

## Covid-19 infección en Ecuador. Modelos probabilísticos

Implementación de un modelo probabilístico de infección por el virus Covid-19

Se realiza un análisis probabilístico simple del crecimiento de la infección en Python y el modelos para comprender mejor la evolución de la infección.

Se crea modelos de series temporales del número total de personas infectadas hasta la fecha (es decir, las personas realmente infectadas más las personas que han sido infectadas). Estos modelos tienen parámetros, que se estimarán por ajuste de probabilidad.

```
In [55]: 1 # Importar Las Librerías para el analisis
2 import pandas as pd
3 import numpy as np
4 from datetime import datetime, timedelta
5 from sklearn.metrics import mean_squared_error
6 from scipy.optimize import curve_fit
7 from scipy.optimize import fsolve
8 from sklearn import linear_model
9 import matplotlib.pyplot as plt
10 %matplotlib inline
11
```

```
In [56]: 1 # Actualizar los datos (URL)
2 url = 'https://covid.ourworldindata.org/data/ecdc/new_cases.csv'
3 df = pd.read_csv(url)
4
```

Out[56]:

	date	World	Afghanistan	Albania	Algeria	Andorra	Angola	Anguilla	Antigua and Barbuda	Argentina	...	United States	United States Virgin Islands	Uruguay	Uzbekistan	Vatican	Ver
0	2019-12-31	27	0.0	NaN	0.0	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	...	0	NaN	NaN	NaN	NaN	
1	2020-01-01	0	0.0	NaN	0.0	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	...	0	NaN	NaN	NaN	NaN	
2	2020-01-02	0	0.0	NaN	0.0	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	...	0	NaN	NaN	NaN	NaN	
3	2020-01-03	17	0.0	NaN	0.0	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	...	0	NaN	NaN	NaN	NaN	
4	2020-01-04	0	0.0	NaN	0.0	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	...	0	NaN	NaN	NaN	NaN	
...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	
111	2020-04-20	74142	88.0	14.0	94.0	9.0	0.0	0.0	0.0	102.0	...	24801	0.0	11.0	70.0	0.0	
112	2020-04-21	77274	35.0	22.0	89.0	4.0	0.0	0.0	0.0	90.0	...	28085	1.0	7.0	92.0	1.0	
113	2020-04-22	87387	61.0	25.0	93.0	0.0	0.0	0.0	1.0	112.0	...	37289	0.0	8.0	35.0	0.0	
114	2020-04-23	87629	84.0	25.0	99.0	6.0	0.0	0.0	0.0	144.0	...	17588	0.0	6.0	24.0	0.0	
115	2020-04-24	80071	105.0	29.0	97.0	1.0	1.0	0.0	0.0	147.0	...	28543	0.0	8.0	82.0	0.0	

116 rows x 208 columns

Imprimos los resultados y agregamos el numero del día

```
In [57]: 1 df = df.loc[:,['date','Ecuador']] #selecciono las columnas de analisis
2 # Expresar las fechas en numero de días desde el 01 Enero
3 FMT = '%Y-%m-%d'
4 date = df['date']
5 df['date'] = date.map(lambda x : (datetime.strptime(x, FMT) - datetime.strptime("2020-01-01", FMT)).days)
6 df
```

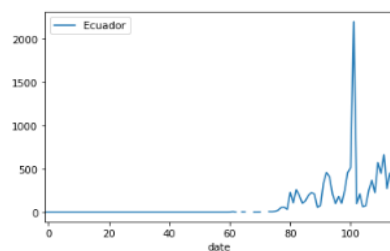
Out[57]:

	date	Ecuador
0	-1	0.0
1	0	0.0
2	1	0.0
3	2	0.0
4	3	0.0
...	...	...
111	110	448.0
112	111	660.0
113	112	270.0
114	113	452.0
115	114	333.0

116 rows x 2 columns

```
In [58]: 1 df.plot(x='date', y='Ecuador')
```

Out[58]: <matplotlib.axes.\_subplots.AxesSubplot at 0x1e6cf8a9308>



## El modelo basado en probabilidad

Para realizar una estimación del factor de crecimiento de los casos de Covid 19 en Ecuador calculamos la mediana, con esto obtenemos el valor medio de crecimiento de un conjunto de datos, con esto podemos obtener un factor de crecimiento o tasa de crecimiento de los nuevos casos.

```
In [173]: 1 filtro = df["Ecuador"][61:] # Filtro Los datos que se empezó a tener casos
2 #Obtenemos la mediana
3 media = filtro.mean()
4 mediana = filtro.median()
5 print(mediana)
6 print(media)
7
```

```
155.0
223.66
```

De la ecuación de la recta  $y = mx + b$  nuestra pendiente «m» es el coeficiente y el término independiente «b»

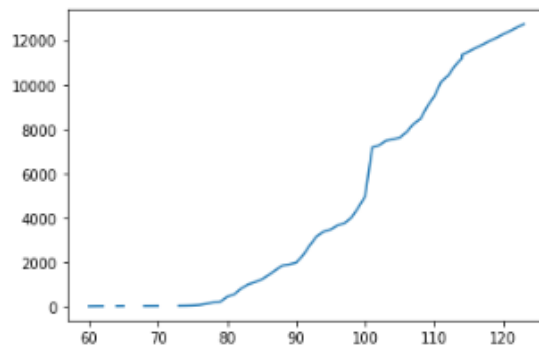
```
In [127]: 1 #Vamos a comprobar:
2 # según la media y la mediana podemos obtener la tasa de crecimiento y predecir su comportamiento.
3 # Cargamos los datos de total de casos
4 url = 'https://covid.ourworldindata.org/data/ecdc/total_cases.csv'
5 df_t = pd.read_csv(url)
6 FMT = '%Y-%m-%d'
7 date = df_t['date']
8 df_t['date'] = date.map(lambda x: (datetime.strptime(x, FMT) - datetime.strptime("2020-01-01", FMT)).days)
9 df_t = df_t.loc[:, ['date', 'Ecuador']] #Selecciono las columnas de analisis
10 y = list(df_t.iloc[:, 1]) # Total casos
11 x = list(df_t.iloc[:, 0]) # Dias
12 #Realizamos un ejemplo de predicción
13 prediccion_siguiente = int(y[-1] + mediana)
14 print(prediccion_siguiente)
```

```
11338
```

```
In [128]: 1 # Quiero predecir cuántos "Casos" voy a obtener de aquí a 10 días.
2 x_respaldo=np.zeros(len(x[61:]))
3 y_respaldo=np.zeros(len(y[61:]))
4 x_real= np.zeros(len(x[61:]))
5 y_real= np.zeros(len(y[61:]))
6 x_respaldo=x[61:]
7 y_respaldo=y[61:]
8 x_real=x[61:]
9 y_real=y[61:]
10 x
11 for i in range(x[-1], x[-1]+10):
12     x.append(i)
13     y.append(int(y[-1] + mediana))
14 print(len(y[61:]))
15 print(len(x[61:]))
16 plt.plot(x[61:], y[61:])
17 plt.show()
18 print(y[-1])
19
```

```
65
```

```
65
```



```
In [129]: 1
2 y_real[3]=0
3 y_real[6]=0
4 y_real[7]=0
5 y_real[11]=0
6 y_real[12]=0
7 y_respaldo[3]=0
8 y_respaldo[6]=0
9 y_respaldo[7]=0
10 y_respaldo[11]=0
11 y_respaldo[12]=0
12 print(x_real)
13 print(y_real)
```

```
[60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69, 70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79, 80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89, 90,
91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99, 100, 101, 102, 103, 104, 105, 106, 107, 108, 109, 110, 111, 112, 113, 114]
[1.0, 6.0, 7.0, 0, 10.0, 13.0, 0, 0, 14.0, 15.0, 17.0, 0, 0, 23.0, 28.0, 37.0, 58.0, 111.0, 168.0, 199.0, 426.0, 532.0, 789.
0, 981.0, 1082.0, 1211.0, 1403.0, 1627.0, 1835.0, 1890.0, 1966.0, 2302.0, 2758.0, 3163.0, 3368.0, 3465.0, 3646.0, 3747.0, 39
95.0, 4450.0, 4965.0, 7161.0, 7257.0, 7466.0, 7529.0, 7603.0, 7858.0, 8225.0, 8450.0, 9022.0, 9468.0, 10128.0, 10398.0, 1085
0.0, 11183.0]
```

## Practica

1. Comparar el modelo de predicción matemático vs probabilidad.
2. Generar el SIR en base al modelo de probabilidad y obtener beta y gamma con una semana de predicción.
3. Retroceder un semana y comparar el modelo matemático vs probabilidad vs reales. Solo cargar los datos para generar los modelos menos 7 días.

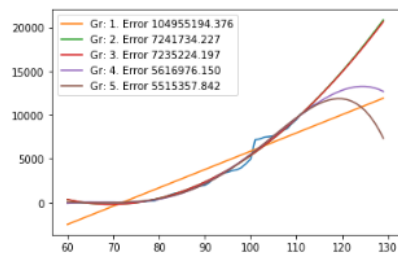
Puntos extras: Investigas sobre la correlación de variables y aplicar el cálculo en base a los datos del Ecuador.

## Comparar el modelo de predicción matemático vs probabilidad

```
In [86]: 1 # Calcular ajustes para diferentes grados
2 import numpy as np
3 import matplotlib.pyplot as plt
4 plt.plot(x_real, y_real)
5 sols = {}
6 for grado in range(1,6):
7     z = np.polyfit(x_real, y_real, grado, full=True)
8     sols[grado] = z
9     xp = np.array(range(60,130))
10    for grado, sol in sols.items():
11        coefs, error, *_ = sol
12        p = np.poly1d(coefs)
13        print(p(123))
14    plt.plot(xp, p(xp), "-", label="Gr: %s. Error %.3f" % (grado, error) )
15    plt.legend()
```

```
10666.184415584421
16843.024341299235
16737.820597040416
13218.500316102174
11328.990332264279
```

Out[86]: <matplotlib.legend.Legend at 0x1e6d0e6d508>



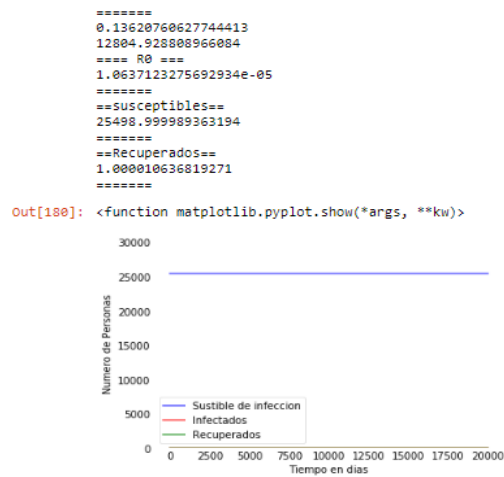
## Generar el SIR en base al modelo de probabilidad y obtener beta y gamma con una semana de predicción.

```
In [169]: 1 x_semana= np.zeros(len(x[61:]))
2 y_semana= np.zeros(len(y[61:]))
3 for i in range(x_real[-1], x_real[-1]+7):
4     x_real.append(i)
5     y_real.append(int(y_real[-1] + mediana))
6 print(len(y_real))
7 print(len(x_real))
8 print(y_real)

62
62
[1.0, 6.0, 7.0, 0, 10.0, 13.0, 0, 0, 14.0, 15.0, 17.0, 0, 0, 23.0, 28.0, 37.0, 58.0, 111.0, 168.0, 199.0, 426.0, 532.0, 789.0, 981.0, 1082.0, 1211.0, 1403.0, 1627.0, 1835.0, 1890.0, 1966.0, 2302.0, 2758.0, 3163.0, 3368.0, 3465.0, 3646.0, 3747.0, 3995.0, 4450.0, 4965.0, 7161.0, 7257.0, 7466.0, 7529.0, 7603.0, 7858.0, 8225.0, 8450.0, 9022.0, 9468.0, 10128.0, 10398.0, 10850.0, 11183.0, 12214, 13245, 14276, 15307, 16338, 17369, 18400]
```

```
In [180]: 1 import numpy as np
2 from datetime import datetime, timedelta
3 from scipy.integrate import odeint
4 import matplotlib.pyplot as plt
5 import pandas as pd, requests, sys, numpy as np, matplotlib, math, matplotlib.pyplot as plt, scipy
6 from bs4 import BeautifulSoup
7 from scipy.integrate import solve_ivp
8 from scipy.optimize import minimize
9
10 from IPython.display import display
11
12
13
14 def loss(point, data, recovered, s_0, i_0, r_0):
15
16     size = len(data)
17     beta, gamma = point
18
19     def SIR(t, y):
20         S = y[0]
21         I = y[1]
22         R = y[2]
23         return [-beta*S*I, beta*S*I-gamma*I, gamma*I]
24     solution = solve_ivp(SIR, [0, size], [s_0, i_0, r_0], t_eval=np.arange(0, size, 1), vectorized=True)
25     l1 = np.sqrt(np.mean((solution.y[1] - data)**2))
26     l2 = np.sqrt(np.mean((solution.y[2] - recovered)**2))
27     alpha = 0.1
28     return alpha * l1 + (1 - alpha) * l2
29
30 data = (y_real)
31
32 # Total de La poblacion
33 N = 25500
34 # Numero Inicial de Infectados
35 I0 = 1
36 # Numero de Recuperados
37 R0 = 0
38 # Todos Los demás, S0, son susceptibles a La infección inicialmente.
39 S0 = N - I0 - R0
40
41 optimal = minimize(loss, [0.001, 0.001], args=(data, y_real, S0, I0, R0), method='L-BFGS-B', bounds=[(0.00000001, 0.4), (
```

```
44
45
46 beta *= 10000
47 gamma *= 100000
48
49 # Tasa de contacto, beta (nivel de reproductividad del virus)
50 # La tasa de recuperación media, gamma, (1/días) Una persona se recupera en 15 días.
51 #beta, gamma = 0.589, 0.045
52 # Una cuadrícula de puntos de tiempo (en días)
53 t = np.linspace(0, 20000, 20000)
54 print("=====")
55 print(beta)
56 print(gamma)
57 print("==== R0 ===")
58 print(beta/gamma)
59 print("=====")
60 # Las ecuaciones diferenciales del modelo SIR..
61 def deriv(y, t, N, beta, gamma):
62     S, I, R = y
63     dSdt = -beta * S * I / N
64     dIdt = beta * S * I / N - gamma * I
65     dRdt = gamma * I
66     return dSdt, dIdt, dRdt
67
68 # Vector de condiciones iniciales
69 y0 = S0, I0, R0
70 # Integre las ecuaciones SIR en la cuadrícula de tiempo, t. A través de la función odeint()
71 ret = odeint(deriv, y0, t, args=(N, beta, gamma))
72 S, I, R = ret.T # Obtención de resultados
73
74 print("==Susceptibles==")
75 print(S[len(S)-1])
76 print("=====")
77 print("==Recuperados==")
78 print(R[len(R)-1])
79 print("=====")
80 # Trace Los datos en tres curvas separadas para S (t), I (t) y R (t)
81 fig = plt.figure(facecolor='w')
82 ax = fig.add_subplot(111, axisbelow=True)
83 ax.plot(t, S, 'b', alpha=0.5, lw=2, label='Susceptible de infección')
84 ax.plot(t, I, 'r', alpha=0.5, lw=2, label='Infectados')
85 ax.plot(t, R, 'g', alpha=0.5, lw=2, label='Recuperados')
86 ax.set_xlabel('Tiempo en días')
87 ax.set_ylabel('Numero de Personas')
88 ax.set_ylim(0, N*1.2)
89 ax.yaxis.set_tick_params(length=0)
90 ax.xaxis.set_tick_params(length=0)
91 ax.grid(b=True, which='major', c='w', lw=2, ls='-')
92 legend = ax.legend()
93 legend.get_frame().set_alpha(0.5)
94 for spine in ('top', 'right', 'bottom', 'left'):
95     ax.spines[spine].set_visible(False)
96 plt.show
```



**Retroceder un semana y comparar el modelo matematico vs probabilidad vs reales. Solo cargan los datos para generar los modelos menos 7 dias.**

```

In [160]: 1 x_entrenar= np.zeros(len(x_respaldo)-7)
          2 y_entrenar= np.zeros(len(y_respaldo)-7)
          3
          4 x_test= np.zeros(7)
          5 y_test= np.zeros(7)
          6 for i in range(len(x_respaldo)-7):
          7     x_entrenar[i]=x_respaldo[i]
          8     y_entrenar[i]=y_respaldo[i]
          9 for i in range(7):
          10     x_test[i]=x_respaldo[48+i]
          11     y_test[i]=y_respaldo[48+i]
          12 x_entrenar_poli= np.zeros(len(x_entrenar))
          13 y_entrenar_poli= np.zeros(len(y_entrenar))
          14 x_entrenar_poli=x_entrenar
          15 y_entrenar_poli=y_entrenar
          16 print(y_entrenar[-1])
          8225.0

```

```

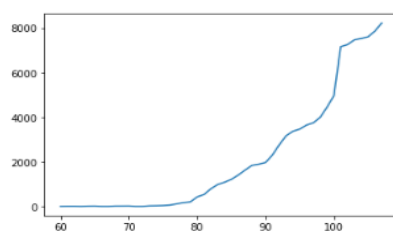
In [178]: 1
          2 filtro2 = df["Ecuador"][61:107] # Filtro Los datos que se empezo a tener casos
          3 media = filtro2.mean()
          4 mediana = filtro2.median()
          5 print("#####")
          6 print(media)
          7 print(mediana)
          8 print("#####")
          9
          10 x_prec_esta=np.zeros(len(x_entrenar)+7)
          11 y_prec_esta=np.zeros(len(y_entrenar)+7)
          12 for i in range(len(x_entrenar)+7):
          13     x_prec_esta[i]=60+i
          14     if i <= 47:
          15         y_prec_esta[i]=y_entrenar[i]
          16     else:
          17         y_prec_esta[i]=y_prec_esta[i-1]+mediana
          18 for i in range(7):
          19     print(y_prec_esta[48+i])
          20 print("#####")
          21 print("Reales")
          22 for i in range(7):
          23     print(y_test[i])
          24 print("#####")
          25 plt.plot(x_entrenar, y_entrenar)
          26 plt.show()

```

```

#####
155.0
185.4390243902439
#####
8380.0
8535.0
8690.0
8845.0
9000.0
9155.0
9310.0
#####
Reales
8450.0
9022.0
9468.0
10128.0
10398.0
10850.0
11183.0
#####

```



```

In [156]: 1 import numpy as np
          2 import matplotlib.pyplot as plt
          3 plt.plot(x_entrenar_poli, y_entrenar_poli)
          4 sols = {}
          5 for grado in range(1,6):
          6     z = np.polyfit(x_entrenar_poli, y_entrenar_poli, grado, full=True)
          7     sols[grado] = z
          8     xp = np.array(range(60,114))
          9     for grado, sol in sols.items():
         10         coefs, error, *_ = sol
         11         p = np.polyid(coefs)
         12         print("funcion")
         13         for i in range(7):
         14             print(p(108+i))
         15         plt.plot(xp, p(xp), "--", label="Gr: %s. Error %.3f" % (grado, error) )
         16 plt.legend()

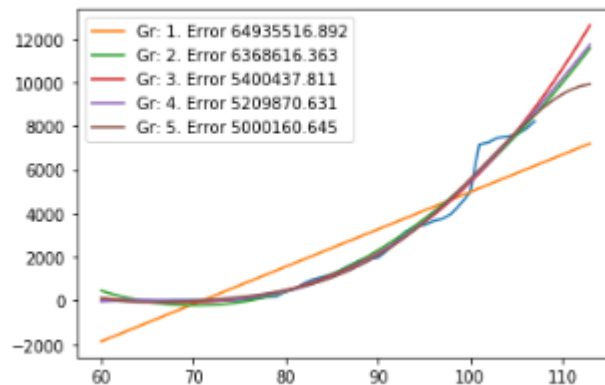
```

```

funcion
6349.265957446811
6520.488547546682
6691.711137646549
6862.93372774642
7034.156317846291
7205.3789079461585
7376.6014980460295
funcion
8978.599618408854
9471.781432300006
9977.841615142795
10496.780166937238
11028.59708768333
11573.292377381073
12130.866036030464
funcion
9404.433446397348
10001.90109571425
10622.675697525383
11267.166215891231
11935.781614872287
12628.930858529044
13347.022910922014
funcion
9171.552449215058
9673.966630293988
10182.578139584424
10696.230354610889
11213.706438031542
11733.729337638099
12254.961786354485
funcion
8871.706388265826
9190.541348354542
9464.171454774565
9683.376997700194
9838.180285257287
9917.819312705891
9910.721431573154

```

Out[156]: <matplotlib.legend.Legend at 0x1e6d0a06108>



## Analisis

en el analisis tenemos los siguientes datos en el modelo Probabilidad tenemos los siguientes datos:

8380.0  
8535.0  
8690.0  
8845.0  
9000.0  
9155.0  
9310.0

el modelo polinomico de tecer grado tenemos:

9404.433446397348  
10001.90109571425  
10622.675697525383  
11267.166215891231  
11935.781614872287  
12628.930858529044  
13347.022910922014

los datos reales son 8450.0 9022.0 9468.0 10128.0 10398.0 10850.0 11183.0

## Conclusiones

pódemos decir que en base a los resultados obtenidos el modelo que mejor se adapta es el modelo polinomico ya que este no tiene mucho diferencia con los datos reales de los ultimos dias

el modelo de probabilidad esta muy cercano a la primeras cifras reales pero mediante van pasado los dias la diferencia entra ambas va creciendo de manera muy alta

## Criterio personal (politico, economico y social de la situacion)

Politica: con respecto a la parte politica en el pais hay un descontento con respecto a nuestra maxima autoridad que el presidente debido al poco interes de su parte esto genera que las personas se sientan un poco desprotegidas por parte de su mandatario y dado a lugar que nuevas figuras politicas sobresalgan a la luz así como el vicepresidente, lo que si ha sido evidente lo poco y mal preparados que estamos para este tipo de emergencias

Economica: la parte economica sera una de las mas afectadas debido a la falta de las fabricas como la falta de turismo exportaciones y demas actos economicos, esto era un duro golpe para el país esperemos que al final de emergencia todo se normalice a nivel nacional

Social: en el ambito social se tiene el pais tiene que aprender a tener una costumbre de comunicacion real debido a la falta de informacion en la provincia del guayas a la falta de conocimiento en foco de epidemia se les ha ido de las manos y las personas siguen sin entender lo cual es lamentable socialmente el pais debe mejorar un monton

## Referencias

- [https://www.researchgate.net/publication/340092755\\_Infeccion\\_del\\_Covid-19\\_en\\_Colombia\\_Una\\_comparacion\\_de\\_modelos\\_logisticos\\_y\\_exponenciales\\_aplicados\\_a\\_la\\_infeccion\\_por\\_el\\_virus\\_en\\_Colombia](https://www.researchgate.net/publication/340092755_Infeccion_del_Covid-19_en_Colombia_Una_comparacion_de_modelos_logisticos_y_exponenciales_aplicados_a_la_infeccion_por_el_virus_en_Colombia)
- <https://www.aprendemachinelearning.com/regresion-lineal-en-espanol-con-python/>