

•Etude des sols

- Chapitre I
 - **Propriétés physiques des sols – Compactage des Sols**
- **Chapitre II**
 - **Contraintes dans les sols**
- Chapitre III
 - Hydrauliques des sols
- Chapitre IV
 - Tassement et Consolidation

•Chapitre II

•Contraintes dans les sols

- Objectifs de ce chapitre
 - Concept de contrainte effective
 - Sols saturés
 - Sols partiellement saturés
 - Effet de la fluctuation de la nappe phréatique
 - Contrainte neutre
 - Capillarité

•1- Introduction

•1.1 Nappe phréatique

➤ Au dessous de la nappe phréatique

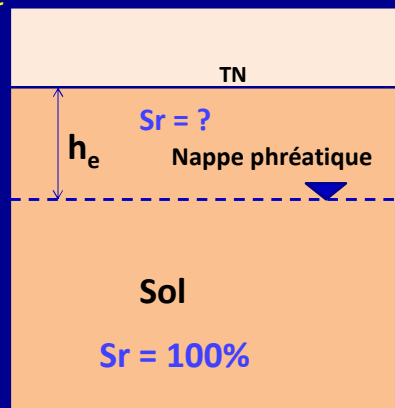
Sol totalement saturé

➤ Au dessus de la nappe phréatique

Sol partiellement saturé

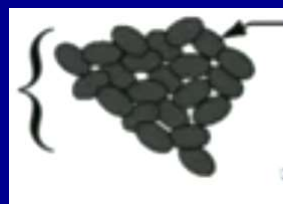
$S_r = ?$

- dimensions des particules
- Distance / nappe phréatique
- phénomène de capillarité



Le sol = **Squelette de particules solides renfermant des vides (air + eau)**

Squelette Solide



Particules du sol

Forces inter-particules

————→ réarrangement des particules (glissement, rotation)

————→ variation de volume

➤ Sol totalement saturé

Drainé ———> variation de volume

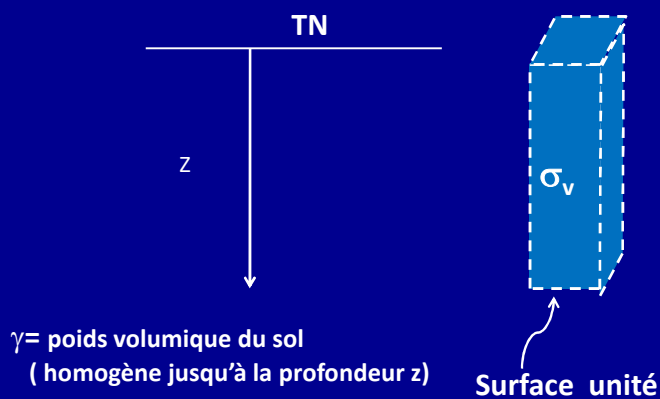
Non drainé ———> pas variation de volume
(eau est incompressible)

➤ Sol partiellement saturé

Drainé et non drainé ———> variation de volume

- compression de l'air ds les vides
- réarrangement des particules

Contrainte verticale due aux poids des terres



$$\sigma_v = \gamma \cdot z$$

Contrainte verticale totale

- la contrainte totale est supportée par:
la squelette solide + eau dans les vides
- la contrainte supportée par la squelette solide
→ Résistance + les caractéristiques de compressibilité du sol
- la contrainte totale est mesurable

Contrainte verticale totale = $f(z)$

Cas 1: Sol homogène

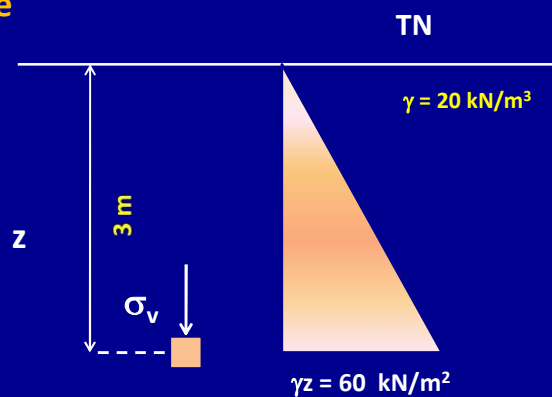
Exemple:

Soit $\gamma = 20 \text{ kN/m}^3$

$z = 3 \text{ m}$

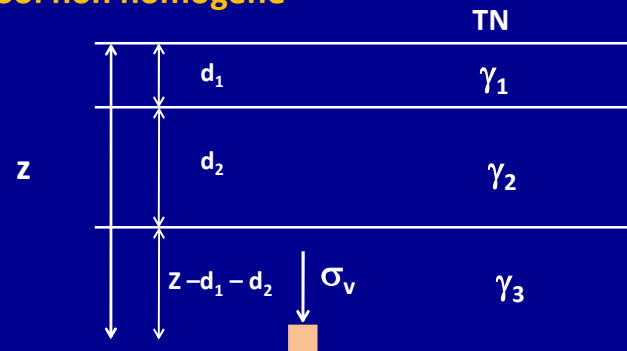
$$\sigma_v = \gamma z = 20 \times 3 = 60 \text{ kN/m}^2$$

$$\sigma_v = \gamma z$$



Contrainte verticale totale

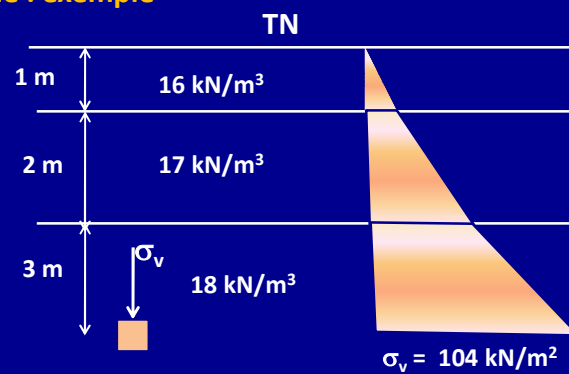
Cas 2: Sol non homogène



$$\sigma_v = \gamma_1 d_1 + \gamma_2 d_2 + \gamma_3 (z - d_1 - d_2)$$

Contrainte verticale totale

Cas 2: Sol non homogène : exemple



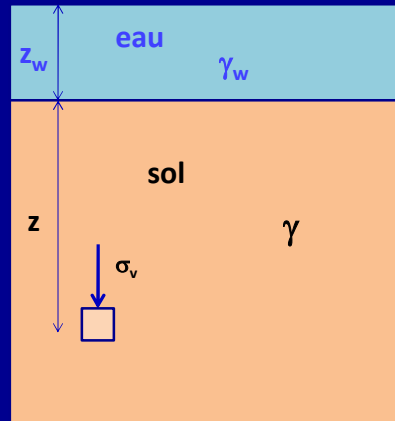
Contrainte verticale totale

Cas 3: Sol sous eau retenue

$$\sigma_v = \gamma z + \gamma_w \cdot Z_w$$

γ = poids volumique du sol saturé

γ_w = poids volumique de l'eau



Contrainte verticale totale

Cas 3: Sol sous eau retenue: exemple

Soit $\gamma_{sat} = 18 \text{ kN/m}^3$

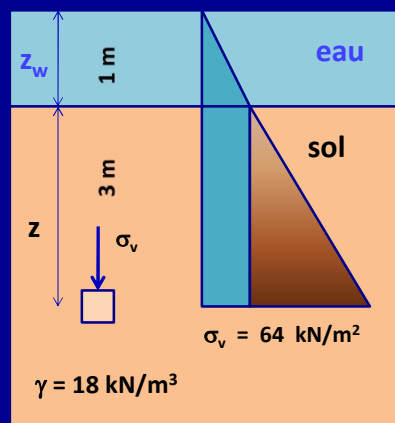
$\gamma_w = 10 \text{ kN/m}^3$

$Z = 3 \text{ m}$

$Z_w = 1 \text{ m}$

$$\sigma_v = \gamma z + \gamma_w \cdot Z_w$$

$$\sigma_v = 64 \text{ kN/m}^2$$

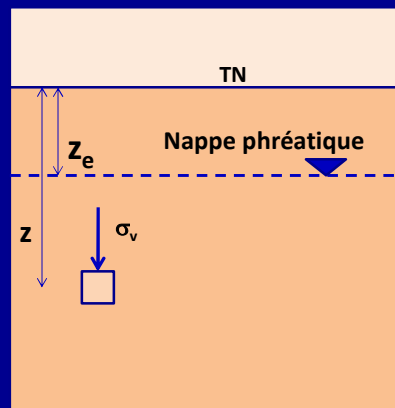


Contrainte verticale totale

Cas 4: Contrainte totale dans le cas des sols non saturés

- Au dessous de la nappe phréatique
Condition du sol totalement saturé

- Au dessus de la nappe phréatique
Condition complexe = sol partiellement ou totalement saturée dépendant de la capillarité du sol



Contrainte verticale totale

Cas 5: sols supportant une charge surfacique

$$\sigma_v = \gamma z + f(q)$$

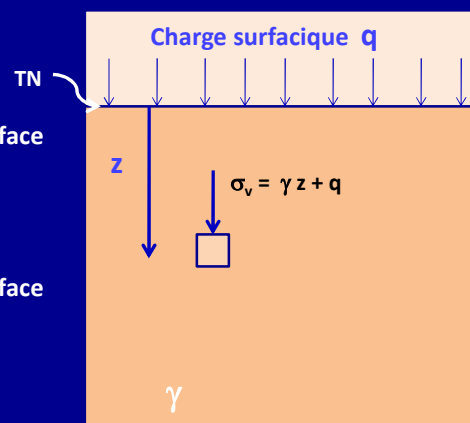
- Charge appliquée sur une surface très large

→ q est cte

- Charge appliquée sur une surface limitée

→ $q = f(z)$

Théories de distribution des contraintes en fonction de z



Pression interstitielle

C'est la pression dans l'eau (vides autour et entre les grains)

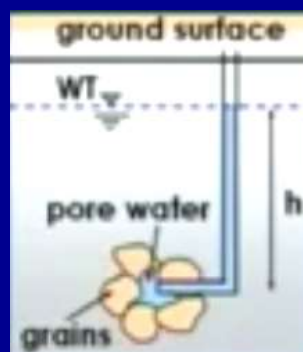
u = pression interstitielle



Pression interstitielle

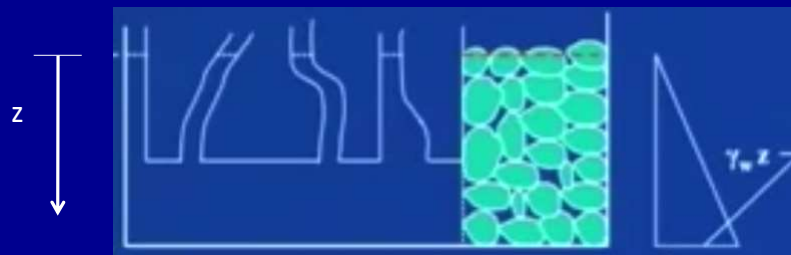
Pression dans l'eau en condition statique
(condition de non écoulement) est égale à la pression hydrostatique

$$u = \gamma_w \cdot h$$



Pression interstitielle

- Les vides dans le sol sont interconnectés ,
Simulation = complexe collection de tubes irréguliers



- mesurer u : piézomètres, transducteur

Postulat de Terzaghi

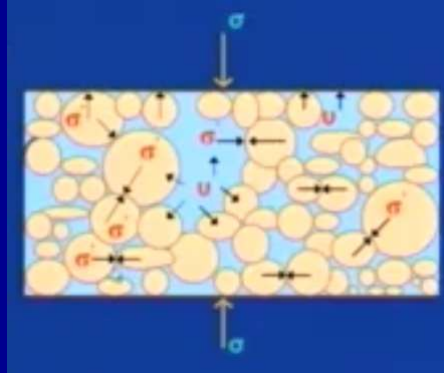
Toute variation de contrainte due à la compression, distorsion, cisaillement correspond à une variation de contrainte effective

$$\sigma' = \sigma - u$$

σ' = contrainte effective

Contrainte effective

- contrainte effective est la contrainte entre les grains du sol
- à l'origine des changements de résistance, volume et forme
- Paramètre non physique

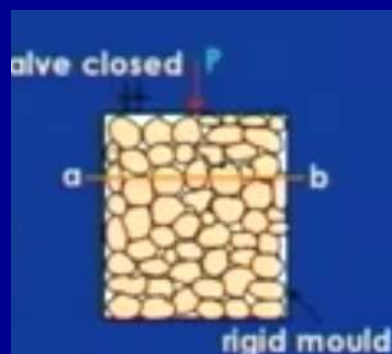


Contrainte effective

Simulation: Piston

Sol sec

- une pression P appliquée à la surface du sol à travers un piston
- la pression P est transférée aux grains du sol à travers les points de contact



$$\sigma_a = P/A = \sigma'$$

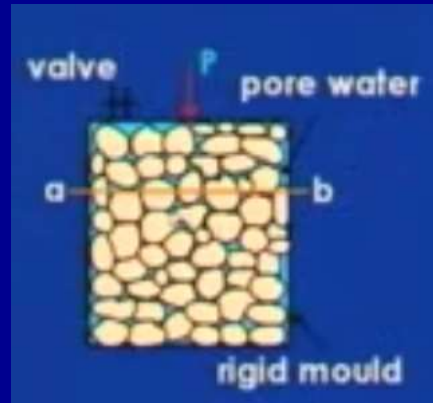
A: surface de la section a-a de la moule

Contrainte effective

Simulation: Piston

Sol totalement saturé

- Robinet fermé. La pression est supportée par l'eau des pores et non les grains
- la pression développée dans l'eau est dite pression interstitielle ou pression neutre, u



$$u = P/A$$

Simulation: Piston

Le robinet ouvert = drainage du sol

$$\sigma_t = \sigma' + u$$

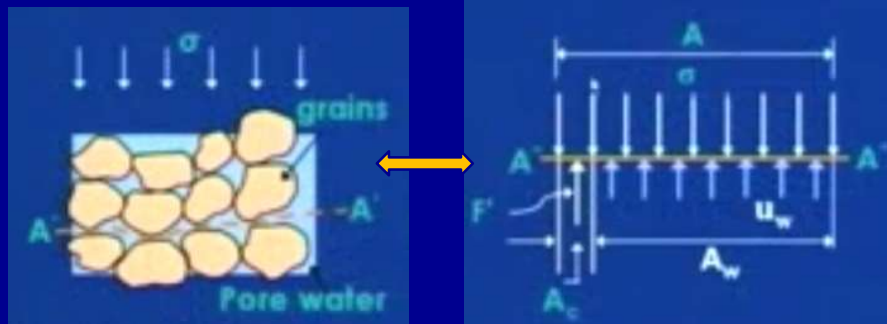


Drainage total du sol

$$\sigma_t = \sigma', u = 0$$



Concept de Contrainte effective ou contrainte inter-granulaire



Elt Sol totalement saturé en équilibre

Le plan ondulé A'A' passe à travers les points de contacts entre les particules

le plan A''A'' correspond à A'A'

Contrainte effective

En équilibre:

$$\sigma A = F' + u_w A_w$$

avec

$$A_c + A_w = A$$

$$\sigma = F'/A + u_w (A_w/A)$$

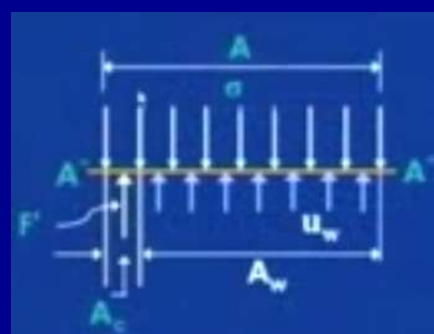
$$\sigma = \sigma' + u_w (1 - A_c/A_w)$$

$$\sigma = \sigma' + (1 - a) u_w$$

a = surface de contact entre particules par unité de surface du sol

Ds les matériaux granulaires

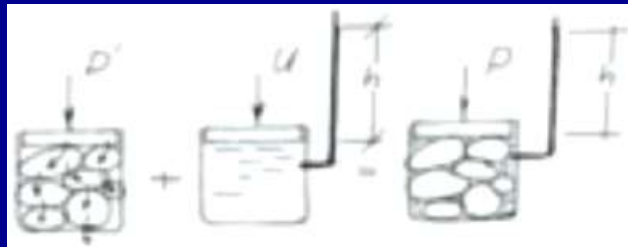
Lambe et Whitman, 1969



$$\sigma' \neq F'/A_c$$

$$\sigma' = \sigma - u$$

Contrainte effective



$$\sigma' + u = \sigma$$

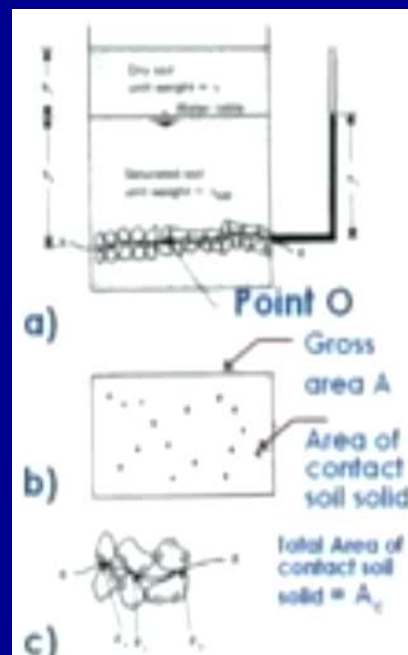
$\sigma' = \text{définir?}$

Au point O:

$\sigma = ?$

$u = ?$

$\sigma' = ?$



Contrainte effective dans les sols partiellement saturés

- eau dans les vides est discontinue
- l'air occupe un volume important dans les vides

La contrainte totale au niveau d'un point = (contrainte effective + pression de l'air + pression de l'eau ds les vides)



Contrainte effective dans les sols partiellement saturés

Bishop (1960)

$$\sigma = \sigma' + u_a - \Psi (u_a - u_w)$$

Ψ est la surface occupée par l'eau dans une section unité du sol

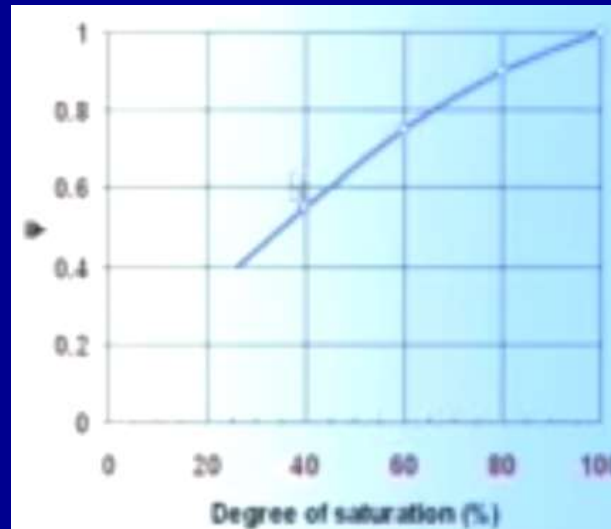
Pour les Sol sec $\Psi = 0$ ($S_r = 0$)

Pour les Sol saturés $\Psi = 1$ ($S_r = 100\%$)

$0 < S_r < 1$ Ψ est déduite à partir d'abaque

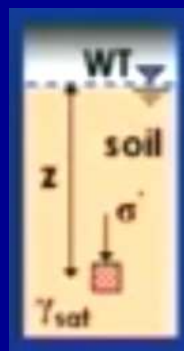
Bishop (1960) a déterminé la variation de Ψ en fonction de S_r pour différents sols, en se basant sur des essais triaxiaux sur des échantillons non saturés

Contrainte effective dans les sols partiellement saturés

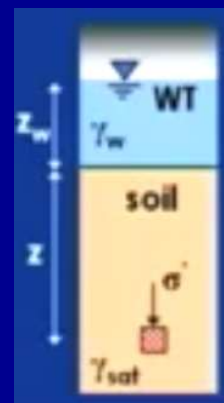


Bishop (1960)

Effet de la nappe phréatique sur la contrainte effective



$$\sigma_v' = \gamma' z$$



$$\sigma_v' = \gamma' z$$

→ La contrainte effective est non affectée par le niveau de l'eau au dessus du sol

Exemple 1:

Soit

$$\begin{aligned}\gamma_{\text{sat}} &= 18 \text{ kN/m}^3 \\ \gamma_w &= 10 \text{ kN/m}^3 \\ Z &= 3 \text{ m} \\ Z_w &= 2 \text{ m}\end{aligned}$$

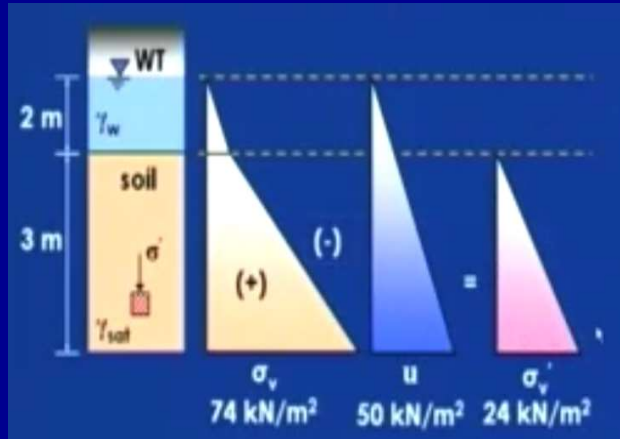
Exemple 2:

Soit

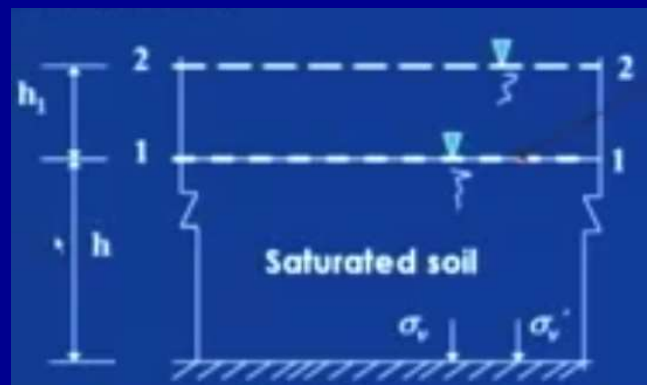
$$\begin{aligned}\gamma_{\text{sat}} &= 18 \text{ kN/m}^3 \\ \gamma_w &= 10 \text{ kN/m}^3 \\ Z &= 3 \text{ m} \\ Z_w &= 2000 \text{ m}\end{aligned}$$

$$\sigma_v' = ?$$

déduire



Fluctuation de la nappe phréatique et contrainte effective



TN

1. 1 = Niveau initial de la nappe phréatique (niveau TN)
2. 2 = Niveau de la nappe est plus élevé (cas de pluie)

Fluctuation de la nappe phréatique et contrainte effective

1 - 1 = Niveau initial de l'eau
(avant pluie)

$$\begin{aligned}\sigma_v &= \gamma_{\text{sat}} h \\ u_w &= \gamma_w h \\ \sigma'_v &= \gamma' h\end{aligned}$$

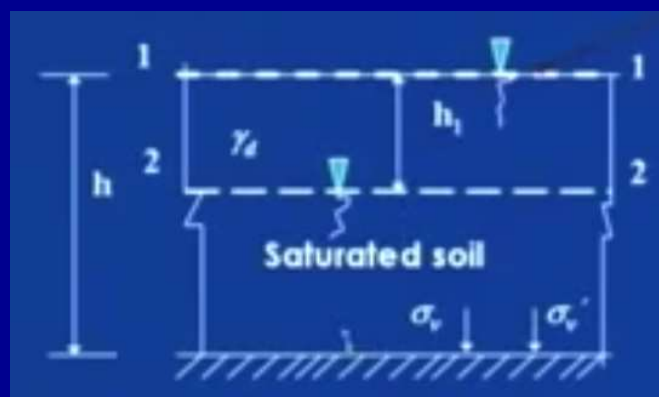
2 = Niveau de la nappe
(cas de pluie)

$$\begin{aligned}\sigma_v &= \gamma_{\text{sat}} h + \gamma_w h_1 \\ u_w &= \gamma_w (h + h_1) \\ \sigma'_v &= \gamma' h\end{aligned}$$

Conclure

➤ le niveau de la nappe d'eau est au dessus du nv TN
si le niveau d'eau augmente alors σ et u augmentent alors que
la **contrainte effective demeure inchangeable**

Fluctuation de la nappe phréatique et contrainte effective



1 - 1 = Niveau initial de la nappe phréatique (niveau TN)
2 - 2 = Niveau de la nappe est moins élevé (en été)

Fluctuation de la nappe phréatique et contrainte effective

1 - 1 = Niveau initial de l'eau (pluie)

$$\begin{aligned}\sigma_v &= \gamma_{\text{sat}} h \\ u_w &= \gamma_w h \\ \sigma'_v &= \gamma' h\end{aligned}$$

2 = Niveau de la nappe (après pluie)

$$\begin{aligned}\sigma_v &= \gamma_{\text{sat}} (h - h_1) + \gamma_d h_1 \\ u_w &= \gamma_w (h - h_1) \\ \sigma'_v &= \gamma' h + h_1 (\gamma_d - \gamma') \\ \sigma'_v &> \gamma' h\end{aligned}$$

→ Conclure

Une baisse soudaine du niveau de la nappe aboutit à une **augmentation de la contrainte effective** → pourra aboutir à un entassement des grains et donc **tassement de la structure**

Fluctuation de la nappe phréatique et contrainte effective

L'effet de la fluctuation de la nappe phréatique sur la distribution de la contrainte effective en profondeur est :

- cas1 : Si le niveau de la nappe d'eau est au dessus du nv TN
alors la fluctuation de la nappe **n'affecte pas la contrainte effective dans le sol**
- cas2 : Si la nappe d'eau est au dessous du niveau TN
 - alors une élévation de la nappe aboutit à une **baisse de la contrainte effective**
 - alors qu'une baisse du niveau de la nappe aboutit à une **augmentation de la contrainte effective**

contrainte neutre ou pression interstitielle u

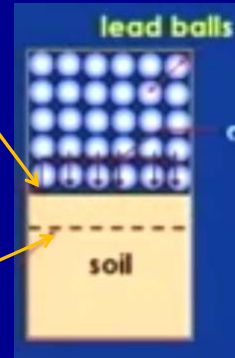
- variation d'indice de vide de e_0 vers e_1



Aboutit à un changement
autres propriétés
mécaniques du sol

Surface avant
chargement

Surface après
chargement



Rque: seulement la **contrainte effective** pourrait Aboutir
à un changement de volume du sol et produire une
résistance au cisaillement

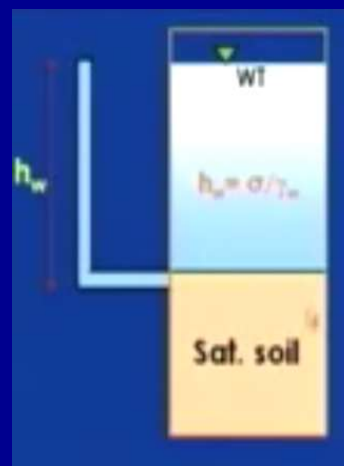
contrainte neutre ou pression interstitielle u

Une augmentation de la pression
due à la hauteur d'eau



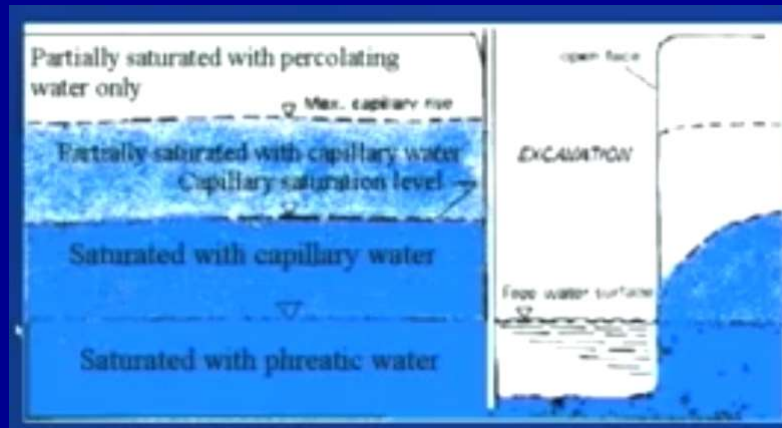
N'aboutit à aucune modification, ni
de l'indice des vides, ni des
paramètres mécaniques

Alors la pression produite par l'eau
est aussi dites **pression neutre**

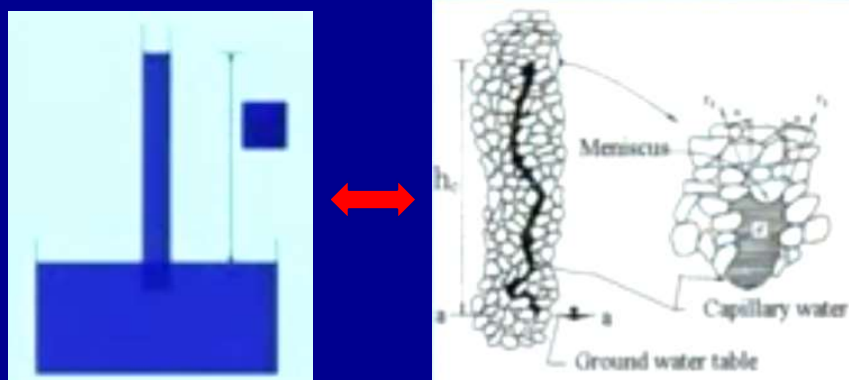


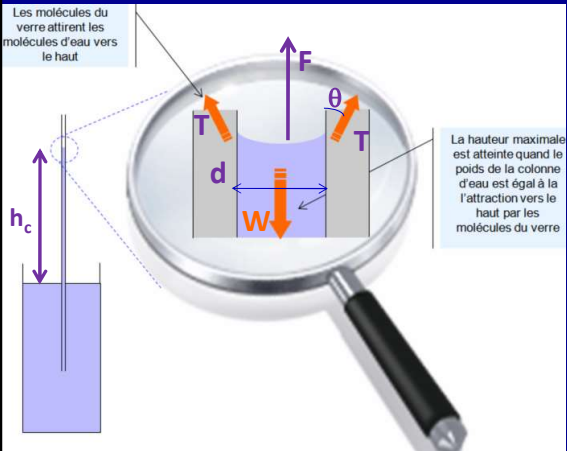
la **pression neutre** ne pourrait ni aboutir à un
changement de volume du sol, ni produire une résistance
au cisaillement

Capillarité



Remontée Capillaire





Les molécules du verre attirent les molécules d'eau vers le haut

La hauteur maximale est atteinte quand le poids de la colonne d'eau est égal à l'attraction vers le haut par les molécules du verre

$F = W$

$F = T \cdot \pi \cdot d \cdot \cos(\theta)$

$$u_c = \frac{F}{A} = \frac{T \cdot \pi \cdot d \cdot \cos(\theta)}{\left(\frac{\pi \cdot d^2}{4}\right)}$$

$$u_c = \frac{4 \cdot T \cos(\theta)}{d} = h_c \cdot \gamma_w$$

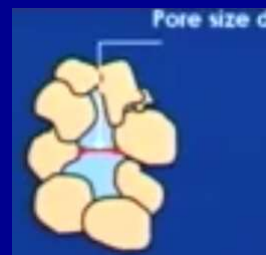
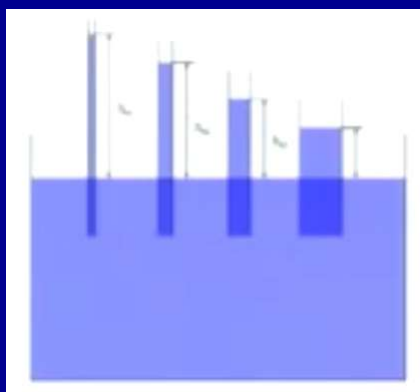
Eau pure, d petit $\rightarrow \theta = 0$

$$u_c = \frac{4T}{d} = h_c \cdot \gamma_w$$

$$h_c = \frac{4T}{\gamma_w d}$$

T = tension de surface = 0,074 N/m à 20 °C

Hauteur de capillarité



Hauteur de la remontée capillaire est fonction du diamètre du tube

pour les sols

$$d = e \cdot D_{10}$$

Remontée capillaire pour différents types des sols

Type de sol	D_{10} (mm)	Remontée capillaire (cm)
Gros gravier	0,82	6
Gravier fin	0,3	20
Gravier silteux	0,06	68
Sable moyen	0,02	120
Silt	0,006	180
Argile	$< 2 \mu\text{m}$	mètres

Contrainte effective due à la capillarité

