Санкт-Петербургский государственный университет

Кафедра системного программирования

Группа 21.Б10-мм

Разработка транслятора модельного функционального языка в Interaction Nets

Пономарев Николай Алексеевич

Отчёт по преддипломной практике в форме «Решение»

Научный руководитель: доцент кафедры системного программирования, к. ф.-м. н., Григорьев С. В.

Оглавление

Введение	3
1. Interaction Nets	6
2. Обзор существующих решений	
3. Постановка задачи	8
4. Общая архитектура проекта	9
5. Подробности реализации	11
6. Тестирование транслятора	16
Заключение	17
Список литературы	18

Введение

Искусственный интеллект и анализ графов — одни из наиболее привлекательных областей науки в данный момент [7, 9]. Многие алгоритмы, используемые в этих областях, основаны на линейной алгебре или могут быть переформулированы в её терминах, позволяя использовать развитую экосистему для работы с линейной алгеброй. Поскольку вычисления в линейной алгебре часто независимы друг от друга, разумно использовать возможности параллельного программирования для ускорения работы алгоритмов. Кроме того, реальные данные часто являются разреженными [5], что позволяет использовать алгоритмы разреженной линейной алгебры.

К сожалению, распараллеливание разреженной линейной алгебры — сложная задача для традиционных архитектур вычислителей таких, как CPU или GPU, из-за нелокальных обращений к памяти и непредсказуемого количества независимых подзадач [11, 6, 22]. В настоящее время для решения этих проблем всё чаще применяют ускорители на специализированных архитектурах [1, 35, 13, 2, 32].

Interaction Nets — модель вычислений, которая была описана Yves Lafont в 1990 году. В этой модели программа представляется в виде графа, и, в силу свойств модели, вычисления происходят только локально и между конечным множеством вершин за шаг, поэтому в данной модели легко достигается параллельность.

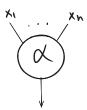
Для Interaction Nets был написан не один интерпретатор, например [20, 27], однако попыток реализовать ускоритель на его основе не предпринималось, кроме того существующие интерпретаторы используют собственные языки программирования далёкие от распространённых. Поэтому в рамках проекта Lamagraph исследуются возможности по разработке параметризуемого многоядерного сопроцессора для разреженной линейной алгебры на основе Interaction Nets и ML-подобного функционального языка для программирования сопроцессора.

 $^{^1}$ Репозитории проекта доступны по ссылке: https://github.com/Lamagraph/ (дата обращения: 18 мая 2025 г.)

1. Interaction Nets

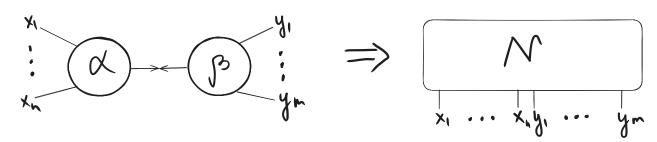
Данный раздел является кратким описанием системы Interaction Nets, более подробно про неё можно узнать в [16, 28, 26].

Описание системы. Interaction Nets представляет собой систему переписывания графов. Зафиксируем множество символов Σ , которым будем обозначать узлы графа. Для каждого символа зафиксируем его арность аг, которая будет означать количество дополнительных портов символа. Так, если символ $\alpha \in \Sigma$ имеет арность $\operatorname{ar}(\alpha) = n$, где $n \in \mathbb{N}$, то у символа имеется n+1 портов: n дополнительных и один выделенный — главный.



Узлы могут изображаться с помощью кругов, треугольников или прямоугольников. Cemb, построенная на Σ , является неориентированным графом с символами из Σ в его вершинах. Ребра соединяют порты вершин так, что в каждый порт приходит не более одного ребра. Порт не соединенный ни с одним ребром называется cbododhum, а множество таких портов называется $uhmep\phieucom$.

Пара агентов $(\alpha, \beta) \in \Sigma \times \Sigma$, соединенных своими главными портами называется активной парой (редексом). Правило $((\alpha, \beta) \Longrightarrow N)$ заменяет активную пару (α, β) на сеть N. Для каждой пары агентов существует не более одного правила редукции, при этом в процессе редукции интерфейс сохраняется.



Одним из важных свойств системы является *свойство ромба*: порядок переписываний не важен и все последовательности переписывания имеют одну и ту же длину. Из этого следуют практически значимые вещи: преобразовывать граф можно в любом порядке, кроме того, это можно делать параллельно.

Выбор базиса агентов. Поскольку описание Interaction Nets не фиксирует набор агентов, пользователю предоставлены большие возможности по созданию собственных наборов и правил их редукции.

Так, например, в статье [17] Lafont в качестве примера использует набор агентов $\Sigma = \{ \text{Cons}, \text{Nil}, \text{Append} \}$ и правила редукции, соответствующие спискам в функциональных языках программирования. А в статье [16] обсуждается базис $\Sigma = \{ \gamma, \delta, \varepsilon \}$, который по своим свойствам схож с базисом SKI в λ -исчислении.

Отдельно можно отметить наличие множества базисов для трансляции λ -исчисления в Interaction Nets: [18, 3, 10, 19, 34, 30].

Стратегия вычислений. В отличие от λ -исчисления, Interaction Nets не предполагает наличие нескольких стратегий редукции сама по себе. Тем не менее, поскольку в Interaction Nets возможно кодировать другие формальные системы, то стратегия редукции может проявится в Interaction Nets в различных формах записи агентов и правил их редукции. Так, например, в Interaction Nets можно закодировать как строгую [30], так и ленивую [31] стратегии для λ -исчисления.

2. Обзор существующих решений

Со времен публикации первых статей был разработан не один исполнитель Interaction Nets. Обзор на момент 2014 года можно найти в работе [28]. Мы же приведём обзор более новых работ в данной области.

INPLA и TRAIN. INPLA² — интерпретатор одного из крупных учёных в области Shinya Sato, начатый в его PhD [28], и поддерживающий параллельное исполнение [20].

Inpla предполагает описание сетей на собственном языке программирования, который тем не менее достаточно сложен для использования. Транслятор Train³ решает данную проблему, конвертируя код из функционального языка программирования в код для Inpla. Весь комплекс реализован на С.

HVM 1, 2, 3 и Bend. Семейство проектов от стартапа Higher Order Company⁴. HVM (Higher-order Virtual Machine) является средой исполнения Interaction Nets, эксплуатирующей параллельность, и существует в нескольких версиях, отличающихся языком реализации, стратегией вычислений и средой исполнения.

- **HVM1** Написана на Rust, с ленивой стратегией вычисления на CPU. Считается устаревшей.
- **HVM2** Написана на RUST, со строгой стратегией, поддерживает как CPU через кодогенерацию в C, так и GPU через генерацию в CUDA. На данный момент является стабильной версией.
- **HVM3** Написана на HASKELL; поддерживает как ленивую, так и строгую стратегии вычисления на CPU. Является наследником HVM1 и HVM2 и создается, чтобы их заменить, находится в активной разработке.

²Репозиторий проекта: https://github.com/inpla/inpla/ (дата обращения: 15 февраля 2025 г.)

³Репозиторий проекта: https://github.com/inpla/train/ (дата обращения: 15 февраля 2025 г.)

 $^{^4}$ GITHUB организация проекта: https://github.com/HigherOrderCO/ (дата обращения: 17 февраля 2025 г.)

HVM1 использовал собственный HASKELL-подобный синтаксис. В HVM2 и HVM3 используется низкоуровневый функциональный язык. Для облегчения жизни пользователей, с ними предполагает использовать высокоуровневый язык Bend, который будет транслироваться в низкоуровневое представление.

LAMBDA. LAMBDA⁵ — интерпретатор λ -исчисления, реализованный на JAVASCRIPT, поддерживающий четыре стратегии трансляции в INTERACTION NETS [27]. Принимает программы на собственном языке программирования, похожем на λ -исчисление.

INTERACT. INTERACT 6 — интерпретатор, написанный на SCALA. Имеет свой язык программирования, похожий на ОСАМL и РУТНОN, где каждая функция становится агентом сети.

Выводы. Таким образом, несмотря на существование множества различных интерпретаторов, большинство из них используют свои собственные языки программирования, часто синтаксически далёкие от массовых, и не декларируют используемые наборы агентов. Кроме того, на данный момент попыток разработать ускоритель на основе Interaction Nets не предпринималось.

 $^{^5}$ Репозиторий проекта: https://github.com/codedot/lambda/ (дата обращения: 17 февраля 2025 г.)

⁶Репозиторий проекта: https://github.com/szeiger/interact/ (дата обращения: 18 февраля 2025 г.)

3. Постановка задачи

Целью работы является разработка транслятора модельного функционального языка в Interaction Nets. Для её выполнения были поставлены следующие задачи:

- 1. Реализовать интерпретатор модельного МL-подобного языка.
 - (а) Конкретный синтаксис языка.
 - (b) AST и синтаксический анализатор.
 - (с) Алгоритм вывода типов.
 - (d) Рассахаривание в обогащенное λ -исчисление.
 - (e) Интерпретатор обогащенного λ -исчисления.
- 2. Реализовать интерпретатор Interaction Nets, поддерживающий сбор статистики.
- 3. Реализовать транслятор из обогащенного λ -исчисления в Interaction Nets.

4. Общая архитектура проекта

Проект LAMAGRAPH ставит перед собой цель изучить возможности по созданию специализированных ускорителей на основе Interaction Nets.

К проекту выдвинуты следующие требования.

- Возможность параметризовать компилятор и вычислительное ядро типами агентов сети и правилами их редукции.
- Возможность сбора статистики такой, как размер сети, количество редукций, время исполнения и другой.
- Возможность постановки сравнительных экспериментов.
- Использование единого стека технологий гомогенность.
- Получение полнофункционального прототипа, содержащего все компоненты, важнее, чем детальная проработка какого-то отдельного компонента.
- Расширяемость и модифицируемость. Должна быть возможность вносить изменения в любые компоненты.

Крупномасштабная архитектура проекта изображена на рисунке 1 и состоит из трёх крупных блоков.

- **Compiler** Транслятор ML-подобного языка программирования. Содержит в себе интерпретатор и генерирует промежуточное представление, пригодное к дальнейшей трансляции в Interaction Nets.
- **Hardware** Генератор описания аппаратуры для ПЛИС, параметризуемый базисом агентов сети.
- Middle Транслятор из промежуточного представления в байт-код, пригодный для исполнения на процессоре, сгенерированном в блоке Hardware.

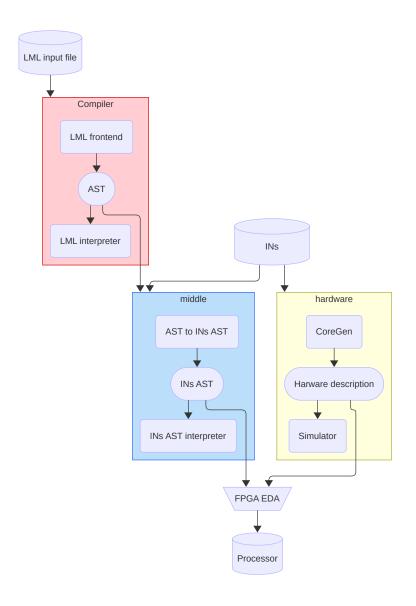


Рис. 1: Общая архитектура проекта LAMAGRAPH.

Проект является командным. Блоки Compiler и Hardware достаточно независимы друг от друга. Блок Middle объединяет два других, поэтому его разработка должна быть скоординирована. В данной работе речь пойдёт о блоке Compiler и части блока Middle.

5. Подробности реализации

В силу требования гомогенности, удобства работы с древовидными типами данных, естественно возникающими в компиляторах, и наличия языка описания аппаратуры Clash⁷, используемого в блоке Hardware, в качестве языка реализации проекта был выбран Haskell. Архитектура изображена на рисунке 2.

Для сборки проекта и версионирования зависимостей используется STACK⁸, предоставляющий снимки репозитория пакетов с гарантированно совместимыми пакетами. Для тестирования используется фреймворк TASTY⁹, позволяющий через единый интерфейс писать и запускать различные виды тестов: модульные, golden, property-based. Поскольку тестирование трансляторов с помощью модульных тестов довольно сложно, по умолчанию все части компилятора покрываются интеграционными golden¹⁰ тестами.

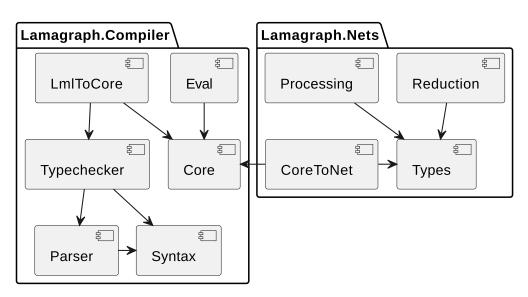


Рис. 2: Архитектура транслятора

⁷Сайт проекта: https://clash-lang.org/ (дата обращения 18 мая 2025 г.)

 $^{^8}$ Сайт проекта: https://docs.haskellstack.org/en/stable/ (дата обращения 25 февраля 2025 г.)

 $^{^9}$ Описание проекта на HACKAGE: https://hackage.haskell.org/package/tasty/ (дата обращения 25 февраля 2025 г.)

 $^{^{10}}$ Описание golden тестов: https://ro-che.info/articles/2017-12-04-golden-tests (дата обращения 25 февраля 2025 г.)

Синтаксис языка. Синтаксис языка основан на ОСАМІ. Однако упрощен для простоты реализации¹¹. Так, например в языке остались стандартные для функциональных языков конструкции, такие как сопоставление с образцом, рекурсивные и взаимнорекурсивные функции, а также алгебраические типы данных. В отличие от ОСАМІ отсутствует поддержка классов и функторов, а система модулей максимально упрощена и напоминает систему модулей в F#.

Для представления AST (дерева абстрактного синтаксиса) используется паттерн Trees That Grow (TTG) [29]. Он позволяет с помощью механизма type families [33] гибко параметризовать дерево необходимыми аннотациями, более того аннотации могут различаться в разных узлах дерева, тем самым поддерживая безопасность кода.

Парсер. Для синтаксического анализа используется стандартная для HASKELL связка лексера ALEX и парсер-генератора HAPPY, которые являются аналогами FLEX и BISON и используются в крупных проектах, например GHC.

На данном этапе аннотации с помощью TTG не используются.

Для тестирования лексера используются модульные тесты. Для парсера используется property-based тестирование с использованием библиотеки Hedgehog¹². Данный метод основан на том, что синтаксический анализ в AST и печать AST должны давать тождественное отображение при композиции.

Вывод типов. Поскольку язык ML-подобный, используется система типов Хиндли-Милнера [12, 21].

На данном этапе в аннотациях TTG сохраняется тип каждого узла дерева.

В силу ограниченности времени, на данном этапе отсутствует поддержка пользовательских алгебраических типов данных. Тем не менее

¹¹С полной грамматикой можно ознакомиться в репозитории проекта: https://github.com/Lamagraph/interaction-nets-in-fpga/blob/main/lamagraph-compiler/src/Lamagraph/Compiler/Syntax.hs (дата обращения 25 февраля 2025 г.)

 $^{^{12}}$ Репозиторий проекта: https://github.com/hedgehogqa/haskell-hedgehog/ (дата обращения: 19 февраля 2025 г.)

```
data Literal = LitInt Int | LitChar Char | LitString Text
type DataCon = Name
newtype Var = Id Name
data Expr b
  = Var b
  | Lit Literal
  | App (Expr b) (Expr b)
  | Lam b (Expr b)
  | Let (Bind b) (Expr b)
  | Match (Expr b) b (NonEmpty (MatchAlt b))
  | Tuple (Expr b) (NonEmpty (Expr b))
type MatchAlt b = (AltCon, [b], Expr b)
data AltCon = DataAlt DataCon | LitAlt Literal | TupleAlt | DEFAULT
data Bind b = NonRec b (Expr b) | Rec (NonEmpty (b, Expr b))
type CoreExpr = Expr Var
type CoreMatchAlt = MatchAlt Var
type CoreBind = Bind Var
```

Листинг 1: Представление Core в алгебраических типах данных.

поддержка типов list и option присутствует.

Промежуточное представление. AST получаемое после синтаксического анализа и вывода типов получается достаточно сложным — в нём большое количество различных узлов с аннотациями. Для упрощения дальнейшей работы используется промежуточное представление на основе GHC Core¹³, также часто называемое обогащённым λ -исчислением¹⁴. Его описание представлено на листинге 1.

Важными отличиями от GHC Core являются наличие выделенного конструктора для пар, а также отсутствие типизации.

Наличие выделенного конструктора для пар обусловлено различием между ML и Haskell — в первом пары тоже выделены и могут быть какой угодно арности, во втором же пара является синтаксическим сахаром для алгебраического типа-суммы и ограничена арностью 63.

¹³Подробнее можно прочитать по ссылке: https://gitlab.haskell.org/ghc/ghc/-/wikis/commentary/compiler/core-syn-type (дата обращения: 19 февраля 2025 г.)

 $^{^{14}}$ Подробнее узнать про способы обогащения λ -исчисления можно в [23, раздел 3.2]

От типизации пришлось отказаться в угоду простоты реализации, а также в виду отсутствия оптимизаций со стороны компилятора, где наличие типов упрощает и делает более безопасным их применение.

Трансляция высокоуровневого AST в промежуточное представление. На данный момент алгоритм трансляции достаточно прямолинеен. Связано это с тем, что в левой части let-связываний поддерживаются только простые шаблоны (переменные), а в match-выражениях не поддерживаются вложенные шаблоны, защитные выражения и ИЛИ-шаблоны.

Интерпретатор обогащенного λ-исчисления. Интерпретатор реализован на основе идей из [25]. Для реализации функций высшего порядка используются замыкания, для рекурсивных let-связываний используется «ленивость» Наѕкель для создания рекурсивных замыканий, остальная часть работы интерпретатора довольно прямолинейна.

В текущей реализации интерпретатор наследует порядок исполнения от языка, на котором написан, в случае Haskell — это Call-by-Need. Это можно исправить с помощью продолжений (continuations), однако поскольку схема трансляции и порядок исполнения Interaction Nets по умолчанию не определен, на данном этапе было решено оставить Call-by-Need.

Кроме того, на данный момент отсутствует поддержка взаимной рекурсии.

Интерпретатор Interaction Nets. Стандартным представлением для Interaction Nets является графовое. Однако для представления графов в функциональных языках не удаётся использовать их возможности по работе с алгебраическими типами данных и сопоставлением с образцом, поэтому потребовалось найти альтернативное представление. Таковым стало текстовое представление Fernández и Mackie [8]. Для него также существует абстрактная машина [24], которая и была реализована.

Транслятор обогащенного λ -исчисления в Interaction Nets.

Как было сказано в разделе 1, существует не один способ трансляции λ -исчисления в Interaction Nets. Поскольку мы транслируем ML-подобный язык, то первой схемой трансляции была выбрана схема Call-by-Value из [30].

Тем не менее в процессе реализации была обнаружена проблема: существующие схемы трансляции работают только с чистым λ -исчислением. Попытки расширить схему трансляции предпринимались в [14], однако такой подход требует использование динамического базиса агентов. Но поскольку вычислитель прошивается на ПЛИС, то базис агентов должен быть фиксирован, и подход предложенный в статье нам не подходит.

Проблему можно попробовать решить на уровне λ -исчисления, используя кодировки Чёрча [4] или Скотта [15]. Однако скорее всего сети в таком случае будут получаться сложнее, чем могли бы, и будут требовать больше шагов редукции, кроме того такой подход отчасти противоречит параметризуемости Interaction Nets. Поэтому трансляция в Interaction Nets конструкций обогащённого λ -исчисления — предмет дальнейшей работы.

6. Тестирование транслятора

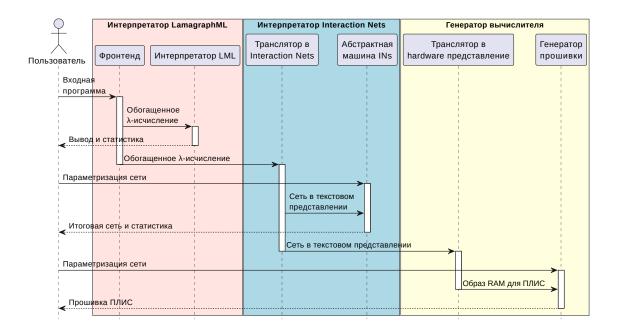


Рис. 3: Диаграмма взаимодействия пользователя с программноаппаратным стеком Lamagraph.

На данном этапе развития проекта проведение сравнительных экспериментов невозможно, тем не менее пользователь уже может взаимодействовать с инструментом.

Так, передав на вход программу на LAMAGRAPHML пользователь может получить вывод интерпретатора, а также вывод абстрактной машины и соответствующую статистику, что проиллюстрировано на рисунке 3.

Заключение

В рамках преддипломной практики были достигнуты следующие результаты.

- 1. Реализован интерпретатор модельного МL-подобного языка.
 - (а) Конкретный синтаксис языка.
 - (b) AST и синтаксический анализатор.
 - (с) Алгоритм вывода типов.
 - (d) Рассахаривание в обогащенное λ -исчисление.
 - (e) Интерпретатор обогащенного λ -исчисления.
- 2. Реализован интерпретатор Interaction Nets, поддерживающий сбор статистики в виде количества редукций с учётом возможных параллельных редукций.
- 3. Реализован транслятор чистого λ -исчисления в Interaction Nets со стратегией вычислений Call-by-Value.

Исходный код находится в репозитории: https://github.com/Lamagraph/interaction-nets-in-fpga/. Имя коммитера: WoWaster.

Планы на будущее

На данный момент реализован лишь минимально рабочий стек трансляции: от высокоуровневого языка в обогащенное λ -исчисление в Interaction Nets. В ближайшие планы по развитию проекта входит:

- закончить реализацию некоторых компонент, например добавить поддержку алгебраических типов данных в вывод типов и взаимной рекурсии в интерпретатор;
- ullet развить схему трансляции в Interaction Nets до полной поддержки обогащенного λ -исчисления;
- реализовать библиотеку для разреженной линейной алгебры.

Список литературы

- [1] Accelerating Reduction and Scan Using Tensor Core Units / Abdul Dakkak, Cheng Li, Isaac Gelado et al. // Proceedings of the ACM International Conference on Supercomputing.— P. 46–57.— arXiv: cs/1811.09736.
- [2] Akkad Ghattas, Mansour Ali, Inaty Elie. Embedded Deep Learning Accelerators: A Survey on Recent Advances. Vol. 5, no. 5. P. 1954—1972. URL: https://ieeexplore.ieee.org/document/1 0239336/?arnumber=10239336 (дата обращения: 2025-02-22).
- [3] Asperti Andrea, Giovannetti Cecilia, Naletto Andrea. The Bologna Optimal Higher-Order Machine. Vol. 6, no. 6. P. 763—810. URL: https://www.cambridge.org/core/product/identifier/S0956796 800001994/type/journal_article (дата обращения: 2025-02-24).
- [4] Barendregt Henk. The Impact of the Lambda Calculus in Logic and Computer Science. Vol. 3, no. 2. P. 181—215. URL: https://www.cambridge.org/core/product/identifier/S1079898600007 599/type/journal_article (дата обращения: 2025-05-18).
- [5] Davis Timothy A., Hu Yifan. The University of Florida Sparse Matrix Collection. Vol. 38, no. 1. P. 1:1–1:25. URL: https://doi.org/10.1145/2049662.2049663 (дата обращения: 2025-05-18).
- [6] Dedicated Hardware Accelerators for Processing of Sparse Matrices and Vectors: A Survey / Valentin Isaac-Chassande, Adrian Evans, Yves Durand, Frédéric Rousseau. Vol. 21, no. 2. Р. 1–26. URL: https://dl.acm.org/doi/10.1145/3640542 (дата обращения: 2025-02-21).
- [7] Economic Potential of Generative AI / Michael Chui, Eric Hazan, Roger Roberts et al.
- [8] Fernández Maribel, Mackie Ian. A Calculus for Interaction Nets // Principles and Practice of Declarative Programming / Ed. by Gopalan Na-

- dathur. Springer Berlin Heidelberg. Vol. 1702. Р. 170—187. URL: http://link.springer.com/10.1007/10704567_10 (дата обращения: 2025-02-21).
- [9] García Roberto, Angles Renzo. Path Querying in Graph Databases: A Systematic Mapping Study. Vol. 12. P. 33154—33172. URL: ht tps://ieeexplore.ieee.org/document/10456906 (дата обращения: 2024-12-18).
- [10] Gonthier Georges, Abadi Martín, Lévy Jean-Jacques. The Geometry of Optimal Lambda Reduction // Proceedings of the 19th ACM SIGPLAN-SIGACT Symposium on Principles of Programming Languages.—POPL '92.— Association for Computing Machinery.—P. 15–26.—URL: https://dl.acm.org/doi/10.1145/143165.143172 (дата обращения: 2025-02-23).
- [11] High-Performance Sparse Linear Algebra on HBM-Equipped FP-GAs Using HLS: A Case Study on SpMV / Yixiao Du, Yuwei Hu, Zhongchun Zhou, Zhiru Zhang // Proceedings of the 2022 ACM/SIGDA International Symposium on Field-Programmable Gate Arrays.— ACM.— P. 54–64.— URL: https://dl.acm.org/doi/10.1145/3490422.3502368 (дата обращения: 2025-02-21).
- [12] Hindley R. The Principal Type-Scheme of an Object in Combinatory Logic. Vol. 146. P. 29–60. jstor: 1995158.
- [13] In-Datacenter Performance Analysis of a Tensor Processing Unit / Norman P. Jouppi, Cliff Young, Nishant Patil et al. // Proceedings of the 44th Annual International Symposium on Computer Architecture. ISCA '17. Association for Computing Machinery. P. 1–12. URL: https://dl.acm.org/doi/10.1145/3079856.3080246 (дата обращения: 2025-02-21).
- [14] Jiresch Eugen Robert Winfried. Extending Interaction Nets towards the Real World: Thesis / Eugen Robert Winfried Jiresch. URL:

- https://repositum.tuwien.at/handle/20.500.12708/12949 (дата обращения: 2025-05-02).
- [15] Koopman Pieter, Plasmeijer Rinus, Jansen Jan Martin. Church Encoding of Data Types Considered Harmful for Implementations: Functional Pearl // Proceedings of the 26nd 2014 International Symposium on Implementation and Application of Functional Languages. ACM. P. 1–12. URL: https://dl.acm.org/doi/10.1145/2746325.27463 30 (дата обращения: 2025-05-18).
- [16] Lafont Yves. Interaction Combinators. Vol. 137, no. 1. P. 69—101. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0 890540197926432 (дата обращения: 2024-12-17).
- [17] Lafont Yves. Interaction Nets // Proceedings of the 17th ACM SIGPLAN-SIGACT Symposium on Principles of Programming Languages.— POPL '90.— Association for Computing Machinery.— P. 95–108.— URL: https://dl.acm.org/doi/10.1145/96709.96718 (дата обращения: 2024-12-16).
- [18] Lamping John. An Algorithm for Optimal Lambda Calculus Reduction // Proceedings of the 17th ACM SIGPLAN-SIGACT Symposium on Principles of Programming Languages POPL '90. ACM Press. P. 16–30. URL: http://portal.acm.org/citation.cfm?doid=967 09.96711 (дата обращения: 2025-02-24).
- [19] Mackie Ian. An Interaction Net Implementation of Closed Reduction // Implementation and Application of Functional Languages / Ed. by Sven-Bodo Scholz, Olaf Chitil. Springer Berlin Heidelberg. Vol. 5836. P. 43–59. URL: http://link.springer.com/10.1007/978-3-642 24452-0_3 (дата обращения: 2025-02-22).
- [20] Mackie Ian, Sato Shinya. Parallel Evaluation of Interaction Nets: Case Studies and Experiments. Vol. 73. URL: https://eceasst.org/index.php/eceasst/article/view/2205 (дата обращения: 2024-12-17).

- [21] Milner Robin. A Theory of Type Polymorphism in Programming.— Vol. 17, no. 3.— P. 348—375.— URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/0022000078900144 (дата обращения: 2024-12-17).
- [22] Mohammed Thaha, Mehmood Rashid. Performance Enhancement Strategies for Sparse Matrix-Vector Multiplication (SpMV) and Iterative Linear Solvers. arXiv: cs/2212.07490.
- [23] Peyton Jones Simon L. The Implementation of Functional Programming Languages. Prentice Hall Internaltional (UK) Ltd. URL: https://www.microsoft.com/en-us/research/publication/the-implementation-of-functional-programming-languages-2/.
- [24] Pinto Jorge Sousa. Sequential and Concurrent Abstract Machines for Interaction Nets // Foundations of Software Science and Computation Structures / Ed. by Jerzy Tiuryn. Springer. P. 267–282.
- [25] Reynolds John C. Definitional Interpreters for Higher-Order Programming Languages // Proceedings of the ACM Annual Conference on ACM '72. Vol. 2. ACM Press. P. 717–740. URL: http://portal.acm.org/citation.cfm?doid=800194.805852 (дата обращения: 2025-03-04).
- [26] Salikhmetov Anton. Interaction Nets in Russian. arXiv : cs/1304.1309.
- [27] Salikhmetov Anton. Token-Passing Optimal Reduction with Embedded Read-back. Vol. 225. P. 45–54. arXiv: cs/1609.03644.
- [28] Sato Shinya. Design and Implementation of a Low-Level Language for Interaction Nets: thesis / Shinya Sato. URL: https://sussex.figshare.com/articles/thesis/Design_and_implementation_of_a_low-level_language_for_interaction_nets/23417312/1 (дата обращения: 2025-02-14).

- [29] Shayan Najd, Simon Peyton Jones. Trees That Grow. URL: https://lib.jucs.org/article/22912 (дата обращения: 2024-12-17).
- [30] Sinot François-Régis. Call-by-Name and Call-by-Value as Token-Passing Interaction Nets // Typed Lambda Calculi and Applications / Ed. by Paweł Urzyczyn. Springer Berlin Heidelberg. Vol. 3461. P. 386—400. URL: http://link.springer.com/10.1007/1141 7170_28 (дата обращения: 2025-02-24).
- [31] Sinot François-Régis. Token-Passing Nets: Call-by-Need for Free. Vol. 135, no. 3. P. 129—139. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1571066106000934 (дата обращения: 2025-02-22).
- [32] Silvano Cristina, Ielmini Daniele, Ferrandi Fabrizio et al. A Survey on Deep Learning Hardware Accelerators for Heterogeneous HPC Platforms.—arXiv: cs/2306.15552.
- [33] Type Checking with Open Type Functions / Tom Schrijvers, Simon Peyton Jones, Manuel Chakravarty, Martin Sulzmann. URL: https://www.researchgate.net/publication/221241290_Type_checking_with_open_type_functions.
- [34] Vincent van Oostrom, Kees-Jan van de Looij, Marijn Zwitserlood. Lambdascope Another Optimal Implementation of the Lambda-Calculus.
- [35] Zhu Yuhao, Mattina Matthew, Whatmough Paul. Mobile Machine Learning Hardware at ARM: A Systems-on-Chip (SoC) Perspective.—arXiv: cs/1801.06274.