

必修第一章复习题 A 组

- 用列举法表示下列集合:
 - 十二生肖组成的集合;
 - 中国国旗上所有颜色组成的集合.
- 用描述法表示下列集合:
 - 平面直角坐标系中第一象限的角平分线上的所有点组成的集合;
 - 3 的所有倍数组成的集合.
- (1) 若 $\alpha: x^2 - 5x + 6 = 0$, $\beta: x = 2$, 则 α 是 β 的_____条件; (2) 若 α : 四边形 $ABCD$ 是正方形, β : 四边形 $ABCD$ 的两条对角线互相垂直平分, 则 α 是 β 的_____条件.
- 已知方程 $x^2 + px + 4 = 0$ 的所有解组成的集合为 A , 方程 $x^2 + x + q = 0$ 的所有解组成的集合为 B , 且 $A \cap B = \{4\}$. 求集合 $A \cup B$ 的所有子集.
- 已知集合 $A = (-2, 1)$, $B = (-\infty, -2) \cup [1, +\infty)$. 求: $A \cup B$, $A \cap B$.
- 已知全集 $U = (-\infty, 1) \cup [2, +\infty)$, 集合 $A = (-1, 1) \cup [3, +\infty)$. 求 A .
- 已知集合 $A = \{x|x^2 + px + q = 0\}$, $B = \{x|x^2 - x + r = 0\}$, 且 $A \cap B = \{-1\}$, $A \cup B = \{-1, 2\}$. 求实数 p 、 q 、 r 的值.
- 设 a 是实数. 若 $x = 1$ 是 $x > a$ 的一个充分条件, 则 a 的取值范围为_____.
- 已知陈述句 α 是 β 的充分非必要条件. 若集合 $M = \{x|x \text{ 满足 } \alpha\}$, $N = \{x|x \text{ 满足 } \beta\}$, 则 M 与 N 的关系为 ().
A. $M \subset N$ B. $M \supset N$ C. $M = N$ D. $M \cap N = \emptyset$
- 证明: 若梯形的对角线不相等, 则该梯形不是等腰梯形.

必修第一章复习题 B 组

- 若集合 $M = \{a|a = x + \sqrt{2}y, x, y \in \mathbf{Q}\}$, 则下列结论正确的是 ().
A. $M \subseteq \mathbf{Q}$ B. $M = \mathbf{Q}$ C. $M \supset \mathbf{Q}$ D. $M \subset \mathbf{Q}$
- 若 α 是 β 的必要非充分条件, β 是 γ 的充要条件, γ 是 δ 的必要非充分条件, 则 δ 是 α 的_____条件, γ 是 α 的_____条件.
- 已知全集 $U = \{x|x \text{ 为不大于 } 20 \text{ 的素数}\}$. 若 $A \cap \bar{B} = \{3, 5\}$, $\bar{A} \cap B = \{7, 19\}$, $\overline{A \cup B} = \{2, 17\}$, 则 $A =$ _____, $B =$ _____.
- 已知集合 $P = \{x|-2 \leq x \leq 5\}$, $Q = \{x|x \geq k+1 \text{ 且 } x \leq 2k-1\}$, 且 $Q \subseteq P$. 求实数 k 的取值范围.

5. 已知全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x|x \leq a-1\}$, $B = \{x|x > a+2\}$, $C = \{x|x < 0 \text{ 或 } x \geq 4\}$, 且 $\overline{A \cup B} \subseteq C$. 求实数 a 的取值范围.
6. 已知集合 $A = \{x|(a-1)x^2 + 3x - 2 = 0\}$. 是否存在这样的实数 a , 使得集合 A 有且仅有两个子集? 若存在, 求出实数 a 的值及对应的两个子集; 若不存在, 说明理由.
7. 证明: $\sqrt[3]{2}$ 是无理数.

必修第一章复习题 B 组

1. 若集合 $M = \{a|a = x + \sqrt{2}y, x, y \in \mathbf{Q}\}$, 则下列结论正确的是 ().
- A. $M \subseteq \mathbf{Q}$ B. $M = \mathbf{Q}$ C. $M \supset \mathbf{Q}$ D. $M \subset \mathbf{Q}$
2. 若 α 是 β 的必要非充分条件, β 是 γ 的充要条件, γ 是 δ 的必要非充分条件, 则 δ 是 α 的_____条件, γ 是 α 的_____条件.
3. 已知全集 $U = \{x|x \text{ 为不大于 } 20 \text{ 的素数}\}$. 若 $A \cap \overline{B} = \{3, 5\}$, $\overline{A} \cap B = \{7, 19\}$, $\overline{A \cup B} = \{2, 17\}$, 则 $A = \underline{\hspace{2cm}}$, $B = \underline{\hspace{2cm}}$.
4. 已知集合 $P = \{x|-2 \leq x \leq 5\}$, $Q = \{x|x \geq k+1 \text{ 且 } x \leq 2k-1\}$, 且 $Q \subseteq P$. 求实数 k 的取值范围.
5. 已知全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x|x \leq a-1\}$, $B = \{x|x > a+2\}$, $C = \{x|x < 0 \text{ 或 } x \geq 4\}$, 且 $\overline{A \cup B} \subseteq C$. 求实数 a 的取值范围.
6. 已知集合 $A = \{x|(a-1)x^2 + 3x - 2 = 0\}$. 是否存在这样的实数 a , 使得集合 A 有且仅有两个子集? 若存在, 求出实数 a 的值及对应的两个子集; 若不存在, 说明理由.
7. 证明: $\sqrt[3]{2}$ 是无理数.

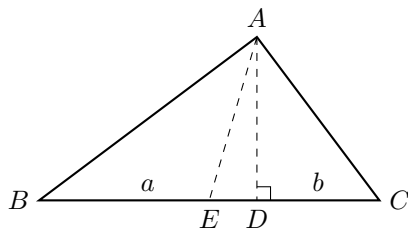
必修第一章拓展与思考

1. 设 a, b 是正整数. 求证: 若 $ab-1$ 是 3 的倍数, 则 a 与 b 被 3 除的余数相同.
2. 已知非空数集 S 满足: 对任意给定的 $x, y \in S$ (x, y 可以相同), 有 $x+y \in S$ 且 $x-y \in S$.
- (1) 哪个数一定是 S 中的元素? 说明理由;
- (2) 若 S 是有限集, 求 S ;
- (3) 若 S 中最小的正数为 5, 求 S .

必修第二章复习题 A 组

1. 设一元二次方程 $2x^2 - 6x - 3 = 0$ 的两个实根为 x_1, x_2 , 求下列各式的值:
- (1) $(x_1 + 1)(x_2 + 1)$;
- (2) $(x_1^2 - 1)(x_2^2 - 1)$.
2. 设 $a > b > 0$, 比较 $\frac{b+2a}{a+2b}$ 与 $\frac{a}{b}$ 的值的大小.

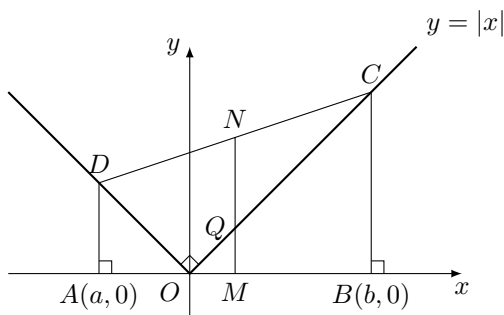
3. 已知 $x > y$, 求证: $x^3 - y^3 > x^2y - xy^2$.
4. 若关于 x 的不等式 $(a+1)x - a < 0$ 的解集为 $(2, +\infty)$, 求实数 a 的值, 并求不等式 $(a-1)x + 3 - a > 0$ 的解集.
5. 解下列一元二次不等式:
- (1) $-x^2 + 11 < -2x - 4$;
 - (2) $3x^2 < 13x + 10$;
 - (3) $6x + 2 \geq 5x^2$;
 - (4) $x^2 \leq 8(1-x)$;
 - (5) $-x^2 \geq 9(9-2x)$;
 - (6) $3(x-3) \leq x^2$.
6. 试写出一个二次项系数为 1 的一元二次不等式, 使它的解集分别为:
- (1) $(-\infty, \sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, +\infty)$;
 - (2) $[2 - \sqrt{3}, 2 + \sqrt{3}]$.
7. 求不等式 $5 \leq x^2 - 2x + 2 < 26$ 的所有正整数解.
8. 解下列分式不等式:
- (1) $\frac{2x+1}{x+7} > -3$;
 - (2) $\frac{3x}{x^2+2} \geq 1$.
9. 设关于 x 的不等式 $a_1x^2 + b_1x + c_1 > 0$ 与 $a_2x^2 + b_2x + c_2 > 0$ 的解集分别为 A 、 B , 试用集合运算表示下列不等式组的解集:
- (1) $\begin{cases} a_1x^2 + b_1x + c_1 > 0, \\ a_2x^2 + b_2x + c_2 > 0; \end{cases}$;
 - (2) $\begin{cases} a_1x^2 + b_1x + c_1 \leq 0, \\ a_2x^2 + b_2x + c_2 > 0; \end{cases}$;
 - (3) $\begin{cases} a_1x^2 + b_1x + c_1 \leq 0, \\ a_2x^2 + b_2x + c_2 \leq 0; \end{cases}$.
10. 解下列含绝对值的不等式:
- (1) $|2x-1| \leq x$;
 - (2) $|2x+1| + |x-2| < 8$.
11. 已知 a 、 b 是正数, 求证: $\sqrt{(1+a)(1+b)} \geq 1 + \sqrt{ab}$.
12. 如图, 在直角三角形 ABC 中, AD 垂直于斜边 BC , 且垂足为 D . 设 BD 及 CD 的长度分别为 a 与 b .
- (1) 求斜边上的高 AD 与中线 AE 的长;
 - (2) 用不等式表示斜边上的高 AD 与中线 AE 长度的大小关系.



13. 如图, 已知直角梯形 $ABCD$ 的顶点 $A(a, 0)$ 、 $B(b, 0)$ 位于 x 轴上, 顶点 C 、 D 落在函数 $y = |x|$ 的图像上, M 、 N 分别为线段 AB 、 CD 的中点, O 为坐标原点, Q 为线段 OC 与线段 MN 的交点.

(1) 求中点 M 的坐标, 以及线段 MQ 、 MN 的长度;

(2) 用不等式表示 MQ 、 MN 长度的大小关系.



必修第二章复习题 B 组

- 已知一元二次方程 $x^2 + px + p = 0$ 的两个实根分别为 α 、 β , 且 $\alpha^2 + \beta^2 = 3$, 求实数 p 的值.
- 已知一元二次方程 $2x^2 - 4x + m + 3 = 0$ 有两个同号实根, 求实数 m 的取值范围.
- 设 $a, b \in \mathbf{R}$, 已知关于 x 的不等式 $(a+b)x + (b-2a) < 0$ 的解集为 $(1, +\infty)$, 求不等式 $(a-b)x + 3b - a > 0$ 的解集.
- 解下列不等式:
 - $-2 < \frac{1}{2x+1} \leq 3$;
 - $2 < |x+1| \leq 3$.
- 已知集合 $A = \{x | |x-a| < 2\}$, $B = \{x | \frac{2x-1}{x+2} < 1\}$, 且 $A \subseteq B$. 求实数 a 的取值范围.
- 证明: 若 $x > -1$, 则 $x + \frac{1}{x+1} \geq 1$, 并指出等号成立的条件.
- 设 a, b 为正数, 且 $a+b=2$. 求 $\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ 的最小值.
- 已知 a, b, c 都是正数, 求证: $\frac{b+c}{a} + \frac{c+a}{b} + \frac{a+b}{c} \geq 6$.
- 设实数 x, y 满足 $x+y=1$, 求 xy 的最大值.
- 已知 a, b 为实数, 求证: $|a| + |b| \leq |a+b| + |a-b|$, 并指出等号成立的条件.

11. 已知 a, b 是实数,

(1) 求证: $a^2 + ab + b^2 \geq 0$, 并指出等号成立的条件;

(2) 求证: 如果 $a > b$, 那么 $a^3 > b^3$.

必修第二章拓展与思考

1. 解下列不等式:

(1) $\frac{3x-11}{x^2-6x+9} \leq 1$;

(2) $|3-2x| \geq |x+1|$.

2. 已知集合 $A = \{x|x^2 - 2x - 3 > 0\}$, $B = \{x|x^2 + px + q \leq 0\}$. 若 $A \cup B = \mathbf{R}$, 且 $A \cap B = [-2, -1)$, 求实数 p 及 q 的值.

3. 已知实数 $0 < a < b$, 求证: $a < \frac{2ab}{a+b} < \sqrt{ab} < \frac{a+b}{2} < \sqrt{\frac{a^2+b^2}{2}} < b$.

4. 方程 $(x-1)(x-2)(x-3) = 0$ 的三个根 1、2、3 将数轴划分为四个区间, 即 $(-\infty, 1)$, $(1, 2)$, $(2, 3)$, $(3, +\infty)$. 试在这四个区间上分别考察 $(x-1)(x-2)(x-3)$ 的符号, 从而得出不等式 $(x-1)(x-2)(x-3) > 0$ 与 $(x-1)(x-2)(x-3) < 0$ 的解集.

一般地, 对 $x_1, x_2, x_3 \in \mathbf{R}$, 且 $x_1 \leq x_2 \leq x_3$, 试分别求不等式 $(x-x_1)(x-x_2)(x-x_3) > 0$ 与 $(x-x_1)(x-x_2)(x-x_3) < 0$ 的解集 (提示: x_1, x_2, x_3 相互之间可能相等, 需要分情况讨论).

必修第三章复习题 A 组

1. 填空题:

(1) 若 $x^3 = 5$, 则 $x =$ _____; 若 $3^x = 5$, 则 $x =$ _____.

(2) 将 $\sqrt[4]{a\sqrt[3]{a}}$ ($a > 0$) 化成有理数指数幂的形式为 _____.

(3) 若 $\log_8 x = -\frac{2}{3}$, 则 $x =$ _____.

(4) 若 $\log_a b \cdot \log_5 a = 3$ ($a > 0$ 且 $a \neq 1$), 则 $b =$ _____.

2. 选择题:

(1) 若 $\lg a$ 与 $\lg b$ 互为相反数, 则有 ().

A. $a+b=0$

B. $ab=1$

C. $\frac{a}{b}=1$

D. 以上答案均不对

(2) 设 $a > 0$, 下列计算中正确的是 ().

A. $a^{\frac{2}{3}} \cdot a^{\frac{3}{2}} = a$

B. $a^{\frac{2}{3}} \div a^{\frac{3}{2}} = a$

C. $a^{-4} \cdot a^4 = 0$

D. $(a^{\frac{2}{3}})^{\frac{3}{2}} = a$

3. 已知 $10^\alpha = 3$, $10^\beta = 4$. 求 $10^{\alpha+\beta}$ 及 $10^{\alpha-\frac{\beta}{2}}$ 的值.

4. 求下列各式的值:

(1) $\frac{1}{4^x+1} + \frac{1}{4^{-x}+1}$;

(2) $4^{\sqrt{2}+1} \times 2^{3-2\sqrt{2}} \times 8^{-\frac{2}{3}}$.

5. 已知 $\lg a < 1$, 化简 $\sqrt{(\lg a)^2 - \lg \frac{a^2}{10}}$.
6. 已知 $m = \log_2 10$, 求 $2^m - m \lg 2 - 4$ 的值.

必修第三章复习题 B 组

1. 填空题:

- (1) 若 $4^x = 2^{-12}$, $4^y = \sqrt[3]{32}$, 则 $2x - 3y =$ _____.
- (2) 若 $\log_3(\log_4 x) = 1$, 则 $x =$ _____.
- (3) 若 $3^a = 7^b = 63$, 则 $\frac{2}{a} + \frac{1}{b}$ 的值为_____.

2. 已知 $\log_{18} 9 = a$, $18^b = 5$, 则 $\log_{36} 45$ 等于 ().

A. $\frac{a+b}{2+a}$

B. $\frac{a+b}{2-a}$

C. $\frac{a+b}{2a}$

D. $\frac{a+b}{a^2}$

3. 设 $\log_{0.2} a > 0$, $\log_{0.2} b > 0$, 且 $\log_{0.2} a \cdot \log_{0.2} b = 1$, 求 $\log_{0.2}(ab)$ 的最小值.

4. 化简 $\frac{(1+2^x)(1+2^{2x})(1+2^{4x})(1+2^{8x})(1+2^{16x})}{1-2^{32x}}$ (其中 $x \neq 0$).

5. 已知 $a > 1$, $b > 0$. 求证: 对任意给定的实数 k , $a^{2b+k} - a^{b+k} > a^{b+k} - a^k$.

必修第三章拓展与思考

1. 甲、乙两人同时解关于 x 的方程: $\log_2 x + b + c \log_x 2 = 0$. 甲写错了常数 b , 得两根 $\frac{1}{4}$ 及 $\frac{1}{8}$; 乙写错了常数 c , 得两根 $\frac{1}{2}$ 及 64 . 求这个方程的真正根.
2. 已知 a 、 b 及 c 是不为 1 的正数, 且 $\lg a + \lg b + \lg c = 0$. 求证: $a^{\frac{1}{\lg b} + \frac{1}{\lg c}} \cdot b^{\frac{1}{\lg c} + \frac{1}{\lg a}} \cdot c^{\frac{1}{\lg a} + \frac{1}{\lg b}} = \frac{1}{1000}$.

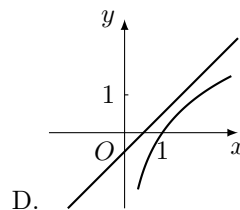
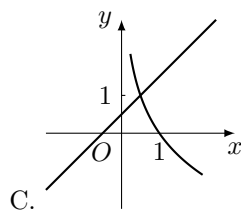
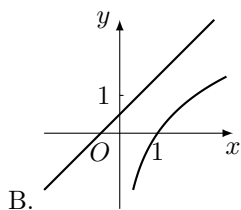
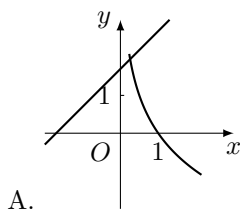
必修第四章复习题 A 组

1. 填空题:

- (1) 若点 $(2, \sqrt{2})$ 在幂函数 $y = x^a$ 的图像上, 则该幂函数的表达式为_____; 若点 $(2, \sqrt{2})$ 在指数函数 $y = a^x (a > 0 \text{ 且 } a \neq 1)$ 的图像上, 则该指数函数的表达式为_____; 若点 $(\sqrt{2}, 2)$ 在对数函数 $y = \log_a x (a > 0 \text{ 且 } a \neq 1)$ 的图像上, 则该对数函数的表达式为_____.
- (2) 若幂函数 $y = x^k$ 在区间 $(0, +\infty)$ 上是严格减函数, 则实数 k 的取值范围为_____.
- (3) 已知常数 $a > 0$ 且 $a \neq 1$, 假设无论 a 为何值, 函数 $y = a^{x-2} + 1$ 的图像恒经过一个定点. 则这个点的坐标为_____.

2. 选择题:

- (1) 若指数函数 $y = a^x (a > 0 \text{ 且 } a \neq 1)$ 在 \mathbf{R} 上是严格减函数, 则下列不等式中, 一定能成立的是 ().
- A. $a > 1$ B. $a < 0$ C. $a(a-1) < 0$ D. $a(a-1) > 0$
- (2) 在同一平面直角坐标系中, 一次函数 $y = x + a$ 与对数函数 $y = \log_a x (a > 0 \text{ 且 } a \neq 1)$ 的图像关系可能是 ().



A.

B.

C.

D.

3. 求下列函数的定义域:

(1) $y = (x-1)^{\frac{5}{2}}$;

(2) $y = 3^{\sqrt{x-1}}$;

(3) $y = \lg \frac{1+x}{1-x}$.

4. 比较下列各题中两个数的大小:

(1) $0.1^{0.7}$ 与 $0.2^{0.7}$;

(2) $0.7^{0.1}$ 与 $0.7^{0.2}$;

(3) $\log_{0.7} 0.1$ 与 $\log_{0.7} 0.2$;

5. 设点 $(\sqrt{2}, 2)$ 在幂函数 $y_1 = x^a$ 的图像上, 点 $(-2, \frac{1}{4})$ 在幂函数 $y_2 = x^b$ 的图像上. 当 x 取何值时, $y_1 = y_2$?

6. 设 $a = (\frac{2}{3})^x$, $b = x^{\frac{3}{2}}$ 及 $c = \log_{\frac{2}{3}} x$, 当 $x > 1$ 时, 试比较 a 、 b 及 c 之间的大小关系.

7. 设常数 $a > 0$ 且 $a \neq 1$, 若函数 $y = \log_a(x+1)$ 在区间 $[0, 1]$ 上的最大值为 1, 最小值为 0, 求实数 a 的值.

8. 如果光线每通过一块玻璃其强度要减少 10%, 那么至少需要将多少块这样的玻璃重叠起来, 才能使通过它们的光线强度低于原来的 $\frac{1}{3}$?

必修第四章复习题 B 组

1. 填空题:

(1) 已知 $m \in \mathbf{Z}$, 设幂函数 $y = x^{m^2-4m}$ 的图像关于原点成中心对称, 且与 x 轴及 y 轴均无交点, 则 m 的值为_____.

(2) 设 a 、 b 为常数, 若 $0 < a < 1$, $b < -1$, 则函数 $y = a^x + b$ 的图像必定不经过第_____象限.

2. 选择题:

(1) 若 $m > n > 1$, 而 $0 < x < 1$, 则下列不等式正确的是 ().

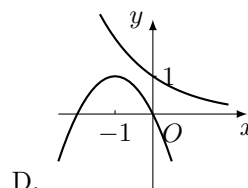
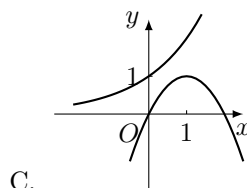
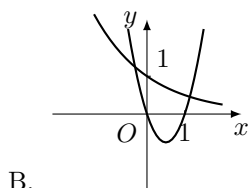
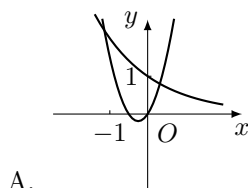
A. $m^x < n^x$

B. $x^m < x^n$

C. $\log_x m > \log_x n$

D. $\log_m x < \log_n x$

(2) 在同一平面直角坐标系中, 二次函数 $y = ax^2 + bx$ 与指数函数 $y = (\frac{b}{a})^x$ 的图像关系可能为 ().



A.

B.

C.

D.

3. 设 a 为常数且 $0 < a < 1$, 若 $y = (\log_a \frac{3}{5})^x$ 在 \mathbf{R} 上是严格增函数, 求实数 a 的取值范围.

4. 在同一平面直角坐标系中, 作出函数 $y = (\frac{1}{2})^x$ 及 $y = x^{\frac{1}{2}}$ 的大致图像, 并求方程 $(\frac{1}{2})^x = x^{\frac{1}{2}}$ 的解的个数.
5. 已知集合 $A = \{y|y = (\frac{1}{2})^x, x \in [-2, 0)\}$, 用列举法表示集合 $B = \{y|y = \log_3 x, x \in A \text{ 且 } y \in \mathbf{Z}\}$.

必修第四章拓展与思考

- $\log_2 3$ 是有理数吗? 请证明你的结论.
- 仅利用对数函数的单调性和计算器上的乘方功能来确定对数 $\log_2 3$ 第二位小数的值.

必修第五章复习题 A 组

- 求函数 $y = \frac{1}{2-x} + \sqrt{x^2-1}$ 的定义域.
- 判断下列函数 $y = f(x)$ 的奇偶性, 并说明理由:
 - $f(x) = |\frac{1}{2}x - 3| + |\frac{1}{2}x + 3|$;
 - $f(x) = x^3 + \frac{2}{x}$;
 - $f(x) = x^2, x \in (k, 2)$ (其中常数 $k < 2$).
- 已知 m, n 是常数, 而函数 $y = (m-1)x^2 + 3x + (2-n)$ 为奇函数. 求 m, n 的值.
- 求函数 $y = x + \frac{4}{x}$ 的单调区间.
- 分别作出下列函数的大致图像, 并指出它们的单调区间:
 - $y = |x^2 - 4x|$;
 - $y = 2|x| - 3$.
- 已知二次函数 $y = f(x)$, 其中 $f(x) = ax^2 - 2ax + 3 - a$ ($a > 0$). 比较 $f(-1)$ 和 $f(2)$ 的大小.
- 已知 k 是常数, 设 α, β 是二次方程 $x^2 - 2kx + k + 20 = 0$ 的两个实根. 问: 当 k 为何值时, $(\alpha+1)^2 + (\beta+1)^2$ 取到最小值?
- 邮局规定: 当邮件质量不超过 100g 时, 每 20g 邮费 0.8 元, 且不足 20g 时按 20g 计算; 超过 100g 时, 超过 100g 的部分按每 100g 邮费 2 元计算, 且不足 100g 按 100g 计算; 同时规定邮件总质量不得超过 2000g. 请写出邮费关于邮件质量的函数表达式, 并计算 50g 和 500g 的邮件分别收多少邮费.
- 若函数 $y = (a^2 + 4a - 5)x^2 - 4(a-1)x + 3$ 的图像都在 x 轴上方 (不含 x 轴), 求实数 a 的取值范围.

必修第五章复习题 B 组

- 已知 $y = f(x)$ 是奇函数, 其定义域为 \mathbf{R} ; 而 $y = g(x)$ 是偶函数, 其定义域为 D . 判断函数 $y = f(x)g(x)$ 的奇偶性, 并说明理由.
- 设函数 $y = x^2 + 10x - a + 3$, 当 $x \in [-2, +\infty)$ 时, 其函数值恒大于等于零. 求实数 a 的取值范围.
- 已知函数 $y = -x^2 + 2ax + 1 - a, x \in [0, 1]$ 的最大值为 2. 求实数 a 的值.

4. 设 $f(x) = x^2 + ax + 1$. 若对任意给定的实数 x , $f(2+x) = f(2-x)$ 恒成立, 求实数 a 的值.
5. 已知 $y = f(x)$ 是定义在 $(-1, 1)$ 上的奇函数, 在区间 $[0, 1)$ 上是严格减函数, 且 $f(1-a) + f(1-a^2) < 0$, 求实数 a 的取值范围.
6. 已知 $f(x) = 2 - x^2$ 及 $g(x) = x$. 定义 $h(x)$ 如下: 当 $f(x) \geq g(x)$ 时, $h(x) = g(x)$; 而当 $f(x) < g(x)$ 时, $h(x) = f(x)$. 求函数 $y = h(x)$ 的最大值.

必修第五章拓展与思考

1. 试讨论函数 $y = \frac{x}{1-x^2}$ 的单调性.
2. 作出函数 $y = (x^2 - 1)^2 - 1$ 的大致图像, 写出它的单调区间, 并证明你的结论.
3. 已知函数 $y = f(x)$ 为偶函数, $y = g(x)$ 为奇函数, 且 $f(x) + g(x) = x^2 + 2|x-1| + 3$. 求 $y = f(x)$ 及 $y = g(x)$ 的表达式.
4. 设函数 $y = f(x)$, $x \in \mathbf{R}$ 的反函数是 $y = f^{-1}(x)$.
- (1) 如果 $y = f(x)$ 是奇函数, 那么 $y = f^{-1}(x)$ 的奇偶性如何?
- (2) 如果 $y = f(x)$ 在定义域上是严格增函数, 那么 $y = f^{-1}(x)$ 的单调性如何?

必修第六章复习题 A 组

1. 选择题:

(1) 与 $\sin(\theta - \frac{\pi}{2})$ 一定相等的是 ().

A. $\sin(\frac{3\pi}{2} - \theta)$

B. $\cos(\theta - \frac{\pi}{2})$

C. $\cos(2\pi - \theta)$

D. $\sin(\theta + \frac{\pi}{2})$

(2) 当 $0 < \alpha < \frac{\pi}{4}$ 时, 化简 $\sqrt{1 - \sin 2\alpha}$ 的结果是 ().

A. $\cos \alpha$

B. $\sin \alpha - \cos \alpha$

C. $\cos \alpha - \sin \alpha$

D. $\sin \alpha + \cos \alpha$

2. 填空题:

(1) 若 θ 为锐角, 则 $\log_{\sin \theta}(1 + \cot^2 \theta) =$ _____;

(2) 若 $-\frac{\pi}{2} < \alpha < 0$, 则点 $(\cot \alpha, \cos \alpha)$ 必在第_____象限;

(3) 若 $\sin(\pi - \alpha) = \frac{2}{3}$, $\alpha \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$, 则 $\sin 2\alpha =$ _____.

3. 已知圆 O 上的一段圆弧长等于该圆的内接正方形的边长, 求这段圆弧所对的圆心角的弧度.

4. 已知角 α 的终边经过点 $P(3a, 4a)(a \neq 0)$, 求 $\sin \alpha$ 、 $\cos \alpha$ 和 $\tan \alpha$.

5. 化简:

(1) $\frac{\sin(\theta - 5\pi)}{\tan(3\pi - \theta)} \cdot \frac{\cot(\frac{\pi}{2} - \theta)}{\tan(\theta - \frac{3\pi}{2})} \cdot \frac{\cos(8\pi - \theta)}{\sin(-\theta - 4\pi)}$;

(2) $\sin(\theta - \frac{\pi}{4}) + \cos(\theta + \frac{\pi}{4})$.

6. 已知 $\tan \alpha = 3$, 求 $\frac{1}{\sin^2 \alpha + 2 \sin \alpha \cos \alpha}$ 的值.

7. 在 $\triangle ABC$ 中, 已知 $a = 5, b = 4, A = 2B$. 求 $\cos B$.
8. 已知 $\triangle ABC$ 的面积为 S , 求证:
- (1) $S = \frac{a^2 \sin B \sin C}{2 \sin(B+C)}$;
- (2) $S = \frac{a^2}{2(\cot B + \cot C)}$.
9. (1) 已知 $\sin \alpha = \frac{\sqrt{5}}{5}, \sin \beta = \frac{\sqrt{10}}{10}$, 且 α 及 β 都是锐角. 求 $\alpha + \beta$ 的值;
- (2) 在 $\triangle ABC$ 中, 已知 $\tan A$ 与 $\tan B$ 是方程 $x^2 - 6x + 7 = 0$ 的两个根, 求 $\tan C$.
10. 证明: $(\sin \alpha + \sin \beta)^2 + (\cos \alpha + \cos \beta)^2 = 4 \cos^2 \frac{\alpha - \beta}{2}$.

必修第六章复习题 B 组

1. 选择题:

(1) 若 $0 < x < \frac{\pi}{4}$, 且 $\lg(\sin x + \cos x) = \frac{1}{2}(3 \lg 2 - \lg 5)$, 则 $\cos x - \sin x$ 的值为 ().

A. $\frac{\sqrt{6}}{3}$

B. $\frac{\sqrt{3}}{2}$

C. $\frac{\sqrt{10}}{5}$

D. $\frac{\sqrt{5}}{4}$

(2) 下列命题中, 真命题为 ().

A. 若点 $P(a, 2a)(a \neq 0)$ 为角 α 的终边上一点, 则 $\sin \alpha = \frac{2\sqrt{5}}{5}$

B. 同时满足 $\sin \alpha = \frac{1}{2}, \cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ 的角 α 有且只有一个

C. 如果角 α 满足 $-3\pi < \alpha < -\frac{5}{2}\pi$, 那么角 α 是第二象限的角

D. $\tan x = -\sqrt{3}$ 的解集为 $\{x | x = k\pi - \frac{\pi}{3}, k \in \mathbf{Z}\}$

2. 填空题:

(1) 在 $\triangle ABC$ 中, 若 $a^2 + b^2 + ab = c^2$, 则 $C =$ _____;

(2) 若 $\sin \theta = a, \cos \theta = -2a$, 且 θ 为第四象限的角, 则实数 $a =$ _____.

3. 已知 $\sin \alpha = a \sin \beta, b \cos \alpha = a \cos \beta$, 且 α 及 β 均为锐角, 求证: $\cos \alpha = \sqrt{\frac{a^2 - 1}{b^2 - 1}}$.

4. 已知 $0 < \alpha < \frac{\pi}{2} < \beta < \pi$, 且 $\cos \beta = -\frac{1}{3}, \sin(\alpha + \beta) = \frac{7}{9}$, 求 $\sin \alpha$ 的值.

5. 已知 $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}, \pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$, 且 $\sin \alpha = -\frac{\sqrt{5}}{5}, \cos \beta = -\frac{\sqrt{10}}{10}$. 求 $\alpha - \beta$ 的值.

6. 已知 $(1 + \tan \alpha)(1 + \tan \beta) = 2$, 且 α 及 β 都是锐角. 求证: $\alpha + \beta = \frac{\pi}{4}$.

7. 已知 α 是第二象限的角, 且 $\sin \alpha = \frac{\sqrt{15}}{4}$. 求 $\frac{\sin(\alpha + \pi/4)}{1 + \sin 2\alpha + \cos 2\alpha}$ 的值.

8. 证明:

(1) $\frac{2(1 + \sin 2\alpha)}{1 + \sin 2\alpha + \cos 2\alpha} = 1 + \tan \alpha$;

(2) $2 \sin \alpha + \sin 2\alpha = \frac{2 \sin^3 \alpha}{1 - \cos \alpha}$.

9. 根据下列条件, 分别判断三角形 ABC 的形状:

(1) $\sin C + \sin(B - A) = \sin 2A$;

(2) $\frac{\tan A}{\tan B} = \frac{a^2}{b^2}$.

10. 在 $\triangle ABC$ 中, 求证: $\tan \frac{A}{2} \tan \frac{B}{2} + \tan \frac{B}{2} \tan \frac{C}{2} + \tan \frac{C}{2} \tan \frac{A}{2} = 1$.

必修第六章拓展与思考

1. (1) 完成下表 (θ 为弧度数):

θ	1	0.5	0.1	0.01	0.001
$\sin \theta$					
$\frac{\sin \theta}{\theta}$					

(2) 观察上表中的数据, 你能发现什么规律?

(3) 已知 $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$, 利用图形面积公式证明 $\sin \theta < \theta < \tan \theta$, 并应用该公式说明 (2) 中猜想的合理性.

2. 在 $\triangle ABC$ 中, 已知 $A = 30^\circ$, $b = 18$. 分别根据下列条件求 B :

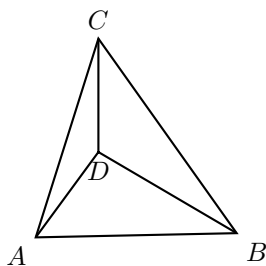
(1) ① $a = 6$, ② $a = 9$, ③ $a = 13$, ④ $a = 18$, ⑤ $a = 22$;

(2) 根据上述计算结果, 讨论使 B 有一解、两解或无解时 a 的取值情况.

3. (1) 根据 $\cos 54^\circ = \sin 36^\circ$ 和三倍角公式, 求 $\sin 18^\circ$ 的值;

(2) 你还能使用其他方法求 $\sin 18^\circ$ 的值吗? 若能, 请给出你的求法.

4. 如图, 要在 A 和 D 两地之间修建一条笔直的隧道, 现在从 B 地和 C 地测量得到: $\angle DBC = 24.2^\circ$, $\angle DCB = 35.4^\circ$, $\angle DBA = 31.6^\circ$, $\angle DCA = 17.5^\circ$. 试求 $\angle DAB$ 以确定隧道 AD 的方向 (结果精确到 0.1°).



必修第七章复习题 A 组

1. 求下列函数的最小正周期:

(1) $y = \sin \frac{x}{2}$;

(2) $y = 2 \cos(3x - \frac{\pi}{4})$.

2. 判断下列函数的奇偶性, 并说明理由:

(1) $y = \sin |2x|$;

(2) $y = \tan 5x$;

$$(3) y = \frac{1}{\cos x};$$

$$(4) y = \sin(x + \frac{\pi}{6}).$$

3. 已知 $2\sin(2x) = \sqrt{3}$, $x \in (-\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4})$. 求 x 的值.

4. 求下列函数的单调区间:

$$(1) y = -\sin 2x;$$

$$(2) y = 2\sin(x + \frac{\pi}{3});$$

$$(3) y = \cos(\frac{x}{2} - \frac{\pi}{4});$$

$$(4) y = 2\tan(2x + \frac{\pi}{4}).$$

5. 作出函数 $y = 2\sin(2x + \frac{\pi}{3})$ 的大致图像.

6. 已知函数 $y = A\sin(\omega x + \varphi)$ ($A > 0$, $\omega > 0$) 的振幅是 3, 最小正周期是 $\frac{2\pi}{3}$, 初始相位是 $\frac{\pi}{6}$. 求这个函数的表达式.

7. 求下列函数的最大值和最小值, 并求出取得最大值和最小值时所有 x 的值:

$$(1) y = \cos^2 x + \cos x - 2;$$

$$(2) y = \sin 2x, x \in [-\frac{2\pi}{3}, \frac{\pi}{3}];$$

$$(3) y = \sin^2 2x - 2\sin 2x;$$

$$(4) y = \cos(x - \frac{\pi}{6}), x \in [-\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}].$$

8. 某实验室一天的温度 y (单位:°C) 随时间 t (单位:h) 的变化近似满足函数关系 $y = 10 - \sqrt{3}\cos\frac{\pi}{12}t - \sin\frac{\pi}{12}t$, $t \in [0, 24)$.

(1) 求实验室一天中的最大温差;

(2) 若要求实验室温度不高于 11°C , 则在哪段时间实验室需要降温?

必修第七章复习题 B 组

1. 求函数 $y = \sin(2x - \frac{\pi}{4}) - 2\sqrt{2}\sin 2x$ 的最小正周期.

2. 在 $(0, 2\pi)$ 内, 求使 $\sin x > \cos x$ 成立的 x 的取值范围.

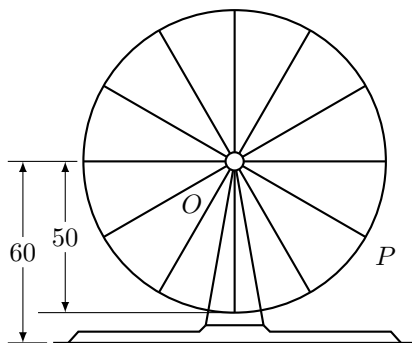
3. 求下列函数的最大值, 并求出取得最大值时所有 x 的值:

$$(1) y = 2\sin^2 x + \sin 2x - 1;$$

$$(2) y = 1 - \sin x - 2\cos^2 x, x \in [\frac{\pi}{3}, \frac{4\pi}{3}].$$

4. 若函数 $y = 2\sin\omega x$ (其中常数 ω 是小于 1 的正数) 在区间 $[0, \frac{\pi}{3}]$ 上的最大值是 $\sqrt{2}$, 求 ω 的值.

5. 如图, 摩天轮上一点 P 距离地面的高度 y 关于时间 t 的函数表达式为 $y = A\sin(\omega t + \varphi) + b$, $\varphi \in [-\pi, \pi]$. 已知摩天轮的半径为 50m, 其中心点 O 距地面 60m, 摩天轮以每 30 分钟转一圈的方式做匀速转动, 而点 P 的起始位置在摩天轮的最低点处.



(1) 根据条件具体写出 $y(\text{m})$ 关于 $t(\text{min})$ 的函数表达式;

(2) 在摩天轮转动的一圈内, 点 P 有多长时间距离地面超过 85m?

6. 说明: 用上一章 6.3 节给出的记号 \arcsin 与 \arccos (见必修第二册教材第 45 页), 可以定义函数 $y = \arcsin x$ ($x \in [0, 1]$) 与 $y = \arccos x$ ($x \in [0, 1]$).

验证:

(1) 函数 $y = \sin x$ ($x \in [0, \frac{\pi}{2}]$) 与函数 $y = \arcsin x$ ($x \in [0, 1]$) 互为反函数;

(2) 函数 $y = \cos x$ ($x \in [0, \frac{\pi}{2}]$) 与函数 $y = \arccos x$ ($x \in [0, 1]$) 互为反函数.

7. 把上题的记号略作推广: 对实数 $x \in [-1, 1]$, 若实数 $y \in [-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$ 使得 $\sin y = x$, 则记 $y = \arcsin x$; 类似地, 对实数 $x \in [-1, 1]$, 若实数 $y \in [0, \pi]$ 使得 $\cos y = x$, 则记 $y = \arccos x$. 说明: 经过推广的记号 \arcsin 与 \arccos , 定义了函数 $y = \arcsin x$ ($x \in [-1, 1]$) 与 $y = \arccos x$ ($x \in [-1, 1]$).

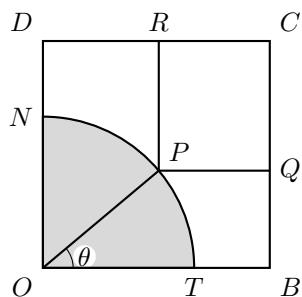
验证: (1) 函数 $y = \sin x$ ($x \in [-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$) 与函数 $y = \arcsin x$ ($x \in [-1, 1]$) 互为反函数;

(2) 函数 $y = \cos x$ ($x \in [0, \pi]$) 与函数 $y = \arccos x$ ($x \in [-1, 1]$) 互为反函数.

8. 对 $y = \tan x$ 与 $y = \arctan x$ 做类似的工作.

必修第七章拓展与思考

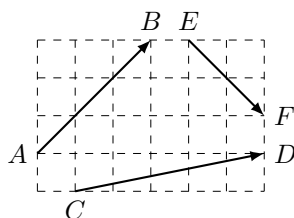
- 定义在区间 $(0, \frac{\pi}{2})$ 上的函数 $y = 6 \cos x$ 的图像与 $y = 5 \tan x$ 的图像的交点为 P , 过点 P 作垂直于 x 轴的垂线 PP_1 , 其垂足为 P_1 . 设直线 PP_1 与 $y = \sin x$ 的图像交于点 P_2 , 求线段 P_1P_2 的长.
- 已知定义在 \mathbf{R} 上的偶函数 $y = f(x)$ 的最小正周期为 2, 当 $0 \leq x \leq 1$ 时, $f(x) = x$.
 - 求当 $5 \leq x \leq 6$ 时函数 $y = f(x)$ 的表达式;
 - 若函数 $y = kx$, $x \in \mathbf{R}$ 与函数 $y = f(x)$ 的图像恰有 7 个不同的交点, 求 k 的值.
- 如图, 有一块边长为 3m 的正方形铁皮 $ABCD$, 其中阴影部分 ATN 是一个半径为 2m 的扇形. 设这个扇形已经腐蚀不能使用, 但其余部分均完好. 工人师傅想在未被腐蚀的部分截下一块其边落在 BC 与 CD 上的矩形铁皮 $PQCR$, 使点 P 在弧 TN 上. 设 $\angle TAP = \theta$, 矩形 $PQCR$ 的面积为 $S \text{m}^2$.



- (1) 求 S 关于 θ 的函数表达式;
- (2) 求 S 的最大值及 S 取得最大值时 θ 的值.

必修第八章复习题 A 组

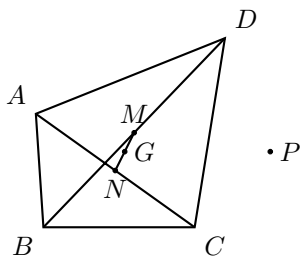
1. 如图, 在边长为 1 的小正方形组成的网格上, 求:



- (1) $|\overrightarrow{AB}|$;
- (2) $|\overrightarrow{CD}|$;
- (3) $|\overrightarrow{EF}|$.

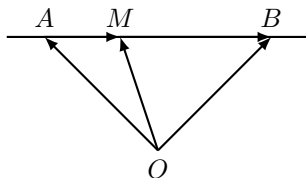
2. 已知 \vec{a} 、 \vec{b} 均为非零向量, 写出 $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a}| + |\vec{b}|$ 成立的充要条件.
3. 已知 \vec{a} 、 \vec{b} 为非零向量, 且 \vec{a} 、 \vec{b} 、 $5\vec{a} - 4\vec{b}$ 在同一起点上. 求证: 它们的终点在同一条直线上.
4. 在矩形 $ABCD$ 中, 边 AB 、 AD 的长分别为 2、1, 若 M 、 N 分别是边 BC 、 CD 上的点, 且满足 $\frac{|\overrightarrow{BM}|}{|\overrightarrow{BC}|} = \frac{|\overrightarrow{CN}|}{|\overrightarrow{CD}|}$, 则 $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AN}$ 的取值范围是_____.
5. 已知两个向量 \vec{e}_1 、 \vec{e}_2 满足 $|\vec{e}_1| = 2$, $|\vec{e}_2| = 1$, $\langle \vec{e}_1, \vec{e}_2 \rangle = 60^\circ$, 且向量 $2\lambda\vec{e}_1 + 7\vec{e}_2$ 与向量 $\vec{e}_1 + \lambda\vec{e}_2$ 的夹角为钝角. 求实数 λ 的取值范围.
6. 已知向量 $\vec{a} = (1, 0)$, $\vec{b} = (2, 1)$.
 - (1) 求 $|\vec{a} + 3\vec{b}|$;
 - (2) 当 k 为何实数时, $k\vec{a} - \vec{b}$ 与 $\vec{a} + 3\vec{b}$ 平行? 平行时它们是同向还是反向?
7. 已知在平面直角坐标系中, O 为原点, 点 $A(4, -3)$, $B(-5, 12)$.
 - (1) 求向量 \overrightarrow{AB} 的坐标及 $|\overrightarrow{AB}|$;
 - (2) 已知向量 $\overrightarrow{OC} = 2\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB}$, $\overrightarrow{OD} = \overrightarrow{OA} - 3\overrightarrow{OB}$, 求 \overrightarrow{OC} 及 \overrightarrow{OD} 的坐标;
 - (3) 求 $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB}$.

8. 已知向量 $\vec{a} = (3, -2)$, $\vec{b} = (-2, 1)$, $\vec{c} = (7, -4)$, 求 λ, μ , 使得 $\vec{c} = \lambda\vec{a} + \mu\vec{b}$.
9. 已知点 $M(3, -2)$ 、 $N(-5, -1)$, 且 $\overrightarrow{MP} = \frac{1}{3}\overrightarrow{MN}$. 求点 P 的坐标.
10. 在等腰三角形 ABC 中, 已知 D 为底边 BC 的中点. 求证: $AD \perp BC$.
11. 如图, 在四边形 $ABCD$ 中, G 为对角线 AC 与 BD 中点连线 MN 的中点, P 为平面上任意给定的一点. 求证: $4\overrightarrow{PG} = \overrightarrow{PA} + \overrightarrow{PB} + \overrightarrow{PC} + \overrightarrow{PD}$.
12. 在四边形 $ABCD$ 中, 向量 $\overrightarrow{AB} = \vec{i} + 2\vec{j}$, $\overrightarrow{BC} = -4\vec{i} - \vec{j}$, $\overrightarrow{CD} = -5\vec{i} - 3\vec{j}$. 求证: $ABCD$ 为梯形.

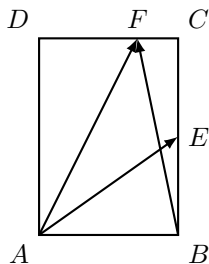


必修第八章复习题 B 组

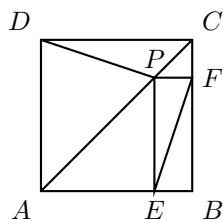
1. 已知 \vec{a} 、 \vec{b} 、 \vec{c} 均为非零向量, 其中的任意两个向量都不平行, 且 $\vec{a} + \vec{b}$ 与 \vec{c} 是平行向量, $\vec{a} + \vec{c}$ 与 \vec{b} 是平行向量. 求证: $\vec{b} + \vec{c}$ 与 \vec{a} 是平行向量.
2. 如图, 点 A 、 M 、 B 在同一条直线上, 点 O 不在该直线上, 且 $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$. 设 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$, $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$, $\overrightarrow{OM} = \vec{c}$, 试用向量 \vec{a} 、 \vec{b} 表示 \vec{c} .



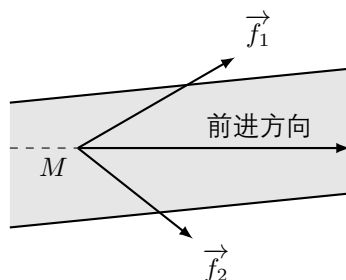
3. 设平面上有两个向量 $\vec{a} = (\cos \alpha, \sin \alpha)$ ($0^\circ \leq \alpha < 360^\circ$), $\vec{b} = (-\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2})$.
- (1) 求证: 向量 $\vec{a} + \vec{b}$ 与 $\vec{a} - \vec{b}$ 垂直;
- (2) 当向量 $\sqrt{3}\vec{a} + \vec{b}$ 与 $\vec{a} - \sqrt{3}\vec{b}$ 的模相等时, 求 α 的大小.
4. 如图, 在矩形 $ABCD$ 中, $AB = \sqrt{2}$, $BC = 2$, E 为 BC 的中点, 点 F 在边 CD 上且 $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AF} = \sqrt{2}$. 求 $\overrightarrow{AE} \cdot \overrightarrow{BF}$ 的值.



5. 已知等边三角形 ABC 的边长为 1, $\overrightarrow{BC} = \vec{a}$, $\overrightarrow{CA} = \vec{b}$, $\overrightarrow{AB} = \vec{c}$. 求 $\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}$.
6. 已知向量 $\overrightarrow{OA} = (k, 12)$, $\overrightarrow{OB} = (4, 5)$, $\overrightarrow{OC} = (-k, 10)$, 且 A 、 B 、 C 三点共线. 求实数 k 的值.
7. 已知向量 $\overrightarrow{OA} = (1, 7)$, $\overrightarrow{OB} = (5, 1)$, $\overrightarrow{OP} = (2, 1)$, K 为直线 OP 上的一个动点, 当 $\overrightarrow{KA} \cdot \overrightarrow{KB}$ 取最小值时, 求向量 \overrightarrow{OK} 的坐标.
8. 如图, 在正方形 $ABCD$ 中, P 是对角线 AC 上一点, PE 垂直 AB 于点 E , PF 垂直 BC 于点 F . 求证: $PD \perp EF$.



9. 证明: 三角形的三条高相交于一点.
10. 如图, 甲、乙分处河的两岸, 欲拉船 M 逆流而上, 需在正前方有 3000N 的力. 已知甲所用的力 \vec{f}_1 的大小为 2000N, 且与 M 的前进方向的夹角为 $\frac{\pi}{6}$, 求乙所用的力 \vec{f}_2 .



必修第八章拓展与思考

1. 在 $\triangle ABC$ 中, $AB = AC = 5$, $BC = 6$, M 是边 AC 上靠近 A 的一个三等分点. 问: 在线段 BM 上是否存在点 P , 使得 $PC \perp BM$?
2. 在 $\triangle ABC$ 中, 已知点 O 、 G 、 H 分别是三角形的外心、重心和垂心. 求证: O 、 G 、 H 三点共线 (此直线称为欧拉线).

必修第九章复习题 A 组

1. 选择题:

(1) 虚数的平方一定是 ().

- A. 正实数 B. 负实数 C. 虚数 D. 虚数或负实数

(2) 如果复平面上的向量 \overrightarrow{AB} 所对应的复数是 $-3 + 2i$, 那么向量 \overrightarrow{BA} 所对应的复数是 ().

- A. $3 - 2i$ B. $3 + 2i$ C. $-3 + 2i$ D. $-3 - 2i$

2. 填空题:

(1) 设 $z = 11 - 60i$, 则 $\operatorname{Re} z =$ _____; $\operatorname{Im} z =$ _____; $|z| =$ _____; $\bar{z} =$ _____.

(2) 下列三个命题中, 真命题是_____.

① 在复平面上, 表示实数的点都在实轴上, 表示虚数的点都在虚轴上;

② 任何一个表示虚数的点一定在某一个象限内;

③ 复数的模表示该复数在复平面上所对应的点到原点的距离.

3. 已知复数 $z = (a^2 - 2a - 3) + (a^2 - 4a + 3)i$, 其中 a 是实数.

(1) 若 $z \in \mathbf{R}$, 求 a 的值;

(2) 若 z 在复平面上所对应的点位于第一象限, 求 a 的取值范围.

4. 已知复数 $z_1 = (a^2 - a - 6) + (1 - 2a)i$, $z_2 = (a - 3) + (a^2 - 2a + 2)i$, 其中 $a \in \mathbf{R}$. 若 $\bar{z}_1 = z_2$, 求 a 的值.

5. 计算:

(1) $(4 + i)(3 + 2i)$;

(2) $(\sqrt{2} + \sqrt{3}i)(\sqrt{2} - \sqrt{3}i)(-\sqrt{3} + \sqrt{2}i)(-\sqrt{3} - \sqrt{2}i)$;

(3) $\frac{-3 + 29i}{1 + 2i}$;

(4) $\frac{(1 + i)^4}{1 + 2i} + \frac{(1 - i)^4}{1 - 2i}$;

(5) $[(\sqrt{3} + 1) + (\sqrt{3} - 1)i]^2$.

6. 已知复数 $z = \frac{(-3 - i)^2(2 - i)}{(1 + 2i)^3}$, 求 $|z|$.

7. 在复数范围内解下列方程:

(1) $x^2 - 4x + 8 = 0$;

(2) $3x^2 + 2x - 3 = 0$.

必修第九章复习题 B 组

1. 选择题:

(1) 设 $z_1, z_2 \in \mathbf{C}$, 则 “ $|z_1| = |z_2|$ ” 是 “ $z_1 = z_2$ ” 的 ().

A. 充分非必要条件

B. 必要非充分条件

C. 充要条件

D. 既非充分也非必要条件

(2)

设复数 $z = a + bi (a, b \in \mathbf{R})$, 则 z^2 是纯虚数的充要条件是 ().

A. $a^2 = b^2$

B. $a^2 + b^2 = 0$

C. $|a| = |b| \neq 0$

D. $ab \neq 0$

2. 若复数 z 满足 $z + \bar{z} = 2$, $(z - \bar{z})i = 2$, 求 $|z|$.

3. 若复数 z_1 和复数 z_2 满足 $z_1 z_2 = 3 - 4i$, $|z_1| = 2$, 求 $|z_2|$.

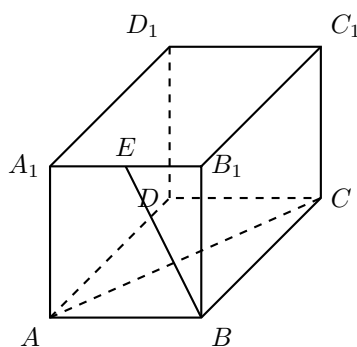
4. 若 x_1 和 x_2 是方程 $x^2 - 5x + 8 = 0$ 的两个根, 求 $|x_1| + |x_2|$ 的值.

必修第九章拓展与思考

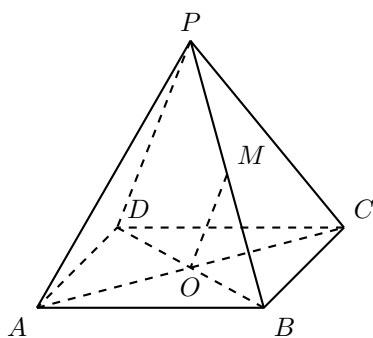
1. 若复数 z_1 和复数 z_2 满足 $|z_1| = 3$, $|z_2| = 4$, $|z_1 + z_2| = 5$, 求 $|z_1 - z_2|$.
2. 已知复数 z_1 和复数 z_2 满足 $z_1 + z_2 = 3 - 5i$, $\overline{z_1} - \overline{z_2} = -2 + 3i$. 求 $z_1^2 - z_2^2$.

必修第十章复习题 A 组

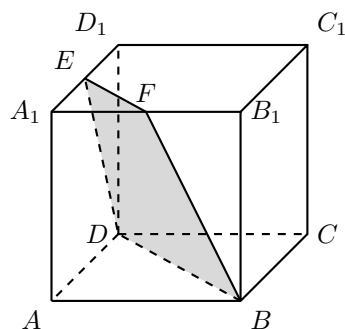
1. 如图, 在长方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中, E 为 A_1B_1 的中点, $AB = BB_1 = 2$, $AC = 2\sqrt{5}$. 求异面直线 BE 与 AC 所成角的大小.



2. 如图, 设 P 为矩形 $ABCD$ 所在平面外的一点, 矩形对角线的交点为 O , M 为 PB 的中点. 判断下列结论是否正确, 并说明理由:



- (1) $OM \parallel PD$;
 - (2) $OM \parallel$ 平面 PCD ;
 - (3) $OM \parallel$ 平面 PDA ;
 - (4) $OM \parallel$ 平面 PBA ;
 - (5) $OM \parallel$ 平面 PBC .
3. 如图, 正方体的棱长是 a , 点 E 、 F 分别是两条棱的中点.



(1) 求证: 四边形 $BDEF$ (图中阴影部分) 是一个梯形;

(2) 求四边形 $BDEF$ 的面积.

4. 判断下列命题的真假, 并说明理由:

(1) 若直线 l 与平面 M 斜交, 则 M 内不存在与 l 垂直的直线;

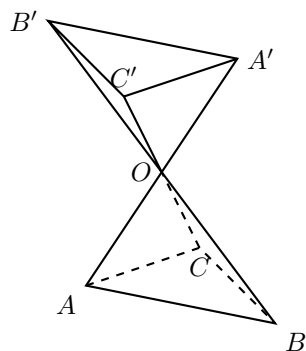
(2) 若直线 $l \perp$ 平面 M , 则 M 内不存在与 l 不垂直的直线;

(3) 若直线 l 与平面 M 斜交, 则 M 内不存在与 l 平行的直线;

(4) 若直线 $l \parallel$ 平面 M , 则 M 内不存在与 l 不平行的直线.

5. 如果不在平面上的一条直线上有两点到这个平面的距离相等, 那么这条直线和这个平面有什么位置关系? 画示意图表示.

6. 如图, 直线 AA' 、 BB' 、 CC' 相交于点 O , 且 $AO = A'O$, $BO = B'O$, $CO = C'O$. 求证: 平面 $ABC \parallel$ 平面 $A'B'C'$.



7. 已知直线 $l \perp$ 平面 α , 直线 $m \subset$ 平面 β , 判断下列命题的真假, 并说明理由:

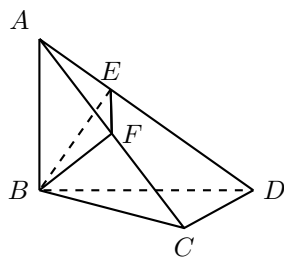
(1) 若 $\alpha \parallel \beta$, 则 $l \perp m$;

(2) 若 $\alpha \perp \beta$, 则 $l \parallel m$;

(3) 若 $l \parallel m$, 则 $\alpha \perp \beta$;

(4) 若 $l \perp m$, 则 $\alpha \parallel \beta$.

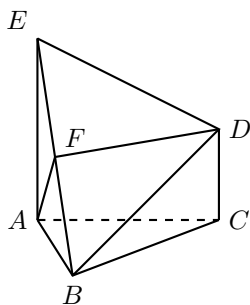
8. 如图, 已知线段 AB 垂直于三角形 BCD 所在的平面, 且 $AB = BC = CD = 1$, $\angle BCD = 90^\circ$. $BE \perp AD$, E 为垂足, F 为 AC 的中点. 求 EF 的长.



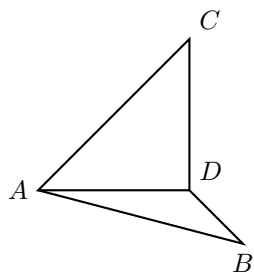
9. 设正六边形 $ABCDEF$ 的边长为 a , 线段 PA 垂直于正六边形所在的平面, 且 $PA = 2a$. 分别求点 P 到 CD 、 DE 与 BC 所在直线的距离.

必修第十章复习题 B 组

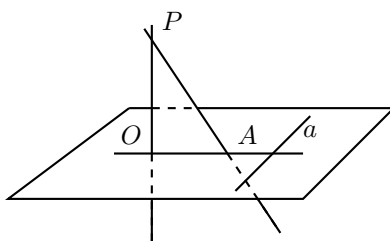
- 已知直线 a 、 b 和平面 α 、 β , 判断下列命题的真假, 并说明理由:
 - 若 $a \parallel \alpha$, $b \perp a$, 则 $b \perp \alpha$;
 - 若 $a \parallel \alpha$, $\alpha \perp \beta$, 则 $a \perp \beta$;
 - 若 $a \parallel b$, $b \subset \alpha$, 则 $a \parallel \alpha$.
- 证明: 如果平面 α 和不在这个平面上的直线 a 都垂直于平面 β , 那么直线 a 必平行于平面 α .
- 三个平面两两相交, 得到三条交线. 求证: 这三条交线交于一点或两两平行.
- 如图, 已知 $\triangle ABC$ 是正三角形, EA 、 CD 都垂直于平面 ABC , 且 $EA = AB = 2a$, $DC = a$, F 是 BE 的中点.



- 求证: $FD \parallel$ 平面 ABC ;
 - 求证: $AF \perp$ 平面 EDB .
- 证明: 如果一个平面的一条平行线垂直于另一个平面, 那么这两个平面互相垂直.
 - 如图, 以等腰直角三角形 ABC 斜边 BC 上的高 AD 为折痕, 使 $\triangle ABD$ 和 $\triangle ACD$ 折成互相垂直的两个面. 求证: $BD \perp CD$, 且 $\angle BAC = 60^\circ$.

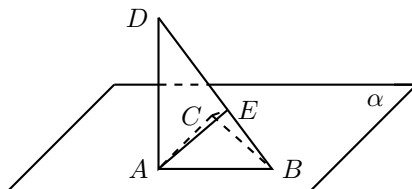


7. 证明: 如果共点的三条直线两两垂直, 那么它们中每两条直线所确定的平面也两两垂直.
8. 如图, P 是平面 α 外一点, 直线 PA 与平面 α 斜交于点 A , 从点 P 作平面 α 上的一条直线 OA 的垂线 PO , 垂足为 O . 又设 a 是平面 α 上的一条直线, 且 $a \perp OA, a \perp PA$.



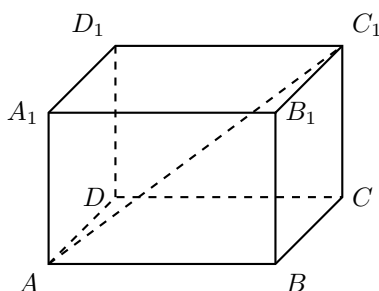
求证: $PO \perp$ 平面 α , 从而 OA 是 PA 在平面 α 上的投影.

9. 如图, 直角三角形 ABC 在平面 α 上, 且 $\angle BAC = 90^\circ$. 以 A 为垂足作 $DA \perp \alpha$, 在 DB 上取一点 E , 使 $AE \perp DB$. 求证: $CE \perp DB$.



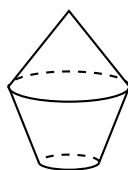
必修第十章拓展与思考

1. 设平面 α 与平面 β 平行, $A \in \alpha, B \in \beta, C$ 是 AB 的中点. 当 A, B 分别在 α, β 上运动时, 所有的动点 C 是否保持在同一个平面上? 证明你的结论.
2. 在长方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中, 如果对角线 AC_1 与过点 A 的相邻三个面所成的角分别为 α, β, γ , 那么 $\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma =$ _____.



必修第十一章复习题 A 组

1. 如图, 该几何体是由哪个平面图形旋转得到的? 画出其余平面图形旋转得到的几何体.



A.



B.



C.



D.



2. 判断下列命题是否正确, 并说明理由:

- (1) 以直角三角形的一直角边为轴旋转所形成的旋转体是圆锥;
- (2) 以直角梯形的一腰为轴旋转所形成的旋转体是圆台;
- (3) 圆柱、圆锥、圆台都有两个底面;
- (4) 圆锥的侧面展开图为扇形, 这个扇形所在圆的半径等于圆锥底面圆的半径.

3. 已知一个圆锥的侧面展开图恰是一个半圆. 用通过圆锥的轴的平面截此圆锥, 求截面三角形的顶角.

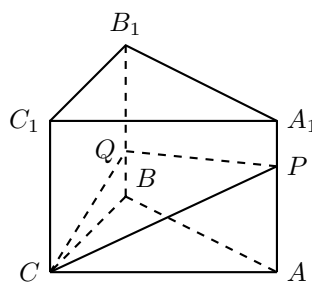
4. 过圆锥高的三等分点分别作平行于底面的截面, 求它们把圆锥侧面分成的三部分的面积之比.

5. 在棱长为 1 的正方体上, 用过同一顶点的三条棱中点的平面分别截该正方体, 截去 8 个三棱锥. 求剩下的几何体的体积.

6. 已知长方体一个顶点上的三条棱长分别是 3、4、5, 且它的 8 个顶点都在同一球面上. 求这个球的表面积.

7. 在等边圆柱 (底面直径等于高的圆柱)、球、正方体的体积相等的情况下, 讨论它们的表面积的大小关系.

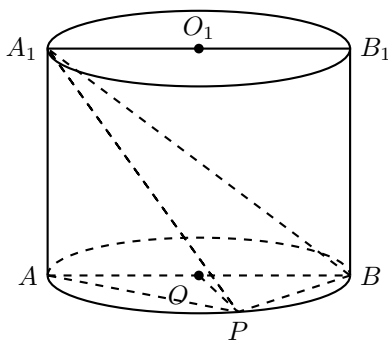
8. 如图, 在三棱柱的侧棱 A_1A 和 B_1B 上分别取 P 、 Q 两点, 使 PQ 平分侧面 ABB_1A_1 的面积. 求平面 PQC 把棱柱所分成的两部分的体积之比.



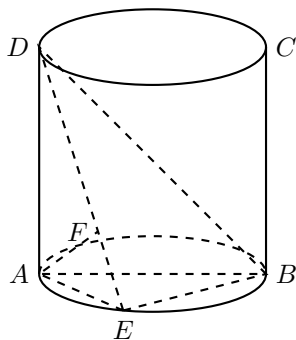
9. 已知用通过圆锥的轴的平面去截一个圆锥, 得到的截面是面积为 $9\sqrt{3}\text{cm}^2$ 的正三角形. 求此圆锥内接球的半径.

必修第十一章复习题 B 组

1. 若一个长方体长、宽、高之比为 $2:1:3$, 表面积为 22 , 求它的体积.
2. 如果两个球的体积之比为 $8:27$, 求这两个球的表面积之比.
3. 设点 O_1 为圆锥的高靠近顶点的三等分点, 求过 O_1 与底面平行的截面面积与底面面积之比.
4. 若棱锥的高为 16 , 底面积为 256 , 平行于底面的截面面积为 50 , 求该截面与棱锥底面之间的距离.
5. 设圆锥的母线长为 1 , 高为 12 , 过圆锥的任意给定的两条母线作一个截面. 求截面面积的最大值.
6. 将若干毫升水倒入底面半径为 2cm 的圆柱形器皿中, 量得水面高度为 6cm . 若将这些水倒入底面半径等于母线的倒圆锥形器皿中, 且恰好装满, 求圆锥形器皿的高.
7. 已知长方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 的三条棱长分别为 3cm 、 2cm 、 1cm , 求表面有一只蜘蛛从 A 爬行到 C_1 的最短距离.
8. 如图, 已知点 P 在圆柱 O_1O 的底面圆 O 的圆周上, AB 为圆 O 的直径, 圆柱的表面积为 20π , $OA = 2$, $\angle AOP = 120^\circ$.

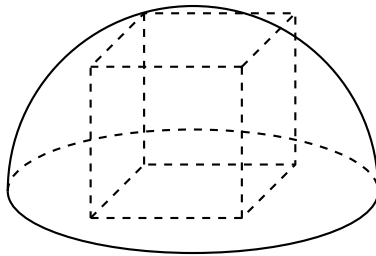


- (1) 求三棱锥 $A_1 - ABP$ 的体积;
- (2) 求异面直线 A_1B 与 AP 所成角的大小.
9. 如图, 在圆柱中, 底面直径 AB 等于母线 AD , 点 E 在底面的圆周上, 且 $AF \perp DE$, F 是垂足.



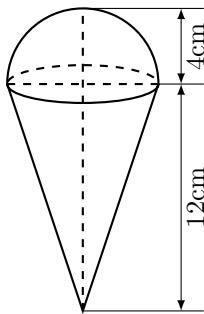
- (1) 求证: $AF \perp DB$;
- (2) 若圆柱与三棱锥 $D-ABE$ 的体积的比等于 3π , 求直线 DE 与平面 ABD 所成角的大小.

10. 如图, 半球内有一内接正方体 (即正方体的一个面在半球的底面圆上, 其余顶点在半球面上). 若正方体的棱长为 $\sqrt{6}$, 求半球的表面积和体积.

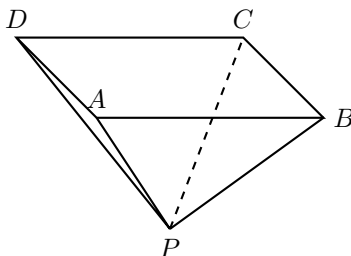


必修第十一章拓展与思考

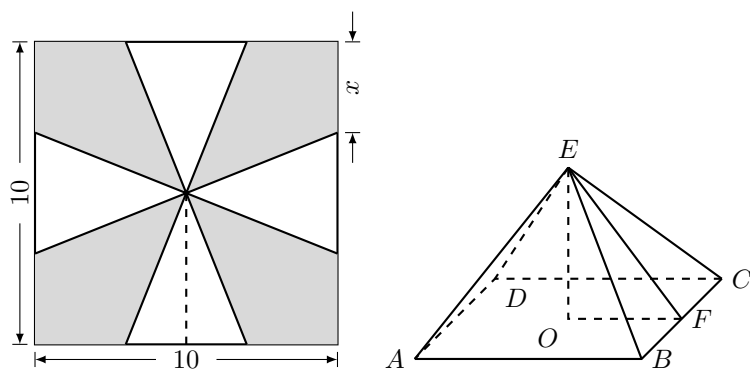
1. 已知圆锥的底面半径为 r , 高为 h , 正方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 内接于该圆锥. 求这个正方体的棱长.
2. 如图, 一个圆锥形的空杯子上放着一个半球形的冰激凌, 如果冰激凌融化了, 会溢出来吗?



3. 如图, 用一块钢锭浇铸一个厚度均匀, 且表面积为 2m^2 的正四棱锥形有盖容器. 设容器的高为 $h\text{m}$, 盖子的边长为 $a\text{m}$.



- (1) 求 a 关于 h 的函数表达式;
- (2) 当 h 为何值时, 容器的容积 V 最大? 并求出 V 的最大值.
4. 将一块边长为 10cm 的正方形铁片裁下如图所示的阴影部分, 用余下的四个全等的等腰三角形加工成一个无盖的正四棱锥形容器罩.



- (1) 试把容器罩的表面积 S 表示为 x 的函数;
- (2) 试把容器罩的体积 V 表示为 x 的函数.

必修第十二章复习题 A 组

1. 从字母 a 、 b 、 c 、 d 、 e 中任取两个, 求取到字母 a 的概率.
2. 现有 5 根细木棍, 长度 (单位: cm) 分别为 1、3、5、7、9, 从中任取 3 根. 求能搭成一个三角形的概率.
3. 将 2 本不同的英语书和 1 本语文书在书架上随机排成一行, 求 2 本英语书相邻的概率.
4. 从编号分别为 1、2、3、4、5、6 的 6 个大小与质地相同的小球中随机取出 3 个, 求恰有 2 个小球编号相邻的概率.
5. 袋中装有大小与质地相同的 5 个球, 其中红色球 3 个, 标号分别为 1、2、3; 蓝色球 2 个, 标号分别为 1、2. 从袋中任取 2 个球, 求这 2 个球颜色不同且标号之和不小于 4 的概率.
6. 袋中装有大小与质地相同的 5 个球, 其中白球 3 个, 黑球 2 个, 从中一次摸出 2 个球.
 - (1) 写出该随机试验的一个等可能的样本空间;
 - (2) 求摸出来的 2 个球都是白球的概率;
 - (3) 求摸出来的 2 个球颜色不同的概率.
7. 对某工厂生产的产品质量进行抽查, 数据如下表所示.

抽查件数	50	100	200	300	500
合格件数	47	95	192	285	478

根据上表所提供的数据, 问: 合格品的概率约为多少?(结果保留两位小数)

8. 射击队某选手命中环数的概率如下表所示.

命中环数	10	9	8	7
概率	0.32	0.28	0.18	0.12

该选手射击一次, 求:

- (1) 命中 9 环或 10 环的概率;
- (2) 至少命中 8 环的概率;
- (3) 命中不足 8 环的概率.

必修第十二章复习题 A 组

1. 某学生做两道选择题, 已知每道题均有 4 个选项, 其中有且只有一个正确答案. 该学生随意填写两个答案, 求两个答案都选错的概率.
2. 盒子中有标号为 1、2、3 的 3 个大小与质地相同的球, 随机地取 1 个球, 放回后再取 1 个球, 把这 2 个球对应的号码按照取的先后顺序组成一个两位数. 求个位数与十位数不相同的概率.
3. 一个盒子中装有 4 张卡片, 卡片上分别写有数字 1、2、3、4. 现从盒子中随机抽取卡片.
 - (1) 若一次抽取 3 张卡片, 求 3 张卡片上数字之和大于 7 的概率;
 - (2) 若第一次抽取 1 张卡片, 放回后再抽取 1 张卡片, 求两次抽取的卡片上数字之和大于 7 的概率.
4. 盒子中有散落的黑白棋子若干粒, 已知从中取出 2 粒都是黑子的概率是 $\frac{1}{7}$, 从中取出 2 粒都是白子的概率是 $\frac{1}{6}$. 问: 从中任意取出 2 粒恰好是同一颜色的概率是多少?

必修第十二章拓展与思考

1. 社会调查人员总希望从对人群的随机抽样调查中得到对他们所提问题的诚实回答, 但是被采访者常常不愿意如实做出应答. 1965 年, 华纳 (Stanley L. Warner) 发明了一种应用概率知识来消除这种不愿意如实回答的情绪的方法. 华纳的随机化应答方法要求人们随机地回答所提两个问题中的一个, 而不必告诉采访者究竟回答的是哪个问题, 在这两个问题中有一个是敏感的或者令人为难的, 另一个则是无关紧要的. 这样, 应答者将乐意如实地回答问题, 因为只有他自己知道回答的是哪个问题. 例如, 在调查运动员是否服用兴奋剂的时候, 设计一个从袋中摸球的试验: 袋中放有 1 黑 1 白两个大小与质地相同的小球, 运动员从中随意摸出 1 个小球. 无关紧要的问题是: 你摸出的小球是白色的吗? 而敏感的问题是: 你服用过兴奋剂吗? 然后要求被调查的运动员抛掷一枚硬币, 如果出现正面, 就回答第一个问题, 否则回答第二个问题. 假设用这个方法调查了 200 名运动员, 得到 56 个“是”的回答, 请你估计这群运动员中大约有百分之几的人服用过兴奋剂.
2. 在一次知识竞赛中, 假设 A 、 B 、 C 、 D 四人独立答题, 且答对的概率分别为 $P(A) = \frac{1}{3}$, $P(B) = \frac{1}{4}$, $P(C) = \frac{1}{5}$, $P(D) = \frac{2}{3}$, 如果将 A 、 B 、 C 组成一组与 D 比赛, 且 A 、 B 、 C 三人中有一人答对即算该组答对, 那么哪一方答对的概率大?

必修第十三章复习题 A 组

1. 某高校研究人员希望调查该校大学生平均每天的自习时间. 他调查了 100 名大学生, 发现他们每天的平均自习时间是 3.5h. 这里的总体是 ().

- A. 该校的所有大学生
- B. 该校所有大学生的平均每天自习时间
- C. 所调查的 100 名大学生
- D. 所调查的 100 名大学生的平均每天自习时间

2. 某家大型超市的日客流量 (单位: 千人次) 分别为: 3.4、3.6、5.6、1.8、3.7、4.0、2.5、2.8、4.4、3.6. 下列图形中不利于描述这些数据的是 ().

- A. 散点图
- B. 条形图
- C. 茎叶图
- D. 扇形图

3. 某汽车销售商销售某品牌的 A、B、C 三类轿车, 每类轿车均有舒适型和经济型两种型号, 其某月的销量 (单位: 辆) 如下表所示.

	A	B	C
舒适型/辆	35	28	15
经济型/辆	50	72	40

试设计一个抽样方案, 从该月购买轿车的客户中抽取 20 位, 调查他们的满意度.

4. 某校 30 名高一女生的扔手球记录如下 (单位: m):

16.3 13.2 17.7 14.3 16.4 19.8 13.5 14.5 11.7 14.1
 14.8 17.2 13.8 15.4 16.3 15.7 18.5 16.8 17.9 15.9
 17.6 15.4 16.8 21.4 16.5 18.1 16.0 20.3 16.6 19.5

- (1) 选择适当的组距, 制作一张频率分布表;
- (2) 在 (1) 的基础上, 绘制一幅频率分布直方图.

5. 某公司对应聘人员进行能力测试, 测试成绩总分为 150 分, 下面是 50 位应聘人员的测试成绩:

64 67 70 72 74 76 76 79 80 81
 82 82 83 85 86 88 91 91 92 93
 93 93 95 96 96 97 97 99 100 100
 102 104 106 106 107 108 108 112 112 114
 116 118 119 119 122 123 125 126 128 133

试用这些数据绘制一幅茎叶图.

6. 某超市从一家食品有限公司购进一批茶叶, 每罐茶叶的标准质量是 125g, 为了解该批茶叶的质量情况, 从中随机抽取 20 罐, 称得各罐质量 (单位: g) 如下:

124.9 124.7 126.2 124.9 124.2 124.9 123.7
 121.4 126.4 127.7 121.9 124.4 125.2 123.7
 122.7 124.2 126.2 125.2 122.2 125.4

回答下列问题:

(1) 20 罐茶叶的平均质量 \bar{x} 是多少, 标准差 s 是多少? (2) 有多少罐茶叶的质量位于 $\bar{x} - s$ 与 $\bar{x} + s$ 之间, 所占的百分比是多少?

7. 数据 x_1, x_2, \dots, x_n 的方差为 s_x^2 , 数据 y_1, y_2, \dots, y_n 的方差为 s_y^2 , 若 $y_1 = ax_1 + b, y_2 = ax_2 + b, \dots, y_n = ax_n + b$ 成立, a, b 为常数, 求证: $s_y^2 = a^2 s_x^2$.

必修第十三章复习题 B 组

1. 下表是上海市 2007 年至 2016 年的月平均气温 (单位: $^{\circ}\text{C}$).

年份	1 月	2 月	3 月	4 月	5 月	6 月	7 月	8 月	9 月	10 月	11 月	12 月
2007	5.9	9.8	12.1	15.9	22.9	25	30.4	29.7	25.4	20.6	14.2	9.8
2008	4.5	4.2	11.6	16.1	21.8	24.2	30.4	28.6	26	21	13.3	7.9
2009	4.3	9.3	10.8	16.7	22.5	26.3	29	28.1	25.4	21.4	12.4	6.9
2010	5.7	7.7	9.6	13.3	20.9	24.1	28.8	30.9	26.2	19.3	14.2	8.1
2011	1.9	6.5	9.5	16.2	21.9	24.4	30.2	28.3	24.7	19.3	16.7	6.9
2012	5.1	4.8	9.8	17.6	21.6	24.7	29.9	29	23.9	20.1	12.6	6.6
2013	4.6	6.8	11	15.3	21.3	24.1	32	31	25	20	13.4	6.1
2014	6.6	6.1	11.5	15.7	21.7	23.3	27.4	26.3	24.2	20.2	14.8	5.7
2015	6	6.8	10.6	15.9	20.5	24.2	26.7	27.8	24.2	19.6	14	7.8
2016	4.4	6.9	11	16.7	20.6	24.2	29.9	29.5	24.9	20.8	13.6	9.1

数据来源: 上海统计年鉴.

回答下列问题:

- (1) 10 年中每年最冷的月份相同吗?
- (2) 10 年中哪个月份的气温波动最大?
- (3) 10 年中哪一年的气温波动最大?
- (4) 绘制 10 年中 7 月份与 8 月份气温的折线图, 比较气温的高低.

2. 某高校数学专业共有 850 名学生, 从中选取 20 名学生参加学生代表大会. 试写出具体抽样方案.
3. 某校高一年级学生进行了 4 次测验, 成绩 (单位: 分) 如下表所示. 根据 4 次测验的结果, 我们如何比较这 10 名学生的成绩? 下周有一场数学竞赛活动, 如果需要 1 名学生参赛, 那么推荐谁去最好? 如果需要 4 名学生参赛, 那么又该推荐谁去?

学生编号	第 1 次	第 2 次	第 3 次	第 4 次
1	90	82	97	100
2	103	86	101	92
3	77	83	106	87
4	94	93	99	99
5	89	97	93	90
6	101	79	87	95
7	91	92	91	93
8	82	94	100	106
9	88	78	95	78
10	83	88	104	89

4. 某客服部门计划根据员工每个月接通的电话数给予奖金奖励, 并且要保证 50% 的员工能拿到基本奖励, 拿到基本奖励的员工中至多 10% 的人能够拿到额外奖励. 该部门随机抽取了 30 名员工, 调查了他们上半个月与客户的通话数量, 数据如下:

1344 1428 1083 1239 1381 1099 1607 1041 1130 1610
 1445 921 931 1100 1197 1282 1549 1463 901 1354
 1378 1752 1032 968 902 1804 1051 1319 1223 1124

请利用百分位数来为该部门设计奖励方案.

选择性必修第一章复习题 A 组

- 求直线 $\sqrt{2}x - 4y + 5 = 0$ 的倾斜角 (用 \arctan 表示).
- 若直线 $ax + 2y + 6 = 0$ 和直线 $x + a(a+1)y + (a^2 - 1) = 0$ 互相垂直, 求实数 a 的值.
- 直线 $x - y + 1 = 0$ 上一点 P 的横坐标是 3, 若该直线绕点 P 逆时针旋转 90° 得到直线 l , 求直线 l 的方程.
- 设直线 $x - ay - 4 = 0$ 与直线 $y = -2x + 4$ 的夹角为 $\arccos \frac{2\sqrt{5}}{5}$, 求实数 a 的值.
- 已知 $\alpha \in [0, \frac{\pi}{2})$, 求直线 $x \cos \alpha + \sqrt{3}y + 2 = 0$ 的倾斜角的取值范围.
- 求过点 $(3, -2)$ 且在 x 轴、 y 轴上截距相等的直线的方程.
- 已知点 $P(1, 1)$ 到直线 $x + ay - 2 = 0$ 的距离为 1, 求实数 a 的值.
- 已知平行四边形 $ABCD$ 中, 边 AB 所在直线的方程为 $x + y - 1 = 0$, 边 AD 所在直线的方程为 $3x - y + 4 = 0$.
 (1) 求点 A 的坐标;
 (2) 若点 C 的坐标为 $(3, 3)$, 分别求边 BC 与 DC 所在直线的方程.

9. 已知直线 $l_1: x + my + 6 = 0$, $l_2: (m - 2)x + 3y + 2m = 0$, 求实数 m 的取值范围, 使得:
- (1) l_1 与 l_2 相交;
 - (2) $l_1 \perp l_2$;
 - (3) $l_1 \parallel l_2$;
 - (4) l_1 与 l_2 重合.
10. 已知直线 l 与两坐标轴围成一个等腰直角三角形, 且此三角形的面积为 $\frac{49}{2}$. 求直线 l 的方程.
11. 在 $\triangle ABC$ 中, 边 AB 、 AC 上的高所在直线的方程分别为 $2x - 3y + 1 = 0$ 与 $x + y = 0$, 点 A 的坐标为 $(1, 2)$. 求边 BC 所在直线的方程.
12. 已知直线 l 垂直于直线 $3x + 4y - 9 = 0$, 点 $A(2, 3)$ 到直线 l 的距离为 1. 求直线 l 的方程.
13. 已知三条直线 $l_1: ax + by + 4 = 0$, $l_2: (a - 1)x + y + b = 0$, $l_3: x + 2y + 3 = 0$.
- (1) 若 $l_1 \perp l_2$ 且 l_1 经过点 $(-1, 1)$, 求 a 、 b 的值;
 - (2) 若 $l_1 \parallel l_2 \parallel l_3$, 求 a 、 b 的值.

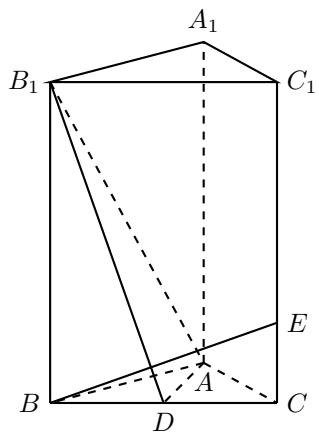
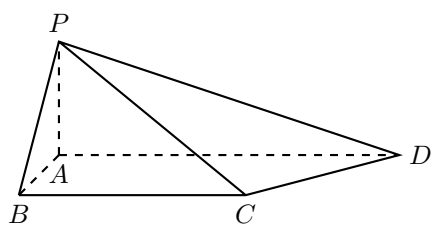
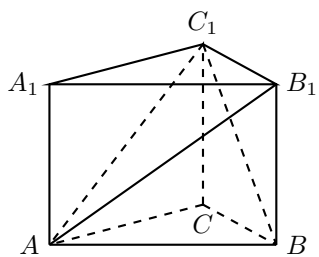
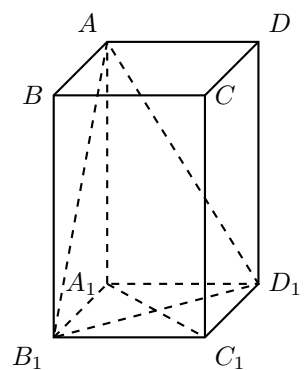
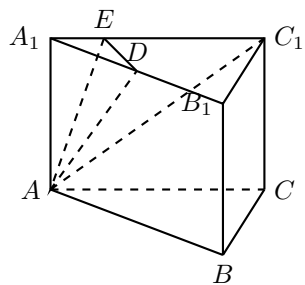
选择性必修第一章复习题 B 组

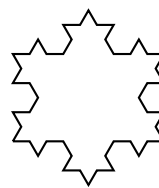
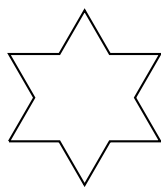
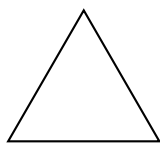
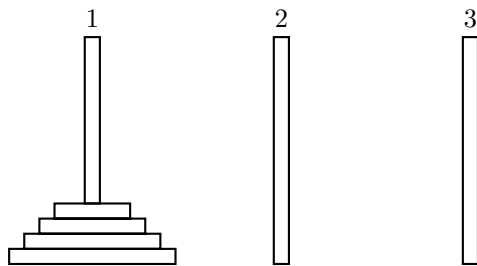
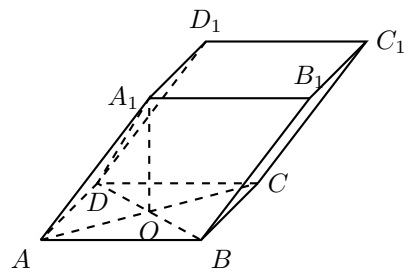
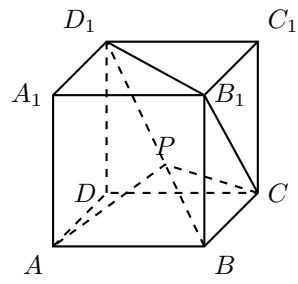
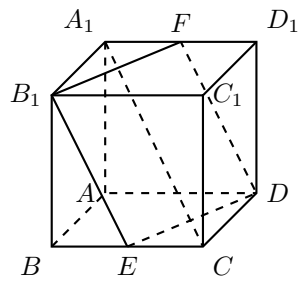
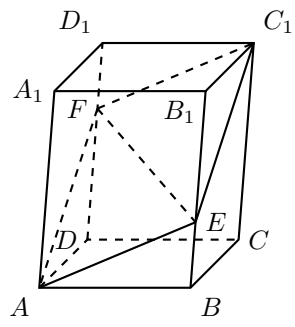
1. 已知过点 $(0, -2)$ 且具有斜率 k 的直线 l 与以点 $A(3, 1)$ 和 $B(-2, 5)$ 为端点的线段 AB 相交, 求实数 k 的取值范围.
2. 已知两条直线 $l_1: y - x = 0$, $l_2: y = ax$, 其中 $a \in \mathbf{R}$. 当这两条直线的夹角在 $(0, \frac{\pi}{12})$ 内变化时, 求实数 a 的取值范围.
3. 直线 l 过原点且平分平行四边形 $ABCD$ 的面积, 若此平行四边形的两个顶点为 $B(1, 4)$ 、 $D(5, 0)$, 求直线 l 的方程.
4. 求直线 $l_1: 3x - 2y - 6 = 0$ 关于直线 $l_2: 2x - 3y + 1 = 0$ 对称的直线 l_3 的方程.
5. 已知动点 $M(a, b)$ 在直线 $3x + 4y - 15 = 0$ 上, 求 $\sqrt{a^2 + b^2}$ 的最小值.
6. 已知两条平行直线 l_1 与 l_2 分别过点 $P_1(1, 0)$ 与点 $P_2(0, 5)$, l_1 、 l_2 之间的距离为 d . 求 d 的最大值, 并指出此时 l_1 、 l_2 的方程.
7. 已知直线 l 经过点 $C(2, 1)$, 且与 x 轴、 y 轴的正半轴分别交于点 A 、点 B , O 是坐标原点.
 - (1) 当 $\triangle AOB$ 的面积最小时, 求直线 l 的方程;
 - (2) 当 $|CA| \cdot |CB|$ 取最小值时, 求直线 l 的方程, 并求此最小值.

选择性必修第一章拓展与思考

1. 作出方程 $|x| + |y| = 1$ 所表示的图形, 并求该图形围成的区域的面积.
2. 给定直线 $l_1: y = k_1x + b_1$ 与 $l_2: y = k_2x + b_2$, 求证: 如果直线 l_1 与 l_2 不互相垂直, 那么它们的夹角 α 满足 $\tan \alpha = \left| \frac{k_1 - k_2}{1 + k_1 k_2} \right|$.

3. 已知直线 $l_1 : 4x + y = 4$, $l_2 : mx + y = 0$, $l_3 : 2x - 3my = 4$. 当 m 为何值时, 它们不能围成三角形?
4. 点到直线的距离是该点到直线上任意一点距离的最小值. 如果把一个给定点到线段上任意一点的距离的最小值定义为该点到该线段的距离, 试求点 $P(1, 1)$ 到线段 $l : x - y - 3 = 0$ ($3 \leq x \leq 5$) 的距离.





...

M_1

M_2

M_3

...