

Exercício #10

Considere o mesmo problema e sua solução ótima obtida no Exercício #9 letra b).

Parte 1: Para tentar melhorar um pouco a dieta, a nutricionista sugere ao Edmundo a ingestão de amendoim na refeição. Sabendo que cada porção de amendoim contém 20,3g de carboidratos, 27,2g de proteínas, 43,9g de gordura e 10,2 mg de Niacina, determine o custo máximo dessa porção para que seu uso na dieta seja vantajoso.

Para resolver esta questão, transforma a nova coluna do modelo primal em sua correspondente restrição dual, e use os preços duais já conhecidos para resolver o problema. Obs.: Como o problema é de **minimização**, você deve ajustar os sinais dos Preços Duais conforme indicado no quadro acima.

Problema de Maximização		Problema de Minimização
≥ 0	\leftrightarrow	\geq
≤ 0	\leftrightarrow	\leq
Livre	\leftrightarrow	$=$
\leq	\leftrightarrow	≥ 0
\geq	\leftrightarrow	≤ 0
$=$	\leftrightarrow	Livre
Variáveis		Restrições
Restrições		Variáveis

x_1 e x_2 = número de porções de Bife e Batatas, respectivamente, a consumir na refeição.

Minimizar Custo = $4x_1 + 2x_2$
 sujeito a:
 Carb) $5x_1 + 15x_2 \geq 50$
 Prot) $20x_1 + 5x_2 \geq 40$
 Gord) $15x_1 + 2x_2 \leq 60$
 Niac) $4.28x_1 + x_2 \geq 20$

Base	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	RHS
g	0	0	0	0	0,708	3,416	-25,839
x_2	0	1	0	0	-0,665	-2,329	6,708
x_1	1	0	0	0	0,155	0,311	3,106
s_1	0	0	1	0	-9,193	-33,385	66,149
s_2	0	0	0	1	-0,217	-5,435	55,652

Minimizar Custo = $4x_1 + 2x_2 + c_3 \cdot x_3$
 sujeito a:
 Carb) $5x_1 + 15x_2 + 20.3x_3 \geq 50$
 Prot) $20x_1 + 5x_2 + 27.2x_3 \geq 40$
 Gord) $15x_1 + 2x_2 + 43.9x_3 \leq 60$
 Niac) $4.28x_1 + x_2 + 10.2x_3 \geq 20$

x_3

c_3 = Custo
amendoim

20.3

27.2

43.9

10.2

Para que a Base seja mantida, devemos ter no modelo Dual:

$$20.3 \cdot y_1 + 27.2 \cdot y_2 + 43.9 \cdot y_3 + 10.2 \cdot y_4 \leq c_3$$

$$43.9 \cdot (-0.708) + 10.2 \cdot 3.416 \leq c_3$$

$$3.76 \leq c_3$$

Resposta: o custo da porção de amendoim deve ser de no máximo R\$ 3,76 para seu uso na dieta compense.

Parte 2:

Suponha que o custo da porção de amendoim está sendo vendida no supermercado Amantino por R\$ 1,99. Use as equações do Simplex p/ problemas de Maximização ao lado para determinar toda a coluna da variável x_3 (amendoim) no quadro ótimo atual. Ou seja, use a equação a seguir para calcular o custo reduzido para x_3 :

	x_B	x_N	
f	0	$-c_j + c_B B^{-1} a_j$	$c_B B^{-1} b$
x_B	I	$B^{-1} N$	$B^{-1} b$

$$c.r. = 1.99 + c_B B^{-1} a_3$$

$$\text{onde: } c_B = [-2 \quad -4 \quad 0 \quad 0]$$

$$B^{-1} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -0.665 & -2.329 \\ 0 & 0 & 0.155 & 0.311 \\ 1 & 0 & -9.193 & -33.385 \\ 0 & 1 & -0.217 & -5.435 \end{bmatrix}$$

$$a_3 = \begin{bmatrix} -20.3 \\ -27.2 \\ 43.9 \\ -10.2 \end{bmatrix}$$

Obs.: o valor de $c_B B^{-1} a_3$ é justamente o valor limite de c_3 que você deve ter calculado na primeira parte do exercício, mas com sinal trocado. Ou seja, $c.r. = 1.99 -$ (valor máximo de c_3 calculado anteriormente).

A coluna abaixo do custo reduzido pode ser calculada usando a equação: $B^{-1} a_3$

Base	x_1	x_2	x_3	s_1	s_2	s_3	s_4	RHS
g	0	0	<i>c.r.</i>	0	0	0,708	3,416	-25,839
x2	0	1	$B^{-1} a_3$	0	0	-0,665	-2,329	6,708
x1	1	0		0	0	0,155	0,311	3,106
s1	0	0		1	0	-9,193	-33,385	66,149
s2	0	0		0	1	-0,217	-5,435	55,652

Depois de montar esse quadro, continue o Simplex até obter a nova solução ótima.

Base	x_1	x_2	x_3	s_1	s_2	s_3	s_4	RHS
g	0	0	-1,77	0	0	0,708	3,416	-25,839
x2	0	1	-5,418	0	0	-0,665	-2,329	6,708
x1	1	0	3,649	0	0	0,155	0,311	3,106
s1	0	0	-83,325	1	0	-9,193	-33,385	66,149
s2	0	0	18,691	0	1	-0,217	-5,435	55,652

g	0,485	0	0	0	0	0,783	3,567	-24,332
x2	1,485	1	0	0	0	-0,434	-1,868	11,319
x3	0,274	0	1	0	0	0,043	0,085	0,851
s1	22,835	0	0	1	0	-5,647	-26,293	137,065
s2	-5,122	0	0	0	1	-1,013	-7,026	39,745

A nova dieta será composta de 11,3 porções de batata e 0,85 porções de amendoim, com redução de custo de da refeição de R\$ 1,50.