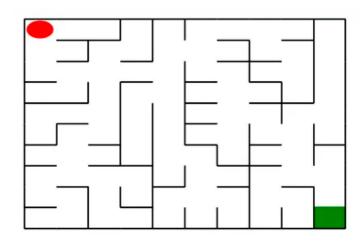
# 机器人自动走迷宫-程序报告

吴天宇 12334125

## 1实验概要

### 1.1 实验内容

在本实验中,要求分别使用基础搜索算法和 Deep QLearning 算法,完成机器人自动走迷宫。



如上图所示,左上角的红色椭圆既是起点也是机器人的初始位置,右下角的绿色方块是出口。 游戏规则为:从起点开始,通过错综复杂的迷宫,到达目标点(出口)。

- 在任一位置可执行动作包括: 向上走 'u'、向右走 'r'、向下走 'd'、向左走 'l'。
- 执行不同的动作后,根据不同的情况会获得不同的奖励,具体而言,有以下几种情况:
  - 撞墙
  - 走到出口
  - 其余情况

#### 1.2 实验结果概要

A\* 算法利用启发式函数计算出当前节点到目标节点的估计代价,进而逐步扩展路径至终点。实验表明,A\* 算法能够迅速找到从起点到终点的最短路径,在中小规模迷宫上表现出高效性。然而,由于需要广泛搜索,随着迷宫复杂度和规模增大,计算效率显著下降。此方法适用于环境已知的场景,但难以应对未知或动态迷宫环境。所以,A\*算法适用于较小规模、结构稳定的迷宫,能保证最优解,但计算量随规模显著增加。

在DQN算法中,通过强化学习训练,机器人学习了在迷宫中的策略。DQN模型通过经验回放和目标网络实现稳定训练,模型损失值在训练过程中逐步收敛,最终学习到一条稳定的最优路径。实验显示,DQN在反复探索后能够自主找到最短路径,对大规模迷宫表现出较强的适应性。此外,DQN模型在遇到新迷宫或动态变化的迷宫时也能通过学习适应,展现了出色的灵活性。所以,DQN算法适用于大规模或动态迷宫,训练后能够快速找到出口,具备较强的泛化能力。

# 2基于最佳优先搜索 A\* 算法

本实验旨在使用 A\* 搜索算法,编程实现机器人在迷宫中自动寻找从起点到终点的最短路径。A\* 算法是一种启发式搜索算法,通过计算综合代价 f = g + h 来确定从起点到终点的最优路径,其中 g 表示实际路径代价,h 为曼哈顿距离启发式估计。算法从起点开始,依次选择 f 值最小的节点进行扩展,生成的子节点若未被访问则加入开放列表,并更新其 g 和 f 值。当找到目标节点时,通过回溯父节点重构路径。A算法在结构稳定的已知迷宫中表现优异,能够迅速找到最短路径,但在迷宫规模增大或环境动态变化时,计算量显著增加。以下是详细的代码实现和解释。

## 2.1 导入必要的库和模块

```
In [1]:

import os
import random
import numpy as np
from Maze import Maze # 迷宫环境类
from Runner import Runner
from QRobot import QRobot
from ReplayDataSet import ReplayDataSet
from torch_py.MinDQNRobot import MinDQNRobot as TorchRobot # PyTorch版本的机器人
#from keras_py.MinDQNRobot import MinDQNRobot as KerasRobot # Keras版本的机器人
import matplotlib.pyplot as plt
```

/home/wuty/anaconda3/envs/zju\_ai\_sys/lib/python3.12/site-packages/tqdm/auto.py:21: TqdmWarning: IProgress n ot found. Please update jupyter and ipywidgets. See https://ipywidgets.readthedocs.io/en/stable/user\_install.html

from .autonotebook import tqdm as notebook\_tqdm

#### 2.2 定义移动方向字典

move\_map 是一个字典,用于将动作('u'、'r'、'd'、'l')映射到相应的坐标变化,可以根据动作更新机器人在迷宫中的位置。

### 2.3 定义搜索树节点类

- SearchTree 类表示搜索树中的一个节点,包含了位置、动作、父节点、子节点、实际代价 g 和评估函数值 f 等属性。
- loc: 节点在迷宫中的位置坐标。
- to\_this\_action: 从父节点到达当前节点所采取的动作。
- parent: 父节点对象。
- children: 子节点列表。
- g: 从起点到当前节点的实际代价, 即路径长度。
- f: 评估函数值, f = g + h, 其中 h 是启发式函数的估计代价。
- add\_child(child) 方法用于向当前节点添加子节点。
- is\_leaf() 方法用于判断当前节点是否为叶子节点(没有子节点)。

```
class SearchTree:
          def __init__(self, loc=(), action='', parent=None):
              初始化搜索树节点对象。
                 loc (tuple): 当前节点的位置坐标 (x, y)。
                 action (str): 到达该节点的动作('u', 'r', 'd', 'l')。
                 parent (SearchTree): 该节点的父节点。
              self.loc = loc
                                       # 当前节点的位置
              self.to_this_action = action # 到达该节点的动作
             self.parent = parent # 父节点
self.children = [] # 子节点列表
self.g = 0 # 世紀点到当
              self.g = 0
                                       # 从起点到当前节点的实际代价(路径长度)
                                     # 从起点到马房 / ....
# 启发式估值 f = g + h
              self.f = 0
          def add_child(self, child):
              添加子节点。
              参数:
                 child (SearchTree): 待添加的子节点。
              self.children.append(child)
          def is_leaf(self):
              判断当前节点是否是叶子节点(没有子节点)。
              返回:
                 bool: 如果没有子节点,则返回 True。
              return len(self.children) == 0
```

# 2.4 定义启发式函数

• heuristic\_manhattan 函数计算当前节点位置 curr 到目标节点位置 goal 的曼哈顿距离,用作启发式估计。

• 曼哈顿距离是指在格子地图中,只能沿着水平方向和竖直方向移动时,从一个点到另一个点的最短路径长度。

#### 2.5 定义节点扩展函数

- expand\_a\_star 函数用于扩展当前节点的所有可行子节点。
- 首先获取当前节点可以采取的有效动作 valid\_actions, 即从当前位置可以移动到哪些方向而不撞墙。
- 对于每一个有效动作,计算新的位置 new\_loc。
- 如果新的位置没有被访问过(不在 closed\_set 中),则:
  - 计算从起点到新节点的实际代价 g\_new, 即当前节点的 g 值加1。
  - 使用启发式函数计算新节点到目标的估计代价 h\_new。
  - 计算评估函数值 f\_new = g\_new + h\_new。
  - 创建新节点 child,设置其位置、动作、父节点、g 值和 f 值。
  - 将新节点添加到开放列表 open\_list 中,等待后续的扩展。

```
def expand_a_star(maze, closed_set, node, goal, open_list):
         扩展当前节点的所有可行子节点,并将新节点加入 open_list。
         参数:
            maze (Maze): 迷宫对象。
            closed_set (set): 已访问节点的集合,防止重复搜索。
            node (SearchTree): 当前待扩展的节点。
            goal (tuple): 目标点坐标。
            open_list (list): 存放待扩展节点的开放列表。
         # 获取从当前节点可以采取的有效动作
         valid_actions = maze.can_move_actions(node.loc)
         for a in valid_actions:
            # 计算新节点的位置
            new_loc = tuple(node.loc[i] + move_map[a][i] for i in range(2))
            # 如果新位置没有被访问过,将其添加到 open_list
            if new_loc not in closed_set:
               h_new = heuristic_manhattan(new_loc, goal) # 计算启发式估计 h 值
               f_new = g_new + h_new # 评估函数 f = g + h
               # 创建新节点并设置 g 和 f 值
               child = SearchTree(loc=new_loc, action=a, parent=node)
               child.g = g_new
               child.f = f new
               # 将新节点加入开放列表
               open_list.append(child)
```

### 2.6 定义路径回溯函数

- back\_propagation\_a\_star 函数用于从目标节点开始,沿着父节点指针回溯到起点,构建从起点到目标点的动作序列。
- path 列表用于存储动作序列。
- 在循环中,将每个节点的 to\_this\_action 插入到 path 的开头,实现路径的正序。

• 当 node.parent 为 None 时,说明已经回溯到起点,结束循环。

## 2.7 定义 A\* 搜索算法

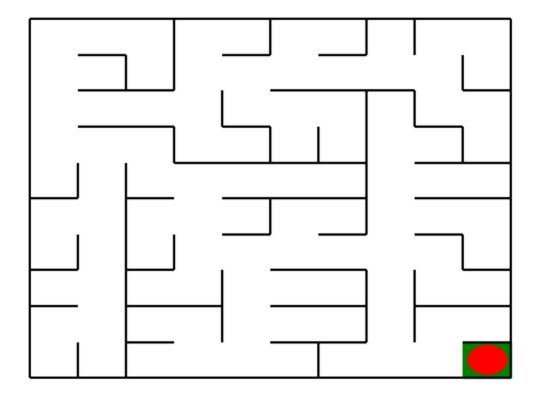
- my\_search 函数实现了 A\* 搜索算法。
- 初始化起点 start 和目标点 goal。
- 创建起点节点 root,设置其 g 值为 0, f 值为启发式估计值。
- 初始化开放列表 open\_list 和已访问节点集合 closed\_set。
- 在主循环中, 执行以下步骤:
  - 从开放列表中选择 f 值最小的节点 current\_node, 并将其从开放列表中移除。
  - 如果当前节点就是目标节点,则调用 back\_propagation\_a\_star 函数回溯路径,返回动作序列。
  - 将当前节点的位置添加到已访问集合 closed\_set 中。
  - 扩展当前节点,生成其子节点,并将新的子节点添加到开放列表中。
  - 如果开放列表为空但未找到目标节点,则返回空列表,表示无解。

```
# ======= A*搜索算法 =======
In [7]:
       def my_search(maze):
          使用 A* 算法在迷宫中搜索从起点到终点的最短路径。
          参数:
             maze (Maze): 待搜索的迷宫对象。
          返回:
              list: 最优路径上的动作序列(如果未找到路径,则返回空列表)。
          # 初始化起点和目标点
          start = maze.sense_robot()
          goal = maze.destination
          # 初始化起点节点并设置初始 g 值和 f 值
          root = SearchTree(loc=start)
          root.g = 0 # 起点的 g 值为 0
          root.f = heuristic_manhattan(start, goal) # 计算起点的 f 值
          # 创建开放列表和已访问节点集合
          open list = [root]
          closed_set = set()
          # 主循环: 每次从 open_list 中选取 f 值最小的节点进行扩展
          while open_list:
              # 找到 f 值最小的节点并将其从 open_list 中移除
              current_node = min(open_list, key=lambda x: x.f)
              open_list.remove(current_node)
              # 如果当前节点是目标点,回溯路径
              if current node.loc == goal:
                 return back_propagation_a_star(current_node)
              # 将当前节点的位置添加到 closed_set 中,表示该节点已访问
              closed_set.add(current_node.loc)
```

```
# 扩展当前节点的所有子节点,并将有效子节点加入 open_list expand_a_star(maze, closed_set, current_node, goal, open_list)
# 如果开放列表为空且未找到路径,返回空列表 return []
```

## 2.8 测试搜索算法

- 创建一个 10x10 的迷宫 maze。
- 调用 my\_search(maze) 函数,使用 A\* 算法搜索从起点到终点的最优路径,返回动作序列 path\_2。
- 打印搜索到的路径。
- 让机器人按照搜索到的动作序列移动,通过 maze.move\_robot(action) 执行动作。
- 检查机器人当前的位置是否等于目标位置,如果是,则打印"恭喜你,到达了目标点"。
- 打印迷宫的当前状态,包括机器人的位置和路径。



Maze of size (10, 10)

# 3基于 DQN 算法

本实验旨在使用深度强化学习中的深度Q网络(DQN)算法,编程实现机器人在迷宫中自动寻找从起点到终点的最优路径。在基于DQN算法的机器人迷宫求解实验中,定义了一个继承自 TorchRobot 的 Robot 类,并在初始化时设置迷宫的奖励机制,确保在较大迷宫中,奖励值足够大以引导机器人到达终点。具体而言,撞墙时的惩罚值随迷宫大小增大,并非固定的奖励值大小,到达终点的奖励值基于迷宫大小调整,每步的默认奖励为微小正值,随迷宫大小而增大。实验中设置了合理的奖励机制,确保机器人能够在训练过程中得到正确的反馈。通过绘制训练损失曲线,可以观察到模型在训练过程中不断优化。最终,机器人能够成功地从起点到达终点,实现了实验目标。以下是详细的代码实现和解释。

## 3.1 导入必要的库

import os
import random
import numpy as np
from Maze import Maze # 迷宫环境类
from Runner import Runner
from QRobot import QRobot
from ReplayDataSet import ReplayDataSet
from torch\_py.MinDQNRobot import MinDQNRobot as TorchRobot # PyTorch版本的机器人
# from keras\_py.MinDQNRobot import MinDQNRobot as KerasRobot # Keras版本的机器人
import matplotlib.pyplot as plt
import torch
import time

#### 3.2 定义机器人类

- 定义了一个 Robot 类, 继承自 TorchRobot 类。
- init 方法用于初始化机器人对象,设置迷宫环境和模型参数。
- 使用 super() 调用父类的初始化方法,确保父类的属性和方法被正确初始化。
- 调用 maze.set\_reward() 方法,设置迷宫的奖励机制,包括撞墙惩罚、到达终点奖励和默认奖励,这些值根据迷宫大小进行调整。
- 将迷宫对象保存为 self.maze, 方便后续使用。
- 设置探索率 epsilon 为 0,表示在训练和测试中采用贪心策略,始终选择当前估计最优的动作。
- 设置计算设备 self.device, 如果有可用的 GPU (CUDA) ,则使用 GPU, 否则使用 CPU。
- 调用 self.memory.build\_full\_view(maze=maze) 开启全图视野,构建经验回放池,这样可以加速训练过程。
- 将评估网络 eval\_model 和目标网络 target\_model 迁移到指定的计算设备上。
- 调用 self.train() 方法开始训练,并将训练过程中产生的损失值保存到 self.loss\_list 中。

#### 3.3 定义训练函数

- train 方法用于训练模型,直到机器人能够成功找到迷宫的出口。
- 初始化一个空的 loss\_list, 用于保存每次训练的损失值。
- 设置批次大小 batch\_size 为经验回放池的大小,即每次训练时使用所有的经验数据。
- 记录训练开始的时间 start, 用于计算总的训练时间。
- 在 while True 循环中,不断执行以下步骤:
  - 调用 \_learn(batch=batch\_size) 方法,从经验回放池中采样数据进行训练,返回当前的损失值,并将其添加到 loss\_list。
  - 重置机器人的位置,准备进行测试。
  - 在限制的步数内(迷宫面积)执行测试,如果机器人在测试中成功到达终点,则打印训练时间并返回损失值列表,结束训练。
- 这样设计的目的是在训练过程中,不断更新模型参数,直到机器人学会了如何在迷宫中找到出口。

## 3.4 定义训练更新方法

- train\_update 方法用于在训练过程中,根据当前策略选择动作并执行,获取相应的奖励。
- 首先调用 self.sense\_state() 获取当前状态(机器人的位置坐标)。
- 调用 self.\_choose\_action(state) 方法,根据当前状态选择动作,使用的是 epsilon-greedy 策略(在父类 TorchRobot 中实现)。
- 执行选定的动作,调用 self.maze.move\_robot(action),并获取执行后的奖励 reward。
- 更新 epsilon 的代码被注释掉,因为在初始化时已经将 epsilon 固定为 0,不再需要更新。
- 返回选择的动作和获得的奖励。

### 3.5 定义测试更新方法

• test\_update 方法用于在测试过程中,根据当前策略选择动作并执行,获取相应的奖励。

- 获取当前状态 state, 并将其转换为 PyTorch 的张量形式, 确保数据类型和设备与模型匹配。
- 将模型设置为评估模式 self.eval\_model.eval(), 防止在测试时更新模型参数。
- 使用 torch.no\_grad() 上下文管理器,停止计算梯度,加快推理速度。
- 将状态输入到评估模型 self.eval\_model(state), 获取对应的 Q 值 q\_value。
- 根据 Q 值选择最优动作,这里选择 Q 值最小的动作(因为在迷宫中,奖励是负值,越小越好)。
- 执行选择的动作,调用 self.maze.move\_robot(action),获取执行后的奖励 reward。
- 返回选择的动作和获得的奖励。

```
class Robot(TorchRobot):
           def __init__(self, maze):
              初始化 Robot 类,用于在迷宫中执行训练和测试。
              参数:
                 maze (Maze): 迷宫对象,用于机器人移动和奖励机制。
              # 调用父类的初始化方法
              super(Robot, self).__init__(maze)
              # 设置迷宫的奖励值,确保在较大迷宫中,奖励值足够大以引导机器人到达终点
              maze.set_reward(reward={
                 "hit_wall": maze.maze_size * 2.,# 撞墙时的惩罚,随迷宫大小而增大"destination": -maze.maze_size ** 2 * 5.,# 到达终点的奖励,基于迷宫大小调整"default": maze.maze_size * 0.5,# 每步的默认奖励,微小正值,随迷宫大小而增大
              })
              # 记录迷宫对象
              self.maze = maze
              # 设置初始探索率 epsilon 为 0,表示完全利用策略
              self.epsilon = 0
              # 设置计算设备为 CUDA 或 CPU, 加速计算
              self.device = torch.device("cuda" if torch.cuda.is_available() else "cpu")
              # 开启全图视野("金手指"),构建训练的经验回放池
              self.memory.build_full_view(maze=maze)
              # 将模型迁移到所选设备上
              self.eval_model = self.eval_model.to(self.device)
              self.target_model = self.target_model.to(self.device) # 确保目标网络也迁移到同一设备上
              # 开始训练并记录训练过程中产生的损失值
              self.loss_list = self.train()
           def train(self):
              训练模型直到机器人能够成功找到迷宫出口。
              返回:
                 list: 训练过程中产生的损失值列表。
              # 初始化损失值列表
              loss_list = []
              # 设置批次大小为经验回放池的大小
              batch_size = len(self.memory)
              # 记录训练开始时间
              start = time.time()
              # 不断训练直至机器人成功走出迷宫
              while True:
                  # 从回放池中采样训练,并记录当前轮次的损失值
                  loss = self._learn(batch=batch_size)
                  loss_list.append(loss)
                  # 每轮训练后重置机器人位置,测试是否成功到达终点
                  self.reset()
                  # 限制最大移动步数为迷宫面积
                  for _ in range(self.maze.maze_size ** 2):
```

```
action, reward = self.test_update()
         # 如果奖励值等于到达终点的奖励,则成功找到出口
         if reward == self.maze.reward["destination"]:
            print('Training time: {:.2f} s'.format(time.time() - start)) # 打印总训练时间
            return loss_list # 返回损失值列表,结束训练
def train_update(self):
   训练过程中调用的更新方法,用于选择动作并获得对应的奖励。
      tuple: (action, reward), 选择的动作及执行后的奖励。
   # 获取当前状态(机器人的位置)
   state = self.sense_state()
   # 根据当前状态选择动作,遵循 epsilon-greedy 策略 (TorchRobot 中实现)
   action = self._choose_action(state)
   # 执行选择的动作,并获取对应的奖励
   reward = self.maze.move_robot(action)
   # 更新 epsilon 值以逐步减少探索(注释掉, 因为 epsilon 固定为 0)
   # self.epsilon = max(0.01, self.epsilon * 0.995)
   # 返回动作和对应的奖励
   return action, reward
def test_update(self):
   测试过程中调用的更新方法,使用当前策略选择动作并执行。
   返回:
      tuple: (action, reward),选择的动作及执行后的奖励。
   # 获取当前状态,并转换为 PyTorch 张量,确保与模型输入格式一致
   state = np.array(self.sense_state(), dtype=np.int16)
   state = torch.from_numpy(state).float().to(self.device) # 确保数据在同一设备上
   # 设置模型为评估模式,停止参数更新
   self.eval_model.eval()
   # 停止计算图,以加快推理速度
   with torch.no_grad():
      # 通过模型获取当前状态对应的 Q 值
      q_value = self.eval_model(state).cpu().data.numpy()
   # 选择 Q 值最小的动作(TorchRobot 的规则),返回动作
   action = self.valid_action[np.argmin(q_value).item()]
   # 执行选择的动作,并获取对应的奖励
   reward = self.maze.move_robot(action)
   # 返回动作和奖励
   return action, reward
```

#### 3.6 迷宫和机器人初始化以及路径测试

- 设置迷宫的大小 maze\_size ,创建一个迷宫对象 maze。
- 创建一个机器人对象 robot,并将迷宫传入其中。
- 打印迷宫的奖励机制,以便了解各个动作的奖励值。
- 重置机器人的位置,准备进行测试。
- 在限制的步数内(迷宫面积)循环,调用 robot.test\_update() 执行动作并获取奖励。
- 打印每一步的动作和对应的奖励。
- 如果在某一步中,获得的奖励等于到达终点的奖励,则表示机器人成功找到出口,打印提示信息并退出循环。

```
Training time: 7.17 s
迷宫奖励机制: {'hit_wall': 14.0, 'destination': -245.0, 'default': 3.5}
动作: d 奖励: 3.5
动作: r 奖励: 3.5
动作: r 奖励: 3.5
动作: r 奖励: 3.5
动作: r 奖励: 3.5
动作: d 奖励: 3.5
```

## 3.7 DQN算法训练并绘制训练结果

- 设置训练 epoch training\_per\_epoch
- 创建一个 Runner 实例 runner, 用于管理训练过程。
- 调用 runner.run\_training(epoch, training\_per\_epoch) 开始训练。
- 训练完成后,绘制训练过程中损失值的变化曲线。
- 使用 plt.plot(robot.loss\_list) 绘制损失值列表,添加坐标轴标签和标题,然后显示图像。
- 调用 runner.plot\_results() 显示完整的训练结果,包括机器人在迷宫中的路径和策略效果。

