

Hierarquia de Controle

Professor Wladimir

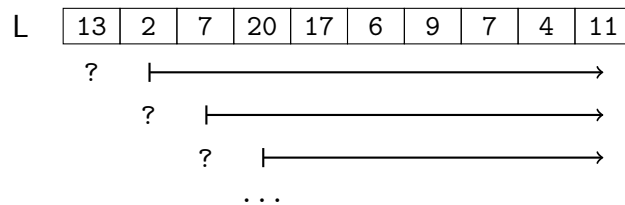
Elemento repetido

Agora imagine que nós temos uma lista

| | | | | | | | | | | |
|---|----|---|-----|----|----|----|---|---|---|-----|
| | 0 | 1 | ... | | | | | | | N-1 |
| L | 13 | 2 | 7 | 20 | 11 | 17 | 6 | 9 | 7 | 4 |

E imagine que a tarefa é Verificar se existe algum elemento repetido

Estratégia: Para cada elemento da lista, verificamos se ele aparece outra vez mais adiante. Se sim, encontramos um elemento repetido e podemos parar nossa busca.



```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #define N 10
4  int k = 18;
5  int L[N] = { 13,2,7,20,17,6,9,7,4,11 };
6  int main()
7  {
8
9      int i, j, resp = 0;
10
11     for(i = 0; i < N; i++){
12         for(j = i+1; j < N; j++){
13             if(L[j] == L[i]){
14                 resp = 1;
15                 break;
16             }
17         }
18
19         if(resp == 1) break;
20     }
21
22 }
```

Elemento mais frequente

Imagine que nós temos uma lista que contém números inteiros

| | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 2 | 2 | 3 | 4 | 2 | 3 | 4 | 5 | 7 | 8 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|

Imagine que a nossa tarefa seja encontrar o elemento que aparece mais vezes.

Estratégia: Utilizaremos um vetor auxiliar C tal que C[i] armazena o número de vezes que L[i] aparece no vetor. Em seguida, percorremos o vetor auxiliar para descobrir o elemento mais frequente

A coisa fica assim

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #define N 10
4  int k = 18;
5  int L[N] = { 2,2,3,4,2,3,4,5,7,8 };
6  int main()
7  {
8      int i, j;
9      int C[N];
10     int M, posM;
11     for(i = 0; i < N; i++){
12         C[i] = 0;
13         for(j = i+1; j < N; j++){
14             if(L[j] == L[i]){
15                 C[i]++;
16             }
17         }
18     }
19     M = C[0];
20     posM = 0;
21     for(i = 1; i < N; i++){
22         if( C[i] > M){
23             M = C[i];
24             posM = i;
25         }
26     }
27     printf("O elemento que mais aparece é %d ", L[posM]);
28
29
30 }
```

Note que podemos reduzir o número de instruções executadas contando apenas as ocorrências adiante do vetor para cada elemento e não precisamos realizar em duas etapas e a solução fica assim:

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #define N 10
4 int k = 18;
5 int L[N] = { 2,2,3,4,2,3,4,5,7,8 };
6 int main()
7 {
8     int i, j;
9     int C[N];
10    int M, posM;
11    M = -1; posM = -1;
12    for(i = 0; i < N; i++){
13        C[i] = 0;
14        for(j = i+1; j < N; j++){
15            if(L[j] == L[i]){
16                C[i]++;
17            }
18        }
19        if(C[i] > M){
20            M = C[i];
21            posM = i;
22        }
23    }
24 }
25
26 }
```

Além disso, não precisamos do vetor auxiliar e solução fica assim:

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #define N 10
4 int k = 18;
5 int L[N] = { 2,2,3,4,2,3,4,5,7,8 };
6 int main()
7 {
8     int i, j;
9     int cont;
10    int M, posM;
11    M = -1; posM = -1;
12    for(i = 0; i < N; i++){
13        cont = 0;
14        for(j = i+1; j < N; j++){
15            if(L[j] == L[i]){
16                cont++;
17            }
18        }
19        if(cont > M){
20            M = cont;
21            posM = i;
22        }
23    }
24 }
25 }
```

Todos em U são maiores que todos em V

Imagine que nós temos duas listas U e V, ambas com tamanho N. Por exemplo,

| | | | | | | | | | | |
|---|----|----|-----|----|----|----|----|----|----|-----|
| | 0 | 1 | ... | | | | | | | N-1 |
| U | 23 | 35 | 41 | 27 | 38 | 20 | 43 | 28 | 31 | 27 |

| | | | | | | | | | | |
|---|----|---|-----|----|----|---|----|----|---|-----|
| | 0 | 1 | ... | | | | | | | N-1 |
| V | 13 | 5 | 8 | 11 | 15 | 2 | 21 | 14 | 9 | 16 |

A tarefa consiste em verificar se todos os elementos da lista U
são maiores do que todos os elementos da lista V

No exemplo acima, a resposta é: Não.

Certo.

Bom, a seguinte lógica resolve o problema

```
1   Para cada elemento U[i]
2       Verificar se U[i] é maior do que todos os elementos na lista V
```

```
1  #define N 10
2
3  int U[N] = { 23, 35, 41, 27, 38, 20, 42, 28, 31, 27 };
4
5  int V[N] = { 13, 5, 8, 11, 15, 2, 21, 14, 8, 16 };
6
7  int main()
8  {
9      int i, j, resp = 1;           // dois dedos e variável auxiliar
10
11     for ( i=0; i<N; i++ )
12     {
13         for ( j=0; j<N; j++ )
14         {
15             if ( V[j] >= U[i] )
16             {
17                 resp = 0;  break;
18             }
19         }
20         if ( resp == 0 )  break;
21     }
22
23     if ( resp == 1 )  printf ("A resposta é Sim!");
24     else              printf ("A resposta é Não ...");
25 }
```

Mas, existe uma maneira bem mais esperta de resolver o problema.

Quer dizer, basta

1. Encontrar o menor elemento x da lista U
2. Encontrar o maior elemento y da lista V
3. Verificar se $x > y$

A coisa fica assim

```

1 ( . . . )
2
3 int main()
4 {
5     int i;           // apenas 1 dedo
6     int x, y;
7
8     // 1a ETAPA: encontrar o menor elemento de U
9
10    x = U[0];
11    for ( i=1; i<N; i++ )
12    {
13        if ( U[i] < x )    x = U[i];
14    }
15    // 2a ETAPA: encontrar o maior elemento de V
16
17    y = V[0];
18    for ( i=1; i<N; i++ )
19    {
20        if ( V[i] > y )    y = V[i];
21    }
22
23    // 3a ETAPA: comparação e resposta
24
25    if ( x > y )          printf ("A resposta é Sim!");
26    else                  printf ("A resposta é Não ...");
27 }
28

```

Lista dentro de lista

Agora imagine que nós temos duas listas U e V, onde V tem o dobro do tamanho de U.
Por exemplo,

| | | | | | | |
|---|---|---|-----|---|-----|----|
| | 0 | 1 | ... | | N-1 | |
| U | 9 | 5 | 11 | 6 | 4 | 12 |

| | | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|-----|----|----|---|---|---|----|---|---|------|
| | 0 | 1 | ... | | | | | | | | | 2N-1 |
| V | 7 | 6 | 14 | 11 | 10 | 5 | 1 | 4 | 12 | 3 | 9 | 17 |

A tarefa consiste em verificar se todos os elementos da lista U aparecem na lista V

No exemplo acima, a resposta é: Sim.

Certo.

Mas como é que a gente faz isso?

Bom, isso é mais uma tarefa repetitiva

```
1 Para cada elemento U[i]
2 Verificar se U[i] aparece na lista V
```

E a coisa fica assim

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3
4 #define N 6
5 #define M 12
6
7 int U[N] = { 9, 5, 11, 6, 4, 12 };
8
9 int V[M] = { 7, 6, 14, 11, 10, 5, 1, 4, 12, 3, 9, 17 };
10
11 int main()
12 {
13     int i, j, achei;           // dois dedos e um indicador
14
15
16     for ( i=0; i<N; i++ )     // Para cada elemento U[i]
17     {
18         achei = 0;
19
20         for ( j=0; j<M; j++ )
21         {
22             if ( V[j] == U[i] )
23             {
24                 achei = 1;     break;
25             }
26         }
27         if ( achei == 0 ) {
28             resp = 0;
29             break;
30         }
31     }
32
33     if(achei == 1){
34         printf("Todos os elementos de U aparecem em V.");
35     }else{
36         printf("Existe pelo menos um elemento de U que não está em V.");
37     }
38 }
```

Lista dentro de lista

Agora imagine que a lista V está ordenada — (*mas a lista U não está*)

Por exemplo,

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|-----|---|-----|----|---|----|----|----|----|----|--|--|--|--|--|------|--|
| | 0 | 1 | ... | | N-1 | | | | | | | | | | | | | | |
| U | 9 | 6 | 11 | 5 | 4 | 12 | | | | | | | | | | | | | |
| | 0 | 1 | ... | | | | | | | | | | | | | | | 2N-1 | |
| V | 2 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 11 | 12 | 14 | 16 | 20 | | | | | | | |

A tarefa continua sendo verificar se todos os elementos da lista U aparecem na lista V

E a ideia é tirar vantagem do fato de que a lista V está ordenada.

Por exemplo, imagine que a gente já encontrou o elemento 9

| | | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|
| V | 2 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 11 | 12 | 14 | 16 | 20 |
| | | | | | | | ↑ | | | | | |

E agora, é preciso encontrar o 6.

A esperteza consiste em começar a procurar a partir daonde a gente parou — (*ao invés de voltar para o início da lista*)

E como o 6 é menor que o 9, a gente vai andar para trás.

Daí, uma vez que o 6 já foi encontrado, é preciso procurar o 11.

E como o 11 é maior que o 6, a gente vai andar para frente

| | | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---------|---|---|----|----|----|----|----|
| V | 2 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 11 | 12 | 14 | 16 | 20 |
| | | | | ↑ | | | | | | | | |
| | | | | | └-----> | | | | | | | |

A coisa fica assim

```

1  #define N 6
2  #define M 12
3
4  int U[N] = { 9, 5, 11, 6, 4, 12 };
5  int V[M] = { 8, 9, 14, 7, 5, 11, 20, 6, 4, 16, 2, 12 };
6
7  int main()
8  {
9      int i, j, achei;           // dois dedos e variável auxiliar
10
11     j = 0;
12
13     for ( i=0; i<N; i++ )      // Para cada elemento U[i]
14     {
15         achei = 0;
16
17         if ( V[j] < U[i] )      // procura para frente
18         {
19             while ( j < N && V[j] <= U[j] )
20             {
21                 if ( V[j] == U[i] )
22                 {
23                     achei = 1; break;
24                 }
25                 else
26                     j++;
27             }
28             else                // procura para trás
29             {
30                 while ( j >= 0 && V[j] >= U[j] )
31                 {
32                     if ( V[j] == U[i] )
33                     {
34                         achei = 1; break;
35                     }
36                     else
37                         j--;
38                 }
39
40                 if ( achei == 0 ) break;
41             }
42
43             if ( achei == 1 )    printf ("A resposta é Sim!");
44             else                printf ("A resposta é Não ...");
45 }

```