## Билет №1

- 1. Сформулировать критерий Дарбу об интегрируемости функции
- 2. Найти неопределенный интеграл:  $\int x\sqrt{1+3x}dx$
- 3. Найти определенный интеграл:  $\int\limits_{0}^{\ln 2}xe^{x}dx$
- 4. Эллипс задан параметрически следующим видом:

$$\begin{cases} x = a \cdot \cos t \\ y = b \cdot \sin t \\ a > b \end{cases}$$

Найти длину эллипса в общем виде.

## Билет №2

- 1. Докажите, что  $\int f^{-1}(x)dx = x \cdot f(x) F(f^{-1}(x)) + C$ . где  $f^{-1}(x)$  обратная к f(x) функция
- 2. Найти неопределенный интеграл:  $\int \frac{dx}{\sqrt{tg(x)}}$
- 3. Найти определенный интеграл:  $\int\limits_0^{2\pi} \frac{dx}{1+\varepsilon\cos x}; 0 \le \varepsilon < 1$
- 4.  $f(x)=xe^x, \quad W(x): f(W(x))\equiv x$ Найти  $\int W(x)dx$

## Билет №3

- 1. Определение интеграла по Риману
- 2. Найти неопределенный интеграл:  $\int \arctan(x) dx$
- 3. Найти определенный интеграл:  $\int\limits_0^e \ln x^2 dx$
- 4. Найти значения  $\alpha$ , при которых интеграл  $\int\limits_0^{\inf} \frac{dx}{x^{\alpha}}$  имеет конечное значение (сходится).

1

Подсказка: 
$$\int\limits_a^{\inf} f(x) dx = \lim\limits_{b \to \inf} \int_a^b f(x) dx = \lim\limits_{b \to \inf} \left( F(b) - F(a) \right)$$

## Билет №4 без говна

- 1. Длина дуги в полярных координатах
- 2. Найти неопределенный интеграл:  $\int \left(1-\frac{2}{x}\right)^2 e^x dx$
- 3. Найти определенный интеграл:  $\int\limits_0^a b\sqrt{1-\frac{x^2}{a^2}}dx$  ; a>b
- 4. Найти длину дуги:  $\varphi \in [0, \frac{\pi}{4}]; \quad r(\varphi) = \frac{tg(\varphi)}{\cos \varphi}$