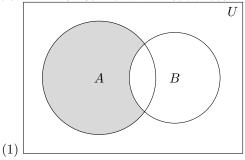
1.	用列举法表示下列集合:						
	(1) 十二生肖名称的集合;						
	(2) 10 以内的素数组成的集合	à ;					
	(3) $\{y y = x^2 - 1, -1 < x < 0\}$	$\{3, x \in \mathbf{Z}\}.$					
2.	用描述法表示下列集合:						
	(1) 被 3 除余数等于 1 的整数	数的集合;					
	(2) 比 1 大又比 10 小的实数	组成的集合;					
	(3) 平面直角坐标系内横轴上	的点的坐标组成的集合.					
3.	下面写法正确的是().						
	, ,	D 1 = ((0.1))	C (0.1) = ((0.1))	D (0.1) = (0.1)			
	A. $0 \in \{(0,1)\}$	B. $1 \in \{(0,1)\}$	C. $(0,1) \in \{(0,1)\}$	D. $(0,1) \in \{0,1\}$			
4.	集合 $\{(x,y) xy \ge 0, x \in \mathbf{R}, y \in \mathbf{R}\}$ 是指 ().						
	A. 第一象限内的所有点		B. 第三象限内的所有点				
	C. 第一象限和第三象限内的	的所有点	D. 不在第二象限、第四象限内的所有点				
5. 用适当的方法表示下列集合:							
(1) 方程 $x^2 - 2 = 0$ 的实数解组成的集合;							
	(2) 两直线 $y = 2x + 1$ 和 $y =$	=x-2 的交点组成的集合	·.				
6.	已知集合 $A = \{2, (a+1)^2, a^2 + 3a + 3\}$, 且 $1 \in A$, 求实数 a 的值.						
7.	指出下列各集合之间存在的美	关系:					
(1) $A = \{x x^2 - 2x + 1 = 0\}, B = \{x x^2 - 1 = 0\};$							
	(2) $A = \{1, 2, 4, 8\}, B = \{x x\}$	c是8的正约数}.					
8.	下列写法正确的是().						
	$A. \varnothing \subsetneq \{0\}$	B. $0 \subsetneq \varnothing$	C. $\emptyset \in \{0\}$	D. $0 \in \emptyset$			
9.	若集合 $A = \{x x = 2n + 1, x \in A \}$	$n \in \mathbf{Z}$ }, 集合 $B = \{x x =$	$4n-1, \ n \in \mathbf{Z}$ }, 则 A 、 B 的关	系是 ().			
	A. $A \subseteq B$	B. $A = B$	C. $A \subsetneq B$	D. $B \subsetneq A$			
10.	已知集合 $A = \{1\}$, 集合 $B = \{x x^2 - 3x + a = 0\}$, 且 $A \subsetneq B$, 求实数 a 的值.						
11.	已知集合 $A = \{x, y\}$, 集合 $B = \{2x, 2x^2\}$, 且 $A = B$, 求集合 A .						
12.	已知集合 $S = \{1, 2\}$, 集合 $T = \{x ax^2 - 3x + 2 = 0\}$, 且 $S = T$, 求实数 a 的值.						

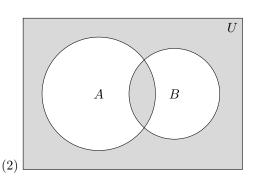
13. 已知 a 是常数, 集合 $M = \{x|x^2 + x - 6 = 0\}$, 集合 $N = \{y|ay + 2 = 0\}$, 且 $N \subseteq M$, 求实数 a 的值.

15. 已知集合 $A = \{x | x \le 7\}$, 集合 $B = \{x | x < 2\}$, 集合 $C = \{x | x > 5\}$, 求 $A \cap B$, $A \cap C$, $A \cap (B \cap C)$.

14. 已知所有菱形组成的集合为 A, 所有矩形组成的集合为 B, 求 $A \cap B$.

- 16. 已知集合 $A = \{(x,y)|u = -x+1\}$, 集合 $B = \{(x,y)|y = x^2-1\}$, 求 $A \cap B$.
- 17. 已知集合 $A = \{x | x$ 是锐角三角形 $\}$, 集合 $B = \{x | x$ 是钝角三角形 $\}$, 求 $A \cap B$, $A \cup B$.
- 18. 已知集合 $A = \{x | x^2 + px + 15 = 0\}$, 集合 $B = \{x | x^2 5x + q = 0\}$, 且 $A \cap B = \{3\}$, 求 p、q 的值和 $A \cup B$.
- 19. 已知集合 $A = \{x | x \le 1\}$, 集合 $B = \{x | x \ge a\}$, 且 $A \cup B = \mathbb{R}$, 求 a 的取值范围.
- 20. 已知集合 $A = \{x | x$ 是平行四边形 $\}$, 集合 $U = \{x | x$ 是至少有一组对边平行的四边形 $\}$, 求 $\mathcal{C}_U A$.
- 21. 设 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x | 4 x > 2x + 1\}$, 求 $\mathcal{C}_U A$.
- 22. 已知集合 $U = \{x | 0 < x \le 10, \ x \in \mathbb{N}\}$, 集合 $A = \{1, 2, 4, 5, 9\}$, 集合 $B = \{4, 6, 7, 8, 10\}$, 求 $C_U A$, $C_U B$, $C_U A \cup C_U B$, $C_U A \cap C_U B$, $C_U (A \cap B)$, $C_U (A \cup B)$, 并指出其中相等的集合.
- 23. 用 A、B 的运算式表示图中的阴影部分:





- 24. 已知集合 $A = \{1, 4, x\}$, 集合 $B = \{1, x^2\}$, 且 $A \cup B = A$, 求 x 的值及集合 $A \setminus B$.
- 25. 已知集合 $A = \{x | -2 \le x \le 4\}$, 集合 $B = \{x | -3 < x < 2\}$, 集合 $C = \{x | -3 \le x < 0\}$, 求 $A \cup B$, $(A \cap B) \cup C$, $(A \cup C) \cap (B \cup C)$.
- 26. 已知集合 $U = \{x | x \ge 2\}$, 集合 $A = \{y | 3 \le y < 4\}$, 集合 $B = \{z | 2 \le z < 5\}$, 求 $\mathcal{C}_U A \cap B$, $\mathcal{C}_U B \cup A$.
- 27. 已知集合 $U = \{a, b, c, d, e, f\}$, 集合 $A = \{a, b, c, d\}$, $A \cap B = \{a\}$, $\mathcal{C}_U(A \cup B) = \{f\}$, 求集合 B.
- 28. 判断下列语句是否为命题, 并在相应的括号内填入"是"或"否".
 - (1) 正方形是四边形; ____
 - (2) 0 是自然数吗; ____
 - (3) 交集和并集;
 - (4) $3 < \pi$. ____
- 29. 判断下列命题的真假, 并在相应的括号内填入"真命题"或"假命题".
 - (1) 如果 a、b 都是奇数, 那么 a + b 是偶数; ____
 - (2) 一组对边平行且两对角线相等的四边形是平行四边形; ____
 - (3) 如果 |a| < 2, 那么 a < 2; _____
 - (4) 如果 $A \cap B = A$, 那么 $A \cup B = B$. ____

30.	如果 a 、 b 、 c 为实数,设 A : $a=b=c=0$; B : a , b , c 至少有一个为 0 ; C : $a^2+\sqrt{b}+ c =0$, 那么 A B; A C ; B C .(用符号 " \Rightarrow "、" \Leftarrow " 或 " \Leftrightarrow " 填空)						
31.	 已知命题 A: 如果 x < 3, 那么 x < 5; 命题 B: 如果 x ≥ 3 写各命题之间的关系: A 与 B 互为 命题, B 与 C 互为 						
32.	2. 写出命题 "在 $\triangle ABC$ 中, 如果 $\angle C > \angle B$, 那么 $AB > AC$	"的逆命题、否命题和逆否	命题, 并判断其真假.				
33.	$3.$ 写出命题 "如果 α , 那么 β " 的逆命题、否命题和逆否命题	写出命题 "如果 α , 那么 β " 的逆命题、否命题和逆否命题.					
34.	写出命题 "已知 a 、 b 、 c 是实数, 如果 $ac<0$, 那么 $ax^2+bx+c=0 (a\neq 0)$ 有实数根"的逆命题. 否命题和 逆否命题, 并判断其真假.						
35.	5. 命题 "若 $x \neq 3$ 且 $x \neq 4$, 则 $x^2 - 7x + 12 \neq 0$ " 的逆否命是	ē是 ().					
	A. 若 $x^2 - 7x + 12 = 0$, 则 $x = 3$ 或 $x = 4$ B.	若 $x^2 - 7x + 12 = 0$, 则 $x_{\bar{7}}$	$\neq 3$ 或 $x \neq 4$				
	C. 若 $x^2 - 7x + 12 \neq 0$, 则 $x \neq 3$ 且 $x \neq 4$ D.	著 $x^2 - 7x + 12 = 0$, 则 $x =$	= 3 L x = 4				
36.	6. 如果命题 A 的逆命题是 B , 命题 A 的否命题是 C , 那么命	题 B 是命题 C 的 ().					
	A. 逆命题 B. 否命题	C. 逆否命题	D. 以上都不正确				
37.	 (元) (1) (1) (1) (2) (2) (2) (3) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4	τ题 B: "△ABC 是直角三 ∫	角形"是否为等价命题,				
38.	试判断命题 A : "三角形任意两边之和大于第三边"与命题 B : "三角形任意两边之差小于第三边"是否为等价命题,并说明理由.						
39.	求证: 对角线不互相平分的四边形不是平行四边形.						
40.	0. 判断下列命题的真假, 并在相应的横线上填入"真命题"或	判断下列命题的真假、并在相应的横线上填入"真命题"或"假命题"。					
	(1) 若 $A \cap B \neq \emptyset$, $B \subsetneq C$, 则 $A \cap C \neq \emptyset$; (2) 方程 $(a+1)x + b = 0$ (a 、 $b \in \mathbf{R}$) 的解为 $x = -\frac{b}{a+1}$; (3) 若命题 α 、 β 、 γ 满足 $\alpha \Rightarrow \beta$, $\beta \Rightarrow \gamma$, $\gamma \Rightarrow \alpha$, 则 $\alpha \Leftrightarrow \gamma$						
41.	1. 若 α : $\{2\} \subsetneq B \subseteq \{2,3,4\}, \ \beta: B = \{2,4\}, \ \c M \ \c eta \ \c B$ 的推出	若 α : $\{2\} \subsetneq B \subseteq \{2,3,4\}, \beta: B = \{2,4\}, 则 \alpha 与 \beta 的推出关系是 ().$					
	A. $\alpha \Rightarrow \beta$ B. $\beta \Rightarrow \alpha$	C. $\alpha \Leftrightarrow \beta$	D. $\alpha \not\Rightarrow \beta$ H. $\beta \not\Rightarrow \alpha$				
	(2) 由命题甲成立, 可推出命题乙不成立, 下列说法一定正确	(2) 由命题甲成立, 可推出命题乙不成立, 下列说法一定正确的是 ().					
	A. 命题甲不成立, 可推出命题乙成立 B.	命题甲不成立,可推出命题。	乙不成立				
	C. 命题乙成立, 可推出命题甲成立 D.	命题乙成立, 可推出命题甲	不成立				
42.	2. 已知一个命题的否命题是"两组对边分别相等的四边形是	平行四边形", 试写出原命题	的逆命题, 并判断原命				

原命题的真假.

44. 类比 $A \subseteq B \Leftrightarrow A \cap B = A$, 试再写出两个等价命题:

$$A \subseteq B \Leftrightarrow \underline{\hspace{1cm}};$$

$$A \subseteq B \Leftrightarrow \underline{\hspace{1cm}}.$$

- 45. 下列各题中命题 P 是命题 Q 的什么条件? (1)P: 四边形的四条边相等, Q: 四边形是正方形. (2)P: $\triangle ABC\cong \triangle DEF$, Q: $\triangle ABC$ 的面积 = $\triangle DEF$ 的面积. (3)P: x 是 2 的倍数, Q: x 是 6 的倍数. (4)P: 两个三角形全等, Q: 两个三角形的两角和一边对应相等.
- 46. 填空: 若 x、y、z 都是实数,则 (1)"xy=0" 是 "x=0" 的条件. (2)" $x\cdot y=y\cdot z$ " 是 "x=z" 的条件. (3)" $\frac{x}{y}=\frac{y}{z}$ " 是 " $xz=y^2$ " 的条件. (4)"|x|>|y|" 是 "x>y>0" 的条件.
- 47. 已知 l、m、n 都是自然数, "l+m+n 为偶数" 是"l、m、n 都是偶数"的什么条件? 为什么?
- 48. 选择题: 有下列四组命题: ① P: 集合 A ⊆ B, B ⊆ C, C ⊆ A, Q: 集合 A = B = C; ② P: A ∩ B = A ∩ C,
 Q: B = C; ③ P: (x 2)(x 3) = 0, Q: x 2 / x 3 = 0; ④ P: 抛物线 y = ax² + bx + c(a ≠ 0) 过原点, Q: c = 0.
 其中 P 是 Q 的充要条件的有
 - A. (1) , (2)
- B. (1) (4)
- C. (2) 、(3)
- D. 2 、 4

- 49. 写出使实数 a、b 一正一负的充要条件.
- 50. 求证: 实数 a、b 均大于 0 的充要条件是 $\begin{cases} a+b>0, &$ 习题 $1.5~\mathrm{B}~\mathrm{4} \\ ab>0. & \end{cases}$
- 51. 命题 " $x \in M$ 或 $x \in P$ " 是命题 " $x \in M \cap P$ " 的什么条件?
- 52. 写出命题 "x > 3" 的一个充分条件和一个必要条件.
- 53. 如果 $\alpha \in \beta$ 的充分非必要条件, 那么 $\overline{\alpha} \in \overline{\beta}$ 的什么条件?
- 54. 如果 $A \to B$ 的必要条件, $C \to B$ 的充分条件, $A \to C$ 的充分条件, 那么 $B \times C$ 分别是 A 的什么条件?
- 55. 6 子集和推出关系习题 1.6 A 组
- 56. 填空: 已知集合 $A = \{a | a \text{ 具有性质 } p\}$, $B = \{b | b \text{ 具有性质 } q\}$. (1) 若 $A \subseteq B$, 则 $p \neq q$ 的条件. (2) 若 $A \supseteq B$, 则 $p \neq q$ 的条件. (3) 若 A = B, 则 $p \neq q$ 的条件.
- 57. 试用子集与推出关系来判断命题 A 是命题 B 的什么条件. (1)A: 该平面图形是四边形, B: 该平面图形是梯形. (2)A: x=2, B: (x-5)(x-2)=0. (3)A: $x^2=y^2$, B: x=y. (4)A: a=2, B: $a\leq 2$.
- 58. 如果命题 p: m < -3, 命题 $q: 方程 x^2 x m = 0$ 无实数根, 那么 $p \neq q$ 的什么条件?
- 59. 已知命题 α : $2 \le x < 4$, 命题 β : $3m-1 \le x \le -m$, 且 α 是 β 的充分条件, 求实数 m 的取值范围. 习题 1.6 B 组
- 60. 如果命题 $p: A \subseteq B$, 命题 $q: A \subsetneq B$, 那么 $p \neq Q$ 的什么条件?

61.	已知 a 为实数, 写出关于 x 的方程 $ax^2+2x+1=0$ 至少有一个实数根的一个充要条件、一个充分条件、一个必要条件. 复习题 A 组						
62.	选择题: (1) 下列命题中正确A. 自然数集 N 中最小的数是 1	, ,	C. 如果 $A \subseteq B$, 且 $A \neq$ B , 那么 $A \neq B$ 的真子集				
	级定 1 (2) 若 $A \cap B = A$, 则 (D, 那么 A 走 D 的具丁朵	中的取小但定 4			
		B. $C_BA \cap A = \emptyset$ P、S 是 I 的 3 个子集, 则图					
	A. $(M \cap P) \cap S$	B. $(M \cap P) \cup S$	C. $(M \cap P) \cap \mathcal{C}_I S$	D. $(M \cap P) \cup C_I S$			
63.	填空: (1) 若命题 p : $x^2-5x+6=0$, 命题 q : $x=2$, 则 p 是 q 的条件; 若 p : 四边形是正方形, q : 四边形的两条对角线互相垂直平分, 则 p 是 q 的条件; 若 p : 抛物线 $y=ax^2+bx+c$ 过原点, q : $c=0$, 则 p 是 q 的条件; 若 p : $a>b$, q : $a^2>b^2$, 则 p 是 q 的条件. (2) 若方程 $x^2+px+4=0$ 的解集为 A , 方程 $x^2+x+q=0$ 的解集为 B , 且 $A\cap B=\{4\}$, 则集合 $A\cup B$ 的所有子集是						
64.	对上海市某校学生进行调查, 结果如下: 成语同典拥有率为 84						
65.	已知集合 $A = \{x -2 < x \le 1\}$, 集合 $B = \{x x \ge 1x < -2\}$, 求 $A \cup B$, $A \cap B$.						
66.	已知集合 $A = \{x -1 < x < 1x \ge 3\}$, 集合 $U = \{x x \ge 2x < 1\}$, 求 $\mathcal{C}_U A$.						
67.	7. 写出命题: 若 $x>1,$ 则 $x>0$ 的逆命题、否命题、逆否命题, 并指出哪些是真命题.						
68.	已知集合 $A=\{x x^2+px+q=0\}$, 集合 $B=\{x x^2-x+r=0\}$, 且 $A\cap B=\{-1\}$, $A\cup B=\{-1,2\}$, 求 p 、 q 、 r 的值.						
69.	已知全集 $U={\bf R},$ 集合 $A=\{x x\leq a-1\},$ 集合 $B=\{x x>a+2\},$ 集合 $C=\{x x<0x\geq 4\}.$ 若 $\mathbb{C}_U(A\cup B)\subseteq C,$ 求实数 a 的取值范围. 复习题 B 组						
70.	选择题: 若集合 $M=\{a a=x+\sqrt{2}y,\;x,y\in\mathbf{Q}\},$ 则下列结论正确的是 ().						
	A. $M \subseteq \mathbf{Q}$	B. $M = \mathbf{Q}$	C. $M \supseteq \mathbf{Q}$	D. $M \subsetneq \mathbf{Q}$			
71.	填空: (1) 若 A 是 B 的必要非充分条件, B 是 C 的充要条件, C 是 D 的必要非充分条件,则 D 是 A 的						
72.	已知集合 $P = \{x -2 \le x \le $	$\{5\},$ 集合 $Q = \{x k+1 \le x\}$	$\leq 2k-1$ },且 $Q \subseteq P$,求实数	数 k 的取值范围.			
73.	已知集合 $A=\{x (a-1)x^2+3x-2=0\}$,是否存在这样的实数 a ,使得集合 A 有且仅有两个子集?若存在,求出实数 a 的值及对应的两个子集;若不存在. 请说明理由. 第二章不等式						
74.	1 不等式的基本性质习题 2.	1 A 组					

- 75. 解下列一元一次不等式 (组): (1)2(x+1) 3(x-2) > 8. (2) $\begin{cases} 3x 2(5-3x) > 8, \\ 2x \le 2(2x+3). \end{cases}$
- 76. 判断下列语句是否正确, 并在相应的括号内填入 "\" 或 "×". (1) 若 ax > b, 则 $x > \frac{b}{a} (a \neq 0)$. (2) 若 $a^2x > a^2y$, 则 x > y.(). (3) 若 a > b > 0, c > d > 0, 则 $\frac{a}{c} > \frac{b}{d}$.(). (4) 若 a > b, 则 $a^2 > ab$.().
- 77. 选择题: (1) 如果 $a^2 > b^2$, 那么下列不等式中正确的是 ().

A. a > 0 > b

B. a > b > 0

C. |a| > |b|

D. a > |b|

(2) 如果 a < b < 0,那么下列不等式中正确的是 (

A. $\frac{-a}{b} < 1$

B. $a^2 > ab$

C. $\frac{1}{b^2} < \frac{1}{a^2}$

D. $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$

(3) 如果 a < 0 < b, 那么下列不等式中正确的是 ().

A. $\sqrt{-a} < \sqrt{b}$ B. $a^2 < b^2$

C. $a^3 < b^3$

D. $ab > b^2$

- 78. 证明下列不等式: (1) 如果 a > b, c < 0, 那么 (a b)c < 0. (2) 如果 a < b < 0, 那么 $0 > \frac{1}{a} > \frac{1}{b}$.
- 79. 用 ">" 或 "<" 号填空: 如果 a < b < 0, 那么 (1) $\sqrt[n]{-a}$ $\sqrt[n]{-b} (n \ge 2, n \in \mathbb{N}^*)$. (2) $\frac{1}{a^{2n}}$ $\frac{1}{b^{2n}} (n \in \mathbb{N}^*)$ N^*).
- 80. 比较下列各题中两式值的大小: (1)x(x-y) 与 $y(x-y)(x \neq y)$. (2)(3a+1)(a+1) 与 $2(a+1)^2-3$. (3)(t+1)(t-5)与 $(t-2)^2$.
- 81. 解下列关于 x 的不等式: $(1)ax + 4 < 2x + a^2$, 其中 a > 2. $(2)mx + 1 < x + m^3$, 其中 m < 1. (3)(p-q)x < q $p^2 - q^2$, 其中 $p \neq q$. (4) $mx + 4 < m^2 + 2x$.
- 82. 甲乙两个工厂今年的产值分别为 25000 万元、20000 万元. 如果甲工厂每年增加产值 500 万元, 乙工厂每年 增加产值 1000 万元, 那么几年后乙工厂的产值超过甲工厂的产值? 习题 2.1 B 组
- 83. 填空: 如果 a > b, 那么 $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$ 成立的充要条件是
- 84. 解关于 x 的不等式: $a^2(x-1) > b^2(1+x) + 2ab$, 其中 a、 $b \in \mathbb{R}^+$.
- 85. 已知 x、 $y \in \mathbf{R}$, 比较 $x^2 + y^2$ 与 2(2x y) 5 的大小.
- 86. 2 一元二次不等式的解法习题 2.2 A 组
- 87. 解下列不等式: $(1)2x^2 3x + 1 < 0$. $(2)(x+1)^2 6 > 0$. (3)x(x-1) < x(2x-3) + 1. $(4)-x^2 + 2x + 35 > 0$.
- 88. 解下列不等式: (1)(x-2)(3-x) < 0. $(2)2x-1 > x^2$.
- 89. 解下列不等式: (1)(x-a)(x-1) < 0(a > 1). (2)(x-a)(x-2a) < 0(a > 0).
- 90. 写出一个解集只含一个元素的一元二次不等式.

91. 解下列不等式组: (1)
$$\begin{cases} 6-x-x^2 \leq 0, \\ x^2+3x-4 < 0. \end{cases}$$
 (2)
$$\begin{cases} 4x^2-27x+18 > 0, \\ x^2-6x+4 < 0. \end{cases}$$

- 92. 已知集合 $U = \mathbf{R}$, 且集合 $A = \{x|x^2 16 < 0\}$, 集合 $B = \{x|x^2 4x + 3 \ge 0\}$, 求: $(1)A \cap B$. $(2)A \cup B$. $(3)\mathcal{C}_U(A \cap B)$. $(4)\mathcal{C}_UA \cup \mathcal{C}_UB$.
- 93. 已知不等式 $x^2 + ax + b < 0$ 的解集为 (-3, -1), 求实数 $a \cdot b$ 的值.
- 94. 已知关于 x 的二次方程 $2x^2 + ax + 1 = 0$ 无实数解, 求实数 a 的取值范围.
- 95. 已知 P(a,b) 为正比例函数 y=2x 的图像上的点, 且 P 与 B(2,-1) 之间的距离不超过 3, 求 a 的取值范围.
- 96. 某船从甲码头沿河顺流航行 75 千米到达乙码头, 停留 30 分钟后再逆流航行 126 千米到达丙码头. 如果水流的速度为每小时 4 千米, 该船要在 5 小时内完成航行任务, 那么船的速度每小时至少为多少千米? 习题 2.2 B 组

97. 解不等式组:
$$\begin{cases} 3x^2 + x - 2 \ge 0, \\ 4x^2 - 15x + 9 > 0. \end{cases}$$

98. 已知关于
$$x$$
 的不等式组
$$\begin{cases} (2x-3)(3x+2) \leq 0, \\ x-a>0 \end{cases}$$
 无实数解, 求实数 a 的取值范围.

- 99. 当 k 取何值时, 关于 x 的不等式 $2kx^2 + kx \frac{3}{8} < 0$ 对于一切实数 x 都成立?
- 100. 已知关于 x 的不等式 $ax^2 + bx + c > 0$ 的解集是 $\{x|x > 2x < \frac{1}{2}\}$, 求关于 x 的不等式 $ax^2 bx + c \le 0$ 的解集.
- 101. 某商品侮件成本为 80 元, 售价为 100 元, 每天售出 100 件. 若售价降低 x 成 (1 成即 10
- 102. 3 其他不等式的解法习题 2.3 A 组

103. 解下列不等式:
$$(1)\frac{1}{x} < 1$$
. $(2)\frac{4x+3}{x-1} > 5$.

104. 解下列不等式:
$$(1)\frac{2}{x} < \frac{2}{x-3}$$
. $(2)\frac{1}{x-4} \le 1 - \frac{x}{4-x}$.

105. 求当
$$k$$
 为何值时, 关于 x 的方程 $\frac{4k-3x}{k+2}=2x$ 的解分别是: (1) 正数. (2) 负数.

106. 解下列不等式:
$$(1)|x^2-3|<2$$
. $(2)|\frac{1}{2-x}|\geq 2$.

107. 解下列不等式:
$$(1)|x^2 - 3x + 2| \le 0$$
. $(2)|\frac{x}{x+1}| > \frac{x}{x+1}$.

108. 解不等式:
$$x-3$$
 | $< x-1$. 习题 2.3 B 组

109. 填空: 若
$$a < b < 0$$
, 则不等式 $\frac{x+a}{x+b} > 0$ 的解集是______.

- 110. 解下列不等式: $(1)4 \le |x^2 4x| < 5$. $(2)\frac{1}{|x|} > x$.
- 111. 已知不等式 $|ax+1| \le b$ 的解集是 [-1,3], 求 a、b 的值.
- 112. 4 基本不等式及其应用习题 2.4 A 组
- 113. 选择题: 如果 $a \cdot b \in \mathbf{R}$, 且 ab > 0, 那么下列不等式中正确的是 (

A.
$$a^2 + b^2 > 2ab$$

A.
$$a^2 + b^2 > 2ab$$
 B. $a + b \ge 2\sqrt{ab}$

C.
$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} > \frac{2}{\sqrt{ab}}$$
 D. $\frac{b}{a} + \frac{a}{b} \ge 2$

$$D. \frac{b}{a} + \frac{a}{b} \ge 2$$

- 114. 设 $ab \neq 0$, 利用基本不等式有如下证明: $\frac{b}{a} + \frac{a}{b} = \frac{b^2 + a^2}{ab} \geq \frac{2ab}{ab} = 2$. 试判断这个证明过程是否正确. 若正 确, 请说明每一步的依据; 若不正确, 请说明理由.
- 115. 已知 a、 $b \in \mathbf{R}$, 比较 $|a| + \frac{|b|}{2}$ 与 $\sqrt{2} \cdot \sqrt{|ab|}$ 的大小.
- 116. 已知 $0 < x < \frac{1}{2}$, 求当 x 取何值时, x(1-2x) 的值最大.
- 117. 已知 a > 0, 求证: $a + a^3 > 2a^2$.
- 118. 用一根长为 l 的铁丝制成一个矩形框架. 当长、宽分别为多少时, 框架的面积最大? 习题 2.4 B 组
- 119. 已知 x、 $y \in \mathbb{R}^+$, 且 x + y = 1, 求当 x、y 分别取何值时, $\frac{1}{x} + \frac{1}{y}$ 的值最小.
- 120. 已知 x > -1, 求当 x 取何值时, $x + \frac{4}{x+1}$ 的值最小.
- 121. 已知 a+b=1, 求证: $a^2+b^2\geq \frac{1}{2}$.
- 122. 建造一个容积为 8 立方米、深为 2 米的长方形无盖水池. 如果池底和池壁的造价每平方米分别为 120 元和 80 元, 那么水池的最低造价是多少元? 习题 2.5 A 组
- 123. ****xii**: $(ac + bd)^2 < (a^2 + b^2)(c^2 + d^2)$.
- 124. 己知 x > y, 求证: $x^3 y^3 > x^2y xy^2$.
- 125. 已知实数 a > 3, 求证: $\sqrt{a} \sqrt{a-1} < \sqrt{a-2} \sqrt{a-3}$.
- 126. 已知 a、b、c 是不全相等的整数, 求证: $(a^2+1)(b^2+1)(c^2+1) > 8abc$.
- 127. 设 a、b、 $c \in \mathbb{R}^+$, 求证: $\frac{b+c}{a} + \frac{c+a}{b} + \frac{a+b}{c} \ge 6$. 习题 2.5 B 组
- 128. 已知 a > 0, b > 0, 求证: $\frac{a}{\sqrt{b}} + \frac{b}{\sqrt{a}} \ge \sqrt{a} + \sqrt{b}$.
- 129. 求证: $\left| \frac{a^2 1}{a^2 + 1} \right| \le 1$. 复习题 A 组
- 130. 选择题: (1) 如果 $a \in \mathbf{R}$, 且 $a^2 + a < 0$, 那么 $a \cdot a^2 \cdot -a \cdot -a^2$ 的大小关系是 ().

A.
$$-a < -a^2 < a < a^2$$
 B. $a < -a^2 < a^2 < -a$ C. $-a^2 < a < a^2 < -a$ D. $-a^2 < a < -a < a^2$ (2) 不等式 $\frac{x^2}{x-1} \ge 0$ 的解是 ().

A.
$$(1, +\infty)$$

B.
$$[1+\infty)$$

C.
$$(1, +\infty) \cup \{0\}$$
 D. $[1, +\infty) \cup \{0\}$

D.
$$[1, +\infty) \cup \{0\}$$

(3) 不等式 1 + |x + 1| < 0 的解集是 ().

A.
$$(-\infty, -2)$$

B.
$$(-2,0)$$

D.
$$\emptyset$$

- 131. 证明下列不等式: (1) 如果 a > b > 0, c > d > 0, 那么 $a^2c > b^2d$. (2) $a^2 + b^2 + 2 \ge 2(a + b)$. (3) 如果 a > b < c都是正数, 那么 $(a+b)(b+c)(c+a) \ge 8abc$.
- 132. 解下列不等式: (1)2(x+1)(x+2) > (x+3)(x+4). $(2)-3x^25x-4 < 0$. $(3)4x^2-20x+25 \le 0$. $(4)x^2-16x+64 > 0$
- 133. 解下列不等式或不等式组: (1) $\begin{cases} x^2 16 < 0, \\ x^2 4x + 3 \ge 0. \end{cases}$ (2) $4 < x^2 x 2 < 10.$
- 134. 解下列不等式: $(1)|\frac{3x-9}{2}| \le 6$. (2)3 < |x-2| < 5. $(3)|\frac{1}{x}|$
- 135. 下列四对不等式(组)中,哪几对具有相同的解集? $(1)-\frac{1}{2}x^2+3x+\frac{27}{2}>0$ 与 $x^2-6x-27>0$; $(2)4< x^2-x+2<10$ 与 $\begin{cases} x^2-x+2<10 \\ x^2-x+2>4 \end{cases}$ (3)|2x+1|<5 与 2x+1<5 或 2x+1>-5; $(4)\frac{x-1}{x+1}<2$ 与
- 136. 已知关于 x 的不等式 $2x^2 2(a-1)x + (a+3) > 0$ 的解集是 R, 求实数 a 的取值范围.
- 137. 已知函数 $y = (m-1)x^2 + (m-3)x + (m-1)$, m 取什么实数时, 函数图象与 x 轴 (1) 没有公共点? (2) 只 有一个公共点? (3) 有两个不同的公共点?
- 138. 当 k 是什么实数时, 关于 x 的方程 2x + k(x+3) = 4 的解是正数?
- 139. 已知直角三角形的周长为 4, 求这个直角三角形面积的最大值, 并求此时各边的长.
- 140. 求证: $(\frac{a+1}{2})^2 \le \frac{a^2+b^2}{2}$. 复习题 B 组
- 141. 求不等式 $5 \le x^2 2x + 2 < 26$ 的正整数解.
- 142. 已知 x、 $y \in [a, b]$. (1) 求 x + y 的范围. (2) 若 x < y, 求 x y 的范围.
- 143. (1) 当 k 为什么实数时,方程组 $\begin{cases} 3x-6y=1, \\ 5x-ky=2 \end{cases}$ 的解满足 x<0 且 y<0 的条件? (2) 当 k 为什么实数时, 方程组 $\begin{cases} 4x+3y=60, \\ kx+(k+2)y=60 \end{cases}$ 的解满足 x>y>0 的条件?

方程组
$$\begin{cases} 4x + 3y = 60, \\ kx + (k+2)y = 60 \end{cases}$$
 的解满足 $x > y > 0$ 的条件:

144. 已知 m < n, 试写出一个形如 $ax^2 + bx + c > 0$ 的一元二次不等式, 使它的解集分别为: $(1)(-\infty, m) \cup (n, +\infty)$. (2)(m,n). 第三章函数的基本性质

- 145. 1 函数的概念习题 3.1 A 组
- 146. 下列各图像中, 哪些是函数的图像, 哪些不是函数的图像? 为什么? (1) (2) (3) (4) (第 1 题)
- 147. 选择题: 下列各组函数 f(x) 与 g(x) 表示同一个函数的是 ().

A.
$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x + 1}$$
, $g(x) = B$. $f(x) = |x|$, $g(x) = C$. $f(x) = x^0$, $g(x) = 1$ D. $f(x) = (\sqrt{x})^2$, $g(x) = x - 1$

$$\begin{cases} x(x \ge 0) & \sqrt{x^2} \\ -x(x < 0) & x \le 0 \end{cases}$$

- 149. 若 $f(x) = x^2 + px + q$, 且 f(1) = 0, f(2) = 0, 求 f(-1) 的值.
- 150. 观察下列各函数, 并写出他们的值域: (1) (2) (3) (第 5 题)
- 151. 某企业去年四个季度生产某种型号机器的数量 y(万台) 与季度的函数关系是: x(季度) 1 2 3 4 y(万台) 10 12 14 16 试写出函数的定义域, 并作出函数的图像. 习题 3.1 B 组
- 152. 求下列函数 (x 为自变量) 的定义域: $(1)y = \frac{1}{|x+3|-1}$. $(2)y = \sqrt{(a-x)(x-1)}$.

153. 已知
$$f(x) = \begin{cases} 2x(3+x)(x \ge 0) \\ 2x(3-x)(x < 0) \end{cases}$$
 求 $f(2)$ 、 $f(-4)$ 、 $f(-a)$ 的值.

- 154. 试举出一个定义域为 [-2,2] 的函数例子
- 155. 为分流短途乘客, 减缓轨道交通高峰压力, 上海地铁实行新的计费标准. 新标准的分段计程制度如下: 0 6 千米(含 6 千米)3 元; 6 16 千米(含 16 千米)4 元; 16 千米以上每 6 千米递增 1 元, 但总票价不超过 8 元. (1) 试作出票价 y(元) 关于路程 x(千米) 的函数图像. .(2) 某人买了 5 元的车票, 他途径路程不能超过多少千米?
- 156. 函数关系的建立习题 3.2 A 组
- 157. 试用解析式将圆的面积 S 表示成圆的周长 C 的函数.
- 158. 一个矩形的对角线长为 10 厘米, 试用解析式将它的一条边长 y(厘米) 表示成与这条边相邻的另一条边长 x(厘米) 的函数.
- 159. 已知上海到北京火车行驶路程为 1318 千米, 高速火车以每小时 300 千米的速度, 由上海开往北京. 试用解析式将行进中的火车到北京的路程 s(千米) 表示成行驶的时间 t(时) 的函数.
- 160. 某中学的高一学生进行野外生存训练, 从甲地步行到乙地. 已知甲乙两地相距 32 千米, 在前 3 小时内学生们每小时走 4 千米, 随后以每小时 5 千米的速度一直走到乙地. 设他们离开甲地的距离为 s(千米) 时, 所用的时间为 t(时), 试用解析式将 s(千米) 表示成 t(时) 的函数.

- 161. 某地区住宅电话费收取标准为:接通后 3 分钟内(含 3 分钟)收费 0.20元,以后每分钟(不足一分钟按一分钟计)收费 0.18元,如果一次通话 t 分钟,写出通话费: y(元)关于通话时间 t(分)的函数关系式.
- 162. 某商场对顾客实行购物优惠活动, 规定一次购物总额: (1) 如果不超过 500 元, 那么不予优惠; (2) 如果超过 500 元但不超过 1000 元, 那么按标价给予 9 折优惠; (3) 如果超过 1000 元, 那么其中的 1000 元按 (2) 给予优惠, 超过 1000 元的部分给予 7 折优惠. 设一次购物总额为 x 元, 优惠后实际付款额为 y 元, 试写出用 x(元) 表示少 y(元) 的函数关系式. 习题 3.2 B 组
- 163. 已知等腰三角形的周长为 12 厘米, 试将该三角形的一条腰长 y(厘米) 表示成底边长 x(厘米) 的函数.
- 164. 某物流公司在上海、杭州各有库存的某种机器 12 台和 6 台, 现销售给 A 市 10 台、B 市 8 台. 已知上海调运一台机器到 A 市、B 市的运费分别为 400 元、800 元; 杭州调运一台机器到 A 市、B 市的运费分别为 300元、500元. 设从上海调往 A 市 x 台, 求总运费 W(元) 关于 x(台) 的函数关系式.
- 165. 某地区有一种上网服务项目, 收费方法为: 每个月付 75 元, 一年中 1、2、7、8 月为无限时包月上网, 其余月份为每月 30 小时有限包月, 超过 30 小时部分按 0.05 元/分计费. 设上网时间为 t 小时, 每月上网的费用为 y 元. (1) 写出一年中 1、2、7、8 月中每个月上网费用: y(元) 关于上网时间 t(时) 的函数解析式. (2) 写出一年中除 1、2、7、8 月以外的每个月上网费用元) 关于上网时间 y(时) 的函数解析式.
- 166. 如图, 在直角坐标系的第一象限内, $\triangle OAB$ 是边长为 2 的等边三角形, 设直线 $l: x = t (0 \le t \le 2)$ 截这个三角形. 图中阴影部分的面积为 S, 求函数 S = f(t) 的解析式. (第 4 题)
- 167. 3 函数的运算习题 3.3 A 组
- 168. 已知函数 $f(x) = \sqrt{x+1} + \sqrt{1-x}$, 函数 $g(x) = \sqrt{2-x} \sqrt{1-x}$, 求函数 y = f(x) + g(x).
- 169. 已知函数 $f(x) = \frac{1}{x}$, 函数 $g(x) = x^2 x$, 求函数 $y = f(x) \cdot g(x)$.
- 170. 已知函数 $f(x) = 2x \frac{1}{x^2 1}$, 函数 $g(x) = \frac{1}{x^2 1} 1$. (1) 求函数 y = f(x) + g(x). (2) 画出函数 y = f(x) + g(x) 的图像.
- 171. 已知函数 $f(x) = x\sqrt{x-1}$, 函数 $g(x) = \sqrt{x-1}$, 设 $F(x) = f(x) \cdot g(x)$. (1) 写出 F(x) 的解析式. (2) 画出 F(x) 的图像.
- 172. 已知函数 $f(x) = x^2 + x + 1$, 求函数 y = g(x), 使 f(x) + g(x) = 2x + 4.
- 173. 3 习题 3.3 B 组
- 174. 已知函数 $f(x) = \frac{x^2+1}{x}$,函数 $g(x) = \frac{2x^2+1}{x}$,函数 $h(x) = x^2+1$,求 F(x) = f(x) g(x), $H(x) = \frac{f(x)}{h(x)}$.
- 175. 已知函数 $f(x) = \frac{x^2}{\sqrt{4-x^2}}$,函数 $g(x) = \sqrt{4-x^2}$. (1) 求函数 $y(x) = f(x) \cdot g(x)$. (2) 作出函数 $F(x) = \begin{cases} f(x) \cdot g(x)(x \leq 0) \\ x(0 < x \leq 2) \end{cases}$ 的图像.

- 176. 已知函数 $f(x) = x^2, x \in (0,2)$, 函数 y = f(x) + g(x) 的图像如图所示, 写出函数 y = g(x) 的一个解析式. (第 3 题)
- 177. 4 函数的基本性质习题 3.4 A 组
- 178. 选择题若函数 y = f(x) 的定义域为 R, 则 y = f(x) 为奇函数的充要条件为 ().

A.
$$f(0) = 0$$
 B. 对任意 $x \in \mathbf{R}, f(x) = \mathbf{C}$. 存在某个 $x_0 \in \mathbf{R}$, 使得 D. 对任意的 $x \in \mathbf{R}$, $f(x_0) + f(-x_0) = 0$ $f(x) + f(-x) = 0$ 都成立

- 179. 求证下列函数为奇函数: $(1)f(x) = x^{-3}$ $(2)f(x) = \frac{x}{1-x^2}$
- 180. 判断下列函数的奇偶性: $(1)f(x) = 2x + \sqrt[3]{x}$ $(2)f(x) = 2x^1 x^2$ $(3)f(x) = x^2 x$ $(4)f(x) = \frac{1-x}{1+x}$
- 181. 已知函数 y = f(x) 的定义域为 $[0, +\infty)$. 如果对任意的 x > 0, 都有 f(x) < f(0), 那么函数 y = f(x) 有 $[0, +\infty)$ 上是否一定是减函数?
- 182. 求证: 函数 $f(x) = x \frac{1}{x}, x \in (-\infty, 0)$ 是增函数.
- 183. 判断函数 $f(x) = 2x + \frac{2}{x}, x \in [\frac{1}{2}, 3]$ 的单调性, 并求出它的单调区间.
- 184. 填空: (1) 如果函数 $y = x^2 2mx + 1$ 在 $(-\infty, 2]$ 上是减函数,那么实数 m 的取值范围是______. (2) 当 函数 f(x) =时,函数 f(x) 同时满足条件: ① 函数 f(x) 不是偶函数; ② 在区间 $(-\infty, -1)$ 上是减函数; ③ 在区间 (0,1) 上是增函数 (写出一个你认为正确的函数解析式).
- 185. 求下列函数的最大值或最小值,并求出取最值时相应的自变量 x 的值. $(1)f(x) = x^2 4x 2$ $(2)f(x) = 6x 3x^2$ $(3)f(x) = -x^2 4x 3, x \in [-3, 1]$ $(4)f(x) = x^2 2x 3, x \in [-2, 0]$
- 186. 已知 p、q 分别是函数 f(x) = -2x + 3 在 [-2,2] 上的最大值和最小值, 求函数 $g(x) = 2x^2 px + q$ 在 [-2,2] 上的最大值和最小值.
- 187. 求函数 $y = \frac{2}{x-1} (2 \le x \le 6)$ 的最大值与最小值.
- 188. 求函数 $f(x) = x^3 + x^2 + x 1$ 在区间 (0,1) 内的零点 (精确到 0.1).
- 189. 画出函数 $y = x^2 2|x|$ 的图像, 并写出它的定义域、奇偶性、单调区间、最小值.
- 190. 研究函数 $f(x) = \frac{1}{1+x^2}$ 的定义域、奇偶性、单调性、最大值. 习题 $3.4~\mathrm{B}$ 组
- 191. 已知函数 f(x) = |x a|, 且 f(1) = 0. (1) 求函数 y = f(x) 的解析式. (2) 比较 f(2) 与 f(-3) 的大小.
- 192. 已知函数 $f(x) = x^2 + ax + 1, x \in [b, 2]$ 是偶函数, 求 a、b 的值.
- 193. 已知函数 f(x) 为偶函数, g(x) 为奇函数, 且 $f(x) + g(x) = f(x) = x^2 + 2x + 3$, 求 y = f(x)y = g(x) 的解析式.
- 194. 已知 $a \neq 0$, 试讨论函数 $f(x) = \frac{a}{1-x^2}$ 在区间 (0,1) 上的单调性.

- 195. 已知 $\alpha\beta$ 是方程 $4x^24mx+m+2=0$ 的两个实数根, 当 m 为何值时, $\alpha^2+\beta^2$ 有最小值? 并求出这个最小值.
- 196. 求函数 $y = x^2 4x + 1$ 在 $x \in [t, 4]$ 上的最小值和最大值, 其中 t < 4.
- 197. 已知集合 $A = \{x | 1 \le x \le 4\}, f(x) = x^2 + px + q$ 和 $g(x) = x + \frac{4}{x}$ 是定义在 A 上的函数, 且在 x_0 处同时取到最小值, 并满足 $f(x_0) = g(x_0)$, 求 f(x) 在 A 上的最大值.
- 198. 已知某气垫船的最大船速是 48 海里/时, 船每小时使用的燃料费用和船速的平方成正比, 若船速为 30 海里/时, 则船每小时的燃料费用为 600 元. 其余费用 (不论船速为多少) 都是每小时 864 元. 甲乙两地相距 100海里, 船从甲地行驶到乙地. (1) 试把船每小时使用的燃料费用 P(元) 表示成船速 v(海里/时) 的函数. (2) 试 把船从甲地到乙地所需的总费用 y 表示成船速 v(海里/时) 的函数. (3) 当船速为每小时多少海里时, 船从甲地到乙地所需的总费用最少?
- 199. 已知函数 y = f(x), 定义 F(x) = f(x+1) f(x). 某公司每月最多生产 100 合报警系统装置, 生产 x 合 (x>0) 的收入函数为 $R(x) = 3000x 20x^2$ (单位: 元), 其成本函数为 G(x) = 5000x + 4000(单位: 元), 利润是收入与成本之差. (1) 求利润函数 y = f(x) 及相应的 y = F(x). (2) 利润函数 y = f(x) 与 y = F(x) 是否具有相等的最大值?
- 200. 求方程的近似解 $x^2 + 2 + \frac{1}{x} = 0$ (精确到 0.1).
- 201. 研究函数 $f(x) = x + \frac{a}{x}(a > 0)$ 的定义域、奇偶性、单调性. 复习题 A 组
- 202. 求函数 $y = \frac{1}{2-x} + \sqrt{x^2-1}$ 的定义域.
- 203. 判断下列函数的奇偶性: $(1)f(x) = |\frac{1}{2}x 3| + |\frac{1}{2}x + 3|$ $(2)f(x) = x^3 + \frac{2}{x}$ $(3)f(x) = x^2, x \in (k, 2)$
- 204. 已知 y=f(x) 是奇函数, 定义域为 R, y=g(x) 是偶函数, 定义域为 D. 设 $F(x)=f(x)\cdot g(x)$, 判断 y=F(x) 奇偶性.
- 205. 已知函数 $f(x) = (m-1)x^2 + 3x + (2-n)$, 且此函数为奇函数, 求 m、n 的值.
- 206. 已知函数 $f(x) = x, g(x) = -\frac{4}{x}, p(x) = f(x) g(x),$ 求 y = p(x) 的函数表达式, 并写出 y = p(x) 的单调递减区间.
- 207. 分别作出下列函数的图像, 并指出它们的单调区间: $(1)y = |x^2 4x|$ (2)y = 2|x| 3
- 208. 设函数 $f(x) = (a^2 + 4a 5)x^2 4(a 1)x + 3$ 的图像都在 x 轴的上方, 求实数 a 的取值范围.
- 209. 已知函数 $f(x) = x^2 + 10x a + 3$, 当 $x \in [-2, +\infty)$ 时, $f(x) \ge 0$ 恒成立, 求实数 a 的取值范围.
- 210. 设 $\alpha\beta$ 是二次方程 $x^2 2kx + k + 20 = 0$ 的两个实数根, 当 k 为何值时, $(\alpha + 1)^2 + (\beta + 1)^2$ 有最小值?
- 211. 已知 $f(x) = x^2 + ax + 1$, 若对任意的实数 x, 均有 f(2+x) = f(2-x) 恒成立, 求实数 a 的值. 复习题 B 组
- 212. 已知二次函数 $f(x) = ax^2 2ax + 3 a(a > 0)$, 比较 f(-1) 和 f(2) 的大小.

- 213. 已知函数 $f(x) = -x^2 + 2ax + 1 a$ 在 [0,1] 上有最大值 2, 求实数 a 的值.
- 214. 已知 y = f(x) 是定义在 (-1,1) 上的奇函数, 在区间 [0,1) 上是减函数, 且 $f(1-a) + f(1-a^2) < 0$, 求实数 a 的取值范围.
- 215. 已知函数 $f(x) = 2 x^2$, 函数 g(x) = x, 定义函数 F(x) 如下: 当 $f(x) \ge g(x)$ 时, F(x) = g(x); 当 f(x) < g(x) 时, F(x) = f(x). 求 F(x) 的最大值.
- 216. 已知函数 y = f(x) 具有如下性质: (1) 定义在 R 上的偶函数; (2) 在 $(-\infty,0)$ 上为增函数; (3) f(0) = 1; (4) f(-2) = -7; (5) 不是二次函数. 求 y = f(x) 的一个可能的解析式.
- 218. 1 幂函数的图像与性质习题 4.1 A 组
- 219. 已知幂函数 f(x) 的图像经过 $(2, \frac{\sqrt{2}}{2})$, 试求出这个函数的解析式.
- 220. 填空: 幂函数 $y=x^s$ 与 $y=x^l$ 的图像在第一象限都通过定点________,若它们在第一象限的部分关于直线 y=x 对称,则 s、t 就满足的条件是_______.
- 221. 研究幂函数 $f(x) = x^{\frac{1}{5}}$ 的定义域、奇偶性、单调性、值域.
- 222. 作函数 $y = \frac{|x|+1}{|x+1|}$ 的大致图像.
- 223. 已知函数 $f(x) = x^3 3x$. (1) 试求函数 y = f(x) 的零点. (2) 求证: 函数 $f(x) = x^3 3x$ 在 $[1, +\infty)$ 上是增函数. (3) 是否存在自然数 n, 使 f(n) = 1000? 若存在, 求出一个满足条件的 n; 若不存在, 请问明理由. 习题 4.1 B 组
- 224. 在下列函数中,哪一个既是奇函数,又在区间($+\infty$,0)内是减函数? $(1)y=x^{\frac{1}{2}};\ (2)y=x^{\frac{1}{3}};\ (3)y=x^{\frac{2}{3}};$ $(4)y=x^{-\frac{1}{3}}.$
- 225. 已知幂函数 f(x) 的定义域是 $(+\infty,0)\cup(0,+\infty)$,且它的图像关于 y 轴对称,写出一个满足要求的幂函数 f(x).
- 226. 已知函数 $f(x) = \frac{ax+1}{x+2}$, $a \in \mathbb{Z}$. 是否存在整数 a, 使函数 f(x) 在 $x \in [-1, +\infty)$ 上递减, 并且 f(x) 不恒为负? 若存在, 找出一个满足条件的 a; 若不存在, 请说出理由.
- 227. 2 指数函数的图像与性质习题 4.2 A 组
- 228. 比较下列各题中两个值的大小: (1)3^{0.8}, 3^{0.7} (2)0.75^{0.1}, 0.75^{-0.1}

- 229. 设 $a^{2x} = 2$, 且 a > 0, $a \ne 0$, 求 $\frac{a^{3x} + a^{-3x}}{a^x + a^{-x}}$ 的值.
- 230. 已知 $f(x) = a \cdot b \cdot f(4) = 648$, f(5) = 1944. (1) 估算 f(4.5). (2) 计算 f(4.5), 利用计算的结果评判你的估算.
- 231. 已知 $f(x) = 3^x, uv \in \mathbf{R}$. (1) 求证: 对任意的 u、v, 都有 $f(u) \cdot f(v) = f(u+v)$ 成立. (2) 写出一个关于 $f(u) \div f(v)$ 类似上式的等式, 并证明你的结论.
- 232. (1) 求证: $f(x) = \frac{a^x a^{-x}}{2}(a > 0, a \neq 1)$ 是奇函数. (2) 求证: $f(x) = \frac{(a^x 1)}{a^x + 1}(a > 0, a \neq 1)$ 是偶函数.
- 233. 选择题: (1) 若指数函数 $y = a^x$ 是减函数,则下列不等式中,能够成立的是 ().

B. a < 1

C. a(a-1) < 0 D. a(a-1) > 0

(2) 若函数 $y = 2^x - m$ 的图像不经过第二象限, 则 m 的取值范围是 ().

A. m > 1

B. m < 1

C. m > -1

D. m < -1

- 234. 某地区的中小学 2003 年、2004 年共购置电脑 100 台, 为了加快中小学的电脑普及程度, 准备新购置的电脑 数按每两年递增 10 习题 4.2 B 组
- 235. 已知集合 $M = \{y | y = 2^x, x \in \mathbf{R}\},$ 集合 $N = \{y | y = x^2, x \in \mathbf{R}\},$ 求 $M \cap N$.
- 236. 作下列函数的大致图像: $(1)y = 2^{|x|} (2)y = 2^{-|x|}$
- 237. 判断并证明下列函数的奇偶性: $(1)y = \frac{10^x 10^{-x}}{10^x + 10^{-x}}$ $(2)y = x(\frac{1}{2x 1} + \frac{1}{2})$.
- 238. 选择题: 函数 $y = 4^x 2^{x+1} + 1(x < 0)$ 的值域是

A. $[0, +\infty)$

B. $(1, +\infty)$

C. (0,1)

D. (0,1]

复习题 A 组

- 239. 幂函数 y = f(x), 当 x = 2 时, y = 16. (1) 求函数 f(x) 的解析式. (2) 比较 f(2) 和 f(-3) 的大小.
- 240. 填空: (1) 若关于 x 的方程 $5^x = \frac{a+3}{5-a}$ 有负数根, 则 a 的取值范围是______. (2) 方程 $(\frac{1}{2})^x = x^{\frac{1}{2}}$ 的实 数根个数为
- 241. 设在海拔 x 米处的大气压强是 y 帕, y 与 x 之间的函数关系式是 $y = c \cdot e^{k\tau}$, 其中 c、k 常量. 已知某地某天在 海平面的大气压强为 1.01×10^5 帕, 1.000 米高空的大气压强为 0.90×10^5 帕, 求 600 米高空的大气压强.(结 果保留 3 位有效数字)
- 242. 2005 年 1 月 6 日, 我国人口总数为 13 亿, 称该天为"中国人口 13 亿日", 如果 2005 年 1 月 6 日后我国人口 的年自然增长率保持在 0.6
- 243. 当 x 充分大时, 试比较下列各函数: $y_1 = 10x, y_2 = 8x^2, y_3 = 4x^4, y_4 = 2 \times 3^x, y_5 = 5^x$ 值的大小. 你能从中归 纳出一些规律性的结论吗? 复习题 B 组
- 244. 比较下列各题中两个值的大小 (其中 a > 0, 且 $a \neq 0$); $(1)a^2$ 和 a^a $(2)2^a$ 和 a^a

- 245. 把物体放在温度为 θ_0 °C 的空气中冷却, 若物体原来的温度是 θ_0 °C($\theta_1 > \theta_0$), t 分钟后物体温度 θ_0 °C 可由公式 $\theta = \theta_0 + (\theta_1 \theta_0)e^{-kt}$ 求得, 其中 k 是一个随着物体与空气的接触状况而定的常量, 现有 62°C 的物体, 放在 15°C 的空气中冷却 1 分钟以后物体的温度是 52°C, 求上式中 k 的值 (精确到 0.01). 开始冷却 2 分钟后物体的温度是多少? 开始冷却 10 分钟后, 物体的温度是多少? (精确到 1°C). 总复习题 A 组
- 246. 填空: (1) 若集合 $A = \{y|y = x^2 + 2c + 3\}$, 集合 $B = \{y|y = x + \frac{4}{x}\}$, 则 $A \cup B = .$ (2) 已知 $xy \in \mathbb{R}$, 集合 $\alpha = \{(x,y)|xy \geq 0\}$, 集合 $\beta = \{(x,y)||x+y| = |x| + |y|\}$, 用推出关系表示 $\alpha\beta$ 的关系______. (3) 若 函数 f(x) = 3x + 1 的定义域为 $\{1,3,k\}$. 值域为 $\{4,a^4,a^2 + 3a\}$, 且 a、k 为自然数, 则 a + k =______.
 - $(4) 已知函数 <math>f(x) = \begin{cases} -2^r 1(x \le 0), \\ \frac{1}{x^2}(x > 0). \end{cases}$ 若 $f(x_0) = 1$, 则 x_0 的值为_______. (2) 选择题: (1) 下列图

形中,能作为某个函数的图像的只能是 (). (第 2(1) 题) (2) 若集合 $A = \{x|0.1 < \frac{1}{x} < 0.3, x \in \mathbb{N}\}$, 集合 $B = \{x||x| \le 5, x \in \mathbb{Z}\}$, 则 $A \cup B$ 中的元素个数是 ().

A. 11

B. 13

C. 15

D. 17

- (3)" $x \neq 1$ 且 $y \neq 2$ " 是 " $x + y \neq 3$ " 的 ().
- A. 充分非必要条件
- B. 必要非充分条件
- C. 充要条件
- D. 既非充分又非必要条

件

- 247. 点 $(\sqrt{2},2)$ 在幂函数 y=f(x) 的图像上, 点 $(-2,\frac{1}{4})$ 在幂函数 y=g(x) 的图像上. 当 x 为何值时, f(x)=g(x)?
- 248. 已知集合 $A = \{x|3x^2 + x 2 \ge 0, x \in \mathbf{R}\}$, 集合 $B = \{x|\frac{4x 3}{x 3} > 0, x \in \mathbf{R}\}$, 求 $A \cap B$.
- 249. 已知函数 $f(x) = a^x (a > 0, a \neq 1)$ 在区间 [1,2] 上的最大值比最小值大 $\frac{1}{4}$, 求实数 a 的值.
- 250. 已知集合 $A = (-2, -1) \cup (0, +\infty)$, 集合 $B = \{x | x^2 + ax + b \le 0\}$, 且 $A \cap B = (0, 2], A \cup B = (-2, +\infty)$, 求实数 a、b 的值.
- 251. 已知关于 x 的不等式 $ax^2 + 3ax 2 < 0$ 的解集为 R, 求实数 a 的取值范围.
- 252. 某地区某日海拔高度与气温的对照表为: 高度 h(米) 0 500 1 000 2 000 气温 t(℃) 15.00 11.75 8.50 2.00 (1) 根据表中 t 与 h 的对应关系, 写出 t 关于 h 的函数解析式. (2) 根据 (1) 的结论, 求海拔高度 1 500 米处的气温.
- 253. (1) 指出函数 $f(x) = ax^2 + \frac{b}{x^2}$ (a、b 是正常数) 所具有的基本性质, 并加以说明. (2) 当 $a = \frac{1}{4}, b = 4$ 时, 画出函数 $f(x) = ax^2 + \frac{b}{x^2}$ 的简图.
- 254. 若 2x + y = 1, 求 $4^x + 2^y$ 的最小值. 总复习 B 组
- 255. 已知集合 $A = \{x | |x-a| < 2\}$, 集合 $B = \{x | \frac{2x-1}{x-2} < 1\}$, 且 $A \subseteq B$, 求实数 a 的取值范围.
- 256. 已知全集 $U = \mathbb{R}$, 集合 $A = \{x|x^2 + px + 12 = 0\}$, 集合 $B = \{x|x 5x q = 0\}$, 满足 $(\mathbb{C}_U A) \cap B = \{2\}$. 求 实数 p 与 q 的值.

- 257. 试讨论函数 $f(x) = \frac{x}{1-x^2}$ 在区间 (-1,1) 上的单调性.
- 258. 甲乙两地的高速公路全长 166 千米, 在高速公路上最高行驶时速不得高于 120 千米/时, 假设汽车从甲地进入 该高速公路以不低于 70 千米/时的速度匀速行驶到乙地, 已知汽车每小时的运输成本 (以元为单位) 由可变 部分和固定部分组成: 可变部分与速度 v(千米/时) 的平方成正比, 比例系数为 0.02; 固定部分为 220 元. (1) 把全程运输成本 y(元) 表示为速度 v(千米/时) 的函数, 并指出这个函数的定义域. (2) 汽车应以多大速度行驶才能使全程运输成本最小? 最小运输成本约为多少元?
- 259. 某居民小区供水站的蓄水池现有水 40 吨, 自来水厂每小时可向蓄水池中注水 8 吨, 同时蓄水池又向居民小区供水, t 小时内供水总量为 32√t 吨. 现在开始向池中注水并同时向居民小区供水, 若蓄水池中存水量少于 10 吨, 就会出现供水紧张现象. (1) 试建立蓄水池中存水量 S 与供水时间 t 之间的函数关系. (2) 供水多少时间开始出现供水紧张? 这一天内供水紧张的有几小时?. 第四章幂函数、指数函数和对数函数(下)
- 260. 4 对数概念及其运算习题 4.4 A 组
- 261. 把下列指数式写成对数式: $(1)10^{-2} = 0.01$. $(2)(\frac{1}{2})^0 = 1$. $(3)5^x = 6$.
- 262. 把下列对数式写成指数式: $(1)x = \log_{16} 32$. $(2)\log_{\pi} x = 4$. $(3)\log_{x} 9 = 2$.
- 263. 求下列各式中的 x: $(1)\log_{\frac{1}{2}}x=3$. $(2)\log_{3}\frac{1}{27}=x$. $(3)\log_{100}1000=x$. $(4)\log_{x}16=4$.
- 264. 计算: $(1)\log_5 5\sqrt{5} + \ln e$. $(2)\lg \sqrt{10} \lg 0.01$. $(3)\log_{12} 6 + \log_{12} 2$ $(4)\log_3 48 4\log_3 2$.
- 265. 用 $\log_a M$ 、 $\log_a N$ 表示下列各式: $(1)\log_a MN^2$. $(2)\log_a \frac{\sqrt{M}}{N}$.
- 266. 计算: $(1)3^{\log_3 1} + \log_2 48 \log_2 3$. $(2)2\log_7 \frac{35}{9} + 4\log_7 3 + 2\log_7 \frac{1}{10} + \log_7 4$.
- 267. 计算: $(1)\log_3 2 \times \log_5 3 \times \log_8 5$. $(2)(\log_4 3 + \log_8 3) \times \log_3 2$. $(3)\log_2 \frac{1}{49} \times \log_3 \frac{1}{16} \times \log_7 \frac{1}{27}$. $(4)\log_a b \cdot \log_b c \cdot \log_c a$. $(5)(\log_4 3 + \log_8 3)(\log_3 2 + \log_9 4)$.
- 268. 已知 $\log_3 2 = m$, 试用 m 表示 $\log_{32} 18$.
- 269. 已知 $\lg 2 = a$, $\lg 3 = b$. (1) 求 $\lg 5$. (2) 求 $\log_2 3$. (3) 求 $\log_{12} 25$. 习题 4.4 B 组
- 270. 求出下列各式中 x 的取值范围: (a > 0 且 $a \neq 1)$ $(1)\log_a(x^2 + 1)$. $(2)\log_a(x 2)$. $(3)\log_a\frac{1}{x + 2}$.
- 271. 在下列各式中的括号内填入适当的值,使等式成立: $(1)\log_5()=1$. $(2)2^{\log_3 1}=()$. $(3)(\frac{1}{5})^{\log_{0.2} 3}=()$. $(4)\sqrt{3}^{\log_{\sqrt{3}}()}=7$.
- 272. 用 $\log_a x$ 、 $\log_a y$ 、 $\log_a (x+y)$ 、 $\log_a (x-y)$ 表示下列各式: $(1)\log_a (x^2-y^2)$. $(2)\log_4 \frac{x^3y}{(x+y)^4}$. $(3)\log_a (\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{y}} \frac{\sqrt{y}}{\sqrt{x}})$.
- 273. 计算: $(1)\log_2(\log_2 16)$. $(2)2^{\log_6 5} \times 3^{\log_6 5}$. $(3)\sqrt{1g^25 2\lg 5 + 1}$. $(4)\lg^2 5 + \lg^2 \times \lg 50$.
- 274. 设 $56^a = 14$, 试用 a 表示 $\log_7 56$.
- 275. 已知 $5.4^x = 3$, $0.6^y = 3$, 求 $\frac{1}{x} \frac{1}{y}$ 的值.

- 276. 5 反函数的概念习题 4.5 A 组
- 277. 已知函数 $f(x) = x^2 4x 5, x \in [1,3]$, 判断其是否存在反函数. 若存在, 求出反函数; 若不存在, 说明理由.
- 278. 求下列函数的反函数: $(1)y = -x^3$. $(2)y \frac{x}{x+2}$. $(3)y = x^2 + 1(x < 0)$.
- 279. 已知 $f(x) = 1 x^2(x < -1)$, 求 $f^{-1}(-3)$ 的值.
- 280. 已知函数 $y = \frac{a}{x+1}$ 的反函数的图像经过点 $(\frac{1}{2}, 1)$, 求实数 a 的值.
- 281. 已知函数 y=f(x) 的图像与函数 $y=\frac{x-1}{x+1}$ 的图像关于直线 y=x 对称, 求函数 y=f(x) 的解析式. 习题 $4.5~\mathrm{B}$ 组
- 282. 判断题: (正确的在括号内用"√"表示, 错误的用"×"表示) (1) 存在反函数的函数一定是单调函数. (). (2) 偶函数存在反函数. (). (3) 奇函数必存在反函数. ().
- 283. 一次函数 y = -x 的图像与它的反函数的图像重合. 试写出一个非一次函数的函数, 使它的图像与其反函数的图像重合.
- 284. 如果函数 y=f(x) 的图像过点 (0,1), 那么函数 $y=f^{-1}(x)+2$ 的反函数的图像过点 ().
 - A. (3, 0)
- B. (0, 3)
- C. (1, 2)
- D. (2, 1)
- 285. 如果 $y = -\sqrt{1-x^2}$ 的反函数是 $y = -\sqrt{1-x^2}$, 那么原来的函数的定义域是 ().
 - A. $(0, +\infty)$;
- B. [-1,1]:
- C. [-1, 0];
- D. [0,1]

- 286. 求函数 $y = \begin{cases} -\sqrt{x}(0 \le x \le 1), \\ x^2(-1 \le x < 0) \end{cases}$ 的反函数.
- 287. 6 对数函数的图像与性质习题 4.6 A 组
- 288. 求下列函数的定义域: $(1)y = \lg(x^2 3x + 2)$. $(2)y = \frac{\sqrt{2x 1}}{\lg x}$. $(3)y = \sqrt{\lg x} + \lg(5 2x)$.
- 289. 求下列函数的反函数: $(1)y = 10^x + 1$. $(2)y = \log_2(x+1)$. $(3)y = \log_2 2x$.
- 290. 已知函数 $f(x) = a^x + b$ 的图像经过点 (1, 7), 反函数 $f^{-1}(x)$ 的图像经过点 (4, 0), 求函数 f(x) 的表达式.
- 291. 根据下列不等式, 确定底数 a 的取值范围: $(1)\log_4 0.2 < \log_a 0.1$. $(2)\log_a \pi > \log_a e$. $(3)\log_a 3 < 0$.
- 292. 已知 1 < x < 2, $a = 2^x$, $b = \log_{0.5} x$, $c = \sqrt{x}$, 比较 a、b、c 的大小, 并说明理由.
- 293. 声音强度 $D(\mathcal{H})$ 由公式 $D=10\lg(\frac{I}{10^{-16}})$ 给出, 其中 $I(W/cm^2)$ 为声音能量. 能量小于 $10^{-16}W/cm^2$ 时, 人听不见声音. 能量大于 60 分贝属于噪音, 其中 70 分贝开始损害听力神经, 90 分贝以上就会使听力受损, 而一般的人呆在 100 分贝-120 分贝的空间内, 一分钟就会暂时性失聪. (1) 求人低声说话 $I=10^{-13}W/cm^2$ 的声音强度. (2) 求噪音的能量范围. (3) 当能量达到多少时, 人会暂时性失聪? 习题 $4.6~\mathrm{B}$ 组
- 294. 判断函数 $y = 1g \frac{x+1}{x-1}$ 的奇偶性.

- 295. 设 a > 0 且 $a \neq 1$, 比较 $\log_a 2a$ 与 $\log_a 3a$ 的大小.
- 296. 求证: y = 1g(1-x) 在定义域上单调递减.
- 297. 求函数 $y = \log_{\frac{1}{5}}(x^2 6x + 10)$ 在区间 [1,2] 上的最大值.
- 298. 7 简单的指数方程习题 4.7 A 组
- 299. 解下列方程: $(1)2^{1-x} = \frac{1}{32}$. $(2)3^{-x+2} = 9^x$. $(3)4^{2x-1} = 1$. $(4)0.38 \cdot 10^{x-3} = 0.5$ (精确到 0.01).
- 300. 解下列指数方程: $(1)2^{x^2+3} = (\frac{1}{4})^{\frac{2}{2}}$. $(2)9^x 8 \cdot 3^x 9 = 0$.
- 301. 已知关于 x 的方程 $2a^{2x-2} 7a^{x-1} + 3 = 0$ 有一个根是 x = 2, 求 a 的值并求方程的其余的根.
- 302. 某种放射性物质不断衰减,若每经过一年剩留的物质是原来的 $\frac{4}{5}$,经过多少年,剩流物质是原来的 $\frac{64}{125}$? 习题 $4.7~\mathrm{B}$ 组
- 303. 解方程: $9^x + 4^x = \frac{5}{2} \cdot 6^x$.
- 304. 解方程: $4^x + 4^{-x} 6(2^x + 2^{-x}) + 10 = 0$.
- 305. 动物尸体内 ^{14}C 的含量每年衰减 0.12, 设动物死亡的时刻 t=0 时, ^{14}C 含量为 100%. (1) 写出 ^{14}C 含量 y 关于时间 t 的函数解析式. (2) ^{14}C 含量减少到 50% 需多少时间? (精确到 1 年)
- 306. 8 简单的对数方程习题 4.8 A 组
- 307. 解下列方程: $(1)\log_3(x-2)=1$. $(2)\log_2(x^2-3x)=2$. $(3)\log_2(\log_5 x)=1$. $(4)\log_5(x+1)-\log_{\frac{1}{5}}(x-3)=1$.
- 308. 解下列方程: $(1)\log_2^2 x + 3\log_2 x + 2 = 0$. $(2)\log_x(x^2 x) = \log_x 2$.
- 309. 解下列方程: $(1)\log_{\frac{1}{2}}(9^{x-1}-5) = \log_{\frac{1}{2}}(3^{x-1}-2) 2$. $(2)(\lg x)^2 \lg x^2 = 3$. 习题 4.8 B 组
- 310. 解方程: $x^{\log_2 x} = 32x^4$.
- 311. 求方程 $\log_2(x+4) = (\frac{1}{3})^x$ 根的个数, 并说明理由. 复习题 A 组
- 312. 填空: (1) 若 $x^5 = 3$, 则 $x = _$ _____; 若 $5^x = 3$, 则 $x = _$ ____. (2) 计算: $\log_2 36 2\log_2 3 = _$ ____.
 - (3) 若 $\log_a b \cdot \log_5 a = 3$, 则 b =______. (4) 函数 $y = \log_2 x (x \ge 1)$ 的反函数是_____. (5) 若点 (1, 1)
 - 7) 既在函数 $y = \sqrt{ax + b}$ 的图像上, 又在其反函数的图像上, 则数对 (a,b) 为 _____
- 313. 选择题: (1) 若 $f(x) = 3^x + 5$, 则 $f^{-1}(x)$ 的定义域是 ().
 - A. $(0, +\infty)$; B. $(5, +\infty)$; C. $(8, +\infty)$; D. $(-\infty, +\infty)$
 - (2) 若 $\log_{18} 9 = a$, $18^b = 5$, 则 $\log_{36} 45$ 等于 ().
 - A. $\frac{a+b}{2+a}$; B. $\frac{a+b}{2-a}$; C. $\frac{a+b}{2a}$; D. $\frac{a+b}{a^2}$

- 314. 已知函数 $f(x) = \frac{ax+1}{x-3}$ 的反函数是 f(x) 本身, 求实数 a 的值.
- 315. 作出下列函数的图像: $(1)y = \log_2(x-1)$. $(2)y = |\log_2(x-1)|$.
- 316. 已知 $\lg x + \lg y = 2$, 求 $\frac{1}{x} + \frac{1}{y}$ 的最小值.
- 317. 解下列方程: $(1)4^x + 2^{x+1} = 80$. $(2)\lg(2x+2) + \lg(15-x) = 1 + \lg 3$.
- 318. 已知函数 $f(x) = \log_a \frac{1+x}{1-x} (a > 0, a \neq 1)$. (1) 求 f(x) 的定义域. (2) 判断 f(x) 的奇偶性, 并加以证明. (3) 当 a > 1 时, 求使 f(x) > 0 的 x 的取值范围.
- 319. 如果光线每通过一块玻璃其强度要减少 10%,求至少需要多少块这样的玻璃重叠起来,才能使通过它们的光 线强度为原来的强度的 $\frac{1}{3}$ 以下? 复习题 B 组
- 320. 填空: (1) 如果函数 $f(x) = \log_a(-x^2 + ax)$ 的定义域为 $(0, \frac{1}{2})$, 那么实数 a =______. (2) 如果 $45^x = 3$, $45^y = 5$, 那么 2x + y =_____. (3) 若函数 y = f(x) 的图像与函数 $y = 2^x 1$ 的图像关于直线 y = x 成轴对称图形, 则函数 y = f(x) 的解析式为_____.
- 321. 选择题: (1) 当 a>1 时,在同一坐标系中,函数 $y=a^{-x}$ 与 $y=\log_a x$ 的图像是 (). (2) 函数 $f(x)=4+\log_a(x-1)(a>0a\neq 1)$ 的图像恒经过定点 P, 则点 P 的坐标是 ().
 - A. (1, 4);
- B. (4, 1);
- C. (2, 4);
- D. (4, 2)

- 322. 已知 0 < a < 1,化简 $\sqrt{\lg^2 a \lg \frac{a^2}{10}}$.
- 323. 已知 α 、 β 是方程 $\lg^2 x \lg x 2 = 0$ 的两根, 求 $\log_{\alpha} \beta + \log_{\beta} \alpha$ 的值.
- 324. 判断命题 "若函数 y = f(x) 与 $y = f^{-1}(x)$ 的图像有公共点, 则公共点必在直线 y = x 上"的真假, 并说明理由.
- 325. 如果 ²³⁷U 在不断的裂变中,每天所剩留质量与上一天剩留质量相比,按同一比例减少,经过7天裂变,剩留的质量是原来的50%,计算它经过多少天裂变,剩留质量是原来的10%.