广东省2010年普通高等学校 专升本高数真题



作者: 石桥先生

公众号: 专插本高等数学

- 一、单项选择题(本大题共5小题,每小题3分,共15分,每小题只有一个选项符合题目要求)
 - 1. 设函数 y = f(x) 的定义域为 $(-\infty, +\infty)$,则函数 $y = \frac{1}{2}[f(x) f(-x)]$ 在其定义域上是
 - A. 偶函数

B. 奇函数

- C. 周期函数 D. 有界函数

2.
$$x = 0$$
 是函数的 $f(x) = \begin{cases} e^{\frac{1}{x}}, & x < 0 \\ 0, & x \ge 0 \end{cases}$

A. 连续点

B. 第一类可去间断点

C. 第一类跳跃间断点

D. 第二类间断点

- 3. 当 x → 0 时,下列无穷小量中,与 x 等价的是

- A. $1 \cos x$ B. $\sqrt{1 + x^2} 1$ C. $\ln(1 + x) + x^2$ D. $e^{x^2} 1$

一、单项选择题(本大题共5小题,每小题3分,共15分,每小题只有一个选项符合题目要求)

4. 若函数 f(x) 在区间 [a,b] 上连续,则下列结论中正确的是

A. 在区间
$$(a,b)$$
 内至少存在一点 ξ , 使得 $f(\xi)=0$

B. 在区间
$$(a,b)$$
 内至少存在一点 ξ , 使得 $f'(\xi)=0$

$$\mathbb{C}$$
. 在区间 (a,b) 内至少存在一点 ξ ,使得 $f(b)-f(a)=f'(\xi)(b-a)$

D. 在区间
$$(a,b)$$
 内至少存在一点 ξ ,使得 $\int_a^b f(x)dx = f(\xi)(b-a)$

5. 设
$$f(x+y,xy) = x^2 + y^2 - xy$$
,则 $\frac{\partial f(x,y)}{\partial y} =$

A.
$$2y-x$$
 B. -1 C. $2x-y$ D. -3

$$B . -1$$

$$C \cdot 2x - y$$

$$D.-3$$

二、填空题(本大题共5小题,每小题3分,共15分)

6. 设
$$a,b$$
 为常数,若 $\lim_{x\to\infty} (\frac{ax^2}{x+1} + bx) = 2$,则 $a + b = \underline{\qquad}$.

7.圆
$$x^2 + y^2 = x + y$$
在 $(0, 0)$ 点处的切线方程是______

8. 由曲线 $y = \frac{1}{x}$ 和直线 x = 1, x = 2 及 y = 0 围成的平面图形绕 x 轴旋转一周所构成的几何

体的体积 Ⅴ =_____.

- 二、填空题(本大题共5小题,每小题3分,共15分)
 - 9. 微分方程 y''-5y'-14y=0 的通解是 y=______.

10. 设平面区域 $D = \{(x,y) | x^2 + y^2 \le 1\}$,则二重积分 $\iint_D (x^2 + y^2)^2 d\sigma =$ _______.

11. 计算
$$\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{\ln \sin x}{(\pi - 2x)^2}$$
.

12. 设函数
$$f(x) = \begin{cases} x^2 \sin{\frac{2}{x}} + \sin{2x}, & x \neq 0 \\ 0, & x = 0 \end{cases}$$
,用导数定义计算 $f'(0)$.

13. 已知点(1,1)是曲线
$$y = ae^{\frac{1}{x}} + bx^2$$
的拐点,求常数 a,b的值.

14. 计算不定积分
$$\int \frac{\cos x}{1-\cos x} dx$$
.

15. 计算定积分
$$\int_{\ln 5}^{\ln 10} \sqrt{e^x - 1} dx$$
.

16. 求微分方程
$$\frac{dy}{dx} + \frac{y}{x} = \sin x$$
 的通解.

17. 已知隐函数
$$z = f(x, y)$$
 由方程 $x^z - xy^2 + z^3 = 1$ 所确定,求 $\frac{\partial z}{\partial x}$ 和 $\frac{\partial z}{\partial y}$.

18 .计算二重积分 $\iint_D 2xydxdy$,其中D是由抛物线 $y=x^2+1$ 和直线y=2x及x=0围成的区域.

四、综合题(本大题共2小题,第19题10分,第20题12分,共22分)

19. 求函数 $\Phi(x) = \int_0^x t(t-1)dt$ 的单调增减区间和极值.

四、综合题(本大题共2小题,第19题10分,第20题12分,共22分)

20. 已知
$$(1 + \frac{2}{x})^x$$
 是函数 $f(x)$ 在区间 $(0, + \infty)$ 内的一个原函数, (1) 求 $f(x)$;

(2) 计算
$$\int_1^{+\infty} f(2x) dx$$
.