

M.K.S

Université de Yaoundé I
Ecole Nationale Supérieure
Polytechnique
Département de
Mathématiques et Sciences
Physiques



The Univ. of Yaoundé I
National Engineering School
Department of Mathematics and Physics

Examen de fin de premier semestre/UE PHY 215 : Travaux pratiques de Physique II
Mercredi 16 Janvier 2019-Durée : 3H/Examineur : V.K. Kamgang

(Tous documents autorisés et Matlab fortement recommandé.)

(On écrira directement les réponses aux questions posées sans développement)

I. Etude d'un quadripôle en charge/2pt

On considère le quadripôle représenté sur la figure 1.

- I.1. Exprimer dans le détail la matrice de transfert de ce quadripôle. (0.5pt)
- I.2. On alimente ce quadripôle à l'aide d'un générateur parfait de tension sinusoïdale $e(t) = \sqrt{2}E_{\text{eff}} \cos \omega t$. Ecrire l'expression de la tension de sortie à vide \bar{v}_{s0} (en modèle complexe). (0.5pt)
- I.3. Calculer l'impédance de sortie complexe \bar{Z}_s du quadripôle. (0.5pt)
- I.4. On connecte une résistance de charge R_c en sortie du quadripôle. (0.5pt)
Ecrire la valeur efficace du courant qui la traverse.

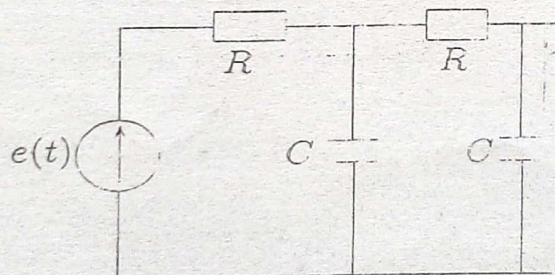


FIGURE 1 - Quadripôle en charge.

II. Réalisation d'un filtre à amplificateur/13pt

- II.1. On considère tout d'abord le circuit de la figure 2(a) composé d'une résistance R et d'un condensateur de capacité C alimentant une charge assimilable à une résistance R . On note e la tension d'entrée et s celle de sortie.

Dans un premier temps, la tension d'entrée est une tension continue E .

- II.1.1. Etablir l'équation différentielle vérifiée par s . (0.5pt)
- II.1.2. Sachant que pour $t < 0$, le circuit a atteint un régime continu et qu'on commence l'alimentation du circuit par la tension continue E à $t = 0$, que peut-on dire de la valeur de la tension s à cet instant? (0.5pt)
- II.1.3. En déduire la résolution de l'équation différentielle en s . (0.5pt)
- II.1.4. Représenter la tension $s(t)$ en la justifiant brièvement. (1pt)
- II.1.5. Exprimer la tension u aux bornes de R . (0.5pt)
- II.1.6. En déduire la représentation de $u(t)$. (0.5pt)

- II.2. On remplace la tension continue par une tension sinusoïdale $e(t) = E \cos \omega t$.
On s'intéresse au régime permanent.
- II.2.1. Calculer la fonction de transfert du circuit. (0.5pt)
- II.2.2. Quelle est la nature du filtre obtenu? (0.5pt)
- II.2.3. L'écrire sous forme canonique et écrire les expressions du gain H_0 à fréquence nulle et de la fréquence de coupure f_0 . (0.5pt)
- II.2.4. Tracer sur papier semilog, en le justifiant, le diagramme de Bode en gain. On donnera les tracés réel et asymptotique. (1pt)
- II.2.5. Même question pour le diagramme de Bode en phase. (1pt)
- II.3. On cherche à améliorer ce circuit en utilisant un amplificateur opérationnel comme l'indique la figure 2(b).

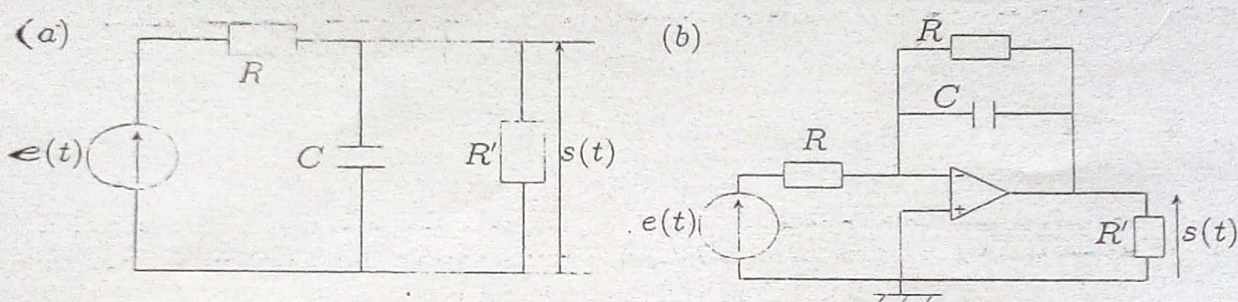


FIGURE 2 - (a) Circuit filtre simple et (b) Filtre à amplificateur.

- II.3.1. Rappeler les hypothèses d'un amplificateur opérationnel idéal. (0.5pt)
- II.3.2. Qu'appelle-t-on régime linéaire de l'amplificateur opérationnel? (0.5pt)
- II.3.3. Quelle est la conséquence du caractère idéal sur le régime linéaire de l'amplificateur opérationnel? Dans la suite, on se placera dans ces conditions. (0.5pt)
- II.3.4. Écrire l'expression de la fonction de transfert du montage. (0.5pt)
- II.3.5. Comparer le diagramme de Bode de ce filtre avec le précédent. (1pt)
- II.3.6. En déduire l'intérêt de ce nouveau montage. (0.5pt)
- II.4. On remplace alors la tension sinusoïdale par une tension crête à crête de période T avec $e(t) = E$ pour $0 \leq t \leq T/2$ et $e(t) = -E$ pour $-T/2 \leq t \leq 0$.
- II.4.1. Calculer la décomposition en séries de Fourier de ce signal. On rappelle que celle-ci s'écrit : (0.5pt)

$$a_0/2 + \sum_{n=1}^{+\infty} (a_n \cos(n\omega t) + b_n \sin(n\omega t))$$

avec $a_n = (2/T) \int_{-T/2}^{T/2} e(t) \cos(n\omega t) dt$ et $b_n = (2/T) \int_{-T/2}^{T/2} e(t) \sin(n\omega t) dt$.

- II.4.2. Écrire, en la justifiant, l'expression générale de $s(t)$. (0.5pt)
- II.4.3. Le montage précédent peut-il se comporter en dérivateur? Justifier. (0.5pt)
- II.4.4. Même question pour un comportement intégrateur. (0.5pt)
- II.4.5. En déduire la condition portant sur le choix de R et C pour obtenir une sortie quasitriangulaire? (0.5pt)

III. Circuit redresseur/3pt

On se propose ici d'étudier le comportement d'un circuit redresseur qu'on associe à la diode chacun de ses trois modèles linéaires. Le schéma du circuit est représenté figure 3. Celui-ci est constitué d'une diode, d'une résistance $R = 33\Omega$ et d'un générateur de tension sinusoïdale $v_e(t)$ d'amplitude maximale $E_0 = 10V$ et de période T .

On demande pour ce circuit d'exprimer (et représenter) la tension aux bornes de la charge $v_L(t)$ lorsque l'on remplace la diode par son modèle linéaire.

III.1. Diode idéale.

III.2. Seconde approximation ($V_s = 0,7V$).

III.3. Troisième approximation ($V_s = 0,7V, R_s = 5\Omega$).

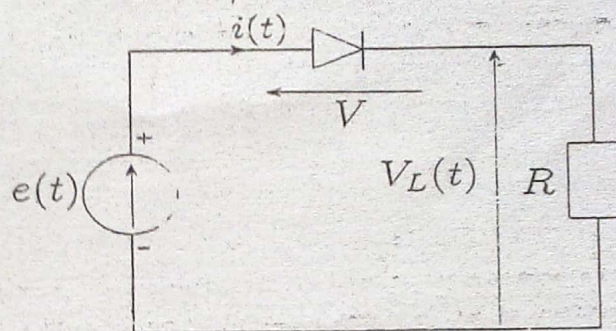


FIGURE 3 - Circuit redresseur.

IV. Circuit logique en commutation/2pt

On considère le circuit représenté sur le schéma de la figure 4. Chaque tension V_1 et V_2 ne peut prendre que les deux valeurs 0 ou 5 V. Le gain en courant du transistor est $\beta = 100$.

IV.1. Calculer la valeur de la tension V_s dans le cas où l'on a $V_1 = 5V$ et $V_2 = 0V$.

IV.2. Calculer également la valeur de V_s dans le cas où une seule des tensions V_1 et V_2 est égale à 5 V (l'autre restant à 0), puis dans le cas où elles sont toutes deux égales à 5 V.

IV.3. Conclure sur la fonction réalisée par ce montage.

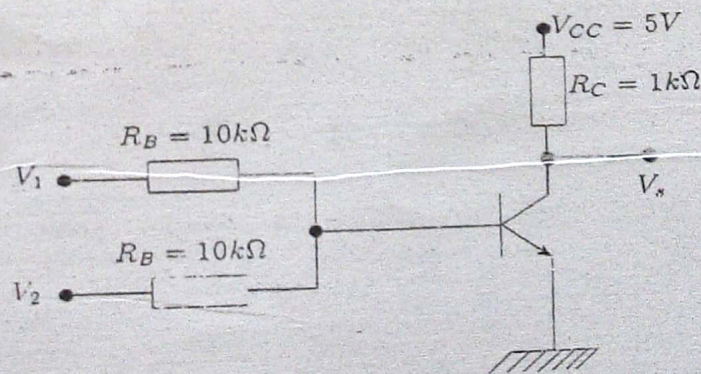


FIGURE 4 - Circuit logique en commutation.