

TD de COptimale 1

Mettre une croix « X » dans la bonne case

| | | | |
|---|--|---|---|
| Exercice 1 | | $Q(x,y) = 4x^2 + 14y^2 + 10xy$ | |
| la forme quadratique $Q(x,y)$ associée à la matrice $A = \begin{bmatrix} 4 & 7 \\ 7 & 10 \end{bmatrix}$ | | $Q(x,y) = 4x^2 + 10y^2 + 7xy$ | |
| | | $Q(x,y) = 4x^2 + 10y^2 + 14xy$ | ✓ |
| Exercice 2 | | $A = \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 0 & 10 \end{bmatrix}$ | |
| la matrice A associée à la forme quadratique $P(x,y) = 7x^2 + 8y^2 + 10xy$ | | $A = \begin{bmatrix} 7 & 5 \\ 5 & 8 \end{bmatrix}$ | ✓ |
| | | $A = \begin{bmatrix} 7 & 25 \\ 0 & 8 \end{bmatrix}$ | |
| Exercice 3 | | $H(x,y,z) = 5x^2 - 3y^2 + z^2 + 7xy + 16x^2z - 2z$ | |
| Corriger 3 erreurs dans la forme quadratique $H(x,y,z) = 5x^2 - 3y^2 + z^2 + 7xyz + 16x^2z - 2z$ | | $H(x,y,z) = 5x^2 - 3y^2 + z^2 + 7xy + 16xz - 2yz$ | ✓ |
| | | $H(x,y,z) = 5x^2 - 3y^2 + z^2 + 7xyz + 16xz - 2z$ | |
| Exercice 4 le Type de Problème de CO | | Régulation d'état à horizon fini | |
| Système $\begin{cases} \dot{x} = 1.3x + 3u, & x(0) = 20 \\ y = 1.7x \end{cases}$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^\infty (3y^2 + 5u^2) dt$ | | Poursuite de sortie à horizon fini | |
| | | Régulation de sortie à horizon infini | ✓ |
| Exercice 5 | | $J = \frac{1}{2} \int_0^\infty (2y^2 + 3u^2) dt$ | |
| le critère J à minimiser du Problème de Régulation d'état à horizon infini du système : $\dot{x} = 0.2x + 3u, x(0) = 10$ est : | | $J = \frac{1}{2} \int_0^{10} (2x^2 + 3u^2) dt$ | |
| | | $J = \frac{1}{2} \int_0^\infty (2x^2 + 3u^2) dt$ | ✓ |

| | |
|---|--|
| Exercice 6 | |
| Compléter $\alpha = ?$ du gain de Riccati $K = \begin{bmatrix} 0,02 & 0,19 \\ 0,19 & \alpha \end{bmatrix}$ | $\alpha = -10$ $\alpha = 2.5$ ✓ $\alpha = -2.5$ |
| Exercice 7 | |
| Le gain statique K du système $H(p) = \frac{10}{(p+5)(p+2)}$ est : | $K=10$ $K=5$ $K=1$ ✓ |
| Exercice 8 | |
| La constante de temps T du système $G(p) = \frac{8}{p+4}$ est : | $T=8$ $T=0.25$ ✓ $T=4$ |
| Exercice 9 l'équation de Riccati du Problème de CO | |
| Système $\begin{cases} \dot{x} = 2x + 7u \\ y = 2.8x \end{cases}$, $x(0) = 2$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^\infty (5y^2 + 4u^2) dt$ | $KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + Q = 0$ $\dot{K} + KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + C^T QC = 0$ $KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + C^T QC = 0$ ✓ |
| Exercice 10 l'équation de Riccati du Problème de CO | |
| Système $\begin{cases} x_{k+1} = Ax_k + Bu_k \\ y_k = Cx_k \end{cases}$ | $P_k = Q + A^T P_{k+1} A - A^T P_{k+1} B (R + B^T P_{k+1} B)^{-1} B^T P_{k+1} A$ $P_k = Q + \frac{A^T}{r} P_{k+1} \frac{A}{r} - \frac{A^T}{r} P_{k+1} \frac{B}{r} (R + \frac{B^T}{r} P_{k+1} \frac{B}{r})^{-1} \frac{B^T}{r} P_{k+1} \frac{A}{r}$ $P = Q + \frac{A^T}{r} P \frac{A}{r} - \frac{A^T}{r} P \frac{B}{r} (R + \frac{B^T}{r} P \frac{B}{r})^{-1} \frac{B^T}{r} P \frac{A}{r}$ ✓ |
| Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{\infty} (0.5)^{-2k} (x_k^T Q x_k + u_k^T R u_k)$ | |

2
1/0,29P

$\frac{K}{1+p^2}$

T01
2/2

TD de COptimale 2

Mettre une croix « X » dans la bonne case

| | | |
|--|--|---|
| <u>Exercice 1</u> | | |
| la forme quadratique $Q(x,y)$ associée à la matrice $A = \begin{bmatrix} 2 & 9 \\ 10 & 15 \end{bmatrix}$ | $Q(x,y) = 2x^2 + 19y^2 + 15xy$ | |
| | $Q(x,y) = 2x^2 + 15y^2 + 19xy$ | ✓ |
| | $Q(x,y) = 15x^2 + 2y^2 + 19xy$ | |
| <u>Exercice 2</u> | | |
| la forme quadratique $H(x,y,z)$ associée à la matrice $B = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 5 \\ 1 & 6 & 0 \\ 2 & 0 & 18 \end{bmatrix}$ | $H(x,y,z) = 2x^2 + 6y^2 + 18z^2 + xy + 7xz$ | ✓ |
| | $H(x,y,z) = 2x^2 + 6y^2 + 18z^2 + 3xy + 5xz$ | |
| | $H(x,y,z) = 2x^2 + 6y^2 + 18z^2 + xy + 3yz$ | |
| <u>Exercice 3</u> | | |
| la matrice A associée à la forme quadratique $P(x,y) = 3x^2 + 2y^2 + 6xy$ | $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 6 \end{bmatrix}$ | |
| | $A = \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ | ✓ |
| | $A = \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$ | |
| | | |

π
11

| | | | | |
|--|--|---|---|---|
| <u>Exercice 4</u> | | la matrice B associée à la forme quadratique $Q(x,y,z)=2x^2+3y^2+4z^2+5xy+9yz$? | $B = \begin{bmatrix} 2 & 2.5 & 4.5 \\ 4.5 & 3 & 0 \\ 2.5 & 0 & 4 \end{bmatrix}$ | |
| | | | $B = \begin{bmatrix} 2 & 2.5 & 0 \\ 2.5 & 3 & 9 \\ 0 & 0 & 4 \end{bmatrix}$ | ✓ |
| | | | $B = \begin{bmatrix} 2 & 2.5 & 0 \\ 2.5 & 3 & 9 \\ 0 & 9 & 4 \end{bmatrix}$ | |
| <u>Exercice 5</u> | | | $H(x,y,z)=x^2+y^2+z^2+5x+6y+7z$ | |
| Corriger la forme quadratique | | | $H(x,y,z)=x^2+y^2+z^2+5xy+6xz+7$ | |
| $H(x,y,z)=x^2+y^2+z^2+5xy+6xz^2+7z$ | | | $H(x,y,z)=x^2+y^2+z^2+5xy+6xz+7yz$ | ✓ |
| <u>Exercice 6</u> | | | $G(x,y)=2x^2+3y^2+4xy$ | ✓ |
| Corriger la forme quadratique $G(x,y)=2x^2+3xy^2+4xy+5$ | | | $G(x,y)=2x^2+3y^2+4xy+5$ | |
| | | | $G(x,y)=2x^2+3y^2+4x+5y$ | |
| <u>Exercice 7</u> le Type de Problème de CO | | | Régulation d'état à horizon fini | |
| Système $\begin{cases} \dot{x} = 6x + 3u \\ y = 7x \end{cases}$, $x(0) = 8$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^{15} (3y^2 + 5u^2) dt$ | | | Poursuite de sortie à horizon infini | |
| | | | Régulation de sortie à horizon fini | ✓ |
| <u>Exercice 8</u> le Type de Problème de CO | | | Régulation d'état à horizon fini avec degré de stabilité | |
| Système $\begin{cases} \dot{x} = 3x + 2u \\ y = 8x \end{cases}$, $x(0) = 2$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} e^{5t} (2y^2 + 7u^2) dt$ | | | Régulation de sortie à horizon fini | |
| | | | Régulation de sortie à horizon infini avec degré de stabilité | ✓ |

5 - a

| | | |
|---|--|---|
| Exercice 9 le critère J à minimiser du Problème de Régulation d'état à horizon fini du système : $\dot{x} = 5x + 30u$, $x(0) = 5$ | $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} (2x^2 + 8u^2) dt$ | |
| | $J = \frac{1}{2} \int_0^{65} (7y^2 + 5u^2) dt$ | |
| | $J = \frac{1}{2} \int_0^{65} (5x^2 + 7u^2) dt$ | ✓ |
| Exercice 10 le critère J à minimiser du Problème de Régulation d'état avec degré de stabilité 5 à horizon infini du système : $\dot{x} = 12x + 31u$, $x(0) = 7$ | $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} e^{10t} (3x^2 + 5u^2) dt$ | ✓ |
| | $J = \frac{1}{2} \int_0^{40} e^{5t} (3x^2 + 5u^2) dt$ | |
| | $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} (2x^2 + 3u^2) dt$ | |
| Exercice 11 Compléter le gain de Riccati $K = \begin{bmatrix} 2 & a \\ a & 2.5 \end{bmatrix}$ | $a = 1$ | ✓ |
| | $a = 5$ | |
| | $a = 3$ | |
| Exercice 12 Compléter le gain de Riccati $K = \begin{bmatrix} b & 2 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ | $b = -5$ | |
| | $b = 5$ | ✓ |
| | $b = 1$ | |
| Exercice 13 Le gain statique K du système $H(p) = \frac{10}{(5p+1)(2p+1)}$ | $K = 10$ | ✓ |
| | $K = 5$ | |
| | $K = 1$ | |
| Exercice 14 Le gain statique K du système $G(p) = \frac{10}{(5p+1)(p^2+p+2)}$ | $K = 10$ | |
| | $K = 5$ | |
| | $K = 1$ | |
| | | |
| | | |

| | | |
|--|--|---|
| Exercice 15 La constante de temps T du système $R(p) = \frac{8}{4p+1}$ est | T=8 | |
| | T=1 | |
| | T=4 | ✓ |
| Exercice 16 La constante de temps T du système $L(p) = \frac{7}{4p+4}$ est : | T=7 | |
| | T=1 | ✓ |
| | T=4 | |
| Exercice 17 l'équation de Riccati du Problème de CO Système $\begin{cases} \dot{x} = 5x + 17u \\ y = 8x \end{cases}$, $x(0) = 20$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^{20} (5y^2 + 6u^2) dt$ | $KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + Q = 0$ | |
| | $\dot{K} + KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + C^T QC = 0$ | ✓ |
| | $KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + C^T QC = 0$ | ✓ |
| Exercice 18 l'équation de Riccati du Problème de CO Système $\begin{cases} \dot{x} = 12x + 17u \\ y = 2x \end{cases}$, $x(0) = 1$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} (9x^2 + 14u^2) dt$ | $\dot{K} + KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + C^T QC = 0$ | |
| | $\dot{K} + KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + Q = 0$ | |
| | $KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + C^T QC = 0$ | ✗ |
| Exercice 19 l'équation de Riccati du Problème de CO Système $\begin{cases} x_{k+1} = Ax_k + Bu_k \\ y_k = Cx_k \end{cases}$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{60} (x_k^T Q x_k + u_k^T R u_k)$ | $P_k = C^T Q C + A^T P_{k+1} A - A^T P_{k+1} B (R + B^T P_{k+1} B)^{-1} B^T P_{k+1} A$ | |
| | $P_k = Q + A^T P_{k+1} A - A^T P_{k+1} B (R + B^T P_{k+1} B)^{-1} B^T P_{k+1} A$ | ✓ |
| | $P = Q + \frac{A^T}{r} P \frac{A}{r} - \frac{A^T}{r} P \frac{B}{r} (R + \frac{B^T}{r} P \frac{B}{r})^{-1} \frac{B^T}{r} P \frac{A}{r}$ | |
| Exercice 20 l'équation de Riccati du Problème de CO Système $\begin{cases} x_{k+1} = Ax_k + Bu_k \\ y_k = Cx_k \end{cases}$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{79} (0.6)^{-2k} (y_k^T Q y_k + u_k^T R u_k)$ | $P_k = Q + A^T P_{k+1} A - A^T P_{k+1} B (R + B^T P_{k+1} B)^{-1} B^T P_{k+1} A$ | |
| | $P_k = C^T Q C + \frac{A^T}{r} P_{k+1} \frac{A}{r} - \frac{A^T}{r} P_{k+1} \frac{B}{r} (R + \frac{B^T}{r} P_{k+1} \frac{B}{r})^{-1} \frac{B^T}{r} P_{k+1} \frac{A}{r}$ | ✓ |
| | $P_k = C^T Q C + A^T P_{k+1} A - A^T P_{k+1} B (R + B^T P_{k+1} B)^{-1} B^T P_{k+1} A$ | |

T02
4/4

TD3 de C.Optimale 3

Mettre une croix « X » dans la bonne case

| | | |
|--|---|---|
| Exercice 1 Le système $H_1(p) = \frac{5}{(1+p)(1+3p)}$ a deux pôles réels ($z > 1$) | oui | X |
| | non | |
| Exercice 2 Le système $H_2(p) = \frac{4}{5p^2 + p + 1}$ a deux pôles complexes ($z < 1$) | oui | X |
| | non | |
| Exercice 3 Le système $H_3(p) = \frac{15}{(1+5p)(1+3p)}$ est Oscillatoire amorti ($z < 1$) <i>(pôles complexes)</i> | oui | |
| | non | X |
| Exercice 4 Le système $H_4(p) = \frac{10}{p^2 + p + 2}$ est Hyper amorti ($z > 1$) <i>(pôles réels)</i> | oui | |
| | non | X |
| Exercice 5 La constante de temps T et le gain statique K de $G_1(p) = \frac{6}{2+3p}$ sont | K=6, T=3 | |
| | K=3, T=1.5 | X |
| | K=3, T=3 | |
| Exercice 6 La constante de temps T et le gain statique K de $G_2(p) = \frac{25}{5+10p}$ sont | K=5, T=2 | X |
| | K=25, T=10 | |
| | K=5, T=10 | |
| Exercice 7 la forme quadratique $H(x,y,z)$ associée à la matrice $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 1 & 18 & 0 \\ 7 & 0 & 6 \end{bmatrix}$ | $H(x,y,z) = 2x^2 + 18y^2 + 6z^2 + 2xy + 10xz$ | ✓ |
| | $H(x,y,z) = 2x^2 + 18y^2 + 6z^2 + 4xy + 8xz$ | |
| Exercice 8 la forme quadratique $Q(x,y,z)$ associée à la matrice $B = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 0 \\ 1 & 6 & 0 \\ 0 & 7 & 10 \end{bmatrix}$ | $Q(x,y,z) = 2x^2 + 6y^2 + 18z^2 + 4xy + 7xz$ | |

| | | | |
|--|--|--|---|
| | | $Q(x, y, z) = 2x^2 + 6y^2 + 18z^2 + 4xy + 7yz$ | ✓ |
| Exercice 9 la matrice C associée à la forme quadratique $R(x, y, z) = x^2 + 2y^2 + 3z^2 + 6xy$ | | $C = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 0 \\ 3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$ | |
| | | $C = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 0 \\ 3 & 2 & 1 \\ 0 & -1 & 3 \end{bmatrix}$ | ✓ |
| Exercice 10 Corriger la forme quadratique $F(x, y, z) = x^2y + y^2 + 2z^2 + 5xy + 9xz$ | | $F(x, y, z) = x^2 + y^2 + 2z^2 + 5xy + 9xz$ | ✓ |
| | | $F(x, y, z) = x^2y + y^2x + 2z^2y + 5xyz$ | |
| Exercice 11 le Type de Problème de CO | | Régulation de sortie à horizon fini | |
| Système $\begin{cases} \dot{x} = 6x + 3u, & x(0) = 8 \\ y = 7x \end{cases}$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^{30} (3(7-y)^2 + 5u^2) dt$ | | Poursuite de sortie à horizon fini | ✓ |
| Exercice 12 le Type de Problème de CO | | Régulation d'état à horizon infini avec degré de stabilité | ✓ |
| Système $\begin{cases} \dot{x} = 3x + 2u, & x(0) = 2 \\ y = 8x \end{cases}$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} e^{12t} (2x^2 + 6u^2) dt$ | | Poursuite d'état à horizon infini | |
| Exercice 13 le critère J à minimiser du Problème de Régulation d'état avec perturbation | | $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} (2x^2 + 8u^2) dt$ | ✓ |
| du système : $\dot{x} = 5x + 30u + 0.2, x(0) = 0.2$ | | $J = \frac{1}{2} \int_0^{90} (6y^2 + 5u^2) dt$ | |
| Exercice 14 le critère J à minimiser du Problème de poursuite d'état avec degré de stabilité 1.5 | | $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} e^{3t} (2(x-3)^2 + 5u^2) dt$ | ✓ |
| du système : $\dot{x} = 1.5x + 9u, x(0) = 1.5$ | | $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} 1.5(2(x-3)^2 + 5u^2) dt$ | |
| | | | |

TC
9

| | | | |
|---|--|--|---|
| Exercice 15 | | $a = 0$ | |
| Compléter le gain de Riccati $K = \begin{bmatrix} 5.2 & 2.1 \\ 2.1 & a \end{bmatrix}$ | | $a = 1.8$ | ✓ |
| Exercice 16 le critère associé au Problème de Poursuite d'état du | | $J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{999} r^{-2k} [(x_k - 8)^T Q (x_k - 8) + u_k^T R u_k]$ | |
| Système $\begin{cases} x_{k+1} = A x_k + B u_k \\ y_k = C x_k \end{cases}$ | | $J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{\infty} [(x_k - 8)^T Q (x_k - 8) + u_k^T R u_k]$ | ✓ |
| Exercice 17 l'équation de Commande Auxiliaire du Problème de CO | | $\dot{q} + [A^T - KBR^{-1}B^T]q + Kv = 0$ | ✓ |
| Système $\begin{cases} \dot{x} = 2x + 7u + 0.5, x(0) = 10 \\ y = 9x \end{cases}$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^{80} (6x^2 + 6u^2) dt$ | | $\dot{q} + [A^T - KBR^{-1}B^T]q + C^T Q y_d = 0$ | |
| Exercice 18 l'équation de Riccati du Problème de CO | | $\dot{K} + KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + C^T Q C = 0$ | |
| Système $\begin{cases} \dot{x} = 12x + 17u, x(0) = 1 \\ y = 2x \end{cases}$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} (9x^2 + 14u^2) dt$ | | $\dot{K} + KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + Q = 0$ | |
| | | $KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + Q = 0$ | ✓ |
| Exercice 19 l'équation de Riccati du Problème de CO | | $P_k = Q + A^T P_{k+1} A - A^T P_{k+1} B (R + B^T P_{k+1} B)^{-1} B^T P_{k+1} A$ | |
| Système $\begin{cases} x_{k+1} = A x_k + B u_k \\ y_k = C x_k \end{cases}$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{139} (0.6)^{-2k} (x_k^T Q x_k + u_k^T R u_k)$ | | $P_k = Q + \frac{A^T}{r} P_{k+1} \frac{A}{r} - \frac{A^T}{r} P_{k+1} \frac{B}{r} (R + \frac{B^T}{r} P_{k+1} \frac{B}{r})^{-1} \frac{B^T}{r} P_{k+1} \frac{A}{r}$ | ✓ |
| Exercice 20 le Type de Problème de CO | | Régulation d'état avec degré de stabilité 7 | |
| Système $\begin{cases} x_{k+1} = A x_k + B u_k \\ y_k = C x_k \end{cases}$ avec $\min J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{109} [(y_k - 7)^T Q (y_k - 7) + u_k^T R u_k]$ | | Poursuite de sortie désirée 7 à horizon fini | ✓ |

TD Commande Optimale - 4

Garder la bonne réponse

et

Justifier brièvement votre réponse

| | | | | | | | |
|---|---|--|---|---|---------------------------------------|---|---|
| <p><u>Exercice 2</u> la matrice A associée à la forme quadratique</p> | $A = \begin{bmatrix} 7 & 49 \\ 0 & 14 \end{bmatrix}$ | | | | | | |
| <p><u>Exercice 1</u> la forme quadratique Q(x,y) associée à la matrice $A = \begin{bmatrix} 4 & -2 \\ 8 & 10 \end{bmatrix}$</p> | <table> <tr> <td>$Q(x,y) = 4x^2 - 2y^2 + 10xy$</td> <td></td> </tr> <tr> <td>$Q(x,y) = 4x^2 + 10y^2 + 6xy$</td> <td>✓</td> </tr> <tr> <td>$Q(x,y) = 4x^2 + 10y^2 - 16xy$</td> <td></td> </tr> </table> | $Q(x,y) = 4x^2 - 2y^2 + 10xy$ | | $Q(x,y) = 4x^2 + 10y^2 + 6xy$ | ✓ | $Q(x,y) = 4x^2 + 10y^2 - 16xy$ | |
| $Q(x,y) = 4x^2 - 2y^2 + 10xy$ | | | | | | | |
| $Q(x,y) = 4x^2 + 10y^2 + 6xy$ | ✓ | | | | | | |
| $Q(x,y) = 4x^2 + 10y^2 - 16xy$ | | | | | | | |
| | $A = \begin{bmatrix} 7 & 14 \\ 0 & 7 \end{bmatrix}$ $A = \begin{bmatrix} 7 & 7 \\ 7 & 7 \end{bmatrix}$ | | | | | | |
| <p><u>Exercice 3</u> Corriger 3 erreurs dans la forme quadratique $H(x,y,z) = 2 + 5x^2 - 3y^2 + z^2 - 8xy - 2xzy$</p> | <table> <tr> <td>$H(x,y,z) = 5x^2 - 3y^2 + z^2 - 8xy - 2x$</td> <td></td> </tr> <tr> <td>$H(x,y,z) = 5x^2 - 3y^2 + z^2 - 8xy - 2zy$</td> <td>✓</td> </tr> <tr> <td>$H(x,y,z) = 2 + 5x^2 - 3y^2 + z^2 - 8xy$</td> <td></td> </tr> </table> | $H(x,y,z) = 5x^2 - 3y^2 + z^2 - 8xy - 2x$ | | $H(x,y,z) = 5x^2 - 3y^2 + z^2 - 8xy - 2zy$ | ✓ | $H(x,y,z) = 2 + 5x^2 - 3y^2 + z^2 - 8xy$ | |
| $H(x,y,z) = 5x^2 - 3y^2 + z^2 - 8xy - 2x$ | | | | | | | |
| $H(x,y,z) = 5x^2 - 3y^2 + z^2 - 8xy - 2zy$ | ✓ | | | | | | |
| $H(x,y,z) = 2 + 5x^2 - 3y^2 + z^2 - 8xy$ | | | | | | | |
| <p><u>Exercice 4</u> le Type de Problème de CO Système avec le Critère à minimiser $\begin{cases} \dot{x} = 2x + 3u, & x(0) = 3 \\ y = 5x \end{cases} \quad J = \frac{1}{2} \int_0^{80} 5(y^2 + u^2) dt$</p> | <table> <tr> <td>Régulation d'état à horizon fini</td> <td rowspan="3">✗</td> </tr> <tr> <td>Poursuite de sortie à horizon fini</td> </tr> <tr> <td>Régulation de sortie à horizon infini</td> </tr> </table> | Régulation d'état à horizon fini | ✗ | Poursuite de sortie à horizon fini | Régulation de sortie à horizon infini | | |
| Régulation d'état à horizon fini | ✗ | | | | | | |
| Poursuite de sortie à horizon fini | | | | | | | |
| Régulation de sortie à horizon infini | | | | | | | |
| <p><u>Exercice 5</u> le critère J à minimiser du Problème de Poursuite de sortie à horizon infini du système $\dot{x} = 2x + 3.8u, \quad x(0) = 20$ est :</p> | <table> <tr> <td>$J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} (2x^2 + 3u^2) dt$</td> <td></td> </tr> <tr> <td>$J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{\infty} (0.5)^{-2k} (x_k^T Q x_k + u_k^T R u_k)$</td> <td></td> </tr> <tr> <td>$J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} 5((y-7)^2 + u^2) dt$</td> <td>✗</td> </tr> </table> | $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} (2x^2 + 3u^2) dt$ | | $J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{\infty} (0.5)^{-2k} (x_k^T Q x_k + u_k^T R u_k)$ | | $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} 5((y-7)^2 + u^2) dt$ | ✗ |
| $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} (2x^2 + 3u^2) dt$ | | | | | | | |
| $J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{\infty} (0.5)^{-2k} (x_k^T Q x_k + u_k^T R u_k)$ | | | | | | | |
| $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} 5((y-7)^2 + u^2) dt$ | ✗ | | | | | | |
| <p>1/4 TD4</p> | | | | | | | |

| | |
|---|--|
| Exercice 6 Compléter $\alpha = ?$ du gain de Riccati $K = \begin{bmatrix} \alpha & 0,5 \\ 0,5 & 1 \end{bmatrix}$ | $\alpha = -2$ $\alpha = 0.3$ ✓ $\alpha = 0.2$ |
| Exercice 7 l'équation de Riccati du Problème de CO Système $\begin{cases} \dot{x} = 1.2x + 7.5u \\ y = 2x \end{cases}$, $x(0) = 20$ Avec Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} (2y^2 + 6u^2) dt$ | $\dot{K} + KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + Q = 0$ $\dot{K} + KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + C^T QC = 0$ ✓ $KA + A^T K - KBR^{-1}B^T K + C^T QC = 0$ |
| Exercice 8 l'équation de Riccati du Problème de CO Système $\begin{cases} x_{k+1} = Ax_k + Bu_k \\ y_k = Cx_k \end{cases}$ Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{189} (1)^{-2k} (x_k^T Q x_k + u_k^T R u_k)$ | $P_k = Q + A^T P_{k+1} A - A^T P_{k+1} B (R + B^T P_{k+1} B)^{-1} B^T P_{k+1} A$ $P_k = Q + \frac{A^T}{r} P_{k+1} \frac{A}{r} - \frac{A^T}{r} P_{k+1} \frac{B}{r} (R + \frac{B^T}{r} P_{k+1} \frac{B}{r})^{-1} \frac{B^T}{r} P_{k+1} \frac{A}{r}$ ✓ $P = Q + \frac{A^T}{r} P \frac{A}{r} - \frac{A^T}{r} P \frac{B}{r} (R + \frac{B^T}{r} P \frac{B}{r})^{-1} \frac{B^T}{r} P \frac{A}{r}$ |
| Exercice 9 Le gain statique K du système : $G(p) = \frac{20}{(3p + 4)(p^2 + p + 2.5)}$ | $K = 20$ $K = 1$ $K = 2$ ✓ |
| Exercice 10 La constante de temps T du système $H(p) = \frac{12}{3p + 3}$ est | $T = 3$ ms $T = 1$ ✓ $T = 4$ |

| | |
|---|--|
| <p>Exercice 11</p> <p>la matrice C associée à la forme quadratique</p> <p>$Q(x, y, z) = 2x^2 + 3y^2 + 4z^2 + 10xy + 8yz$</p> | $C = \begin{bmatrix} 2 & 10 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 8 & 4 \end{bmatrix}$ ✓ |
| | $C = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 0 \\ 5 & 3 & 6 \\ 0 & 2 & 4 \end{bmatrix}$ ✓ |
| | $C = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 0 \\ 5 & 4 & 6 \\ 0 & 2 & 3 \end{bmatrix}$ |
| <p>Exercice 12</p> <p>Le système $H_2(p) = \frac{4}{5p^2 + p + 1}$ a deux pôles complexes (c'est à dire facteur d'amortissement $z < 1$)</p> | <p>Oui alors donner ses pôles :</p> <p>Non, car</p> |
| <p>Exercice 13</p> <p>l'équation de Commande Auxiliaire du Problème de CO Système</p> $\begin{cases} \dot{x} = x + u + 2, & x(0) = 8 \\ y = 3x \end{cases}$ <p>Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} (3x^2 + 5u^2) dt$</p> | $\dot{q} + [A^T - KBR^{-1}B^T]q + Kv = 0$ ✓ $\dot{q} + [A^T - KBR^{-1}B^T]q + C^T Q y_d = 0$ $\dot{q} + [A^T - KBR^{-1}B^T]q + KB = 0$ |
| <p>Exercice 14</p> <p>l'équation de Riccati du Problème de CO</p> <p>Système</p> $\begin{cases} \dot{x} = 12x + 6u, & x(0) = 1 \\ y = 5x \end{cases}$ <p>Critère à minimiser $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} (3y^2 + 2u^2) dt$</p> | $24K - 18K^2 + 75 = 0$ ✓ $\dot{K} + 24K - 18K^2 + 9 = 0$ $24K - 18K^2 + 9 = 0$ |
| <p>Exercice 15</p> <p>le critère J à minimiser du Problème de poursuite d'état à horizon fini avec degré de stabilité 2</p> <p>du système : $\dot{x} = -5x + 2u + 3, x(0) = 4$</p> | $J = \frac{1}{2} \int_0^{56} e^{2t} ((x-1)^2 + 3u^2) dt$ $J = \frac{1}{2} \int_0^{100} e^{4t} ((x-5)^2 + 2u^2) dt$ ✓ $J = \frac{1}{2} \int_0^{\infty} 2 ((x-2)^2 + 8u^2) dt$ |

| | | |
|---|--|---|
| Exercice 16 Compléter le gain de Riccati $K = \begin{bmatrix} 5 & b \\ b & 2 \end{bmatrix}$ | b=3 | ✓ |
| | b=4 | |
| | b=1.5 | ✓ |
| Exercice 17 le critère associé au Problème de Poursuite d'état à horizon fini Système $\begin{cases} x_{k+1} = Ax_k + Bu_k \\ y_k = Cx_k \end{cases}$ | $J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{135} r^{-2k} [(x_k - s)^T Q (x_k - s) + u_k^T R u_k]$ | ✗ |
| | $J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{\infty} [(x_k - s)^T Q (x_k - s) + u_k^T R u_k]$ | |
| | $J = \frac{1}{2} \int_0^{135} ((x-s)^2 + Ru^2) dt$ | |
| Exercice 18 Le système $F(p) = \frac{10}{p^2 + 3p + 2}$ est Oscillatoire amorti ($z < 1$) ? | Oui | |
| | Non | ✗ |
| Exercice 19 Le système $H(p) = \frac{5}{p^2 + 2p + 4}$ est Hyper amorti ($z > 1$) ? | Oui | |
| | Non | ✗ |
| Exercice 20 le Type de Problème de CO Système $\begin{cases} x_{k+1} = Ax_k + Bu_k \\ y_k = Cx_k \end{cases}$ avec min $J = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{201} [(x_k - 2)^T Q (x_k - 2) + u_k^T R u_k]$ | Régulation d'état avec degré de stabilité 2 À horizon infini | |
| | Régulation de sortie avec Perturbation 2 à horizon fini | |
| | Poursuite d'état désirée 2 à horizon fini | ✗ |

Fin ./.

4/4
T.D.U.