

## PRUEBA UNO

• Diseña y desarrolla un modelo y/o script que permita simular el siguiente caso real: • Se tiene los datos de las provincias contagiadas por COVID-19, los mismo que se encuentran en el siguiente link ([https://public.flourish.studio/visualisation/1631922/?utm\\_source=showcase&utm\\_campaign=visualisation/1631922](https://public.flourish.studio/visualisation/1631922/?utm_source=showcase&utm_campaign=visualisation/1631922)), estos datos están disponibles en el Avac dentro del apartado Prueba – Practica, con estos datos obtener los siguientes modelos:

• Generar un modelo matemático de predicción para regresión lineal, exponencial, polinómico y logarítmico, de los nuevos contactos en la próxima semana (7 días después).

```
In [1]: 1 import pandas as pd
2 import numpy as np
3 from datetime import datetime, timedelta
4 from sklearn.metrics import mean_squared_error
5 from scipy.optimize import curve_fit
6 from scipy.optimize import fsolve
7 from sklearn import linear_model
8 import matplotlib.pyplot as plt
9 %matplotlib inline
10
11 url = 'Casos covid por provincias.xlsx'
12
13 df = pd.read_excel(url)
14 fecha_inicio = "16/3/2020"
15 provincia_df = df[df['Provincia'] == "Pichincha"]
16 infectados = provincia_df.iloc[0].loc[fecha_inicio:]
17 print(len(infectados))
```

38

```
In [2]: 1 x_real = np.zeros(len(infectados))
2 y_real = np.zeros(len(infectados))
3 y_real = list(infectados)
4 for i in range(len(infectados)):
5     x_real[i] = i+1
6
7 print(x_real, y_real)
```

```
[ 1.  2.  3.  4.  5.  6.  7.  8.  9. 10. 11. 12. 13. 14. 15. 16. 17. 18.
19. 20. 21. 22. 23. 24. 25. 26. 27. 28. 29. 30. 31. 32. 33. 34. 35. 36.
37. 38.] [ 8.0,  8.0, 12.0, 16.0, 35.0, 50.0, 60.0, 65.0, 72.0, 100.0, 121.0, 137.0, 171.0, 188.0, 191.0, 219, 248, 259, 285,
321, 345, 395, 418, 440, 494, 579, 606, 627, 634, 646, 674, 736, 779, 794, 819, 841, 868, 926]
```

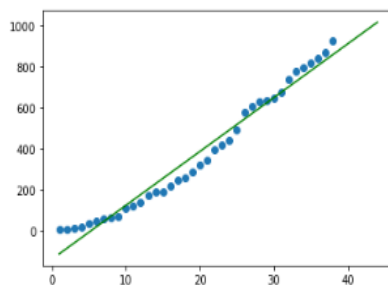
## Modelo Lineal

```
In [3]: 1 regr = linear_model.LinearRegression()
2
3 # Entrenamos nuestro modelo
4 regr.fit(np.array(x_real).reshape(-1, 1), y_real)
5
6 # Veamos los coeficientes obtenidos, En nuestro caso, serán la Tangente
7 print('Coeficientes: \n', regr.coef_)
8 # Este es el valor donde corta el eje Y (en X=0)
9 print('Independent term: \n', regr.intercept_)
10
11 y_prediccion = regr.predict([[45]])
12 print(int(y_prediccion))
13 plt.scatter(x_real, y_real)
14 x_real2 = np.array(range(1, 45))
15 print(x_real2)
16 plt.plot(x_real2, regr.predict(x_real2.reshape(-1, 1)), color='green')
17 plt.show()
```

Coeficientes:  
[26.25396652]  
Independent term:  
-138.39971550497876

1043

```
[ 1  2  3  4  5  6  7  8  9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24
25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44]
```



## Prediccion para una semana del modelo Lineal

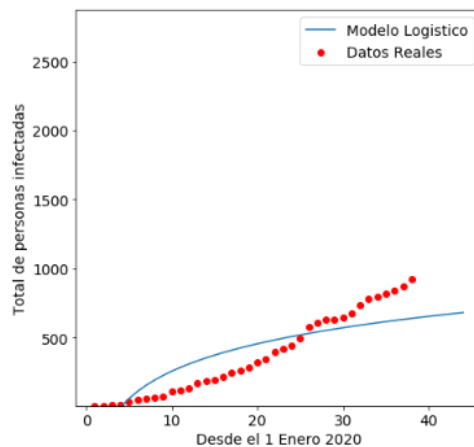
```
In [4]: 1 for i in range(8):
        2     print(regr.predict([[38+i]]))
```

```
[859.25101215]
[885.50497866]
[911.75894518]
[938.0129117]
[964.26687821]
[990.52084473]
[1016.77481125]
[1043.02877777]
```

## Modelo Logistico

```
In [5]: 1 def modelo_logistico(x,a,b):
        2     return a+b*np.log(x)
        3
        4 exp_fit = curve_fit(modelo_logistico,x_real,y_real) #Extraemos los valores de los parametros
        5 print(exp_fit)
        6 print()
        7 pred_x = range(1,45) # Predecir 50 dias mas
        8 plt.rcParams['figure.figsize'] = [7, 7]
        9 plt.rc('font', size=14)
        10 # Real data
        11
        12 plt.scatter(x_real,y_real,label="Datos Reales",color="red")
        13 # Predicted exponential curve
        14 plt.plot(pred_x, [modelo_logistico(i,exp_fit[0],exp_fit[1]) for i in pred_x], label="Modelo Logistico")
        15 plt.legend()
        16 plt.xlabel("Desde el 1 Enero 2020")
        17 plt.ylabel("Total de personas infectadas")
        18 plt.ylim((min(y_real)*0.9,max(y_real)*3.1)) # Definir los limites de Y
        19 plt.show()
```

```
(array([-402.91063466, 286.55064918]), array([[ 7613.41735755, -2553.66383765],
        [-2553.66383765, 942.41937939]]))
```



## Prediccion para una semana del modelo Logistico

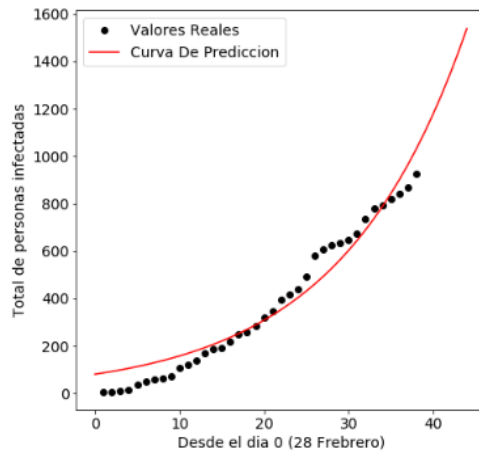
```
In [6]: 1 for i in range(8):
        2     print(modelo_logistico(38+i,exp_fit[0],exp_fit[1]))
```

```
639.4420406615872
646.8853331532031
654.1401674669111
661.2158516346277
668.1210206832515
674.8636999916665
681.451361363285
687.8909727966167
```

## Modelo Exponencial

```
In [7]: 1 from scipy.optimize import curve_fit
2 def func(x, a, b):
3     return a * np.exp(-b * x - 0)
4 r=curve_fit(func, x_real, y_real)
5 print(r)
6 x_prec=np.array(range(0,45))
7 plt.figure()
8 plt.plot(x_real, y_real, 'ko', label="Valores Reales")
9 plt.plot(x_prec,[func(i,r[0][0],r[0][1]) for i in x_prec], 'r-', label="Curva De Prediccion")
10 plt.legend()
11 plt.xlabel("Desde el dia 0 (28 Febrero)")
12 plt.ylabel("Total de personas infectadas")
13 plt.show()
```

```
(array([ 8.08067866e+01, -6.69668654e-02]), array([[6.91959926e+01, 2.61448565e-02],
[2.61448565e-02, 1.03502514e-05]]))
```



## Prediccion para una semana del modelo Exponencial

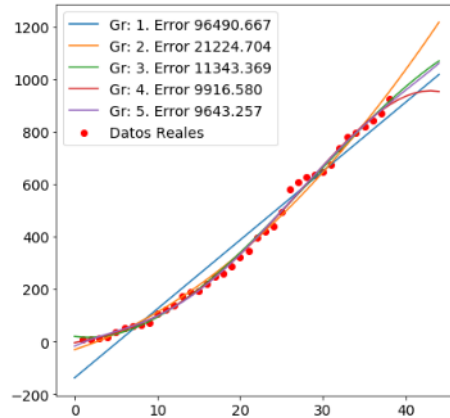
```
In [8]: 1 for i in range(8):
2     print(func(38+i,r[0][0],r[0][1]))
```

```
1029.4725251951656
1100.7738417435387
1177.0134909011938
1258.5335018218755
1345.6995926149461
1438.9028110435925
1538.5612888578623
1645.1221176328995
```

## Modelo Polinomial

```
In [11]: 1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 plt.scatter(x_real,y_real,label="Datos Reales",color="red")
4
5 sols = {}
6 for grado in range(1,6):
7     z = np.polyfit(x_real, y_real, grado, full=True)
8     sols[grado] = z
9     xp = np.array(range(0,45))
10    for grado, sol in sols.items():
11        coefs, error, *_ = sol
12        p = np.poly1d(coefs)
13
14    plt.plot(xp, p(xp), "-", label="Gr: %s. Error %.3f" % (grado, error) )
15    plt.legend()
```

Out[11]: <matplotlib.legend.Legend at 0x21c18066b48>



## Prediccion para una semana del modelo polinomial

```
In [12]: 1 sols = {}
2 for grado in range(1,6):
3     z = np.polyfit(x_real, y_real, grado, full=True)
4     sols[grado] = z
5     xp = np.array(range(0,45))
6     for grado, sol in sols.items():
7         coefs, error, *_ = sol
8         p = np.poly1d(coefs)
9         print("function")
10        for i in range(8):
11            print(p(38+i))
```

```
function
859.2510121457492
885.5049786628736
911.7589451799981
938.0129116971225
964.2668782142468
990.5208447313712
1016.7748112404958
1043.0287777656201
function
951.2074898785422
993.2017543859646
1036.0244556297182
1079.6755936098036
1124.1551683262205
1169.4631797789687
1215.5996279680485
1262.5645128934598
function
914.7827095882294
943.2290184921764
970.6754933070724
997.0283765546925
1022.1939107568122
1046.0783384352064
1068.587902111651
1089.6288443079206
function
900.6620173792837
919.2979248590451
934.4720439658528
945.7912914700847
952.8476178578692
955.2180073270845
952.4644777881591
944.1340808640712
function
906.6476837190914
932.5161632220439
957.8581579912824
982.9040376408768
1007.9401441648625
1033.3122523600473
1059.4290302488023
1086.7654995018797
```

## Modelo SIR

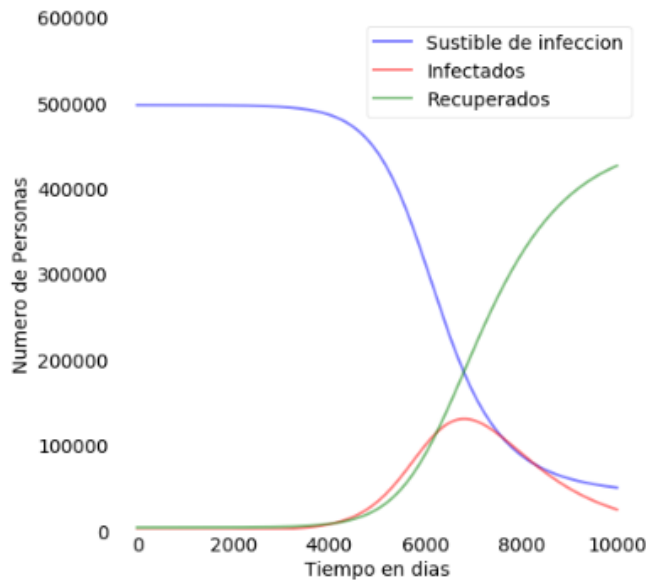
Calcular y generar el modelo SIR, con este dato obtener el beta y gamma, para ello solo emplear los datos de casos confirmados. Para ello se debe tomar la tasa de reproducción efectiva que se calcula como

```
In [13]: 1 import numpy as np
2 from datetime import datetime, timedelta
3 from scipy.integrate import odeint
4 import matplotlib.pyplot as plt
5 import pandas as pd, requests, sys, numpy as np, matplotlib, math, matplotlib.pyplot as plt, scipy
6 from bs4 import BeautifulSoup
7 from scipy.integrate import solve_ivp
8 from scipy.optimize import minimize
9
10 from IPython.display import display
11
12
13
14 def loss(point, data, recovered, s_0, i_0, r_0):
15
16     size = len(data)
17     beta, gamma = point
18
19     def SIR(t, y):
20         S = y[0]
21         I = y[1]
22         R = y[2]
23         return [-beta*S*I, beta*S*I-gamma*I, gamma*I]
24     solution = solve_ivp(SIR, [0, size], [s_0, i_0, r_0], t_eval=np.arange(0, size, 1), vectorized=True)
25     l1 = np.sqrt(np.mean((solution.y[1] - data)**2))
26     l2 = np.sqrt(np.mean((solution.y[2] - recovered)**2))
27     alpha = 0.1
28     return alpha * l1 + (1 - alpha) * l2
29
30 data = (y_real)
31
32 # Total de la poblacion
33 N = 500000
34 # Numero Inicial de Infectados
35 I0 = 8
36 # Numero de Recuperados
37 R0 = 3279
38 # Todos los demás, S0, son susceptibles a la infección inicialmente.
39 S0 = N - I0 - R0
40
41
42
43 optimal = minimize(loss, [0.001, 0.001], args=(data, y_real, S0, I0, R0), method='L-BFGS-B', bounds=[(0.00000001, 0.4),
44
45 beta, gamma = optimal.x
46
47
48 beta *= 10000
49 gamma *= 100000
50
51 # Tasa de contacto, beta (nivel de reproductividad del virus)
52 # La tasa de recuperación media, gamma, (1/días) Una persona se recupera en 15 días.
53 #beta, gamma = 0.589, 0.045
54 # Una cuadrícula de puntos de tiempo (en días)
55 t = np.linspace(0, 10000, 10000)
56 print("=====")
57 print(beta)
58 print(gamma)
59 print("==== R0 ===")
60 print(beta/gamma)
61 print("=====")
62 # Las ecuaciones diferenciales del modelo SIR..
63 def deriv(y, t, N, beta, gamma):
64     S, I, R = y
65     dSdt = -beta * S * I / N
66     dIdt = beta * S * I / N - gamma * I
67     dRdt = gamma * I
68     return dSdt, dIdt, dRdt
69
70 # Vector de condiciones iniciales
71 y0 = S0, I0, R0
72 # Integre las ecuaciones SIR en la cuadrícula de tiempo, t. A través de la función odeint()
73 ret = odeint(deriv, y0, t, args=(N, beta, gamma))
74 S, I, R = ret.T # Obtención de resultados
75
76 print("==susceptibles==")
77 print(S[len(S)-1])
78 print("=====")
79 print("==Recuperados==")
80 print(R[len(R)-1])
81 print("=====")
82 # Trace los datos en tres curvas separadas para S (t), I (t) y R (t)
83 fig = plt.figure(facecolor='w')
84 ax = fig.add_subplot(111, axisbelow=True)
85 ax.plot(t, S, 'b', alpha=0.5, lw=2, label='Susceptible de infección')
86 ax.plot(t, I, 'r', alpha=0.5, lw=2, label='Infectados')
87 ax.plot(t, R, 'g', alpha=0.5, lw=2, label='Recuperados')
88 ax.set_xlabel('Tiempo en días')
89 ax.set_ylabel('Numero de Personas')
90 ax.set_ylim(0, N*1.2)
91 ax.yaxis.set_tick_params(length=0)
92 ax.xaxis.set_tick_params(length=0)
93 ax.grid(b=True, which='major', c='w', lw=2, ls='-')
94 legend = ax.legend()
95 legend.get_frame().set_alpha(0.5)
96 for spine in ('top', 'right', 'bottom', 'left'):
97     ax.spines[spine].set_visible(False)
98 plt.show()
```

```

=====
0.0027204170098358124
0.001
===== R0 =====
2.7204170098358125
=====
==susceptibles==
49848.31729850733
=====
==Recuperados==
425829.5993544768
=====

```



## Simulacion contagiados

•Obtener el Re para generar una simulacion de epidimiologica y su grado de difusion, para ello obtener el numero de muertos, recuperados e infectados.

## Valor de Re

```
In [14]: 1 print((beta/gamma)*N)
```

```
1360208.5049179061
```

```
In [15]: 1 from random import randrange
2 import pygame
3
4 #Parametros de inicio
5 PROBA_MUERTE = 4 # Probabilidad de que la gente muera COVID
6 CONTAGION_RATE = (beta/gamma)*N # Factor R0 para la simulacion COVID probabilidad
7 PROBA_INFECT = CONTAGION_RATE * 10
8 PROBA_VACU = 0 # Probabilidad de que exista una vacuna, COVID = 0
9 SIMULACION_SPEED = 25 # Tiempo de un día en milisegundos
10 nb_rows = 100 #Numero de filas
11 nb_cols = 100 #Numero de columnas
12
13 global display, myfont, states, states_temp
14
15 WHITE = (255, 255, 255)
16 BLUE = (0, 0, 255)
17 GREEN = (0, 247, 0)
18 BLACK = (0, 0, 0)
19
20 def get_vecinos(x, y):
21     incx = randrange(3)
22     incy = randrange(3)
23     incx = (incx * 1) - 1
24     incy = (incy * 1) - 1
25     x2 = x + incx
26     y2 = y + incy
27     if x2 < 0:
28         x2 = 0
29     if x2 >= nb_cols:
30         x2 = nb_cols - 1
31     if y2 < 0:
32         y2 = 0
33     if y2 >= nb_rows:
34         y2 = nb_rows - 1
35     return [x2, y2]
36
37 def vacunar():
38     for x in range(nb_cols):
39         for y in range(nb_rows):
40             if randrange(99) < PROBA_VACU:
41                 states[x][y] = 1
42
```

```

43 def contar_muertes():
44     contador = 0
45     for x in range(nb_cols):
46         for y in range(nb_rows):
47             if states[x][y] == -1:
48                 contador += 1
49     return contador
50
51 #Definimos datos de inicio
52 states = [[0] * nb_cols for i1 in range(nb_rows)]
53 states_temp = [[0] * nb_cols for i1 in range(nb_rows)]
54 states_temp = states.copy()
55 states[5][5] = 10
56 it = 0 # Iteraciones
57 total_muerte = 0
58 vacunar()
59
60 pygame.init()
61 pygame.font.init()
62 display=pygame.display.set_mode((1500,1000),0,32)
63 pygame.display.set_caption("Simulacion de Epidemia Covid-19 Ecuador")
64 font=pygame.font.SysFont('Calibri', 40)
65 display.fill(WHITE)
66
67 while True:
68     pygame.time.delay(SIMULACION_SPEED)
69     it = it + 1
70     if it <= 10000 and it >= 2:
71         states_temp = states.copy()
72         for x in range(nb_cols):
73             for y in range(nb_rows):
74                 state = states[x][y]
75                 if state == -1:
76                     pass
77                 if state >= 10:
78                     states_temp[x][y] = state + 1
79                 if state >= 20:
80                     if randrange(99) < PROBA_MUERTE:
81                         states_temp[x][y] = -1
82                     else:
83                         states_temp[x][y] = 1
84                 if state >= 10 and state <= 20:
85                     if randrange(99) < PROBA_INFECT:
86                         neighbour = get_vecinos(x, y)
87                         x2 = neighbour[0]
88                         y2 = neighbour[1]
89                         neigh_state = states[x2][y2]
90                         if neigh_state == 0:
91                             states_temp[x2][y2] = 10
92         states = states_temp.copy()
93         total_muerte = contar_muertes()
94
95     pygame.draw.rect(display, WHITE, (250, 30, 260, 50))
96     textsurface = font.render("Total muertes: "+ str(total_muerte), True, (255,160,122))
97
98     display.blit(textsurface, (250, 30))
99
100     for x in range(nb_cols):
101         for y in range(nb_rows):
102             if states[x][y] == 0:
103                 color = BLUE
104             if states[x][y] == 1:
105                 color = GREEN
106             if states[x][y] >= 10:
107                 color = (states[x][y] * 12, 50, 50)
108             if states[x][y] == -1:
109                 color = BLACK
110             pygame.draw.circle(display, color, (100 + x * 12 + 1, 100 + y * 12 + 1), 3)
111             pygame.draw.rect(display, WHITE, (100 + x * 12 + 3, 100 + y * 12 + 4, 1, 0))
112
113     for event in pygame.event.get():
114         if event.type == pygame.KEYDOWN and event.key == pygame.K_ESCAPE:
115             pygame.quit()
116         if event.type == pygame.KEYDOWN and event.key == pygame.K_SPACE:
117             #Reiniciamos valores
118             states = [[0] * nb_cols for i1 in range(nb_rows)]
119             states_temp = [[0] * nb_cols for i1 in range(nb_rows)]
120             states_temp = states.copy()
121             states[5][5] = 10
122             it = 0
123             total_muerte = 0
124             vacunar()
125     print("====Muertes====")
126     print(total_muerte)
127     pygame.display.update()

```

```

====Muertes====
389
====Muertes====
389
====Muertes====
389
====Muertes====
389
====Muertes====
389

```

```

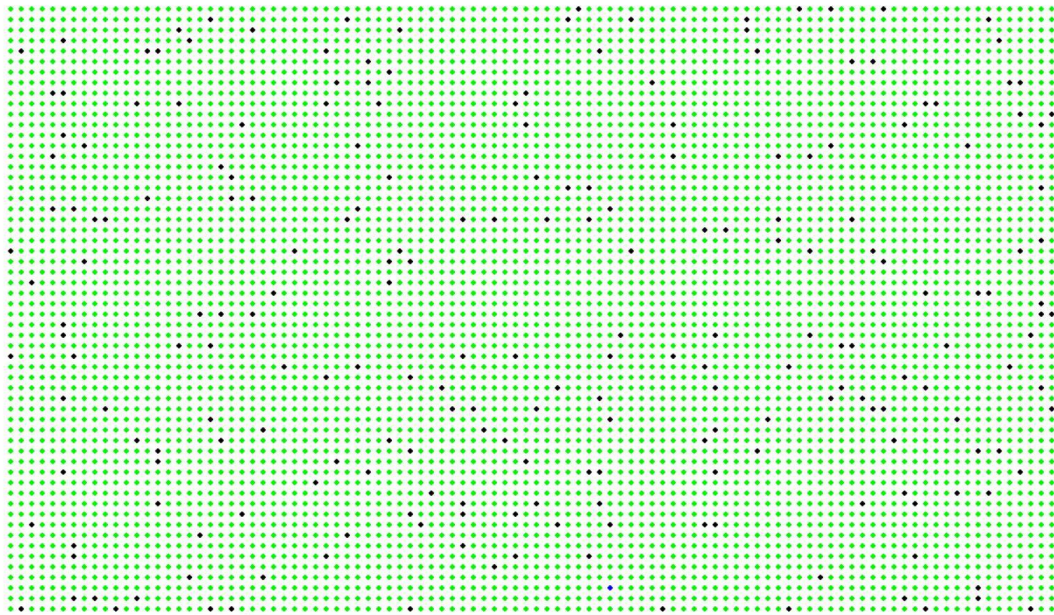
-----
error Traceback (most recent call last)
<ipython-input-15-51533a9a0e32> in <module>
    125     print("====Muertes====")
    126     print(total_muerte)
--> 127     pygame.display.update()

error: video system not initialized

```



Total muertes: 300



## CONCLUSIONES

• Finalmente, contrarrestar los modelos matematicos y generar las siguientes conclusiones • Cual tiene una mejor prediccion:

el modelo que mejor se adapta a los casos es el modelo polinomial ya que el polinomio de tercer grado nos da una de 108 9.6288443079206 ademas que el grafico esta es la que mejor se adapta a los puntos como podemos ver en la imagen anterior

• Ventajas y desventajas de los modelos: Lineal VENTAJAS

es muy poco tiempo de implementacion

DESVENTAJAS

la distancia entre la recta y los puntos puede ser muy grande

Logistica

VENTAJAS

nos sirve para predecir el crecimiento de la poblacion y ver como decae

DESVENTAJAS

siempre nos muestra una tasa de decrecimiento la cual no siempre va a suceder

Exponencial

VENTAJAS

nos ayuda tener una base de crecimiento alta sin ninguna restricción

DESVENTAJAS

la tasa en algun momento tiene que bajar y este modelo no la puede predecir

Polinomial

VENTAJAS

es la que mejor se adapta al movimiento de los puntos

DESVENTAJAS

hay que realizar muchas pruebas para dar con la ecuación que satisfaga a los datos reales

•El proceso de simulación desarrollado deberá considerar los siguientes aspectos: • Se debe establecer un modelo basado en modelos matematicos. • El programa deberá generar gráficas que indiquen la ecuación matematica y probabilística de tendencias, modelo SIR y expansión epidemiológica.



## METRICAS

- Deben calcularse las siguientes métricas:

```
Betta=0.0027204170098358124  
gamma=0.001  
Re=1360208.5049179061
```

- Total de infectados dentro de 7 días (matemático y probabilístico).

```
Lineal: 1043.02877777]  
Logistica: 687.8909727966167  
Exponencial: 1645.1221176328995  
Polinomial: 1089.6288443079206
```

- Cuantas personas fallecen, recuperan y sustible de la simulacion.

```
Fallecidos:389  
Recuperados:425829.5993544768  
suseptible:49848.31729850733
```