# Whalica Cup (Round 1) (Statement)

# A. 一道题教你学会猫娘语喵

#### **Statement**

Whalica 是一只不太聪明的可爱猫娘喵~

这一天喵, Whalica 收到了好多好多封信喵,每一封信上面都写了好多好多的英文字母喵, Whalica 太笨了喵,不会读里面的内容喵,想请你来读出这些信的内容喵~为了让猫娘 Whalica 能听得懂你在说什么喵,你需要学会猫娘语喵~

具体来说喵,如果读到了字母 "n" 喵,猫娘们不会读出这个字母喵,而是会本能反应地 **小喵一声** "nya" 喵;如果读到了字母 "N" 喵,猫娘们也不会读出这个字母喵,而是会接着 **大喵一声** "NYA" 喵,而对于其他字母的话喵,只需要正常地读出来就可以了喵,恭喜你已经学会了猫娘语喵~

Whalica 已经等不及要听听信里写了什么喵,请你帮 Whalica 读出来喵~如果还没有听懂的话喵,可以看看下面的样例喵~

## **Input Format**

第一行包含一个整数 t (1 < t < 1000) 喵, 表示总共有 t 封信要读喵;

对于每封信喵,内容是一个字符串 s  $(1 \le |s| \le 100)$  喵,表示你要读的信的内容喵;

由于猫娘们只会读英文字母喵,保证信件里的内容只包含小写英文字母和大写英文字母喵。

# **Output Format**

输出共包含 t 行喵,表示每封信件的内容读成猫娘语的形式喵。

## **Example**

## input

```
3
Whalicanya
suki
aNon
```

### output

```
Whalicanyaya
suki
aNYAonya
```

#### **Note**

对于样例的解释喵:

对于第一组样例喵,信的内容里有一个小写字母 "n" 喵,读的时候要 **小喵一声** 喵;

对于第二组样例喵,信里没有字母 "n" 和 "N" 喵,正常读就可以了喵;

对于第三组样例喵,信里字母 "N" 和 "n" 先后各出现了一次喵,读的时候要先 **大喵一声** 喵,再 **小喵一**声 喵。

# B. 你知道的,Arcaea 是一款,后面忘了

# **Background**

注意: 此部分背景知识只是对于游戏内容的介绍, 保证和下面题目的答案的计算无关。

Arcaea 是一款结合 3D 立体轨道与双键判定的移动端音乐游戏。其中,Note 是游戏中需要触击的音符,**谱面** 是 Note 的排列组合,决定了歌曲的演奏顺序、节奏与难度。

#### **Statement**

Arcaea 真是太好玩啦, Whalica 如是说道。

在 Arcaea 里,点击 Note 可能产生四种判定结果:" PURE"(大 P),"pure"(小 p),"far"," lost",每种判定结果都对应着不同的分数,但是 Arcaea 大佬一般只关心大 P 和小 p 的出现次数,因为如果一张谱面里所有的 Note 的点击判定都是大 P,那么就算达到了这张谱面的 **理论值** 。

大 P 的判定区间是  $\pm 25ms$ ,而小 p 则是  $\pm 50ms$ ,也就是说,对于一张有 n 个 Note 的谱面,如果对于第 i 个 Note,点击判定  $a_i \in [-25,25]$  ,那么这个 Note 会被判定为大 P,否则,如果  $a_i \in [-50,50]$ ,那么这个 Note 会被判定为小 p 。

现在有 t 位大佬的游玩数据, 你需要判断每位大佬是否达到了理论值。

## **Input Format**

第一行包含一个整数 t  $(1 \le t \le 1000)$ ,表示下面有 t 位大佬的游玩数据;

对于每位大佬的游玩数据,第一行一个整数  $n~(1 \leq n \leq 1000)$ ,表示游玩的谱面总共有  $n~ \uparrow Note$ ;

第二行 n 个整数  $a_i$  ( $-100 \le a_i \le 100$ ),表示每个 Note 的点击判定。

## **Output Format**

输出共包含t行,表示每位大佬是否达到了理论值;

如果达到理论值,输出YES,否则输出NO。

请注意,答案的输出区分大小写。

## **Example**

#### input

```
3
2
0 10
3
1 40 -20
1
-100
```

YES
NO
NO

## **Note**

对于部分样例的解释:

对于第一组样例,这位大佬所有 Note 的点击判定都在 [-25,25] 以内,所以他达到了理论值;

对于第二组样例,第二个 Note 的点击判定在 [-25,25] 之外,不满足所有的 Note 都是大 P,所以他没有达到理论值。

# C. 出个区间最值操作吓似你

#### **Statement**

Mutsumi 和 Mortis 正在玩一个简单的游戏。

游戏初始给定了一个长度为 n 的数组 a 和一个整数 k  $(1 \le k \le n \le 10^5, 1 \le a_i \le 10^9)$ ,Mutsumi 和 Mortis 轮流进行各自的操作,Mutsumi 先手。

对于每轮游戏,Mutsumi 的每次操作会选取数组 a 中一段长度 **恰好** 为 k 的区间,将这段区间内的所有元素赋值为这个区间的 **最大值**;而 Mortis 的每次操作会选取数组 a 中一段长度 **恰好** 为 k 的区间,将这段区间内的所有元素赋值为这个区间的 **最小值**。当数组 a 的所有元素均相等时,游戏结束。

Mutsumi 和 Mortis 都单纯地渴望着一个自己想要的数值,也就是说:

尽管游戏可能永远都不会结束,Mutsumi 也还是想要不计一切代价最大化最终元素的值,而 Mortis 也会不计一切代价想要最小化最终元素的值,两人都会以 **最优方式** 进行这个游戏。

你需要计算游戏结束时数组 a 的所有元素都等于的值,或报告游戏永远不会结束。

### **Input Format**

第一行包含一个整数 t ( $1 \le t \le 10^4$ ), 表示测试数据的组数;

对于每组测试数据,第一行两个整数 n, k  $(1 < k < n < 10^5)$ , 含义如题目所述;

第二行 n 个整数  $a_i$  ( $1 < a_i < 10^9$ ),表示数组  $a_i$ 

数据保证单个测试点的 n 的和不超过  $10^5$  。

## **Output Format**

输出共包含 t 行,表示每组测试数据的答案;

对于每组测试数据,若游戏永远不会结束,输出 -1,否则输出游戏结束时,数组 a 所有元素等于的 值。

# **Example**

#### input

```
4
1 1
5
2 1
2 3
2 2
3 6
5 3
4 6 2 3 3
```

## output

```
5
-1
6
-1
```

### **Note**

对于部分样例的解释:

对于第一组样例,数组的所有元素已经全部相等了,最终相等的元素等于5;

对于第二组样例,Mutsumi 和 Mortis 每次操作都只能操作一个位置,所以数组元素的值永远不会改变,游戏会一直进行下去。

# D. 是不是什么题加个 kth 都会变难一点

#### Statement

在数学中,**MEX** (Minimum Excluded) 是指一个序列中未出现的最小非负整数。但是 Whalica 觉得只是求这个也太没意思了,Whalica 开动脑筋,不小心在前面加了个 kth,这好像很喵! 但是 Whalica 不会求,Whalica 很难过,Whalica 拉拉你的衣角,看起来快要掉小珍珠了,你能帮帮她吗?

简单来说,给定一个数组 a,你需要求出这个数组的 kth-MEX,这里 kth-MEX 被定义为:一个序列未出现的非负整数中从小到大的第 k 个。例如,对于一个序列 [0,1,4],k=2 时,它的 kth-MEX 为 3,因为 3 是这个序列未出现的非负整数中从小到大的第 2 个;k=5 时,它的 kth-MEX 为 4 7,因为 4 是这个序列未出现的非负整数中从小到大的第 4 个。

如果你能帮 Whalica 解决这题的话,她会好好报答你的。

## **Input Format**

第一行包含一个整数 t  $(1 \le t \le 10^4)$ ,表示测试数据的组数;

对于每组测试数据,第一行两个整数 n, k  $(1 \le n \le 10^5$ ,  $1 \le k \le 10^{18})$ , 含义如题目所述;

第二行 n 个整数  $a_i$  ( $0 < a_i < n$ ), 表示数组  $a_i$ 

数据保证单个测试点的 n 的和不超过  $10^5$  。

# **Output Format**

输出共包含 t 行, 表示每组测试数据的答案。

# **Example**

## input

```
3
2 2
0 1
3 1
1 3 2
3 4
0 2 3
```

#### output

```
3
0
6
```

# E. 质数筛太没意思了所以我们加入了合数筛

#### **Statement**

合数 是指除了 1 和其本身之外还有其他正因子的正整数。

Whalica 做了很多质数筛的题,觉得质数筛实在是太没意思了,于是她想出了一个听上去很好玩的东西: 合数筛。Whalica 绞尽脑汁,想出了一个感觉会很有意思的题目。Whalica 定义函数 f(n) (其中 n 是合数)表示整数 n 是从 1 到 n 的第 f(n) 个合数,例如:f(4)=1,因为 4 是从 1 到 4 的第一个合数(1 既不是质数也不是合数);f(8)=3,因为 8 是从 1 到 8 的第 3 个合数,1 到 8 包含的三个合数为:4,6,8。

Whalica 会一次性给出 q  $(1 \le q \le 10^5)$  段区间 [l,r]  $(1 \le l \le r \le 5 \times 10^6)$ ,对于每段区间,你需要计算:

$$\sum_{i=l}^{r} i \cdot f(i)$$
, 其中  $i$  是合数 .

也就是对区间 [l,r] 内的所有合数 i,求  $i\cdot f(i)$  ,并对这些值求和 ,由于结果可能会很大,请将结果对 998244353 取模 。

# **Input Format**

第一行包含一个整数  $q(1 \le q \le 10^5)$ , 表示总共有 q 段区间;

随后共计 q 行,每行包含两个整数 l,r  $(1 < l < r < 5 \times 10^6)$ ,表示区间的左右端点。

# **Output Format**

输出共包含q行,表示对于每段区间,你计算的答案;

结果对 998244353 取模。

# **Example**

### input

```
4
1 3
4 8
213 1445
1 5000000
```

### output

```
0
40
719846654
751614103
```

### Note

对于部分样例的解释:

对于第一组样例,区间 [1,3] 内没有合数,所以答案是 0;

对于第二组样例,区间 [4,8] 共包含 3 个合数 4,6,8,其中  $4 \times f(4) = 4 \times 1 = 4$ ,  $6 \times f(6) = 6 \times 2 = 12$ , $8 \times f(8) = 8 \times 3 = 24$ ,所以答案是 4 + 12 + 24 = 40 。

# F. 怎么有人出的题自己不会做的

#### **Statement**

Whalica 讨厌计数题。Whalica 遇到计数题,有 99% 的概率不会做。她也想让别人体验一下做不出计数题的感觉,于是她也出了一道计数题:

给定一个长度为 n 的数组 a  $(1 \le n \le 10^5, 1 \le a_i \le 10^9)$  和两个整数 k = s  $(0 \le k \le 10^9, 0 \le s \le 10^{18})$ ,你需要计算数组 a 中有多少个 **子数组** 满足:

- 1. 子数组的左右端点 l, r 满足  $1 \le l \le r \le n$ ;
- 2.  $a_l \ge k$ ;
- 3.  $a_r \geq k$ ;
- 4. 子数组的和  $a_l + a_{l+1} + \cdots + a_{r-1} + a_r \ge s$ ;

这里,**子数组** 指的是数组中连续的一段,即选定两个下标 l,r 满足  $1\leq l\leq r\leq n$ ,那么称新数组  $[a_l,a_{l+1},\cdots,a_{r-1},a_r]$  为 a 的一个 **子数组** 。

Whalica 心满意足地出完了题,当她准备写 std 的时候猛然发现,自己好像甚至不会做这题,那很坏了。于是她找到了你,Whalica 最好的朋友,你能帮帮她做出这题吗?

# **Input Format**

第一行包含一个整数 t  $(1 \le t \le 10^4)$ ,表示测试数据的组数;

对于每组测试数据,共包含两行,第一行包含三个整数 n,k,s  $(1 \le n \le 10^5, 0 \le k \le 10^9, 1 \le s \le 10^{18})$ ,含义如题目所述;

第二行 n 个整数  $a_i$   $(1 \le a_i \le 10^9)$ ,表示数组 a 。

数据保证单个测试点的 n 的和不超过  $10^5$ 。

# **Output Format**

输出共包含t行,每行表示你计算的答案。

# **Example**

#### input

```
2
5 5 10
6 2 8 5 1
3 100 1000
1 2 3
```

#### output

```
3
0
```

#### Note

对于样例的解释:

对于第一组样例,可以找到三个合法的子数组,它们分别是 [6,2,8], [6,2,8,5], [8,5]; 对于第二组样例,可以证明,没有合法的子数组。

# G. 怎么有人出的题自己不会做的 again

### Statement

卧槽,Whalica 彻底怒了。Whalica 很难过,因为自己竟然做不出自己出的题,这也太难受了。为了锻炼自己的计数能力,Whalica 决定刻苦训练计数题,Whalica 训练了许久,又凭借着自己的知识,出了这么一题:

给定两个参数 n,m  $(1 \le n \le 10^{18}, 1 \le m \le 2 \times 10^5)$ ,你需要计算有多少个长度为 n 的数组满足以下条件:

- 1. 对于任意  $i \in [1,n]$  ,都有  $1 \leq a_i \leq m$  ;
- 2. 存在唯一的下标 p, 使得  $a_p$  是数组 a 的最大值;
- 3. 存在唯一的下标 q,使得  $a_q$  是数组 a 的最小值。

Whalica 再一次心满意足地出完了题,这次,Whalica 想要自己做出这道题!但是现在你就是 Whalica,你应该会做的吧?由于最终的答案可能很大,请将结果对 998244353 取模。

# **Input Format**

第一行包含一个整数 t ( $1 < t < 10^4$ ), 表示测试数据的组数;

对于每组测试数据,一行两个整数 n,m  $(1\leq n\leq 10^{18},1\leq m\leq 2\times 10^5)$ ,含义如题所述;数据保证单个测试点的 m 的和不超过  $2\times 10^5$ 。

# **Output Format**

输出共包含 t 行,每行包含一个整数,表示你计算好的答案,结果对 998244353 取模。

# **Example**

#### input

```
2
2 3
1 99
9 4
```

#### output

```
6
99
9360
```

#### **Note**

对于部分样例的解释:

对于第一组样例,满足条件的数组有 [1,2], [1,3], [2,1], [2,3], [3,1], [3,2], 共有 6 种不同的数组;对于第二组样例,满足条件的数组共有 99 种。

# H. 所以什么是生成排列

### **Statement**

Whalica 也讨厌排列题。Whalica 在清理自己的 unsolved 题目列表的时候发现,怎么一堆排列题! Whalica 好累,呜呜着找到了你,让你帮她清理一下 unsolved 题目列表,快去帮帮她吧!

### 其中一题是这样的:

我们定义一个长度为 n 的排列 p 是 k-生成排列,当且仅当这个排列 p 能够经过恰好 k 次 **对换**,使得做完所有对换操作后的 p **严格单调递增**。

其中,长度为 n 的排列指的是一个长度为 n 的数组,满足整数  $1, 2, \dots, n-1, n$  在这个数组中都 **恰好 出现一次**;记操作"选定两个下标 i, j 满足 1 < i < j < n, 交换  $p_i$  和  $p_i$ "为一次 **对换**。

给定一个长度为 n 的排列 p 和一个整数 k,你需要判断排列 p 是否是一个 k-生成排列 。

# **Input Format**

第一行包含一个整数 t ( $1 \le t \le 10^4$ ), 表示测试数据的组数;

对于每组测试数据,第一行两个整数 n, k  $(1 \le n \le 5 \times 10^5$  ,  $0 \le k \le 5 \times 10^5)$  ,含义如题目所述;

第二行 n 个整数  $p_i$ ,表示排列 p,保证给出的所有  $p_i$  形成的是一个排列。

数据保证单个测试点的 n 的和不超过  $5 \times 10^5$ 。

## **Output Format**

输出共包含t行,表示每组测试数据的答案;

对于每组测试数据,如果 p 是一个 k-生成排列,请输出 YES,否则输出 NO 。

请注意,答案的输出区分大小写。

# **Example**

## input

```
4
1 0
1
1 1
1
1
3 1
3 1 2
4 6
1 2 3 4
```

## output

```
YES
NO
NO
YES
```

## Note

对于样例的解释:

对于第一组样例,给定的排列的长度为1,初始就一定是顺序的;

对于第二组样例,需要恰好进行一次操作,但是无法进行 对换,所以无法变成完全顺序;

对于第三组样例,可以证明,无论如何选择下标,排列都不可能是顺序的;

对于第四组样例,我们可以选定 i=3, j=4 进行恰好 6 次对换,能够将排列变为完全顺序。