

Д.з. - 4:

ЛТ

1) $\frac{\sin x}{x} = 0$

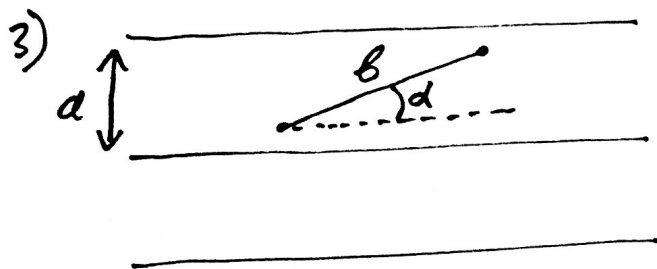
О.Д.З.: $x \neq 0$

$\sin x = 0 \Rightarrow x = 0, \pi, 2\pi, 3\pi, \dots$

Ответ: $x = k \cdot \pi, k = 1, 2, 3, \dots$

2) Ответ: решить систему уравнений:

$$\begin{cases} y - k_1 \cdot x - b_1 = 0 \\ y - k_2 \cdot x - b_2 = 0 \\ y - k_3 \cdot x - b_3 = 0 \end{cases}$$



Ответ:

Углы пересекаются хотя бы один раз, если выполняется:

$$a < b \cdot \sin \alpha$$

4**) $\sin(a \cdot x) = 0$

О.Д.З.: $\begin{cases} 0,01 < a < 0,02 \\ 700 < x < 500 \end{cases} \Leftrightarrow$

$$\Leftrightarrow 7 < a \cdot x < 10$$

\Downarrow

$a \cdot x = 0$

$a \cdot x = \pi$

$a \cdot x = 2\pi$

$a \cdot x = 3\pi$

$a \cdot x = 4\pi$

....

, но

\Rightarrow

$$\begin{cases} a \cdot x = \pi \\ a \cdot x = 2\pi \\ a \cdot x = 3\pi \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow x = \frac{k \cdot \pi}{a}, k \in (1, 2, 3)$$

17.6.2) $4y - 3x + 12 = 0, 7y + x - 14 = 0 \quad \alpha = ?$

$$\tan \alpha = \frac{A_2 B_1 - A_1 B_2}{A_1 A_2 + B_1 B_2} = \frac{4 + 21}{-3 + 28} = \frac{25}{25} = 1$$

$\alpha = 45^\circ$

17.6.4) $x = \sqrt{2}, x = -\sqrt{3} \quad \alpha = ?$

Прямые II $\Rightarrow \alpha = 0^\circ$

$$17.6.5) \quad y^2 - 2x - 2y - 5 = 0$$

$$y^2 - 2y - 5 = 2x$$

$$x = \frac{1}{2}y^2 - y - \frac{5}{2}$$

$$\text{или: } C \cdot y^2 + D \cdot x + E \cdot y + F = 0$$

Ответ: парабола

$$17.6.6) \quad 3x^2 + 5y^2 + 12x - 30y + 42 = 0$$

$$3x^2 + 12x = 3(x^2 + 4x) = 3 \cdot (x^2 + 4x + 4 - 4) = \\ = 3((x+2)^2 - 4) = 3(x+2)^2 - 12$$

$$5y^2 - 30y = 5(y^2 - 6y) = 5(y^2 - 6y + 9 - 9) = \\ = 5((y-3)^2 - 9) = 5(y-3)^2 - 45$$

$$3(x+2)^2 - 12 + 5(y-3)^2 - 45 + 42 = 0$$

$$3(x+2)^2 + 5(y-3)^2 = 15$$

$$\frac{(x+2)^2}{5} + \frac{(y-3)^2}{3} = 1 \quad \text{Ответ: эллипс}$$

$$17.6.7) \quad 2x^2 - y^2 + 6y - 7 = 0$$

$$-y^2 + 6y = -1 \cdot (y^2 - 6y) = -1(y^2 - 6y + 9 - 9) =$$

$$= -1((y-3)^2 - 9) = -(y-3)^2 + 9$$

$$2x^2 - (y-3)^2 + 9 - 7 = 0$$

$$2x^2 - (y-3)^2 = -2$$

$$\frac{x^2}{-1} + \frac{(y-3)^2}{2} = 1 \quad \text{Ответ: гипербала}$$

$$17.6.8) \quad 2x^2 - 3y^2 - 28x - 42y - 55 = 0$$

$$2x^2 - 28x = 2(x^2 - 14x) = 2(x^2 - 14x + 49 - 49) =$$

$$= 2((x-7)^2 - 49) = 2(x-7)^2 - 98$$

$$-3y^2 - 42y = -3(y^2 + 14y) = -3(y^2 + 14y + 49 - 49) =$$

$$= -3((y+7)^2 - 49) = -3(y+7)^2 + 147$$

$$2(x-7)^2 - 98 - 3(y+7)^2 + 147 - 55 = 0$$

$$2(x-7)^2 - 3(y+7)^2 = 6 \quad \frac{(x-7)^2}{3} - \frac{(y+7)^2}{2} = 1 \quad \text{Ответ: гипербала}$$