Notes

Kopnov Alexandr

19 марта 2023 г.

Содержание

| 1 | Постановка | 1 |
|---|---|---|
| 2 | Представление данных 2.1 Ввод из файла 2.2 Предобработка | |
| 3 | Метод северо-западного угла | 3 |
| 4 | Метод потенциалов 4.1 Проверка оптимальности | 4 |

1 Постановка

Решить транспортную задачу

Транспортная таблица:

| 8 | 2 | 5 | 3 | 14 | 8 3 |
|----|---|---|---|----|-----|
| 10 | 4 | 5 | 7 | 15 | 3 |
| 5 | 1 | 2 | 1 | 10 | 11 |
| 6 | 3 | 2 | 4 | 15 | 5 |
| 4 | 5 | 4 | 9 | 5 | |

Все задачи сбалансированы: объём хранимого груза совпадает с требованиями

Задания:

1. Решить методом потенциалов с выбором начального плана методом С-З угла

- 2. Решить симплекс-методом
- 3. Внести дизбаланс в исходные данные: уменьшить количества, чтобы было доступно меньше, чем требуется
- 4. Предусмотреть наличие штрафа за недопоставку, который может различаться у разных потребителей.
 - а) Штраф за недопоставку меняется в зависимости от объёма

2 Представление данных

Матрица коэфициентов, вектор запасов поставщиков, вектор требований потребителей, матрица поставок. Заполненные (возможно нулём) клетки имеют значения объёма поставок, незаполненные — -1

2.1 Ввод из файла

- 1. В первой строке размерность задачи: кол-во поставщиков и кол-во потребителей (m,n)
- $2. \ m$ строк по n+1 разделённых запятой чисел: коэфициенты матрицы и запасы поставщика.
- 3. п значений, означающих требования потребителей.
- 4. опционально n значений, означающих штрафы за недопоставку

Поставленная задача будет записана как

```
4,5
8,2,5,3,14,8
10,4,5,7,15,3
5,1,2,1,10,11
6,3,2,4,15,5
4,5,4,9,5
```

2.2 Предобработка

Проверяется закрытость задачи. Если задача является открытой, т.е. $\sum_{i=1}^{m} a_i - \sum_{j=1}^{n} b_j \neq 0$, вводится фиктивный потребитель или фиктивный поставщик (в зависимости от знака разности)

При наличии штрафа за недопоставку коэфициенты цены фиктивного поставщика не 0, а равны штрафу за недопоставку единицы продукта.

3 Метод северо-западного угла

Используется для построения начального вектора.

k-я итерация:

- 1. $x_k = \min\{a[i], b[j]\}, a[i] = x_k, b[j] = x_k, \text{ сохраняем пару }\{(i, j), x_k\}$
- 2. Если $a_i = 0$, i + = 1, переход на следующую итерацию
- 3. Если $b_j=\mathsf{o},\ j+=\mathsf{1},$ переход на следующую итерацию.

Такая реализация «обходит» диагональные переходы: за счёт того, что условия проверяются последовательно и после каждого происходит переход, если $a_i = 0$ и $b_j = 0$, сначала увеличится i, потом j. Т.о. диагональный переход всегда заменяется на переход вниз и переход направо.

В начале алгоритма k = 0, i = 0, j = 0 и он завершается, когда k = n + m - 2.

4 Метод потенциалов

4.1 Проверка оптимальности

Используем вспомогательные вектора: v[N], u[M]. u[o] = o.

Каждой ячейке матрицы поставок с неотрицательным значением можем сопоставить ограничение:

$$v[j] - u[i] = c_{ij}$$

Начиная с ячеек, в которых i=0, определяем значения u,v, перемещаясь по зап. ячейкам, в которых совпадает одна из координат. Это реализовано с помощью стека, в котором хранятся координаты ячейки и направление, которое надо проверить.

Так как матрица значений поставок хранится отдельно и не влияет на условие оптимальности, и для контроля ошибок, проверяются все элементы матрицы.

$$\Delta_{ij} = c_{ij} - v_j + u_i$$

В цикле проверяем существование $\Delta_{ij} < 0$ и запоминаем координаты ячейки в которой Δ имеет наибольший модуль.

Если существуют $\Delta_{ij} < 0$, строим цикл пересчёта.

4.2 Цикл пересчёта

Начиная с клетки, координаты которой были найдены на прошлом шаге выполняем поиск с возвратом.

Первая итерация происходит отдельно, так как есть только одна начальная клетка. На последующих итерациях принимается список координат с которых можно продолжить поиск, список координат, входящих в цикл, координаты конечной клетки и направление поиска.

Для каждой пары координат:

- 1. Если поиск идёт по строке и строка совпадает со строкой, в которой находится конечная клетка, либо поиск идёт по стобцу и совпадает столбец, координаты добавляются в список координат, входящих в цикл. Функция завершается, возвращая значение true
- 2. Строится список кандидатов в заданном направлении: если координаты отличны от начальных и значение в таблице перевозок неотрицательно, координаты добавляются в список кандидатов.
- 3. Вызов функции с новым списком координат и другим направлением. Если функция вернула **true**, координаты добавляются в цикл и этот вызов также возвращает **true**.
- 4. Переход к следующей паре координат.

Если ни одна из пар координат не вернула true, функция возвращает значение false.

Таким образом, функция вернёт false тогда и только тогда, когда не существует такого продолжения, которое приводит к замыканию цикла.

Начальный вызов всегда будет возвращать true, так как цикл всегда существует.

4.3 Построение следующего приближения.

Начиная со второго элемента найденного цикла проверяем значения через одно. Минимальное из них — θ . Затем:

- 1. Присваиваем клетке начала цикла значение θ .
- 2. Начиная со второго элемента цикла $x_k + = \theta \cdot sign$, sign* = -1
- 3. Элемент, значение которого было выбрано как θ заменяется -1