# 研讨主题 (4) 抽象代数

#### 说明:

研讨学习选题是开放的,不做强制性约束,同学们可以根据小组与个人情况拓展或调整研讨 具体内容,并决定仅是初步了解还是深入研究学习,但每个成员对选题或相关内容有所初步 了解与思考是必须也是重要的。

### 1 阿贝尔与伽罗瓦: 传奇与思想

阿贝尔与伽罗瓦是数学史上的传奇,他们是天际间的流星,却留下了永恒的光芒。请你谈谈对他们的了解,可以是他们的人生故事或相关的言语,也可以是阿贝尔理论、伽罗瓦理论的思想、方法的提出过程以及你的理解与感想。如果查阅了资料,请勿直接拷贝,用自己的文字简要总结即可。

## 2 群、环、域: 理论与在密码学中的应用

请总结群、环、域等相关理论,并探讨其在密码学中的应用(如RSA、椭圆曲线加密等), 简要介绍方法或过程即可。

## 3 群码:基于群论的纠错码构建理论与实现

纠错码是提高计算机和数据通信系统可靠性的重要基础,本选题探讨基于群论的纠错码设计 原理与编程实现。

#### 4 同态与同构:思想与应用

同态、同构是抽象代数中重要的概念或思想,我们生活中也有很多同态或同构的例子和应用,你所学习的数学也有相当多的例子(如对数构成的同构映射、各种变换等),从计算机角度看,我们也需要有意识地构建和应用同态、同构,如算法设计、软件开发、同态加密等。请你就此展开一些讨论,可以介绍基本思想,可以举例(脑洞大开的例子也是可以的)。