#### Subjectul III (30 de puncte)

## Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Utilizând metoda backtracking se generează în ordine lexicografică cuvintele de câte patru litere din mulţimea A={a,b,c,d,e}, cuvinte care nu conţin două vocale alăturate. Primele opt cuvinte generate sunt, în ordine: abab, abac, abad, abba, abbb, abbc, abbd, abbe. Câte dintre cuvintele generate încep cu litera b şi se termină cu litera e? (4p.)
  - a. 9 b. 15 c. 12 d. 20

### Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

3. Fişierul text bac.txt conţine, pe o singură linie, cel mult 1000 de numere naturale nenule cu cel mult 4 cifre fiecare, numerele fiind separate prin câte un spaţiu. Scrieţi un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural nenul n (n≤999) şi numerele din fişierul bac.txt şi care afişează pe ecran, separate prin câte un spaţiu, toate numerele din fişier care sunt divizibile cu n. Dacă fişierul nu conţine niciun astfel de număr, atunci se va afişa pe ecran mesajul NU EXISTA.

Exemplu: dacă fișierul bac.txt conține numerele: 3  $\underline{100}$   $\underline{40}$   $\underline{70}$  25 5  $\underline{80}$  6 3798, pentru n=10 atunci pe ecran se va afișa: 100 40 70 80 (10p.)

- 4. Subprogramul sub, cu trei parametri, primeşte prin intermediul parametrilor:
  - v un tablou unidimensional cu cel mult 100 de componente ce memorează numere întregi de cel mult 4 cifre fiecare;
  - n un număr natural nenul mai mic sau egal cu 100 ce reprezintă numărul efectiv de componente ale tabloului primit prin intermediul parametrului v;
  - a un număr întreg cu cel mult 4 cifre.

Subprogramul sub returnează numărul componentelor tabloului primit prin intermediul parametrului v ale căror valori sunt strict mai mici decât valoarea parametrului a.

**Exemplu**: pentru valorile n=5, v=(1,21,9,21,403), a=20 ale parametrilor, în urma apelului, subprogramului sub va returna valoarea 2.

- a) Scrieți definiția completă a subprogramului sub. (4p.)
- b) Să se scrie un program C/C++ care să citească de la tastatură un număr natural nenul n (n≤100) şi n numere întregi, fiecare având cel mult 4 cifre, şi care, folosind apeluri utile ale subprogramului sub, să afişeze pe ecran mesajul DA dacă oricare două dintre cele n numere întregi citite sunt distincte două câte două, sau mesajul NU în caz contrar.

Exemplu: pentru n=6 și cele n numere citite de la tastatură: 47 183 69 8 134 -56 se va afișa pe ecran mesajul DA (6p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Utilizând metoda backtracking se generează în ordine lexicografică cuvintele de câte patru litere din mulțimea A={a,b,c,d,e}, cuvinte care nu conțin două vocale alăturate. Primele opt cuvinte generate sunt, în ordine: abab, abac, abad, abba, abbb, abbc, abbd, abbe. Care este ultimul cuvânt generat?
  (4p.)
- a. edcb
- b. eeee
- c. edde
- d. eded

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Fişierul text NR.TXT conține pe o singură linie, separate prin câte un spațiu, cel mult 100 de numere întregi, fiecare număr având cel mult 4 cifre. Scrieți un program C/C++ care citeşte numerele din fişierul NR.TXT şi afişează pe ecran, separate prin câte un spațiu, în ordine crescătoare, toate numerele naturale nenule din fişier. Dacă nu există astfel de numere se va afişa pe ecran mesajul NU EXISTA.

**Exemplu:** dacă fișierul NR.TXT conține numerele: -3 -10 0  $\frac{7}{2}$  -5  $\frac{7}{2}$   $\frac{51}{2}$  -800  $\frac{6}{2}$   $\frac{3798}{2}$ , atunci pe ecran se va afișa: 6 7 7 51 3798

- **4.** Un număr n se numește **extraprim** dacă atât el, cât și orice număr obținut prin permutarea cifrelor lui n, sunt numere prime. De exemplu, numărul 113 este un număr **extraprim** deoarece 113, 311, 131 sunt numere prime.
  - a) Scrieți definiția completă a unui subprogram £, cu un parametru, subprogram care:
  - primește prin intermediul parametrului a un număr natural cu cel mult 3 cifre (a>1)
  - returnează suma tuturor exponenților din descompunerea în factori primi a valorii parametrului a.

**Exemplu:** pentru a=90 subprogramul va returna valoarea 4, deoarece  $a=2*3^2*5$  şi 1+2+1=4. (4p.)

b) Scrieţi un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n, 2≤n≤999 şi, folosind apeluri utile ale subprogramului £, verifică dacă n este un număr extraprim. În caz afirmativ, programul afişează pe ecran mesajul DA, în caz contrar afişând mesajul NU. (6p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Utilizând metoda backtracking se generează în ordine lexicografică cuvintele de câte patru litere din mulţimea A={a,b,c,d,e}, cuvinte care nu conţin două vocale alăturate. Primele opt cuvinte generate sunt, în ordine: abab, abac, abad, abba, abbb, abbc, abbd, abbe. Care este penultimul cuvânt generat? (4p.)
- a. edec
- b. eded
- c. edde
- d. edcb

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Pentru definiția alăturată a subprogramului £, ce se afișează ca urmare a apelului £(26);? (6p.)

```
void f (int x)
{
   if(x>0)
   if(x%4==0)
    { cout<<'x'; | printf("%c",'x');
      f(x-1); }
   else
   { f(x/3);
      cout<<'y'; | printf("%c",'y');
   }
}</pre>
```

- 3. Fişierului text NR.TXT conține pe o singură linie, separate prin câte un singur spațiu, cel mult 100 de numere naturale, fiecare număr având cel mult 4 cifre. Scrieți un program C/C++ care citeşte toate numerele din fişierul NR.TXT şi afişează pe ecran, separate prin câte un spațiu, în ordine crescătoare, toate numerele din fişier care au cel puțin 3 cifre. Dacă fişierul nu conține astfel de numere se va afişa pe ecran mesajul NU EXISTA. (10p.)
- 4. Subprogramul **cif**, cu doi parametri, primeşte prin intermediul parametrului **a** un număr natural cu cel mult 8 cifre și prin intermediul parametrului **b** o cifră; subprogramul returnează numărul de apariții ale cifrei **b** în scrierea numărului **a**.

Exemplu: pentru a=125854 și b=5, subprogramul va returna valoarea 2.

a) Scrieți definiția completă a subprogramului cif.

- (4p.)
- b) Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n cu exact 8 cifre și care determină și afișează pe ecran, folosind apeluri utile ale subprogramului cif, cel mai mare număr palindrom ce poate fi obținut prin rearanjarea tuturor cifrelor numărului n. Dacă nu se poate obține un palindrom din toate cifrele numărului n, programul va afișa pe ecran numărul 0. Un număr natural este palindrom dacă este egal cu numărul obținut prin scrierea cifrelor sale în ordine inversă.

**Exemplu:** dacă n=21523531 atunci se va afişa pe ecran numărul 53211235, iar dacă n=12272351 atunci se va afişa pe ecran numărul 0. (6p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Utilizând metoda backtracking se generează în ordine lexicografică cuvintele de câte patru litere din mulţimea A={a,b,c,d,e}, cuvinte care nu conţin două vocale alăturate. Primele opt cuvinte generate sunt, în ordine: abab, abac, abad, abba, abbb, abbc, abbd, abbe. Care este antepenultimul cuvânt generat? (4p.)
- a. edde
- b. eddb
- c. edeb
- d. edcb

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

Pentru definiția alăturată a subprogramului f, ce se afişează ca urmare a apelului f(15,2);? (6p.)

```
void f (int n, int x)
{ if(x>n)
    cout<<0; | printf("%d",0);
    else
    if(x%4<=1) f(n,x+1);
    else
    { f(n,x+3);
        cout<<1; | printf("%d",1);
    }
}</pre>
```

- 3. Fişierul text NR.TXT conține pe o singură linie, separate prin câte un singur spațiu, cel mult 100 de numere naturale, fiecare număr având cel mult 1 cifre. Scrieți un program C/C++ care citește numerele din fişierul NR.TXT și afișează pe ecran, separate prin câte un spațiu, în ordine descrescătoare, toate numerele din fișier care au cel mult 2 cifre. Dacă fișierul nu conține astfel de numere se va afișa pe ecran mesajul NU EXISTA. (10p.)
- 4. Subprogramul **cif**, cu doi parametri, primeşte prin intermediul parametrului **a** un număr natural cu cel mult 8 cifre şi prin intermediul parametrului **b** o cifră; subprogramul returnează numărul de apariții ale cifrei **b** în scrierea numărului **a**.

Exemplu: pentru a=125854 și b=5, subprogramul va returna valoarea 2.

a) Scrieți definiția completă a subprogramului cif.

- (4p.)
- b) Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură un număr natural n cu exact 8 cifre, fiecare cifră fiind nenulă, și care determină și afișează pe ecran, folosind apeluri utile ale subprogramului cif, cel mai mic număr palindrom ce poate fi obținut prin rearanjarea tuturor cifrelor numărului n. Dacă nu se poate obține un palindrom din toate cifrele numărului n, programul va afișa pe ecran numărul 0. Un număr natural este palindrom dacă este egal cu numărul obținut prin scrierea cifrelor sale în ordine inversă.

**Exemplu:** dacă n=21523531 atunci se va afişa pe ecran numărul 12355321, iar dacă n=12272351 atunci se va afişa pe ecran numărul 0. (6p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Folosind modelul combinărilor se generează numerele naturale cu câte trei cifre distincte din mulțimea {1,2,3,7}, numere cu cifrele în ordine strict crescătoare, obținându-se, în ordine: 123, 127, 137, 237. Dacă se utilizează exact aceeaşi metodă pentru a genera numerele naturale cu patru cifre distincte din mulțimea {1,2,3,4,5,6,7,8}, câte dintre numerele generate au prima cifră 2 şi ultima cifră 7?
- a. 8

**b**. 3

c 4

**d**. 6

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Pentru subprogramul f definit mai jos, ce se afișează ca urmare a apelului f(3,17)?(6p.)

```
//C
void f ( int a, int b)
{ if(a<=b)
    {f(a+1,b-2); printf("%c",'*');}
    else printf("%d",b);
}

//C++
void f ( int a, int b)
{ if(a<=b)
    { f(a+1,b-2); cout<<'*';}
    else cout<<b;
}</pre>
```

3. Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastură un număr natural n cu cel mult 8 cifre (n≥10) şi care creează fişierul text NR.TXT ce conține numărul n şi toate prefixele nenule ale acestuia, pe o singură linie, separate prin câte un spațiu, în ordine descrescătoare a valorii lor.

**Exemplu:** pentru n=10305 fișierul NR.TXT va conține numerele:

- **4.** Subprogramul **f**, cu un parametru:
  - primeşte prin intermediul parametrului a un număr natural cu cel mult 8 cifre (a>1)
  - returnează cel mai mic divizor prim al valorii parametrului a.

**Exemplu:** pentru valoarea 45 a parametrului a, subprogramul va returna valoarea 3 deoarece  $a=3^2*5$ , iar cel mai mic divizor prim al său este 3.

- a) Scrieți definiția completă a subprogramului £. (4p.)
- b) Scrieți un program C/C++ care să citească de la tastatură un număr natural nenul n (n≤100) și apoi un șir de n numere naturale de cel mult 8 cifre fiecare, toate numerele din șir fiind strict mai mari decât 1. Folosind apeluri utile ale subprogramului £, programul va determina și va afișa pe ecran toate numerele prime din șirul citit. Numerele determinate se vor afișa pe ecran, separate prin câte un spațiu, în ordine crescătoare a valorii lor. Dacă nu există astfel de numere se va afișa pe ecran mesajul NU EXISTA.

Exemplu: pentru n=7, şirul: 1125, 2, 314, 101, 37, 225, 12 pe ecran se va afişa:

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Utilizând metoda backtracking sunt generate numerele de 3 cifre, având toate cifrele distincte şi cu proprietatea că cifrele aflate pe poziții consecutive sunt de paritate diferită. Ştiind că primele şase soluții generate sunt, în această ordine, 103, 105, 107, 109, 123, 125, care este a zecea soluție generată? (4p.)
  - a. 145
- b. 147
- c. 230
- d. 149

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n (n≤100) şi apoi cele n elemente, numere naturale cu cel mult 4 cifre fiecare, ale unui tablou unidimensional a. Programul afişează pe o linie a ecranului suma celor n elemente ale tabloului, pe următoarea linie a ecranului suma primelor n-1 elemente şi aşa mai departe, astfel încât ultima linie afişată să conțină doar primul element al tabloului.

**Exemplu:** dacă n=4 iar tabloul are elementele a=(1,7,3,4) programul va afișa valorile alăturate: (10p.)

- 4. Se consideră fișierul BAC.TXT ce conține un șir **crescător** cu cel mult un milion de numere naturale de cel mult nouă cifre fiecare, separate prin câte un spațiu.
  - a) Să se scrie un program C/C++ care, folosind un algoritm eficient din punct de vedere al memoriei utilizate şi al timpului de executare, citeşte din fişier toți termenii şirului şi afişează pe ecran, pe o singură linie, fiecare termen distinct al şirului urmat de numărul de apariții ale acestuia în şir. Valorile afişate sunt separate prin câte un spațiu.

**Exemplu:** dacă fișierul BAC.TXT are următorul conținut:

```
1 1 1 5 5 5 5 9 9 11 20 20 20 programul va afişa:
1 3 5 4 9 2 11 1 20 3
```

deoarece 1 apare de 3 ori, 5 apare de 4 ori, etc.

(6p.)

b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită, explicând în ce constă eficiența ei (3 – 4 rânduri).

(4p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

 Se consideră subprogramul f definit alăturat. Ce se va afişa în urma apelului f(12345);? (4p.)

```
void f(long int n)
{ if (n!=0)
    {if (n%2 == 0)
      cout<<n%10; | printf("%d",n%10);
      f(n/10);
    }
}
c. 42
d. 315</pre>
```

a. 513

b. 24

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- Folosind tehnica bactracking un elev a scris un program care generează toate numerele de câte n cifre (0<n≤9), cifrele fiind în ordine strict crescătoare. Dacă n este egal cu 5, scrieți în ordine crescătoare toate numerele având cifra unităților 6, care vor fi generate de program.</li>
- 3. Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n (0<n≤100) și cele 3\*n elemente ale tabloului unidimensional v, fiecare element fiind un număr natural cu cel mult patru cifre fiecare. Tabloul este împărțit în trei zone, cu câte n elemente: prima zonă conține primele n elemente din tablou, a doua zonă conține următoarele n elemente din tablou, restul elementelor fiind în zona a treia. Programul va interschimba primul element par (dacă există) al zonei unu cu ultimul element impar (dacă există) al zonei trei și apoi va scrie pe prima linie a fișierului text BAC.TXT toate elementele tabloului, separate prin câte un spațiu. În cazul în care unul dintre aceste două elemente, care urmează a fi interschimbate, nu există, programul nu va efectua nici o modificare asupra tabloului dat.

**Exemplu:** pentru n=3 şi v=(1 2 3 4 5 6 7 8 9), fişierul BAC.TXT va conține:

**1** 9 3 4 5 6 7 8 2

Se consideră şirul definit de relația de recurență alăturată: 
$$f_n = \begin{cases} n, & dac\bar{a} & n <= 5 \\ 2*f_{n-1}, & dac\bar{a} & n > 5 \end{cases}$$

a) Scrieți definiția completă a unui subprogram sub, care primește prin intermediul singurului său parametru n un număr natural de maximum 8 cifre, și care returnează cel mai mare termen al șirului £ care este mai mic sau cel mult egal cu n.

Exemplu: dacă n=83 atunci subprogramul va returna valoarea 80. (4p.)

b) Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural s (s≤1000000) şi determină scrierea lui s ca sumă de termeni distincți ai şirului dat folosind apeluri utile ale subprogramului sub. Numerele astfel determinate se vor scrie pe ecran, pe aceeaşi linie, separate prin câte un spațiu.

**Exemplu:** dacă valoarea citită de la tastatură este 63, se va afișa:

40 20 3 (6p.)

(10p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Utilizând metoda backtracking sunt generate numerele de 3 cifre care au cifrele în ordine crescătoare, iar cifrele aflate pe poziții consecutive sunt de paritate diferită. Ştiind că primele cinci soluții generate sunt, în această ordine, 123, 125, 127, 129, 145, care este cel de al 8-lea număr generat? (4p.)
- a. 169
- b. 149
- c. 167
- d. 147

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

 Se consideră subprogramul f, descris alăturat. Ce se va afişa în urma apelului f(3);? (6p.)

```
void f(int n)
{ if (n!=0)
    { if (n%2==0)
            cout<<n<<' '; | printf("%d ",n);
        f(n-1);
        cout<<n<<' '; | printf("%d ",n);
    }
    else cout<<endl; | printf("\n");
}</pre>
```

3. Pe prima linie a fişierului text BAC.TXT se află o valoare naturală n (1<n≤50), iar pe a doua linie n numere naturale cu maximum 4 cifre fiecare, despărțite prin câte un spațiu. În şirul numerelor de pe a doua linie a fişierului există cel pzâin două numere pătrate perfecte. Scrieți un program C/C++ care citeşte toate numerele din fişier şi afişează pe ecran expresia aritmetică reprezentând suma numerelor de pe a doua linie a fişierului care au

proprietatea că sunt pătrate perfecte, cu simbolul + între ele și, după un semn =, valoarea acestei sume, ca în exemplu. Termenii sumei afișate se pot afla în orice ordine.

**Exemplu**: dacă fișierul **BAC.TXT** are următorul conținut

9 5 36 9 8

atunci pe ecran se poate afişa:

(10p.)

- **4.** Subprogramul **sub** primește prin intermediul parametrilor:
  - $-n \sin m două numere naturale (1<n<100, 1<m<100)$
  - a şi b două tablouri unidimensionale, fiecare având componente numere naturale de maximum patru cifre, **ordonate crescător**; tabloul a conține numere, toate pare, iar tabloul b conține numere, toate impare.

Subprogramul va afişa pe ecran, în ordine crescătoare, separate prin câte un spațiu, un şir format dintr-un număr maxim de elemente care aparțin cel puțin unuia dintre tablouri, astfel încât orice două elemente aflate pe poziții consecutive să fie de paritate diferită.

**Exemplu**: pentru n=5, m=3 şi tablourile a=(2,4,8,10,14) şi b=(3,5,11), subprogramul va afisa 2 3 4 5 8 11 14 sau 2 3 4 5 10 11 14.

- a) Scrieți definiția completă a subprogramului sub, alegând pentru rezolvare un algoritm eficient din punctul de vedere al timpului de executare. (6p.)
- b) Descrieți succint, în limbaj natural, algoritmul pe baza căruia a fost scris subprogramul de la punctul a), explicând în ce constă eficiența metodei utilizate.

  (4p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

## Scrieti pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Utilizând metoda backtracking, sunt generate n ordine crescătoare toate numerele de 3 cifre, astfel încât cifrele sunt în ordine crescătoare, iar cifrele aflate pe poziții consecutive sunt de paritate diferită. Ştiind că primele trei soluții generate sunt, în această ordine, 123, 125, 127, scrieți toate numerele generate care au suma cifrelor egală cu 12. (6p.)
- 3. Scrieți definiția completă a subprogramului sub cu doi parametri: n (număr natural, 0<n≤50) şi k (număr natural, 0<k≤20). Subprogramul determină afișarea pe o linie nouă a ecranului, în ordine descrescătoare, a primelor n numere naturale nenule divizibile cu k. Numerele vor fi separate prin câte spațiu.

**Exemplu**: dacă n=3 şi k=5 la apelul **subprogramului** se va afişa pe ecran:

- 4. Se consideră fişierul BAC.TXT ce conține cel mult un milion de numere naturale separate prin spatii, fiecare număr având cel mult nouă cifre.
  - a) Scrieți un program C/C++ care citește toate numerele din fișierul BAC.TXT și determină, folosind un algoritm eficient din punct de vedere timpului de executare, cele mai mari două numere de trei cifre care nu se află în fișier. Cele două numere vor fi afișate pe ecran în ordine descrescătoare, cu un spațiu între ele. Dacă nu pot fi determinate două astfel de numere, programul va afișa pe ecran valoarea 0.

**Exemplu:** dacă fişierul **BAC.TXT** conține numerele: 12 2345 123 67 989 6 999 123 67 989 999 atunci programul va afișa 998 997

b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită, explicând în ce constă eficiența ei (3 – 4 rânduri).

(4p.)

(6p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Un elev a scris un program care, folosind metoda backtracking, generează toate numerele de câte 5 cifre, cifrele fiind în ordine strict crescătoare. Scrieți toate numerele generate de program care au prima cifră 5. (6p.)
- 3. Scrieți definiția completă a subprogramului sub cu trei parametri: n (număr natural, 5<n≤3000), a şi b; subprogramul furnizează prin intermediul parametrilor a şi b cele mai mari două numere prime distincte mai mici decât n.</p>

Exemplu: dacă n= 28 la apelul subprogramului se va furniza prin parametrul a valoarea 23 și prin parametrul b valoarea 19. (10p.)

**4.** Evidența produselor vândute de o societate comercială este păstrată în fişierul **PRODUSE.TXT**. Pentru fiecare vânzare se cunosc: tipul produsului (un număr natural de cel mult 4 cifre), cantitatea vândută exprimată in kilograme (un număr natural mai mic sau egal cu 100) şi prețul unui kilogram (un număr natural mai mic sau egal cu 100).

Fişierul **PRODUSE.TXT** are cel mult **200000** de linii şi fiecare linie conține trei numere naturale, separate prin câte un spațiu, ce reprezintă, în această ordine tipul, cantitatea şi prețul de vânzare al unui produs la momentul vânzării respective.

a) Să se scrie un program C/C++ care, utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al timpului de executare, determină pentru fiecare tip de produs vândut suma totală obținută în urma vânzărilor. Programul va afișa pe câte o linie a ecranului tipul produsului și suma totală obținută, separate prin câte un spațiu, ca în exemplu.

Exemplu: dacă fişierul PRODUSE.TXT are conținutul alăturat, programul va afișa

perechile următoare, nu neapărat în această ordine:

1 150
2 30
2 30
(6p.)

b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită, explicând în ce constă eficiența (3 - 4 rânduri).

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Un algoritm de tip backtracking generează, în ordine lexicografică, toate şirurile de 5 cifre 0 şi 1 cu proprietatea că nu există mai mult de două cifre 0 pe poziții consecutive. Primele 7 soluții generate sunt: 00100, 00101, 00110, 00111, 01001, 01010, 01011. Care este a 8-a soluție generată de acest algoritm? (4p.)
- a. 01110
- **b.** 01100
- c. 01011
- d. 01101

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Pentru funcția f definită alăturat, stabiliți care
   este valoarea f(5). Dar f(23159)? (6p.)

  int f(int n){
   int c;
   if (n==0) return 9;
   else
   {c=f(n/10);
   if (n%10<c) return n%10;
   else return c;
   }
  }</pre>
- 3. Fişierul text numere.txt conține pe prima linie un număr natural n (n<30000), iar pe a doua linie n numere întregi având maximum 4 cifre fiecare. Se cere să se afişeze pe ecran un şir de n numere întregi, cu proprietatea că valoarea termenului de pe poziția i (i=1,2,...,n) din acest şir este egală cu cea mai mare dintre primele i valori de pe a doua linie a fişierului numere.txt.
  - a) Descrieți pe scurt un algoritm de rezolvare, eficient din punct de vedere al timpului de executare și al spațiului de memorie utilizat, explicând în ce constă eficiența sa. (4p.)
  - b) Scrieti programul C/C++ corespunzător algoritmului descris.

**Exemplu:** dacă fişierul numere.txt are conținutul alăturat, se afișează pe ecran numerele 4

4 6 6 7 8 8 8 8 8 9 10 10

12 4 6 3 7 8 1 6 2 7 9 10 8

(6p.)

**4.** a) Scrieți doar antetul funcției sum care primește ca parametru un număr natural nenul x cu maximum 9 cifre și returnează suma divizorilor numărului x.

Exemplu: sum(6) are valoarea 12 (=1+2+3+6). (3p.)

b) Să se scrie un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n (0<n<25) şi apoi n numere naturale nenule cu maximum 9 cifre fiecare. Programul calculează, folosind apeluri ale funcției sum, şi afișează pe ecran câte numere prime conține şirul citit.

**Exemplu:** pentru n=5 şi valorile 12 3 9 7 1 se va afişa pe ecran valoarea 2 (în şirul dat există două numere prime şi anume 3 şi 7). (7p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

1. Se consideră subprogramul P, definit alăturat. Ştiind că valoarea variabilei întregi a este înainte de apel 4, care este valoarea ei imediat după apelul P(a)?
a. 10
b. 4
c. 9
d. 5

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Pentru a scrie valoarea 10 ca sumă de numere prime se folosește metoda backtracking și se generează, în această ordine, sumele distincte: 2+2+2+2, 2+2+3+3, 2+3+5, 3+7, 5+5. Folosind exact aceeași metodă, se scrie valoarea 9 ca sumă de numere prime. Care sunt primele trei solutii, în ordinea generării lor? (6p.)
- 3. Fişierele text NR1.TXT şi NR2.TXT conţin, separate prin câte un spaţiu, mai multe numere întregi de cel mult 9 cifre fiecare. Fiecare dintre fişiere conţine cel mult 100 de valori şi numerele din fiecare fişier sunt ordonate strict crescător. Se cere să se afişeze pe ecran, în ordine crescătoare, numerele divizibile cu 5 care se găsesc doar în unul din cele două fişiere.

**Exemplu**: dacă fişierul NR1.TXT conține numerele 1 2 3 4 7 20 60, iar fişierul NR2.TXT conține numerele 3 5 7 8 9 10 12 20 24, atunci se vor afişa pe ecran valorile 5 10 60.

- a) Descrieți un algoritm de rezolvare a acestei probleme, eficient din punct de vedere al timpului de executare şi al spațiului de memorie utilizat, explicând în ce constă eficiența acestuia.

  (4p.)
- b) Scrieți programul C/C++ corespunzător algoritmului descris. (6p.)
- 4. Scrieţi un program C/C++ care citeşte de la tastatură o valoare naturală nenulă n (n≤20), apoi un şir de n numere naturale, având fiecare exact 5 cifre. Dintre cele n numere citite, programul determină pe acelea care au toate cifrele egale şi le afişează pe ecran, în ordine crescătoare, separate prin câte un spaţiu.

**Exemplu:** pentru n=5 şi numerele 11111 33333 12423 59824 11111 33443 se va afişa: 11111 11111 333333. (10p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Fie subprogramul fct definit alăturat, parțial. Inițial, variabile întregi void fct(....) a, b şi c au valorile a=8, b=31 şi c=9, iar după apelul fct(a,b,c), | { x=x+1; y=y-1;valorile celor trei variabile sunt a=9, b=31 şi c=39. Care poate fi antetul subprogramului fct? (4p.)
- a. void fct(int &x,int &y,int &z)
  b. void fct(int x,int &y,int &z)
- c. void fct(int x,int y,int z)
- d. void fct(int &x,int y,int &z)

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Trei băieți, Alin, Bogdan și Ciprian, și trei fete, Delia, Elena și Felicia, trebuie să formeze o echipă de 3 copii, care să participe la un concurs. Echipa trebuie să fie mixtă (adică să contină cel putin o fată și cel putin un băiat). Ordinea copiilor în echipă este importantă deoarece aceasta va fi ordinea de intrare a copiilor în concurs (de exemplu echipa Alin, Bogdan, Delia este diferită de echipa Bogdan, Alin, Delia).
  - Câte echipe se pot forma, astfel încât din ele să facă parte simultan Alin şi Bogdan?
  - Dati exemplu de o echipă corect formată din care să nu facă parte nici Alin și nici Boqdan. (6p.)
- 3. Se consideră șirul 1, 2,1, 3,2,1, 4,3,2,1, ... construit astfel: prima grupă este formată din numărul 1, a doua grupă este formată din numerele 2 și 1, iar grupa a k-a, este formată din numerele k, k-1,..., 1. Se cere să se citescă de la tastatură un număr natural n (n≤1000) și să se afișeze pe ecran cel de al n-lea termen al sirului dat.
  - a) Descrieți un algoritm de rezolvare a acestei probleme, eficient din punct de vedere al timpului de executare și al spațiului de memorie, explicând în ce constă eficiența acestuia.

(4p.)

b) Scrieți programul C/C++ corespunzător algoritmului descris

(6p.)

- 4. Se consideră subprogramul P care are doi parametri:
  - -n, prin intermediul căruia primește un număr natural de cel mult 9 cifre
  - c, prin intermediul căruia primeşte o cifră.

Subprogramul va furniza tot prin intermediul parametrului n numărul obtinut din n prin eliminarea tuturor aprițiilor cifrei c. Dacă, după eliminare, numărul nu mai conține nicio cifră sau contine doar cifre 0, rezultatul returnat va fi 0.

a) Scrieți doar antetul subprogramului P.

b) Pe prima linie a fișierului text BAC. IN se găsesc, separate prin câte un spațiu, mai multe numere naturale de cel mult 9 cifre fiecare. Scrieți programul C/C++ care citește numerele din acest fișier, utilizând apeluri ale subprogramului P elimină toate cifrele impare din fiecare dintre aceste numere și apoi scrie în fișierul text BAC.OUT numerele astfel obținute, separate prin câte un spațiu. Dacă un număr din fișierul BAC.IN nu conține nicio cifră pară nenulă, acesta nu va mai apărea deloc în fișierul de ieșire.

Exemplu: dacă fișierul BAC.IN conține numerele 25 7 38 1030 45127 0 35 60 15, atunci BAC.OUT va avea continutul: 2 8 42 60.

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Utilizând metoda backtracking se generează permutările cuvântului info. Dacă primele trei solutii generate sunt: fino, fion, fnio care este cea de-a cincea solutie? (4p.)
  - a. foin
- b. fnoi
- c. foni
- d. ifon

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- Pentru functiile f1 și f2 definite long f1(int c) 2. alăturat, stabiliți care este valoarea lui { if (c%2==1) return 1; else return 2; f1(3). Dar f2(41382)? (6p.) long f2(long n) { if (n==0) return 0; else return f1(n%10)+f2(n/10);
- 3. Se citeşte de la tastatură un număr natural n (n≤500) și apoi n cifre separate prin spații. Se cere să se afișeze pe ecran cele n cifre citite, în ordine crescătoare, separate prin câte un spatiu.

Exemplu: pentru n=19 și cifrele 3 3 0 9 2 1 2 1 3 7 1 5 2 7 1 0 3 2 3 se va afisa pe ecran 0 0 1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 3 3 5 7 7 9.

- a) Descrieti pe scurt un algoritm de rezolvare al problemei, eficient din punct de vedere al spațiului de memorie utilizat și al timpului de executare, explicând în ce constă eficiența metodei alese. (4p.)
- b) Scrieti programul C/C++ corespunzător algoritmului descris. (6p.)
- 4. Fișierul text BAC.TXT conține mai multe numere naturale, cu cel mult 6 cifre fiecare, câte un număr pe fiecare linie a fișierului.

Scrieți un program C/C++ care citește toate numerele din fișierul BAC.TXT și le afisează pe ecran, în aceeasi ordine, câte cinci pe fiecare linie, separate prin câte un spațiu, cu excepția ultimei linii care poate conține mai puțin de cinci numere. Programul va afișa apoi pe ecran, pe o linie separată, câte numere din fișier au suma cifrelor pară.

Exemplu: dacă fisierul are continutul alăturat, pe ecran se vor afisa numerele de mai jos:

```
11 21 30 40 51
16 17 10 1
4
```

(10p.)

11 21

30

40

51

16

17

10

1

### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Câte numere cu exact două cifre pot fi construite folosind doar cifre pare distincte? (4p.)
- a. 12
- **b**. 16
- c. 20
- d. 25

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

Pentru funcțiile f şi g definite mai jos, scrieți care este rezultatul returnat la apelul g(11).
 Dar rezultatul returnat la apelul f(6)?

```
long g(long x)
{ if (x>9)
    return (x/10 + x%10);
    else
       return x;
}
long f(int c)
{ if (c<1)
       return 1;
    else
       return g(c+f(c-1));
}</pre>
```

- 3. Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n (n≤32000) şi afișează pe ecran numărul natural din intervalul închis [1,n] care are cei mai mulți divizori. Dacă există mai multe numere cu această proprietate se va afișa cel mai mic dintre ele.
  - Exemplu: pentru n=20 se va afişa valoarea 12 (12, 18 şi 20 au câte 6 divizori, iar 12 este cel mai mic dintre ele). (10p.)
- 4. În fişierul text BAC.IN se găsesc, pe o singură linie, separate prin câte un spațiu, mai multe numere naturale de cel mult 6 cifre fiecare. Se cere să se determine şi să se afişeze pe ecran, separate printr-un spațiu, ultimele două numere impare (nu neapărat distincte) din fişierul BAC.IN. Dacă în fişier se găseşte un singur număr impar sau niciun număr impar se va scrie pe ecran mesajul Numere insuficiente.

**Exemplu:** dacă fișierul BAC.IN conține valorile: 12  $\underline{15}$  68  $\underline{13}$   $\underline{17}$  90  $\underline{31}$  42 se va afișa 17 31.

- a) Descrieţi în limbaj natural un algoritm eficient din punct de vedere al spaţiului de memorie şi al timpului de executare, pentru rezolvarea acestei probleme, explicând în ce constă eficienţa acestuia.
- b) Scrieti programul C/C++ corespunzător algoritmului descris. (6p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare

- Un algoritm generează în ordine crescătoare toate numerele de n cifre, folosind doar cifrele
   5 şi 7. Dacă pentru n=5, primele cinci soluții generate sunt 33333, 33335, 33335,
   33353, 33355, precizați care sunt ultimele trei soluții generate, în ordinea generării.(6p.)
- 3. Scrieți definiția completă a subprogramului multiplu care are 3 parametri: a, prin care primeşte un tablou unidimensional cu maximum 100 de numere naturale mai mici decât 1000, n, numărul efectiv de elemente ale tabloului şi k, un număr natural (k≤9). Subprogramul returnează numărul de elemente din tablou care sunt multipli ai numărului k şi au ultima cifră egală cu k.

**Exemplu:** dacă n=6,  $a=(9,\underline{273},\underline{63},83,\underline{93},\underline{123})$ , iar k=3, subprogramul va returna valoarea 4. (10p.)

4. În fişierul numere.txt sunt memorate maximum 10000 de numere naturale cu cel mult 9 cifre fiecare. Fiecare linie a fişierului conține câte un număr. Se cere afişarea pe ecran, în ordine descrescătoare, a tuturor cifrelor care apar în numerele din fişier. Alegeți un algoritm de rezolvare eficient din punct de vedere al timpului de executare.

**Exemplu**: dacă fișierul numere.txt conține:

267

39628

79

se va tipări 9987766322.

- a) Descrieți succint, în limbaj natural, strategia de rezolvare şi justificați eficiența algoritmului ales. (4p.)
- b) Scrieți programul C/C++ corespunzător algoritmului ales. (6p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare

- 2. Un algoritm generează în ordine descrescătoare toate numerele de 5 cifre, fiecare dintre ele având cifrele în ordine strict crescătoare. Ştiind că primele cinci soluții generate sunt 56789, 46789, 45789, 45689, 45679, precizați care sunt ultimele trei soluții generate, în ordinea generării. (6p.)
- 3. Scrieți definiția completă a subprogramului interval care are doi parametri a şi n, prin care primeşte un tablou unidimensional cu maximum 100 de numere naturale mai mici decât 1000 şi respectiv numărul efectiv de elemente din tabloul unidimensional. Subprogramul returnează numărul de elemente din tabloul unidimensional care aparțin intervalului închis determinat de primul şi respectiv ultimul element al tabloului. Exemplu: dacă tabloul are 6 elemente şi este de forma (12,27,6,8,9,2), subprogramul va returna valoarea 5. (10p.)
- 4. În fişierul numere.txt pe prima linie este memorat un număr natural n (n≤10000), iar pe linia următoare un şir de n numere naturale distincte două câte două, separate prin câte un spaţiu, cu maximum 4 cifre fiecare. Se cere afişarea pe ecran a poziţiei pe care s-ar găsi primul element din şirul aflat pe linia a doua a fişierului, în cazul în care şirul ar fi ordonat crescător. Numerotarea poziţiilor elementelor în cadrul şirului este de la 1 la n. Alegeţi un algoritm de rezolvare eficient din punct de vedere al memoriei utilizate şi al timpului de executare.

**Exemplu:** dacă fișierul numere.txt conține:

267 13 45 628 7 79

se va afişa 5, deoarece primul element din şirul iniţial, 267, s-ar găsi pe poziţia a cincea în şirul ordonat crescător (7 13 45 79 267 628).

- a) Descrieţi succint, în limbaj natural, strategia de rezolvare şi justificaţi eficienţa algoritmului ales.
   (4p.)
- b) Scrieți programul C/C++ corespunzător algoritmului ales. (6p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare

- Un algoritm generează, în ordine lexicografică, toate şirurile alcătuite din câte n cifre binare (0 şi 1). Ştiind că pentru n=5, primele patru soluții generate sunt 00000, 00001, 00010, 00011, precizați care sunt ultimele trei soluții generate, în ordinea obținerii lor. (6p.)
- 3. Scrieți definiția completă a subprogramului count care are doi parametri, a şi n, prin care primeşte un tablou unidimensional cu maximum 100 de numere reale şi respectiv numărul efectiv de elemente din tablou. Subprogramul returnează numărul de elemente din tabloul a care sunt mai mari sau cel puțin egale cu media aritmetică a tuturor elementelor din tablou. Exemplu: dacă tabloul are 6 elemente şi este de forma (12, 7.5, 6.5, 3, 8.5, 7.5), subprogramul va returna valoarea 4 (deoarece media tuturor elementelor este 7.5 şi numerele subliniate sunt cel puțin egale cu această medie). (10p.)
- 4. În fişierul numere.txt este memorat un şir de maximum 10000 numere naturale, distincte două câte două, cu maximum 4 cifre fiecare, separate prin câte un spațiu. Pentru un număr k citit de la tastatură, se cere afişarea pe ecran a poziției pe care se va găsi acesta în şirul de numere din fişier, dacă şirul ar fi ordonat descrescător, sau mesajul nu există, dacă numărul k nu se află printre numerele din fişier. Alegeți un algoritm eficient de rezolvare din punct de vedere al memoriei utilizate și al timpului de executare.

Exemplu: dacă fişierul numere.txt conține numerele 26 2 5 30 13 45 62 7 79, iar k are valoarea 13, se va afişa 6 deoarece 13 s-ar găsi pe poziția a şasea în şirul ordonat descrescător (79 62 45 30 26 13 7 5 2).

- a) Descrieți succint, în limbaj natural, strategia de rezolvare şi justificați eficiența algoritmului ales.
   (4p.)
- b) Scrieți programul C/C++ corespunzător algoritmului ales. (6p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare

- 2. Un algoritm generează în ordine crescătoare, toate numerele de n cifre (n<9), cu cifre distincte, care nu au două cifre pare alăturate. Dacă pentru n=5, primele cinci soluții generate sunt 10325, 10327, 10329, 10345, 10347, precizați care sunt următoarele trei soluții generate, în ordinea obținerii lor. (6p.)</p>
- 3. Subprogramul aranjare are doi parametri: a prin care primeşte un tablou unidimensional cu maximum 100 de numere reale nenule şi n, numărul de elemente din tablou. Subprogramul rearanjează elementele tabloului unidimensional astfel încât toate valorile negative să se afle pe primele poziții, iar valorile pozitive în continuarea celor negative. Ordinea în cadrul secvenței de elemente pozitive, respectiv în cadrul secvenței de elemente negative, poate fi oricare. Tabloul modificat va fi furnizat tot prin intermediul parametrului a. Exemplu: dacă tabloul are 6 elemente și este de forma (12, -7.5, 6.5, -3, -8, 7.5), după apel, acesta ar putea fi: (-7.5, -3, -8, 12, 6.5, 7.5). Scrieți definiția completă a subprogramului aranjare. (10p.)
- 4. În fişierul nr1.txt este memorată pe prima linie o valoare naturală n de cel mult 8 cifre, iar pe linia următoare sunt memorate n numere naturale, cu maximum 4 cifre fiecare, ordonate strict crescător şi separate prin câte un spațiu. În fişierul nr2.txt este memorată pe prima linie o valoare naturală m de cel mult 8 cifre, iar pe linia următoare sunt memorate m numere naturale, cu maximum 4 cifre fiecare, ordonate strict crescător şi separate prin câte un spațiu. Se cere afişarea pe ecran, separate prin câte un spațiu, în ordine strict crescătoare, a tuturor numerelor aflate pe a doua linie în cel puțin unul dintre cele două fişiere. În cazul în care un număr apare în ambele fişiere, el va fi afişat o singură dată. Alegeți un algoritm de rezolvare eficient din punct de vedere al memoriei utilizate şi al timpului de executare.

**Exemplu**: pentru următoarele fișiere:

nr1.txt 5 6 6 3 6 8 9 12 2 3 5 6 7 8 9 12 13.

- a) Descrieți succint, în limbaj natural, strategia de rezolvare şi justificați eficiența algoritmului ales. (4p.)
- b) Scrieți programul c/c++ corespunzător algoritmului ales. (6p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

### Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare

- 2. Un algoritm generează în ordine descrescătoare, toate numerele de n cifre (n<9), cu cifrele în ordine strict crescătoare, care nu au două cifre pare alăturate. Dacă pentru n=5, primele cinci soluții generate sunt 56789, 45789, 45679, 45678, 36789, precizați care sunt următoarele trei soluții generate, în ordinea obținerii lor. (6p.)</p>
- 3. Subprogramul nule are doi parametri: a, prin care primește un tablou unidimensional cu maximum 100 de numere întregi, cu cel mult 4 cifre fiecare și n, numărul de elemente din tablou. Subprogramul rearanjează elementele tabloului unidimensional astfel încât toate valorile nule să se afle la sfârșitul tabloului. Ordinea în cadrul secvenței de elemente nenule poate fi oricare. Tabloul modificat este furnizat tot prin parametrul a.

Exemplu: dacă n=6, a=(12,0,0,-3,-8,0), după apel, acesta ar putea fi: a=(12,-3,-8,0,0,0).

Scrieti definitia completă a subprogramului nule.

4. În fişierul nr1.txt este memorată pe prima linie o valoare naturală n de cel mult 8 cifre, iar pe linia următoare sunt memorate n numere naturale, cu maximum 4 cifre fiecare, ordonate strict crescător şi separate prin câte un spaţiu. În fişierul nr2.txt este memorată pe prima linie o valoare naturală m de cel mult 8 cifre, iar pe linia următoare sunt memorate m numere naturale, cu maximum 4 cifre fiecare, ordonate strict crescător şi separate prin câte un spaţiu. Se cere afişarea pe ecran, separate prin câte un spaţiu, în ordine strict crescătoare, a tuturor numerelor aflate pe a doua linie atât în primul cât şi în al doilea fişier. Alegeţi un algoritm de rezolvare eficient din punct de vedere al memoriei utilizate şi al timpului de executare.

**Exemplu:** pentru următoarele fișiere:

nr1.txt nr2.txt 5 6 3 6 8 9 12 2 3 5 7 9 13 se va afisa 3 9.

- a) Descrieți succint, în limbaj natural, strategia de rezolvare şi justificați eficiența algoritmului ales. (4p.)
- b) Scrieți programul C/C++ corespunzător algoritmului ales. (6p.)

(10p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Următoarele probleme se referă la mulțimea de numere reale  $M=\{x_1, x_2, ..., x_n\}$ (1000<n≤10000). Care dintre acestea, comparativ cu celelalte, admite un algoritm care se încheie după un număr minim de paşi? (4p.)
- a. sortarea elementelor multimii M
- **b.** generarea elementelor produsului cartezian m x m
- c. determinarea elementului minim al multimii **M**
- d. generarea tuturor permutărilor mulțimii M

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- int f(int n) 2. Se consideră subprogramul, f, definit { if(n==0) return 0; alăturat. else return n%2+f(n/2); }
  - Ce valoare are f(100)?
  - Scrieti o valoare pentru x astfel încât (6p.)
- 3. Scrieți definiția completă a unui subprogram i\_prim care primește prin singurul său parametru, n. un număr natural din intervalul [2,30000] și returnează diferența minimă p2-p1 în care p1 și p2 sunt numere prime și p1≤n≤p2.

Exemplu: dacă n=20 atunci i\_prim(n)=4, valoare obținută pentru p1=19 și p2=23.

(10p.)

- 4. Fișierul text BAC.TXT conține pe prima linie două numere naturale n și k separate de un spaţiu ( $3 \le n \le 10000$ ,  $2 \le k \le n/2$ ), iar pe a doua linie un şir de n numere naturale  $x_1, x_2, ...,$ xn separate prin câte un spaţiu, fiecare număr din acest şir având cel mult patru cifre.
  - a) Scrieți un program C/C++ care citește numerele din fișier și determină, utilizând o metodă eficientă din punct de vedere al timpului de executare, cel mai mic indice i (1≤i≤nk+1) pentru care media aritmetică a numerelor  $x_i$ ,  $x_{i+1}$ , ...,  $x_{i+k-1}$  este maximă. Programul afişează valoarea lui i pe ecran.

**Exemplu**: pentru fisierul alăturat se afisează 2, deoarece media (6p.) 2 9 4 7 5 2 9 9 maximă se obține pentru 9, 4, 7.

b) Explicați succint, în limbaj natural, metoda utilizată la punctul a, justificând eficiența acesteia. (4p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- In timpul procesului de generare a permutărilor mulțimii {1,2,...,n} prin metoda backtracking, în tabloul unidimensional x este plasat un element x<sub>k</sub> (1≤k≤n). Acesta este considerat valid dacă este îndeplinită condiția: (6p.)
- a.  $x_k \notin \{x_1, x_2, ..., x_{k-1}\}$

b.  $x_k \neq x_{k-1}$ 

C.  $x_k \notin \{x_1, x_2, ..., x_n\}$ 

d.  $\mathbf{x}_k \neq \mathbf{x}_{k-1}$  şi  $\mathbf{x}_k \neq \mathbf{x}_{k+1}$ 

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Considerăm subprogramul recursiv definit alăturat. Ce se va afișa în urma apelului de mai jos?
  f('C');
  void f(char c)
  (if (c>'A') f(c-1);
  cout<<c; | printf("%c",c);</p>
  if (c>'A') f(c-1);
  (4p.)
- a) Scrieți definiția completă a unui subprogram, nz, cu un parametru întreg n (0<n≤32000), care returnează numărul zerourilor de la sfârşitul numărului n!.</li>

  (6p.)
  - b) Scrieți programul C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural k (0<k≤3) şi determină, folosind apeluri ale subprogramului nz, cel mai mic număr natural n pentru care n! are cel puţin k zerouri la sfârşit. Numărul determinat se afişează pe ecran. (4p.)</p>
- 4. Scrieți programul C/C++ care citeşte din fișierul text BAC.TXT numărul întreg n (1≤n≤10000) și un șir de n perechi de numere întregi a b (1≤a≤b≤32000), fiecare pereche fiind scrisă pe o linie nouă a fișierului, cu un spațiu între cele două numere. Programul afișează pe ecran pentru fiecare pereche a,b cel mai mare număr natural din intervalul închis [a,b]care este o putere a lui 2 sau numărul 0 dacă nu există nicio putere a lui 2 în intervalul respectiv. Numerele afișate pe ecran se scriu în linie, separate prin câte un spațiu. Un număr p este putere a lui 2 dacă există un număr natural k astfel încât p=2k.

Exemplu: dacă fișierul BAC. TXT contine numerele

3

2 69

10 20

19 25

se va afişa: 64 16 0. (10p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Algoritmul de generare a tuturor numerelor de 5 cifre nenule, fiecare având cifrele ordonate strict crescător, este echivalent cu algoritmul de generare a: (6p.)
- a. submulțimilor unei mulțimi cu 5 elemente
- b. produsului cartezian a unor mulţimi de cifre
- c. aranjamentelor de 9 elemente luate câte 5
- d. combinărilor de 9 elemente luate câte 5

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. a) Scrieți definiția completă a subprogramului shift care primeşte prin intermediul parametrului n o valoare naturală nenulă (n≤100), iar prin intermediul parametrului x, un tablou unidimensional cu maximum 100 de componente. Fiecare componentă a acestui tablou este un număr întreg care are cel mult 4 cifre. Subprogramul permută circular cu o poziție spre stânga primele n elemente ale tabloului x şi furnizează tabloul modificat tot prin parametrul x.

**Exemplu:** dacă înainte de apel n=4 şi x=(1,2,3,4), după apel x=(2,3,4,1). (4p.)

b) Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură o valoare naturală nenulă n (n≤100), apoi cele n elemente ale unui tablou unidimensional x. Programul va inversa ordinea elementelor tabloului x folosind apeluri utile ale subprogramului shift și va afișa pe ecran, separate prin câte un spațiu, elementele tabloului rezultat în urma acestei prelucrări.

**Exemplu:** dacă se citesc pentru n valoarea 5, iar tabloul x este (1,2,3,4,5) programul va determina ca x să devină (5,4,3,2,1). (6p.)

4. Fişierul text BAC.TXT conţine pe prima linie un număr natural nenul n (1≤n≤1000), iar pe fiecare dintre următoarele n linii, câte două numere întregi a şi b (1≤a≤b≤32000), fiecare pereche reprezentând un interval închis de forma [a,b]. Scrieţi un program C/C++ care determină intervalele care au proprietatea că intersecţia cu oricare dintre celelalte n-1 intervale este vidă şi afişează pe câte o linie a ecranului, separate printr-un spaţiu, numerele care reprezintă capetele intervalelor determinate. Dacă nu există nici un astfel de interval, se afişeayă pe ecran mesajul NU EXISTA. (10p.)

Exemplu: dacă fişierul BAC.TXT are conținutul alăturat, pe ecran se va afișa:

2 6 sau 17 20
17 20
2 6
2 6

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Generând şirurile de maximum 3 caractere distincte din mulțimea {A,B,C,D,E}, ordonate lexicografic, obținem succesiv: A, AB, ABC, ABD, .... Ce şir va fi generat imediat după BAE?
- a. BCA b. CAB
- c. BC d. BEA

Scrieti pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Funcția f are definiția alăturată.
   a) Ce valoarea are f(17)?
   b) Ce valoare are f(22)?

  (3p.)

  int f(int n)
  {if (n<=9) return 0;
   if (n%4==0) return 0;
   return 1+f(n-3);
  }</pre>
- a) Scrieţi definiţia completă a subprogramului p care primeşte prin intermediul parametrului n un număr natural nenul (n≤100), iar prin intermediul parametrului x un tablou unidimensional cu n componente întregi, de maximum patru cifre fiecare. Subprogramul furnizează prin intermediul parametrului mini valoarea minimă din tabloul x, prin intermediul parametrului maxi valoarea maximă din x, iar prin intermediul parametrului sum suma elementelor din tabloul x.
  (6p.)
  - b) Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură o valoare naturală nenulă n, (3≤n≤100), apoi cele n elemente distincte ale unui tablou unidimensional x. Fiecare dintre aceste elemente este un număr natural având cel mult patru cifre. Folosind apeluri utile ale subprogramului p, programul calculează şi afişează pe ecran media aritmetică a elementelor care ar rămâne în tabloul x dacă s-ar elimina valoarea minimă şi valoarea maximă din tablou. Valoarea afişată va avea cel mult 3 cifre după virgulă.

Exemplu: dacă se citesc pentru n valoarea 5, iar pentru tabloul x valorile (1,9,4,8,5), programul va afișa una dintre valorile 5.667 sau 5.666. (4p.)

- 4. Fişierul text bac.txt conţine pe prima linie numărul natural n, 1≤n≤30000, pe următoarele n linii un şir de n numere întregi, ordonate crescător, iar pe ultima linie două numere întregi a şi b (a≤b) separate de un spaţiu. Fiecare dintre cele n numere, precum şi valorile a şi b, au cel mult patru cifre.
  - a) Scrieți un program C/C++, eficient din punct de vedere al timpului de executare, care afișează pe ecran cel mai mic număr întreg din intervalul închis [a,b] care se găsește în șirul dat. Dacă nu există un astfel de număr, programul afișează textul NU.

Exemplu: dacă fişierul bac.txt are conținutul alăturat, programul afișează 4 valoarea 11 (6p.) 7

b) Descrieți în limbaj natural metoda utilizată și explicați în ce constă eficiența ei. (4p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Un program citeşte o valoare naturală nenulă impară pentru n şi apoi generează şi afişează în ordine crescătoare lexicografic toate combinațiile formate din n cifre care îndeplinesc următoarele proprietăti:
  - încep și se termină cu 0;
  - modulul diferenței între oricare două cifre alăturate dintr-o combinație este 1.

Astfel, pentru n=5, combinațiile afișate sunt, în ordine, următoarele: 01010, 01210. Dacă se rulează acest program și se citește pentru n valoarea 7, imediat după combinația 0101210 va fi afișată combinația: (4p.)

- a. 0121210
- b. 0123210
- c. 0111210
- d. 0121010

### Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Funcția £ are definiția alăturată:
  - a) Ce valoare are f(16)? (3p.)
  - b) Scrieți cea mai mare valoare de două cifre pe care o poate avea n astfel încât f(n) să fie egal cu 2. (3p.)
- int f(int n)
  { if (n<=0) return -1;
   if (n%2==0) return 0;
   if (n%3==0) return 0;
   return 1+f(n-10);
  }</pre>
- 3. Subprogramul £ primeşte prin intermediul parametrului n un număr natural nenul (1≤n≤9), iar prin intermediul parametrului a, un tablou unidimensional care conține n valori naturale, fiecare dintre acestea reprezentând câte o cifră a unui număr. Astfel, a₀ reprezintă cifra unităților numărului, a₁ cifra zecilor etc.
  - Subprogramul furnizează prin parametrul k o valoare naturală egală cu numărul obținut din cifrele pare reținute în tabloul a sau valoarea -1 dacă în tablou nu există nicio cifră pară. Scrieți definiția completă a subprogramului £.

Exemple: dacă subprogramul se apelează pentru n=6 şi pentru taboul a având valorile (2,3,5,6,4,1), parametrul k va furniza valoarea 462. Dacă subprogramul se apelează pentru n=4 şi pentru a reținând valorile (0,0,1,1), k va furniza valoarea 0. Dacă subprogramul se apelează pentru n=3 şi pentru a reținând valorile (3,7,1), k va furniza valoarea -1. (10p.)

- **4.** Fişierul text **NUMAR.TXT** conține pe prima linie un număr real pozitiv **x** care are cel mult **două** cifre la partea întreagă și cel mult **şapte** cifre după punctul zecimal..
  - a) Scrieți un program C/C++ care, utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al timpului de executare și al memoriei utilizate, afișează pe ecran, separate printr-un spațiu, două numere naturale al căror raport este egal cu x și a căror diferență absolută este minimă

**Exemplu:** dacă fişierul conține valoarea alăturată, se vor afișa pe ecran numerele 3 8. (6p.)

b) Descrieți în limbaj natural metoda utilizată și explicați în ce constă eficiența ei. (4p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

1. Pentru generarea numerelor cu n cifre formate cu elementele mulțimii {0,2,9} se utilizează un algoritm backtracking care, pentru n=2, generează, în ordine, numerele 20,22,29,90,92,99.

Dacă n=4 şi se utilizează acelaşi algoritm, care este numărul generat imediat după numărul 2009? (4p.)

- a. 2002
- **b.** 2020
- c. 2090
- **d**. 2010

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieți programul C/C++ care citeşte de la tastatură două numere naturale nenule n şi k (n≤100, k≤100) şi afişează pe ecran, separați prin câte un spațiu, în ordine descrescătoare, cei mai mici k multipli naturali nenuli ai numărului n.

- 4. a) Scrieți definiția completă a subprogramului sterge, care primește prin cei 4 parametri v,n,i,j:
  - v, un tablou unidimensional cu maximum 100 de elemente întregi din intervalul [-1000,1000]
  - n, un număr natural reprezentând numărul de elemente din tabloul v
  - i și j două valori naturale cu 1≤i≤j≤n

și elimină din tabloul  ${\bf v}$  elementele  ${\bf v_i}$  ,  ${\bf v_{i+1}}$  ,... ,  ${\bf v_j}$  actualizând valoarea parametrului  ${\bf n}$ .

Tabloul modificat este furnizat tot prin parametrul v.

(6p.)

b) Fişierul text NUMERE.IN conține pe prima linie un număr natural nenul n (1≤n≤100) și pe următoarea linie n numere întregi din intervalul [-1000;1000], separate prin câte un spațiu. Scrieți un program C/C++ care citește din fișierul NUMERE.IN numărul natural n, construiește în memorie un tablou unidimensional v cu cele n numere întregi aflate pe linia a doua în fișier și utilizează apeluri utile ale subprogramului sterge pentru a elimina din tablou un număr minim de elemente astfel încât să nu existe două elemente alăturate cu aceeași valoare. Elementele tabloului obținut se afișează pe ecran, separate prin câte un spațiu.

**Exemplu:** Dacă fișierul **NUMERE.IN** are continutul:

12

10 10 2 2 19 9 9 9 15 15 15 atunci se afişează 10 2 19 9 15. (10p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

1. Pentru generarea în ordine crescătoare a numerelor cu n cifre formate cu elementele mulțimii {0,2,8} se utilizează un algoritm backtracking care, pentru n=2, generează, în ordine, numerele 20,22,28,80,82,88.

Dacă n=4 şi se utilizează acelaşi algoritm, precizați câte numere generate sunt divizibile cu 100? (4p.)

a. 8

**b**. 90

**c.** 6

**d**. 10

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

3. Scrieți definiția completă a subprogramului nreal cu doi parametri x şi y, numere naturale din intervalul [1;1000] ce returnează un număr real cu proprietatea că partea sa întreagă este egală cu x, iar numărul format din zecimalele sale, în aceeași ordine, este egal cu y.

Exemplu: pentru x=12 şi y=543, subprogramul returnează valoarea 12.543. (10p.)

- **4.** Fişierul text **NUMERE.IN** conține pe prima linie un număr natural nenul **n** (2≤**n**≤100) și pe următoarea linie **n** numere reale pozitive, în ordine strict crescătoare, separate prin câte un spațiu.
  - a) Scrieți un program C/C++ care, utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al memoriei utilizate, determină şi afişează pe ecran cel mai mare număr natural x cu proprietatea că în orice interval deschis având drept capete oricare două dintre cele n numere aflate pe linia a doua în fişierul NUMERE.IN se găsesc cel puțin x numere întregi.

**Exemplu:** dacă fișierul **NUMERE.IN** are conținutul:

```
6
3.5 5.1 9.2 16 20.33 100
atunci se afişează 2
```

Explicație: în oricare dintre intervalele (3.5,5.1), (3.5,9.2), (3.5,16), (3.5,20.33), (3.5,100), (5.1,9.2), (5.1,16), (5.1,20.33), (5.1,100), (9.2,16), (9.2,20.33), (9.2,100), (16,20.33), (16,100), (20,33,100) există cel puțin două numere întregi.

b) Descrieți în limbaj natural metoda utilizată și explicați în ce constă eficiența ei. (4p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Generarea tuturor cuvintelor de trei litere mici, nu neapărat distincte, ale alfabetului englez, se poate realiza cu ajutorul unui algoritm echivalent cu cel de generare a: (4p.)
- a. produsului cartezian

**b.** combinărilor

c. aranjamentelor

d. permutărilor

### Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură un număr natural n din intervalul [2,50] și apoi n numere reale și afișează pe ecran câte dintre cele n numere reale sunt egale cu media aritmetică a celorlalte n-1 numere reale. (6p.)
- 4. a) Scrieți definiția completă a unui subprogram primul, care
  - primește prin singurul său parametru, a, o valoare naturală din intervalul [2,10000]
  - returnează o valoare naturală reprezentând cel mai mic divizor al numărului a mai mare strict decât 1. (6p.)
  - b) Fişierul text NUMERE.IN conține pe prima linie un număr natural nenul n(1≤n≤100) şi pe următoarea linie n numere naturale din intervalul [2,10000] separate prin câte un spațiu.

Un număr natural  $\mathbf{n}$  se numește "**aproape prim**" dacă este egal cu produsul a două numere prime distincte. De exemplu, numărul 14 este "aproape prim" pentru că este egal cu produsul numerelor prime 2 şi 7.

Scrieți un program C/C++ care determină, folosind apeluri utile ale suprogramului primul, cel mai mare număr "aproape prim" de pe linia a doua a fișierului NUMERE.IN. În cazul în care există un astfel de număr se afișează pe ecran mesajul DA, urmat de numărul determinat, iar în caz contrar mesajul NU.

**Exemplu:** dacă fișierul **NUMERE. IN** are conținutul:

100 14 21 8 77 35

atunci se afișează pe ecran DA 77 pentru că numărul 77 este cel cel mai mare dintre numerele "aproape prime" din fișier (14=7\*2,21=7\*3,77=7\*11, 35=7\*5). (10p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- În câte dintre permutările elementelor mulțimii {`I','N','F','O'} vocalele apar pe poziții consecutive?
  - a. 24

h 6

c. 12

d 4

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- Scrieți definiția completă a subprogramului multipli, cu trei parametri a,b,c (a≤b), numere naturale din intervalul [1,10000] ce returnează numărul numărul multiplilor lui c din intervalul [a;b].

Exemplu: pentru a=10, b=27,c=5 subprogramul returnează valoarea 4. (10p.)

4. Se consideră două tablouri unidimensionale A şi B cu elemente numere naturale din intervalul [1,10000]. Spunem că tabloul A "se poate reduce" la tabloul B dacă există o împărțire a tabloului A în secvențe disjuncte de elemente aflate pe poziții consecutive în tabloul A astfel încât prin înlocuirea secvențelor cu suma elementelor din secvență să se obțină, în ordine, elementele tabloului B.

De exemplu tabloul

A 7 3 4 1 6 4 6 9 7 1 8 7

se poate reduce la tabloul

B 14 7 26 16

Fişierul text NUMERE.IN conține pe prima linie două numere naturale nenule n şi m ( $1 \le m \le n \le 100$ ), pe linia a doua n numere naturale din intervalul [1;10000] şi pe linia a treia alte m numere naturale din intervalul [1;10000]. Pe fiecare linie numerele sunt separate prin câte un spațiu.

- a) Scrieți un program C/C++ care citește toate numerele din fișierul NUMERE.IN și verifică, utilizând un algoritm eficient din punctul de vedere al timpului de executare, dacă tabloul construit cu cele n numere aflate pe linia a doua în fișier se poate reduce la tabloul construit cu cele n numere aflate pe linia a treia în fișier. Programul afișează pe ecran mesajul DA în caz afirmativ și mesajul NU în caz negativ. (6p.)
- b) Descrieți în limbaj natural metoda utilizată și explicați în ce constă eficiența ei. (4p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

1. Pentru generarea numerelor cu n cifre formate cu elementele mulțimii {0,4,8} se utilizează un algoritm backtracking care, pentru n=2, generează, în ordine, numerele 40,44,48,80,84,88.

Dacă n=4 şi se utilizează acelaşi algoritm, care este numărul generat imediat după numărul 4008 ? (4p.)

- a. 4040
- **b.** 4004
- c. 4080
- **d.** 8004

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieți definiția completă a subprogramului suma, care primește prin cei 4 parametri, v,n,i,j:
  - v, un tablou unidimensional cu maximum 100 de elemente întregi din intervalul [-1000,1000], numerotate de la 1 la n;
  - n, un număr natural reprezentând numărul de elemente din tabloul v;
  - i şi j, două valori naturale cu 1≤i≤j≤100

```
şi returnează suma elementelor v_1, ... v_{i-1}, v_{j+1}, ..., v_n din tabloul v. (10p.)
```

- **4.** Fişierul text **NUMERE.IN** conține pe prima linie un număr natural nenul **n** (1≤n≤100) şi pe următoarea linie **n** numere reale pozitive **ordonate crescător**, separate prin câte un spațiu.
  - a) Scrieți un program C/C++ care citește din fișierul NUMERE.IN numărul natural n, și determină, utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al timpului de executare și al memoriei utilizate, numărul minim de intervale închise de forma [x,x+1], cu x număr natural, a căror reuniune include toate numerele reale din fișier.

**Exemplu:** Dacă fișierul **NUMERE. IN** are conținutul:

```
2.3 2.3 2.8 5.7 5.7 6.3
```

atunci se afişează 3 (intervalele [2,3], [5,6], [6,7] sunt cele 3 intervale de forma cerută care conțin numere din şir). (6p.)

b) Descrieți în limbaj natural metoda utilizată și explicați în ce constă eficiența ei. (4p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

Având la dispoziție cifrele 0, 1 şi 2 putem genera, în ordine crescătoare, numere care au suma cifrelor egală cu 2 astfel încât primele 6 numere generate sunt, în această ordine: 2, 11, 20, 101, 110, 200. Folosind acelaşi algoritm se generează numere cu cifrele 0, 1, 2 şi 3 care au suma cifrelor egală cu 4. Care va fi al 7-lea număr din această generare ? (4p.)
 a. 103
 b. 301
 c. 220
 d. 130

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieți definiția completă a subprogramului suma care primeşte ca parametru un tablou unidimensional x cu cel mult 100 de elemente, numere reale, un număr natural n ce reprezintă numărul efectiv de elemente ale tabloului x (n≤100), şi un număr natural m (n≥m). Subprogramul returnează suma obținută din cele mai mici m elemente ale tabloului x. (10p.)
- 4. În fişierul numere.txt se află memorate, pe prima linie un număr natural n (1≤n≤100), iar pe fiecare dintre următoarele n linii, câte două numere întregi x,y (-100≤x≤y≤100), reprezentând capetele câte unui segment [x,y] desenat pe axa Ox de coordonate.
  - a) Scrieți în limbajul C/C++ un program eficient din punct de vedere al timpului de executare și al spațiului de memorare, care citește din fișier datele existente, determină segmentul rezultat în urma intersecției tuturor celor n segmente date și afișează pe ecran două numere despărție printr-un spațiu ce reprezintă capetele segmentului cerut. Dacă segmentele nu au nici un punct comun se va afișa pe ecran valoarea 0. (6p.)
  - b) Descrieți în limbaj natural algoritmul utilizat, justificând eficiența acestuia.

    Exemplu: dacă fişierul numere.txt are conținutul alăturat, se va afișa
    pe ecran
    3 5
    0 12
    -8 30

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. În vederea participării la un concurs, elevii de la liceul sportiv au dat o probă de selecție, în urma căreia primii 6 au obținut punctaje egale. În câte moduri poate fi formată echipa selecționată ştiind că poate avea doar 4 membri, aleşi dintre cei 6, şi că ordinea acestora în cadrul echipei nu contează? (4p.)
  - a. 24

**b**. 30

c. 15

d. 4

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Subprogramul afis este definit alăturat.
  Ce se va afişa în urma apelului
  afis(17);?

  (6p.)
  void afis(int x)
  {
   if (x>3)
  {
   cout<<x-1; | printf("%d",x-1);
   afis(x/3);
   cout<<x+1; | printf("%d",x+1);
   }
  }</pre>
- 3. Scrieți definiția completă a subprogramului nr\_prim care are ca parametru un număr natural x (x<10000) și returnează cel mai mic număr prim, strict mai mare decât x.

  Exemplu: pentru x=25 subprogramul returnează numărul 29, iar pentru x=17 valoarea returnată va fi 19. (10p.)
- 4. În fişierul numere.txt sunt memorate pe mai multe linii, numere întregi (cel mult 100), numerele de pe aceeaşi linie fiind despărțite prin câte un spațiu, fiecare număr având cel mult 9 cifre. Să se determine cele mai mici două valori distincte, fiecare având exact două cifre, memorate în fişier şi să se afişeze pe ecran aceste valori, despărțite printr-un spațiu. Dacă în fişier nu se află două astfel de valori, pe ecran se va afişa valoarea 0.
  - a) Descrieți în limbaj natural o metodă de rezolvare eficientă din punct de vedere al gestionării memoriei și al timpului de executare. (4p.)
  - b) Scrieți programul C/C++ corespunzător metodei descrise la punctul a. (6p.)

    Exemplu: dacă fişierul numere.txt are conținutul alăturat, se 5 10

    va afișa pe ecran, nu neapărat în această ordine: 3 -77 20

    50 5 0 12 18 30

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Folosind un algoritm de generare putem obține numere naturale de k cifre care au suma cifrelor egală cu un număr natural s. Astfel, pentru valorile k=2 şi s=6 se generează, în ordine, numerele: 15, 24, 33, 42, 51, 60. Care va fi al treilea număr generat pentru k=4 şi s=5?
  - a. 1301
- b. 1022
- c. 2201
- d. 1031

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Subprogramul re este definit alăturat. Ce valoarea
  are re(1)? Dar re(14)?

  (6p.)

  int re(int i)
  {
   if (i<9) return 3+re(i+2);
   else
   if (i=9) return -2;
   else return 1+re(i-1);
  }</pre>
- 3. Subprogramul sum3 primeşte prin parametrul x un tablou unidimensional, cu cel mult 100 de elemente, numere întregi cu cel mult 4 cifre fiecare, iar prin parametrul n un număr natural ce reprezintă numărul efectiv de elemente ale tabloului x (n≤100). Scrieți definiția completă a subprogramului sum3 care returnează suma elementelor tabloului care sunt divizibile cu 3. Dacă tabloul nu conține nicio valoare divizibilă cu 3, subprogramul va returna 0.
  (6p.)
- 4. Pe prima linie a fişierului numere.txt se află un număr natural n (n≤100), iar pe următoarele n linii, câte n numere naturale despărțite prin câte un spațiu, fiecare având cel mult 9 cifre. Printre aceste numere se află cel putin unul cu 3 cifre şi cel putin unul cu 4 cifre.
  - a) Scrieți în limbajul C/C++, un algoritm eficient din punct de vedere al gestionării memoriei care citește din fișier datele existente și determină și afișează pe ecran, separate printr-un spațiu, două numere din fișier, x și y, unde x este cel mai mare număr de trei cifre, iar y este acel număr pentru care |x-y| are valoare minimă. Dacă sunt mai multe valori pentru y care respectă condiția impusă se va afișa numai una dintre ele. (10p.)
  - b) Explicați în limbaj natural metoda utilizată justificând eficiența acesteia.

(4p.)

**Exemplu**: dacă fişierul numere.txt are conținutul alăturat, se va afișa:

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Completarea unui bilet de LOTO presupune colorarea a 6 numere dintre cele 49, înscrise pe bilet. O situație statistică pe o anumită perioadă de timp arată că cele mai frecvente numere care au fost extrase la LOTO sunt: 2, 20, 18, 38, 36, 42, 46, 48. Câte bilete de 6 numere se pot completa folosind doar aceste valori, ştiind că numărul 42 va fi colorat pe fiecare bilet? (4p.)
- a. 21

b. 6!

c. 42

**d.** 56

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. a) Subprogramul max primeşte ca parametru un tablou unidimensional x cu cel mult 100 de elemente numere întregi, care sunt, în ordine, termenii unei progresii aritmetice şi un număr natural n, care reprezintă dimensiunea tabloului. Scrieți definiția completă a subprogramului max care returnează cel mai mare termen al progresiei aritmetice. Alegeți un algoritm de rezolvare eficient din punct de vedere al timpului de executare. (6p.)
  - b) Explicați în limbaj natural metoda utilizată justificând eficiența acesteia. (4p.)
  - c) Pe prima linie a fişierului numere.txt se află un număr natural n (n≤100), iar pe următoarele n linii, câte n numere întregi cu cel mult 4 cifre fiecare. Scrieți programul C/C++ care citeşte din fişier datele existente, determină liniile din fişier pe care s-au memorat în ordine termenii unei progresii aritmetice şi afişează pe ecran, folosind apeluri ale subprogramului max cel mai mare număr (diferit de cel situat pe prima linie) din fişier, care în plus este termenul unei progresii aritmetice. (10p.)

**Exemplu:** dacă fişierul numere.txt are conținutul alăturat, se va afișa 50, deoarece progresiile aritmetice sunt:

## Subjectul III (30 de puncte)

## Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Pentru generarea tuturor mulțimilor de câte 5 cifre, având la dispoziție cifrele de la 1 la 9, se poate utilza un algoritm echivalent cu algoritmul de generare a: (4p.)
  - a. permutărilor de 5 elemente
- **b.** submulţimilor mulţimii {1,2,3,4,5,6,7,8,9}
- c. combinărilor de 9 elemente luate câte 5
- d. aranjamentelor de 9 elemente luate câte5

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Subprogramul f este definit alăturat. Ce se va afişa în urma executării secvenței de mai jos, în care variabilele a şi b sunt de tip întreg?
a=3; b=9; f(b,a);f(b,b); (6p.)

3. Fişierul text numere.in conține pe prima linie un număr natural n (0<n<1000), iar pe a doua linie n numere naturale cu cel mult 9 cifre fiecare, despărțite prin câte un spațiu. Scrieți un program C/C++ care citeşte toate numerele din fişier şi afişează pe ecran, separate prin câte un spațiu, numerele de pe a doua linie a fişierului, care încep şi se termină cu aceeaşi cifră. (10p.)</p>

**Exemplu:** dacă fişierul numere.in are conținutul alăturat, se numerele ce se vor afișa sunt: 55 3 101 7 2782

**4. a)** Scrieți definiția completă a unui subprogram sum care primește prin parametrul x un număr natural de cel mult 4 cifre și returnează suma divizorilor numărului x, diferiți de 1 și de el însuși.

Exemplu: dacă x=10 se va returna valoarea 7 (7=2+5). (4p.)

b) Scrieți programul C/C++ care citește de la tastatură un număr natural n (0<n<100), apoi n numere naturale (cu cel mult 4 cifre fiecare). Programul determină, folosind apeluri utile ale subprogramului sum, pentru fiecare număr natural citit, suma divizorilor săi proprii și afișează pe ecran sumele determinate, în ordinea crescătoare a valorilor lor, separate prin câte un spațiu. (6p.)

Exemplu: dacă n=5 și numerele citite sunt 10 2 33 6 11

valorile afișate pe ecran vor fi: 0 0 5 7 14

deoarece suma divizorilor lui 10 este 7, suma divizorilor lui 2 este 0, suma divizorilor lui 33 este 14, suma divizorilor lui 6 este 5, suma divizorilor lui 11 este 0.

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

1. Subprogramul scif returnează suma cifrelor unui număr natural transmis ca parametru.

Care este valoarea expresiei scif(scif(518)+scif(518))? (4p.)

a. 14 b. 10 c. 28 d. 1

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Utilizăm metoda backtracking pentru generarea tuturor modalităților de a scrie numărul 9 ca sumă a cel puțin două numere naturale nenule distincte. Termenii fiecărei sume sunt în ordine strict crescătoare. Soluțiile se generează în ordinea: 1+2+6, 1+3+5, 1+8, 2+3+4, 2+7, 3+6 şi 4+5. Se aplică exact aceeaşi metodă pentru scrierea lui 12. Scrieți, în ordinea generării, toate soluțiile de forma 2+... (6p.)
- 3. Subprogramul cifra primește prin intermediul parametrului a un număr natural cu cel mult 4 cifre și returnează ultima cifră pară a sa. Dacă numărul nu conține cifre pare, subprogramul returnează valoarea -1. De exemplu, dacă a=8345, subprogramul va returna 4.
  - a) Să se scrie definiția completă a subprogramului cifra. (10p.)
  - b) Pe prima linie a fişierului bac.in se află un număr natural nenul n (n≤15000), iar pe a doua linie a fişierului se află un şir de n numere naturale, despărțite prin câte un spațiu, fiecare număr fiind format din cel mult 4 cifre.

Scrieți un program C/C++ care citește numerele din fișier și afișează pe ecran, folosind apeluri utile ale subprogramului cifra, cel mai mare număr care se poate forma cu ultimele cifre pare ale fiecărui element, dacă acestea există. Alegeți o metodă de rezolvare eficientă ca timp de executare. Dacă toate numerele de pe a doua linie a fișierului au numai cifre impare, programul va afișa mesajul NU EXISTA.

Exemplu: dacă fişierul bac.in are conținutul 7 alăturat, pe ecran se va afișa: 64220 (6p.) 369 113 2 0 33 1354 42

c) Descrieți succint în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită, explicând în ce constă eficiența ei (3 - 4 rânduri). (4p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Se utilizează un algoritm pentru a genera în ordine lexicografică inversă toate permutările mulțimii {1,2,3,4,5}. Primele patru permutări generate sunt: 54321, 54312, 54231, 54213. A cincea permutare este: (4p.)
  - a. 53421
- **b.** 54321
- c. 54132
- d. 54123

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieți un program C/C++ care citeşte numerele naturale nenule n şi k (k≤n≤100) şi un tablou unidimensional cu n elemente numere întregi, fiecare având cel mult 4 cifre. Programul modifică tabloul, permutând circular, cu k poziții spre stânga, elementele acestuia şi afişează pe ecran, separate prin câte un spațiu, elementele tabloului obținut.

**Exemplu**: dacă n=4, k=3 şi tabloul v=(1,2,3,4), atunci se vor afișa în ordine elementele:  $4\ 1\ 2\ 3$ . (10p.)

- 4. a) Scrieți doar antetul subprogramului nrdiv, care primește prin intermediul parametrului x un număr natural nenul cu cel mult 4 cifre, și returnează numărul de divizori primi ai lui x. (4p.)
  - b) Pe prima linie a fişierului bac.in se află un număr natural nenul n (n≤1000), iar pe a doua linie a fişierului se află un şir format din numere naturale nenule, despărțite prin câte un spațiu, fiecare număr fiind format din cel mult 4 cifre. Scrieți un program C/C++ care citeşte numerele din fişier şi care afişează pe ecran, folosind apeluri utile ale subprogramului nrdiv, prima şi ultima valoare din şirul celor n numere citite, care au un număr par de divizori primi. Numerele afişate vor fi separate printr-un spațiu.

Exemplu: dacă fişierul bac.in are conținutul alăturat, pe ecran se va afișa: 20 10 (6p.) 30 105 20 140 7 10 5

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Utilizăm metoda backtracking pentru generarea tuturor modalităților de a scrie numărul 9 ca sumă a cel puțin două numere naturale nenule distincte. Termenii fiecărei sume sunt în ordine strict crescătoare. Soluțiile se generează în ordinea: 1+2+6, 1+3+5, 1+8, 2+3+4, 2+7, 3+6 şi 4+5. Se aplică exact aceeaşi metodă pentru scrierea lui 8. Câte soluții vor fi generate? (4p.)
  - a. 3 b. 4 c. 6 d. 5

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieți în limbajul C/C++ definiția completă a subprogramului Del care are doi parametri: x, un număr întreg de cel mult 9 cifre, şi y, un număr natural nenul de o cifră. Subprogramul determină eliminarea tuturor cifrelor lui x mai mari strict decât y şi furnizează numărul obținut tot prin intermediul parametrului x. Dacă toate cifrele lui x sunt mai mari strict decât y, atunci x va primi valoarea -1.

Exemplu: dacă 
$$x=37659$$
 şi  $y=6$ , după apel  $x=365$ , iar  $y=6$ . (10p.)

- 4. Se consideră subprogramul inter, cu doi parametri: x şi y (numere întregi formate din cel mult patru cifre fiecare); subprogramul interschimbă valorile a două variabile transmise prin intermediul parametrilor x şi y.
  - a) Scrieți în limbajul C/C++ definiția completă a subprogramului inter. (4p.)
  - b) Pe prima linie a fişierului bac.in se află un număr natural nenul n≤1000, iar pe a doua linie a fişierului se află un şir de n numere naturale nenule, despărțite prin câte un spațiu, fiecare număr fiind format din cel mult 4 cifre. Scrieți un program C/C++ care afișează pe ecran, în ordine crescătoare, numerele aflate pe a doua linie a fișierului. Numerele vor fi afișate pe o singură linie, iar între două numere se va lăsa un spațiu. Se vor folosi apeluri utile ale subprogramului inter. (6p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

Utilizăm metoda backtracking pentru generarea tuturor modalităților de a scrie numărul 6 ca sumă a cel puțin două numere naturale nenule. Termenii fiecărei sume sunt în ordine crescătoare. Solutiile se generează în ordinea: 1+1+1+1+1, 1+1+1+2, 1+1+1+3, 1+1+2+2, 1+1+4, 1+2+3, 1+5, 2+2+2, 2+4 și 3+3. Se aplică exact aceeași metodă pentru scrierea lui 9. Care este penultima soluție?

(4p.) a. 3+3+3 **b**. 3+6 c. 4+5d. 2+7

## Scrieti pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerintele următoare.

- Pentru definiția alăturată a subprogramului int f(int x) f, ce valoare are f(3)? Dar f(8)? (6p.) | { if(x <= 4) return x\*x-3; return f(x-3)+4;
- Pe prima linie a fisierului bac.in se află un număr natural nenul n (n≤1000), iar pe a doua linie a fișierului se află un șir format din n numere naturale, despărțite prin câte un spatiu, fiecare număr fiind format din cel mult 4 cifre. Scrieti un program C/C++ care citește valorile din fișier și care afișează pe ecran mesajul DA dacă toate elementele pare din şir sunt în ordine crescătoare şi mesajul NU în caz contrar.

8 Exemplu: dacă fișierul bac.in are conținutul alăturat, pe ecran se va afișa: DA (10p.) <u>10 <u>113</u> <u>12 <u>33</u> <u>12 42 1354 <u>421</u></u></u></u>

- 4. Se consideră subprogramul pr, care primește prin intermediul parametrului a un număr natural nenul cu cel mult 9 cifre si returnează 1 dacă numărul este prim si 0 în caz contrar.
  - a) Scrieti numai antetul subprogramului pr.

(4p.)

b) Considerăm un număr natural nenul n>99 cu cel mult 9 cifre. Din n se obține un șir de valori prin eliminarea succesivă a ultimei cifre, apoi a ultimelor două cifre, apoi a ultimelor trei cifre etc., până ce se obține un număr de două cifre, ca în exemplu. Să se realizeze un program C/C++ care citeşte de la tastatură numărul n și care, folosind apeluri utile ale subprogramului pr, afișează pe ecran, separate prin câte un spaţiu, doar valorile prime din sirul numerelor obtinute din n, prin procedeul descris mai sus.

Exemplu: pentru n=193124 se obține șirul de valori 19312,1931, 193, 19. din care se vor afișa pe ecran doar valorile 1931 193 19 (nu neapărat în această ordine). (6p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Utilizăm metoda backtracking pentru generarea tuturor modalităților de a scrie numărul 6 ca sumă a cel puțin două numere naturale nenule. Termenii fiecărei sume sunt în ordine crescătoare. Soluțiile se generează în ordinea: 1+1+1+1+1+1, 1+1+1+1+2, 1+1+1+3, 1+1+2+2, 1+1+4, 1+2+3, 1+5, 2+2+2, 2+4 şi 3+3. Se aplică exact aceeaşi metodă pentru scrierea lui 9. Câte soluții de forma 2+... vor fi generate? (4p.)
   a. 2
   b. 3
   c. 4
   d. 5
- Scrieti pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerintele următoare.
- 2. În secvența alăturată variabilele i, j și aux sunt întregi, iar v memorează un tablou unidimensional ale cărui elemente au următoarele valori: v[1]=2, v[2]=13, v[3]=1, v[4]=5, v[5]=-4. Care este numărul de interschimbări care se efectuează în urma executării secvenței alăturate? Dați un exemplu de alte 5 valori pentru elementele tabloului astfel încât, în urma executării secvenței alăturate, să nu se efectueze nicio interschimbare. (6p.)

- 3. a) Pe prima linie a fişierului bac.in se află un număr natural nenul n (n≤1000), iar pe a doua linie a fişierului se află un şir format din n numere naturale, despărțite prin câte un spațiu, fiecare număr fiind format din cel mult 4 cifre. Scrieți un program C/C++ care citeşte numerele din fişier şi care afişează pe ecran mesajul DA dacă elementele pare în şir sunt în ordine crescătoare, iar cele impare sunt în ordine descrescătoare şi mesajul NU în caz contrar. Alegeți un algoritm eficient ca timp de executare şi spațiu de memorie utilizat. (6p.)
  - b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda utilizată, justificând eficiența acesteia. (4p.)

Exemplu: dacă fișierul bac.in are conținutul alăturat, pe ecran se va afișa: DA 10 1133 12 331 12 42 1354 221 13 13

- a) Scrieţi definiţia completă a subprogramului sdiv care primeşte prin intermediul parametrului y un număr natural cu cel mult 6 cifre şi returnează suma tuturor divizorilor numărului y.
   (5p.)
  - b) Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n (n<10000) și care, folosind apeluri ale subprogramului sdiv verifică dacă suma divizorilor lui n este un număr prim. În caz afirmativ, programul va afișa pe ecran mesajul Da și în caz contrar va afișa mesajul NU.

**Exemplu:** dacă n=206, atunci programul va afișa: NU (1+2+103+206=312, iar 312 nu este un număr prim). (5p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Cea mai mare dintre valorile strict negative memorate într-un tablou unidimensional NU există dacă: (4p.)
  - a. în tablou sunt memorate numai valori strict negative
- b. în tablou există cel puțin o valoare strict negativă
- c. în tablou sunt memorate valori nenule pozitive și negative
- d. în tablou sunt memorate numai valori strict pozitive

## Scrieti pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Ştiind că p este un vector cu 3 componente întregi (vector declarat global), stabiliți cu ce trebuie înlocuite  $\alpha$  și  $\beta$  în definiția subprogramului  $\alpha$  alăturat astfel încât în urma apelului  $\alpha$  cifre nenule, fiecare număr fiind afișat o singură dată. (6p.) void  $\alpha$  (int i; for (i=1;i<= $\alpha$ ) {  $\alpha$  [k]=i; if  $\alpha$ ] if  $\alpha$  [k+1 else cout< $\alpha$ ]  $\alpha$  cout< $\alpha$ ] printf("%)

```
void G(int k)
{int i;
for(i=1;i<=α;i++)
    { p[k]=i;
    if(β)G(k+1);
    else
        cout<<p[0]<<p[1]<<p[2]<<endl; |
        printf("%d%d%d\n",p[0],p[1],p[2]);
}
}</pre>
```

- 3. Scrieți un subprogram DIST, cu doi parametri, care primește prin intermediul parametrului a un tablou unidimensional cu cel mult 100 de elemente, numere naturale de cel mult 4 cifre fiecare, și prin intermediul parametrului n un număr natural nenul, n<100, ce reprezintă numărul de elemente din tablou. Subprogramul returnează valoarea 1 dacă toate elementele tabloului a sunt distincte și dacă diferența absolută a oricăror două elemente vecine din tablou este diferită de 1, altfel returnând valoarea 0. (10p.)
- 4. Fişierul text numere.txt conține pe prima linie un număr natural n (0<n<100000), iar pe a doua linie un şir format din n cifre, separate prin câte un spațiu.
  - a) Scrieți un program C/C++ care determină în mod eficient din punct de vedere al timpului de executare, cea mai mare cifră dintre cele situate pe a doua linie a fişierului, precum şi numărul de apariții ale acesteia. Cele două numere vor fi afișate pe o singură linie a ecranului, separate printr-un spațiu.

Exemplu: daca fișierul numere.txt are următorul conținut:

```
7
3 5 2 1 5 3 1
atunci pe ecran se va afişa: 5 2. (6p.)
```

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Utilizând metoda backtracking se generează toate permutările mulţimii {1,2,3,4}. Dacă primele trei permutări generate sunt, în acestă ordine: 1234, 1243, 1324 precizaţi care este permutarea generată imediat după 3412. (4p.)
  - a 3214
- **b.** 3413
- c. 4123

d. 3421

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- Subprogramul f are definiția alăturată. Ce valoare are f(7)? Dar f(100)?
  (6p.)
  (6p.)
  int f(int x)
  (if(x%6==0)return x;
  else return f(x-1);
  }
- 3. Scrieți definiția completă a unui subprogram P, cu trei parametri, care primește prin intermediul primului parametru, a, un tablou unidimensional de cel mult 100 de numere întregi, cu cel mult 4 cifre fiecare, prin intermediul celui de-al doilea parametru, n, numărul efectiv de elemente ale tabloului, iar prin parametrul k, un număr natural (k<n) și returnează cea mai mare sumă cu k termeni care se poate obține adunând k elemente ale tabloului.

**Exemplu**: dacă n=6 şi k=4, iar şirul este format din elementele ( $\underline{5}$ , 2,  $\underline{5}$ ,  $\underline{4}$ , 1,  $\underline{3}$ ), atunci la apel se va returna 17. (10p.)

- **4.** Fişierul text numere.txt conține pe prima linie un număr natural n (0<n<10000) iar pe a doua linie, separate prin câte un spațiu, n numere naturale formate din cel mult două cifre fiecare.
  - a) Scrieți un program C/C++ care determină în mod eficient, din punct de vedere al timpului de executare, numerele ce apar o singură dată în a doua linie a fișierului. Aceste numere vor fi afișate pe ecran în ordine crescătoare, separate prin câte un spațiu.

**Exemplu:** dacă fișierul numere.txt are următorul conținut:

7

3 5 2 1 5 23 1

atunci pe ecran se va afișa: 2 3 23.

(6p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Utilizând metoda backtracking se generează numerele formate din câte 3 cifre distincte din mulţimea {1,3,5,7}. Dacă primele trei numere generate sunt, în acestă ordine: 135, 137, 153 care este cel de-al patrulea număr generat? (4p.)
  - a. 315
- b. 173

. 15

d. 357

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- Subprogramul f are definiția alăturată. Ce valoare are f(3)? Dar f(10)? (6p.) {if(x==0)return 0; else return f(x-1)+2;}
- 3. Scrieți definiția completă a unui subprogram P cu doi parametri, care primește prin intermediul primului parametru, n, un număr natural nenul (1≤n≤100) și prin intermediul celui de-al doilea parametru, a, un tablou unidimensional cu elementele numerotate de la 1 la n, numere întregi de cel mult 4 cifre fiecare. Subprogramul returnează suma tuturor numerelor impare aflate pe poziții pare din tablou.

**Exemplu**: dacă n=6, iar şirul a este format din elementele  $(3,12,7,\underline{1},4,\underline{3})$ , atunci la apel se va returna 4. (10p.)

- **4.** Fişierul text numere.txt conține pe prima linie un număr natural n (0<n<10000) iar pe a a doua linie n cifre, separate prin câte un spațiu.
  - a) Scrieți un program C/C++ care determină în mod eficient, din punct de vedere al timpului de executare, cel mai mare număr ce se poate forma cu toate cifrele conținute de a doua linie a fișierului numere.txt. Numărul determinat se va afișa pe ecran.

**Exemplu**: daca fisierul numere.txt are următorul continut:

7

2 5 3 1 5 8 9

atunci pe ecran se va afişa: 9855321.

(6p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Care dintre următoarele variante reprezintă antetul corect al unui subprogram care primeşte prin parametrii x şi y două numere întregi şi furnizează prin parametrul m cea mai mică dintre cele două valori x şi y?

  (4p.)
- a. int minim(int x,int y,int m)
- b. void minim(int x,int y,int &m)
- c. int minim(int x,int y)
- d. void minim(int& x,int& y,int m)

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Subprogramul f are definiția alăturată. Ce
  valoare are f(6,5)? Dar f(5,10)? (6p.)

  {int f(int x,int y)
  {if(x==y)return x;
  else if(x<y)return f(x+1,y-1);
  else return f(x-1,y);
  }</pre>
- 3. Scrieți definiția completă a unui subprogram P, cu doi parametri, a şi b, numere naturale cu cel mult 4 cifre fiecare, care afișează pe ecran, separate prin câte un spațiu, numerele aflate în intervalul închis determinat de valorile a și b, care sunt pătratele unor numere prime.

Exemplu: pentru a=40 şi b=1 se vor afişa valorile: 4 9 25 (nu neapărat în această ordine). (10p.)

- 4. Fişierul text numere.txt conține pe prima linie un număr natural n (0<n<100000), iar pe a doua linie n numere naturale, formate din cel mult 4 cifre, separate prin câte un spațiu.
  - a) Scrieți un program C/C++ care determină în mod eficient, din punct de vedere al timpului de executare, cifrele ce apar în scrierea numerelor situate pe a doua linie a fişierului. Programul va afişa pe ecran aceste cifre in ordine crescătoare, separate prin câte un spațiu.

**Exemplu**: daca fişierul numere.txt are următorul conținut:

```
7
243 32 545 74 12 1344 90
atunci pe ecran se va afişa: 0 1 2 3 4 5 7 9 (6p.)
```

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Utilizând metoda backtracking se generează toate cuvintele de câte 3 litere din mulţimea {a,b,c}. Dacă primele patru cuvinte generate sunt, în acestă ordine: aaa, aab, aac, aba, care este cel de-al optulea cuvânt generat? (4p.)
  - a ach
- b. acc
- c. aca

d. bca

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- Subprogramul f are definiția alăturată. Ce valoare are
  f(4)? Darf(11)?

  (6p.)
  {if(x<1)return 1;
  else return f(x-3)+1;
  }</pre>
- 3. Scrieți programul C/C++ care citeşte de la tastatură numărul natural n (0<n<100) și un șir format din n numere reale. Aceste numere au atât partea întreagă cât și partea fracționară formate din cel mult trei cifre. Programul determină și afișează pe ecran toate numerele din șir care apar o singură dată în acesta.

**Exemplu**: dacă n=7, iar şirul este format din elementele (3.4, -151, 0.291, 3.4, 4.09, 3.4, 0.291), atunci pe ecran se va afişa -151 4.09. (10p.)

- **4.** Fişierul text numere.txt conține pe prima linie un număr natural n (0<n<100000), iar pe a doua linie n numere naturale, formate din cel mult două cifre, separate prin câte un spațiu.
  - a) Scrieți un program C/C++, eficient din punct de vedere al timpului de executare, care afișează pe ecran toate numerele situate pe a doua linie a fișierului, în ordinea crescătoare a valorilor lor, separate prin câte un spațiu.

**Exemplu**: dacă fișierul numere.txt are următorul conținut:

7

12 21 22 11 9 12 3

atunci pe ecran se va afișa: 3 9 11 12 12 21 22

(6p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Un program generează, în ordine crescătoare, numerele naturale de exact 5 cifre din mulţimea {1, 2, 3, 4, 5}. Fiecare dintre numerele generate are cifrele distincte două câte două. Primele 3 numere astfel generate sunt: 12345, 12354, 12435. Care este numărul generat imediat după 12543? (4p.)
  - a. 15342
- **b.** 12534
- c. 13245
- d. 13452

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Funcția f are definiția alăturată. Dacă f(x) are
  valoarea 10100, care este valoarea lui x?

  (6p.) long f(int n)
  {
   if(n<=0) return 0;
   else return f(n-1)+2\*n;
  }</pre>
- 3. Fişierul bac.txt conține pe prima linie un număr natural n (n≤100), iar pe a doua linie, separate prin câte un spațiu, n numere naturale nenule, cu cel mult 4 cifre fiecare. Scrieți programul C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural k (k≤25), construieşte în memorie şi afişează pe ecran un tablou unidimensional ce conține, în ordinea în care au fost citite, numerele de pe a doua linie a fişierului bac.txt care au cel puțin k divizori.

Exemplu: pentru k=5 şi fişierul bac.txt cu conținutul 6 alăturat, tabloul care se afişează este: 100 400 56 (10p.)

- 4. a) Scrieți în limbajul C/C++ doar antetul subprogramului cifre, care prin intermediul parametrului nr primește un număr natural de cel mult 9 cifre și furnizează prin intermediul parametrilor nc și sc numărul de cifre și respectiv suma cifrelor din scrierea lui nr. (4p.)
  - b) Scrieți programul C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n (10≤n≤10°) și verifică, folosind apeluri utile ale subprogramului cifre, dacă în scrierea în baza 10 a lui n se găseşte cel puțin o cifră care să fie media aritmetică a celorlalte cifre din componența lui n. Programul afişează pe ecran mesajul DA în caz afirmativ și mesajul NU în caz contrar.

Exemplu: pentru n=27989 programul va afişa mesajul DA, deoarece în scrierea lui n apare cifra 7 care este media aritmetică a celorlalte cifre din scrierea lui n: 7=(2+9+8+9)/4.

Pentru n=7351 se va afişa mesajul NU. (6p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

#### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Se consideră opt bancnote: trei cu valoarea de 1 leu, două cu valoarea de 10 lei şi trei cu valoarea de 100 de lei. Câte rezultate distincte se pot obține însumând valorile a exact cinci dintre cele opt bancnote, astfel încât suma să fie de cel puțin 200 de lei? (4p.)
  - a. 6

b. 12

c. 15

d 3

## Scrieti pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerintele următoare.

- 3. Fişierul text bac.txt conține pe prima linie un număr natural n (n<100), iar pe a doua linie, separate prin câte un spațiu, n numere naturale de cel mult 8 cifre fiecare.

  Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural k (k<50) precum și numerele din fişierul bac.txt și afișează pe ecran, cu câte un spațiu între ele, toate numerele de pe a doua linie a fişierului care sunt puteri ale lui k. Un număr natural x este putere a lui k dacă există un număr natural y astfel încât x=k<sup>y</sup>. Dacă nu există un asemenea număr pe a doua linie a fişierului, se afișează pe ecran mesajul NU.

Exemplu: dacă se citeşte de la tastatură k=2, iar fişierul are conținutul alăturat, atunci pe ecran se afişează numerele:

32 256 2 1 (10p.)

- a) Scrieți în limbajul C/C++ doar antetul unui subprogram cif, care primește prin intermediul primului parametru, nr, un număr natural cu cel mult 9 cifre și furnizează prin intermediul celui de-al doilea parametru, s, suma cifrelor din scrierea lui nr. (4p.)
  - b) Scrieți programul C/C++ care citește de la tastatură un număr natural n (0<n<25), apoi un șir de n numere naturale nenule cu cel mult 9 cifre fiecare și care afișează pe ecran, separate prin câte un spațiu, numerele din șir care au suma cifrelor maximă, folosind apeluri utile ale subprogramului cif.

**Exemplu**: dacă pentru n=8 se citește șirul de numere 274 56018 354 8219 293 287 932 634 atunci, pe ecran, se afișează numerele 56018 8219. (6p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- Se generează prin metoda backtracking mulţimile distincte ale căror elemente sunt numere naturale nenule şi care au proprietatea că suma elementelor fiecărei mulţimi este egală cu 7. Astfel, sunt generate, în această ordine, mulţimile: {1,2,4}, {1,6}, {2,5}, {3,4}, {7}. Folosind aceeaşi metodă pentru a genera mulţimile distincte ale căror elemente sunt numere naturale nenule şi care au proprietatea că suma elementelor fiecărei mulţimi este egală cu 9, stabiliţi în ce ordine sunt generate următoarele mulţimi: M1={2,3,4}; M2={3,6}; M3={2,7}; M4={4,5}.
- 3. Se consideră subprogramul cmdiv care primește prin parametrii x și y două valori întregi pozitive (0<x<100 și 0<y<100) și returnează cel mai mare divizor comun al lor.
  - a) Scrieți definiția completă a subprogramului cmdiv. (4p.)
  - b) Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n (1≤n≤100) și determină, utilizând apeluri ale subprogramului cmdiv, numărul fracțiilor ireductibile de

forma  $\frac{x}{n}$  cu **x** număr natural (1 $\leq$ **x** $\leq$ **n**). Numărul obținut va fi afișat pe ecran.

**Exemplu**: pentru n=6 se afişează 2, deoarece, dintre fracțiile  $\frac{1}{6}, \frac{2}{6}, \frac{3}{6}, \frac{4}{6}, \frac{5}{6}, \frac{6}{6}$  doar două

sunt ireductibile : 
$$\frac{1}{6}$$
 şi  $\frac{5}{6}$ . (6p.)

4. Fişierul text bac.in conține pe prima linie un număr natural n (0<n<5000), iar pe a doua linie, separate prin câte un spațiu, n numere naturale, formate din cel mult 4 cifre fiecare. Scrieți un program C/C++ care determină şi scrie în fişierul bac.out toate numerele de pe a doua linie a fişierului care apar o singură dată pe această linie. Numerele determinate se vor afişa în ordinea crescătoare a valorilor lor, separate prin câte un spațiu.

Exemplu: dacă pe prima linie a fişierului bac.in se află 10, iar pe linia a doua se găsesc numerele 2 4548 568 4548 57 89 5974 2 89 32 atunci valorile căutate sunt 32 57 568 5974. (10p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Se generează în ordine strict crescătoare numerele de câte şase cifre care conțin: cifra 1 o singură dată, cifra 2 de două ori şi cifra 3 de trei ori. Se obțin, în această ordine, numerele: 122333, 123233, 123323, ..., 333221. Câte numere generate prin această metodă au prima cifră 1 şi ultima cifră 2? (4p.)
  - a. 1

**b**. 3

c 4

d. 8

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

Pentru o valoare naturală strict mai mare decât 1 memorată în variabila globală n, subprogramul recursiv alăturat afişează cel mai mare divizor al lui n, mai mic decât n, la apelul divi(n). Cu ce trebuie înlocuite α şi β?

```
void divi(long i)
{
  if(α==0)
    cout<< β; | printf("%ld", β);
  else divi(i-1);
}</pre>
```

3. Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n (1≤n≤50) și apoi un şir de n numere naturale cu cel mult 4 cifre fiecare și care verifică dacă elementele șirului pot fi rearanjate astfel încât să respecte regula: al doilea element este cu 1 mai mare decât primul, al treilea cu 2 mai mare decât al doilea, ... , ultimul este cu n-1 mai mare decât penultimul. Programul afișează pe ecran mesajul DA în caz afirmativ şi mesajul NU în caz contrar.

**Exemplu**: pentru n=4 şi şirul 8,5,11,6 se afişează DA (elementele pot fi rearajate astfel încât să respecte regula dată: 5, 6, 8, 11) (10p.)

- 4. Se consideră subprogramul cmax care prin parametrul a primește un număr natural nenul mai mic decât 30000, iar prin parametrul b furnizează cifra maximă din numărul a.
  - a) Scrieți, folosind limbajul C/C++, doar antetul subprogramului cmax. (4p.)
  - b) Fişierul bac.txt conține cel mult 1000 numere naturale nenule, mai mici decât 30000 fiecare, separate prin câte un spațiu. Scrieți programul C/C++ care citeşte din fişierul bac.txt toate numerele şi care determină cea mai mare cifră din scrierea lor şi cel mai mic dintre numerele care conțin această cifră, folosind apeluri utile ale subprogramului cmax. Cifra şi numărul determinate se vor afișa pe ecran, separate printr-un spațiu.

Exemplu: dacă fișierul bac.txt conține valorile: 23 12 64 12 72 345 67 23 71 634 atunci pe ecran se afișează 7 67. (6p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

### Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Se generează în ordine strict crescătoare toate numerele de câte şase cifre care conţin: cifra 1 o singură dată, cifra 2 de două ori şi cifra 3 de trei ori. Se obţin, în această ordine, numerele: 122333, 123233, 123323, ..., 333221. Ce număr se află imediat înaintea şi ce număr se află imediat după numărul 332312 în şirul numerelor generate? (6p.)
- 3. Se consideră subprogramul divxy care primește prin parametrii x și y două valori întregi pozitive (0<x<1000 și 0<y<1000) și returnează valoarea 1 dacă y este divizor al lui x sau x este divizor al lui y și returnează valoarea 0 în caz contrar.
  - a) Scrieți definiția completă a subprogramului divxy. (4p.)
  - b) Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură trei numere naturale nenule a, b şi n, cu cel mult 3 cifre fiecare şi care afişează pe ecran toți divizorii lui n din intervalul închis determinat de a şi b folosind apeluri utile ale subprogramului divxy. Intervalul închis determinat de a şi b este [a,b] dacă a<br/>b sau [b,a] dacă b≤a. Numerele afişate sunt separate prin câte un spațiu. Dacă nu există niciun astfel de număr se afişează mesajul NU EXISTA.

Exemplu: pentru a=85, b=10 şi n=40 se afişează: 10 20 40 (nu neapărat în această ordine). (6p.)

4. Fişierul bac.in conține pe prima linie un număr natural n (0<n<5000), iar pe a doua linie, separate prin câte un spațiu, n numere naturale, formate din cel mult 4 cifre fiecare. Scrieți un program C/C++ care determină și scrie în fișierul bac.out, toate numerele, citite de pe a doua linie a fișierului bac.in, care apar de cel puțin două ori. Numerele determinate se vor scrie în ordine crescătoare, pe aceeași linie, separate prin câte un spațiu.

Exemplu: dacă fișierul bac.in conține pe prima linie numărul 11, iar pe linia a doua valorile 23 12 54 12 78 345 67 23 78 934 23

atunci fişierul bac.out va conține: 12 23 78 (10p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Care este antetul corect al subprogramului cifre, care primește prin intermediul primului parametru, x, un număr natural și furnizează prin intermediul celui de-al doilea parametru, y, suma cifrelor numărului natural x? (4p.)
  - a. void cifre(int x, int &y)
- b. int cifre(int x)
- c. void cifre(int x, int y)
- d. void cifre(int &x, int y)

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Se consideră numărul x=21034085. Permutând cifrele lui x se obtin alte numere naturale.
  - a) Dați exemplu de un astfel de număr care să fie divizibil cu 25.
  - **b)** Câte dintre numerele obtinute au exact 7 cifre?

(6p.)

- Se consideră subprogramul dist2, care primește prin intermediul parametrilor xa, ya și 3. respectiv xb, yb, coordonatele carteziene întregi (abscisă, ordonată) pentru două puncte din plan, A și respectiv B. Subprogramul returnează pătratul distantei dintre cele două puncte.
  - a) Scrieți în limbajul C/C++ definiția completă a subprogramului dist2. (4p.)
  - b) Scrieti un program C/C++ care citeşte de la tastatură 8 valori întregi reprezentând coordonatele carteziene pentru patru puncte din plan și afișează mesajul Da dacă cele patru puncte pot fi vârfurile unui pătrat, iar în caz contrar afișează mesajul Nu, folosind apeluri utile ale subprogramului dist2.

**Exemplu:** dacă coordonatele punctelor sunt cele alăturate 0 0 atunci se va afişa mesajul Da (6p.) 3 3 0 3

4. Fişierul text date.in conține pe prima linie un număr natural nenul n (n≤100), iar pe a doua linie n numere naturale nenule, separate prin câte un spațiu, fiecare număr având maximum 4 cifre. Scrieți un program C/C++ care citește toate numerele din fișierul text date.in, construiește în memorie un tablou unidimensional a, cu cele n elemente din fișier și afișează pe ecran perechile (ai, ai), 1≤i<j≤n, cu proprietatea că elementele fiecăreia dintre aceste perechi au aceeași paritate. Fiecare pereche se va afișa pe câte o linie a ecranului, elementele perechii fiind separate prin câte un spaţiu. În cazul în care nu există nicio pereche, se va afişa valoarea 0.

Exemplu: dacă fișierul date.in are conținutul alăturat, 5 16 22 3 6 1 se vor afisa: 16 22

16 6

22 6

3 1

(10p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Utilizând metoda backtracking, se generează în ordine lexicografică toate anagramele cuvântului caiet (cuvinte formate din aceleaşi litere, eventual în altă ordine). Câte cuvinte care încep cu litera t vor fi generate? (4p.)
  - a. 1

**b.** 6

c. 12

d. 24

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Subprogramul mult, cu doi parametri, primeşte prin intermediul primului parametru, n, un număr natural nenul cu maximum trei cifre şi prin intermediul celui de-al doilea parametru, a, un tablou unidimensional având n componente numere naturale cu cel mult 8 cifre fiecare. Subprogramul returnează valoarea 1 dacă cele n componente ale lui a pot forma o mulțime şi returnează 0 în caz contrar.
  - a) Scrieți definiția completă a subprogramului mult.
  - b) Fişierul text date.in conține cel mult 400 de numere naturale având maximum 8 cifre fiecare. Scrieți un program C/C++ care, folosind apeluri utile ale subprogramului mult, afișează pe ecran valoarea maximă k, astfel încât primele k numere succesive din fişier să poată forma o mulțime.

Exemplu: dacă fișierul date.in conține

16 17 8 31 8 2 10

atunci se va afişa 4 (deoarece primele patru numere din fişier pot forma o mulțime şi acesta este cardinalul maxim posibil în condițiile impuse de enunțul problemei) (4p.)

4. Scrieţi un program C/C++ care citeşte de la tastatură două numere naturale nenule n şi k (k<n≤10000) şi afişează pe ecran un şir format din k numere naturale consecutive care au suma n. Numerele se vor afişa pe ecran, în ordine crescătoare, despărţite între ele prin câte un spaţiu. În cazul în care nu există un astfel de şir, se va afişa mesajul Nu există.</p>

(10p.)

(6p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Subprogramul £ realizează interschimbarea valorilor a două variabile întregi transmise prin intermediul parametrilor x şi y. Care este antetul corect al subprogramului £? (4p.)
  - a. void f(int &x, int &y)
- b. int f(int x,int y)
- c. void f(int x, int &y)
- d. void f(int &x, int y)

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Se consideră subprogramul f, definit
  alăturat. Pentru ce valori ale lui n
  aparținând intervalului [10, 20] se
  obține la apel f(n) = 0? (6p.)
  int f(unsigned int n)
  {
   if (n==0) return 0;
   else if(n%2==0)
   return n%10+f(n/10);
   else return f(n/10);
  }
- 3. Se consideră subprogramul cmmdc, care primește prin intermediul a doi parametri, a și b, două numere naturale nenule, cu maximum 8 cifre fiecare, și returnează cel mai mare divizor comun al valorilor parametrilor a și b.
  - a) Scrieți definiția completă a subprogramului cmmdc.

(4p.)

b) Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n (n<300), şi, cu ajutorul subprogramului cmmdc, determină numărul perechilor de valori naturale (a,b), 1<a<b≤n, cu proprietatea că a şi b nu au niciun divizor comun în afară de 1. Numărul obținut se va afişa pe ecran.</li>
(6p.)

**Exemplu**: dacă se citeşte n=6, atunci se va afişa 6 (deoarece perechile (2,3), (2,5), (3,4), (3,5), (4,5), (5,6) satisfac condițiile din enunț).

4. Fişierul text bac.txt are două linii: pe prima linie conține un număr natural nenul n (n<=100), iar pe linia a doua un şir format din n numere naturale distincte de cel mult 4 cifre fiecare, despărțite prin spații. Scrieți un program C/C++ care adaugă în fişier toate permutările circulare distincte ale şirului de pe linia a doua a fişierului. Astfel, se vor adăuga la sfârşitul fişierului încă n-1 linii, fiecare linie conținând permutarea circulară cu o poziție către stânga, a elementelor şirului aflat pe linia precedentă din fişier. Elementele fiecărei permutari vor fi separate prin câte un spațiu.

```
Exemplu: dacă fișierul bac.txt conține liniile:
4
10 20 30 49
atunci, după rularea programului, fișierul va avea conținutul
reprezentat alăturat.
4
10 20 30 49
20 30 49 10
30 49 10 20
49 10 20 30
```

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Utilizând metoda backtracking se generează în ordine lexicografică toate anagramele cuvântului caiet (cuvinte formate din aceleaşi litere, eventual în altă ordine). Care este a şasea soluție? (4p.)
  - a. catei

b. actie

c. actei

d. catie

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Se consideră subprogramul inv, care primește prin intermediul primului parametru a un număr natural, cu minimum două cifre și maximum 8 cifre, și furnizează prin intermediul celui de-al doilea parametru, b, valoarea numărului natural format cu aceleași cifre ca și a, considerate în ordine inversă. De exemplu, pentru a=3805, după apel b va avea valoarea 5083., iar dacă a=3800, după apel b va avea valoarea 83.
  - a) Scrieți definiția completă a subprogramului inv. (4p.)
  - b) Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură un număr natural n de minimum două și maximum 8 cifre și afișează pe ecran un număr palindrom cu valoarea cea mai apropiată de valoarea lui n citită. În cazul în care există două astfel de numere, se va afișa cel mai mic dintre ele. Se vor folosi apeluri utile ale subprogramului inv.

Spunem că un număr natural  $\mathbf{x}$  este palindrom dacă numărul format din cifrele lui  $\mathbf{x}$  considerate de la stânga către dreapta este același cu numărul format din cifrele lui  $\mathbf{x}$  considerate de la dreapta către stânga.

Exemplu: dacă n=18, atunci se afișează valoarea 22, dacă n=126, atunci se afișează 121, iar dacă a=33, atunci se afișează 33. (6p.)

- 4. Fişierul text date.in conține pe prima linie un număr natural nenul n (n≤100), iar pe a doua linie un şir de n numere naturale nenule distincte, separate prin câte un spațiu, fiecare număr având maximum 8 cifre.
  - a) Scrieți un program C/C++ care citeşte numerele din fişier și determină câte dintre componentele şirului citit pot fi scrise ca sumă a altor două numere din același şir. Rezultatul obținut se va afișa pe ecran. În cazul în care nu există niciun astfel de element, se va afișa valoarea 0.

Exemplu: dacă fișierul date.in conține

atunci se va afişa valoarea 2 (deoarece 25=10+15, 3=1+2). (8p.)

b) Descrieti pe scurt, în limbaj natural, metoda de rezolvare. (2p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

1. Utilizând metoda backtracking se generează toate matricele pătratice de ordinul 4 ale căror elemente aparțin mulțimii {0,1}, cu proprietatea că pe fiecare linie şi pe fiecare coloană există o singură valoare 1. Primele 4 soluții generate sunt, în această ordine:

	1 0 0 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 0 0 1	1 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 1 0 0 1 0	1 0 0 0 0 0 1 0 0 1 0 0 0 0 0 1	1 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 1 0 1 0 0
	Care este a opta so	luție?		(4p.)
a.	0 1 0 0	<b>b</b> . 0 1 0 0	<b>c.</b> 0 1 0 0	<b>d.</b> 0 0 1 0
	1 0 0 0	1 0 0 0	0 0 1 0	1 0 0 0
	0 0 0 1	0 0 1 0	1 0 0 0	0 1 0 0
	0 0 1 0	0 0 0 1	0 0 0 1	0 0 0 1

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Se consideră subprogramul cifre, care primește prin intermediul primului parametru, a, un număr natural cu maximum 8 cifre nenule și returnează, prin intermediul celui de-al doilea parametrul b, cel mai mic număr care se poate forma cu toate cifrele distincte ale lui a.
  - a) Scrieți definiția completă a subprogramului cifre. (4p.)
  - b) Se consideră fişierul text date.in ce conține pe prima linie un număr natural nenul n (n≤100), iar pe a doua linie n numere naturale, separate prin câte un spațiu, fiecare număr având maximum 8 cifre nenule. Scrieți un program C/C++ care citeşte toate numerele din fişierul text date.in şi afişează pe ecran, despărțite prin câte un spațiu, numerele situate pe a doua linie a fişierului, formate numai din cifre distincte ordonate strict crescător, folosind apeluri utile ale subprogramului cifre. În cazul în care nu există niciun astfel de număr se va afişa valoarea 0.

```
Exemplu: dacă fişierul date.in are conținutul alăturat, atunci se vor afișa numerele: 16 269 (6p.) 6 16 175 333 242477 321 269
```

4. Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural nenul n (n≤100) şi 2\*n numere naturale de maximum 3 cifre; primele n reprezintă elementele tabloului unidimensional a, iar următoarele n elementele tabloului unidimensional b; fiecare tablou are elementele numerotate începând de la 1. Programul construieste în memorie şi afişează pe ecran, cu spații între ele, cele n elemente ale unui tablou unidimensional c, în care orice element c₁ (1≤i≤n) se obține conform definiției următoare:

```
c_i = \int a_i concatenat cu b_i, dacă a_i < b_i

L b_i concatenat cu a_i, altfel
```

**Exemplu:** dacă se citesc n=3, a=(12,123,345) şi b=(1,234,15), atunci se afişează elementele tabloului c astfel:

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Pentru a genera toate numerele naturale cu exact 4 cifre şi care au cifrele în ordine strict descrescătoare, se poate utiliza un algoritm echivalent cu cel pentru generarea: (4p.)
- a. aranjamentelor de 4 obiecte luate câte 10 b. c

combinărilor de 10 obiecte luate câte 4

**c.** permutărilor a **10** obiecte

**d.** permutărilor a 4 obiecte

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Se consideră subprogramul f, definit alăturat. Ce valoare are f(12,3)? Dar f(21114,1)? (6p.)

```
int f(int n,int c)
{
  if(n==0)return 0;
  if(n%10==c)
     return n%100+f(n/10,c);
  return f(n/10,c);
}
```

3. Fişierul text numere.txt conține, pe o singură linie, cel mult 1000 de numere naturale nenule cu cel mult 4 cifre fiecare, numerele fiind separate prin câte un spațiu. Scrieți un program C/C++ care citeşte toate numerele din fişier şi scrie pe ecran toate numerele pare citite, ordonate crescător. Dacă fişierul numere.txt nu conține niciun număr par, atunci se va afişa pe ecran mesajul nu exista.

Exemplu: dacă fişierul numere.txt conține numerele 2 3 1 4 7 2 5 8 6, atunci pe ecran se va afișa: 2 2 4 6 8 (10p.)

- 4. Se consideră subprogramele
  - prim, care primeşte prin intermediul unicului său parametrului x un număr natural nenul de cel mult 4 cifre şi returnează valoarea 1 dacă x este un număr prim şi 0 în caz contrar;
  - numar, care primeşte prin intermediul parametrului x un număr natural nenul de cel mult
     4 cifre şi furnizează prin intermediul parametrului nrp numărul de numere prime mai mici decât x.
  - a) Scrieți numai antetul subprogramului prim și definiția completă a subprogramului numar. (6p.)
  - b) Scrieți un programul C/C++ în care se citesc de la tastatură două numere naturale nenule de cel mult 4 cifre, a şi b (a<b), şi, prin apeluri utile ale subprogramului numar, se verifică dacă intervalul închis [a,b] conține cel puțin un număr prim. Programul va afișa pe ecran, în caz afirmativ, mesajul DA, iar în caz contrar, mesajul NU. (4p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Se utilizează metoda backtracking pentru a genera în ordine lexicografică toate cuvintele de câte patru litere din mulţimea {d,a,n,s}, astfel încât în niciun cuvânt să nu existe două litere alăturate identice. Ştiind că primele trei cuvinte generate sunt, în ordine, adad, adan şi adas, care va fi ultimul cuvânt obtinut? (4p.)
  - a. snns
- b. nsns
- c. snsn
- d. dans

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Se consideră subprogramul £, definit alăturat. Ce se va afișa la apelul £(38);? (6p.)

```
void f(int x)
{
   if(x) {
    if(x%3==0){
      cout<<3; | printf("3");
      f(x/3);
    }
   else{
      f(x/3);
      cout<<x%3; | printf("%d",x%3);
    }
}</pre>
```

3. Fişierul text INTRARE.TXT conţine, pe o singură linie, cel mult 100 de numere naturale nenule de cel mult patru cifre fiecare, numerele fiind separate prin câte un spaţiu. Scrieţi un program C/C++ care citeşte numerele din fişier şi scrie în fişierul text IESIRE.TXT, în ordine crescătoare, toate valorile distincte obţinute ca sumă de două elemente distincte aflate pe prima linie a fişierului INTRARE.TXT.

### Exemplu:

- 4. Se consideră subprogramul multiplu, cu doi parametri, care:
  - primește prin intermediul parametrilor a și k două numere întregi de cel mult 4 cifre;
  - returnează cel mai mic multiplu al lui k mai mare sau egal cu a.
  - a) Scrieți numai antetul subprogramului multiplu. (4p.)
  - b) Scrieți declarările de date și programul principal C/C++ care citește de la tastatură trei numere naturale nenule x, y, z, de cel mult 4 cifre fiecare, (x≤y), și care, prin apeluri utile ale subprogramului multiplu, verifică dacă intervalul [x,y] conține cel puțin un multiplu al lui z. Programul va afișa pe ecran, în caz afirmativ, mesajul DA, iar în caz contrar mesajul NU. (6p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Se utilizează metoda backtracking pentru a genera în ordine lexicografică toate cuvintele de câte trei litere distincte din mulțimea {d,a,n,s}. Care este cel de-al treilea cuvânt obținut? (4p.)
  - a. ads
- b. ans
- c. dan
- d. and

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

3. Fişierul text BAC.TXT conține, pe o singură linie, cel puțin 3 și cel mult 100 de numere naturale nenule distincte de cel mult 4 cifre fiecare, numerele fiind separate prin câte un spațiu. Scrieți un program C/C++ care citește toate numerele din fișierul BAC.TXT și scrie pe ecran, în ordine descrescătoare, cele mai mici 3 numere citite.

Exemplu: dacă fişierul BAC.TXT conține numerele 1017 48 310 5710 162, atunci se va afișa: 310 162 48 (10p.)

- **4.** Se consideră subprogramul **divizor**, care:
  - primeşte prin intermediul parametrului a un număr natural strict mai mare decât 1, de cel mult 4 cifre;
  - furnizează prin intermediul parametrului d cel mai mare divizor al lui a strict mai mic decât
     a.
  - a) Scrieți numai antetul subprogramului divizor.

(4p.)

b) Scrieți declarările de date şi programul principal C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural nenul x, de cel mult 4 cifre şi, prin apeluri utile ale subprogramului divizor, verifică dacă x este număr prim. Programul va afişa pe ecran în caz afirmativ mesajul DA, iar în caz contrar mesajul NU. (6p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Se utilizează metoda backtracking pentru a genera în ordine lexicografică toate cuvintele care conțin toate literele din mulțimea {a,m,i,c}, astfel încât fiecare literă să apară exact o dată într-un cuvânt. Câte soluții sunt generate după cuvântul amic şi înainte de cuvântul cami?
  (4p.)
  - a. 6

b. 4

c. 1

d. 3

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Fişierul text bac.txt conține, pe o singură linie, cel puțin 3 și cel mult 100 de numere naturale nenule distincte de cel mult 4 cifre fiecare, numerele fiind separate prin câte un spațiu. Scrieți un program C/C++ care citește numerele din fișier și scrie pe ecran ultima cifră a produsului celor mai mari 3 numere citite.

**Exemplu:** dacă fisierul bac.txt contine numerele:

1017 48 312 5742 162

atunci se va afișa: 8 (ultima cifră a produsului numerelor 1017, 5742, 312) (10p.)

- **4.** Se consideră subprogramul **divizor**, care:
  - primeşte prin intermediul parametrului, a, un număr natural nenul de cel mult 4 cifre, strict mai mare ca 1;
  - furnizează prin intermediul parametrului d, cel mai mic divizor al lui a strict mai mare decât 1.
  - a) Scrieți numai antetul subprogramului divizor. (4p.)
  - b) Scrieți declarările de date şi programul principal C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural x (x>1), şi, prin apeluri utile ale subprogramului divizor, verifică dacă x este număr prim. Programul va afişa pe ecran, în caz afirmativ, mesajul DA, iar în caz contrar mesajul NU. (6p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Se utilizează metoda backtracking pentru a genera toate cuvintele care conțin toate literele din mulțimea {i,n,f,o}, astfel încât fiecare literă să apară exact o dată într-un cuvânt şi literele n şi o să nu se afle pe poziții vecine. Ştiind că primul cuvânt generat este info, iar al treilea, al patrulea şi al cincilea sunt nifo, niof, nfio care este cel de-al doilea cuvânt obținut?
  - a. iofn b. inof c. ionf d. niof

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- Se consideră subprogramul f, definit
  alăturat. Ce valoare are f(3,13)? Dar
  f(1000,2009)?

  (6p.)

  int f(int a,int b)
  {
   if(2\*a>=b)
   return 0;
   if(b%a==0)
   return b-a;
   return f(a+1,b-1);
  }
- 3. Fişierul text bac.txt conține, pe prima sa linie, 100 de numere naturale de cel mult 4 cifre fiecare, numerele fiind ordonate crescător și separate prin câte un spațiu, iar pe a doua linie un singur număr natural x, cu cel mult 4 cifre. Scrieți un program C/C++ care citește toate numerele din fișier și verifică dacă x se află în șirul celor 100 de numere aflate pe prima linie a fișierului. În caz afirmativ, se va afișa pe ecran mesajul DA, altfel se va afișa mesajul NU.

```
Exemple: dacă fişierul bac.txt conține:

17 38 40 45 50 51 52 53 54 55 ... 145
52
atunci se va afișa: DA;
dacă fişierul bac.txt conține:
2 11 15 16 20 25 30 35 40 ... 495
33
atunci se va afișa: NU. (10p.)
```

- 4. Se consideră subprogramul radical, care:
  - primește prin intermediul parametrului a, un număr natural nenul de cel mult 4 cifre;
  - furnizează prin intermediul parametrului x cel mai mare număr natural cu proprietatea că x² este mai mic sau egal cu a; de exemplu, dacă a=20, subprogramul va furniza prin x valoarea 4.
  - a) Scrieți numai antetul subprogramului radical. (4p.)
  - b) Scrieți declarările de date și programul principal C/C++ care citește de la tastatură un număr natural nenul de cel mult 4 cifre, n, și prin apeluri utile ale subprogramului radical, verifică dacă n este pătrat perfect. Programul va afișa pe ecran în caz afirmativ mesajul DA, iar în caz contrar mesajul NU. (6p.)

(4p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Generarea matricelor pătratice de ordinul n, cu elemente 0 şi 1, cu proprietatea că pe fiecare linie şi pe fiecare coloană există un singur element egal cu 1, se poate realiza utilizând metoda backtracking. Algoritmul utilizat este echivalent cu algoritmul de generare a: (4p.)
  - a. combinărilor
- **b.** permutărilor
- c. aranjamentelor
- **d.** produsului cartezian

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Subprogramul cifra primește prin parametrul x un număr real nenul pozitiv și furnizează prin parametrul y valoarea cifrei unităților părții întregi a lui x.

Exemplu: dacă x=34.567, după apel y=4.

a) Scrieți definiția completă a subprogramului cifra.

(6p.)

- b) Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură două numere reale cu cel mult două zecimale, numere reprezentând mediile semestriale obținute de un elev. Programul stabileşte, folosind apeluri utile ale subprogramului cifra, dacă cele două medii citite se află în aceeaşi categorie de medii sau nu. Precizăm că orice medie, în funcție de intervalul în care se încadrează, face parte din una dintre categoriile: [3,3.99], [4,4.99], [5,5.99], [6,6.99], [7,7.99], [8,8.99] sau [9,10]. În cazul în care ambele medii fac parte din aceeaşi categorie, programul va afișa mesajul Da, altfel va afișa mesajul Nu. (4p.)
- 4. În fişierul text.in se află un text scris pe mai multe linii, pe fiecare linie fiind caractere diverse: litere mici ale alfabetului englez, cifre, spații şi semne de punctuație. Găsiți o metodă eficientă din punctul de vedere al timpului de executare şi al gestionării memoriei ce permite afișarea celor mai frecvente perechi de vocale alăturate din text. Menționăm că vocalele sunt: a, e, i, o și u.

De exemplu, dacă text.in contine textul:

Aleea ce strabate valea

e-o unduire de pietris scanteietor,

De-aceea nu stii daca zboara sau doar inoata in unde aurii

cele mai frecvente perechi de vocale întâlnite în acest text sunt: ea şi oa (ele apar de 3 ori, spre deosebire de alte perechi de vocale alăturate care apar de mai putine ori).

- a) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare aleasă, explicând în ce constă eficiența ei (3 4 rânduri). (4p.)
- b) Scrieți programul C/C++ corespunzător metodei descrise la cerința a. (6p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Utilizând metoda backtracking pentru afişarea tuturor modalităților de descompunere a unui număr natural ca o sumă de numere naturale nenule, pentru n=3 se obtin, în ordine, solutiile: 1+1+1; 1+2; 2+1; 3. Ordinea de scriere a termenilor dintr-o descompunere este semnificativă. Folosind aceeasi metodă pentru n=10, care este solutia generată imediat după 1+1+3+5? (4p.)
  - a. 1+1+4+1+1+1+1
- b. 1+1+7+1
- c. 1+2+7
- d. 1+1+4+4

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

Considerăm subprogramul f, definit alăturat. Care va | void f(int n,int &a) 2. x după apelul {int c; fi valoarea variabilei globale f(4962,x), dacă înainte de apel, x are valoarea 0? Dar dacă înainte de apel x are valoarea 52? (6p.)

```
if(n!=0){
   c=n%10;
   if(a < c) a = c;
   f(n/10,a);
```

- 3. Scrieți definiția completă a unui subprogram fibo cu doi parametri, n și v, care primește prin intermediul parametrului n un număr natural (1<n<30) și returnează prin intermediul parametrului v un tablou unidimensional care conține primii n termeni impari ai șirului lui Fibonacci (amintim că șirul lui Fibonacci este: 1,1,2,3,5,8,13,21,...).
- 4. a) Fisierul date.in contine un șir de cel mult 10000 numere naturale (printre care cel puțin un număr par și cel puțin un număr impar), cu cel mult 2 cifre fiecare, separate prin câte un spațiu. Scrieți un program C/C++ care citește numerele din fișierul date.in și scrie în fisierul text date.out valorile distincte citite, separate prin câte un spatiu, respectându-se regula: pe prima linie vor fi scrise numerele impare în ordine crescătoare, iar pe linia a doua numerele pare, în ordine descrescătoare. Alegeți o metodă eficientă din punctul de vedere al timpului de executare. (6p.)

**Exemplu**: dacă pe prima linie a fișierului date.in se află numerele:

75 12 3 3 18 75 1 3 atunci fișierul date.out va conține: 1 3 75 18 12

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Se generează, prin metoda backtracking, toate partițiile mulțimii A={1,2,3} obținându-se următoarele soluții: {1}{2}{3}; {1}{2,3}; {1,3}{2}; {1,2}{3}; {1,2,3}. Se observă că dintre acestea, prima soluție e alcătuită din exact trei submulțimi. Dacă se folosește aceeași metodă pentru a genera partițiile mulțimii {1,2,3,4} stabiliți câte dintre soluțiile generate vor fi alcătuite din exact trei submulțimi. (4p.)
  - a, 3 b, 12 c, 6 d, 5

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Se consideră tabloul unidimensional a definit global, ce memorează elementele a<sub>1</sub>=1, a<sub>2</sub>=2, a<sub>3</sub>=0 şi subprogramul f, definit alăturat. Ce valoare are f(2,1)? Dar f(3,3)? (6p.)
  int f(int b,int i)
  (if(i>=1)
  return f(b,i-1)\*b+a[i];
  else return 0;
  }
- 3. Subprogramul verif primește prin singurul său parametru, x, un număr natural nenul cu cel mult 9 cifre și returnează valoarea 1 dacă numărul conține cel puțin o secvență de 3 cifre impare alăturate și 0 în caz contrar.

Exemplu: dacă x=7325972 se va returna valoarea 1.

- a) Scrieți definiția completă a subprogramului verif. (6p.)
- b) Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural nenul n cu exact 6 cifre şi, folosind apeluri utile ale subprogramului verif, verifică dacă n are primele trei cifre impare. Programul afișează pe ecran mesajul n caz afirmativ şi mesajul n caz contrar.

**Exemple:** dacă se citeşte n=132567 se va afişa mesajul Nu, iar dacă n=979243, se va afişa mesajul Da. (4p.)

- 4. Pentru un şir de numere naturale, numim "nod" al şirului un termen din şir care are doi vecini, termenul precedent şi termenul următor din şir, şi valoarea termenului respectiv este strict mai mică decât suma valorilor celor doi vecini ai săi.
  - a) Fişierul text date.in conține un şir de cel puțin două și cel mult 10000 de numere naturale având maximum 6 cifre fiecare, numere separate prin câte un spațiu. Scrieți un program C/C++ care citește toate numerele din fișier și afișează numărul de "noduri" ale şirului citit, folosind un algoritm eficient din punctul de vedere al memoriei utilizate. (6p.)

**Exemplu:** dacă fisierul date.in are următorul continut:

- 51 <u>20</u> 100 <u>43</u> <u>43</u> <u>618</u> 5000 <u>31</u> 2020 <u>114</u> <u>116</u> 4 atunci pe ecran se afişează 7 (cele şapte numere subliniate reprezintă "noduri" ai şirului)
- b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită, explicând în ce constă eficiența ei (3 4 rânduri).
   (4p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Se generează, prin metoda backtracking, toate modalitățile de așezare a numerelor naturale de la 1 la 5, astfel încât oricare 2 numere consecutive să nu se afle pe poziții alăturate. Dacă primele două soluții sunt: (1,3,5,2,4) şi (1,4,2,5,3), care este prima soluție generată în care primul număr este 4? (4 p.)
- a. (4, 1, 3, 2, 5)
- **b.** (4,2,5,1,3)
- **c.** (4, 3, 5, 3, 1)
- **d.** (4, 1, 3, 5, 2)

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

(6p.)

2. Se consideră subprogramul f, definit alăturat. Ce se va afișa în urma apelului f(5,0);?

- 3. Subprogramul diviz primește prin intermediul parametrului n un număr natural nenul (2≤n≤200), iar prin intermediul parametrului a, un tablou unidimensional care conține n valori naturale nenule, fiecare dintre acestea având cel mult patru cifre. Elementele tabloului sunt numerotate de la 1 la n.
  - Subprogramul returnează o valoare egală cu numărul de perechi  $(a_i,a_j)$ ,  $1 \le i < j \le n$ , în care  $a_i$  este divizor al lui  $a_j$ , sau  $a_j$  este divizor al lui  $a_i$ .
  - Scrieți definiția completă a subprogramului diviz, în limbajul C/C++.

Exemplu: pentru n=5 şi a=(4,8,3,9,4) subprogramul returnează valoarea 4. (10p.)

- **4.** Fişierul text date.in conține pe prima linie, separate prin câte un spațiu, cel mult 1000 de numere naturale, fiecare dintre ele având maximum 9 cifre.
  - a) Scrieți un program C/C++ care citeşte numerele din fișierul date.txt și determină cea mai lungă secvență ordonată strict descrescător, formată din valori citite consecutiv din fișier. Numerele din secvența găsită vor fi afișate pe ecran, pe o linie, separate prin câte un spațiu. Dacă sunt mai multe secvențe care respectă condiția impusă, se va afișa doar prima dintre acestea. Alegeți o metodă de rezolvare eficientă din punctul de vedere al timpului de executare.

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Se generează, prin metoda backtracking, toate modalitățile de așezare a numerelor naturale de la 1 la 5 astfel încât oricare două numere consecutive să nu se afle pe poziții alăturate. Dacă primele două soluții sunt: (1,3,5,2,4) şi (1,4,2,5,3), care este prima soluție generată care începe cu 2? (4p.)
  - a. (2, 4, 1, 3, 5)
- **b.** (2, 5, 4, 3, 1)
- **c.** (2, 4, 1, 3, 1)
- **d.** (2, 3, 5, 4, 1)

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Se consideră funcția f, definită alăturat.
Ce se afişează ca urmare a executării secvenței de mai jos în care variabilele a şi b sunt de tip int?
a=4; b=18;
printf("%d",f(a,b));/ cout<<f(a,b);</p>
printf("%d %d",a,b);/ cout<<a<<b;</p>
(6p.)

```
int f( int &a, int &b)
{ while (a !=b)
   if (a>b) a=a-b;
      else b=b-a;
   return a;}
```

3. Subprogramul sfx primeşte prin singurul său parametru, x, un număr natural din intervalul [100,200000000] şi returnează valoarea 1 dacă ultimele trei cifre ale numărului sunt în ordine strict descrescătoare sau valoarea 0 în caz contrar.

Exemplu: dacă x=24973 se va returna valoarea 1.

a) Scrieți definiția completă a subprogramului sfx.

- (5p.)
- b) Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n format din exact 6 cifre și verifică, utilizând apeluri ale subprogramului s£x, dacă acest număr are toate cifrele în ordine strict descrescătoare. Programul va afișa mesajul Da în caz afirmativ și mesajul Nu în caz contrar.

**Exemplu:** dacă 
$$n=756543$$
 se va afișa  $Nu$ , iar dacă  $n=976532$  se va afișa  $Da$ . (5p.)

- 4. Pentru un şir de numere naturale, numim "pol" al şirului un termen din şir care are doi vecini, termenul precedent şi termenul următor din şir, şi valoarea termenului respectiv este strict mai mare decât valoarea fiecăruia dintre cei doi vecini ai săi.
  - a) Fişierul text date.in conține un şir de cel mult 10000 de numere naturale având maximum 6 cifre fiecare, numere separate prin câte un spațiu. Scrieți un program C/C++ care citeşte toate numerele din fişier şi afişează numărul de "poli" ai şirului citit, folosind un algoritm eficient din punctul de vedere al memoriei utilizate. (6p.)

**Exemplu:** dacă fișierul date.in are următorul continut:

 $51 \quad 20 \quad \underline{100} \quad 43 \quad 43 \quad 618 \quad \underline{5000} \quad 31 \quad \underline{2020} \quad 114 \quad \underline{116} \quad 4$ 

atunci pe ecran se afișează 4 (cele patru numere subliniate reprezintă "poli" ai șirului)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Se generează în ordine crescătoare, toate numerele naturale de 5 cifre distincte, care se pot forma cu cifrele 2,3,4,5 şi 6. Să se precizeze numărul generat imediat înaintea şi numărul generat imediat după secvența următoare : 34256, 34265, 34562 (4p.)
  - **a.** 32645 şi 34625

**b.** 32654 şi 34655

c. 32654 și 34625

d. 32645 și 34655

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Să se scrie în limbajul C/C++ definiția completă a subprogramului calcul, care primeşte prin intermediul parametrului n un număr natural nenul (1≤n≤10000), iar prin intermediul parametrului a, un tablou unidimensional care conține n valori naturale, fiecare dintre aceste valori având cel mult 9 cifre. Subprogramul returnează cel mai mare divizor comun al elementelor tabloului a. (10p.

**Exemplu:** în urma apelului, pentru n=5 şi tabloul unidimensional (12,36,48,6,60) se va returna 6.

- **4.** Fişierele text **A.TXT** şi **B.TXT** conțin cel mult **10000** de numere naturale cu cel mult **9** cifre fiecare, scrise fiecare pe câte o linie.
  - a) Scrieți un program C/C++ care citeşte numerele din cele două fişiere şi, printr-o metodă eficientă din punct de vedere al timpului de executare şi al spațiului de memorie utilizat, afişează pe ecran câte dintre numerele din fişierul A.TXT sunt strict mai mici decât toate numerele memorate în fişierul B.TXT. (6p.)

3		·	( - I - )
Exemplu: dacă fişierul	41111	iar fişierul B.TXT are conţinutul	91111
A.TXT are continutul alăturat,	81111	alăturat:	91111
,	11111		61111
	91111		91111
	51111		91111
	111111		81111
	31111		61111
	431111		91111
	61111		
	201111		

atunci programul va afişa valoarea 4, deoarece 41111, 11111, 51111, 31111 sunt mai mici decât toate elementele din fisierul B.TXT.

**b)** Descrieți succint, în limbaj natural, metoda utilizată la punctul **a**, justificând eficiența acesteia. **(4p.)** 

#### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Se generează în ordine crescătoare, toate numerele naturale de 5 cifre distincte, care se pot forma cu cifrele 5,6,7,8 şi 9. Să se precizeze numărul generat imediat înaintea şi numărul generat imediat după secvenţa următoare : 67589,67598,67859,67895. (4p.)
  - a. 65987 și 67958

**b.** 65978 şi 67988

**c.** 65978 şi 67958

d. 65987 şi 67988

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Se consideră subprogramul recursiv definit alfa(int u) alăturat. Ce valoare are alfa(6)? Pentru ce valoare a parametrului u, alfa(u) are valoarea 25?
  (6p.)
- 3. Să se scrie în limbajul C/C++ definiția completă a subprogramului calcul, care primeşte prin intermediul parametrului n un număr natural nenul (1≤n≤10000), iar prin intermediul parametrului a, un tablou unidimensional care conține n valori naturale, fiecare dintre aceste valori având cel mult 9 cifre. Subprogramul returnează numărul de numere prime din tablou. (10p.)

**Exemplu:** pentru n=5 şi tabloul unidimensional (12,37,43,6,71) în urma apelului se va returna 3.

- 4. Fişierul text NUMERE.TXT conține pe prima linie un număr natural n (1≤n≤10000) şi pe a doua linie un şir crescător de n numere naturale, fiecare având cel mult 9 cifre. Numerele de pe a doua linie sunt separate prin câte un spațiu.
  - a) Scrieți un program C/C++ care, utilizând o metodă eficientă din punct de vedere al timpului de executare şi al spațiului de memorie, afișează pe ecran elementele distincte ale şirului aflat pe a doua linie a fișierului. (6p.)

Exemplu: dacă fișierul NUMERE.TXT are conținutul alăturat 7 111 111 111 2111 4111 71111 71111

atunci programul va afișa pe ecran 111 2111 4111 71111.

b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda utilizată la punctul a), justificând eficiența acesteia. (4p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Se utilizează metoda backtracking pentru a genera toate submulțimile cu 4 elemente ale 1. mulţimii {1,2,3,4,5,6}. Numărul de submulţimi generate este: (4p.)
  - a. 30

**b**. 35

d. 15

Scrieti pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerintele următoare.

consideră subprogramul recursiv definit alăturat. Ce valori vor fi afișate pe ecran în urma apelului gama(6);? (6p.)

cifră

```
void gama(int n)
{int i;
 if(n>=3)
   {for(i=3;i<=n;i++)
        printf("%d ",n); | cout<<n<<" ";</pre>
    gama(n-3);
```

3. a) Să se scrie definiția completă a subprogramului calcul, care primește prin intermediul celor doi parametri ai săi două numere întregi, n și k (1≤n≤100000000 și 1≤k≤9), și returnează cifra de rang k a numărului n. Rangul unei cifre este numărul său de ordine, numerotând cifrele de la dreapta la stânga; cifra unităților având rangul 1. Dacă numărul k este mai mare decât numărul de cifre ale lui n, atunci funcția returnează valoarea -1.

**Exemplu:** dacă 
$$n=9243$$
 şi  $k=3$ , în urma apelului se va returna 2. (5p.)

b) Scrieti un program C/C++ care citește de la tastatură un număr natural n cu cel mult 8 cifre. Programul va verifica, utilizând apeluri ale subprogramului calcul, dacă orice cifră a lui n are rangul cifrei mai mare sau egal cu valoarea cifrei respective și va afișa mesajul Da în caz afirmativ şi mesajul Nu în caz contrar.

4. Fișierul text sir. Txt conține pe prima linie un număr natural n (1≤n≤10000) și pe a doua linie, separate prin spatii, un sir crescător de n numere naturale cu cel mult 9 cifre fiecare.

Numim platou într-un șir de valori o secvență de elemente identice situate pe poziții alăturate. Lungimea unui platou este egală cu numărul de elemente care îl formează.

a) Scrieti un program C/C++ care citește valorile din fișier și, printr-o metodă eficientă din punct de vedere al timpului de executare și al spațiului de memorie utilizat afișează pe ecran, separate printr-un spațiu, lungimea maximă a unui platou, precum și valoarea care formează platoul. În cazul în care sunt mai multe platouri de aceeași lungime se va afișa valoarea cea mai mare care formează unul dintre aceste platouri.

Exemplu: dacă fișierul SIR.TXT are continutul alăturat, 11 211 211 211 328 400 400 1201 1201 1201 atunci programul va afişa pe ecran 3 1201.

b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda utilizată la punctul a, justificând eficiența acesteia. (4p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Construim anagramele unui cuvânt c<sub>1</sub>c<sub>2</sub>c<sub>3</sub>c<sub>4</sub> prin generarea în ordine lexicografică a permutărilor indicilor literelor cuvântului şi obținem c<sub>1</sub>c<sub>2</sub>c<sub>3</sub>c<sub>4</sub> c<sub>1</sub>c<sub>2</sub>c<sub>4</sub>c<sub>3</sub> c<sub>1</sub>c<sub>3</sub>c<sub>2</sub>c<sub>4</sub> ... c<sub>4</sub>c<sub>3</sub>c<sub>1</sub>c<sub>2</sub> c<sub>4</sub>c<sub>3</sub>c<sub>2</sub>c<sub>2</sub>. Pentru anagramele cuvântului pateu, după şirul paetu, paeut, paute cuvintele imediat următoare sunt: (4p.)
- a. pauet și ptaeu

b. ptaeu și ptaue

C. pauet și ptaue

d. ptaeu și patue

### Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Se consideră subprogramul recursiv definit alăturat. Ce valori vor fi afișate pe ecran în urma apelului beta(15);?
void beta(int n) {if (n!=1) {printf("%d if (n%3==0)}

3. a) Să se scrie definiția completă a subprogramului calcul, care primește prin intermediul parametrului întreg n un număr natural de cel mult 9 cifre și returnează valoarea absolută a diferenței dintre numărul de cifre pare și numărul de cifre impare conținute de n.

**Exemplu**: dacă n=92465, în urma apelului se va returna valoarea 1 (2 cifre impare, 3 cifre pare). (5p.)

b) Să se scrie în limbajul C/C++ un program care citeşte de la tastatură un număr natural n de cel mult 7 cifre şi, utilizând apeluri ale subprogramului calcul, determină şi afişează pe ecran cel mai mic număr natural m, m≥n, care are tot atâtea cifre pare câte cifre impare.

**Exemple:** dacă se citeşte n=5513, atunci se afişează m=5520, iar dacă se citeşte n=311, atunci se afişează m=1001. (5p.)

- 4. Fişierul text NUMERE.TXT conține pe prima linie un număr natural n (1≤n≤10000) şi pe a doua linie, n numere naturale cu cel mult 9 cifre fiecare. Aceste numere sunt dispuse în ordine crescătoare şi separate între ele prin câte un spatiu.
  - a) Scrieți un program C/C++ care citește valorile din fișier și, printr-o metodă eficientă din punct de vedere al timpului de executare, afișează pe ecran, separate prin câte un spațiu, în ordine crescătoare, numerele pare de pe a doua linie a fișierului, urmate de cele impare în ordine descrescătoare. (6p.)

Exemplu: dacă fişierul NUMERE.TXT are conținutul alăturat 6 212 412 5111 71113 81112 101112

atunci programul va afișa pe ecran 212 412 81112 101112 71113 5111

b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda utilizată la punctul a, justificând eficiența acesteia.
 (4p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

## Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Pentru rezolvarea cărei probleme dintre cele enumerate mai jos se poate utiliza metoda backtracking? (4p.)
- a. determinarea reuniunii a 3 multimi
- **b.** determinarea tuturor divizorilor unui număr din 3 cifre
- c. determinarea tuturor elementelor mai mici decât 30000 din şirul lui Fibonacci
- d. determinarea tuturor variantelor în care se pot genera steagurile cu 3 culori (din mulţimea: "roşu", "galben", "albastru" şi "alb"), având la mijloc culoarea "galben"

### Scrieti pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerintele următoare.

2. Se consideră subprogramul recursiv definit alăturat. | int bac(int u, int x) Ce valoare are expresia bac(10,4)? Care este cea mai mică valoare de 2 cifre a lui u pentru care functia bac(u,2) are valoarea 1? (6p.)

```
{if (u<x)return 0;
 if (x==u)return 1;
 if (u%x==0)return 0;
 return bac(u,x+1);
```

3. Să se scrie în limbajul C/C++ definitia completă a subprogramului calcul, care primește prin parametrul n un număr natural nenul de cel mult 9 cifre și furnizează prin parametrul x numărul obtinut prin alăturarea cifrelor pare ale lui n considerate de la dreapta către stânga. Dacă n nu conține nicio cifră pară, x primește valoarea 0.

Exemplu: în urma apelului calcul (9278,x), x primeşte valoarea 82.

- 4. Fișierul text NUMERE. TXT conține pe prima linie un număr natural n (1≤n≤10000) și pe a doua linie, n numere naturale cu cel mult 9 cifre fiecare, numere nu neapărat distincte. Aceste numere sunt dispuse în ordine crescătoare și separate între ele prin câte un spaţiu.
  - a) Scrieți un program C/C++ care citește valorile din fișier și, printr-o metodă eficientă din punct de vedere al timpului de executare și al spatiului de memorie utilizat, afișează pe ecran, cu un spatiu între ele, valoarea care apare de cele mai multe ori în fisier si de câte ori apare ea. Dacă există mai multe valori care apar de un număr maxim de ori, se va afișa cea mai mică dintre ele. (6p.)

```
Exemplu:
          dacă
                 fisierul | 8
NUMERE.TXT are continutul 711 711 711 11111 11111 191111 231111
alăturat.
```

atunci programul va afişa pe ecran 711 3.

b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda utilizată la punctul a, justificând eficiența acesteia. (4p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Se generează în ordine crescătoare toate numerele de exact 4 cifre care se pot forma cu elementele mulţimii {0,1,2,3,4}. Primele 8 soluţii generate sunt, în ordine: 1000, 1001, 1002, 1003, 1004, 1010, 1011, 1012. Care sunt primele trei numere ce se vor genera imediat după numărul 3443? (4p.)
  - a. 4000,4001,4002
  - C. 3444,4444,4000

- b. 3444,4443,4444
- d. 3444,4000,4001

#### Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Ce valoare va avea variabila întreagă x, în urma apelului F(1,x), ştiind că, înainte de apel, variabila x are valoarea 0, iar subprogramul F este definit alăturat?

void F(int i, int &x)

3. Un număr natural se numește palindrom dacă numărul citit de la stânga la dreapta este egal cu numărul citit de la dreapta la stânga.

(6p.)

- a) Scrieți definiția completă a subprogramului Palindrom care primește prin intermediul parametrului n un număr natural de cel mult nouă cifre și returnează 1 dacă acesta este palindrom și 0 în caz contrar. (10p.)
- **b)** Fişierul text **NUMERE.IN** conține cel mult **100000** numere naturale de cel mult nouă cifre fiecare, numerele fiind despărțite prin câte un spațiu. Cel puțin unul dintre numere este palindrom.

Scrieți programul C/C++ care citește numerele din fișierul NUMERE.IN și, folosind apeluri utile ale subprogramului Palindrom determină în mod eficient, din punct de vedere al memoriei utilizate și al timpului de executare, care este cel mai mare număr palindrom citit și de câte ori apare el în fișierul NUMERE.IN. Programul scrie în fișierul text NUMERE.OUT numărul astfel determinat precum și numărul de apariții ale acestuia, pe rânduri diferite.

**Exemplu:** dacă **NUMERE.IN** contine numerele:

23 565 78687 7887 7865 78687 7887 23 78687 98798 atunci **NUMERE.OUT** va conține: 78687

3 (6p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Se generează în ordine crescătoare toate numerele de 4 cifre, cu cifre distincte, astfel încât diferența în valoare absolută dintre prima şi ultima, respectiv a doua şi a treia cifră este egală cu 2. Primele 11 soluții generate sunt, în ordine: 1023, 1203, 1243, 1423, 1463, 1573, 1643, 1683, 1753, 1793, 1863. Care dintre următoarele numere se va genera imediat înaintea numărului 9317?
  - a. 9247
- b. 9357
- c. 9207
- d. 8976

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. a) Scrieți definiția completă a subprogramului Ecuatie care primeşte prin parametrii a, b şi c trei numere întregi, a ≠ 0, de cel mult patru cifre fiecare, reprezentând coeficienții ecuației de gradul al II-lea: ax²+bx+c=0. În funcție de soluțiile ecuației subprogramul va returna:
  - cea mai mare dintre soluții dacă ecuația are două soluții reale distincte, dintre care cel puțin una pozitivă.
  - una dintre soluții dacă ecuația are două soluții egale și pozitive.
  - -32000 în celelalte cazuri.

(10p.)

b) Se consideră şirul s: 1, 1, 2, 1, 2, 3, 1, 2, 3, 4, 1, 2, 3, 4, 5, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 1, 2,... Pentru un număr natural k,  $0 < k \le 10000$ , se cere să se determine valoarea elementului ce se află pe poziția k în şirul s.

Exemplu: pentru k=18 numărul cerut este 3.

Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură valoarea numărului natural k și, prin apeluri utile ale funcției Ecuatie, determină valoarea elementului ce se află pe poziția k în șirul s, folosind un algoritm eficient din punctul de vedere al spațiului de memorie alocat și al timpului de executare. Valoarea astfel determinată se va scrie în fișierul text sir.out.

(6p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Se generează în ordine crescătoare toate numerele de 4 cifre, cu cifre distincte, astfel încât diferența în valoare absolută dintre ultimele două cifre ale fiecărui număr generat este egală cu 2. Primele opt soluții generate sunt, în ordine: 1024, 1035, 1042, 1046, 1053, 1057, 1064, 1068. Care dintre următoarele numere se va genera imediat după numărul 8975? (4p.)
  - a. 8979
- **b.** 9013
- c. 8957
- d. 9024

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- a) Scrieți definiția completă a subprogramului Cautare, cu trei parametri, n, x şi v, care primeşte prin parametrul n un număr natural (1≤n≤1000), prin parametrul x un tablou unidimensional format din n componente (numere întregi de cel mult patru cifre fiecare: x₁, x₂, ..., xₙ) memorate în ordine crescătoare şi prin parametrul v un număr întreg de cel mult patru cifre, diferit de oricare dintre elementele tabloului unidimensional x.
  Subprogramul va căuta, în mod eficient din punct de vedere al timpului de executare, poziția pe care ar trebui inserată valoarea v în şirul x astfel încât să se obțină tot un şir ordonat crescător şi returnează această poziție.
  (6p.)
  - **b)** Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită, explicând în ce constă eficiența ei (3 4 rânduri). **(4p.)**
  - c) Fişierul text sir.in conține cel mult 1000 numere întregi de maximum patru cifre fiecare, numerele fiind diferite două câte două și despărțite prin câte un spațiu. Scrieți un program C/C++ care citește numerele din fișierul sir.in și, folosind apeluri utile ale subprogramului Cautare, construiește în memorie un tablou unidimensional care va conține toate numerele din fișierul sir.in ordonate crescător. Programul scrie în fișierul text sir.out șirul obținut, câte 10 elemente pe un rând, elementele de pe același rând fiind despărțite printr-un singur spațiu.

**Exemplu**: dacă fişierul sir.in conține numerele: 7 -5 635 -456 0 8 587 -98 65 3 -8 atunci după executarea programului fișierul sir.out va conține:

635 (10p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Prin metoda backtracking se generează toate anagramele (cuvintele obţinute prin
  permutarea literelor) unui cuvânt dat. Ştiind că se aplică această metodă pentru cuvântul
  solar, precizaţi câte cuvinte se vor genera astfel încât prima şi ultima literă din fiecare
  cuvânt generat să fie vocală (sunt considerate vocale caracterele a, e, i, o, u)? (4p.)
  - a. 24 b. 6 c. 10 d. 12

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Se consideră funcția suma, definită
   alăturat. Ce valoare are suma(3)? Dar
   suma(8)?
   (6p.)

  int Suma(int x)

  { if(x == 1 ) return 0;
   if(x%2==0) return Suma(x-1)+(x-1)\*x;
   return Suma(x-1)-(x-1)\*x;
  }
- 3. a) Scrieți definiția completă a subprogramului Cifra, cu doi parametri, n și x, care primește prin intermediul parametrului n un număr natural de cel mult nouă cifre și furnizează prin parametrul x cea mai mare cifră a numărului transmis prin parametrul n. (6p.)
  - b) Scrieţi un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n, n<1000000000, şi, utilizând apeluri utile ale subprogramului Cifra, afişează pe ecran mesajul Da în cazul în care numărul citit este format doar din cifre aparţinând mulţimii {0,1,2,3,4} şi afişează mesajul Nu în caz contrar.</li>
- 4. Se numeşte "număr mare" orice număr natural care are mai mult de nouă cifre.
  - a) Scrieți un program C/C++ care citeşte de pe prima linie a fişierului text NUMERE.IN un număr natural n (10≤n<1000), iar de pe a doua linie n cifre despărțite prin câte un spațiu, dintre care cel puțin una nenulă, şi afişează pe ecran cel mai mic "număr mare" format cu toate cele n cifre din fişier. Alegeți o metodă eficientă din punct de vedere al utilizării memoriei.
    - (6p.)
  - **b)** Descrieți succint în limbaj natural metoda de rezolvare folosită explicând în ce constă eficiența ei (3 4 rânduri). (4p.)

Exemplu: dacă fișierul NUMERE.IN conține 10 7 9 4 0 9 0 1 1 8 8

atunci se va afişa pe ecran "numărul mare" : 1001478899

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

1. Ce valoare are F(2758), pentru
funcția F definită alăturat? (4p.)

int F(int x)
{
 if(x == 0) return 0;
 if(x\*10%2 == 0) return 2 + F(x/10);
 return 10 - F(x/10);
}
a. 0 b. 20 c. 12 d. 4

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- Variabilele i, j și aux sunt de tip întreg, iar for(int i = 0; i < 4; i++) for(int j = i + 1; j < 6; j++)înainte de prelucrare elementele tabloului if(x[i] > x[j])unidimensional x sunt urmatoarele:  $x_0=10$ , aux = x[i]; $x_1=5$ ,  $x_2=-6$ ,  $x_3=7$ ,  $x_4=0$ ,  $x_5=-2$ . x[i] = x[j];Ce valori se vor afişa în urma executării x[j] = aux;secvenței de program alăturate? (6p.) } for(i = 0; i < 6; i++)cout<<x[i]<<" "; printf("%d ",x[i]);
- 3. a) Scrieţi definiţia completă a funcţiei UltimaCifra care primeşte prin cei doi parametri a şi b câte un număr natural (0<a<30000, 0<b<30000), calculează în mod eficient din punct de vedere al timpului de executare şi returnează ultima cifră a numărului a<sup>b</sup> (a la puterea b).
  (6p.)
  - b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită, explicând în ce constă eficiența ei (3 4 rânduri)
  - c) Fişierul text SIR.IN conține pe prima sa linie un număr natural n (0<n<1001), iar pe fiecare dintre următoarele n linii câte o pereche de numere naturale,  $\mathbf{x_i}$   $\mathbf{y_i}$  (1 $\leq i \leq n$ ,  $\mathbf{x_i} \leq 30000$ ,  $\mathbf{y_i} \leq 30000$ ).

Scrieți programul C/C++ care citește numerele din fișierul sir.in și scrie în fișierul text

SIR.OUT ultima cifră a expresiei:  $x_1^{y_1} + x_2^{y_2} + ... + x_n^{y_n}$ , folosind apeluri ale funcției UltimaCifra.

Exemplu: dacă fişierul SIR.IN are conținutul alăturat, atunci 3
SIR.OUT va conține cifra 0. (10p.) 25 6
8 10
1 4589

### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

1. Dacă se utilizează metoda backtracking pentru a genera toate permutările de 4 obiecte şi primele 5 permutări generate sunt, în această ordine, 4 3 2 1, 4 3 1 2, 4 2 3 1, 4 2 1 3, 4 1 3 2, atunci a 6-a permutare este:

(4p.)

a. 3 2 1 4 b. 3 4 2 1 c. 1 4 3 2 d. 4 1 2 3

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieți definiția completă a unui subprogram s cu trei parametri care primește prin intermediul parametrului n un număr natural de maximum 9 cifre, prin intermediul parametrului c o cifră și furnizează prin intermediul parametrului k numărul de cifre ale numărului n care aparțin intervalului [c-1,c+1].

Exemplu: pentru n=1233 şi c=3, k va avea valoarea 3, iar pentru n=650 şi c=3, k va avea valoarea 0. (10p.)

4. Fişierul BAC.TXT are pe prima linie două numere naturale n şi m (0<n<1000, 0<m<1000) separate prin câte un spațiu, pe linia a doua n numere întregi ordonate strict crescător, iar pe linia a treia m numere naturale distincte. Numerele din fişier aflate pe linia a doua şi a treia au cel mult 6 cifre fiecare şi sunt despărțite în cadrul liniei prin câte un spațiu. Să se scrie un program care citeşte toate numerele din fişier şi afişează pe ecran, despărțite prin câte un spațiu, toate numerele de pe a doua linie a fişierului care apar şi pe linia a treia a acestuia.

**Exemplu:** dacă fișierul are următorul conținut:

6 5

2 3 4 5 8 9

4 5 2 11 8

atunci se va afișa: 5 2 8 4, nu neapărat în această ordine.

- a) Descrieți în limbaj natural o metodă de rezolvare eficientă ca timp de executare. (4p.)
- b) Scrieți programul C/C++ corespunzător metodei descrise la punctul a). (6p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- La un concurs participă 50 de sportivi împărţiţi în 5 echipe, astfel încât în fiecare echipă să fie câte 10 sportivi. Problema determinării tuturor grupelor de câte 5 sportivi, câte unul din fiecare echipă, este similară cu generarea tuturor: (4p.)
- a. elementelor produsului cartezian b.AxAxAxAxA, unde A={1,2,...,10}
- b. submulţimilor cu 5 elemente ale mulţimii {1,2,...,10}
- c. permutărilor mulțimii {1,2,3,4,5}
- **d.** partitiilor multimii {1,2,...,10}

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

Pentru definiția alăturată a subprogramului sub, scrieți ce valoare are sub(4). Dar sub(132764)? (6p.) if(n\(^2!=0\)) return n\(^31\)1

```
int sub(long n)
{if (n!=0)
    if(n%2!=0)
    return n%10+sub(n/10);
    else return sub(n/10);
else return 0;
}
```

3. Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură două numere naturale nenule n și k (0<n<100, 0<k<4) și apoi n numere reale pozitive care au cel mult 3 cifre la partea întreagă și cel mult 5 cifre zecimale și afișează pe ecran numărul de valori reale citite care au mai mult de k cifre zecimale.

Exemplu: dacă pentru n se citeşte valoarea 5 şi pentru k valoarea 2 şi apoi şirul de numere reale 6.2 4.234 2 8.13 10.001 pe ecran se va afişa valoarea 2. (10p.)

4. Fişierul text **bac.in** conţine pe prima sa linie un număr natural n (0<n<10000), iar pe următoarea linie n numere naturale din intervalul [1,100] separate prin câte un spaţiu. Se cere să se citescă din fişier toate numerele şi să se afişeze pe ecran numărul sau numerele care apar de cele mai multe ori printre numerele citite de pe a doua linie a fişierului. Numerele afişate vor fi separate prin câte un spaţiu. Alegeţi un algoritm de rezolvare eficient atât din punctul de vedere al timpului de executare cât şi al gestionării memoriei.

Exemplu: dacă fișierul bac.in are următorul conținut:

12

```
1 2 2 3 2 9 3 3 9 9 7 1
```

pe ecran se vor afişa valorile 2, 3 şi 9, nu neapărat în această ordine.

- a) Explicati în limbaj natural metoda utilizată justificând eficienta acesteia (4-6 rânduri) (4p.)
- **b)** Scrieți programul C/C++ ce rezolvă problema enunțată, corespunzător metodei descrise la punctul a). (6p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Un program construieşte şi afişează elementele produsului cartezian AxBxC pentru mulţimile A={1,2,3,4}, B={1,2,3}, C={1,2}. Care dintre următoarele triplete NU va fi afişat?
  - a. (3,2,1)
- b. (1,3,2)
- c. (1,2,3)
- d. (2,2,2)

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. a) Scrieți doar antetul unui subprogram prim cu doi parametri, care primește prin intermediul parametrului n un număr natural cu cel mult patru cifre și returnează prin intermediului parametrului p valoarea 1 dacă n este prim și 0 în caz contrar. (2p.)
  - b) Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n (3<n<10000) și afișează pe ecran, despărțite prin câte un spațiu, primele n numerele prime, folosind apeluri utile ale subprogramului prim.</li>
     (8p.)

Exemplu: pentru n=4 pe ecran vor fi afișate numerele 2 3 5 7

4. Fişierul text **bac.in** conţine pe prima sa linie un număr natural n (0<n<10000), iar pe următoarea linie n numere naturale din intervalul [1,100]. Se cere să se citescă din fişier toate numerele şi să se afişeze pe ecran, în ordine descrescătoare, toate numerele care apar pe a doua linie a fişierului şi numărul de apariţii ale fiecăruia. Dacă un număr apare de mai multe ori, el va fi afişat o singură dată. Fiecare pereche "valoare - număr de apariţii" va fi afişată pe câte o linie a ecranului, numerele fiind separate printr-un spaţiu, ca în exemplu. Alegeţi un algoritm de rezolvare eficient din punctul de vedere al timpului de executare.

**Exemplu:** dacă fișierul bac.in are următorul conținut:

12

1 2 2 3 2 2 3 3 2 3 2 1

pe ecran se vor afișa, în această ordine, perechile:

- 3 4
- 2 6
- 1 2
- a) Explicați în limbaj natural metoda utilizată justificând eficiența acesteia (4-6 rânduri) (4p.)
- **b)** Scrieți programul C/C++ ce rezolvă problema enunțată, corespunzător metodei descrise la punctul a). (6p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Problema generării tuturor codurilor formate din exact 4 cifre nenule, cu toate cifrele distincte două câte două, este similară cu generarea tuturor: (4p.)
- a. aranjamentelor de 9 elemente luate câte
   4
- b. permutărilor elementelor unei mulțimi cu4 elemente
- c. elementelor produsului cartezian
  AxAxAxA unde A este o mulțime cu 9
  elemente
- d. submulțimilor cu 4 elemente ale mulțimii  $\{1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$

### Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Pentru definiția alăturată a subprogramului f, scrieți ce valoare are f(8). Dar f(1209986)?

scrieți int f(long x)
{ int y,z;
 if (x==0) return x;
 else {y=x\*10;
 z=f(x/10);
 if(y>z) return y;
 else return z;
 }
}

3. Scrieți definiția completă a subprogram max, cu trei parametri, a, b, c, care primește prin intermediul parametrilor a și b două numere reale cu exact două cifre la partea întreagă și exact două zecimale fiecare. Subprogramul determină cel mai mare număr real dintre următoarele patru valori: a, b și numerele reale obținute din a și b prin interschimbarea părții întregi cu partea fracționară în cadrul aceluiași număr. Această valoare este furnizată prin intermediul parametrului real c.

Exemplu: dacă a=33.17 şi b=15.40, c va avea valoarea 40.15 (cea mai mare valoare dintre 33.17, 15.40, 17.33 şi 40.15) (10p.)

4. Se citeşte de pe prima linie a fişierului numere.in un număr natural n (0<n<10000) și, de pe a doua linie a fişierului, n numere naturale din intervalul [1,100] și se cere să se afișeze pe ecran, în ordine crescătoare, despărțite prin câte un spațiu, numărul sau numerele întregi din intervalul [1,100] care nu apar printre numerele citite. Dacă pe a doua linie a fișierului apar toate numerele din intervalul precizat, se va afișa mesajul NU LIPSESTE NICIUN NUMAR. Alegeți un algoritm de rezolvare eficient din punctul de vedere al timpului de executare.

**Exemplu:** pentru fișierul numere.in cu următorul conținut

12

4 2 3 1 6 5 7 8 9 11 10 100 se vor afişa valorile 12 13 ... 99.

- a) Explicați în limbaj natural metoda utilizată, justificând eficiența acesteia (4-6 rânduri).
   (4p.)
- b) Scrieți programul C/C++ ce rezolvă problema enunțată, corespunzător metodei descrise la punctul a). (6p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- O clasă de 28 de elevi este la ora de educație fizică şi profesorul doreşte să formeze o echipă de 4 elevi. Ordinea elevilor în cadrul echipei nu are importanță. Algoritmul de generare a tuturor posibilităților de a forma o asfel de echipă este similar cu algoritmul de generare a tuturor: (4p.)
  - a. aranjamentelor de 28 de elemente luate câte 4
  - c. partițiilor unei mulțimi cu28 de elemente
- b. combinărilor de 28 de elemente luate câte 4
- d. elementelor produsului cartezian AXAXAXA, A fiind o mulţime cu 28 de elemente

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Fişierul text bac.in conține cel mult 1000 de numere naturale cu cel mult patru cifre fiecare, despărțite prin câte un spațiu. Scrieți programul C/C++ care citeşte numerele din fişier şi afişează pe ecran, în ordine crescătoare, acele numere din fişier care au toate cifrele egale. Dacă fişierul nu conține niciun astfel de număr, se va afişa pe ecran mesajul NU EXISTA.

**Exemplu:** dacă fișierul bac.in conține numerele: 30  $\underline{44}$   $\underline{111}$   $\underline{7}$  25  $\underline{5}$  atunci pe ecran se va afișa 5 7 44 111. (10p.)

- 4. a) Scrieți definiția completă a unui subprogram divi cu doi parametri, care primește prin intermediul parametrului n un număr natural nenul cu cel mult 6 cifre și returnează prin intermediul parametrului d cel mai mic divizor propriu al lui n sau 0 in cazul în care n nu are niciun divizor propriu. De exemplu, pentru n=15, d va avea valoarea 3. (4p.)
  - b) Scrieți programul C/C++ care citește de la tastatură un număr natural nenul n (1<n<1000000) și afișează pe ecran cel mai mare numar natural mai mic decât n care îl divide pe n. Se vor folosi apeluri utile ale subprogramului divi.

Exemple: dacă n=120, se afișează pe ecran 60, iar dacă n=43, se afișează 1. (6p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Folosind cifrele {1,2,3} se generează, în ordinea crescătoare a valorii, toate numerele pare formate din trei cifre distincte. Astfel, se obțin în ordine, numerele: 132, 312. Folosind aceeași metodă, se generează numerele pare formate din patru cifre distincte din mulțimea {1,2,3,4}. Care va fi al 4-lea număr generat? (4p.)
  - a. 2134
- **b.** 1432
- c. 2314
- d. 1423

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- Pentru definiția alăturată a subprogramului f,
  scrieți ce valoare are f(0,0). Dar f(525,5)?
  (6p.)

  int f(int x,int y)
  {
   if(x==0)return 0;
   else
   if(x%10==y)
   return f(x/10,y)+1;
   else return f(x/10,y);
  }
- 3. Scrieți în C/C++ definiția completă a subprogramului medie care are doi parametri:
  - n, prin care primește un număr natural (1≤n≤100);
  - v, prin care primeşte un tablou unidimensional cu n elemente, numere naturale, fiecare element având cel mult patru cifre.

Subprogramul returnează media aritmetică a elementelor din tablou.

(10p.)

- 4. Fişierul text NUMERE.IN conține, pe mai multe linii, cel mult 30000 de numere naturale nenule mai mici sau egale cu 500, despărțite prin câte un spațiu.
  - a) Scrieți programul C/C++ care, utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al timpului de executare, afișează pe ecran, în ordine crescătoare, toate numerele care au apărut o singură dată din fișierul NUMERE.IN, despărțite prin câte un spațiu.

Exemplu: dacă fişierul NUMERE.IN conține numerele scrise alăturat, se vor afișa valorile următoare: 3 4 5 6 34 (6p.) 2 23 34 3 (6p.) 8 9 9 23 6 8 9 2

b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită la punctul a), explicând în ce constă eficiența ei (3 – 4 rânduri).

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Folosind cifrele {2,3,4} se generează, în ordinea crescătoare a valorii, toate numerele impare formate din trei cifre distincte. Astfel se obțin, în ordine, numerele: 243, 423. Folosind aceeaşi metodă, se generează numerele pare formate din patru cifre distincte din mulțimea {2,3,4,5}. Care va fi al 5-lea număr generat? (4p.)
  - a. 3452
- **b.** 3524
- c. 2534
- **d.** 3542

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieți în C/C++ definiția completă a subprogramului suma care are doi parametri:
  - n, prin care primeşte un număr natural (1≤n≤100);
  - $\mathbf{v}$ , prin care primește un tablou unidimensional cu  $\mathbf{n}$  elemente, numere întregi situate în intervalul [10,30000]. Funcția returnează suma numerelor din tabloul  $\mathbf{v}$  care au ultimele două cifre identice.

**Exemplu:** dacă n=4 şi v=(123, 122, 423, 555) funcția va returna 677 (=122+555). (10p.)

- **4.** Fişierul text **NUMERE.IN** conține, pe mai multe linii, cel mult 30000 de numere naturale nenule mai mici sau egale cu 500, numerele de pe fiecare linie fiind despărțite prin câte un spațiu. Fişierul conține cel puțin două numere distincte, fiecare având două cifre.
  - a) Scrieți programul C/C++ care citește toate numerele din fișierul NUMERE.IN și creează fișierul text NUMERE.OUT care să conțină pe prima linie cel mai mare număr de două cifre din fișierul NUMERE.IN, și de câte ori apare el în acest fișier, iar pe a doua linie, cel mai mic număr de două cifre din fișierul NUMERE.IN și de câte ori apare el în acest fișier. Alegeți o metodă de rezolvare eficientă din punct de vedere al memoriei utilizate și al timpului de executare. (6p.)
  - **b)** Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită la punctul **a)**, explicând în ce constă eficiența ei (3 4 rânduri). (4p.)

Exemplu: dacă fişierul 2 253 34 3 atunci fişierul NUMERE.OUT va avea următorul conținut: 34 2 34 2

### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Folosind cifrele {1,2,3} se generează, în ordinea crescătoare a valorii, toate numerele formate din exact trei cifre, în care cifrele alăturate au valori consecutive. Astfel se obțin în ordine, numerele: 121, 123, 212, 232, 321 şi 323. Folosind aceeaşi metodă se generează numere de patru cifre din mulțimea {1,2,3,4} care îndeplinesc aceeaşi condiție. Care va fi al 5-lea număr generat? (4p.)
  - a. 2121
- b. 2123
- c. 3121
- d. 2323

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieți în C/C++ definiția completă a subprogramului suma care are doi parametri:
  - n, prin care primește un număr natural (1≤n≤100);
  - $\mathbf{v}$ , prin care primește un tablou unidimensional cu  $\mathbf{n}$  elemente, numere întregi, fiecare având exact trei cifre.

Functia returnează suma elementelor din tablou care au prima cifră egală cu ultima cifră.

(10p.)

- 4. Fişierul text NUMERE.IN conține mai multe linii, pe fiecare linie existând câte un şir de numere naturale nenule mai mici sau egale decât 30000, despărțite prin câte un spațiu; fiecare linie se termină cu numarul 0 (care se consideră că nu face parte din şirul aflat pe linia respectivă) şi conține cel puțin două valori.
  - a) Scrieți programul C/C++ care afișează pe ecran valoarea maximă din șirul care conține cele mai puține numere. În cazul în care există mai multe șiruri cu același număr minim de numere, se va afișa cea mai mare valoare care apare în unul dintre aceste șiruri. Alegeți o metodă de rezolvare eficientă din punct de vedere al memoriei utilizate și al timpului de executare.

    (6p.)
  - **b)** Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită la punctul **a)**, explicând în ce constă eficiența ei (3 4 rânduri). **(4p.)**

Exemplu: dacă fişierul NUMERE.IN are conținutul 2 253 34 3 0 6 88 9 3 0 4 54 88 12345 98 234 546 0

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Folosind cifrele {3,4,5} se generează, în ordinea crescătoare a valorii, toate numerele impare formate din trei cifre distincte. Astfel se obțin, în ordine, numerele: 345, 435, 453, 543. Folosind aceeaşi metodă, se generează numerele impare formate din patru cifre distincte din mulțimea {2,3,4,5}. Care va fi al 5-lea număr generat? (4p.)
  - a. 3425
- **b.** 2534
- c. 4235
- d. 3245

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieți programul C/C++ care citește de la tastatură un număr natural n (1≤n≤100), apoi un șir de n numere întregi, cu cel mult 2 cifre fiecare, notat a₁,a₂,a₃,...an, apoi un al doilea șir de n numere întregi, cu cel mult 2 cifre fiecare, notat b₁,b₂,b₃,...bn. Fiecare șir conține atât valori pare, cât și impare. Programul afișează pe ecran suma acelor numere impare din șirul b care sunt mai mici decât suma tuturor numerelor pare din șirul a.

Exemplu: pentru n=4 și numerele 2,3,7,8 respectiv 44,3,1,8 se afișează valoarea 4 pentru că numerele 3 și 1 sunt mai mici decât suma numerelor pare din șirul a, care este 10. (10p.)

- 4. Se consideră subprogramul CMMMC care primeşte prin cei doi parametri, x şi y, două numere naturale (1≤x≤10000, 1≤y≤10000) şi returnează cel mai mic multiplu comun al lor.
  - a) Scrieți numai antetul subprogramului CMMMC.

(4p.)

b) Fişierul text NUMERE.IN conține, pe fiecare linie, câte două numere naturale nenule mai mici sau egale decât 10000, despărțite printr-un spațiu. Scrieți un program C/C++ care, pentru fiecare linie k din fişierul NUMERE.IN, citeşte cele două numere de pe această linie și scrie în fişierul text NUMERE.OUT, tot pe linia k, cel mai mic multiplu comun al acestora, ca în exemplu.

Se vor utiliza apeluri utile ale subprogramului CMMMC.

(6p.)

Exemplu: dacă fişierul	12 14	atunci fişierul	84
NUMERE.IN are continutul	11 12	NUMERE.OUT va avea	132
alăturat:	4 8	următorul conținut:	8

### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Folosind cifrele {1,2,3} se generează, în ordinea crescătoare a valorii, toate numerele impare formate din trei cifre distincte. Astfel se obţin, în ordine, numerele: 123, 213, 231, 321. Folosind aceeaşi metodă, se generează numerele impare formate din patru cifre distincte din mulţimea {1,2,3,4}. Care va fi al 5-lea număr generat? (4p.)
  - a. 2413 b. 1423 c. 2431 d. 3241

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieți programul C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n (1≤n≤100), apoi un şir de n numere întregi, cu cel mult 2 cifre fiecare, notat a₁,a₂,a₃,...an, apoi un al doilea şir de n numere întregi, cu cel mult 2 cifre fiecare, notat b₁,b₂,b₃,...bn. Fiecare şir conține atât valori pare, cât şi impare. Programul afişează pe ecran suma acelor numere din şirul b care sunt strict mai mici decât media aritmetică a tuturor numerelor pare din şirul a.

Exemplu: pentru n=4 și numerele 2,3,7,8 respectiv 44,3,1,8 se afișează valoarea 4 pentru că numerele 3 și 1 sunt mai mici decât media aritmetică a numerelor pare din șirul a, care este 5. (10p.)

- 4. Se consideră subprogramul CMMDC care primeşte prin cei doi parametri, x şi y, două numere naturale (1≤x≤10000, 1≤y≤10000) şi returnează cel mai mare divizor comun al lor.
  - a) Scrieți definiția completă a subprogramului CMMDC. (4p.)
  - b) Fişierul text NUMERE.IN conține, pe fiecare linie, câte două numere naturale nenule mai mici sau egale decât 10000, despărțite printr-un spațiu, reprezentând numitorul şi numărătorul câte unei fracții. Scrieți un program C/C++ care, pentru fiecare linie k din fişierul NUMERE.IN, citeşte numitorul şi numărătorul fracției de pe această linie şi scrie în fişierul text NUMERE.OUT, tot pe linia k, numitorul şi numărătorul acestei fracții, adusă la forma ireductibilă, ca în exemplu. Se vor utiliza apeluri apeluri utile ale subprogramului CMMDC. (6p.)

Exemplu: dacă fișierul	12 14	atunci fişierul	6 7
NUMERE. IN are continutul	11 12	NUMERE.OUT va avea	11 12
alăturat:	2 2	următorul conținut:	1 1
	4 8	,	1 2

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. La examenul de bacalaureat, un elev primeşte un test format dintr-un subiect de tip I, unul de tip II şi unul de tip III. Stiind că pentru fiecare tip de subiect sunt elaborate exact 100 de variante, algoritmul de generare a tuturor posibilităților de a forma un test este similar cu algoritmul de generare a: (4p.)
  - a. elementelor produsului cartezian

**b.** aranjamentelor

c. permutărilor

d. submulțimilor

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Se consideră subprogramul f, definit alăturat. Ce se afișează la apelul f(4);?

(6p.)

```
void f(int n)
{
  cout<<"*"; | printf("*");
  if(n>2)
  {
    f(n-1);
    cout<<"#"; | printf("#");
  }
}</pre>
```

3. Scrieți definiția completă a subprogramului numar, cu trei parametri, care primește prin intermediul parametrului n un număr natural format din cel mult 9 cifre, iar prin intermediul parametrilor c1 și c2 câte o cifră nenulă; subprogramul retunează numărul obținut prin înlocuirea în numărul primit prin parametrul n a fiecărei apariții a cifrei c1 cu cifra c2. Dacă c1 nu apare în n, subprogramul returnează valoarea n.

Exemplu: pentru n=12445, c1=4 și c2=7 valoarea returnată va fi 12775. (10p.)

- 4. Fişierul text bac.txt conține cel puțin două și cel mult 1000 de numere naturale distincte, dintre care cel puțin două sunt pare. Numerele sunt separate prin câte un spațiu și fiecare dintre ele are cel mult 9 cifre.
  - a) Scrieți un program C/C++ care determină cele mai mari două numere pare din fișier, utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al timpului de executare și al spațiului de memorie utilizat. Cele două numere vor fi afișate pe ecran, în ordine descrescătoare, separate printr-un spațiu.

Exemplu: dacă fișierul conține numerele: 5123 8 6 12 3 se va afișa: 12 8 (6p.)

b) Descrieți succint, în limbaj natural, algoritmul utilizat, justificând eficiența acestuia. (4p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Trei elevi vor să înființeze o trupă de rock formată dintr-un chitarist solo, un basist şi un baterist. Toți trei ştiu să cânte atât la chitară solo, cât şi la chitară bas, şi se pricep cu toții şi la baterie. Algoritmul de generare a tuturor posibilităților de a forma trupa este similar cu algoritmul de generare a: (4p.)
  - a. aranjamentelor

**b.** permutărilor

c. elementelor produsului cartezian

d. submultimilor

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

3. Scrieți definiția completă a subprogramului reduce, cu doi parametri, care primește prin intermediul parametrilor a și b două numere naturale formate din cel mult 9 cifre fiecare. Funcția returnează o valoare obținută din numărul a prin însumarea acelor cifre diferite de 0 ale numărului a care NU divid numărul b. Dacă nu există asemenea cifre, se va returna valoarea 0.

Exemplu: pentru a=184465709 şi b=18, cifrele corespunzătoare cerinței sunt 8, 4, 4, 5 şi 7, deci valoarea returnată va fi 28 (28=8+4+4+5+7). Dacă a=2402804 şi b=8000, valoarea returnată va fi 0. (10p.)

- 4. Fişierul text bac.txt conține un şir de cel mult 2009 numere naturale, cu cel mult nouă cifre fiecare, pe mai multe rânduri, numerele de pe acelaşi rând fiind separate prin câte un spațiu.
  - a) Scrieți un program C/C++ care afișează pe ecran cel mai mic număr din fișier pentru care suma cifrelor pare este egală cu suma cifrelor impare, precum și numărul de apariții în fișier ale acestui număr, folosind o metodă eficientă din punctul de vedere al timpului de executare. Cele două valori vor fi afișate pe o linie a ecranului, separate printr-un spațiu. Dacă nu există asemenea valori se afișează mesajul NU EXISTA.

**Exemplu**: dacă în fişier avem numerele 22031 9021 22031 1021 2011 10012 1021 457008 99882 atunci pe ecran se vor afişa numerele: 1021 2. (6p.)

b) Descrieti succint, în limbaj natural, algoritmul utilizat, justificând eficienta acestuia. (4p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- lonel doreşte să ofere cadouri membrilor familiei sale, formată din cei doi părinți şi o soră.
  Decide să le ofere stilouri de diferite culori. La magazin există stilouri de 5 culori diferite.
  Algoritmul de generare a tuturor posibilităților de a atribui câte un stilou fiecăruia dintre cei trei membri ai familiei, fără să se repete vreo culoare, este similar cu algoritmul de generare a
   (4p.)
  - a. aranjamentelor
  - c. permutărilor

- **b.** elementelor produsului cartezian
- **d.** submulțimilor

### Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

```
Se consideră subprogramul f, definit alăturat.
Ce valoare are f(1)? Dar f(4)? (6p.)

int f(int n)
{
   if (n==0) return 1;
   else if (n==1) return 2;
   else return f(n-1)-f(n-2);
}
```

3. Scrieți definiția completă a subprogramului numar, cu patru parametri, care primește prin intermediul parametrului n un număr natural format din cel mult 9 cifre, iar prin intermediul parametrilor c1 și c2 câte o cifră cu proprietatea c1<c2; subprogramul furnizează prin intermediul celui de al patrulea parametru, x, o valoare obținută prin eliminarea din numărul primit prin parametrul n a fiecărei cifre cuprinse în intervalul închis [c1, c2]. Dacă toate cifrele lui n aparțin acestui interval, valoarea furnizată prin x va fi 0.

Exemplu: pentru n=162448, c1=4 și c2=7, valoarea furnizată prin x va fi 128. (10p.)

- 4. Fişierul text bac.txt conține cel mult 10000 de numere naturale din intervalul închis [0,9], dintre care cel puțin unul este prim. Numerele se află pe mai multe rânduri, cele de pe acelasi rând fiind separate prin câte un spatiu.
  - a) Scrieți un program C/C++ care determină și afișează pe ecran cel mai mare număr **prim** care apare în fișier și numărul de apariții ale acestuia, utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al timpului de executare și al spațiului de memorie utilizat. Programul afișează pe ecran cele două valori determinate, separate printr-un spatiu.

Exemplu: dacă fișierul conține numerele: 5 8 9 1 9 5 1 1 2 2 se va afișa 5 2. (6p.)

b) Descrieți succint, în limbaj natural, algoritmul utilizat, justificând eficiența acestuia. (4p.)

#### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. O clasă formată din 28 de elevi doreşte să trimită la consfătuirea reprezentanților claselor școlii o delegație formată din 3 elevi. Algoritmul de generare a tuturor posibilităților de a forma o delegație este similar cu algoritmul de generare a: (4p.)
  - a. permutărilor

**b.** aranjamentelor

c. combinărilor

d. submultimilor

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

```
2. Se consideră subprogramul f, definit alăturat. Ce valoare are f(0)? Dar f(4)? (6p.)

| long f(int n) {
| if (n==0) return 0;
| else return n*n+f(n-1);
| }
```

3. Scrieți definiția completă a subprogramului numar, cu trei parametri, care primește prin intermediul parametrului n un număr natural format din cel mult 9 cifre, iar prin intermediul parametrilor c1 și c2 câte o cifră nenulă. Subprogramul caută prima apariție (de la stânga spre dreapta) a cifrei c1 în n, și dacă aceasta apare, o înlocuiește cu c2, iar următoarele cifre, dacă există, sunt înlocuite cu câte o cifră 0. Subprogramul furnizează tot prin n numărul astfel obținut. Dacă cifra c1 nu apare în n, atunci valoarea lui n rămâne nemodificată.

Exemplu: pentru n=162448, c1=4 și c2=7 valoarea furnizată prin n va fi 162700. (10p.)

- 4. Fişierul text bac.txt conține pe mai multe rânduri cel mult 50000 de numere naturale din intervalul închis [0, 99], numerele de pe același rând fiind separate prin câte un spațiu.
  - a) Scrieți un program C/C++ care afișează pe ecran, în ordine descrescătoare, acele numere din fișier care sunt mai mari decât un număr natural k, citit de la tastatură, utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al timpului de executare. Dacă un număr apare de mai multe ori, și este mai mare decât k, se va afișa o singură dată. Numerele vor fi afișate câte 20 pe fiecare linie (cu excepția ultimei linii care poate să conțină mai puține valori), separate prin câte un spatiu.

Exemplu: dacă fişierul conține numerele: 15 8 99 15 1 37 1 24 2, iar pentru k se citeşte valoarea 7, se vor afișa numerele 99 37 24 15 8. (6p.)

b) Descrieți succint, în limbaj natural, algoritmul utilizat, justificând eficiența acestuia. (4p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. La un bal mascat, magazia școlii pune la dispoziția elevilor 10 pelerine, 10 măști și 10 pălării divers colorate. Algoritmul de generare a tuturor posibilităților de a obține un costum format dintr-o pălărie, o mască și o pelerină este similar cu algoritmul de generare a : (4p.)
  - a. elementelor produsului cartezian
  - c. permutărilor

- **b.** aranjamentelor
- **d.** submulțimilor

### Scrieți pe foaia de examen răspunsul la următoarea întrebare:

- 3. Funcția verif primește prin intermediul parametrului n un număr natural format din cel mult 9 cifre, și prin intermediul parametrului a, un număr natural nenul (2≤a≤9). Funcția returnează valoarea 1 dacă n este un număr format din cifre aparținând intervalului închis [0,a] și valoarea 0 în caz contrar.
  - a) Scrieți definiția completă a funcției verif.

(4p.)

b) Spunem că n poate fi o reprezentare în baza b (1<b≤10), dacă toate cifrele lui n sunt strict mai mici decât b. Scrieți un program care citeşte de la tastatură o valoare naturală n cu cel mult 9 cifre şi, utilizând apeluri ale funcției verif, afișează pe ecran, în ordine crescătoare, cu spații între ele, toate valorile lui b pentru care valoarea citită nu poate fi o reprezentare în baza b. (6p.)

Exemplu: Pentru n=4101, se afișează 2 3 4.

- 4. Fişierul text bac.txt conține cel mult 1000 de numere întregi de cel mult 9 cifre fiecare, numerele fiind separate prin câte un spațiu; printre numerele din fişier există cel puțin două numere pozitive, aflate pe poziții consecutive.
  - a) Scrieți un program C/C++ care afișează două numere pozitive, aflate unul după altul în fișier, a căror sumă este maximă, utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al timpului de executare și al spațiului de memorie utilizat. Dacă există mai multe soluții, se afișează doar acea pereche pentru care diferența dintre cele două numere este maximă. Numerele vor fi afișate pe ecran, în ordinea din fișier, separate printr-un spațiu.

**Exemplu:** dacă fișierul conține numerele: -2 2 16 4 -1 25 -2 8 12 7 13 se vor afișa numerele 16 4, în această ordine, cu un spațiu între ele. (6p.)

b) Descrieti succint, în limbaj natural, algoritmul utilizat, justificând eficienta acestuia. (4p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

## Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

 Pentru a planifica în orarul unei şcoli, la clasa a XII-a, 4 ore de informatică în zile lucrătoare diferite din săptămână, câte o singură oră pe zi, se poate utiliza un algoritm echivalent cu algoritmul de generare a: (4p.)

void f(int i)

a. permutărilor de 4 elemente

- b. aranjamentelor de 4 elemente luate câte 5
- c. aranjamentelor de 5 elemente luate câte 4
- d. combinărilor de 5 elemente luate câte 4

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Subprogramul recursiv alăturat este definit incomplet. Scrieți expresia care poate înlocui punctele de suspensie astfel încât, în urma apelului, £(12) să se afișeze șirul de valori:

```
12 6 3 1 1 3 6 12. (6p.)
```

- { if (. . .)
   { printf("%d ",i); | cout<<i<<' ';
   f(i/2);
   printf("%d ",i); | cout<<i<<' ';
   }
  }</pre>
- 3. Subprogramul **par** primeşte prin singurul său parametru, **n**, un număr natural nenul cu cel mult 8 cifre și returnează valoarea 1 dacă **n** conține cel puțin o cifră pară, sau returnează valoarea 0 în caz contrar.

Exemplu: pentru n=723 subprogramul va returna valoarea 1.

a) Scrieți numai antetul subprogramului par.

(2p.)

b) Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură un număr natural nenul n cu cel mult trei cifre, apoi un şir de n numere naturale, cu cel puțin două și cel mult 8 cifre fiecare, și afișează pe ecran numărul de valori din şirul citit care au numai cifra unităților pară, celelalte cifre fiind impare. Se vor utiliza apeluri utile ale subprogramului par.

**Exemplu:** dacă n=4, iar şirul citit este 7354, 123864, 51731, 570 se va afişa 2 (numerele 7354 și 570 respectă condiția cerută). (8p.)

4. Fişierul numere.in conține cel mult 5000 de numere reale, câte unul pe fiecare linie. Se cere să se scrie un program care să citescă toate numerele din fişier şi să afişeze pe ecran numărul de ordine al primei, respectiv al ultimei linii pe care se află cel mai mare număr din fişier. Cele două numere vor fi separate printr-un spațiu. Alegeți o metodă de rezolvare eficientă din punct de vedere al spatiului de memorare și al timpului de executare.

**Exemplu:** dacă fișierul are conținutul alăturat, pe ecran se vor afișa numerele 2 6.

- a) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare aleasă, explicând în ce constă eficiența ei. (4p.)
- b) Scrieți programul C/C++ corespunzător metodei descrise. (6p.)

7 6.3 5

3.5

7

-4

2

### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Având la dispoziție cifrele 0, 1 şi 2 se pot genera, în ordine crescătoare, numere care au suma cifrelor egală cu 2. Astfel, primele 6 soluții sunt 2, 11, 20, 101, 110, 200. Folosind același algoritm, se generează numere cu cifrele 0, 1, 2 şi 3 care au suma cifrelor egală cu 4. Care va fi al 7-lea număr din această generare? (4p.)
  - a. 130
- **b**. 301

- 220
- d. 103

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Subprogramul ordonare primește prin parametrul x un tablou unidimensional cu cel mult 100 de elemente numere reale, iar prin parametrul n un număr întreg ce reprezintă numărul efectiv de elemente ale tabloului x. Subprogramul ordonează crescător elementele tabloului și furnizează, tot prin intermediul parametrului x, tabloul ordonat.
  - a) Scrieți numai antetul acestui subprogram. (4p.)
  - b) Scrieți un program C/C++ care citeşte de la tastatură două numere naturale, n şi m (1≤n≤100 şi m≤n), şi apoi un şir de n numere reale distincte. Folosind apeluri utile ale subprogramului ordonare, programul afişează pe prima linie a ecranului, cele mai mari m elemente din şirul citit (în ordine crescătoare a valorilor lor), iar pe a doua linie de ecran, cele mai mici m elemente din şir (în ordine descrescătoare a valorilor lor). Numerele afişate pe aceeaşi linie vor fi separate prin câte un spațiu. (10p.)

**Exemplu**: dacă n=9, m=3, iar şirul este (14.2, 60, -7.5, -22, 33.8, 80, 4, 10, 3) se va afișa pe ecran:

```
33.8 60 80
3 -7.5 -22
```

4. Scrieți un program C/C++ care creează fişierul text SIR.TXT şi scrie în el toate şirurile formate din două caractere distincte, litere mari ale alfabetului englez, astfel încât niciun şir să nu fie format din două vocale alăturate. Fiecare şir va fi scris pe câte o linie a fişierului.

(6p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- În câte dintre permutările elementelor mulțimii {\'\overline{\'\o
  - a. 1

b. 24

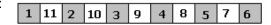
**c.** 6

d. 12

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 3. Scrieţi programul C/C++ care citeşte de la tastatură un număr natural n (1≤n≤99), impar, şi construieşte în memorie un tablou unidimensional A=(A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub>,..., A<sub>n</sub>) cu elementele mulţimii {1,2,...,n} astfel încât elementele de pe poziţii impare formează şirul crescător 1,2,...,[(n+1)/2], iar elementele de pe poziţii pare şirul descrescător n,n-1,..., [(n+1)/2]+1.

Exemplu: pentru n=11 se va construi tabloul A :



Programul va crea un fişier text **TABLOU.TXT**. Elementele tabloului se vor scrie, în ordine, pe prima linie a fişierului, cu câte un spațiu între ele. (10p.)

- 4. a) Scrieți definiția completă a subprogramului dcm, cu doi parametri, care:
  - primește prin parametrii a și b două valori naturale din intervalul [1,30000]
  - returnează o valoare naturală reprezentând cel mai mare număr care este atât divizor al lui a cât și divizor al lui b.

Exemplu: dacă a=100 și b=120, subprogramul returnează valoarea 20. (6p.)

b) Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură două numere naturale a și b, numere din intervalul [1,30000] și determină, folosind apeluri utile ale subprogramului dcm, cel mai mare număr care este divizor al fiecăruia dintre numerele a și b și are proprietatea că este un produs de două sau mai multe numere prime distincte. Programul afișează pe ecran numărul cu proprietatea cerută, iar dacă nu există un astfel de număr, afișează mesajul nu exista.

Exemplu: dacă a=60 și b=72, atunci se afișează 6

iar dacă a=100 și b=75, atunci se afișează nu exista. (4p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

## Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

4	Un elev realizează u	n program care cit	teşte o valoare naturală p	entru o variabilă	3		
١.	n și apoi afișează îr	fişierul permut.	txt, pe prima linie, valo	area lui n, apoi	3	2	1
	toate permutările mi	ultimii {1,2,,	,n}, câte o permutare p	e câte o linie a	3	1	2
	•	,	s, fișierul va conține cele 5		2	3	1
	•	•	u n=4, ce va contine a 8-		2	1	3
	Dada va raia airi rioc	i programai pentie		,	1	3	2
				(4p.)	1	2	3
2	2134	h 2143	c 3421	d 3412			

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Funcția recursivă f este astfel definită încât f(1)=8, iar f(n+1)=2\*f(n)-4 pentru orice n natural nenul.

- b) Care este cea mai mare valoare pe care o poate lua x astfel încât f(x) < 1000 ? (3p.)
- Scrieți definiția completă a funcției £, care primeşte prin intermediul parametrului n un număr natural nenul (2≤n≤200), iar prin intermediul parametrului a un tablou unidimensional care conține n valori întregi, fiecare dintre aceste valori întregi având cel mult patru cifre. Funcția returnează valoarea 1 dacă elementele tabloului formează un şir crescător, valoarea 2 dacă elementele tabloului formează un şir descrescător, valoarea 0 dacă elementele tabloului formează un şir constant şi valoarea -1 în rest. (10p.)
- 4. Fişierul text număr.txt conține pe prima linie o valoare naturală n cu exact 9 cifre nenule distincte. Scrieți un program eficient din punctul de vedere al timpului de executare care citeşte din fişier numărul n şi afişează pe ecran cea mai mică valoare m formată din exact aceleași cifre ca şi n, astfel încât m>n. În cazul în care nu există o astfel de valoare, programul va afişa pe ecran mesajul Nu exista.

**Exemplu:** Dacă fişierul număr.txt conține numărul 257869431, se va afişa pe ecran numărul 257891346.

- a) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită, explicând în ce constă eficiența ei (3 4 rânduri). (4p.)
- b) Scrieți un program C/C++ care rezolvă problema conform metodei descrise. (6p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Un program citeşte o valoare naturală nenulă pentru n şi apoi generează şi afişează, în ordine crescătoare lexicografic, toate combinațiile formate din n cifre care aparțin mulțimii {0,1}. Astfel, pentru n=2, combinațiile sunt afişate în următoarea ordine: 00, 01, 10, 11. Dacă se rulează acest program şi se citeşte pentru n valoarea 9, imediat după combinația 011011011 va fi afişată combinația: (4p.)
- a. 011100100
- **b.** 011011100
- c. 011011011
- d. 011100000

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Funcția f are definiția alăturată. Scrieți cinci valori de apel pe care le poate avea n astfel încât, pentru cele 5 apeluri corespunzătoare acestor valori, să se obțină 5 valori ale funcției, disticte două câte două.
  int f(int n)
  if (n<=9) return 0;</p>
  if (n%5==0) return 0;
  return 1+f(n-3);
  (6p.)
- 3. Funcția f primește prin intermediul parametrului n un număr natural nenul (2≤n≤200), iar prin intermediul parametrului a un tablou unidimensional care conține n valori întregi nenule (fiecare dintre aceste valori întregi având cel mult patru cifre). Funcția returnează valoarea -1 dacă numărul de valori negative din tabloul a este strict mai mare decât numărul de valori pozitive din tablou, valoarea 0 dacă numărul de valori negative din a este egal cu numărul de valori pozitive din tablou şi valoarea 1 dacă numărul de valori pozitive din tabloul a este strict mai mare decât numărul de valori negative din a. Scrieți definiția completă a funcției f. (10p.)
- 4. a) Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură un număr natural nenul, s, având maximum 9 cifre, și printr-o metodă eficientă din punct de vedere al timpului de executare, determină și scrie în fișierul rez.dat trei valori naturale a căror sumă este egală cu s, și al căror produs este maxim. Cele trei valori vor fi scrise în ordine crescătoare pe prima linie a fișierului rez.dat, separate prin câte un spațiu.

Exemplu: dacă se citeşte valoarea 5, fişierul rez.dat va avea o linie cu conținutul 1 2 2. (6p.)

**b)** Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită, explicând în ce constă eficiența ei (3 – 4 rânduri). (4p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- 1. Un program citeşte o valoare naturală nenulă pentru n şi apoi generează şi afişează, în ordine descrescătoare lexicografic, toate combinațiile de n cifre care aparțin mulțimii {0,1}. Astfel, pentru n=2, combinațiile sunt afişate în următoarea ordine: 11, 10, 01, 00. Dacă se rulează acest program şi se citeşte pentru n valoarea 8, imediat după combinația 10101000 va fi afişată combinația: (4p.)
- a. 01010111
- **b.** 10100111
- c. 10101001
- d. 10100100

### Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Funcția f are definiția alăturată. Scrieți 4 valori de apel pe care le poate avea n astfel încât, pentru cele 4 apeluri, corespunzătoare acestor valori, să se obțină 4 valori, distincte două câte două. (6p.)
- int f(int n)
  {if (n<=9) return 0;
   if (n%4==0) return 0;
   return 1+f(n-3);
  }</pre>
- 3. Funcția verif primește prin intermediul a trei parametri, notați a, b și c, trei valori naturale nenule, fiecare de maximum patru cifre. Funcția returnează valoarea 1 dacă cele trei valori pot constitui laturile unui triunghi și valoarea 0 în caz contrar.
  - a) Scrieți definiția completă a funcției verif.

(5p.)

- b) Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură șase valori naturale nenule, fiecare de maximum patru cifre, apoi verifică, utilizând apeluri utile ale funcției verif, dacă primele trei numere citite pot constitui laturile unui triunghi și dacă ultimele trei numere citite pot constitui laturile unui triunghi; în caz afirmativ, programul afișează pe ecran mesajul congruente dacă cele două triunghiuri sunt congruente sau mesajul necongruente dacă cele două triunghiuri nu sunt congruente; dacă cel puțin unul dintre cele două triplete de valori nu pot constitui laturile unui triunghi, programul va afișa pe ecran mesajul nu. (5p.)
- 4. Fişierul BAC.DAT conține pe prima linie, separate printr-un spațiu, două valori naturale n şi m (2≤n≤1000, 2≤m≤1000), pe a doua linie n valori întregi şi pe a treia linie m valori întregi. Valorile de pe a doua şi de pe a treia linie apar în fişier în ordine strict crescătoare, sunt separate prin câte un spațiu şi au cel mult 4 cifre fiecare.
  - Se cere afișarea pe ecran a două valori, dintre cele aflate în poziții consecutive pe a treia linie a fișierului, care determină intervalul închis în care se află un număr maxim de valori de pe a doua linie a fișierului. Se va utiliza o metodă eficientă din punct de vedere al timpului de executare și al spațiului de memorie utilizat. Se garantează că cel puțin un număr aflat pe a doua linie a fișierului aparține unuia dintre intervalele determinate de numerele de pe a treia linie a fișierului.

Exemplu: dacă fişierul BAC.DAT are conținutul 10 4 alăturat, programul va afișa: 1 9

| 10 4 |-1 1 3 4 5 6 10 15 16 117 | 0 1 9 20

Explicație: cele patru numere de pe a treia linie a fişierului determină trei intervale: [0,1], [1,9], [9,20]; în intervalul [1,9] se află 5 valori de pe a doua linie a fişierului, acesta fiind numărul maxim de valori aflate în unul dintre cele trei intervale.

- a) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda de rezolvare folosită, explicând în ce constă eficiența ei (3 4 rânduri). (4p.)
- b) Scrieți un program C/C++ care să rezolve problema conform metodei descrise. (6p.)

### Subjectul III (30 de puncte)

### Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

Subprogramul recursiv alăturat este definit incomplet. int f(int x){ if (...) Care dintre următoarele expresii poate înlocui punctele de suspensie astfel încât. în urma apelului. return x%10 + x/10; subprogramul £ să returneze suma primelor două cifre return f(x/10); ale numărului primit prin intermediul parametrului x? Exemplu: în urma apelului f(2318) valoarea returnată este 5. (4p.) c. x = 99a. x<=100 b. x < = 99d. x! = 0

### Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Se generează, utilizând metoda bactracking, cuvintele cu exact 3 litere din mulțimea {a,x,c,f,g}. Dacă primele patru cuvinte generate sunt, în ordine, aaa, aax, aac, aaf, scrieți ultimele trei cuvinte care încep cu litera a, în ordinea în care vor fi generate. (6p.)
- **3.** Tabloul unidimensional v, declarat global, memorează exact 50 de numere întregi:  $v_1, v_2,...,v_{50}$ .

Subprogramul Calcul primeşte prin intermediul parametrului k un număr natural nenul (k≤50) şi furnizează prin intermediul parametrului s suma tuturor elementelor pozitive, din tabloul v, cu indici mai mari sau egali cu k sau 0 dacă toate elementele menționate sunt negative.

- a) Scrieti doar antetul subprogramului Calcul. (2p.)
- b) Scrieți un program în limbajul C/C++ care citește de la tastatură cele 50 de componente întregi ale tabloului  $\mathbf{v}$  și două numere naturale nenule  $\mathbf{x}$  și  $\mathbf{y}$  ( $\mathbf{x} < \mathbf{y} \le 50$ ). Programul afișează suma elementelor pozitive din tablou, cu indici cuprinși între  $\mathbf{x}$  și  $\mathbf{y}$  inclusiv, sau 0 dacă toate elementele menționate sunt negative, folosind apeluri utile la subprogramul Calcul. (8p.)
- 4. Pe prima linie a fişierului text DATE. TXT se găsește o valoare naturală k (k≤1000000).
  - a) Scrieți un program C/C++ care citește din fișierul **DATE.TXT** valoarea k și afișează, pe ecran, toate perechile de numere naturale nenule x, y ( $x \le y$ ) cu proprietatea că  $x^2+y^2=k$ . Fiecare pereche va fi afișată pe câte o linie, numerele fiind despărțite printr-un spațiu. Alegeți o metodă de rezolvare eficientă din punctul de vedere al timpului de executare.

Exemplu: dacă fişierul DATE.TXT conține numărul 1000000, pe ecran se vor afişa, nu neapărat în această ordine, perechile alăturate. (6p.) 352 936 600 800

b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda utilizată, justificând eficiența acesteia (4p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

recursiv | int Min(int x){ 1. Se consideră subprogramul alăturat, definit incomplet. int c; if (x==0) return ...; Cu ce valoare trebuie înlocuite punctele de else { suspensie, pentru ca functia să returneze cifra minimă a numărului natural nenul c=Min(x/10);if (c < x%10) return c; transmis prin intermediul parametrului x? else return x%10; (4p.) } b. 1 **d.** 0 9 a. -1 C.

Scrieti pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerintele următoare.

- 2. Utilizând metoda backtracking se generează toate submuţimile nevide ale mulţimii {3,6,2,5}. Primele şase submulţimi generate sunt, în ordine: {3}, {3,6}, {3,6,2}, {3,6,2,5}, {3,6,5}, {3,2}. Care sunt, în ordinea obtinerii, ultimele trei submultimi, generate după această regulă? (6p.)
- 3. Scrieți în limbajul C/C++ definiția completă a subprogramului numar, cu exact doi parametri, care primește prin intermediul parametrului x un număr natural nenul de cel mult 2 cifre, și prin intermediul parametrului y un număr natural nenul de cel mult 9 cifre. Subprogramul returnează cel mai mare număr natural z pentru care există un număr natural k astfel încât z=xk şi z≤y.

**Exemplu:** pentru y=18 şi x=2 subprogramul va returna valoarea  $16(=2^4<18)$ . (10p.)

- 4. Pe prima linie a fișierului text DATE.TXT se află două numere naturale nenule n și m (n≤3000, m≤3000), pe a doua linie un şir de n numere naturale, ordonate crescător, având fiecare cel mult 9 cifre, iar pe linia a treia un şir de m numere naturale, ordonate descrescător, având fiecare cel mult 9 cifre. Numerele sunt despărțite, în cadrul liniilor, prin câte un spatiu.
  - a) Scrieti programul C/C++ care citeşte numerele din fişier şi afişează, pe ecran, doar numerele pare din cele două siruri, ordonate crescător. Programul nu va afisa nimic dacă nu există numere pare în cele două șiruri. Alegeți o metodă de rezolvare eficientă ca timp de executare.

**Exemplu**: dacă fișierul are continutul alăturat, pe ecran se va afişa: 2 4 4 32 42 42 88 88 2 4 7 37 42 (6p.)

b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda utilizată, justificând eficienta acesteia. (4p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- 2. Se utilizează metoda backtracking pentru a genera toate cuvintele formate din două litere distincte din muţimea {w,x,z,y} astfel încât niciun cuvânt să nu înceapă cu litera x şi niciun cuvânt să nu conţină litera w lângă litera z. Cuvintele vor fi generate în ordinea wx, wy, zx, zy, yw, yx. yz. Folosind aceeaşi metodă se generează toate cuvintele de două litere distincte din mulţimea {w,x,z,y,t} astfel încât niciun cuvânt să nu înceapă cu litera x şi niciun cuvânt să nu conţină litera w lângă litera z. Care sunt a treia şi a patra soluţie generată?
- 3. Subprogramul Nr are un singur parametru, k, prin intermediul căruia primește un număr natural de cel puțin 3 cifre și cel mult 9 cifre, cu toate cifrele nenule. Subprogramul furnizează tot prin intermediul parametrului k, valoarea obținută prin eliminarea primei și ultimei cifre a numărului transmis la apel.

Exemplu: dacă subprogramul primeşte prin intermediul parametrului k valoarea 12438, în urma apelului subprogramului Nr, k va primi valoarea 243.

Scrieți, în limbajul C/C++, definiția completă a subprogramului Nr. (10p.)

- 4. Pe prima linie a fişierului text **DATE.TXT** se află un şir de cel mult **10000** de numere întregi, având cel mult **4** cifre fiecare. Numerele sunt despărțite prin câte un spațiu.
  - a) Scrieți un program C/C++ care citeşte numerele din fișier și afișează pe ecran lungimea maximă a unei secvențe de numere din şir, cu proprietatea că oricare două numere din secvență, aflate pe poziții consecutive, au parități diferite. Pe a doua linie a ecranului, programul va afișa o secvență de lungime maximă, valorile fiind despărțite prin câte un spațiu. Dacă există mai multe secvențe de lungime maximă, se va afișa una dintre ele, oricare. Alegeți o metodă de rezolvare eficientă ca timp de executare.

**Exemplu**: dacă fișierul conține, în ordine, numerele 2 <u>4 3 2 7 4</u> 6 <u>2 7 8</u> 12, se va afisa:

5

b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda utilizată, justificând eficiența acesteia. (4p.)

## Subjectul III (30 de puncte)

## Pentru itemul 1, scrieti pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

- Aplicând metoda backtracking pentru a genera toate permutările celor n elemente ale unei mulţimi, o soluţie se memorează sub forma unui tablou unidimensional  $x_1, x_2, ..., x_n$ . Dacă sunt deja generate valori pentru componentele  $x_1, x_2, ..., x_{k-1}$ , iar pentru componenta curentă,  $x_k$  (1<k<n), a fost găsită o valoare convenabilă, atunci se încearcă alegerea (4p.)
  - **a.** unei noi valori pentru componenta  $\mathbf{x}_{k-1}$
- **b.** unei valori pentru componenta  $\mathbf{x}_{k+1}$
- **c.** unei noi valori pentru componenta  $\mathbf{x}_k$
- **d.** unei noi valori pentru componenta x<sub>1</sub>

## Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

- Ce afişează subprogramul F, descris void F(int x) 2. alăturat, la apelul F(5);? cout<<x; | printf("%d",x);</pre> if(x>=3)F(x-2);cout<<x-1; | printf("%d",x-1);</pre>
- Scrieți definiția completă a subprogramului divizor, cu trei parametri, prin care primește 3 3. numere naturale nenule cu cel mult 9 cifre fiecare și returnează numărul divizorilor comuni tuturor celor 3 numere.

Exemplu: dacă numerele primite ca parametri sunt 24, 20 și 12, subprogramul returnează valoarea 3 (divizorii comuni sunt 1, 2 și 4).

Se consideră un şir  ${\bf s}$  format după regula alăturată, unde s-a notat cu  ${\bf a}\Theta{\bf b}$  numărul obținut prin concatenarea cifrelor lui  ${\bf a}$  și  ${\bf b}$ , în această ordine.  ${\bf s}_n = \left\{ \begin{array}{ll} {\bf x} & \text{dacă } {\bf n} = {\bf 1} \\ {\bf x} + {\bf 1} & \text{dacă } {\bf n} = {\bf 2} \\ {\bf s}_{n-1} \Theta {\bf s}_{n-2} & \text{dacă } {\bf n} \ge {\bf 2} \end{array} \right.$ 4.

$$\mathbf{s}_{n} = \begin{cases} \mathbf{x} & \text{dacă } \mathbf{n} = \mathbf{1} \\ \mathbf{x} + \mathbf{1} & \text{dacă } \mathbf{n} = \mathbf{2} \\ \mathbf{s}_{n-1} \Theta \mathbf{s}_{n-2} & \text{dacă } \mathbf{n} > \mathbf{2} \end{cases}$$

Exemplu: pentru x=2 se obtine şirul:

Fisierul text SIR.TXT contine pe prima linie două numere, x (1≤x≤20) și k (1≤k≤5000), separate printr-un spatiu, iar pe a doua linie un număr format din exact k cifre, reprezentând un termen al șirului s (diferit de x). Cifrele numărului nu sunt separate prin spații.

a) Scrieți un program C/C++ care, utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al timpului de executare și al memoriei utilizate, afișează pe ecran acel termen din șir care îl precede pe cel citit din fişier.

**Exemplu:** dacă fișierul contine valorile alăturate, se va afișa pe ecran numărul 323.

b) Descrieți în limbaj natural metoda utilizată și explicați în ce constă eficiența ei. (4p.)