# Rushhour

Rushhour Wizzkids – Anoeya, Bauke, Wouter

## Uitleg

Vierkant bord

Rode auto

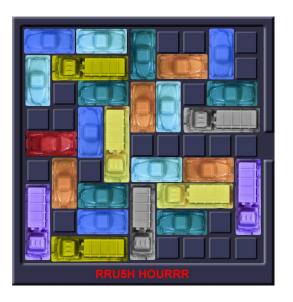
Voertuigen

Oriëntatie



## Borden







## Onderzoek

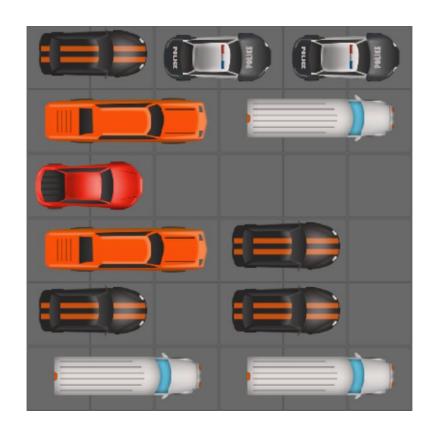
Korte- of snelle oplossing?

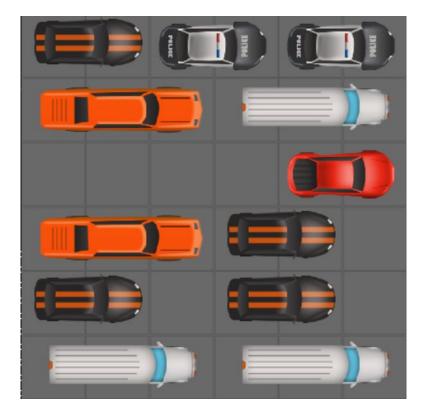
Algoritmen en Heuristieken voor:

- Een korte oplossing
- Een **snelle** oplossing
- Een snelle & korte oplossing

Wat zijn karakteristieken van moeilijke puzzels?

## Moeilijk of lastig?

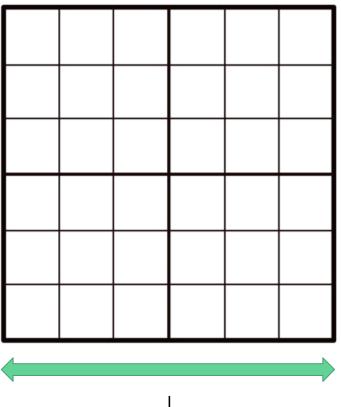




## Statespace, bovengrens

#### Aannames:

- Auto's botsen niet
- Alle auto's hebben lengte 2
- L-1 posities
- Statespace = (L-1)^(aantal auto's)



## Statespace: verwachting en werkelijkheid

|        | Berekende Bovengrens | Werkelijkheid |
|--------|----------------------|---------------|
| Bord 1 | ~10^9                | ~10^3         |
| Bord 2 | ~10^8                | ~10^4         |
| Bord 3 | ~10^6                | ~10^4         |

Bovengrens, dus niet heel nauwkeurig

## Methode

Genereer zelf borden om meer voorbeelden te hebben.

Zet altijd zo veel mogelijk stappen.

- Random Algoritmen
- Constructieve Algoritmen
  - Breadth First Search
  - Depth First Search
    - Iterative Deepening
  - Optimaal Prunen
    - AStar
  - Niet Optimaal Prunen
    - Beam Search



Bord 6

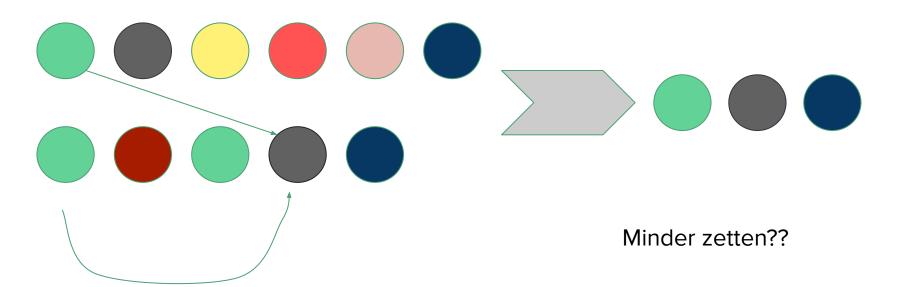
## Random

Gemiddelde zetten 100 Runs: batch grootte = aantal batches = 1

| Random | + Path<br>Compression | Verschil |
|--------|-----------------------|----------|
| 5741   | 1986                  | 3755     |

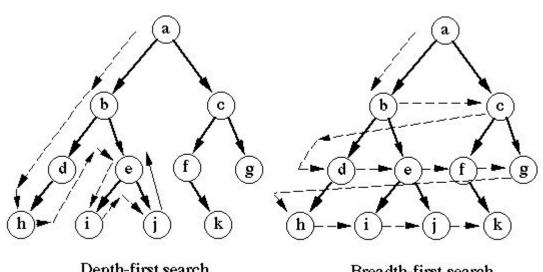
#### Compleet random

Meerdere random oplossing met batches: Path Compression



## Breadth First, Depth First, Iterative Deepening

Vinden de beste oplossing



Depth-first search

Breadth-first search

#### Breadth First

| Zetten | Tijd<br>(min) | Geheugen<br>(GB) |  |
|--------|---------------|------------------|--|
| 18     | 40.5          | 22               |  |

Sneller??

#### Heuristieken

H1: Aantal blokkerende auto's, admissible

H2: H1 + lowerbound om ze te verplaatsen, admissible

H3: Maakt gebruik van aantal vrijgemaakte zetten, niet admissible



#### **AStar**

Kijk eerst naar de borden met de laagste score (= heuristiek + aantal gezette zetten).

| Zetten | Tijd<br>(min) | Geheugen<br>(GB) |  |
|--------|---------------|------------------|--|
| 18     | 31            | 17.7             |  |

Aantal blokkerende auto's

| Zetten | Tijd<br>(min) | Geheugen<br>(GB) |  |
|--------|---------------|------------------|--|
| 18     | 24            | 14.8             |  |

Aantal blokkerende auto's

+
Lower Bound om deze
blokkerende auto's te
verplaatsen

| Zetten | Tijd<br>(min) | Geheugen<br>(GB) |  |
|--------|---------------|------------------|--|
| 65     | 0.2           | 0.3              |  |

3\*(afstand tot uitgang)

F

3\*(aantal blokkerende auto's)

14\*(aantal gecreëerde zetten)

#### Beam Search

Beam Search: Kijk alleen naar de **k meest belovende zetten**. Maakt gebruik van heuristiek 2.

| Zetten | Tijd<br>(min) | Geheugen<br>(GB) |
|--------|---------------|------------------|
| 46     | 3.4           | 2.5              |

| Zetten | Tijd<br>(min) | Geheugen<br>(GB) |  |
|--------|---------------|------------------|--|
| 31     | 19.6          | 11.3             |  |

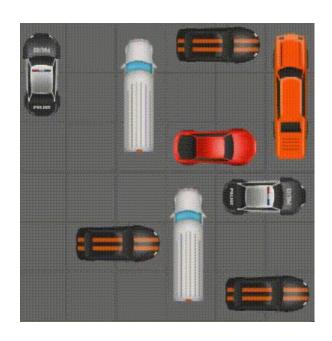
k = 5

k = 6

# Recap

## Ons onderzoek

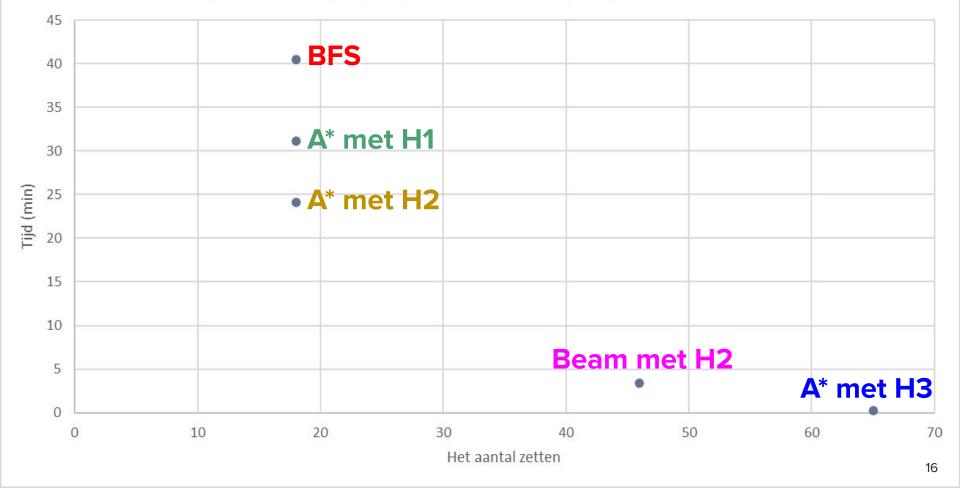
**Korte** oplossing en/of **snelle** oplossing?





Algoritmen

#### Algoritmen vergelijking op basis van tijd (min) en aantal zetten



## Conclusie

Korte oplossing en/of snelle oplossing?

- In zo **min** mogelijk stappen: A\* H2

- Zo **snel** mogelijk een oplossing: A\* H3 of

Random+Path Compression

- **Snelle** en **korte** oplossing: Beam H2

## Vervolgonderzoek

- 12x12 bord en het geheugenprobleem
- Moeilijkheden achterhalen



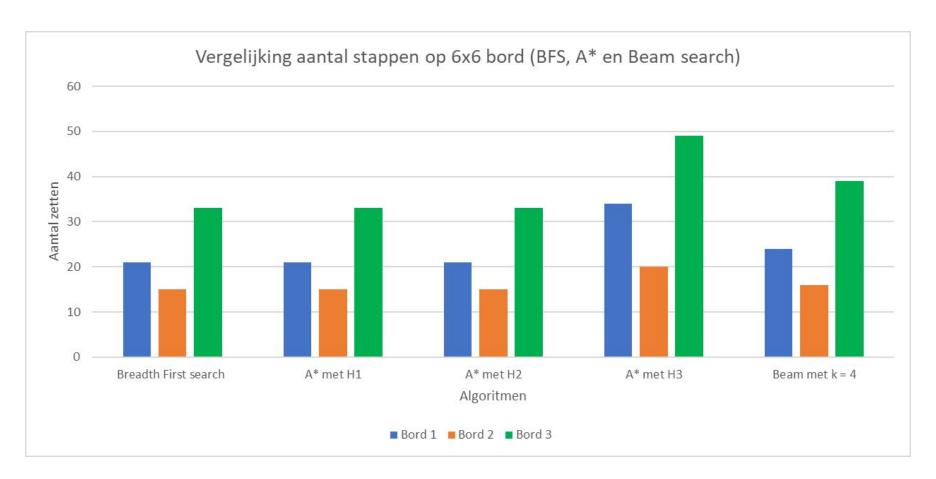
Zijn er vragen?



## Bord 1, 2, 3

### Geheugen en tijd ≅ 0

| Aantal<br>Zetten | BFS<br>AStar H1<br>AStar H2 | AStar H3 | Beam 4 |
|------------------|-----------------------------|----------|--------|
| Bord 1           | 21                          | 34       | 24     |
| Bord 2           | 15                          | 20       | 16     |
| Bord 3           | 33                          | 49       | 39     |



## Bord 4, 5, 6

| Tijd (min)<br>Zetten<br>Geheugen (GB) | BFS              | AStar 1          | AStar 2          | AStar 3        | Beam           |
|---------------------------------------|------------------|------------------|------------------|----------------|----------------|
| Bord 4                                | 0.5 - 27 - 0.4   | 0.3 - 27 - 0.3   | 0.3 - 27 - 0.2   | 0.0 - 56 - 0.0 | 0.0 - 34 - 0.1 |
| Bord 5                                | 16.2 - 22 - 8.7  | 13.1 - 22 - 8.7  | 9.3 - 22 - 6.9   | 0.4 - 47 - 0.8 | 0.5 - 37 - 0.4 |
| Bord 6                                | 40.5 - 18 - 22.1 | 31.1 - 18 - 17.7 | 24.1 - 18 - 14.7 | 0.2 - 65 - 0.4 | 3.4 - 46 - 2.5 |

BFS, AStar 1, AStar 2 korst en van deze AStar 2 snelst, allersnelst is AStar3 Beam ook snel en iets minder stappen nodig → dit is er te zeggen

## Random zonder en met path compression

| Gemiddelde 100<br>runs | Random   | Na path compression | Gemiddelde verbetering |
|------------------------|----------|---------------------|------------------------|
| Bord 1                 | 2135.47  | 35.50               | 2099.97                |
| Bord 2                 | 1063.33  | 44.71               | 1018.62                |
| Bord 3                 | 5027.87  | 60.60               | 4967.27                |
| Bord 4                 | 6297.86  | 867.63              | 5430.23                |
| Bord 5                 | 5740.97  | 1986.20             | 3754.77                |
| Bord 6                 | 9008.75  | 4642.79             | 4365.96                |
| Bord 7                 | 15030.23 | 13031.64            | 1998.59                |

### Laptop specs

- \* Processor: 11th Gen Intel(R) Core(TM) i7-1165G7 @ 2.80GHz
- \* Installed RAM: 32.0 GB (31.8 GB usable)
- \* System type: 64-bit operating system, x64-based processor
- \* OS: Windows 11 Pro