Федеральное государственное автономное образовательное учреждение

высшего образования

«Национальный исследовательский университет ИТМО» Факультет Программной Инженерии и Компьютерной Техники



Вариант №111 Домашняя работа №8 по дисциплине Дискретная математика

> Выполнил Студент группы Р3115 Владимир Мацюк Преподаватель: Поляков Владимир Иванович

1 Числа

| A | 4, 7 |
|---|-------|
| B | 0,053 |

2 Задание

- 1. Заданные числа A (делимое) и В (делитель) представить в форматах Ф1 и Ф2 с укороченной мантиссой (8 двоичных разрядов). Метод округления выбирается произвольно. Примечание: общее число разрядов в формате 16.
- 2. Выполнить операцию деления операндов в формате Ф1.
- 3. В случае положительного результата «пробного» вычитания сохранить младшую тетраду.
- 4. Выполнить операцию деления операндов в формате Ф2.
- 5. Результаты представить в форматах операндов, перевести в десятичную систему счисления и проверить их правильность.
- 6. Определить абсолютную и относительную погрешности результатов и обосновать их причину. Варианты задания приведены в табл. 8 Приложения 1.

3 Решение

1. Деление в формате Ф1:

$$A = 4.7 = (4.B30)_{16} = (0.4B)_{16} * 16^{1}$$

$$B = 0.053 = (0.0D910)_{16} = (0.D9)_{16} * 16^{-1}$$

$$Xc = Xa - Xb + d$$

$$Xc = 65 - 63 + 64 = 66$$

$$Pc = 2$$

| N шага | Действие | Делимое | Частное |
|--------|-----------------|-----------|----------|
| 0 | Ma | 001001011 | 00000000 |
| | $[-M_b]$ | 100100111 | |
| | R0 | 101110010 | 00000000 |
| 1 | $\leftarrow R0$ | 011100100 | 00000000 |
| | $[M_b]$ | 011011001 | |
| | R1 | 110111101 | 00000000 |
| 2 | $\leftarrow R1$ | 101111010 | 00000000 |
| | $[M_b]$ | 011011001 | |
| | R2 | 001010011 | 00000001 |
| 3 | $\leftarrow R2$ | 010100110 | 00000010 |
| | $[-M_b]$ | 100100111 | |
| | R3 | 111001101 | 00000010 |
| 4 | $\leftarrow R3$ | 110011010 | 00000100 |
| | $[M_b]$ | 011011001 | |
| | R4 | 001110011 | 00000101 |
| 5 | $\leftarrow R4$ | 011100110 | 00001010 |
| | $[-M_b]$ | 100100111 | |
| | R5 | 000001101 | 00001011 |
| 6 | $\leftarrow R5$ | 000011010 | 00010110 |
| | $[-M_b]$ | 100100111 | |
| | R6 | 101000001 | 00010110 |
| 7 | $\leftarrow R6$ | 010000010 | 00101100 |
| | $[M_b]$ | 011011001 | |
| | R7 | 101011011 | 00101100 |
| 8 | $\leftarrow R7$ | 010110110 | 01011000 |
| | $[M_b]$ | 011011001 | |
| | R8 | 110001111 | 01011000 |

$$C^* = (0.58)_{16} * 16^2 = (58)_{16} = 88$$

$$\Delta C = C^T - C^* = 88.679 - 88 = 0.679$$

$$\delta C = |\Delta C/C^T| * 100\% = |0.679/88.679| * 100\% = 0.77\%$$

Погрешность вызвана неточным представлением операндов

2. Деление в формате $\Phi 2$:

$$A = 4.7 = (100.101100110)_2 = (0.10010110)_2 * 2^3$$

$$B = 0.053 = (0.0000110110010001)_2 = (0.11011001)_2 * 2^{-4}$$

$$Xc = Xa - Xb + d$$

$$Xc = 131 - 124 + 128 = 135$$

$$Pc = 7$$

| N шага | Действие | Делимое | Частное |
|--------|-----------------|-----------|----------|
| 0 | Ma | 010010110 | 00000000 |
| | $[-M_b]$ | 100100111 | |
| | R0 | 110111101 | 00000000 |
| 1 | $\leftarrow R0$ | 101111010 | 00000000 |
| | $[M_b]$ | 011011001 | |
| | R1 | 001010011 | 00000001 |
| 2 | $\leftarrow R1$ | 010100110 | 00000010 |
| | $[-M_b]$ | 100100111 | |
| | R2 | 111001101 | 00000010 |
| 3 | $\leftarrow R2$ | 110011010 | 00000100 |
| | $[M_b]$ | 011011001 | |
| | R3 | 001110011 | 00000101 |
| 4 | $\leftarrow R3$ | 011100110 | 00001010 |
| | $[-M_b]$ | 100100111 | |
| | R4 | 000001101 | 00001011 |
| 5 | $\leftarrow R4$ | 000011010 | 00010110 |
| | $[-M_b]$ | 100100111 | |
| | R5 | 101000001 | 00010110 |
| 6 | $\leftarrow R5$ | 010000010 | 00101100 |
| | $[M_b]$ | 011011001 | |
| | R6 | 101011011 | 00101100 |
| 7 | $\leftarrow R6$ | 010110110 | 01011000 |
| | $[M_b]$ | 011011001 | |
| | R7 | 110001111 | 01011000 |
| 8 | $\leftarrow R7$ | 100011110 | 10110000 |
| | $[M_b]$ | 011011001 | |
| | R8 | 111110111 | 10110000 |

$$\begin{split} C^* &= (0.10110000)_2 * 2^7 = (1011000.0)_2 = 88 \\ \Delta C &= C^T - C^* = 88.679 - 88 = 0.679 \\ \delta C &= |\Delta C/C^T| * 100\% = |0.679/88.679| * 100\% = 0.77\% \end{split}$$

Погрешность вызвана неточным представлением операндов