20240507 数算B-12班-笔试 (模考)

Updated 1921 GMT+8 May 8, 2024

2024 spring, Complied by Hongfei Yan

说明:

- 1) 2024/5/7 15:10~17:00, 笔试, 线下理教410教室有x人+线上y人。
- 2) 周二5月7日15:00~17:00, 课堂上进行笔试(电脑上完成), 考题在canvas平台, 届时开放。

题目包括:选择、判断、填空、简答、算法填空;有的题目需要拍照上传。

请大家带笔记本(pad没有试过,估计也可以),草稿纸,cheat paper,个人独立完成。

预计考100分题目,包括:15个选择题30分,10个判断题10分,10个填空题(改造为选择形式)20分,3个简答14分,4个算法26分。期末考试是120分钟,我们利用两节课加课间时间120分钟完成。

不计分。笔试后再上课,可能线下/线上同学顺序来讲解题目,每人一个。讲解时候(最好到讲台),先 介绍下自己的姓名、院系,复述一下题面,然后讲解该题目答案。

笔试范围包括: 栈、队列、优先队列、排序、散列表、哈夫曼、调度场、各种树的定义、操作(如各种遍历),时间复杂度、图等。

一.选择题(30 分,每小题 2 分)

- 1. 下列叙述中正确的是()。
 - A: 散列是一种基于索引的逻辑结构
 - B: 基于顺序表实现的逻辑结构属于线性结构
 - C: 数据结构设计影响算法效率,逻辑结构起到了决定作用
 - D: 一个逻辑结构可以有多种类型的存储结构,且不同类型的存储结构会直接影响到数据处理的效率
- 2. 在广度优先搜索算法中,一般使用什么辅助数据结构? ()。
 - A: 队列 B: 栈
 - C: 树 D: 散列
- 3. 若某线性表采取链式存储, 那么该线性表中结点的存储地址()。
 - A: 一定不连续 B: 既可连续亦可不连续 C: 一定连续 D: 与头结点存储地址保持连续
- 4. 若某线性表常用操作是在表尾插入或删除元素,则时间开销最小的存储方式是()。
 - A: 单链表 B: 仅有头指针的单循环链表
 - C: 顺序表 D: 仅有尾指针的单循环链表
- 5. 给定后缀表达式(逆波兰式) ab+-c*d-对应的中缀表达式是()。
 - A: a-b-c*d B: -(a+b)*c-d
 - C: a+b*c-d D: (a+b)*(-c-d)
- 6. 今有一空栈 S,基于待进栈的数据元素序列 a, b, c, d, e, f 依次进行进栈、进栈、出栈、进 栈、进栈、出栈的操作,上述操作完成以后,栈 S 的栈顶元素为()。
 - A: f B: c C: a D: d

- 7. 对于单链表,表头节点为 head, 判定空表的条件是()。
 - A: head.next == None
 - B: head != None
 - C: head.next == head
 - D: head == None
- 8. 以下典型排序算法中, 具有稳定排序特性的是()。

A:冒泡排序(Bubble Sort) B: 直接选择排序(Selection Sort)

C:快速排序 (Quick Sort) D:希尔排序 (Shell Sort)

- 9. 以下关键字列表中,可以有效构成一个大根堆(即最大值二叉堆,最大值在堆顶)的序列是()。
 - A: 58139627 B: 981756233
 - C:98635127 D:98675123
- 10. 以下典型排序算法中,内存开销最大的是()。
 - A: 冒泡排序 B: 快速排序
 - C: 归并排序 D: 堆排序
- 11. 排序算法依赖于对元素序列的多趟比较/移动操作(即执行多轮循环),第一趟结束后,任一元素都无法确定其最终排序位置的算法是()。
 - A: 选择排序 B: 快速排序 C: 冒泡排序 D: 插入排序
- 12. 考察以下基于单链表的操作,相较于顺序表实现,带来更高时间复杂度的操作是()。
 - A: 合并两个有序线性表, 并保持合成后的线性表依然有序
 - B: 交换第一个元素与第二个元素的值
 - C: 查找某一元素值是否在线性表中出现
 - D: 输出第 i 个 (0<=i<n, n 为元素个数) 元素
- 13. 已知一个整型数组序列,序列元素值依次为 (19, 20, 50, 61, 73, 85, 11, 39), 采用某种排序 算法, 在多趟比较/移动操作(即执行多轮循环)后, 依次得到以下中间结果(每一行对应一趟)如下:
 - (1) 19 20 11 39 73 85 50 61
 - (2) 11 20 19 39 50 61 73 85
 - (3) 11 19 20 39 50 61 73 85

请问,上述过程使用的排序算法是

- A: 冒泡排序
- B: 插入排序
- C: 希尔排序
- D: 归并排序
- 14. 今有一非连通无向图, 共有36条边, 该图至少有()个顶点。
 - A: 8 B: 9 C: 10 D: 11
- 15. 令 G=(V, E) 是一个无向图,若 G 中任何两个顶点之间均存在唯一的简单路径相连,则下面说法中错误的是()。
 - A:图G中添加任何一条边,不一定造成图包含一个环
 - B: 图 G 中移除任意一条边得到的图均不连通
 - C: 图 G 的逻辑结构实际上退化为树结构
 - D: 图 G 中边的数目一定等于顶点数目减 1

二. 判断

(10分,每小题1分;对填写"Y",错填写"N")

- 1. ()按照前序、中序、后序方式周游一棵二叉树,分别得到不同的结点周游序列,然而三种不同的周游序列中,叶子结点都将以相同的顺序出现。
- 2. () 构建一个含 N 个结点的(二叉)最小值堆,时间效率最优情况下的时间复杂度大 O 表示为 O (N Log N)。
- 3. ()对任意一个连通的无向图,如果存在一个环,且这个环中的一条边的权值不小于该环中任意一个其它的边的权值,那么这条边一定不会是该无向图的最小生成树中的边。
- 4. ()通过树的周游可以求得树的高度,若采取深度优先遍历方式设计求解树高度问题的算法,算法空间复杂度大 O 表示为 O (树的高度)。
- 5. () 树可以等价转化二叉树, 树的先序遍历序列与其相应的二叉树的前序遍历序列相同。
- 6. () 如果一个连通无向图 G 中所有边的权值均不同,则 G 具有唯一的最小生成树。
- 7. () 求解最小生成树问题的 Prim 算法是一种贪心算法。
- 8. () 使用线性探测法处理散列表碰撞问题,若表中仍有空槽(空单元),插入操作一定成功。
- 9. () 从链表中删除某个指定值的结点, 其时间复杂度是 O(1)。
- 10. () Dijkstra 算法的局限性是无法正确求解带有负权值边的图的最短路径。

三. 填空 (20分, 每题2分)

- 1. 定义二叉树中一个结点的度数为其子结点的个数。现有一棵结点总数为 101 的二叉树,其中度数为 1 的结点数有 30 个,则度数为 0 结点有 _ _ _ 个。
- 2. 定义完全二叉树的根结点所在层为第一层。如果一个完全二叉树的第六层有 23 个叶结点,则它的总结 点数可能为 _ _ _ _ (请填写所有 3 个可能的结点数,写对 1 个得 1 分,2 个得 1.5 分,写 错 1 个不得分)。
- 3. 对于初始排序码序列(51, 41, 31, 21, 61, 71, 81, 11, 91),用双指针原地交换实现,第 1 趟快速排序(以第一个数字为中值)的结果是:____
- 4. 如果输入序列是已经正序,在(改进)冒泡排序、直接插入排序和直接选择排序算算法中,____算 法最慢结束。
- 5. 已知某二叉树的先根周游序列为 (A, B, D, E, C, F, G), 中根周游序列为 (D, B, E, A, C, G, F), 则该二叉树的后根次序周游序列 (_ _ _ _)。
- 6. 使用栈计算后缀表达式 (操作数均为一位数) "1 2 3 + 4 * 5 + 3 + −" , 当扫描到第二个+号但还未对该 +号进行运算时,栈的内容 (以栈底到栈顶从左往右的顺序书写) 为 _ _ _ 。
- 7. 51 个顶点的连通图 G 有 50 条边,其中权值为 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10 的边各 5 条,则连通图 G 的最小生成树各边的权值之和为 _ _ _ _ 。
- 8. 包含 n 个顶点无向图的邻接表存储结构中,所有顶点的边表中最多有 _ _ _ _ 个结点。具有 n 个顶点的有向图,顶点入度和出度之和最大值不超过 _ _ _ 。
- 9. 给定一个长度为 7 的空散列表,采用双散列法解决冲突,两个散列函数分别为: h1(key) = key % 7, h2(key) = key%5 + 1 请向散列表依次插入关键字为 30, 58, 65 的集合元素,插入完成后 65 在散列表中存储地址为 _ _ _ _ 。
- 10. 阅读算法 ABC, 回答问题。

```
1 def ABC(n):
2   k, m = 2, int(n**0.5)
3   while (k <= m) and (n %k != 0):
4   k += 1
5   return k > m
```

- 1) 算法的功能是: ____。
- 2) 算法的时间复杂度是O(____)。

四. 简答 (3题, 共14分)

- 1. (4分)字符串匹配算法从长度为 n 的文本串 S 中查找长度为 m 的模式串 P 的首次出现。
- a) 字符串匹配的朴素算法使用暴力搜索,大致过程如下: 对于 P 在 S 中可能出现的 n-m+1 个位置,比对此位置时 P 和 S 中对应子串是否相等。其时间复杂度 O((n-m+1)m)。请举例说明算法时间复杂度一种最坏情况(注: 例子中请只出现 a 和 b 两种字符)。(1分)
- b) 已知字符串 S 为"abaabaabaabcc",模式串 t 为"abaabc"。采用朴素算法进行查找,请写出字符比对的总次数和查找结果。(2 分)
- c) 朴素算法存在很大的改进空间,说明在上述(b)步骤中,第一次出现不匹配(s[i+j]!= t[j])时(i=0, j=5),为了避免冗余比对,则下次比对时,i 和 j 的值可以分别调整为多少? (1分)

字符串匹配的朴素算法:

```
def issubstring(s, t):
    for i in range(len(s)):
        for j in range(len(t)):
            if s[i + j] != t[j]:
                break
        else:
        return True
    return False
```

2. (5分) 有八项活动, 每项活动标记为 V+编号 n(0<=n<=7), 每项活动要求的前驱如下:

活动	V0	V1	V2	V3	V4	V5	V6	V7
前驱	无前驱	V0	V0	V0, V2	V1	V2, V4	V3	V5, V6

- (1) 画出相应的 AOV (Active On Vertex) 网络 (即节点为活动,边为先后关系的有向图),
- (2) 并给出一个拓扑排序序列, 如存在多种, 则按照编号从小到大排序, 输出最小的一种。

- 3. (5分) 简要回答下列 BST 树以及 BST 树更新过程的相关问题。
 - (1) 请简述什么是二叉查找树(BST)(1分)
 - (2) 请图示 2,1,6,4,5,3 按顺序插入一棵 BST 树的中间过程和最终形态 (2分)
 - (3) 请图示以上 BST 树,依次删除节点 4 和 2 的过程和树的形态 (2 分)

五. 算法填空 (4题, 共26分)

1. (6分) 拓扑排序:给定一个有向图,求拓扑排序序列。

输入:第一行是整数 n,表示图有 n 顶点 (1<=n<=100),编号 1 到 n。接下来 n 行,第 i 行列了顶点 i 的 所有邻点,以 0 结尾。没有邻点的顶点,对应行就是单独一个0。

输出:一个图的拓扑排序序列。如果图中有环,则输出"Loop"。

样例输入 (#及其右边的文字是说明,不是输入的一部分):

```
      1
      5
      #5 个顶点

      2
      0
      #1 号顶点无邻点

      3
      4 5 1 0
      #2 号顶点有邻点 4 5 1

      4
      1 0

      5
      5 3 0

      6
      3 0
```

样例输出

```
1 | 2 4 5 3 1
```

请对下面的解题程序进行填空

```
1 class Edge: #表示邻接表中的图的边,v 是终点
2
       def __init__(self, v):
3
          self.v = v
4
 5
6
   def topoSort(G): # G 是邻接表, 顶点从 O 开始编号
7
       # G[i][j]是 Edge 对象,代表边 <i, G[i][j].v>
8
       n = len(G)
9
       import queue
       inDegree = [0] * n # inDegree[i]是顶点 i 的入度
10
11
       q = queue.Queue()
12
       # q 是队列, q.put(x)可以将 x 加入队列, q.get()取走并返回对头元素
13
       # q.empty()返回队列是否为空
14
       for i in range(n):
15
16
           for e in G[i]:
17
                   ______ # 【1 分】
18
       for i in range(n):
19
20
          if inDegree[i] == 0:
```

```
_____ #【1分】
21
22
23
        seq = []
24
        while not q.empty():
25
           k = q.get()
26
           seq.append(k) #【1 分】
27
           for e in G[k]:
28
                           ____ #【1分】
               if inDegree[e.v] == 0:
29
30
                   ______ # 【1 分】
31
       if _____: #【1 分】
32
33
           return None
34
        else:
35
           return seq
36
37
38
   n = int(input())
39
    G = [[] for _ in range(n)] # 邻接表
40
   for i in range(n):
41
       lst = list(map(int, input().split()))
42
       print(lst)
43
       G[i] = [Edge(x - 1) \text{ for } x \text{ in } 1st[:-1]]
44
       print(G[i])
45
46
   result = topoSort(G)
47
    if result is not None:
       for x in result:
48
           print(x + 1, end=" ")
49
50 else:
51
     print("Loop")
52
```

2. (7分)链表操作:读入一个从小到大排好序的整数序列到链表,然后在链表中删除重复的元素,使得重复的元素只保留 1 个,然后将整个链表内容输出。

输入样例:

```
1 | 1 2 2 2 3 3 4 4 6
```

输出样例:

```
1 | 1 2 3 4 6
```

请对程序填空:

```
1 class Node:
2    def __init__(self, data):
3         self.data = data
4         self.next = None
5
```

```
6 a = list(map(int, input().split()))
   head = Node(a[0])
 7
  8
    p = head
  9 for x in a[1:]:
                   _ #【2分】
 10
       p = p.next
 11
 12
 p = head
 14
    while p:
 15
      while _____ and p.data == p.next.data: # 【2 分】
                        #【1 分】
 16
 17
      p = p.next
 18
 19 p = head
 20 while p:
      print(p.data, end=" ")
 21
          22
 23
```

3. (7分) 无向图判定:给定一个无向图,判断是否连通,是否有回路。输入:第一行两个整数 n,m,分别表示顶点数和边数。顶点编号从 0 到 n-1。(1<=n<=110, 1<=m<=10000)接下来 m 行,每行两个整数 u 和 v,表示顶点 u 和 v 之间有边。

输出:

如果图是连通的,则在第一行输出"connected:yes",否则第一行输出"connected:no"。 如果图中有回路,则在第二行输出"loop:yes",否则第二行输出"loop:no"。

样例输入

```
1 | 3 2
2 | 0 1
3 | 0 2
```

样例输出

```
1 | connected:yes
2 | loop:no
```

请进行程序填空:

```
1 def isConnected(G): # G 是邻接表,顶点编号从 O 开始,判断是否连通
2
     n = len(G)
3
       visited = [False for _ in range(n)]
4
       total = 0
5
6
     def dfs(v):
7
          nonlocal total
8
          visited[v] = True
9
          total += 1
          for u in G[v]:
10
             if not visited[u]:
11
```

```
12
                   dfs(u)
13
14
        dfs(0)
15
                                 #【2分】
        return __
16
17
    def hasLoop(G): # G 是邻接表,顶点编号从 O 开始,判断有无回路
18
        n = len(G)
19
        visited = [False for _ in range(n)]
20
21
        def dfs(v, x): # 返回值表示本次 dfs 是否找到回路,x 是深度优先搜索树上 v 的父结点
22
            visited[v] = True
23
            for u in G[v]:
               if visited[u] == True:
24
25
                   if _____: #【2 分】
                       return True
26
27
               else:
                                   __: #【2分】
28
                   if _
29
                       return True
30
            return False
31
32
        for i in range(n):
            if _____: #【1 分】
33
               if dfs(i, -1):
34
35
                   return True
36
        return False
37
    n, m = map(int, input().split())
38
39
    G = [[] for _ in range(n)]
40
    for _ in range(m):
41
       u, v = map(int, input().split())
42
        G[u].append(v)
43
        G[v].append(u)
44
45
    if isConnected(G):
46
        print("connected:yes")
47
    else:
48
        print("connected:no")
49
50
    if hasLoop(G):
51
       print("loop:yes")
52
    else:
       print("loop:no")
53
54
```

4. (6分) 堆排序: 输入若干个整数,下面的程序使用堆排序算法对这些整数从小到大排序,请填空。

程序中建立的堆是大顶堆 (最大元素在堆顶)

输入样例:

```
1 | 1 3 43 8 7
```

输出样例:

```
1 | 1 3 7 8 43
```

请进行程序填空:

```
1
   def heap_sort(arr):
2
       heap\_size = len(arr)
3
4
       def goDown(i):
5
           if i * 2 + 1 >= heap_size: # a[i]没有儿子
6
              return
7
           L, R = i * 2 + 1, i * 2 + 2
8
                      _____: #【1分】
9
           if __
10
               s = L
11
           else:
12
              s = R
13
14
           if arr[s] > arr[i]:
                       _____#【2分】
15
               goDown(s)
16
17
18
       def heapify(): # 将列表 a 变成一个堆
19
           for k in range(len(arr) // 2 - 1, -1, -1): #【1 分】
20
               goDown(k)
21
22
       heapify()
23
       for i in range(len(arr) - 1, -1, -1):
           ______#【1分】
24
25
           heap_size -= 1
                     _____ #【1分】
26
27
28
29
   a = list(map(int, input().split()))
30
   heap_sort(a)
31
   for x in a:
       print(x, end=" ")
32
33
```

卷面写法怪异,正常写法应该是

```
1
  def heapify(arr, n, i):
2
      largest = i # 将当前节点标记为最大值
3
      left = 2 * i + 1 # 左子节点的索引
      right = 2 * i + 2 # 右子节点的索引
4
5
6
      # 如果左子节点存在且大于根节点,则更新最大值索引
7
      if left < n and arr[i] < arr[left]:</pre>
8
         largest = left
9
```

```
10
       # 如果右子节点存在且大于根节点或左子节点,则更新最大值索引
11
       if right < n and arr[largest] < arr[right]:</pre>
12
           largest = right
13
14
       # 如果最大值索引发生了变化,则交换根节点和最大值,并递归地堆化受影响的子树
15
       if largest != i:
16
           arr[i], arr[largest] = arr[largest], arr[i]
17
           heapify(arr, n, largest)
18
19
   def buildMaxHeap(arr):
20
21
       n = len(arr)
22
       # 从最后一个非叶子节点开始进行堆化
23
24
       for i in range(n // 2 - 1, -1, -1):
25
           heapify(arr, n, i)
26
27
28
   def heapSort(arr):
29
       n = len(arr)
30
31
       buildMaxHeap(arr) # 构建大顶堆
32
33
       # 逐步取出堆顶元素(最大值),并进行堆化调整
34
       for i in range(n - 1, 0, -1):
35
           arr[i], arr[0] = arr[0], arr[i] # 交换堆顶元素和当前最后一个元素
36
           heapify(arr, i, 0) # 对剩余的元素进行堆化
37
38
       return arr
39
40
   a = list(map(int, input().split()))
41
   heapSort(a)
   for x in a:
42
       print(x, end=" ")
43
```