## 數理邏輯

沈威宇 2024年12月27日

## 目錄

第一節	數理邏輯	(Mathematical logic)																							-
-----	------	----------------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	---

## 第一節 數理邏輯 (Mathematical logic)

- 陳述(Statement)與命題(Proposition):一個陳述性句子,要麼為真,要麼為假,但不能同時為真或假。例如:「2+2=4」是一個陳述。
- 2. 表達式(Expression):表達式是表示值或數學物件的符號組合,例如數字、變數、運算子和函數。它本身不斷言任何內容,並且在對其進行評估之前不能將其分類為真或假。例如:「2 + 2」是一個表達式。
- 3. 條件(Condition):指定必須滿足的要求或限制的陳述。
- **4.** 非命題(Negation): $\lceil \neg P \rfloor$  稱  $\lceil P \rfloor$  的非命題。
- **5.** 充分條件(**Sufficient condition**):「如果 A 為真則保證 B 為真」 ≡ 「條件 A 對於條件 B 來說是 充分」 ≡  $A \implies B$ 」。
- **6.** 必要條件(Necessary condition):「如果 A 為真則保證 B 為真」 ≡ 「條件 B 對於條件 A 來說是 必要」 ≡ 「 $A \implies B$ 」 ≡ 「¬ $B \implies ¬A$ 」。
- **7.** 充要條件(Sufficient and necessary condition):又稱充分必要條件  $\circ$  「 $(A \implies B) \land (B \implies A)$ 」  $≡ \lceil A \iff B \rfloor ≡ \lceil 條件 A 對於條件 B 來說是充分必要」 <math>≡ \lceil \lceil 條件 B$  對於條件 A 來說是充分必要」  $≡ \lceil \lceil \leqslant \rceil \rceil$  。
- **8.** 否命題(Inverse):  $\lceil \neq P \implies \neg Q$ 」為  $\lceil P \implies Q$ 」的否命題。
- **10.** 逆否命題(Contraposition):又稱對偶命題。「 $\neg B \implies \neg A$ 」為「 $A \implies B$ 」的逆否命題。逆 否命題  $\equiv$  原命題。
- 11. 邏輯的笛摩根定律:

$$\neg (P \land Q) \equiv (\neg P) \lor (\neg Q)$$

$$\neg (P \lor Q) \equiv (\neg P) \land (\neg Q)$$