规划 (AI Planning)

University of Science and Technology of China

April 16, 2014

(USTC) AI Planning April 16, 2014 1/43

- ① 经典规划 (Classical Planning)
 - 规划问题
 - 状态空间规划 (State-Space Planning)
 - 规划空间规划 (Plan-Space Planning)
 - 规划图技术 (Planning-Graph Techniques)
 - Planning as {SAT, CSP, ILP, ...}
- ② 现实世界的规划与行动



April 16, 2014

- 经典规划 (Classical Planning)
 - 规划问题
 - 状态空间规划 (State-Space Planning)
 - 规划空间规划 (Plan-Space Planning
 - 规划图技术 (Planning-Graph Techniques)
 - Planning as {SAT, CSP, ILP, ...}
- ② 现实世界的规划与行动



(USTC) AI Planning April 16, 2014 3/

- ① 经典规划 (Classical Planning)
 - 规划问题
 - 状态空间规划 (State-Space Planning)
 - 规划空间规划 (Plan-Space Planning
 - 规划图技术 (Planning-Graph Techniques)
 - Planning as {SAT, CSP, ILP, ...}
- ② 现实世界的规划与行动



(USTC) AI Planning April 16, 2014 4/43

背景

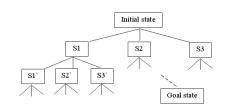
- 规划(智能规划, AI Planning)是人工智能一个重要领域,起源于 60 年代
- Planning in AI is decision making about the actions to be taken
- 规划器分为:
 - Domain-specific: 一般针对特定领域专门设计,高效,已大量应用
 - Domain-independent: 通用的求解器,效率相对不高,目前还很难实际应用。但仍然有重要意义:
 - 领域无关是对规划问题共性的研究,其成果可以用来提高领域相关规划器的效率;
 - 研究一般规划行为所反映的理性行为;
 - 便宜的规划器(针对领域定制,一般需花费更多);
 - 研究和设计自治智能体(如,智能机器人)就需要领域无关
 - Configurable: 在领域无关基础上,根据领域特点增加一些控制信息
- 在 AI 领域,规划 (Planning) 一般指 Domain-independent
 和 Configurable Planning

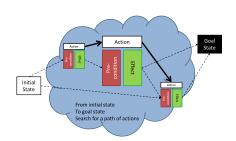
◆ロト ◆問 → ◆ 恵 → ◆ 恵 ・ 夕 Q ○

April 16, 2014

智能规划

- 规划领域主要两个工作:如何 方便的(紧凑并且方便求解) 表达和如何高效求解(搜索)
 - 表示: 状态、行动
 - <mark>状态:</mark> (动态)系统在某 时刻的情况,问题的状态 描述
 - 初始状态、目标状态
 - 行动: 状态空间上的部分 映射,对状态描述进行变 换的一组操作
 - 求解: 计算(搜索)出从初 始状态变化到目标状态的一 个操作序列
 - 状态空间搜索,偏序规划,规划图,Planning as {SAT, CSP, ILP,...},等





经典规划基本假设

- 规划问题非常复杂,为简化问题而提出一些简化的假设(经典规划基本假设):
 - (A0) Finite system: finitely many states, action, events
 - (A1) Fully observable: always know current state
 - (A2) Deterministic: each action has only one outcome.
 - (A3) Static (no exogenous events): no changes but the controller's actions
 - (A4) Attainment goals: a set of goal states
 - (A5) Sequential plans: a plan is a linearly ordered sequence
 - (A6) Implicit time: no time durations
 - (A7) Off-line planning: planner doesn't know the execution status
- 经典规划的任务,简单说就是: Computing paths from an initial state to a goal state in the transition graph.
 - 己知 transition graph,用 Dinkstra 算法(时间复杂度为 $O(n \log n)$)
 - 但状态空间一般非常大 (10⁹, 10¹², 10¹⁵, ...),所以无法构造出整 个 transition graph
 - 规划算法要避免构造出整个 transition graph

经典规划

- 经典规划只考虑确定的、静态的、有限的、完全可观察的、离散环境的、目标受限和忽略时间的状态转移系统
- 经典规划的主要问题包括:
 - 如何在不显示枚举的情况下,表达状态和动作: compact and easy searched
 - 如何有效的进行解的搜索
- 即使在受限条件下,规划问题的求解仍然是非常困难的,奢求用经典规划技术来解决实际规划问题是不现实的
- 需要用一种通用的表达方式, compact 表达状态和动作, 并且便于搜索求解, 一般的思路是:
 - 用 features 来表达单个状态。状态为 features 特定值的集合
 - 用 operators 来计算状态转移。operators 为 features 之间的转换关系
 - 不需显示表达出所有状态,只给出初始状态,然后通过 operators 计 算出需要的状态

经典规划的集合论表达 (Set-Theoretic Representation)

- 用有限的命题符号集(L)来表达状态转移系统:
 - $S \subseteq 2^L$, 状态 $s \to L$ 的子集, 命题的集合, 表示在 $s \perp$ 真的命题
 - action 是三元组 \(\rangle precond\), \(effect^-\), \(effect^+\)
 - S 的性质: 对于任意状态 s 和可应用于 s 的行动 a,集合 $(s effect^-(a)) \cup effect^+(a) \in S$
 - 如果 a 可应用于 s,则状态转移函数为 $\gamma(s,a) = (s effect^-(a)) \cup effect^+(a)$,否则无定义
- 规划问题是在状态转移系统的基础上增加初始状态和目标状态集
 - $s_0 \in S$
 - $g \subseteq L$,目标状态集合为 $S_g = \{s \in S \mid g \subseteq s\}$
- 规划是一个动作序列 $\pi = \langle a_1, \dots, a_k \rangle$,如果 $g \subseteq \gamma(s_0, \pi)$,则规划 π 是此规划问题的一个解
- 并不是每一个状态转移系统都可以用集合论表达,但可以构造一个 与其等价的系统,而此系统可以用集合论表达

(USTC) AI Planning April 16, 2014 9/43

经典规划的经典表达 (Classical Representation)

- 经典表达是对集合论表达的推广,使用一阶逻辑符号,用公式来表达状态集和行动,通过语义解释来确定具体的状态和行动
 - 用一阶逻辑语言(有限多谓词,变元,常元,没有函数符号)来描述系统。一个状态是一个 grounded atoms 集合。谓词又分为状态谓词 (fluent)和刚性关系 (rigid relation),前者是状态集的函数,后者不随状态变化而变化
 - 规划操作是一个三元组 o = (name(o), precond(o), effects(o)),其中:
 - name(o),操作的名字,形如 $n(x_1,\ldots,x_k)$
 - precond(o) 和 effects(o) 分别是 o 的前提和效果,都是文字集。刚性关系不能出现在任何操作 o 的效果中。action 是 ground instance of an operator
- 例如: move(r, l, m) 表示机器人 r 从位置 l 移动到位置 m:
 - precond: adjacent(l, m), at(r, l), $\neg occupied(m)$
 - effect: at(r, m), occupied(m), $\neg occupied(l)$, $\neg at(r, l)$
- 经典表达 grounding 后与集合论表达等价,不过 grounding 结果可能 指数增大
- 状态变量表达 (State-Variable Representation):
 - 状态为向量值,动作为函数映射。经典表达与状态变量方法在表达 能力上是等价的

发展历史

- 自动规划最初受自动推理证明很大的影响,用 Situation Calculus 的方式对初始状态、目标状态和行动做公理化描述,使用归结定理证明来构造求解
- 然而,这种方式遇到框架问题的困难,从而引入对经典规划的描述问题,其目的之一就是为框架问题提供一个简单的解法:
 - STRIPS 假设: 在效果中没提及的每个文字保持不变
- STRIPS 就是这方面早期的工作。这里介绍的经典表达和 STRIPS 有同样的表达能力 (STRIPS 不同与自动定理证明不同的是,将解的搜索和对系统的逻辑描述分离了)
- ADL 权衡了一阶表达能力和推理的复杂性,之后扩展的 PDDL,为规划问题的标准描述语言
- PDDL (The Planning Domain Definition Language) 是由 IPC (International Planning Competition 两年一届) 定义的标准语言。已 有一大批基于 PDDL 的通用规划器

经典规划的复杂性

经典规划存在解 (PLAN-EXT),存在固定长度解 (PLAN-LEN)问题的计算复杂性

Kind of representation	How the operators are given	Allow negative effects?	Allow negative preconditions?	Complexity of PLAN- EXISTENCE	Complexity of PLAN- LENGTH
Classical		Yes	Yes/no	expspace- complete	NEXPTIME- complete
rep.	In the input		Yes	NEXPTIME- complete	NEXPTIME- complete
		No	No	expTIME- complete	NEXPTIME- complete
			No ^a	PSPACE- complete	PSPACE- complete
		Yes	Yes/no	PSPACE b	PSPACE b
	In advance		Yes	NP ^b	NP b
		No	No No ^a	P NLOGSPACE	NP b
Set-theoretic or ground		Yes	Yes/no	PSPACE- complete	PSPACE- complete
classical rep.	In the input	No	Yes No No ^a /no ^c	NP-complete P NLOGSPACE- complete	NP-complete NP-complete NP- complete
	In advance	Yes/no	Yes/no	Constant time	Constant time
State-variable rep.	In the input	Yes ^d	Yes/no	EXPSPACE- complete	NEXPTIME- complete
	In advance	Yesd	Yes/no	PSPACE b	PSPACE b
Ground state-variable	In the input	Yes ^d	Yes/no	PSPACE- complete	PSPACE- complete
rep.	In advance	Yes ^d	Yes/no	Constant time	Constant time

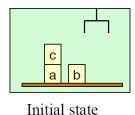
^a No operator has > 1 precondition.

b With PSPACE- or NP-completeness for some sets of operators.

 $[^]c$ Each operator with > 1 precondition is the composition of other operators.

 $^{^{}d}$ There is no way to keep the operators from having negative effects.

Example: blocks world





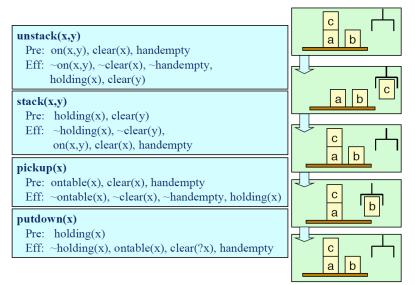
goal

初始状态:

 $ontable(A) \land on(C,A) \land ontable(B) \land clear(B) \land clear(C) \land handempty$ 目标: $on(A,B) \land on(B,C)$

Example: blocks world (con't)

操作:



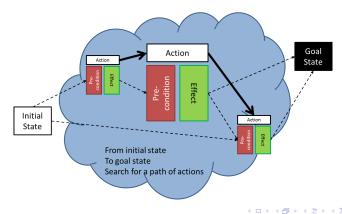
- ① 经典规划 (Classical Planning)
 - 规划问题
 - 状态空间规划 (State-Space Planning)
 - 规划空间规划 (Plan-Space Planning)
 - 规划图技术 (Planning-Graph Techniques)
 - ullet Planning as {SAT, CSP, ILP, ...}
- ② 现实世界的规划与行动



April 16, 2014

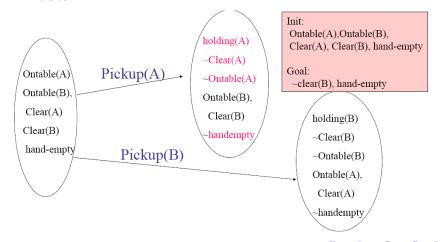
状态空间搜索方式

- 在状态转移图中搜索从初始状态到目标状态的一条路径
 - 前向搜索 (Forward Search): 从初始状态出发向前搜索
 - 后向搜索 (Backward Search): 从目标状态向后搜索
 - 启发式搜索:利用启发式函数(例如,估计从状态到目标的距离) 进行前向或后向搜索



前进规划 (progression)

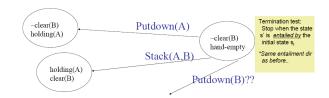
- 从初始状态开始,考虑所有可行的行动,进行深度或广度搜索, $\gamma(s,a)$
- 可靠并完全



回归规划 (regression)

- 从目标出发,将当前目标还原为回归子目标, $\gamma^-(g,a)$
- 与 Forward 相比,一般有较小的分支数
- An action a is relevant for a goal g if
 - $g \cap effects^+(a) \neq \emptyset$
 - $g^+ \cap effects^-(a) = \emptyset$ and $g^- \cap effects^+(a) = \emptyset$

Init:
Ontable(A),Ontable(B),
Clear(A), Clear(B), hand-empty
Goal:
~clear(B), hand-empty



SPRIPS 规划

- 类似 backward,每次选择一个相关的 action,但只将 action 的 precondition 作为下一步迭代的目标
- 当状态满足 precondition 后执行此动作,并不再回溯
- STRIPS 是不完备的
- 算法过程: return a sequence of actions that transforms s into g
 - Calculate the difference set d = g s
 - 2 If d is empty, return an empty plan
 - 6 Choose action a whose add-list has most formulas contained in g

 - **5** Compute the new state s' by applying p' and a to s

 - \bigcirc return p'; a; p

April 16, 2014

- 经典规划 (Classical Planning)
 - 规划问题
 - 状态空间规划 (State-Space Planning)
 - 规划空间规划 (Plan-Space Planning)
 - 规划图技术 (Planning-Graph Techniques)
 - Planning as {SAT, CSP, ILP, ...}
- ② 现实世界的规划与行动

(USTC) AI Planning April 16, 2014 20 / 43

规划空间搜索

- 状态空间是最直接的搜索方式,规划是状态转移图中的一条路径, 规划求解自然也就是状态空间上的搜索问题
- 但很多时候,状态空间上的搜索是在以不同的顺序不断说明一组行 动不可行
- 因此提出规划空间: 节点为局部具体化的规划, 弧为规划的求精操 作 (refinement operation)
- 求解操作基于极小承诺原则 (least commitment principle): don't commit to orderings, instantiations, etc., until necessary
- PSP (Plan-Space Planning) 算法: 找到 plan 的缺陷,选择一个缺 陷,找到解决缺陷的所有方法,选择一个方法,按此方法对 plan 求 精。PSP 算法是可靠完全的

偏序规划 (Partial-Order Planning)

- 规划问题: 给定 s, g, 要找到行动序列 a_1, \ldots, a_n 使得:
 - a₁ 在 s 上可执行
 - ② 执行 a_i 后 a_{i+1} 可执行
 - ⑤ 执行 an 后 g 为真

前行,回归规划都是在过程中生成"部分计划",满足(2),但只满足(1)或(3)之一;而偏序规划在过程中满足(1)和(3),可以不满足(2)

- POP 算法: 以伪计划 P = (s, e) 为起点,在保持 P 为一个 POP 部分计划的前提下,不断向 P 中添加新的因果链,直至得到一个 POP 计划
- 因果链形如: $a_p \xrightarrow{Q} a_c$, $Q \in eff(a_p) \cap pre(a_c)$ 是 a_p 对 a_c 前提条件的 贡献
- POP 算法,类似 PSP,不过对两类不同的缺陷(子目标和威胁)采取不同的处理方式。先处理子目标,再处理相应的威胁。

偏序规划

- 1. <u>Plan Selection</u>: Select a plan P from the search queue
- 2. <u>Flaw Selection</u>: Choose a flaw f (open cond or unsafe link)
- 3. <u>Flaw resolution</u>:

If f is an open condition, <u>choose</u> an action S that achieves f

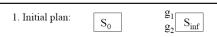
If f is an unsafe link,

choose promotion or demotion

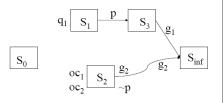
Update P

Return NULL if no resolution exist

4. If there is no flaw left, return P



2. Plan refinement (flaw selection and resolution):



状态空间和规划空间规划的比较

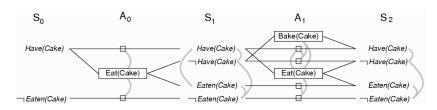
- ◆ 状态空间有限,而规划空间无限。但规划空间规划通常有较小的搜索空间
- 状态空间有显式的中间的状态,而规划空间中没有,没有明确的状态的概念。如果状态的概念清晰,可以有效利用领域知识和控制知识
- 规划空间,将对动作的选择和其顺序分离

- 经典规划 (Classical Planning)
 - 规划问题
 - 状态空间规划 (State-Space Planning)
 - 规划空间规划 (Plan-Space Planning)
 - 规划图技术 (Planning-Graph Techniques)
 - Planning as {SAT, CSP, ILP, ...}
- ② 现实世界的规划与行动



规划图 (Planning Graph)

- Planning Graph 是对 possible plans 约束的描述。"If valid plan exists, it's a subgraph of the planning graph.",并且可以在多项式时间构造
- 规划图是有向分层图:
 - 两种节点: Proposition P, Action A
 - 三种边: Precondition: $P \to A$, Add: $A \to P$, Delete: $A \to P$
 - 两层: Proposition 和 Action
- Action level: 前提条件被上一层满足的 actions + no-op actions (for frame problem)



April 16, 2014

规划图方法

- 规划图方法是两个阶段交替执行:图扩展(graph expansion)阶段和解提取(solution extraction)阶段
 - 图扩展阶:正向扩展规划图直到目标状态的所有命题都出现为止
 - 解提取阶段: 反向搜索规划图以求出规划解
- 规划图的构造过程:
 - 用初始状态真的所有文字构造 P1 层;
 - ② 用前提被满足的行动构造 A₁ 层;
 - **⑤** 再根据 A_1 层的 effects 构造 P_2 层(包括 no-ops,惯性);
 - **4**
- 同时还要维护一组互斥关系 (Mutual Exclusion relations),来删除 incompatible propositions and actions:
 - Two actions (or literals) are mutually exclusive at some stage if no valid plan could contain both.
 - Two actions are mutex if:
 - Interference: one clobbers others' effect or precondition.
 - Competing needs: mutex preconditions.
 - Two propositions are mutex if: All ways of achieving them are mutex.

规划图方法 (con't)

- 规划图的特点:
 - Propositions and actions monotonically increase
 - Proposition mutex and action mutex relationships monotonically decrease
 - After some time k all levels are identical
- 规划图的构造时间是规划问题大小的多项式倍
- 规划解 (valid plan) 是规划图的一个子图,满足如下条件:
 - Actions at the same level don't interfere:
 - Each action's preconditions are made true by the plan;
 - Goals are satisfied.
- 规划图技术的算法:
 - 先构造规划图 (PG) 直到所有的目标都可达且 not mutex (If PG levels off first, fail),
 - 2 Search the PG for a valid plan,
 - 3 If not found, add a level to the PG and try again.

- 经典规划 (Classical Planning)
 - 规划问题
 - 状态空间规划 (State-Space Planning)
 - 规划空间规划 (Plan-Space Planning)
 - 规划图技术 (Planning-Graph Techniques)
 - Planning as {SAT, CSP, ILP, ...}
- ② 现实世界的规划与行动

(USTC) AI Planning April 16, 2014 29 / 43

Planning as {SAT, CSP, ILP, ...}

- Grounding 以后的规划问题复杂度是 PSPACE-complete,因为规划本身的长度有可能是指数的
- 只在有限长度 k 内计算 plan,则复杂度为 NP-complete
- 所以将规划问题翻译为其他解决 NP-hard 的经典问题, Planning as:
 - SAT: Propositional Satisfiability
 - Situation Calculus 方式。将规划问题用命题逻辑方式表达,使得每个 model 对应一个 plan
 - 结合规划图和 SAT。先构造 k 层的规划图,将此图转化为 SAT 问题,再用 SAT 求解器来计算里面的 plan。比较成功,代表有 Black-Box (1998 年规划竞赛优秀者之一),SatPlan (2004, 2006 年冠军)
 - CSP: Constraint Satisfaction
 - 将规划问题翻译为一个 CSP 问题,用其求解器求解。也可以通过规划 图来翻译 GP-CSP。 CSP encodings can be more compact.
 - 将 CSP 技术应用到规划中
 - ILP: Integer Linear Programming



April 16, 2014

小结

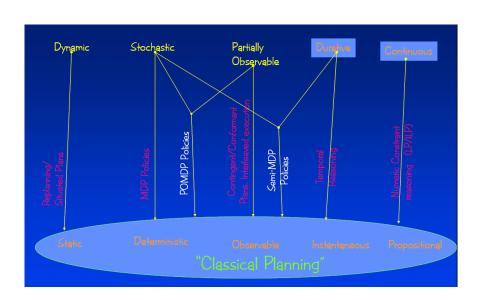
- 规划的核心问题是表示和求解(搜索)
- 经典规划用命题(或一阶)表示状态和行动
- 状态空间规划一般分为前进(progression)和回归(regression)规划
- 偏序规划为规划空间规划
- 规划图可以多项式时间构造出来,规划解是规划图的一个子图。规划图算法就是反复扩展规划图和尝试提取解的过程
- 一般规划问题(Grounding 以后)如果不限定规划长度,则计算复杂性为PSPACE-complete;若限定长度,则为NP-complete,可以等价翻译为其他解决NP-hard 的经典问题,如SAT, CSP, ILP,等

- 🕕 经典规划 (Classical Planning)
 - 规划问题
 - 状态空间规划 (State-Space Planning)
 - 规划空间规划 (Plan-Space Planning)
 - 规划图技术 (Planning-Graph Techniques)
 - Planning as {SAT, CSP, ILP, ...}
- ② 现实世界的规划与行动



(USTC) AI Planning April 16, 2014 32 / 43

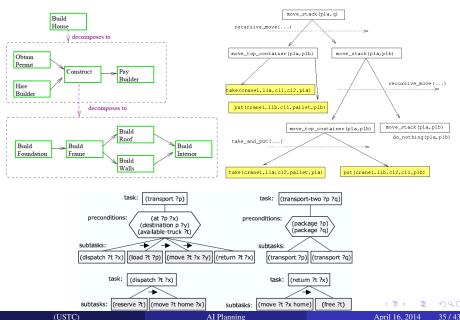
经典规划的扩展



分层任务网络规划 (Hierarchical Task Network (HTN) Planning)

- 分层任务网规划和经典规划类似,但增加一个方法集合 (method), 告诉系统,如何将一类任务分解为更小的子任务(可能有偏序约束),规划过程就是递归的将那些非原子任务分解到原子任务。
- HTN 规划基本过程:
 - Input a planning problem *P*
 - ② If *P* contains only primitive tasks, then resolve the conflicts and return the result. If the conflicts cannot be resolved, return failure
 - \odot Choose a non-primitive task t in P
 - Choose an expansion for t
 - Replace t with the expansion
 - Find interactions among tasks in P and suggest ways to handle them. Choose one
 - Goto 2
- 因为 HTN 可以方便的根据领域知识加入如何分解 task 的方法,HTN 应用很广,而且效果很好,在规划大赛中总是前几名

HTN Examples



不确定性领域中进行规划 (Planning under Uncertainty)

- 经典规划有如下三个限制:
 - 确定性 (determinism), 但现实情况更多是不确定的:
 - 由于信息的不完全,我们不能确定具体在哪个状态。Uncertainty about the state of the world.
 - 行动的结果可能是不确定的。Uncertain effects for actions.
 - 在执行决策的过程中,外部事件可能改换世界。External events.
 - 完全可观察性 (full observability), 但实际情况更多的是部分可见
 - 可达性目标 (reachability goals),由于动作结果的不确定和可能的执行失败,目标也相应扩展的更灵活,主要有两种:
 - 效用函数,规划求解的任务是使得效用函数的值最大化
 - 用时态逻辑公式表达目标,规划求解的任务是使得,规划中行动令此时态公式为真

April 16, 2014

Planning under Uncertainty (con't)

- 由于不确定性,规划的执行可能对应于多条不同的执行路径,需要规划算法能高效的分析所有动作各种可能的执行结果。可以有如下方式:
 - Re-planning: make a plan assuming nothing bad will happen, monitor for problems during execution, build a new plan if a problem is found, either re-plan to the goal state or try to patch the existing plan.
 - Conditional planning: deal with contingencies at planning time before they occur, every possible contingency is covered in the policy.
- 两种方式,前者没办法未雨绸缪,后者又考虑过甚(不可能真正处理完所有的可能),需要平衡
- 用概率来表达 uncertainty 能实现较好的平衡, Probabilistic planning: Plan ahead for likely contingencies that may need steps taken before they occur.

April 16, 2014

Planning under Uncertainty (con't)

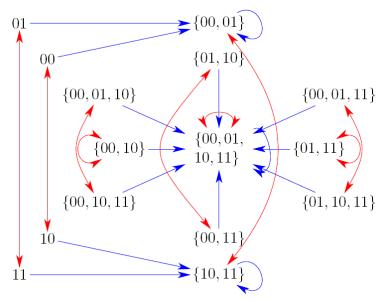
- 使用 MDP/POMDP 可以数学的刻画不确定性条件下的规划规划, 相关研究是持续多年的热点
- 对于使用 MDP/POMDP 也有不同声音:
 - MDP 需要考虑state space explosion 问题
 - require structured representations, exploit regularities in probabilities, rewards. 而 AI 的技术一般更natural, concise (STRIPS, Bayesian networks)
 - require structured computation, exploit regularities in policies, value functions, can aid in approximation.

April 16, 2014

非确定规划 (Nondeterministic Planning)

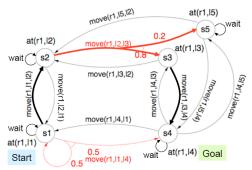
- 根据规划结果的质量可以有如下分类:
 - weak plan: 某种执行方式可能达到目标
 - strong cyclic plan: 最终都有可能达到终止状态,且都为目标状态
 - strong plan: 是strong cyclic plan, 且没有cycles
 - conformant plan: 是strong plan, 且没有观察
- 在不同的要求下,非确定规划问题又可以分类为:
 - Strong nondeterministic planning with full observability:
 - 由于有 full observability,所以可以用 memoryless strategy $\pi:S o O$.
 - 具体算法有两种: 1. 看作是 AND-OR search. 2. Dynamic programming (backward).
 - Conformant planning: planning without observability, EXPSPACE-complete
 - plans are sequences of actions
 - 不知道具体的 state,用 belief state。具体的算法也只在 belief state 上处 理。但 belief state 的空间非常大
 - Nondeterministic planning with partial observability, 有三种方法:
 - Reduction to full observability by viewing belief states as states.
 - Forward search in AND/OR trees.
 - Dynamic-programming style backward construction of solvable belief states, starting from goal belief states.

The Belief Space: An Example



概率规划(Probabilistic Planning)

- 如果将不确定信息用概率的方式表达出来,就是 Probabilistic planning
- PDDL 也已扩展出PPDDL (Probabilistic PDDL) 用概率表达不确定性 (2004 年)
- 可以直接使用MDP/POMDP方法,也可以使用其他方法,如Planning based on Markov Decision Processes
 - 将规划问题表示称为一个优化问题来解决



机器人上的规划 (Planning in Robotics)

- 机器人涉及的规划问题:
 - Task planning
 - Path and motion planning,包括: Navigation planning, Manipulation planning
 - 本质上是在参数空间中, 找一条路径
 - Perception planning
- 经典规划框架对于机器人应用来说: too hard and too easy
 - too hard: it is intractable;
 - too easy: action sequences are not adequate as a representation of a real robot's program.

April 16, 2014

小结

- 分层任务网络(HTN)规划可以方便的根据领域知识加入如何分解 任务的方法,从而可以解决实际问题
- 经典规划算法假设有完备的和正确的信息、确定性的和完全可观察的环境,实际问题通常违反这些假设
- MDP/POMDP 为不确定规划问题采用概率手段给出了统一的数学描述框架
- 经典规划框架对机器人应用来说: too hard and too easy