

(Agenda) 2.16

- Contraexemple algorithme ordreació decreixent p_i

Suposem 2 tasques: Tasca 1:

$$d_1 = 5$$

$$p_1 = 8$$

Tasca 2

$$d_2 = 1$$

$$p_2 = 4$$

Segons l'algorithme:

Tasca 1	Tasca 2
-----	-----
$d_1 = 5$	$d_2 = 1$
$p_1 = 8$	$p_2 = 4$

Penalització:

$$5 \cdot 8 + 4 \cdot 6 = 64$$

En canvi, al revés...

Tasca 2	Tasca 1
-----	-----
$d_2 = 1$	$d_1 = 5$
$p_2 = 4$	$p_1 = 8$

Penalització:

$$4 \cdot 1 + 8 \cdot 6 = 52$$

↑
aquesta solució
és millor!

- Algorithme non

Ordenament per p_i/d_i decreixent

Solució S_{inv} .

Correctesa: Demostració per "invers"

Suposem tasques $i, i+1$ inversades, per tant $\frac{p_i}{d_i} < \frac{p_{i+1}}{d_{i+1}}$

t = temps transcorregut fins inici tasca i

S = penalització de les altres tasques que no són $i, i+1$

$$\text{cost}(S_{inv}) = S + (t + d_i) p_i + (t + d_i + d_{i+1}) p_{i+1}$$

Analitzem ara la solució inversant $i, i+1$ (S_{no-inv})

$$\text{cost}(S_{no-inv}) = S + (t + d_{i+1}) p_{i+1} + (t + d_{i+1} + d_i) p_i$$

no canvia ↑

$$\text{cost}(S_{inv}) - \text{cost}(S_{no-inv}) > 0$$

Volem veure que $\text{cost}(S_{inv}) - \text{cost}(S_{no-inv}) > 0$

$$S + (t + d_i) p_i + (t + d_i + d_{i+1}) p_{i+1} - S - (t + d_{i+1}) p_{i+1} - (t + d_{i+1} + d_i) p_i =$$

$$= d_i p_{i+1} - d_{i+1} p_i > 0$$

$$\frac{p_i}{d_i} < \frac{p_{i+1}}{d_{i+1}} \Rightarrow d_i p_{i+1} < d_{i+1} p_i$$

Demostrat