



## Travaux pratiques de Synthèse des régulateurs Numériques analogiques

TP1

Réglage d'un PID par : (Ziegler Nichols, CohenCoon, pulsation critique)

Outils : matlab

Enseignant : ben abdallah A

Nom : Abderrahim

Prénom : Ous

Classe : GE2A

### Problème

#### Partie 1 : (10 points)

Soit un procédé décrit par la fonction de transfert suivante :  $H(s) = \frac{2}{(s+1)^3}$

Sachant que ce procédé peut être approximer par :  $\frac{k}{(1+Ts)} e^{-\tau}$

1/ Tracer la réponse indicielle du système calculer les paramètres :  $(k, T, \tau)$

2/ En utilisant la méthode de zeiglernichols :

2.1/ Déterminer les coefficients du régulateur PID  $(k_p, T_i, T_d)$  en vous servant de la réponse indicielle. (Méthode de la réponse indicielle) :

1. num = 2; den = [1 3 3 1]; syst = tf(num, den);

step(num, den);

pid;

2.1/ Méthode de zeiglernichols : PID :  $k_p = \frac{1,2 \times T}{k\tau} = 2,7$

$T_i = 2\tau = 1,6$

$T_d = 0,5 \times \tau = 0,45$

2.2. Déterminer les coefficients du régulateur PID  $(k_p, T_i, T_d)$  en vous servant du gain critique et de pulsation critique. (Méthode de pompage) :

$$H_{BF} = \frac{2k}{1 + \frac{2k}{(1+s)^3}} = \frac{2k}{(1+s)^3 + 2k} = \frac{2k}{1 + 3s + 3s^2 + s^3 + 2k} = \frac{2k}{s^3 + 3s^2 + 3s + (1+2k)}$$

on trace la table de Routh pour :  $s^3 + 3s^2 + 3s + 1 + 2k$

$$\begin{array}{c|cc} s^3 & 1 & 3 \\ s^2 & 3 & 1+2k \\ s & \frac{9-2k}{3} & 0 \\ 1 & 2k+1 & \end{array} \Rightarrow \frac{-2k}{3} > \frac{-8}{3} \Rightarrow k > \frac{8}{2} = 4 \Rightarrow k_c = 4$$

$$P = s^3 + 3s^2 + 3s + 9 = 0$$

$$s = \text{solve}(P)$$

$$T_c = (2 \times \pi) / 1,732$$

$$\Rightarrow T_c = 3,6277$$

D'après le tableau de Ziegler Nichols basé sur la limite de stabilité

$$k_p = 0,6 \times k_c = 0,6 \times 4 = 2,4$$

$$T_i = \frac{T_c}{2} = \frac{3,6277}{2} = 1,81$$

$$T_d = \frac{T_c}{9} = \frac{3,6277}{9} = 0,45$$

PID

3/ En utilisant la méthode **cohen coon** :

3.1/ Déterminer les coefficients du régulateur PID ( $k_p, T_i, T_d$ ) en vous servant de la réponse

indicielle. (Méthode de la réponse indicielle):  $k=2, T=3,2, \tau=0,8$

$$k_p = \frac{T(16T+3\tau)}{12kT\tau} = \frac{3,2 \times (16 \times 3,2 + 3 \times 0,8)}{12 \times 2 \times 3,2 \times 0,8} = 2,833$$

$$T_i = \tau \frac{(32+6 \times \frac{\tau}{T})}{(13+8 \times \frac{\tau}{T})} = 1,7891$$

$$T_d = \frac{4\tau}{(11+2 \times \frac{\tau}{T})} = 0,271$$

4/ Remplir le tableau comparatif suivants :

Coefficients	$k_p$	$T_i$	$T_d$
Méthode			
Ziegler-nicols	2,7	1,6	0,4
Cohen-coon	2,833	1,789	0,27
Pulsation critique	2,4	1,813	0,453.

Tableau 1 .....

4 / Tracer les réponses du système en boucle fermée corrigée par les trois régulateurs synthétisés sur le même graphique et comparer les performances.

4.1/ Tracer l'allure de la réponse du système corrigé en boucle fermée pour chaque cas :

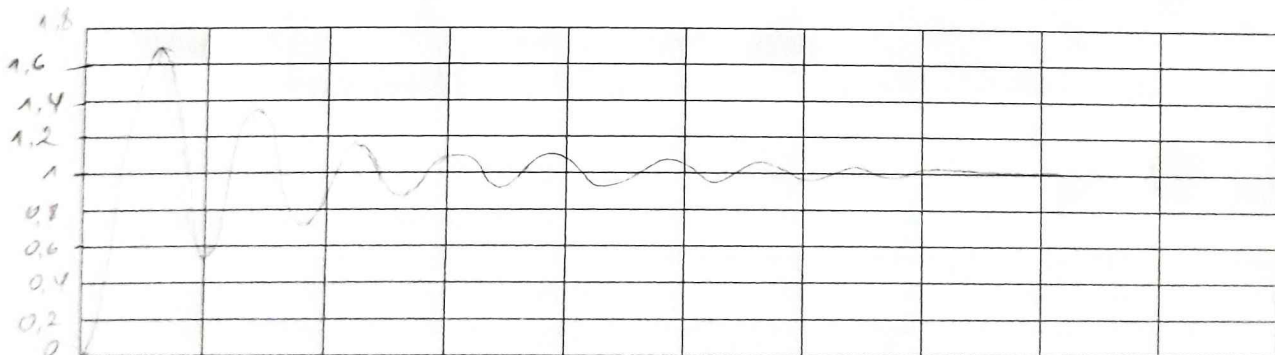


Figure 1 .....

$$k = 2$$

$$T = 3,2$$

$$\tau = 0,8$$

$$k_p = (T \times (16 \times T + 3 \times \tau)) / (12 \times k \times T \times \tau)$$

$$T_i = \tau \times ((32 + 6 \times (\tau / T)) / (13 + 8 \times (\tau / T)))$$

$$T_d = 4 \times \tau / (11 + 2 \times (\tau / T))$$

$$R = \text{pid}(k_p, T_i, T_d)$$

$$HBF =$$

4.2/ Comparer les performances de trois régulateurs synthétisés, interpréter les résultats.

Méthode	Temps de montée	Marge de phase	Erreur statique
Ziegler-nicols			
Cohen-coon			
Pulsation critique			

Tableau 2.....

Note : .../10

### Partie 2 : (8points)

2.1/ En vous servant du régulateur offrant les meilleures performances (calculé en 4/ partie 1)

Câblez le schéma suivant sur **simulink**, tracer la réponse du système ainsi que la commande en boucle fermée corrigée pour :  
 $v(t)=0$  ,  $b(t)=0$ . Temps de simulation :20s

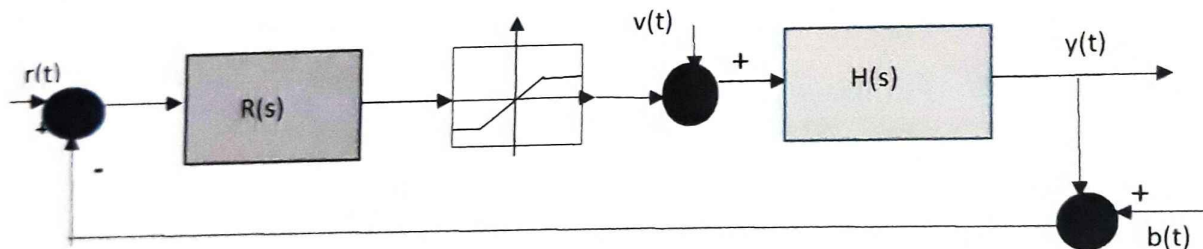


Figure2. Structure de correction avec PID


Figure 3 .....



PI	$\frac{0.9T}{K\tau}$	$3.3\tau$	-
PID	$\frac{1.2T}{K\tau}$	$2\tau$	$0.5\tau$

Tableau 1. Réglage de Ziegler Nichols

AU : 2021-2022 ---Ecole nationale d'ingénieurs de gabes-Département de génie électrique - Travaux pratiques sma

2.2/ Appliquer à présent un bruit blanc (amplitude 0.1) sur l'entrée ( $v(t)=0.1$ ), la perturbation sur la sortie étant nulle ( $b(t) = 0$ ) à l'instant  $t=10s$ . Tracer les signaux de commande et de sortie dans les deux cas de poursuite et de régulation.


Figure.4 .....

2.3/ Ajouter dans ce qui suit un échelon de perturbation sur la sortie ( $b(t)=0.05$ ) à l'instant  $t=10s$  ( $v(t)$  étant nulle), Tracer les signaux de commande et de sortie dans les deux cas de poursuite et de régulation


Figure.5 .....

2.1/interpréter les résultats

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

Note : .../8