

Cinemática Galáctica

Informe Tarea 2

Integrantes: Javier Huenupi
Profesor: Edgardo Costa
Leonardo Bronfman
Auxiliar: Paulina Palma
Fecha de realización: 27 de mayo de 2021
Fecha de entrega: 27 de mayo de 2021
Santiago, Chile

Índice de Contenidos

1. Introducción	1
2. Curva de rotación	1
3. Corrugación del plano	2
4. Ajuste de modelo de masa	3
5. Análisis y Conclusiones	3
6. Anexos	3

Índice de Figuras

1. Curvas de rotación para la velocidad tangencial en el gráfico de más arriba y para la velocidad angular en el gráfico de abajo.	4
2. Corrugación de la vía láctea para el cuarto cuadrante, representado como la altura con respecto al ecuador galáctico versus la distancia al centro galáctico.	4
3. Fiteos de la curva de rotación de la velocidad tangencial para el cuarto cuadrante de la vía láctea, utilizando los 5 modelos descritos en la sección 4.	5

1. Introducción

Se estudia el cuarto cuadrante

2. Curva de rotación

La velocidad depende de la distancia al centro
Constantes para el Sol de la IAU (no están actualizadas)

$$v_{\odot}^{rot} = 220 \text{ km/s}$$

$$R_{\odot} = 8.5 \text{ kpc}$$

En la clase se llega a la *ecuación maestra*, pero para el caso en el que el objeto es tangencial. También se demuestra que ω disminuye con el radio.

Parece que se ocupa efecto Doppler para medir las velocidades.

No es lo mismo el movimiento en el centro galáctico que en el disco, en el disco se asume rotación pura, mientras que en el centro hay varios fenómenos como expansion, colapso, movimiento energetico, explosiones, etc.

Las velocidades iguales a 0 (en el diagrama longitud-velocidad) es cuando las estrellas están en el círculo solar, por lo que se puede confundir con algo muy lejos.

Parece que las coordenadas están en:

$$300^{\circ} < l < 348^{\circ}$$

$$-2^{\circ} < b < 2^{\circ}$$

Siguiendo la Figura (...) se tiene que la velocidad de una estrella, en la línea de visión viene dada por:

$$v_{||}(R) = v(R)\cos(\alpha) - v(R_{\odot}\sin(l))$$

donde se tiene la distancia del Sol al centro de la galaxia $R_{\odot} = 8.5 \text{ kpc}$, además por teorema del seno se tiene,

$$v_{||}(R) = v(R)\frac{R_{\odot}}{R}\sin(l) - v(R_{\odot}\sin(l))$$

$$\Leftrightarrow v_{||}(R) = [\omega(R) - \omega(R_{\odot})]R_{\odot}\sin(l) \quad (2.1)$$

esta última ecuación se le conoce como la *ecuación maestra*.

Haciendo un análisis de la velocidad de una partícula de masa m a una distancia R del centro galáctico, se iguala la fuerza gravitacional con la fuerza centrífuga, con lo que se tiene:

$$m\frac{v^2(R)}{R} = G\frac{M(R)m}{R^2}$$

$$\Rightarrow v(R) = \sqrt{G\frac{M(R)}{R}} \quad (2.2)$$

$$\Rightarrow \omega(R) = \frac{v(R)}{R} = \sqrt{G\frac{M(R)}{R^3}}. \quad (2.3)$$

donde $v(R)$ es la velocidad de la partícula, $\omega(R)$ la velocidad angular, G la constante de gravitación de Newton y $M(R)$ la masa de la galaxia encerrada dentro del radio R .

Así que, si se tiene que la galaxia tiene una forma esférica $M(R) \propto R^3 \Rightarrow \omega(R)$ es constante, pero si tiene forma de disco $M(R) \propto R^2 \Rightarrow \omega(R) \propto \sqrt{1/R}$, por lo que ω es constante o disminuye con la distancia al centro. Con esto se puede calcular la velocidad máxima de $v_{||}$. El máximo valor de $\omega(R)$, que maximiza $v_{||}$, se da para la menor distancia al centro galáctico que corresponde a $R_{min} = R_{\odot} \sin(l)$, por lo que la velocidad máxima corresponde a la velocidad tangencial.

Para realizar esta tarea se ocupó un cubo de datos que contiene: Longitud, latitud y velocidad, donde para cada punto en el cielo (l, b) se midió la velocidad máxima, o sea, la velocidad tangencial del cuerpo observado. Esta velocidad se escoge como la primera velocidad que tenga una temperatura de antena $T_A > 5\sigma$ (la velocidad más grande en magnitud que corresponde a la señal y no ruido), midiendo desde las velocidades en magnitud más grandes a las más pequeñas, con $\sigma = 0.1$ K. El procedimiento consistió en fijar las longitudes, l , y medir la velocidad que cumpla con la condición para la temperatura, que se guarda al igual que la latitud, b , correspondiente a la velocidad, además, se calcula el radio tangencial denotado por R_T por geometría igual a $R_{\odot} \sin(l)$. Con estos valores se calcula la velocidad angular $\omega(R)$ despejando de la ecuación maestra 2.1 evaluada en R_T ,

$$\omega(R_{\odot} \sin(l)) = \frac{v_T(l)}{R_{\odot} \sin(l)} + \omega_{\odot},$$

con ω_{\odot} la velocidad angular del Sol igual a (...) rads^{-1} . Esta velocidad angular se calcula para cada velocidad tangencial de cada longitud, con lo que se consigue el gráfico de $\omega(R)$ vs R , junto con el gráfico de la velocidad tangencial versus el radio, $v_T(R)$ vs R , ambos presentes en la Figura 1.

Después **el profe** habla sobre la *distancia cinemática*.

3. Corrugación del plano

El disco galáctico no es completamente plano, sino que tiene una pequeña corrugación que es mucho menor que el diámetro de la galaxia, aproximadamente la corrugación equivale a $\sim 1\%$ del diámetro.

Esto se debe a que la galaxia tiene una estructura ondulatoria que depende del ángulo θ medido en el plano galáctico, y la distancia R a su centro. Funciona como una onda espiral de densidad, y en R hay modos normales de oscilación.

Para medir esta corrugación se utilizaron los mismo datos usados para medir la curva de rotación. Se toma como posición de la densidad máxima para cada longitud, como la posición en la latitud para la cual se consigue la velocidad máxima en magnitud asociada, v_T , que se llamará b_{min} (se define como *min* debido a que como se midió en el cuarto cuadrante, la velocidad máxima en magnitud equivale a la velocidad más negativa). En ese punto (l, b_{min}) se tiene:

$$R = R_{\odot} \sin(l) \quad \wedge \quad D = R_{\odot} \cos(l),$$

por lo que, siguiendo la representación de la Figura (...), se consigue que la altura de dicho punto viene dada por:

$$z = D \cdot \tan(b_{min}) = R_{\odot} \cos(l) \cdot \tan(b_{min}),$$

con lo que se puede calcular la altura de las posiciones para cada longitud y graficar la relación con la distancia $R = R_{\odot} \sin(l)$, presente en la Figura 2.

4. Ajuste de modelo de masa

Para encontrar una expresión analítica para la curva de rotación se debe ocupar un modelo físico definido por la distribución de la masa de la galaxia. Para esto se ocupa la ecuación (2.2),

$$v(R) = \sqrt{G \frac{M(R)}{R}},$$

Para este informe se estudiaron 5 modelos de la distribución de masa $M(R)$:

- Modelos de un único parámetro libre
 - Masa puntual en el centro galáctico: $M(R) = M_0$.
 - Disco uniforme: $M(R) = \pi R^2 S$, con S la densidad superficial homogénea del disco.
 - Esfera uniforme: $M(R) = \frac{4}{3}\pi R^3 \rho$, con ρ la densidad volumétrica homogénea de la esfera.
- Modelos de dos parámetros libres
 - Disco uniforme más una masa puntual central: $M(R) = \pi R^2 S + M_0$.
 - Esfera uniforme más una masa puntual central: $M(R) = \frac{4}{3}\pi R^3 \rho + M_0$

La distribuciones de masa de los distintos modelos se reemplazaron en la ecuación (...) y se definieron las funciones `distribucion_masa` con lo que se realizó un fiteo usando como referencia la curva de rotación obtenida de forma empírica, los fiteos de cada modelo, junto a los valores de los parámetros libres se presentan en los plots de la Figura 3.

5. Análisis y Conclusiones

6. Anexos

El script utilizado para esta tarea se encuentra en [este repositorio de GitHub](#).

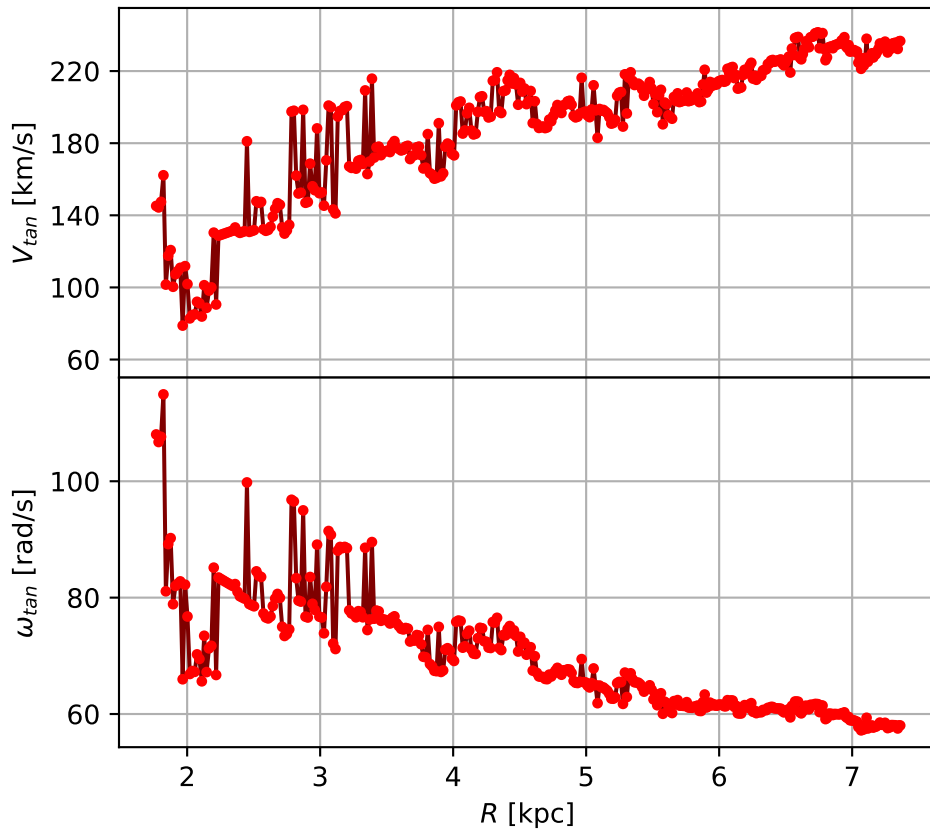


Figura 1: Curvas de rotación para la velocidad tangencial en el gráfico de más arriba y para la velocidad angular en el gráfico de abajo.

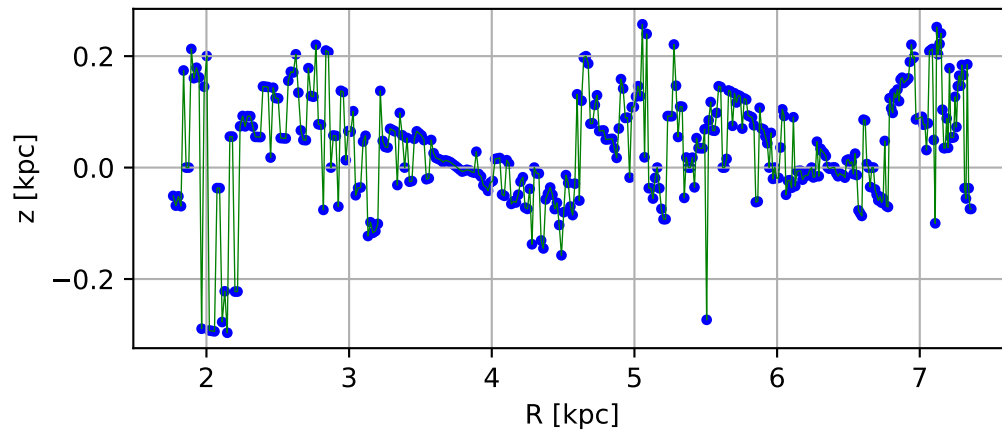
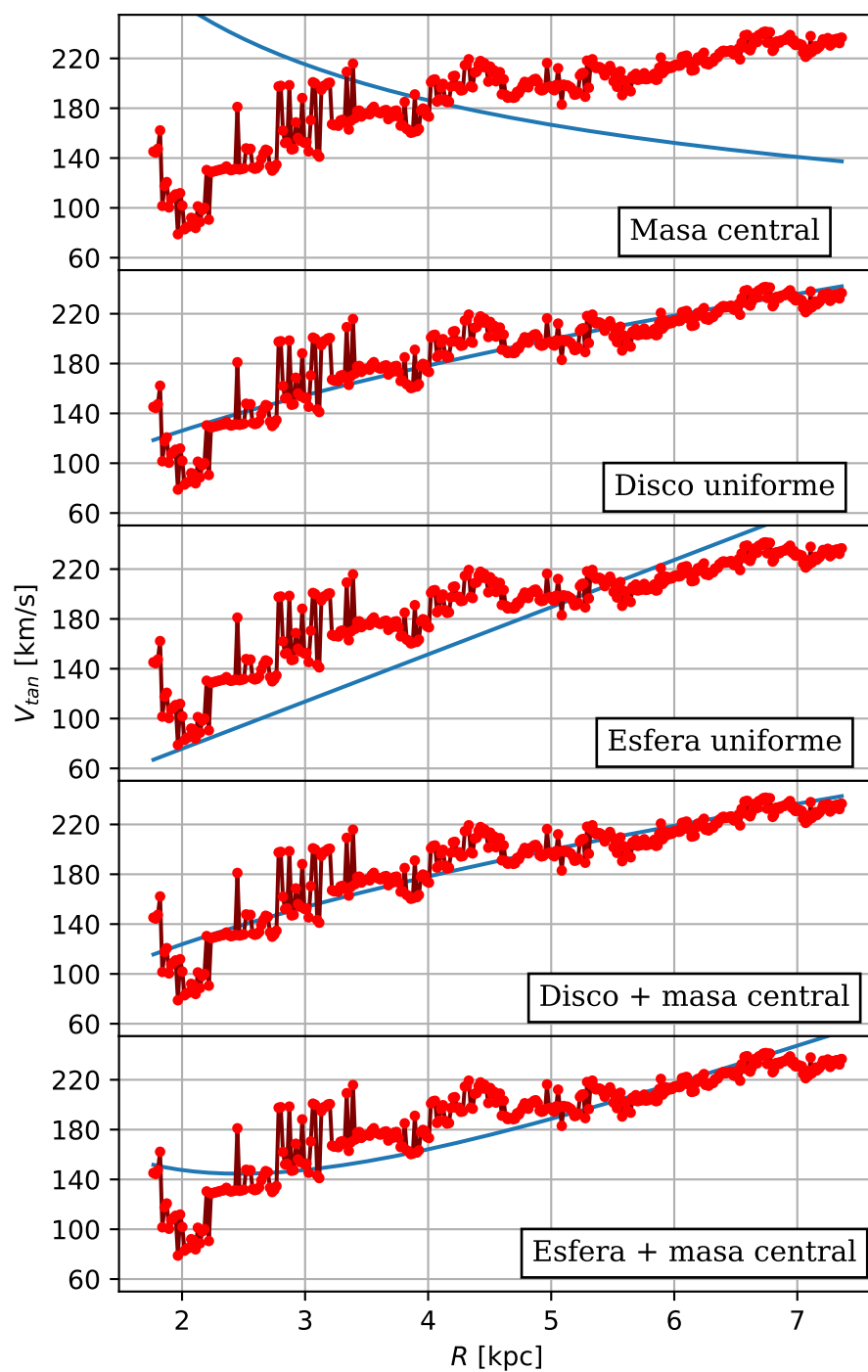


Figura 2: Corrugación de la vía láctea para el cuarto cuadrante, representado como la altura con respecto al ecuador galáctico versus la distancia al centro galáctico.



Cinemática Galáctica *AS3201-1 Astronomía experimental*
 Figura 3: Fiteos de la curva de rotación de la velocidad tangencial para el cuarto cuadrante de la vía láctea, utilizando los 5 modelos descritos en la sección 4.