

ATIVIDADE AVALIATIVA 1 – ÁLGEBRA LINEAR – 4 DSM

NOME: _____

DATA DE ENTREGA: 28.03.2024

1) Determine se é subespaço vetorial de \mathbb{R}^3 :

a) $U = \{(a, b, c) \in \mathbb{R}^3 \mid a, c \in \mathbb{R}, b = a + c + 1\}$

b) $U = \{(a, b, c) \in \mathbb{R}^3 \mid a, b \in \mathbb{R}, 2a + 3b = 5c\}$

2) Sejam W e A os subconjuntos de $M_{2 \times 2}(\mathbb{R})$ dados por $W = \left\{ \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} : a + d = 0 \right\}$ e

$$A = \left\{ \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} : a + d = -1 \right\}.$$

Mostre que W é um subespaço vetorial de $M_{2 \times 2}(\mathbb{R})$.

3) Sejam os vetores $u = (2, -3, 2)$ e $v = (-1, 2, 4)$ em \mathbb{R}^3 .

a) Escreva o vetor $w = (7, -11, 2)$ como combinação linear de u e v .

b) Para que valor de K o vetor $(-8, 14, k)$ é combinação linear de u e v ?

c) Determinar uma condição entre a , b , e c para que o vetor (a, b, c) seja uma combinação linear de u e v .

4) Determinar a condição para x , y , z , w de modo que (x, y, z, w) seja combinação linear de $v_1 = (1, -3, 2, 2)$ e $v_2 = (2, 4, -1, -1)$.

5) Mostrar que o vetor $v = (4, 3, -6)$ não é combinação linear de $v_1 = (1, -3, 2)$ e $v_2 = (2, 4, -1)$.

6) Considere a seguinte base para \mathbb{R}^3 :

$$X = \{(1, 1, 1), (0, 1, 1), (0, 0, 1)\}$$

Escreva $w = (2, 4, -1)$ como combinação linear dos elementos de X .