

第四章 搜索技术

——3. 对抗搜索和博弈

Adversarial Search and Game Playing



计算机学院 赵 曼







- 1 博弈(Games)
- 2 博弈中的优化决策(Optimal Solution)
- **α-β剪枝(Alpha-Beta Pruning)**
- 参特卡洛树搜索(Monte-Carlo Tree Search)
- 5 博弈的发展情况(State-of-the-Art)







1 博弈(Games)

p 博弈中的优化决策(Optimal Solution)

3 α-β剪枝(Alpha-Beta Pruning)

蒙特卡洛树搜索(Monte-Carlo Tree Search)

博弈的发展情况(State-of-the-Art)

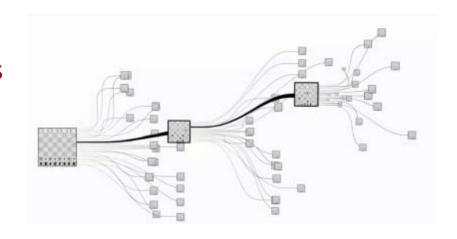




Games are Interesting but Too Hard to Solve 博弈有趣但难以求解

• E.g., Chess: average branching factor ≈35, each player often go to 50 moves, so search tree has about 35¹⁰⁰ or 10¹⁵⁴ nodes!

例如,国际象棋:平均分支数约等于35,每个对弈者常常走50多步,故该搜索树约有35¹⁰⁰约10¹⁵⁴个节点!

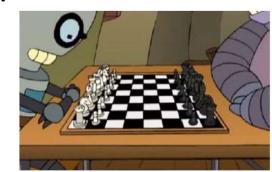


- Games, like the real world, therefore require the ability to make some decision even when calculating the optimal decision is infeasible.
 - 博弈, 与现实世界相似, 因而当无法算计出最优决策时, 需要某种决策的能力。
- Game-playing research has spawned a number of interesting ideas on how to make the best possible use of time.
 - 博弈的研究已经产生了大量的有趣思想,即如何尽可能的利用时间。



Games are Good Problems for Al 博弈是AI研究的好材料

- Machines (players) need "human-like" intelligence.
 机器 (玩家) 需要 "类人" 的智能。
- Requiring to make decision within limited time. 要求在有限的时间内进行决策。



Features of games 博弈的特征:

Two, or more players (agents)		两个、或多个玩家(智能体)
Turn-taking vs. simultaneous moves	•	轮流与同步行动
Perfect information vs. imperfect information	•	完全信息与不完全信息
Deterministic vs. stochastic	•	确定性与随机
competitive vs. Cooperative		对抗式与合作式
Zero-sum vs. non zero-sum	•	零和与非零和

Zhaoman, Al, Dept. of Al, CS, CUG

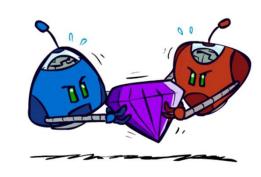


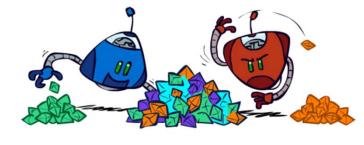
相关的概念: Zero Sum vs. Non-zero Sum 零和与非零和博弈

- Zero sum games 零和博弈
 - Agents have opposite utilities. 智能体之间是对立的方式。
 - Pure competition: win-lose, its sum is zero.
 纯竞争: 输赢、其和为零。



- Agents have *independent*utilities. 智能体之间是自主的方式。
- Cooperation, indifference, competition, ... 合作、中立、竞争、…
- Win-win, win-loseor lose-lose, its sum is not zero.
 双赢、输赢、或双输, 其和不为零。









Example: Prisoner's Dilemma 囚徒困境

- •有两个犯罪集团的成员被逮捕和监禁。每个囚徒 只有二选一的机会:揭发对方并证明其犯罪,或 者与对方合作保持沉默。惩罚方式如下:
- 若A和B彼此揭发对方,则每个囚徒监禁8年。
- ·若A揭发B而B保持沉默,则A被释放而B监禁10年(反之亦然)。
- •若A和B都保持沉默,则他们各被监禁1年。



Zhaoman, Al, Dept. of Al, CS, CUG



Adversarial Search often Known as Games 对抗搜索通常称为博弈

- Definitions of Game theory 博弈论的定义
 - Study of strategic decision making. Specifically, study of mathematical models of conflict and cooperation between intelligent rational decision-makers.
 - 研究战略决策制定。
 - 具体来说, 研究智能理性决策者之间的冲突与合作的数学模型。
 - An alternative term is interactive decision theory.
 - 一个可替代的术语是交互式决策理论。
- Applications of Game theory 博弈论的应用
 - Economics, political science, psychology, logic, computer science, and biology. 经济学、政治学、心理学、逻辑、计算机科学、以及生物学。
 - Behavioral relations and decision science, including both humans and non-humans (e.g. computers).
 - 行为关系与决策科学,包括人类与非人类(如计算机等)。



Types of Games 博弈的类型







	Deterministic 确定性	Stochastic 随机性
Perfect information (fully observable) 完全信息 (可完全观测)	Chess 国际象棋 Checkers 西洋跳棋 Go 围棋 Othello 黑白棋	Backgammon 西洋双陆 Monopoly 大富翁









(a) Checkers 西洋跳棋

(b) Othello 黑白棋

(c) Backgammon 西洋双陆棋

(d) Monopoly 大富翁

naoman, Al, Dept. of Al, CS, CUG



Types of Games 博弈的类型



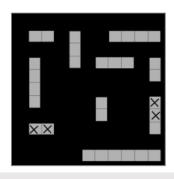




	Deterministic 确定性	Stochastic 随机性
Imperfect information (partially observable) 不完全信息 (部分可观测)	Stratego 西洋军棋 Battleships 海战棋	Bridge 桥牌 Poker 扑克 Scrabble 拼字游



(e) Stratego 西洋军棋



(f) Battleships 海战棋



(g) Scrabble 拼字游戏



Search vs. Adversarial Search 搜索与对抗搜索

Search 搜索	Adversarial Search 对抗搜索
Single agent 单智能体	Multiple agents 多智能体
Solution is (heuristic) method for finding goal. 解是寻找目标的(启发式)方法	Solution is strategy (strategy specifies move for every possible opponent reply). 解是策略(指定对每个可能对手回应的行动策略)
Heuristics can find optimal solution. 启发式法可以找到最优解	Time limits force an approximate solution. 时间受限被迫执行一个近似解
Evaluation function: estimate of cost from start to goal through given node. 评价函数:给定节点从起始到目标的代价估计	Evaluation function: evaluate "goodness" of game position. 评价函数:评估博弈局势的"好坏"



特定环境

deterministic, perfect information, turn taking, two players, zero sum确定、完全可观察、轮流、双人、零和(Ps. 通常是有时间约束的)

• Calling the two players: 将两个玩家称为: MAX, MIN.

- MAX moves first, and then they take turns moving, until the game is over. MAX先走棋,然后轮流走棋,直到博弈结束。
- At game end 博弈结束时
 - winner: award points 胜者: 奖励点数
 - loser: give penalties.

败者:给予处罚





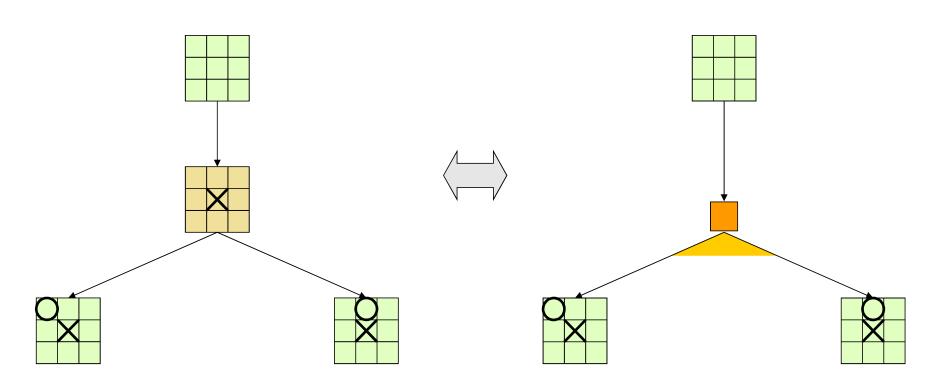
Formally Defined as a Search Problem 形式化定义为搜索问题

- **S**₀ Initial state, specifies how the game is set up at the start. 初始状态,指定博弈开始时的设定。
- PLAYER(s) Defines which playerhas the move in a state. 定义哪个玩家在某状态下动作。
- **ACTIONS(s)** Returns the set of legal moves in a state. 返回某个状态下的合法动作。
- **RESULT**(*s*, *a*) Transition model, defines the result of a move. 转换模型,定义一步动作的结果。
- **TERMINAL-TEST(s)** Terminal test, *true*when the game is over and *false* otherwise. 终止检测,博弈结束时为*true*,否则为*false*。
 - UTILITY(s, p) Utility function, defines the value in states for a player p. 效用函数,定义在状态s、玩家为p的值。



相关说明

■MAX的不确定性是由另一个智能体MIN(对手)的行为引起的。



Zhaoman, Al, Dept. of Al, CS, CUG



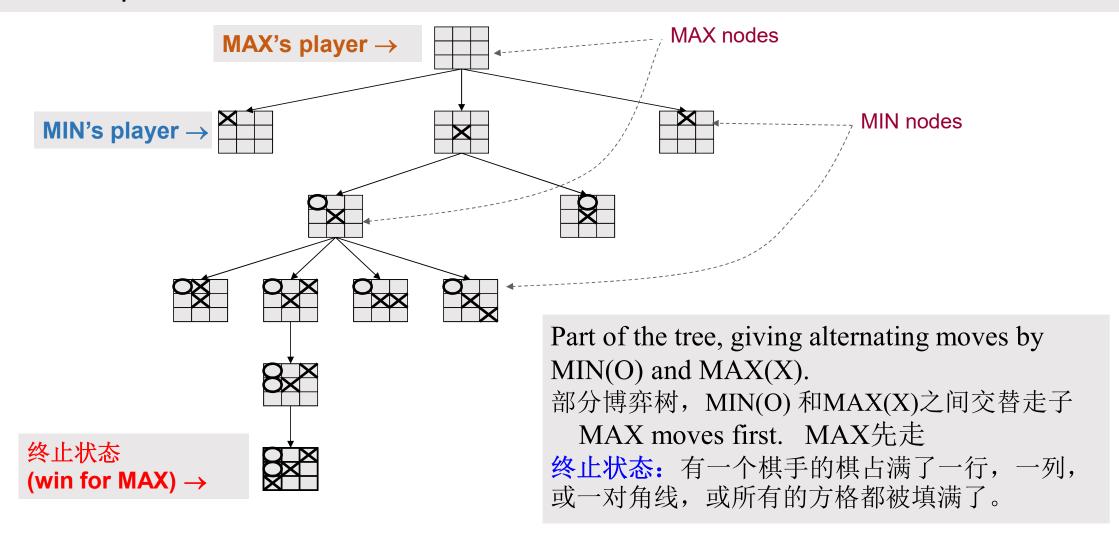
相关说明

- ■MAX的不确定性是由另一个智能体MIN(对手)的 行为引起的。
- •双方均要对方失败。
- ■不存在保证MAX胜利的计划,原因是MAX的后继 状态由MIN的行为决定(对MIN也是同样)
- ■在每次换手时,有一个特定的时间限制
- ■状态空间是巨大的: 在规定时间内,仅一个空间的小片段可以探究。



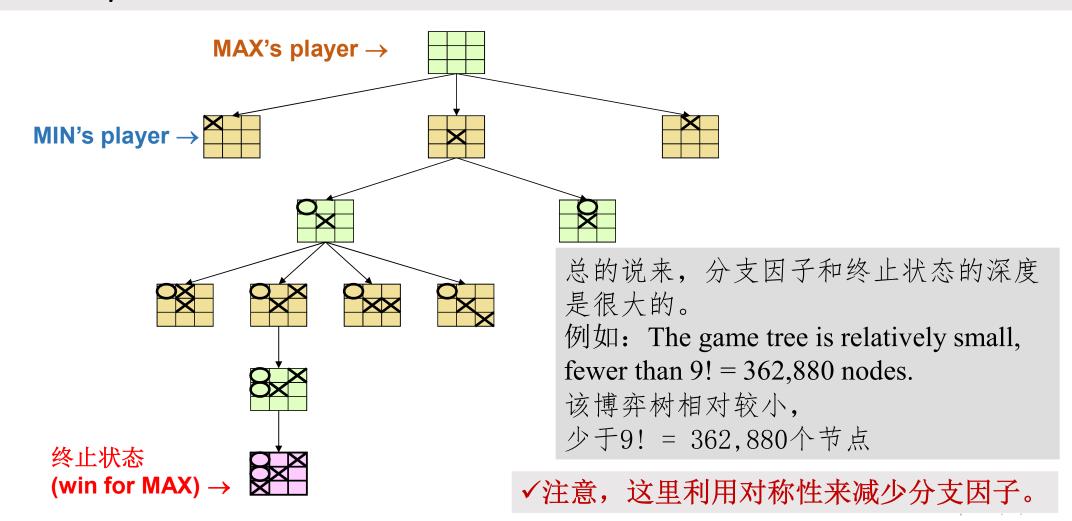


Example: Game Tree of Tic-tac-toe 井字棋的博弈树





Example: Game Tree of Tic-tac-toe 井字棋的博弈树







1 *博弈(games)*

2 博弈中的优化决策(Optimal Solution)

α-β剪枝(Alpha-Beta Pruning)

蒙特卡洛树搜索(Monte-Carlo Tree Search)

博弈的发展情况(State-of-the-Art)





Optimal Solution 最优解

- In normal search 普通搜索
 - The optimal solution would be a sequence of actions leading to a goal state(terminal state) that is a win.

最优解将是导致获胜的目标状态(终端状态)的一系列动作。

- In adversarial search 对抗搜索
 - Both of MAX and MIN could have an optimal strategy. MAX和MIN都会有一个最优策略。
 - ✓In initial state, MAXmust find a strategy to specify MAX's move, 在初始状态,MAX必须找到一个策略来确定MAX的动作,
 - √ then MAX's moves in the states resulting from every possible response by MIN, and so on.
 - 然后MAX针对MIN的每个合理的对应采取相应的动作,以此类推。



Minimax Theorem 最小最大定理

For every two-player, zero-sum game with finitely many strategies, there exists a value V and a mixed strategy for each player, such that

对于两个玩家、具有有限多个策略的零和博弈,每个玩家存在一个值V和一个混合策略,使得:

- (a) Given player 2's strategy, the best payoff possible for player 1 is V, 给定玩家2的策略,则玩家1可能的最好收益是V,
- (b) Given player 1's strategy, the best payoff possible for player 2 is −V.

经空玩家1的等收 则玩家7可能的悬好断若具M

□ For a zero sum game, the name minimax arises because each player minimizes the maximum payoff possible for the other, he also minimizes his own maximum loss. 对于零和博弈来说,其名称minimax的由来是因为每个玩家会使对手可能的最大收益变得最小,还会使自己的最大损失变得最小。



Optimal Solution in Adversarial Search 对抗搜索的最优解

• Given a game tree, the optimal strategy can be determined from the minimax value of each node, write as MINIMAX(n).

给定一棵博弈树,则最优策略可以由每个节点的minimax值来确定,记作 MINIMAX(n)。

• Assume that both players play optimally from there to the end of the game. 假设两个玩家博弈自始至终都发挥得很好。

```
function Minimax(s) returns an action if Terminal-Test(s) then return Utility(s)

If Player(s) = max then return \max_{a \in ACTIONS(s)} MINIMAX(RESULT(s, a))

if Player(s) = min then return \min_{a \in ACTIONS(s)} MINIMAX(RESULT(s, a))
```

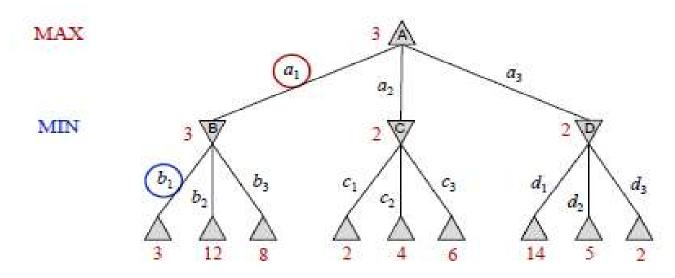
The minimax value of a terminal state is just its utility.

MAX prefers to move to a state of maximum value, MIN prefers a state of minimum value.

终端状态的minimax值只是其效用。MAX倾向于移动到一个最大值状态,MIN则倾向于一个最小值状态。



Minimax Decision--A Two-player Game Tree 一个双人玩家的博弈树



MAX's best move at root is a_1 (with the highest minimax value) 根节点处MAX的最佳移动是 a_1 (具有最高的minimax值)

MIN's best reply at B is b_1 (with the lowest minimax value) B节点处MIN的最佳应对是 b_1 (具有最低的minimax值)



博弈中的优化决策:评估函数

- 用函数e(s)代表状态s下的值;
- e(s) 是MAX状态的启发值,是对MAX有利状态的估计;
- e(s)>0 代表对MAX有利, 值越大越好;
- e(s)<0 代表对MAX不利;
- e(s)=0 代表对MAX、MIN势均力敌。



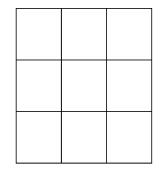


例子: Tic-tac-Toe 井字棋

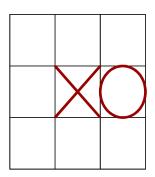
e(s) = 在所有空位放上MAX后成3子一线的个数

减去-

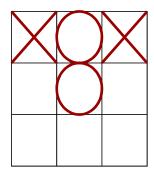
在所有空位放上MIN后成3子一线的个数



$$8-8=0$$



$$6-4 = 2$$



$$3-3 = 0$$



评估函数的组成

■各"特征值"的总和:

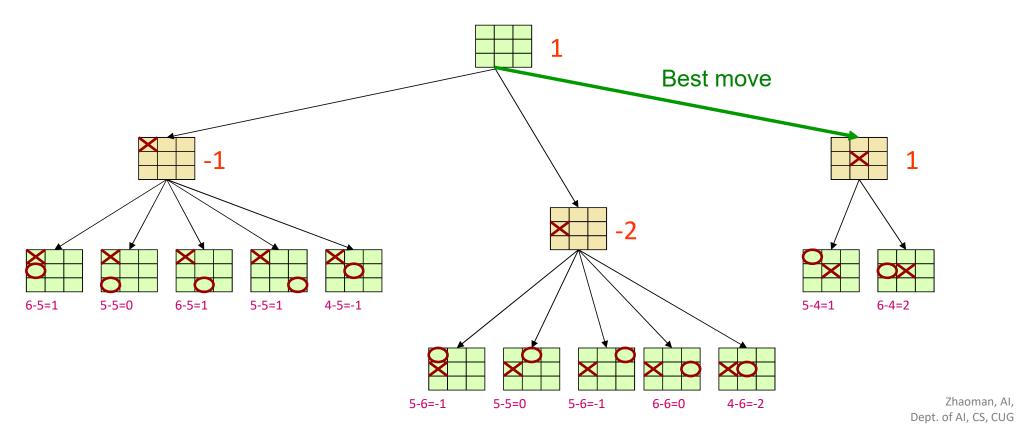
$$e(s) = \sum_{i=1}^{n} w_{i} f_{i}(s)$$

- •特征值包括:
 - 每种势态的数值
 - 可能移动的数值
 - 势态的控制数值



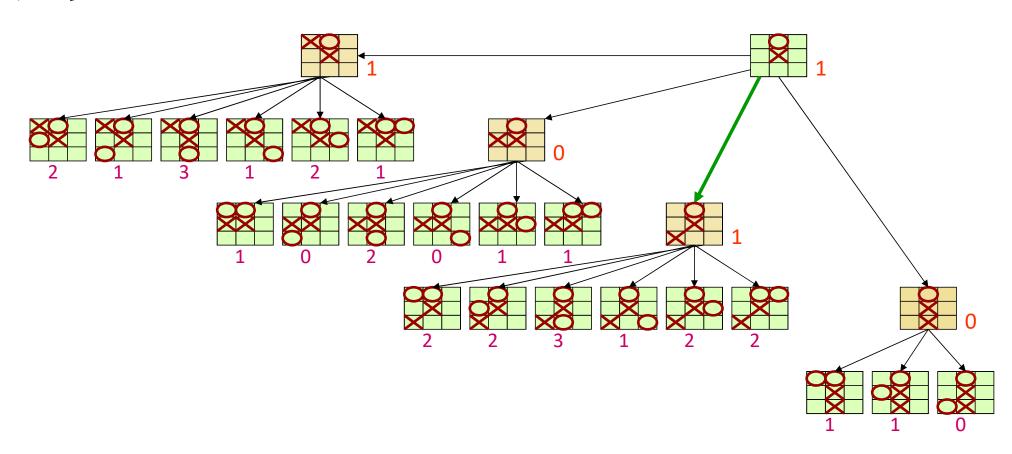
评估值: 回退计算

井字棋二层 (horizon = 2) 的搜索树





下一步:





为什么采用回退值?

- 1.对每一个非叶子结点N的评估值是由它的子结点倒推求得,是MAX 能搜索到的深度h回推得到最安全状态下最佳走步(假设MIN是足 够好的棋手)。
- 2.如果从一开始e就是可信赖的,那么实际状态的值是要好于评估 函数的值的。



极大极小算法思想 Minimax Algorithm

- 轮到MAX走时,从当前状态扩展博弈树到所设置深度h(根据允许时间要求所能的深度);
- 计算每个叶子节点的评估值;
- •根据不同的叶子节点采用不同的方法倒推计算各节点值:
 - 对于MAX节点选取其后继节点中最大的值为其评估值;
 - 对于MIN节点选取其后继节点中最小的值为其评估值。
- 选择移动到具有最大倒推值的MIN节点。



Game Playing (for MAX)

重复直到达到终止条件(胜、负、平):

- 1. 用MINIMAX算法选择移动;
- 2. 执行移动;
- 3. 观察MIN的移动。

注意:每次循环产生的深度为h的大博弈树仅为一次移动而进行; 所有的下次循环将被再次重复。 (其实一个深度h减2的子树可以被再次利用)。



Minimax Algorithm 最小最大算法

```
function MINIMAX-DECISION(state) returns an action
  inputs: state, current state in game
  v←MAX-VALUE(state)
  return the action in SUCCESSORS(state) with value v
function MAX-VALUE(state) returns a utility value
  if TERMINAL-TEST(state) then return UTILITY(state)
  v \leftarrow -\infty
  for a,s in SUCCESSORS(state) do
    v \leftarrow \mathsf{MAX}(v | \mathsf{MIN-VALUE}(s))
  return v
function MIN-VALUE(state) returns a utility value
  if TERMINAL-TEST(state) then return UTILITY(state)
  v \leftarrow \infty
  for a,s in SUCCESSORS(state) do
    v \leftarrow MIN(v MAX-VALUE(s))
  return v
```

Zhaoman, Al,

Dept. of AI, CS, CUG



Properties of Minimax Decision 最小最大决策的性质

☐The minimax algorithm performs a depth-first exploration of the game tree.

最小最大算法表现为博弈树的深度优先探索。

- Time complexity 时间复杂性 *O(b^m)*
- Space complexity 空间复杂性
- *O(bm)* --The algorithm generates all actions at once 算法同时生成所有动作
- O(m) --The algorithm generates actions one at a time 算法一次生成一个动作
- \triangleright Where b--The branching factor (legal moves at each point)

分支因子(每个点的合法走子)

m--The maximum depth of any node

任一节点的最大深度





minimax算法

优点:

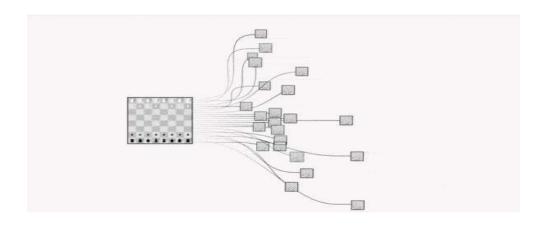
- 算法是一种简单有效的对抗搜索手段
- 在对手也"尽力而为"前提下, 算法可返回最优结果

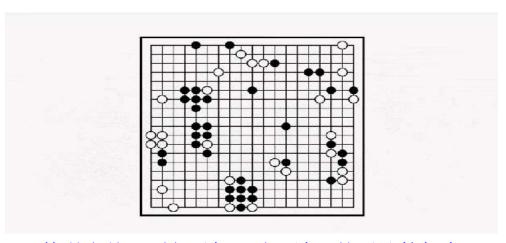
缺点:

如果搜索树极大,则无法在有效 时间内 返回结果

改善:

- 使用alpha-beta pruning算法来减少搜索 节点
- 对节点进行采样、而非逐一搜索 (i.e., MCTS)





枚举当前局面之后每一种下法,然后计算每个后续局面的赢棋概率,选择概率最高的后续局面。