

1. CAMPO MAGNÉTICO ESTACIONÁRIO

O campo magnético é um aspecto físico que existe no espaço em volta de cargas elétricas que se movimentam, ou seja, de correntes elétricas em condutores.

Fontes do campo magnético:

- Cargas elétricas em movimentos;
- Correntes elétricas;
- Ímã permanente;
- Campo elétrico variável no tempo (porém não é estacionário)

$$H = \frac{Q\mathbf{v} \times \mathbf{a}_{R_{12}}}{4\pi R_{12}^2}$$

$H \rightarrow$ Intensidade de campo magnético (A/m); O sentido da intensidade do campo magnético é dado pela regra da mão direita.

2. LEI DE BIOT - SAVART

A lei de Biot - Savart diz que em qualquer ponto P o valor absoluto da intensidade de campo magnético, produzido por um elemento diferencial de corrente, é proporcional ao produto entre a corrente, a intensidade do comprimento diferencial e o seno do ângulo existente entre o filamento e a reta que liga o filamento ao ponto no qual a intensidade de campo é avaliada.

$$d\mathbf{H}_2 = \frac{I_1 d\mathbf{L}_1 \times \mathbf{a}_{R_{12}}}{4\pi R_{12}^2}$$

Como a corrente elétrica é o movimento de cargas de uma região para outra a lei de Biot - Savart pode ser estendida para outras situações. Como estas cargas movimentam dentro do condutor com uma velocidade de deriva v_d podemos escrever:

$$(\sum Q\mathbf{v})_{em\ dv} = N_{em\ dv} Q\mathbf{v}_d = n_v dv Q\mathbf{v}_d = \mathbf{J} dv$$

Daí a equação da lei de Biot Savart pode ser escrita como:

$$d\mathbf{H}_2 = \frac{\mathbf{J} dv \times \mathbf{a}_{R_{12}}}{4\pi R_{12}^2}$$

Para uma lamina de corrente: $d\mathbf{H}_2 = \frac{\mathbf{K} ds \times \mathbf{a}_{R_{12}}}{4\pi R_{12}^2}$

Concluimos: $I d\mathbf{l} = \mathbf{K} ds = \mathbf{J} dv$

A equação geral da lei de Biot-Savart pode ser simplificada para casos em que o contorno da corrente e o ponto onde vamos calcular a o campo magnético **pertence ao mesmo plano.**

$$H = \frac{1}{4\pi} \oint_C \frac{Id\theta}{R}$$

3. LEI DE AMPERE

A lei de Ampere estabelece que a integral de linha da intensidade de campo magnético H ao longo de um percurso fechado é igual a corrente total envolvida pelo percurso.

$$I_t = \oint \mathbf{H} \cdot d\mathbf{l}$$

Assim como a lei de Gauss deve ser aplicada apenas para problemas de cargas altamente simétricas, a lei de Ampere é aplicada para correntes altamente simétricas. Casos de simetria:

- H é normal ao percurso fechado, daí a integral é zero;
- H é constante e tangencial ao percurso, o que pode ser retirado de dentro da integral.

4. LEI DE AMPERE NA FORMA DIFERENCIAL

Da forma diferencial da lei de Gauss, obtém-se o conceito de divergente e da forma diferencial da lei de Ampere, obtém-se o conceito de rotacional, onde na eletrostática relaciona-se o densidade de fluxo elétrico com a densidade volumétrica de cargas e na magnetostática a intensidade de campo magnético com a densidade de corrente.

$$\lim_{\Delta y, \Delta z \rightarrow 0,0} \frac{\oint \mathbf{H} \cdot d\mathbf{L}}{\Delta y \Delta z} = \frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} = J_x$$

$$\lim_{\Delta z, \Delta x \rightarrow 0,0} \frac{\oint \mathbf{H} \cdot d\mathbf{L}}{\Delta z \Delta x} = \frac{\partial H_x}{\partial z} - \frac{\partial H_z}{\partial x} = J_y \quad \lim_{\Delta x, \Delta y \rightarrow 0} \frac{\oint \mathbf{H} \cdot d\mathbf{L}}{\Delta x \Delta y} = \frac{\partial H_y}{\partial x} - \frac{\partial H_x}{\partial y} = J_z$$

5. ROTACIONAL

O rotacional é o limite de relação entre a integral de linha entre a integral a de linha fechada da intensidade de campo magnético ao longo de um percurso fechado, que é normal a área envolvida pelo percurso, por unidade desta área, quando o percurso tende a zero.

$$\lim_{\Delta SN \rightarrow 0} \frac{\oint \mathbf{H} \cdot d\mathbf{L}}{\Delta SN} = (\text{rotacional de H})N$$

$$\mathbf{H} = \nabla \times \mathbf{H} = \begin{vmatrix} \mathbf{a}_x & \mathbf{a}_y & \mathbf{a}_z \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ H_x & H_y & H_z \end{vmatrix} = \text{rotacional de } \mathbf{H}$$

6. TEOREMA DE STOKES

Efetando a integral de linha ao longo de qualquer um dos pequenos percursos haverá cancelamentos internos, restando uma única integral de linha no percurso externo, que é idêntica ao cálculo do rotacional sobre a área envolvida.

$$\oint \mathbf{H} \cdot d\mathbf{l} = I_t = \int_S \mathbf{J} \cdot d\mathbf{s} = \int_S (\nabla \times \mathbf{H}) \cdot d\mathbf{s}$$

7. DENSIDADE DE FLUXO MAGNÉTICO E FLUXO MAGNÉTICO

A intensidade de campo magnético H depende apenas da corrente envolvida, já a densidade de fluxo magnético B depende também do meio material.

A densidade de fluxo magnético relaciona-se com a intensidade de campo magnético pela equação:

$\mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{H}$ B → densidade de fluxo magnético $\frac{wb}{m^2}$ ou Tesla

μ_0 → permeabilidade magnética do vácuo $4\pi 10^{-7} \frac{H}{m}$

O fluxo magnético Φ [Wb] é o fluxo que atravessa qualquer área específica e é dado por:

$$\Phi = \int_S \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

8. POTENCIAL VETOR MAGNÉTICO

Na eletrostática o campo elétrico pode ser obtido a partir do gradiente do potencial elétrico obtido por uma configuração de cargas e na magnetostática uma analogia semelhante pode ser feita onde um potencial vetor magnético pode ser obtido a partir de uma configuração de correntes e usado para calcular a densidade de fluxo magnético a partir do rotacional do potencial vetor magnético. O potencial vetor magnético é muito aplicado no estudo de radiação de antenas, perdas por radiação em linhas de transmissão, guias de onda, micro-ondas e no conceito de campo elétrico induzido ainda a ser visto.

Potencial elétrico de uma carga pontual: $V = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R}$ [V]

Analogamente, o vetor potencial magnético para uma carga em movimento pode ser escrito como: $\mathbf{A} = \frac{\mu_0 Q \mathbf{v}}{4\pi R}$ [Wb/m]

Assim, podemos escrever para um elemento diferencial de corrente, densidade volumétrica de corrente e lâmina de corrente:

$$\mathbf{A} = \frac{\mu_0}{4\pi} \int_v \frac{\mathbf{J} dv}{R}$$

$$\mathbf{A} = \frac{\mu_0}{4\pi} \int_S \frac{\mathbf{K} dS}{R} \quad \mathbf{A} = \frac{\mu_0}{4\pi} \int_L \frac{\mathbf{I} dL}{R}$$

A densidade de fluxo magnético se relaciona com o potencial vetor magnético pela equação: $\mathbf{B} = \nabla \times \mathbf{A}$