

DSZOB, cvičenie 4.

Zadanie:

Úloha 1 - Analýza signálu

Nasnímajte signál zvuku ladičky.

Vizualizujte nasnímaný signál v priestorovej doméne. Na základe vizualizácie vyberte vhodný úsek, vypočítajte a vizualizujte preň Fourierovu transformáciu:

- Cez funkciu **fft** na malej vzorke dát (napr. 512)
- Prepočítajte index spektrálneho koeficienta na frekvenciu pre najväčšiu hodnotu v grafe
- Cez funkciu **spectrogram**
- Zistite dominantnú frekvenciu daného signálu a vyznačte ju v grafe.

Postup vhodne dokumentuje (Code/Text bloky)!

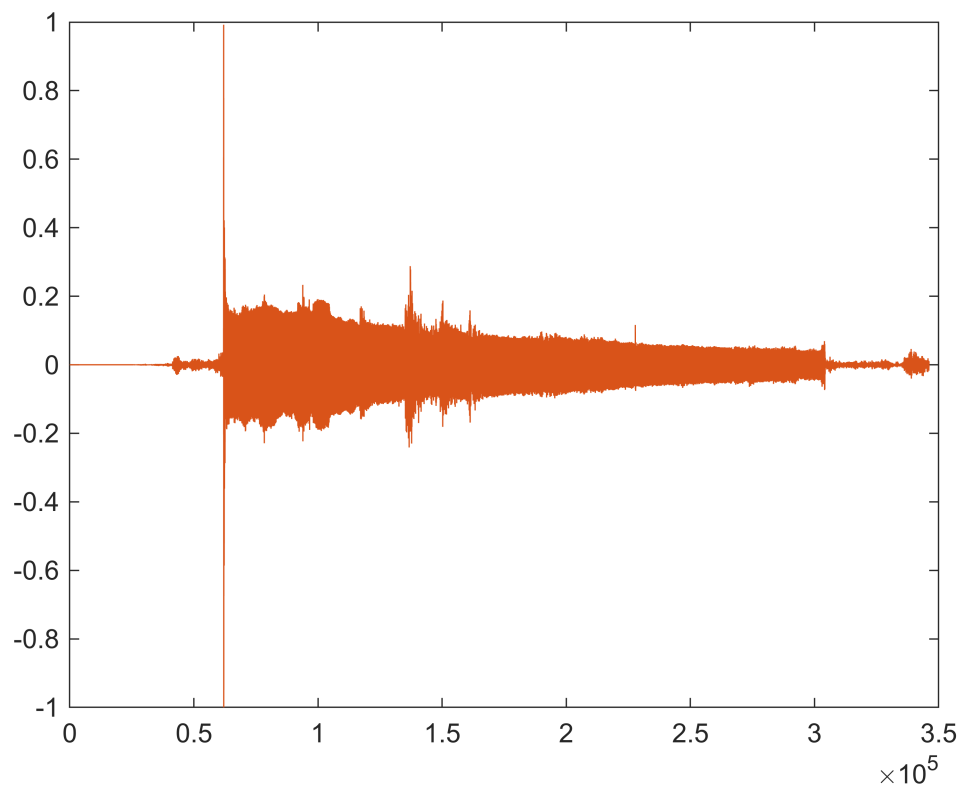
Riešenie:

```
%1.1. Vizualizujte nasnímaný signál v priestorovej doméne. Je ok ak FS = 4410 a  
nie 44100?
```

```
ladicka = importdata("ladicka.wav")
```

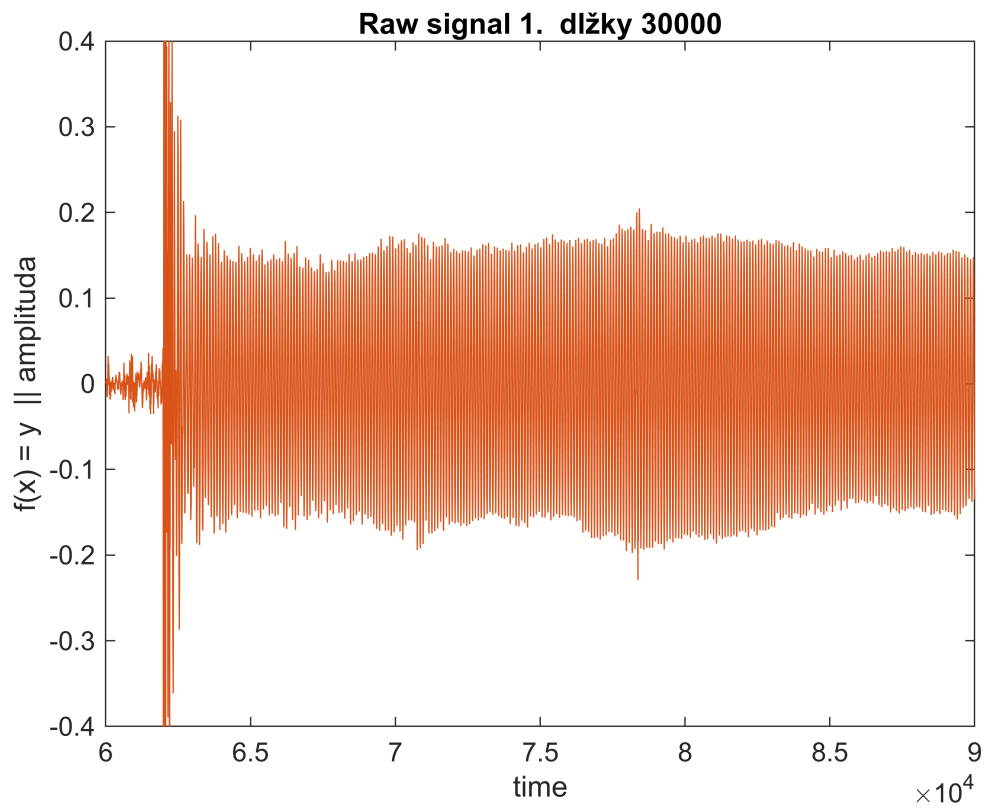
```
ladicka = struct with fields:  
    data: [346112x2 double]  
    fs: 44100
```

```
fado = importdata("Fado1.wav");  
fs = ladicka.fs;  
rawSignal = ladicka.data;  
plot(rawSignal)
```

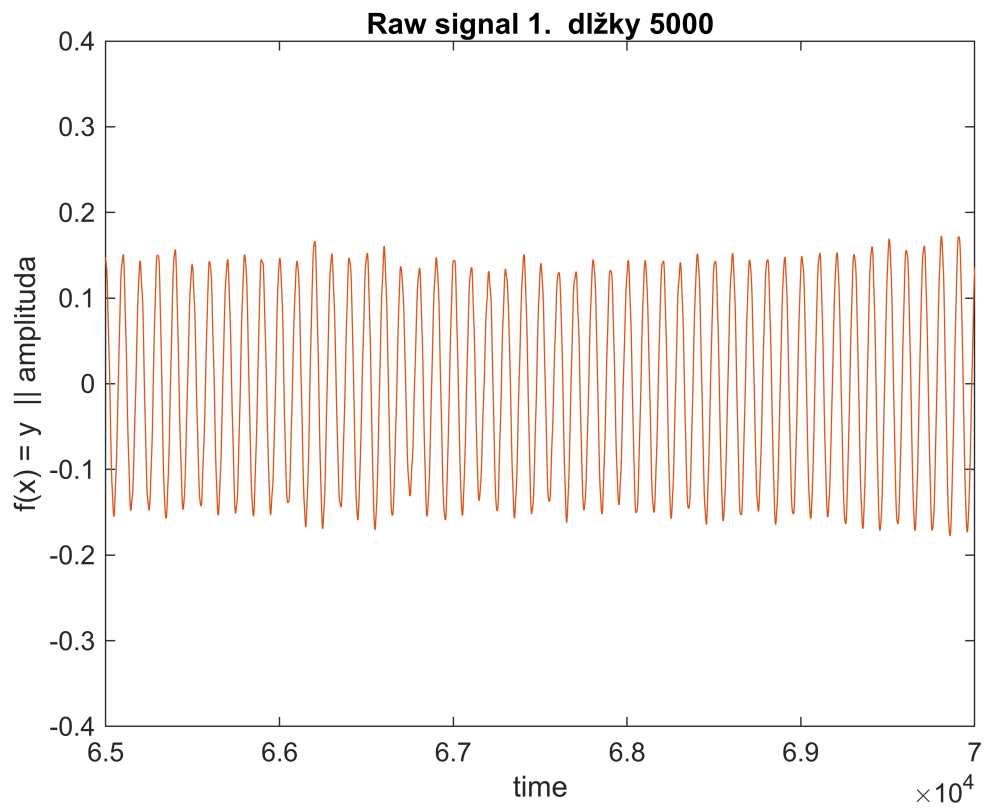


%1.2 Na základe vizualizácie vyberte vhodný úsek, vypočítajte a vizualizujte preň Fourierovu transformáciu:

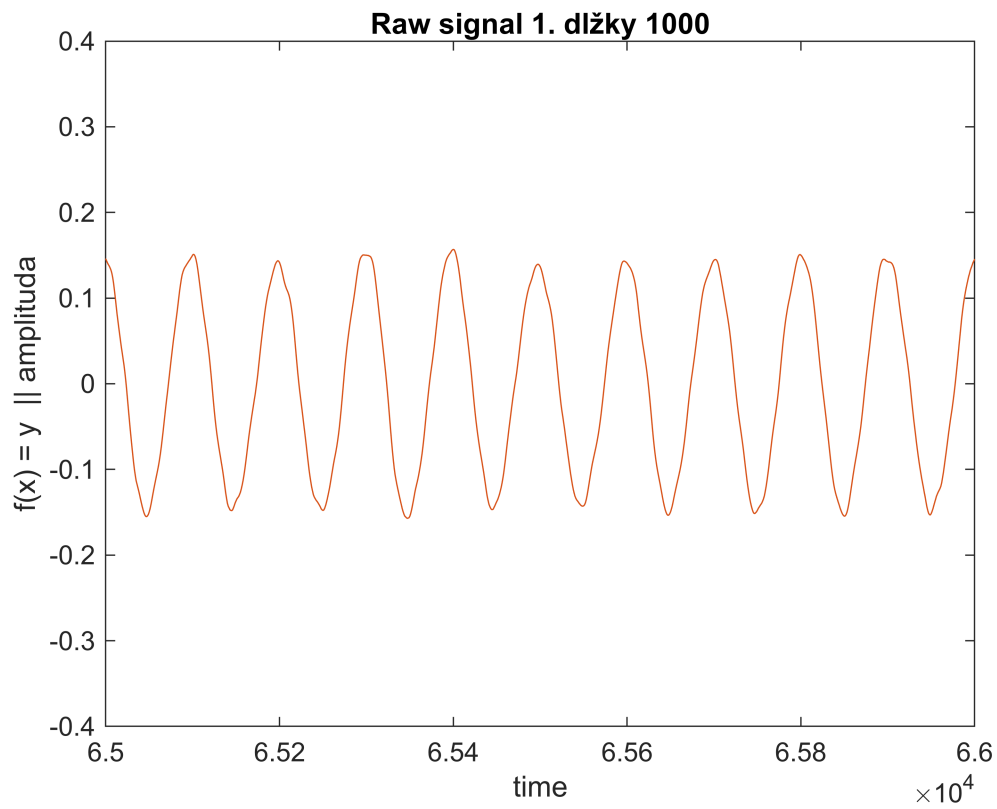
```
plot(rawSignal)
xlim([60000 90000])
ylim([-0.4 0.4])
title("Raw signal 1.  dĺžky 30000")
xlabel("time")
ylabel("f(x) = y  || amplituda")
```



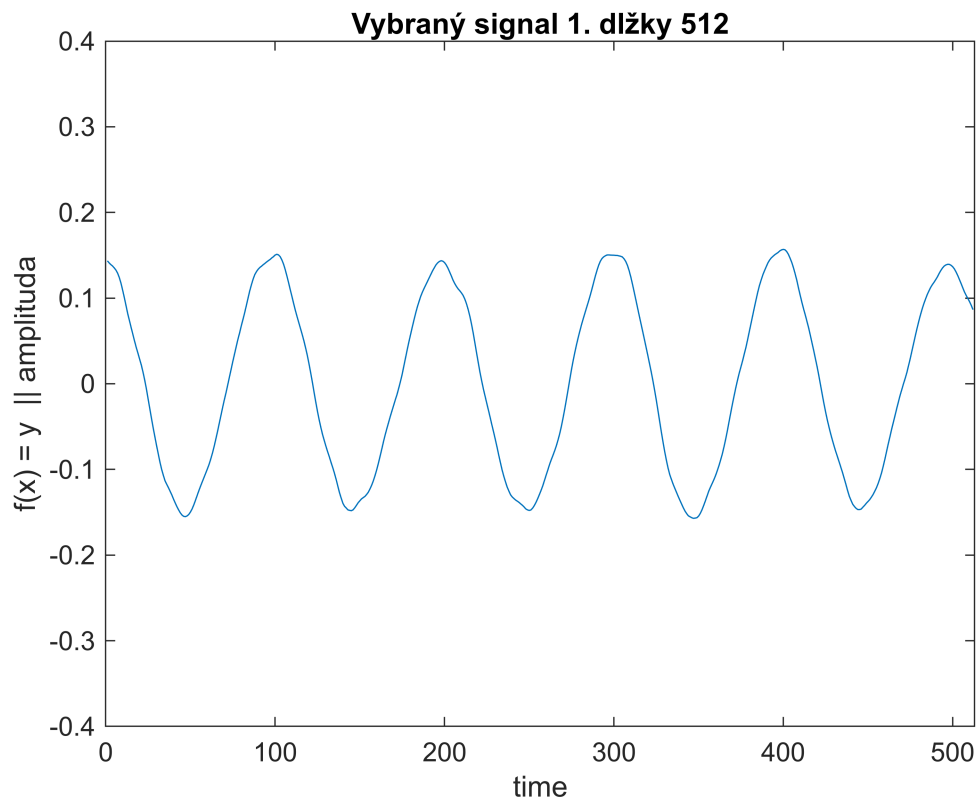
```
plot(rawSignal)
xlim([65000 70000])
ylim([-0.4 0.4])
title("Raw signal 1. dlžky 5000")
xlabel("time")
ylabel("f(x) = y || amplituda")
```



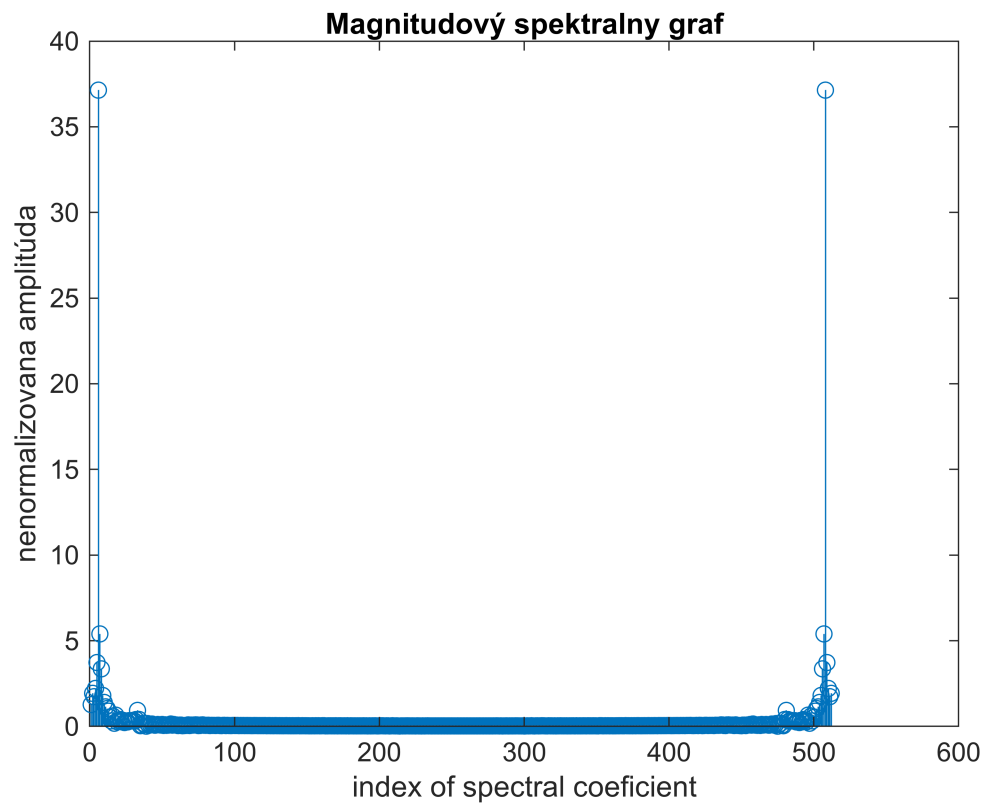
```
plot(rawSignal)
xlim([65000 66000])
ylim([-0.4 0.4])
title("Raw signal 1. dlžky 1000")
xlabel("time")
ylabel("f(x) = y || amplituda")
```



```
% 1.2.1 Cez funkciú fft na malej vzorke dát (napr. 512)
choosenSignal = rawSignal(65001:65512);
plot(choosenSignal)
xlim([0 513])
ylim([-0.4 0.4])
title("Vybraný signal 1. dlžky 512")
xlabel("time")
ylabel("f(x) = y || amplituda")
```

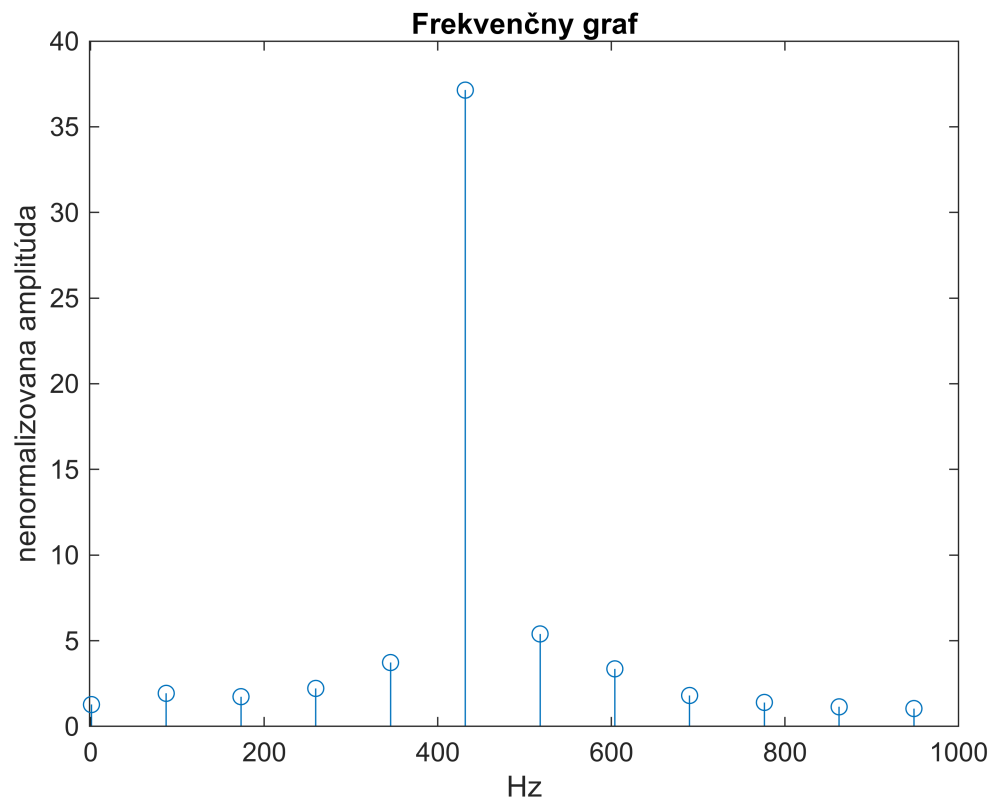


```
imDFT1 = fft(choosenSignal);  
dft1 = abs(imDFT1);  
stem(dft1)  
title("Magnitudový spektrálny graf")  
xlabel("index of spectral coefficient")  
ylabel("nenormalizovana amplitúda")
```



%Prepočítajte index spektrálneho koeficienta na frekvenciu pre najväčšiu hodnotu v grafe

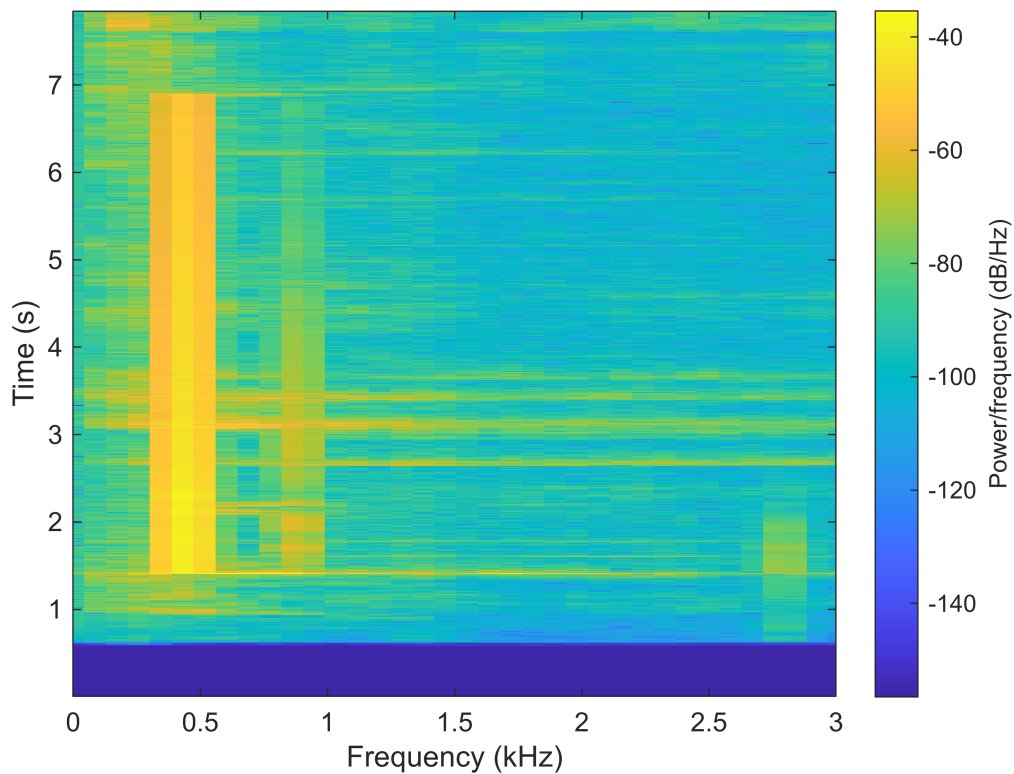
```
xStem = -fs/2 + 1:fs/512:fs/2;  
stem(xStem, fftshift(dft1))  
title("Frekvenčný graf")  
xlabel("Hz")  
ylabel("nenormalizovaná amplitúda")  
xlim([-1 1000])
```



%Cez funkciu spectrogram zobraz frekvenčné spektrum, celého raw signálu (a uprataj magnitudove spektrum s hammingtonovym oknom)

spectrogram(rawSignal(:,1), hamming(512), 256, 512,fs)%celý signal, okienko pre elimináciu of spectral leakage, veľkosti overlapu medzi jednotlivými okienkami (dĺžkami na vzorkovanie), dĺžka vzorky do fft funkcie, rozsah frequency sampling

xlim([0 3] %vysledok je graf 3-rozmerov, 1. frekvenčný rozsah, 2. časom trvania nahravky, 3. silou danej frekvencie v danom čase



%Zistite dominantnú frekvenciu daného signálu a vyznačte ju v grafe.
 [Max, indexOfMax] = max(dft1)

Max = 37.1393
 indexOfMax = 6

```
foundFreq = (indexOfMax-1)/(512/2) * (fs/2);  

display(foundFreq + "Hz")
```

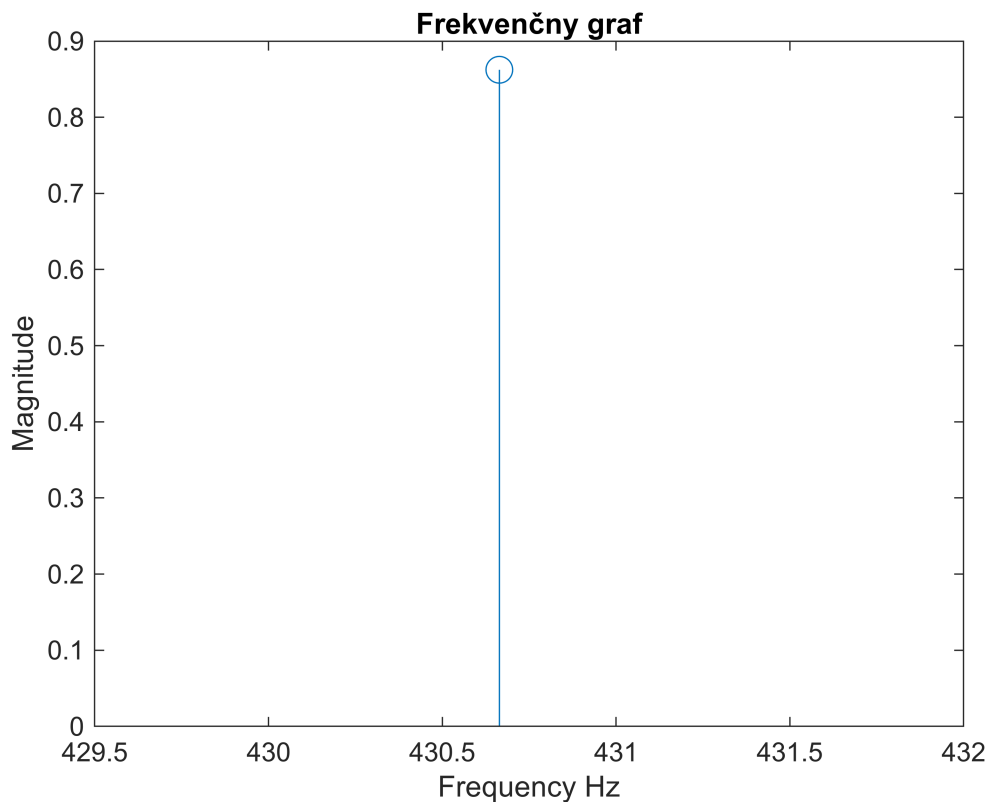
"430.6641Hz"

```
stem(foundFreq, Max*(1024/fs), 'o','MarkerSize',10)  

title("Frekvenčný graf")  

xlabel("Frequency Hz")  

ylabel("Magnitude")
```



```
% xlim([-1 1000])
```

Úloha 2 - Zero Padding v spektrálnej doméne

Vygenerujte si náhodne zložený signál s dĺžkou 1 sekunda a s voľne zvolenou malou vzorkovacou frekvenciou. Zvolte si parametre signálu tak, aby najväčšia frekvencia generovaného signálu neprekročila 16Hz a vzorkovacia frekvencia pod 64Hz. Dbajte pri tom na to, aby bol splnený Nyquistov teorém.

Vykonajte zero padding signálu v spektrálnej doméne tak, že doplníte nulami spektrum od jeho stredy (stred symetrie musí ostať zachovaný). Doplnenie vykonajte na veľkosť vzorky 1024. Následne vykonajte spätnú transformáciu do časovej domény. Pôvodný signál, ako aj novo vytvorený spoločne vizualizujte v jednom grafe, kde x-os bude reprezentovať čas v rozsahu 1 sek.

Zodpovedajte nasledovné otázky:

- Akú výhodu nam priniesol zero padding v spektre?
- Vie nám zero padding v spektre pomôcť v prípade, ak bol porušený Nyquistov teorém v pôvodnom signále? (áno/nie)

Pomôcky:

- `complex()`
- `zeros()`
- `ifft()`

Poznámka:

- Spektrum signálu obsahuje magnitúdovú aj fázovú zložku. Pri dopĺňaní spektra nulami teda pracujeme s komplexnými číslami ($0 + 0i$)
- Po spätnom prepočte inverznej transformácie prenásobte výsledný signál konštantou $1024/F_s$ pre normalizáciu hodnôt na veľkosť okienka

Riešenie:

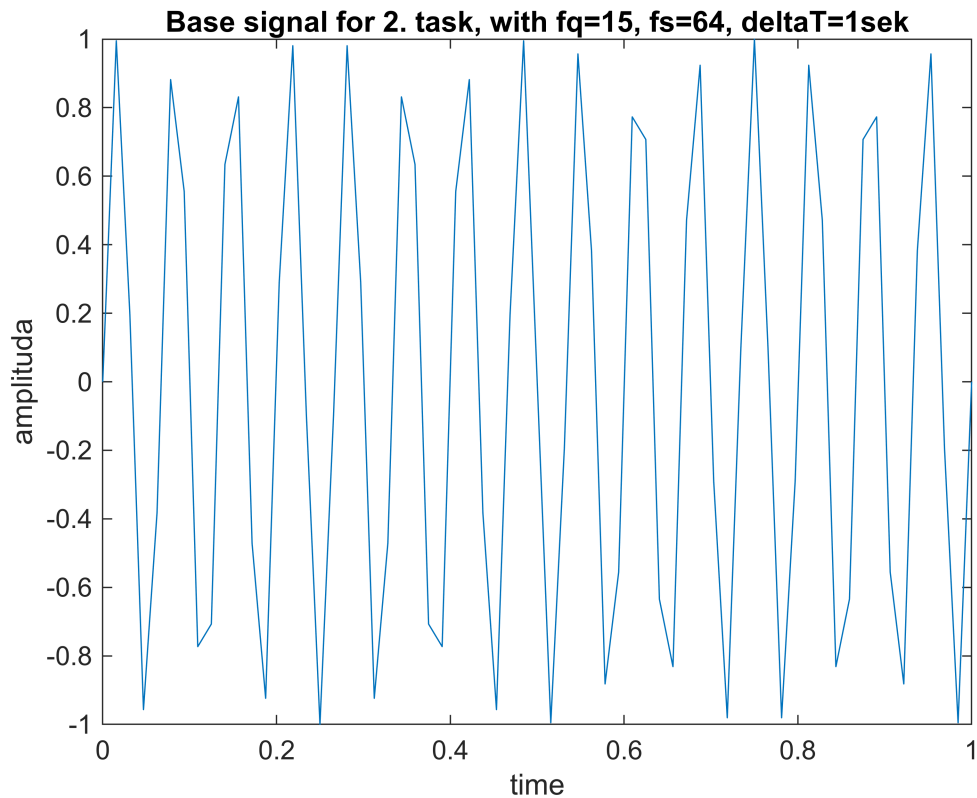
```
% 1.1 Vygenerujte si náhodne zložený signál s dĺžkou 1 sekunda a s voľne  
% zvolenou malou vzorkovacou frekvenciou Zvolte si parametre signálu tak,  
% aby najväčšia frekvencia generovaného signálu neprekročila 16Hz a  
% vzorkovacia frekvencia pod 64Hz. Dbajte pri tom na to, aby bol splnený  
% Nyquistov teorém. (stačí keď  $\text{freq} \cdot 2 > F_s$ )  
% čiže  $\text{fq} < 16$ ,  $\text{fs} = 64$   
fq=15;  
fs=64
```

```
fs2 = 64
```

```
x_0 = 0:1/fs2:1
```

```
x_0 = 1x65  
0 0.0156 0.0312 0.0469 0.0625 0.0781 0.0938 0.1094 ...
```

```
signal = sin(2*pi*15*x_0);  
plot(x_0, signal)  
title("Base signal for 2. task, with fq=15, fs=64, deltaT=1sek")  
xlabel("time")  
ylabel("amplituda")
```



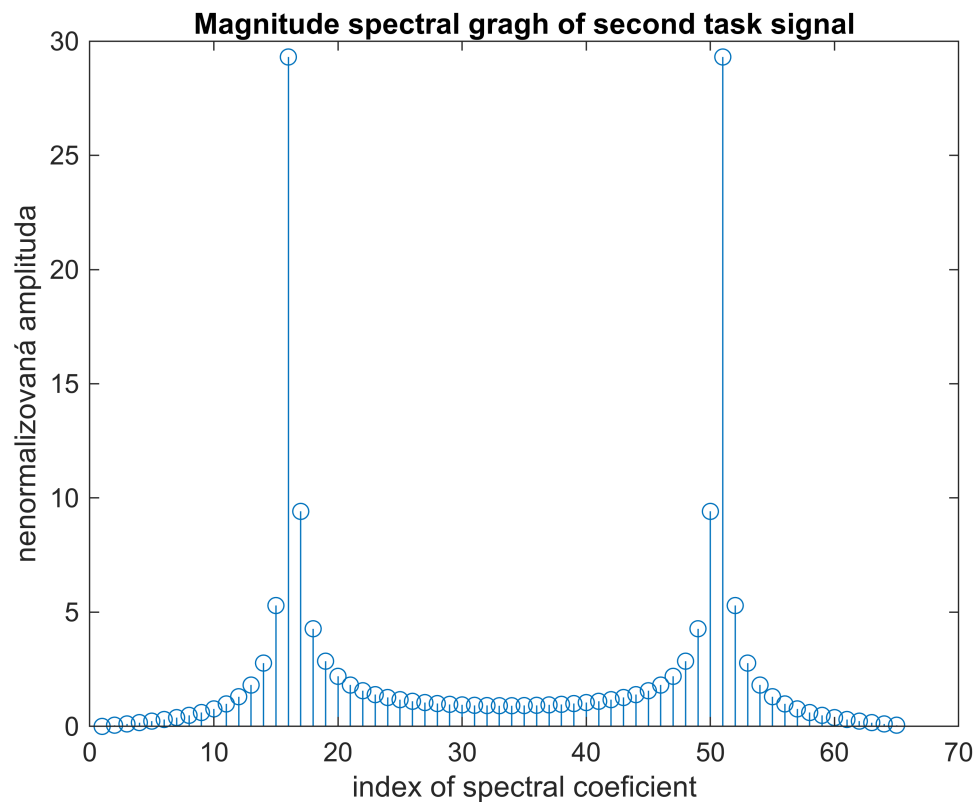
```
% Vykonajte zero padding signálu v spektrálnej doméne tak,  
% že doplníte nulami spektrum od jeho stredu (stred symetrie musí ostať zachovaný).  
% Doplnenie vykonajte na veľkosť vzorky 1024. Následne vykonajte spätnú  
transformáciu do časovej domény.  
imDFT2 = fft(signal)
```

```
imDFT2 = 1×65 complex  
-0.0000 + 0.0000i  0.0026 - 0.0535i  0.0105 - 0.1082i  0.0242 - 0.1654i ...
```

```
dft2 = abs(imDFT2)
```

```
dft2 = 1×65  
0.0000  0.0536  0.1087  0.1672  0.2309  0.3025  0.3854  0.4846 ...
```

```
stem(dft2)  
title("Magnitude spectral graph of second task signal")  
xlabel("index of spectral coefficient")  
ylabel("nenormalizovaná amplituda")
```



```
[Max2, indexOfMax2] = max(dft2)
```

```
Max2 = 29.3048
indexOfMax2 = 16
```

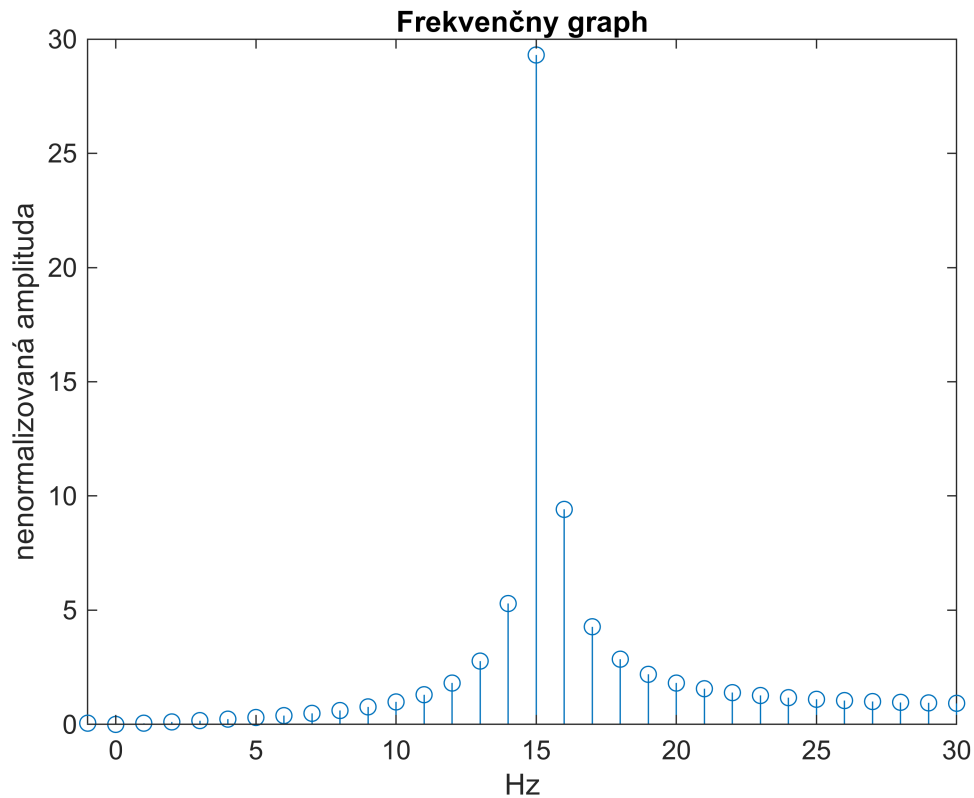
```
foundFreq = (indexOfMax - 1) / (512/2) * (fs2/2)
```

```
foundFreq = 0.6250
```

```
xStem2 = -fs2/2:fs2/2
```

```
xStem2 = 1×65
    -32    -31    -30    -29    -28    -27    -26    -25    -24    -23    -22    -21    -20 ...
```

```
stem(xStem2, fftshift(dft2))
title("Frekvenčný graph")
xlabel("Hz")
ylabel("nenormalizovaná amplituda")
xlim([-1 30])
```



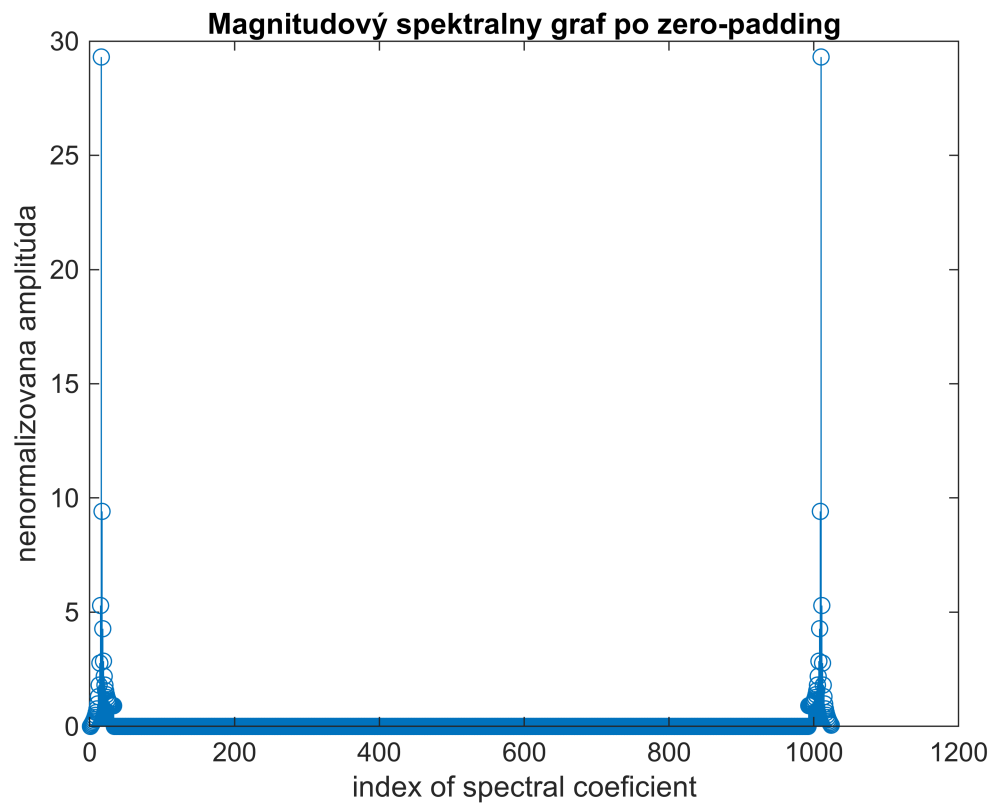
```
%Doplnenie núl/zero padding
zeroPaddign = zeros(1,1024-length(imDFT2)); %vytvorenie retazca potrebne dlzky
pre doplnenie do aktualneho signalu
complexZeroPadding = complex(zeroPaddign); %naplnenie spomenuteho retazca
nulovými complexnými hodnotami
newImDFT2 = [imDFT2(1:33), complexZeroPadding, imDFT2(34:65)] %finally zero-
padding
```

```
newImDFT2 = 1×1024 complex
-0.0000 + 0.0000i  0.0026 - 0.0535i  0.0105 - 0.1082i  0.0242 - 0.1654i ...
```

```
stem(abs(newImDFT2))
title("Magnitudový spektrálny graf po zero-padding")
xlabel("index of spectral coefficient")
ylabel("nenormalizovaná amplitúda")
% Pôvodný signál, ako aj novo vytvorený spoločne vizualizujte v jednom grafe,
% kde x-os bude reprezentovať čas v rozsahu 1 sek.
reSignal = ifft(newImDFT2)
```

```
reSignal = 1×1024
0 0.0020 0.0045 0.0075 0.0111 0.0151 0.0195 0.0242 ...
```

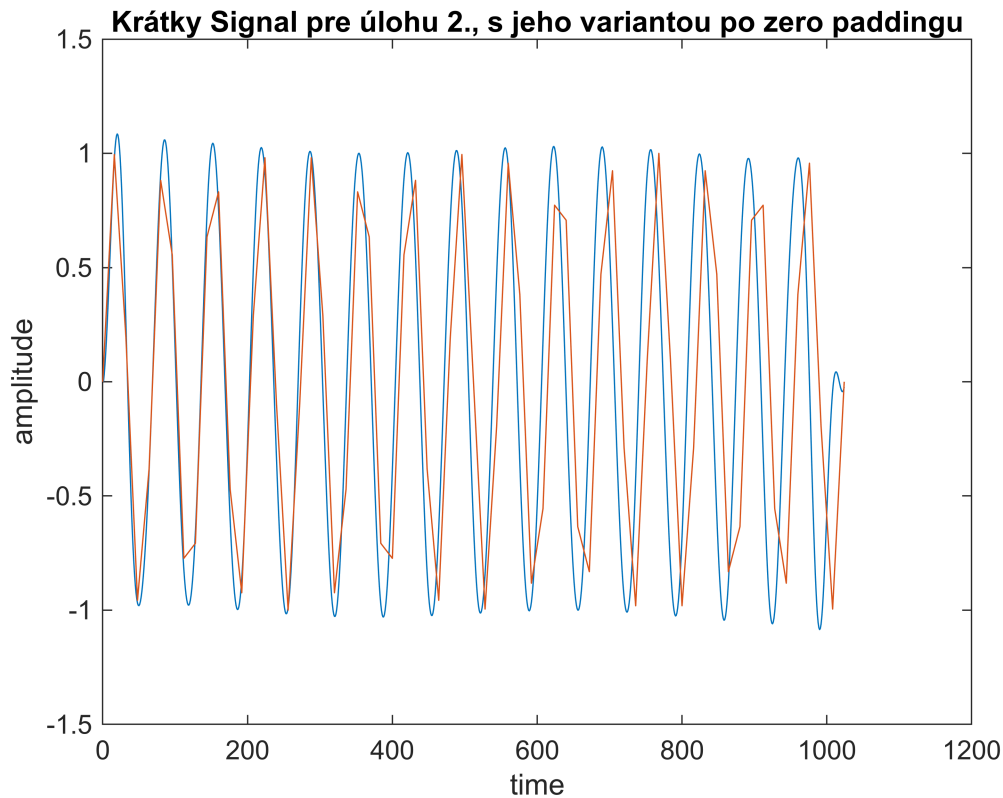
```
%Akú výhodu nam priniesol zero padding v spektre?
hold off
```



```
plot(reSignal*(1024/fs2))%(1024/fs2) normalizácia amplitud po ich
hold on
x_1 = 0:1024/64:1024
```

```
x_1 = 1×65
    0    16    32    48    64    80    96   112   128   144   160   176   192 ...
```

```
plot(x_1,signal)
hold off
title("Krátky Signal pre úlohu 2., s jeho variantou po zero paddingu")
xlabel("time")
ylabel("amplitude")
```



%K predposlednej otázke, aký vplyv mal zero padding na spektrálny graf.
 %Zlepšil rozlíšenie výsledneho signálu, po inverznej fourierovej transf.

%Vie nám zero padding v spektre pomôcť v prípade, ak bol porušený Nyquistov teorém
 v pôvodnom signále? (áno/nie)

fs3 = 24

fs3 = 24

x_2 = 0:1/fs3:1

x_2 = 1x25
 0 0.0417 0.0833 0.1250 0.1667 0.2083 0.2500 0.2917 ...

signal2 = sin(2*pi*fq2*x_2);
 imDFT3 = fft(signal2)

imDFT3 = 1x25 complex
 -0.0000 + 0.0000i -0.0066 + 0.0525i -0.0276 + 0.1076i -0.0667 + 0.1685i ...

zeroPaddign1 = zeros(1,1024-length(imDFT3));
 complexZeroPadding1 = complex(zeroPaddign1);
 newImDFT3 = [imDFT3(1:13), complexZeroPadding1, imDFT3(14:25)]

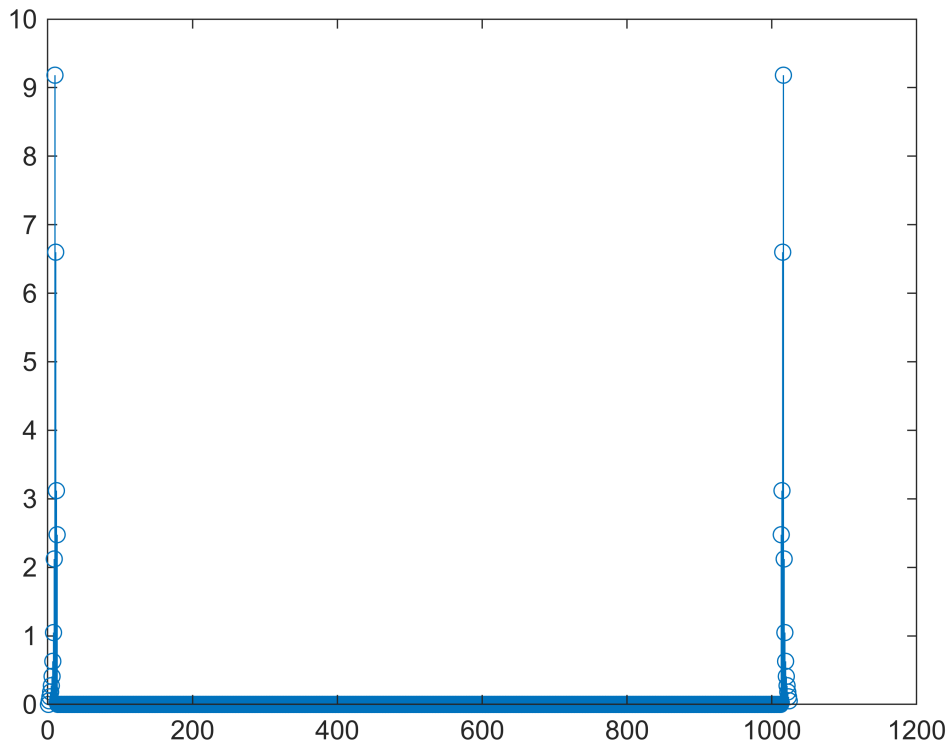
newImDFT3 = 1x1024 complex
 -0.0000 + 0.0000i -0.0066 + 0.0525i -0.0276 + 0.1076i -0.0667 + 0.1685i ...

stem(abs(newImDFT3))


```
reSignal2 = ifft(newImDFT3)
```

```
reSignal2 = 1×1024
0.0000 -0.0003 -0.0007 -0.0011 -0.0016 -0.0020 -0.0025 -0.0031 ...
```

```
hold off
```



```
plot(reSignal2*(1024/fs3))%(1024/fs2) normalizácia amplitud po ich
```

```
hold on
```

```
x_3 = 0:1024/24:1024
```

```
x_3 = 1×25
```

```
103 ×
0 0.0427 0.0853 0.1280 0.1707 0.2133 0.2560 0.2987 ...
```

```
plot(x_3,signal2)
```

```
hold off
```

```
xlim([0 1000])
```

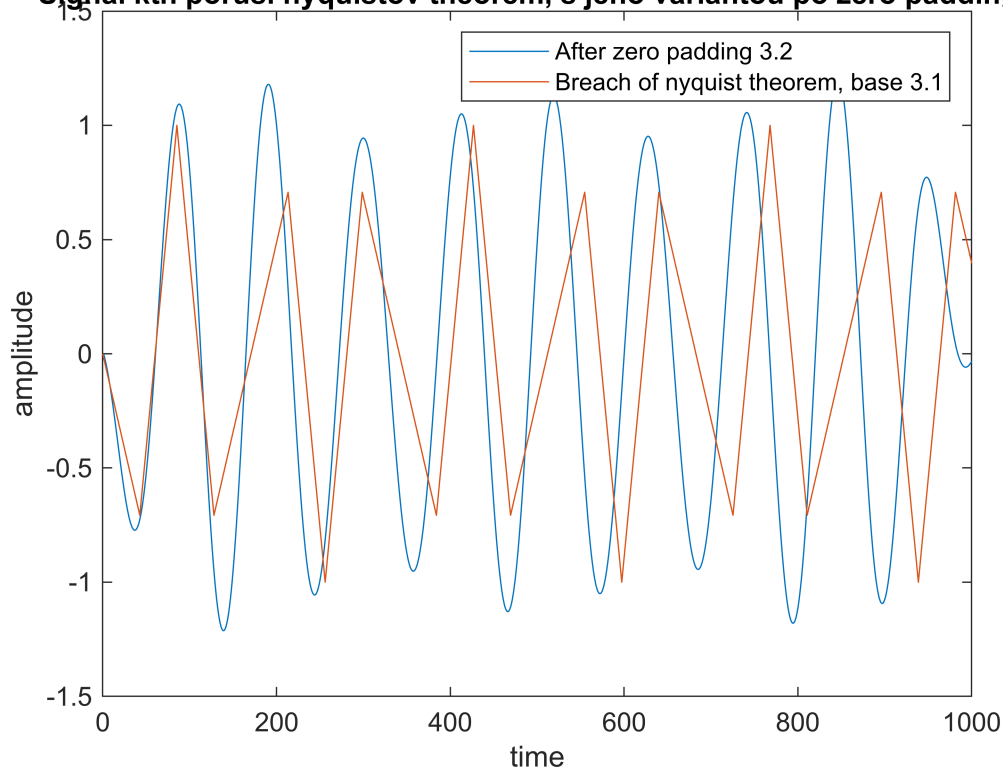
```
legend('After zero padding 3.2','Breach of nyquist theorem, base 3.1')
```

```
title("Signal ktr. poruši nyquistov theorem, s jeho variantou po zero paddingu")
```

```
xlabel("time")
```

```
ylabel("amplitude")
```

Signal ktr. poruši nyquistov theorem, s jeho variantou po zero paddingu



%K poslednej otázke, vie nám zero padding pomôcť ak bol porušený nyquistov teorem pri vzorkovaní.

%Nie, zero padding v konečnom výsledku "otučnuje" signál, nevie kompenzovať niečo čo tam chýba, alebo čo bolo skreslené porušením nyquistovho teoremu.