

基于树状区块链的出租车调度算法设计和系统实现

成佳壮

**** 年 * 月

中图分类号： TQ028.1

UDC分类号： 540

基于树状区块链的出租车调度算法设计和系统实现

作 者 姓 名	成佳壮
学 院 名 称	计算机学院
指 导 教 师	陆慧梅副教授
答辩委员会主席	** 教授
申 请 学 位	工学硕士
学 科 专 业	电子信息
学位授予单位	北京理工大学
论文答辩日期	**** 年 * 月

Algorithm Design and System Implementation of Taxi Scheduling Based on Ethereum

Candidate Name:	<u>Jiazhuang Cheng</u>
School or Department:	<u>Computer Science and Technology</u>
Faculty Mentor:	<u>Prof. Huimei Lu</u>
Chair, Thesis Committee:	<u>Prof. **</u>
Degree Applied:	<u>Master of Engineering</u>
Major:	<u>Digital Information</u>
Degree by:	<u>Beijing Institute of Technology</u>
The Date of Defence:	<u>*, ****</u>

基于树状区块链的出租车调度算法设计和系统实现

北京理工大学

研究成果声明

本人郑重声明：所提交的学位论文是我本人在指导教师的指导下进行的研究工作获得的研究成果。尽我所知，文中除特别标注和致谢的地方外，学位论文中不包含其他人已经发表或撰写过的研究成果，也不包含为获得北京理工大学或其它教育机构的学位或证书所使用过的材料。与我一同工作的合作者对此研究工作所做的任何贡献均已在学位论文中作了明确的说明并表示了谢意。

特此申明。

作者签名：_____ 签字日期：_____

关于学位论文使用权的说明

本人完全了解北京理工大学有关保管、使用学位论文的规定，其中包括：①学校有权保管、并向有关部门送交学位论文的原件与复印件；②学校可以采用影印、缩印或其它复制手段复制并保存学位论文；③学校可允许学位论文被查阅或借阅；④学校可以学术交流为目的，复制赠送和交换学位论文；⑤学校可以公布学位论文的全部或部分内容（保密学位论文在解密后遵守此规定）。

作者签名：_____ 导师签名：_____

签字日期：_____ 签字日期：_____

摘要

车载自组网是在交通环境参与者间构建的开放式网络，可以为用户提供去中心化的数据传输能力。基于车载自组网，可以实现事故预警、辅助驾驶、道路交通信息查询、车间通信和网络接入服务等应用。研发这些应用需要地理信息和交通数据的支持，但信息的垄断会引发不正当牟利和恶性竞争。针对这一问题，本文利用部署在车载自组网上的区块链网络，基于 GeoHash 矢量地图和基于以太坊的树状区块链平台，开发了一套出租车调度和导航系统以完成出租车的去中心化调度。首先，本文选用 GeoHash 作为系统中统一的位置信息表示方法，在系统实现上采用浏览器与智能合约相结合的方式，在智能合约端开发了基于 GeoHash 的路径导航算法和车辆的区域调度算法，解决了车乘分配时的并发冲突问题。在浏览器端实现车辆和乘客的数据采集和乘车业务完整流程的设计。系统充分利用了区块链的性质保证车辆信誉数据的安全性、可溯性和在网络内的同步性。利用 GeoHash 在地理信息上的计算特性对算法速度进行了优化，并进行了优化后的实验验证工作。最后调节系统的关键参数进行性能优化并进行实验验证，通过真实的地图数据验证了此出租车调度系统的可行性。

关键词：区块链；导航；GeoHash

Abstract

VANET is an Adhoc networks between participants in traffic and providing decentralized data transmission service. VANET can be used in application like accident warning, drive assist system, traffic information service and InterVehicle Communication. The development of these applications requires the support of geographic information and traffic data, but the monopoly of information will lead to unfair profit-making and vicious competition. In response to this problem, this paper uses the blockchain network deployed on the in-vehicle ad hoc network, based on the GeoHash vector map and the Ethereum platform, to develop a taxi dispatch and navigation system to complete the decentralized dispatch of taxis. First, this thesis use GeoHash for storage and calculation of position. The system in this thesis is made up of browserside programs and smart contract. On the smart contract side, a GeoHash-based route navigation algorithm and a vehicle regional managing algorithm were developed, which solved the problem of concurrency conflicts in the allocation of vehicles and passengers. The browser side realize vehicle and passenger data collection and design the complete process of ride-hailing business. Blockchain makes this system safe, traceable and synchronized. The speed of the algorithm is optimized by using GeoHash's computing characteristics on geographic information, and the optimized experimental verification work is carried out. Finally, the key parameters of the system are adjusted for performance optimization and experimental verification. The feasibility of the taxi dispatching system is verified by real map data.

Key Words: blockchain; navigation; GeoHash

主要符号对照表

BIT	北京理工大学的英文缩写
\LaTeX	一个很棒的排版系统
$\LaTeX 2_{\epsilon}$	一个很棒的排版系统的最新稳定版
$X_{\text{Y}}\TeX$	\LaTeX 的好兄弟，事实上他有很多个兄弟，但是这个兄弟对各种语言的支持能力都很强
ctex	成套的中文 \LaTeX 解决方案，由一帮天才们开发
H_2SO_4	硫酸
$e^{\pi i} + 1 = 0$	一个集自然界五大常数一体的炫酷方程
$2\text{H}_2 + \text{O}_2 \longrightarrow 2\text{H}_2\text{O}$	一个昂贵的生成生命之源的方程式

目 录

摘要	I
Abstract	II
主要符号对照表	III
第 1 章 绪论	1
1.1 本论文研究的目的和意义	1
1.2 国内外研究现状及发展趋势	2
1.3 论文的研究内容、贡献和组织结构	3
1.3.1 论文的研究内容	3
1.3.2 论文贡献	4
1.3.3 论文的组织结构	4
第 2 章 相关工作	5
2.1 基于以太坊的树状区块链	5
2.1.1 传统区块链的特点和不足	5
2.1.2 树状区块链的特性	5
2.2 GeoHash 地理信息	5
2.2.1 基于 GeoHash 的地图	5
2.2.2 GeoHash 几何计算原理	5
2.2.3 leaflet 矢量地图渲染框架	5
2.3 出租车调度系统	6
2.4 导航算法	6
第 3 章 基于树状区块链的出租车调度系统框架	7
3.1 基于树状区块链的出租车调度系统架构设计	7
3.1.1 区块链上智能合约端模块	7
3.1.2 浏览器客户端模块	7

3.2 出租车调度系统流程设计	7
3.2.1 乘客端业务流程设计	7
3.2.2 出租车端业务流程设计	7
第 4 章 系统的工具和算法原理	8
4.1 基于 GeoHash 的矢量地图展示	8
4.1.1 基于 GeoHash 的地图在区块链上的存储	8
4.1.2 基于 GeoHash 的矢量地图实现放缩和拖动功能	8
4.2 基于 GeoHash 的几何计算优化	8
4.2.1 GeoHash 几何计算原理	8
4.2.2 GeoHash 几何计算方法的优化	8
4.3 基于 GeoHash 的导航算法	9
4.3.1 导航算法的发展种类	9
4.3.2 矢量地图路径导航算法的性能对比	9
4.3.3 astar 导航算法的原理	9
4.3.4 基于 GeoHash 的 astar 导航算法设计	9
4.4 基于树状区块链的区域调度车乘匹配算法	9
4.4.1 树状区块链对区域信息的查询	9
4.4.2 区域调度车乘匹配算法	10
第 5 章 参数设置和系统测试	11
5.1 参数设置实验	11
5.1.1 astar 导航算法参数	11
5.1.2 区域调度算法参数	11
5.2 系统测试实验	11
5.2.1 模拟双行道正确性测试	11
5.2.2 真实地图数据测试	11
结论	12
参考文献	13

附录 A	***	15
附录 B	Maxwell Equations	16
攻读学位期间发表论文与研究成果清单		17
致谢		18
作者简介		19

插 图

表 格

第 1 章 绪论

1.1 本论文研究的目的和意义

随着城市交通的逐渐发展，道路网络的复杂度以及车辆保有量日益增长，交通基础设施的建设无法满足需求，给交通流量的管理带来困难。在智能交通系统中，自动化的出租车调度系统可以有效地满足实时的出行需求，为智能交通系统的完善提供技术支持，有效地满足城市交通需求以及交通流量的管理与诱导，能够有效提高用户出行效率。（研究出租车调度系统的目的和意义）在车辆调度领域，目前已有集中式的自动化出租车调度系统^[1]。

信息的去中心化管理是一项关键技术。设计去中心化的出租车调度系统可以保障用户信息不被滥用，避免恶性竞争，在提高交通系统中乘客乘车效率的同时，也兼顾了出租车司机收入的公平。例如已有为缓解机场压力而设计的机场出租车调度模型，从机场管理部门的角度统筹部署机场出租车调度管理系统，在一定程度上避免了私营企业通过集中式后台管理的软件产品进行不正当牟利，提高机场和市政部门的工作效率^[2]。

区块链可以用作去中心化的出租车调度系统的开发平台^[3]，区块链是一种去中心化的共享账本，它可以安全地将简单，连续和经过验证的数据存储在系统软件中。与传统技术相比，区块链具有以下三个优势：

一是它不能被伪造，所以更安全。每个人都必须验证自己的身份，然后才能根据专用安全通道访问数据库，添加或获取数据，并保留历史访问数据。

第二是具有很强的实用性和可信性。每个节点都将维护一个详细数据账本，并且该数据组仍处于不同对象的控制之下，并且根据共识算法将数据维持在高度一致的水平，增强了系统的健壮性。

第三，它具有智能合约和全自动执行功能。智能合约具有完全透明，可靠，强制执行和全自动执行的优势，可以支持构建去中心化的后台系统。

利用区块链这一去中心化后台开发自动化的出租车调度系统，可以同时拥有信息保密、系统安全健壮、利益分配公平公正这些优点，有助于解决人们对高可信性的出行软件的需求问题，为推动智慧交通系统的建设添砖加瓦。

1.2 国内外研究现状及发展趋势

关于出租车调度系统的研究,目前已经有工作提出基于区块链的拼车系统模型^[4],考虑了车辆和乘客双方的身份验证,但只是提出了原型理论,没有实现车辆调度流程。另外还有在以太坊平台实现的拼车系统,提出了司机和乘客对互相的信任程度的概念^[5],Deng 等提出了基于区块链的车载网安全支付方案^[6],这些工作侧重于安全性的验证和评估,并没有考虑在实际应用中让分布式节点起到车辆调度和导航服务的作用。本文采用基于 GeoHash 的矢量地图作为基础数据,然后基于地理信息在树状区块链上实现导航系统,以实现最低路径成本的导航算法。

随着通信技术和硬件技术的发展,移动用户剧增,随之交互式信息地图服务需求逐渐增多,矢量数据地图正在兴起。在矢量地图数据中,矢量数据可以在所有放缩水平下以不同的颜色正确显示和区分特征,使地图展现更加丰富^[7]。矢量地图数据的编码方式是影响其传输性能从而影响其可用性的关键因素^[8]。

XML 和 JSON 是 web 应用程序中常用的两种矢量数据编码方法^[9]。但 XML 使用重量级语法导致其格式复杂且大小较大,不利于地图数据传输。JSON 是一种易于读写的轻量级数据表示格式,GeoJSON 是其中一种轻量级的数据表示方法,用于编码各类地理数据结构,可用于简单表示地理信息^[10]。

传统的矢量地图如 Google Maps^[11],采用二维数据经纬度来表示地理信息。Geo-hash 是一种新型的地址编码方式,不同的是它使用 Base32 编码成一维的字符串代替二维的经纬度数据,将二维空间查询转换为一维字符串匹配。利用此优势,GeoHash 编码可以实现时间复杂度为 $O(1)$ 快速查询^[12]。此外,相比基于 Base4 编码方法的 Bing Maps^[13],GeoHash 编码使用 Base32 编码方法,即同一前缀有 32 个不同子序列,这缩短了一维字符串的长度从而减小了数据存储和传输的成本。根据编码的长短,GeoHash 可以同时表示图块的坐标和索引范围,从而实现两种功能的统一编码。本文所设计系统的地图存储与展现、导航算法的逻辑将统一基于 GeoHash 编码,完全替换传统地图的经纬度数据表示形式,简化了数据传输和算法逻辑,同时方便了区域信息绑定和查询。

传统区块链的特点不能满足车联网的特性。一方面,传统区块链吞吐量较小、出块速度慢,需要改善它的结构来提升可扩展性;另一方面,传统区块链与真实世界的联系较弱,而车联网与地理信息有天然联系并且紧密相关,因此传统区块链结构不能很好适应车联网^[14]。就目前来说,主流的方案是将区块链的单链结构改良为多链结

构。根据多链结构的构成方式的不同,可以将相关工作分为三类:并发多链^[15],层次多链^[16],智能合约多链^[5]。并发多链存在多条子链,每条子链对应一个独立的功能模块,主链只负责维护多条子链的数据一致性;层次多链以层次化的结构组成区块链;智能合约多链通过智能合约来维护多链数据的一致。树状区块链实现了层次化多链,同时将地理位置融合进区块链的数据结构,对区块链的结构进行修改与优化,使其更能适应车载自组网的特性[周畅论文]。本文基于树状区块链设计出租车调度系统,能更快速地查询和利用地理位置信息,提高系统性能。

导航系统的核心部分可分为地理基础数据和底层路径规划算法实现,Dijkstra 算法是最短路径算法的鼻祖,但其作为最基本的图搜索算法,无法满足地图路径规划对性能的要求^[17]。目前工业界地图产品主流的路径规划算法有 A* 算法,CH(Contraction Hierarchies) 算法^[18]。其中 A* 算法是应用最广泛的路径规划算法,其使用了启发式算法,比 Dijkstra 算法速度更快^[19];CH 算法实现了数据预处理,以减少需要搜索的节点,但其不支持地理信息的实时更新,且不能很好地支持多种道路权重类型。本文基于 A* 算法设计了可支持 GeoHash 格式的地理信息的导航算法。

1.3 论文的研究内容、贡献和组织结构

1.3.1 论文的研究内容

(1) 为优化区块链对地图数据的处理性能,降低计算量,引入 GeoHash 矢量地理信息存储,并为前端矢量地图数据渲染工具——leaflet 添加支持 GeoHash 格式的放缩和拖动功能。

(2) 为解决中心化的打车软件对用户信息进行违规利用、利用信息差进行恶性竞争等问题,本文基于树状区块链设计并实现了去中心化的出租车调度系统。

(3) 实现出租车调度系统的核心是实现导航算法和车乘匹配算法,然而,树状区块链缺乏基于矢量地理数据的导航算法支持,为解决这个问题,本文在基于以太坊的树状区块链平台设计并实现了基于 GeoHash 矢量地理数据的导航算法,并在此基础上实现了基于树状区块链的区域调度车乘匹配算法。

(4) 针对基于 GeoHash 的距离计算方法,本文通过前缀匹配对算法逻辑进行了优化;同时,本文在对已广泛应用的导航算法进行了修改,使其支持 GeoHash 的距离计算逻辑,在导航算法中加入可调节的参数增强其适配性;对导航算法和区域调度车乘

匹配算法的关键参数进行调优。

1.3.2 论文贡献

- (1) 完善 leaflet 工具对 GeoHash 格式矢量地图展示的支持。
- (2) 提升 GeoHash 距离计算算法的速度。
- (3) 设计出基于 GeoHash 的导航算法并进行参数调优。
- (4) 设计出基于树状区块链的区域调度车乘匹配算法并进行参数调优。

1.3.3 论文的组织结构

第一章，介绍导航应用研究现状以及去中心化调度系统对于智能交通和反垄断、反恶性竞争的意义。

第二章，对本文涉及的相关工作进行综述，包括基于以太坊的树状区块链、GeoHash 地理信息、leaflet 渲染工具、出租车调度系统、导航算法。

第三章描述系统的框架，包括服务端智能合约的设计结构，和浏览器客户端车辆和乘客的设计结构，以及系统的运行流程。

第四章详细介绍系统用到的各种技术，包括基于 GeoHash 的矢量地图存储和展示、基于 GeoHash 的导航算法设计、基于树状区块链的区域调度车乘匹配算法。

第五章，介绍了出租车调度系统的参数调优以及系统在真实数据下的工作状态。

第 2 章 相关工作

本章对本文研究内容的相关工作进行简要介绍。首先是基于以太坊的树状区块链；第二是 GeoHash 地理信息，第三是出租车调度系统的发展现状，第四是导航算法

2.1 基于以太坊的树状区块链

介绍区块链的性能瓶颈，引出树状区块链的研究目的、简要介绍原理。

2.1.1 传统区块链的特点和不足

2.1.2 树状区块链的特性

2.2 GeoHash 地理信息

由于传统计算两个经纬度所表示坐标点距离时需要使用球面距离公式，若在以 GeoHash 为坐标表示的系统中沿用这套算法，则丧失了 GeoHash 带来的计算简便性。利用 GeoHash 编码的特点进行距离计算，避免了复杂的三角函数和球面计算，并且适用于对小数支持较弱、不提供复杂数学函数计算支持的区块链智能合约编写语言 Solidity。

2.2.1 基于 GeoHash 的地图

将矢量地图数据以 GeoHash 形式存到区块链上的原理、优点分析和改进空间。

2.2.2 GeoHash 几何计算原理

介绍 GeoHash 数格子进行几何距离计算的原理。

2.2.3 leaflet 矢量地图渲染框架

介绍 leaflet 矢量地图渲染框架，以及其对 GeoHash 数据的支持情况。

2.3 出租车调度系统

介绍出租车调度系统的研究现状，指出中心化系统的不足，容易引发信息垄断、信息泄露和恶性竞争。

2.4 导航算法

介绍导航算法的发展历史和研究现状，分类简要介绍几种导航算法的优缺点，指出区块链应用缺乏导航算法的支持，以及在区块链中将导航算法与 GeoHash 结合的优点。

第 3 章 基于树状区块链的出租车调度系统框架

基于树状区块链的出租车调度系统的目标和研发现状简介。

3.1 基于树状区块链的出租车调度系统架构设计

介绍基于树状区块链的出租车调度系统的架构，由区块链后台和浏览器客户端构成。

3.1.1 区块链上智能合约端模块

介绍区块链后台模块的功能。

3.1.2 浏览器客户端模块

介绍浏览器客户端模块的功能。

3.2 出租车调度系统流程设计

出租车调度系统的流程设计，出租车接送客业务的企业研究现状，流程介绍。

3.2.1 乘客端业务流程设计

介绍乘客端浏览器的业务流程。

3.2.2 出租车端业务流程设计

介绍出租车端浏览器的业务流程。

第 4 章 系统的工具和算法原理

本章详细介绍系统的工具、功能、算法开发工作和原理。

4.1 基于 GeoHash 的矢量地图展示

对系统开发过程中将基于 GeoHash 的矢量地图信息存储在区块链和展示在浏览器端的开发工作和原理做介绍。

4.1.1 基于 GeoHash 的地图在区块链上的存储

将矢量地图数据以 GeoHash 形式存到区块链上的原理、优点分析和改进空间。

4.1.2 基于 GeoHash 的矢量地图实现放缩和拖动功能

描述放缩和拖动功能的实现原理，解释 GeoHash 矢量地图的渲染步骤。

4.2 基于 GeoHash 的几何计算优化

由于传统计算两个经纬度所表示坐标点距离时需要使用球面距离公式，若在以 GeoHash 为坐标表示的系统中沿用这套算法，则丧失了 GeoHash 带来的计算简便性。利用 GeoHash 编码的特点进行距离计算，避免了复杂的三角函数和球面计算，并且适用于对小数支持较弱、不提供复杂数学函数计算支持的区块链智能合约编写语言 Solidity。

4.2.1 GeoHash 几何计算原理

具体介绍 GeoHash 数格子进行几何距离计算的原理。

4.2.2 GeoHash 几何计算方法的优化

介绍前缀匹配的思想对 GeoHash 计算速度的优化原理。

4.3 基于 GeoHash 的导航算法

为了完善去中心化的出租车调度系统，需要在智能合约端实现后台的导航算法。

4.3.1 导航算法的发展种类

导航算法的提出和发展由来已久，有适合在未知地图环境下运行的启发式导航算法，可以应用在智能机器人和无人车等领域，此外，还有可以在已知地图信息的情况下，利用已有的矢量地图数据规划出最短路径的导航算法，可以应用在地理信息实时更新的交通系统中。启发式导航算法，适合在不知道地理信息的情况下进行主观的路径探索，这种算法应用在机器人的自动寻路、游戏中的 AI 角色寻路等场景；路径导航算法，在已知地理信息的情况下进行最短路径的规划，可以应用在车载应用的导航、公共交通实时导航等环境中。

4.3.2 矢量地图路径导航算法的性能对比

理论分析 astar 算法相比 djikstra 路径导航算法的性能优劣，对 GeoHash 的适配性，阐述选择 astar 路径导航算法作为原型的原因。

4.3.3 astar 导航算法的原理

详细解释 astar 导航算法的原理。

4.3.4 基于 GeoHash 的 astar 导航算法设计

详细解释 astar 导航算法的原理。介绍基于 astar 导航算法设计出支持 GeoHash 格式的导航算法的原理。

4.4 基于树状区块链的区域调度车乘匹配算法

4.4.1 树状区块链对区域信息的查询

介绍树状区块链对区域信息的查询原理。

4.4.2 区域调度车乘匹配算法

介绍在树状区块链对区域信息查询的基础上实现的区域调度车乘匹配算法原理、对并发请求的冲突解决逻辑。

第 5 章 参数设置和系统测试

出租车调度系统的实验环境、本章的工作整体介绍。

5.1 参数设置实验

astar 导航算法和区域调度算法的参数调节

5.1.1 astar 导航算法参数

5.1.2 区域调度算法参数

5.2 系统测试实验

5.2.1 模拟双行道正确性测试

模拟双行道的导航结果测试。

5.2.2 真实地图数据测试

真实地图的导航结果测试。

结论

总结工作、进行未来工作的展望（结论作为学位论文正文的最后部分单独排写，但不加章号。结论是对整个论文主要结果的总结。在结论中应明确指出本研究的创新点，对其应用前景和社会、经济价值等加以预测和评价，并指出今后进一步在本研究方向进行研究工作的展望与设想。结论部分的撰写应简明扼要，突出创新性。）

参考文献

- [1] 魏玉光, 段乐毅, 张进川. 自动驾驶出租车调度方法及调度系统[M]. [出版地不详: 出版者不详], 2021.
- [2] 邢智璇. 兼顾效率与公平的机场出租车调度管理系统研究[J]. 电子技术与软件工程, 2021(6): 2.
- [3] Wang D, Zhang X. Secure ride-sharing services based on a consortium blockchain[J]. IEEE Internet of Things Journal, 2020, PP(99): 1–1.
- [4] Li W, Meese C, Guo H, et al. Blockchain-enabled identity verification for safe ridesharing leveraging zero-knowledge proof[M]. [S.l.: s.n.], 2020.
- [5] Baza M, Mahmoud M, Srivastava G, et al. A light blockchain-powered privacy-preserving organization scheme for ride sharing services[C]. 2020 IEEE 91st Vehicular Technology Conference (VTC2020-Spring). [S.l.: s.n.], 2020.
- [6] Deng X, Gao T. Electronic payment schemes based on blockchain in vanets[J]. IEEE Access, 2020, PP(99): 1–1.
- [7] Zhou M, Chen J, Gong J. A virtual globe-based vector data model: Quaternary quadrangle vector tile model[J]. International Journal of Digital Earth, 2015: 1–37.
- [8] Martin R G, Fernandez J P D C, Perez E V, et al. An ols regression model for context-aware tile prefetching in a web map cache[J]. International Journal of Geographical Information Science, 2013, 27(3-4): 614–632.
- [9] Wang G. Improving data transmission in web applications via the translation between xml and json [C]. Third International Conference on Communications Mobile Computing. [S.l.: s.n.], 2011.
- [10] Wl A, Msa B, Bz B, et al. Performance improvement techniques for geospatial web services in a cyberinfrastructure environment –a case study with a disaster management portal[J]. Computers, Environment and Urban Systems, 2015, 54: 314–325.
- [11] Kahle H D. Contributed research articles 144 ggmap: Spatial visualization with ggplot2[M]. [S.l.: s.n.], 2013.
- [12] Li H, Jiang D, Gao Y, et al. A geohash-based index for spatial data management in distributed memory [J]. IEEE, 2014.
- [13] Teslya N. Web mapping service for mobile tourist guide[C]. Open Innovations Association Fruct, Conference of. [S.l.: s.n.], 2014.

- [14] Wagner M, Mcmillin B. Cyber-physical transactions: A method for securing vanets with blockchains [C]. IEEE Pacific Rim International Symposium on Dependable Computing. [S.l.: s.n.], 2018.
- [15] Wang J, Wang H. Monoxide: Scale out blockchain with asynchronous consensus zones[M]. [S.l.: s.n.], 2019.
- [16] Pajoo H H, Rashid M, Alam F, et al. Multi-layer blockchain-based security architecture for internet of things[J]. Sensors, 2021, 21(3): 772.
- [17] Nordin N, Zaharudin Z A, Maasar M A, et al. Finding shortest path of the ambulance routing: Interface of a algorithm using c programming[C]. Humanities, Science and Engineering Research (SHUSER), 2012 IEEE Symposium on. [S.l.: s.n.], 2012.
- [18] Geisberger R, Sanders P, Schultes D, et al. Contraction hierarchies: Faster and simpler hierarchical routing in road networks[J]. DBLP, 2008.
- [19] Chen X, Fei Q, Wei L. A new shortest path algorithm based on heuristic strategy[C]. World Congress on Intelligent Control Automation. [S.l.: s.n.], 2006.

附录 A ***

附录相关内容…

附录 B Maxwell Equations

因为在柱坐标系下, $\bar{\mu}$ 是对角的, 所以 Maxwell 方程组中电场 \mathbf{E} 的旋度
所以 \mathbf{H} 的各个分量可以写为:

$$H_r = \frac{1}{\mathbf{i}\omega\mu_r} \frac{1}{r} \frac{\partial E_z}{\partial \theta} \quad (\text{B-1a})$$

$$H_\theta = -\frac{1}{\mathbf{i}\omega\mu_\theta} \frac{\partial E_z}{\partial r} \quad (\text{B-1b})$$

同样地, 在柱坐标系下, $\bar{\epsilon}$ 是对角的, 所以 Maxwell 方程组中磁场 \mathbf{H} 的旋度

$$\nabla \times \mathbf{H} = -\mathbf{i}\omega\mathbf{D} \quad (\text{B-2a})$$

$$\left[\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r H_\theta) - \frac{1}{r} \frac{\partial H_r}{\partial \theta} \right] \hat{\mathbf{z}} = -\mathbf{i}\omega\bar{\epsilon}\mathbf{E} = -\mathbf{i}\omega\epsilon_z E_z \hat{\mathbf{z}} \quad (\text{B-2b})$$

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r H_\theta) - \frac{1}{r} \frac{\partial H_r}{\partial \theta} = -\mathbf{i}\omega\epsilon_z E_z \quad (\text{B-2c})$$

由此我们可以得到关于 E_z 的波函数方程:

$$\frac{1}{\mu_\theta\epsilon_z} \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial E_z}{\partial r} \right) + \frac{1}{\mu_r\epsilon_z} \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 E_z}{\partial \theta^2} + \omega^2 E_z = 0 \quad (\text{B-3})$$

攻读学位期间发表论文与研究成果清单

- [1] 高凌. 交联型与线形水性聚氨酯的形状记忆性能比较 [J]. 化工进展, 2006, 532 - 535. (核心期刊)

致谢

本论文的工作是在导师……。

作者简介

本人…。