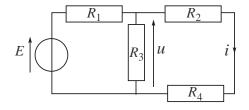
Exercices – Électrocinétique

■ Calculs de tensions et de courants

(Ex-E2.1) Réseau à deux mailles

Déterminer, pour le circuit ci-contre, l'intensité i qui traverse la résistance R_2 et la tension u aux bornes de la résistance R_3 :

1) en faisant des associations de résistances et en appliquant le diviseur de tension.



- 2) en faisant une transformation Thévenin \rightarrow Norton et en appliquant le diviseur de courant.
- 3) Application numérique pour $E=6~V,~R_1=100~\Omega,~R_2=R_3=R_4=50~\Omega$

Rép : 1/2)
$$i = \frac{R_3 E}{R_1 R_3 + (R_1 + R_3)(R_2 + R_4)}$$
; $u = \frac{R_3 (R_2 + R_4) E}{R_1 R_3 + (R_1 + R_3)(R_2 + R_4)}$; 3) $i = 15 \ mA \ \text{et} \ u = 1, 5 \ V$.

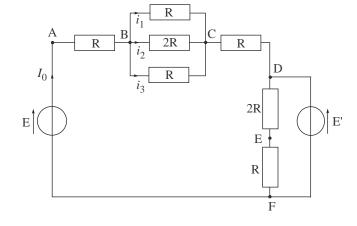
Ex-E2.2) Circuit linéaire

Dans le circuit ci-contre :

- 1) Calculer U_{EF} ,
- **2)** Calculer l'intensité I_0 circulant dans la branche principale;
- 3) Calculer l'intensité I' circulant dans la branche contenant le générateur E' (préciser son sens);
- **4)** Calculer les intensités i_1 , i_2 et i_3 .

Données:

$$R = 1 \Omega, E = 5 V \text{ et } E' = 3 V.$$

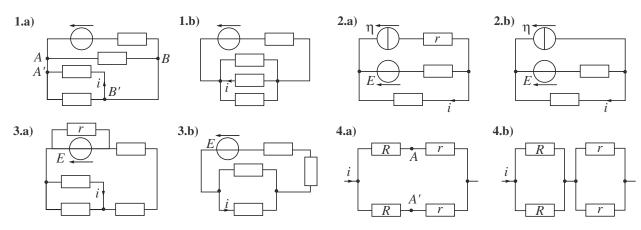


Rép : $U_{EF} \simeq 1 \ V \ ; \ I_0 \simeq 0,83 \ A \ ; \ I' \simeq 0,17 \ A \ ; \ i_1 = i_3 \simeq 0,33 \ A \ ; \ i_2 \simeq 0,17 \ A.$

■ Circuits équivalents

Ex-E2.3 Suppressions et ajouts +Sources : P3/177

Dans les schémas suivants, justifier que les ajouts ou suppressions de fils ou de dipôles entre le schéma (a) et le schéma (b) ne modifient pas l'intensité i.

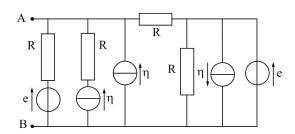


■ Association de générateurs

Ex-E2.4 Modélisation de Thévenin (1)

Donner le générateur de Thévenin équivalent au circuit ci-contre entre A et B.

Rép:
$$R_{\text{éq}} = \frac{R}{2}$$
 et $E_{\text{Th}} = e + R\eta$.

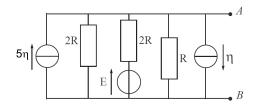


Ex-E2.5 Modélisation de Thévenin (2)

Déterminer le générateur de Thévenin équivalent au réseau dipolaire entre les bornes A et B ci-contre.

Données :
$$\eta = 1 A$$
, $R = 6 \Omega$ et $E = 24 V$.

Rép:
$$R_{eq} = \frac{R}{2} = 3 \Omega \text{ et } E_{Th} = 2R\eta + \frac{E}{4} = 18 V$$



■ Caractéristique d'un dipôle

(Ex-E2.6) Deux dipôles linéaires actifs + Sources : P8/70

- 1) Tracer les caractéristiques statiques des dipôles D_1 et D_2 des figures 1 et 2 (page suivante).
- 2) Les deux dipôles sont branchés l'un sur l'autre. Déterminer leur point de fonctionnement.

Données :
$$E_1 = 5 \ V \ ; \ R_1 = 1 \ k\Omega \ ; \ R_1' = 500 \ \Omega \ ; \ \eta_2 = 10 \ mA \ ; \ R_2 = 1,5 \ k\Omega \ ; \ R_2' = 1 \ k\Omega.$$

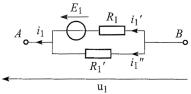


Figure 1 Dipôle actif D_1 .

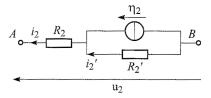
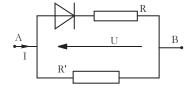


Figure 2 Dipôle actif D_2 .

Rép : 2)
$$u = u_1 = u_2 = 2,65 V \text{ et } i = i_1 = -i_2 = -2,94 mA$$

Ex-E2.7 Groupement diode idéale-résistances

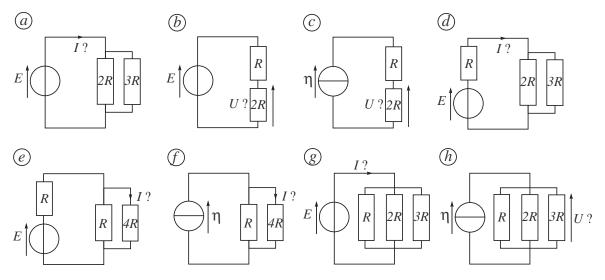
Représenter la caractéristique Intensité-Tension I(U) du dipôle équivalent au groupement entre les points A et B.



Ex-E2.8 Exercice de rapidité [P5/41]

Dans les circuits ci-dessous, déterminer, par la méthode la plus rapide, la grandeur demandée.

Données : $E=9~V~;~\eta=5~A~;~R=100~\Omega$



Rép : a) Loi de nœuds suivi de la loi d'Ohm : $I = I_1 + I_2 = \frac{E}{2R} + \frac{E}{3R} = \frac{5E}{6R} = 75 \text{ mA};$

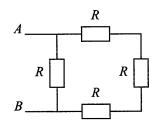
- **b)** Diviseur de tension : $U = \frac{2R}{2R+R}E = \frac{2}{3}E = 6 \ V$; **c)** Loi d'Ohm : $U = 2R.\eta = 1\,000 \ V$;
- **d)** Association « parallèle » puis loi de Pouillet : $i = \frac{E}{\frac{6R}{5} + R} = \frac{5E}{11R} \simeq 41 \ mA$;
- e) Association « parallèle », loi de Pouillet puis diviseur de courant : $I_0 = \frac{E}{\frac{4R}{5} + R} = \frac{5E}{9R}$ et $I = \frac{R}{4R + R}I_0 = \frac{E}{9R} = 10 \ mA$; f) Diviseur de courant : $I = \frac{R}{4R + R}\eta = \frac{\eta}{5} = 1 \ A$;
- g) Loi d'Ohm : $I = G_{\text{\'eq}}E = \left(\frac{1}{R} + \frac{1}{2R} + \frac{1}{3R}\right).E = \frac{11E}{6R} = 165 \text{ } mA;$
- **h)** Loi d'Ohm : $U = \frac{\eta}{\frac{1}{R} + \frac{1}{2R} + \frac{1}{3R}} = \frac{6R\eta}{11} \simeq 273 \ V$

■ Calculs de résistances équivalentes

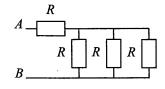
Ex-E2.9 Résistance équivalente (1)

Toutes les résistances sont identiques de valeur R. Déterminer la résistance équivalente vue entre les bornes A et B pour les schémas ci-contre.

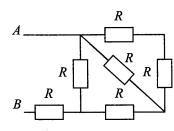
1.



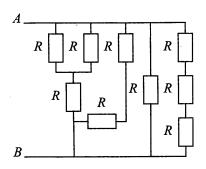
2.



3.

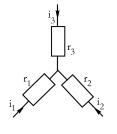


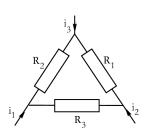
4.



Ex-E2.10 Théorème de Kennelly (À comprendre!)

On considere les deux circuits ci-dessous : celui de gauche est appelé le circuit « étoile » et celui de droite circuit « triangle ». Exprimer les résistances r_1, r_2 et r_3 du circuit étoile en fonction des résistances R_1 , R_2 et R_3 du circuit triangle pour que les deux circuits soient équivalents. La relation obtenue constitue le théorème de Kennelly.

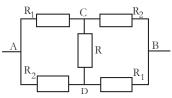




Rép : Transformation « triangle \rightarrow étoile » : $r_1 = \frac{R_2 R_3}{R_1 + R_2 + R_3}$, r_2 et r_3 se déduisent par permutation circulaire des indices. Transformation « étoile \rightarrow trinagle » : $R_3 = \frac{r_1.r_2 + r_2.r_3 + r_3.r_1}{r_3}$, R_2 et R_3 se déduisent par permutation circulaire des indices.

Ex-E2.11 Résistance équivalente d'un réseau dipolaire (2)

- 1) Calculer la résistance équivalente du réseau suivant :
 - a. en utilisant les lois de Kirchoff.
- **b.** en utilisant les regroupements de résistances (série, parallèle, triangle-étoile).
- 2) On applique entre A et B une tension U=11 V. Calculer l'intensité du courant dans la branche CD avec : $R_1=2R, R_2=4R$, et R=1 Ω .

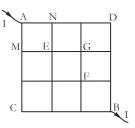


Rép : 1)
$$R_{\text{éq}} = \frac{2R_1R_2 + RR_1 + RR_2}{2R + R_1 + R_2}$$
; **2)** $I = I_{C \to D} = \frac{U}{11R} = 1$ A.

Ex-E2.12 Résistance équivalente d'un réseau dipolaire (3)

Calculer la résistance équivalente à un réseau à mailles carrées, chaque côtés ayant la résistance r.

Rép:
$$R_{\text{\'eq}} = \frac{13}{7}R$$



Ex-E2.13) Résistance équivalente d'un réseau dipolaire (4)

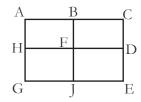
Chaque trait représente un résistor de résistance R.

Déterminer la résistance équivalente de ce réseau vu des points :

- **1)** A et C (5R/4)
- **2)** A et E (3R/2)
- **3)** A et F (7R/8)

- **4)** B et D (5*R*/6)
- **5)** H et D (R)
- **6)** A et B (17R/24)

7) B et F (7R/12)



■ Diviseur de tension

Ex-E2.14) Équilibrage du pont de Weahtsone

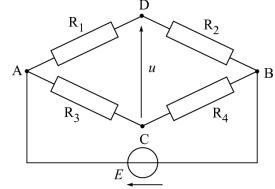
Un pont de Weahtsone est un montage électrique permettant de déterminer une résistance inconnue.

La résistance à déterminer est R_1 .

Les résistances R_3 et R_4 sont fixes et connues. R_2 est une résistance variable dont on connaît la valeur.

Le pont est dit **équilibré** lorsque la tension u mesurée entre C et D est nulle.

1) Déterminer la tension u en fonction de E et des résistances R_1 , R_2 , R_3 et R_4 .



2) À quelle condition le pont est-il équilibré? Déterminer alors R_1 .

Données : $R_3 = 100 \,\Omega$; $R_4 = 5 \,k\Omega$; $R_2 = 1\,827 \,\Omega$; $E = 6 \,V$.

- 3) Le voltmètre indique la tension « u = 0 » si, en réalité, on a : $|u| < 1 \, mV$.
- \rightarrow Dans le cadre de l'application numérique de la question 2), donner la précision sur la mesure de R_1 .

Rép: 1)
$$u = \left(\frac{R_3}{R_3 + R_4} - \frac{R_1}{R_1 + R_2}\right) E$$
; 2) $R_1 = 36, 5 \Omega$; 3) $R_1 = 36, 5 \pm 0, 3 \Omega$

■ LNTP / Théorème de Millman

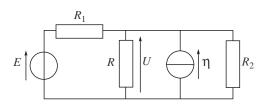
Ex-E2.15 Théorème de Millman (1)

Déterminer la valeur de R pour avoir U = 2 V:

- 1) après avoir simplifié le schéma (transformation(s) Thévenin/Norton et association(s))
- 2) directement en utilisant le théorème de Millman. Données :

$$E = 10 \ V \ ; \ \eta = 1 \ A \ ; \ R_1 = 4 \ \Omega \ ; \ R_2 = 2 \ \Omega.$$

Rép : $R = 1 \Omega$



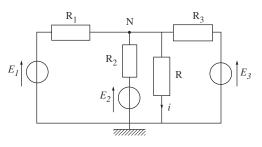
$(\mathsf{Ex} ext{-}\mathsf{E2.16})$ Théorème de Millman (2)

1) Énoncer la loi des nœuds en termes de potentiels pour le nœud N dans le montage ci-contre.

En déduire le courant i dans la résistance R.

2) Trouver cette même intensité i en utilisant les transformations Thévenin \leftrightarrow Norton.

$$\mbox{\bf R\'ep:} \ i = \frac{E_1 R_2 R_3 + E_2 R_3 R_1 + E_3 R_1 R_2}{R_1 R_2 R_3 + R(R_2 R_3 + R_1 R_2 + R_1 R_3)}$$



Ex-E2.17 LNTP

 $\overline{\text{Le nœud }B}$ est connecté à la masse du circuit de la figure ci-contre.

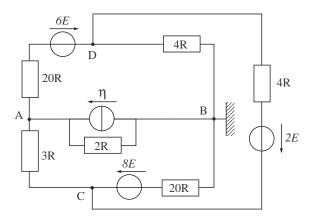
On donne : $\eta = 15 A$; $R = 1 \Omega$ et E = 1 V.

1) Déterminer les relations entre V_A , V_C et V_D en appliquant la loi des nœuds en termes de potentiels aux nœuds A, C et D.

2) Un voltmètre numérique, branché entre B et D, mesure $u_{DB} = 10 \, V$.

 \rightarrow En déduire les valeurs de V_A et V_C .

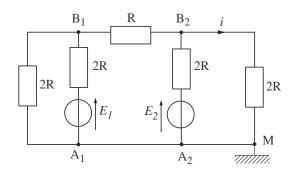
Rép: $V_A = 24 V$ et $V_C = 18 V$



$oxed{oxed{(Ex-E2.18}}$ Théorème de superposition et LNTP

Déterminer l'intensité i du courant qui circule dans la branche B_2MA_2 en considérant deux états successifs du circuit et en appliquant le théorème de Millman ou la LNTP.

Rép:
$$i = \frac{1}{6R} \left(\frac{E_1}{2} + E_2 \right)$$



 R_1

Solution Ex-E2.1

1) Après avoir introduit et nommé les nœuds, on peut introduire la résistance équivalente à R_2 et R_4 qui sont en série : $R_5 = R_2 + R_4$

• Il apparaît que R_3 est en parallèle avec R_5 .

En simplifiant :
$$R_6 = R_3 / / R_5 = \frac{R_3 R_5}{R_3 + R_5}$$

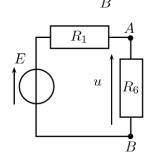
 \bullet On reconnaît un diviseur de tension, R_1 et R_6 étant en série, soumises à la tension E :

$$U_{AB} = \frac{R_6}{R_1 + R_6} E = \frac{R_3 R_5}{R_3 + R_5} \frac{E}{R_1 + \frac{R_3 R_5}{4R_3 + R_5}}$$

Soit:
$$u = U_{AB} = \frac{R_3(R_2 + R_4)}{R_1R_3 + (R_1 + R_3)(R_2 + R_4)}E$$

• $i = \frac{U_{AB}}{R_5}$ sur le premier schéma équivalent.

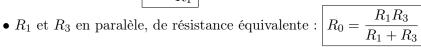
Soit:
$$i = \frac{R_3 E}{R_1 R_3 + (R_1 + R_3)(R_2 + R_4)}$$



Attention! i n'apparaît plus sur le second schéma équivalent. Il fallait revenir au premier schéma équivalent pour l'exprimer.

2) On introduit et on nomme les nœuds. On reconnaît un générateur de Thévenin de f.é.m. E et de résistance interne R_1 entre A et B. On peut faire une transformation Thévenin \rightarrow Norton.

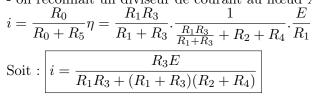
Il apparaı̂t le c.e.m. : $\eta = \frac{E}{R_1}$.

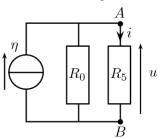




- \bullet R_0 est en parallèle avec $R_5,$ mais on ne simplifie pas! car :
- on cherche i
- on reconnaît un diviseur de courant au nœud A alimenté par η :

$$i = \frac{R_0}{R_0 + R_5} \eta = \frac{R_1 R_3}{R_1 + R_3} \cdot \frac{1}{\frac{R_1 R_3}{R_1 + R_3} + R_2 + R_4} \cdot \frac{E}{R_1}$$





- Puisque $U_{AB} = R_5 i$, on retrouve : $u = U_{AB} = \frac{R_3(R_2 + R_4)}{R_1 R_3 + (R_1 + R_3)(R_2 + R_4)} E$
- **3)** $i = 15 \ mA$ et $u = U_{AB} = 1, 5 \ V$

Solution Ex-E2.2

- 1) Montage « Diviseur de tension » entre D et F: $U_{EF} = \frac{R}{R+2R}E' = 1$ V
- 2) D'abord exprimer la résistance équivalente entre B et C: $R_{eq} = (R//R)//2R = \frac{R}{2}//2R = \frac{2}{5}R$
- Du point de vue de la branche principale, la branche $\{D, 2R, R, F\}$ est inutile puisqu'une force éloctromotrice E' en parallèle impose la tension à ses bornes.

On peut donc l'enlever sur un schéma équivalent.

Il apparaît deux forces électromotrices en série qui s'oppose : on peut donc les remplacer par une seule et unique f.é.m. de valeur $E_0 = E - E' = 2 V$ et de même sens que E.

- Le circuit est maintenant équivalent à un circuit formé d'une seule maille
 - parcourue par I_0 ,
 - constitué d'une $f.\acute{e}.m.$ E_0 de même sens que I_0
 - et d'une résistance équivalente $R_0 = R + R_{eq} + R = \frac{12}{5}R$
- \rightarrow la loi des mailles donne $I_0 = \frac{E_0}{R_0} = \frac{5}{12R}(E E') = \frac{5}{6} A \approx 0,83 A$
- 3) Pour connaître l'intensité I' circulant dans la branche contenant E' on calcule d'abord l'intensité I'' qui circule de D vers F dans la branche contenant les résistances 2R + R = 3Rsoumises à la tension E'.

La loi d'Ohm donne, en convention récepteur : $I'' = \frac{E'}{3R} = 1$ A

- ullet On en déduit donc, d'après la loi des nœuds et en définissant I' par rapport à E' en convention $I' = I'' - I_0 = \frac{1}{6} A \approx 0,17 A \mid (I' \text{ dirigée de } F \text{ vers } D).$ générateur, que
- **4)** Tout d'abord, les symétries imposent que $i_1 = i_3$

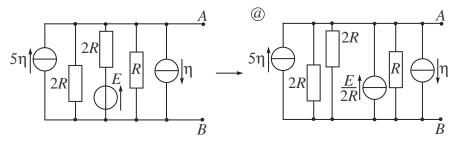
On reconnaît ensuite entre B et C un diviseur de courant

- On a donc : $i_1 = \frac{G_1}{G_{eq}} I_0 = \frac{R_{eq}}{R} I_0 \Longrightarrow \Big| i_1 = i_3 = \frac{2}{5} I_0 = \frac{1}{3} A \approx 0,33 A$
- De même : $i_2 = \frac{G_2}{G_{eq}}I_0 = \frac{R_{eq}}{2R}I_0 \Longrightarrow \boxed{i_2 = \frac{1}{5}I_0 = \frac{1}{6} A \approx 0,17 A}$
- On vérifie bien entendu la loi des nœuds en $B: I_0 = i_1 + i_2 + i_3$

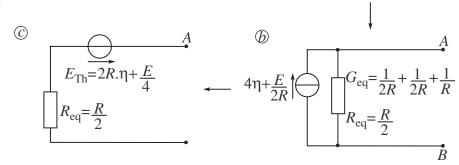
Solution Ex-E2.5

(a): Transformation $\mathsf{Th\acute{e}v.} \to \mathsf{Nort.}$

(b) : association de 3 résistances en parallèle; association de 3 c.é.m. en parallèle



 \bigcirc : Transformation $\mathsf{Nort}.{\to}\ \mathsf{Th\'{e}v}.$



Solution Ex-E2.8

Correction d'une réponse erronée fournie page 3 (version précédente du document) :

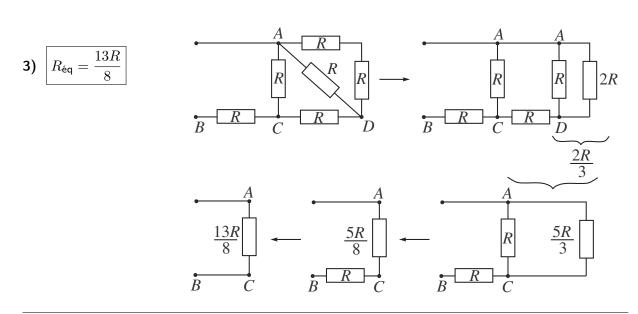
c) Loi d'Ohm : $U = 2R.\eta = 1~000~V~(\text{et non pas}~600~V!)$

Solution Ex-E2.9

1) Deux branches sont en parallèle (leurs deux nœuds sont communs). L'une contient une seule résistance R. L'autre contient trois résistances identiques en série.

Donc: $R_{\text{\'eq}} = R / 3R = \frac{R.3R}{R+3R}$; soit: $R_{\text{\'eq}} = \frac{3R}{4}$

2) Trois résistances identiques en parallèle ont pour conductance : $G_1 = \frac{1}{R_1} = \frac{1}{R} + \frac{1}{R} + \frac{1}{R} = \frac{3}{R}$. Cette résistance $R_1 = \frac{R}{3}$ est en série avec la résistance R. Donc : $R_{\text{eq}} = R + R_1 = \frac{4R}{3}$



4) $R_{\text{\'eq}}$ est la résistance équivalente à 4 résistance en parallèle de conductance

$$G_{\rm \acute{e}q} = \frac{2}{3R} {+} \frac{1}{2R} {+} \frac{1}{R} {+} \frac{1}{3R}$$

Donc de résistance :

$$R_{\rm \acute{e}q} = \frac{2R}{5}$$

