

Tarea 2

a) $x(n) = x(n-1) = x(n-2) + 5$

$$x(n) = [x(n-2) + 5] + 5$$

$$= x(n-2) + 10 \text{ sustituir } x(n-2) = x(n-3) + 5$$

$$= [x(n-3) + 5] + 10$$

$$= x(n-3) + 15$$

$$x(n) = x(n-i) + 5i$$

$$x(n) = x(n-(n-1)) + 5n$$

$$x(1) + 5n$$

$$= 0 + 5n$$

$$= 5n \rightarrow n$$

Es de orden lineal

b) $x(n) = 3x(n-1)$ para $n > 1$, $x(1) = 4$.

$$x(n) = 3[3x(n-2)]$$

$$= 9x(n-2) \text{ sustituir } x(n-2) = 3x(n-3)$$

$$= 9[3x(n-3)]$$

$$= 27x(n-3)$$

$$x(n) = 3^i x(n-1)$$

$$x(n) = 3^n x(n-((n-1)))$$

$$x(n) = 3^n x(1)$$

$$x(n) = 3^n (4)$$

$$x(n) = 3^n \rightarrow \text{Es de orden exponencial}$$

c) $X(n) = x(n-1) + n$ para $n > 0$, $x(0) = 0$

$$x(n) = [x(n-2) + n] + n$$

$$= x(n-2) + 2n$$

$$x(n) = x(n-i) + in$$

$$x(n) = x(0) + n^2$$

$$x(n) = n^2 \rightarrow \text{Es de orden cuadrático}$$

d) $x(n) = x(n/2) + n$ para $n > 1$, $x(1) = 1$ (resolver para $n = 2^k$)

$$x(n) = [x(n/4) + n/2] + n$$

$$= x(n/4) + 3n/2 + n$$

$$= [x(n/8) + n/4] + 3n/2$$

$$x(n/8) + 7n/4$$

$$x(n) = x(n/2^i) + n[(2^i) - 1] / \{(2^i) - [2^{(i-1)}]\}$$

$$x(n) = x(n/2^{\log_2(n)}) + n[(2^{\log_2(n)} - 1) / \{(2^{\log_2(n)} - [2^{\log_2(n)} - 1])\}]$$

$$x(n) = x(1) + 2n^{2-2/n}$$

$$x(n) = 1 + 2n^{2-2/n}$$

$$x(n) = 1 + 2n - 2/n \rightarrow \text{orden inicial}$$

$$x(2^k) = 1 + 2^{(k+1)} - 2^{(1-k)}$$

Algoritmo misterioso (n) :

s<-0

para i<-1 hasta n hacer

s<-s + i*i

Fin para

Devolver a

Fin

¿Que calcula el algoritmo?

La suma de los cuadrados de los números, desde 0 hasta n

¿Cual es la operación básica?

Suma

¿Cuántas veces se ejecuta la operación básica?

N veces

¿Cuales es la eficiencia del algoritmo?

De orden lineal