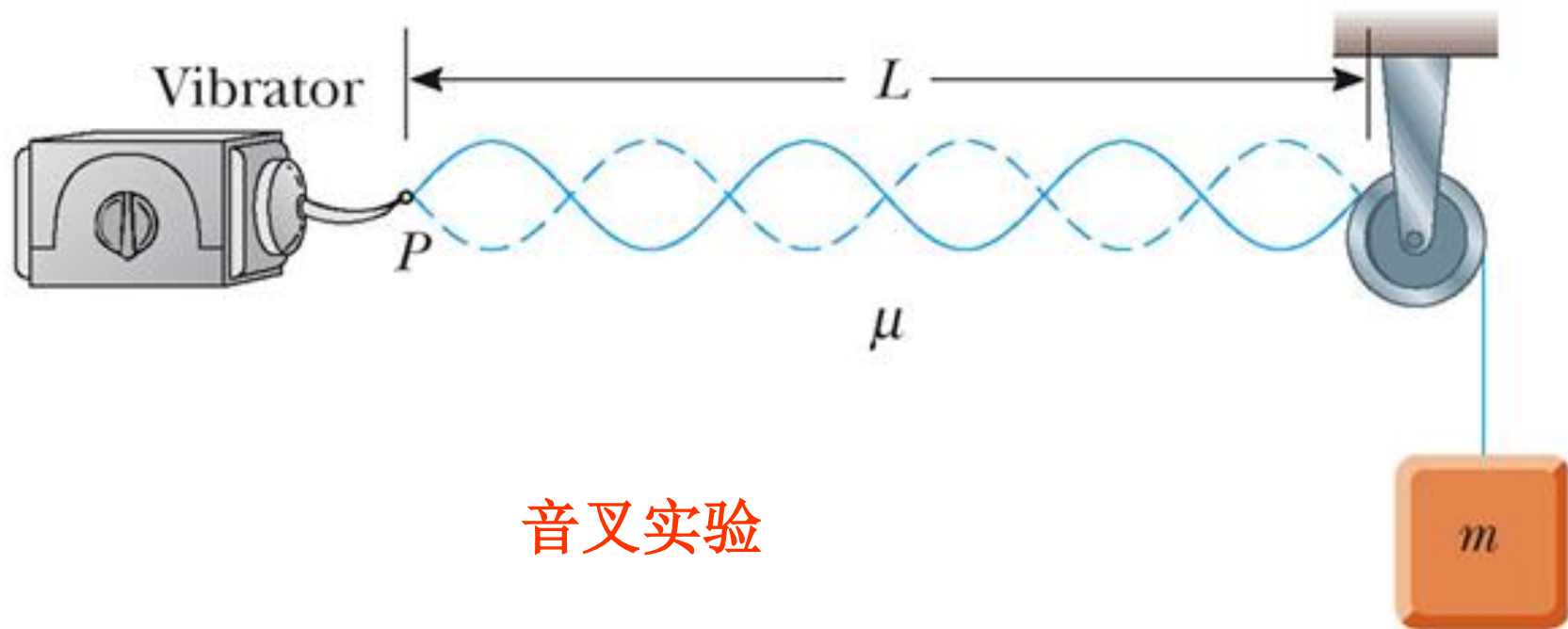
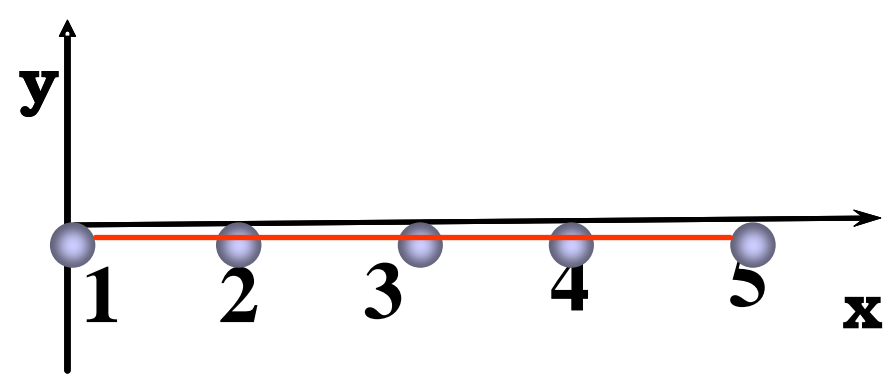
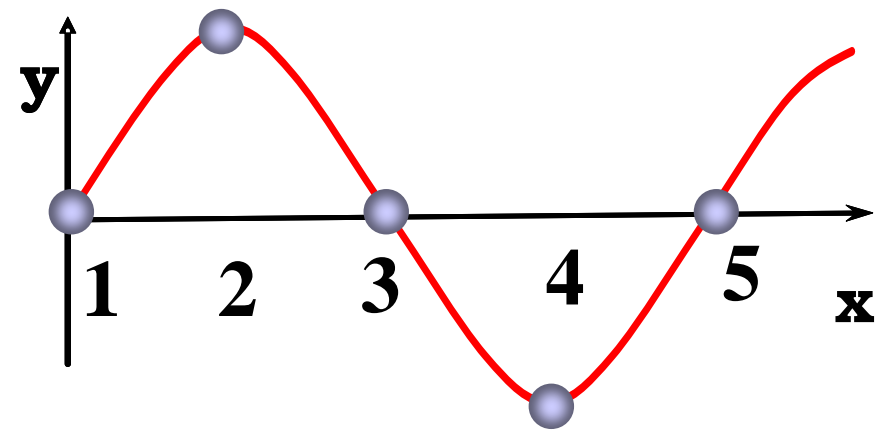
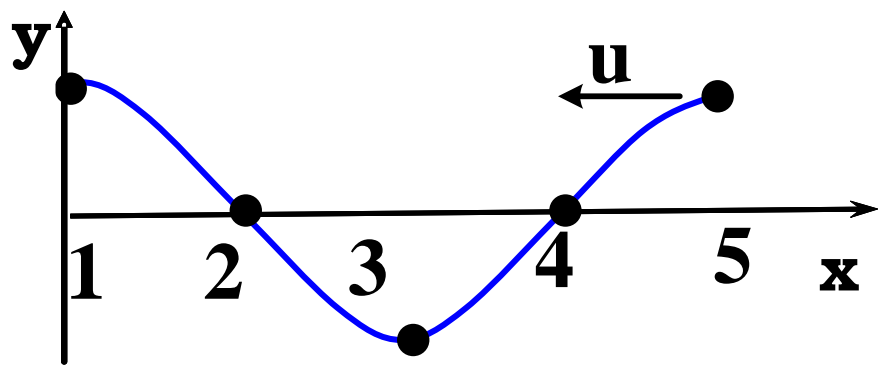
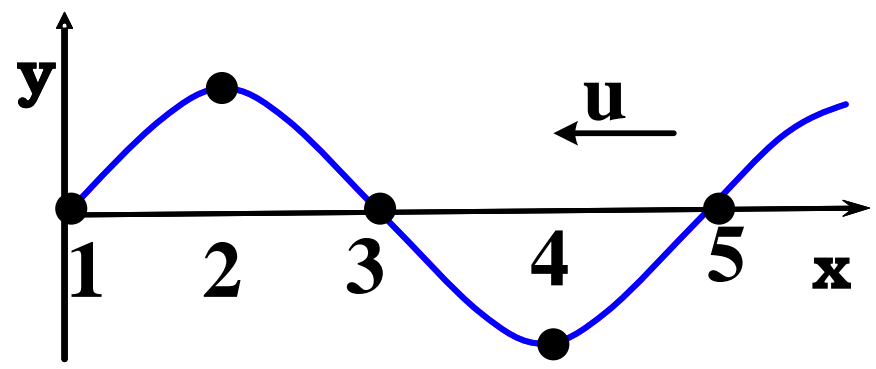
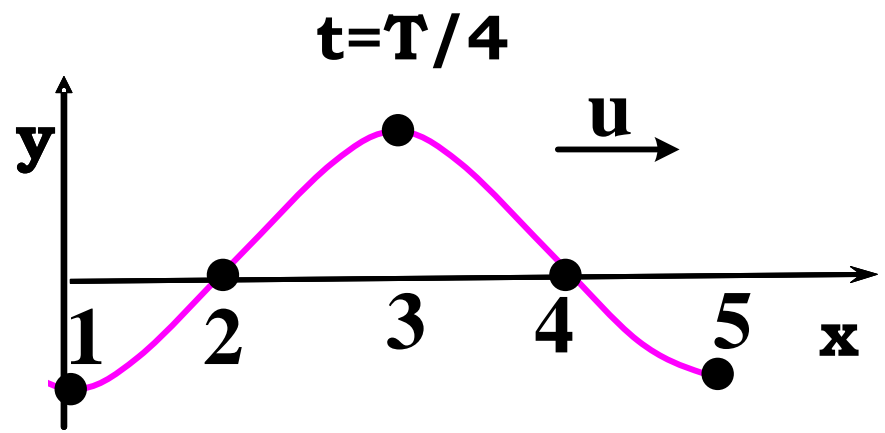
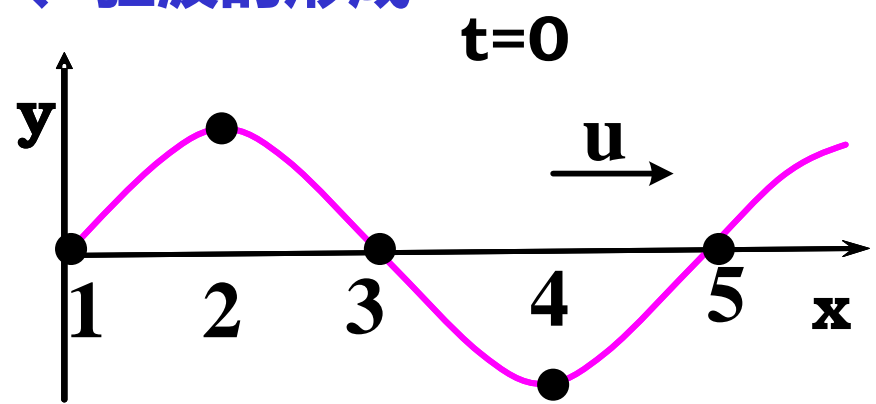


## §10.5 驻波

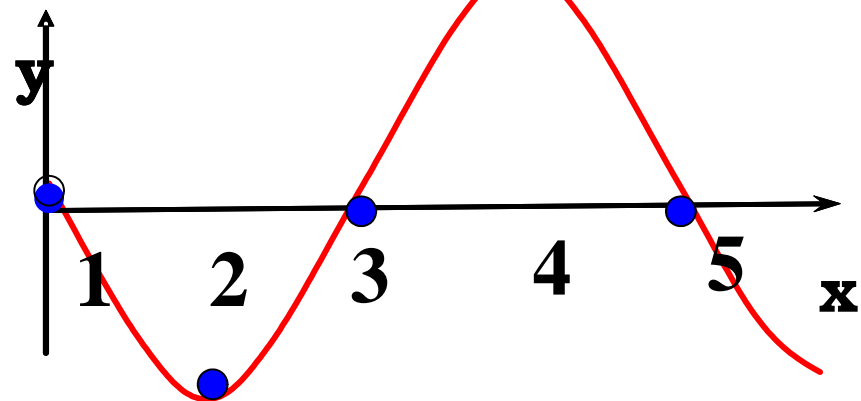
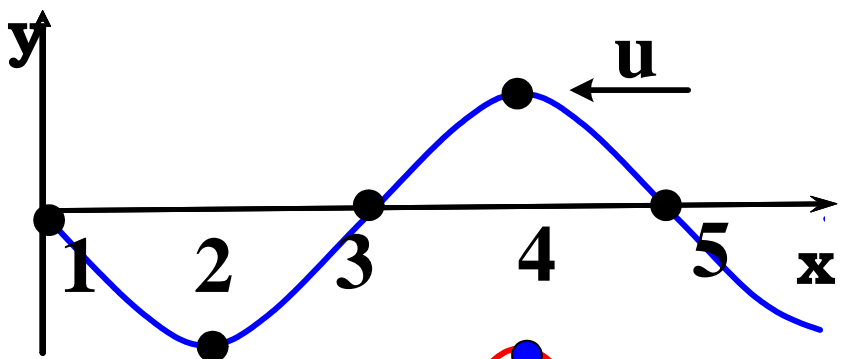
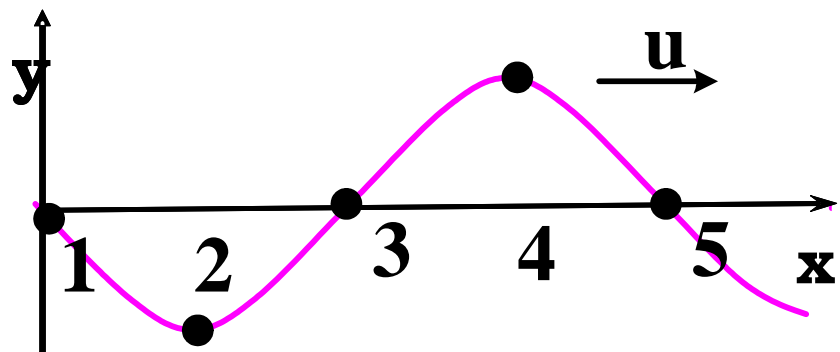


音叉实验

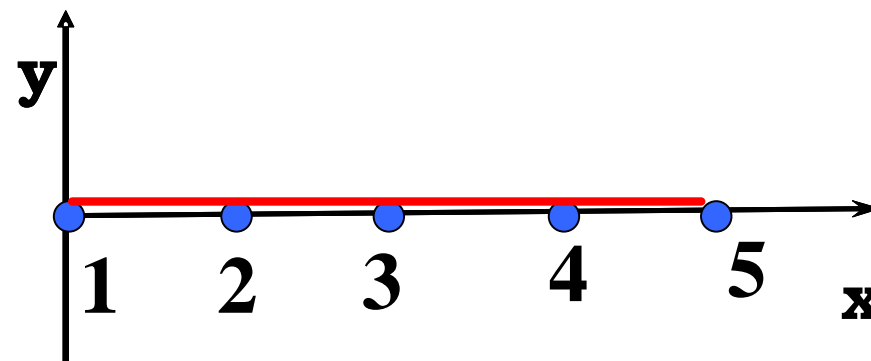
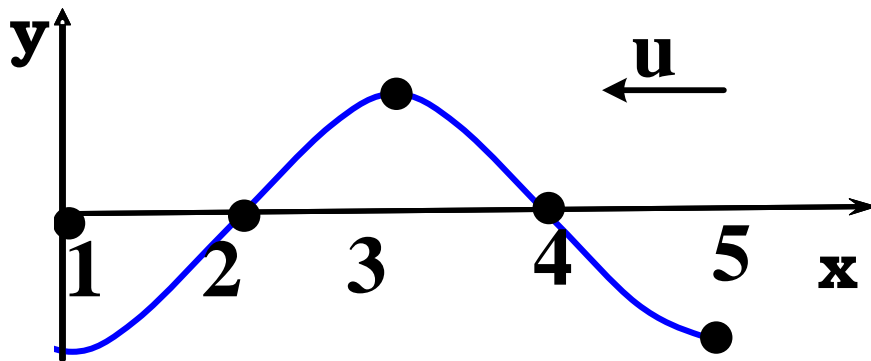
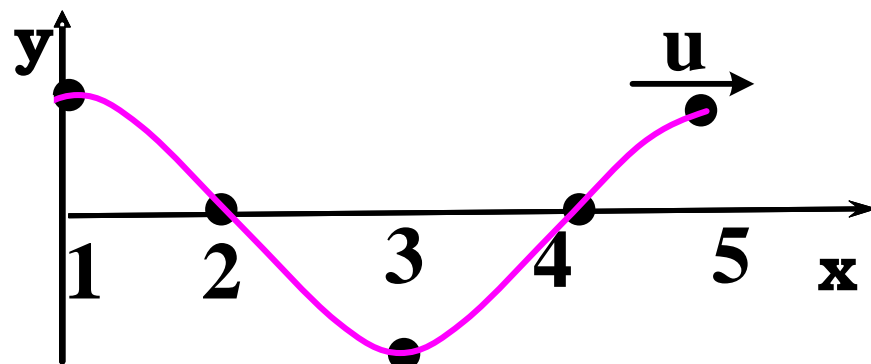
一、驻波的形成



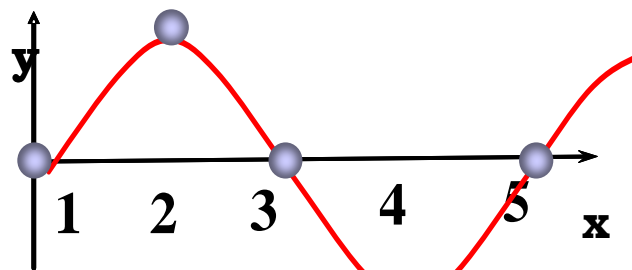
$t=T/2$



$t=3T/4$

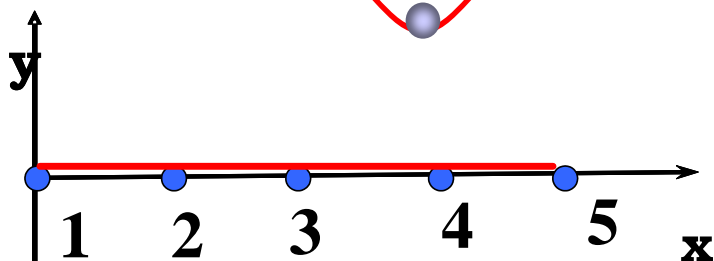


$t=0$

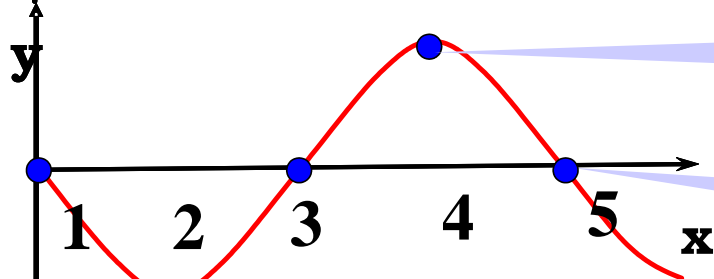


“驻” 含义之一：  
驻波不传播振动状态

$t=T/4$



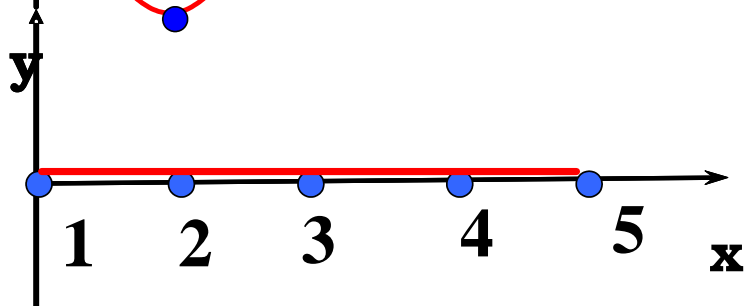
$t=T/2$



波腹

波节

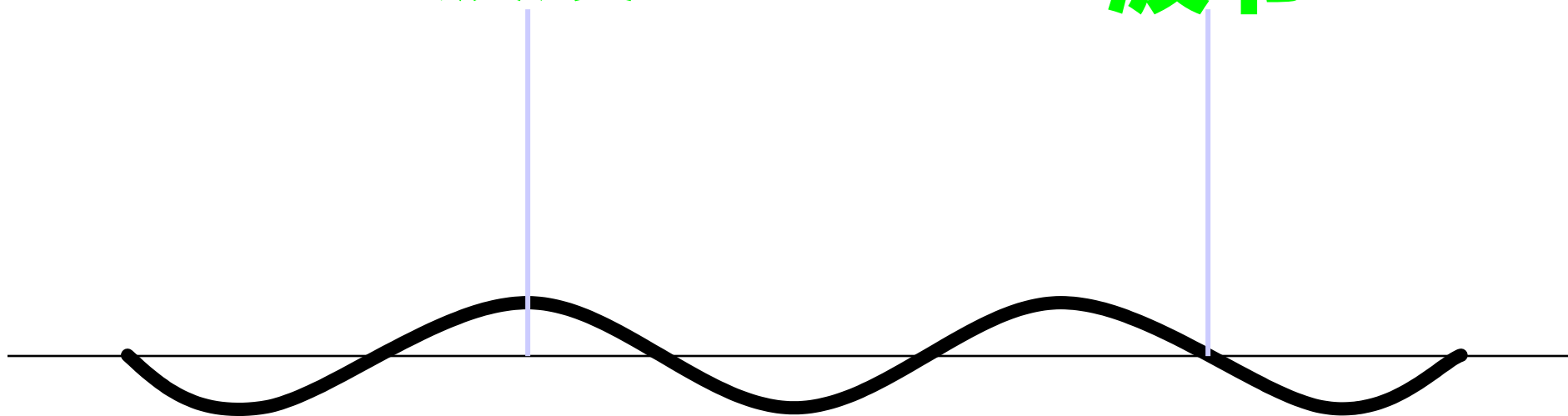
$t=3T/4$



# 驻波

波腹

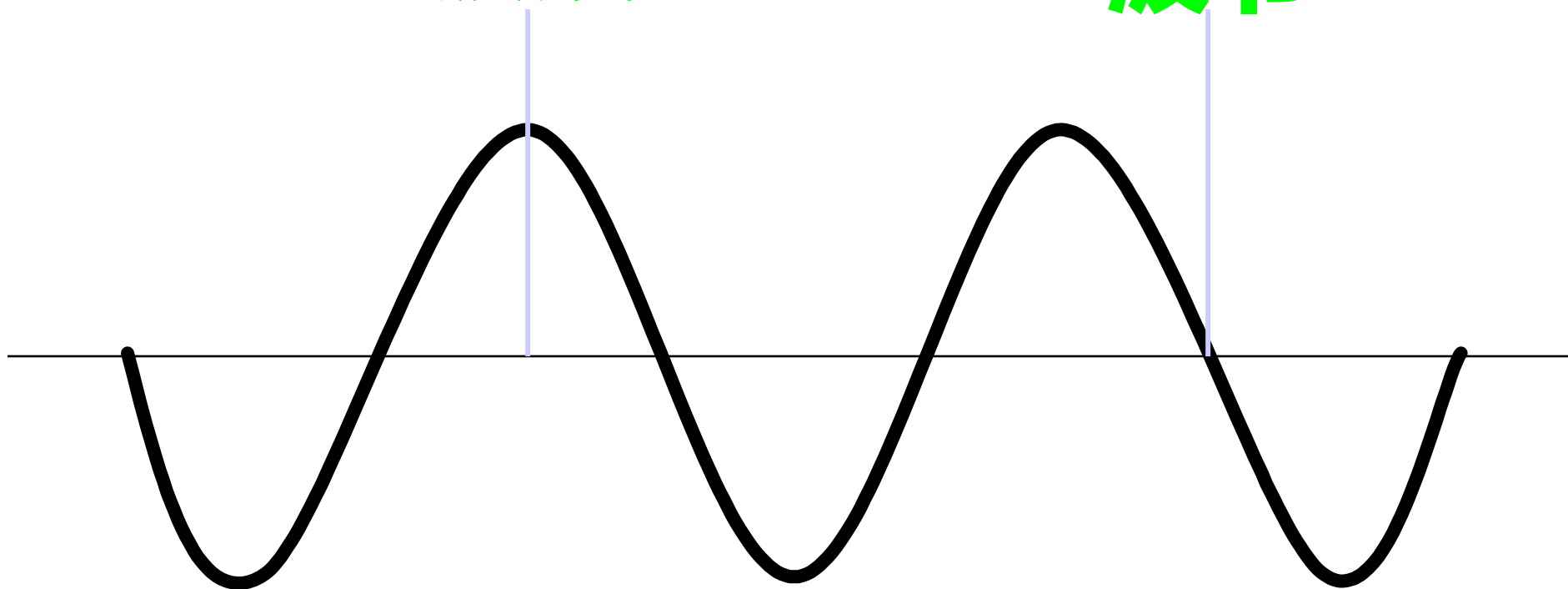
波节



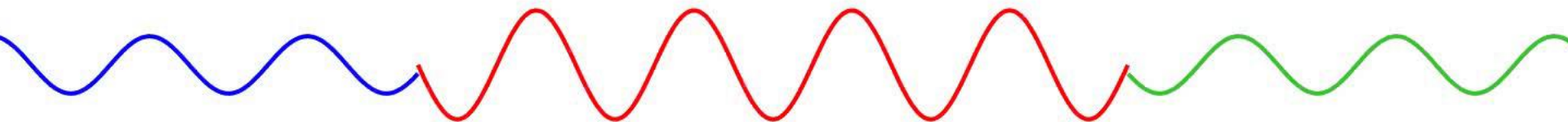
# 驻波

波腹

波节



## 二、驻波的表达式



$$y_1 = A \cos \omega \left( t - \frac{x}{u} \right) \qquad y_2 = A \cos \omega \left( t + \frac{x}{u} \right)$$

$$\begin{aligned} y = y_1 + y_2 &= A \cos \omega \left( t - \frac{x}{u} \right) + A \cos \omega \left( t + \frac{x}{u} \right) \\ &= 2A \cos \frac{\omega}{u} x \cos \omega t \end{aligned}$$

驻波方程：

$$y = 2A \cos \frac{\omega}{u} x \cos \omega t$$

## 驻波方程：

$$y = 2A \cos \frac{\omega}{u} x \cos \omega t$$

(1) 驻波不是行波；

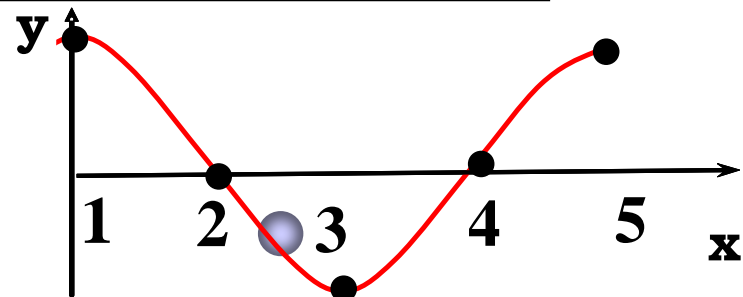
(2) 每个质点都在作简谐振动，且每个质点的振幅不相同；

**波腹位置：**  $\left| \cos \frac{\omega}{u} x \right| = \left| \cos \frac{2\pi}{\lambda} x \right| = 1$

$$\frac{2\pi}{\lambda} x = k\pi \quad x = k \frac{\lambda}{2}$$

**波节位置：**  $\left| \cos \frac{\omega}{u} x \right| = \left| \cos \frac{2\pi}{\lambda} x \right| = 0$

$$\frac{2\pi}{\lambda} x = (2k+1) \frac{\pi}{2} \quad x = (2k+1) \frac{\lambda}{4}$$

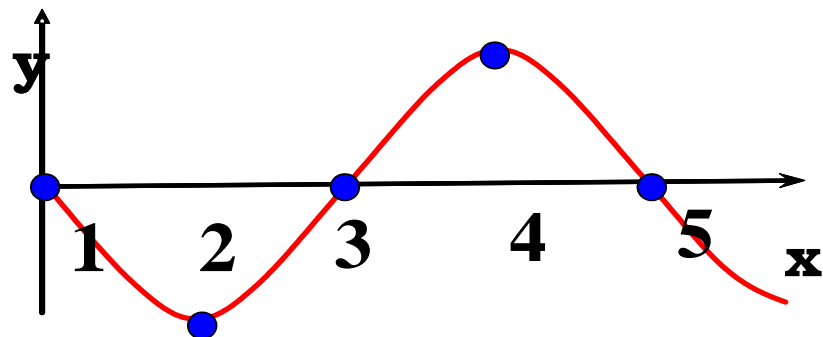




### 三、驻波各质点振动的相位

(1) 波节两边的质点，相位差相差 $\pi$ ；波腹两边的质点，相位相同。

(2) 相邻两波节之间的质点运动同向，故驻波的运动是一段一段的运动。



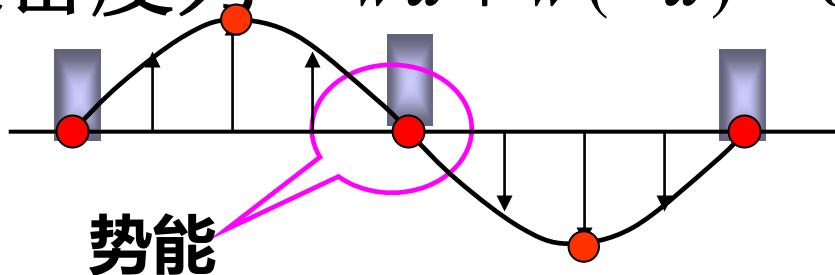
**“驻” 含义之二：**  
**驻波不传播相位**



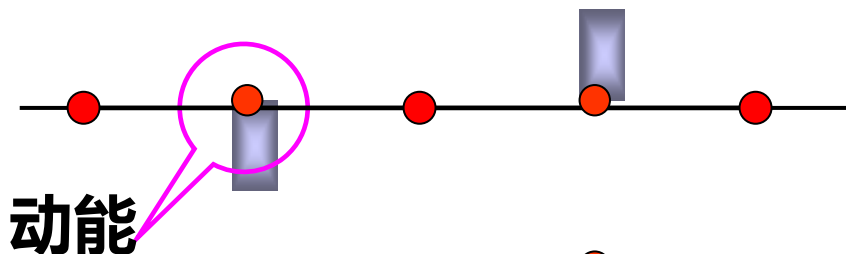
## 四、驻波的能量

- 合能流密度为  $\overline{w\bar{u}} + \overline{w(-\bar{u})} = 0$

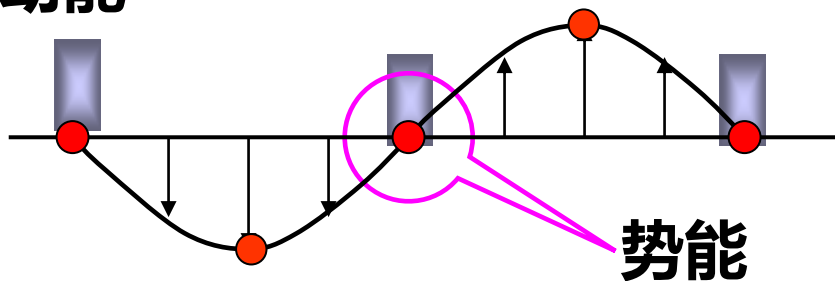
$t = 0$



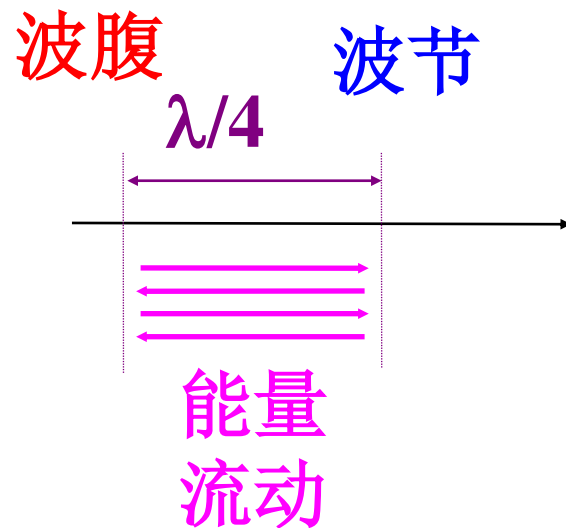
$t = \frac{T}{4}$



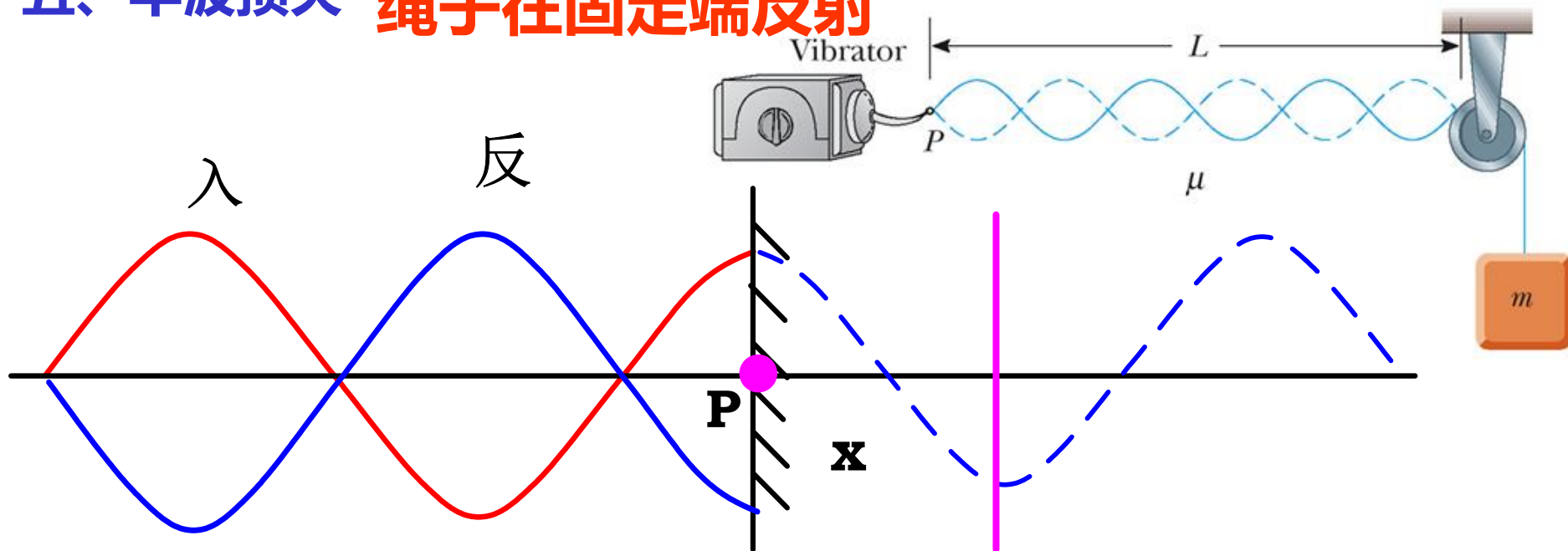
$t = \frac{T}{2}$



**“驻” 含义之三：  
驻波不传播能量**

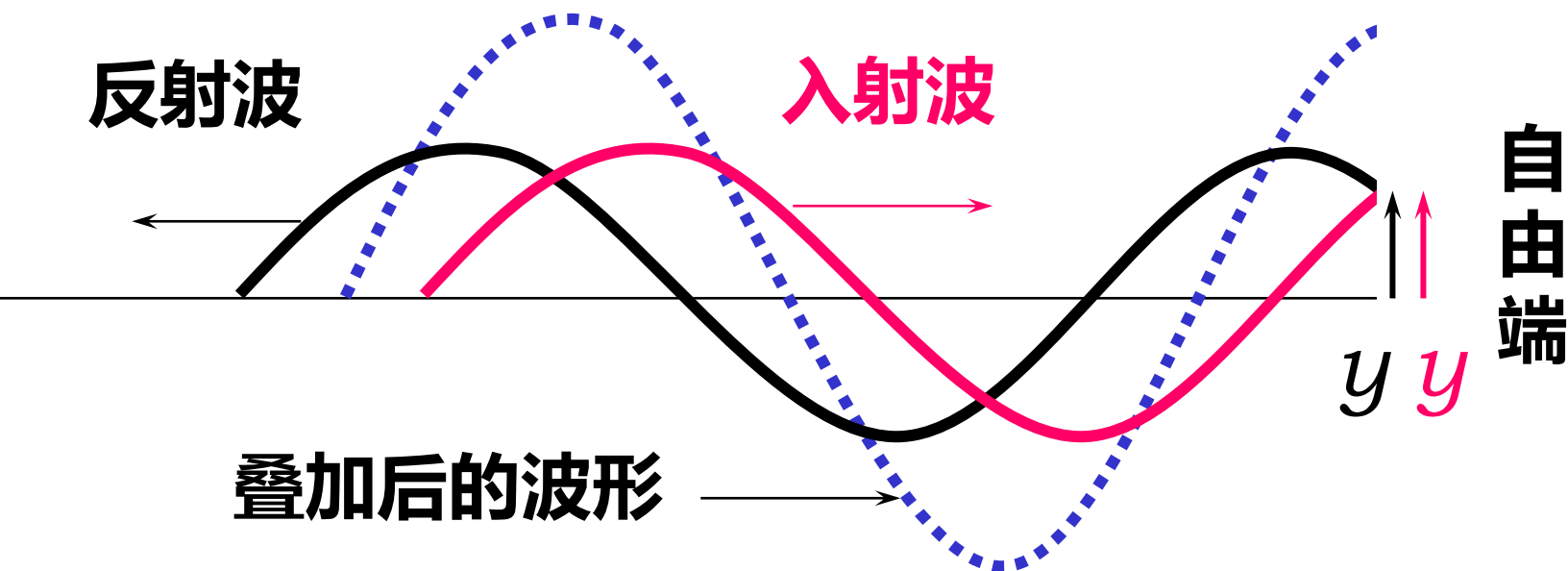


## 五、半波损失 绳子在固定端反射



反射波与入射波在P的相位差为 $\pi$   
称为 $\pi$ 相位的突变，又称半波损失

## 绳子波在自由端反射



在反射端形成波腹在反射端入射波和反射波位相相同，无半波损失。

## 出现半波损失的情况

### 对于机械波

**波密媒质：**密度 $\rho$ 与波速 $u$ 的乘积 $\rho u$ 较大的媒质。

**波疏媒质：**密度 $\rho$ 与波速 $u$ 的乘积 $\rho u$ 较小的媒质。

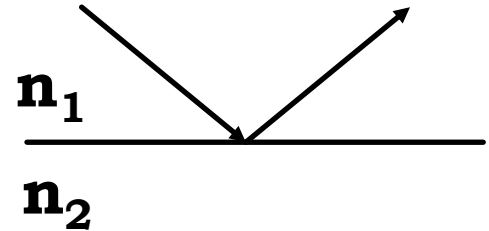
若波由 **波疏媒质** => **波密媒质**，则有半波损失

### 对于光学中的光波

**光密媒质：**折射率 $n$ 较大的媒质。

**光疏媒质：**折射率 $n$ 较小的媒质。

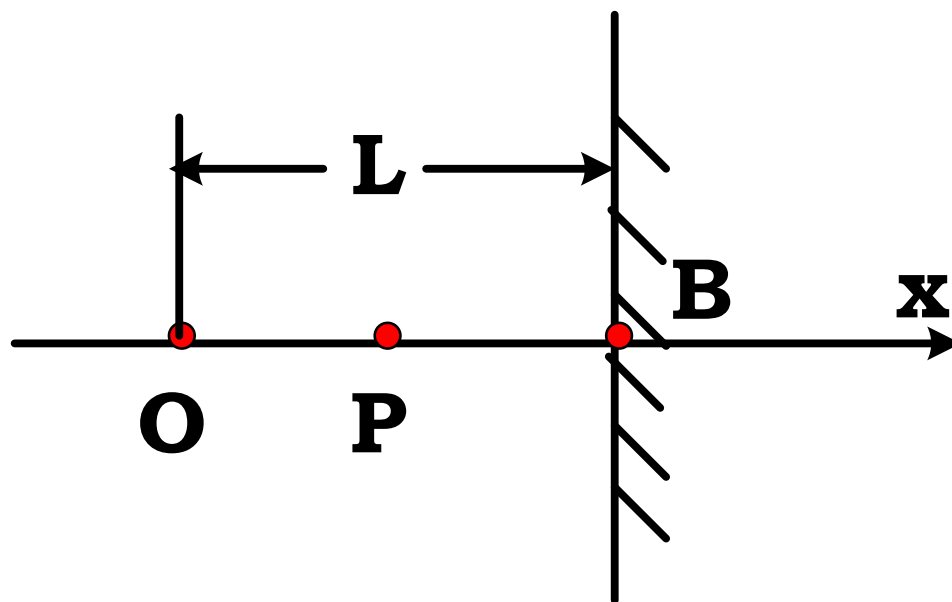
若波由 **光疏媒质** => **光密媒质**，则有半波损失



**例题：平面简谐波在距一反射面B为L处的振动规律为**

$$y = A \cos \omega t$$

**，设波速为  $u$ ，反射时有半波损失，求入射波及反射波的表达式。**



**解：建立合适的坐标系，如图所示。**

**入射波向波传播，故它的波动方程为**

$$y_{\lambda} = A \cos \omega \left( t - \frac{x}{u} \right)$$

**入射波在B点的振动方程为**

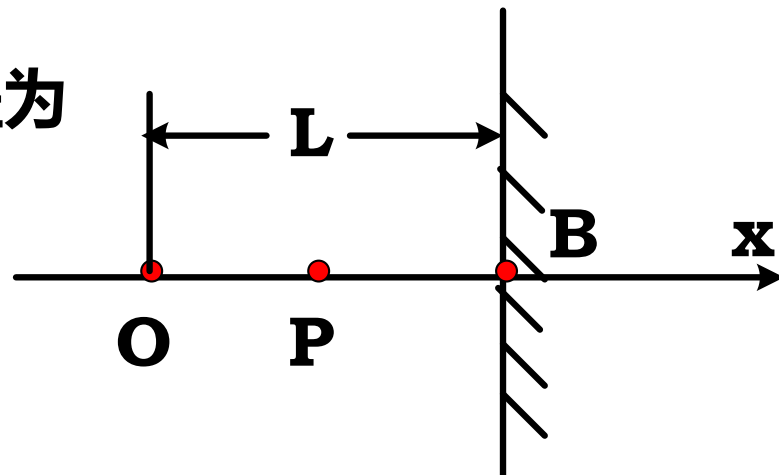
$$y_{B\lambda} = A \cos \omega \left( t - \frac{L}{u} \right)$$

**在B点，有 $\pi$ 相位突变，故反射波在B点比入射波相位落后 $\pi$ ，因此反射波在B点的振动方程为：**

$$y_{B反} = A \cos \left[ \omega \left( t - \frac{L}{u} \right) + \pi \right]$$

**对于反射波，任选P点，它比B点落后，故反射波方程为**

$$\begin{aligned} y_{反} &= A \cos \left[ \omega \left( t - \frac{L-x}{u} \right) - \frac{\omega L}{u} + \pi \right] \\ &= A \cos \left[ \omega t + \frac{2\pi}{\lambda} x - \frac{4\pi L}{\lambda} + \pi \right] \end{aligned}$$



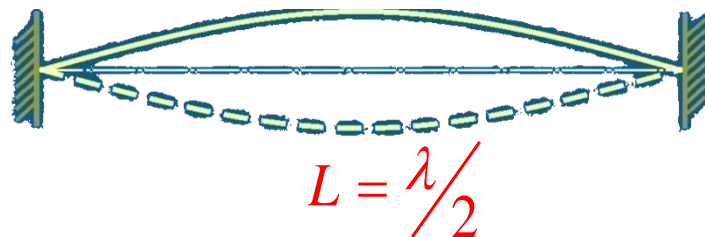
## 六、驻波的本征波长和本征频率

在两端固定的细绳中，形成驻波的条件为

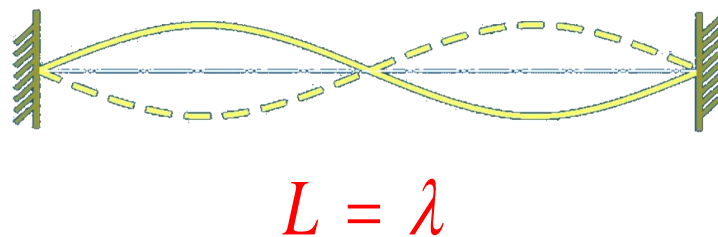
$$L = k \frac{\lambda_k}{2} \quad k = 1, 2, 3, \dots \quad \text{基频}$$

波长  $\lambda_k = \frac{2L}{k}$

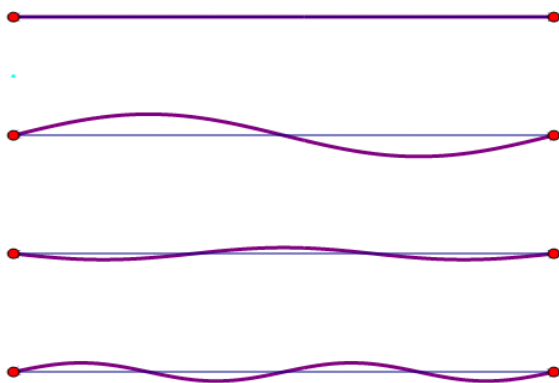
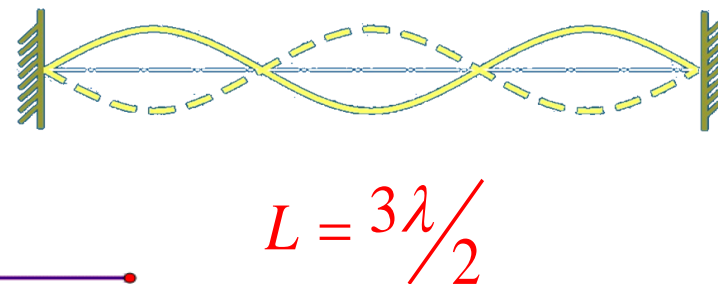
波频  $\nu_k = k \frac{u}{2L}$



二次谐频



三次谐频

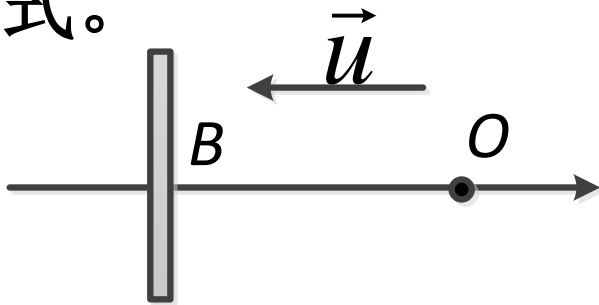




例、如图，弹性媒质中有一沿x轴负向传播的平面波，其表达式为

$$y = 0.01 \cos \left( 4t + \pi x - \frac{\pi}{2} \right)$$

，若在 $x=-5\text{m}$ 处B有一媒质分界面。且分界面处反射波相位突变，设反射波强度不变，(1)试写出反射波表达式,(2)若以B为坐标系原点，试写出反射波表达式。



## 本章小结

### 1. 一维简谐波的波函数

$$\begin{aligned}y(x, t) &= A \cos(\omega t \pm kx + \phi_0) \\&= A \cos\left[2\pi\left(\nu t \pm \frac{x}{\lambda}\right) + \phi_0\right]\end{aligned}$$

其中， $x$  前的士号由波的传播方向确定. 波沿  $x$  正方向传播，取负号；波沿  $x$  负方向传播，取正号.

### 平面简谐波能量特点

### 2. 惠更斯原理

行进中的波面上任意一点都可看作是新的子波源；所有子波源各自向外发出许多子波；各个子波所形成的包络面，就是原波面在一定时间内所传播到的新波面.

### 3. 波的干涉

当  $\Delta\varphi = \pm 2k\pi$   $k = 0, 1, 2, \dots$  干涉加强

$\Delta\varphi = \pm(2k+1)\pi$   $k = 0, 1, 2, \dots$  干涉相消

### 4. 波的能量

能量密度, 能流, 能流密度

### 5. 驻波

驻波表达式

驻波的入射波和反射波波函数, 注意: 半波损失

驻波能量特点