

Trabalhando com dedo manualmente

Professor Wladimir

Na aula anterior, fizemos os seguintes problemas:

1. Contando a quantidade de números ímpares
2. Encontrando o tamanho da maior sequência ordenada
3. Lista particionada
4. Lista dentro da lista (ordenada)

Busca em lista ordenada

Agora imagine que nós temos uma lista ordenada

	0	1	...							N-1
L	2	5	6	9	11	15	18	20	21	25

E imagine que a tarefa é Verificar se o número k está na lista ou não

Bom, a gente pode resolver esse problema com o `for`.

Reescrevendo com o `while` `while`, temos

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #define N 10
4 int k = 18;
5 int L[N] = { 2, 5, 6, 9, 11, 15, 18, 20, 21, 25 };
6 int main()
7 {
8     int i, achei = 0;
9
10    i = 0;
11    while ( i < N )
12    {
13        if ( L[i] == k )
14        {
15            achei = 1;    break;
16        }
17        i ++;
18    }
19
20    if ( achei == 1 )    printf ("Achei!");
21    else                printf ("Não está lá ...");
22 }
```

Mas, a gente podia ter sido mais esperto.

Quer dizer, a lista está ordenada.

Daí que, não faz sentido continuar examinando os elementos quando eles ficam maiores do que k .

Logo, a gente pode reescrever o código assim

```

1  int main()
2  {
3      int i, achei = 0;
4
5      i = 0;
6      while ( i < N  &&  L[i] <= k )
7      {
8          if ( L[i] == k )
9          {
10             achei = 1;
11         }
12         i ++;
13     }
14 }

```

Agora, o mais legal mesmo é escrever o programa assim

```

1      int main()
2      {
3          int i;
4
5          i = 0;
6          while ( i < N  &&  L[i] < k )      i++;
7
8          if ( i == N )          achei = 0;
9
10         else if ( L[i] == k )    achei = 1;
11
12         else                    achei = 0;
13     }

```

Quer dizer, primeiro a gente desliza o dedo até não poder mais.
E depois a gente vê o que aconteceu ...

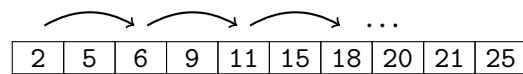
Busca mais esperta

Imagine outra vez que nós temos uma lista ordenada

E imagine outra vez que a tarefa é Verificar se o número k está na lista ou não

A esperteza aqui consiste em explorar o controle manual do dedo no comando `while`.

E ir pulando na lista de 2 em 2

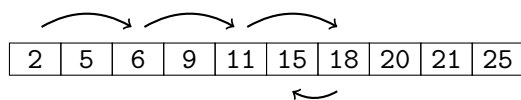


Fazendo isso, a gente percorre a lista duas vezes mais rápido.

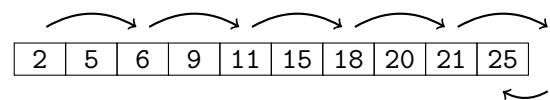
Mas, às vezes a gente passa do ponto.

E daí, é preciso dar um passo atrás

$k = 15$:



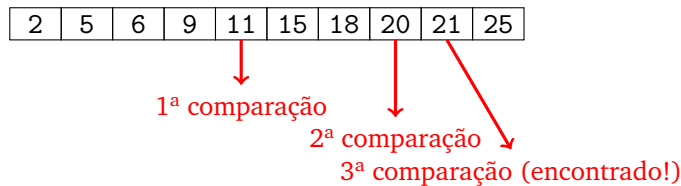
$k = 25$:



A coisa fica assim

```
1 int main()
2 {
3     int i = 0;
4
5     while ( i < N && L[i] < k )    i = i + 2;
6
7     if ( i == N + 1 )             achei = 0;
8
9     else if ( i == N )            // pulou o último elemento ...
10    {
11        if ( L[N-1] == k )        achei = 1;
12        else                      achei = 0;
13    }
14
15    else if ( L[i] == k )          achei = 1;
16
17    else if ( L[i] > k )
18    {
19        if ( i > 0 && L[i-1] == k )    achei = 1;
20        else                          achei = 0;
21    }
22 }
```

Busca super esperta



A ideia da busca binária é descartar, a cada passo, metade dos elementos do vetor. Imagine que estamos procurando o valor 21 na lista L. Começamos calculando o elemento central do vetor L[0..9], que está na posição 4. Nesse caso, L[4] = 11, e como 11 < 21, podemos eliminar a metade esquerda e continuar a busca na sublista L[5..9]. Calculamos então o novo meio, que é L[7] = 20. Como 20 < 21, novamente descartamos a parte à esquerda e seguimos com L[8..9]. O novo meio agora é L[8] = 21, que é exatamente o valor procurado.

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #define N 10
4  int k = 21;
5  int L[N] = { 2, 5, 6, 9, 11, 15, 18, 20, 21, 25 };
6  int achei;
7  int main()
8  {
9      int inicio, fim, meio;
10
11     inicio = 0;
12     fim = N-1;
13     achei = 0;
14     // Analisando a lista [inicio..fim]
15     while ( inicio <= fim )
16     {
17         meio = (inicio+fim)/2;
18
19         if(L[meio] == k){
20             achei = 1;
21             break;
22         }else if(L[meio] < k){
23             inicio = meio+1;
24         }else{ // k < L[meio]
25             fim = meio-1;
26         }
27     }
28
29     if ( achei == 1 )    printf ("Achei!");
30     else                printf ("Não está lá ...");
31 }
```

Separando em pares e ímpares

	0	1	...									N-1
L	11	8	7	12	4	9	10	1	6	2	15	14

E imagine que a tarefa consiste em Mover os elementos ímpares para o fim da lista, e os elementos pares para o início da lista

Trabalhando com 3 dedos

Podemos resolver esse problema utilizando uma lista auxiliar.

	0	1	...									N-1
L	10	3	5	11	8	7	14	2	9	6		12

	0	1	...									N-1
A												

Daí, a gente percorre a lista L da esquerda para a direita.

E daí,

- quando a gente encontra um número par, a gente copia ele para o início da lista A
- quando a gente encontra um número ímpar, a gente copia ele para o final da lista A

Para fazer a coisa funcionar, a gente coloca dois dedos na lista A

L	10	3	5	11	8	7	14	2	9	6	12
						↑					
						i	---				
A	10	8							11	5	3
		↑							↑		
		j	---				←---	k			

Quer dizer,

- j indica a próxima posição vazia no início da lista A
- e k indica a próxima posição vazia no final da lista A

No final, a lista A já contém os elementos pares e ímpares separados.

E daí, basta copiar o seu conteúdo de volta para a lista L.

A coisa fica assim

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3
4 #define N 11
5
6 int L[N] = { 10, 3, 5, 11, 8, 7, 14, 2, 9, 6, 12 };
7
8 int main()
9 {
10     int i, j, k;        // três dedos
11
12     j = 0;    k = N-1;
13
14     for ( i=0; i<N; i++ )
15     {
```

```

16     if ( L[i] % 2 == 0 )           // Se L[i] é par
17     {
18         A[j] = L[i];               // copia p/ o início
19         j++;
20     }
21     else                           // Se L[i] é ímpar
22     {
23         A[k] = L[i];               // copia p/ o final
24         k--;
25     }
26 }
27
28 for ( i=0; i<N; i++ )              // copia elementos de volta p/ L
29     L[i] = A[i];
30 }

```

Trabalhando com 2 dedos

Podemos resolver esse problema utilizando uma lista auxiliar.

A gente percorre a lista L da esquerda para a direita.

Quando a gente encontra um número par, a gente copia ele para a lista A na posição dedo e incrementa a posição dedo.

Em seguida, percorremos a lista L da esquerda para a direita.

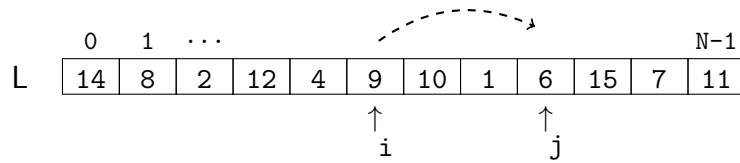
Quando a gente encontra um número ímpar, a gente copia ele para a lista A na posição dedo e incrementa a posição dedo.

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3
4  #define N 11
5
6  int L[N] = { 10, 3, 5, 11, 8, 7, 14, 2, 9, 6, 12 };
7
8  int main()
9  {
10     int i, dedo;          // três dedos
11     int A[N];
12
13     dedo = 0;
14
15     for ( i=0; i<N; i++ )
16     {
17         if ( L[i] % 2 == 0 )          // Se L[i] é par
18         {
19             A[dedo] = L[i];          // copia p/ a posição dedo
20             dedo++;
21         }
22     }
23
24     for ( i=0; i<N; i++ )
25     {
26         if ( L[i] % 2 == 1 )          // Se L[i] é par
27         {
28             A[dedo] = L[i];          // copia p/ a posição dedo
29             dedo++;
30         }
31     }
32
33     for ( i=0; i<N; i++ )          // copia elementos de volta p/ L
34         L[i] = A[i];
35 }
```

Jogando os ímpares para o final

Daí, a gente percorre a lista da esquerda para a direita.

E sempre que encontra um número ímpar, a gente joga ele para o final da lista



A coisa fica assim

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3
4  #define N 10
5
6  int L[N] = { 11, 8, 7, 12, 4, 9, 10, 1, 6, 2, 15, 14 };
7
8  int main()
9  {
10     int i, j;      // dois dedos
11     int aux;
12
13     i = 0;    j = N-1;
14     while ( i < j )
15     {
16         if ( L[i] % 2 == 1 )           // Se L[i] é ímpar
17         {
18             aux = L[i];
19             L[i] = L[j];               // troca
20             L[j] = aux;
21             j--;
22         }
23         else
24             i++;
25     }
26 }
```

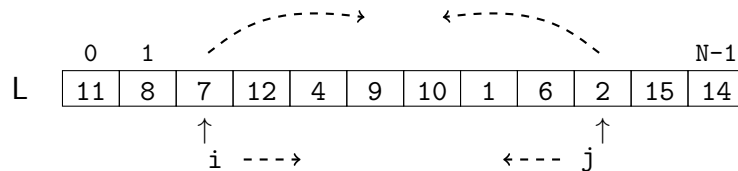

Trabalhando nas duas pontas

Mas, essa não é a única maneira de fazer as coisas.

Quer dizer, a gente também pode trabalhar nas duas pontas da lista ao mesmo tempo.

A ideia é a seguinte

- i avança da esquerda para a direita procurando um elemento ímpar
- j avança da direita para a esquerda procurando um elemento par
- quando os dois já encontraram o seu elemento, daí a troca acontece



A repetição pára quando o i ultrapassa o j.

E a coisa fica assim

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3
4  #define N 10
5
6  int L[N] = { 11, 8, 7, 12, 4, 9, 10, 1, 6, 2, 15, 14 };
7
8  int main(){
9      int i, j;      // dois dedos
10     int aux;
11
12     i = 0;      j = N-1;
13     while ( i < j ){
14         if ( L[i] % 2 == 1  &&  L[j] % 2 == 0 )
15         {
16             aux = L[i];
17             L[i] = L[j];      // troca
18             L[j] = aux;
19         }
20
21         if ( L[i] % 2 == 0 ) i++;
22
23         if ( L[j] % 2 == 1 ) j--;
24     }
25 }
```