

## Zad 1

```
f1 = 5;
f2 = 6;
f3 = 7;
f4 = 10;
f5 = 12;
f6 = 14;
f = [f1,f2,f3,f4,f5,f6];
Tp = 0.01;
tk = 0:Tp:2-Tp;
suma=0;
xk=0;

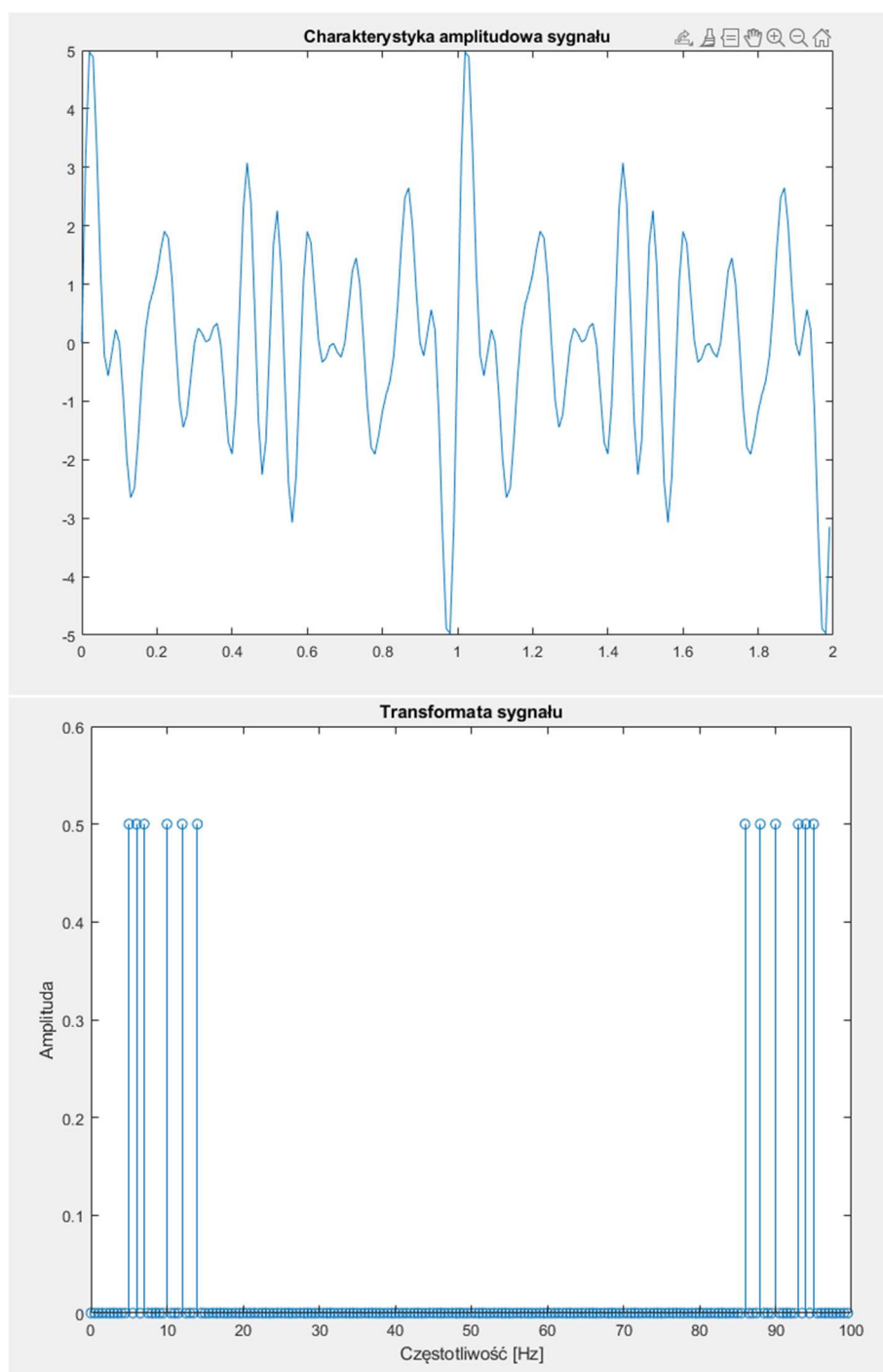
for i = [1:6]
    xk = sin(2*pi*f(i)*tk);
    suma = suma + xk;
end

N = length(suma);

figure(1);
plot(tk, suma);
title('Charakterystyka amplitudowa sygnału');

Xk = fft(suma) / N;
A = abs(Xk);
indeksy = find (A > 0.1);
A(indeksy)
figure(2);
stem((0:N-1) * (1 / Tp) / N, A);

title('Transformata sygnału');
xlabel('Częstotliwość [Hz]');
ylabel('Amplituda');
```



Amplitudy wynoszą 0.5

## Zad 2

```
f1 = 5;
f2 = 6;
f3 = 7;
f4 = 10;
f5 = 12;
f6 = 14;
f = [f1,f2,f3,f4,f5,f6];
Tp = 0.01;
tk = 0:Tp:2-Tp;
suma=0;
xk=0;

for i = [1:6]
    xk = sin(2*pi*f(i)*tk);
    suma = suma + xk;
end

N = length(suma);

Xk = fft(suma) / N;
A = abs(Xk);
indeksy = find (A > 0.1);
A1 = A(indeksy(1:6));

fc=8;
gpass=0.95;
gstop=0.1;
fcn=2*fc*Tp;

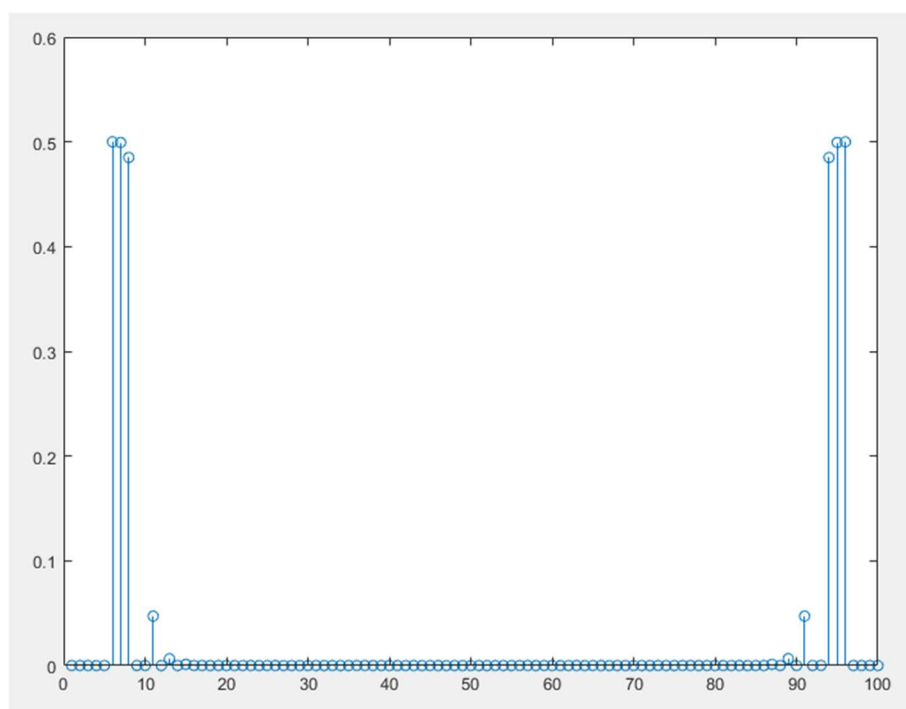
n=1;
while(1)

[b,a]=butter(n,2*fc*Tp);
xF=filter(b,a,suma);
tk2=[1/Tp:2/Tp-Tp];

xF=xF(tk2);
XF=fft(xF)/length(xF);
A2=abs(XF(f+1));
stosunek = A2./A1;

if (stosunek(3)>gpass && stosunek(4)<gstop)
    break
else
    n=n+1;
end
end

n
stosunek
stem(abs(XF));
```



N filtru = 10

Stosunek A1 i A2 prążków głównych: 1.0000 0.9988 0.9702 0.0944 0.0131 0.0024

### Zad 3

```
gpass=0.95;
gstop=0.1;
fc=8;
f1=7;
f2=10;
g7 = 1./((sqrt(1 + (7/8).^(2.*10))));
g10 = 1./((sqrt(1 + (10/8).^(2.*10))));

czy_spełnione_dla_f7 = (gpass <= g7)
czy_spełnione_dla_f10 = (gpass <= g10)

n_pass = log10(1/gpass^2 - 1) / (2 * log10(f1/fc));
n_stop = log10(1/gstop^2 - 1) / (2 * log10(f2/fc));

n_pass = ceil(n_pass)
n_stop = ceil(n_stop)
```

Dla  $n = 10$  teoretycznie warunki nie są spełnione dla pasma zaporowego

```
czy_spełnione_dla_f7 =
    logical
    1
czy_spełnione_dla_f10 =
    logical
    0
```

Wartości  $n$  ze wzoru  $n_{\text{pass}} = 9$   $n_{\text{stop}} = 11$

Wartości mogą się różnić przez różnice pomiędzy rzeczywistym działaniem a wzorem oraz niedokładnościami matlaba.

## Zad 4

```
f1 = 5;
f2 = 6;
f3 = 7;
f4 = 10;
f5 = 12;
f6 = 14;
f = [f1,f2,f3,f4,f5,f6];
Tp = 0.01;
tk = 0:Tp:2-Tp;
suma = 0;
xk = 0;

for i = 1:6
    xk = sin(2*pi*f(i)*tk);
    suma = suma + xk;
end

N = length(suma);

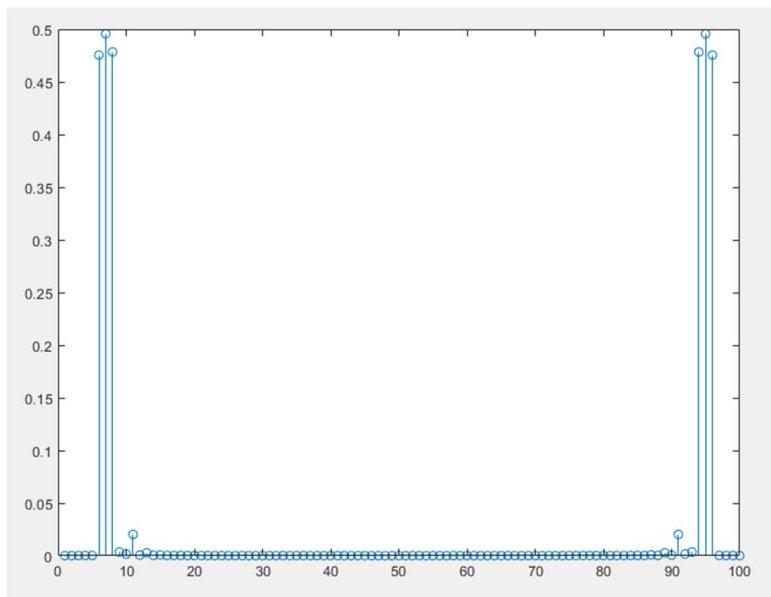
Xk = fft(suma) / N;
A = abs(Xk);
indeksy = find(A > 0.1);
A1 = A(indeksy(1:6));

fc = 8;
gpass = 0.95;
gstop = 0.1;
fcn = 2 * fc * Tp;
Rpass= 10*log10(1/gpass^2);
n = 1;
while(1)
    [b, a] = cheby1(n, Rpass , fcn);
    xF = filter(b, a, suma);
    tk2 = (1/Tp):(2/Tp - Tp);

    xF = xF(tk2);
    XF = fft(xF) / length(xF);
    A2 = abs(XF(f + 1));
    stosunek = A2 ./ A1;

    if (stosunek(3) > gpass && stosunek(4) < gstop)
        break;
    else
        n = n + 1;
    end
end

n
stosunek
stem(abs(XF));
```

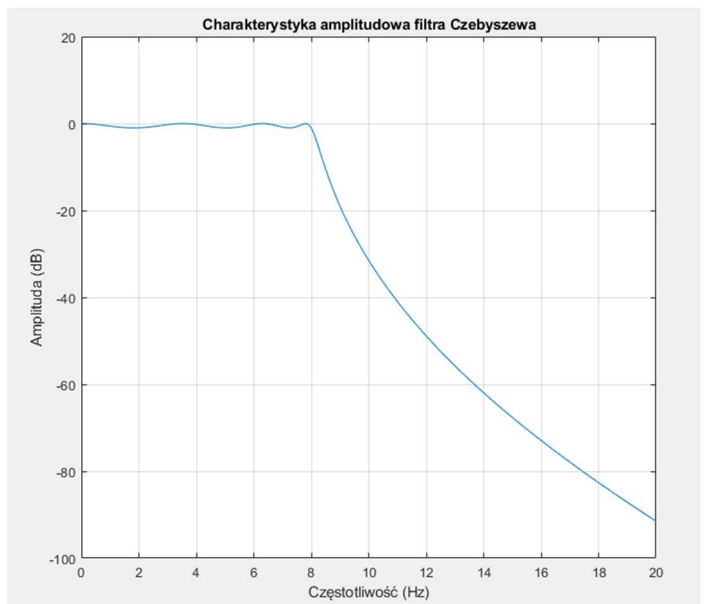
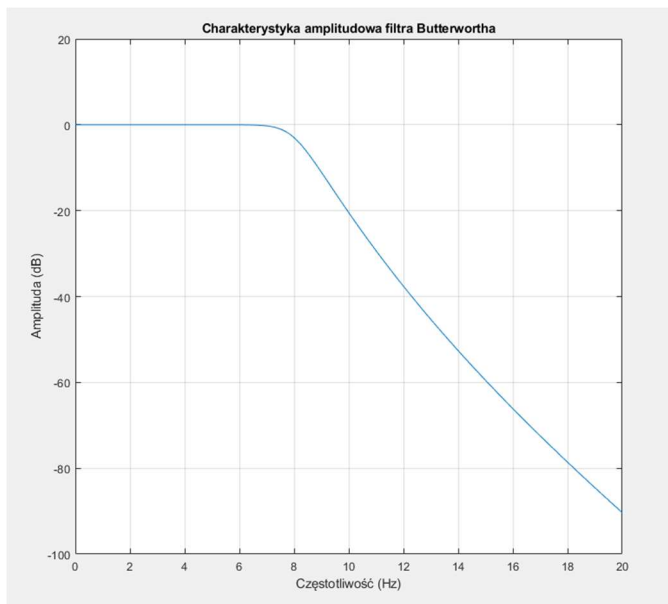


Min  $n = 7$

„Filtr Butterwortha – filtr charakteryzujący się maksymalnie płaską charakterystyką amplitudową w paśmie przenoszenia.

Filtr Czebyszewa– filtr o maksymalnej stromości charakterystyki w paśmie przejściowym.”

Warunki w tym eksperymencie wymagały od filtra żeby dla  $f$  odcięcia = 8 przefiltrował częstotliwości między innymi  $f=7$  i  $f=10$ . Dla takich warunków istotniejsza jest wysoka stromość charakterystyki w paśmie przejściowym żeby  $f=7$  znalazła się w paśmie przenoszenia a  $f=10$  w pasmie zaporowym. Dla takich warunków lepiej wykorzystać filtr Czebyszewa. Dlatego też jego rząd który spełnia takie warunki jest niższy.



Charakterystyki amplitudowe filtrów, widocznie widać płaską charakterystykę przenoszenia dla filtra Butterwortha oraz bardziej stromą, pożądaną w zadaniu charakterystykę pasma przejściowego w filtrze Czebyszewa.