## ELT330 – Sistemas de Controle I Prof. Tarcísio Pizziolo

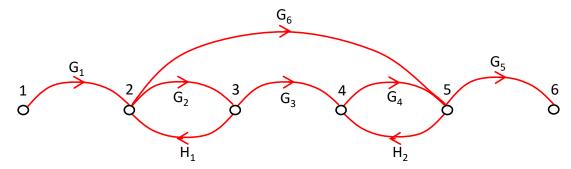
# Aula 7 - Diagramas de Fluxo de Sinais

#### 1. Diagrama de Fluxo de Sinais

O diagrama de blocos é útil para a representação gráfica da dinâmica dos sistemas de controle e é amplamente utilizado na análise e no projeto de sistemas de controle.

Um método alternativo para a representação gráfica de sistemas dinâmicos é a técnica do Gráfico de Fluxo de Sinais.

A figura a seguir ilustra um diagrama de fluxo de sinal.



Quando se aplica o gráfico de fluxo de sinais à análise de sistemas de controle, deve-se primeiramente transformar as equações diferenciais lineares em equações algébricas em s.

#### Elementos e definições

Um gráfico de fluxo de sinais consiste de uma rede na qual os nós são diretamente conectados por ramos. Cada nó representa uma variável do sistema e cada ramo de conexão entre dois nós atua como multiplicador de sinal.

O fluxo de sinal ocorre em uma única direção, a qual é indicada por uma seta colocada no ramo, e o fator de multiplicação é indicado ao longo do ramo. O gráfico de fluxo de sinais representa o fluxo de sinais de um ponto a outro do sistema e indica a relação entre os sinais.

Um gráfico de fluxo de sinais possui as mesmas informações de um diagrama de blocos.

A seguir são apresentadas algumas definições relacionadas ao diagrama de fluuxo de sinal.

- 1. Nó: é um ponto de representa uma variável ou um sinal.
- 2. Transmitância: é o ganho real ou complexo entre dois nós. Tais ganhos podem ser expressos em termos da função de transfrência entre dois nós.
- 3. Ramo: é um segmento direcionado unindo dois nós. O ganho do ramo é uma transmitância.
- 4. Nó de Entrada (fonte): é um nó que possui somente ramos de saída. Isso corresponde a uma variável independente.
- 5. Nó de Saída (sorvedouro): é um nó que possui apenas ramos que chegam. Isso corresponde a uma variável dependente.

- 6. Nó Misto: é um nó que possui tanto ramos que chegam como ramos que saem.
- 7. Caminho: é um percurso através dos ramos conectados no sentido das setas dos ramos.

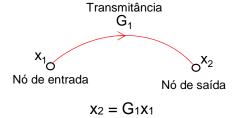
Obs.: Se nenhum nó for atravessado mais de uma vez, o caminho se diz aberto. Se o caminho terminar no mesmo nó em que começou e não passar por nenhum outro nó mais de uma vez, ele será um caminho fechado. Se o caminho cruzar algum nó mais de uma vez, mas terminar em um nó diferente do qual começou, ele não será nem aberto nem fechado.

- 8. Caminho direto: é o caminho da entrada para a saída, sem incluir nenhum nó mais de uma vez.
- 9. Ganho do Caminho: é o produto das transmitâncias dos ramos que formam um caminho.
- 10. Malha: é um caminho fechado.
- 11. Ganho de Malha: é o produto das transmitâncias dos ramos de uma malha.
- 12. Caminhos que não se tocam: são aquelas que não possuem nenhum nó em comum.

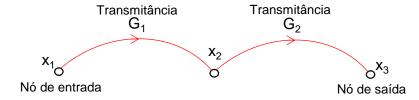
### 2. Álgebra de Diagramas de Fluxo de Sinal

Algumas regras simples permitem eliminar nós e simplicar um diagrama de fluxo de sinal. Estas regras são similares às regras de Álgebra de Diagrama de Blocos. A seguir apresentamos tais regras.

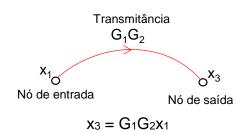
1. O valor de um nó de saída com um ramo de entrada é igual ao produto do nó de entrada pela transmitância.



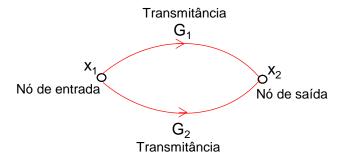
2. A transmitância resultante dos ramos em cascata é igual ao produto das transmitâncias de todos os ramos.



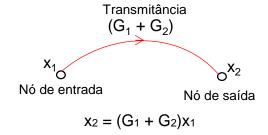
Resulta em,



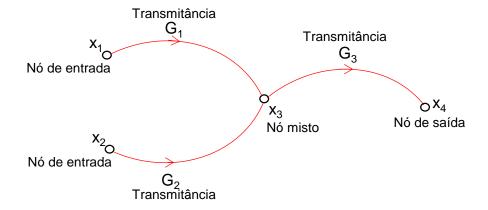
3. Ramos em paralelo podem ser reduzidos pela adição das transmitâncias.



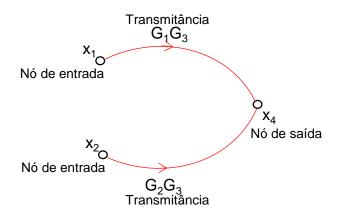
Resulta em,



4. Pode-se eliminar um nó misto.

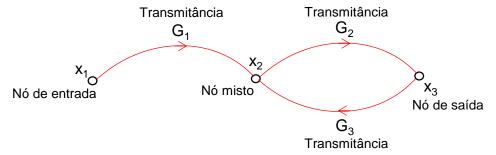


Resulta em,



$$x_4 = G_1G_3x_1 + G_2G_3x_2$$

5. Uma malha pode ser eliminada reduzindo o diagrama de fluxo de sinais.

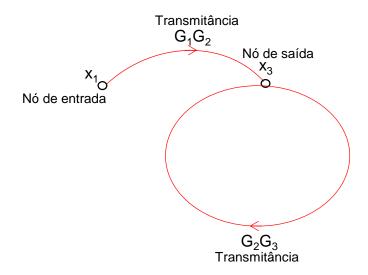


$$x_3 = G_2x_2$$
  
 $x_2 = G_1x_1 + G_3x_3$ 

Substituindo x<sub>2</sub> em x<sub>3</sub> Tem-se,

$$x_3 = G_1G_2x_1 + G_2G_3x_3$$

Resulta em,



Finalmente,

