

Исходные данные

$$L = 3900 \ km$$

$$M_{\Pi\Gamma} \coloneqq 2.2 \ tonne$$

Топливо: АТ + НДМГ

Радиус Земли

$$R_3 = 6371 \ km$$

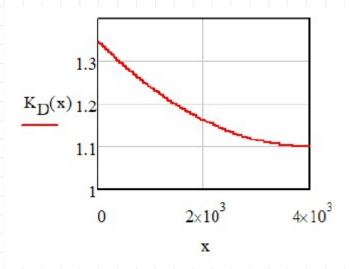
Гравитационный параметр Земли

$$\mu \coloneqq 3.986 \cdot 10^{14} \frac{\boldsymbol{m}^3}{\boldsymbol{s}^2}$$

Ускорение свободного падения на старте

$$g_0 = 9.81 \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{s}^2}$$

Баллистический расчет

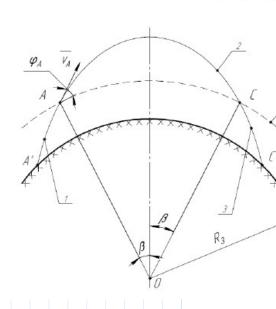


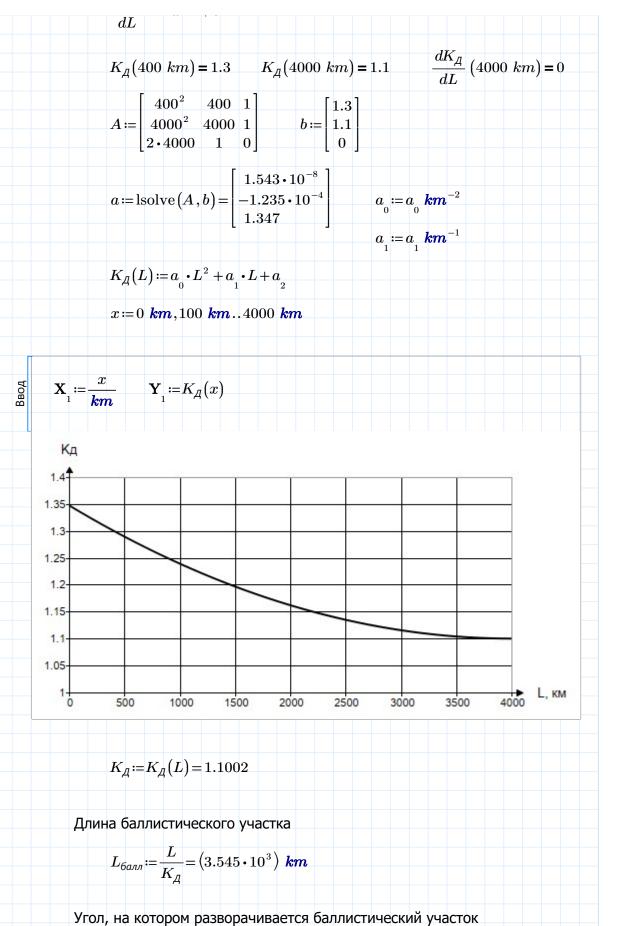
Находим коэффициент дальности по графику

$$K_{\mathcal{A}} = a \cdot L^2 + b \cdot L + c$$

$$\frac{dK_{\mathcal{A}}}{dt} = 2 a \cdot L + b$$

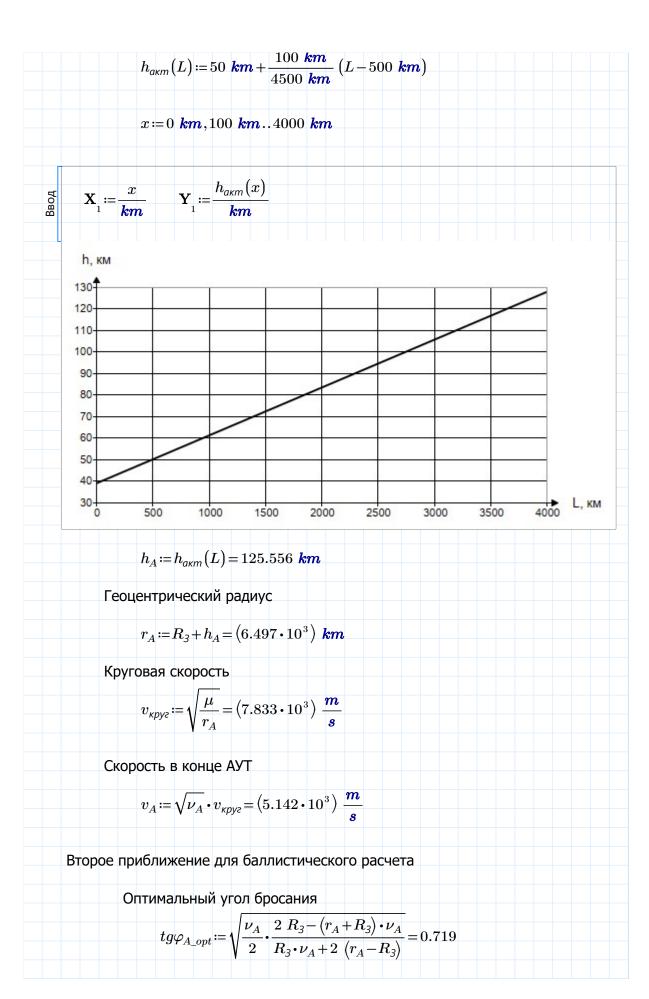
1-Активный У 2-Баллистиче 3-Участок вхі



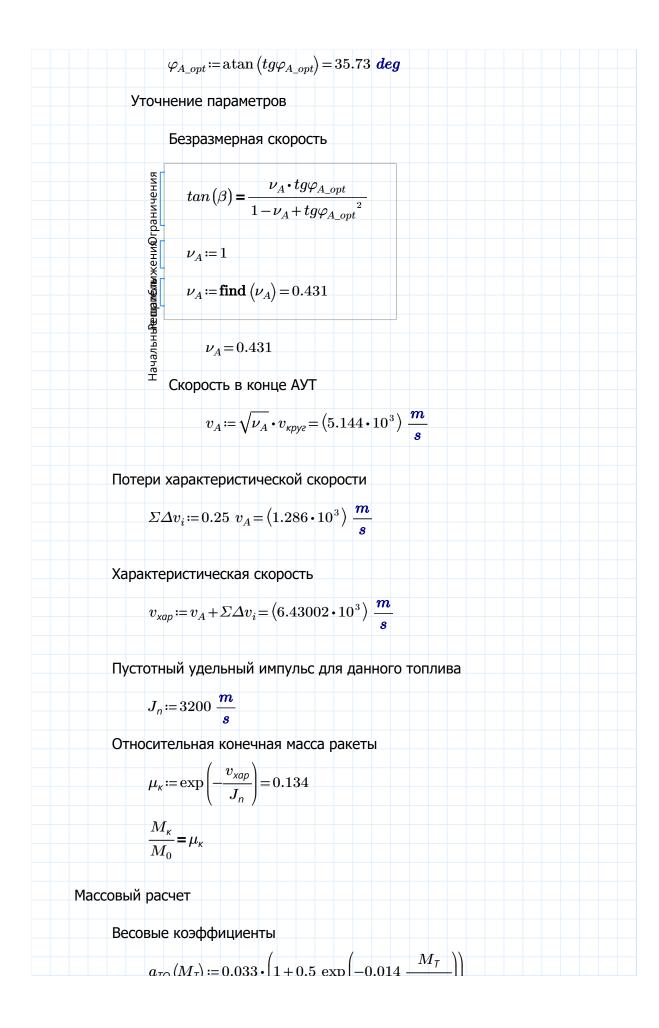


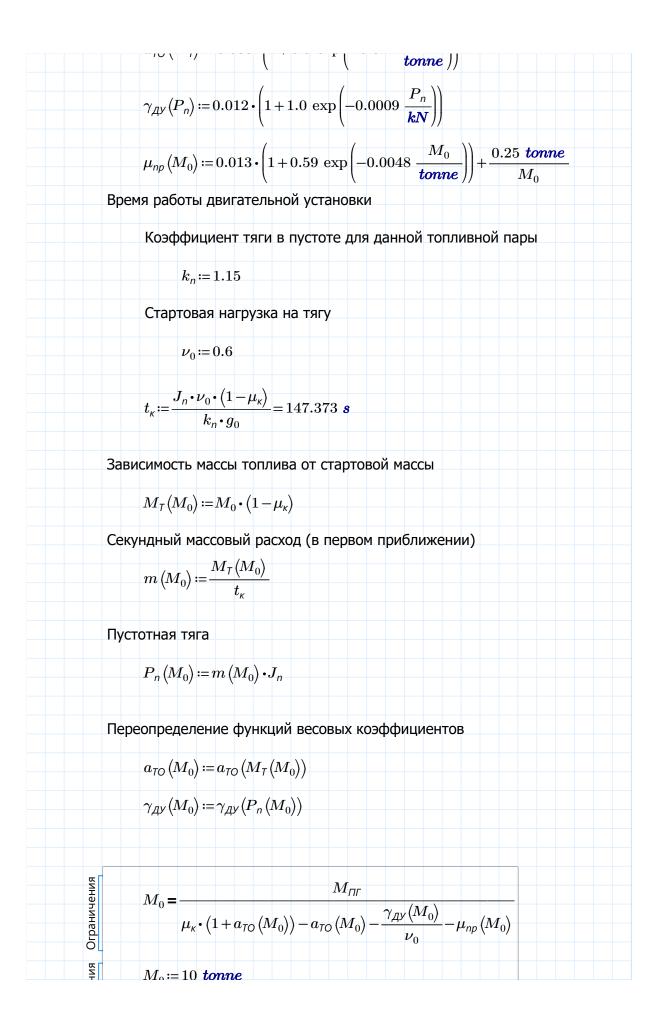
pic2

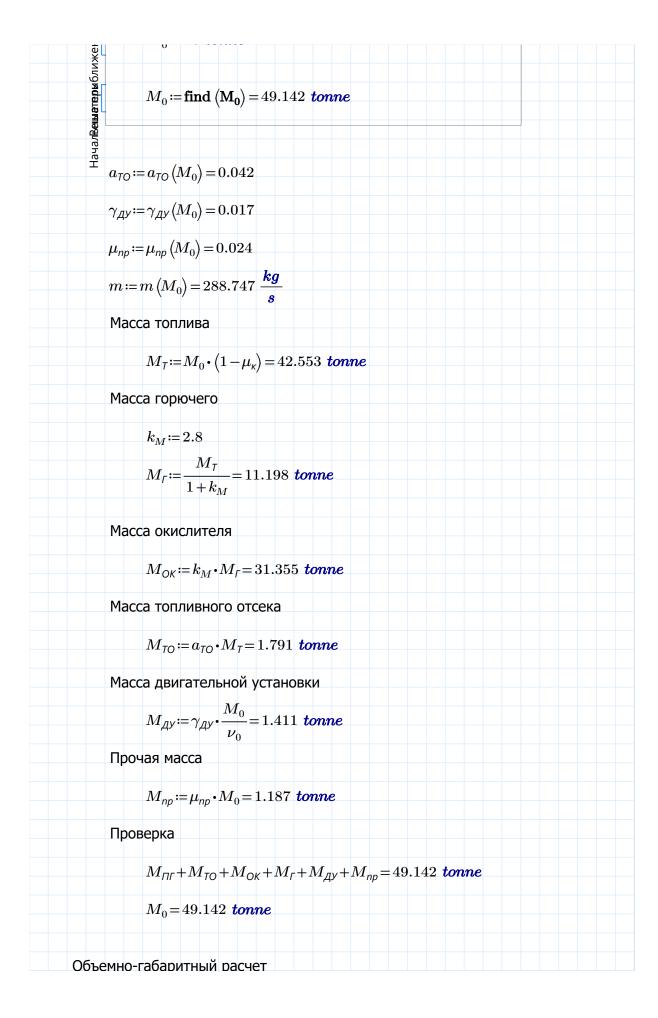
pic3



pic4







Диаметр ракеты

$$d \coloneqq 2 \, \boldsymbol{m}$$

$$\lambda = 8, ... 10$$

Длина межбакового отсека

$$L_{\text{MPX}} = 0.1 \ d = 0.2 \ m$$

Расчет тоннельной трубы

Расход окислителя в тоннельной трубе

$$m_{\text{OK}} \coloneqq \frac{k_M}{k_M + 1} \ m = 212.761 \ \frac{kg}{s}$$

Диаметр тоннельной трубы

Скорость движения окислителя в тоннельной трубе

$$v_{mp} \coloneqq 3 \frac{\boldsymbol{m}}{\boldsymbol{s}}$$

Плотность окислителя

$$\rho_{OK} = 1440 \frac{\mathbf{kg}}{\mathbf{m}^3}$$

$$d_{mp} \coloneqq \sqrt{rac{m_{\mathsf{OK}}}{rac{\pi}{4} \cdot v_{mp} \cdot
ho_{\mathsf{OK}}}} = 0.25 \; m{m}$$

Диаметр магистральной трубы

$$d_{moH} \coloneqq d_{mp} + 0.06 \ \mathbf{m} = 0.31 \ \mathbf{m}$$

Расчет баков

Объем окислителя

$$V_{\text{OK}} = \frac{M_{\text{OK}}}{\rho_{\text{OK}}} = 21.774 \ m^3$$

Объем горючего

Плотность горючего

$$\rho_{\Gamma} = 790 \frac{\mathbf{k}\mathbf{g}}{\mathbf{m}^3}$$

$$V_{r} := \frac{M_{f}}{m} = 14.175 \ m^{3}$$



Объем бака окислителя

$$V_{5O} = 1.1 \ V_{OK} = 23.952 \ m^3$$

Объем бака горючего

$$V_{\mathit{F}\!\!\mathit{\Gamma}}\!\coloneqq\!1.1\ V_{\mathit{\Gamma}}\!=\!15.593\ {\it m}^3$$

Вылет днища баков

$$h = 0.25 \ d = 0.5 \ m$$

Радиус днища

$$R_{\partial H} = 1.25 \frac{d}{2} = 1.25 \ m$$

Объем сегмента днища

$$V_{\partial H} := \frac{1}{3} \boldsymbol{\pi} \cdot h^2 \cdot (3 R_{\partial H} - h) = 0.851 \ \boldsymbol{m}^3$$

Объем цилиндрической части бака окислителя

$$V_{L\!I\!O} := V_{BO} - 2 \ V_{\partial H} = 22.25 \ m^3$$

Длина цилиндрической части бака окислителя

$$L_{\mathsf{LO}} \coloneqq \frac{V_{\mathsf{LO}}}{\frac{\boldsymbol{\pi} \cdot \boldsymbol{d}^2}{4}} = 7.082 \ \boldsymbol{m}$$

Объем цилиндрической части бака горючего

$$V_{\mathit{L}\!\mathit{I}\!\mathit{\Gamma}} \!:=\! V_{\mathit{B}\!\mathit{\Gamma}} \!-\! 2 \left(\! V_{\partial \! \mathit{H}} \!-\! rac{m{\pi} \!\cdot\! d_{\mathit{mOH}}^{-2}}{4} \,h\!
ight) \!=\! 13.967 \, m{m}^3$$

Длина цилиндрической части бака горючего

$$L_{ extsf{U} extsf{ extsf{ iny F}}}\!\!=\!\!rac{V_{ extsf{U} extsf{ iny F}}}{rac{oldsymbol{\pi}}{4}\left(d^2-d_{mo extsf{ iny H}}^2
ight)}\!=\!4.555~oldsymbol{m}$$

Расчет приборного отсека

Масса приборного отсека

$$M_{\Pi O} = \frac{M_{np}}{2} = 593.282 \text{ kg}$$

Объем приборного отсека

Плотность приборного отсека

$$\rho_{\Pi O} = 325 \frac{\mathbf{kg}}{\mathbf{m}^3}$$

$$V_{\Pi O} \coloneqq \frac{M_{\Pi O}}{\rho_{\Pi O}} = 1.825 \, \, \boldsymbol{m}^3$$

Длина приборного отсека

$$L_{\Pi O} \coloneqq \frac{V_{\Pi O}}{\frac{\boldsymbol{\pi} \cdot \boldsymbol{d}^2}{\boldsymbol{\Lambda}}} = 0.581 \ \boldsymbol{m}$$

Расчет головной части

Угол раскрыва головной части

$$\alpha \coloneqq 40 \text{ deg}$$

Длина головной части

$$L_{\Gamma q} \coloneqq \frac{d}{2 \, \tan\left(\frac{\alpha}{2}\right)} = 2.747 \, \boldsymbol{m}$$

Объем головной части

$$V_{\Gamma 4} := \frac{1}{3} L_{\Gamma 4} \cdot \frac{\pi}{4} d^2 = 2.877 \ m^3$$

Плотность головной части

$$\rho_{\Gamma 4} := \frac{M_{\Pi \Gamma}}{V_{\Gamma 4}} = 764.645 \frac{kg}{m^3}$$

Расчет хвостового отсека

Расходный комплекс для топливной пары АТ + НДМГ

$$\beta_T \coloneqq 170 \ \boldsymbol{s}$$

$$\beta_T := \beta_T \cdot g_0 = (1.668 \cdot 10^3) \frac{m}{s}$$

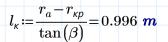
Давление в камере сгорания для двигателя с открытой схемы

$$p_{\kappa} \coloneqq 10 \; MPa$$

Давление на срезе сопла

$$p_a = 0.7 \; atm = 0.071 \; MPa$$

Показатель процесса расширения для топливной пары AT + НДМГ
$n \coloneqq 1.2$
Площадь критического сечения
Пустотная тяга
$P_n \coloneqq P_n(M_0) = 923.991 \ kN$
$S_{\kappa p} \coloneqq \beta_T \cdot \frac{P_n}{p_{\kappa} \cdot J_n} = 0.048 \ \boldsymbol{m}^2$
Диаметр критического сечения
$d_{\kappa p}\!\coloneqq\!\sqrt{rac{4\;S_{\kappa p}}{\pi}}\!=\!0.248\;m{m}$
Радиус критического сечения
$r_{\kappa p}\!\coloneqq\!rac{d_{\kappa p}}{2}\!=\!0.124$ $m{m}$
Площадь выходного сечения сопла
$S_a \coloneqq S_{\kappa p} \cdot \left(\frac{ \left(\frac{2}{n+1} \right)^{\frac{n+1}{n-1}}}{2} \right)^{\frac{1}{2}} = 0.743 \; m{m}^2 \ \left(\frac{p_a}{p_\kappa} \right)^{\frac{2}{n}} - \left(\frac{p_a}{p_\kappa} \right)^{\frac{n+1}{n}} \right)^{\frac{1}{2}}$
Диаметр выходного сечения $d_a\!\coloneqq\!\sqrt{\frac{4\;S_a}{\pi}}\!=\!0.973\;\textbf{\textit{m}}$
Радиус выходного сечения
$r_a := \frac{d_a}{2} = 0.486 \ m$
Расчет закритической части сопла
Первое приближение - конической профиль
Угол раскрытия сопла
$eta\!\coloneqq\!20$ deg 2 $eta\!=\!40$ deg
Длина конуса



Второе приближение - параболическое сопло

Длина закритической части

$$l_{30\kappa p} := 0.8 \ l_{\kappa} = 0.797 \ m$$

Расчет докритической части сопла

Диаметр камеры сгорания

$$d_{\kappa a M} = 2 d_{\kappa p} = 0.495 \ m$$

Радиус камеры сгорания

$$r_{\scriptscriptstyle {\it KAM}} \coloneqq rac{d_{\scriptscriptstyle {\it KAM}}}{2} = 0.248 \; {\it m}$$

Длина камеры сгорания

$$l_{\scriptscriptstyle KBM} \coloneqq 3 \ d_{\scriptscriptstyle KP} = 0.743 \ {\it m}$$

Угол сужения докритической части

$$\beta_{\partial \circ \kappa \rho} = \frac{90 \text{ deg}}{2} = 45 \text{ deg}$$

Длина докритической части сопла

$$l_{\partial o \kappa \rho} \coloneqq \frac{r_{\kappa a \mathsf{M}} - r_{\kappa \rho}}{ an\left(eta_{\partial o \kappa
ho}\right)} = 0.124 \; m{m}$$

Длина сопла

$$l_C \coloneqq l_{\partial o \kappa p} + l_{3 a \kappa p} = 0.921$$
 m

Длина двигательной установки

$$l_{\mathit{DY}} = 2 \ l_{\mathsf{C}} = 1.842 \ \boldsymbol{m}$$

Длина хвостового отсека

$$L_{XO} := l_{IJY} = 1.842 \ m$$

Длина всей ракеты

$$L := L_{\Gamma I} + L_{\Pi O} + L_{L IO} + L_{Mex} + L_{L I \Gamma} + 4 h + L_{XO} = 19.008 m$$

Удлинение ракеты
$$\lambda\coloneqq\frac{L}{d}=9.504$$
 Домашнее задание N92
$$v_{xap}=(6.43\cdot 10^3)\frac{m}{s}$$
 $M_{TIF}=2.2$ $tonne$
$$v_{01}\coloneqq 0.7$$

$$v_{02}\coloneqq 0.9$$

$$J_{\sigma_1}\coloneqq J_{\sigma_1}=(3.2\cdot 10^3)\frac{m}{s}$$
 Весовые коэффициенты
$$\Pi\text{ервая ступень}$$

$$a_{701}(M_{71})\coloneqq 0.033\cdot \left(1+0.5\exp\left(-0.014\frac{M_{71}}{tonne}\right)\right)$$

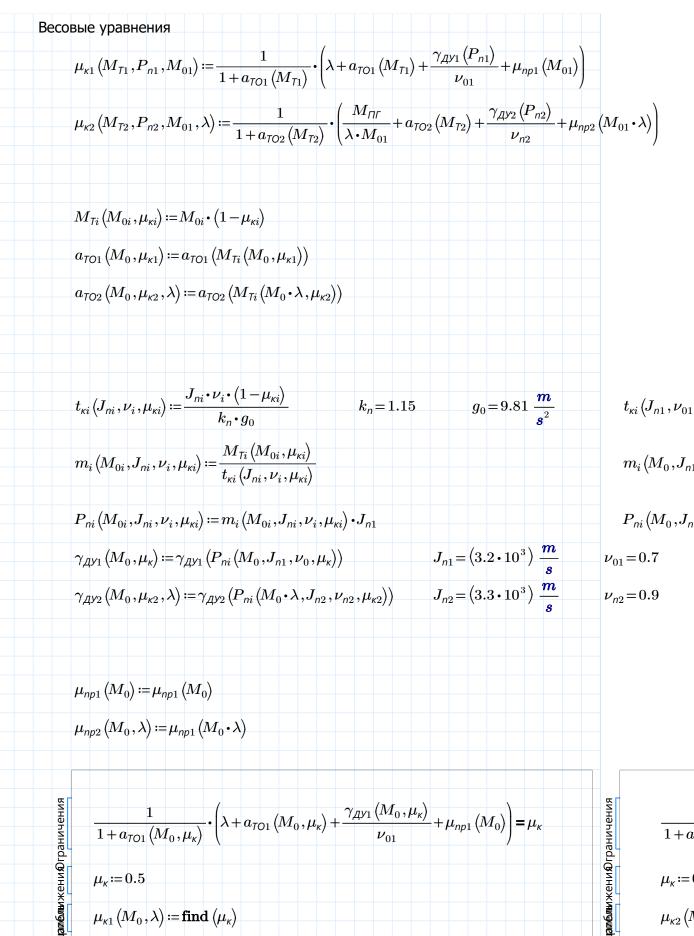
$$\gamma_{\mathcal{A}\mathcal{Y}^1}(P_{\sigma_1})\coloneqq 0.012\cdot \left(1+1.0\exp\left(-0.0009\frac{P_{\sigma_1}}{kN}\right)\right)$$
 Вторая ступень
$$a_{702}(M_{72})\coloneqq 0.013\cdot \left(1+0.59\exp\left(-0.014\frac{M_{71}}{tonne}\right)\right)$$
 Вторая ступень
$$a_{702}(M_{72})\coloneqq 0.013\cdot \left(1+0.59\exp\left(-0.0048\frac{M_{01}}{tonne}\right)\right)$$

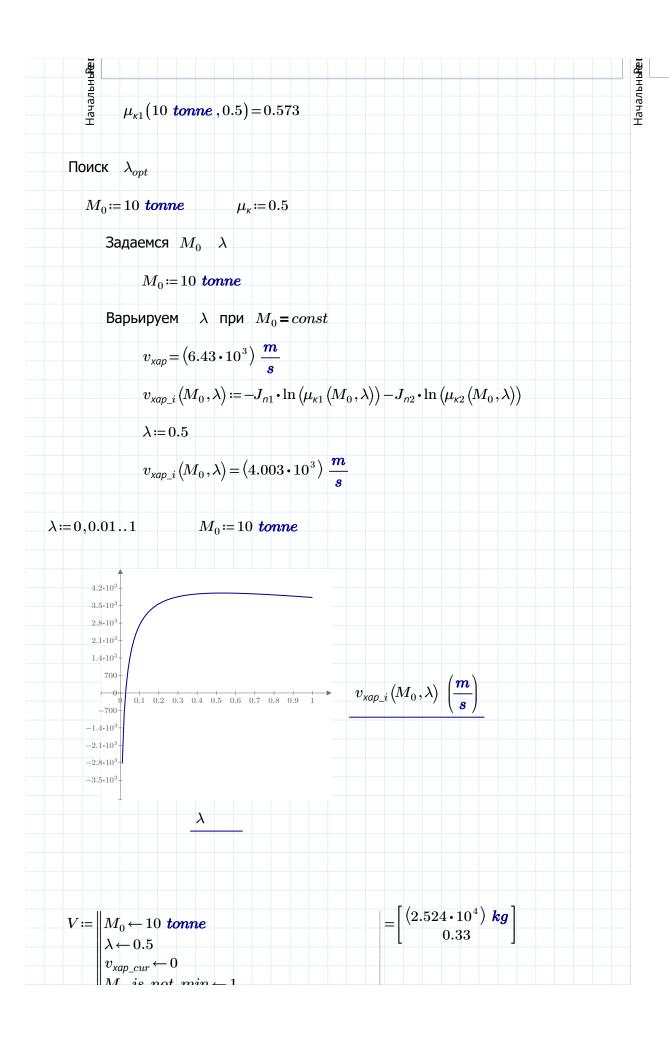
$$\gamma_{\mathcal{A}\mathcal{Y}^2}(P_{\sigma_2})\coloneqq 0.013\cdot \left(1+0.5\exp\left(-0.0009\frac{P_{\sigma_2}}{kN}\right)\right)$$

$$\gamma_{\mathcal{A}\mathcal{Y}^2}(P_{\sigma_2})\coloneqq 0.013\cdot \left(1+0.5\exp\left(-0.0009\frac{P_{\sigma_2}}{kN}\right)\right)$$

$$\gamma_{\mathcal{A}\mathcal{Y}^2}(P_{\sigma_2})\coloneqq 0.013\cdot \left(1+0.59\exp\left(-0.0009\frac{P_{\sigma_2}}{kN}\right)\right)$$

$$\gamma_{\mathcal{A}\mathcal{Y}^2}(M_{02})\coloneqq 0.013\cdot \left(1+0.59\exp\left(-0.0009\frac{M_{\sigma_2}}{kN}\right)\right) + \frac{0.25}{M_{02}} \frac{tonne}{M_{02}}$$





 $\mu_{\kappa 2}$ (2

