

## TP1

# Signaux typiques et Transformée de Fourier

*Les principales fonctions MATLAB à utiliser pour réaliser le travail demandé sont indiquées en italique et en caractères gras (tapez **help** pour l'aide en ligne de MATLAB).*

### I. Objectifs :

L'objectif de ce TP est d'apprendre à étudier et à manipuler des signaux réels, complexes et des signaux aléatoires et leurs Transformée de Fourier.

### II. Signaux réels

#### a) Sinusoïdes :

On va étudier des signaux de la forme

$$S(n) = A \cos(\omega n + \varphi).$$

1. Soit l'exemple :  $S(k) = \sin(3k\pi + \frac{\pi}{2})$  avec  $-10 \leq k \leq 10$
2. Etudiez et représentez cette sinusoïde dans une figure(1)

(plot)

### III. Signaux aléatoires

1. Générer et représenter dans une figure(1) les deux signaux aléatoires  $s_1$  et  $s_2$  de longueur 100. (*randn*, *rand*)
2. Générer et représenter dans une figure(2) un signal aléatoire  $s_3$  de longueur 100 tels que ces éléments sont uniformément distribués dans l'intervalle  $[-2, 2]$ . (*randi*)
3. Représenter les trois signaux aléatoires générés. (*subplot*)

### IV. Signaux complexes

La fonction exponentielle complexe représente un exemple intéressant pour être étudié car elle représente des caractéristiques particulières et peut être la base d'étude d'autres signaux.

a) Soit le signal exponentiel complexe suivant :  $S = \exp(jnw)$

1. Générer le signal étudié (*exp, plot*)

Utiliser les valeurs des paramètres suivants :

- $f_1 = 1 \text{ kHz}$ ,
- $f_2 = 1500 \text{ Hz}$
- $f_3 = 50 \text{ kHz}$
- $n = [0 : 60]$

## V. Représentation des signaux typiques et TFD

a)

Soit l'exemple d'une impulsion de Dirac :

$$\delta(k) = \begin{cases} 1 & \text{pour } k = k_0 \\ 0 & \text{pour } k \neq k_0 \end{cases}$$

1. Etudier et représentez  $\delta(k)$
2. Etudier et représenter un peigne de Dirac de longueur 50. (*ones*)
3. Etudier et représenter l'impulsion décalée suivante :

$$S(k) = 1.5 \delta(k - 333) \quad 300 \leq k \leq 350$$

(*zeros, plot*)

b)

1. Créer un vecteur  $t$  contenant le temps dans l'intervalle  $[-5, 5]$ . Le vecteur de temps est initialisé par un commande de type  $[t = \text{linspace}(-5, 5, N)]$ .

On prendra  $N = 1024$  et une fréquence d'échantillonnage  $f_e = 102.4 \text{ Hz}$ .

2. Tracer les signaux suivants :

- a.  $x_1(t) = \Pi_T(t)$
- b.  $x_2(t) = \Gamma(t)$
- c.  $x_3(t) = \delta(t - 2)\delta(t + 3)$ , avec  $f_e = 250 \text{ kHz}$
- d.  $x_4(t) = \exp(3t)\Gamma(t)$
- e.  $x_5(t) = \cos(2\pi f_0 t)$  avec  $f_0 = 10$ ,  $N = 1000$
- f.  $x_6(t) = \text{sinc}(2\pi f_0 t)$ ,  $f_0 = 10$ ,  $N = 1000$



## VI. Représentation spectrale

Pour les signaux étudiés précédemment :

1. Créer le vecteur des fréquences (*linspace*,  $N=1024$ ).
2. Déterminer la transformée de Fourier. (*fft*).
3. Représenter le module de la transformée de Fourier en fonction de la fréquence (*plot*, *fftshift*).