# Математика

Мы

31августа 2022г.

# Оглавление

1	Лог	чка	2
2	Числа		4
	2.1	Натуральные числа (N)	4
	2.2	Целые числа (Z)	6
	2.3	Рациональные числа (Q)	(
	2.4	Иррациональные числа (I)	7
		Действительные числа (R)	

### Глава 1

## Логика

Из посылки А вытекает вывод В:

 $A \longrightarrow B$ 

А - достаточное условие для В.

В - необходимое условие для А.

**Эквивалентные утверждения A и B** - это утверждения, при которых из посылки A вытекает вывод B и из посылки B вытекает вывод A.

Обратное утверждение:

$$B \longrightarrow A$$

$$A \longrightarrow B$$

Противоположное утверждение:

$$\overline{A} \longrightarrow \overline{B}$$

$$A \longrightarrow B$$

Утверждение, противоположное обратному:

$$\overline{B} \longrightarrow \overline{A}$$

$$A \longrightarrow B$$

 $\Gamma$ ЛABA 1. Л $O\Gamma$ ИKA 3

Утверждение А и утверждение, обратное противоположному А, эквивалентны.

#### Доказательство от противного:

Чтобы доказать  $A \longrightarrow \overset{\text{-}}{B}$  , надо доказать  $A \wedge \overline{\overline{\overline{B}}}$ 

#### Метод математической индукции для натуральных чисел:

Чтобы доказать f(x)=g(x) , надо доказать  $f(1)=g(1)\wedge f(n+1)=g(n+1)$ , приняв f(n)=g(n) .

### Глава 2

### Числа

**Числовое кольцо** - это множество чисел, результат суммы, разности, произведения любых чисел которого принадлежит ему тоже.

**Числовое поле** - это множество чисел, результат выполнения рациональных действий над любыми числами которого принадлежит ему тоже.

### 2.1 Натуральные числа (N)

Свойства сложения и умножения:

1. Переместительное.

$$a + b = b + a$$

$$ab = ba$$

2. Сочетательное (ассоциативное).

$$(a+b) + c = a + (b+c)$$

$$(ab)c = a(bc)$$

3. Распределительное.

$$c(a+b) = ac + cb$$

ГЛАВА 2. ЧИСЛА 5

Делитель а - это число, на которое а делится без остатка.

Кратное а - это всякое число, которое делится на а без остатка.

**Простое число** - это число, не имеющее никаких других делителей, кроме единицы и себя. (  $\overline{\mathbf{cocтaвнoe}}$  число )

Простых чисел имеется бесконечное множество.

Разложение числа на простые множители взаимно однозначно.

Взаимно простые числа - это числа, не имеющие общих делителей.

Чётное число - это число, кратное 2. ( нечётное число )

Число 2 - единственное чётное простое число.

#### Признаки делимости в 10-й системе счисления:

- 1. Признак делимости на 2: последняя цифра в записи числа выражает чётное число.
- 2. Признак делимости на 3: сумма цифр записи числа делится на 3.
- 3. Признак делимости на 4: последние две цифры в записи числа выражают число, делящееся на 4.
- 4. Признак делимости на 5: последняя цифра в записи числа является 0 или 5.
- 5. Признак делимости на 9: сумма цифр записи числа делится на 9.

#### Наибольший общий делитель (НОД) а и b:

(a,b)

#### Наименьшее общее кратное (НОК) а и b:

[a,b]

 $\Gamma$ ЛABA 2. ЧИСЛA 6

$$(a,b)[a,b] = ab$$

#### 2.2 Целые числа (Z)

 $N \in \mathbb{Z}$ 

Положительное число - это число, большее нуля.

Отрицательное число - это число, меньшее нуля.

Противоположные числа - это числа, отличающиеся знаком.

$$a - b = a + (-b)$$

$$a(-b) = -ab$$

Абсолютная величина (модуль) х:

$$\begin{cases} |x| = x \\ x \ge 0 \end{cases}$$
$$\begin{cases} |x| = -x \\ x < 0 \end{cases}$$

### 2.3 Рациональные числа (Q)

$$Z \in Q$$

**Рациональное число -** это число, представимое в виде  $\frac{a}{b}$  , где числитель  $a \in Z$  , а знаменатель  $b \in N$  .

Рациональные числа образуют поле.

ГЛАВА 2. ЧИСЛА 7

**Арифметические (рациональные) действия:** сложение, вычитание, умножение, деление.

**Дробное число** - это рациональное число, числитель которого не делится на знаменатель нацело.

**Целая часть числа** - это наибольшее целое число, не превосходящее данного ([x]).

**Дробная часть числа** - это разность между данным числом и его целой частью ( (x) )

$$x - [x] \ge 0$$

$$x - [x] < 1$$

Разложение рационального числа на сумму целой и дробной частей взаимно однозначно.

**Десятичная дробь** - это дробь, у которой знаменатель представляет собой натуральную степень числа 10.

Всякое рациональное число может быть представленно бесконечной десятичной периодической дробью взаимно однозначно.

#### 2.4 Иррациональные числа (I)

Всякое иррациональное число может быть представленно бесконечной десятичной непериодической дробью взаимно однозначно.

#### 2.5 Действительные числа (R)

 $Q \in R$ 

 $I \in R$ 

Действительные числа образуют поле.

Множество действительных чисел упорядочено.

ГЛАВА 2. ЧИСЛА 8

Множество действительных чисел непрерывно.

Всякое деятичное число определяет действительное число взаимно однозначно.

**n-ая степень числа а -** это произведение n сомножителей, равных а. (  $a^n$  )

а - основание степени.

n - показатель степени.

Возведение отрицательного числа в иррациональную степень не определено.

Возведение нуля в не положительную степень не определено.

**Корень n-ой степени из числа a** - это число, n-ая степень которого равна a. (  $\sqrt[n]{a}$  )

Извлечение корня степени из а - это отыскание корня из а.

**Арифметический корень (арифметическое значение корня)** - это положительный корень чётной степени из положительного числа.

Корень чётной степени по умолчанию арифметический.

$$\begin{cases} \sqrt[n]{a^n} = a \\ n \text{ - Heyëthoe.} \end{cases}$$
 
$$\begin{cases} \sqrt[n]{a^n} = |a| \\ n \text{ - Yëthoe.} \end{cases}$$

Квадратный корень:

$$\sqrt[2]{x} = \sqrt{x}$$

Кубический корень:

$$\sqrt[3]{x}$$

$$\sqrt[b]{x^a} = x^{\frac{a}{b}}$$