

**Tabela 13.1** Uma tabela de transformadas z

	$X(s)$	$x(t)$ ou $x(k)$	$X(z)$
1	1	$\delta(t)$	1
2	$e^{-kTs}$	$\delta(t - kT)$	$z^{-k}$
3	$\frac{1}{s}$	1(t)	$\frac{z}{z-1}$
4	$\frac{1}{s^2}$	t	$\frac{Tz}{(z-1)^2}$
5	$\frac{1}{s+a}$	$e^{-at}$	$\frac{z}{z-e^{-aT}}$
6	$\frac{a}{s(s+a)}$	$1 - e^{-at}$	$\frac{(1-e^{-aT})z}{(z-1)(z-e^{-aT})}$
7	$\frac{\omega}{s^2 + \omega^2}$	$\sin \omega t$	$\frac{z \sin \omega T}{z^2 - 2z \cos \omega T + 1}$
8	$\frac{s}{s^2 + \omega^2}$	$\cos \omega t$	$\frac{z(z - \cos \omega T)}{z^2 - 2z \cos \omega T + 1}$
9	$\frac{1}{(s+a)^2}$	$te^{-at}$	$\frac{Tze^{-aT}}{(z-e^{-aT})^2}$
10	$\frac{\omega}{(s+a)^2 + \omega^2}$	$e^{-at} \sin \omega t$	$\frac{ze^{-aT} \sin \omega T}{z^2 - 2ze^{-aT} \cos \omega T + e^{-2aT}}$
11	$\frac{s+a}{(s+a)^2 + \omega^2}$	$e^{-at} \cos \omega t$	$\frac{z^2 - ze^{-aT} \cos \omega T}{z^2 - 2ze^{-aT} \cos \omega T + e^{-2aT}}$
12	$\frac{2}{s^3}$	$t^2$	$\frac{T^2 z(z+1)}{(z-1)^3}$
13		$a^k$	$\frac{z}{z-a}$
14		$a^k \cos k\pi$	$\frac{z}{z+a}$
15	$\frac{a}{s^2(s+a)}$	$t - \frac{(1-e^{-at})}{a}$	$\frac{Tz}{(z-1)^2} - \frac{(1-e^{-aT})z}{a(z-1)(z-e^{-aT})}$

**Tabela 13.2** Propriedades da transformada z

	$x(t)$ ou $x(k)$	$\mathcal{Z}[x(t)]$ ou $\mathcal{Z}[x(k)]$
1	$ax(t)$	$aX(z)$
2	$x_1(t) + x_2(t)$	$X_1(z) + X_2(z)$
3	$x(t+T)$ ou $x(k+1)$	$zX(z) - zx(0)$
4	$x(t+2T)$	$z^2X(z) - z^2x(0) - zx(T)$
5	$x(k+2)$	$z^2X(z) - z^2x(0) - zx(1)$
6	$x(t+kT)$	$z^kX(z) - z^kx(0) - z^{k-1}x(T) - \dots - zx(kT-T)$
7	$x(k+m)$	$z^mX(z) - z^mx(0) - z^{m-1}x(1) - \dots - zx(m-1)$
8	$tx(t)$	$-Tz \frac{d}{dz} [X(z)]$
9	$kx(k)$	$-z \frac{d}{dz} [X(z)]$
10	$e^{-at}x(t)$	$X(ze^{aT})$
11	$e^{-ak}x(k)$	$X(ze^a)$
12	$a^kx(k)$	$X\left(\frac{z}{a}\right)$
13	$ka^kx(k)$	$-z \frac{d}{dz} \left[X\left(\frac{z}{a}\right)\right]$
14	$x(0)$	$\lim_{z \rightarrow \infty} X(z)$ se o limite existe
15	$x(\infty)$	$\lim_{z \rightarrow 1} [(z-1)X(z)]$ se $\frac{z-1}{z} X(z)$ é analítica sobre e fora do círculo unitário
16	$\sum_{k=0}^{\infty} x(k)$	$X(1)$
17	$\sum_{k=0}^n x(kT)y(nT-kT)$	(Convolução Discreta) $X(z)Y(z)$