# 常用算法模板

Wings

2021年7月23日

## 目录

0	说明		1				
	0.1	约定	1				
	0.2	模板头	1				
1							
	1.1	并查集	2				
		1.1.1 基本操作	2				
		1.1.2 带边权	2				
	1.2	树状数组	3				
	1.3	线段树	3				
	1.5	1.3.1 区间修改 & 区间查询	3				
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·					
	1 /	24-63-17.11	4				
	1.4	ST 表	5				
	1.5	主席树	5				
	1.6	FHQTreap	6				
_	-1 -L	. Let het	_				
2		规划	8				
	2.1	背包	8				
		2.1.1 01 背包	8				
		2.1.2 完全背包	S				
		2.1.3 分组背包	Ĉ				
	2.2	最长公共子序列	Ĉ				
	2.3	优化	Ĉ				
			ç				
		2 42   1   / 4   max					
3	树相		10				
	3.1	点分治	10				
4	图论		11				
	4.1	Dinic	11				
	4.2	费用流	12				
<b>5</b>	计算		12				
	5.1	· 误差修正 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	12				
	5.2	向量和点					
	5.3	直线和线段					
			14				
	5.5	圆					
	0.0		LC				
6	杂项	1	18				
•	6.1		18				
		莫队					
	0.2	6.2.1 普通莫队					
		D2 ** ·					
		6.2.2 带修莫队					
		6.2.3 回滚草队	20				

7	附录	$\mathbf{z}$	<b>2</b>
	7.1	Vim 配置	2
	7.2	Vim 录制宏	2
	7.3	GDB 命令	2
	7.4	对拍	2
		7.4.1 Windows	2
		7.4.2 Linux	3

O 说明 1

## 0 说明

## 0.1 约定

- const int MAXN 为最大数据长度
- const int MAXV 为 (抽象) 图最大点数
- const int MAXM 为第二维数据最大长度或 (抽象) 图最大边数
- const int MAXQ 为最大询问
- #ifdef GDB 表示 GDB 调试,从文件读取数据等
- #ifdef NGCS 表示输出中间变量调试 (NGCS = Nothing Gold Can Stay)
- 若无特殊情况,数组从下标1开始存储数据
- 图论带边权一般以邻接表建图; 否则用向量存邻接点
- 网络流邻接表边从下标 0 开始, 因为要建反边; 否则从 1 开始
- 为节省篇幅, 代码进行部分压行

## 0.2 模板头

```
#include <cstdio>
  #include <algorithm>
  #include <iostream>
  #include <cstring>
  #include <cmath>
  #include <vector>
  #include <queue>
  #include <set>
  #include <map>
  #include <unordered_map>
10
  #include <string>
11
  #define lowbit(x) (x&(-x))
12
  #define LCH(x) (x<<1)
  #define RCH(x) (x<<1|1)
14
  using namespace std;
15
16
   typedef long long LL;
17
   typedef unsigned long long ULL;
18
   typedef long double LD;
19
  typedef pair<int, int> PII;
   typedef vector<int> VI;
21
22
  const int INTINF = 0x3f3f3f3f;
23
  const LL INF = 0x3f3f3f3f3f3f3f3f3f;
24
25
  const int P = 998244353;
26
  const int MAXN = 1e5 + 10;
27
28
  int T, n;
29
30
   int main() {
31
   #ifdef GDB
       freopen("X.in", "r", stdin);
33
       freopen("X.out", "w", stdout);
   #endif
35
       return 0;
   }
37
```

## 1 数据结构

## 1.1 并查集

```
1.1.1 基本操作
```

```
// 可以维护其他数据, 如集合大小, 集合最值. 注意仅代表元的值有效
  int n, fa[MAXN];
  /* 初始化并查集 */
  void init() {
      for (int i = 1; i <= n; i++) fa[i] = i;
5
6
  /* 查询并返回 x 所在集合的代表元; 路径压缩 */
  int find(int x) {
      return x == fa[x] ? x : fa[x] = find(fa[x]);
10
  /* 合并 x, y 所在集合 (x→y); 返回合并前是否在不同集合中; 无按秩合并 */
11
  bool uni(int x, int y) {
12
      if (find(x) == find(y))
13
          return false;
14
      fa[find(x)] = find(y);
15
      return true;
16
^{17}
  /* 查询是否 x, y 是否在同一集合中 */
18
  bool query(int x, int y) {
      return find(x) == find(y);
20
21
  1.1.2 带边权
  int n, fa[MAXN], d[MAXN]; // d[x] 表示 x 到 fa[x] 的距离
  /* 初始化并查集 */
  void init(int n) {
      for (int i = 1; i <= n; i++) fa[i] = i, d[i] = 0;</pre>
4
5
  int find(int x) {
      if (x == fa[x])
7
          return x;
8
      int fx = fa[x]; //先记录一下 x 当前的 fa
9
      fa[x] = find(fa[x]);
10
      d[x] += d[fx]; //x 到现在的 fa (即代表元) 的路径为两段之和
11
      return fa[x];
12
13
  /* 把 x 所在的集合连接到 y 所在的集合上,且 x 到 y 的距离为 dis */
  /* 返回合并前是否在不同集合中 */
15
  bool uni(int x, int y, int dis) {
16
      int fx = find(x), fy = find(y);
17
      if (fx == fy)
18
          return false;
19
      d[fx] = dis + d[y] - d[x];
20
      fa[fx] = fy;
21
      return true;
  }
23
  /* 查询是否 x, y 是否在同一集合中 */
  bool query(int x, int y) {
25
      return find(x) == find(y);
  }
27
```

## 1.2 树状数组

```
int n, t[MAXN];
   /* 单点修改 (加) */
2
  void update(int pos, int x) {
       for (int i = pos; i <= n; i += lowbit(i))
           t[i] += x;
  }
6
  /* 查询前缀和 */
   int presum(int pos) {
       int res = 0;
9
       for (int i = pos; i; i -= lowbit(i))
10
           res += t[i];
11
       return res;
12
  }
13
  /* 查询区间 [l, r] 的和 */
14
  int query(int l, int r) {
15
       return presum(r) - presum(l-1);
16
   }
^{17}
   1.3 线段树
   1.3.1 区间修改 & 区间查询
  struct Node {
                            // 线段节点
       int l, r, mid, len;
2
                           // val 为线段和的值, tag 为标记值
       LL val, tag;
  } t[MAXN << 2]; // 线段节点要开 4 倍数据点的大小
  int n;
  void init(int _n, LL data[]) {
6
       build(data, 1, _n, 1);
  /* 更新一条完整的线段 */
  void updateNode(int u, LL d) {
10
       t[u].val += d * t[u].len;
       t[u].tag += d; //打上标记,不再往下
12
   }
   /* 将标记下放 */
14
  void pushDown(int u) {
       updateNode(LCH(u), t[u].tag);
16
       updateNode(RCH(u), t[u].tag);
17
       t[u].tag = 0;
                      //取消标记
18
  }
19
  /* 由左右儿子线段合并更新当前线段 */
20
  void pushUp(int u) {
21
       t[u].val = t[LCH(u)].val + t[RCH(u)].val;
22
  }
23
  /* 递归建树 */
24
   void build(LL data[], int l, int r, int u) {
       t[u] = Node{l, r, (l+r)>>1, r-l+1};
26
       if (l == r) t[u].val = data[l]; //该线段只有一个点
27
       else {
                                          //分成左右两边递归求和
28
           build(data, l, t[u].mid, LCH(u));
           build(data, t[u].mid+1, t[u].r, RCH(u));
30
           pushUp(u);
31
       }
32
   }
33
   /* 区间修改 */
34
   void update(int l, int r, LL d, int u = 1) {
35
       if (t[u].l == l && t[u].r == r)
36
```

updateNode(u, d); // 找到对应线段更新

37

```
else {
38
          pushDown(u); // 访问 u 的儿子线段,需要先下放标记更新
39
          if (l > t[u].mid)
40
              update(l, r, d, RCH(u)); //更新的线段全在该区间右边
41
          else if (r <= t[u].mid)</pre>
              update(l, r, d, LCH(u)); // 全在左边
          else { // 跨越了左右两边
              update(l, t[u].mid, d, LCH(u));
45
              update(t[u].mid+1, r, d, RCH(u));
47
          pushUp(u); // 由儿子线段的更新后的值计算当前线段值
      }
49
  }
50
  /* 区间查询 */
51
  LL query(int l, int r, int u = 1) {
      if (t[u].l == l && t[u].r == r) return t[u].val;
53
      pushDown(u);
      if (l > t[u].mid) return query(l, r, RCH(u));
55
      if (r <= t[u].mid) return query(l, r, LCH(u));</pre>
      else return query(l, t[u].mid, LCH(u)) +
57
                  query(t[u].mid+1, r, RCH(u));
  }
59
  1.3.2 动态开点
  struct Node {
      int l, r, mid, len; // 不再利用完全二叉树的下标性质
2
      int lch, rch;
                           // 而是直接分配下标, 从而动态开点
                           // 初始值需要满足可以在开点时赋值, 如全 0
      LL val, tag;
  } t[MAXM]; // 预先估计一下点的个数
  int n, idx = 0, root = -1;
6
  /* 动态开点,左右儿子没开,为 0; 返回新建节点标号 */
  int newNode(int l, int r) {
      t[++idx] = Node\{l, r, (l+r)>>1, r-l+1\};
      return idx;
10
  }
11
  /* 初始化线段树, 建立一个 [1, n] 区间的节点 */
12
  void init(int _n) {
      root = newNode(1, _n);
14
15
  /* 更新一条完整的线段 */
16
  void updateNode(int u, LL d) {
17
      t[u].val += d * t[u].len;
18
      t[u].tag += d; //打上标记,不再往下
19
  }
20
  /* 将标记下放 */
21
  void pushDown(int u) {
22
      if (!t[u].lch)
                        // 第一次访问, 开点
23
          t[u].lch = newNode(t[u].l, t[u].mid);
24
      updateNode(t[u].lch, t[u].tag);
25
      if (!t[u].rch)
26
          t[u].rch = newNode(t[u].mid+1, t[u].r);
27
      updateNode(t[u].rch, t[u].tag);
28
      t[u].tag = 0;
  }
30
  /* 由左右儿子线段合并更新当前线段 */
31
  void pushUp(int u) {
32
      t[u].val = t[t[u].lch].val + t[t[u].rch].val;
33
34
  /* 区间修改 */
```

```
void update(int l, int r, LL d, int u = -1) {
       if (u == -1) u = root;
37
       if (t[u].l == l && t[u].r == r)
38
           updateNode(u, d); // 找到对应线段更新
39
       else {
           pushDown(u); // 访问 u 的儿子线段, 需要先下放标记更新
41
           if (l > t[u].mid)
               update(l, r, d, t[u].rch); //更新的线段全在该区间右边
43
           else if (r <= t[u].mid)</pre>
               update(l, r, d, t[u].lch); // 全在左边
45
           else { // 跨越了左右两边
46
               update(l, t[u].mid, d, t[u].lch);
47
               update(t[u].mid+1, r, d, t[u].rch);
49
           pushUp(u); // 由儿子线段的更新后的值计算当前线段值
51
   }
52
   /* 区间查询 */
53
   LL query(int l, int r, int u = -1) {
       if (u == -1) u = root;
55
       if (t[u].l == l && t[u].r == r) return t[u].val;
56
       pushDown(u);
57
       if (l > t[u].mid) return query(l, r, t[u].rch);
       if (r <= t[u].mid) return query(l, r, t[u].lch);</pre>
59
       else return query(l, t[u].mid, t[u].lch) +
60
                   query(t[u].mid+1, r, t[u].rch);
61
  }
62
   1.4 ST 表
  int n, lg[MAXN], pw[MAXN], st[MAXN][30]; // st[i][j] 表示 [i, i+2^j) 的最值
  /* 预处理出 log_2x 和 2^k */
  void init() {
3
       lg[0] = -1, pw[0] = 1;
4
       for (int i = 1; i <= n; i++) lg[i] = lg[i>>1] + 1;
5
       for (int i = 1; i <= lg[n]; i++) pw[i] = pw[i-1] << 1;</pre>
6
   }
7
   /* 建立 ST 表 */
8
  void build(int data[]) {
       10
       for (int i = 1; i <= n; i++) st[i][0] = data[i];</pre>
11
       for (int j = 1; j <= lg[n]; j++)</pre>
                                                        // 注意先枚举 i
12
           for (int i = 1; i + pw[j] <= n + 1; i++) // 左闭右开, 到 n+1
               //把 [i,i+2^j) 分成 [i,i+2^{j-1}) 和 [i+2^{j-1},i+2^j) 两段
14
               st[i][j] = min(st[i][j-1], st[i+pw[j-1]][j-1]);
15
  }
16
  /* 查询 [1, r] 中的的最值 */
17
   int query(int l, int r) {
18
       int k = lg[r - l + 1];
19
       // 由于 2^{\lfloor \log 2x \rfloor} > rac{x}{2}, 故前后两个长度为 2^{\lfloor \log 2x \rfloor} 区间就可以取完所有的元素
20
       return min(st[l][k], st[r+1-pw[k]][k]); //设 r' = r + 1, 查询 [l, r']
21
  }
22
       主席树 (静态区间 k 小)
   1.5
  int nn, b[MAXN];
                       // nn 为不重复个数, b[] 是离散化用的数组
  /* 先将数组离散化, 返回的是不重复的数字个数 */
   int discretize(int _n, int data[]) {
       for (int i = 1; i <= _n; i++) b[i] = data[i];</pre>
       sort(b + 1, b + 1 + _n);
```

```
return nn = unique(b + 1, b + 1 + _n) - b - 1;
  }
7
  /* 返回 x 离散化以后的 id 值 */
8
  int id(int x) { return lower_bound(b + 1, b + 1 + nn, x) - b; }
9
                  // val 保存的是前缀和, 区间要差分一下
  struct Node {
       int l, r, mid, lch, rch, val;
11
                // 点一般开 4n + m \log n 稍大一点, 如 4n + m (\log n + 1)
   } t[MAXM];
12
  int n, root[MAXN], idx = 0;
13
  /* 递归建一棵空树, 返回值为节点编号 */
  int build(int l, int r) {
15
      int u = ++idx;
      t[u] = Node\{l, r, (l+r)>>1, 0, 0, 0\};
17
      if (l < r) {
          t[u].lch = build(l, t[u].mid);
19
          t[u].rch = build(t[u].mid + 1, r);
21
22
      return u;
  }
23
  /* 从上一棵树的对应节点拉边过来建树, 返回值为节点编号 */
  int update(int pre, int pos, int x) {
25
      int u = ++idx;
26
      t[u] = t[pre]; // 复制上一棵树对应节点的所有信息
27
      if (t[u].l == t[u].r) t[u].val += x;
      else {
29
          if (pos <= t[u].mid)
              t[u].lch = update(t[pre].lch, pos, x);
31
          else t[u].rch = update(t[pre].rch, pos, x);
          t[u].val = t[t[u].lch].val + t[t[u].rch].val;
33
34
      return u;
35
36
  /* 递归找 [l, r] 对应区间的值 */
37
  int qry(int lu, int ru, int k) {
38
      if (t[lu].l == t[lu].r) return t[lu].l;
39
      int x = t[t[ru].lch].val - t[t[lu].lch].val; // 差分
      if (k <= x) return qry(t[lu].lch, t[ru].lch, k);</pre>
41
      else return qry(t[lu].rch, t[ru].rch, k - x);
42
43
  /* 查询 [l, r] 中第 k 小, 注意返回值 x 是离散化以后的, 需要 b[x] 得到原数 */
  int query(int l, int r, int k) { return qry(root[l-1], root[r], k); }
45
  /* 离散化,并根据权值建树 */
46
  void init(int _n, int data[]) {
      nn = discretize(_n, data);
      root[0] = build(1, n);
49
      for (int i = 1; i <= _n; i++) // 根据权值建立主席树
50
          root[i] = update(root[i-1], id(data[i]), 1);
51
  }
52
  1.6 FHQTreap(带区间翻转标记)
  struct Node {
                   //key 为排序用的随机键, size 为子树大小
       int val, key, size, lch, rch, tag;
2
  } t[MAXN];
  int idx = 0, root;
  /* 初始化, 输入种子 */
  void init(int seed) {
      idx = root = 0; // 如果多个树, 则删去 idx = 0
      srand(seed);
8
9
  /* 向上更新子树大小 */
```

```
void pushUp(int u) {
       t[u].size = t[t[u].lch].size + 1 + t[t[u].rch].size;
12
13
   /* 标记下放; 这里写的是反转标记,根据题目修改 */
14
  void pushDown(int u) {
       if (t[u].tag) swap(t[u].lch, t[u].rch);
16
       t[t[u].lch].tag ^= t[u].tag;
       t[t[u].rch].tag ^= t[u].tag;
18
       t[u].tag = 0;
19
   }
20
   /* 合并两棵树 l, r */
21
   int merge(int l, int r) {
22
       if (!l || !r) return l | r; // 有一个为空,返回另一个
23
       int u;
24
       if (t[l].key < t[r].key) {
           pushDown(u = l); t[l].rch = merge(t[l].rch, r);
26
       else { pushDown(u = r); t[r].lch = merge(l, t[r].lch); }
28
       pushUp(u);
       return u;
30
   }
31
   /* 根据点的值的排名分割树 u, 前 k 小的在 l 里, 其他在 r 里 */
32
   void splitByRank(int k, int &l, int &r, int u = -1) {
       if (u == -1) u = root;
34
       if (!u) { l = r = 0; return; }
35
       pushDown(u);
36
       if (k <= t[t[u].lch].size) {
38
           splitByRank(k, l, t[u].lch, t[u].lch);
39
40
       else {
41
           l = u;
42
           splitByRank(k-t[t[u].lch].size-1, t[u].rch, r, t[u].rch);
43
44
       pushUp(u);
   }
46
   /* 根据点的值分割树 u, 小于 k 的在 l 里, 其他的在 r 里 */
47
   void splitByValue(int k, int &l, int &r, int u = -1) {
48
       if (u == -1) u = root;
49
       if (!u) { l = r = 0; return; }
50
       pushDown(u);
51
       if (t[u].val <= k) {
52
           l = u;
           splitByValue(k, t[u].rch, r, t[u].rch);
55
       else {
56
           r = u;
57
           splitByValue(k, l, t[u].lch, t[u].lch);
59
60
       pushUp(u);
   }
61
   /* 插入一个点 */
62
   void insert(int x) {
63
       int u, l, r;
       t[u = ++idx] = Node\{x, rand(), 1, 0, 0, 0\};
65
       splitByValue(x, l, r);
66
       root = merge(merge(l, u), r);
67
  /* 删除值为 x 的一个点 */
69
  int erase(int x) {
```

2 动态规划 8

```
int l, r, ll, rr;
71
        splitByValue(x - 1, l, r);
72
        splitByRank(1, ll, rr, r);
73
        t[ll] = Node{0, 0, 0, 0, 0};
74
        root = merge(l, rr);
        return x;
76
77
    /* 找树 u 中值为 x 的排名 */
78
    int getRankByValue(int x, int &u) {
        int l, r, rk;
80
        splitByValue(x-1, l, r, u);
81
        rk = t[l].size + 1;
82
        u = merge(l, r);
        return rk;
84
    }
    /* 找树 u 中排名为 k 的值 */
86
    int getValueByRank(int k, int &u) {
        int l, r, v, ll, rr;
88
        splitByRank(k-1, l, r, u);
        splitByRank(1, ll, rr, r);
90
        v = t[ll].val;
91
        u = merge(l, merge(ll, rr));
92
        return ∨;
    }
94
    /* 找到子树 u 中 x 的前驱 */
    int getPre(int x, int &u) {
96
        int l, r, pre;
97
        splitByValue(x-1, l, r, u);
98
        pre = getValueByRank(t[l].size, l);
99
        u = merge(l, r);
100
        return pre;
101
102
    /* 找到子树 u 中 x 的后继 */
103
    int getSuc(int x, int &u) {
104
        int l, r, suc;
105
        splitByValue(x, l, r, u);
106
        suc = getValueByRank(1, r);
107
        u = merge(l, r);
108
        return suc;
109
110
    /* 遍历 u */
111
    void iterate(int u) {
112
        if (u) {
113
            pushDown(u);
114
            iterate(t[u].lch);
115
            printf("%d ", t[u].val);
            iterate(t[u].rch);
117
118
    }
119
```

## 2 动态规划

#### 2.1 背包

2.1.1 01 背包 滚动数组 & 输出方案

2 动态规划 9

```
int i = n, j = v;
6
   while (i && j) {
7
       if (path[i][j]) {
8
                              // 方案
           items.push(i);
           j -= c[i];
10
11
       i--;
12
   }
13
   2.1.2 完全背包
   for (int i = 1; i <= n; i++) for (int j = c[i]; j <= v; j++)</pre>
       dp[j] = max(dp[j], dp[j-c[i]] + w[i]);
   2.1.3 分组背包
   for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
       vector<int> &g = group[i];
       for (int j = v; j > 0; j--) for (int k = 0; k < g.size(); k++)
3
           if (j-c[g[k]] >= 0) dp[j] = max(dp[j], dp[j-c[g[k]]] + w[g[k]])
  }
5
   2.2
       最长公共子序列
   for (int i = 1; i \le n; i++) for (int j = 1; j \le m; j++) {
       int ans = 0;
2
       if (a[i] == b[j]) ans = dp[i-1][j-1] + 1;
3
       else ans = max(dp[i-1][j], dp[i][j-1]);
       dp[i][j] = ans;
5
  }
6
   2.3 优化
   2.3.1 决策单调性
  struct Node { int l, r, p; } que[MAXN];
  int dp[MAXN];
                               //dp[r] = dp[l] + w(l, r);
   int w(int l, int r) {};
   void DP() {
4
       int tail = 0;
5
       que[tail++] = Node{1, n, 0};
6
       for (int i = 1; i <= n; i++) {
           int cur = -1, L = 0, R = tail-1;
           while (L <= R) {
9
               int mid = (L+R)>>1;
10
               if (que[mid].l <= i) cur = mid, L = mid + 1;
11
               else R = mid - 1;
12
           }
13
           int p = que[cur].p, cur = -1;
           dp[i] = dp[p] + w(p, i);
15
           while (tail && dp[i] + w(i, que[tail-1].l) <= dp[que[tail-1].p] +</pre>
16

    w(que[tail-1].p, que[tail-1].l))
               cur = que[--tail].l;
           L = que[tail-1].l, R = que[tail-1].r;
           while (L <= R) {
               int mid = (L+R) >> 1;
20
               if (dp[i] + w(i, mid) <= dp[que[tail-1].p] + w(que[tail-1].p,</pre>
21
                    que[tail-1].r = mid - 1, R = mid - 1, cur = mid;
                else L = mid + 1;
23
```

## 3 树相关

#### 3.1 点分治

```
int sz[MAXN], vis[MAXN]; // sz[u] 为每次 dfs 计算以 u 为根的子树的大小
  // descendant 保存第一次调用 dfs 的点 u 到包含 u 的树中的所有的点 v 及他们之间的距离
  vector<PII> descendant;
  /* 遍历, 同时计算 sz 和 descentant
  /* 如果第一次调用 dis 参数为 0, dis 表示根 (第一次调用 dfs 的点) 到当前点 u 的距离
  /* 不为 O 的话会在所有距离上加上这个第一次调用传入的的参数 disto) */
  void dfs(int u, int f, int dis) {
      sz[u] = 1;
      descendant.emplace_back(u, dis);
9
      for (int i = head[u]; i; i = edges[i].next) {
10
          Edge &e = edges[i];
11
          if (e.to != f && !vis[e.to]) {
              dfs(e.to, u, dis + e.w);
13
              sz[u] += sz[e.to];
14
          }
15
      }
16
  }
17
  /* 求包含 u 的树的重心 */
18
  int center(int u) {
19
      // 每一次调用 dfs 前都要清空 descendant
20
      descendant.clear(); dfs(u, 0, 0);
21
      int tot_sz = descendant.size();
22
      for (auto des : descendant) {
          int is_center = 1;
          int x = des.first;
25
          for (int i = head[x]; i; i = edges[i].next) {
26
              Edge &e = edges[i];
27
              if (vis[e.to]) continue; // e.to 已删除, 不考虑
28
              // SZ[X] > SZ[V] \Rightarrow V 是 X 的儿子, <math>SZ[V] > \frac{n}{2}, V 不是重心
              if (sz[x] > sz[e.to] && (sz[e.to] << 1) > tot_sz) {
30
                  is_center = 0; break;
              }
32
              // sz[x] < sz[v] ⇒ v 是 x 的父亲, tot\_sz - sz[x] 是 v 向上的大小
33
              if (sz[x] < sz[e.to] && ((tot_sz - sz[x]) << 1) > tot_sz) {
34
                  is_center = 0; break;
              }
36
          if (is_center) {
38
              // 找到重心, 需要以重心为根, 求一下树中所有点到重心的距离
              // 这样调用完 center 后就可以保存所有点到重心的距离了
40
              descendant.clear(); dfs(x, 0, 0); return x;
41
          }
42
43
      return -1;
44
  }
45
46
  void divide(int u) {
47
      int c = center(u); vis[c] = 1; // 标记重心, 删去
48
      work(); // 已经在 center 函数中处理了 " 经过重心的'半路径'"
49
              // 在 work 函数中考虑如何把两条半路径组合成一条路径
50
              // 并考虑如何处理数据, 回答问题
```

```
for (int i = head[c]; i; i = edges[i].next) {
52
         Edge &e = edges[i];
53
         if (vis[e.to]) continue; // e.to 已经删除, 不考虑
                     // 考虑把"假的路径"容斥掉.如果是路径,那么求一次
         iework();
55
                    // dfs(e.to, c, e.w) 得到的 descentant 就是所有
                    // " 假的路径", 这时候虽然第一次调用 dfs 的是 e.to,
57
                    // 但由于加上的 e.w, 也可以认为是点到 c 的距离
         divide(e.to);
                        // 找到剩余的点 (所在的子树), 继续处理
59
      }
  }
61
```

## 4 图论

#### 4.1 Dinic

```
int d[MAXV], cur[MAXV];
  //bfs 找可前进边, 即 d[v] = d[u] + 1 且可以流的 (u, v)
  bool bfs(int s, int t) {
3
      memset(d, INTINF, sizeof(d));
4
      queue<int> Q;
5
      Q.push(s); d[s] = 0;
6
      while (!Q.empty()) {
7
          int u = Q.front(); Q.pop();
          for (int i = head[u]; ~i; i = edges[i].next) {
              Edge &e = edges[i];
10
              //找还可以流的边
11
              if (d[e.to] >= INTINF && e.cap > e.flow) {
12
                  d[e.to] = d[u] + 1; Q.push(e.to);
13
              }
          }
15
16
      return d[t] < INTINF;</pre>
17
  }
18
  //当前点 u,flow 已经流过的流量,a 还可以继续流的流量
19
  //dfs 找多条增广路
20
   int dfs(int u, int a, int t) {
21
      //流到终点或者流不下去了
22
      //流到终点返回可流量, 在下面的 a -= f 时 a=0, 然后结束这个点的搜索
      if (u == t || a == 0)
24
          return a;
      int f = 0, flow = 0;
26
      //当前弧优化 &i = cur 搜完了这条路,就不会再搜这条路了,所以从后面开始搜
      for (int &i = cur[u]; ~i; i = edges[i].next) {
28
          Edge &e = edges[i];
          if (d[e.to] == d[u] + 1) {
30
              f = dfs(e.to, min(a, e.cap - e.flow));
              if (f > 0) {
32
                  e.flow += f; flow += f;
                  edges[i^1].flow -= f; a -= f;
                  if (!a) break; //没有可以供其他路流的流量 (或者流完了)
              }
36
          }
38
      if (a) //GAP 优化 如果后面的都流完了, 这个点还有流量剩余, 那么不用再搜这个点了
          d[u] = -1;
40
      return flow;
41
  }
42
  int dinic(int s, int t) {
43
      int flow = 0;
44
      while (bfs(s, t)) {
```

```
for (int i = 1; i <= v; i++) cur[i] = head[i];</pre>
46
           flow += dfs(s, INTINF);
47
48
       return flow;
49
   }
   4.2
        费用流 EK 算法
   int d[MAXV], a[MAXV], inq[MAXV], p[MAXV];
   bool spfa(int s, int t, int &flow, int &cost) {
2
       memset(d, INTINF, sizeof(d)); memset(a, 0, sizeof(a));
3
       queue<int> Q;
4
       Q.push(s), inq[s] = 1;
5
       d[s] = 0, a[s] = INTINF, p[s] = -1;
6
       while (!Q.empty()) {
           int u = Q.front();
           Q.pop(), inq[u] = 0;
9
           for (int i = head[u]; ~i; i = edges[i].next) {
10
                Edge &e = edges[i];
11
                if (d[e.to] > d[u] + e.cost && e.cap > e.flow) {
12
                    d[e.to] = d[u] + e.cost;
13
                    a[e.to] = min(a[u], e.cap - e.flow);
14
                    p[e.to] = i;
15
                    if (!inq[e.to]) Q.push(e.to), inq[e.to] = 1;
16
17
           }
18
19
       if (d[t] >= INTINF) return false;
20
       flow += a[t];
21
       cost += d[t] * a[t];
22
       for (int i = p[t]; ~i; i = p[edges[i^1].to])
23
           edges[i].flow += a[t], edges[i^1].flow -= a[t];
24
       return true;
   }
26
   void mcmf(int s, int t, int &flow, int &cost) {
       while (spfa(s, t, flow, cost));
28
   }
29
                                       计算几何
                                    5
   5.1
        误差修正 (eps 和 sgn 函数)
   double eps = 1e-8;
   int sgn(double x) {
2
       if (fabs(x) < eps) return 0;</pre>
3
       return x > 0 ? 1 : -1;
4
   }
5
   5.2
       向量和点
   struct Vec {
1
       double x, y;
2
       Vec operator + (const Vec &B) const { return Vec\{x + B.x, y + B.y\};
3
       Vec operator - (const Vec &B) const { return Vec\{x - B.x, y - B.y\};
4
       Vec operator \star (const double k) const { return Vec{x \star k, y \star k}; }
       Vec operator / (const double k) const { return Vec\{x / k, y / k\}; }
6
       double operator * (const Vec &B) const { return x * B.x + y *
       double operator ^ (const Vec &B) const { return x * B.y - y * B.x; }
8
       bool operator == (const Vec &B) const {
           return !sgn(x - B.x) \&\& !sgn(y - B.y);
10
```

```
11
      bool operator < (const Vec &V) const {</pre>
12
          return x == V.x ? y < V.y : x < V.x;
13
14
      double length() {
          Vec A = *this;
16
          return sqrt(A * A);
18
      /* 化为长度为 r 的向量 */
      Vec trunc(double r){
20
          double l = length();
          if(!sgn(l)) return (*this);
22
          r /= l;
          return Vec{x * r, y * r};
24
      /* 逆时针旋转 90 度 */
26
      Vec rotleft(){ return Vec{-y, x}; }
      /* 顺时针旋转 90 度 */
28
      Vec rotright(){ return Vec{y, -x}; }
      /* 绕着点 P 逆时针旋转 angle */
30
      Vec rotate(Vec p, double angle) {
31
          Vec v = (*this) - p;
32
          double c = cos(angle), s = sin(angle);
          return Vec{p.x + v.x * c - v.y * s, p.y + v.x * s + v.y * c};
34
35
  };
36
  typedef Vec Point;
                        // 点的记录方式和向量相同
  /* 求两向量的夹角 (无向, 且夹角在 [0, PI] 之间, 弧度制) */
38
  double angle(Vec &A, Vec &B) {
      return acos((A * B) / A.length() / B.length());
40
41
  /* 两点距离 */
42
  double pointDistance(Point A, Point B) { return (A-B).length(); }
43
  /* 三角形面积 */
44
  double triangle_area(Point A, Point B, Point C) {
      Vec v = B - A, u = C - A;
46
      return fabs(v ^ u) / 2;
47
  }
48
      直线和线段
  struct Line {
1
      Point P; Vec v; // 点向式, 注意两点需要转化再存储
2
      /* 获取直线上某一点 (线段起点) */
3
      Point point(double t = 0) { return P + (v * t); }
      /* 获取线段终点 */
5
      Point endpoint() { return point(1); }
      /* 点相对直线的位置, 1 为右边, -1 为左边, 0 在直线上 */
      int pointRelative(Point Q) { return sgn((Q - P) ^ v); }
      /* 点到直线的有向距离,正为右边,负为左边,0 在直线上 */
9
      double pointDistance(Point Q) { return ((Q - P) ^ v) / v.length(); }
10
      /* 点在直线上的投影 */
11
      Point pointProjection(Point Q) {
          return point(((Q - P) * v) / v.length() / v.length());
13
      }
      /* 点是否在线段上 (不包括端点) 如需包括端点,改 < 为 <= */
15
      bool isContainPoint(Point Q) {
          return !pointRelative(Q) && sgn((Q-point()) * (Q-endpoint())) < 0;
17
18
      /* 线段长度 */
19
```

```
double length() { return v.length(); }
20
       /* 求点 P 关于直线的对称点 */
21
      Point pointSymmetry(Point P){
22
           Point Q = pointProjection(P);
23
           return Point{2 * Q.x - P.x, 2 * Q.y - P.y};
       }
25
26
   typedef Line Segment; // 线段也用点向式存, 注意两点转化
27
   /* 直线是否相交 */
  bool isLineIntersection(Line l1, Line l2) { return sgn(l1.v ^ l2.v); }
29
   /* 直线是否平行 */
  bool isLineParallel(Line l1, Line l2) {
31
      return !isLineIntersection(l1, l2);
  }
33
   /* 直线是否重合 */
  bool isLineCoincident(Line l1, Line l2) {
35
      return isLineParallel(|11, |2) && !|1.pointRelative(|2.point()) &&
           !l1.pointRelative(l2.endpoint());
   }
37
   /* 求两直线的交点,调用前需保证相交 */
38
  Point getLineIntersection(Line l1, Line l2) {
39
       Vec u = l1.point() - l2.point();
40
      double t = (l2.v ^ u) / (l1.v ^ l2.v);
       return l1.point(t);
42
   }
43
  /* 线段是否与直线相交 (不包括端点) 包括端点该 < 为 <= */
44
  bool isSegmentIntersectLine(Segment s, Line l) {
       return l.pointRelative(s.point()) * l.pointRelative(s.endpoint()) < 0;</pre>
46
47
  /* 线段是否相交 (是否包括端点取决于上一个函数) */
48
  bool isSegmentIntersecting(Segment s1, Segment s2) {
49
       return isSegmentIntersectLine(s1, s2) && isSegmentIntersectLine(s2,
50
          s1);
  }
51
       多边形
   5.4
   struct Polygon {
1
                     // 数据大可能需要不使用结构体
       int n;
2
      Point points[MAXN]; // 逆时针排序
3
                           // 边
       Line lines[MAXN];
       void init(int _n, Point _ps[]) {
5
           n = _n;
           for (int i = 1; i <= n; i++)
               points[i] = _ps[i];
           points[0] = _ps[n];
9
       }
10
       /* 获取边 */
11
      void getLines() {
           for (int i = 0; i < n; i++)
13
               lines[i+1] = Line{points[i], points[i+1] - points[i]};
15
       /* 以点 p0 为基点,进行极角排序的比较函数 */
       struct cmp{
17
           Point p;
           cmp(const Point &p0) { p = p0; }
19
           bool operator() (const Point &aa, const Point &bb) {
               Point a = aa, b = bb;
21
               int d = sgn((a - p) ^ ( b - p ));
22
               if (d == 0)
23
```

```
return sgn(pointDistance(p, a) - pointDistance(p, b)) < 0;</pre>
               return d > 0;
25
           }
26
       };
27
       /* 极角排序 */
       void norm() {
29
           Point mi = points[1];
           for (int i = 2; i <= n; i++) mi = min(mi, points[i]);</pre>
31
           sort(points + 1, points + 1 + n, cmp(mi));
33
       /* 求多边形有向面积 */
       double area() {
35
           double res = 0;
           for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
37
               res += points[i] ^ points[i + 1];
           return res / 2.0;
39
       /* 求多边形周长 */
41
       double circumFerence() {
           double sum = 0;
43
           for(int i = 0; i < n; i++)
               sum += pointDistance(points[i], points[i + 1]);
45
           return sum;
47
       /* Graham 求凸包;注意如果有影响,要特判下所有点共点,或者共线的特殊情况 */
       void graham(Polygon &convex, bool is_norm) {
49
           if (!is_norm) norm();
           int &top = convex.n;
51
           top = 0;
52
           if (n == 1) {
53
               top = 1, convex.points[1] = points[1];
55
           else if (n == 2) {
56
               top = 2, convex.points[1] = points[1], convex.points[2] =
57
                   points[2];
               if (convex.points[1] == convex.points[2]) top--;
58
           }
59
           else {
60
               top = 2, convex.points[1] = points[1], convex.points[2] =
                   points[2];
               for (int i = 3; i <= n; i++){
62
               while (top > 1 && sgn((convex.points[top] - convex.points[top
63
                   - 1]) ^ (points[i] - convex.points[top - 1])) <= 0)
                   convex.points[++top] = points[i];
65
               if(convex.n == 2 && (convex.points[1] == convex.points[2]))
67
                → convex.n--;//特判
68
           convex.points[0] = convex.points[convex.n];
       }
70
       /* 判断多边形是不是凸的 */
71
       bool isConvex(){
72
           bool s[2] = \{0, 0\};
73
           for (int i = 0; i < n; i++) {
               int j = (i + 1) \% n;
75
               int k = (j + 1) \% n;
76
               s[sgn((points[j] - points[i]) ^ (points[k] - points[i])) + 1]
77
                   = true;
               if(s[0] && s[2]) return false;
```

```
79
           return true;
80
       }
81
       /* 点与多边形位置; 3 点上, 2 边上, 1 内部, 0 外部 */
82
       int pointRelation(Point q){
           for(int i = 1; i <= n; i++) if(points[i] == q) return 3;</pre>
           getLines();
           for(int i = 1; i <= n; i++)
86
               if(lines[i].isContainPoint(q)) return 2;
           int cnt = 0;
           for(int i = 0; i < n; i++){
               int j = i + 1;
90
               int k = sgn((q - points[j]) ^ (points[i] - points[j]));
               int u = sgn(points[i].y - q.y), v = sgn(points[j].y - q.y);
92
               if (k > 0 && u < 0 && v >= 0) cnt++;
               if (k < 0 && v < 0 && u >= 0) cnt--;
94
           return cnt != 0;
96
       }
  };
98
   5.5
       员
  const double PI = 3.14159265358;
2
   struct Circle {
       Point 0; double r; //圆心和半径
3
       /* 面积 */
4
       double area() { return PI * r * r; }
5
6
       /* 周长 */
       double circumFerence() { return 2 * PI * r; }
7
       /* 点和圆的关系; ⊙ 圆上, 1 圆内, -1 圆外 */
       int pointRelation(Point P){
9
           double dst = pointDistance(0, P);
10
           if (sgn(dst - r) < 0) return 1;
11
           else if (!sgn(dst - r)) return 0;
           return −1;
13
       }
       /* 直线和圆的关系; 返回交点个数 */
15
       int lineRelation(Line l){
           double dst = fabs(l.pointDistance(0));
17
           if (sgn(dst - r) < 0) return 2;</pre>
           else if (!sgn(dst - r)) return 1;
19
           return 0;
21
       /* 两圆的关系; 5 相离, 4 外切, 3 相交, 2 内切, 1 内含 */
       int circleRelation(Circle v) {
23
           double d = pointDistance(0, v.0);
           if (sgn(d - r - v.r) > 0) return 5;
25
           if (sgn(d - r - v.r) == 0) return 4;
           double l = fabs(r - v.r);
27
           if (sgn(d - r - v.r) < 0 \&\& sgn(d - l) > 0) return 3;
           if (sgn(d - l) == 0) return 2;
29
           return 1;
31
       /* 求两个圆的交点; 返回交点个数 */
       int getCircleIntersection(Circle v, Point &p1, Point &p2) {
33
           int rel = circleRelation(v);
           if (rel == 1 || rel == 5) return 0;
35
           double d = pointDistance(0, v.0);
36
           double l = (d * d + r * r - v.r * v.r) / (2 * d);
37
```

```
double h = sqrt(r * r - l * l);
38
           Point tmp = 0 + (v.0 - 0).trunc(l);
39
           p1 = tmp + ((v.0 - 0).rotleft().trunc(h));
40
           p2 = tmp + ((v.0 - 0).rotright().trunc(h));
41
           if(rel == 2 || rel == 4) return 1;
           return 2;
43
       /* 求直线和圆的交点; 返回交点个数 */
45
       int getLineIntersection(Line l, Point &p1, Point &p2){
           if(!(*this).lineRelation(l)) return 0;
           Point A = l.pointProjection(0);
           double d = l.pointDistance(0);
49
           d = sqrt(r * r - d * d);
           if (!sgn(d)) {
51
               p1 = p2 = A;
               return 1;
53
           p1 = A + l.v.trunc(d), p2 = A - l.v.trunc(d);
55
           return 2;
       }
57
       /* 求过某点的切线; 返回切线条数 */
       int getTangentLine(Point q, Line &u, Line &v) {
59
           int x = pointRelation(q);
           if(x == 2) return 0;
61
           if(x == 1) {
               v = u = Line{q, q - 0.rotleft()};
63
               return 1;
65
           double d = 0.distance(q), l = r * r / d, h = sqrt(r * r - l * l);
66
           u = Line{q, 0 + ((q-0).trunc(l) + (q-0).rotleft().trunc(h)) - q};
67
           v = Line{q, 0 + ((q-0).trunc(l) + (q-0).rotright().trunc(h)) - q};
           return 2;
69
70
       /* 求三角形 OAB 与圆相交的面积 */
71
       double triangIntersectingArea(Point A, Point B) {
           if(!sgn((0 - A) ^ (0 - B))) return 0.0;
73
           Point q[5];
74
           int len = 0;
75
           q[len++] = A;
76
           Line l(A, B - A);
           Point p1,p2;
78
           if (getLineIntersection(l, q[1], q[2]) == 2) {
               if(sgn((A - q[1]) * (B - q[1])) < 0) q[len++] = q[1];
               if(sgn((A - q[2]) * (B - q[2])) < 0) q[len++] = q[2];
81
82
           q[len++] = B;
           if (len == 4 && sgn((q[0] - q[1]) * (q[2] - q[1])) > 0)
               swap(q[1], q[2]);
85
           double res = 0;
86
           for (int i = 0; i < len - 1; i++) {</pre>
               if (!pointRelation(q[i]) || !pointRelation(q[i + 1])) {
                   double arg = angle(q[i] - 0, q[i + 1] - 0);
                   res += r * r * arg / 2.0;
90
               else res += fabs((q[i] - 0) \wedge (q[i + 1] - 0)) / 2.0;
92
93
           return res;
94
   };
96
     三角形外接圆 */
```

5

} query[MAXN];

```
Circle getOuterCircle(Point A, Point B, Point C) {
        Line u = Line((A + B) / 2, ((A + B) / 2) + ((B - A).rotleft()));
99
        Line v = Line((B + C) / 2, ((B + C) / 2) + ((C - B).rotleft()));
100
       Point 0 = get_line_intersect(u, v);
101
       double r = pointDistance(A, 0);
102
        return Circle{0, r};
103
   /* 三角形内切圆 */
105
   Circle getInnerCircle(Point A, Point B, Point C) {
106
        double m = atan2(B.y - A.y, B.x - A.x)
107
       double n = atan2(C.y - A.y, C.x - A.x);
       Line u = Line\{A, Point\{cos((n + m) / 2), sin((n + m) / 2)\}\};
109
       m = atan2(A.y - B.y, A.x - B.x), n = atan2(C.y - B.y, c.x - B.x);
        Line v = Line\{B, Point\{cos((n+m)/2), sin((n+m)/2)\}\}
111
       Point 0 = get_line_intersect(u, v);
        Line AB = Line\{A, B - A\};
113
        r = fabs(AB.pointDistance(0));
        return Circle{C, r};
115
   }
   /* 两圆相交面积 */
117
   double circleIntersectingArea(Circle c1, Circle c2){
118
        int rel = c1.circleRelation(c2);
119
        if(rel >= 4) return 0.0;
        if(rel <= 2) return min(c1.area(),c2.area());</pre>
121
        double d = pointDistance(c1.0, c2.0);
        double hf = (c1.r + c2.r + d) / 2.0;
123
       double ss = 2 * sqrt(hf * (hf - c1.r) * (hf - c2.r) * (hf - d));
       double a1 = acos((c1.r*c1.r + d*d - c2.r*c2.r) / (2.0 * c1.r * d));
125
        a1 *= c1.r * c1.r;
126
        double a2 = acos((c2.r*c2.r + d*d - c1.r*c1.r) / (2.0 * c2.r * d));
127
       a2 *= c2.r * c2.r;
128
        return a1 + a2 - ss;
129
   }
130
                                      6
                                          杂项
   6.1
        最长单调子序列
   int len = 1;
   b[0] = a[0];
   for (int i = 1; i < n; i++) {
 3
        if (a[i] >= b[len-1]) b[len++] = a[i];
 4
 5
            int p = lower_bound(b, b + len, a[i]);
            b[p] = a[i];
 8
   }
 9
       莫队
   6.2
   6.2.1 普通莫队
   int n, q, id[MAXN], block_size, a[MAXN];
 1
 2
   struct Query {
        int idx, l, r;
 3
       bool operator < (const Query &Q) const {</pre>
 4
```

// 排序规则: l 在同一块, 按 r 递增排序; 不在同一块按块编号递增排序

**return** id[l] == id[Q.l] ? r < Q.r : l < Q.l;

```
/* 增加值, 更新维护信息 */
  void add(int c) {}
10
  /* 删除值, 更新维护信息 */
11
  void del(int c) {}
12
  /* 通过当前维护的信息计算当前询问的答案 */
  void getAns(int idx) {}
  /* 初始化, 计算块大小和块编号, 并离线询问排序 */
  void init() {
16
      block_size = sqrt(n);
17
      for (int i = 1; i <= n; i++)
18
          id[i] = (i-1) / block_size + 1;
      sort(query + 1, query + q + 1);
20
  }
21
  void solve() {
22
      init();
      int l = query[1].l, r = l-1;
24
      for (int i = 1; i <= q; i++) {</pre>
          while (l > query[i].l) add(a[--l]);
26
          while (r < query[i].r) add(a[++r]);</pre>
          while (l < query[i].l) del(a[l++]);
28
          while (r > query[i].r) del(a[r--]);
          getAns(query[i].idx);
30
      }
31
32
  6.2.2 带修莫队
  // q 是询问个数, T 是修改总时间 (个数), qc 是询问和修改的总数 (读入)
  int T = 0, n, q = 0, qc, block_size, id[MAXN], a[MAXN];
2
  struct Query {
3
      int idx, t, l, r;
4
      bool operator < (const Query &Q) const {</pre>
          // 排序规则: l 在同一块, r 在同一块, 按 t 递增排序;
6
          // r 不在同一块按 r 所在块编号递增排序;
          // 1 不在同一块按 1 所在块编号递增排序
8
          return id[l] == id[Q.l] ? id[r] == id[Q.r] ? t < Q.t :</pre>
9
                  id[r] < id[Q.r] : id[l] < id[Q.l];
10
      }
  } query[MAXQ];
12
  struct Modify { int pos, a; } modify[MAXQ];
  /* 增加值, 更新维护信息 */
14
  void add(int c) {}
  /* 删除值, 更新维护信息 */
16
  void del(int c) {}
  /* 通过当前维护的信息计算当前询问的答案 */
18
  void getAns(int idx) {}
  /* 应用时间为 t 的修改, 如果修改的点在当前维护的区间, 则需要统计维护 */
20
  void change(int l, int r, int t) {
21
      int &pos = modify[t].pos, &c = modify[t].a;
22
      if (l <= pos && pos <= r)
23
          del(a[pos]), add(c);
24
      swap(c, a[pos]);
25
  }
26
  /* 初始化, 计算块大小和块编号, 并离线询问排序 */
27
  void init() {
28
      block_size = pow(n, 2./3.);
29
      for (int i = 1; i <= n; i++)
30
          id[i] = (i-1) / block_size + 1;
31
      sort(query+1, query+q+1);
32
  }
33
```

```
void solve() {
       init();
35
       int l = query[1].l, r = l-1, t = 0;
36
       for (int i = 1; i <= q; i++) {</pre>
37
           while (l > query[i].l) add(a[--l]);
           while (r < query[i].r) add(a[++r]);</pre>
39
           while (l < query[i].l) del(a[l++]);
40
           while (r > query[i].r) del(a[r--]);
41
           while (t < query[i].t) change(l, r, ++t);</pre>
           while (t > query[i].t) change(l, r, t--);
43
           getAns(query[i].idx);
       }
45
   }
46
  6.2.3 回滚莫队
  // 求区间重要度, 重要度: 某数出现的次数乘以他本身, 这个值的最大值
  int n, q, block_size, id[MAXN], ID = 0, a[MAXN], cnt[MAXN], tmpcnt[MAXN];
  LL num[MAXN], ans[MAXN];
  unordered_map<int, int> mp;
                                      // 原题数据需要离散化
  /* 获得块左端点 */
  int getBlockR(int block id) { return min(block id * block size, n); }
   /* 获得块右端点 */
   int getBlockL(int block_id) { return getBlockR(block_id-1) + 1; }
   struct Query {
9
       int idx, l, r;
10
       bool operator < (const Query &Q) const {</pre>
11
           // 排序规则: l 在同一块, 按 r 递增排序; 不在同一块按块编号递增排序
           return id[l] == id[Q.l] ? r < Q.r : id[l] < id[Q.l];
13
14
   } query[MAXN];
15
   /* 初始化, 计算块大小和块编号, 并离线询问排序 */
   void init() {
17
       block_size = sqrt(n);
       for (int i = 1; i <= n; i++)
19
           id[i] = (i-1) / block_size + 1;
20
       sort(query+1, query+1+q);
21
   }
22
   void solve() {
23
       init();
24
       int l = 1, r = l-1; LL mx = -1;
25
       for (int i = 1; i <= q; i++) {
           // 1 和上一个不在同一块中, 回滚永久信息
27
           if (id[query[i].l] != id[query[i-1].l]) {
               mx = -1;
29
               while (r >= l) --cnt[a[r--]];
               l = getBlockL(id[query[i].l]+1);
31
               r = l-1;
33
           // 维护永久信息
           while (r < query[i].r) {
35
               cnt[a[++r]]++;
36
               mx = max(mx, cnt[a[r]] * num[a[r]]);
37
           }
           // 暴力维护临时信息
39
           LL tmpmx = -1;
40
           for (int j = query[i].l; j <= min(query[i].r,</pre>
41
               getBlockR(id[query[i].l])); j++)
               // 注意统计临时信息要合并永久信息的部分
42
               tmpmx = max(tmpmx, (++tmpcnt[a[j]] + cnt[a[j]]) * num[a[j]]);
43
```

7 附录 22

## 7 附录

#### 7.1 Vim 配置

新建文件 ~/.vimrc

```
"显示行号
  set nu
                       " 自动缩进
   set ai
                        "C 语言自动缩进
  set cindent
                        "tab 宽度为 4
   set ts=4
  set sw=4
                        "缩进宽度为 4
   imap {}<CR> {<CR><SPACE><CR>}<UP><END><BACKSPACE> " 映射, 方便写 (个人习惯)
   "设置编译运行的命令快捷键
9
  map <F5> :call Compile()<CR>
10
  map <F6> :call Run()<CR>
11
  map <F7> :call CompileRun()<CR>
12
13
   func! Compile()
       silent w
15
       silent !clear
16
       exe "!g++ \% -o \% < -std=c++11 -Wall -DNGCS -g"
17
  endfunc
18
19
  func! Run()
20
       silent !clear
21
       exe "!time ./%<"
^{22}
  endfunc
23
  func! CompileRun()
25
       exe Compile()
26
       exe Run()
27
  endfunc
```

#### 7.2 Vim 录制宏

录制: 在 normal 模式下按 q, 然后再按 a-z 中的某个字符 (小写, 代表覆盖. 大写代表追加). 在 normal 模式下按 q 结束录制.

输入: 在 normal 模式下按下 @, 再按下 a-z 中的某个字符, 输入对应字符保存的宏.

## 7.3 GDB 命令

功能	命令
设置断点	b 行号/函数名
当条件满足时断点	b 行号/函数名 if 条件
打印变量/表达式的值	p 变量名/表达式
持续显示变量/表达式值	disp 变量名/表达式
单步运行	n
单步进入	s
继续(下一个断点)	c
退出	q
(重新) 运行	r

#### 7.4 对拍

#### 7.4.1 Windows

```
1 @echo off
2 :loop
3          X-data.exe > X.in
4          X.exe < X.in > X.out
```

7 附录 23

```
X-bf.exe < X.in > X-bf.out
       fc X.out X-bf.out
6
       if not errorlevel 1 goto loop
       pause
  goto loop
   7.4.2 Linux
   while true; do
       ./X-data > X.in
       ./X < X.in > X.out
3
       ./X-bf < X.in > X-bf.out
       if diff X.out X-bf.out; then
5
           printf "AC\n"
6
       else
           printf "WA\n"
           cat d.in
9
           exit 0
10
       fi
11
```

done