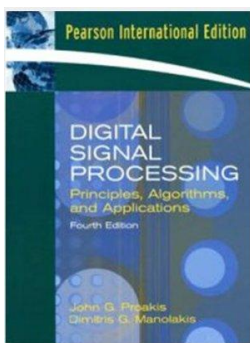


## **Föreläsning 1: Signalbehandling i multimedia ETI265**

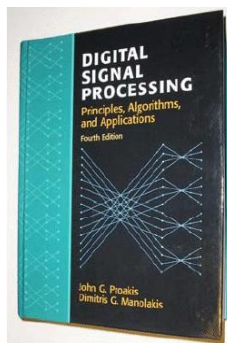
# **Signalbehandling i multimedia**

## **ETI265**

### **2015**



ISBN 0-13-228731-5

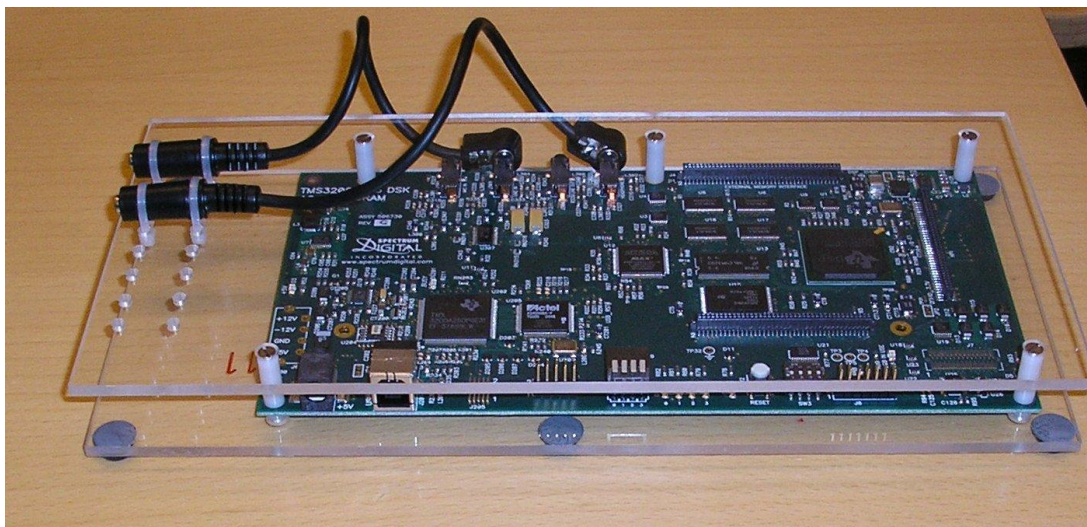
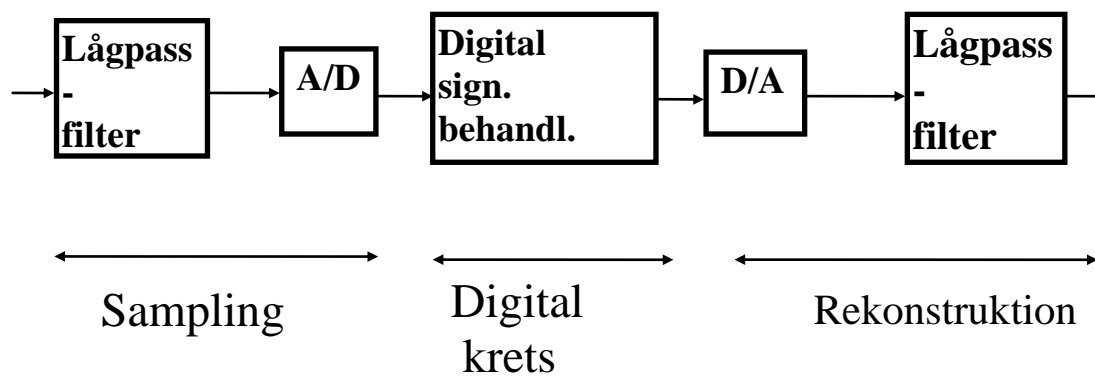


ISBN 0-13-187374-1

**Digital Signal Processing: Principles,  
Algorithms and Applications  
Edition 4  
John G. Proakis, Dimitris G. Manolakis**

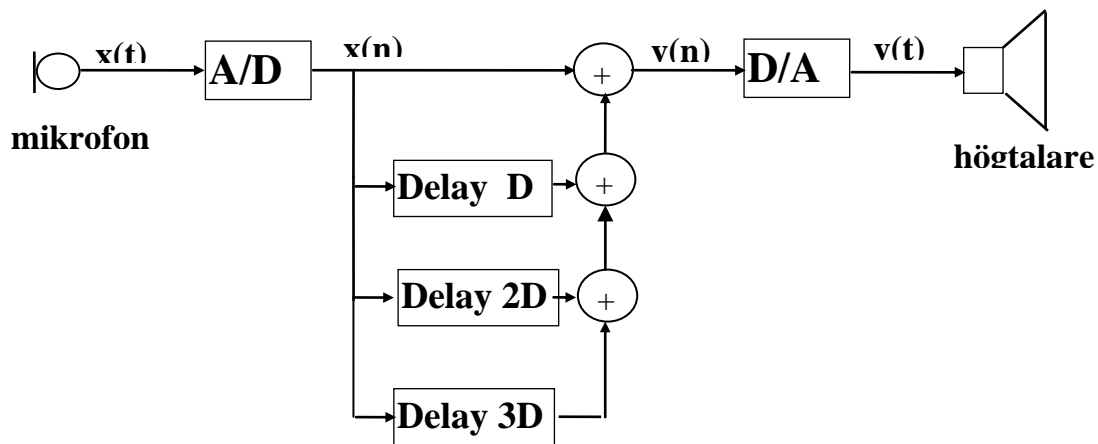
**Föreläsningar: Nedelko Grbic**  
(mtrl. från Bengt Mandersson)

# Digital Signalbehandling



Exempel: DSP starters kit Texas Instruments DSK6713

## Exempel: Ekoeffekt



**Hur ser den digitala kretsens amplitudfunktion ut ( $D=500$ )?**

**Sampeltakt: 8 kHz,  $D=500$ , (63 ms fördröjning)**

**Hur låter detta? Vi testar på laborationerna realtids-Matlab.**

Laboratory work, Echo processor,

Block diagram,

Delay parameters

Delay (ms): 20

GainM: 1

GainD: 0

No of delay units: 3

FIR

Download

Open DSP

Close DSP

Exit

## Exempel på reverb (ekoeffekt)

### Lite mer avancerat ekosystem

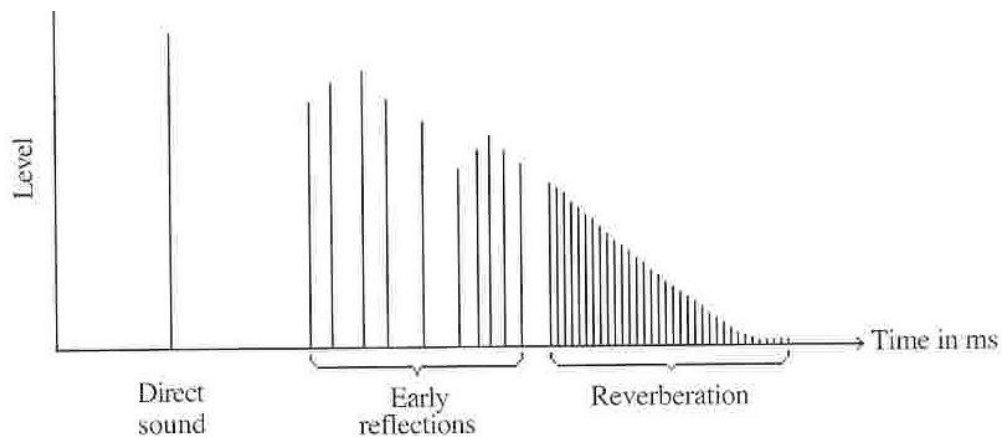


Figure 1.32: Various types of echoes generated by a single sound source in a room.

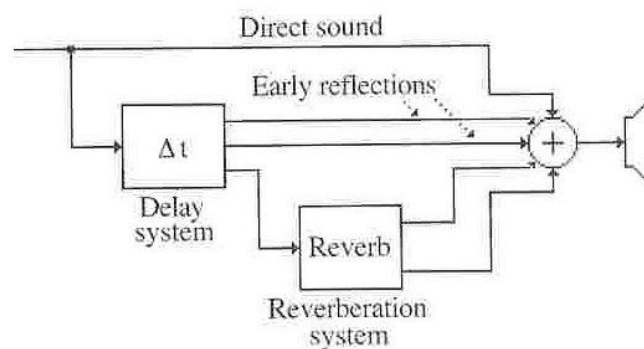


Figure 1.33: Block diagram of a complete delay-reverberation system in a monophonic system.

## Exempel. MP3 kodning av musik

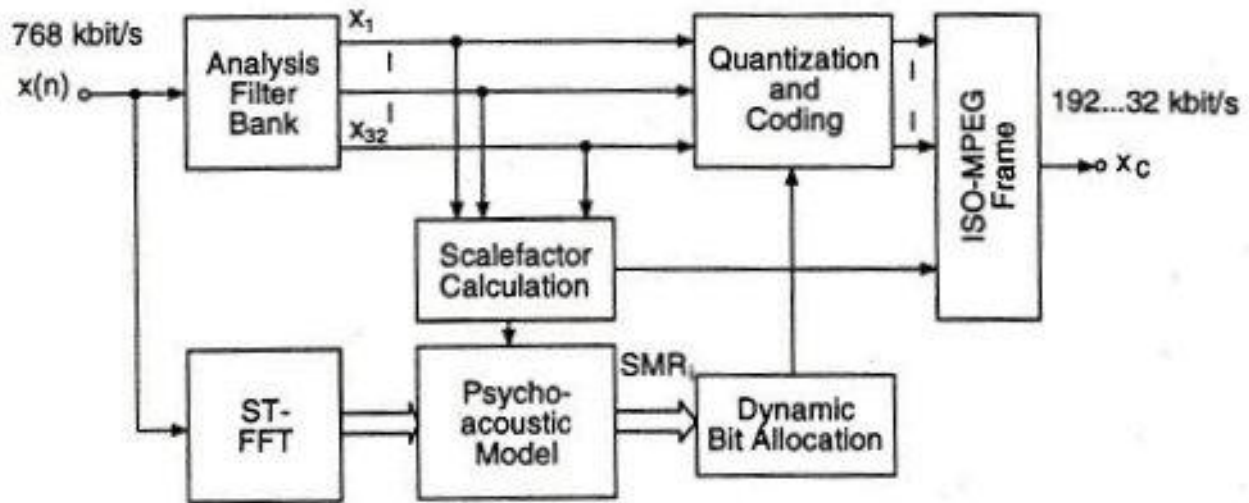


Figure 9.12 Simplified block diagram of a ISO-MPEG1 coder.

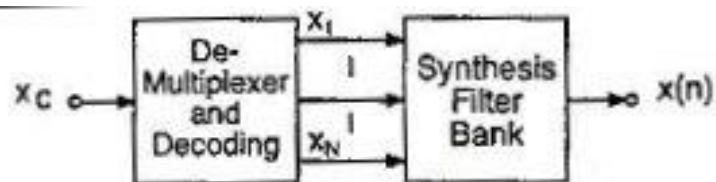
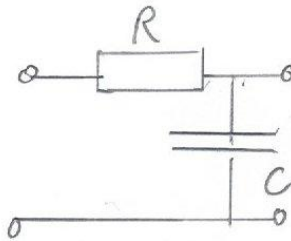


Figure 9.13 Simplified block diagram of a ISO-MPEG1 decoder.

## Exempel på kretsar

### Analog krets, RC-krets



$$y'(t) + a y(t) = b x(t)$$

### Digital krets



$$y(n) + a y(n-1) = b x(n)$$

**Kod som körs varje gång ett nytt värde finns från A/D-omvandlaren (a=0.9, b=1)**

```
x=ADinput;  
y=-0.9*yold + x;  
yold=y;  
DAoutput=y;
```

# **Innehåll VT2                      ETI265                      2015**

**John G. Proakis, Dimitris G. Manolakis,  
'Digital Signal Processing: Principles, Algorithms, and  
Applications',  
Fourth Edition, Chapters 1-9. Pearson Prentice Hall, ISBN 0-  
13-187374-1.**

<b>Chapter 1:</b>	<b>Introduction.</b>
<b>Chapter 2:</b>	<b>Discrete-Time Signals and Systems.</b>
<b>Chapter 3:</b>	<b>The z-Transform and its Application to the Analysis of LTI Systems.</b>
<b>Chapter 4:</b>	<b>Frequency Analysis of Signals.</b>
<b>Chapter 5:</b>	<b>Frequency-Domain Analysis of LTI Systems.</b>
<b>Chapter 6:</b>	<b>Sampling and Reconstruction of Signals.</b>
<b>Chapter 7:</b>	<b>The Discrete Fourier transform: Its properties and Applications.</b>
<b>Chapter 8:</b>	<b>Efficient Computation of the DFT: Fast Transform Algorithms (not included).</b>
<b>Chapter 9:</b>	<b>Implementation of Discrete-Time Systems.</b>

<b>Föreläsning:</b>	<b>4 timmar per vecka</b>
<b>Övning</b>	<b>4 timmar per vecka</b>
<b>Laboration:</b>	<b>2 timmar/vecka</b>
	<b>Två inlämningsuppgifter i kombination med duggor</b>

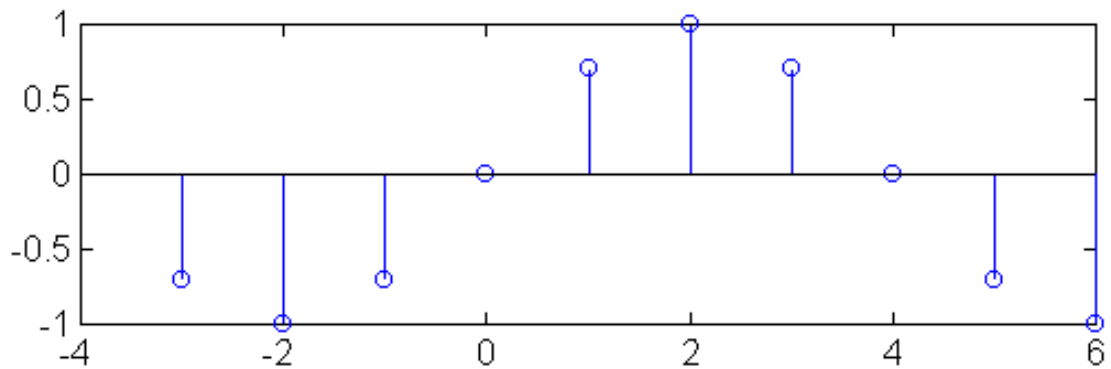
**Gruppindelning för labbarna behöver göras.  
Anmälningslistor kommer att finnas på kursens hemsida.**

## Vad är en tidsdiskret signal?

### Exempel på tidsdiskreta signaler

#### Sinussignal

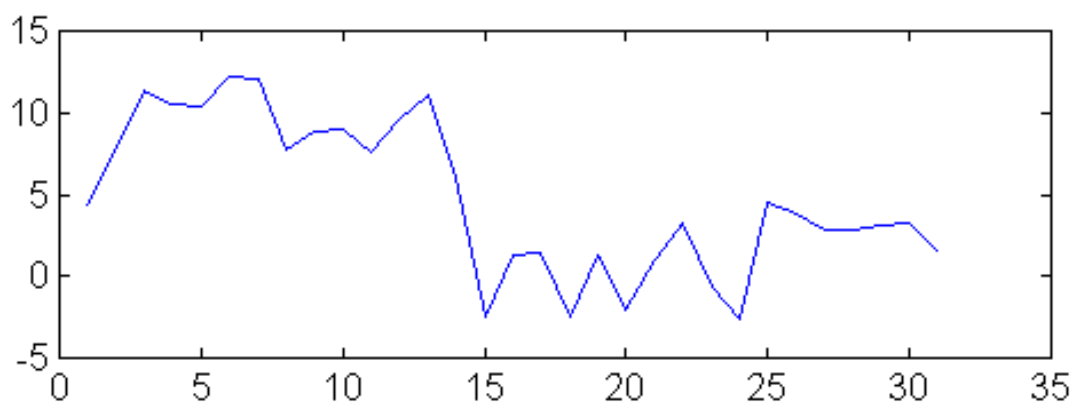
$$x(n) = \sin\left(2\pi \frac{1}{8}n\right) = \{\dots -0.7 \quad -1 \quad -0.7 \quad \underset{\uparrow}{0} \quad 0.7 \quad 1 \quad 0.7 \quad 0 \dots\}$$



#### Temperaturkurva

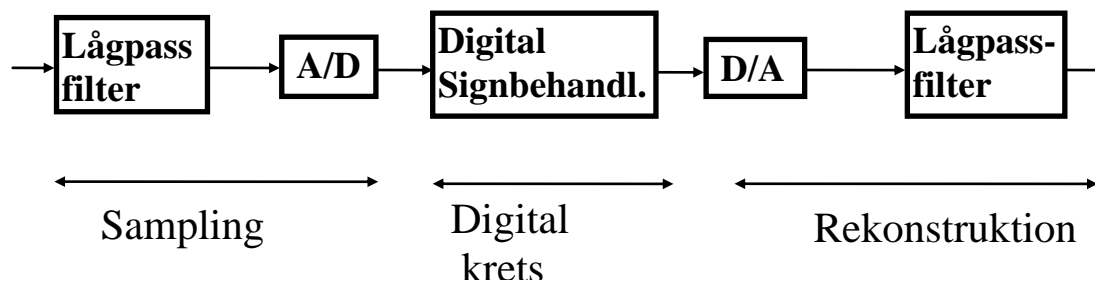
$$\mathbf{x(n)=\{ 4.4 \quad 7.8 \quad 11.4 \quad 10.5 \quad 10.4 \quad 12.2 \quad 12.0 \dots \}}$$

↑





## Exempel på tidsdiskret krets



1a.  $y(n) = 1/5 x(n) + 1/5 x(n-1) + 1/5 x(n-2) + 1/5 x(n-3) + 1/5 x(n-4)$

**Kretsen beräknar medelvärdet av de fem senaste insignalvärdena.**

1b.  $y(n) = 1/5 x(n) - 1/5 x(n-1) + 1/5 x(n-2) - 1/5 x(n-3) + 1/5 x(n-4)$

**Vad gör ovanstående kretsar (ekvationer)?**

**Den ena förstärker låga frekvenser (basen)**

**Den andra förstärker höga frekvenser (diskanten)**

**Men hur? Detta vill vi kunna beräkna i denna kursen**

2a.  $y(n) = 0.9 y(n-1) + x(n)$

2b.  $y(n) = 1.05 y(n-1) + x(n)$

## Målsättning i kursen:

**Förstå sambandet mellan kretsar enligt ovan och dess egenskaper, speciellt frekvensegenskaper.**

## Sinusoids (kontinuerligt, beteckningar)

$$x(t) = \underbrace{10}_{A \text{ amplitud}} \cos(2\pi \underbrace{440}_{F_0 \text{ frekvens}} t - \underbrace{0.4\pi}_{\Phi \text{ fas}})$$

$$\underbrace{\Omega_0}_{\text{vinkelfrekvens}}$$

**Periodtid**  $T_0 = \frac{1}{F_0}$   $\Omega = 2\pi F$

$$x(t) = \underbrace{10}_{A \text{ amplitud}} \cos(2\pi \underbrace{440}_{F_0 \text{ frekvens}} (t - \underbrace{\frac{0.4\pi}{2\pi 440}}_{\frac{\Phi}{\omega} = \text{tid(fördröjning)}}))$$

$$\underbrace{\Omega_0}_{\text{vinkelfrekvens}}$$

**Trigonometriska samband:**

$$\cos \Omega_0 = \frac{e^{j\Omega_0} + e^{-j\Omega_0}}{2}$$

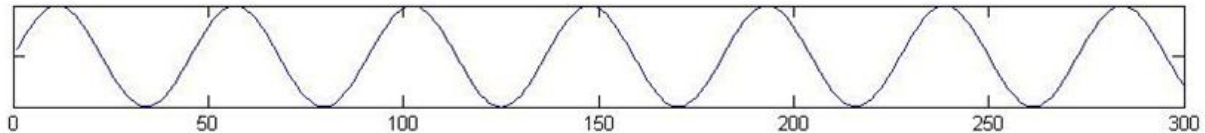
**Eulers formler:**  $\sin \Omega_0 = \frac{e^{j\Omega_0} - e^{-j\Omega_0}}{2j}$

## Syntetiska ljud, några exempel 1

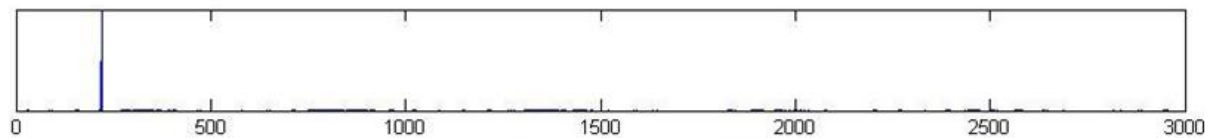
### Sinus

$$x(t) = \sin(2 \pi \underbrace{F_0}_{220 \text{ Hz}} t)$$

Tidssignal (vågform, waveform)



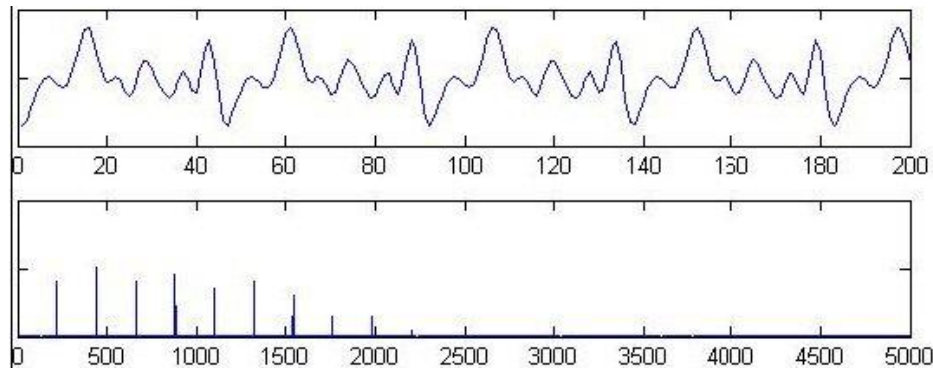
Frekvensspektrum (histogram över frekvensinnehållet)



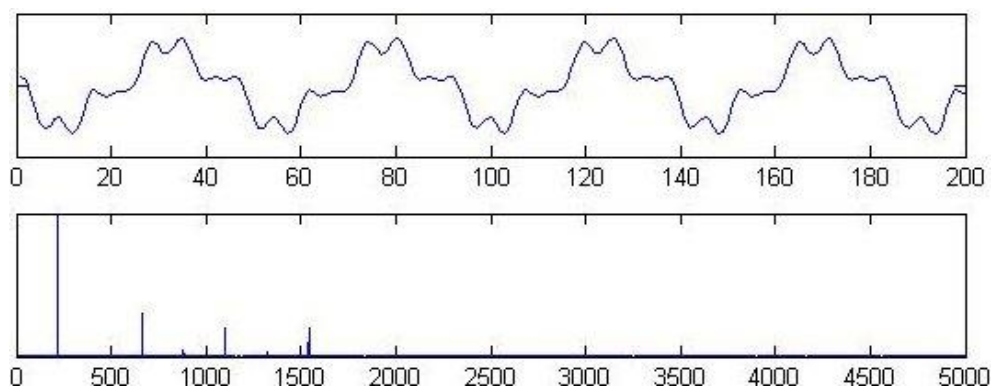
Additiv syntes (summa av sinussignaler, harmonisk signal)

$$x(t) = \sum_k a_k \sin(2 \pi k \underbrace{F_0}_{220 \text{ Hz}} t)$$

### Trombon



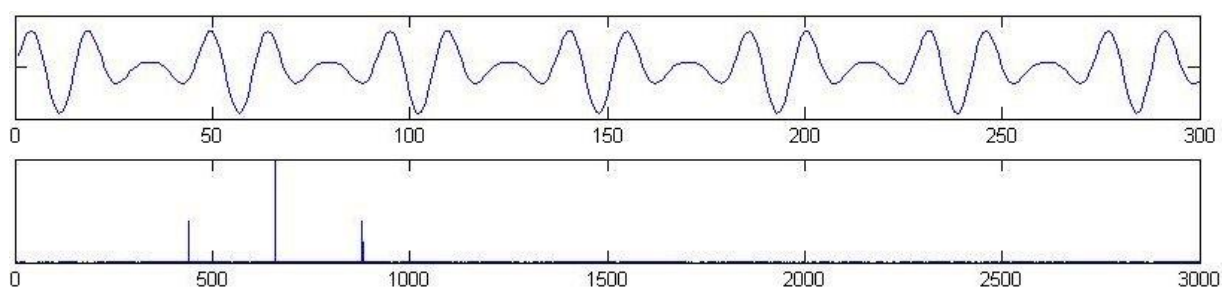
### Klarinett



## Syntetiska ljud, några exempel 2 (överst: vågform, underst: frekvensinnehåll)

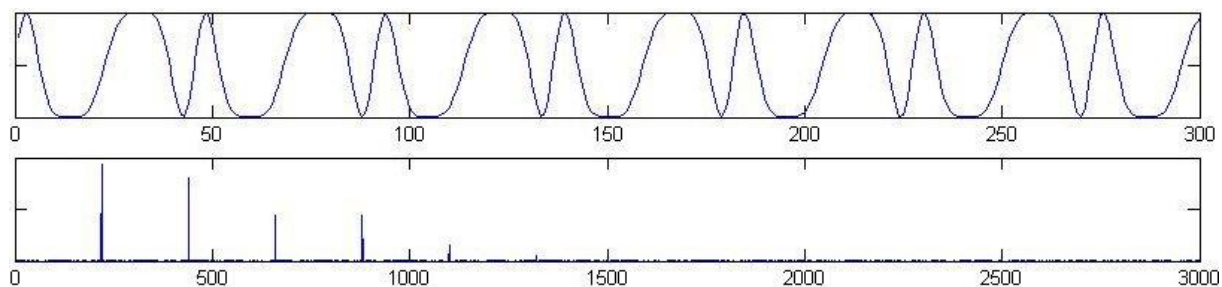
### AM-syntes

$$x(t) = (1 + 0.8 \sin(2 \pi \underbrace{F_0}_{220 \text{ Hz}} t)) \sin(2 \pi \underbrace{3F_0}_{660 \text{ Hz}} t)$$



### FM-syntes (Yamaha)

$$x(t) = \sin\left\{ 2 \pi \underbrace{F_0}_{220 \text{ Hz}} t + 3 \sin(2 \pi \underbrace{F_0}_{220 \text{ Hz}} t) \right\}$$



## Sampling                      sid 21

$$x(t) = 20 \cos(2 \pi \underset{F_0}{440} t - 0.4 \pi)$$

avläs med frekvensen  $F_S = 1000 \text{ Hz}$

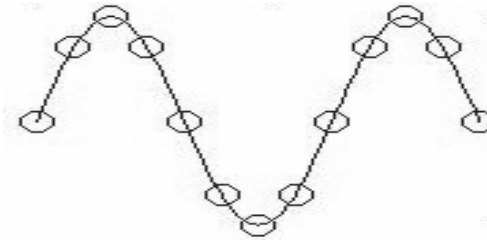
eller  $T = \frac{1}{F_S} = \frac{1}{1000} = 0.001 \text{ sec}$  mellan avläsningarna

$$x(n) = x(t) \Big|_{t=nT=n\frac{1}{F_S}} = 20 \cos(2 \pi \underbrace{\frac{440}{1000}}_{f_0 = \frac{F_0}{F_S}} n - 0.4 \pi)$$

dvs  $f_0 = \frac{440}{1000} = 0.44$

**Beteckningar:**  $\Omega = 2 \pi F$       frekvens respektive vinkelfrekvens  
   för tidskontinuerliga signaler.  
 $\omega = 2 \pi f$                       frekvens respektive vinkelfrekvens  
   för tidsdiskreta signaler.

## Tidsdiskret sinus sid 23

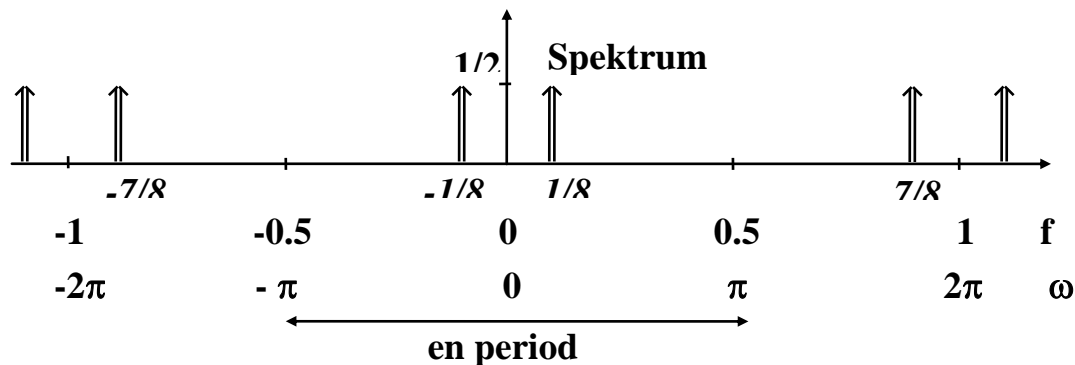


$$\begin{aligned}x(n) &= \cos(2\pi f_0 n) = \frac{1}{2}(e^{j2\pi f_0 n} + e^{-j2\pi f_0 n}) = \\&= \cos(2\pi(f_0 + 1)n) = \frac{1}{2}(e^{j2\pi(f_0+1)n} + e^{-j2\pi(f_0+1)n})\end{aligned}$$

**Spektrum för en tidsdiskret signal är periodisk**

**n heltal, Ex.  $f_0=1/8 = 0.125$  ( $f_0 < 0.5$  ger minst 2 sampel/period)**

### Hur rita frekvensinnehållet?



**Lyssna på signalen genom att spela upp den genom D/A-omvandlare**

**Vi väljer ut perioden -  $-0.5 < f < 0.5$**

**och spelar upp med  $F_s=10000$  Hz**

**$-5000 < F < 5000$  (verkliga frekvensen)**

$$y(t) = \cos(2\pi \cdot 1/8 \cdot 10000t) = \cos(2\pi \cdot 1250t)$$

## Kapitel 2 Discrete-Time Signals

### sid 43

**Beteckningar:**  $x(n)$  (i många böcker används  $x[n]$ )

$$x(n) = \begin{cases} 1 & n = 0, 2 \\ 4 & n = 1 \\ 0 & \text{för övrigt} \end{cases} = \{ \dots 0 \ 0 \ 0 \ \underset{\substack{\uparrow \\ n=0}}{1} \ 4 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \dots \} = \{ \underset{\substack{\uparrow \\ n=0}}{1} \ 4 \ 1 \}$$

**Impuls:**

$$\delta(n) = \begin{cases} 1 & n = 0 \\ 0 & \text{för övrigt} \end{cases} = \{ \dots 0 \ 0 \ 0 \ \underset{\substack{\uparrow \\ n=0}}{1} \ 0 \ 0 \ 0 \dots \}$$

**Steg:**

$$u(n) = \begin{cases} 1 & n \geq 0 \\ 0 & n < 0 \end{cases} = \{ \dots 0 \ 0 \ 0 \ \underset{\substack{\uparrow \\ n=0}}{1} \ 1 \ 1 \ 1 \dots \}$$

$$x(n) = a^n u(n)$$

$$x(n) = \cos(2\pi f_0 n) = \frac{1}{2} (e^{j 2\pi f_0 n} + e^{-j 2\pi f_0 n})$$

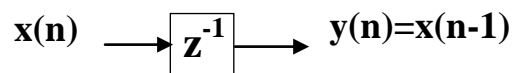
**Definition:** Kausal signal = signal som är 0 för alla negativa index

Med hjälp av impulsen kan vi skriva

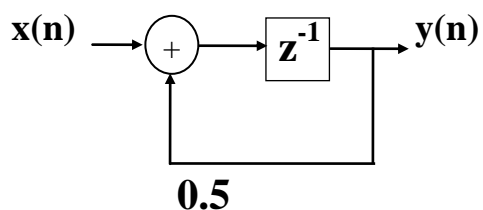
$$x(n) = \{ \underset{\substack{\uparrow}}{1} \ 4 \ 1 \} = 1 \cdot \delta(n) + 4 \cdot \delta(n-1) + 1 \cdot \delta(n-2) = \sum_k x(k) \delta(n-k)$$

## Exempel på kretsar sid 58, 59

### A Fördröjning (skift)

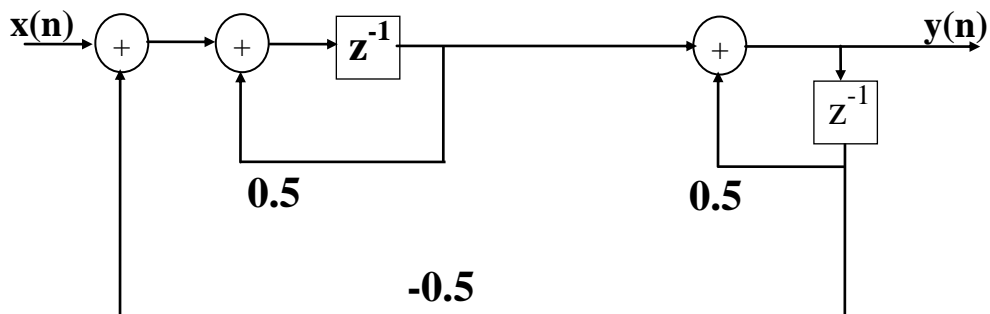


### B Första ordningens krets



$$y(n)=0.5 y(n-1) + x(n-1)$$

### C Andra ordningens krets



Här behöver vi hjälp av Z-transformen, kap 3.

Mer om strukturer i kapitel 9.



## **Energi, effekt sid 45**

**energi:**

$$E = \sum_{n=-\infty}^{\infty} |x(n)|^2$$

**effekt:**

$$P = \frac{1}{2N+1} \sum_{n=-N}^N |x(n)|^2$$

$E < \infty$  kallas "energy" signal

$0 < P < \infty$  kallas "power" signal

## **Jämn, udda**

**jämn (even)**  $x(n) = x(-n)$

**udda (odd)**  $x(n) = -x(-n)$

**spiegling av  $x(n)$  (folding, reflection)**

**kring origo ger  $y(n) = x(-n)$**

## Discrete-Time Systems (LTI systems)

### FIR,IIR

**FIR:** Krets med ändligt minne

ex.  $y(n) = x(n) + x(n-1)$

**IIR:** Krets med oändligt minne

ex.  $y(n) = 0.5 y(n-1) + x(n)$

### Linjaritet

om  
ger

$$\begin{aligned} x(n) &= \alpha x_1(n) + \beta x_2(n) \\ y(n) &= \alpha y_1(n) + \beta y_2(n) \end{aligned}$$

### Skift invariant

om  
medför att

$$\begin{aligned} x(n) &\Rightarrow y(n) \\ x(n-1) &\Rightarrow y(n-1) \end{aligned}$$

### BIBO-stabilitet

Bounded input => bounded output

om för varje  $|x(n)| \leq M_x$  gäller att

$$|y(n)| \leq M_y < \infty$$

## Matematik i kursen

### Komplexa tal:

$$z = a + j b = r e^{j\Phi} \quad \text{där} \quad r = \sqrt{a^2 + b^2},$$

$$\Phi = \arctan(b/a) \quad \text{om} \quad a \neq 0$$

$$r e^{j\Phi} = r \cos \Phi + j r \sin \Phi$$

### Eulers formler:

$$\cos \omega = \frac{1}{2} (e^{j\omega} + e^{-j\omega})$$

$$\sin \omega = \frac{1}{2j} (e^{j\omega} - e^{-j\omega})$$

### Omskrivning med Eulers formler:

$$1 + e^{-j\omega} = e^{-j\omega/2} (e^{j\omega/2} + e^{-j\omega/2}) = 2 \cos(\omega/2) e^{-j\omega/2}$$

$$1 - e^{-j\omega} = e^{-j\omega/2} (e^{j\omega/2} - e^{-j\omega/2}) = 2 \sin(\omega/2) e^{-j\omega/2} e^{j\pi/2}$$

### Integral:

$$\begin{aligned} \int_{t=0}^T e^{-j2\pi f t} dt &= \frac{e^{-j2\pi f T} - e^{-j2\pi f 0}}{-j2\pi f} = \frac{1 - e^{-j2\pi f T}}{j2\pi f} = \\ &= \frac{e^{-j2\pi f \frac{T}{2}} (e^{j2\pi f \frac{T}{2}} - e^{-j2\pi f \frac{T}{2}})}{j2\pi f} = T \frac{\sin(2\pi f \frac{T}{2})}{2\pi f \frac{T}{2}} e^{-j2\pi f \frac{T}{2}} \end{aligned}$$

## Geometrisk summa:

$$S_1 = \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^n = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots = \frac{1}{1 - \frac{1}{2}} \quad \text{oändlig summa}$$

$$S_2 = \sum_{n=0}^3 \left(\frac{1}{2}\right)^n = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} = \frac{1 - \left(\frac{1}{2}\right)^4}{1 - \frac{1}{2}} \quad \text{ändlig summa}$$

## Bevis för geometrisk summa:

**Bilda**

**tag nu differensen**

$$Sum = \sum_{n=0}^N a^n = 1 + a + a^2 + \dots + a^N$$

$$a \cdot Sum = a + a^2 + \dots + a^{N+1}$$

$$Sum - a \cdot Sum = 1 - a^{N+1}$$

**Detta ger summan**

$$Sum = \frac{1 - a^{N+1}}{1 - a}$$

**Den oändliga summan**

$$Sum = \sum_{n=0}^{\infty} a^n = 1 + a + a^2 + \dots = \frac{1}{1 - a} \quad \text{om } |a| < 1$$