

# 行程问题进阶

(讲义+笔记)

主讲教师: 唐宋

授课时间: 2024.10.03



粉笔公考·官方微信

#### 行程问题进阶(讲义)

【例 1】(2022 河北)甲乙两人顺时针方向沿圆形跑道跑步。甲跑完一圈要 10min,乙跑完一圈要 12min,如果他们分别从圆形跑道直径两端同时出发,甲第一次追上乙需要( )分钟。

A. 30 B. 60 C. 15 D. 45

【例 2】(2020 山东)甲、乙两人在一条 400 米的环形跑道上从相距 200 米的位置出发,同向匀速跑步。当甲第三次追上乙的时候,乙跑了 2000 米。问甲的速度是乙的多少倍?

A. 1. 2 B. 1. 5 C. 1. 6 D. 2. 0

【例 3】(2021 黑龙江)某圆形跑道长为 400 米,甲从跑道上 A 点以 6 米/秒的速度顺时针跑步前行。乙在 A 点对应直径的另一端 B 点同时以 5 米/秒的速度逆时针跑步前行,问在 14 分钟内,他们共相遇了多少次?

A. 22 B. 23 C. 24 D. 25

【例 4】(2023 国考)一辆汽车从甲地开往乙地,先以 40 千米/小时的速度 匀速行驶一半的路程,然后均匀加速;行驶完剩下路程的一半时,速度达到 80 千米/小时;此后均匀减速,到达乙地时的速度正好降为 0。问其全程的平均速度在以下哪个范围内?

A. 不到 44 千米/小时

B. 在 44~45 千米/小时之间

C. 在 45~46 千米/小时之间

D. 超过 46 千米/小时

【例 5】(2023 国考) 甲和乙两人 8:00 同时从 A 地出发前往 B 地,其中乙 全程匀速,甲出发时的速度是乙的一半,但全程均匀加速。已知 10:00 甲追上 乙,11:00 甲到达 B 地。问乙什么时间到达 B 地?

A. 11: 30

B. 11: 45

C. 12: 00

D. 12: 15

【例 6】(2022 国考)李某骑车从甲地出发前往乙地,出发时的速度为 15 千米/小时,此后均匀加速,骑行25%的路程后速度达到21千米/小时。剩余路 段保持此速度骑行,总行程前半段比后半段多用时3分钟。问甲、乙两地之间的 距离在以下哪个范围内?

A. 不到 23 千米

B. 在 23~24 千米之间

C. 在 24~25 千米之间 D. 超过 25 千米

【例7】(2023 联考)某地突发森林火灾,现有甲、乙两支消防队离火灾发 生地距离相同,但路况不同,假设两支队伍接到命令后同时出发,并且按照一定 速度匀速赶往火灾现场参与救援。已知当甲消防队走了1/3路程时,乙消防队走 了 9 公里, 当乙消防队走了 1/3 路程时, 甲消防队走了 16 公里, 问甲消防队到 达目的地时, 乙消防队距离目的地还有多少公里?

A. 9

B. 12

C. 27

D. 36

【例 8】(2022 联考) 冬奥会男子短道速滑 1500 米比赛中, A、B 两位运动 员同时出发,已知本次比赛需要绕场地滑 13.5 圈,假设每位运动员滑完全程的 速度是不变的, A 运动员滑完全程需要 2 分 15 秒, B 运动员滑一圈比 A 运动员少 用时 1 秒,则 A 开始滑第几圈时,B 运动员正好领先 A 运动员一整圈?

A. 9

B. 10

C. 11

D. 12

【例 9】(2019 浙江) 王大妈与李大妈两人分别从小区外围环形道路上 A、B 两点出发相向而行。走了 5 分钟两人第一次相遇,接着走了 4 分钟后,李大妈经过 A 点继续前行,又过了 26 分钟两人第二次相遇。问李大妈沿小区外围道路走一圈需要几分钟?

A. 54 B. 59 C. 60 D. 63

【例 10】(2024 国考)甲、乙分别从一个环形跑道的 A、B 两点同时出发,分别以顺时针、逆时针方向匀速跑步,甲跑 15 秒后与乙相遇,又跑了 20 秒后到达 B点,又跑了 45 秒后回到 A点,问此时乙还要跑多久才能再次回到 B点?

A. 40 秒 B. 50 秒

C. 20 秒 D. 30 秒

【例 11】(2022 北京)甲和乙同时出发,在长 360 米的环形道路上沿同一方向各自匀速散步。甲出发 2 圈后第一次追上乙,又走了 4 圈半第二次追上乙。则甲出发后走了多少米第一次到达乙的出发点?

A. 160 B. 200

C. 240 D. 280

【例 12】(2024 深圳)小朗和小峰每晚都会绕着体育场跑步。某晚,小朗、小峰分别从体育场的一号门、三号门同时出发匀速跑步,6 分钟后,两人迎面相遇,相遇后,两人继续匀速前进。小峰又跑了 5 分钟到达一号门并由此进入体育场,横穿体育场从三号门跑出,沿与小朗相同的方向继续跑。已知小朗跑到三号门时,小峰距三号门还有 180 米,小峰又经过 6 分钟追上了小朗。则小朗的跑步速度为()千米/小时。

A. 6 B. 7. 2

C. 9 D. 10. 8

【例 13】(2024 联考) A、B 两地相距 100 米,甲、乙两人分别从 AB 两地同时出发,匀速相向而行,相遇后,甲原路返回 A 地,乙继续向 A 前行,当甲、乙均到 A 地结束。已知乙的用时是甲的三倍,那么甲的速度是乙的:

A. 2 倍 B. 3 倍

C. 4 倍 D. 5 倍

#### 行程问题进阶(笔记)

【注意】本节课是学霸养成课中的一部分,建议初学者听完前面的精讲课,再来听本节课,是在精讲基础上的进阶课程。

#### 一、环形不同点出发的相遇追及

【引例 1】小贾和小冰在某 400 米圆形冰场滑冰,小贾从 A 点出发顺时针以 6 米/秒的速度滑行,小冰从 A 点出发逆时针以 4 米/秒的速度滑行。问 5 分钟内他们会相遇几次?

| A. 5 | В. 6 |
|------|------|
| C. 7 | D. 8 |

【解析】拓展 1. 问相遇几次,都是从 A 点出发,假设相遇 n 次,时间单位不同,先转换单位,5 分钟=5\*60 秒,根据 S  $_{n}$ =V  $_{n}$ \*t  $_{B}$ , 列式: n\*400=(6+4)\*5\*60, n=3000/400=7. 5,不能四舍五入取值,相遇 7. 5 次,还没到 8 次,向下取整,取 7,对应 C 项。【选 C】

#### 【注意】同点出发,环形相遇/追及 n 次, S 和/美=n 圈。

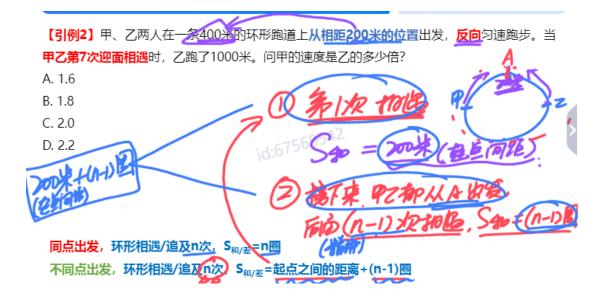
【引例 2】甲、乙两人在一条 400 米的环形跑道上从相距 200 米的位置出发,反向匀速跑步。当甲乙第 7 次迎面相遇时,乙跑了 1000 米。问甲的速度是乙的多少倍?

| A. 1. 6 | B. 1. 8 |
|---------|---------|
| C. 2. 0 | D. 2. 2 |

【解析】拓展 2. 根据题意,"从相距 200 米的位置出发"→不在同一点出发, "反向"→相遇问题。根据结论: 不同点出发,环形相遇/追及 n 次,S  $_{n/\pm}$ =起点 之间的距离+(n-1)圈,列式: S  $_{n}$ =起点距离+(7-1)\*400=200+2400=2600 米, 乙跑了 1000 米,S  $_{n}$ +S  $_{z}$ =2600,则乙跑了 2600-1000=1600 米,问甲的速度是乙 的多少倍,题目没有给出时间,"当甲乙第 7 次迎面相遇时"→说明时间相同,V  $_{n}$ +/V  $_{z}$ =S  $_{n}$ /S  $_{z}$ =1600/1000=1.6,对应 A 项。【选 A】

#### 【注意】

- 1. 同点出发,环形相遇/追及 n 次, S 和/美=n 圈。
- 2. 不同点出发,环形相遇/追及 n 次,S  $_{n/\pm}$ =起点之间的距离+ (n-1) 圈。原理:分两步来看,第一步,第一次相遇,从相距 200 米的位置出发反向跑,只需要跑 200 米即可,S  $_{n}$ =200 米(起点间距);第二步,第一次相遇之后,两人在同一点,假设都从 A 点出发,后面(n-1)次相遇对应(n-1)圈,S  $_{n}$ = (n-1) 圈。 两步合为一体,即 S  $_{n}$ =200+ (n-1) 圈,考试中利用结论即可。



【例 1】(2022 河北)甲乙两人顺时针方向沿圆形跑道跑步。甲跑完一圈要 10min,乙跑完一圈要 12min,如果他们分别从圆形跑道直径两端同时出发,甲第一次追上乙需要( )分钟。

A. 30 B. 60 C. 15 D. 45

【解析】1. "顺时针方向"→说明同向,"分别从圆形跑道直径两端同时出发"→两人是不同点出发,且路程为圆形跑道一半的长度;第一次追上路程差就是起点之间的距离,S=V\*T,三量关系只知其一,可以赋值圆形跑道有多少米(100、300、600都可以,不影响答案),或者设未知数。赋值跑道的长度为 60 米,则 V=6,  $V_z=5$ ;  $S_z=1/2*60=30$  X=(6-5)\*T,解得 Y=30,对应 Y=300、对应 Y=400、对应 Y=400。【选 Y=400、以 Y=400、以

【注意】推导: 追及 n 次,比如甲和乙分别在 A、B 点,假设在 C 点相遇,第一次追赶,S  $_{\pm}$ (甲比乙多跑的距离)=AB(起点间距);接下来甲乙都从 C 点出发,追(n-1)次路程差为(n-1)圈,两步合起来,S  $_{\pm}$ =起点之间的距离+(n-1) 圈。

【例 2】(2020 山东)甲、乙两人在一条 400 米的环形跑道上从相距 200 米的位置出发,同向匀速跑步。当甲第三次追上乙的时候,乙跑了 2000 米。问甲的速度是乙的多少倍?

A. 1. 2 B. 1. 5

C. 1. 6 D. 2. 0

【解析】2. "同向匀速跑步" →追及问题。"当甲第三次追上乙的时候",则  $S_{\frac{2}{6}}$ =起点之间的距离+2 圈=200+ (3-1) \*400=1000 米;  $S_{\frac{2}{6}}$ 的本质就是甲比乙多跑的距离,乙跑了 2000 米, $S_{\frac{2}{6}}$ =2000+1000=3000 米,问甲的速度是乙的多少倍,"当甲第三次追上乙的时候" →时间相同, $V_{\frac{2}{6}}$ //  $V_{\frac{2}{6}}$ 

【例 3】(2021 黑龙江)某圆形跑道长为 400 米,甲从跑道上 A 点以 6 米/秒的速度顺时针跑步前行。乙在 A 点对应直径的另一端 B 点同时以 5 米/秒的速度逆时针跑步前行,问在 14 分钟内,他们共相遇了多少次?

A. 22 B. 23

C. 24 D. 25

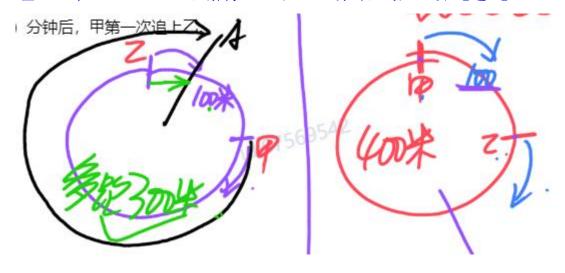
【解析】3. 根据题意,甲顺时针跑步,乙逆时针跑步,说明反向,相遇问题。 "乙在 A 点对应直径的另一端 B 点" →起点之间的距离为 400/2,假设相遇了 n 次, 14 分钟=14\*60 秒,列式: S  $_{n}$ =400/2+ (n-1) \*400= (6+5) \*14\*60, 400n-200=840+8400→n=9440/400=23. x 次,问次数,只舍不入,向下取,取 23 次,对应 B 项。【选 B】

【拓展】(2023 河北事业单位)甲、乙两运动员在周长为 400 米的环形跑道上同向竞走,已知乙的平均速度是每分钟 80 米,甲的平均速度是乙的 1.25 倍。如果甲在乙前面 100 米处,则经过( )分钟后,甲第一次追上乙。

A. 15 B. 18

C. 20 D. 24

【解析】拓展. "甲在乙前面 100 米处",不能直接套公式,谁追谁是不一样的,比如甲追乙,甲只需要追 100 米即可;如果图形反过来,如下图,甲追乙的路程为 400-100=300 米。已知乙的平均速度是每分钟 80 米,甲的平均速度是乙的 1. 25 倍,则甲的平均速度=80-1. 25=10。如果甲追乙的路程为 300 米,列式: S 差=300 米= (100-80) \*T,解得 T=300/20=15 分钟,对应 A 项。【选 A】



【注意】出题人比较仁慈,如果用 100 米当作答案来做,则解得 T=100/20=5 分钟,如果给选项 E.5,大部分同学会选错。

#### 二、匀变速运动进阶

【引例】小张从甲地前往乙地,总路程30km。他先从速度0均匀加速到60km/h,恰好走完全程的一半。再均匀减速到达乙地,到达乙地时速度为40km/h。问全程耗时多久?

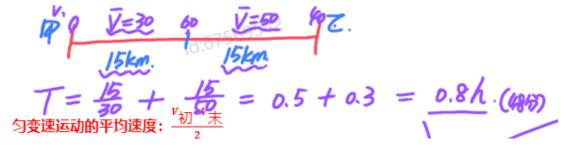
匀变速运动的平均速度: (V m+V \*)/2

注意: 如果有多个变速过程, 必须每个过程单独计算。

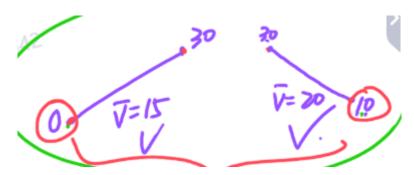
#### 【注意】

1. 引例:小张从甲地前往乙地,总路程30km。他先从速度0均匀加速到60km/h,恰好走完全程的一半。再均匀减速到达乙地,到达乙地时速度为40km/h。问全程耗时多久?

答: 画图分析,全程的一半为 15km; 左半段的平均速度= (0+60) /2=30, 右半段的平均速度= (60+40) /2=50,所求=15/30+15/50=0.5+0.3=0.8 小时。



2. 匀变速运动的平均速度:  $(V_{\eta}+V_{\pi})/2$ 。比如速度从 0 到 30,是均匀提高的,则平均速度= (0+30)/2=15;又从 30 降到 10,平均速度= (30+10)/2=20。不能直接用(0+10)/2,因为有多个变速过程。



3. 注意: 如果有多个变速过程,必须每个过程单独计算。

【例 4】(2023 国考)一辆汽车从甲地开往乙地,先以 40 千米/小时的速度 匀速行驶一半的路程,然后均匀加速;行驶完剩下路程的一半时,速度达到 80 千米/小时;此后均匀减速,到达乙地时的速度正好降为 0。问其全程的平均速度在以下哪个范围内?

A. 不到 44 千米/小时

B. 在 44~45 千米/小时之间

C. 在 45~46 千米/小时之间

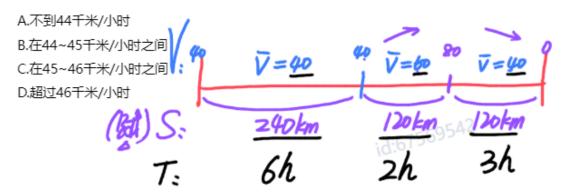
D. 超过 46 千米/小时

【解析】4. 画图分析,根据题意,第一段的平均速度=(40+40)/2=40,第二段的平均速度=(40+80)/2=60;第一段的平均速度=(80+0)/2=40;问其全程的平均速度在以下哪个范围内,本题没有给出路程,考虑赋值,赋值 S=480km,

### **Fb** 粉笔直播课

则总时间=240/40+120/60+120/40=6+2+3=11 小时, 所求=480/11=43<sup>+</sup>, 对应 A 项。

#### 【选 A】

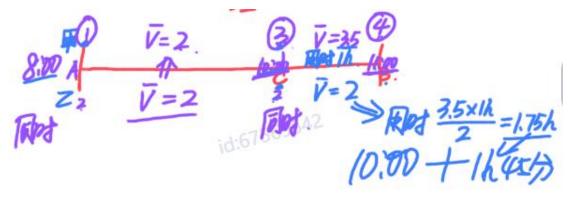


【注意】匀变速运动目前只在国考和山东省、四川省考出现,但是后面不确 定不会出现,要了解一下。

【例 5】(2023 国考)甲和乙两人 8:00 同时从 A 地出发前往 B 地,其中乙全程匀速,甲出发时的速度是乙的一半,但全程均匀加速。已知 10:00 甲追上乙,11:00 甲到达 B 地。问乙什么时间到达 B 地?

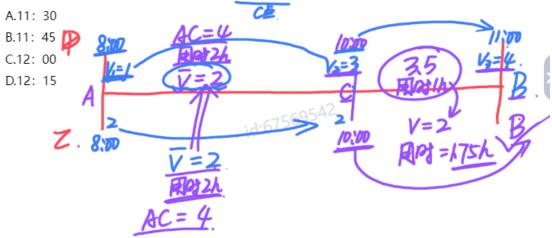
A. 11: 30 B. 11: 45 C. 12: 00 D. 12: 15

【解析】5. 已知甲出发时的速度是乙的一半,赋值  $V_z=2$ ,则  $V_{\mp}=1$ ;甲和乙是同时出发且同时到达,说明时间相同,假设甲在 C 点追上乙,用时 2 小时,乙全程的速度都是 2,AC 段的平均速度=2,在 C 点的速度为 3,CB 段的平均速度= (3+4)/2=3.5,用时 1 小时,则乙用时为 (3.5\*1)/2=1.75 小时=1 小时 45 分钟,10:00+1 小时 45 分钟=11:45,对应 B 项。【选 B】



【注意】甲在 C 点追上乙,用时 2 小时,乙全程的速度都是 2,AC 的距离为 2\*2=4; AC 的平均速度为 2,则 C 点的速度为  $3\rightarrow$  (1+3) /2=2; 从 C 点到 B 点用时 1 小时,则 B 点的速度为 3+1=4,CB 的平均速度= (3+4)/2=3. 5,用时 1 小时,则乙用时为 (3.5\*1)/2=1. 75 小时。

【例5】 (2023国考) 甲和乙两人8: 00同时从A地出发前往B地,其中乙分程匀速,甲出发时的速度是乙的一半,但全程均匀加速。已知10: 00甲追上乙,11: 00甲到达B地。问乙什么时间到达B地?



【例 6】(2022 国考)李某骑车从甲地出发前往乙地,出发时的速度为 15 千米/小时,此后均匀加速,骑行 25%的路程后速度达到 21 千米/小时。剩余路段保持此速度骑行,总行程前半段比后半段多用时 3 分钟。问甲、乙两地之间的距离在以下哪个范围内?

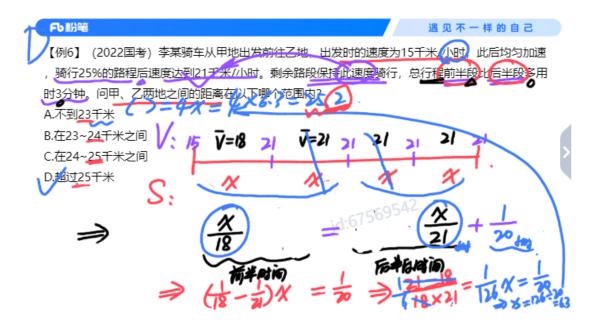
A. 不到 23 千米

B. 在 23~24 千米之间

C. 在 24~25 千米之间

D. 超过 25 千米

【解析】6. 25%=1/4, 路程分为四段,如下图。假设每一段的路程都为 x,已知出发时的速度为 15 千米/小时,骑行 25%的路程后速度达到 21 千米/小时,则第一段平均速度= (15+21) /2=18;"剩余路段保持此速度骑行"→速度都为 21 千米/小时,根据"总行程前半段比后半段多用时 3 分钟",3 分钟=1/20 小时,列式: x/18+x/21=x/21+x/21+1/20, (1/18-1/21) x=1/20  $\rightarrow$  (21-18) / (18\*21) =1/126x,解得 x=6. 3,所求=4x=4\*6. 3=25. 2,对应 D 项。【选 D】



三、比例行程的灵活运用

S一定, V与T成反比

主流考法: 同一条路, 甲乙两人走过花费的时间不同

T一定,S与V成正比

主流考法: 当甲……时, 乙……

V一定,S与T成正比

#### 【注意】比例行程的灵活运用:

- 1. S 一定,V 与 T 成反比。主流考法:同一条路,甲乙两人走过花费的时间不同。比如甲从左到右走了 90 分钟,乙从右到左走了 100 分钟,问 V  $_{\text{\tiny H}}/\text{V}_{\text{\tiny Z}}$ 为多少,不需要算出路程,根据反比关系,V  $_{\text{\tiny H}}/\text{V}_{\text{\tiny Z}}=100/90$ 。
  - 2. T 一定, S 与 V 成正比。主流考法: 当甲……时, 乙……。
- 3. V一定, S与T成正比。假如1小时走了400米,问3小时走了多少。1/3=400/(3\*400),故走了3\*400米。
- 【例 7】(2023 联考)某地突发森林火灾,现有甲、乙两支消防队离火灾发生地距离相同,但路况不同,假设两支队伍接到命令后同时出发,并且按照一定速度匀速赶往火灾现场参与救援。已知当甲消防队走了1/3 路程时,乙消防队走

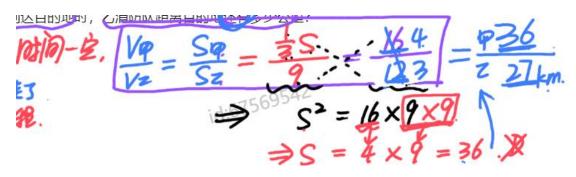
### **Fb** 粉筆直播课

了 9 公里, 当乙消防队走了 1/3 路程时, 甲消防队走了 16 公里, 问甲消防队到达目的地时, 乙消防队距离目的地还有多少公里?

A. 9 B. 12

C. 27 D. 36

【解析】7. 题目的形式为"当甲······时,乙·····;当乙·····时,甲······",时间一定,路程之比就等于速度之比。假设路程为 S,V  $_{\parallel}$ /V  $_{Z}$ =S  $_{\parallel}$ /S  $_{Z}$ = (1/3S) /9=16/(1/3S),交叉相乘,1/9S²=16\*9,S=4\*9=36,问甲消防队到达目的地时,乙消防队距离目的地还有多少公里,甲走了 36 公里,16/12=36/27,故乙走了 27 公里,所求=36-27=9 公里,对应 A 项。【选 A】



#### 【注意】

- 1. 比例行程常见题型特征:往往只有路程/只有时间等,缺少公式计算所需的数据。
- 2. 猜题:已知当甲消防队走了 1/3 路程时,乙消防队走了 9 公里,则甲走了全程时,乙走了 3\*9=27 公里,问还有多远,全程-27=答案,结合选项,D 项-27=A 项,选择 A 项。
- 【例 8】(2022 联考) 冬奥会男子短道速滑 1500 米比赛中, A、B 两位运动员同时出发,已知本次比赛需要绕场地滑 13.5 圈,假设每位运动员滑完全程的速度是不变的,A 运动员滑完全程需要 2分 15 秒,B 运动员滑一圈比 A 运动员少用时 1 秒,则 A 开始滑第几圈时,B 运动员正好领先 A 运动员一整圈?

A. 9 B. 10

C. 11 D. 12

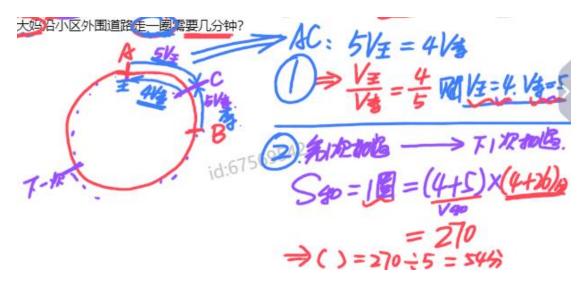
【解析】8.2分 15 秒=135 秒,A 运动员 1 圈用时 135/13.5=10 秒,"B 运动员滑一圈比 A 运动员少用时 1 秒",则 B 运动员 1 圈用时 9 秒;同样的路程,速度越大,用时越少, $V_A/V_B=t_B/t_A=9/10$ ,"A 开始滑第几圈时,B 运动员正好领先 A 运动员一整圈"→说明时间相同, $S_A/S_B=V_A/V_B=9/10$ ,当 A 滑完 9 圈时,B 滑完 10 圈,但是问题问的是"A 开始滑第几圈时",A 开始滑第 10 圈,对应 B 项。【选 B】

【例 9】(2019 浙江) 王大妈与李大妈两人分别从小区外围环形道路上 A、B 两点出发相向而行。走了 5分钟两人第一次相遇,接着走了 4分钟后,李大妈经过 A点继续前行,又过了 26分钟两人第二次相遇。问李大妈沿小区外围道路走一圈需要几分钟?

A. 54 B. 59 C. 60 D. 63

【解析】9. 画图分析,从A、B两点出发相向而行,相遇问题。

方法一: 假设第一次在 C 点相遇,AC:  $5V_{\pm}=4V_{\phi} \rightarrow V_{\pm}/V_{\phi}=4/5$ ,赋值  $V_{\pm}=4/5$ ,赋值  $V_{\pm}=4/5$ ,以 $V_{\phi}=5$ 。第一次相遇到下次相遇, $S_{\pi}=1$  圈=(4+5)\*(4+26)=9\*30=270,所求=270/5=54分钟,对应 A 项。



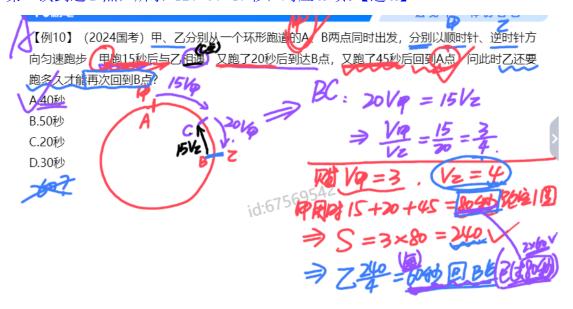
方法二: "走了 5 分钟两人第一次相遇"  $\rightarrow$   $S_{AB}=5*(V_{\pm}+V_{\mp})$ ,"了 5 分钟两人第一次相遇,接着走了 4 分钟后,李大妈经过 A 点继续前行",李大妈从 A 点到 B 点全描述了一遍,从李大妈考虑,即  $S_{AB}=5*(V_{\pm}+V_{\mp})=V_{\mp}*(5+4)$ , $5V_{\pm}+5V_{\mp}=9V_{\mp}$ , $V_{\pm}/V_{\mp}=4/5$ ,省去了画图的时间。第一次相遇到下次相遇, $S_{\pi}=1$  圈=(4+5) \*(4+26)=9\*30=270,所求=270/5=54 分钟,对应 A 项。【选 A】

【例 10】(2024 国考)甲、乙分别从一个环形跑道的 A、B 两点同时出发,分别以顺时针、逆时针方向匀速跑步,甲跑 15 秒后与乙相遇,又跑了 20 秒后到达 B点,又跑了 45 秒后回到 A点,问此时乙还要跑多久才能再次回到 B点?

A. 40 秒 B. 50 秒

C. 20 秒 D. 30 秒

【解析】10. 画图分析,"甲跑 15 秒后与乙相遇" →不仅是甲从 A 点到 B 点用时 15 秒,也说明乙从 B 点到 C 点用了 15 秒;BC:  $20V_{\#}=15V_{Z} \rightarrow V_{\#}/V_{Z}=15/20=3/4$ ,问此时乙还要跑多久才能再次回到 B 点,赋  $V_{\#}=3$ , $V_{Z}=4$ ,甲用时 15+20+45=80 秒跑完一圈,全程 S=3\*80=240,乙用时 240/4=60 秒回到 B 点,则 60\*2=120 秒第二次到达 B 点,所求=120-80=40 秒,对应 A 项。【选 A】



【例 11】(2022 北京)甲和乙同时出发,在长 360 米的环形道路上沿同一方向各自匀速散步。甲出发 2 圈后第一次追上乙,又走了 4 圈半第二次追上乙。则甲出发后走了多少米第一次到达乙的出发点?

A. 160 B. 200

C. 240 D. 280

【解析】11. 根据题意,同点出发,第 1 次到第 2 次追上, $S_{\pm}=1$  圈,甲走了 4. 5 圈,则乙走了 3. 5 圈。 $V_{\mp}/V_{z}=S_{\mp}/S_{z}=4$ . 5/3. 5=9/7,问甲出发后走了多少

### **Fb** 粉笔直播课

米第一次到达乙的出发点, $S_{\#}$ =2\*360=720 米,则  $S_{Z}$ =720\* (7/9) =560 米, $S_{\#}$ =720-560=160 米,对应 A 项。【选 A】

【例 12】(2024 深圳)小朗和小峰每晚都会绕着体育场跑步。某晚,小朗、小峰分别从体育场的一号门、三号门同时出发匀速跑步,6 分钟后,两人迎面相遇,相遇后,两人继续匀速前进。小峰又跑了 5 分钟到达一号门并由此进入体育场,横穿体育场从三号门跑出,沿与小朗相同的方向继续跑。已知小朗跑到三号门时,小峰距三号门还有 180 米,小峰又经过 6 分钟追上了小朗。则小朗的跑步速度为()千米/小时。

A. 6 B. 7. 2 C. 9 D. 10. 8

【解析】12. 根据题意, $6V_{ig}=5V_{ik}\rightarrow V_{ig}/V_{ig}=5/6$ ; "已知小朗跑到三号门时,小峰距三号门还有 180 米,小峰又经过 6 分钟追上了小朗",追及问题,列式:  $180=(V_{ik}-V_{ig})*6$ , $V_{ik}-V_{ig}=30$  米/分,则  $V_{ig}/V_{ik}=150/180$ ,故小朗的速度为 150 米/分钟=9 千米/小时,对应 C 项。【选 C】

【例 13】(2024 联考) A、B 两地相距 100 米,甲、乙两人分别从 AB 两地同时出发,匀速相向而行,相遇后,甲原路返回 A 地,乙继续向 A 前行,当甲、乙均到 A 地结束。已知乙的用时是甲的三倍,那么甲的速度是乙的:

A. 2 倍 B. 3 倍 C. 4 倍 D. 5 倍

【解析】13. 画图分析,假设在 C 点相遇,用时 t,"相遇后,甲原路返回 A 地",则甲用时 2t,"已知乙的用时是甲的三倍",则乙用时 6t。乙在 BC 段的用时为 t,则 AC 段的用时 6t-t=5t,AC 段是甲乙都要走的,AC:  $V_{\#}*t=V_{Z}*5t \rightarrow V_{\#}=5*V_{Z}$ ,对应 D 项。【选 D】

### **Fb** 粉筆直播课

#### 一、环形相遇/追及n次

同点出发,环形相遇/追及n次, $S_{n/\hat{z}}=n$ 圈 不同点出发,环形相遇/追及n次, $S_{n/\hat{z}}=$ 起点之间的距离+(n-1)圈

二、匀变速运动的平均速度:  $\frac{v_{\overline{1}}+v_{\overline{1}}}{2}$ 

给多个匀变速运动, 求整体的平均速度, 建议用基本定义: 平均速度=总路程+总时间

三、比例行程的常见特征: 题干往往只有路程/时间等, 缺少公式计算所需的数据。

S一定, V与T成反比。其主流考法: 同一条路, 甲乙两人走过花费的时间不同

T一定, S与V成正比。其主流考法: 当甲......时, 乙......

V一定,S与T成正比。考得较少

【注意】数量关系中最难的就是行程问题和排列组合与概率,行程问题模型 比较多,而且考试千变万化,尤其比例行程的考法比较灵活,不是死套路;排列 组合与概率在高中就属于比较抽象的。这两个是比较难的题型,所以有进阶课。

#### 【答案汇总】

1-5: ABBAB; 6-10: DABAA; 11-13: ACD

# 遇见不一样的自己

Be your better self

