Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский университет ИТМО» Факультет Программной Инженерии и Компьютерной Техники



Вариант №110 Домашняя работа №4 по дисциплине Дискретная математика

> Выполнил Студент группы Р3115 Владимир Мацюк Преподаватель: Поляков Владимир Иванович

l Числа

| A | 56 | B | 91 |

2 Задание

1. В разрядной сетке длиной в байт (один разряд знаковый и семь – цифровых) выполнить операцию умножения заданных чисел A и B со всеми комбинациями знаков, используя метод умножения в дополнительных кодах с применением коррекции. При выполнении операции использовать способ умножения с поразрядным анализом множителя, начиная от его младших разрядов со сдвигом СЧП вправо. Результаты представить в десятичной системе и проверить их правильность.

$$\begin{array}{c} (A>0,\ B>0) \\ [A]_{.}=0111000;\ [B]_{.}=1011011 \end{array}$$

N шага	Операнды и действия	СЧП (старшие разряды)	Множитель СЧП (младшие разряды)	Пояснения
0	СЧП	0 0 0 0 0 0 0	1011011	Обнуление старших разрядов СЧП
1	$\begin{array}{c} [A]_{\text{np.}} \\ \text{СЧ\Pi} \\ \text{СЧ\Pi} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c} 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 0 \\ \hline 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 0 \\ 0\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0 \end{array}$	1 0 1 1 0 1 1 0 1 0 1 1 0 <u>1</u>	Сложение СЧП с множимым Модифицирован- ный сдвиг СЧП и множителя вправо
2	$\begin{array}{c} [A]_{\text{np.}} \\ \text{СЧП} \\ \text{СЧП} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 1 0 1 1 0 1 0 0 1 0 1 1 <u>0</u>	Сложение СЧП с множимым Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо
3	$\text{CHII} \rightarrow$	0 0 1 0 1 0 1	000 101 <u>1</u>	Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо
4	$\begin{array}{c} [A]_{\mathrm{np.}} \\ \mathrm{C}\mathrm{\Psi}\Pi \\ \mathrm{C}\mathrm{\Psi}\Pi \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 0 1 0 1 1 1 0 0 0 1 0 <u>1</u>	Сложение СЧП с множимым Модифицирован- ный сдвиг СЧП и множителя вправо
5	$\begin{array}{c} [A]_{\text{np.}} \\ \text{СЧШ} \\ \text{СЧП} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c} 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 0 \\ \hline 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0 \\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1 \end{array}$	1 0 0 0 1 0 1 0 1 0 0 0 1 <u>0</u>	Сложение СЧП с множимым Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо
6	$\text{CHII} \rightarrow$	0 0 1 0 1 1 1	101000 1	Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо
7	$\begin{array}{c} [A]_{\text{np.}} \\ \text{СЧ\Pi} \\ \text{СЧ\Pi} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Сложение СЧП с множимым Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо

$$\left[C\right]_{\text{np.}} = 01001111101000_2 = 5096_{10}$$

 $\begin{array}{c} (A<0,\;B>0) \\ [-A]_{.} = 1001000;\;[B]_{.} = 1011011 \end{array}$

N шага	Операнды и действия	СЧП (старшие разряды)	Множитель СЧП (младшие разряды)	Пояснения
0	СЧП	0 0 0 0 0 0 0	1011011	Обнуление старших разрядов СЧП
1	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧ\Pi} \\ \text{СЧ\Pi} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c} 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0 \\ \hline 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0 \\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0 \end{array}$	1 0 1 1 0 1 1 0 1 0 1 1 0 <u>1</u>	Вычитание из СЧП множимого Модифицирован- ный сдвиг СЧП и множителя вправо
2	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \to \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 1 0 1 1 0 1 0 0 1 0 1 1 <u>0</u>	Вычитание из СЧП множимого Модифицирован- ный сдвиг СЧП и множителя вправо
3	$\text{CHII} \rightarrow$	1 1 0 1 0 1 1	000 101 <u>1</u>	Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо
4	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧП} \\ \text{СЧП} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 0 1 0 1 1 1 0 0 0 1 0 <u>1</u>	Вычитание из СЧП множимого Модифицирован- ный сдвиг СЧП и множителя вправо
5	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \to \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Вычитание из СЧП множимого Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо
6	$\text{CHII} \rightarrow$	1 1 0 1 0 0 0	0 1 1 0 0 0 1	Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо
7	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Вычитание из СЧП множимого Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо

 $\left[C\right]_{\mathrm{доп.}} = 10110000011000_2 = -5096_{10}$

 $(A > 0, \ B < 0)$ $[A]_{.} = 0111000; \ [-B]_{.} = 0100101$

N шага	Операнды и действия	СЧП (старшие разряды)	Множитель СЧП (младшие разряды)	Пояснения
0	СЧП	0 0 0 0 0 0 0	0 1 0 0 1 0 <u>1</u>	Обнуление старших разрядов СЧП
				Сложение СЧП с
	$[A]_{\text{np.}}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		множимым
1	СЧП	0 1 1 1 0 0 0	0100101	Модифицирован-
	$\text{C}\Pi \rightarrow$	$0\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0$	0 0 1 0 0 1 0	ный сдвиг СЧП и
				множителя вправо
2	$\text{CHII} \rightarrow$	0 0 0 1 1 1 0	00 0100 <u>1</u>	Модифицированный сдвиг
				СЧП и множителя вправо
				Сложение СЧП с
	[А] _{пр.} СЧП	$0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 0$		множимым
3	1	1000110	00 01001	Модифицирован-
	$\text{C}\Pi \rightarrow$	$0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1$	$0\ 0\ 0\ \ 0\ 1\ 0\ \underline{0}$	ный сдвиг СЧП и
				множителя вправо
4	$\text{CH\Pi} \rightarrow$	$0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1$	1000 010	Модифицированный сдвиг
				СЧП и множителя вправо
5	$\text{CHII} \rightarrow$	0 0 0 1 0 0 0	11000 01	Модифицированный сдвиг
				СЧП и множителя вправо
				Сложение СЧП с
	[А] _{пр.} СЧП	$0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 0$		множимым
6		$1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	1 1 0 0 0 0 1	Модифицирован-
	$\text{C}\Pi \rightarrow$	$0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	0 1 1 0 0 0 0	ный сдвиг СЧП и
				множителя вправо
7	$\text{CHII} \rightarrow$	0 0 1 0 0 0 0	0 0 1 1 0 0 <u>0</u>	Модифицированный сдвиг
				СЧП и множителя вправо
8	$[-A]_{\text{доп.}}$ СЧП	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 1 1 0 0 0	Коррекция СЧП

 $\left[C\right]_{\text{np.}} = 10110000011000_2 = -5096_{10}$

$$\begin{array}{c} (A<0,\;B<0) \\ [-A]_{.} = 1001000;\;[-B]_{.} = 0100101 \end{array}$$

N шага	Операнды и действия	СЧП (старшие разряды)	Множитель СЧП (младшие разряды)	Пояснения
0	СЧП	0 0 0 0 0 0 0	010010 <u>1</u>	Обнуление старших разрядов СЧП
1	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 1 0 0 1 0 1 0 1 0 0 1 0 0 1 <u>0</u>	Вычитание из СЧП множимого Модифицирован- ный сдвиг СЧП и множителя вправо
2	$\text{СЧ\Pi} \rightarrow$	1 1 1 0 0 1 0	00 0100 <u>1</u>	Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо
3	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c} 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{array}$	0 0 0 1 0 0 1 0 0 0 0 1 0 <u>0</u>	Вычитание из СЧП множимого Модифицирован- ный сдвиг СЧП и множителя вправо
4	$\text{CHII} \rightarrow$	1 1 0 1 1 1 0	1000 010	Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо
5	$\text{CHII} \to$	1110111	0 1 0 0 0 0 1	Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо
6	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Вычитание из СЧП множимого Модифицирован- ный сдвиг СЧП и множителя вправо
7	$\text{CHII} \rightarrow$	1101111	1 1 0 1 0 0 0	Модифицированный сдвиг СЧП и множителя вправо
8	$[A]_{\mathrm{np.}}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1101000	Коррекция СЧП

$$\left[C\right]_{\text{\tiny доп.}} = 01001111101000_2 = 5096_{10}$$

2. В разрядной сетке длиной в байт (один разряд знаковый и семь – цифровых) выполнить операцию умножения заданных чисел A и B со всеми комбинациями знаков, используя метод умножения в дополнительных кодах без применения коррекции. При выполнении операции использовать способ умножения с поразрядным анализом множителя, начиная от его младших разрядов со сдвигом СЧП вправо. Результаты представить в десятичной системе и проверить их правильность.

 $\begin{array}{c} (A>0,\ B>0) \\ [A]_{\cdot}=0111000;\ [B]_{\cdot}=1011011 \end{array}$

N шага	Операнды и действия	СЧП (старшие разряды)	Множитель СЧП (младшие разряды)	Пояснения
0	СЧП	0 0 0 0 0 0 0	1011011	Обнуление старших разрядов СЧП
1	$\begin{array}{c} [A]_{\text{пр.}} \\ \text{СЧП} \\ \text{СЧП} \rightarrow \end{array}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1 0 1 1 0 1 1 0 1 0 1 1 0 <u>1</u>	Вычитание множимого из СЧП.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
2	$\text{CHII} \rightarrow$	1 1 1 1 0 1 0	0 0 1 0 1 1 0	При сдвиге младший разряд не изменился; Сдвиг СЧП и множителя вправо
3	$\begin{array}{c} [A]_{\text{пр.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c} 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ \hline 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{array}$	0 0 1 0 1 1 0 0 0 0 1 0 1 <u>1</u>	Сложение СЧП с множимым.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
4	$\begin{array}{c} [A]_{\text{пр.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 0 1 0 1 1 1 0 0 0 1 0 <u>1</u>	Вычитание множимого из СЧП.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
5	$\text{CHII} \to$	0 0 1 1 1 1 1	0 1 0 0 0 1 0	При сдвиге младший разряд не изменился; Сдвиг СЧП и множителя вправо
6	$\begin{array}{c} [A]_{\text{пр.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \to \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Сложение СЧП с множимым.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
7	$\begin{array}{c} [A]_{\text{пр.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Вычитание множимого из СЧП.; Сдвиг СЧП и множителя вправо

 $\left[C\right]_{\text{np.}} = 01001111101000_2 = 5096_{10}$

 $\begin{array}{c} (A<0,\;B>0) \\ [-A]_{.}=1001000;\;[B]_{.}=1011011 \end{array}$

N шага	Операнды и действия	СЧП (старшие разряды)	Множитель СЧП (младшие разряды)	Пояснения
0	СЧП	0 0 0 0 0 0 0	1 0 1 1 0 1 <u>1</u>	Обнуление старших разрядов СЧП
1	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1 0 1 1 0 1 1 0 1 0 1 1 0 <u>1</u>	Сложение СЧП с множимым.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
2	$\text{CHII} \to$	0 0 0 0 1 1 0	0 0 1 0 1 1 0	При сдвиге младший разряд не изменился; Сдвиг СЧП и множителя вправо
3	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧ\Pi} \\ \text{СЧ\Pi} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 1 0 1 1 0 0 0 0 1 0 1 <u>1</u>	Вычитание множимого из СЧП.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
4	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \to \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 0 1 0 1 1 1 0 0 0 1 0 <u>1</u>	Сложение СЧП с множимым.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
5	$\text{CHII} \to$	1 1 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 1 0	При сдвиге младший разряд не изменился; Сдвиг СЧП и множителя вправо
6	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧП} \\ \text{СЧП} \rightarrow \end{array}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1 1 0 0 0 1 0 0 1 1 0 0 0 <u>1</u>	Вычитание множимого из СЧП.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
7	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧП} \\ \text{СЧП} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 1 1 0 0 0 1 0 0 1 1 0 0 <u>0</u>	Сложение СЧП с множимым.; Сдвиг СЧП и множителя вправо

 $\left[C\right]_{\text{доп.}} = 10110000011000_2 = -5096_{10}$

 $\begin{array}{c} (A>0,\; B<0) \\ [A]_{\cdot}=0111000;\; [-B]_{\cdot}=0100101 \end{array}$

N шага	Операнды и действия	СЧП (старшие разряды)	Множитель СЧП (младшие разряды)	Пояснения
0	СЧП	0 0 0 0 0 0 0	0 1 0 0 1 0 <u>1</u>	Обнуление старших разрядов СЧП
1	$\begin{array}{c} [A]_{\text{пр.}} \\ \text{СЧ\Pi} \\ \text{СЧ\Pi} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 1 0 0 1 0 1 0 0 1 0 0 1 <u>0</u>	Вычитание множимого из СЧП.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
2	$\begin{array}{c} [A]_{\text{пр.}} \\ \text{СЧ\Pi} \\ \text{СЧ\Pi} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 1 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 <u>1</u>	Сложение СЧП с множимым.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
3	$\begin{array}{c} [A]_{\text{пр.}} \\ \text{СЧ\Pi} \\ \text{СЧ\Pi} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 0 1 0 0 1 0 0 0 0 1 0 <u>0</u>	Вычитание множимого из СЧП.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
4	$\begin{array}{c} [A]_{\text{пр.}} \\ \text{СЧII} \\ \text{СЧII} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 0 0 1 0 0 1 0 0 0 0 1 <u>0</u>	Сложение СЧП с множимым.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
5	$\text{CHII} \rightarrow$	1 1 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 1	При сдвиге младший разряд не изменился; Сдвиг СЧП и множителя вправо
6	$\begin{array}{c} [A]_{\text{пр.}} \\ \text{СЧ\Pi} \\ \text{СЧ\Pi} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Вычитание множимого из СЧП.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
7	$\begin{array}{c} [A]_{\text{пр.}} \\ \text{СЧ\Pi} \\ \text{СЧ\Pi} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 1 1 0 0 0 0 0 0 1 1 0 0 <u>0</u>	Сложение СЧП с множимым.; Сдвиг СЧП и множителя вправо

 $\left[C\right]_{\rm np.} = 10110000011000_2 = -5096_{10}$

 $\begin{array}{c} (A<0,\ B<0) \\ [-A]_{.}=1001000;\ [-B]_{.}=0100101 \end{array}$

N шага	Операнды и действия	СЧП (старшие разряды)	Множитель СЧП (младшие разряды)	Пояснения
0	СЧП	0 0 0 0 0 0 0	0 1 0 0 1 0 <u>1</u>	Обнуление старших разрядов СЧП
1	$[-A]_{ ext{ iny JOII}}$ $ ext{ CHII}$ $ ext{ iny CHII} ightarrow$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 1 0 0 1 0 1 0 0 1 0 0 1 <u>0</u>	Сложение СЧП с множимым.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
2	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧП} \\ \text{СЧП} \rightarrow \end{array}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 1 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 <u>1</u>	Вычитание множимого из СЧП.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
3	$[-A]_{ ext{ iny JOII}}$ $ ext{ CHII}$ $ ext{ iny CHII} o$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 0 1 0 0 1 0 0 0 0 1 0 <u>0</u>	Сложение СЧП с множимым.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
4	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧП} \\ \text{СЧП} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 0 0 0 1 0 0 1 0 0 0 0 1 <u>0</u>	Вычитание множимого из СЧП.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
5	$\text{CHII} \to$	0 0 1 1 1 1 1	0 1 0 0 0 0 1	При сдвиге младший разряд не изменился; Сдвиг СЧП и множителя вправо
6	$\begin{array}{c} [-A]_{\text{доп.}} \\ \text{СЧП} \\ \text{СЧП} \rightarrow \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Сложение СЧП с множимым.; Сдвиг СЧП и множителя вправо
7	$[-A]_{ ext{ iny JOII.}}$ $CH\Pi$ $CH\Pi o$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Вычитание множимого из СЧП.; Сдвиг СЧП и множителя вправо

 $\left[C\right]_{\mathrm{доп.}} = 01001111101000_2 = 5096_{10}$