Билет №1

- 1. Сформулировать критерий Дарбу об интегрируемости функции
- 2. Найти неопределенный интеграл: $\int x\sqrt{1+3x}dx$
- 3. Найти определенный интеграл: $\int\limits_{0}^{\ln 2}xe^{x}dx$
- 4. Эллипс задан параметрически следующим видом:

$$\begin{cases} x = a \cdot \cos t \\ y = b \cdot \sin t \\ a > b \end{cases}$$

Найти длину эллипса в общем виде.

Билет №2

- 1. Докажите, что $\int f^{-1}(x)dx = x \cdot f(x) F(f^{-1}(x)) + C$. где $f^{-1}(x)$ обратная к f(x) функция
- 2. Найти неопределенный интеграл: $\int \frac{dx}{\sqrt{tg(x)}}$
- 3. Найти определенный интеграл: $\int\limits_0^{2\pi} \frac{dx}{1+\varepsilon\cos x}; 0 \le \varepsilon < 1$
- 4. $f(x)=xe^x, \quad W(x): f(W(x))\equiv x$ Найти $\int W(x)dx$

Билет №3

- 1. Определение интеграла по Риману
- 2. Найти неопределенный интеграл: $\int \arctan(x) dx$
- 3. Найти определенный интеграл: $\int\limits_{0}^{e} \ln x^{2} dx$
- 4. Найти значения α , при которых интеграл $\int\limits_0^{+\infty} \frac{dx}{x^{\alpha}}$ имеет конечное значение (сходится).

1

Подсказка:
$$\int\limits_{a}^{+\infty}f(x)dx=\lim_{b\to+\infty}\int\limits_{a}^{b}f(x)dx=\lim_{b\to+\infty}\left(F(b)-F(a)\right)$$

Билет №4 без говна

1. Длина дуги в полярных координатах

2. Найти неопределенный интеграл:
$$\int \left(1-\frac{2}{x}\right)^2 e^x dx$$

3. Найти определенный интеграл:
$$\int\limits_0^a b\sqrt{1-\frac{x^2}{a^2}}dx$$
 ; $\ a>b$

4. Найти длину дуги:
$$\varphi \in \left[0, \frac{\pi}{4}\right]; \quad r(\varphi) = \frac{tg(\varphi)}{\cos \varphi}$$

Билет №5

1. 1. Доказательство гипотезы Римана о нулях дзета-функции.