

# Backtracking - Gerando todos os subconjuntos

## Professor Wladimir

## Backtracking

### Subsets

Given an integer array `nums` of unique elements, return all possible subsets (the power set). The solution set must not contain duplicate subsets. Return the solution in any order.

#### Example 1:

Input: `nums = [1,2,3]`

Output: `[[],[1],[2],[1,2],[3],[1,3],[2,3],[1,2,3]]`

#### Example 2:

Input: `nums = [0]`

Output: `[[],[0]]`

#### Constraints:

- $1 \leq \text{nums.length} \leq 10$
- $-10 \leq \text{nums}[i] \leq 10$
- All the numbers of `nums` are unique.

### Bitmask

Para saber mais sobre manipulação de bits:

<https://cp-algorithms.com/algebra/bit-manipulation.html>.

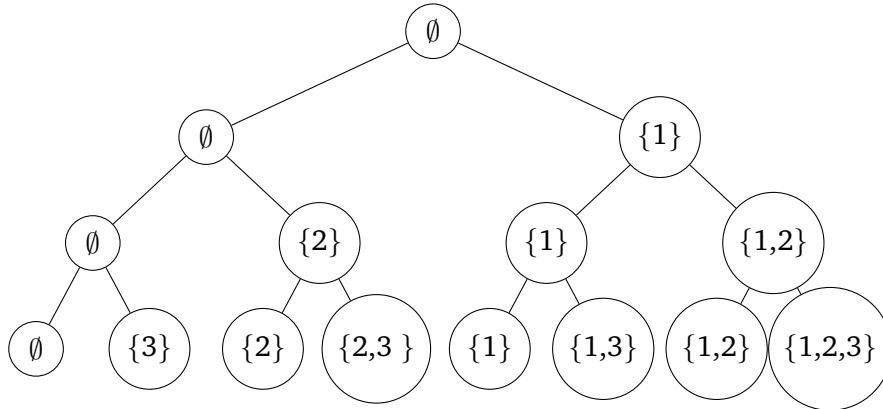
```
1 class Solution {
2 public:
3
4
5     vector<vector<int>> subsets(vector<int>& nums) {
6         vector<vector<int>> ans;
7
8         int n = nums.size();
9
10        for(int mask = 0; mask < 1<<n; mask++){
11            vector<int> set;
12            for(int j = 0; j < n; j++){
13                if( mask & (1 << j) ){
14                    set.push_back(nums[j]);
15                }
16            }
17            ans.push_back(set);
18        }
19
20        return ans;
21    }
22 };
```

## Backtracking

A cada nível da recursão, ele decide se inclui ou não inclui o elemento atual.

A árvore de recursão tem a seguinte estrutura:

- Cada nível da árvore representa uma decisão sobre incluir ou não um elemento.
- A esquerda representa a decisão de não incluir o elemento atual.
- A direita representa a decisão de incluir o elemento atual.

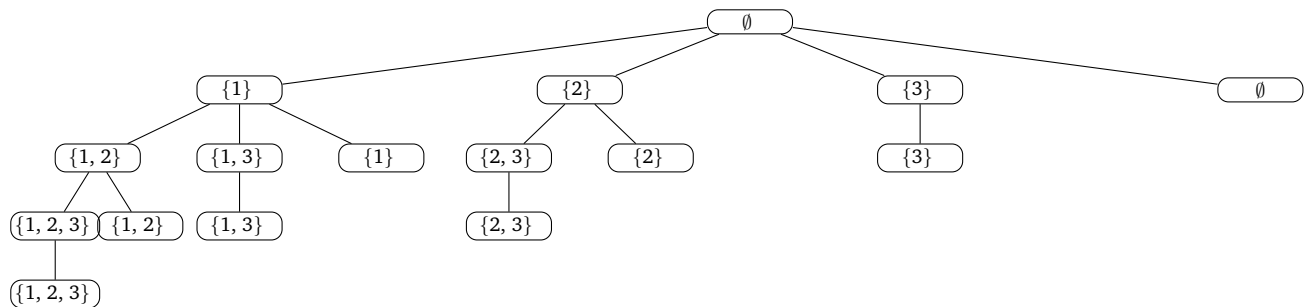


```
1 class Solution {
2 public:
3
4     void backtrack(int level,
5                     vector<int>& nums,
6                     vector<int> & set,
7                     vector<vector<int>> & ans
8                     )
9     {
10         if(level == nums.size()){
11             ans.push_back(set);
12         }else{
13             backtrack(level+1, nums, set, ans);
14             set.push_back(nums[level]);
15             backtrack(level+1, nums, set, ans);
16             set.pop_back();
17         }
18     }
19
20     vector<vector<int>> subsets(vector<int>& nums) {
21         vector<int> set;
22         vector<vector<int>> ans;
23         backtrack( 0, nums, set, ans );
24         return ans;
25     }
26 };
```

## Backtracking2

Em cada nó, a função:

- Decide incluir `nums[i]`, onde `i` vai de `start` até `nums.size()-1`.
- Avança para o próximo índice `i+1` com o elemento incluído.
- Ao final do `for`, adiciona o subconjunto atual (que pode estar vazio ou parcial).



```
1 class Solution {
2 public:
3     void backtrack2(int start,
4                     vector<int>& nums,
5                     vector<int> & set,
6                     vector<vector<int>> & ans
7                     )
8     {
9
10
11         for(int i = start; i < nums.size(); i++){
12             set.push_back(nums[i]);
13             backtrack2(i+1, nums, set, ans);
14             set.pop_back();
15         }
16
17         ans.push_back(set);
18
19     }
20
21     vector<vector<int>> subsets(vector<int>& nums) {
22         vector<int> set;
23         vector<vector<int>> ans;
24         backtrack2( 0, nums, set, ans );
25         return ans;
26     }
27 };
```