

Sprawozdanie 1 - Wojciech Smolarczyk, Wiktoria Zalińska

```
def traditional_multiply_matrix(A, B):
    result = np.zeros((len(A), len(B)))
    global counts
    s = len(A)

    for i in range(s):
        for j in range(s):
            sum_j = 0
            for k in range(s):

                sum_j += A[i][k] * B[k][j]
                counts += 1

            result[i][j] = sum_j

    return result
```

Mnożenie macierzy tradycyjną metodą. Zmienna globalna counts zlicza liczbę operacji +, *.

```
def add_matrices(matrix1, matrix2):
    global counts
    if len(matrix1) != len(matrix2) or len(matrix1[0]) != len(matrix2[0]):
        raise ValueError("Matrices must have the same dimensions")

    result = [[0 for _ in range(len(matrix1[0]))] for _ in range(len(matrix1))]

    for i in range(len(matrix1)):
        for j in range(len(matrix1[0])):
            result[i][j] = matrix1[i][j] + matrix2[i][j]
            counts += 1

    return result


def subtract_matrices(matrix1, matrix2):
    global counts
    if len(matrix1) != len(matrix2) or len(matrix1[0]) != len(matrix2[0]):
        raise ValueError("Matrices must have the same dimensions")

    result = [[0 for _ in range(len(matrix1[0]))] for _ in range(len(matrix1))]

    for i in range(len(matrix1)):
        for j in range(len(matrix1[0])):
```

```

        result[i][j] = matrix1[i][j] - matrix2[i][j]
        counts += 1

    return result

```

Powyższe funkcje pozwalają dodać i odjąć dwie macierze co będzie przydatne przy metodzie Strassena. Dodatkowo zmienna globalna counts zlicza liczbę operacji +, -, *.

```

def split_matrix(matrix):
    n = len(matrix) // 2

    return (
        np.array(matrix)[:n, :n],
        np.array(matrix)[:n, n:],
        np.array(matrix)[n:, :n],
        np.array(matrix)[n:, n:],
    )

def strassen_multiply_matrix(A, B, l):

    if len(A) <= 2**l:
        return traditional_multiply_matrix(A, B)

    A11, A12, A21, A22 = split_matrix(A)
    B11, B12, B21, B22 = split_matrix(B)

    P1 = strassen_multiply_matrix(add_matrices(A11, A22), add_matrices(B11, B22),
1)
    P2 = strassen_multiply_matrix(add_matrices(A21, A22), B11, l)
    P3 = strassen_multiply_matrix(A11, subtract_matrices(B12, B22), l)
    P4 = strassen_multiply_matrix(A22, subtract_matrices(B21, B11), l)
    P5 = strassen_multiply_matrix(add_matrices(A11, A12), B22, l)
    P6 = strassen_multiply_matrix(
        subtract_matrices(A21, A11), add_matrices(B11, B12), l
    )
    P7 = strassen_multiply_matrix(
        subtract_matrices(A12, A22), add_matrices(B21, B22), l
    )

    C11 = add_matrices(subtract_matrices(add_matrices(P1, P4), P5), P7)
    C12 = add_matrices(P3, P5)
    C21 = add_matrices(P2, P4)
    C22 = add_matrices(subtract_matrices(add_matrices(P1, P3), P2), P6)


    C = np.vstack((np.hstack((C11, C12)), np.hstack((C21, C22))))

    return C


```

Zaimplementowany algorytm Strassena. Zmienna "l" określa przy jakim rozmiarze tablicy "przełączamy" się z algorytmu Strassena na tradycyjne mnożenie macierzy. Algorytm na początku sprawdza czy macierze otrzymane jako argumenty są większego rozmiaru niż 2^l . Jeśli tak to dzieli obie macierze. Każdą na cztery podmacierze równej wielkości (przykład macierz $4 \times 4 \rightarrow 4$ macierze 1×1 , $8 \times 8 \rightarrow 4$ macierze 2×2). Następnie rekurencyjnie używając algorytmu Strassena wyznaczamy siedem macierzy a następnie za ich pomocą konstruujemy 4 macierze, które po złożeniu dają macierz wynikową.

Wykresy

 alt text

Co naturalne im większe tablice wejściowe tym więcej operacji należy wykonać. Im mniejsze jest "l" tym później (niżej) przełączamy się na tradycyjne mnożenie macierzy. Zauważalne różnice widać przy rozmiarze tablic 2^8 , a różnica w liczbie operacji jest ogromna gdy rozmiar tablicy przekracza 2^{10} . Warto również zauważyć na relatywnie małe różnice pomiędzy wynikami dla $l=3$ i $l=5$.

 alt text

Bardzo podobne wnioski można wyciągnąć dla czasu wykonania algorytmu. Znow widać niewielkie różnice (a nawet ich relatywny brak) dla $l=5$ i $l=3$ oraz im mniejsze l tym dłużej wykouje się algortym. Jedyną większą różnicą jest fakt, że relatywny czas wykonania algorytmu dla $l=2$ i macierzy startowej rozmiaru 2^{10} jest znacznie większy niż liczba wykonanych operacji w stosunku do innych wartości l.