

KÄFER IM LABYRINTH

# Käfer im Labyrinth

*Nils Wiemer*

817971  
wiemer@uni-potsdam.de  
2.Semester  
2.Fachsemester  
Informatik/Computational Sience

beaufsichtigt von  
Dr. Andrey CHERSTVY  
[PHY\_131d] Simulation und Modellierung

11. August 2023

# Inhaltsverzeichnis

|   |           |
|---|-----------|
| <b>1 Einführung</b>                       | <b>2</b>  |
| <b>2 Problem</b>                          | <b>3</b>  |
| <b>3 Aufbau</b>                           | <b>4</b>  |
| 3.1 Erzeugen des Labyrinths . . . . .     | 4         |
| 3.2 Durchlaufen des Labyrinths . . . . .  | 6         |
| 3.3 Daten sammeln und speichern . . . . . | 7         |
| <b>4 Auswertung</b>                       | <b>7</b>  |
| <b>5 Fehlerbetrachtung</b>                | <b>10</b> |
| <b>6 Fazit</b>                            | <b>10</b> |

# 1 Einführung

Das Lösen eines Labyrinths mit Hilfe komplexer Algorithmen, welche von höheren Lebensformen angewandt werden können, ist eine Aufgabe in der es inzwischen darum geht Algorithmen zu finden, welche immer schneller und weniger Speicher aufwendig sind. Um es zu ermöglichen alltägliche Aufgaben wie die Suche nach der besten Route in den Urlaub oder die effizienteste Route für den Postboten schneller und schneller zu ermöglichen oder Straßennetze effektiver zu planen und bauen und Häuser mit Strom, Wasser und Internet zu versorgen und dabei die Materialien so effizient wie möglich einzusetzen.

Mit Blick auf niedrigere Lebewesen wie Käfer, Milben und ähnliches kommt die Frage auf ob es möglich ist ein Labyrinth auch mit simplen Algorithmen oder ganz ohne Algorithmen ~~diese~~ zu lösen. In dem wissenschaftlichen Artikel "Development of an automatic turntable-type multiple T-maze device and observation of pill bug behavior"<sup>1</sup> wird das Bewegungsverhalten von Rollasseln (Armadillidiidae) in einem ~~schwierigen~~ Labyrinth untersucht, um festzustellen, ob einer Wiederholung von Richtungswechseln in die gleiche Richtung eine Fehlfunktion ist. Es wird von einer Fehlfunktion gesprochen, da bei Organismen mit simplen Nervensystemen davon ausgegangen wird, dass diese Entscheidungen mechanisch ~~instinktiv~~ getroffen werden. Die Studie zeigt aber, dass eine wiederholte Drehung in eine Richtung in Maßen angewandt wird um einen Bewegungsablauf auszuführen.

Um Labyrinthe zu lösen werden Algorithmen bewusst oder unbewusst angewandt. So werden für Computeralgorithmen Labyrinthe in Graphen umgewandelt, wobei jede Kreuzung im Labyrinth zu einem Knoten im Graphen wird und die Strecke zwischen diesen Kreuzungen zu Kanten im Labyrinth.

*"kurzeste"*  
Um nun den das Labyrinth zu lösen muss lediglich die Kombination von Knoten und Kanten gefunden werden welche zwischen dem Start und dem Ziel des Labyrinths liegen. Auf dieser Grundlage kann man die verschiedensten Suchalgorithmen aus der Graphentheorie anwenden um die Verbindung zwischen den zwei Knoten zu finden. Um in einem Labyrinth mit mehreren Lösungswegen den besseren zu finden, ist es möglich die Kanten zu gewichten, ihnen Werte basierend auf bestimmten Eigenschaften zuzuweisen, wie zum Beispiel die Länge des Weges oder die Schwierigkeit diesen zu passieren.

*cant find list of Algos*

Ergebnisse dieses Experiments können genutzt werden um Vergleiche für das Denkverhalten von Lebewesen zu erhalten. So kann man feststellen ob simplere Lebewesen sich nach einem Muster bewegen oder zufällig ein Labyrinth lösen, indem man den Durchschnitt der benötigten Zeit von mehreren Durchläufen mit den Daten dieses Experiments vergleicht, Was helfen kann Entscheidungen dieser Lebewesen in der Umwelt nachzuvollziehen.

<sup>1</sup>Takaharu Shokaku u.a.: „Development of an automatic turntable-type multiple T-maze device and observation of pill bug behavior“ In: *Rev Sci Instrum* 91 (2020) H. 10. S. 104104.

*G in die Literatur Auflistung am Ende der Arbeit...  
2*

## 2 Problem

Die folgenden Seiten befassen sich mit dem Problem ein Labyrinth zu lösen. Dabei soll ein Käfer dieses Labyrinth durchlaufen, während dieses Durchlaufs werden die Anzahl der Schritte sowie die Zeit die der Käfer benötigt gemessen. Ein Schritt findet statt, wenn der Käfer eine Position im Labyrinth weitergeht. Eine Zeiteinheit verstreicht, wenn der Käfer eine Aktion durchführt, wobei eine Aktion ein Schritt sein kann oder das Prüfen ob ein Schritt möglich ist. Dieser Versuch wird in zwei Variationen durchgeführt. In der ersten Variation ist es dem Käfer möglich in alle vier Himmelsrichtung zu laufen. In der zweiten Variation kann der Käfer aber nicht rückwärts gehen und muss sich somit drehen, dies erhöht die Zeit ebenfalls. Diese Variationen werden im weiteren Verlauf als erster und zweiter Versuch bezeichnet.

In diesem Experiment gilt es, herauszufinden wie sich die Größe des Labyrinths auf die Zeit und die Schritte, welche der Käfer benötigt auswirken. Genauer wird geguckt in welchem Verhältnis Schritte und Zeit in einem einzelnen Durchlauf stehen und in welchem Verhältnis sie in Durchläufen mit unterschiedlich großen Labyrinthen stehen. Darauf hin gilt es die Ergebnisse der ersten Variante mit denen der zweiten Variante zu vergleichen. Um das Experiment erfolgreich durchführen zu können, ist vorauszusetzen, dass das Labyrinth auch lösbar ist, also ein Weg zwischen Start und Ziel immer besteht. Aber nicht nur das Labyrinth muss an sich lösbar sein, auch der Käfer muss mit einer simplen Bewegungsabfolge durch das Labyrinth kommen ohne sich an einer Stelle im Kreis zu drehen oder sich gar nicht mehr zu bewegen. Dem ist hinzuzufügen, dass im nicht Kreis-drehen heißt, dass er irgendwann aus diesem Kreis wieder heraus kommt & er nicht öfters die gleiche Strecke ablaufen darf.

Der Versuch ein Labyrinth zu lösen, sei dies nun die Vernetzung im Internet, die Fahrt durch die Stadt oder das Labyrinth auf dem Jahrmarkt, ist eine Aufgabe die der Mensch oder ein anderes Lebewesen nicht so effizient wie der Computer bewältigen kann. Somit ist es von Vorteil ein Algorithmus zu finden der angewandt werden kann um ein Labyrinth jeglicher Form auf einfachste Weise zu lösen. Der einfachste Weg ist es einfach solang durch die Gegend zu laufen bis man an seinem Ziel angekommen ist. Das Problem an dieser Sache ist, dass es bei großen Labyrinthen lange dauern kann und um herauszufinden wie lange es dauern kann, gilt es zu finden wie sich die Zeit zum lösen eines Labyrinths zu dessen Größe verhält. Betrachtet man nun das Problem der Labyrinthlösung im Tierreich stösst man auf Limitationen wie die Unfähigkeit einiger Tiere sich rückwärts zu bewegen. Sollte ein Lebewesen mit dieser Einschränkung ein Labyrinth lösen müssen. Muss es sich erst drehen, bevor es rückwärts gehen kann. Was bedeutet, dass es wahrscheinlicher nur vorwärts geht. Zu wissen welche Weise effektiver ist und wo die Vor- und Nachteile liegen kann nicht nur in der Entwicklung von Algorithmen zum Lösen von Labyrinthen helfen sondern auch dabei Verhaltensweisen von Tieren zu erklären.

### 3 Aufbau

#### 3.1 Erzeugen des Labyrinths

Um dem Käfer die Möglichkeit zu geben das Labyrinth in jedem Fall lösen zu können, muss dieses ein "perfektes" Labyrinth sein. Das heißt, dass es möglich ist von jedem Punkt im Labyrinth zu jedem anderen zu kommen. Zudem hat dieses Labyrinth weder Schleifen noch Pfade die sich kreuzen. Weiterhin sollen die Labyrinthe zufällig erzeugt werden, um den Ablauf des Programms zu vereinfachen und so wenig wie mögliche Durchläufe auf dem gleichen Labyrinth zu haben.

Kapitel?

Referenz?

Ein Labyrinth ist wie in 2. erklärt zu verstehen. Um ein perfektes Labyrinth aus einem Graphen zu erzeugen, muss man einen Spannbaum aus diesem Graphen finden. Um dies zu tun gibt es verschiedene Algorithmen. Des Weiteren wird sich mit dem Kruskal Algorithmus befasst.

Der Kruskal Algorithmus findet in einem gewichteten Graphen den minimalen Spannbaum, in dem er die minimale Summe aller Gewichte findet und die Knoten so verbindet<sup>2</sup>. Dabei fängt er mit dem niedrigsten Gewicht an und verbindet die zwei Knoten zu einem Baum. Dieser Schritt wird nun wiederholt, bis alle Knoten miteinander verbunden sind. Sollte währenddessen ein Knoten mit einem Baum oder ein Baum mit einem Baum verbunden werden, so werden diese zu einem einzigen Baum zusammen gefasst. Dabei ist aber zu beachten, dass nur Knoten mit einander verbunden werden, wenn diese nicht im gleichen Baum sind. Da sonst eine Schleife entstehen würde. Dadurch entsteht am Ende ein minimaler Spannbaum auf dem Graphen.

Um ein Labyrinth zu erstellen sind die Gewichte der Kanten nicht weiter relevant, wodurch man sie weg lassen kann. Das führt dazu, dass die Knoten nicht anhand der Gewichte verbunden werden, sondern zufällig zwei Knotenpaare ausgewählt werden und anschließend verbunden. Es entsteht ein zufälliger Kruskal Algorithmus. Die Umsetzung erfolgt wie folgt.

Es wird die Höhe und Breite des Labyrinths verdoppelt um die Wände einzufügen und eins addiert um das Labyrinth auf allen Seiten mit Wänden zu umfassen. Folgend werden nochmal zwei addiert um die Außenwände „zwei dick“ zu machen. Dies ist nötig, da beim Lösen des Labyrinths Schritte über zwei Felder getan werden und an den Rändern sonst das Labyrinth verlassen wird.

```
1 # Bug.py
2 def __init__(self, h, w):
3     self.H = 2*h+3
4     self.W = 2*w+3
5     self.grid = None
```

wozu?

Anschließend wird ein Gitter aus Einsen erstellt und in der dritten Zeile und Spalte die Eins auf Null gesetzt um einen Knoten zu symbolisieren. Dies wird mit einer Lücke von Eins nach rechts und unten fortgesetzt und einer Liste an Knoten hinzugefügt. Anschließend werden alle verbleibenden Einsen als Kanten einer Liste hinzugefügt. Zuletzt werden die Kanten gemischt.

<sup>2</sup>Buck Jamis: „Mazes for Programmers. Code Your Own Twisty Little Passages“ Raleigh: Pragmatic Bookshelf, 2015, S. 158–163.

→ Ende

Ein Bild davon wäre hier schön zu haben...

```

1 # Bug.py
2 def generate(self):
3     self.grid = np.empty((self.H, self.W), dtype=np.int8)
4     self.grid.fill(1)
5
6     forest = []
7     for row in range(2, self.H-2, 2):
8         for col in range(2, self.W-2, 2):
9             forest.append([(row, col)])
10            self.grid[row][col] = 0
11
12     edges = []
13     for row in range(3, self.H-2, 2):
14         for col in range(2, self.W-2, 2):
15             edges.append((row, col))
16     for row in range(2, self.H-2, 2):
17         for col in range(3, self.W-2, 2):
18             edges.append((row, col))
19
20     shuffle(edges)

```

Aus der Liste der Kanten wird solange das erste Element heraus genommen, bis die Länge der Knoten Eins beträgt. Das herausgenommenen Element wird geprüft ob es Knoten über und unter sich oder links und rechts von sich hat. Anschließend wird die Position der Knoten in der Liste der Knoten aufaddiert und in tree1 und tree2 gespeichert.

```

1 # Bug.py
2 while len(forest) > 1:
3     ce_row, ce_col = edges[0]
4     edges = edges[1:]
5
6     tree1 = 0
7     tree2 = 0
8
9     if ce_row % 2 == 1:
10        for i,j in enumerate(forest):
11            if(ce_row - 1, ce_col) in j:
12                tree1 += i
13            else:
14                tree1 += 0
15        for i,j in enumerate(forest):
16            if(ce_row + 1, ce_col) in j:
17                tree2 += i
18            else:
19                tree2 += 0
20
21     else:
22        for i,j in enumerate(forest):
23            if(ce_row, ce_col - 1) in j:
24                tree1 += i
25            else:
26                tree1 += 0
27        for i,j in enumerate(forest):
28            if(ce_row, ce_col + 1) in j:
29                tree2 += i
30            else:
31                tree2 += 0

```

vollständig

Ist der Code für das Erzeugen des Labyrinths von einer Python-Bibliothek abgeleitet?

Wenn diese Positionen nicht gleich sind, heißt wenn sie sich nicht im gleichen Baum befinden, werden sie verbunden und zu einem Baum zusammen gefügt. Wenn nur noch ein Baum in der Liste ist bricht die While-Schleife ab und der minimale Spannbaum wurde gefunden.

```
1 if tree1 != tree2:  
2     new_tree = forest[tree1] + forest[tree2]  
3     temp1 = list(forest[tree1])  
4     temp2 = list(forest[tree2])  
5     forest = [  
6         x for x in forest if x != temp1  
7     ]  
8     forest = [x for x in forest if x != temp2]  
9     forest.append(new_tree)  
10    self.grid[ce_row][ce_col] = 0
```

### 3.2 Durchlaufen des Labyrinths

Nachdem das Labyrinth erzeugt wurde liegt eine Liste von Listen mit Nullen und Einsen gefüllt vor, wobei eine Eins eine Wand symbolisiert und eine Null einen Weg.

Um nun das Labyrinth durchlaufen zu können, wird als Startpunkt die obere linke Ecke gewählt und als Ziel die untere rechte Ecke. Des Weiteren gilt es zu beachten, dass eine Bewegung immer um zwei Felder passiert, da die Wände ebenfalls als Feld gewertet werden. Wir also bei einem 3x3 Feld bis zu fünf Schritten in eine Richtung laufen könnten, statt 3.

ebenfalls anhand von Bildern erklären

Im ersten Versuch einen simplen Bewegungsablauf zu finden bestand der Versuch daraus, im Uhrzeigersinn von oben beginnend zu prüfen ob sich in die Richtung eine Wand befindet. Ist dies der Fall wird die nächste Richtung geprüft, ansonsten bewegt sich der Käfer ein Feld in diese Richtung.

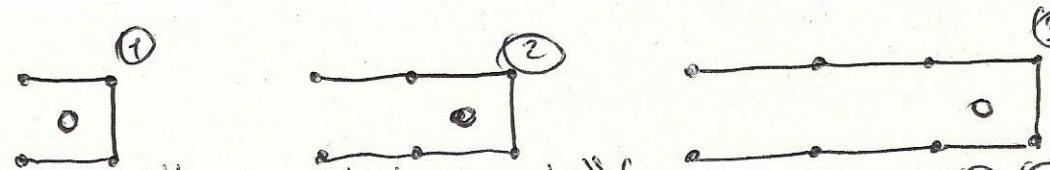
Bei diesem Versuch trat jedoch das Problem auf, dass der Käfer das Labyrinth nicht lösen kann, da er sobald er nach unten geht im nächsten Schritt zwingend wieder nach oben geht. Somit bewegt sich der Käfer effektiv auf zwei Feldern. Und konnte mehrere Felder nur nach oben oder links laufen. Aufgrund seiner Startposition war die Bewegung nach oben jedoch nicht möglich.

Im zweiten Versuch wurde nur die Reihenfolge der Richtungen in welcher geprüft wird geändert. Es ging immer noch im Uhrzeigersinn, jedoch wurde nun zuerst die rechte Seite geprüft.

Das Problem, im zweiten Versuch bewegte sich der Käfer nun nach links und rechts zwischen den selben zwei Feldern.

Diese beiden Versuche ergaben das egal von welcher Richtung im Uhrzeigersinn oder dagegen gegangen würde, nach wenigen Schritten würde der Käfer also nur noch zwischen zwei Punkten springen. Somit konnten zwar mit Glück kleinere Labyrinthe gelöst werden aber dies geschah nicht zuverlässig und war somit nicht nutzbar oder auf größere Labyrinthe anwendbar.

Der dritte Versuch basiert auch auf dem Prüfen der Richtung im Uhrzeigersinn, nur dass in diesem die Ausgangsrichtung zufällig gewählt wird. Dazu



wie viele Schritte benötigt der Käfer um aus ①, ②, ③ sich raus zu bewegen?  
 nicht sehr klar... } wird eine Zahl zufällig mit der in Python verbauten random Bibliothek erzeugt.  
 Dies zufällige Zahl zwischen 0 und 3 entspricht jeweils einer Richtung, wobei 0 für rechts steht und von dort aus im Uhrzeigersinn gegangen wird. In dem Versuch wo der Käfer nicht rückwärts laufen kann, wird, wenn er rückwärts laufen muss, der Käfer einmal rotiert, anschließend prüft er nach vorne und bewegt sich dann zur Seite. Auf diese Weise liessen sich alle Labyrinthgrößen lösen mit denen getestet wurde. Diese Tests liefen bis zur Größe 20.

### 3.3 Daten sammeln und speichern

Gespeichert wird welcher Durchlauf es insgesamt war, wie groß das Labyrinth war, welcher Durchlauf es für die bestimmte Größe war, in welcher Zeit und mit wie vielen Schritten der Durchlauf abgeschlossen wurde und wie das Labyrinth aussah. Die Zeit wird berechnet je nachdem ob eine Prüfung nach einer Wand stattgefunden hat oder ob ein Schritt gemacht wurde, heißt wenn ein Schritt gemacht wird, wird die Prüfung nach einer Wand nicht auf die Zeit gerechnet. Dies ist so vorzustellen als würde der Käfer gegen die Wand rennen, wenn eine dort ist hat er eine Zeiteinheit oben drauf wenn keine dort ist hat er sie ebenfalls oben drauf ist aber einen Schritt weiter. Die Schritte werden nur berechnet, wenn sich der Käfer ein Feld weiter bewegt hat. Diese Daten werden anschließend für jeden Labyrinthgröße in einer CSV-Datei gespeichert.

was ist daran speziell?

## 4 Auswertung

Es wurden Labyrinthe von der Größe drei bis zur Größe 38 für den Versuch verwendet. Jedes Labyrinth wurde dabei 100 mal gelöst und die Daten gespeichert und für diese Auswertung herangezogen.

muss im Format  $10^x$  dargestellt werden...

Log-Skala wurde die Daten hier viel klarer  
dargestellt lassen...

Log-Skala wäre hier viel besser!

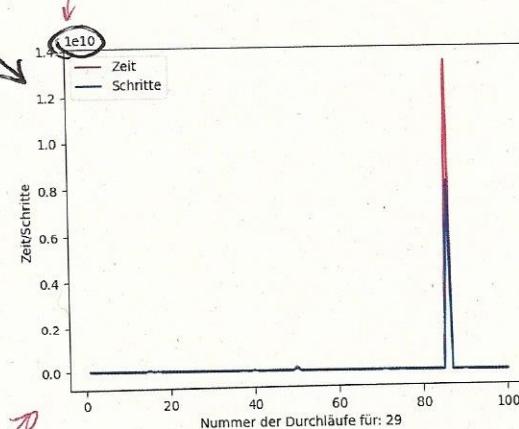


Abbildung 1: Plot Durchlauf 29, erster Versuch

Was ein Versuch ist  
ist nicht besonders  
aber...

Bitte erweitern hier...  
Unterschied zwischen  
"Versuch" & "Durchlauf"...

Bei der Betrachtung der Lösung eines einzelnen Labyrinths fällt auf, dass die Zeit und Schritte, welche benötigt wurden um dieses Labyrinth zu lösen, bis auf ein paar Ausreißer, in einem gewissen Bereich gleich nah aneinander liegen. Ein hervorragendes Beispiel dafür ist der Durchlauf 29, zu sehen in Abbildung 1, aus

dem ersten Versuch. Dort ist nur ein Ausreißer deutlich zu erkennen, ansonsten liegen die Werte nah bei einander.

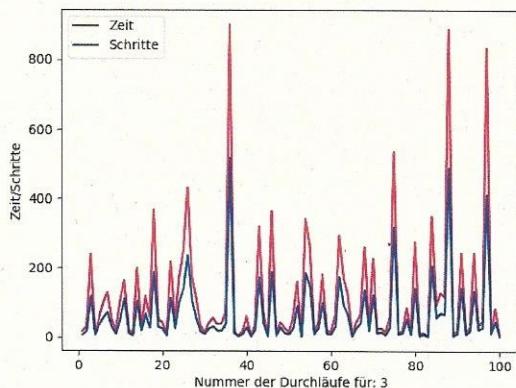


Abbildung 2: Plot Durchlauf 3, erster Versuch

Zu beachten ist jedoch, dass die Werte nicht durchgehend die selben sind, abgesehen von den zuvor erwähnten Ausreißern, wie man es aus Abbildung 1 annehmen kann. Dass die Werte unterschiedlich sind und doch in der Nähe der anderen Werte liegen sieht man in Abbildung 2, wo der Durchlauf 3 des ersten Versuches zu sehen ist.

Nimmt man nun den Durchschnitt der Zeit und Schritte jeder Labyrinthsgröße und ermittelt dafür jeweils den Durchschnitt, so kann man anhand eines Plots ablesen, wie sich die benötigten Schritte und Zeit im Verhältnis zur Labyrinthsgröße verhalten.

Hier muss noch einmal erklärt werden wann werden die Labyrinthen neu generiert. Wird es bei jedem Durchlauf gemacht? Es ist nicht besonders klar hier...

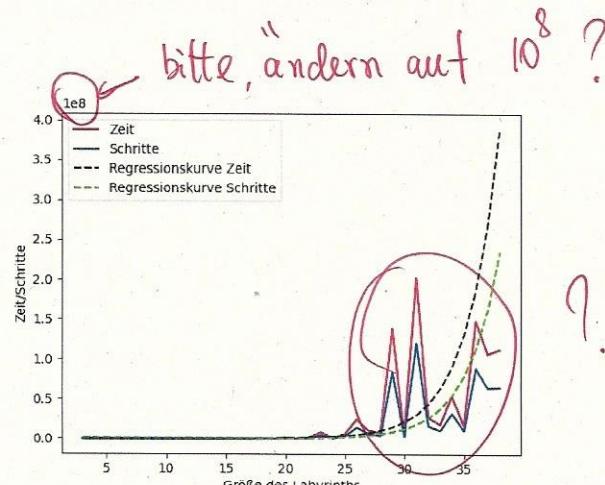
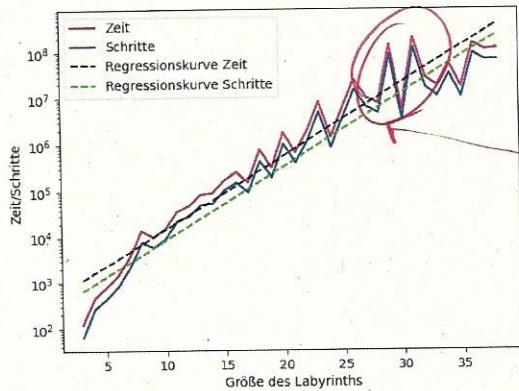


Abbildung 3: erster Versuch

In Abbildung 3 ist der erste Versuch abgebildet. In diesem ist zu erkennen, dass sich bis Labyrinthgröße 22 keine starke Veränderung der benötigten Zeit oder Schritte einstellt. Bei Labyrinthgröße 23 ist der erste kleine Ausschlag zu erkennen und bei Labyrinthgröße 29 und 31 befinden sich die ersten beiden starken Ausschläge, wobei sich Größe 30 wieder in der Nähe der Größen bis 22 befindet. Anschließend findet ein leichter Anstieg statt und ein starker Ausschlag bei Größe 36.

Sind diese Unregelmäßigkeiten nicht seltsam?  
no fucking Idea  
Falls Labyrinthen sind wirklich zufällig generiert wurden, erwartet man eine einigermaßen monoton-aufsteigende Kurve, oder?



*Exp. Anstieg ist nicht perfekt dank Fluktuationen, aber in der Tat sehr plausibel.*

Abbildung 4: erster Versuch, Log-Plot

Wird nun eine Regressionskurve eingefügt, so ist zu erkennen, dass der Anstieg einer Exponentialfunktion ähnelt. Im ~~im~~ logarithmischen Plot Abbildung 4 ist dies eindeutig zu sehen, da die Regressionskurve zu einer perfekten Gerade geworden ist. Somit ist die Regressionskurve eine Exponentialfunktion und die Schritte bzw. Zeit steigen exponentiell.

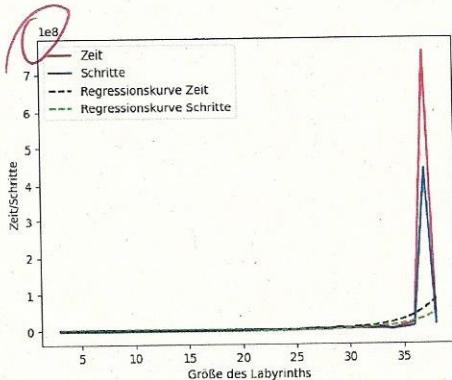


Abbildung 5: zweiter Versuch

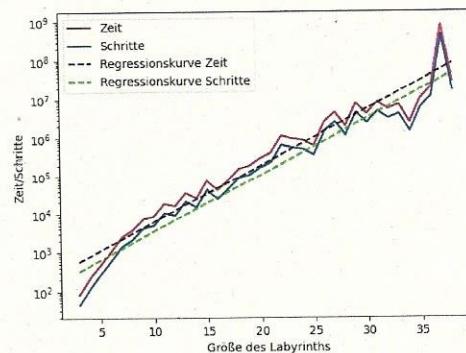


Abbildung 6: zweiter Versuch, Log-Plot

Die gleiche Betrachtung ist ebenfalls auf den zweiten Versuch, Abbildung 5 anwendbar, hier ist auffällig, dass es nur einen Ausschlag gibt, welcher auffällt. Dieser liegt bei Labyrinthgröße 37. Durch ~~ein~~fügen einer Regressionkurve sieht man in diesem Plot ebenfalls den Ansatz exponentiellem Wachstums, welche sich in Abbildung 6 anhand der Geraden im logarithmischen Plot bestätigen lässt.

Betrachtet man nun den Anstieg der Exponentialfunktionen in Abbildung 3 und Abbildung 5 so fällt auf, dass der zweite Versuch, wo der Käfer nur in drei Richtung laufen kann, einen weniger starken ~~Anstieg~~ hat, als der Käfer im ersten Versuch, der in alle vier Richtungen laufen kann. Dies ist der Fall obwohl der Käfer im zweiten Versuch mehr Schritte machen muss um Rückwärts zu laufen. Begründen lässt es sich damit, dass es dem Käfer damit auch schwerer fällt seinen Weg wieder rückwärts zu gehen, da dies nur passiert, wenn entweder rückwärts der einzige Weg ist, er als Ausgang in die Richtung guckt, welche rückwärts ist,

Vergleichen von minir

er in der Routine vorwärts, rechts oder vorwärts, rechts, links den weg Rückwärts beschreitet. Also ist es dem Käfer nur in vier Fällen möglich rückwärts zu laufen, während der Käfer aus dem ersten Versuch in folgen Fällen rückwärts laufen kann. In vier Fällen, wenn er in einer Sackgasse ist, in drei Fällen wenn ein Weg hinter ihm ist und einer wo anders, in zwei Fällen wenn ein Weg hinter ihm und zwei Wege vor ihm sind und in einem Fall wen alle Wege offen sind. Somit ist es dem Käfer in 4 Fällen möglich rückwärts zu gehen. Folglich kann der Käfer aus dem ersten Versuch vier mal so oft seinen Weg wieder zurück gehen als der Käfer aus Versuch zwei. Es ist aber nur nötig rückwärts zu gehen, wenn der Käfer in einer Sackgasse gelandet ist. Somit ist der Käfer aus dem zweiten Versuch vier mal schneller als der Käfer aus dem ersten Versuch. Dies ist ebenfalls aus den Graphen ablesbar, da in Abbildung 3 die Regressionskurve bei etwa  $4 \cdot 10^8$  und in Abbildung 5 bei etwa  $1 \cdot 10^8$  endet. Zur Prüfung wird ebenfalls der Punkt betrachtet, bei welchem in Abbildung 5 die Regressionskurve bei etwa  $0,5 \cdot 10^8$  sich befindet, welcher bei 36 liegt. Anschließend wird dieser Wert vervierfacht, was 2 ergibt und in Abbildung 3 bei x gleich 36 der Wert der Regressionskurve abgelesen, welcher etwa 2 beträgt.

Nicht jeder

Schritt aber

bewegt 4x

mehr Zeit, aber?

Der Faktor(4)

ist deswegen

aber zufällig... 5

Es ist aber klar,

dass die Drehung

mehr Zeit als

das Rückwärts Gehen

bewirkt...

## 5 Fehlerbetrachtung

Auf Grund eines kleinen Datensets sind die Daten fehlerbehaftet, da ein einziger Durchlauf, in dem die Zahl der Schritte deutlich höher ist als alle anderen den Durchschnitt hochzieht. Als Beispiel ist Abbildung 1 anzuführen, dort ist erkennbar, dass bis auf einen Fall die Zeiten an nähernd gleich sind. Mit diesem Ausfall liegt der Durchschnitt jedoch über diesen Zeiten. Dem könnte mit einer höheren Anzahl an Werten entgegen gewirkt werden. Ebenfalls ist in dem zweiten Versuch, siehe Abbildung 5, zu erkennen, dass der exponentielle Anstieg ebenfalls durch einen Ausfall der Messwerte entsteht. Um sicherzustellen, dass der Anstieg exponentiell ist, müssten weitere Werte für größere Labyrinthe erhoben werden.

## 6 Fazit

Werden die Kurven in Abb. 3 glatter falls, z.B.,  
3-mal mehr Labyrinthe bzw. Strukturen generiert  
werden?

In dem Experiment, wurde ein Labyrinth erzeugt, welches immer lösbar ist und nur einen richtigen Weg besitzt. Durch dieses Labyrinth wurde ein Käfer geschickt, welcher im Uhrzeigersinn geprüft hat, ob sich an dieser Stelle eine Wand befand und wenn nicht sich auf diesen Punkt bewegt hat, dabei wurde die erste Wand welche geprüft wird zufällig ausgewählt. Im zweiten Versuch war es dem Käfer nicht möglich direkt rückwärts zu laufen, um dies zu tun musste er sich um  $90^\circ$  drehen. Dabei wurden die Anzahl der Schritte und die Anzahl der erfolgten Aktionen, als Zeit definiert, gespeichert.

Nach Betrachtung der Daten sind folgende Erkenntnisse aufgetreten. Es viel auf, das obwohl die Richtung, in welche sich der Käfer bewegt, zufällig gewählt wurden, der Käfer unterschiedliche Labyrinthe von der selben Größe in etwa der selben Zeit und Schrittzahl löst. Des weiteren wurde festgestellt, dass bei Betrachtung der benötigten Zeit und Schritte, über die verschiedenen Labyrinthgrößen, ein exponentieller Anstieg zu erkennen ist. Dabei ist aufgefallen, das der Anstieg

das stimmt abgesehen von Ausreisern die  
dann aber wouglieh kontrolliert den  
Mittelwert beeinflussen lassen...

ungefähr ↗



während des ersten Versuchs vier mal so groß ist, wie während des zweiten Versuchs, was darauf zurück zu führen ist, dass der Käfer während des zweiten Versuch aufgrund seiner Einschränkung nicht rückwärts laufen zu können ohne eine Drehung diese Bewegung weniger oft ausführte. Dadurch bewegte er sich weniger häufig auf Felder, auf welchen er sich vorher befand. Daraus entsteht die Erkenntnis, dass es schneller ist ein Labyrinth zu lösen, in dem nur zurückgegangen wird, wenn eine Sackgasse erreicht wird.

jetzt  
verstehe ich...

Probleme während der Durchführung des Experiments, waren die Sicherstellung der Lösbarkeit des Labyrinths sowie das Speichern der Daten. Beim Speichern der Daten war es geplant ebenfalls den genauen Pfad des Käfers zu speichern. Dies erwies sich jedoch als nicht möglich, da mir drei Daten der Labyrinthgröße 15, 17 und 18 eine Speichermenge von ca. 154Gb erreicht wurde, was ca 17% des gesamt verfügbaren Speichers entsprach. Ebenfalls geplant war es bis zu einer Labyrinthgröße von 50 zu testen. Dies war ebenfalls nicht möglich, da nach Labyrinthgröße 38 im ersten Versuch und Labyrinthgröße 41 im zweiten Versuch die für das Programm verfügbaren CPU Kerne zu 100% genutzt waren und das Programm nicht weiter lief. Das letzte Problem war, das durch einen Fehler im Code die Daten 100 mal in der selben Datei gespeichert wurden anstatt einmal.

Die Wege explizit zu speichern  
ist cool, aber für die gestellte  
Aufgabe nicht wirklich nutzvoll...

Dies ist "ärgerlich. Wurde endlich  
das Problem korrigiert?  
Wurde die Mittelung über 100  
unabhängige Versuche ordentlich  
durchgeführt?

Haupt Frage: falls Sie 3x mehr Trajektorien für kleinere  
Labyrinthe für die Mittelung benutzen, wird  
die Kurve in Abb. 3 als Funktion der Labyrinth Größe  
weniger fluktuiieren? Dies wäre schön noch  
nachzu prüfen...

## Literatur

{} Jamis, Buck: „Mazes for Programmers. Code Your Own Twisty Little Passages“  
Raleigh: Pragmatic Bookshelf, 2015, S. 158–163.

Shokaku, Takaharu u. a.: „Development of an automatic turntable-type multiple T-maze device and observation of pill bug behavior“ In: *Rev Sci Instrum* 91 (2020) H. 10. S. 104104.

Etwas zu knapp... 3-4 literatur Quellen wäre  
hier noch schön zu addieren...