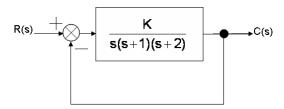
UNIVERSIDADE FEDERAL DE VIÇOSA – UFV CENTRO DE CIÊNCIAS EXATAS E TECNOLÓGICAS – CCE DEPARTAMENTO DE ENGENHARIA ELÉTRICA - DEL

ELT330 – SISTEMAS DE CONTROLE I Prof. Tarcísio Pizziolo

6ª Lista de Exercícios

Análise de Resposta no Estado Permanente e Estabilidade

1) Para o sistema dado a seguir, determinar o **erro de estado estacionário** para uma entrada em **degrau** e em **rampa unitários**.



2) Considere um sistema de controle dotado de realimentação unitária negativa com a seguinte F. T.:

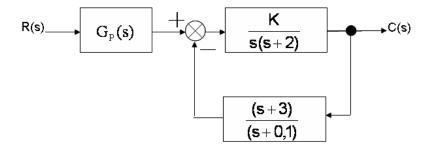
$$G(s) = \frac{10}{s(s-1)(2s+3)}.$$

Este sistema é estável?

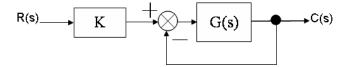
3) Para um sistema de controle com retroação unitária negativa, determine o **erro de estado estacionário** para uma **entrada em degrau** e em **rampa** (unitários) quando:

$$G(s) = \frac{10}{(s^2 + 14s + 50)} \cdot$$

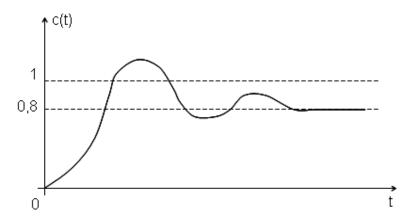
- 4) Um sistema com retroação é apresentado a seguir.
 - a) Determinar o erro de estado estacionário para uma entrada em degrau unitário quando K = 0,4 e $G_P(s) = 1$.
 - b) Selecionar um valor apropriado para **G**P(s) para que o **erro de estado estacionário** seja igual a zero para uma **entrada em degrau unitário**.



5) Um sistema é mostrado abaixo.

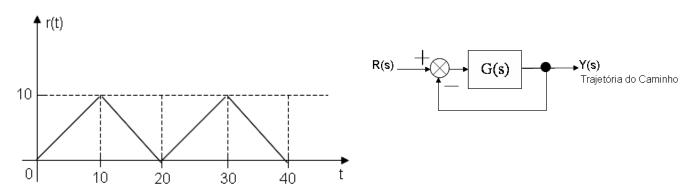


A resposta a uma entrada em **degrau unitário**, quando K = 1, é também apresentada no gráfico a seguir.



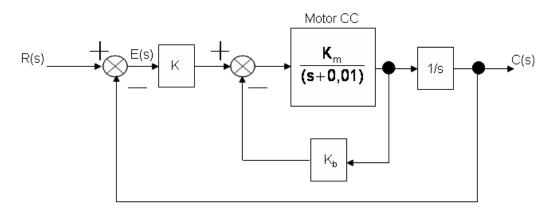
Determinar o valor de K para que o erro de estado estacionário seja igual a zero.

6) Um robô é programado para seguir um percurso pré-estabelecido com uma ferramenta ou com um maçarico de soldagem. Considerar que a ferramenta do robô deve seguir um percurso em dente de serra como apresentado no gráfico dado. A função de transferência do processo é $G(S) = \frac{100(s+1)}{s(s+5)(s+7)}$ para o sistema em malha fechada dado. Calcular o **erro de estado estacionário**.



- 7) Uma função de transferência de malha fechada é $T(s) = \frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{96(s+3)}{(s+8)(s^2+8s+36)}$.
 - a) Determinar o erro de estado estacionário para uma entrada em degrau unitário.
 - b) Supor que os **pólos complexos sejam dominantes** e determinar o **sobre-sinal máximo** e o **tempo de acomodação para 2%** do valor final.
 - c) Traçar o gráfico (MATLAB) da resposta a uma entrada degrau unitária do sistema completo.
 - d) Traçar o gráfico (MATLAB) da resposta a uma entrada degrau unitária do sistema considerando os pólos complexos dominantes.
 - e) Comparar os gráficos traçados em c) e d).

- 8) O modelo em diagrama de blocos de um motor CC controlado pela armadura é mostrado na figura abaixo.
 - a) Determinar o erro de estado estacionário para uma entrada em rampa unitária em termos de $K,\,K_b\,e\,K_m.$
 - b) Sejam os valores $K_m = 10$ e $K_b = 0.05$. Selecione K para que o erro de estado estacionário seja igual a 1.
 - c) Traçar o gráfico (MATLAB) da resposta do sistema para uma entrada degrau unitário e outra em rampa unitária durante 20 segundos. As respostas são aceitáveis?



9) Considere o sistema de controle de posição de um satélite mostrado no diagrama de blocos da Figura I. A saída do sistema apresenta oscilações continuadas não desejáveis. Esse sistema pode ser estabilizado pelo uso de realimentação *tacométrica*, como mostrado na Figura II. Se $\frac{\mathbf{K}}{\mathbf{J}} = \mathbf{4}$, que valor de \mathbf{K}_h resultará em um coeficiente de amortecimento igual a $\mathbf{0,6}$?

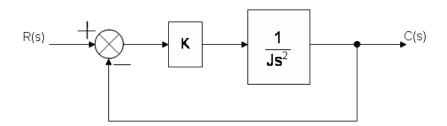


Figura I

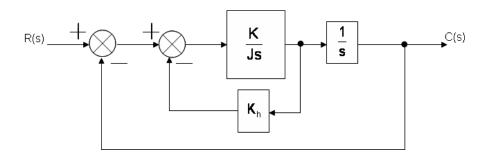
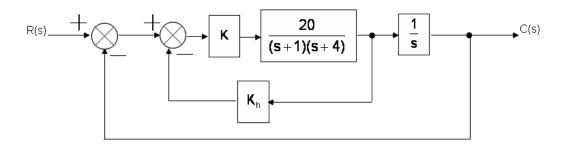
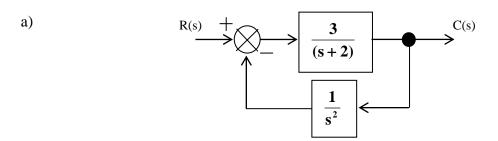


Figura II

10) Considere o servossistema com realimentação *tacométrica* dado. Determine os intervalos de \mathbf{K} e \mathbf{K}_h que tornam tal sistema **estável**? (Note que \mathbf{K}_h deve ser positivo).



- 11) Considere um sistema de controle com realimentação unitária negativa cuja função de transferência de malha fechada seja dada por $\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{Ks + b}{(s^2 + as + b)}$. Determine a função de transferência de malha aberta G(s). Mostre que o **erro estacionário** na **resposta à rampa unitária** é dado por: $e_{ss} = \frac{1}{k_v} = \frac{(a K)}{b}$.
- 12) Considere um sistema de controle com realimentação unitária negativa cuja função de transferência de malha aberta seja: $\mathbf{G}(\mathbf{s}) = \frac{\mathbf{K}}{\mathbf{s}(\mathbf{J}\mathbf{s} + \mathbf{B})}$. Discuta os efeitos que as variações de \mathbf{K} e de \mathbf{B} produzem sobre o **erro estacionário da resposta à entrada em rampa unitária**. Esboce as curvas típicas de resposta à rampa unitária para os valores pequenos, médios e elevados de \mathbf{K} , supondo que \mathbf{B} seja constante.
- 13) Calcule os coeficientes de erro de posição, velocidade e aceleração (**K**_p, **K**_v e **K**_a) para os sistemas abaixo.



b)
$$\xrightarrow{R(s)} \xrightarrow{+} \underbrace{\frac{10}{(s+2)(s^2+2s+3)}} \xrightarrow{C(s)}$$

14) Considere a seguinte equação característica de uma F. T.:

$$s^4 + 2s^3 + (4+k)s^2 + 9s + 25 = 0$$
.

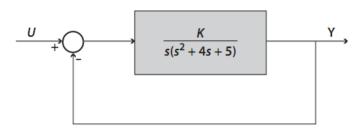
Determine, aplicando o *Critério de Routh*, os valores de *k* para a estabilidade deste sistema.

15) Um sistema de controle com realimentação unitária negativa possui função de transferência de malha aberta dada por:

$$G(s) = \frac{20s + K}{s^4 + 10s^3 + 12s^2 + Ks + 20}$$

- a) Determine os valores de K para os quais G(s) é estável.
- b) Idem para F(s) deste sistema em malha fechada.
- 16) Quais os valores de **K** para que os sistemas a seguir sejam estáveis?

a)



b)

