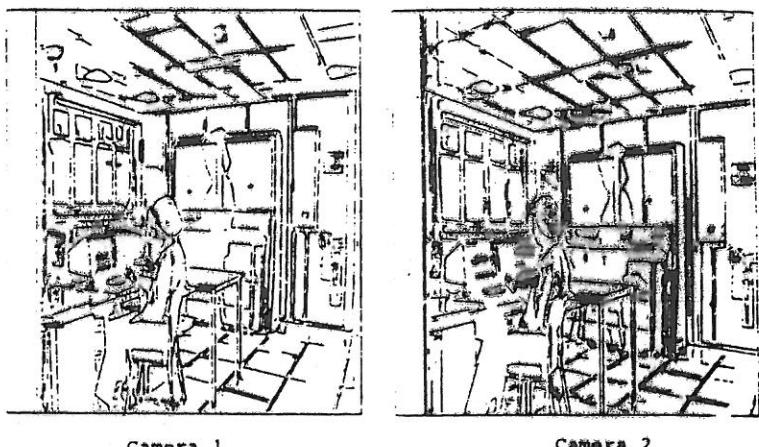


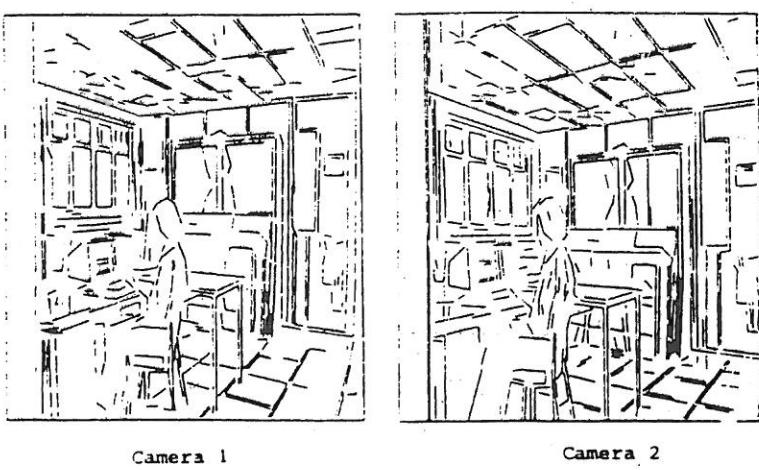
## Beispiel: Typische Innenaufnahmen



**Figure 7.1**  
Stereo image pair of the laboratory.

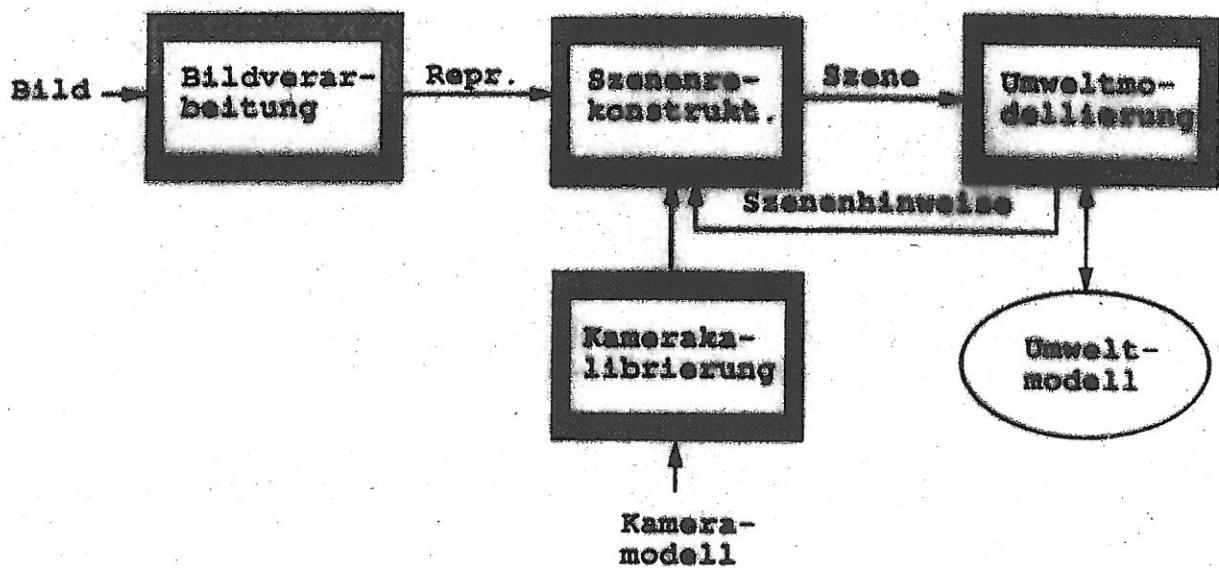


**Figure 7.2**  
Polygonal contour approximation.



**Figure 7.3**  
Contour segments with length greater than 12 pixels.

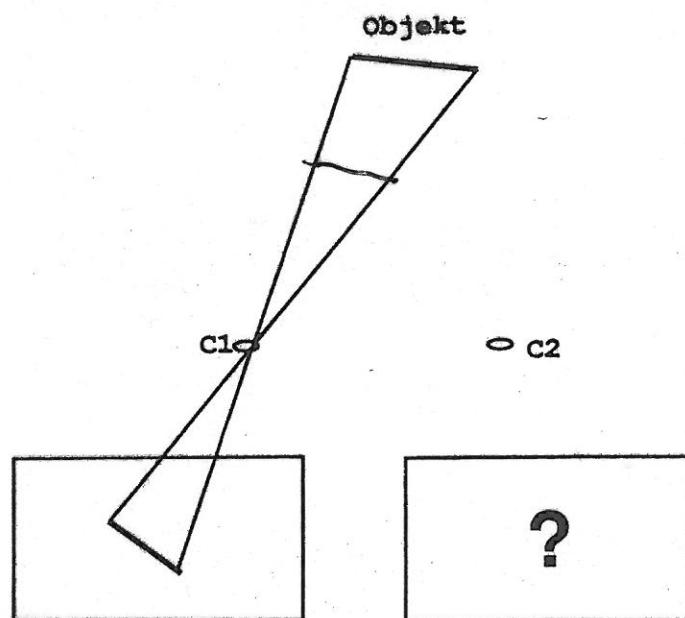
## Struktur eines Sichtsystems



## Binokulares Sehen

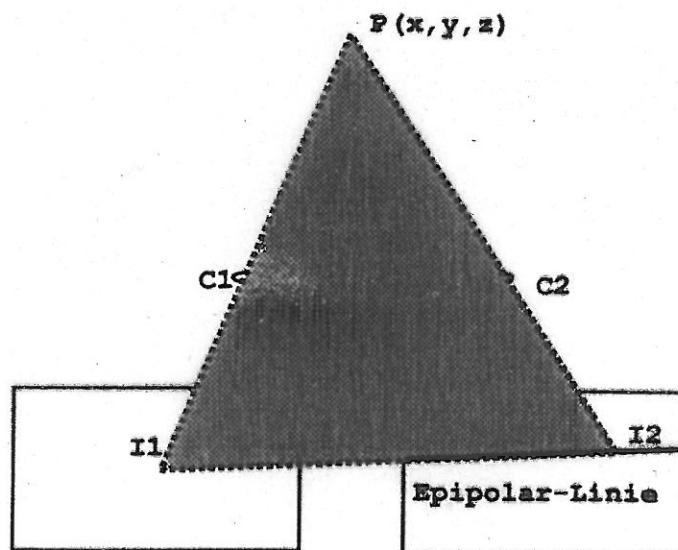
- Monocular Parallax
- Binocular Parallax
- Motion Parallax

### Matching-Problem



## Lokale Einschränkungen

- Epipolar-Linie
- Länge
- Orientierung



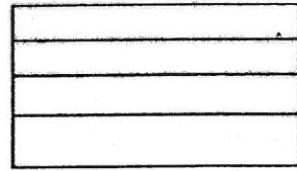
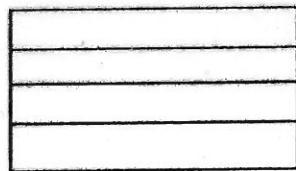
## Einschränkung im Szenenbereich

1. Beobachtete Punkte im Halbraum vor den Kameras
2. Größe der Bildflächen ist beschränkt
3. Tiefe der Szene, falls endlich

## Bild-Rektifizierung

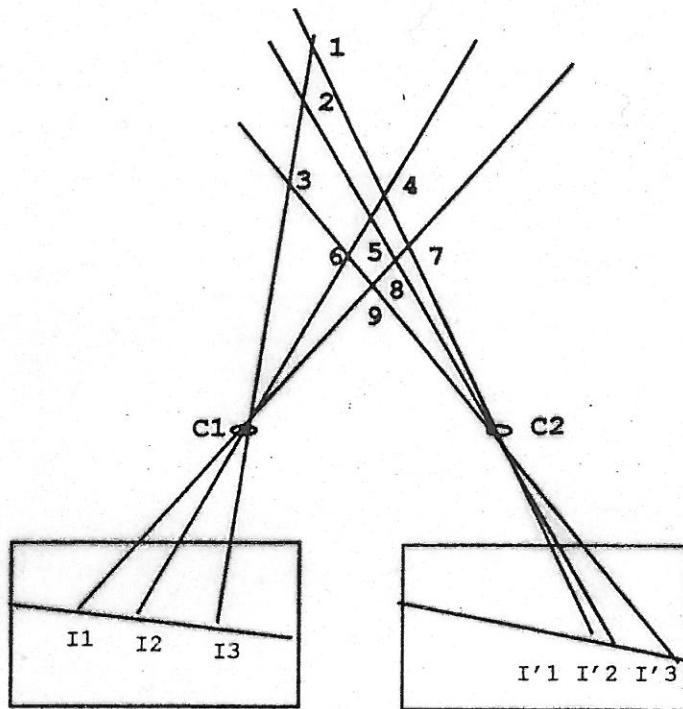
$c_1$   
0

$c_2$   
0



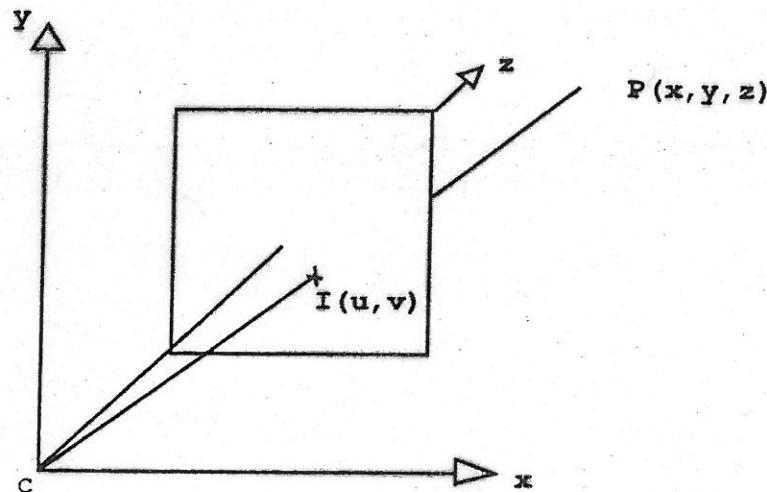
- Epipolarlinien parallel
- $v_1 = v_2$
- $u_1 > u_2$

## Globale Einschränkungen



- Verträglichkeits-Einschränkung
- Eindeutigkeits-Einschränkung
- Stetigkeits-Einschränkung
- Positions-Einschränkung
- Reihenfolgen-Einschränkung

## Zusammenhang Szene - Bild



$$TP^* = \begin{pmatrix} t_{11} & t_{12} & t_{13} & t_{14} \\ t_{21} & t_{22} & t_{23} & t_{24} \\ t_{31} & t_{32} & t_{33} & t_{34} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} U \\ V \\ S \end{pmatrix} = I^*$$

$$u = \frac{P^t t_1 + t_{14}}{P^t t_3 + t_{34}}$$

$$v = \frac{P^t t_2 + t_{24}}{P^t t_3 + t_{34}}$$

## Kameraparameter

### Externe Parameter

- Position des Brennpunktes  $(x_0, y_0, z_0)$
- Orientierung der Kamera  $(\theta, \phi, \alpha)$

### Interne Parameter

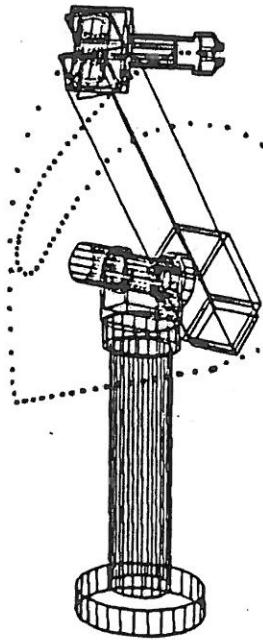
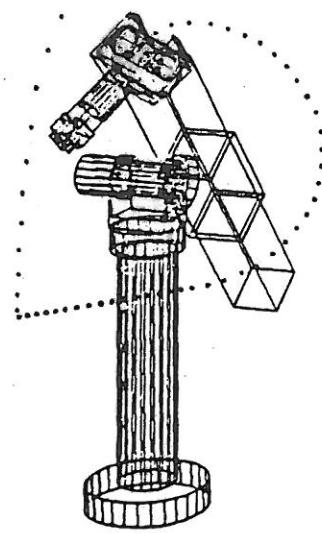
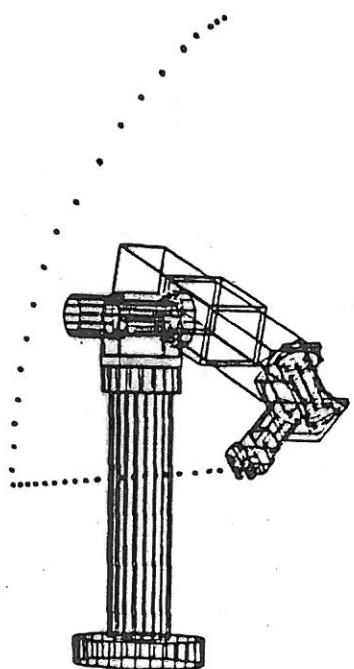
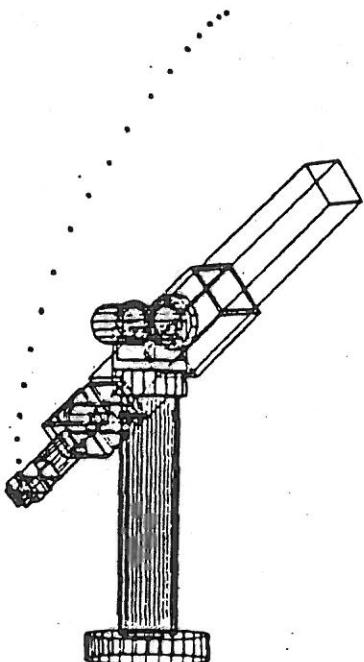
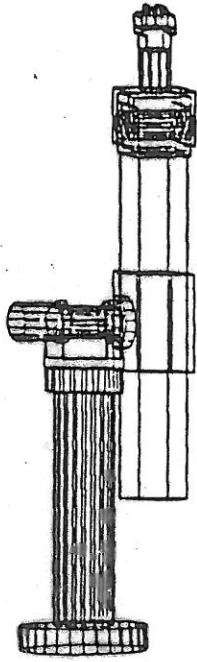
- Bildflächen-Zentrum  $(u_z, v_z)$
- Fokus f und Pixelabstand  $\vec{d} = (d_u, d_v)$
- Winkel  $\psi$  zwischen den Bild-Koordinatenachsen

### Kalibrierung

1. Bestimmung der externen und internen Parameter
2. Berechnung der Matrix T

zu 1: aufwendig, instabil

zu 2: Einschränkung  $t_{34} \neq 0 \Rightarrow 11$  Parameter  $\Rightarrow 6$  Punkte



## Absolute Metrik

$$d(u, v) = |u_1 - v_1| + |u_2 - v_2|$$

2 3 4  
 2 1 2 3  
 2 1 X 1 2 3  
 2 1 2 3  
 2 3  
 3

## Maximum Metrik

$$d(u, v) = \max \{ |u_1 - v_1|, |u_2 - v_2| \}$$

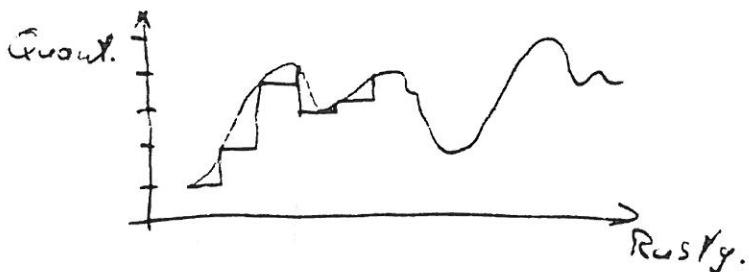
2 2 2 2  
 2 1 1 1  
 2 1 X 1  
 2 1 1 1  
 2 2 2 2

## Euklidische Metrik

$$d(u, v) = \sqrt{|u_1 - v_1|^2 + |u_2 - v_2|^2}$$

2 2 2  
 2 1 X 1 2  
 2 1 1 2  
 2 2 2 2

## Rasterung - Quantisierung



sei Speicherproblem  
 $\Rightarrow$  kein Raster, gleich  
 oder ungleich mit

## Gittern = Kresschen aufteilen

|           |       |
|-----------|-------|
| Tiefpunkt | 1 1 1 |
| Fühlung   | 1 1 1 |
|           | 1 1 1 |

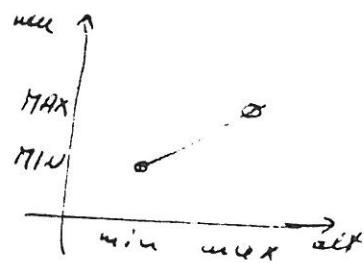
Randwerte berücksichtigt

Hysterese: Übergänge ziehen schnell, im  
Gegensatz zur Fühlung

## Bauwertmodifikation

$$\text{gnew} = \frac{\text{MAX} - \text{MIN}}{\text{max} - \text{min}} (\text{galt} - \text{min}) + \text{MIN}$$

$$= n \cdot \text{galt} + f_1$$

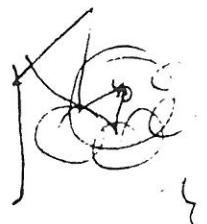


## Kartendektorien jew. dx-Rgr.

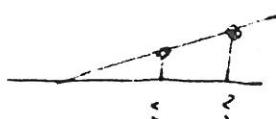
Prewet-Op.      -1 0 1  
-1 0 1  
-1 0 1

Sobel-Op.      -1 0 1  
-2 0 2  
-1 0 1

Logische Filt.  
 $\frac{dx}{dy}$       0 1 0  
-1 -1 1  
0 1 0



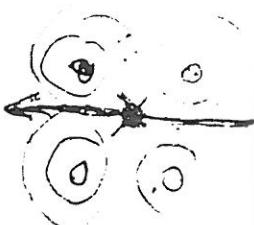
## Monoktales Sehen: keine Tiefeninfo



## Binoktales Sehen:

$\Rightarrow$  2 stat. Kameras

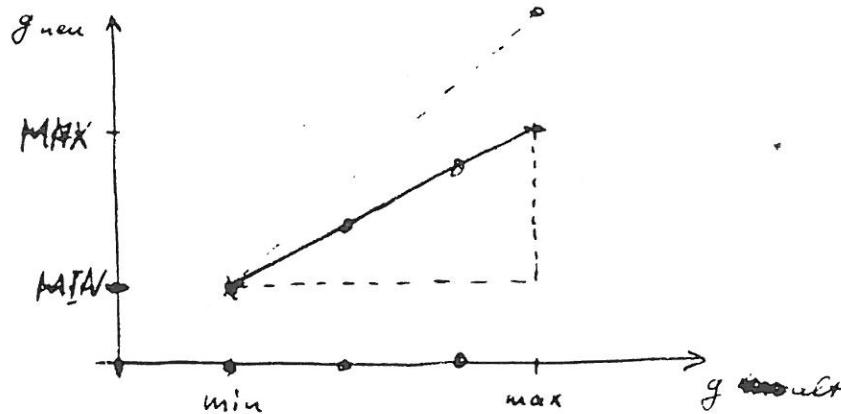
oder 1 dyn. Kamera



## Grauwertmodifikation

oooooooooooo

$$g(x, y) \rightarrow g(i, j)$$



$$g_{\text{neu}} = \underbrace{\frac{MAX - MIN}{max - min}}_K (g_{\text{galt}} - min) + MIN$$

$$g_{\text{neu}} = K \cdot g_{\text{galt}} + H$$

## Grauwert Histogramm:

untersucht das Bild, ob K o. H verändert werden sollen.

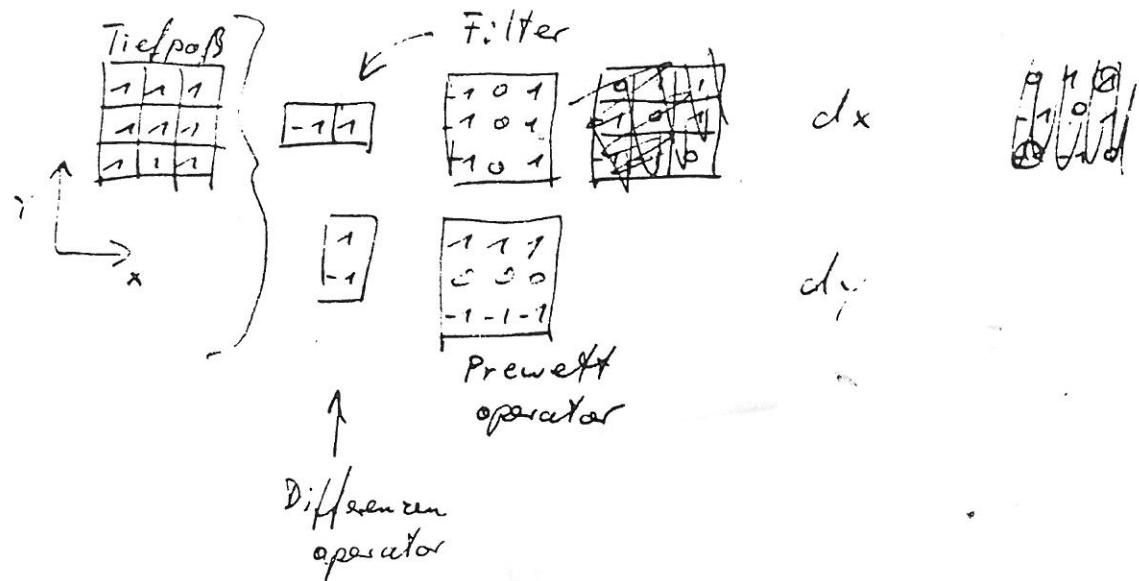
## Kanten detektion:

höhe Grauwertänderung  $\Rightarrow$  Kante

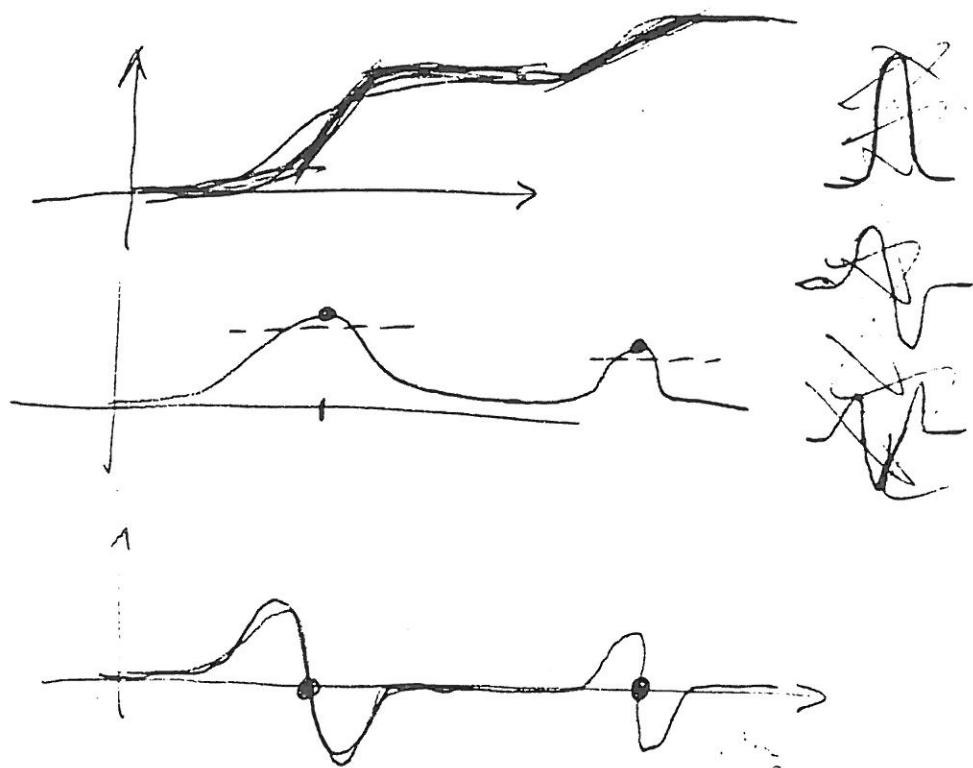
$$\frac{ds}{dx}(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{s(x + \Delta x) - s(x)}{\Delta x}$$

$$\Delta_x s(x) = \frac{s(x+1) - s(x)}{1} \\ = s(x+1) - s(x)$$

$s \hat{=} \text{Grauwert}$

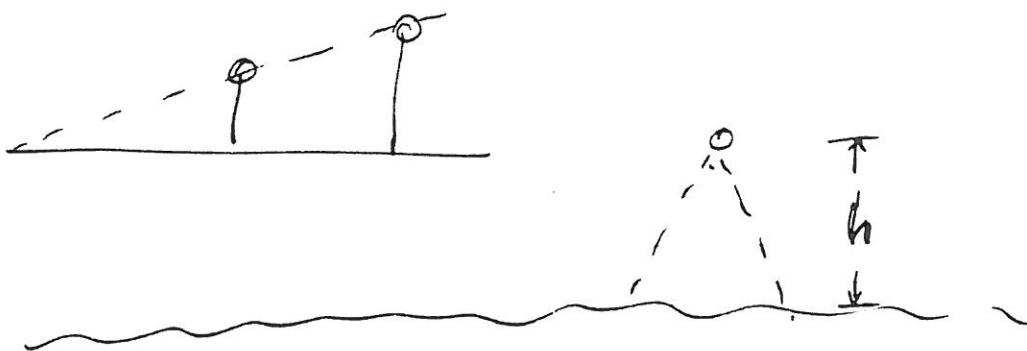
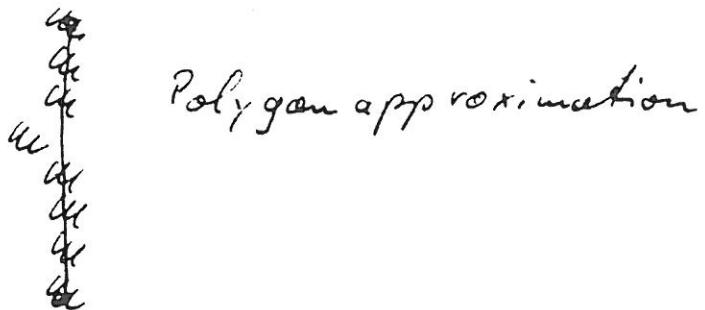
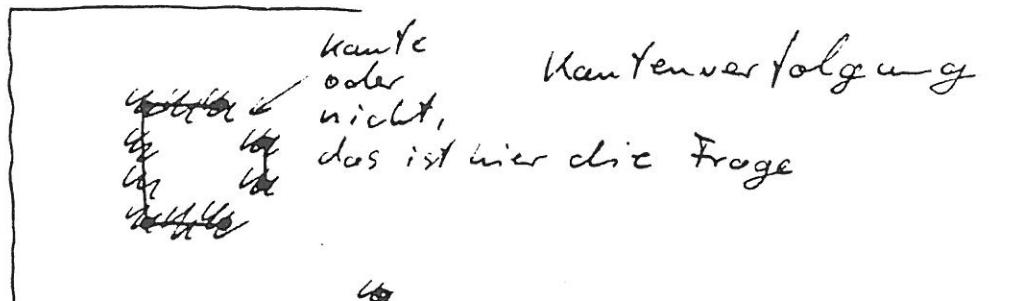


$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$  (Absolutmetrik)  
 Sobeloperator



→

## Binärbild

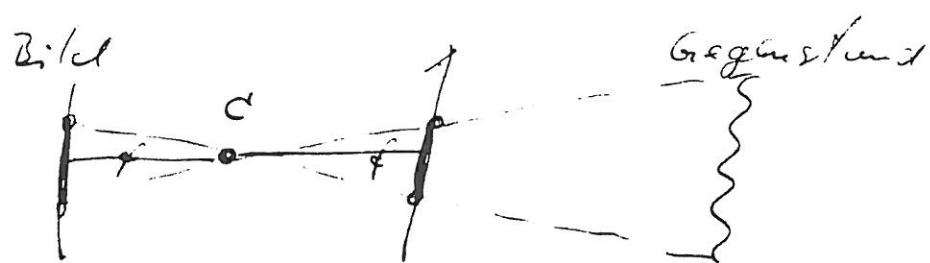
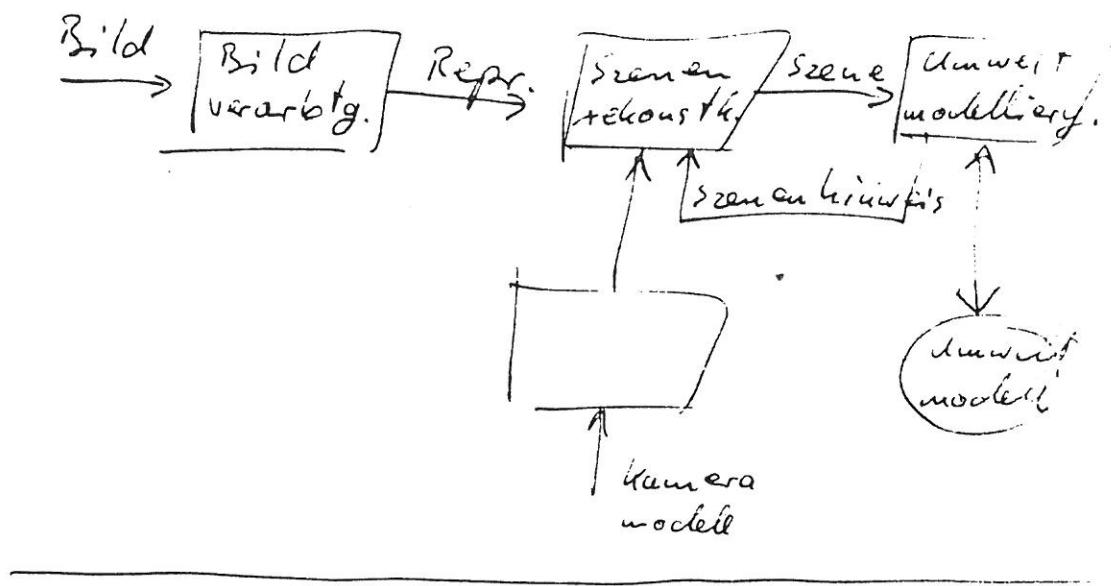


"Binokulares Sehen"

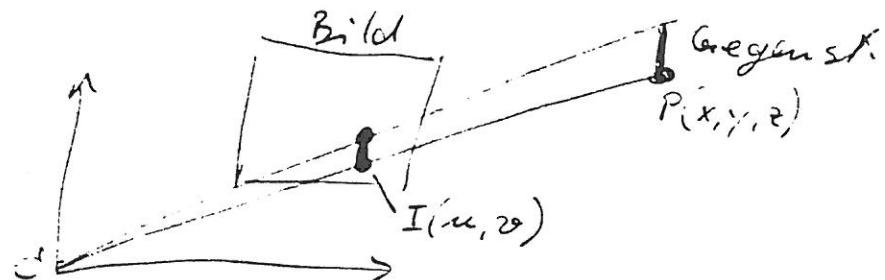
→ 2 stationäre Kameras

→ 1 dynam. Kameras

## Struktur eines Sichtsystems



Zusammenhang Scene Blick



$$P = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{pmatrix} \leftarrow \text{skal.}$$

alle Pkt. der Form

$$P = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ s \end{pmatrix} \xrightarrow{\text{wird}} \text{wurde festgelegt}$$

$$\left\{ \begin{pmatrix} x_s \\ y_s \\ z_s \\ 1 \end{pmatrix} \right\} P' = \begin{pmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$T = \begin{pmatrix} u \\ v \\ w \end{pmatrix} \xrightarrow{\quad} \left[ \begin{matrix} u/w \\ v/w \\ 1 \end{matrix} \right]$$

$$T' = \begin{pmatrix} u' \\ v' \\ w' \\ 1 \end{pmatrix}$$

□

$$T = T \circ P$$

$$(3 \times 1) = (3 \times 4) \cdot (4 \times 1)$$

$$\begin{pmatrix} u \\ v \\ w \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} t_{10} & & & \\ t_{11} & t_{12} & \cdots & t_{14} \\ t_{21} & & & t_{24} \\ t_{31} & \cdots & \cdots & t_{34} \\ & & t_{30} & \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{pmatrix} P'$$

$$u = (t_{10} \cdot P') + t_{14}$$

$$v = (t_{20} \cdot P') + t_{24}$$

$$w = (t_{30} \cdot P') + t_{34}$$

$$\boxed{u' = \frac{t_{10}P' + t_{14}}{t_{30}P' + t_{34}}$$

$$v' = \frac{t_{20}P' + t_{24}}{t_{30}P' + t_{34}}$$

$$w' = \frac{t_{30}P' + t_{34}}{t_{30}P' + t_{34}}$$

$$I^* = T \cdot P^*$$

$$\text{OBdA: } t_{34} = 1$$

Kamerakalibrierung (2 Möglichkeiten)

1. Matrix  $T$  berechnen

Objekt an definiter Stelle im Raum (kein Mittelpunkt)

$\Rightarrow$  pro Pkt.  $P$  2 Gleichg., 1.1 Unsch.

$\geq 6$  Punkte

~~Objekt~~

nicht  
definiert

- nicht beliebige.
- überbest.  $6 \leq 5$

2 Kameraparameter

externe Parameter

- Pos. des Brennpunktes  $(x_0, y_0, z_0)$
- Orientierung der Kamera ( $\vartheta, \phi, \alpha$ )

interne Parameter

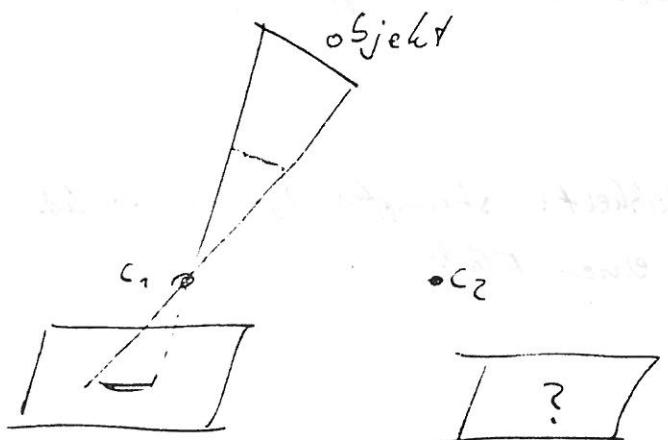
- Bildflächen-Zentrum  $(u_2, v_2)$
- Fokus  $f$  und Pixelabstand  $d = (d_u, d_v)$
- Winkel  $\psi$  zwischen den Bildkoordinatenachsen

Kalibrierung: 1) Bestimmung der ext. und int. Raum.  
2) Berechnung der Matr.  $T$

zu 1) zu aufwendig, instabil

zu 2) Einschränkung  $t_{34} \neq 0 \Rightarrow 11$  Param.  $\approx 6$  Pkt.

## Matching Problem

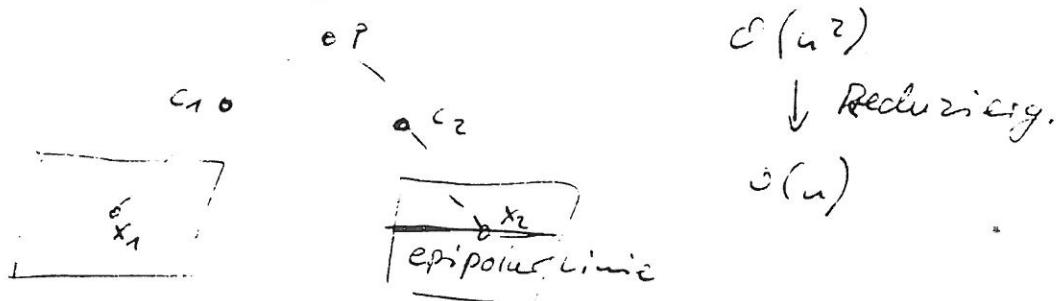


### Algorithmus:

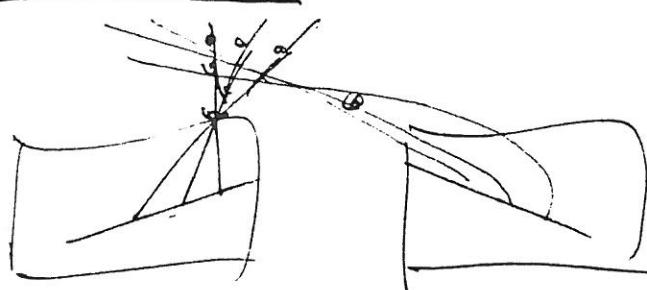
- ~~Erstellung der Epipolarlinie~~
- Objektmenge linke Seite  
Objektmenge rechte Seite  
bilden
- Ein Objekt der einen Seite  
nehmen und andere  
Objektmenge über Epipolar-  
linien eingeschränken.  
 $\Rightarrow$  Kandidat verneinen  
zu zuordnen
- Auf Konsistenz prüfen,  
ggf. andere Zuordnung  
ausprobieren.

### lokale Einschränkung

- Epipolarlinie
- Länge
- Orientierung



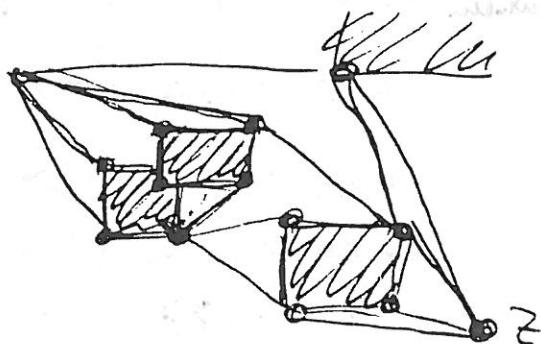
### globale Einschr.



- Verträglichkeits -
- Eindeutigkeits -
- Stetigk. -
- Positions -
- Reihenfolgen -

Einschränkungen

## Sichtgraph



knoten

1 2 3

5

5

3

- Sichtgraph aufstellen a-priori

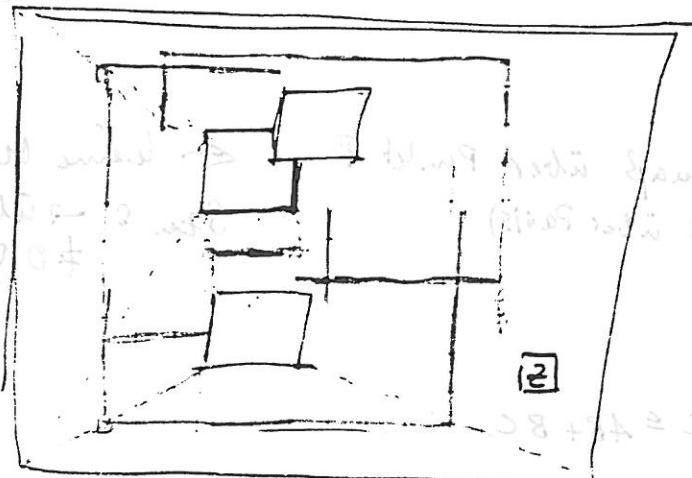
◦ ohne Anf-/Endpunkt

- AP/EP - aufnehmen

- Wegsuche AP → EP

- Voronoi diagramme

a-priori



$$AB = 8A \quad (3)$$

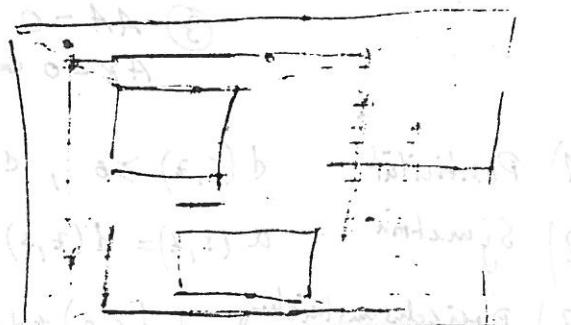
$$AB = 4A \quad (3)$$

$$AB = 4A \quad (3)$$

$$0 = (3, 2) \cdot b$$

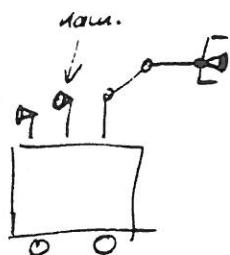
$$(3, 2) \cdot b \leq (3, 2) \cdot b$$

$$(3, 2) \cdot b \leq (3, 2) \cdot b$$

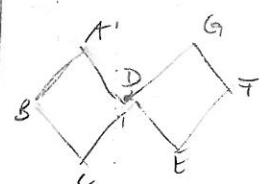
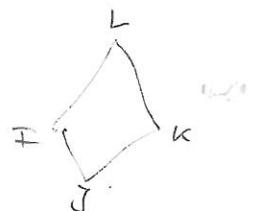
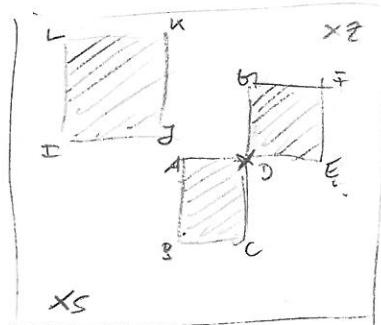


# Roboter

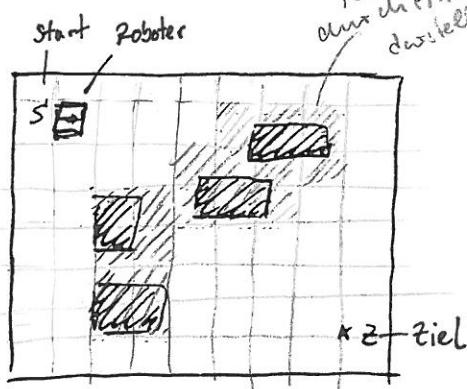
| Untersch. Kriterien | Ind. Roboter | intellig. Rob. |
|---------------------|--------------|----------------|
| Aufgaben            | 1 Aufg.      | mehere Aufg.   |
| Mobilität           | nicht        | möglich        |
| Sensotik            | wenig        | viel           |
| lernen              | nicht        | möglich        |
| Umweltmodell        | klein        | groß           |



nach Reduktion mit Gates



## 1. Schuplanung



Potentialfeld aufbauen

Objekte hohe Potentiale

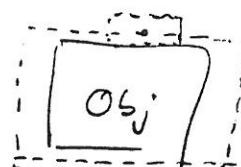
von Ziel aus steig.

Potentiale

Kugel rollt abwärts

lokale Minima beachten

Robot



klein rotat. Freiheitsgrad

Hindernisse vergrößern, Roboter  $\hat{=}$  Punkt

Sugihara  $\Rightarrow$  Interpretation von Kartenfiguren, die mit einer einzelnen Karte-a ergänzten werden. Anwendung z.B. beim Försteramt ~~Waldwirtschaft~~



+ : konvexe Kante

- konkav Kante

> : Fläche rechts

Sugihara



$\begin{array}{c} + \\ \diagup \\ Y \\ \diagdown \\ + \end{array}$     $\begin{array}{c} - \\ \diagup \\ Y \\ \diagdown \\ - \end{array}$  ~~zulässig~~  $\begin{array}{c} + \\ \diagup \\ Y \\ \diagdown \\ - \end{array}$   $\begin{array}{c} - \\ \diagup \\ Y \\ \diagdown \\ - \end{array}$   $\text{für } \text{stabil } Y\text{-Ecken}$



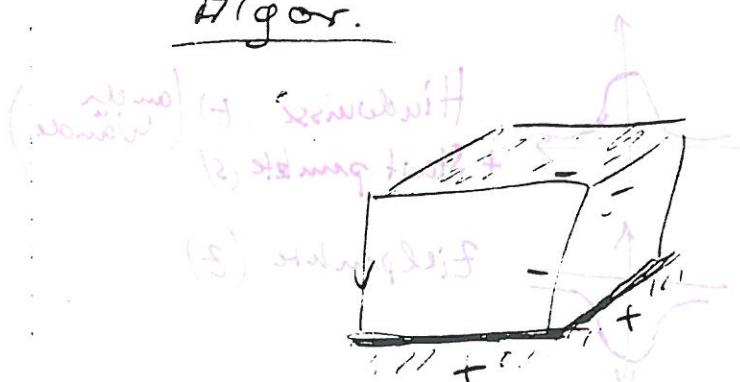
W-Eckau



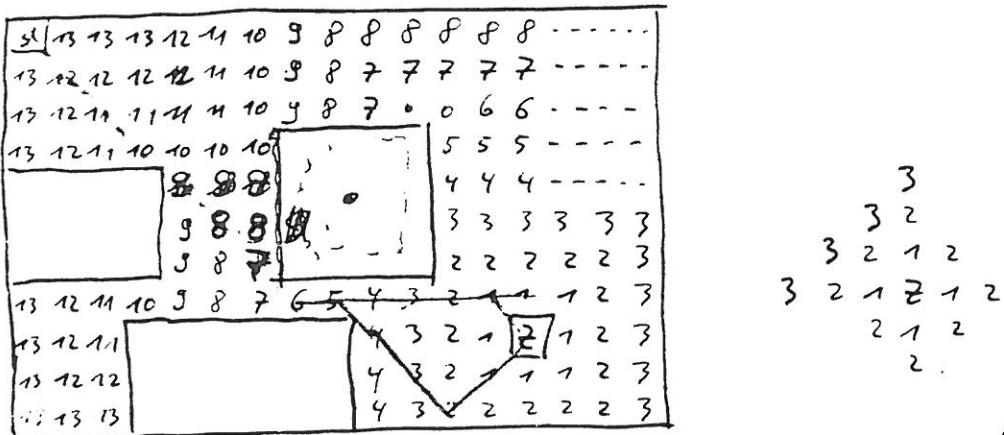
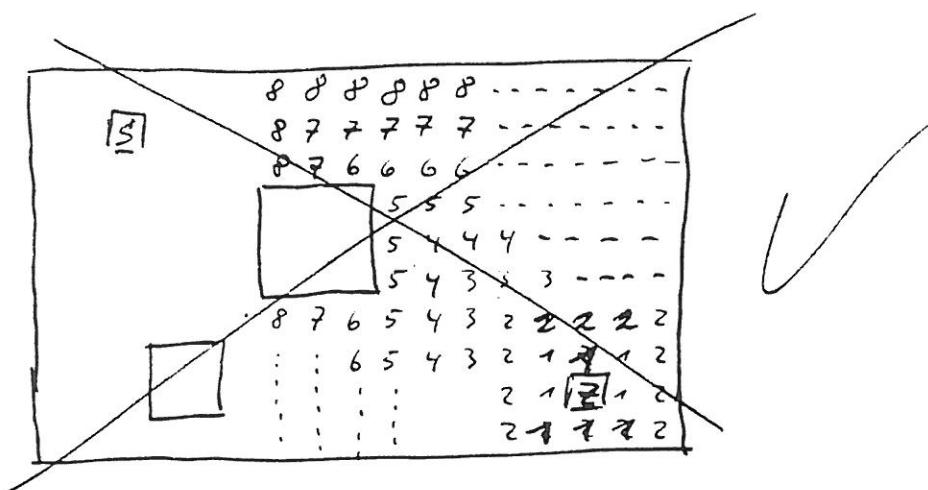
## V-Eichen



D'gor.



## Abschlagsfeldmethode



## Potentialfeld

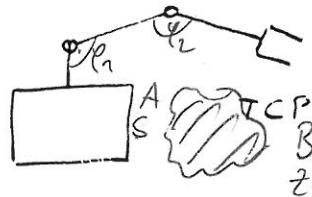
Möglichkeit:  $a \in s \setminus \{ \text{End} \}$  optimiert  
ziel : anziehend

## Konfigurationsraummethode

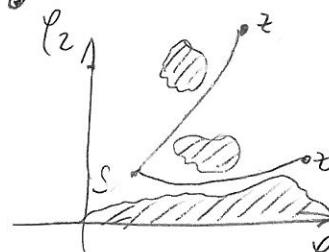
: { Bahnpunktmengen für }  
Roboterarme

# Bahnplanung von Manipulatoren

rotatorische  
translatoryche } Gelenke



Ortsraum → Konfigurationsraum  
Gelenkwinkelraum



1.) direktes kinemat. Problem

$$(\theta_1, \theta_2, s) \rightarrow (x, y, z)$$

↳ 3. Freiheitsgrade

- 1)  $\varphi_{1,\min} \leq \varphi_1 \leq \varphi_{1,\max}$   
Ebenen im Gelenkrbaum
- 2)  $\varphi_{1,\min} \leq \varphi_1 \leq \varphi_{1,\max}$   
Geschwindigkeiten
- 3)  $\ddot{\varphi}_{1,\min} \leq \ddot{\varphi}_1 \leq \ddot{\varphi}_{1,\max}$
- 4)  $\dddot{\varphi}_{1,\min} \leq \dddot{\varphi}_1 \leq \dddot{\varphi}_{1,\max}$

2.) inverses kinemat. Problem

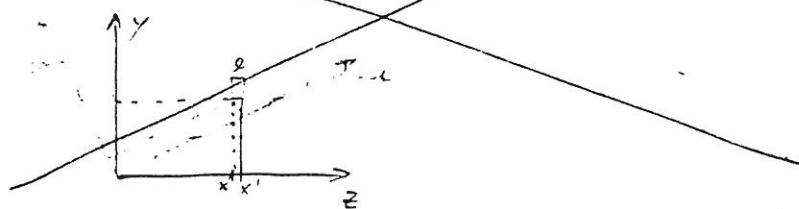
$$(x, y, z) \rightarrow (\theta_1, \theta_2, s)$$

24 Freiheitsgrade kein Schwachraum,  $\Rightarrow$  dopp. Seleg.,  
→ mehr Freiheiten

Konfigur. → Ortsraum

Koordinatensystem umwandlung

→ Siehe  
nächste Seite

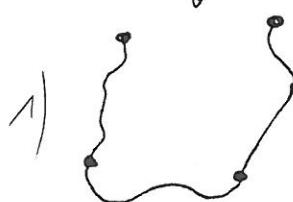


Point-to-Point

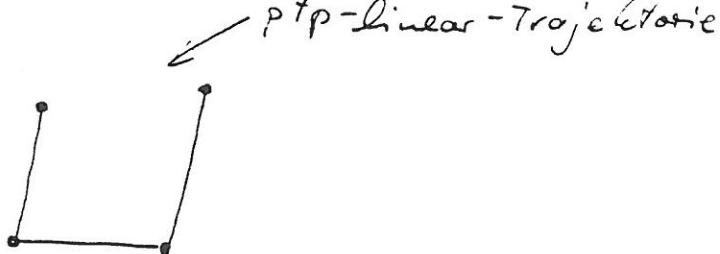
## Trajektorien-Typen

Bahn

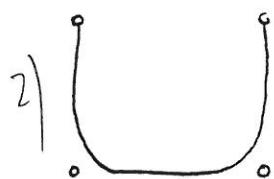
p2p - Trajektorie



Scheint so zu  
wie sich Punkt bewegt

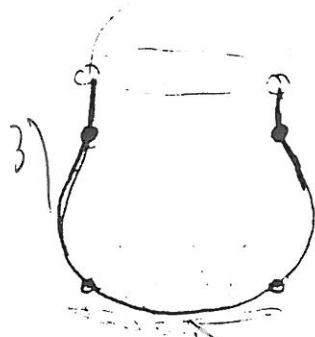


lineare Bewegung  
(Schweifen)



p2p mit Überschleifen

nicht verlangt, dass bestimmte Punkte erreicht werden



approximiert

p2p mit Bahnapproximation

$\Rightarrow$  nicht Abbremsen an den Ecken

Frage: Wie kann ich diese Trajektorien im Konf. Raum abbilden ???

## Kollisionsvermeidung

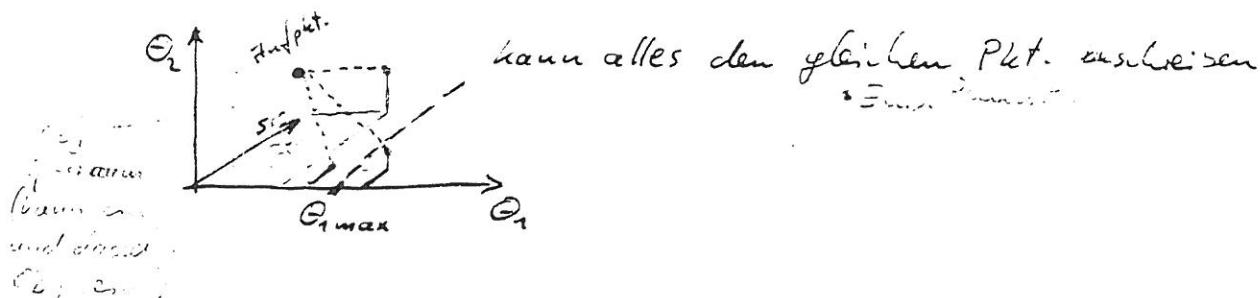
interne KV

$$\theta_{\min} \leq \theta \leq \theta_{\max}$$

$$\dot{\theta}_{\min} \leq \dot{\theta} \leq \dot{\theta}_{\max}$$

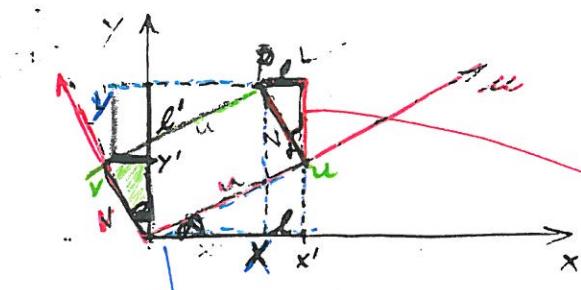
$$\ddot{\theta}_{\min} \leq \ddot{\theta} \leq \ddot{\theta}_{\max}$$

externe KV (Konfigurationsraum)



$$\begin{pmatrix} \sin & -\cos \\ \cos & \sin \end{pmatrix}$$

## Koord. system transform.

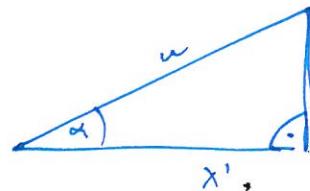


Drehung des Arms  
=> Drehung des Koord. systems

$$l \Rightarrow \sqrt{x'^2 - x^2}$$

$$x = x' - l$$

$$\sin \alpha = \frac{l}{u} \Rightarrow l = u \cdot \sin \alpha$$



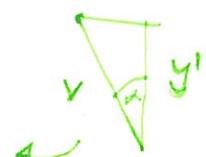
$$\cos \alpha = \frac{x'}{u} \Rightarrow x' = u \cdot \cos \alpha$$

$$x = u \cdot \cos \alpha - v \cdot \sin \alpha$$

~~the~~

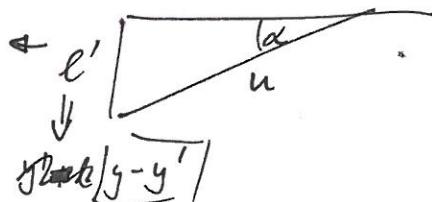
$$y = y' + l'$$

$$\cos \alpha = \frac{y'}{u} \Rightarrow y' = u \cdot \cos \alpha$$



$$\sin \alpha = \frac{l'}{u} \Rightarrow l' = u \cdot \sin \alpha$$

$$y = u \cdot \sin \alpha + v \cdot \cos \alpha$$



$$u \cdot \cos \alpha - v \cdot \sin \alpha = x$$

$$u \cdot \sin \alpha + v \cdot \cos \alpha = y$$

$$\begin{pmatrix} \cos \alpha & -\sin \alpha \\ \sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix} \begin{pmatrix} u \\ v \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} \cos \alpha & -\sin \alpha \\ \sin \alpha & \cos \alpha \end{vmatrix} = \cos^2 + \sin^2 = 1$$

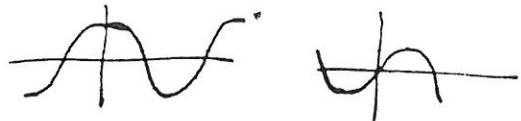
=> keine Streckung

## Drehg. um dasprung

$$\begin{pmatrix} \sin \varphi \cdot x + \cos \varphi \cdot y \\ \cos \varphi \cdot x - \sin \varphi \cdot y \end{pmatrix} \rightarrow$$

$$\begin{pmatrix} x \cos \varphi - y \sin \varphi \\ x \sin \varphi + y \cos \varphi \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \varphi & -\sin \varphi \\ \sin \varphi & \cos \varphi \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$

## Drehg. um -f



$$\begin{pmatrix} \cos(-f) & -\sin(-f) \\ \sin(-f) & \cos(-f) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos f & \sin f \\ -\sin f & \cos f \end{pmatrix}$$

## HP-UPN-Rotation

sto x

x < y

sto y

input w, u, v

+cl u, sto -x

+cl v, sto -y

+cl w, sin, +cl x, \*

+cl w, cos, +cl y, \*, +

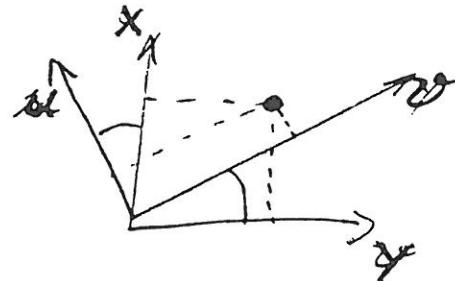
+cl z, +

+cl w, cos, +cl x, \*

+cl w, sin, +cl y, \*, -

+cl u, +

retu



$$H \begin{pmatrix} u \\ v \\ w \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} c & -s \\ s & c \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & s \\ -s & c \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

y

x

x

$$D_{x\alpha} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\alpha & -\sin\alpha \\ 0 & \sin\alpha & \cos\alpha \end{pmatrix} \quad \text{Drehung um x-Achse}$$

$$D_{y\theta} = \begin{pmatrix} \cos\theta & 0 & \sin\theta \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin\theta & 0 & \cos\theta \end{pmatrix} \quad \text{Drehung um y-Achse}$$

$$D_{z\varphi} = \begin{pmatrix} \cos\varphi & -\sin\varphi & 0 \\ \sin\varphi & \cos\varphi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad \text{Drehung um z-Achse}$$

$$D(\alpha, \theta, \varphi) = D_{x\alpha} \cdot D_{y\theta} \cdot D_{z\varphi}$$

Dreh + Transf.

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = D \cdot \begin{pmatrix} u \\ v \\ w \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} x^T \\ y^T \\ z^T \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ s' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} D & T \\ P & S \end{pmatrix} \begin{pmatrix} u \\ v \\ w \\ 1 \end{pmatrix}$$

P = Perspektivvektor =  $1 \times 3$

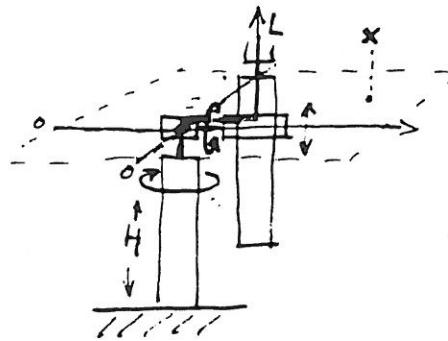
D = Drehmatrix =  $3 \times 3$

T = Translationsvektor =  $3 \times 1$

S = Skalierungs faktor =  $1 \times 1$

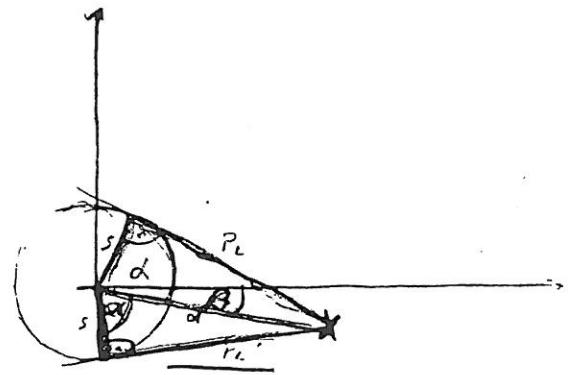
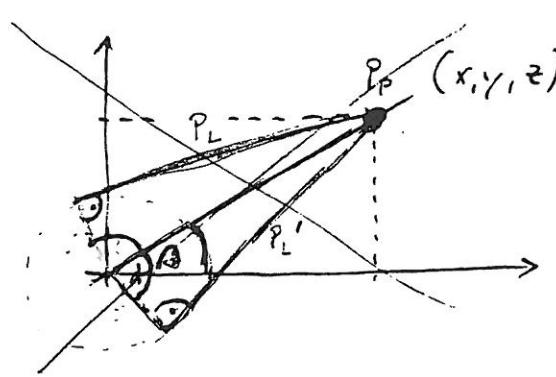
KINEMATIK

inverses kinem. Probl.



Problem:

$$(x, y, z) \rightarrow (\theta_1, \theta_2, s)$$



$$\beta = \arctan \frac{|y|}{|x|}$$

$$\alpha = \arctan \frac{P_L'}{s}$$

$$|\theta_1| = \alpha + \beta \quad y < 0 \quad \text{Rechtsseitiges unterer Fall}$$

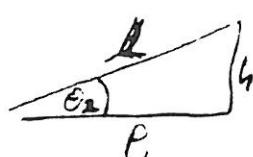
$$|\theta_1| = \alpha - \beta \quad y > 0 \quad " \quad \text{oben}$$

$$|\theta_1'| = \alpha - \beta \quad y < 0 \quad \text{Linksseitiges unterer Fall}$$

$$|\theta_1'| = \alpha + \beta \quad y > 0 \quad " \quad \text{oben}$$

$$d = \sqrt{x^2 + y^2}$$

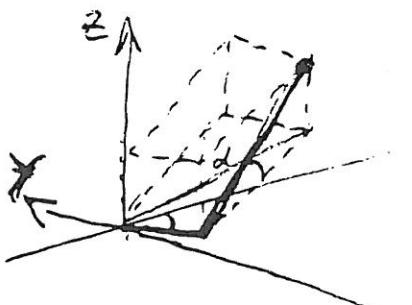
$$P_L = \sqrt{d^2 - s^2} = \sqrt{x^2 + y^2 - s^2}$$



$$h = z - s$$

$$l = \sqrt{h^2 + P_L^2}$$

$$\theta_2 = \arctan \frac{h}{P_L}$$



## Repräsentation von Wissen

- Wissen über die Umgebung  
→ Umweltrepräsentation
- Expertenwissen  
→ XPS
- Planungswissen  
→ Planungsverfahren
- Lernen, Maschinelles Lernen  
→ N.N. (neuronales Netz)

$$\sigma = \{\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3, \dots, \sigma_n\} \quad \text{Operatoren}$$

$$z = \{z_1, z_2, \dots, z_m\} \quad \text{Zustände}$$

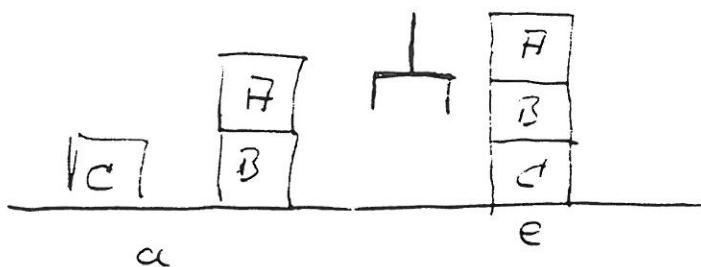
geg.:  $a = z$

$e = z$

Anz. der Operatoren

ges.: ~~( $\sigma$ )~~ ( $\sigma$ )<sub>i</sub>:  $a \xrightarrow{\sigma_i} z_{i1} \xrightarrow{\sigma_i} z_{i2} \xrightarrow{\sigma_i} \dots \xrightarrow{\sigma_i} z_{ik} = e$

$\uparrow$  Plan  
 $i=1..k$



## Prediccate

auf-tisch ( $x, z_i$ )

auf ( $x, y, z_i$ )

frei ( $x, z_i$ )

in-hand ( $x, z_i$ )

$x = \text{nil}$  (hat nix in der hand)

## Operatoren

Aufnehmen ( $x, z_i$ ): Greifer nimmt Block  $x$  vom Tisch auf.

Abnehmen ( $x, y, z_i$ ): Greifer nimmt Block  $x$  vom Block  $y$  ab.

Ablegen ( $x, z_i$ ): ...

Drauflegen ( $x, y, z_i$ ): ...

## einfacheste Situation



$\alpha = \text{auf-tisch}(B, z_0) \wedge \text{auf}(A, B, z_0) \wedge \text{frei}(A, z_0) \wedge \text{in-hand}(\text{nil}, z_0)$

$\epsilon = \text{in-hand}(A, t)$  ges. wird  $t$  mit der Eigenschaft  
 $\exists t: \text{in-hand}(A, t)$

Abnehmen ( $x, y, z$ ) =  $\text{auf}(x, y, z) \wedge \text{frei}(x, z) \wedge \text{in-hand}(\text{nil}, z) \rightarrow$

$$z_1 = \text{abnehmen}(x, y, z)$$

$\text{in-hand}(x, \underline{\text{abnehmen}}(x, y, z)) \wedge \text{frei}(y, \underline{\text{abnehmen}}(x, y, z)) \wedge \neg \text{in-hand}(\text{nil}, z_1) \wedge \dots$   
 $\neg \text{auf}(x, y, z_1) \wedge \neg \text{frei}(x, z_1)$

jetzt e' Situation gesucht

$e' = \exists t: \text{auf-tisch}(A, t) \wedge \text{auf-tisch}(B, t)$

$\tilde{a} \text{Stegen}(x, z) = \text{in-hand}(x, z) \rightarrow$   
 $\text{auf-tisch}(x, \underline{\text{aStegen}(x, z)}) \wedge$   
 $\text{in-hand}(\text{nil}, z_1) \wedge$   
 $\forall i: \text{int-hand}(x, z_i)$        $\boxed{z_1 = \text{aStegen}(x, z)}$

$z = \tilde{a} \text{Stegen}(A, \tilde{a} \text{Stegnen}(A, B, z_0))$

Rahmen: NachBed.

Qualifikationsproblem: VorBed.

wollt. vom letzten mal

Planung als Inferenz

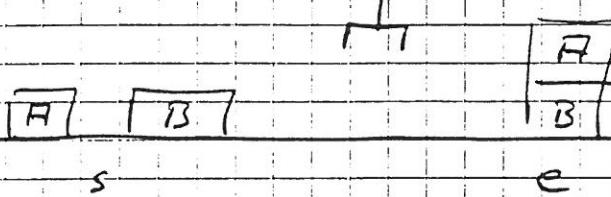
$KF \xrightarrow{\substack{\uparrow \\ op.}} KF$   
↓                    {hand nicht mehr frei}

- wo bleibt der Plan?  
→ s {zustände mitführen}
- Rahmenproblem  
was wird von operatoren unveränd. gelassen
- Qualifikationsproblem  
(Block bleibt nicht am Tisch kleben,  
.. fällt nicht aus Greifer)

## Planungswissen

- Planung als Inferenz (Problemlösung)
- Planung als Suche
- konjunktive Zielplanung

## Planung als Suche



s : auf-tisch (A),  
 auf-tisch (B), } startzustand  
 in-hands (nicht)  
 frei (A), frei (B)

### Operatoren:

Holen (x)

NB : auf-tisch (x)  
 in-hands (nicht)  
 frei (x)

e : auf-tisch (B)  
 auf (A,B)  
 in-hands (nicht,  
 frei (A))

zu/B im vorherigen  
 Zustand gelten.  
 (vorhanden sein)

### NB: Dazu Liste

in-hands (x)

### Weg Liste

auf-tisch (x)

in-hands (nicht)

frei (x)

zum auf vorherige  
 Zustand angehören  
 werden.

man geht von Endersetzung aus vor  
Endsetz. ist nicht erfüllt, versuchen  
zu expandieren.  
 $\Rightarrow$  Interpretation suchen, die entsprechendes  
Prädikat hat, und anwenden.  
auf das Prädikat, das momentan  
nicht erfüllt ist (also nicht zu einer  
(nicht) leeren Menge führt).

programm PL<sup>E</sup> { planning durch suchen }

P<sup>E</sup>S' (Z, S)

Synthese: Z Menge von Zielen

Z Startsituation

Hilfsvariablen: S' aktuelle Situation

Ausgabe: P Planifizierte Erdenung von Z,

9: P :=  $\emptyset$ ; S' = Z.

-i: while, noch Zielleisten in Z, etc

1.1: wähle Ziell { bel. Ziell}

1.2: wähle Operator 9, der Ziell in der  
Planliste nutzt.

1.3: P := P + PL<sup>E</sup>(9, Vorged., S', + S)

1.4: S' := P(S) { S' ergibt sich durch  
Ausweitung von Plan P  
auf Zielleiste Z }

2: return(P).

## Weitere Operatoren:

Drauflegen ( $x, y$ )

Wf: in\_hand ( $x$ )

frei ( $y$ )

NB: Dazu Liste

auf ( $x, y$ )

frei ( $x$ )

in\_hand (mit)

Weg Liste

frei ( $y$ )

in\_hand ( $x$ )

$$z = \{ \dots \} \quad \text{siehe Erweiterung}$$

$$S' = \{ \dots \} = S' \quad (a) \quad \checkmark$$

$$P = \emptyset \quad (a)$$

$$z_1 = \text{auf } (A, B) \quad (1.1)$$

$$\partial = \text{Drauflegen} \quad (1.2) \quad \text{für } x=A, y=B.$$

$$z = \{ \text{in\_hand}(A), \text{frei}(B) \}$$

$$S' = \{ \dots \} = S, P = \emptyset \quad (d)$$

$$z_1 = \text{in\_hand}(A) \quad (1.1)$$

→  $\partial 1 = \text{Aufnehmen} \quad (1.2) \text{ mit } x=A$ .

$\partial 2 = \text{Abnehmen}$

$$z = \{ \text{auf\_tisch}(A), \text{frei}(A), \text{in\_hand}(mit) \}$$

$$S' = \{ \dots \} = S, P = \emptyset \quad (g)$$

$$P = \emptyset \quad (2.)$$

$$P = \text{Aufnehmen}(A) \quad (-1:3)$$

$$S' = \{ \text{in\_hand}(A), \text{auf\_tisch}(B), \text{frei}(C) \}$$

$P = \text{Aufnehmen}(A) + \text{Drauflegen}(A, B)$ .

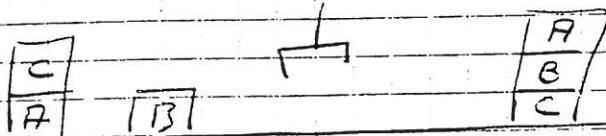
$S' = \{\text{auf - fisch}(B), \text{auf}(A, B), \text{in - hand}(w1), \text{frei}$

(2)  $P \rightarrow$  Plan ausgeben

Problem von PLS:

- bereits erfülltes Ziel wird zerstört

Die Sussmann - Anomalie



frei(C)

.. auf - fisch(C)

frei(B)

.. auf(B, A)

auf - fisch(A)

.. auf(A, B)

auf - fisch(B)

.. in - hand(w1)

auf(C, A)

.. frei(A)

in - hand(w1)

Aufnehmen(C, A)

Dieser Plan entsteht bei Bezeichnung  
der Ziele des Roboters mit

Auflegen(C)

..

Aufnehmen(B)

..

Drauflegen(B, C)

..

Aufnehmen(A)

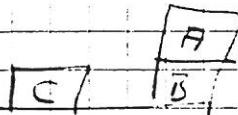
..

Drauflegen(A, B)

..

Für einen Takt mit 3 Schritten:

3:  $\text{HN}(C, A)$ ,  $\text{AL}(C)$ ,  $\text{Auf}(\bar{A})$ , Drauf ( $B, C$ )



2:  $\text{HN}(\bar{A}, B)$ ,  $\text{AL}(\bar{A})$ ,  $\text{Auf}(B)$ , Drauf ( $B, C$ )

3:  $\text{Auf}(\bar{A})$ , Drauf ( $B, B$ )

$\Rightarrow$  4 Schritte mehr

2:  $\text{Auf}(B)$ , Drauf ( $B, C$ )

3:  $\text{HU}(B, C)$ ,  $\text{AL}(B)$ , {Drauf. Situation}

~~$\text{HN}(\bar{A}, \bar{B})$   $\text{HN}(C, A)$ ,  $\text{AL}(C)$ ,  $\text{Auf}(\bar{A})$ , Drauf ( $A, C$ )~~

2:  $\text{HN}(\bar{A}, B)$ ,  $\text{AL}(\bar{A})$ ,  $\text{Auf}(B)$ , Drauf ( $B, C$ )

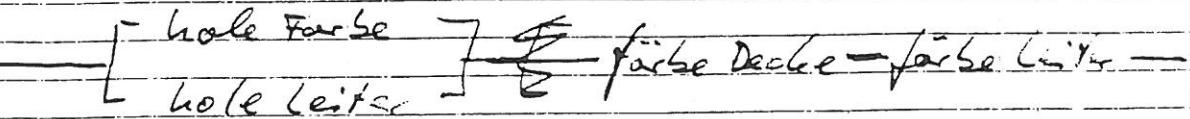
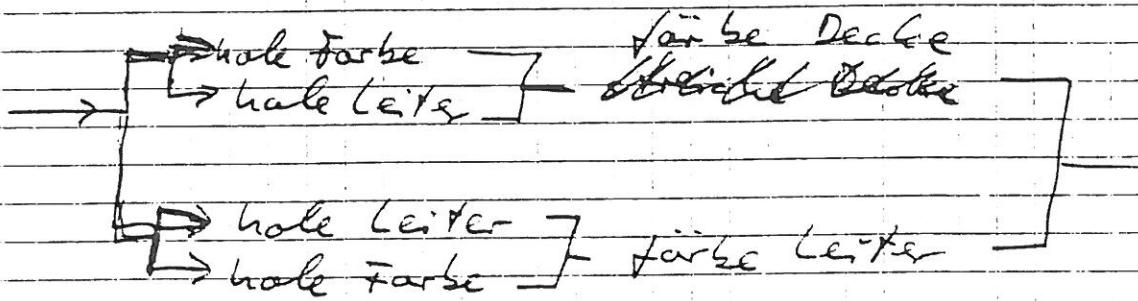
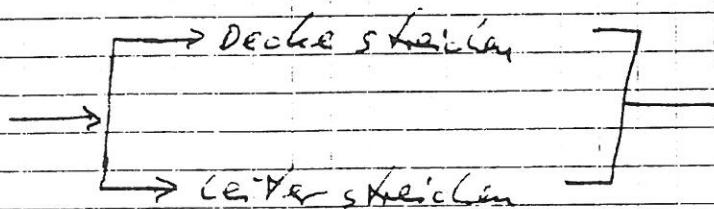
3:  $\text{Auf}(\bar{A})$ , Drauf ( $\bar{A}, B$ )

$\Rightarrow$  14 Schritte (Reicht aus)

## Konjunktive Zielpfannung

⇒ mehrere Ziele geknüpft um sie zu erfüllen (nicht nur auf eines konzentriren und kann ein anderes)  
{ schwere Leder, schwere Leiter }

Bsp.: schwere Decke, schwere Leiter



## Repräsentation von Wissen

~~Wissen ist eine Beziehung~~

Einfach (etwas Seineres)

lebendiges Wesen

Mensch

Ich

Frau

Katze

Frau Mayer

Individuen

Spezialisierung

Generalisierung

Ding

Vierseitig

} Attribut-  
Hausprüfung

Hausprüfung des Begr. Katze

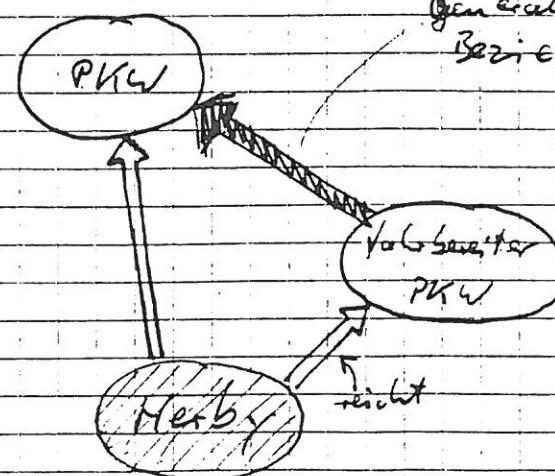
↳ ist im Baum ein Blatt

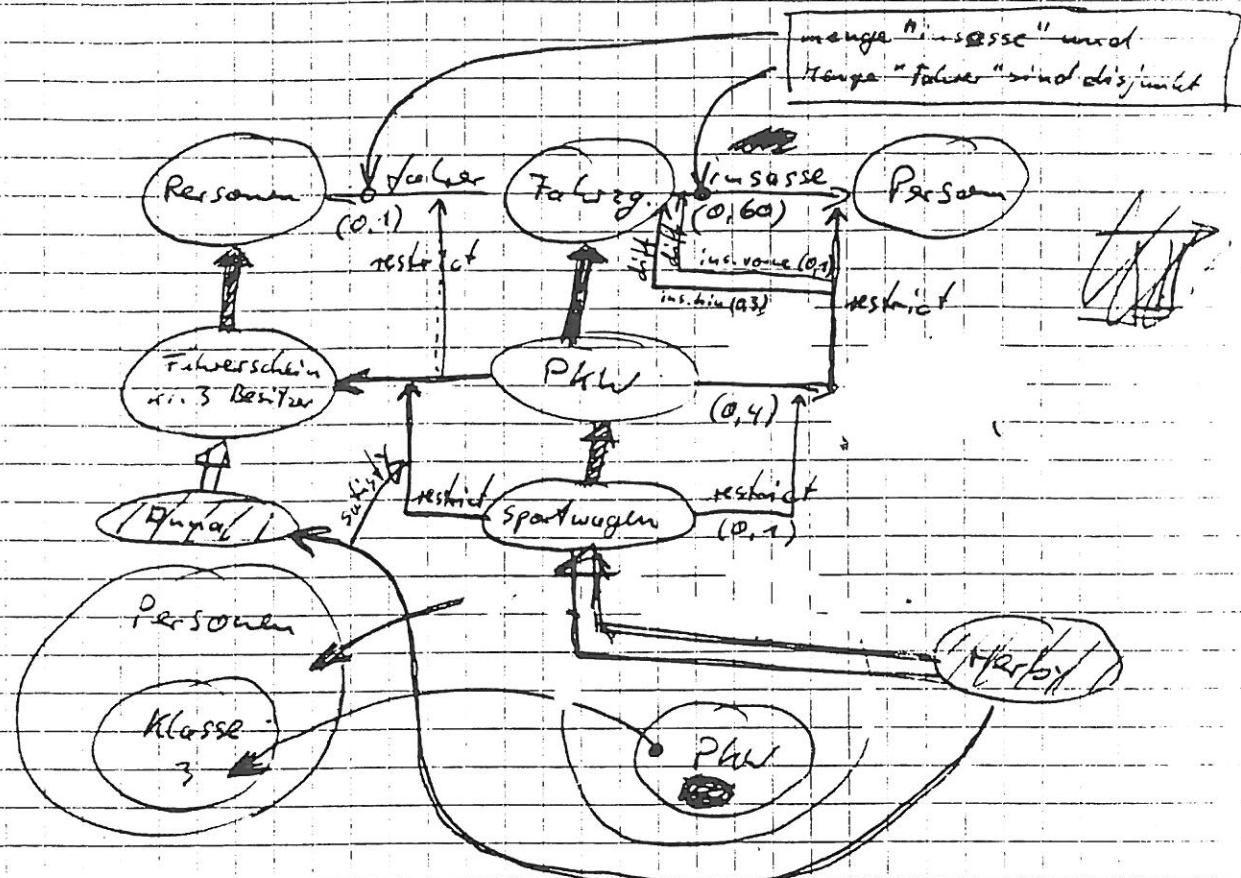
$$M(\text{Frau Mayer}) = W(\text{vol})$$

$$\forall x \ M(x) \rightarrow F(x).$$

Individuum  
Diskursbereich  
Grundmenge  
der Prädikate

KL - ONE (Knowledge Language One)





Attribut mit  
Restriktion

restrict

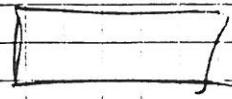
Attribut mit  
Differenzierung

dift

Attributsausprägung

satisfy

Strukturbedingung



Begriffe

Präd. logik

PL - ONE

Gattung

einstelliges  
Prädikatsymbol.  
 $P(x)$



Generalis-

sierung

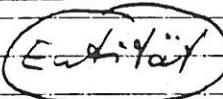
immer nur  
zwischen Gattungen

$$\forall x \, G_1(x) \rightarrow G_2(x)$$



allgemeinste  
Gattung

$$\forall x \, \text{Entität}(x)$$



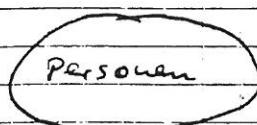
Individuen

$\xrightarrow{c}$   
Konstante aus  
Grundsymbolen

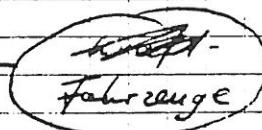


Gattungs-  
zugehörigkeit  
zv. Individuum  
u. Gattung

$$G(c) = w.$$



Fahrer  
(0,1)



hier  
stimmt  
der Pfeil  
nicht

$$\forall x, y \, \text{Fahrer}(x, y) \rightarrow \text{person}(x) \wedge \text{Fahrzeug}(y)$$

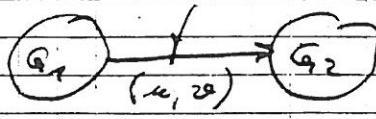
Attribut zw.  
Gattungen

zweistelliges  
Prädikatsym.  
 $f(x, y)$



Attribut mit  
kardinalitäts-  
beschränkung

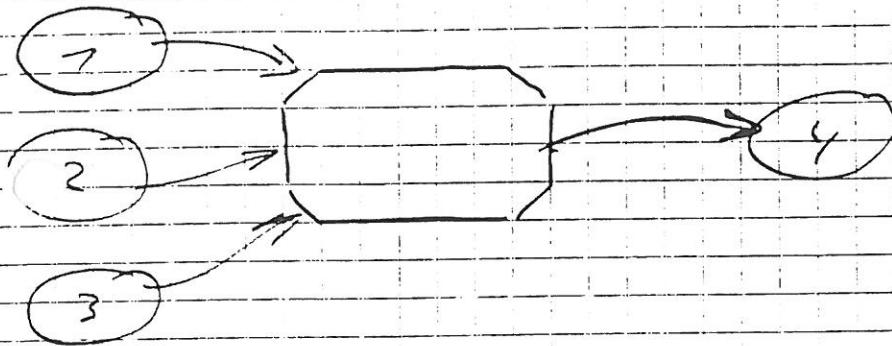
Type  $\subseteq \text{card} \{ y / \exists x : f(x, y) = w \} \leq 2^{\aleph_0}$



## KL-ONE +

Erweiterung von 2-stelligen Attributen auf  
n-stellige Beziehungen.

Pfeile verbinden Beziehungsknoten.



## Rahmensprache FL

Frame Lang.

$\langle \text{Begriff} \rangle ::= \langle \text{Attribut} \rangle \mid$

(UND  $\langle \text{Begriff}_1 \rangle \dots \langle \text{Begriff}_n \rangle$ ) |

(ALLE  $\langle \text{Attribut} \rangle \langle \text{Begriff} \rangle$ ) |

(EINIGE  $\langle \text{Attribut} \rangle$ )

$\langle \text{Attribut} \rangle ::= \langle \text{Atom} \rangle \mid$

(RESTR  $\langle \text{Attribut} \rangle \langle \text{Begriff} \rangle$ ).

Beispiel:

$x \in (\text{UND Erwachsener männl-Wesen Person})$   $a \in b_1, b_2, \dots, b_n$   $x \in \dots$  wenn  $x$  ist

$x \in (\text{UND Person (EINIGE Kind)})$   $x \in (\text{EINIGE } \langle \text{Attribut} \rangle)$ :  
 $b_1 \sim b_2 \sim \dots \sim b_n$   $x$  hat mind. ein  $a$

(ALLE Kind  $\forall x$ )

$x \in (\text{ALLE } a)$ : jedes  $a$  von  $x$  ist ein  $b$ .

$x \in \dots$  wenn jedes  $a$  von  $x$  ein  $b$  ist

KTO

$$\mathcal{E}(\text{UND } b_1, \dots, b_n) := \bigcap_{i=1}^n \mathcal{E}(b_i)$$

$$\mathcal{E}(\text{ALLE } a \text{ } b) = \{x \in D : \forall y (x, y) \in \mathcal{E}(a) \rightarrow y \in \mathcal{E}(b)\}$$

$$\begin{aligned}\mathcal{E}(\text{ALLE Söhne männl. Wes.}) &= \{x \in D : \forall y (x, y) \in \mathcal{E}(\text{Sohn}) \\ &\quad \rightarrow y \in \mathcal{E}(\text{männl. Wes.})\} \\ &= \{V1, V2\}\end{aligned}$$

$$\mathcal{E}(\text{EINIGE } a) = \{x \in D : \exists y : (x, y) \in \mathcal{E}(a)\}$$

$$\mathcal{E}(\text{EINIGE Sohn}) = \{V1, V2\}$$

$$\mathcal{E}(\text{Ein. Tochter}) = \{V2\}$$

$$\mathcal{E}(\text{RESTR } a \text{ } b) = \{(x, y) \in D \times D : (x, y) \in \mathcal{E}(a) \wedge y \in \mathcal{E}(b)\}$$

$$\mathcal{E}(\text{NF}) = \{(V1, K1), (V1, K2), (V2, K3), (V2, K4)\}$$

$$\mathcal{E}(\text{RESTR NF HW}) = \{(V1, K1); (V1, K2); (V2, K4)\}$$

(FL)

KL-Dreieck

Diskurswelt

Individuen

Begriffe

Gattungen

Begriffspaar

Hx, y, z,

Attributdef.

?

$y \in (\text{RESTR } a \ b)$  von  $x$

$y$  erfüllt ein  $a$  von  $x$  ist und ein  $b$  ist.

Bsp.: Beisp.:

(UND Person

(EIGEN Kind)

(ALLE (RESTR Kind männl. (Wen.) Richter)

(ALLE (RESTR Kind weibl. (Wen.) Arzt)

)

$E$ : Extension

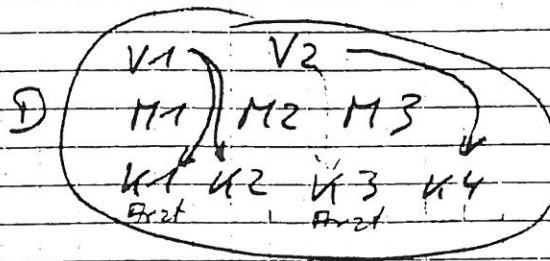
$E : \langle \text{Begriff} \rangle \rightarrow D$

$\langle \text{Attribut} \rangle \rightarrow D \times D$

~~(Attribut)~~

$D \equiv \text{Diskurswelt}$

Bsp.:



$E(\text{Kind}) = \{K_1, \dots, K_4\}$

$E(\text{Sohn}) = \{(V_1, K_1); (V_2, K_2); (V_2, K_4)\}$

$E(\text{männl. Wes.}) = \{V_1, V_2, K_1, K_2, K_4\}$

$E(\text{UND männl. Wes.}, K_1, V_1) = E(\text{MW}) \cap E(\text{Kind}) = \{K_1, K_2, K_4\}$

(UND Person) = {V<sub>1</sub>, M<sub>1</sub>, K<sub>1</sub>, V<sub>2</sub>}

00 (EINIGE AND NF) = {V<sub>1</sub>, V<sub>2</sub>}

01  
10 (ALLE (RESTR NF MW) Richter) = {V<sub>2</sub>}

11 (ALLE (RESTR NF WW) Arzt) = {V<sub>1</sub>, V<sub>2</sub>}

w ) = {V<sub>2</sub>}

Def.: Der Begriff b<sub>1</sub> wird vom Begriff b<sub>2</sub> subsumiert genau dann, wenn  
 $E(b_1) \subseteq E(b_2)$

Bem.: Umgangssprachlich ist b<sub>2</sub> Oberbegriff von b<sub>1</sub>.

Problem: Wie wird neuer Begriff in eine Begriffs-  
hierarchie eingearbeitet

Bsp.:  $\alpha_1 = (\text{UND Person} (\text{ALLE NF Arzt}))$

$\alpha_2 = (\text{UND Person} (\text{ALLE NF reich}))$

$\alpha_2 = (\text{UND}_1 (\text{UND}_2 \text{Person} (\text{ALLE NF reich}))$

(UND<sub>3</sub> MW

(ALLE (RESTR NF reich))

(UND<sub>4</sub> BZT

(EINIGE (RESTR Spezialist  
Chirurgie

) ) ) )

Beh.:  $\alpha_1$  subsumiert  $\alpha_2$

$\alpha_2$  wird von  $\alpha_1$  subsum. } gleichbedeutend  
 $\alpha_1$  Oberbegriff }

$$E(\alpha_2) \subseteq E(\alpha_1)$$

Bew.:

$$x \in E(\alpha_2) \quad \text{quasi UND}_1$$

$$\Leftrightarrow x \in E(\text{UND}_2 \dots) \wedge x \in E(\text{UND}_3 \dots)$$

$$\Leftrightarrow x \in E(\text{Person}) \wedge x \in (\text{ALLE } \cancel{\text{Nicht}} \text{Reich}) \wedge$$

$$\cancel{x \in E(\text{IWF})} \wedge x \in E(\text{ALLE} \dots)$$

↑ weil Einschränkung und nicht in  $E(\alpha_1)$  enthalten

$$\Rightarrow x \in E(\text{Person}) \wedge x \in \{x \in D : \forall y (x, y) \in E(\text{NF}) \rightarrow y \in E(\text{reicht})\} \wedge$$

$$\wedge x \in \{x \in D : \forall y (x, y) \in E(\text{RESTR } \cancel{\text{kein}} \text{reicht}) \rightarrow y \in E(\text{NF})\}$$

$$y \in E(\text{UND}_4 \text{ Prakt (EINIGE} \dots)) \}$$

$$\Rightarrow x \in E(\text{Person}) \wedge$$

$$x \in \{x \in D : \forall y (x, y) \in E(\text{NF}) \rightarrow y \in E(\text{reicht})\} \wedge$$

$$x \in \{x \in D : \forall y (x, y) \in \{(x, y) \in E(\text{NF}) \wedge y \in E(\text{reicht})\}\} \rightarrow$$

$$y \in E(\text{Prakt}) \wedge y \in E(\text{EINIGE} \dots)$$

$$\Rightarrow x \in E(\text{Person}) \wedge$$

$$x \in \{x \in D : \forall y (x, y) \in E(\text{NF}) \rightarrow y \in E(\text{reicht})\} \wedge$$

$$x \in \{x \in D : \forall y (x, y) \in \{(x, y) \in E(\text{NF}) \wedge y \in E(\text{reicht})\}\} \rightarrow$$

$$y \in E(\text{Prakt}) \}$$

$$\Rightarrow x \in E(\text{Person}) \wedge$$

$$\cancel{x \in \{x \in D : \forall y (x, y) \in E(\text{NF}) \rightarrow y \in E(\text{reicht})\}}$$

$$x \in \{x \in D : (x, y) \in E(\text{NF}) \rightarrow y \in E(\text{reicht})\} \wedge$$

|  |
|--|
| $A \rightarrow B$                      |
| $A \wedge B \rightarrow C$             |
| $\Rightarrow A \rightarrow B \wedge C$ |

$\{ \text{Satz } A \rightarrow B \wedge C \Rightarrow A \rightarrow B \text{ und } A \rightarrow C \}$

$\Rightarrow x \in E(\text{Person}) \wedge x \in \{x \in D \mid \forall y (x, y) \in E(\text{NF Arzt}) \rightarrow y \in E(\text{Arzt})\}$

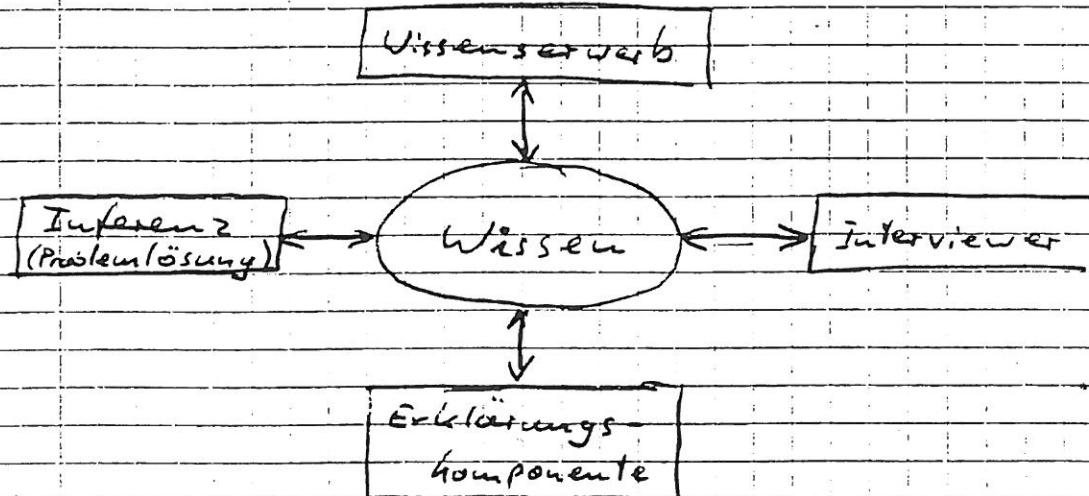
$\Rightarrow x \in E(\text{Person}) \wedge x \in E(\text{Arzt/NF Arzt})$

$\Rightarrow x \in E(\text{Arzt} \wedge \text{Person}(\text{ACCE NT Arzt}))$

$\Rightarrow x \in E(\alpha)$

□

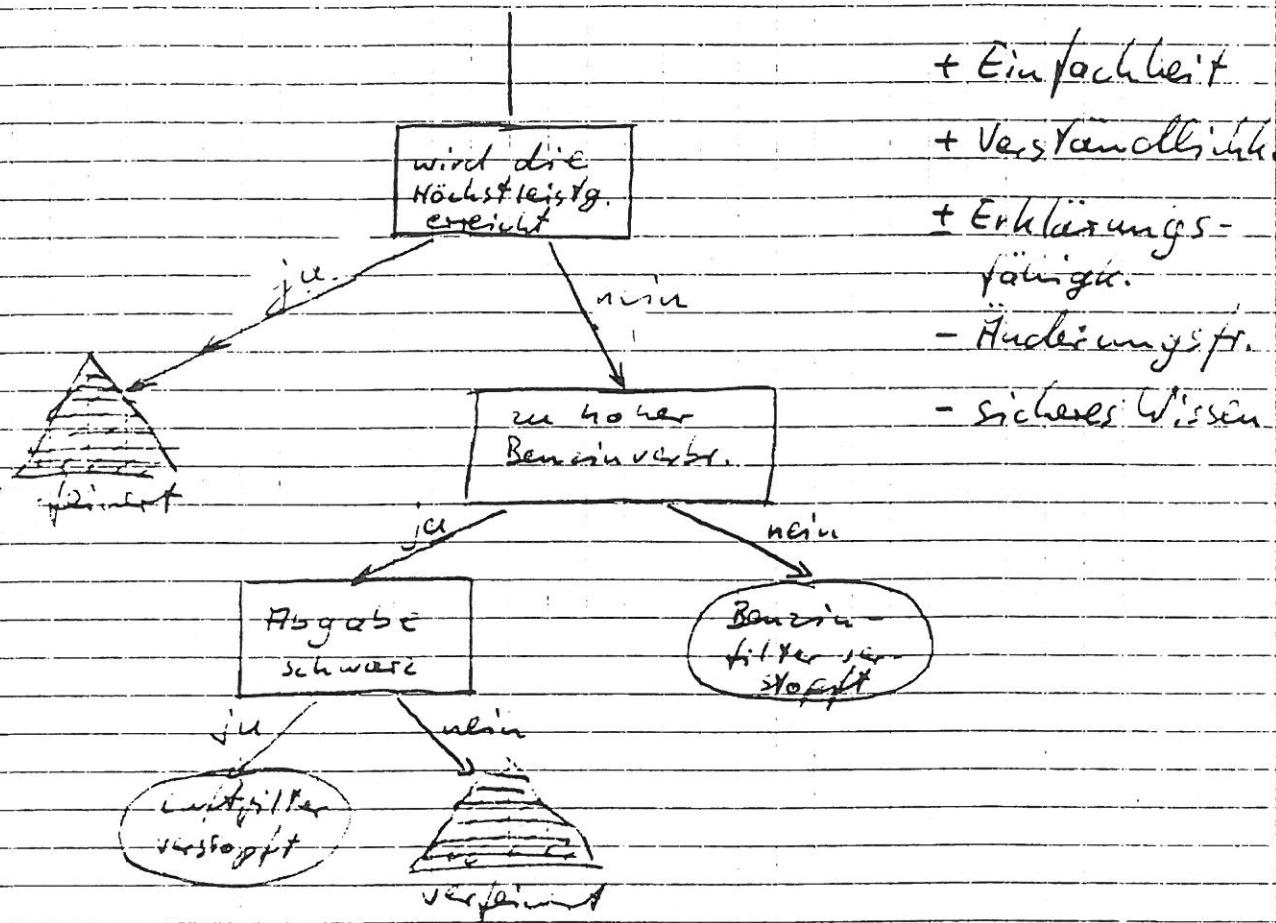
### Expertensysteme XPS



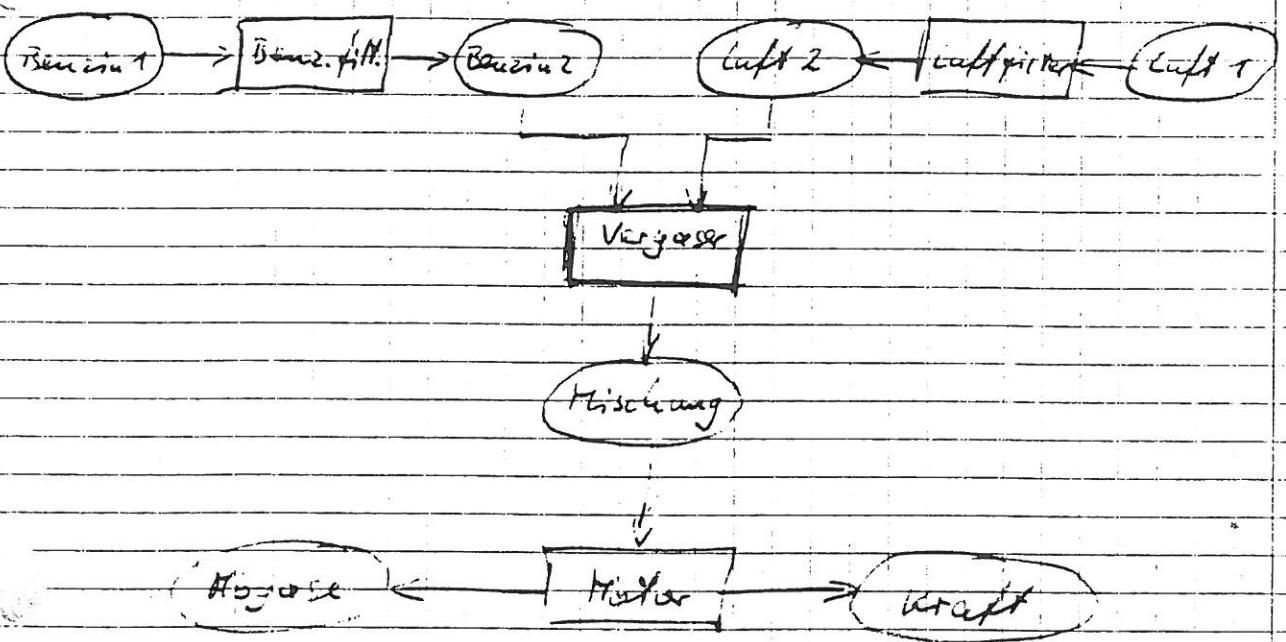
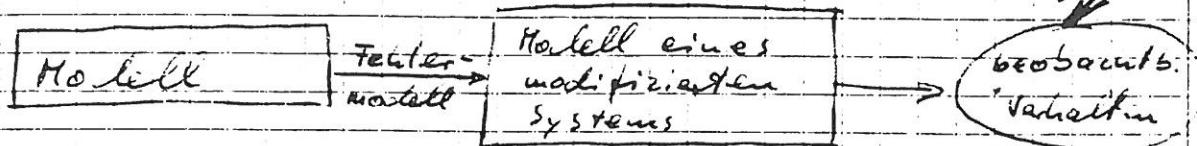
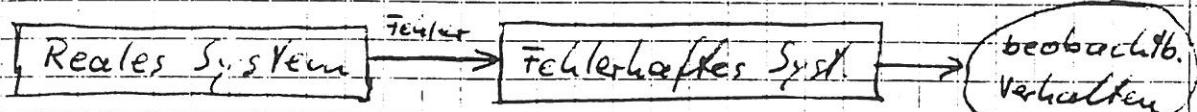
Kenntzeichen:

- + Änderungsfreundlichkeit
- + Eignung für Nicht-Alg. Wissen
- + Reihenfolge der Abteilung muss nicht spezifiziert werden
- + Erklärungsfähigkeit.

## 1. konventionelle Systeme



## Funktional Diagnose



- sehr schwierig
- Experten (!) notwendig
- + „sechs“ System im Vergleich zu
  - fallweise
  - konventionelle

## Fall vergleichende Systeme

$\left\{ \begin{array}{l} \text{Vorher gesehene gelöste Fälle} \\ \text{neuer Fall} \end{array} \right.$

$\Rightarrow$  Suche nach ähnlichen Fällen

$\rightarrow$  Es gibt verschiedene

$\rightarrow$  vgl. messen + erklären

$\rightarrow$  Es gibt in Wiss. Basis informationen

Merkmalscharakteristik Matr.

Bsp.

|       |               |                   |   |                            |
|-------|---------------|-------------------|---|----------------------------|
| vorb. | ✓ nicht vorh. | vorb. vorh.       | ✓ | Ist der verbrauch zu hoch? |
|       |               | nicht v. vorh.    | 0 |                            |
|       |               | nicht v. nicht v. | 0 |                            |
|       |               | nicht v. nicht v. | ✓ |                            |

skal. numerisch

kl. Wert

$90.000 \text{ km}$  = 5, 3  
 $100.000 \text{ km}$

gr. Wert

skal. symbolisch

Abb. auf skal. numerisch

"numer" = 5, 7  
"symbol" = 5, 7

gruppiert

Def. - genüg'

oof - 5  
Prax 944

ges.

IT ist bild.  
(gewichtet = 5)

+ einleuchtende Idee

- Komplexität

+ leichte Implementierung

+ lösungsfähig

- Häufigkeiten zw. Merkmalen

- Repräsentativität der WIS?

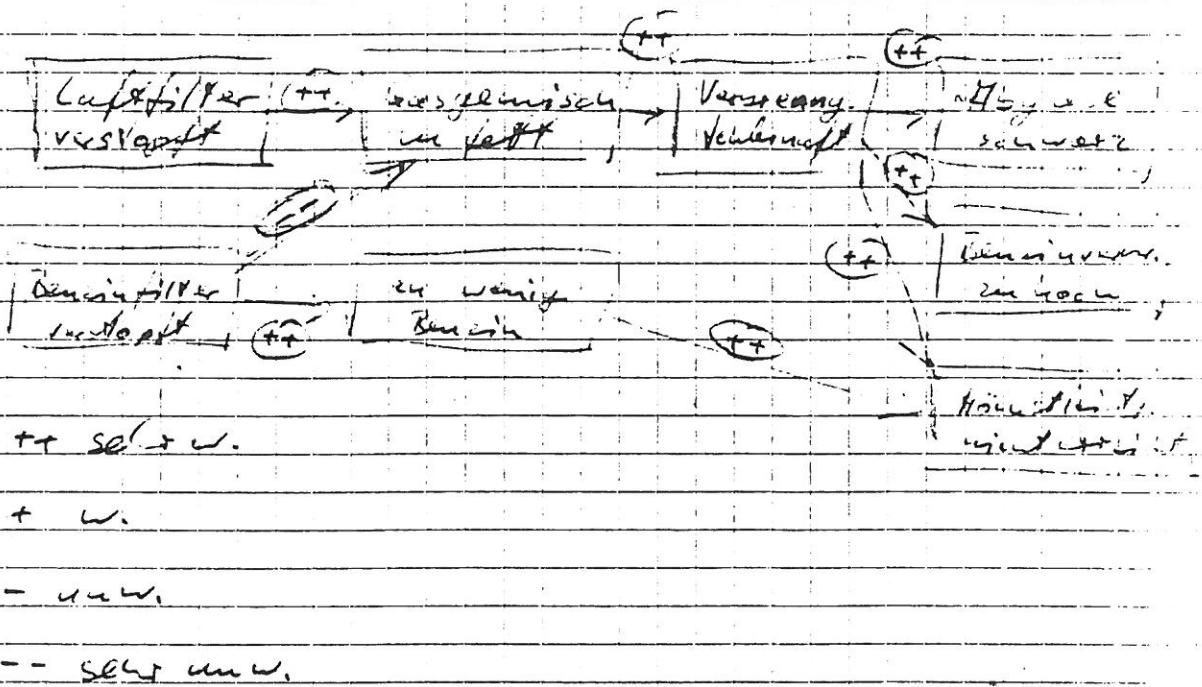
## 7. kausale Diagnose

~~Diagnose = Kausalität~~

→ Sympt. K

Diag. 1 → Sympt. c = Diag. 3

Diag. 2 → Sympt. j



1. Simulationsschleife:  $d \rightarrow s$

2. Diagnoseschleife:  $s \rightarrow d$

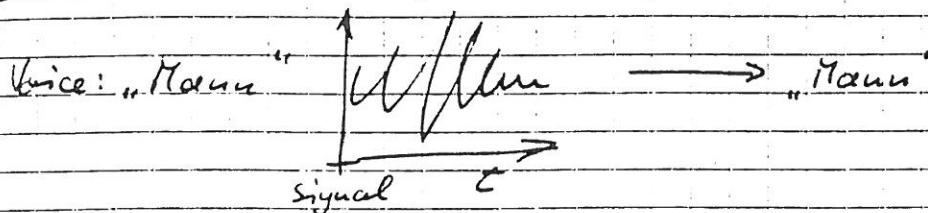
3. Konsistenzschleife:  $X + s \rightarrow w$

+ „isolierte“ Implementierung

+ Erweiterung

## Sprachverarbeitung

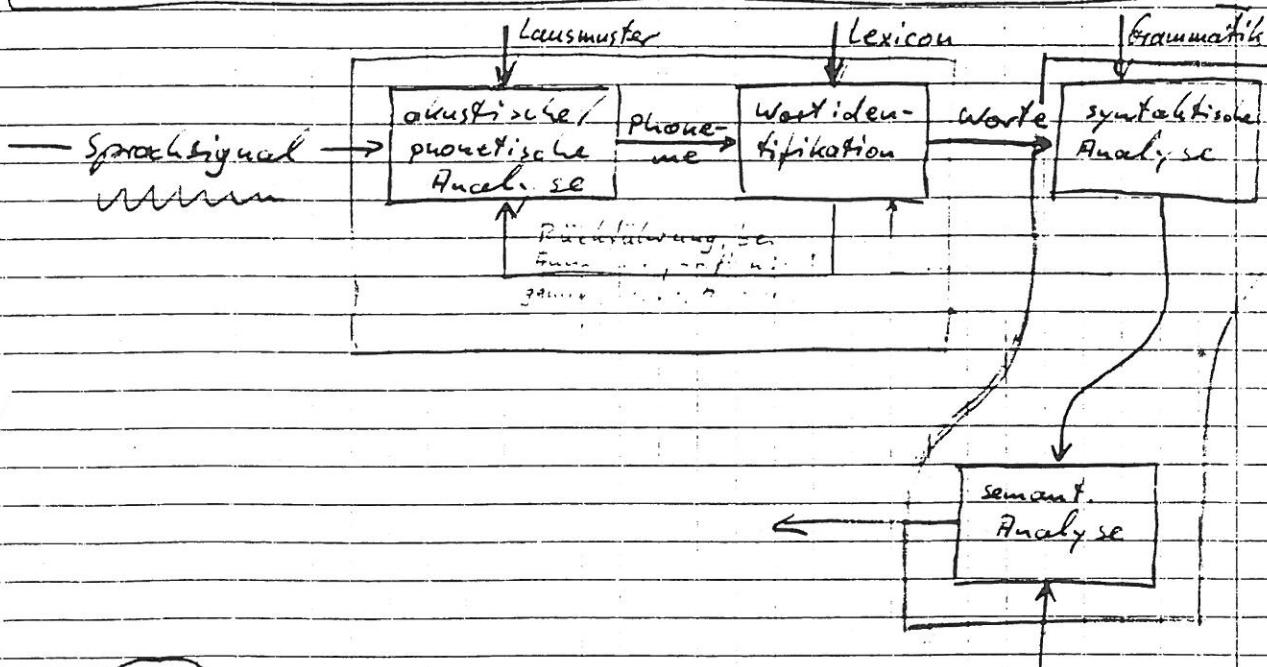
### i. G. Spracherkennung



### Sprachverarb.

„Mann“ → Interpretation („Mann“)

### Struktur/Hauptbauprinzipien eines Spracherkennungs-/verarb. Systems



STOP

Syntax = S; unbed.

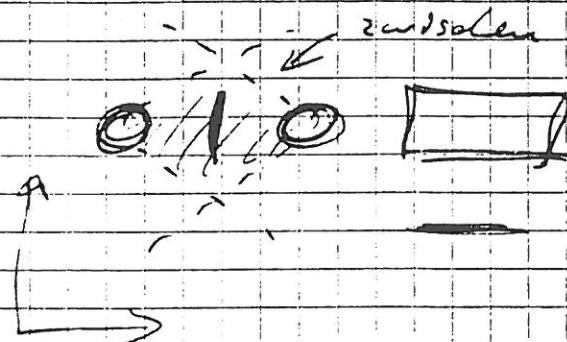
Semantik = Bedeutung; Hugo hält an.

Pragmatik = Zweck; weniger Unfälle.

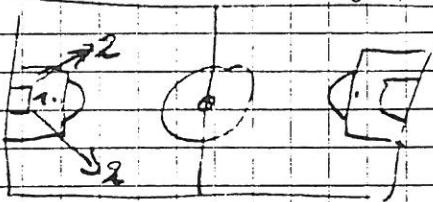
16

Ich laufe in 10 Minuten 100 Meter.

- Frage: wann, oder in welcher Zeit?



rechter Verteidiger, der links steht



<Begriff> → NUD <Begriff> ... <Begriff->

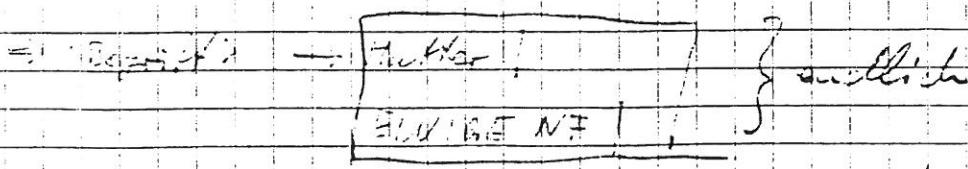
EL. U. S. E <Attribut> <Begriff>

EIN. S. E <Attribut> |

<Attribut> MUTTER

<Attribut> → <Attribut> | NF |

RESTR <Attribut> <Begriff>



EL. U. S. E RESTR NF & Begriff

FLUG <Flug-1> ... <Begriff>

Reiter