

Universidade Federal de Viçosa Centro de Ciências Exatas Departamento de Matemática

Gabarito $3^{\underline{a}}$ Lista - MAT 135 - Geometria Analítica e Álgebra Linear

1. (a)
$$(-1,8,2)$$
, (b) $(18,-6,16)$, (c) $(7,-20,16)$, (d) $(16,25,1)$, (e) $(81,-192,92)$, (f) $(2,23,-3)$, (g) $(3,9,-10)$.

- 2. (-1, 6, 9).
- 3. (x,y) = (3,-5).

4. (a)
$$u + v = 3i - 4j$$
, (b) $||u + v|| = 5$, (c) $u - v = i - 6j$, (d) $4i - 17j = (4, -17)$, (e) $u \cdot v = -3$, (f) $113, 2^{\circ}$.

- 5. m = 5 ou m = -2, 55.
- 6. (a) $u \cdot v = 5$, (b) $w \cdot u = 28$, (c) $3u \cdot 2w = 168$, (d) $(3u 4v) \cdot 5w = 340$, (e) $(v \cdot u)w = (-25, 35, 5)$.

7. (a)
$$\left(\frac{3}{5}, \frac{4}{5}\right)$$
, (b) $(-0, 8; 0, 6)$, (c) $\left(\frac{1}{\sqrt{14}}, \frac{2}{\sqrt{14}}, \frac{3}{\sqrt{14}}\right)$, (d) $\left(-\frac{3}{13}, \frac{12}{13}, -\frac{4}{13}\right)$.

- 8. C = (2, 2).
- 9. (5,3,-8).
- 10. (1, 4, -5).
- 11. Não. Tome u = (1,0), v = (0,1) e w = (0,-1).
- 12. Devemos ter ||u|| = ||v||.
- 13. (a) Devemos ter $u \cdot v = 0$, isto é, vetores perpendiculares.
 - (b) Devemos ter $u \cdot v > 0$.
 - (c) Devemos ter $u \cdot v < 0$.
- 14. w = (-3, 15, 12).
- 15. $B\widehat{A}C = 10,89^{\circ}, \ A\widehat{B}C = 150^{\circ} \ e \ B\widehat{C}A = 19,10^{\circ}.$

- 16. (a) $5(2+\sqrt{3})$, (b) $\sqrt{14+4\sqrt{3}}$.
- 17. (a) $v_1 = \left(-\frac{1}{3}, -\frac{2}{3}, \frac{2}{3}\right) e v_2 = \left(\frac{10}{3}, -\frac{4}{3}, \frac{1}{3}\right),$ (b) $v_1 = \left(-\frac{3}{\sqrt{3}}, \frac{3}{\sqrt{3}}, \frac{3}{\sqrt{3}}\right) e v_2 = \left(\frac{3\sqrt{3} - 3}{\sqrt{3}}, \frac{\sqrt{3} - 3}{\sqrt{3}}, -\frac{\sqrt{3} + 3}{\sqrt{3}}\right),$ (c) $v_1 = (3, 0, 0) e v_2 = (0, 5, 4).$
- 18.
- 19.
- 20.
- $21. \left(\frac{2}{49}, \frac{3}{49}, -\frac{6}{49}\right).$
- 22.
- 23. $x = -\frac{11}{3}$.
- 24.
- 25. (a) $71,56^{\circ}$, (b) $144,73^{\circ}$, (c) 45° .
- 26. (a) (-4, 4, 10), (b) $\operatorname{sen}\theta = \frac{\sqrt{132}}{\sqrt{17}\sqrt{21}}$.
- 27. 4, 36.
- 28. (a) Não pertencem ao mesmo plano.
 - (b) Pertencem ao mesmo plano.
- 29. V = 15.
- 30.
- 31.
- 32.
- 33. Não. Por exemplo, $(i \times j) \times j \neq i \times (j \times j)$.
- 34. Não.

35.

36.

37.

38.

39.

40.

41.