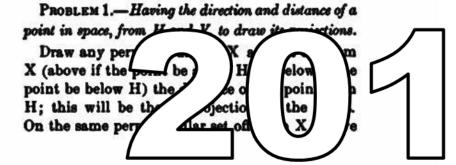


- I. TRAÇO DE RETAS
- 2. POSIÇÃO RELATIVA ENTRE RETAS



cessive positions of the same points will be de-

noted by subscripts, as at, at, at.

MATERIAL PRODUZIDO PELO PROF. DOUGLAS SOUZA E MODIFICADO PELO PROF. RAFAEL GARCIA

#### Exercício

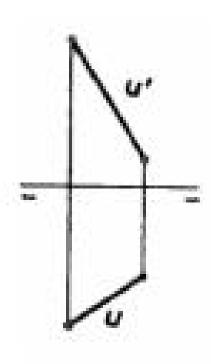
#### SEJA A RETA (R) DEFINIDA PELOS PONTOS

(A) 
$$(I, -2, 2) E (B) (4, -4, 2)$$

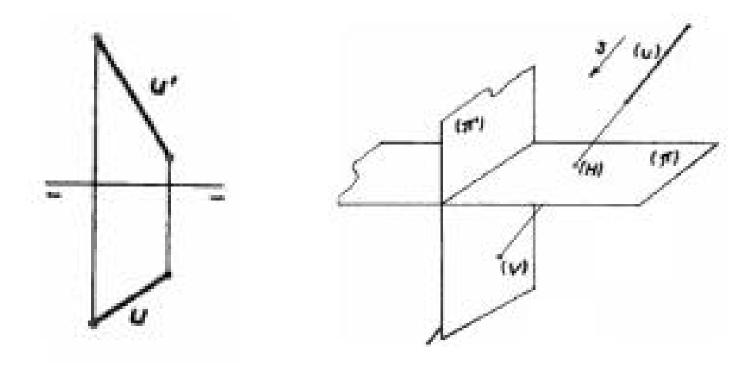
#### **DETERMINE:**

- A) SUA ÉPURA
- B) A NATUREZA DA RETA NOME
- c) Verdadeira Grandeza
- D) O PONTO (C) (2, -5, 2) PERTENCE À RETA (R)?

UMA RETA PODE SE APRESENTAR DE INÚMERAS MANEIRAS EM RELAÇÃO AOS PLANOS DE PROJEÇÃO, ISTO É, COM PONTOS EM VÁRIOS DIEDROS.



UMA RETA PODE SE APRESENTAR DE INÚMERAS MANEIRAS EM RELAÇÃO AOS PLANOS DE PROJEÇÃO, ISTO É, COM PONTOS EM VÁRIOS DIEDROS.



# Traços da Reta

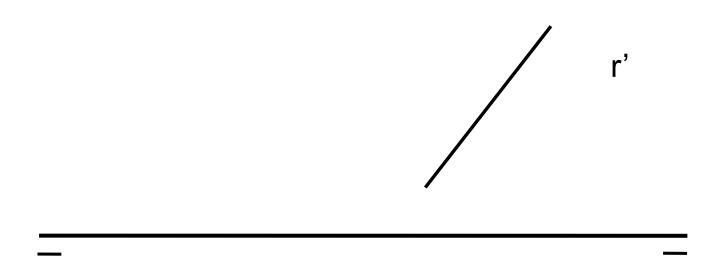
#### Traços da Reta

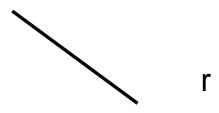
- CHAMA-SE **TRAÇO DE UMA RETA SOBRE UM PLANO** O PONTO EM QUE ESSA RETA FURA OU ATRAVESSA ESSE PLANO.
- O TRAÇO SOBRE O PLANO VERTICAL É O TRAÇO VERTICAL (V)
  - O TRAÇO SOBRE O PLANO HORIZONTAL É O TRAÇO HORIZONTAL (H)

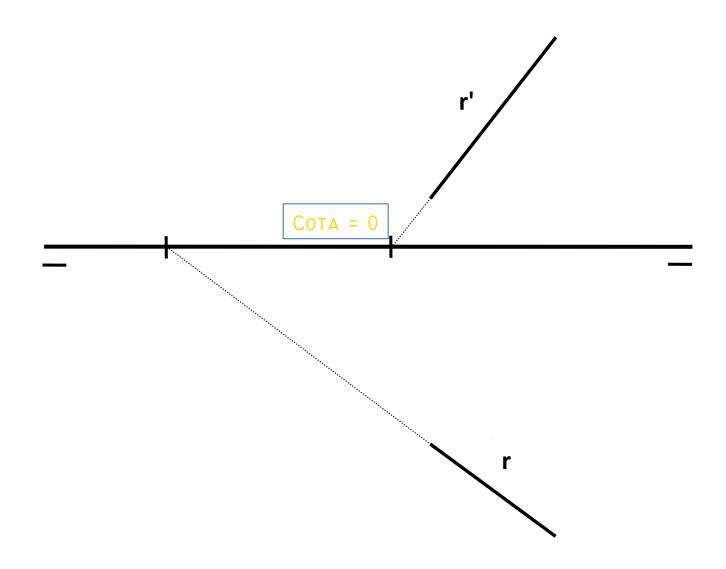
TRAÇO VERTICAL => AFASTAMENTO NULO
TRAÇO HORIZONTAL => COTA NULA

QUANDO UMA RETA FOR PARALELA A UM PLANO, NÃO TERÁ TRAÇO SOBRE ESSE PLANO

TRAÇOS DA RETA DO SLIDE ANTERIOR?

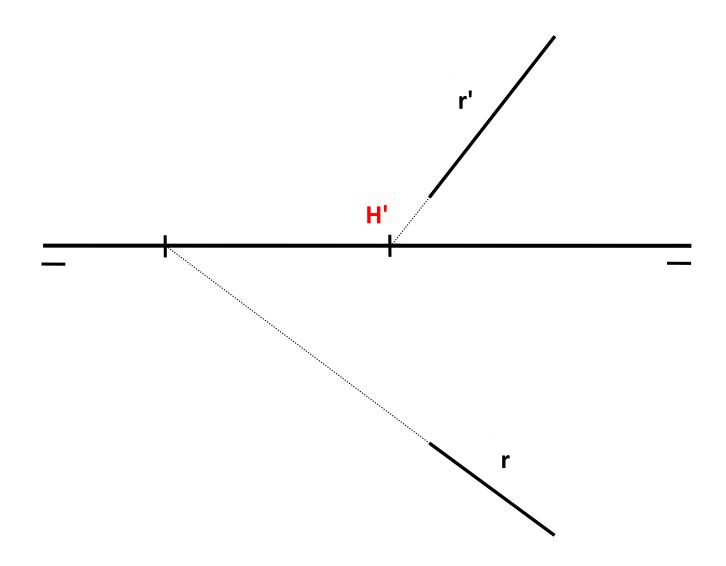






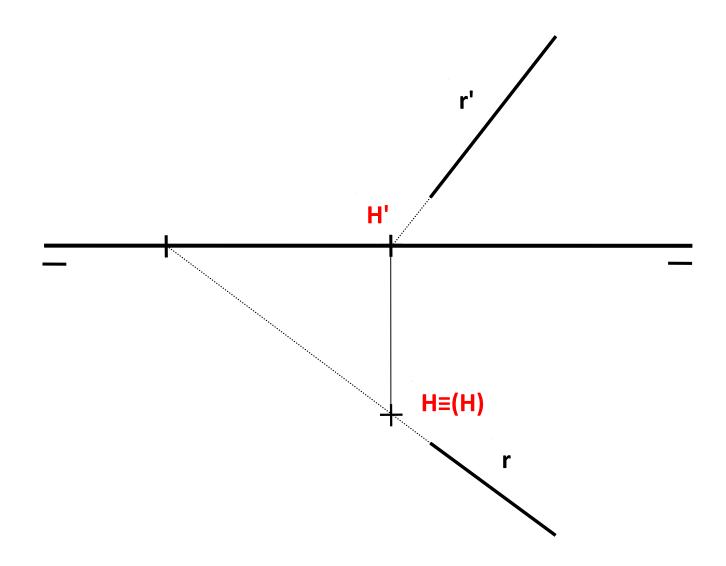






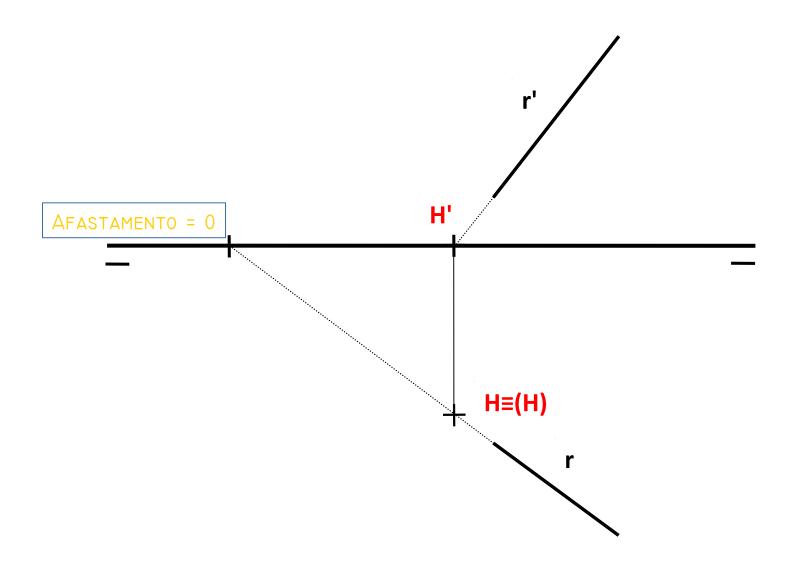






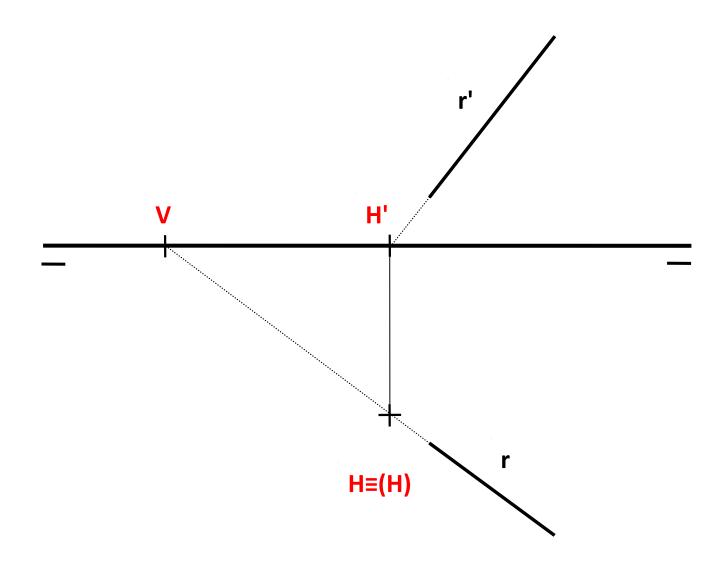






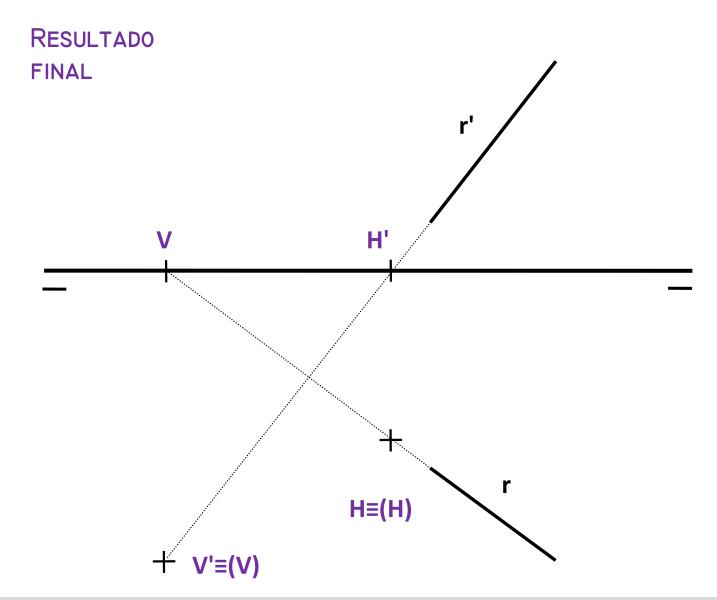
















#### Traços da Reta

CONCLUI-SE ENTÃO QUE UMA RETA SÓ POSSUI OS **DOIS TRAÇOS** (VERTICAL E HORIZONTAL) QUANDO É OBLÍQUA AOS DOIS PLANOS - RETA QUALQUER E RETA DE PERFIL;

POSSUI APENAS **UM TRAÇO** QUANDO É PARALELA A UM E SOMENTE UM DOS PLANOS - RETAS HORIZONTAL, FRONTAL, VERTICAL E DE TOPO;

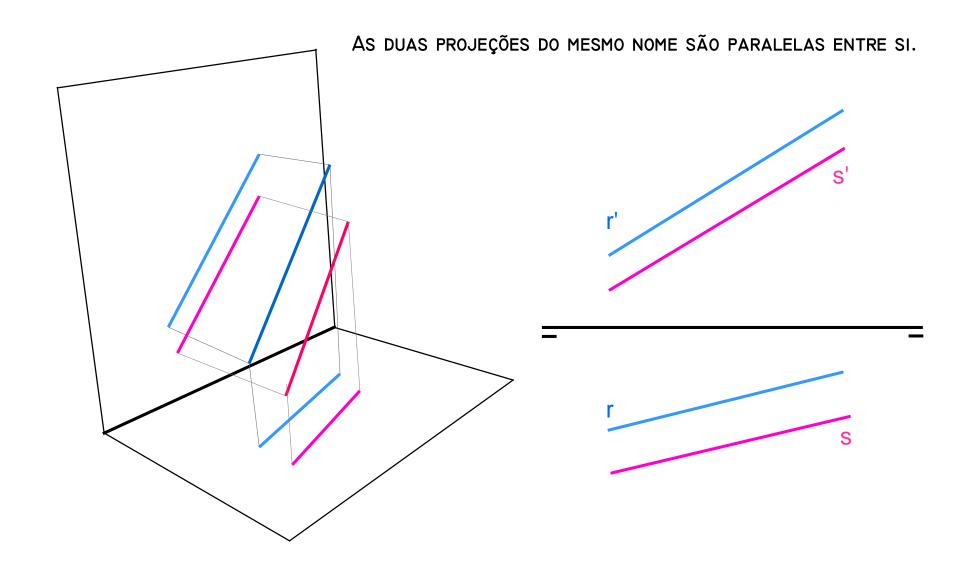
NÃO POSSUI TRAÇO SE ELA FOR PARALELA A AMBOS OS PLANOS - RETA FRONTOHORIZONTAL.

Posições relativas de duas retas

POSIÇÕES RELATIVAS É O NOME DA(S) RELAÇÃO(ÕES) ENTRE DUAS OU MAIS RETAS NO ESPAÇO.

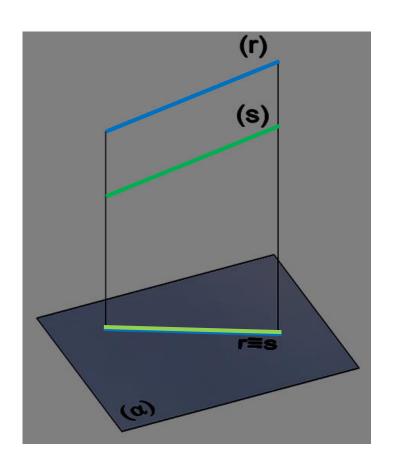
EXISTEM 3 TIPOS DE POSIÇÕES RELATIVAS ENTRE RETAS NO SISTEMA MONGEANO:

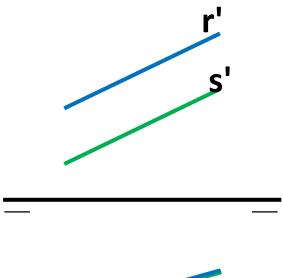
RETAS PARALELAS
RETAS CONCORRENTES
RETAS REVERSAS



### Posições relativas de retas - PARALELAS

Projeções paralelas são a representação de duas retas que estão paralelas no espaço. NESTE CASO ABAIXO, AS PROJEÇÕES HORIZONTAIS COINCIDEM.

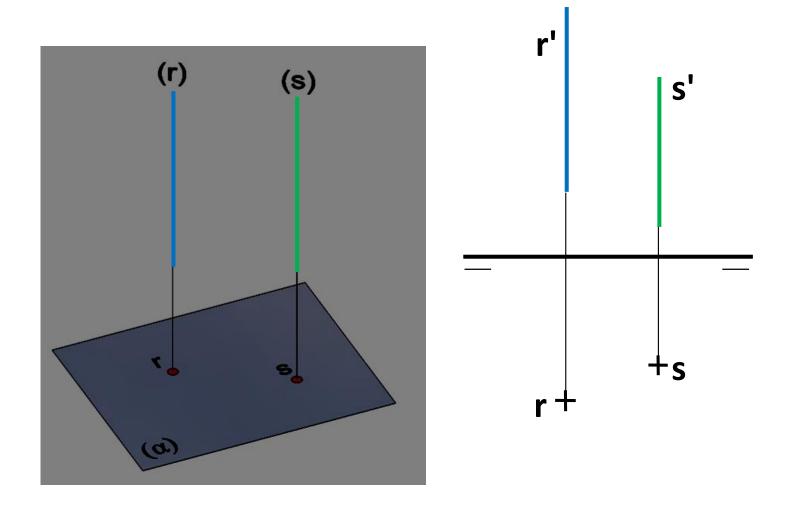






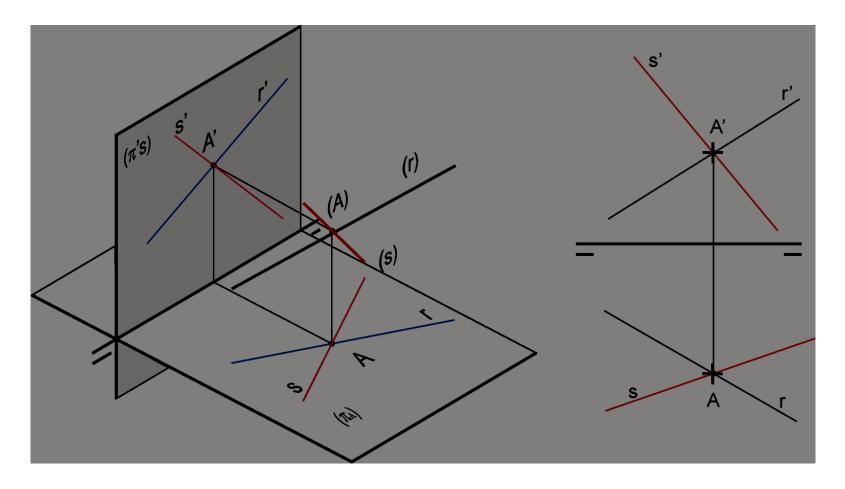
# Posições relativas de retas - PARALELAS

NESTE CASO ABAIXO, TEMOS **DUAS RETAS VERTICAIS PARALELAS**.



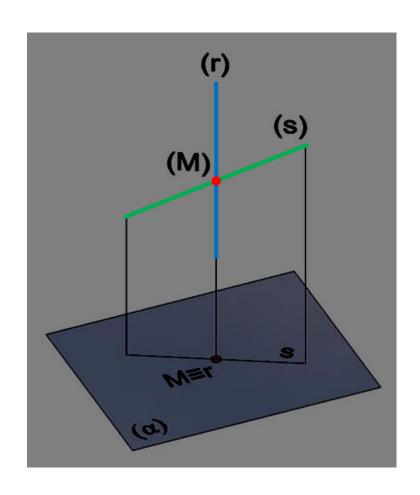
### Posições relativas de retas - **CONCORRENTES**

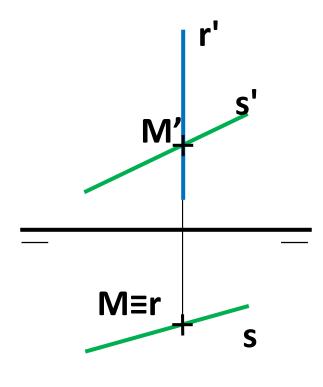
PROJEÇÕES CONCORRENTES SÃO A REPRESENTAÇÃO DE DUAS RETAS QUE ESTÃO SE INTERCEPTANDO NO ESPAÇO. O PONTO DE INTERSEÇÃO DAS PROJEÇÕES VERTICAIS E O DAS PROJEÇÕES HORIZONTAIS ESTÃO EM UMA MESMA LINHA DE CHAMADA.



### Posições relativas de retas - CONCORRENTES

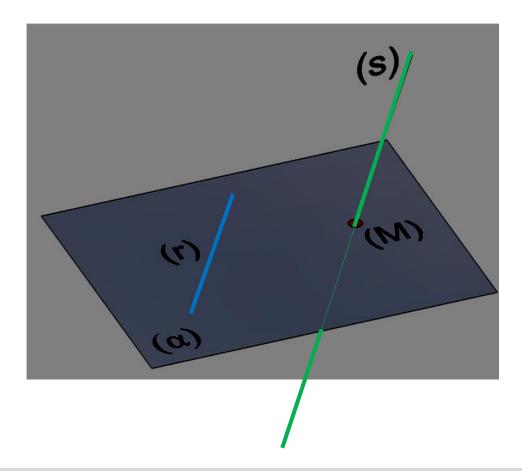
Projeções concorrentes são a representação de duas retas que estão se interceptando no espaço. Neste caso, as **projeções horizontais coincidem**.





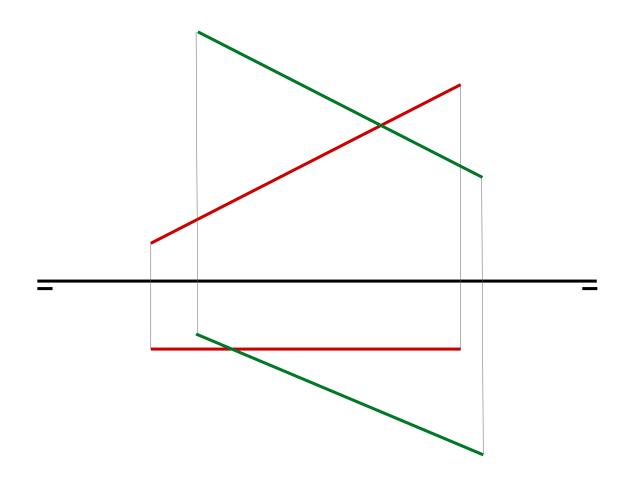
### Posições relativas de retas - **REVERSAS**

QUANDO NÃO SÃO PARALELAS NEM CONCORRENTES, SÃO REVERSAS. AS RETAS REVERSAS NÃO SÃO COPLANARES, NÃO PERTENCEM A UM MESMO PLANO (VER AULA SEGUINTE SOBRE PLANOS).



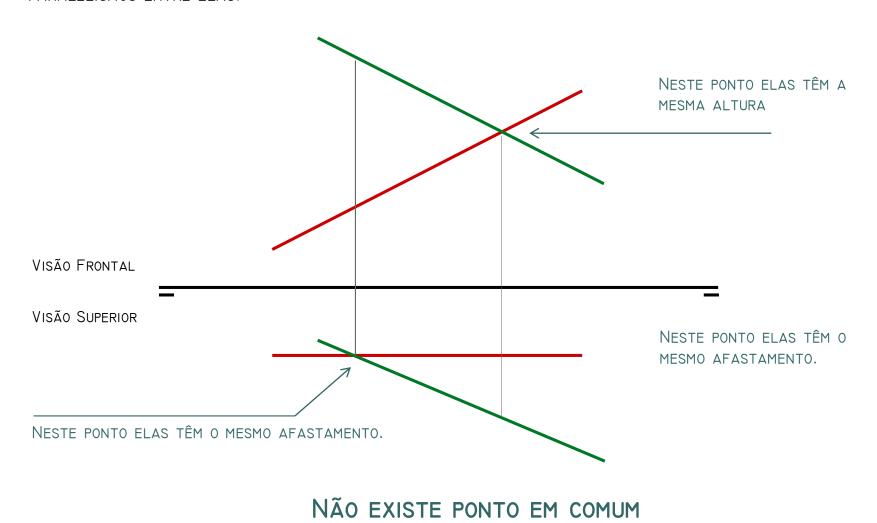
# Posições relativas de retas - **REVERSAS**

RETAS REVERSAS, COMPROVA-SE PELA INEXISTÊNCIA DE PONTO DE INTERSEÇÃO OU SITUAÇÃO DE PARALELISMOS ENTRE ELAS.



## Posições relativas de retas - REVERSAS

RETAS REVERSAS, COMPROVA-SE PELA INEXISTÊNCIA DE PONTO DE INTERSEÇÃO OU SITUAÇÃO DE PARALELISMOS ENTRE ELAS.



#### EXERCÍCIO

I) POR UM PONTO (A) [ 2 ; 2 ; 2 ] TRAÇAR UMA RETA (A)(B) PARALELA A UMA RETA (C)(D) DADA.

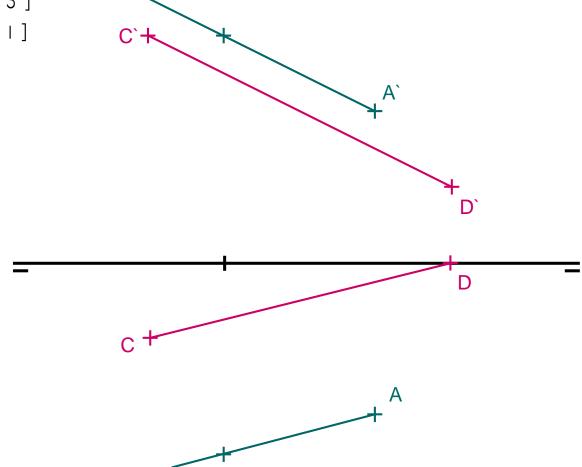
- (B) [ 0;?;?]
- (C) [-1;1;3]
- (D) [3;0;-1]

POR UM PONTO (A) [ 2 ; 2 ; 2 ] TRAÇAR UMA RETA (A)(B) PARALELA A UMA RETA (C)(D) DADA.

(B) [ 0;?;?]

(C) [ -I; I; 3 ]

(D) [ 3; 0; I]



#### EXERCÍCIO AVALIATIVO

#### SEJA A RETA (R) DEFINIDA PELOS PONTOS

(A) 
$$(0,1,1) \in (B) (4,3,5)$$

#### **DETERMINE:**

- A) SUA ÉPURA
- B) A NATUREZA DA RETA NOME
- C) ALGUMA DAS PROJEÇÕES APRESENTA-SE EM VERDADEIRA GRANDEZA?
- D) O PONTO (C) (2,2,3) PERTENCE À RETA (R)?