# <u>A</u>

给定一棵 n 个点的无根树,每个点的点权为 0,1,2 其中之一,需要在树上找到尽可能多的不重叠的连通块,且每个连通块的点权和为 k,输出最多的数目。

数据范围:  $n \leq 10^6$ 

# B

给定一棵 n 个点的无根树和一个长为 n-1 的结点序列,序列中结点的标号两两不同。

按照顺序对结点序列中的点进行操作,记当前操作的点标号为x。

- 首先建立一个新结点,编号为x+n
- 对于树上连接了 x 的每条边 (x,i),如果点 i+n 不存在,则连接边 (x+n,i)
- 如果点i+n存在(此时必然存在边(i+n,x)),先删去边(i+n,x),再连接边(i+n,x+n)

对于每次操作之后的图,请计算出其生成树数量。

数据范围: n < 5000

# <u>C</u>

在数轴上有 n 条线段,每条线段覆盖了区间  $[l_i, r_i]$ ,并且其颜色为  $c_i$ 。

你需要选择一些线段(可以不选)满足任意两条有重合部分的线段的颜色必须相同。

请计算出不同的选择方式的数量。

• 这里的重合包括在端点上重合的情况。

数据范围:  $n \leq 10^5, 1 \leq l_i, r_i \leq 10^9, c_i = 0, 1$ 

# D

定义一个长度为 n 的数列  $A = \{a_1, a_2, \ldots, a_n\}$  的权值为

$$\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^{i-1} a_i \oplus a_j$$

请统计满足下列条件的数列的数量:

- A 的长度是 k
- *A* 的权值是 *n*
- $0 \le a_i \le m$

数据范围:  $0 \le n \le 10^{15}, 0 \le m \le 10^{12}, 1 \le k \le 18$ 

# E

一棵树上有n个结点,每个结点有一个概率被选定为初始感染点。

从初始感染点开始,每个感染的点都有概率把和它相邻的未感染的点 x 以  $p_x$  的概率感染,然后如果 x 被感染,那么它也会按照上述规则感染它相邻的点。

对于  $k \in [1, n]$ ,请求出最后恰好有 k 个点被感染的概率。

数据范围:  $n \leq 2000$