

Hashing, sliding window, prefixsum

Professor Wladimir

Hashing

Em programação competitiva, a técnica de hashing consiste em associar valores a chaves únicas (ou quase únicas), permitindo o acesso eficiente a esses valores, geralmente em tempo constante na média. Na linguagem C++, utilizamos as seguintes estruturas de dados:

- `unordered_set`
- `unordered_map`

Problemas clássicos para utilização do hashing:

- detecção de duplicadas
- contagem de frequência
- verificar anagramas
- detecção de ciclos em jogos/tabuleiros
- encontrar subvetores com soma k
- encontrar dois números com soma igual a zero.

217. Contains Duplicate

url: <https://leetcode.com/problems/contains-duplicate/>

Neste problema, associaremos a cada número presente no vetor `nums` a quantidade de vezes que ele ocorre nesse mesmo vetor.

```
1  bool containsDuplicate(vector<int>& nums) {
2      unordered_map <int, int> freq;
3
4      for(int x : nums){
5          if( freq.count(x) == 1) return true;
6          else freq[x]++;
7      }
8
9      return false;
10 }
```

448. Find All Numbers Disappeared in an Array

url: <https://leetcode.com/problems/find-all-numbers-disappeared-in-an-array/description/>

```
1 vector<int> findDisappearedNumbers(vector<int>& nums) {
2     vector <int> h;
3     vector <int> res;
4     h.assign( nums.size(), 0);
5
6     for(int x : nums) h[x-1]++;
7
8     for(int i = 0; i < nums.size(); i++){
9         if( h[i] == 0)
10             res.push_back(i+1);
11     }
12
13     return res;
14
15 }
```

Valid Anagram

URL: <https://neetcode.io/problems/is-anagram>

```
1 bool isAnagram(string s, string t) {
2     unordered_map <char, int> freq;
3
4     for(char c : s){
5         freq[c]++;
6     }
7
8     for(auto c : t){
9         freq[c]--;
10    }
11    typeid(freq)::iterator it;
12
13    for ( it = freq.begin(); it != freq.end(); ++it){
14        if( it->second != 0) return false;
15    }
16
17    return true;
18 }
```

```
1 bool isAnagram(string s, string t) {
2     unordered_map <char, int> freq;
3
4     for(char c : s){
5         freq[c]++;
6     }
7
8     for(auto c : t){
9         freq[c]--;
10    }
11
12    for ( auto [k,v] : freq){
13        if( v != 0) return false;
14    }
15
16    return true;
17 }
```

202. Happy Number

url: <https://leetcode.com/problems/happy-number/description/>

Write an algorithm to determine if a number n is happy. A happy number is a number defined by the following process:

- Starting with any positive integer, replace the number by the sum of the squares of its digits.
- Repeat the process until the number equals 1 (where it will stay), or it loops endlessly in a cycle which does not include 1.
- Those numbers for which this process ends in 1 are happy.

Return true if n is a happy number, and false if not.

```
1 bool isHappy(int n) {
2     unordered_set<int> s;
3     while( n!= 1 && s.count(n) == 0){
4         int t = n;
5         int soma = 0;
6         //cout << " n " << n << endl;
7         while(t != 0){
8             int d = t%10;
9             soma += d*d;
10            t = t/10;
11        }
12        //cout << "s " << soma << endl;
13        s.insert(n);
14        n = soma;
15    }
16    if(n==1) return true;
17    else return false;
18 }
```

560. Subarray Sum Equals K

url : <https://leetcode.com/problems/subarray-sum-equals-k/description/>

Given an array of integers `nums` and an integer `k`, return the total number of subarrays whose sum equals to `k`.

A subarray is a contiguous non-empty sequence of elements within an array.

Example 1:

Input: `nums = [1,1,1]`, `k = 2`

Output: 2

Example 2:

Input: `nums = [1,2,3]`, `k = 3`

Output: 2

A ideia central do algoritmo é utilizar uma abordagem baseada em somas acumuladas para contar, de forma eficiente, quantos subvetores consecutivos possuem soma exatamente igual a k .

Para isso, o algoritmo mantém um mapa de frequências que registra quantas vezes cada valor de soma acumulada já ocorreu até determinado ponto do vetor. Inicialmente, assumimos que a soma acumulada 0 ocorreu uma vez — isso representa a situação antes de qualquer elemento ser processado, o que permite identificar subvetores que começam na posição inicial do vetor.

Durante a execução, a cada novo elemento processado, atualizamos a soma acumulada atual *acc*. Para verificar se existe algum subvetor terminado na posição atual cuja soma seja k , basta verificar se a diferença *acc* k já foi registrada anteriormente no mapa. Se essa diferença já apareceu l vezes, isso indica que existem l subvetores com soma exatamente igual a k terminando na posição atual.

Esses subvetores correspondem a todos os trechos do vetor cuja soma acumulada no início era *acc* k e que, ao chegar em *acc*, acumularam exatamente k . Por fim, o mapa é atualizado para refletir que o valor *acc* também foi alcançado.

```
1 int subarraySum(vector<int>& nums, int k) {
2     int count = 0;
3     map<int, int> mapa;
4     int n = nums.size();
5     int acc = 0;
6
7     mapa[0] = 1;
8     for(int i = 0; i < n; i++){
9         acc += nums[i];
10        if( mapa.count( acc - k ) ){
11            count += mapa[acc - k] ;
12        }
13        mapa[acc]++;
14    }
15    return count;
16 }
```

974. Subarray Sums Divisible by K

Given an integer array `nums` and an integer `k`, return the number of non-empty subarrays that have a sum divisible by `k`.

A subarray is a contiguous part of an array.

Example 1:

Input: `nums = [4,5,0,-2,-3,1]`, `k = 5`

Output: 7

Explanation: There are 7 subarrays with a sum divisible by `k = 5`: `[4, 5, 0, -2, -3, 1]`, `[5]`, `[5, 0]`, `[5, 0, -2, -3]`, `[0]`, `[0, -2, -3]`, `[-2, -3]`

Example 2:

Input: `nums = [5]`, `k = 9`

Output: 0

A ideia é usar prefixos acumulados e propriedades de congruência modular:

- Suponha que a soma dos primeiros i elementos seja $acc[i]$.
- Se $acc[j] - acc[i]$ é divisível por k , então o subarray $nums[i + 1..j]$ tem soma divisível por k .

Ou seja, se dois prefixos tiverem o mesmo valor módulo k , então a diferença entre eles é múltiplo de k .

```
1 int modulo(int a, int b) {
2     int r = a % b;
3     return (r < 0) ? r + b : r;
4 }
5
6 int subarraysDivByK(vector<int>& nums, int k) {
7     unordered_map<int, int> freq;
8     int acc = 0;
9     int count = 0;
10    freq[0] = 1;
11    for(int x : nums){
12        acc += x ;
13        acc = modulo(acc, k);
14        count += freq[acc];
15        freq[acc]++;
16    }
17    return count;
18 }
19 }
```

Exercícios Sugeridos

- 1941. Check if All Characters Have Equal Number of Occurrences <https://leetcode.com/problems/check-if-all-characters-have-equal-number-of-occurrences/description/>
- 2006. Count Number of Pairs With Absolute Difference K <https://leetcode.com/problems/count-number-of-pairs-with-absolute-difference-k/description/>
- 219. Contains Duplicate II <https://leetcode.com/problems/contains-duplicate-ii/description/>
- 242. Valid Anagram <https://leetcode.com/problems/valid-anagram/description/>