## Федеральное государственное автономное образовательное учреждение

## высшего образования

«Национальный исследовательский университет ИТМО» Факультет Программной Инженерии и Компьютерной Техники



Вариант №111 Домашняя работа №5 по дисциплине Дискретная математика

> Выполнил Студент группы Р3115 Владимир Мацюк Преподаватель: Поляков Владимир Иванович

## 1 Числа

A	1150
B	23

## 2 Задание

- (a) Выполнить операцию деления заданных целых чисел A и B со всеми комбинациями знаков, используя метод деления в дополнительных кодах. Для представления делимого (A) использовать 16 двоичных разрядов (один –знаковый и 15 цифровых), для представления делителя (B) 8 разрядов (один знаковый и 7 цифровых). Остаток от деления и частное представляются в той же разрядной сетке, что и делитель.
- (b) Результаты операции представить в десятичной системе счисления и проверить их правильность.

$$\begin{array}{c} (A>0,\ B>0) \\ [A]_{.}=1111110;\ [B]_{.}=0010111 \end{array}$$

N	Операнды	Делимое/остаток	Делимое/остаток
шага	и действия	старш. разряды	младш. разряды
	[A]	00000100	01111110
0	[B]	00000000	00010111
	$[R_1]$	$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0$	10010101
	$\overline{R}_0$	00001001	0 0 1 0 1 0 1   0
1	[B]	11101001	'
	$R_1$	1 1 1 1 0 0 1 0	0 0 1 0 1 0 1   0
	$\overline{R}_1$	11100100	0 1 0 1 0 1   0 0
2	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	·
	$R_2$	11111011	0 1 0 1 0 1   0 0
	$\overline{R}_2$	11110110	10101   000
3	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	·
	$R_3$	$0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$	1 0 1 0 1   0 0 <u>1</u>
	$\overleftarrow{R}_3$	0 0 0 1 1 0 1 1	0 1 0 1   0 0 1 0
4	[B]	$1\; 1\; 1\; 0\; 1\; 0\; 0\; 1$	·
	$R_4 \over \overleftarrow{R}_4$	$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0$	0 1 0 1   0 0 1 <u>1</u>
	$\overline{R}_4$	00001000	101   00110
5	[B]	$1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1$	
	$R_5$ $R_5$	1 1 1 1 0 0 0 1	101 00110
	$\overline{R}_5$	11100011	01 001100
6	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	
	$R_6$	11111010	01 001100
	$\overline{R}_6$	11110100	1   0 0 1 1 0 0 0
7	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	
	$R_7$	0 0 0 0 1 0 1 1	1   0 0 1 1 0 0 <u>1</u>
	$\overline{R}_7$	0 0 0 1 0 1 1 1	00110010
8	[B]	1 1 1 0 1 0 0 1	
	$R_8$	0 0 0 0 0 0 0 0	00110011
Коррекция остатка	R	0 0 0 0 0 0 0 0	00110011
Коррекция частного	R	0 0 0 0 0 0 0 0	00110010

$$\begin{split} \left[C\right]_{\text{np}} &= 00110010_2 = 50_{10} \\ \left[R\right]_{\text{np}} &= 00000000_2 = 0_{10} \end{split}$$

 $\begin{array}{c} (A<0,\;B>0) \\ [-A]_{.}=0000010;\;[B]_{.}=0010111 \end{array}$ 

N	Операнды	Делимое/остаток	Делимое/остаток
шага	и действия	старш. разряды	младш. разряды
	[A]	11111011	10000010
0	[B]	$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	0 0 0 1 0 1 1 1
	$[R_1]$	11111011	10011001
	$\overline{R}_0$	11110111	0 0 1 1 0 0 1   0
1	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	'
	$R_1$	$0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0$	0 0 1 1 0 0 1   1
	$\overline{R}_1$	0 0 0 1 1 1 0 0	0 1 1 0 0 1   1 0
2	[B]	$1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1$	·
		$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1$	0 1 1 0 0 1   1 <u>1</u>
	$ \begin{array}{c} R_2 \\ \overline{R}_2 \end{array} $	00001010	11001   110
3	[B]	1 1 1 0 1 0 0 1	·
	$R_3$	1 1 1 1 0 0 1 1	1 1 0 0 1   1 1 <u>0</u>
	$\overline{R}_3$	11100111	1001 1100
4	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	'
	$R_4$	11111110	1001 1100
	$\overline{R}_4$	11111101	001   11000
5	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	
	$R_5$	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0$	0 0 1   1 1 0 0 <u>1</u>
	$\overline{R}_5$	0 0 1 0 1 0 0 0	01   110010
6	[B]	1 1 1 0 1 0 0 1	
	$R_6$	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1$	01   110011
	$\overline{R}_6$	0 0 1 0 0 0 1 0	1   1 1 0 0 1 1 0
7	[B]	1 1 1 0 1 0 0 1	
	$R_7$	$0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1$	1   1 1 0 0 1 1 <u>1</u>
	$\overline{R}_7$	0 0 0 1 0 1 1 1	11001110
8	[B]	1 1 1 0 1 0 0 1	
	$R_8$	$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	1 1 0 0 1 1 1 <u>1</u>
Коррекция остатка	R	0 0 0 0 0 0 0 0	11001111
Коррекция частного	R	0 0 0 0 0 0 0 0	11001110

$$\begin{split} \left[C\right]_{\text{доп}} &= 11001110_2 \\ \left[C\right]_{\text{пр}} &= -00110010_2 = -50_{10} \\ \left[R\right]_{\text{пр}} &= 000000000_2 = 0_{10} \end{split}$$

 $\begin{array}{c} (A>0,\; B<0) \\ [A]_{\cdot}=1111110;\; [-B]_{\cdot}=1101001 \end{array}$ 

N	Операнды	Делимое/остаток	Делимое/остаток
шага	и действия	старш. разряды	младш. разряды
	[A]	00000100	01111110
0	[B]	11111111	11101001
	$[R_1]$	$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0$	0 1 1 0 0 1 1 1
	$\overline{R}_0$	00001000	1100111 0
1	[B]	1 1 1 0 1 0 0 1	·
	$R_1$	$1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1$	1 1 0 0 1 1 1   1
	$\overline{R}_1$	1 1 1 0 0 0 1 1	100111 10
2	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	
		11111010	100111 1 <u>1</u>
	$R_2 \over \overline{R}_2$	11110101	0 0 1 1 1   1 1 0
3	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	·
	$R_3$	$0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0$	0 0 1 1 1   1 1 0
	$\overline{R}_3$	00011000	0111 1100
4	[B]	1 1 1 0 1 0 0 1	'
	$R_4$	$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1$	0 1 1 1   1 1 0 0
	$\overline{R}_4$	0 0 0 0 0 0 1 0	111 11000
5	[B]	$1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1$	
	$R_5$	1 1 1 0 1 0 1 1	1 1 1   1 1 0 0 <u>1</u>
	$\overleftarrow{R}_5$	11010111	11   110010
6	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	
	$R_6$	1 1 1 0 1 1 1 0	1 1   1 1 0 0 1 <u>1</u>
	$\overline{R}_6$	11011101	1   1 1 0 0 1 1 0
7	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	
	$R_7$	1 1 1 1 0 1 0 0	1   1 1 0 0 1 1 <u>1</u>
	$\overline{R}_7$	1 1 1 0 1 0 0 1	1 1 0 0 1 1 1 0
8	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	
	$R_8$	$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	1110011110
Коррекция остатка	R	0 0 0 0 0 0 0 0	11001110
Коррекция частного	R	0 0 0 0 0 0 0 0	1110011110

$$\begin{split} \left[C\right]_{\text{доп}} &= 11001110_2 \\ \left[C\right]_{\text{пр}} &= -00110010_2 = -50_{10} \\ \left[R\right]_{\text{пр}} &= 000000000_2 = 0_{10} \end{split}$$

 $\begin{array}{c} (A<0,\ B<0) \\ [-A]_{.}=0000010;\ [-B]_{.}=1101001 \end{array}$ 

N	Операнды	Делимое/остаток	Делимое/остаток
шага	и действия	старш. разряды	младш. разряды
	[A]	11111011	10000010
0	[B]	11111111	$1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1$
	$[R_1]$	11111011	01101011
	$\overline{R}_0$	11110110	1 1 0 1 0 1 1   0
1	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	·
	$R_1$	0 0 0 0 1 1 0 1	$1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\  \ \underline{0}$
	$\overleftarrow{R}_1$	0 0 0 1 1 0 1 1	1 0 1 0 1 1   0 0
2	[B]	1 1 1 0 1 0 0 1	
	$R_2$	0 0 0 0 0 1 0 0	101011 00
	$\overline{R}_2$	0 0 0 0 1 0 0 1	0 1 0 1 1   0 0 0
3	[B]	$1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1$	·
	$R_3$	1 1 1 1 0 0 1 0	0 1 0 1 1   0 0 <u>1</u>
	$\overline{R}_3$	11100100	1011   0010
4	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	·
	$R_4$	11111011	1 0 1 1   0 0 1 <u>1</u>
	$\overline{R}_4$	11110111	011   00110
5	[B]	$0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$	
	$R_5$	0 0 0 0 1 1 1 0	0 1 1   0 0 1 1 <u>0</u>
	$\overline{R}_5$	0 0 0 1 1 1 0 0	11   0 0 1 1 0 0
6	[B]	$1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1$	
	$R_6$	0 0 0 0 0 1 0 1	$1\ 1\  \ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ \underline{0}$
	$\overline{R}_6$	0 0 0 0 1 0 1 1	1   0 0 1 1 0 0 0
7	[B]	1 1 1 0 1 0 0 1	
	$R_7$	1 1 1 1 0 1 0 0	1   0 0 1 1 0 0 <u>1</u>
	$\overline{R}_7$	1 1 1 0 1 0 0 1	00110010
8	[B]	0 0 0 1 0 1 1 1	
	$R_8$	$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	00110010
Коррекция остатка	R	0 0 0 0 0 0 0 0	00110010
Коррекция частного	R	0 0 0 0 0 0 0 0	00110010

$$\begin{split} \left[C\right]_{\text{mp}} &= 00110010_2 = 50_{10} \\ \left[R\right]_{\text{mp}} &= 00000000_2 = 0_{10} \end{split}$$