### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)»

### ВЫПУСКНАЯ КВАЛИФИКАЦИОННАЯ РАБОТА

по курсу

«Data Science»

Прогнозирование конечных свойств новых материалов (композиционных материалов)

Слушатель

В.С. Благодатских

Москва, 2022

### Содержание

Введение 3
1. Постановка задачи, описание исходных данных
2. Разведочный анализ данных и визуализация исходных данных 5
3. Предобработка данных
4. Обучение моделей для прогноза модуля упругости при растяжении и
прочности при растяжении
4.1. Разбиение датасета для дальнейшего обучения моделей
4.2. Обучение моделей линейной регрессии
4.3. Обучение модели К-ближайших соседей (KNeighborsRegressor). 17
4.4. Обучение модели «Случайного леса» (Random Forest Regressor).
Подбор параметров
5. Разработка нейронных сетей
5.1. Нейронные сети с одним выходом для параметра соотношение
матрица-наполнитель21
5.2. Построение нейронной сети с один выходом для предсказания
модуля упругости при растяжении
6. Создание приложения с графическим интерфейсом для предсказания
модуля упругости
7. Заключение
Список литературы

#### Введение

В рамках выпускной квалификационной работы по курсу «Data Science» на тему «Прогнозирование конечных свойств новых материалов (композиционных материалов)» проведены исследования и анализ предоставленных данных о начальных свойствах компонентов композиционных материалов с использованием методов, изученных на курсе «Data Science».

Композиционный материал, композит — многокомпонентный материал, изготовленный (человеком или природой) из двух или более компонентов с существенно различными физическими и/или химическими свойствами, которые, в сочетании, приводят к появлению нового материала с характеристиками, отличными от характеристик отдельных компонентов и не являющимися простой их суперпозицией. При этом отдельные компоненты остаются таковыми в структуре композитов, отличая их от смесей и твёрдых растворов. В составе композита принято выделять матрицу/матрицы и наполнитель/наполнители. Варьируя состав матрицы и наполнителя, их соотношение, ориентацию наполнителя, получают широкий спектр материалов с требуемым набором свойств. Многие композиты превосходят традиционные материалы и сплавы по своим механическим свойствам и в то же время они легче. Использование композитов обычно позволяет уменьшить массу конструкции при сохранении или улучшении её механических характеристик.

#### 1. Постановка задачи, описание исходных данных

Целью данной работы является обработка данных и построение при помощи методов машинного обучения модели прогнозирования характеристик «модуль упругости при растяжении» и «прочность при растяжении», рекомендации «соотношение матрица-наполнитель».

Исходные данные свойств композиционных материалов получены от структурного подразделения МГТУ им. Н.Э. Баумана Центра НТИ «Цифровое материаловедение: новые материалы и вещества».

Данные представляют собой характеристики и свойства композитных материалов, содержащиеся в двух таблицах Excel.

Исходные данные включают в себя:

1. Таблицу X\_bp.xlsx с количеством строк 1023, где находятся три исследуемых параметра (характеристики композита), семь входных (химико-физические соотношения и свойства используемых компонент), одна колонка с индексом (Рисунок 1).

ď X_l	x xelx.qd										
4	Α	В	С	D	E	F	G	Н	T I	J	K
1		Соотношение матрица- наполнитель	Плотность,		Количество отвердителя, м.%	Содержание эпоксидных групп,%_2	Температура вспышки, С_2	Поверхностная		Прочность при растяжении, МПа	Потребление смолы, г/м2
2	0	1,857142857	2030	738,7368421	30	22,26785714	100	210	70	3000	220
3	1	1,857142857	2030	738,7368421	50	23,75	284,6153846	210	70	3000	220
4	2	1,857142857	2030	738,7368421	49,9	33	284,6153846	210	70	3000	220
5	3	1,857142857	2030	738,7368421	129	21,25	300	210	70	3000	220
6	4	2,771331058	2030	753	111,86	22,26785714	284,6153846	210	70	3000	220
7	5	2,767918089	2000	748	111,86	22,26785714	284,6153846	210	70	3000	220
8	6	2,569620253	1910	807	111,86	22,26785714	284,6153846	210	70	3000	220
9	7	2,56147541	1900	535	111,86	22,26785714	284,6153846	380	75	1800	120
10	8	3,557017544	1930	889	129	21,25	300	380	75	1800	120

Рисунок 1 – Таблица X\_bp.xlsx

2. Таблицу X\_nup.xlsx с количеством элементов 1040, где находится три входных параметра (физические характеристики исследуемых образцов) (Рисунок 2) и одна колонка с индексом.

×	X_nup.xlsx [Защ	ищенный прос	иотр] ×	
/	Α	В	С	D
1		Угол нашивки, град	Шаг нашивки	Плотность нашивки
2	0	0	4	57
3	1	0	4	60
4	2	0	4	70
5	3	0	5	47
6	4	0	5	57
7	5	0	5	60
8	6	0	5	70
9	7	0	7	47
10	8	0	7	57

Рисунок 1 – Таблица X\_nup.xlsx

Колонка «А» с индексом в обеих таблицах служит для их объединения.

Анализ, предобработка данных, построение моделей выполнены посредством языка программирования Python, с применением библиотек numpy, pandas, matplotlib, seaborn, sklearn.

#### 2. Разведочный анализ данных и визуализация исходных данных

Разведочный анализ данных в рамках поставленной задачи необходимо провести способом объединения по типу inner по полю индекса таблиц исходных данных

17 строк данных не были включены в общий датасет, так как они не имеют отличных строк в таблице  $X_bp.xlsx$ 

Сформированный исходный датафрейм содержит 1023 записи с входным параметрами и 3 выходными параметрами, пропуски значений отсутствуют, дублирующих значений нет (Рисунок 3).

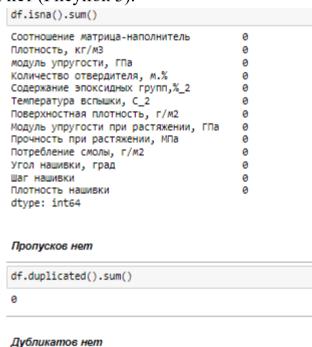


Рисунок 3 – Количество пропусков и дубликатов

Значения колонки 'Угол нашивки, град' были перекодированы в бинарный вид (Рисунок 4).

```
# Преобразуем значения "Угол нашивки" с помощью LabelEncoder le = preprocessing.LabelEncoder() df['Угол нашивки, град'] = le.fit_transform(df['Угол нашивки, град'].values) df['Угол нашивки, град']
```

Рисунок 4 – Преобразование значений «Угол нашивки»

Описательная статистика (Рисунок 5), гистограммы распределения (Рисунок 6), диаграммы размаха «Ящик с усами» (Рисунок 7), позволяют получить наглядное представление о характерах распределений переменных.

df.describe().T								
	count	mean	std	min	25%	50%	75%	max
Соотношение матрица-наполнитель	1023.0	2.930366	0.913222	0.389403	2.317887	2.906878	3.552660	5.591742
Плотность, кг/м3	1023.0	1975.734888	73.729231	1731.764635	1924.155467	1977.621657	2021.374375	2207.773481
модуль упругости, ГПа	1023.0	739.923233	330.231581	2.436909	500.047452	739.664328	961.812526	1911.536477
Количество отвердителя, м.%	1023.0	110.570769	28.295911	17.740275	92.443497	110.564840	129.730366	198.953207
Содержание эпоксидных групп,%_2	1023.0	22.244390	2.406301	14.254985	20.608034	22.230744	23.961934	33.000000
Температура вспышки, С_2	1023.0	285.882151	40.943260	100.000000	259.066528	285.896812	313.002106	413.273418
Поверхностная плотность, г/м2	1023.0	482.731833	281.314690	0.603740	266.816645	451.864365	693.225017	1399.542362
Модуль упругости при растяжении, ГПа	1023.0	73.328571	3.118983	64.054061	71.245018	73.268805	75.356612	82.682051
Прочность при растяжении, МПа	1023.0	2466.922843	485.628006	1036.856605	2135.850448	2459.524526	2767.193119	3848.436732
Потребление смолы, г/м2	1023.0	218.423144	59.735931	33.803026	179.627520	219.198882	257.481724	414.590628
Угол нашивки, град	1023.0	44.252199	45.015793	0.000000	0.000000	0.000000	90.000000	90.000000
Шаг нашивки	1023.0	6.899222	2.563467	0.000000	5.080033	6.916144	8.586293	14.440522
Плотность нашивки	1023.0	57.153929	12.350969	0.000000	49.799212	57.341920	64.944961	103.988901

Рисунок 5 – Описательная статистика

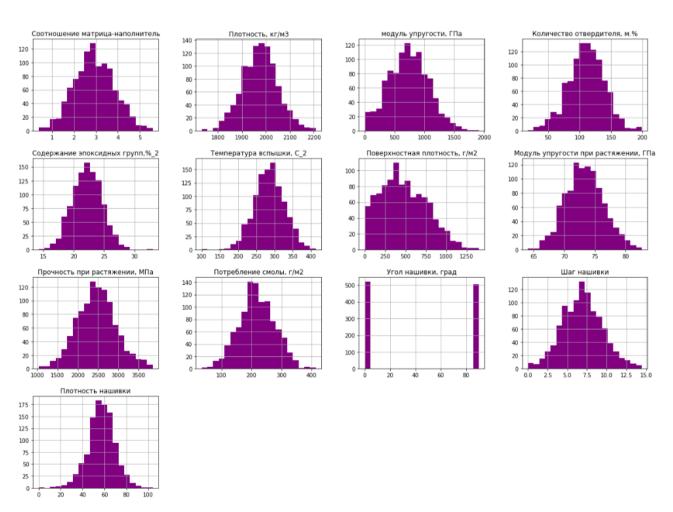


Рисунок 6 – Гистограммы распределения переменных

Из всех параметров, помимо «Угла нашивки», имеющего всего два значения, выделяются «Поверхностная плотность, г/м2» и «модуль упругости, ГПа» форма распределения менее других походит на нормальное.

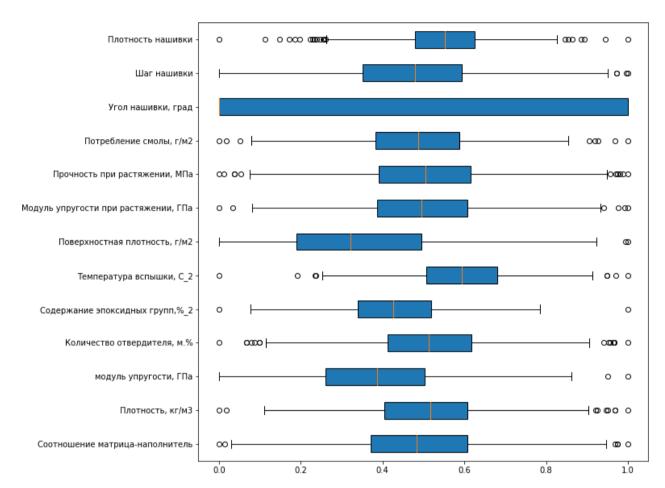


Рисунок 7 – Диаграммы размаха «Ящик с усами»

По диаграммам размаха видно, что по каждой характеристике, кроме «Угол нашивки, град», имеется наличие значений, находящихся за пределами полутора межквартильных расстояний от первого и третьего квартилей. Избавиться от них нам поможет «правило трех сигм» (Рисунок 8). Посчитаем и удалим выбросы (Рисунок 9).

```
# Пробуем межквартильное расстояние. Вычислим межквартильный диапазон и заменим вне диапазона NaN for x in df.columns:
    q75, q25 = np.percentile(df.loc[:,x],[75,25])
    qr = q75-q25

max = q75+(1.5*qr)
    min = q25-(1.5*qr)

df.loc[df[x] < min,x] = np.nan
    df.loc[df[x] > max,x] = np.nan
```

Рисунок 8 – Используем «правило трех сигм»

```
# Смотрим сколько выбросов получилось по каждому столбцу
df.isnull().sum()
Соотношение матрица-наполнитель
                                        6
Плотность, кг/м3
                                        9
модуль упругости, ГПа
                                        2
Количество отвердителя, м.%
                                       14
Содержание эпоксидных групп,% 2
                                        2
Температура вспышки, С_2
Поверхностная плотность, г/м2
                                       2
Модуль упругости при растяжении, ГПа
                                       6
Прочность при растяжении, МПа
                                       11
Потребление смолы, г/м2
                                        8
Угол нашивки, град
                                        0
Шаг нашивки
                                        4
Плотность нашивки
                                        21
dtype: int64
# Удаляем выбросы
df = df.dropna(axis = 0)
# Проверяем удаление
df.isnull().sum()
Соотношение матрица-наполнитель
                                       0
Плотность, кг/м3
модуль упругости, ГПа
Количество отвердителя, м.%
Содержание эпоксидных групп,% 2
Температура вспышки, С 2
Поверхностная плотность, г/м2
Модуль упругости при растяжении, ГПа
Прочность при растяжении, МПа
                                       0
Потребление смолы, г/м2
Угол нашивки, град
Шаг нашивки
Плотность нашивки
dtype: int64
```

Рисунок 9 – Расчет и удаление выбросов

Построим матрицу корреляции (Рисунок 10), посмотрим, какие линейные связи есть между не стандартизированными и не нормализированными данными

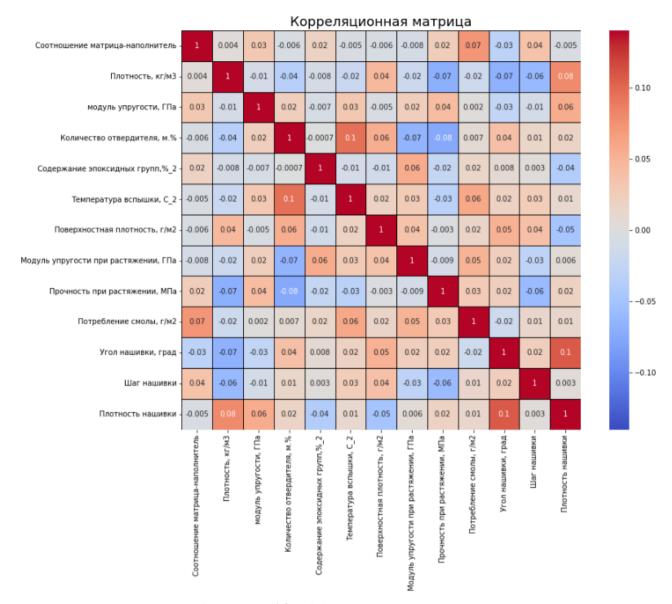


Рисунок 10 – Матрица корреляции

Видим очень слабую линейную зависимость. Максимальная положительная связь (0,1) есть между углом нашивки и поверхностной плотностью, что скорее всего, если угол нашивки равен  $0^{\circ}$ , то поверхностная плотность ниже, если угол нашивки  $90^{\circ}$  градусов, то поверхностная плотность выше.

Также есть положительная связь 0,1 между количеством отвердителя и температурой вспышки, т.е. если температура выше, то количество отвердителя выше.

Строим матрицу рассеяния scatter\_matrix (Рисунок 11)

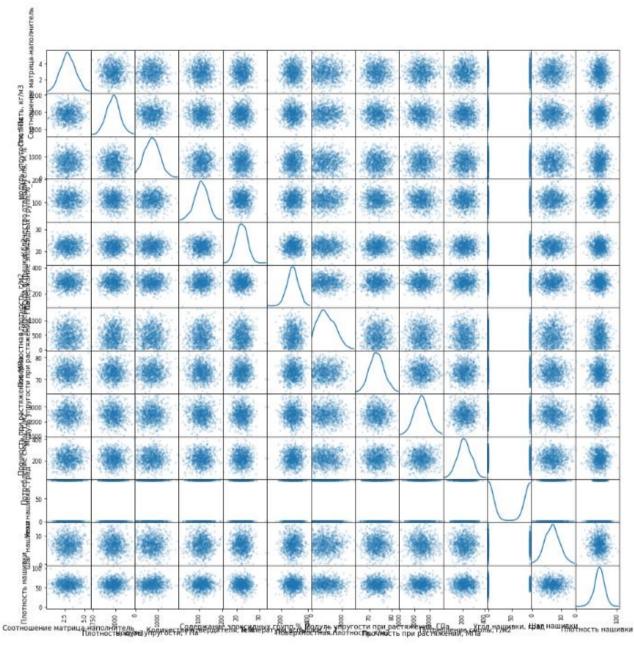


Рисунок 11 – Матрица рассеяния

Попарные графики рассеяния также не показывают линейной взаимосвязи между данными.

#### 3. Предобработка данных

В ходе анализа данных было выполнено удаление выбросов, произведен поиск пропусков и дубликатов, на данном этапе проведем нормализацию и стандартизацию данных.

Выполним нормализацию с помощью метода MinMaxScaler. (Рисунок 12).



Рисунок 12 – Нормализация данных

Выполним стандартизацию данных с помощью StandardScaler (Рисунок 13)

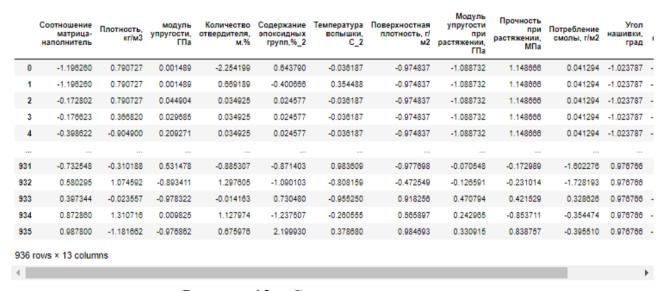


Рисунок 13 – Стандартизация данных

После анализа и предобработки данных получаем датасет df\_standart с 936 уникальными строками.

- 4. Обучение моделей для прогноза модуля упругости при растяжении и прочности при растяжении.
- 4.1. Разбиение датасета для дальнейшего обучения моделей.

Для обучения моделей прогноза параметров разобьем ранее подготовленный датасет следующим образом:

- Удаляем столбцы "Модуль упругости при растяжении" и "Прочность при растяжении". Назовем новый датасет "mu" и "pr".
- Запишем переменную "Модуль упругости при растяжении" в "mu\_Y", а датасет "mu" с удаленными столбцами в "mu\_X".
- Запишем переменную "Прочность при растяжении" в "pr\_Y", а датасет "pr" с удаленными столбцами в "pr\_X".

```
mu = df_standart.drop(['Модуль упругости при растяжении, ГПа','Прочность при растяжении, МПа'], axis = 1) pr = <math>df_standart.drop(['Модуль упругости при растяжении, ГПа','Прочность при растяжении, МПа'], axis = 1)
                                     модуль
                                              Количество Содержание Температура
                                                                                                                      Vron
      Соотношение
                     Плотность, модуль колитество 
упругости, отвердителя, 
ГПа м.%
                                                                                    Поверхностная
                                                                                                     Потребление
                                                                                                                                 Шаг Плотность
      матрица-
наполнитель
                                                                                                      смолы, г/м2 нашивки,
                                                                          вспышки,
С_2
                                                                                     плотность, г/м2
                                                                                                                            нашивки
                                                             групп.% 2
          7.248098 10813.703361 3701.144201
                                               262.207503
                                                            128.841077
                                                                        1491.164899
                                                                                         966.189146
                                                                                                     1121.640029 -1.023787 19.096805 311.055804
          7.248098 10813.703361 3701.144201
                                             680.719519
                                                            114.992429
                                                                        1571.914821
                                                                                         966.189146
                                                                                                      1121.640029 -1.023787 24.556516 243.078293
         12.126673 10813.703381 3772.647266 589.918304
                                                           120.630807 1491.164899
                                                                                       988.189148 1121.840029 -1.023787 24.558518 295.388888
         12.108460 10853.855354 3747.581616 589.918304
                                                           120.630807 1491.164899
                                                                                         988.189148 1121.840029 -1.023787 24.558518 311.055804
4 11.050241 10174.311331 4043.356291 589.918304 120.630807 1491.164899 966.189146 1121.640029 -1.023787 24.556516 363.346198
                                                                                      962.495870 636.184610 0.976766 46.812375 243.181673
        9.458500 10398.566904 4574.023908 458.178046
                                                           108.750837 1701.950251
         15.716497 10920.743825 2227.262859 770.683594 105.851041 1331.603138 1614.509459 598.992810 0.976766 54.943161 278.378438
932
       14.844416 10506.650605 2087.416030 582.890891 129.990523 1301.200550 3409.672097 1206.508392 0.976766 19.976659 350.951723
         17.111081 11009.782373 3714.873533 746.399220 103.896587 1444.789376
                                                                                        2954.870482 1004.743489 0.976768 31.726213 301.982891
935 17.658975 10089.949060 2089.820871 681.691189 149.474248 1576.915341 3495.424886 992.622864 0.976786 30.447007 402.221323
936 rows x 11 columns
mu X = mu
mu_Y = df_standart['Модуль упругости при растяжении, гПа']
pr_Y = df_standart['Прочность при растяжении, МПа']
```

Рисунок 14 – Разбивка датасета и запись в переменные

Разобьем датасет mu\_X и датасет pr\_X на тестовую и тренировочную выборки, 30 процентов данных оставим на тестирование модели, на остальных происходит обучение моделей.

```
# ти делим на тестовую и тренировочную выборки, зависимая ти_Y - Модуль упругости при растяжении# ти_X_train, mu_Y_train, mu_Y_test = train_test_split(mu_X, mu_Y, test_size = 0.30, random_state=1) # pr делим на тестовую и тренировочную выборки, зависимая pr_Y Прочность при растяжении pr_X_train, pr_Y_train, pr_Y_test = train_test_split(pr_X, pr_Y, test_size = 0.30, random_state=1)
```

Рисунок 15 – Разбивка датасетов на тренировочную и обучающую выборки

Пишем функцию, которая рассчитывает среднее значение по тестовой выборке. Со средним будем сравнивать результаты предсказаний моделей (Рисунок 16)

```
def mean_model(mu_Y_test):
    return [np.mean(mu_Y_test) for _ in range(len(mu_Y_test))]
mu_Y_pred_mean = mean_model(mu_Y_test)
mean_absolute_error (mu_Y_test, mu_Y_pred_mean)

0.8289382478364875

def mean_model(pr_Y_test):
    return [np.mean(pr_Y_test) for _ in range(len(pr_Y_test))]
pr_Y_pred_mean = mean_model(pr_Y_test)
mean_absolute_error (pr_Y_test, pr_Y_pred_mean)

0.7880988878953844
```

Рисунок 16 – МАЕ для модели среднего значения.

#### 4.2. Обучение моделей линейной регрессии.

Построим модель линейной регрессии для модуля упругости при растяжении (Рисунок 17)

```
lin_reg= LinearRegression()
lin_reg.fit(mu_X_train, mu_Y_train)
LinearRegression()
# Score для тренировочной выборки
print("Train score:", lin_reg.score(mu_X_train, mu_Y_train))
Train score: 0.021099855832543812
# Score для тестовой выборки
print("Test score:", lin_reg.score(mu_X_test, mu_Y_test))
Test score: -0.019301402088411246
# Предсказание значения для ти
mu_Y_pred = lin_reg.predict(mu_X_test).round(3)
mu_lin = pd.DataFrame({'Actual': mu_Y_test, 'Predicted': mu_Y_pred})
mu lin.head()
       Actual Predicted
386 -1.384355 0.109
 41 0.873654
                -0.028
725 -0.528017 0.061
605 0.504928
35 -0.601519 -0.072
# Результаты модели
mu_mse_lin_elast = mean_squared_error(mu_Y_test, mu_Y_pred)
print("MAE: ", mean_absolute_error(mu_Y_test, mu_Y_pred))
print("MSE: ", mu_mse_lin_elast)
print("RMSE: ", np.sqrt(mu_mse_lin_elast))
MAE: 0.8385264893496368
MSE: 1.0347000196871035
RMSE: 1.0172020545039728
```

Рисунок 17 - Модель линейной регрессии для модуля упругости при растяжении

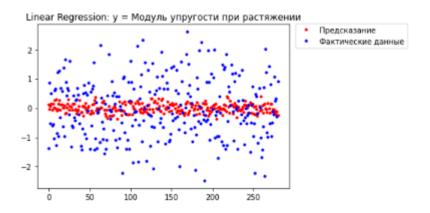


Рисунок 18 — Разброс точек, предсказанных и фактических данных Видим, что разброс у фактических данных большой — линейная регрессия не очень хорошо прогнозирует зависимости.

```
lin_mu = GSCV_lin_mu.best_estimator_
print(f'R2-score линейной регресии модуль упругости при растяжении: {lin_mu.score(mu_X_test, mu_Y_test).round(3)}')
R2-score линейной регресии модуль упругости при растяжении: -0.019
```

Рисунок 18 – R2-score

Для линейной регрессии — MSE 1.035, R-score -0.019. Для модели, что использует среднее, MAE-0.83, что говорит, что линейная регрессия плохо предсказывает поведение зависимой переменной от входных данных.

```
def mean_model(mu_Y_test):
    return [np.mean(mu_Y_test) for _ in range(len(mu_Y_test))]
mu_Y_pred_mean = mean_model(mu_Y_test)
mean_absolute_error (mu_Y_test, mu_Y_pred_mean)

0.8289382478364875
```

Рисунок 19 – МАЕ средняя

Построим линейную регрессию для Прочности при растяжении (Рисунок 20).

```
lin reg2= LinearRegression()
lin_reg2.fit(PPR_X_train, PPR_y_train)
LinearRegression()
#score для тренировочной выборки
print("Train score:", lin_reg2.score(PPR_X_train, PPR_y_train))
Train score: 0.025484538437679283
#Score для тестовой выборки
print("Test score:", lin_reg2.score(PPR_X_test, PPR_y_test))
Test score: -0.018288843718546444
Результат линейной регрессии PPR:
# Предсказание значения для PPR
PPR_y_pred = lin_reg2.predict(PPR_X_test).round(2)
PPR_lin = pd.DataFrame({'Actual': PPR_y_test, 'Predicted': PPR_y_pred})
PPR lin.head(4)
         Actual Predicted
 Index
  431 -1.880556
   45 -1.785143
  803 0.466423
                   0.05
  674 -0.884391
#результаты модели
PPR_mse_lin_elast = mean_squared_error(PPR_y_test, PPR_y_pred)
print("MAE: ", mean_absolute_error(PPR_y_test, PPR_y_pred))
print("MSE: ", PPR_mse_lin_elast)
print("RMSE: ", np.sqrt(PPR_mse_lin_elast))
MAE: 0.7975565769023175
MSE: 0.9809694074478643
RMSE: 0.9904389973379806
```

Рисунок 20 – Модель линейной регрессии для прочности при растяжении

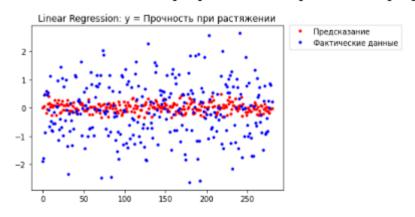


Рисунок 21 — Разброс точек фактических и прогнозных данных Видим, что разброс у фактических данных большой — линейная регрессия не очень хорошо прогнозирует зависимости.

```
lin_pr = GSCV_lin_pr.best_estimator_
print(f'R2-score линейной регресии прочность при растяжении: {lin_pr.score(pr_X_test, pr_Y_test).round(3)}')
```

R2-score линейной регресии прочность при растяжении: -0.018

#### Рисунок 22 – R2-score

Для линейной регрессии PPR - MAE 0.98, R-score -0.018. Для модели, что использует среднее, MAE -0.79, что говорит, что линейная регрессия плохо предсказывает поведение зависимой переменной от входных данных.

```
def mean_model(pr_Y_test):
    return [np.mean(pr_Y_test) for _ in range(len(pr_Y_test))]
pr_Y_pred_mean = mean_model(pr_Y_test)
mean_absolute_error (pr_Y_test, pr_Y_pred_mean)
0.7880988878953844
```

Рисунок 23 – МАЕ средняя

#### 4.3. Обучение модели К-ближайших соседей (KNeighborsRegressor)

Построим модель К-ближайших соседей для модуля упругости при растяжении (Рисунок 24).

```
kn = KNeighborsRegressor()
kn_params = {'n_neighbors' : range(1, 301, 2),
          'weights' : ['uniform', 'distance'],
'algorithm' : ['auto', 'ball_tree', 'kd_tree', 'brute']
GSCV_kn_mu = GridSearchCV(kn, kn_params, n_jobs=-1, cv=10)
GSCV_kn_mu.fit(mu_X_train, mu_Y_train)
GSCV_kn_mu.best_params_
{'algorithm': 'auto', 'n_neighbors': 71, 'weights': 'uniform'}
kn_mu = GSCV_kn_mu.best_estimator_
print(f'R2-score KNR для модуля упругости при растяжении: {kn mu.score(mu X test, mu Y test).round(3)}')
R2-score KNR для модуля упругости при растяжении: -0.015
kn_mu_result = pd.DataFrame({
   'Model': 'KNeighborsRegressor_mu',
   'MAE': mean_absolute_error(mu_Y_test, kn_mu.predict(mu_X_test)),
   'R2 score': kn_mu.score(mu_X_test, mu_Y_test).round(3)
}, index=['Модуль упругости при растяжении'])
models3 = models2.append(kn mu result)
models3
                                              Model
                                                        MAE R2 score
                                LinearRegression mu 0.838530
Модуль упругости при растяжении
       Прочность при растяжении
                                   LinearRegression_pr 0.797591
                                                               -0.018
```

Рисунок 24 — Модель K-ближайших соседей для модуля упругости при растяжении

-0.015

Модуль упругости при растяжении KNeighborsRegressor\_mu 0.840831

Построим модель К-ближайших соседей для прочности при растяжении (Рисунок 25).

```
GSCV_kn_pr = GridSearchCV(kn, kn_params, n_jobs=-1, cv=10)
GSCV kn pr.fit(pr X train, pr Y train)
GSCV kn pr.best params
{ 'algorithm': 'brute', 'n_neighbors': 235, 'weights': 'distance'}
kn\_pr = GSCV\_kn\_pr.best\_estimator\_print(f'R2-score KNR для прочности при растяжении: {kn\_pr.score(pr_X_test, pr_Y_test).round(3)}')
R2-score KNR для прочности при растяжении: -0.009
kn pr result = pd.DataFrame({
    Model': 'KNeighborsRegressor pr',
   'MAE': mean_absolute_error(pr_Y_test, kn_pr.predict(pr_X_test)),
   'R2 score': kn_pr.score(pr_X_test, pr_Y_test).round(3)
}, index=['Прочность при растяжении'])
models4 = models3.append(kn pr result)
models4
                                               Model
                                                         MAE R2 score
Модуль упругости при растяжении LinearRegression_mu 0.838530
                                                              -0.019
                                    LinearRegression_pr 0.797591
       Прочность при растяжении
 Модуль упругости при растяжении KNeighborsRegressor_mu 0.840831 -0.015
```

Рисунок 25 – Модель К-ближайших соседей для прочности при растяжении

-0.009

Прочность при растяжении KNeighborsRegressor pr 0.792277

Если коэффициент детерминации R2 – score равен нулю, то это говорит о том, что модель прогнозирует с таким же результатом, что, если бы мы взяли среднее значение прогнозируемого параметра. Если R2 – score меньше 0, это значит, что разработанная модель дает прогноз хуже, чем обычное усреднение.

## 4.4. Обучение модели «Случайного леса» (Random Forest Regressor). Подбор параметров.

Построим модель случайного леса для модуля упругости при растяжении (Рисунок 26).

```
# Создаем сетку параметров на основе случайного поиска
# Создаем модель поиска по сетке с перекрестной проверкой, количество блоков равно 10
rf = RandomForestRegressor()
rf = Randommrorestage
rf_param = {
    'n_estimators' : range(10, 1000, 10),
    'criterion' : ['squared_error', 'absolute_error', 'poisson'],
    'max_depth' : range(1, 7),
    'criterion' : range(20, 50, 5),
     'min_samples_split' : range(20, 50, 5),
'min_samples_leaf' : range(2, 8),
'bootstrap' : ['True', 'False']
                                                                                                               {'n_estimators': 220,
mu_rf = RandomizedSearchCV(rf, rf_param, n_jobs=-1, cv=10, verbose=4)
                                                                                                                 'min_samples_split': 40,
                                                                                                                 'min_samples_leaf': 5,
mu_rf.fit(mu_X_train, mu_Y_train)
                                                                                                                 'max_depth': 1,
# Ишем лучшие параметры для модели
                                                                                                                 'criterion': 'absolute_error',
mu_rf.best_params_
                                                                                                                'bootstrap': 'True'}
Fitting 10 folds for each of 10 candidates, totalling 100 fits
```

```
#Предсказываем значения
mu_rf_pred = mu_rf.predict(mu_X_test).round(3)
mu_grid_rf = mu_rf.best_estimator_
print(f'R2-score RFRegr для модуля упругости при растяжении: {mu_grid_rf.score(mu_X_test, mu_Y_test).round(3)}')
R2-score RFRegr для модуля упругости при растяжении: -0.006

mu_rf_result = pd.DataFrame({
    'Model': 'Random Forest Regressor_mu',
    'MAE': mean_absolute_error(mu_Y_test, mu_grid_rf.predict(mu_X_test)),
    'R2 score': mu_grid_rf.score(mu_X_test, mu_Y_test).round(3)
}, index=['Модуль упругости при растяжении'])

models5 = models4.append(mu_rf_result)
models5
```

Рисунок 26 — Модель «Случайного леса» для модуля упругости при растяжении Построим модель случайного леса для прочности при растяжении (Рисунок 27).

```
# Создаем сетку параметров на основе случайного поиска
# Создаем модель поиска по сетке с перекрестной проверкой, количество блоков равно 10 rf = RandomForestRegressor()
    param = {
  'n_estimators' : range(10, 1000, 10),
  'criterion' : ['squared_error', 'absolute_error', 'poisson'],
  'max_depth' : range(1, 7),
  'min_samples_split' : range(20, 50, 5),
  'min_samples_leaf' : range(2, 8),
  'bootstrap' : ['True', 'False']
                                                                                                  {'n_estimators': 250,
pr_rf = RandomizedSearchCV(rf, rf_param, n_jobs=-1, cv=10, verbose=4)
                                                                                                    'min_samples_split': 45,
.
# Обучаем модель
                                                                                                    'min_samples_leaf': 5,
pr_rf.fit(pr_X_train, pr_Y_train)
# Ищем лучшие параметры для модели
                                                                                                    'max depth': 1,
pr_rf.best_params_
                                                                                                    'criterion': 'absolute error',
                                                                                                    'bootstrap': 'True'}
Fitting 10 folds for each of 10 candidates, totalling 100 fits
# Предсказываем значения
pr_rf_pred = pr_rf.predict(pr_X_test).round(3)
pr_rf_grid = pr_rf.best_estimator_
print(f'R2-score RFRegr для прочности при растяжении: {pr rf grid.score(pr X test, pr Y test).round(3)}')
R2-score RFRegr для прочности при растяжении: -0.004
pr_rf_result = pd.DataFrame({
      Model': 'Random Forest Regressor_pr',
    'MAE': mean_absolute_error(pr_Y_test, pr_rf.predict(pr_X_test)),
'R2 score': pr_rf_grid.score(pr_X_test, pr_Y_test).round(3) }, index=['Прочность при растяжений'])
models6 = models5.append(pr rf result)
models6
```

Рисунок 27 — Модель «Случайного леса» для прочности при растяжении Все простроенные модели дают прогноз хуже, чем обычное усреднение (Рисунок 27).

	Model	MAE	R2 score
Модуль упругости при растяжении	LinearRegression_mu	0.838530	-0.019
Прочность при растяжении	LinearRegression_pr	0.797591	-0.018
Модуль упругости при растяжении	KNeighborsRegressor_mu	0.840831	-0.015
Прочность при растяжении	KNeighborsRegressor_pr	0.792277	-0.009
Модуль упругости при растяжении	Random Forest Regressor_mu	0.832147	-0.006
Прочность при растяжении	Random Forest Regressor_pr	0.791913	-0.004

#### Рисунок 28 – Сравнение моделей

Построенные модели прогнозирования не демонстрируют приемлемого уровня точности, и свидетельствуют о слабой линейной связи между данными датасета. Об этом на этапе разведывательного анализа данных говорит слабая попарная корреляция выходных данных с входными (матрица корреляции). Однако разведывательный анализ данных и теоретическая база композитных материалов также позволяет делать допущение, что связь возможна, но для ее обнаружения необходимо использовать более сложные способы исследования.

Также можно провести дополнительные способы разбивки данных на более малые выборки, уменьшение размерности. Разведочный анализ данных показывает, что Угол нашивки равен 0 градусов (520 наблюдений исходной выборки), а другая часть Угол нашивки равен 90 градусов (520 наблюдений исходной выборки). Так как данный входной параметр четко делится на две подгруппы, то имеет смысли, опираясь на теорию, рассмотреть модели для каждой из этих подвыборок. Максимальная положительная связь (0,1) есть между Углом нашивки и Поверхностной плотностью, что скорее всего, если Угол нашивки 0, то Поверхностная плотность ниже, если Угол нашивки 90 градусов, то Поверхностная плотность выше. Также есть положительная связь (0,1) между Количеством отвердителя и Температурой вспышки, т.е. если температура выше, значит, и Количество отвердителя выше. В теории, если Температура вспышки выше, то, нужно большее Количество отвердителя (как канифоль). Ничего нового, кроме обычной физики, данная связь не показывает.

Кроме того, теоретические исследования в области композитных материалов позволяют предположить, что не хватает дополнительных параметров (например, коэффициент Пуассона или данных об угле и направлении, под которыми располагают нити накладываемых слоёв), что также влияет на прочность при растяжении и модуль упругости при растяжении.

Из аналогичных исследований можно взять для тестирования подход решения задач моделирования композиционного материала с заданными электрофизическим свойствами (композиты на основе нанопористого кремния), на основе генетического алгоритма или рекуррентного типа нейронной сети (диэлектрическая проницаемость, проводимость).

#### 5. Разработка нейронных сетей

## **5.1.** Нейронные сети с одним выходом для параметра соотношение матрица-наполнитель.

Обобщающая способность (generalization) - способность сети работать на тех данных, что она не видела. Если нейронная сеть переобучена, то она адаптируется к данным, которые она видела (training set) и хорошо работает на них, но ее обобщающая способность снижается (плохо работает на данных, которые она не видела). Оценивают качество сети на тех, данных, которые она не видела (test set).

Если модель дает более стабильный результат, значит, данная модель является более лучшим решением.

Построим нейронную сеть с одним выходом для параметра соотношение матрица-наполнитель (Рисунок 29.1-29.3).

```
# Удалим столбец "Соотношение матрица-наполнитель", запишем датасет с удаленным столбцом в mf\_X.
# Запишем переменную "Соотношение матрица-наполнитель" в тf_Y,
mf_X = df_standart.drop(['Соотношение матрица-наполнитель'], axis = 1)
mf_Y = df_standart['Соотношение матрица-наполнитель']
# mf делим на тестовую и тренировочную выборки, зависимая тf_Y - соотношение матрица наполнитель.
mf_X_train, mf_X_test, mf_Y_train, mf_Y_test = train_test_split(mf_X, mf_Y, test_size = 0.30, random_state=1)
normalizer = tf.keras.layers.Normalization(axis=-1)
mf_X_train_norm = normalizer.adapt(np.array(mf_X_train))
mf_model_1 = Sequential(mf_X_train_norm)
mf_model_1.add(Dense(128))
mf model 1.add(BatchNormalization())
mf_model_1.add(LeakyReLU())
mf_model_1.add(Dense(128, activation='selu'))
mf_model_1.add(BatchNormalization())
mf_model_1.add(Dense(64, activation='selu'))
mf_model_1.add(BatchNormalization())
mf_model_1.add(Dense(32, activation='selu'))
mf_model_1.add(BatchNormalization())
mf_model_1.add(LeakyReLU())
mf_model_1.add(Dense(16, activation='selu'))
mf_model_1.add(BatchNormalization())
mf model 1.add(Dense(1)
mf_model_1.add(Activation('selu'))
mf_early = EarlyStopping(monitor='val_loss', min_delta=0, patience=10, verbose=1, mode='auto')
mf model 1.compile(
    optimizer=tf.optimizers.SGD(learning_rate=0.02, momentum=0.5),
    loss='mean_absolute_error')
```

Рисунок 29.1 - Нейронная сеть с одним выходом для соотношения матрица-наполнитель (модель 1)

```
%%time
history mf model 1 = mf model 1.fit(
  mf_X_train,
  mf_Y_train,
  batch_size = 64,
   epochs=30,
  verbose=1,
  validation_split = 0.2,
   callbacks = [mf early ]
Epoch 1/30
9/9 [============ ] - 2s 33ms/step - loss: 1.1257 - val_loss: 0.9885
Epoch 2/30
9/9 [============ ] - 0s 8ms/step - loss: 0.9302 - val_loss: 0.939
Epoch 3/30
Epoch 4/30
9/9 [==========] - 0s 7ms/step - loss: 0.7772 - val_loss: 0.8829
Epoch 5/30
9/9 [============ ] - 0s 6ms/step - loss: 0.7636 - val loss: 0.8783
Epoch 6/30
9/9 [============] - 0s 7ms/step - loss: 0.7339 - val loss: 0.8969
Epoch 7/30
9/9 [======== ] - 0s 6ms/step - loss: 0.7147 - val loss: 0.9107
Epoch 8/30
9/9 [============] - 0s 7ms/step - loss: 0.7017 - val_loss: 0.8668
Epoch 9/30
9/9 [=========] - 0s 6ms/step - loss: 0.6971 - val_loss: 0.8988
Epoch 10/30
9/9 [=============] - 0s 7ms/step - loss: 0.6871 - val loss: 0.8923
Epoch 11/30
Epoch 12/30
9/9 [============] - 0s 7ms/step - loss: 0.6657 - val_loss: 0.8838
Epoch 13/30
9/9 [=========] - 0s 7ms/step - loss: 0.6792 - val_loss: 0.9063
Epoch 14/30
9/9 [==========] - 0s 7ms/step - loss: 0.6546 - val_loss: 0.8790
Epoch 15/30
9/9 [=========] - 0s 6ms/step - loss: 0.6445 - val loss: 0.9004
Epoch 16/30
9/9 [===========] - 0s 7ms/step - loss: 0.6441 - val_loss: 0.9114
Epoch 17/30
Epoch 18/30
9/9 [=========] - 0s 7ms/step - loss: 0.6191 - val_loss: 0.8952
Epoch 18: early stopping
Wall time: 2.8 s
```

Рисунок 29.2 - Нейронная сеть с одним выходом для соотношения матрица-наполнитель (модель 1)

mf_model_1.summary()		
Model: "sequential"		
Layer (type)	Output Shape	Param #
dense (Dense)	(None, 128)	1664
<pre>batch_normalization (BatchN ormalization)</pre>	(None, 128)	512
leaky_re_lu (LeakyReLU)	(None, 128)	0
dense_1 (Dense)	(None, 128)	16512
<pre>batch_normalization_1 (Batc hNormalization)</pre>	(None, 128)	512
dense_2 (Dense)	(None, 64)	8256
<pre>batch_normalization_2 (Batc hNormalization)</pre>	(None, 64)	256
dense_3 (Dense)	(None, 32)	2080
<pre>batch_normalization_3 (Batc hNormalization)</pre>	(None, 32)	128
leaky_re_lu_1 (LeakyReLU)	(None, 32)	0
dense_4 (Dense)	(None, 16)	528
<pre>batch_normalization_4 (Batc hNormalization)</pre>	(None, 16)	64
dense_5 (Dense)	(None, 1)	17
activation (Activation)	(None, 1)	0
Total params: 30,529 Trainable params: 29,793 Non-trainable params: 736		

Рисунок 29.3 - Нейронная сеть с одним выходом для соотношения матрица-наполнитель (модель 1)

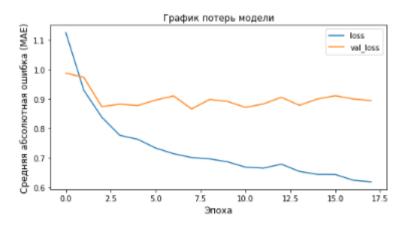


Рисунок 30 – График потерь модели 1

В примере видно (Рисунок 29-30), что после 3-й эпохи (val\_loss =0.8746) доля потерь на проверочной выборке начинает расти и к 13-й эпохе становится

равной 0,963. Это означает, что модель переобучена и обучение необходимо останавливать после второй эпохи. И данная структура модели очень сложная для данного датасета.

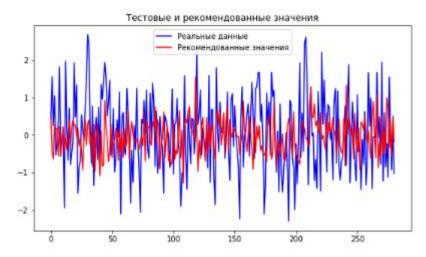


Рисунок 31 – Поведение тестовых и прогнозных значений



Рисунок 32 - Рассеяния тестовых и прогнозных значений Метод evaluate () возвращает значения функции потерь и метрики для обу-

ченной модели.

Нейронная сеть (Модель 1) хуже (loss = 0.921), чем средняя предсказывает поведение зависимой переменной (MAE =0.83).

Сохраним модель

```
mf_model_1.save('models/mf_model_1')
INFO:tensorflow:Assets written to: models/mf_model_1\assets
mf_model_1.save_weights('models/mf_model_1/weights')
```

Построим нейронную сеть попроще с одним выходом для параметра соотношение матрица-наполнитель (Рисунок 33)

```
mf_model_2 = Sequential(
[Dense(12, activation = 'relu', input_dim=12),
    Dense(64, activation = 'relu'),
    Dense(64, activation = 'relu'),
  Dense(1),
1)
mf_early_2= EarlyStopping(monitor='val_loss', min_delta=0, patience=10, verbose=1, mode='auto')
mf_model_2.compile(
  optimizer='adam'
  loss='mean_absolute_error')
history_mf_model_2 = mf_model_2.fit(
  mf_X_train,
  mf_Y_train,
  epochs=50,
  verbose=1,
  validation_split = 0.2,
  callbacks = [mf_early_2]
Epoch 1/50
17/17 [====
        Epoch 2/50
17/17 [====
        -----] - 0s 4ms/step - loss: 0.7828 - val_loss: 0.7749
Epoch 3/50
17/17 [===:
           ======== 0.7767 - val_loss: 0.7922
Epoch 4/50
17/17 [===
        Epoch 5/50
17/17 [====
           Epoch 6/50
17/17 [===:
         -----] - 0s 4ms/step - loss: 0.7538 - val_loss: 0.7988
Epoch 7/50
17/17 [====
           Epoch 8/50
17/17 [====
         -----] - 0s 4ms/step - loss: 0.7366 - val_loss: 0.8037
Epoch 9/50
17/17 [=====
           Epoch 10/50
17/17 [-----] - 0s 4ms/step - loss: 0.7210 - val_loss: 0.8056
Epoch 11/50
Epoch 12/50
17/17 [==============] - 0s 4ms/step - loss: 0.7047 - val_loss: 0.8119
Epoch 12: early stopping
Wall time: 1.36 s
mf_model_2.summary()
Model: "sequential_1"
Layer (type)
                     Output Shape
                                        Param #
dense_6 (Dense)
                    (None, 12)
dense_7 (Dense)
                     (None, 64)
                                        832
dense_8 (Dense)
                    (None, 64)
dense_9 (Dense)
                     (None, 1)
Total params: 5,213
Trainable params: 5,213
Non-trainable params: 0
```

Рисунок 33 - Нейронная сеть с одним выходом для соотношения матрицанаполнитель (модель 2)



Рисунок 34 - График потерь модели 2

В примере видно, что после 4-й эпохи (val\_loss =0.786) доля потерь на проверочной выборке начинает расти и к 12-й эпохе становится равной 0,8119.

Это означает, что модель переобучена и обучение необходимо останавливать после четвертой эпохи. И данная структура модели очень сложная для данного датасета.

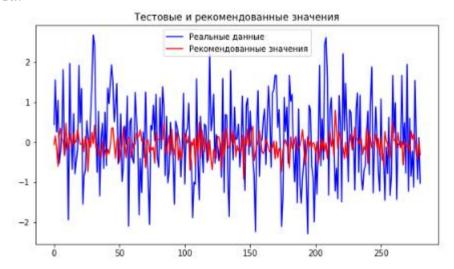


Рисунок 35 – Поведение тестовых и прогнозных значений

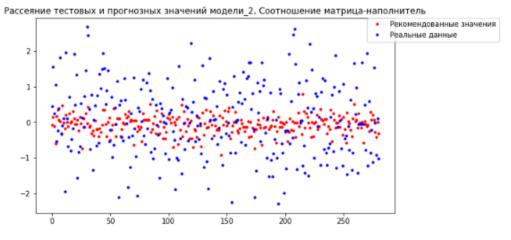


Рисунок 36 - Рассеяния тестовых и прогнозных значений

Нейронная сеть (Модель 2) чуть лучше (loss=0.87) предсказывает поведение зависимой переменной, чем (Модель 1), но снова хуже, чем обычная средняя (MAE =0.83).

Сохраним модель

```
mf_model_2.save('models/mf_model_2')
INFO:tensorflow:Assets written to: models/mf_model_2\assets
mf_model_2.save_weights('models/mf_model_2/weights')
```

Сравнение качества моделей нейронных сетей, решающих задачу регрессии, проводится на показателе MSE/ MAE (на тестовой выборке). Если порядок ошибки примерно одинаковый для нескольких моделей, выбирается та сеть, которая проще по архитектуре.

Если на тренировочном наборе данных ошибка снижается, а на валидационном растет, то значит, наша модель переобучилась.

Для нахождения более удачной модели необходимо менять гиперапараметры обучения сети, а именно:

- Количество нейронов входного слоя. Количество нейронов задается при создании входного слоя: model.add (Dense (XXX, .....)). Использовать разные значения. Выбрать значение, при котором самая высокая доля верных ответов нейросети на тестовых данных.
- Количество слоёв обучения (dance). Добавляем/ убираем скрытый слой. Можно добавить скрытый слой с разным количеством нейронов: 500, 700, 900 и 1200. Выбрать наиболее подходящее количество нейронов скрытого слоя. Оценить, как изменяется время обучения при добавлении/удалении скрытого слоя с разным количеством нейронов. В идеале, можно посмотреть сеть минимального размера, что может дать лучший результат.
- Количество эпох обучения (epochs). Можно обучать сеть в течение 50, 75, 100 и 125 эпох. Выбрать количество эпох, при котором самая высокая доля верных ответов нейросети на тестовых данных.

- Размер мини-выборки (batch\_size). Использовать размер мини-выборки 50, 100, 200 и 400. Выбрать значение, при котором самая высокая доля верных ответов нейросети на тестовых данных.
- Размер параметра скорости обучения. Он важен при углублении структуры сети.
  - Архитектура нейронной сети; поменять активационную функцию.

Чтобы создать сеть с лучшими значениями всех гиперпараметров обучения, необходимо вести запись всех версий модели с изменёнными гиперпараметрами, которые определили на предыдущем шаге, и отслеживать увеличилась ли доля верных ответов нейросети.

Полученные результаты могут сократить сроки и издержки получения новых композитов с заданными характеристиками.

# **5.2.** Построение нейронной сети с один выходом для предсказания модуля упругости при растяжении

Построим нейронную сеть с одним выходом для модуля упругости при растяжении (Рисунок 37.1-37.2).

```
model 3 = Sequential(
[Dense(11, activation = 'relu', input_dim=11),
   Dense(64, activation = 'relu'),
   Dense(64, activation = 'relu'),
   Dense(1),
1)
early_3= EarlyStopping(monitor='val_loss', min_delta=0, patience=10, verbose=1, mode='auto')
model 3.compile(
   optimizer='adam',
   loss='mean_absolute_error')
%%time
history_model_3 = model_3.fit(
   mu_X_train,
   mu_Y_train,
  epochs=50.
   verbose=1,
   validation_split = 0.2,
   callbacks = [early_3]
Epoch 1/50
Epoch 2/50
17/17 [============ ] - 0s 7ms/step - loss: 0.7871 - val_loss: 0.8009
Epoch 3/50
17/17 [============] - 0s 9ms/step - loss: 0.7741 - val_loss: 0.7923
Epoch 4/50
17/17 [============] - 0s 8ms/step - loss: 0.7662 - val_loss: 0.7935
Epoch 5/50
17/17 [============== ] - 0s 4ms/step - loss: 0.7588 - val_loss: 0.7886
Epoch 6/50
17/17 [============ ] - 0s 4ms/step - loss: 0.7540 - val loss: 0.7889
Epoch 7/50
17/17 [============== ] - 0s 4ms/step - loss: 0.7452 - val loss: 0.7889
Epoch 8/50
17/17 [============] - 0s 4ms/step - loss: 0.7385 - val loss: 0.7894
Epoch 9/50
17/17 [============ ] - 0s 5ms/step - loss: 0.7316 - val loss: 0.7898
Epoch 10/50
17/17 [============ ] - 0s 4ms/step - loss: 0.7255 - val_loss: 0.7896
Epoch 11/50
17/17 [============ ] - 0s 4ms/step - loss: 0.7182 - val_loss: 0.7968
Epoch 12/50
17/17 [============ ] - 0s 8ms/step - loss: 0.7141 - val_loss: 0.8037
Epoch 13/50
17/17 [============ ] - 0s 4ms/step - loss: 0.7060 - val_loss: 0.8024
Epoch 14/50
17/17 [============ ] - 0s 4ms/step - loss: 0.7001 - val_loss: 0.8036
Epoch 15/50
17/17 [============ ] - 0s 3ms/step - loss: 0.6956 - val_loss: 0.8106
Epoch 15: early stopping
Wall time: 2 s
```

Рисунок 37.1 - Нейронная сеть с одним выходом для предсказания модуля упругости при растяжении

Layer (type)	Output Shape	Param #
dense_18 (Dense)	(None, 11)	132
dense_19 (Dense)	(None, 64)	768
dense_20 (Dense)	(None, 64)	4160
dense_21 (Dense)	(None, 1)	65

Рисунок 37.2 - Нейронная сеть с одним выходом для предсказания модуля упругости при растяжении

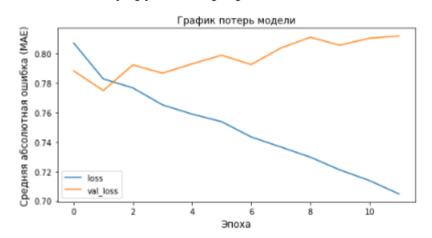


Рисунок 38 – График потерь модели

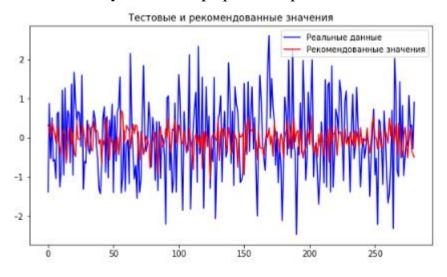


Рисунок 39 – Поведение тестовых и прогнозных значений



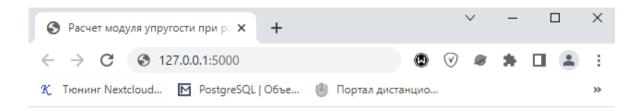
Рисунок 40 – Рассеяния тестовых и прогнозных значений

Нейронная сеть (loss=0.84) предсказывает поведение зависимой переменной хуже, чем обычная средняя (MAE =0.83), но лучше, чем предыдущие модели. Сохраним модель.

```
model_3.save('models/model_3')
INFO:tensorflow:Assets written to: models/model_3\assets
model_3.save_weights('models/model_3/weights')
```

Рисунок 41 – Сохранение модели

6. Создание приложения с графическим интерфейсом для предсказания модуля упругости



### Расчет модуля упругости при растяжении

Введите параметры
Соотношение матрица-наполнитель, МПа
Плотность (кг/м3)
Модуль упругости (ГПа)
Количество отвердителя (%)
Содержание эпоксидных групп (%)
Температура вспышки (С)
Поверхностная плотность (г/м2)
Потребление смолы (г/м2)
Угол нашивки (град)
Шаг нашивки
Плотность нашивки
Рассчитать Сбросить

Рисунок 41 – Flask-приложение

Ссылка на репозиторий GitHub <a href="https://github.com/Whale58/BMSTU">https://github.com/Whale58/BMSTU</a>

#### 7. Заключение

Данные и модели показывают, что при получении большего объема данных, их более детального изучения и обработки, можно значительно улучшить модели или применить другие для предсказаний искомых параметров.

На момент написания работы мне не хватило знаний и времени для получения более качественных моделей и крайне не хватило времени на более детальное изучение и предобработку данных.

Курс «Data Science» был для меня очень полезен и в очередной раз я убедился, что при желании и достаточном количестве времени возможно освоить новую профессию. Данное обучение позволило мне приобрести необходимые навыки и заинтересовать меня для продолжения развития в данном направлении. Некоторые навыки, приобретенные на данном курсе, уже частично помогают мне в работе.

#### Список литературы

- 1. Язык программирования Python Режим доступа: https://www.python.org/. (дата обращения 16.04.2022)
- 2. Библиотека Matplotlib Режим доступа: https://matplotlib.org/. (дата обращения 16.05.2022)
- 3. Д. Фостер Генеративное глубокое обучение. Творческий потенциал нейронных сетей. СПб.: Питер. 2020. 336 с. ISBN: 978-5-4461-1566-2
- 4. С. Николенко, А. Кадурин, Е. Архангельская Глубокое обучение. Погружение в мир нейронных сетей. СПб.: Питер. 2020. 480 с. ISBN: 978-5-4461-1537-2
- 5. Андерсон, Карл Аналитическая культура. От сбора данных до бизнес-результатов / Карл Андерсон; пер. с англ. Юлии Константиновой; [науч. ред. Руслан Салахиев]. М.: Манн, Иванов и Фербер, 2017. 336 с
- 6. Билл Любанович. Простой Python. Современный стиль программирования. СПб.: Питер, 2016. 480 с.: ил. (Серия «Бестселлеры O'Reilly»).
- 7. Аллен Б. Дауни Основы Python. Научитесь думать как программист / Аллен Б. Дауни ; пер. с англ. С. Черникова ; [науч. ред. А. Родионов]. Москва : Манн, Иванов и Фербер, 2021. 304 с.
- 8. Библиотека Pandas Режим доступа: https://pandas.pydata.org/. (дата обращения 16.05.2022)
- 9. Библиотека Sklearn- Режим доступа: https://scikit-learn.org/stable/. (дата обращения 16.5.2022)
- 10. Джулли, Пал: Библиотека Keras инструмент глубокого обучения / пер. с англ. А. А. Слинкин.- ДМК Пресс, 2017. 249 с.