

EPREUVE D'EVALUATION

Date: 02/12/2019

Page: 1/2

Année Universitaire : 2022/2023	Date de l'Examen : 29/11/2022
Nature: ☑ DC ☐ Examen ☐ DR	Durée : □ 1h ☑ 1h30min □ 2h
Diplôme : ☐ Mastère ☐ Ingénieur	Nombre de pages :
Section: ☐ GCP ☐ GCV ☑ GEA ☐ GCR ☐ GM	Enseignant (e): Anis MESSAOUD
Niveau d'étude : □ 1 ère ☑ 2 ème □ 3 ème année	Documents Autorisés :□ Oui ☑ Non
Matière : Commande des systèmes échantillonnés	Remarque : Calculatrice non programmable autorisée

Exercice 1

On considère un système définit par la fonction de transfert discrète suivante :

$$H(z^{-1}) = \frac{B(z^{-1})}{A(z^{-1})} = \frac{0.45z^{-1}}{1 - 0.55z^{-1}}$$

On définit les performances désirées en boucle fermée par le polynôme :

$$P(z^{-1}) = 1 - 1 \cdot \hat{\hat{\mathbf{S}}} \hat{\hat{\mathbf{S}}}_{1}^{\hat{z}_{1}} + 0 \cdot \hat{\mathbf{T}} \hat{z}^{-2}$$

- Préciser le principe, le domaine d'utilisation, les avantages et les inconvénients de la régulation numérique.
- 2. Rappeler le rôle d'une action proportionnelle, intégrale et dérivée dans une boucle de régulation.
- 3. Donner le schéma de commande (structure RST) et déterminer la fonction de transfert en boucle fermée de l'ensemble.
- 4. Déterminer la loi de commande u(k) de régulateur PI numérique.

$$S(z^{-1}) = I - z^{-1}$$

$$T(z^{-1}) = R(z^{-1}) = r_0^{k_0} + r_1 z^{k_0 k}$$

5. Calculer la commande numérique qu'on va l'implémenter sur le calculateur.

Exercice 2

On veut déterminer le type de la régulation présenté sur la figure 1.

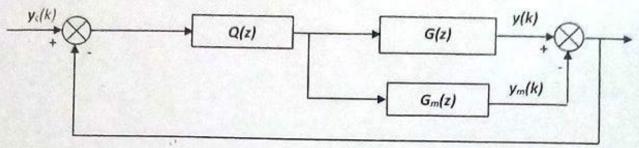


Figure 1. Principe d'une régulation.

On considère le système suivant :

$$G(z) = \frac{b}{z - a} \qquad |a| < 1$$

On suppose que le modèle de système comporte une erreur sur le gain c'est-à-dire :

$$G_m(z) = \frac{b_m}{z - a}$$

- 1. Préciser le type de cette régulation.
- 2. Déterminer le régulateur IMC discret.
- 3. Etudier la stabilité en fonction de la constante de filtre α .
- 4. Trouver la structure de commande RST donnée par La discrétisation d'un régulateur PID continu donné par :

$$C(p) = K_{p} \left(1 + \frac{1}{T_{i}p} + T_{j}p \right)$$

La discrétisation est assurée en utilisant les approximations suivantes :

$$p \Rightarrow \frac{1-z^{-1}}{T_c}$$
 $\frac{1}{p} \Rightarrow \frac{T_c}{1-z^{-1}}$



Ecole Nationale d'Ingénieurs de Gabès

EPREUVE D'EVALUATION

Indice: 3

Date: 02/12/2019

Page: 1/3

Année Universitaire : 2022/2023	Date de l'Examen : 10/01/2023
Nature: □ DC	Durée : □ 1h □ 1h30min ☑ 2h
Diplôme : ☐ Mastère ☐ Ingénieur	Nombre de pages :
Section: ☐ GCP ☐ GCV ☐ GEA ☐ GCR ☐ GM	Enseignant (e): Anis MESSAOUD
Niveau d'étude : □ 1 ^{ere} ☑ 2 ^{ème} □ 3 ^{ème} année	Documents Autorisés :□ Oui ☑ Non
Matière : Commande des systèmes échantillonnés	Remarque : Calculatrice non programmable autorisée

Exercice 1

On considère un système définit par la fonction de transfert discrète suivante :

$$H(z^{-1}) = \frac{B(z^{-1})}{A(z^{-1})} = \frac{0.85z^{-1}}{1 - 0.35z^{-1}}$$

On définit les performances désirées en boucle fermée par le polynôme :

$$P(z^{-1}) = 1 - 1.45 z^{-1} + 0.35 z^{-2}$$

- 1. Préciser le principe et le rôle d'un Bloquer d'ordre zéro (BOZ).
- Quelles sont les conditions à vérifier pour un bon choix de la période d'échantillonnage et rappeler les rôles de CAN et CNA.
- Donner le schéma de commande (structure RST) et déterminer la fonction de transfert en boucle fermée de l'ensemble.
- 4. Déterminer la loi de commande u(k) de régulateur PI numérique.

$$S(z^{-1})=1-z^{-1}$$

$$T(z^{-t})=R(z^{-t})=r_0+r_1z^{-t}$$

5. Calculer la commande numérique qu'on va l'implémenter sur le calculateur.

6. Trouver la structure de commande RST donnée par La discrétisation d'un régulateur PID continu donné par :

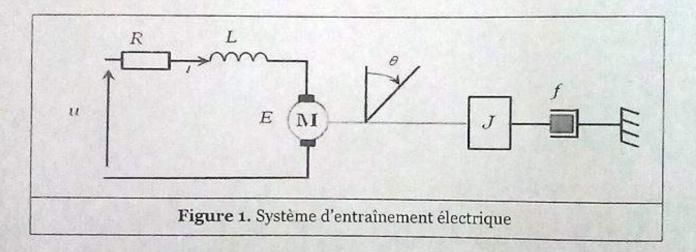
$$C(p) = K_p \left[1 + \frac{1}{T_i p} + \frac{T_d p}{1 + \frac{T_d}{N} p} \right]$$

La discrétisation est assurée en utilisant les approximations suivantes :

$$p \Rightarrow \frac{1-z^{-1}}{T_c}$$
 $\frac{1}{p} \Rightarrow \frac{T_c}{1-z^{-1}}$

Exercice 2

On veut proposer une solution au problème de commande pour un système d'entraînement électrique composé d'un moteur à courant continu à excitation séparée couplé à une charge, comme illustré dans la figure 1.



où L et R représentent respectivement l'inductance et la résistance du circuit d'armature du moteur, et la tension E représente la force contre-électromotrice (fcem) engendrée qui est

proportionnelle à la vitesse de l'arbre $v(t) = \frac{d\theta}{dt}$. Le couple T engendré par le moteur est

proportionnel au courant d'armature i. L'inertie J représente la mesure des moments d'inertie de l'armature du moteur et de la charge, et f est le frottement visqueux total agissant sur l'arbre de sortie.

$$u(t) = R.i(t) + L.\frac{di(t)}{dt} + k_f.\frac{d\theta(t)}{dt}$$
$$J\frac{d^2\theta(t)}{dt^2}(t) = k_t.i(t) - f.\frac{d\theta(t)}{dt}$$

- 1. Déterminer la fonction de transfert $H(p) = \frac{\theta(p)}{U(p)}$.
- 2. Déduire la fonction de transfert $G(p) = \frac{V(p)}{U(p)}$

On donne les valeurs suivantes :

$$J = 0.01 \text{ kg.m}^2$$
; $f = 0.02 \text{ N.m.s.rd}^{-1}$; $k_f = 0.2 \text{V.s.rd}^{-1}$; $k_s = 0.1 \text{ V.s.rd}^{-1}$; $R = 4 \Omega$; $L = 0.001 \text{ H}$

3. On vous donne la fonction de transfert échantillonnée de ce système : $G(z) = \frac{b_0 + b_1 z}{(z + \alpha_1)(z + \alpha_2)} \quad \text{sachant que} : |\alpha_1| < 1 \text{ et } |\alpha_2| < 1.$

Déterminer les régulateurs IMC discrets suivant la valeur de $\frac{b_0}{b_1}$.

4. Etudier la stabilité en fonction de la constante de filtre α .

Bon Travail