# Билет №1

- 1. Сформулировать критерий Дарбу об интегрируемости функции
- 2. Найти неопределенный интеграл:  $\int x\sqrt{1+3x}dx$
- 3. Найти определенный интеграл:  $\int\limits_{0}^{\ln 2}xe^{x}dx$
- 4. Эллипс задан параметрически следующим видом:

$$\begin{cases} x = a \cdot \cos t \\ y = b \cdot \sin t \\ a > b \end{cases}$$

Найти длину эллипса в общем виде.

#### Билет №2

- 1. Докажите, что  $\int f^{-1}(x)dx = x \cdot f(x) F(f^{-1}(x)) + C$ . где  $f^{-1}(x)$  обратная к f(x) функция
- 2. Найти неопределенный интеграл:  $\int \frac{dx}{\sqrt{tg(x)}}$
- 3. Найти определенный интеграл:  $\int\limits_0^{2\pi} \frac{dx}{1+\varepsilon\cos x}; 0 \le \varepsilon < 1$
- 4.  $f(x)=xe^x, \quad W(x): f(W(x))\equiv x$  Найти  $\int W(x)dx$

#### Билет №3

- 1. Определение интеграла по Риману
- 2. Найти неопределенный интеграл:  $\int \arctan(x) dx$
- 3. Найти определенный интеграл:  $\int\limits_{0}^{e} \ln x^{2} dx$
- 4. Найти значения  $\alpha$ , при которых интеграл  $\int\limits_0^{+\infty} \frac{dx}{x^{\alpha}}$  имеет конечное значение (сходится).

1

Подсказка: 
$$\int\limits_{a}^{+\infty}f(x)dx=\lim_{b\to+\infty}\int\limits_{a}^{b}f(x)dx=\lim_{b\to+\infty}\left(F(b)-F(a)\right)$$

#### Билет №4 без говна

- 1. Длина дуги в полярных координатах
- 2. Найти неопределенный интеграл:  $\int \left(1-\frac{2}{x}\right)^2 e^x dx$
- 3. Найти определенный интеграл:  $\int\limits_0^a b\sqrt{1-\frac{x^2}{a^2}}dx \ ; \ \ a>b$
- 4. Найти длину дуги:  $\varphi \in \left[0, \frac{\pi}{4}\right]; \quad r(\varphi) = \frac{tg(\varphi)}{\cos \varphi}$

### Билет №5

- 1. Определение первообраной. Определение неопределенного интеграла. Свойства неопределенного интеграла.
- 2. Найти неопределенный интеграл:  $\int \frac{dx}{2^x + 1}$

# Билет №6

1. Теорема о замене переменной в неопределенном интеграле.

#### Билет №7

1. Теорема об интегрировании по частям

#### Билет №8

1. Интегрирование тригонометрических функций, подстановки.

### Билет №9

1. Задача, приводящая к понятию определенного интеграла.

### Билет №10

1. Определение разбиения отрезка. Определение интегральной суммы.

#### Билет №11

1. Геомертический смысл определенного интеграла.

### Билет №12

1. Необходимое условие интегрируемости.

#### Билет №13

1. Верхняя и нижняя суммы Дарбу.

#### Билет №14

1. Интегралы Дарбу.

### Билет №15

1. Критерий Дарбу интегрируемости функции.

# Билет №16

1. Интегрирование по частям в определенном интеграле.

# Билет №17

1. Интеграл от четных функций по симметричному промежутку. Интеграл от нечетных функций по симметричному промежутку. Интеграл от периодических функций на отрезке, кратном периоду.

# Билет №18

1. Определение гладкой кривой. Длина гладкой кривой.