega x - \frac{\pi}{8})|$ ($\omega > 0$) 的图像向左平移 $\frac{\pi}{12}$ 个单位后, 所得图像对应的函数为偶函数, 则 ω 的最小值是_____.

答案: $\frac{3}{2}$

使用记录:

20220401 2022 届高三 1 班 0.810

出处: 赋能练习

331. (000656) 已知集合 $A = \{x | \ln x > 0\}$, $B = \{x | 2^x < 3\}$, 则_____.

答案: $(1, \log_2 3)$

使用记录:

20220406 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

332. (000657) 若实数 x, y 满足约束条件
$$\begin{cases} x \geq 0, \\ y \leq x, \\ 2x + y - 9 \leq 0, \end{cases}$$
 则 $z = x + 3y$ 的最大值等于_____.

答案: 12

使用记录:

20220406 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

333. (000658) 已知 $(x - \frac{a}{x})^7$ 展开式中 x^3 的系数为 84, 则正实数 a 的值为_____.

答案: 2

使用记录:

20220406 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

334. (000659) 盒中装有形状、大小完全相同的 5 个球, 其中红色球 3 个, 黄色球 2 个. 若从中随机取出 2 个球, 则所取出的 2 个球颜色不同的概率为_____.

答案: $\frac{3}{5}$

使用记录:

20220406 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

335. (000660) 设 $f(x)$ 为 \mathbf{R} 上的奇函数. 当 $x \geq 0$ 时, $f(x) = 2^x + 2x + b$ (b 为常数), 则 $f(-1)$ 的值为_____.

答案: -3

使用记录:

20220406 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

336. (000661) 设 P, Q 分别为直线 $\begin{cases} x = t, \\ y = 6 - 2t, \end{cases}$ (t 为参数) 和曲线 $C: \begin{cases} x = 1 + \sqrt{5} \cos \theta, \\ y = -2 + \sqrt{5} \sin \theta, \end{cases}$ (θ 为参数) 的点, 则 $|PQ|$ 的最小值为_____.

答案: $\frac{\sqrt{5}}{5}$

使用记录:

20220406 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

337. (000662) 各项均不为零的数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n . 对任意 $n \in \mathbf{N}^*$, $\overrightarrow{m_n} = (a_{n+1} - a_n, 2a_{n+1})$ 都是直线 $y = kx$ 的法向量. 若 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ 存在, 则实数 k 的取值范围是_____.

答案: $(-\infty, -1) \cup (0, +\infty)$

使用记录:

20220406 2022 届高三 1 班 0.558

20220622 2022 届高三 1 班 0.954

出处: 赋能练习

338. (000663) 已知正四棱锥 $P-ABCD$ 的棱长都相等, 侧棱 PB 、 PD 的中点分别为 M 、 N , 则截面 AMN 与底面 $ABCD$ 所成的二面角的余弦值是_____.

答案: $\frac{2\sqrt{5}}{5}$

使用记录:

20220406 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

339. (000664) 设 $a > 0$, 若对于任意的 $x > 0$, 都有 $\frac{1}{a} - \frac{1}{x} \leq 2x$, 则 a 的取值范围是_____.

答案: $(\frac{\sqrt{2}}{4}, +\infty)$

使用记录:

20220406 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

340. (000665) 若适合不等式 $|x^2 - 4x + k| + |x - 3| \leq 5$ 的 x 的最大值为 3, 则实数 k 的值为_____.

答案: 8

使用记录:

20220406 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

341. (000666) 已知集合 $A = \{x | \frac{x-2}{x+1} \geq 0\}$, 集合 $B = \{y | 0 \leq y < 4\}$, 则 $A \cap B =$ _____.

答案: $[2, 4)$

使用记录:

20220408 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

342. (000667) 若直线 l 的参数方程为
$$\begin{cases} x = 4 - 4t, \\ y = -2 + 3t, \end{cases} \quad t \in \mathbf{R},$$
 则直线 l 在 y 轴上的截距是_____.

答案: 1

使用记录:

20220408 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

343. (000668) 已知圆锥的母线长为 4, 母线与旋转轴的夹角为 30° , 则该圆锥的侧面积为_____.

答案: 8π

使用记录:

20220408 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

344. (000669) 抛物线 $y = \frac{1}{4}x^2$ 的焦点到准线的距离为_____.

答案: 2

使用记录:

20220408 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

345. (000670) 已知关于 x, y 的二元一次方程组的增广矩阵为 $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 5 \\ 1 & -2 & 0 \end{pmatrix}$, 则 $3x - y =$ _____.

答案: 5

使用记录:

20220408 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

346. (000671) 若三个数 a_1, a_2, a_3 的方差为 1, 则 $3a_1 + 2, 3a_2 + 2, 3a_3 + 2$ 的方差为_____.

答案: 9

使用记录:

20220408 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

347. (000672) 已知射手甲击中 A 目标的概率为 0.9, 射手乙击中 A 目标的概率为 0.8, 若甲、乙两人各向 A 目标射击一次, 则射手甲或射手乙击中 A 目标的概率是_____.

答案: 0.98

使用记录:

20220408 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

348. (000673) 函数 $y = \sin(\frac{\pi}{6} - x)$, $x \in [0, \frac{3}{2}\pi]$ 的单调递减区间是_____.

答案: $[0, \frac{2}{3}\pi]$

使用记录:

20220408 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

349. (000674) 已知等差数列 $\{a_n\}$ 的公差为 2, 前 n 项和为 S_n , 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n}{a_n a_{n+1}} =$ _____.

答案: $\frac{1}{4}$

使用记录:

20220408 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

350. (000675) 已知定义在 \mathbf{R} 上的函数 $f(x)$ 满足: ① $f(x) + f(2-x) = 0$; ② $f(x) - f(-2-x) = 0$; ③ 在 $[-1, 1]$ 上的表达式为 $f(x) = \begin{cases} \sqrt{1-x^2}, & x \in [-1, 0], \\ 1-x, & x \in (0, 1] \end{cases}$, 则函数 $f(x)$ 与函数 $g(x) = \begin{cases} 2^x, & x \leq 0, \\ \log_{\frac{1}{2}} x, & x > 0 \end{cases}$ 的图像在区间 $[-3, 3]$ 上的交点的个数为_____.

答案: 6

使用记录:

20220408 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

351. (000676) 函数 $y = 2 \sin^2(2x) - 1$ 的最小正周期是_____.

答案: $\frac{\pi}{2}$

使用记录:

20220412 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

352. (000677) 设 i 为虚数单位, 复数 $z = \frac{1-2i}{2+i}$, 则 $|z| =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220412 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

353. (000678) 设 $f^{-1}(x)$ 为 $f(x) = \frac{2x}{x+1}$ 的反函数, 则 $f^{-1}(1) =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220412 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

354. (000679) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^{n+1} + 3^{n+1}}{2^n + 3^n} =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20220412 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

355. (000680) 若圆锥的侧面积是底面积的 2 倍, 则其母线与轴所成角的大小是_____.

答案: $\frac{\pi}{6}$

使用记录:

20220412 2022 届高三 1 班 0.786

出处: 赋能练习

356. (000681) 设等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 若 $\frac{a_5}{a_3} = \frac{5}{3}$, 则 $\frac{S_5}{S_3} =$ _____.

答案: $\frac{5}{2}$

使用记录:

20220412 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

357. (000682) 直线 $\begin{cases} x = 2 + t, \\ y = 4 - t, \end{cases}$ (t 为参数) 与曲线 $\begin{cases} x = 3 + \sqrt{2} \cos \theta, \\ y = 5 + \sqrt{2} \sin \theta \end{cases}$ (θ 为参数) 的公共点的个数是_____.

答案: 1

使用记录:

20220412 2022 届高三 1 班 0.952

出处: 赋能练习

358. (000683) 已知双曲线 C_1 与双曲线 C_2 的焦点重合, C_1 的方程为 $\frac{x^2}{3} - y^2 = 1$, 若 C_2 的一条渐近线的倾斜角是 C_1 的一条渐近线的倾斜角的 2 倍, 则 C_2 的方程为_____.

答案: $x^2 - \frac{y^2}{3} = 1$

使用记录:

20220412 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

359. (000684) 若 $f(x) = x^{\frac{1}{3}} - x^{-\frac{1}{2}}$, 则满足 $f(x) > 0$ 的 x 的取值范围是_____.

答案: $(1, +\infty)$

使用记录:

20220412 2022 届高三 1 班 0.905

出处: 赋能练习

360. (000685) 某企业有甲、乙两个研发小组, 他们研发新产品成功的概率分别为 $\frac{2}{3}$ 和 $\frac{3}{5}$. 现安排甲组研发新产品 A, 乙组研发新产品 B, 设甲、乙两组的研发相互独立, 则至少有一种新产品研发成功的概率为_____.

答案: $\frac{13}{15}$

使用记录:

20220412 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

361. (000686) 已知集合 $A = \{x|x > -1, x \in \mathbf{R}\}$, 集合 $B = \{x|x < 2, x \in \mathbf{R}\}$, 则 $A \cap B =$ _____.

答案: $(-1, 2)$

使用记录:

20220419 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

362. (000687) 已知复数 z 满足 $(2 - 3i)z = 3 + 2i$ (i 为虚数单位), 则 $|z| =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220419 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

363. (000688) 函数 $f(x) = \begin{vmatrix} \sin x & 2 \cos x \\ 2 \cos x & \sin x \end{vmatrix}$ 的最小正周期是_____.

答案: π

使用记录:

20220419 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

364. (000689) 已知双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{(a+3)^2} = 1$ ($a > 0$) 的一条渐近线方程为 $y = \pm 2x$, 则 $a =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20220419 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

365. (000690) 若圆柱的侧面展开图是边长为 4cm 的正方形, 则圆柱的体积为_____cm³(结果精确到 0.1cm³).

答案: 5.1

使用记录:

20220419 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

366. (000691) 已知 x, y 满足 $\begin{cases} x - y \leq 0, \\ x + y \leq 2, \\ x + 2 \geq 0, \end{cases}$ 则 $z = 2x + y$ 的最大值是_____.

答案: 3

使用记录:

20220419 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

367. (000692) 直线 $\begin{cases} x = t - 1, \\ y = 2 - t, \end{cases}$ (t 为参数) 与曲线 $\begin{cases} x = 3 \cos \theta, \\ y = 2 \sin \theta, \end{cases}$ (θ 为参数) 的交点个数是_____.

答案: 2

使用记录:

20220419 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

368. (000693) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} 2^x, & x \leq 0, \\ \log_2 x, & 0 < x \leq 1 \end{cases}$ 的反函数是 $f^{-1}(x)$, 则 $f^{-1}(\frac{1}{2}) =$ _____.

答案: -1

使用记录:

20220419 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

369. (000694) 设多项式 $1 + x + (1 + x)^2 + (1 + x)^3 + \cdots + (1 + x)^n$ ($x \neq 0, n \in \mathbf{N}^*$) 的展开式中 x 项的系数为 T_n , 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{T_n}{n^2} =$ _____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220419 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

370. (000695) 生产零件需要经过两道工序, 在第一、第二道工序中产生废品的概率分别为 0.01 和 p , 每道工序产生废品相互独立. 若经过两道工序后得到的零件不是废品的概率是 0.9603, 则 $p =$ _____.

答案: 0.03

使用记录:

20220419 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

371. (000696) 行列式 $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{vmatrix}$ 中, 元素 5 的代数余子式的值为_____.

答案: -12

使用记录:

20220420 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

372. (000697) 设实数 $\omega > 0$, 若函数 $f(x) = \cos(\omega x) + \sin(\omega x)$ 的最小正周期为 π , 则 $\omega =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220420 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

373. (000698) 已知圆锥的底面半径和高均为 1 , 则该圆锥的侧面积为_____.

答案: $\sqrt{2}\pi$

使用记录:

20220420 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

374. (000699) 设向量 $\vec{a} = (2, 3)$, 向量 $\vec{b} = (6, t)$. 若 \vec{a} 与 \vec{b} 的夹角为钝角, 则实数 t 的取值范围为_____.

答案: $(-\infty, -4)$

使用记录:

20220420 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

375. (000700) 集合 $A = \{1, 3, a^2\}$, 集合 $B = \{a + 1, a + 2\}$. 若 $B \cup A = A$, 则实数 $a =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220420 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

376. (000701) 设 z_1, z_2 是方程 $z^2 + 2z + 3 = 0$ 的两根, 则 $|z_1 - z_2| =$ _____.

答案: $2\sqrt{2}$

使用记录:

20220420 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

377. (000702) 设 $f(x)$ 是定义在 \mathbf{R} 上的奇函数, 当 $x > 0$ 时, $f(x) = 2^x - 3$. 则不等式 $f(x) < -5$ 的解为_____.

答案: $(-\infty, -3)$

使用记录:

20220420 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

378. (000703) 若变量 x, y 满足约束条件
$$\begin{cases} x + y \leq 12, \\ 2x - y \geq 0, \\ x - 2y \leq 0, \end{cases}$$
 则 $z = y - x$ 的最小值为_____.

答案: -4

使用记录:

20220420 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

379. (000704) 小明和小红各自掷一颗均匀的正方体骰子, 两人相互独立地进行. 则小明掷出的点数不大于 2 或小红掷出的点数不小于 3 的概率为_____.

答案: $\frac{7}{9}$

使用记录:

20220420 2022 届高三 1 班 0.721

20220622 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

380. (000705) 设 A 是椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{a^2 - 4} = 1$ ($a > 0$) 上的动点, 点 F 的坐标为 $(-2, 0)$, 若满足 $|AF| = 10$ 的点 A 有且仅有两个, 则实数 a 的取值范围为_____.

答案: $(8, 12)$

使用记录:

20220420 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

381. (000706) 设全集 $U = \mathbf{R}$, 若集合 $A = \{2\}, B = \{x | -1 < x < 2\}$, 则 $A \cap (\complement_U B) =$ _____.

答案: $\{2\}$

使用记录:

20220422 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

382. (000707) 设抛物线的焦点坐标为 $(1, 0)$, 则此抛物线的标准方程为_____.

答案: $y^2 = 4x$

使用记录:

20220422 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

383. (000708) 某次体检, 8 位同学的身高 (单位: 米) 分别为. 1.68, 1.71, 1.73, 1.63, 1.81, 1.74, 1.66, 1.78, 则这组数据的中位数是_____(米).

答案: 1.72

使用记录:

20220422 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

384. (000709) 函数 $f(x) = 2 \sin 4x \cos 4x$ 的最小正周期为_____.

答案: $\frac{\pi}{4}$

使用记录:

20220422 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

385. (000710) 已知球的俯视图面积为 π , 则该球的表面积为_____.

答案: 4π

使用记录:

20220422 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

386. (000711) 若线性方程组的增广矩阵为 $\begin{pmatrix} 1 & 2 & c_1 \\ 2 & 0 & c_2 \end{pmatrix}$ 、解为 $\begin{cases} x = 1, \\ y = 3, \end{cases}$ 则 $c_1 + c_2 =$ _____.

答案: 9

使用记录:

20220422 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

387. (000712) 在报名的 8 名男生和 5 名女生中, 选取 6 人参加志愿者活动, 要求男、女生都有, 则不同的选取方式的种数为_____(结果用数值表示).

答案: 1688

使用记录:

20220422 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

388. (000713) 设无穷等比数列 $\{a_n\}$ 的公比为 q , 若 $a_2 = \lim_{n \rightarrow \infty} (a_4 + a_5 + \cdots + a_n)$, 则 $q =$ _____.

答案: $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$

使用记录:

20220422 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

389. (000714) 若事件 A 、 B 满足 $P(A) = \frac{1}{2}$, $P(B) = \frac{4}{5}$, $P(AB) = \frac{2}{5}$, 则 $P(\overline{A}B) - P(A\overline{B}) =$ _____.

答案: $\frac{3}{10}$

使用记录:

20220422 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

390. (000715) 设奇函数 $f(x)$ 的定义域为 \mathbf{R} , 当 $x > 0$ 时, $f(x) = x + \frac{m^2}{x} - 1$ (这里 m 为正常数). 若 $f(x) \leq m - 2$ 对一切 $x \leq 0$ 成立, 则 m 的取值范围为_____.

答案: $[2, +\infty)$

使用记录:

20220422 2022 届高三 1 班 0.512

20220622 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

391. (000716) 已知集合 $U = \{-1, 0, 1, 2, -3\}$, $A = \{-1, 0, 2\}$, 则 $\complement_U A =$ _____.

答案: $\{1, 3\}$

使用记录:

20220424 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

392. (000717) 已知一个关于 x, y 的二元一次方程组的增广矩阵是 $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$, 则 $x + y =$ _____.

答案: 5

使用记录:

20220424 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

393. (000718) i 是虚数单位, 若复数 $(1 - 2i)(a + i)$ 是纯虚数, 则实数 a 的值为_____.

答案: -2

使用记录:

20220424 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

394. (000719) 若 $\begin{vmatrix} \log_2 x & -1 \\ -4 & 2 \end{vmatrix} = 0$, 则 $x =$ _____.

答案: 4

使用记录:

20220424 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

395. (000720) 我国古代数学名著《九章算术》有“米谷粒分”题: 粮仓开仓收粮, 有人送来米 1534 石, 验得米内夹谷, 抽样取米一把, 数得 254 粒内夹谷 28 粒, 则这批米内夹谷约为_____ 石 (精确到小数点后一位数字).

答案: 169.1

使用记录:

20220424 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

396. (000721) 已知圆锥的母线长为 5, 侧面积为 15π , 则此圆锥的体积为_____ (结果保留 π).

答案: 12π

使用记录:

20220424 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

397. (000722) 若二项式 $(2x + \frac{a}{x})^7$ 的展开式中一次项的系数是 -70 , 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} (a + a^2 + a^3 + \cdots + a^n) =$ _____.

答案: $-\frac{1}{3}$

使用记录:

20220424 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

398. (000723) 已知椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + y^2 = 1$ ($a > 0$) 的焦点 F_1 、 F_2 , 抛物线 $y^2 = 2x$ 的焦点为 F , 若 $\overrightarrow{F_1F} = 3\overrightarrow{FF_2}$, 则 $a =$ _____.

答案: $\sqrt{2}$

使用记录:

20220424 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

399. (000724) 设 $f(x)$ 是定义在 \mathbf{R} 上以 2 为周期的偶函数, 当 $x \in [0, 1]$ 时, $f(x) = \log_2(x+1)$, 则函数 $f(x)$ 在 $[1, 2]$ 上的解析式是_____.

答案: $f(x) = \log_2(3-x)$

使用记录:

20220424 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

400. (000725) 已知 $x, y \in \mathbf{R}$, 且满足 $\begin{cases} \sqrt{3}x + y \leq 4\sqrt{3}, \\ \sqrt{3}x - y \geq 0, \\ y \geq 0. \end{cases}$ 若存在 $\theta \in \mathbf{R}$ 使得 $x \cos \theta + y \sin \theta + 1 = 0$ 成立, 则点 $P(x, y)$ 构成的区域面积为_____.

答案: $4\sqrt{3} - \frac{\pi}{6}$

使用记录:

20220424 2022 届高三 1 班 0.721

20220622 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

401. (000726) 集合 $A = \{x | \frac{x}{x-2} < 0\}$, $B = \{x | x \in \mathbf{Z}\}$, 则 $A \cap B$ 等于_____.

答案: $\{1\}$

使用记录:

20220426 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

402. (000727) 已知半径为 $2R$ 和 R 的两个球, 则大球和小球的体积比为_____.

答案: $8:1$

使用记录:

20220426 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

403. (000728) 抛物线 $y = x^2$ 的焦点坐标是_____.

答案: $(0, \frac{1}{4})$

使用记录:

20220426 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

404. (000729) 已知实数 x, y 满足
$$\begin{cases} x - 2 \leq 0, \\ y - 1 \leq 0, \\ x + y \geq 2, \end{cases}$$
 则目标函数 $u = x + 2y$ 的最大值是_____.

答案: 4

使用记录:

20220426 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

405. (000730) 已知在 $\triangle ABC$ 中, a, b, c 分别为 $\angle A, \angle B, \angle C$ 所对的边. 若 $b^2 + c^2 - a^2 = \sqrt{2}bc$, 则 $\angle A =$ _____.

答案: $\frac{\pi}{4}$

使用记录:

20220426 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

406. (000731) 三阶行列式
$$\begin{vmatrix} -5 & 6 & 7 \\ 4 & 2^x & 1 \\ 0 & 3 & 1 \end{vmatrix}$$
 中元素 -5 的代数余子式为 $f(x)$, 则方程 $f(x) = 0$ 的解为_____.

答案: $x = \log_2 3$

使用记录:

20220426 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

407. (000732) 设 z 是复数, $a(z)$ 表示满足 $z^n = 1$ 时的最小正整数 n , i 是虚数单位, 则 $a(\frac{1+i}{1-i}) =$ _____.

答案: 4

使用记录:

20220426 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

408. (000733) 无穷等比数列 $\{a_n\}$ 的通项公式 $a_n = (\sin x)^n$, 前 n 项的和为 S_n , 若 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n = 1$, $x \in (0, \pi)$, 则 $x =$ _____.

答案: $\frac{\pi}{6}$ 或 $\frac{5\pi}{6}$

使用记录:

20220426 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

409. (000734) 给出下列函数: ① $y = x + \frac{1}{x}$; ② $y = x^2 + x$; ③ $y = 2^{|x|}$; ④ $y = x^{\frac{2}{3}}$; ⑤ $y = \tan x$; ⑥ $y = \sin(\arccos x)$; ⑦ $y = \lg(x + \sqrt{x^2 + 4}) - \lg 2$. 从这 7 个函数中任取两个函数, 则其中一个是奇函数另一个是偶函数的概率是_____.

答案: $\frac{3}{7}$

使用记录:

20220426 2022 届高三 1 班 0.767

出处: 赋能练习

410. (000735) 代数式 $(x^2 + 2)(\frac{1}{x^2} - 1)^5$ 的展开式的常数项是_____ (用数字作答).

答案: 3

使用记录:

20220426 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

411. (000736) 已知全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x | x^2 - 2x - 3 > 0\}$, 则 $\complement_U A =$ _____.

答案: $[-1, 3]$

使用记录:

20220427 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

412. (000737) 在 $(x + \frac{1}{x})^6$ 的二项展开式中, 常数项是_____.

答案: 20

使用记录:

20220427 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

413. (000738) 函数 $f(x) = \lg(3^x - 2^x)$ 的定义域为_____.

答案: $(0, +\infty)$

使用记录:

20220427 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

414. (000739) 已知抛物线 $x^2 = ay$ 的准线方程是 $y = -\frac{1}{4}$, 则 $a =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220427 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

415. (000740) 若一个球的体积为 $\frac{32\pi}{3}$, 则该球的表面积为_____.

答案: 16π

使用记录:

20220427 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

416. (000741) 已知实数 x, y 满足 $\begin{cases} x \geq 0, \\ y \geq 0, \\ x + y \leq 1, \end{cases}$ 则目标函数 $z = x - y$ 的最小值为_____.

答案: -1

使用记录:

20220427 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

417. (000742) 函数 $f(x) = \begin{vmatrix} (\sin x + \cos x)^2 & -1 \\ 1 & 1 \end{vmatrix}$ 的最小正周期是_____.

答案: π

使用记录:

20220427 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

418. (000743) 若一圆锥的底面半径为 3, 体积是 12π , 则该圆锥的侧面积等于_____.

答案: 15π

使用记录:

20220427 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

419. (000744) 将两颗质地均匀的骰子抛掷一次, 记第一颗骰子出现的点数是 m , 记第二颗骰子出现的点数是 n , 向量 $\vec{a} = (m-2, 2-n)$, 向量 $\vec{b} = (1, 1)$, 则向量 $\vec{a} \perp \vec{b}$ 的概率是_____.

答案: $\frac{1}{6}$

使用记录:

20220427 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

420. (000745) 已知直线 $l_1: mx - y = 0$, $l_2: x + my - m - 2 = 0$. 当 m 在实数范围内变化时, l_1 与 l_2 的交点 P 恒在一个定圆上, 则定圆方程是_____.

答案: $x^2 + y^2 - 2x - y = 0$

使用记录:

20220427 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

421. (000746) 已知 $A = (-\infty, a]$, $B = [1, 2]$, 且 $A \cap B \neq \emptyset$, 则实数 a 的范围是_____.

答案: $a \geq 1$

使用记录:

20220429 2022 届高三 1 班 0.744

20220622 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

422. (000747) 直线 $ax + (a-1)y + 1 = 0$ 与直线 $4x + ay - 2 = 0$ 互相平行, 则实数 $a =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220429 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

423. (000748) 已知 $\alpha \in (0, \pi)$, $\cos \alpha = -\frac{3}{5}$, 则 $\tan(\alpha + \frac{\pi}{4}) =$ _____.

答案: $-\frac{1}{7}$

使用记录:

20220429 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

424. (000749) 长方体的对角线与过同一个顶点的三个表面所成的角分别为 α, β, γ , 则 $\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220429 2022 届高三 1 班 0.674

20220622 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

425. (000750) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} -x^2, & x \geq 0, \\ 2^{-x} - 1, & x < 0, \end{cases}$ 则 $f^{-1}[f^{-1}(-9)] =$ _____.

答案: -2

使用记录:

20220429 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

426. (000751) 从集合 $\{-1, 1, 2, 3\}$ 随机取一个为 m , 从集合 $\{-2, -1, 1, 2\}$ 随机取一个为 n , 则方程 $\frac{x^2}{m} + \frac{y^2}{n} = 1$ 表示双曲线的概率为_____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220429 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

427. (000752) 已知数列 $\{a_n\}$ 是公比为 q 的等比数列, 且 a_2, a_4, a_3 成等差数列, 则 $q =$ _____.

答案: 1 或 $-\frac{1}{2}$

使用记录:

20220429 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

428. (000753) 若将函数 $f(x) = x^6$ 表示成 $f(x) = a_0 + a_1(x-1) + a_2(x-1)^2 + a_3(x-1)^3 + \cdots + a_6(x-1)^6$ 则 a_3 的值等于_____.

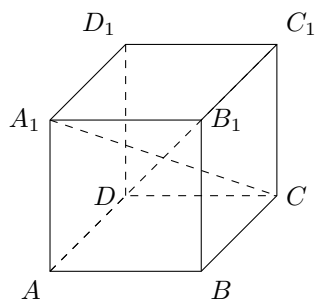
答案: 20

使用记录:

20220429 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

429. (000754) 如图, 长方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 的边长 $AB = AA_1 = 1$, $AD = \sqrt{2}$, 它的外接球是球 O , 则 A, A_1 这两点的球面距离等于_____.



答案: $\frac{\pi}{3}$

使用记录:

20220429 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

430. (000755) 椭圆的长轴长等于 m , 短轴长等于 n , 则此椭圆的内接矩形的面积的最大值为_____.

答案: $\frac{1}{2}mn$

使用记录:

20220429 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

431. (000756) 已知集合 $A = \{1, 2, 3\}$, $B = \{1, m\}$, 若 $3 - m \in A$, 则非零实数 m 的数值是_____.

答案: 2

使用记录:

20220506 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

432. (000757) 不等式 $|1 - x| > 1$ 的解集是_____.

答案: $(-\infty, 0) \cup (2, +\infty)$

使用记录:

20220506 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

433. (000758) 若函数 $f(x) = \sqrt{8 - ax - 2x^2}$ 是偶函数, 则该函数的定义域是_____.

答案: $[-2, 2]$

使用记录:

20220506 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

434. (000759) 已知 $\triangle ABC$ 的三内角 A, B, C 所对的边长分别为 a, b, c , 若 $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \sin A$, 则内角 A 的大小是_____.

答案: $\frac{\pi}{4}$

使用记录:

20220506 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

435. (000760) 已知向量 \vec{a} 在向量 \vec{b} 方向上的投影为 -2 , 且 $|\vec{b}| = 3$, 则 $\vec{a} \cdot \vec{b} =$ _____ (结果用数值表示).

答案: -6

使用记录:

20220506 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

436. (000761) 方程 $\log_3(3 \cdot 2^x + 5) - \log_3(4^x + 1) = 0$ 的解 $x =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220506 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

437. (000762) 已知函数 $f(x) = \begin{vmatrix} 2 \sin x & -\cos 2x \\ 1 & \cos x \end{vmatrix}$, 则函数 $f(x)$ 的单调递增区间是_____.

答案: $[k\pi - \frac{3}{8}\pi, k\pi + \frac{\pi}{8}], k \in \mathbf{Z}$

使用记录:

20220506 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

438. (000763) 已知 α 是实系数一元二次方程 $x^2 - (2m - 1)x + m^2 + 1 = 0$ 的一个虚数根, 且 $|\alpha| \leq 2$, 则实数 m 的取值范围是_____.

答案: $(-\frac{3}{4}, \sqrt{3}]$

使用记录:

20220506 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

439. (000764) 已知某市 A 社区 35 岁至 45 岁的居民有 450 人, 46 岁至 55 岁的居民有 750 人, 56 岁至 65 岁的居民有 900 人. 为了解该社区 35 岁至 65 岁居民的身体健康状况, 社区负责人采用分层抽样技术抽取若干人进行体检调查, 若从 46 岁至 55 岁的居民中随机抽取了 50 人, 试问这次抽样调查抽取的人数是_____人.

答案: 140

使用记录:

20220506 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

440. (000765) 将一枚质地均匀的硬币连续抛掷 5 次, 则恰好有 3 次出现正面向上的概率是_____ (结果用数值表示).

答案: $\frac{5}{16}$

使用记录:

20220506 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

441. (000766) 函数 $y = 3 \sin(2x + \frac{\pi}{3})$ 的最小正周期 $T =$ _____.

答案: π

使用记录:

20220507 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

442. (000767) 函数 $y = \lg x$ 的反函数是_____.

答案: $y = 10^x$

使用记录:

20220507 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

443. (000768) 已知集合 $P = \{x | (x+1)(x-3) < 0\}$, $Q = \{x | |x| > 2\}$, 则 $P \cap Q =$ _____.

答案: $\{x | 2 < x < 3\}$

使用记录:

20220507 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

444. (000769) 函数 $y = x + \frac{9}{x}$, $x \in (0, +\infty)$ 的最小值是_____.

答案: 6

使用记录:

20220507 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

445. (000770) 计算: $\lim_{n \rightarrow \infty} [\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \cdots + (\frac{1}{2})^n] =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220507 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

446. (000771) 记球 O_1 和 O_2 的半径、体积分别为 r_1 、 V_1 和 r_2 、 V_2 , 若 $\frac{V_1}{V_2} = \frac{8}{27}$, 则 $\frac{r_1}{r_2} =$ _____.

答案: $\frac{2}{3}$

使用记录:

20220507 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

447. (000772) 若某线性方程组对应的增广矩阵是 $\begin{pmatrix} m & 4 & 2 \\ 1 & m & m \end{pmatrix}$, 且此方程组有唯一一组解, 则实数 m 的取值范围是_____.

答案: $m \neq \pm 2$

使用记录:

20220507 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

448. (000773) 若一个布袋中有大小、质地相同的三个黑球和两个白球, 从中任取两个球, 则取出的两球中恰是一个白球和一个黑球的概率是_____.

答案: 0.6

使用记录:

20220507 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

449. (000774) $(1+2x)^n$ 的二项展开式中, 含 x^3 项的系数等于含 x 项的系数的 8 倍, 则正整数 $n =$ _____.

答案: 5

使用记录:

20220507 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

450. (000775) 平面上三条直线 $x-2y+1=0$, $x-1=0$, $x+ky=0$, 如果这三条直线将平面划分为六个部分, 则实数 k 的取值组成的集合 $A =$ _____.

答案: $\{-1, 0, -2\}$

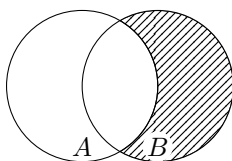
使用记录:

20220507 2022 届高三 1 班 0.581

20220622 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

451. (000776) 已知集合 $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$, $B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$, 则图中阴影部分集合用列举法表示的结果是_____.



答案: $\{0, 2, 4\}$

使用记录:

20220510 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

452. (000777) 若复数 z 满足 $z(1-i) = 2i$ (i 是虚数单位), 则 $|z| =$ _____.

答案: $\sqrt{2}$

使用记录:

20220510 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

453. (000778) 函数 $y = \sqrt{\lg(x+2)}$ 的定义域为_____.

答案: $\{x|x \geq -1\}$

使用记录:

20220510 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

454. (000779) 在从 4 个字母 a, b, c, d 中任意选出 2 个不同字母的试验中, 其中含有字母 d 事件的概率是_____.

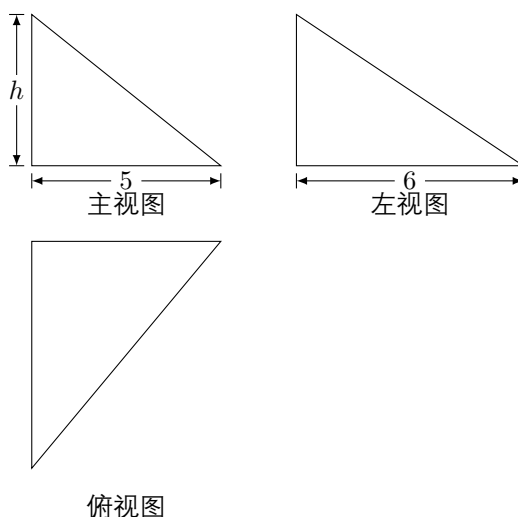
答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220510 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

455. (000780) 如图的三个直角三角形是一个体积为 20cm^3 的几何体的三视图, 则 $h =$ _____.



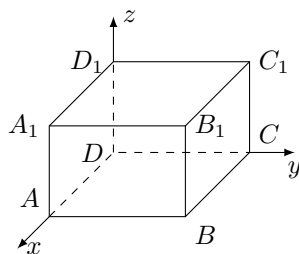
答案: 4

使用记录:

20220510 2022 届高三 1 班 0.767

出处: 赋能练习

456. (000781) 如图, 以长方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 的顶点 D 为坐标原点, 过 D 的三条棱所在的直线为坐标轴, 建立空间直角坐标系, 若 $\overrightarrow{DB_1}$ 的坐标为 $(4, 3, 2)$, 则 $\overrightarrow{BD_1}$ 的坐标为_____.



答案: $(-4, -3, 2)$

使用记录:

20220510 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

457. (000782) 方程 $\cos 2x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ 的解集为_____.

答案: $\{x|x = k\pi \pm \frac{5\pi}{12}, k \in \mathbf{Z}\}$

使用记录:

20220510 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

458. (000783) 已知抛物线的顶点在坐标原点, 焦点在 y 轴上, 抛物线上一点 $M(a, -4)$ ($a > 0$) 到焦点 F 的距离为 5. 则该抛物线的标准方程为_____.

答案: $x^2 = -4y$

使用记录:

20220510 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

459. (000784) 已知等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ($n \in \mathbf{N}^*$), 且 $\frac{S_6}{S_3} = -\frac{19}{8}, a_4 - a_2 = -\frac{15}{8}$, 则 a_3 的值为_____.

答案: $\frac{9}{4}$

使用记录:

20220510 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

460. (000785) 在直角三角形 ABC 中, $\angle A = \frac{\pi}{2}$, $AB = 3$, $AC = 4$, E 为三角形 ABC 内一点, 且 $AE = \frac{\sqrt{2}}{2}$. 若 $\overrightarrow{AE} = \lambda \overrightarrow{AB} + \mu \overrightarrow{AC}$, 则 $3\lambda + 4\mu$ 的最大值等于_____.

答案: 1

使用记录:

20220510 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

461. (000786) 双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{9} = 1$ ($a > 0$) 的渐近线方程为 $3x \pm 2y = 0$, 则 $a =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220511 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

462. (000787) 若二元一次方程组的增广矩阵是 $\begin{pmatrix} 1 & 2 & c_1 \\ 3 & 4 & c_2 \end{pmatrix}$, 其解为 $\begin{cases} x = 10, \\ y = 0, \end{cases}$ 则 $c_1 + c_2 =$ _____.

答案: 40

使用记录:

20220511 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

463. (000788) 设 $m \in \mathbf{R}$, 若复数 $(1 + mi)(1 + i)$ 在复平面内对应的点位于实轴上, 则 $m =$ _____.

答案: -1

使用记录:

20220511 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

464. (000789) 定义在 \mathbf{R} 上的函数 $f(x) = 2^x - 1$ 的反函数为 $y = f^{-1}(x)$, 则 $f^{-1}(3) =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220511 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

465. (000790) 直线 l 的参数方程为 $\begin{cases} x = 1 + t, \\ y = -1 + 2t, \end{cases}$ (t 为参数), 则 l 的一个法向量为_____.

答案: $(2, -1)$ (不唯一)

使用记录:

20220511 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

466. (000791) 已知数列 $\{a_n\}$, 其通项公式为 $a_n = 3n + 1, n \in \mathbf{N}^*, \{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n}{n \cdot a_n} =$ _____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220511 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

467. (000792) 已知向量 \vec{a} 、 \vec{b} 的夹角为 60° , $|\vec{a}| = 1, |\vec{b}| = 2$, 若 $(\vec{a} + 2\vec{b}) \perp (x\vec{a} - \vec{b})$, 则实数 x 的值为_____.

答案: 3

使用记录:

20220511 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

468. (000793) 若球的表面积为 100π , 平面 α 与球心的距离为 3, 则平面 α 截球所得的圆面面积为_____.

答案: 16π

使用记录:

20220511 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

469. (000794) 若平面区域的点 (x, y) 满足不等式 $\frac{|x|}{k} + \frac{|y|}{4} \leq 1$ ($k > 0$), 且 $z = x + y$ 的最小值为 -5 , 则常数 $k =$ _____.

答案: 5

使用记录:

20220511 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

470. (000795) 若函数 $f(x) = \log_a(x^2 - ax + 1)$ ($a > 0, a \neq 1$) 没有最小值, 则 a 的取值范围是_____.

答案: $(0, 1) \cup [2, +\infty)$

使用记录:

20220511 2022 届高三 1 班 0.744

20220622 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

471. (000796) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n+1}{n-1} =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220513 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

472. (000797) 不等式 $\frac{x}{x-1} < 0$ 的解集为_____.

答案: $(0, 1)$

使用记录:

20220513 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

473. (000798) 已知 $\{a_n\}$ 是等比数列, 它的前 n 项和为 S_n , 且 $a_3 = 4$, $a_4 = -8$, 则 $S_5 =$ _____.

答案: 11

使用记录:

20220513 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

474. (000799) 已知 $f^{-1}(x)$ 是函数 $f(x) = \log_2(x+1)$ 的反函数, 则 $f^{-1}(2) =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20220513 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

475. (000800) $(\sqrt{x} + \frac{1}{x})^9$ 二项展开式中的常数项为_____.

答案: 84

使用记录:

20220513 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

476. (000801) 椭圆 $\begin{cases} x = 2 \cos \theta, \\ y = \sqrt{3} \sin \theta \end{cases}$ (θ 为参数) 的右焦点为_____.

答案: (1, 0)

使用记录:

20220513 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

477. (000802) 满足约束条件 $\begin{cases} x + 2y \leq 4, \\ 2x + y \leq 3, \\ x \geq 0, \\ y \geq 0 \end{cases}$ 的目标函数 $f = 3x + 2y$ 的最大值为_____.

答案: $\frac{16}{3}$

使用记录:

20220513 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

478. (000803) 函数 $f(x) = \cos^2 x + \frac{\sqrt{3}}{2} \sin 2x$, $x \in \mathbf{R}$ 的单调递增区间为_____.

答案: $[k\pi - \frac{\pi}{3}, k\pi + \frac{\pi}{6}]$, $k \in \mathbf{Z}$

使用记录:

20220513 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

479. (000804) 已知抛物线型拱桥的顶点距水面 2 米时, 量得水面宽为 8 米. 当水面下降 1 米后, 水面的宽为_____ 米.

答案: $4\sqrt{6}$

使用记录:

20220513 2022 届高三 1 班 0.814

出处: 赋能练习

480. (000805) 一个四面体的顶点在空间直角坐标系 $O - xyz$ 中的坐标分别是 $(0, 0, 0)$, $(1, 0, 1)$, $(0, 1, 1)$, $(1, 1, 0)$, 则该四面体的体积为_____.

答案: $\frac{1}{3}$

使用记录:

20220513 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

481. (000806) 抛物线 $x^2 = 12y$ 的准线方程为_____.

答案: $y = -3$

使用记录:

20220518 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

482. (000807) 若函数 $f(x) = \frac{1}{x - 2m + 1}$ 是奇函数, 则实数 $m =$ _____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220518 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

483. (000808) 若函数 $f(x) = \sqrt{2x+3}$ 的反函数为 $g(x)$, 则函数 $g(x)$ 的零点为_____.

答案: $x = \sqrt{3}$

使用记录:

20220518 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

484. (000809) 书架上有上、中、下三册的《白话史记》和上、下两册的《古诗文鉴赏辞典》, 现将这五本书从左到右摆放在一起, 则中间位置摆放中册《白话史记》的不同摆放种数为_____ (结果用数值表示).

答案: 24

使用记录:

20220518 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

485. (000810) 在锐角三角形 ABC 中, 角 A 、 B 、 C 的对边分别为 a 、 b 、 c , 若 $(b^2 + c^2 - a^2) \tan A = bc$, 则角 A 的大小为_____.

答案: $\frac{\pi}{6}$

使用记录:

20220518 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

486. (000811) 若 $(x^3 - \frac{1}{x^2})^n$ 的展开式中含有非零常数项, 则正整数 n 的最小值为_____.

答案: 5

使用记录:

20220518 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

487. (000812) 某单位年初有两辆车参加某种事故保险, 对在当年内发生此种事故的每辆车, 单位均可获赔 (假设每辆车最多只获一次赔偿). 设这两辆车在一年内发生此种事故的概率分别为 $\frac{1}{20}$ 和 $\frac{1}{21}$, 且各车是否发生事故相互独立, 则一年内该单位在此种保险中获赔的概率为_____ (结果用最简分数表示).

答案: $\frac{2}{21}$

使用记录:

20220518 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

488. (000813) 在平面直角坐标系 xOy 中, 直线 l 的参数方程为 $\begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2}t - \sqrt{2}, \\ y = \frac{\sqrt{2}}{4}t, \end{cases}$ (t 为参数), 椭圆 C 的参数方

程为 $\begin{cases} x = \cos \theta, \\ y = \frac{1}{2} \sin \theta, \end{cases}$ (θ 为参数), 则直线 l 与椭圆 C 的公共点坐标为_____.

答案: $(-\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{4})$

使用记录:

20220518 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

489. (000814) 设函数 $f(x) = \log_m x$ ($m > 0$ 且 $m \neq 1$), 若 m 是等比数列 $\{a_n\}$ ($n \in \mathbf{N}^*$) 的公比, 且 $f(a_2 a_4 a_6 \cdots a_{2018}) = 7$, 则 $f(a_1^2) + f(a_2^2) + f(a_3^2) + \cdots + f(a_{2018}^2)$ 的值为_____.

答案: -1990

使用记录:

20220518 2022 届高三 1 班 0.814

出处: 赋能练习

490. (000815) 设变量 x, y 满足条件 $\begin{cases} x - y \geq 0, \\ 2x + y \leq 2, \\ y \geq 0, \\ x + y \leq m, \end{cases}$ 若该条件表示的平面区域是三角形, 则实数 m 的取值范围是_____.

答案: $(0, 1] \cup [\frac{4}{3}, +\infty)$

使用记录:

20220518 2022 届高三 1 班 0.605

出处: 赋能练习

491. (000816) 不等式 $|x - 3| < 2$ 的解集为_____.

答案: $\{x | 1 < x < 5\}$

使用记录:

20220519 2022 届高三 1 班 0.953

20220622 2022 届高三 1 班 0.698

出处: 赋能练习

492. (000817) 若复数 z 满足 $2\bar{z} - 3 = 1 + 5i$ (i 是虚数单位), 则 $z =$ _____.

答案: $2 - \frac{5}{2}i$

使用记录:

20220519 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

493. (000818) 若 $\sin \alpha = \frac{1}{3}$, 则 $\cos(\alpha - \frac{\pi}{2}) =$ _____.

答案: $\frac{1}{3}$

使用记录:

20220519 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

494. (000819) 已知两个不同向量 $\vec{OA} = (1, m)$, $\vec{OB} = (m - 1, 2)$, 若 $\vec{OA} \perp \vec{AB}$, 则实数 $m =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220519 2022 届高三 1 班 0.721

20220622 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

495. (000820) 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, 公比 $q = 2$, 前 n 项和为 S_n , 若 $S_5 = 1$, 则 $S_{10} =$ _____.

答案: 33

使用记录:

20220519 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

496. (000821) 若 x, y 满足
$$\begin{cases} x \leq 2, \\ x - y + 1 \geq 0, \\ x + y - 2 \geq 0, \end{cases}$$
 则 $z = 2x - y$ 的最小值为_____.

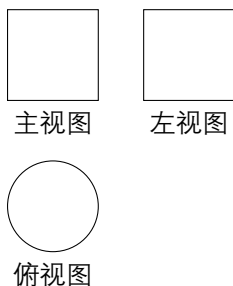
答案: $-\frac{1}{2}$

使用记录:

20220519 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

497. (000822) 如图所示, 一个圆柱的主视图和左视图都是边长为 1 的正方形, _____ 俯视图是一个直径为 1 的圆, 那么这个圆柱的体积为_____.



答案: $\frac{\pi}{4}$

使用记录:

20220519 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

498. (000823) $(1 + \frac{1}{x^2})(1+x)^6$ 展开式中 x^2 的系数为_____.

答案: 30

使用记录:

20220519 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

499. (000824) 已知 $f(x)$ 是定义在 $[-2, 2]$ 上的奇函数, 当 $x \in (0, 2]$ 时, $f(x) = 2^x - 1$, 函数 $g(x) = x^2 - 2x + m$. 如果对于任意的 $x_1 \in [-2, 2]$, 总存在 $x_2 \in [-2, 2]$, 使得 $f(x_1) \leq g(x_2)$, 则实数 m 的取值范围是_____.

答案: $m \geq -5$

使用记录:

20220519 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

500. (000825) 已知曲线 $C: y = -\sqrt{9-x^2}$, 直线 $l: y = 2$, 若对于点 $A(0, m)$, 存在 C 上的点 P 和 l 上的点 Q , 使得 $\overrightarrow{AP} + \overrightarrow{AQ} = \vec{0}$, 则 m 取值范围是_____.

答案: $[-\frac{1}{2}, 1]$

使用记录:

20220519 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

501. (000826) 函数 $y = \lg x - 1$ 的零点是_____.

答案: $x = 10$

使用记录:

20220520 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

502. (000827) 计算: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n}{4n+1} =$ _____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220520 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

503. (000828) 若 $(1+3x)^n$ 的二项展开式中 x^2 项的系数是 54, 则 $n =$ _____.

答案: 4

使用记录:

20220520 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

504. (000829) 掷一颗均匀的骰子, 出现奇数点的概率为_____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220520 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

505. (000830) 若 x, y 满足 $\begin{cases} x - y \geq 0, \\ x + y \leq 2, \\ y \geq 0, \end{cases}$ 则目标函数 $f = x + 2y$ 的最大值为_____.

答案: 3

使用记录:

20220520 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

506. (000831) 若复数 z 满足 $|z| = 1$, 则 $|z - i|$ 的最大值是_____.

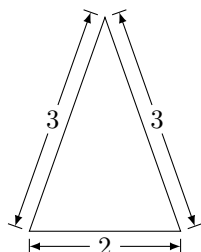
答案: 2

使用记录:

20220520 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

507. (000832) 若一个圆锥的主视图 (如图所示) 是边长为 3, 3, 2 的三角形, 则该圆锥的体积是_____.



答案: $\frac{2\sqrt{2}}{3}\pi$

使用记录:

20220520 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

508. (000833) 若双曲线 $\frac{x^2}{3} - \frac{16y^2}{p^2} = 1$ ($p > 0$) 的左焦点在抛物线 $y^2 = 2px$ 的准线上, 则 $p =$ _____.

答案: 4

使用记录:

20220520 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

509. (000834) 若 $\sin(x - y) \cos x - \cos(x - y) \sin x = \frac{3}{5}$, 则 $\tan 2y$ 的值为_____.

答案: $-\frac{24}{7}$ 或 $\frac{24}{7}$

使用记录:

20220520 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

510. (000835) 若 $\{a_n\}$ 为等比数列, $a_n > 0$, 且 $a_{2018} = \frac{\sqrt{2}}{2}$, 则 $\frac{1}{a_{2017}} + \frac{2}{a_{2019}}$ 的最小值为_____.

答案: 4

使用记录:

20220520 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

511. (000836) 已知集合 $A = \{1, 2, m\}, B = \{2, 4\}$, 若 $A \cup B = \{1, 2, 3, 4\}$, 则实数 $m =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20220525 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

512. (000837) $(x + \frac{1}{x})^n$ 的展开式中的第 3 项为常数项, 则正整数 $n =$ _____.

答案: 4

使用记录:

20220525 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

513. (000838) 已知复数 z 满足 $z^2 = 4 + 3i$ (i 为虚数单位), 则 $|z| =$ _____.

答案: $\sqrt{5}$

使用记录:

20220525 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

514. (000839) 已知平面直角坐标系 xOy 中动点 $P(x, y)$ 到定点 $(1, 0)$ 的距离等于 P 到定直线 $x = -1$ 的距离, 则点 P 的轨迹方程为_____.

答案: $y^2 = 4x$

使用记录:

20220525 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

515. (000840) 已知数列 $\{a_n\}$ 是首项为 1, 公差为 2 的等差数列, S_n 是其前 n 项和, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n}{a_n^2} =$ _____.

答案: $\frac{1}{4}$

使用记录:

20220525 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

516. (000841) 设变量 x, y 满足条件 $\begin{cases} x \geq 1, \\ x + y - 4 \leq 0, \\ x - 3y + 4 \leq 0, \end{cases}$ 则目标函数 $z = 3x - y$ 的最大值为_____.

答案: 4

使用记录:

20220525 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

517. (000842) 将圆心角为 $\frac{2\pi}{3}$, 面积为 3π 的扇形围成一个圆锥的侧面, 则此圆锥的体积为_____.

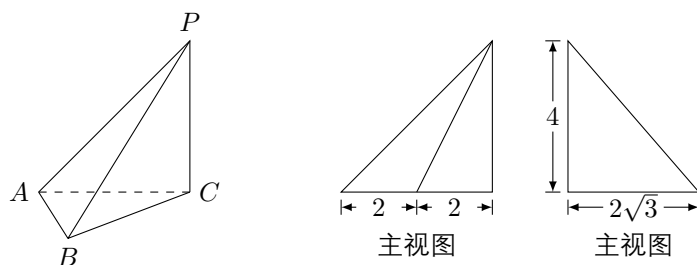
答案: $\frac{2\sqrt{2}}{3}\pi$

使用记录:

20220525 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

518. (000843) 三棱锥 $P-ABC$ 及其三视图中的主视图和左视图如图所示, 则棱 PB 的长为_____.



答案: $4\sqrt{2}$

使用记录:

20220525 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

519. (000844) 某商场举行购物抽奖促销活动, 规定每位顾客从装有编号为 0、1、2、3 的四个相同小球的抽奖箱中, 每次取出一球记下编号后放回, 连续取两次, 若取出的两个小球编号相加之和等于 6, 则中一等奖, 等于 5 中二等奖, 等于 4 或 3 中三等奖. 则顾客抽奖中三等奖的概率为_____.

答案: $\frac{7}{16}$

使用记录:

20220525 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

520. (000845) 已知函数 $f(x) = \lg(\sqrt{x^2 + 1} + ax)$ 的定义域为 \mathbf{R} , 则实数 a 的取值范围是_____.

答案: $[-1, 1]$

使用记录:

20220525 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

521. (000846) 已知全集 $U = \mathbf{R}$, 若集合 $A = \{x | \frac{x}{x-1} > 0\}$, 则 $\complement_U A =$ _____.

答案: $[0, 1]$

使用记录:

20220526 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

522. (000847) 已知复数 z 满足 $z \cdot (1 - i) = 2i$, 其中 i 为虚数单位, 则 $|z| =$ _____.

答案: $\sqrt{2}$

使用记录:

20220526 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

523. (000848) 双曲线 $2x^2 - y^2 = 6$ 的焦距为_____.

答案: 6

使用记录:

20220526 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

524. (000849) 已知 $(ax + \frac{1}{x})^6$ 二项展开式中的第五项系数为 $\frac{15}{2}$, 则正实数 a _____.

答案: $\frac{\sqrt{2}}{2}$

使用记录:

20220526 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

525. (000850) 方程 $\log_2(9^x + 7) = 2 + \log_2(3^x + 1)$ 的解为_____.

答案: $\{0, 1\}$

使用记录:

20220526 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

526. (000851) 已知函数 $f(x) = \frac{3x+1}{x+a}$ ($a \neq \frac{1}{3}$) 的图像与它的反函数的图像重合, 则实数 a 的值为_____.

答案: $a = -3$

使用记录:

20220526 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

527. (000852) 在 $\triangle ABC$ 中, 边 a, b, c 所对角分别为 A, B, C , 若 $\begin{vmatrix} a & \sin(\frac{\pi}{2} + B) \\ b & \cos A \end{vmatrix} = 0$, 则 $\triangle ABC$ 的形状为_____.

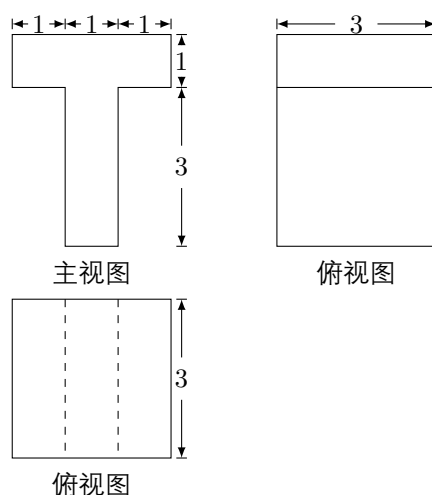
答案: 等腰或直角三角形

使用记录:

20220526 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

528. (000853) 若某几何体的三视图 (单位:cm) 如图所示, 则此几何体的体积是_____ cm^3 .



答案: 18

使用记录:

20220526 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

529. (000854) 已知四面体 $ABCD$ 中, $AB = CD = 2$, E, F 分别为 BC, AD 的中点, 且异面直线 AB 与 CD 所成的角为 $\frac{\pi}{3}$, 则 $EF =$ _____.

答案: 1 或 $\sqrt{3}$.

使用记录:

20220526 2022 届高三 1 班 0.395

20220622 2022 届高三 1 班 0.954

出处: 赋能练习

530. (000855) 设 m, n 分别为连续两次投掷骰子得到的点数, 且向量 $\vec{a} = (m, n), \vec{b} = (1, -1)$, 则 \vec{a} 与 \vec{b} 的夹角为锐角的概率是_____.

答案: $\frac{5}{12}$

使用记录:

20220526 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

531. (000856) 已知数列 $\{a_n\}$ 的通项公式为 $a_n = (-1)^n \cdot n + 2^n, n \in \mathbf{N}^*$, 则这个数列的前 $2n$ 项和 $S_{2n} =$ _____.

答案: $S_{2n} = n + 2^{2n+1} - 2$

使用记录:

20220526 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

532. (000857) 设集合 $A = \{x | |x| < 2, x \in \mathbf{R}\}, B = \{x | x^2 - 4x + 3 \geq 0, x \in \mathbf{R}\}$, 则 $A \cap B =$ _____.

答案: $(-2, 1]$

使用记录:

20220527 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

533. (000858) 已知 i 为虚数单位, 复数 z 满足 $\frac{1-z}{1+z} = i$, 则 $|z| =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220527 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

534. (000859) 设 $a > 0$ 且 $a \neq 1$, 若函数 $f(x) = a^{x-1} + 2$ 的反函数的图像经过定点 P , 则点 P 的坐标是_____.

答案: $(3, 1)$

使用记录:

20220527 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

535. (000860) 计算: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{P_n^2 + C_n^2}{(n+1)^2} =$ _____.

答案: $\frac{3}{2}$

使用记录:

20220527 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

536. (000861) 在平面直角坐标系内, 直线 $l: 2x + y - 2 = 0$, 将 l 与两条坐标轴围成的封闭图形绕 y 轴旋转一周, 所得几何体的体积为_____.

答案: $\frac{2\pi}{3}$

使用记录:

20220527 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

537. (000862) 已知 $\sin 2\theta + \sin \theta = 0, \theta \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$, 则 $\tan 2\theta =$ _____.

答案: $\sqrt{3}$

使用记录:

20220527 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

538. (000863) 设定义在 \mathbf{R} 上的奇函数 $y = f(x)$, 当 $x > 0$ 时, $f(x) = 2^x - 4$, 则不等式 $f(x) \leq 0$ 的解集是_____.

答案: $(-\infty, -2] \cup [0, 2]$

使用记录:

20220527 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

539. (000864) 在平面直角坐标系 xOy 中, 有一定点 $A(1, 1)$, 若线段 OA 的垂直平分线过抛物线 $C: y^2 = 2px (p > 0)$ 的焦点, 则抛物线 C 的方程为_____.

答案: $y^2 = 4x$

使用记录:

20220527 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

540. (000865) 曲线 $\begin{cases} x = 1 - \frac{\sqrt{5}}{5}t, \\ y = -1 + \frac{2\sqrt{5}}{5}t, \end{cases}$ (t 为参数) 与曲线 $\begin{cases} x = \sin \theta \cdot \cos \theta, \\ y = \sin \theta + \cos \theta, \end{cases}$ (θ 为参数) 的公共点的坐标为_____.

答案: $(0, 1)$

使用记录:

20220527 2022 届高三 1 班 0.558

20220622 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

541. (000866) 记 $(2x + \frac{1}{x})^n$ ($n \in \mathbf{N}^*$) 的展开式中第 m 项的系数为 b_m , 若 $b_3 = 2b_4$, 则 $n =$ _____.

答案: 5

使用记录:

20220527 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

542. (000867) 已知各项均为正数的数列 $\{a_n\}$ 满足 $\sqrt{a_1} + \sqrt{a_2} + \cdots + \sqrt{a_n} = n^2 + 3n$ ($n \in \mathbf{N}^*$), 则 $\frac{a_1}{2} + \frac{a_2}{3} + \cdots + \frac{a_n}{n+1} =$ _____.

答案: $2n^2 + 6n$

使用记录:

20220527 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

543. (000868) 函数 $f(x) = \frac{\sqrt{x+2}}{x-1}$ 的定义域为_____.

答案: $[-2, 1) \cup (1, +\infty)$

使用记录:

20220601 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

544. (000869) 已知线性方程组的增广矩阵为 $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ a & 3 & 4 \end{pmatrix}$, 若该线性方程组的解为 $\begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix}$, 则实数 $a =$ _____.

答案: 2

使用记录:

20220601 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

545. (000870) 计算 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1+2+3+\cdots+n}{n^2+1} =$ _____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220601 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

546. (000871) 若向量 \vec{a} 、 \vec{b} 满足 $|\vec{a}| = 1$, $|\vec{b}| = 2$, 且 \vec{a} 与 \vec{b} 的夹角为 $\frac{\pi}{3}$, 则 $|\vec{a} + \vec{b}| =$ _____.

答案: $\sqrt{7}$

使用记录:

20220601 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

547. (000872) 若复数 $z_1 = 3 + 4i$, $z_2 = 1 - 2i$, 其中 i 是虚数单位, 则复数 $\frac{|z_1|}{i} + \overline{z_2}$ 的虚部为_____.

答案: -3

使用记录:

20220601 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

548. (000873) $(\frac{1}{x} - \sqrt{x})^6$ 的展开式中, 常数项为_____.

答案: 15

使用记录:

20220601 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

549. (000874) 已知 $\triangle ABC$ 的内角 A 、 B 、 C 所对应边的长度分别为 a 、 b 、 c , 若 $\begin{vmatrix} a & c \\ c & a \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -b & -a \\ b & b \end{vmatrix}$, 则角 C 的大小是_____.

答案: $\frac{\pi}{3}$

使用记录:

20220601 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

550. (000875) 已知等比数列 $\{a_n\}$ 的各项均为正数, 且满足: $a_1 a_7 = 4$, 则数列 $\{\log_2 a_n\}$ 的前 7 项之和为_____.

答案: 7

使用记录:

20220601 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

551. (000876) 已知双曲线 $x^2 - \frac{y^2}{4} = 1$ 的右焦点为 F , 过点 F 且平行于双曲线的一条渐近线的直线与双曲线交于点 P , M 在直线 PF 上, 且满足 $\overrightarrow{OM} \cdot \overrightarrow{PF} = 0$, 则 $\frac{|\overrightarrow{PM}|}{|\overrightarrow{PF}|} =$ _____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220601 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

552. (000877) 现有 5 位教师要带 3 个班级外出参加志愿者服务, 要求每个班级至多两位老师带队, 且教师甲、乙不能单独带队, 则不同的带队方案有_____ (用数字作答).

答案: 54

使用记录:

20220601 2022 届高三 1 班 0.767

出处: 赋能练习

553. (000878) 抛物线 $y^2 = 4x$ 的焦点坐标是_____.

答案: (1, 0)

使用记录:

20220602 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

554. (000879) 若集合 $A = \{x | 3x + 1 > 0\}$, $B = \{x | |x - 1| < 2\}$, 则 $A \cap B =$ _____.

答案: $(-\frac{1}{3}, 3)$

使用记录:

20220602 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

555. (000880) 若 $\vec{d} = (3, 2)$ 是直线 l 的一个方向向量, 则 l 的倾斜角的大小为_____ (结果用反三角函数值表示).

答案: $\arctan \frac{2}{3}$

使用记录:

20220602 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

556. (000881) 若复数 z 满足 $\frac{1-i}{z} = -i$, 其中 i 为虚数单位, 则 $z =$ _____.

答案: $1 + i$

使用记录:

20220602 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

557. (000882) 求值: $\left| \begin{array}{cc} \arcsin \frac{\sqrt{3}}{2} & 2 \\ \arctan \frac{\sqrt{3}}{3} & 3 \end{array} \right| = \underline{\hspace{2cm}} \text{ 弧度}.$

答案: $\frac{2\pi}{3}$

使用记录:

20220602 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

558. (000883) 已知 $\overrightarrow{AB} = 3\overrightarrow{AP}$, 设 $\overrightarrow{BP} = \lambda\overrightarrow{PA}$, 则实数 $\lambda = \underline{\hspace{2cm}}.$

答案: 2

使用记录:

20220602 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

559. (000884) 函数 $y = \sqrt{x^2 + 2} + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 2}}$ 的最小值为 $\underline{\hspace{2cm}}.$

答案: $\frac{3\sqrt{2}}{2}$

使用记录:

20220602 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

560. (000885) 试写出 $(x - \frac{1}{x})^7$ 展开式中系数最大的项 $\underline{\hspace{2cm}}.$

答案: $\frac{35}{x}$

使用记录:

20220602 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

561. (000886) 已知三个球的表面积之比是 $1:2:3$, 则这三个球的体积之比为 $\underline{\hspace{2cm}}.$

答案: $1:2\sqrt{2}:3\sqrt{3}$

使用记录:

20220602 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

562. (000887) 已知实数 x, y 满足 $\begin{cases} x + y \geq 2, \\ x - y \leq 2, \\ 0 \leq y \leq 3, \end{cases}$ 则目标函数 $z = -\frac{3}{2}x - y$ 的最大值为 $\underline{\hspace{2cm}}.$

答案: $-\frac{3}{2}$

使用记录:

20220602 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

563. (000888) 若不等式 $x^2 - 5x + 6 < 0$ 的解集为 (a, b) , 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a^n - 2b^n}{3a^n - 4b^n} =$ _____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220602 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

564. (000889) 从集合 $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ 中任取两个数, 欲使取到的一个数大于 k , 另一个数小于 k (其中 $k \in A$) 的概率是 $\frac{2}{5}$, 则 $k =$ _____.

答案: 4 或 7

使用记录:

20220602 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

565. (000890) 设函数 $f(x) = a^x + a^{-x}$ ($a > 0, a \neq 1$), 且 $f(1) = 3$, 则 $f(0) + f(1) + f(2)$ 的值是_____.

答案: 12

使用记录:

20220607 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

566. (000891) 已知集合 $A = \{x | |x - 2| < a\}$, $B = \{x | x^2 - 2x - 3 < 0\}$, 若 $B \subseteq A$, 则实数 a 的取值范围是_____.

答案: $a \geq 3$

使用记录:

20220607 2022 届高三 1 班 0.814

出处: 赋能练习

567. (000892) 如果复数 z 满足 $|z| = 1$ 且 $z^2 = a + bi$, 其中 $a, b \in \mathbf{R}$, 则 $a + b$ 的最大值是_____.

答案: $\sqrt{2}$

使用记录:

20220607 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

568. (000893) 已知 x, y 满足
$$\begin{cases} x - y + 5 \geq 0, \\ x + y \geq 0, \\ x \leq 3, \end{cases}$$
 若使得 $z = ax + y$ 取最大值的点 (x, y) 有无数个, 则 a 的值等于_____.

答案: -1

使用记录:

20220607 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

569. (000894) 在直角坐标系 xOy 中, 已知三点 $A(a, 1), B(2, b), C(3, 4)$, 若向量 $\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB}$ 在向量 \overrightarrow{OC} 方向上的投影相同, 则 $3a - 4b$ 的值是_____.

答案: 2

使用记录:

20220607 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

570. (000895) 已知 F_1, F_2 是椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > b > 0$) 的两个焦点, P 为椭圆上一点, 且 $\overrightarrow{PF_1} \perp \overrightarrow{PF_2}$, 若 $\triangle PF_1F_2$ 的面积为 9, 则 $b =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20220607 2022 届高三 1 班 0.767

出处: 赋能练习

571. (000896) $\triangle ABC$ 中, a, b, c 分别是 $\angle A, \angle B, \angle C$ 的对边且 $ac + c^2 = b^2 - a^2$, 若 $\triangle ABC$ 最大边长是 $\sqrt{7}$ 且 $\sin C = 2 \sin A$, 则 $\triangle ABC$ 最小边的边长为_____.

答案: 1

使用记录:

20220607 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

572. (000897) 设等差数列 $\{a_n\}$ 的公差为 d , 若 $a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, a_7$ 的方差为 1, 则 $d =$ _____.

答案: $\pm \frac{1}{2}$

使用记录:

20220607 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

573. (000898) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} \cos \frac{\pi x}{2}, & |x| \leq 1, \\ x^2 - 1, & |x| > 1, \end{cases}$ 则关于 x 的方程 $f^2(x) - 3f(x) + 2 = 0$ 的实根的个数是_____个.

答案: 5

使用记录:

20220607 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

574. (000899) 设集合 $M = \{x|x^2 = x\}$, $N = \{x|\log_2 x \leq 0\}$, 则 $M \cup N =$ _____.

答案: $[0, 1]$

使用记录:

20220613 2022 届高三 1 班 0.791

出处: 赋能练习

575. (000900) 已知虚数 $1 + 2i$ 是方程 $x^2 + ax + b = 0 (a, b \in \mathbf{R})$ 的一个根, 则 $a + b =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20220613 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

576. (000901) 在报名的 5 名男生和 4 名女生中, 选取 5 人参加志愿者服务, 要求男、女生都有, 则不同的选取方式的种数为_____ (结果用数值表示).

答案: 125

使用记录:

20220613 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

577. (000902) 已知复数 z 在复平面上对应的点在曲线 $y = \frac{2}{x}$ 上运动, 则 $|z|$ 的最小值等于_____.

答案: 2

使用记录:

20220613 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

578. (000903) 在正项等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 a_3 = 1$, $a_2 + a_3 = \frac{4}{3}$, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_1 + a_2 + \cdots + a_n) =$ _____.

答案: $\frac{9}{2}$

使用记录:

20220613 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

579. (000904) 已知 $f(x) = 2 \sin \omega x$ ($\omega > 0$) 在 $[0, \frac{\pi}{3}]$ 单调递增, 则实数 ω 的最大值为_____.

答案: $\frac{3}{2}$

使用记录:

20220613 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

580. (000905) 若行列式 $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 4 \\ \cos(\pi + x) & 2 & 0 \\ -1 & 1 & 6 \end{vmatrix}$ 中的元素 4 的代数余子式的值等于 $\frac{3}{2}$, 则实数 x 的取值集合为_____.

答案: $\{x | x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3}, k \in \mathbf{Z}\}$

使用记录:

20220613 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

581. (000906) 若二项式 $(2x - \frac{1}{\sqrt{x}})^n$ 展开式中的第 5 项为常数项, 则展开式中各项的二项式系数之和为_____.

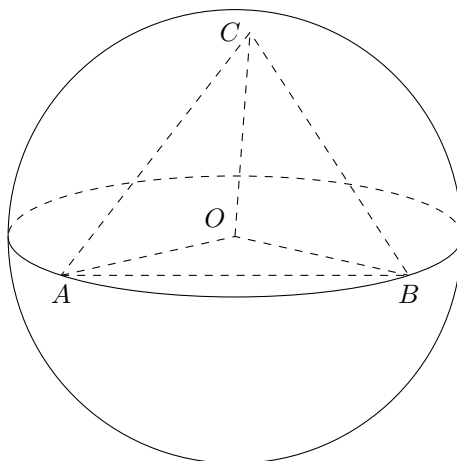
答案: 64

使用记录:

20220613 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

582. (000907) 已知 A, B 是球 O 的球面上两点, $\angle AOB = 90^\circ$, C 为该球面上的动点, 若三棱锥 $O - ABC$ 体积的最大值为 $\frac{32}{3}$, 则球 O 的表面积为_____.



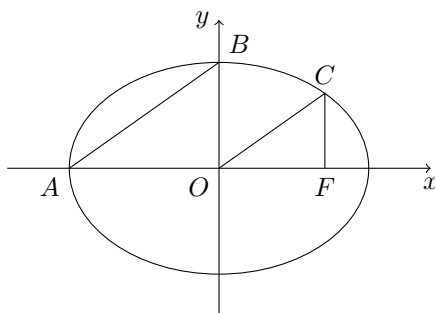
答案: 64π

使用记录:

20220613 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

583. (000908) 如图, A 、 B 为椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > b > 0$) 的两个顶点, 过椭圆的右焦点 F 作 x 轴的垂线, 与其交于点 C . 若 $AB \parallel OC$ (O 为坐标原点), 则直线 AB 的斜率为_____.



答案: $\frac{\sqrt{2}}{2}$

使用记录:

20220613 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

584. (000909) 若经过抛物线 $y^2 = 4x$ 焦点的直线 l 与圆 $(x - 4)^2 + y^2 = 4$ 相切, 则直线 l 的方程为_____.

答案: $x \pm \frac{\sqrt{5}}{2}y - 1 = 0$

使用记录:

20220613 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

585. (000910) 若集合 $A = \{x|y = \sqrt{x-1}, x \in \mathbf{R}\}$, $B = \{x||x| \leq 1, x \in \mathbf{R}\}$, 则 $A \cap B =$ _____.

答案: $\{1\}$

使用记录:

20220615 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

586. (000911) 若函数 $f(x) = 1 + \frac{1}{x} (x > 0)$ 的反函数为 $f^{-1}(x)$, 则不等式 $f^{-1}(x) > 2$ 的解集为_____.

答案: $(1, \frac{3}{2})$

使用记录:

20220615 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

587. (000912) 若 $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ 且 α 是第二象限角, 则 $\tan(\alpha - \frac{\pi}{4}) =$ _____.

答案: -7

使用记录:

20220615 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

588. (000913) 若函数 $f(x)$ 是定义在 \mathbf{R} 上的奇函数, 且满足 $f(x+2) = -f(x)$, 则 $f(2016) =$ _____.

答案: 0

使用记录:

20220615 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

589. (000914) 在 $(x^3 - \frac{1}{x})^8$ 的展开式中, 其常数项的值为_____.

答案: 28

使用记录:

20220615 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

590. (000915) 若函数 $f(x) = \sin 2x$, $g(x) = f(x + \frac{\pi}{6})$, 则函数 $g(x)$ 的单调递增区间为_____.

答案: $[k\pi - \frac{5\pi}{12}, k\pi + \frac{\pi}{12}], k \in \mathbf{Z}$

使用记录:

20220615 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

591. (000916) 设 P 是曲线 $\begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2} \sec \theta, \\ y = \tan \theta \end{cases}$ (θ 为参数) 上的一动点, O 为坐标原点, M 为线段 OP 的中点, 则点 M 的轨迹的普通方程为_____.

答案: $8x^2 - 4y^2 = 1$.

使用记录:

20220615 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

592. (000917) 不等式组 $\begin{cases} x \leq 3, \\ x + y \geq 0, \\ x - y + 2 \geq 0 \end{cases}$ 所表示的区域的面积为_____.

答案: 16

使用记录:

20220615 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

593. (000918) 若函数 $f(x) = \log_5 x (x > 0)$, 则方程 $f(x+1) + f(x-3) = 1$ 的解 $x =$ _____.

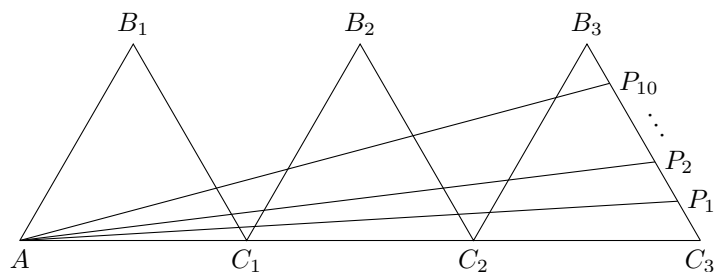
答案: 4.

使用记录:

20220615 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

594. (000919) 如图所示, 三个边长为 2 的等边三角形有一条边在同一直线上, 边 B_3C_3 上有 10 个不同的点 P_1, P_2, \dots, P_{10} , 记 $M_i = \overrightarrow{AB_2} \cdot \overrightarrow{AP_i} (i = 1, 2, \dots, 10)$, 则 $M_1 + M_2 + \dots + M_{10} =$ _____.



答案: 180

使用记录:

20220615 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

595. (000920) 已知全集 $U = \mathbf{R}$, $A = \{x|x^2 - 2x < 0\}$, $B = \{x|x \geq 1\}$, 则 $A \cap \complement_U B =$ _____.

答案: $(0, 1)$

使用记录:

20220621 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

596. (000921) 若函数 $y = \cos^2 \omega x (\omega > 0)$ 的最小正周期是 π , 则 $\omega =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220621 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

597. (000922) 圆 $C: x^2 + y^2 - 2x - 4y + 4 = 0$ 的圆心到直线 $3x + 4y + 4 = 0$ 的距离 $d =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20220621 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

598. (000923) 已知圆锥的母线长为 5cm, 侧面积为 $15\pi\text{cm}^2$, 则此圆锥的体积为_____ cm^3 .

答案: 12π

使用记录:

20220621 2022 届高三 1 班 0.929

出处: 赋能练习

599. (000924) 已知 $x, y \in \mathbf{R}^+$, 且满足 $\frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 1$, 则 xy 的最大值为_____.

答案: 3

使用记录:

20220621 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

600. (000925) 已知双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 的一条渐近线方程是 $y = \sqrt{3}x$, 它的一个焦点与抛物线 $y^2 = 16x$ 的焦点相同, 则双曲线的标准方程为_____.

答案: $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{12} = 1$

使用记录:

20220621 2022 届高三 1 班 0.952

出处: 赋能练习

601. (000926) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} 2^x + a, & x \geq 0, \\ x^2 - ax, & x < 0. \end{cases}$ 若 $f(x)$ 的最小值是 a , 则 $a =$ _____.

答案: -4

使用记录:

20220621 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

602. (000927) 从 6 名男医生和 3 名女医生中选出 5 人组成一个医疗小组, 若这个小组中必须男女医生都有, 共有_____种不同的组建方案 (结果用数值表示).

答案: 120

使用记录:

20220621 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

603. (000928) 若数列 $\{a_n\}$ 是首项为 1, 公比为 $a - \frac{3}{2}$ 的无穷等比数列, 且 $\{a_n\}$ 各项的和为 a , 则 a 的值是_____.

答案: 2

使用记录:

20220621 2022 届高三 1 班 0.976

出处: 赋能练习

604. (000929) 设 $a \neq 0$, n 是大于 1 的自然数, $(1 + \frac{x}{a})^n$ 的展开式为 $a_0 + a_1x + a_2x^2 + \cdots + a_nx^n$. 若 $a_1 = 3$, $a_2 = 4$, 则 $a =$ _____.

答案: 3

使用记录:

20220621 2022 届高三 1 班 0.929

出处: 赋能练习

605. (000930) 矩形 $ABCD$ 中, $AB = 2$, $AD = 1$, P 为矩形内部一点, 且 $AP = 1$. 若 $\overrightarrow{AP} = \lambda \overrightarrow{AB} + \mu \overrightarrow{AD}$ ($\lambda, \mu \in \mathbf{R}$), 则 $2\lambda + \sqrt{3}\mu$ 的最大值是_____.

答案: -1

使用记录:

20220621 2022 届高三 1 班 0.810

出处: 赋能练习

606. (000931) 函数 $y = \log_3(x - 1)$ 的定义域是_____.

答案: $(1, +\infty)$

使用记录:

20220622 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

607. (000932) 集合 $A = \{x|x^2 - 3x < 0\}$, $B = \{x||x| < 2\}$, 则 $A \cup B$ 等于_____.

答案: $(-2, 3)$

使用记录:

20220622 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

608. (000933) 若复数 $\frac{1+i}{1-i} + \frac{1}{2}b$ (i 为虚数单位) 的实部与虚部相等, 则实数 b 的值为_____.

答案: 2

使用记录:

20220622 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

609. (000934) 已知函数 $f(x) = \begin{vmatrix} \log_3 x & 1 \\ 2 & 1 \end{vmatrix}$, 则 $f^{-1}(0) =$ _____.

答案: 9

使用记录:

20220622 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

610. (000935) 若一个圆锥的母线长是底面半径的 3 倍, 则该圆锥的侧面积是底面积的_____ 倍.

答案: 3

使用记录:

20220622 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

611. (000936) 平面向量 \vec{a} 与 \vec{b} 的夹角为 60° , $|\vec{a}| = 1$, $\vec{b} = (3, 0)$, 则 $|2\vec{a} + \vec{b}| =$ _____.

答案: $\sqrt{19}$

使用记录:

20220622 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

612. (000937) 已知 $\triangle ABC$ 的周长为 4, 且 $\sin A + \sin B = 3 \sin C$, 则 AB 边的长为_____.

答案: 1

使用记录:

20220622 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

613. (000938) 若 a_n 为 $(1+x)^n$ 的展开式中的 x^2 项的系数, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2a_n}{n^2 + 1} =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220622 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

614. (000939) 若 $m > 0$, $n > 0$, $m + n = 1$, 且 $\frac{t}{m} + \frac{1}{n} (t > 0)$ 的最小值为 9, 则 $t =$ _____.

答案: 4

使用记录:

20220622 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

615. (000940) 若以 x 轴正方向为始边, 曲线上的点与圆心的连线为终边的角 θ 为参数, 则圆 $x^2 + y^2 - 2x = 0$ 的参数方程为_____.

答案:
$$\begin{cases} x = 1 + \cos \theta, \\ y = \sin \theta \end{cases} \quad (0 \leq \theta < 2\pi)$$

使用记录:

20220622 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

616. (000941) 若 AB 是圆 $x^2 + (y - 3)^2 = 1$ 的任意一条直径, O 为坐标原点, 则 $\vec{OA} \cdot \vec{OB}$ 的值为_____.

答案: 8

使用记录:

20220622 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

617. (000942) 已知集合 $A = \{-1, 3, 2m - 1\}$, 集合 $B = \{3, m^2\}$. 若 $B \subseteq A$, 则实数 $m =$ _____.

答案: 1

使用记录:

20220624 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

618. (000943) 计算: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^n + 1}{3^{n+1} + 2^n} =$ _____.

答案: $\frac{1}{3}$

使用记录:

20220624 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

619. (000944) 函数 $f(x) = \sqrt[3]{x} + 1$ 的反函数 $f^{-1}(x) =$ _____.

答案: $(x - 1)^3, x \in \mathbf{R}$

使用记录:

20220624 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

620. (000945) 函数 $f(x) = (\sin x - \cos x)^2$ 的最小正周期为_____.

答案: π

使用记录:

20220624 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

621. (000946) 直线 $x + 2y - 1 = 0$ 与直线 $y = 1$ 的夹角大小为_____ (结果用反三角函数值表示).

答案: $\arccos \frac{2\sqrt{5}}{5}$

使用记录:

20220624 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

622. (000947) 已知菱形 $ABCD$, 若 $|\overrightarrow{AB}| = 1, A = \frac{\pi}{3}$, 则向量 \overrightarrow{AC} 在 \overrightarrow{AB} 上的投影为_____.

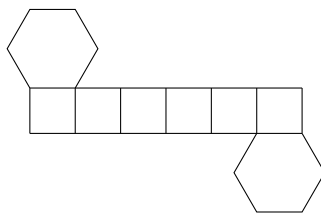
答案: $\frac{3}{2}$

使用记录:

20220624 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

623. (000948) 已知一个凸多面体的平面展开图由两个正六边形和六个正方形构成, 如图所示, 若该凸多面体所有棱长均为 1, 则其体积 $V =$ _____.



答案: $\frac{3\sqrt{3}}{2}$

使用记录:

20220624 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

624. (000949) 已知函数 $f(x) = x^3 + \lg(\sqrt{x^2 + 1} + x)$, 若 $f(x)$ 的定义域中的 a, b 满足 $f(-a) + f(-b) - 3 = f(a) + f(b) + 3$, 则 $f(a) + f(b) =$ _____.

答案: -3

使用记录:

20220624 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

625. (000950) 数列 $\{a_n\}$ 中, 若 $a_1 = 3, \sqrt{a_{n+1}} = a_n (n \in \mathbf{N}^*)$, 则数列 $\{a_n\}$ 的通项公式 $a_n =$ _____.

答案: $3^{2^{n-1}}$

使用记录:

20220624 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

626. (000951) 在代数式 $(4x^2 - 2x - 5)(1 + \frac{1}{x^2})^5$ 的展开式中, 常数等于_____.

答案: 15

使用记录:

20220624 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

627. (000952) 满足约束条件 $|x| + 2|y| \leq 2$ 的目标函数 $z = y - x$ 的最大值是_____.

答案: 2

使用记录:

20220624 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

628. (000953) 若 $i(bi + 1)$ 是纯虚数, i 是虚数单位, 则实数 $b =$ _____.

答案: 0

使用记录:

20220628 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

629. (000954) 函数 $y = \sqrt{2^x - 1}$ 的定义域是_____ (用区间表示).

答案: $[0, +\infty)$

使用记录:

20220628 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

630. (000955) 已知 $\triangle ABC$ 中, $|\vec{AB}| = 2$, $|\vec{AC}| = 3$, $\vec{AB} \cdot \vec{AC} < 0$, 且 $\triangle ABC$ 的面积为 $\frac{3}{2}$, 则 $\angle BAC =$ _____.

答案: $\frac{5\pi}{6}$

使用记录:

20220628 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

631. (000956) 双曲线 $4x^2 - y^2 = 1$ 的一条渐近线与直线 $tx + y + 1 = 0$ 垂直, 则 $t =$ _____.

答案: $\pm \frac{1}{2}$

使用记录:

20220628 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

632. (000957) 已知抛物线 $y^2 = 4x$ 上一点 $M(x_0, 2\sqrt{3})$, 则点 M 到抛物线焦点的距离为_____.

答案: 4

使用记录:

20220628 2022 届高三 1 班 0.930

出处: 赋能练习

633. (000958) 无穷等比数列首项为 1, 公比为 q ($q > 0$), 前 n 项和为 S_n , 若 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n = 2$, 则 $q =$ _____.

答案: $\frac{1}{2}$

使用记录:

20220628 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

634. (000959) 在一个水平放置的底面半径为 $\sqrt{3}$ 的圆柱形量杯中装有适量的水, 现放入一个半径为 R 的实心铁球, 球完全浸没于水中且无水溢出, 若水面高度恰好上升 R , 则 $R =$ _____.

答案: $\frac{3}{2}$

使用记录:

20220628 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

635. (000960) 在平面直角坐标系 xOy 中, 将点 $A(2, 1)$ 绕原点 O 逆时针旋转 $\frac{\pi}{4}$ 到点 B , 若直线 OB 的倾斜角为 α , 则 $\cos \alpha$ 的值为_____.

答案: $\frac{\sqrt{10}}{10}$

使用记录:

20220628 2022 届高三 1 班 0.907

出处: 赋能练习

636. (000961) 已知函数 $f(x) = 2^x - a \cdot 2^{-x}$ 的反函数是 $f^{-1}(x)$, $f^{-1}(x)$ 在定义域上是奇函数, 则正实数 $a =$ _____.

答案: $a = 1$

使用记录:

20220628 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

637. (000962) 已知 $x \geq 1, y \geq 0$, 集合 $A = \{(x, y) | x + y \leq 4\}$, $B = \{(x, y) | x - y + t = 0\}$. 如果 $A \cap B \neq \emptyset$, 则 t 的取值范围是_____.

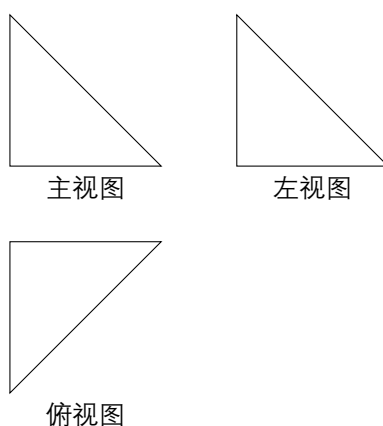
答案: $[-4, 2]$

使用记录:

20220628 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

638. (000963) 如图, 一个空间几何体的主视图、左视图、俯视图均为全等的等腰直角三角形, 如果直角三角形的直角边长都为 1, 那么这个几何体的表面积为_____.



答案: $\frac{3+\sqrt{3}}{2}$

使用记录:

20220628 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

639. (000964) 已知全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x|(x-1)(x-4) \leq 0\}$, 则集合 A 的补集 $\complement_U A =$ _____.

答案: $(-\infty, 1) \cup (4, +\infty)$

使用记录:

20220629 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

640. (000965) 指数方程 $4^x - 6 \times 2^x - 16 = 0$ 的解是_____.

答案: $x = 3$

使用记录:

20220629 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

641. (000966) 已知无穷等比数列 $\{a_n\}$ 的首项 $a_1 = 18$, 公比 $q = -\frac{1}{2}$, 则无穷等比数列 $\{a_n\}$ 各项的和是_____.

答案: 12

使用记录:

20220629 2022 届高三 1 班 0.977

出处: 赋能练习

642. (000967) 函数 $y = \cos 2x$, $x \in [0, \pi]$ 的递增区间为_____.

答案: $[\frac{\pi}{2}, \pi]$

使用记录:

20220629 2022 届高三 1 班 1.000

出处: 赋能练习

643. (000968) 抛物线 $y^2 = x$ 上一点 M 到焦点的距离为 1, 则点 M 的横坐标是_____.

答案: $\frac{3}{4}$

使用记录:

20220629 2022 届高三 1 班 0.953

出处: 赋能练习

644. (000969) 一盒中装有 12 个同样大小的球, 其中 5 个红球, 4 个黑球, 2 个白球, 1 个绿球. 从中随机取出 1 个球, 则取出的 1 个球是红球或黑球或白球的概率为_____.

答案: $\frac{11}{12}$

使用记录:

0.977

出处: 赋能练习

645. (000970) 关于 θ 的函数 $f(\theta) = \cos^2 \theta - 2x \cos \theta - 1$ 的最大值记为 $M(x)$, 则 $M(x)$ 的解析式为_____.

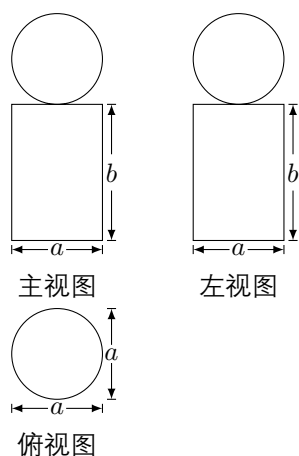
答案: $M(x) = \begin{cases} 2x, & x \geq 0, \\ -2x, & x < 0. \end{cases}$

使用记录:

20220629 2022 届高三 1 班 0.860

出处: 赋能练习

646. (000971) 如图所示, 是一个由圆柱和球组成的几何体的三视图, 若 $a = 2$, $b = 3$, 则该几何体的体积等于_____.



答案: $\frac{13\pi}{3}$

使用记录:

20220629 2022 届高三 1 班 0.837

出处: 赋能练习

647. (000972) 已知双曲线 $x^2 - \frac{y^2}{m^2} = 1$ ($m > 0$) 的渐近线与圆 $x^2 + (y + 2)^2 = 1$ 没有公共点, 则该双曲线的焦距的取值范围为_____.

答案: (2, 4)

使用记录:

20220629 2022 届高三 1 班 0.674

出处: 赋能练习

648. (000973) 已知 $\triangle ABC$ 外接圆的半径为 2, 圆心为 O , 且 $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = 2\overrightarrow{AO}$, $|\overrightarrow{AB}| = |\overrightarrow{AO}|$, 则 $\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB} =$ _____.

答案: 12

使用记录:

20220629 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习

649. (000974) 若不等式组
$$\begin{cases} x \geq 0, \\ x + 3y \geq 4, \\ 3x + y \leq 4 \end{cases}$$
 所表示的平面区域被直线 $y = kx + \frac{4}{3}$ 分为面积相等的两部分, 则 k 的值是_____.

答案: $\frac{7}{3}$

使用记录:

20220629 2022 届高三 1 班 0.884

出处: 赋能练习