

05506006 Data Structure

Lecture 5: Linked Lists

ดร. รุ่งรัตน์ เวียงศรีพนาวัลย์

Outline

- ▶ ปัญหาของโครงสร้างข้อมูลแบบอาร์เรย์
- ▶ โครงสร้างข้อมูลแบบ Linked List
- ▶ Operation ของโครงสร้างข้อมูลแบบ Linked List
  - ▶ การท่องไปใน ลิสต์
  - ▶ การเพิ่มข้อมูล
    - ต้นลิสต์
    - ท้ายลิสต์
  - ▶ การลบ
    - ต้นลิสต์
    - ท้ายลิสต์
  - ▶ การค้นหา

ปัญหาของโครงสร้างข้อมูลแบบอาร์เรย์

- ▶ ข้อดีของโครงสร้างข้อมูลแบบอาร์เรย์ คือ
  - ▶ 1. ใช้งานง่าย
  - ▶ 2. การเข้าถึงข้อมูล สามารถเข้าถึงได้ทันที ไม่ว่าจะป็นอาร์เรย์ที่เก็บข้อมูลที่เรียงแล้วหรือยังไม่เรียง (เข้าผ่าน index)  $O(1)$
- ▶ แต่ข้อเสียคือ
  - ▶ 1. **ขนาดเปลี่ยนแปลงไม่ได้**
    - ▶ ดังนั้นเมื่อต้องการเพิ่มขนาด จะต้องทำการคอมไพล์โค้ดใหม่ สำหรับคนที่สร้างอาร์เรย์ไว้โดยจองเนื้อที่เป็นจำนวนมากๆ (เผื่อเหลือ) เป็นการใช้นเนื้อที่แบบไม่มีประสิทธิภาพ (จองไปไม่ได้ใช้)
  - ▶ 2. **การแทรกข้อมูล**ลงไปตำแหน่งที่มีข้อมูลอยู่แล้วของข้อมูลที่เรียงแล้วจะทำให้ต้องเลื่อนข้อมูลที่อยู่ก่อนหน้านั้น หรือ หลังจากตำแหน่งนั้นทั้งหมด
    - ▶ ดังนั้นในกรณีแย่ที่สุด เช่น แทรกข้อมูลไปที่ตำแหน่งแรก ถ้าข้อมูลมี 10 ตัว ต้องเลื่อนข้อมูลทุกตัวไปทางขวา 1 ตำแหน่ง (ดังนั้น ทำการเลื่อนทั้งหมด 10 ครั้ง) ถ้ามี  $n$  ตัว เลื่อน  $n$  ครั้ง  $O(n)$
    - ▶ แต่การแทรกข้อมูลลงไปใน unordered array สามารถแทรกต่อท้ายได้เลย  $\Rightarrow O(1)$
  - ▶ การลบข้อมูลไม่ว่าจะเป็นการลบค่าจากอาร์เรย์ที่ข้อมูลเรียงกัน หรือ ไม่เรียงกันจะต้องมีการเลื่อนค่าของตำแหน่งต่อๆ มา แทนตำแหน่งที่ลบ
    - ▶ ดังนั้นในกรณีแย่ที่สุด เช่น ลบข้อมูลตำแหน่งแรก ถ้าข้อมูลมี 10 ตัว ต้องเลื่อนข้อมูลที่เหลือ 9 ตัวไปทางซ้าย ตำแหน่ง (ดังนั้น ทำการเลื่อนทั้งหมด 9 ครั้ง) ถ้ามี  $n$  ตัว เลื่อน  $n-1$  ครั้ง  $\Rightarrow O(n)$

สรุป Big Oh ของข้อมูลประเภทอาร์เรย์

อัลกอริทึม	Running Time (Big Oh)
การค้นหาข้อมูลแบบเชิงเส้น (Linear Search)	$O(n)$
การค้นหาข้อมูลแบบไบนารี (Binary Search)	$O(\log n)$
การแทรกข้อมูลในอาร์เรย์ที่ข้อมูลเรียงกัน (Insertion in ordered array)	$O(n)$
การแทรกข้อมูลในอาร์เรย์ที่ข้อมูลไม่เรียงกัน (Insertion in unordered array)	$O(1)$
การลบข้อมูลในอาร์เรย์ที่ข้อมูลเรียงกัน (Deletion in ordered array)	$O(n)$
การลบข้อมูลในอาร์เรย์ที่ข้อมูลไม่เรียงกัน (Insertion in unordered array)	$O(n)$

- ▶ จึงต้องมีโครงสร้างข้อมูลใหม่ที่
  - ▶ ขนาดของข้อมูลไม่คงที่ เป็น dynamic
  - ▶ การเพิ่ม หรือ การลบข้อมูล ทำได้อย่างรวดเร็ว

## องค์ประกอบของข้อมูลแบบ Link List

- ▶ ลิสต์ของโหนดที่เก็บข้อมูลเชื่อมต่อกันเป็นสาย (ข้อมูลต้องเป็นข้อมูลประเภทเดียวกัน)

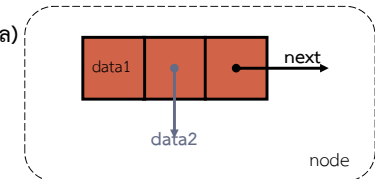
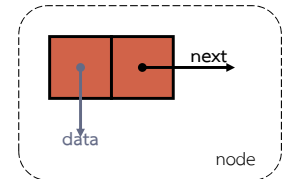
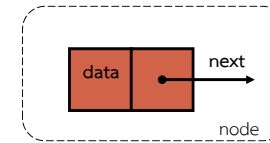
- ▶ แต่ละโหนดเก็บ

### 1. ข้อมูล (data)

- ▶ ข้อมูลประเภทปกติ (primitive data type) เช่น
  - int (หมายเลข)
  - char (ตัวอักษร)
- ▶ ข้อมูลประเภท object (จะเก็บลิ้งค์ชี้ไปที่ข้อมูล)
  - String เช่น ชื่อนักศึกษา
  - ▶ กลุ่มของข้อมูลหลายตัวผสมกัน
    - มีทั้ง หมายเลข ชื่อ

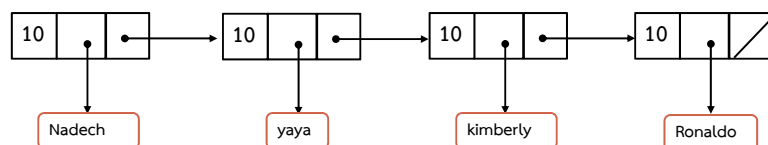
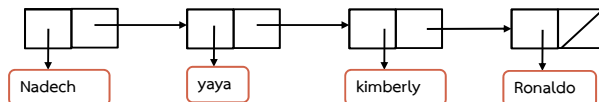
### 2. พอยน์เตอร์ (ลิ้งค์) ชี้ไปที่โหนดถัดไป

- ▶ สำหรับโหนดสุดท้ายเนื่องจากไม่มีไปไหนเลยให้เป็น null



## ตัวอย่างของข้อมูลแบบ Link List

สำหรับโหนดสุดท้ายเนื่องจากไม่มีไปไหนเลยให้เป็น null



## การสร้าง Node ใน จาวา

```
class Node
{ public int iData; // เก็บข้อมูลเป็นจำนวนเต็ม
  public Node next; // ลิ้งค์ชี้ไปที่โหนดถัดไป
}
```

- ▶ การเรียกใช้ เช่น ต้องการเก็บข้อมูลลงใน Node a โดย Node a เป็น สมาชิกตัวเดียว

- ▶ 1. สร้างตัวแปรให้มีชนิดของข้อมูลเป็น Node

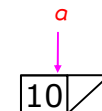
Node a; a = new Node();

Node a = new Node();

- ▶ 2. ทำการใส่ข้อมูลลงใน Node a

a.iData = 10;

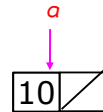
a.next = null;



## เพื่อให้สร้างง่ายขึ้น จะมีการใช้ Constructor method

```
class Node
{
    public int iData; // เก็บข้อมูลเป็นจำนวนเต็ม
    public Node next; // ลิงค์ชี้ไปที่โหนดถัดไป
    public Node(int v, Node n) // constructor method
    {
        iData = v;
        next = n;
    }
}
```

- ▶ Node a ; a = new Node(10,null); หรือ
- ▶ Node a = new Node(10,null);
- ▶ ให้นักศึกษาสร้างลิสต์ (10,20,30)

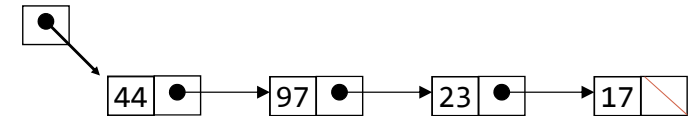


## ตัวอย่าง

- ▶ จากคลาส Node ในหน้า 12 และ 13 ให้นักศึกษาเขียนลิสต์ซึ่งเป็นผลลัพธ์ที่ได้จาก Code ต่อไปนี้

```
Node temp = new Node(17, null);
temp = new Node(23, temp);
temp = new Node(97, temp);
Node a = new Node(44, temp);
```

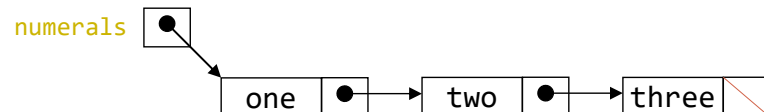
a:



## การสร้าง ลิสต์แบบง่าย

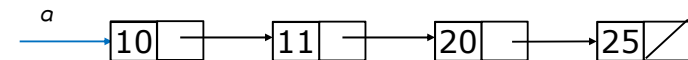
สร้าง list ("one", "two", "three"):

```
Node numerals = new Node();
numerals =
    new Node("one",
        new Node("two",
            new Node("three", null)));
```



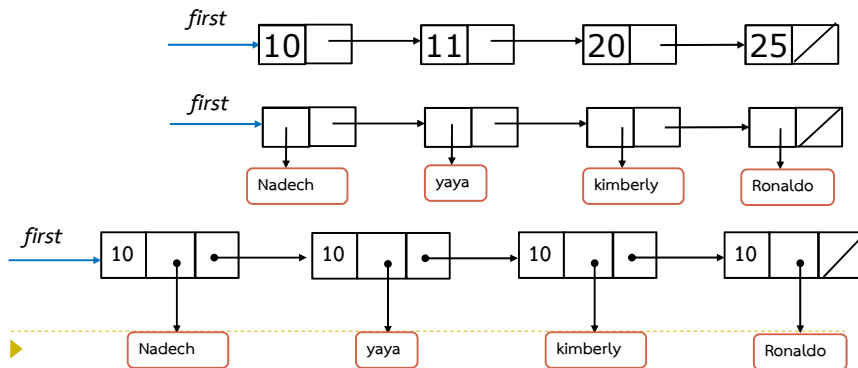
## แบบฝึกหัด

- ▶ ให้นักศึกษาใช้ class Node ใน หน้า 12 หรือ 13 สร้าง ลิสต์ต่อไปนี้ (เขียนเป็นคำสั่งที่ละบรรทัด)



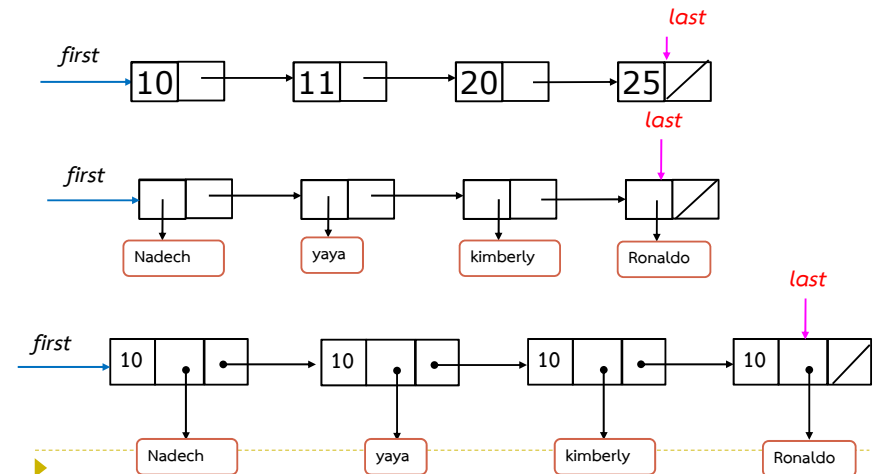
## องค์ประกอบของข้อมูลแบบ Link List (ต่อ)

- ▶ การเข้าถึง node ต่างๆ ใน List จะต้องเริ่มเดินทางหรือ ท่อง(traverse) จาก Node แรก ไปตามลำดับที่ละ Node จนถึง node สุดท้าย
- ▶ การจะท่องไปในลิสต์ได้ต้องเริ่มจากข้อมูลลำดับแรกในลิสต์จึงเรียกพอยน์เตอร์ที่ชี้ไปที่โหนดแรกของ ลิสต์ ว่า first (first มีชนิดข้อมูลเป็น Node เช่นกัน)



## องค์ประกอบของข้อมูลแบบ Link List (ต่อ)

- ▶ นอกจากให้ first ชี้ไปที่ตำแหน่งแรกใน ลิสต์แล้ว บางลิสต์จะมีการเก็บพอยน์เตอร์ที่ชี้ไปที่โหนดสุดท้ายใน list ให้ชื่อว่า last (last มีชนิดข้อมูลเป็น Node เช่นกัน)



## Operation พื้นฐานบน Link List

- ▶ การสร้างลิสต์
- ▶ การท่องไปในลิสต์ (Traversing the list)
- ▶ การเพิ่มสมาชิกลงไปในลิสต์ (Inserting an item in the list)
  - ▶ การเพิ่มที่ต้นลิสต์
  - ▶ การเพิ่มไปที่ท้ายลิสต์
  - ▶ การเพิ่มที่ตำแหน่ง i ใน ลิสต์
- ▶ การลบสมาชิกออกจากลิสต์ (Deleting an item from the list)
  - ▶ การลบสมาชิกตัวแรกในลิสต์
  - ▶ การลบสมาชิกตัวสุดท้ายในลิสต์
  - ▶ การลบที่ตำแหน่ง i ใน ลิสต์
- ▶ การหาค่าที่ตำแหน่ง i
- ▶ หาขนาดของลิสต์

## การสร้างลิสต์

1. สร้าง ลิสต์
  - ▶ เมื่อเริ่มสร้างให้ first เป็น null
2. เพิ่ม node ลงไปใน ลิสต์
  - ▶ ทำการสร้าง node ใหม่ ก่อน
  - ▶ ใส่ข้อมูลลงไปใน node
  - ▶ ทำการเพิ่มโหนดลงไปในลิสต์
    - ▶ โดยทำการเชื่อมโหนดนี้กับโหนดในลิสต์

ดังนั้นในจาวาจึงมักจะสร้างเป็น 2 class

1. class linklist ใช้ในการจัดการเกี่ยวกับลิสต์
  - ▶ สร้างลิสต์
  - ▶ เพิ่มสมาชิกในลิสต์
  - ▶ ลบสมาชิกในลิสต์
  - ▶ ท่องไปในลิสต์
2. Class Node ใช้ในการสร้าง node
  1. ใส่ data ลงไปใน node
  2. กำหนดว่า ให้ next ชี้ไปที่ใด

## การสร้าง ลิสต์ใหม่

เนื่องจากลิสต์ใหม่ยังไม่มีสมาชิก จึงเป็น ลิสต์ว่าง ดังนั้น

- ▶ 1. ให้ first ชี้ไปที่ null
- ▶ 2. ให้ last ชี้ไปที่ null

ทั้ง first และ last จะมีชนิดของข้อมูลเป็น Node

- ▶ (3. ในกรณีที่มีการนับจำนวนสมาชิก (nItem) ใน ลิสต์ ให้ค่า nItem=0)

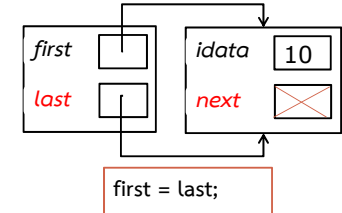
```
class LinkList
{
    // เก็บข้อมูลเป็นจำนวนเต็ม
    Node first; // ลิงค์ชี้ไปที่โหนดแรก
    Node last;  // ลิงค์ชี้ไปที่โหนดสุดท้าย
    public LinkList() // constructor method
    {
        first = null;
        last = null;
    }
    //..... เมธอดที่เป็น operation อื่นๆ เช่น การเพิ่ม และ ลบสมาชิกใน ลิสต์
}
```

## ต่อไปนี้จะแทน ลิงค์ลิสต์ดังรูป

- ▶ 1. ลิสต์ว่าง

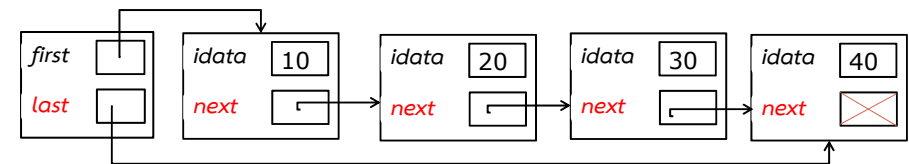


- ▶ 2. ลิสต์มีสมาชิก 1 ตัว

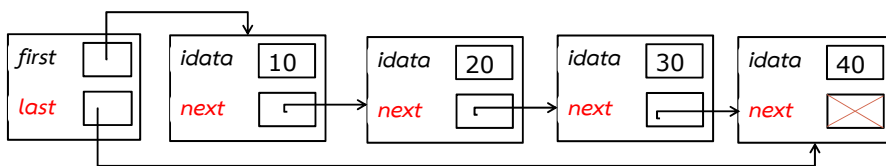


- ▶ 3. ลิสต์มีสมาชิกหลายตัว

ในกรณี ลิสต์มีสมาชิก last.next = null; เสมอ



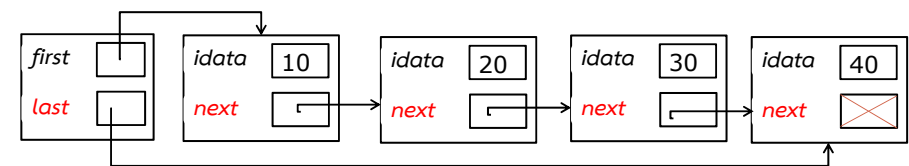
## การอ้างถึงค่าใน ลิสต์



1. first.idata =
2. first.next.idata =
3. first.next.next.idata =
4. first.next.next.next.idata =
5. first.next.next.next =
6. last.idata =
7. first.next.next.next.next =

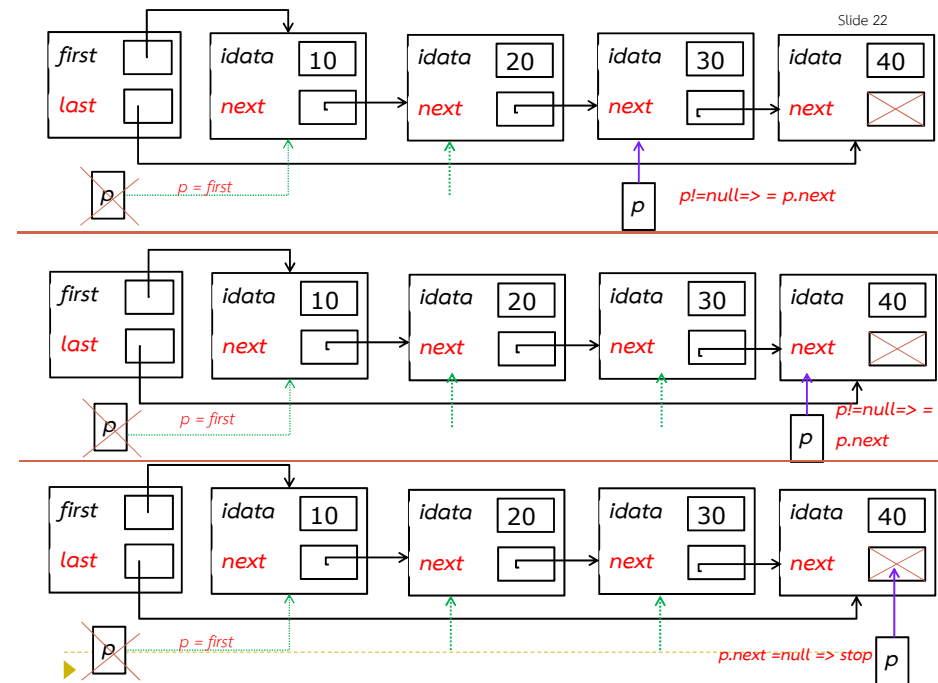
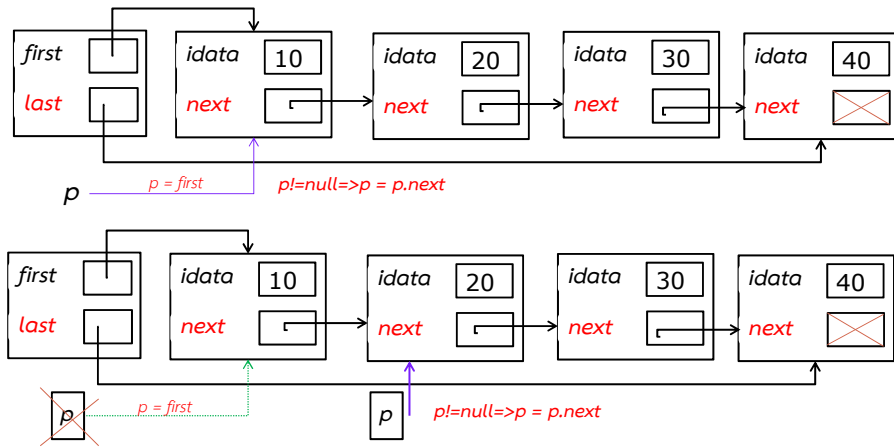
ถ้ามี 10 node จะต้อง next ก็รอบ

## การแสดงค่าใน ลิสต์



1. สร้างตัววิ่ง (p) ซึ่งมีชนิดข้อมูลเป็นชนิดข้อมูลเดียวกับโหนด (Node)
2. ให้ตัววิ่งเริ่มวิ่งจากต้นลิสต์
3. เมื่อวิ่งไปถึงโหนดใดจะนำข้อมูลในโหนดนั้นมาพิมพ์
4. ถ้ายังมีโหนดถัดไปจะเลื่อนไปที่โหนดถัดไป
5. วงลูปทำซ้ำ 3 จนกว่าตัววิ่งวิ่งไปครบทุกโหนดในลิสต์

## การแสดงค่าใน ลิสต์



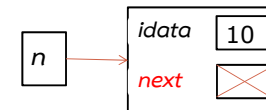
## Pseudo Code และ Code ของการพิมพ์ข้อมูลในลิสต์ออกมาดู

1. Check
  - if list is empty
    - ปรีนท์ ลิสต์ว่าง ไม่มีข้อมูล
2. Else list ไม่ว่าง
  - 2.1 สร้างตัวชี้ p มีชนิดเป็น Node
  - 2.2 ให้ `p = first`;
  - 2.3 while `p != null`
    - print `p.idata`
    - `p = p.next`
  - end while

```
public void displayList()
{
    if (first == null) {
        System.out.println("List is Empty");
    }
    else
    {
        Node p;   p = first;
        System.out.println("First=>Last: ");
        while (p != null)
        {
            System.out.println(p.idata);
            p = p.next;
        }
    }
}
```

## การเพิ่มโหนดลงไปในลิสต์

- ▶ ไม่ว่าจะเป็นการเพิ่มไปที่ตำแหน่งใด ขั้นตอนแรกต้องทำการสร้างโหนด และ ใส่ข้อมูลใหม่ลงไปในโหนดให้เรียบร้อยก่อน
  - ▶ เช่นในกรณี เก็บข้อมูลประเภท integer และต้องการเพิ่มโหนดที่มีข้อมูล 30
  - ▶ ภาษาจาวา `n = new Node (); n.idata = 30; n.next = null;`
  - ▶ หรือ `n = new Node(30,null);`



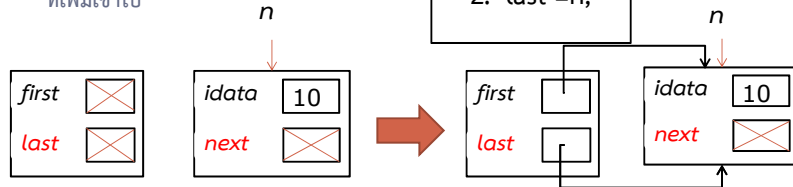
- ▶ แล้วค่อยทำการเพิ่มลงไปในลิสต์

## การเพิ่มโหนดลงไปที่ต้น list

### มี 2 กรณี คือ

#### 1. ลิสต์ว่าง

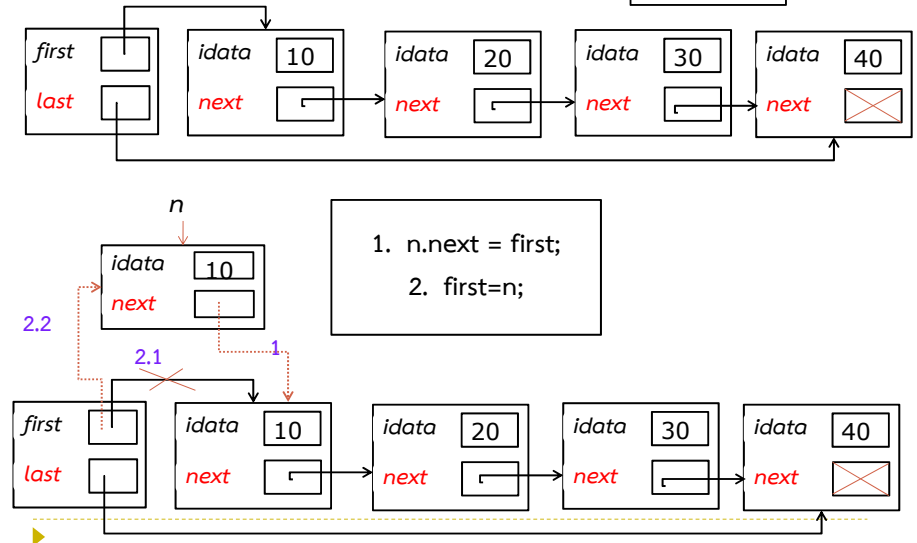
- เปลี่ยน first และ last ให้มาชี้ที่โหนดใหม่ที่เพิ่มเข้าไป



#### 2. ลิสต์ไม่ว่าง

- 1. ให้ n.next ชี้ไปที่ตำแหน่งเดียวกับ first;
- 2. เปลี่ยน first ใหม่ให้ชี้ไปที่ n

## การเพิ่มโหนดลงไปที่ต้น list: ลิสต์ไม่ว่าง



## Pseudo Code และ Code ของการเพิ่มโหนดต้นลิสต์ออกมาดู

### 1. สร้างและใส่ข้อมูลลง node n

### 2. If list ว่าง

เปลี่ยน first และ last ให้  
ชี้ไปที่เดียวกับ n

Else

- ให้ next ของโหนดใหม่ (n) ชี้ไปที่ first
- เปลี่ยน first ให้ ชี้มาที่โหนดใหม่ n

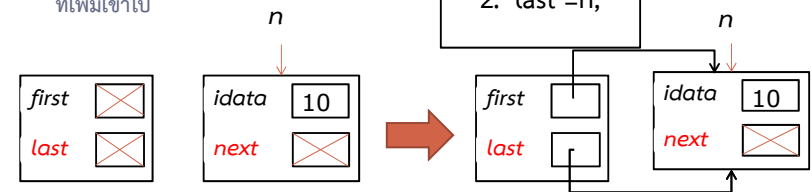
```
public void insertFirst(int value)
{
    Node n = new Node(value, null);
    if (first == null) {
        first = n; last = n;
    }
    else
    {
        n.next = first;
        first = n;
    }
}
```

## การเพิ่มโหนดลงไปที่ท้าย list

### มี 2 กรณี คือ

#### 1. ลิสต์ว่าง (เหมือนกับกรณีต้น list)

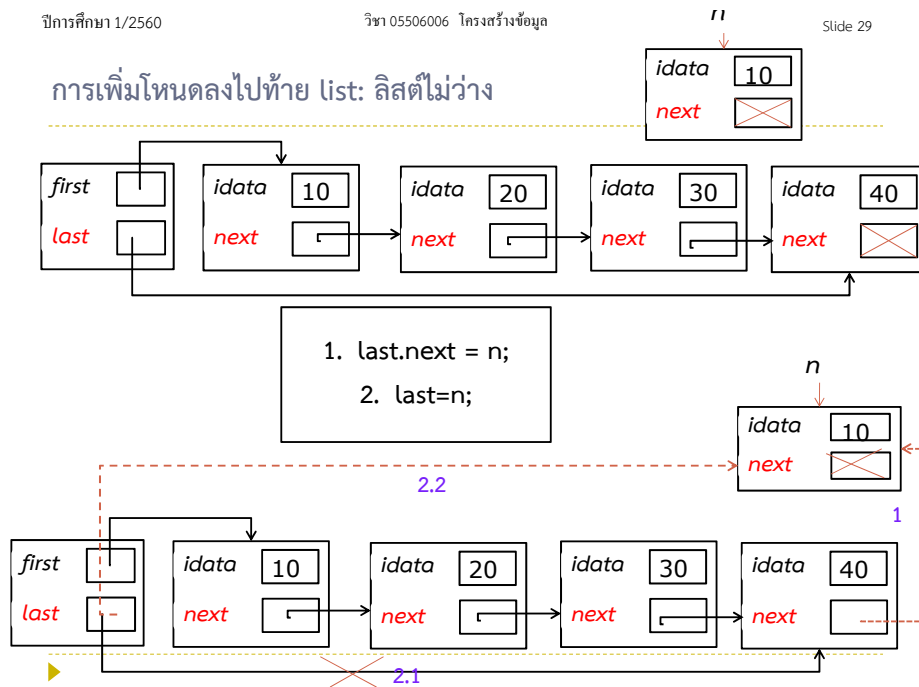
- เปลี่ยน first และ last ให้มาชี้ที่โหนดใหม่ที่เพิ่มเข้าไป



#### 2. ลิสต์ไม่ว่าง

- 1. ให้ n.next ชี้ไปที่ first เดิม;
- 2. เปลี่ยน first ใหม่ให้ชี้ไปที่ n

## การเพิ่มโหนดลงท้าย list: ลิสต์ไม่ว่าง



## Pseudo Code และ Code ของการเพิ่มโหนดลงท้ายลิสต์

1. สร้างและใส่ข้อมูลลง node n

2. If list ว่าง

เปลี่ยน first และ last ให้  
ชี้ไปที่เดียวกับ n

Else

- ให้ next ของ last ชี้ไปที่ n
- เปลี่ยน last ให้ ชี้มาที่โหนด  
ใหม่ n

```
public void insertLast(int value)
```

```
{
    Node n = new Node(value, null);
    if (first == null) {
        first = n; last = n;
    }
    else
    {
        last.next = n;
        last = n;
    }
}
```

## การลบ:

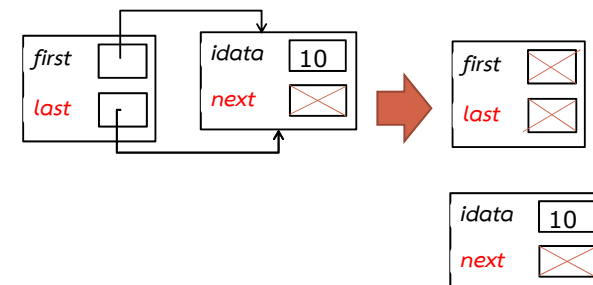
### การลบต้น list และ การลบท้ายลิสต์

- ▶ ไม่ว่าจะลบแบบใดผลลัพธ์ เป็น
  - ▶ node ที่ถูกลบ
  - ▶ ลิสต์ที่จำนวนสมาชิกลดลง
- ▶ ลบต้น ลิสต์ มี 3 กรณี
  - ▶ 1. ไม่มีโหนดใน list
    - ▶ ลบไม่ได้ต้องแสดงข้อความว่าลบไม่ได้
  - ▶ 2. สมาชิกมีโหนดเดียวใน list
    - ▶ ผลลัพธ์ของลิสต์ที่ได้คือว่าง
  - ▶ 3. มีจำนวนสมาชิกหลายโหนดใน list
    - ▶ ลิสต์จะมีสมาชิกลดลง 1 ตัว

## การลบ:

### การลบกรณีมีสมาชิกตัวเดียว

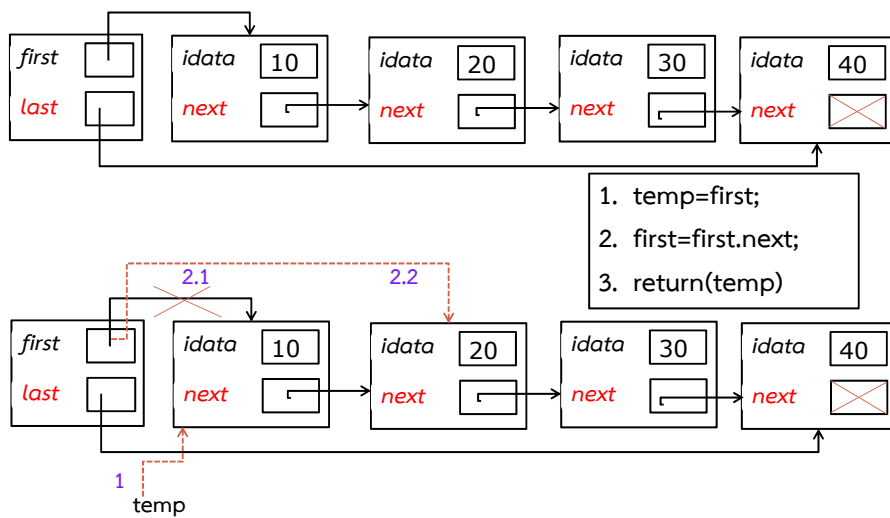
- ▶ มีสมาชิกตัวเดียว (first = last)
- ▶ เหมือนกันทั้งลบต้นและลบท้ายลิสต์
- ▶ return โหนดที่ลบ และ ได้ลิสต์ว่าง





## การลบ:

## การลบต้นลิสต์



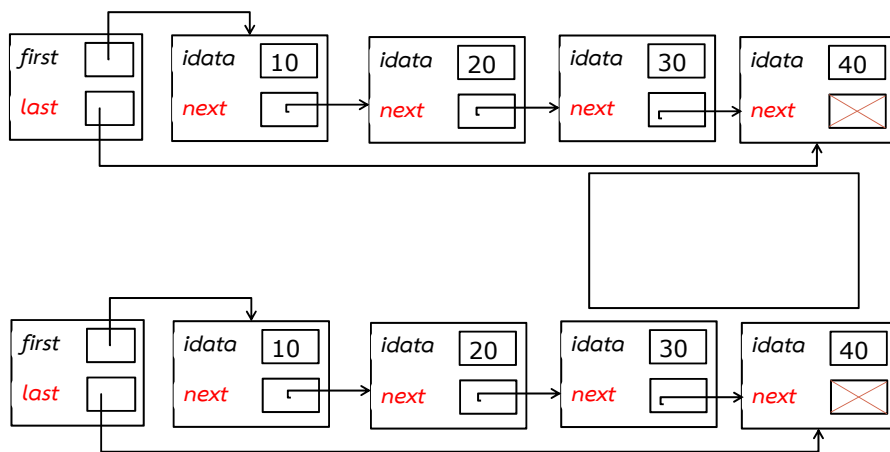
## Pseudo Code และ Code ของการลบต้นลิสต์ออกมาดู

1. If list ว่าง  
พิมพ์ list empty. Cannot  
Delete  
return null  
Else  
- ให้ temp ชี้ไปที่เดียวกับ  
โหนด first  
- If list มีสมาชิกตัวเดียว  
Set first และ last เป็น  
null  
Else  
เปลี่ยน first ให้ ชี้ไปที่โหนด  
first.next  
return temp

```
public Node deleteFirst()
{
    Node temp;
    if (first==null) {
        System.out.println("List is empty.
        Cannot delete");
        return (null);
    }
    else
    {
        temp = first;
        if (first==last)
        { first = null; last = null;}
        else
        { first = first.next;}
        return (temp);
    }
}
```

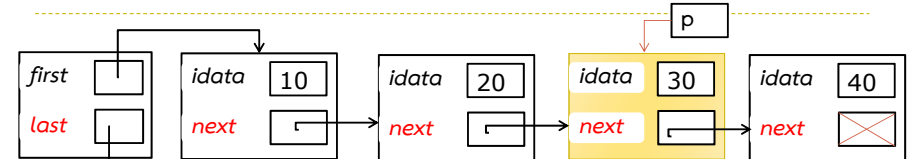
## การลบ:

## การลบท้ายลิสต์ ให้นักศึกษาลองวาดภาพการลบท้ายลิสต์

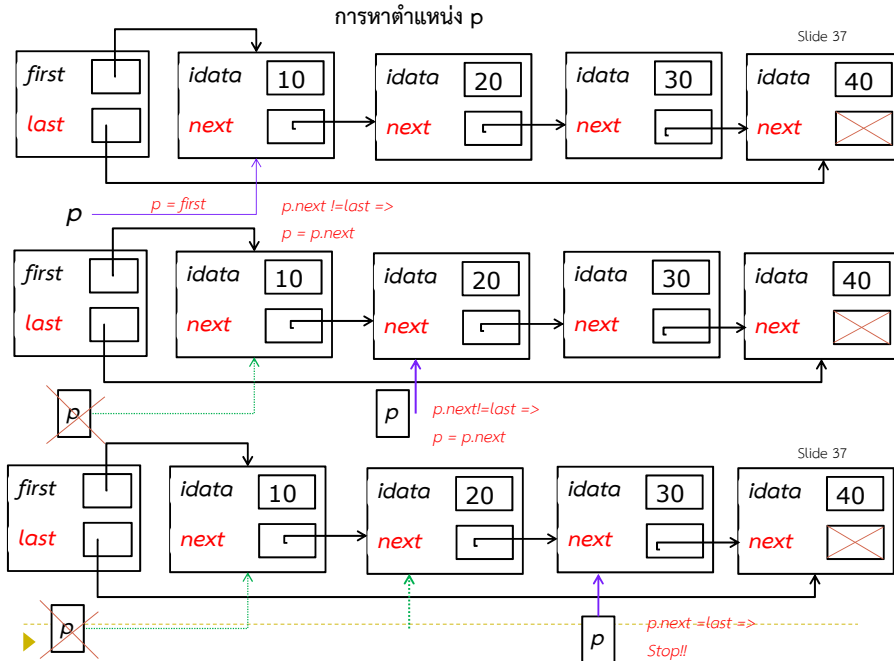


## การลบ:

## การลบท้ายลิสต์ จะต้องมีการหาว่าตำแหน่งก่อน last คือ ตำแหน่งอะไร



- ▶ เนื่องจาก Single link list ไม่มีย้อนกลับ ดังนั้น เมื่อลบโหนดสุดท้ายแล้ว ถ้าไม่หาตำแหน่งโหนดก่อนสุดท้ายไว้ จะไม่สามารถเซตค่า last ใหม่ได้
- ▶ วิธีหา คือ
  - ▶ เนื่องจากตำแหน่งนี้อยู่ก่อน last ดังนั้น ถ้าตำแหน่งนี้คือ p ค่า p.next = last
  - ▶ ใช้วิธีมีตัววิ่งคล้ายกับ ตอนแสดงข้อมูล แต่คราวนี้ให้ p วิ่งไปถึงแค่ตำแหน่ง ก่อน last
    1. ให้ p เริ่มที่ first
    2. ถ้า p.next ไม่ใช่ last เลื่อน p ไปหนึ่งตำแหน่ง Loop กลับไปที่ 2
 เมื่อไหร่ p.next = last แสดงว่า p คือ ตำแหน่งก่อนสุดท้าย
- ▶ ทำการเซตให้ last ชี้ไปที่ p



## Pseudo Code และ Code ของการลบท้ายลิสต์ออกมาดู

```

1. If list ว่าง
    พิมพ์ list empty. Cannot
    Delete
    return null
Else
    - ให้ temp ชี้ไปที่เดียวกับ
    โหนด last
    - If list มีสมาชิกตัวเดียว
        Set first และ last เป็น
        null
    Else
        ให้ p = first
        **ถ้า p.next != last ให้ เลื่อน p
        ไปโหนดถัดไป (p = p.next)
        Loop
        เปลี่ยน p.next เป็น null
        ให้ last = p
        return temp

```

```

public Node deleteFirst()
{
    Node temp;
    if (first==null) {
        System.out.println("List is empty.
        Cannot delete");
        return null;
    }
    else
    {
        temp = last; Node p = first;;
        if (first==last)
        { first = null; last = null;}
        else
        { while (p.next!=last) p=p.next;
            last = p; p.next = null;}
        return temp; }
}

```

## การบ้าน

1. จงเขียน ฟังก์ชันหรือโปรแกรมในการนับจำนวนสมาชิกในลิสต์ว่ามีทั้งหมดกี่ โหนด
  2. ให้ p คือ โหนดที่มีข้อมูลที่มีค่าเท่ากับ k
    - 2.1 จงเขียนฟังก์ชันหรือโปรแกรมหรือ PseudoCode หาตำแหน่งของ Node p ใน ลิสต์
    - 2.2 จงเขียนฟังก์ชันหรือโปรแกรมหรือ PseudoCode หาค่าของ Node p ใน ลิสต์
- method Node findkey(int k)

## อ้างอิง

- ▶ สไลด์ประกอบการสอนวิชา SE 311 Algorithms Design and Analysis โดย ผศ.ดร. สมศรี บัณฑิตวิไล